

ระเบียบวิธีวิจัย

การวิจัยนี้จะหาดัชนีราคาผู้บริโภคนอกเขตเทศบาลในภาคตะวันออกเฉียงเหนือเฉพาะหมวดอาหารเท่านั้น เพราะจากข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาได้พบว่า รายจ่ายส่วนใหญ่ของประชาชนในภาคตะวันออกเฉียงเหนือถึงประมาณร้อยละ 80-89 เป็นรายจ่ายในหมวดอาหาร ส่วนรายจ่ายในหมวดอื่น ๆ คือ หมวดเครื่องนุ่งห่ม หมวดเคหสถาน หมวดการตรวจรักษาและบริการ หมวดยานพาหนะและบริการขนส่ง หมวดการบันเทิงและการศึกษา เป็นรายจ่ายส่วนน้อยของประชาชนในภาคตะวันออกเฉียงเหนือ และข้อมูลจากหมวดเหล่านี้ไม่สมบูรณ์พอที่จะนำมาคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคในหมวดนั้น ๆ ได้ ดังนั้นในการวิจัยนี้จึงคำนวณหาดัชนีราคาเฉพาะหมวดอาหารเท่านั้น

2.1 การคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภค

2.1.1 วิธีของ "Laspeyres" เป็นวิธีคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคโดยถ่วงน้ำหนักสินค้าแต่ละชนิดที่แต่ละครอบครัวใช้ในการอุปโภคบริโภคเป็นประจําดังได้กล่าวแล้วในข้อ 3) ของหัวข้อ 1.3 ด้วยปริมาณของสินค้านั้น ๆ ในปีฐาน กล่าวคือ

$$L = \frac{\sum_{i=1}^n P_{1i} Q_{0i}}{\sum_{i=1}^n P_{0i} Q_{0i}} \times 100$$

เมื่อ L คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหา

$P_{1i}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่ i ในปีที่ต้องการหา

$P_{0i}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่ i ในปีฐาน

$Q_{1i}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่ i ในปีที่ต้องการหา

$Q_{0i}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่ i ในปีฐาน

สำหรับการคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่ i หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิดที่ i ใช้สูตรในการคำนวณหาดังนี้

$$L_i = \frac{P_{1i}}{P_{0i}} \times 100$$

เมื่อ  $L_i$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิดที่  $i$  ในปีที่ต้องการหา

2.1.2 วิธีของ "Paasche" เป็นวิธีคำนวณดัชนีราคาผู้บริโภคโดยถ่วงน้ำหนักสินค้าแต่ละชนิดที่แต่ละครอบครัวใช้ในการอุปโภคบริโภคเป็นราคาตั้งไว้ที่กล่าวมาแล้วในข้อ 3) ของหัวข้อ 1.3 ด้วยปริมาณของสินค้าชนิดนั้น ๆ ในปีที่ต้องการหา กล่าวคือ

$$P = \frac{\sum_{i=1}^n P_{1i} Q_{1i}}{\sum_{i=1}^n P_{0i} Q_{1i}} \times 100$$

เมื่อ  $P$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหา

$P_{1i}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่  $i$  ของปีที่ต้องการหา

$P_{0i}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่  $i$  ของปีฐาน

$Q_{1i}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่  $i$  ของปีที่ต้องการหา

$Q_{0i}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่  $i$  ของปีฐาน

สำหรับการคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิดที่  $i$  ใช้สูตรในการคำนวณหาดังนี้

$$P_i = \frac{P_{1i}}{P_{0i}} \times 100$$

เมื่อ  $P_i$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  ในปีที่ต้องการหา

2.1.3 วิธีของ "Fisher" เป็นวิธีคำนวณดัชนีราคาผู้บริโภคโดยการเฉลี่ยแบบเรขาคณิตระหว่างเลขดัชนีที่คำนวณโดยวิธีของ Laspeyres และวิธีของ Paasche กล่าวคือ

$$F = \sqrt{L \times P} \times 100$$

เมื่อ  $F$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหา

$L$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหาที่คำนวณโดยวิธี Laspeyres

$P$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหาที่คำนวณโดยวิธี Paasche

สำหรับการคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิดที่  $i$  ใช้สูตรในการคำนวณหาดังนี้

$$\begin{aligned} F_i &= \sqrt{L_i \times P_i} \times 100 \\ &= \sqrt{\frac{P_{li}}{P_{oi}} \cdot \frac{P_{li}}{P_{oi}}} \times 100 \\ &= \frac{P_{li}}{P_{oi}} \times 100 \end{aligned}$$

เมื่อ  $F_i$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  ในปีที่ต้องการหา

#### 2.1.4 วิธีเฉลี่ยแบบเลขคณิตระหว่างวิธีของ Laspeyres และวิธีของ Paasche

เป็นวิธีคำนวณเลขดัชนีราคาผู้บริโภคโดยการเฉลี่ยแบบเลขคณิตระหว่างเลขดัชนีที่คำนวณโดยวิธีของ Laspeyres และวิธีของ Paasche กล่าวคือ

$$I = \frac{L + P}{2} \times 100$$

เมื่อ  $I$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหา

$L$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหาที่คำนวณโดยวิธีของ Laspeyres

$P$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของปีที่ต้องการหาที่คำนวณโดยวิธีของ Paasche

สำหรับการคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิดที่  $i$  ใช้สูตรในการคำนวณหาดังนี้

$$\begin{aligned} I_i &= \frac{\frac{P_{li}}{P_{oi}} + \frac{P_{li}}{P_{oi}}}{2} \times 100 \\ &= \frac{P_{li}}{P_{oi}} \times 100 \end{aligned}$$

เมื่อ  $I_i$  คือ ดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  ในปีที่ต้องการหา

### 2.1.5 วิธีปรับเลขดัชนีของ Laspeyres และ Paasche

เป็นวิธีคำนวณเลขดัชนีราคาผู้บริโภคโดยการนำเอาเลขดัชนีราคาโดยวิธีของ Laspeyres และวิธีของ Paasche มาปรับปรุงแก้ไข เพื่อให้ได้ดัชนีราคาที่ใกล้เคียงกับดัชนีราคาที่ดีจริงมากที่สุด กล่าวคือ

$$I_0^* = \left\{ (1 + \bar{r}) + \frac{e_1}{(1+\delta)} \right\} \times 100 \quad \text{ถ้า } e_1 > 0$$

$$= \left\{ (1 + \bar{r}) + e_1(1 + \delta) \right\} \times 100 \quad \text{ถ้า } e_1 < 0$$

เมื่อ  $I_0^*$  คือ ดัชนีราคาที่ใกล้เคียงกับดัชนีราคาที่ดีจริง

$$e_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r}) P_{oi} Q_{oi}}{\sum_{i=1}^n P_{oi} Q_{oi}}$$

$$r_i = \frac{P_{li}}{P_{oi}} - 1$$

$$\bar{r} = \frac{\sum_{i=1}^n r_i}{n}, \quad n \text{ คือ จำนวนชนิดของสินค้า}$$

$$\delta = \frac{1}{2} \hat{\gamma}$$

$$\hat{\gamma} = \frac{e_1}{\hat{e}_2} - 1 \quad \text{ถ้า } e_1 > 0 \text{ และ } \hat{e}_2 = \frac{e_1}{1+k}, \quad k = |\bar{r}|$$

$$= \frac{\hat{e}_2}{e_1} - 1 \quad \text{ถ้า } e_1 < 0 \text{ และ } \hat{e}_2 = e_1(1+k), \quad k = |\bar{r}|$$

$P_{li}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่  $i$  ของปีที่ต้องการหา

$P_{oi}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่  $i$  ของปีฐาน

สำหรับการคำนวณหาดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิด

ที่  $i$  หาได้โดยแทนค่า  $n = 1$  ใน  $\bar{r}$

$$\text{เนื่องจาก } \bar{r} = \frac{\sum_{i=1}^n r_i}{n}$$

แทนค่า  $n = 1$

$$\text{จะได้ } \bar{r} = r_i$$

$$\text{นั่นคือ } (\bar{r} - r_i) = 0$$

$$\text{เนื่องจาก } e_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r}) P_{oi} q_{oi}}{\sum_{i=1}^n P_{oi} q_{oi}}$$

$$\text{จะได้ } e_1 = 0$$

$$\text{ดังนั้น } I_{oi}^* = (1 + \bar{r}) \times 100$$

$$= (1 + r_i) \times 100$$

$$= \left(1 + \frac{P_{li}}{P_{oi}} - 1\right) \times 100$$

$$\text{นั่นคือ } I_{oi}^* = \frac{P_{li}}{P_{oi}} \times 100$$

ดังนั้น ดัชนีราคาผู้บริโภคของสินค้าชนิดที่  $i$  หรือราคาสัมพัทธ์ของสินค้าชนิดที่  $i$  จากทั้ง 5 วิธี เท่ากัน คือ

$$L_i = P_i = F_i = I_i = I_{oi}^*$$

## 2.2 การวิเคราะห์ความสัมพันธ์ระหว่างเลขดัชนีราคาโดยวิธีของ Laspeyres และ Paasche

$$\text{พิจารณา } L = \frac{\sum_{i=1}^n P_{li} q_{oi}}{\sum_{i=1}^n P_{oi} q_{oi}}$$

$$\text{และ } P = \frac{\sum_{i=1}^n P_{li} q_{li}}{\sum_{i=1}^n P_{oi} q_{li}}$$

### 2.2.1 กรณีที่มีสินค้า 2 ชนิด

การที่ลุ่มมติให้มีสินค้าเพียง 2 ชนิดเพราะจะได้เห็นความสัมพันธ์ระหว่าง  $L$  และ  $P$  ชัดเจน จะได้  $P_{o1}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่ 1 ในปีฐาน

- $P_{02}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่ 2 ในปัจจุบัน
- $P_{11}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่ 1 ในปีที่ต้องการหา
- $P_{12}$  คือ ราคาต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่ 2 ในปีที่ต้องการหา
- $q_{01}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่ 1 ในปัจจุบัน
- $q_{02}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่ 2 ในปัจจุบัน
- $q_{11}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่ 1 ในปีที่ต้องการหา
- $q_{12}$  คือ ปริมาณของสินค้าชนิดที่ 2 ในปีที่ต้องการหา

(a) ถ้า  $r_i$  เป็นสัดส่วนของการเปลี่ยนแปลงในราคาของสินค้าชนิดที่  $i$

$$\text{จะได้ } P_{1i} = (1+r_i) P_{0i}$$

(b) ถ้า  $\lambda_i$  เป็นสัดส่วนของการเปลี่ยนแปลงในปริมาณของสินค้าชนิดที่  $i$

$$\text{จะได้ } q_{1i} = (1+\lambda_i) q_{0i}$$

ถ้าราคาของสินค้า และปริมาณของสินค้าที่ใช้ในการบริโภคมีความเคลื่อนไหวไปในทางเดียวกันแล้วจะได้

$$0 < \lambda_i < \infty \quad \text{เมื่อ } r_i > 0 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$-1 < \lambda_i < 0 \quad \text{เมื่อ } r_i < 0 \quad \dots\dots\dots (2)$$

ถ้าราคาของสินค้า และปริมาณของสินค้าที่ใช้ในการบริโภคมีความเคลื่อนไหวไปในทางตรงกันข้ามแล้วจะได้

$$0 < \lambda_i < \infty \quad \text{เมื่อ } r_i < 0 \quad \dots\dots\dots (3)$$

$$-1 < \lambda_i < 0 \quad \text{เมื่อ } r_i > 0 \quad \dots\dots\dots (4)$$

ในกรณีที่สินค้า 2 ชนิด จะได้

$$L = \frac{P_{11}q_{01} + P_{12}q_{02}}{P_{01}q_{01} + P_{02}q_{02}} \quad \dots\dots\dots (5)$$



$$P = \frac{P_{11}q_{11} + P_{12}q_{12}}{P_{01}q_{11} + P_{02}q_{12}} \dots\dots\dots (6)$$

จาก (a) เขียน L ใหม่ได้เป็น

$$L = \frac{(1+r_1)P_{01}q_{01} + (1+r_2)P_{02}q_{02}}{P_{01}q_{01} + P_{02}q_{02}} \dots\dots\dots (7)$$

จาก (a) และ (b) เขียน P ใหม่ได้เป็น

$$P = \frac{(1+r_1)(1+\lambda_1)P_{01}q_{01} + (1+r_2)(1+\lambda_2)P_{02}q_{02}}{(1+\lambda_1)P_{01}q_{01} + (1+\lambda_2)P_{02}q_{02}} \dots\dots\dots (8)$$

ให้  $P_{01}q_{01} = A_1$  และ  $P_{02}q_{02} = A_2$

$$\therefore L = \frac{(1+r_1)A_1 + (1+r_2)A_2}{A_1 + A_2} \dots\dots\dots (9)$$

$$\therefore P = \frac{(1+r_1)(1+\lambda_1)A_1 + (1+r_2)(1+\lambda_2)A_2}{(1+\lambda_1)A_1 + (1+\lambda_2)A_2} \dots\dots\dots (10)$$

ให้ D เป็นความแตกต่างระหว่าง L กับ P นั่นคือ  $D = L - P$  เพราะฉะนั้น

$$D = \frac{[(1+r_1)A_1 + (1+r_2)A_2][(1+\lambda_1)A_1 + (1+\lambda_2)A_2] - [A_1 + A_2][(1+r_1)(1+\lambda_1)A_1 + (1+r_2)(1+\lambda_2)A_2]}{[(A_1 + A_2)][(1+\lambda_1)A_1 + (1+\lambda_2)A_2]} \dots\dots\dots (11)$$

$$D = \frac{A_1 A_2 [(r_1 - r_2)(\lambda_2 - \lambda_1)]}{[(A_1 + A_2)][(1 + \lambda_1)A_1 + (1 + \lambda_2)A_2]} \dots\dots\dots (12)$$

จากสมการ (12) พิจารณากรณีต่าง ๆ ดังนี้

1) กรณี D = 0

ถ้าราคาของสินค้าทั้งสองชนิดเปลี่ยนแปลงในสัดส่วนเดียวกันและในทิศทางเดียวกัน

นั่นคือ  $r_1 = r_2$  ดังนั้น  $D = 0$

ถ้าปริมาณของสินค้าทั้งสองชนิดเปลี่ยนแปลงในสัดส่วนเดียวกันและในทิศทางเดียวกัน

นั่นคือ  $\lambda_1 = \lambda_2$  ดังนั้น  $D = 0$

ถ้า  $q_{0i} = q_{1i}$  สำหรับทุก ๆ ค่าของ  $i$  นั่นคือ  $\lambda_1 = \lambda_2 = 0$  แล้ว  $D = 0$

เมื่อ  $D = 0$  ด้วยเหตุผลทั้ง 3 ข้างต้น ทำให้  $L = P$

2) กรณี  $D \neq 0$

พิจารณาจากสมการ (12) ตัวส่วนจะมีค่าเป็นบวกเสมอเพราะ  $\lambda_i$  ไม่สามารถที่จะมีค่าน้อยกว่า -1 ได้ ดังนั้น  $D > 0$  หรือ  $D < 0$  ขึ้นอยู่กับค่า

$$A_1 A_2 (r_1 - r_2) (\lambda_2 - \lambda_1)$$

ถ้า  $r_1 > r_2$  แล้ว  $L < P$  เมื่อ  $\lambda_1 > \lambda_2$ ,  $L > P$  เมื่อ  $\lambda_1 < \lambda_2$

ถ้า  $r_1 < r_2$  แล้ว  $L < P$  เมื่อ  $\lambda_1 < \lambda_2$ ,  $L > P$  เมื่อ  $\lambda_1 > \lambda_2$

จากสมการ (12) อาจพิจารณาว่า  $D$  ว่าเป็นบวกหรือลบโดยดูจากราคาสัมพัทธ์และปริมาณสัมพัทธ์ดังนี้

$$\begin{aligned}
 \text{จาก } D &= \frac{A_1 A_2 (r_1 - r_2) (\lambda_2 - \lambda_1)}{[A_1 + A_2] [(1 + \lambda_1) A_1 + (1 + \lambda_2) A_2]} \\
 D &= \frac{A_1 A_2 (r_1 - r_2 + 1 - 1) (\lambda_2 - \lambda_1 + 1 - 1)}{[A_1 + A_2] [(1 + \lambda_1) A_1 + (1 + \lambda_2) A_2]} \\
 D &= \frac{A_1 A_2 [(1 + r_1) - (1 + r_2)] [(1 + \lambda_1) - (1 + \lambda_2)]}{[A_1 + A_2] [(1 + \lambda_1) A_1 + (1 + \lambda_2) A_2]} \\
 D &= \frac{A_1 A_2 \left[ \frac{P_{11}}{P_{01}} - \frac{P_{12}}{P_{02}} \right] \left[ \frac{Q_{12}}{Q_{02}} - \frac{Q_{11}}{Q_{01}} \right]}{[A_1 + A_2] [(1 + \lambda_1) A_1 + (1 + \lambda_2) A_2]} \dots\dots\dots (13)
 \end{aligned}$$

จากสมการ (13) พิจารณาว่า  $D$  ได้ดังนี้

ถ้าราคาสัมพัทธ์และปริมาณสัมพัทธ์มีความสัมพันธ์ในทางเดียวกัน นั่นคือ ถ้า



$$\frac{P_{12}}{P_{02}} > \frac{P_{11}}{P_{01}} \quad \text{แล้ว} \quad \frac{q_{12}}{q_{02}} > \frac{q_{11}}{q_{01}} \quad \text{จะทำให้} \quad D < 0 \quad \text{นั่นคือ} \quad L < P$$

ถ้าราคาสัมพัทธ์และปริมาณสัมพัทธ์มีความสัมพันธ์กันในทางตรงกันข้าม นั่นคือ ถ้า

$$\frac{P_{12}}{P_{02}} < \frac{P_{11}}{P_{01}} \quad \text{แล้ว} \quad \frac{q_{12}}{q_{02}} > \frac{q_{11}}{q_{01}} \quad \text{จะทำให้} \quad D > 0 \quad \text{นั่นคือ} \quad L > P$$

และ

$$\frac{P_{12}}{P_{02}} > \frac{P_{11}}{P_{01}} \quad \text{แล้ว} \quad \frac{q_{12}}{q_{02}} < \frac{q_{11}}{q_{01}} \quad \text{จะทำให้} \quad D > 0 \quad \text{นั่นคือ} \quad L > P$$

ถ้าราคาสัมพัทธ์ และปริมาณสัมพัทธ์ไม่มีการเปลี่ยนแปลง นั่นคือ

$$\frac{P_{11}}{P_{01}} = \frac{P_{12}}{P_{02}} \quad \text{และ} \quad \frac{q_{12}}{q_{02}} = \frac{q_{11}}{q_{01}} \quad \text{แล้วจะทำให้} \quad D = 0 \quad \text{นั่นคือ} \quad L = P$$

2.2.2 กรณีที่มีสินค้าทั้งหมด n ชนิด จะได้

$$D = \frac{\prod_{i=1}^{n-1} \prod_{j=i+1}^n A_i A_j (r_i - r_j) (\lambda_j - \lambda_i)}{\left[ \sum_{i=1}^n A_i \right] \left[ \sum_{i=1}^n (1 + \lambda_i) A_i \right]} \quad \dots \dots \dots (14)$$

$$\text{เมื่อ} \quad A_i = P_{0i} q_{0i} \quad \text{และ} \quad A_j = P_{0j} q_{0j}$$

จากสมการที่ (14) จะเห็นว่าขนาดของ D ขึ้นอยู่กับ ค่า  $A_i A_j$ ,  $(r_i - r_j)$  และ  $(\lambda_j - \lambda_i)$  เมื่อ  $i = 1, 2, 3, \dots, n-1$  และ  $j = i+1, i+2, i+3, \dots, n$  แต่  $A_i$  และ  $A_j$  เป็นค่าคงที่สำหรับทุก ๆ ค่าของ  $i$  และ  $j$  เพราะฉะนั้นขนาดของ D จะขึ้นอยู่กับ  $(r_i - r_j)$  และ  $(\lambda_j - \lambda_i)$

กรณี D=0 เนื่องจาก

ถ้าไม่มีความแตกต่างระหว่างค่าของ  $r_i$  นั่นคือ  $r_1 = r_2 = r_3 = \dots = r_n$

จะทำให้  $D=0$  ดังนั้น  $L=P$

ถ้าไม่มีความแตกต่างระหว่างค่าของ  $\lambda_j$  นั่นคือ  $\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 = \dots = \lambda_n$   
 จะทำให้  $D = 0$  ดังนั้น  $L = P$

กรณี  $D \neq 0$

$D \neq 0$  เนื่องจากมีความแตกต่างระหว่างค่าของ  $r_i$  และความแตกต่างระหว่างค่าของ  $\lambda_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ )

ถ้าความแตกต่างระหว่าง  $r_i$  และความแตกต่างระหว่าง  $\lambda_i$  มีน้อย จะทำให้ค่า  $D$  น้อย

ถ้าความแตกต่างระหว่าง  $r_i$  และความแตกต่างระหว่าง  $\lambda_i$  มีมากจะทำให้ค่า  $D$  มาก

เนื่องจากโดยทั่วไปแล้วเลขดัชนีที่คำนวณโดยวิธีของ Laspeyres มักจะมีค่าสูงกว่าเลขดัชนีที่ควรจะเป็นจริง และเลขดัชนีที่คำนวณโดยวิธีของ Paasche มักจะมีค่าต่ำกว่าเลขดัชนีที่ควรจะเป็นจริง ดังนั้น เลขดัชนีที่น่าจะใกล้เคียงเลขดัชนีที่ควรจะเป็นจริง ควรจะมีค่าอยู่ระหว่างเลขดัชนีโดยวิธีของ Laspeyres และ Paasche นั่นคือ ถ้าสามารถพิสูจน์ได้ว่า  $L > I_0^* > P$  จะแสดงว่า  $I_0^*$  เป็นเลขดัชนีที่น่าจะมีความถูกต้องมากกว่าเลขดัชนีจากทั้งสองวิธีดังกล่าวแล้ว

### 2.3 การพิสูจน์ว่า $L > I_0^* > P$

กรณีสินค้าทั้งหมด  $n$  ชนิด

พิจารณา 
$$L = \frac{\sum_{i=1}^n p_{1i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i} q_{0i}} \dots \dots \dots (15)$$

ถ้าให้  $r_i$  แทนสัดส่วนของการเปลี่ยนแปลงของราคาสินค้าชนิดที่  $i$

จะได้ 
$$p_{1i} = (1+r_i)p_{0i} \dots \dots \dots (16)$$

เมื่อแทนค่า  $p_{1i}$  ในสมการที่ (15) จะได้

$$L = \frac{(1+r_1)p_{01}q_{01} + (1+r_2)p_{02}q_{02} + \dots + (1+r_n)p_{0n}q_{0n}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{0i}}$$

$$= \frac{(1+r_1 - \bar{r} + \bar{r})p_{01}q_{01} + (1+r_2 - \bar{r} + \bar{r})p_{02}q_{02} + \dots + (1+r_n - \bar{r} + \bar{r})p_{0n}q_{0n}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{0i}}$$

เมื่อ 
$$\bar{r} = \frac{\sum_{i=1}^n r_i}{n}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{[(1+\bar{r})+(r_1-\bar{r})]p_{01}q_{01} + [(1+\bar{r})+(r_2-\bar{r})]p_{02}q_{02} + \dots + [(1+\bar{r})+(r_n-\bar{r})]p_{0n}q_{0n}}{\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{oi}} \\
 &= \frac{(1+\bar{r})p_{01}q_{01} + (1+\bar{r})p_{02}q_{02} + \dots + (1+\bar{r})p_{0n}q_{0n} + (r_1-\bar{r})p_{01}q_{01} + (r_2-\bar{r})p_{02}q_{02} + \dots + (r_n-\bar{r})p_{0n}q_{0n}}{\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{oi}} \\
 &= \frac{(1+\bar{r})\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{oi} + \sum_{i=1}^n (r_i-\bar{r})p_{oi}q_{oi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{oi}} \\
 &= \frac{(1+\bar{r}) + \frac{\sum_{i=1}^n (r_i-\bar{r})p_{oi}q_{oi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{oi}}}{1}
 \end{aligned}$$

กำหนดให้  $L = (1+\bar{r}) + e_1 = L^* \dots \dots \dots (17)$

เมื่อ  $e_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (r_i-\bar{r})p_{oi}q_{oi}}{\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{oi}}$

ทำนองเดียวกันกับการหา  $L^*$  สามารถหา  $P^*$  ได้เช่นเดียวกัน กล่าวคือ

พิจารณา  $P = \frac{\sum_{i=1}^n p_{li}q_{li}}{\sum_{i=1}^n p_{oi}q_{li}} \dots \dots \dots (18)$

ถ้าให้  $r_i$  แทนสัดส่วนของการเปลี่ยนแปลงของราคาสินค้าชนิดที่  $i$

ดังนั้น  $p_{li} = (1+r_i)p_{oi}$

เมื่อแทนค่า  $p_{li}$  ในสมการที่ (18) จะได้

$$\begin{aligned}
P &= \frac{(1+r_1)p_{01}q_{11} + (1+r_2)p_{02}q_{12} + \dots + (1+r_n)p_{0n}q_{1n}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}} \\
&= \frac{(1+r_1 - \bar{r} + \bar{r})p_{01}q_{11} + (1+r_2 - \bar{r} + \bar{r})p_{02}q_{12} + \dots + (1+r_n - \bar{r} + \bar{r})p_{0n}q_{1n}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}} \\
&= \frac{(1+\bar{r})p_{01}q_{11} + (1+\bar{r})p_{02}q_{12} + \dots + (1+\bar{r})p_{0n}q_{1n}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}} \\
&\quad + \frac{(r_1 - \bar{r})p_{01}q_{11} + (r_2 - \bar{r})p_{02}q_{12} + \dots + (r_n - \bar{r})p_{0n}q_{1n}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}} \\
&= \frac{(1+\bar{r})\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i} + \sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r})p_{0i}q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}} \\
&= (1+\bar{r}) + \frac{\sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r})p_{0i}q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}}
\end{aligned}$$

กำหนดให้  $P = (1+\bar{r}) + e_2 = P^* \dots \dots \dots (19)$

เมื่อ  $e_2 = \frac{\sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r})p_{0i}q_{1i}}{\sum_{i=1}^n p_{0i}q_{1i}}$

ดังนั้น  $L^* = (1+\bar{r}) + e_1$   
 $P^* = (1+\bar{r}) + e_2$

ถ้า  $L > P$  และ  $e_1 > 0, e_2 > 0$  จะได้  $e_1 > e_2$  นั่นคือ

$$e_1 = (1 + \gamma)e_2 \dots \dots \dots (20)$$

ถ้า  $L > P$  และ  $e_1 < 0, e_2 < 0$  จะได้  $|e_2| > |e_1|$  นั่นคือ

$$|e_2| = (1 + \gamma)|e_1| \dots \dots \dots (21)$$

จากสมการที่ (20) จะได้

$$\gamma = \frac{e_1}{e_2} - 1, \quad e_1 > 0 \text{ และ } e_2 > 0 \dots \dots \dots (22)$$

จากสมการ (21) จะได้

$$\gamma = \frac{|e_2|}{|e_1|} - 1, \quad e_1 < 0 \text{ และ } e_2 < 0 \dots\dots\dots (23)$$

ถ้ากำหนดให้  $I_0^*$  และ  $I_1^*$  เป็นเลขดัชนีที่เปลี่ยนแปลงมาจาก  $L^*$  และ  $P^*$  ดังนั้น

กรณีที่ 1 เมื่อ  $e_1 > 0$  และ  $e_2 > 0$  จะได้

$$I_0^* = (1+\bar{r}) + \frac{e_1}{(1+\delta)} \dots\dots\dots (24)$$

$$I_1^* = (1+\bar{r}) + (1+\delta)e_2 \dots\dots\dots (25)$$

กำหนดให้  $0 < \delta < \gamma$

(a) จะพิสูจน์ว่า  $L > I_0^* > P$

เพราะว่า  $\delta > 0$

$$\text{ดังนั้น } e_1 > \frac{e_1}{(1+\delta)}$$

$$\text{นั่นคือ } L > I_0^* \dots\dots\dots (26)$$

จากสมการ (20) จะได้  $e_2 = \frac{e_1}{(1+\gamma)}$

และเพราะว่า  $\delta < \gamma$

$$\text{ดังนั้น } \frac{e_1}{(1+\delta)} > \frac{e_1}{(1+\gamma)}$$

$$\text{นั่นคือ } I_0^* > P \dots\dots\dots (27)$$

ดังนั้นจากสมการ (26) และ (27) จะได้  $L > I_0^* > P$

(b) จะพิสูจน์ว่า  $L > I_1^* > P$

เพราะว่า  $\delta > 0$

$$\text{ดังนั้น } (1+\delta)e_2 > e_2$$

$$\text{นั่นคือ } I_1^* > P \dots\dots\dots (28)$$

จากสมการที่ (20)  $e_1 = (1+\gamma)e_2$

และเพราะว่า  $\delta < \gamma$

$$\text{ดังนั้น } e_1 = (1+\gamma)e_2 > (1+\delta)e_2$$

$$\text{นั่นคือ } L > I_1^* \quad \dots\dots\dots (29)$$

ดังนั้นจากสมการ (28) และ (29) จะได้  $L > I_1^* > P$

กรณีที่ 2 เมื่อ  $e_1 < 0$  และ  $e_2 < 0$  จะได้

$$I_0^* = (1+\bar{r}) + (1+\delta)e_1 \quad \dots\dots\dots (30)$$

$$I_1^* = (1+\bar{r}) + \frac{e_2}{(1+\delta)} \quad \dots\dots\dots (31)$$

กำหนดให้  $0 < \delta < \gamma$

(a) จะพิสูจน์ว่า  $L > I_0^* > P$

กำหนดให้  $\delta > 0$

$$\text{ดังนั้น } |e_1|(1+\delta) > |e_1|$$

$$\text{นั่นคือ } L > I_0^* \quad \dots\dots\dots (32)$$

$$\text{จากสมการที่ (21) } |e_2| = (1+\gamma)|e_1|$$

และเพราะว่า  $\delta < \gamma$

$$\text{ดังนั้น } |e_2| = (1+\gamma)|e_1| > (1+\delta)|e_1|$$

$$\text{นั่นคือ } I_0^* > P \quad \dots\dots\dots (33)$$

ดังนั้นจากสมการที่ (32) และ (33) จะได้  $L > I_0^* > P$

(b) จะพิสูจน์ว่า  $L > I_1^* > P$

กำหนดให้  $\delta > 0$

$$\text{ดังนั้น } |e_2| > \frac{|e_2|}{(1+\delta)}$$

$$\text{นั่นคือ } I_1^* > P \quad \dots\dots\dots (34)$$

$$\text{จากสมการที่ (21) } |e_1| = \frac{|e_2|}{(1+\gamma)}$$

และเพราะว่า  $\delta < \gamma$

$$\text{ดังนั้น } |e_1| = \frac{|e_2|}{(1+\gamma)} < \frac{|e_2|}{(1+\delta)}$$

$$\text{นั่นคือ } L > I_1^* \quad \dots\dots\dots (35)$$

ดังนั้นจากสมการ (34) และ (35) จะได้  $L > I_1^* > P$



จากผลการพิสูจน์ข้างต้นแสดงว่าทั้ง  $I_0^*$  และ  $I_1^*$  อยู่ระหว่าง  $L$  และ  $P$  ดังนั้นในการคำนวณหาด้วยวิธีการผู้บริโภคโดยใช้  $I_0^*$  หรือ  $I_1^*$  จะดีกว่าการใช้  $L$  หรือ  $P$  โดยตรง เพราะจะได้ด้วยวิธีการผู้บริโภคที่ใกล้เคียงกับด้วยวิธีการผู้บริโภคที่ควรจะเป็นมากที่สุด สำหรับการวิจัยนี้จะใช้  $I_0^*$  เพื่อคำนวณหาด้วยวิธีการ เพราะการใช้  $I_0^*$  สะดวกในการวิเคราะห์มากกว่าการใช้  $I_1^*$  เนื่องจากการคำนวณโดย  $I_0^*$  ไม่ต้องนำข้อมูลเกี่ยวกับปริมาณของปีที่ต้องการหาด้วยมาเกี่ยวข้องด้วย เพราะใช้เพียงข้อมูลปริมาณของปีฐานเท่านั้น

### 2.3.1 การประมาณค่า $\delta$

เนื่องจาก  $L > I_0^* > P$  แต่ไม่ทราบค่า  $L$  และ  $P$  แตกต่างจาก  $I_0^*$  มากน้อยเท่าใด ดังนั้นจะประมาณว่า  $I_0^*$  อยู่กึ่งกลางระหว่าง  $L$  และ  $P$

$$\therefore \delta = \frac{1}{2} \gamma \quad \dots\dots (36)$$

$$\text{เมื่อ } \gamma = \frac{e_1}{e_2} - 1 \quad \text{ถ้า } e_1 > 0, e_2 > 0 \quad \dots\dots (37)$$

$$\gamma = \frac{e_2}{e_1} - 1 \quad \text{ถ้า } e_1 < 0, e_2 < 0 \quad \dots\dots (38)$$

ตามทฤษฎีสามารถหา  $\gamma$  ได้จากสมการ (36) และ (37) โดยหาค่า  $e_1$  และ  $e_2$  จาก  $L^*$  และ  $P^*$  แต่ในทางปฏิบัติจะต้องเสียเวลามากในการหาค่า  $e_2$  ดังนั้นจึงต้องมีการประมาณค่า  $e_2$  ขึ้นมา เมื่อได้ค่าประมาณของ  $e_2$  ก็สามารถหาค่าประมาณของ  $\gamma$  ได้

ให้  $\hat{e}_2$  เป็นค่าประมาณของ  $e_2$

กรณีที่ 1 ถ้า  $e_1 > 0$  และ  $L > P$  จะได้

$$0 < e_2 < e_1$$

$$\therefore \hat{e}_2 = \frac{e_1}{1+k} \quad \text{เมื่อ } k = |\bar{r}| \quad \dots\dots (39)$$

สาเหตุที่กำหนดให้  $k = |\bar{r}|$  เพราะว่าขนาดของความแตกต่างระหว่าง  $L$  และ  $P$  จะเปลี่ยนแปลงไปตามขนาดของราคาสินทรัพย์ที่เปลี่ยนแปลงไป ซึ่งหมายความว่า เมื่อ  $e_1 > 0$  และ  $\hat{e}_2 = \frac{e_1}{1+k}$  แล้ว ความแตกต่างระหว่าง  $e_1$  และ  $e_2$  จะเปลี่ยนแปลงไปตามขนาดของความเปลี่ยนแปลงของราคา

กรณีที่ 2 ถ้า  $e_1 < 0$  และ  $L > P$  จะได้

$$|e_1| < |e_2| < |\bar{x}|$$

เหตุผลสำหรับการที่จะเชื่อว่า  $|e_2| < |\bar{x}|$  คือ

(a) พิจารณาในภาวะสินค้าขึ้นราคา

เมื่อสินค้าขึ้นราคา หมายความว่า  $\frac{P_{1i}}{P_{0i}} > 1$  นั่นคือ  $r_i = \frac{P_{1i}}{P_{0i}} - 1 > 0$

นั่นคือ  $\bar{x} > 0$

ดังนั้นถ้า  $|e_2| > |\bar{x}|$  แล้ว  $P$  จะแสดงให้เห็นว่าสินค้าราคาตกลงซึ่งไม่เป็นจริง แสดงว่า  $|e_2|$  ต้องน้อยกว่า  $|\bar{x}|$

(b) พิจารณาในภาวะสินค้าราคาตกลง

เมื่อสินค้าราคาตกลง หมายความว่า  $\frac{P_{1i}}{P_{0i}} < 1$  นั่นคือ  $r_i = \frac{P_{1i}}{P_{0i}} - 1 < 0$

นั่นคือ  $\bar{x} < 0$

ดังนั้นถ้า  $|e_2| > |\bar{x}|$  แล้ว  $P$  จะแสดงให้เห็นถึงระดับราคาสินค้าที่ลดลงน้อยกว่า ค่าเฉลี่ยของราคาที่ลดลงของสินค้าทุกชนิด ซึ่งเป็นไปไม่ได้ แสดงว่า  $|e_2|$  ต้องน้อยกว่า  $|\bar{x}|$

ดังนั้น ในกรณีที่  $e_1 < 0$  จะได้

$$|\hat{e}_2| = (1+k)|e_1| \text{ เมื่อ } k = |\bar{x}| \dots\dots\dots (40)$$

สาเหตุที่ทำให้  $k = |\bar{x}|$  เพราะว่าขนาดของความแตกต่างระหว่าง  $L$  และ  $P$  จะเปลี่ยนแปลงไปตามขนาดของราคาสินค้าที่เปลี่ยนแปลง ซึ่งหมายความว่า เมื่อ  $e_1 < 0$  และ  $|\hat{e}_2| = (1+k)|e_1|$  แล้ว ความแตกต่างระหว่าง  $|e_1|$  และ  $|e_2|$  จะเปลี่ยนแปลงไปตามขนาดของความเปลี่ยนแปลงของราคา

เมื่อ  $\hat{e}_2$  เป็นค่าประมาณของ  $e_2$  แทนค่า  $\hat{e}_2$  ในสมการ (37) และ (38) จะได้

$$\hat{\gamma} = \frac{e_1}{\hat{e}_2} - 1 \quad \text{ถ้า} \quad e_1 > 0, e_2 > 0$$

และ

$$\hat{\gamma} = \frac{\hat{e}_2}{e_1} - 1 \quad \text{ถ้า} \quad e_1 < 0, e_2 < 0$$

ค่าประมาณของ  $\delta$  คือ

$$\hat{\delta} = \frac{1}{2} \hat{\gamma}$$

นั่นคือ

$$\begin{aligned} I_0^* &= (1+\bar{r}) + \frac{e_1}{(1+\hat{\delta})} & , e_1 > 0 \\ &= (1+\bar{r}) + e_1(1+\hat{\delta}) & , e_1 < 0 \end{aligned}$$

จากการพิสูจน์ข้างต้นสรุปได้ว่า  $L > I_0^* > P$  และ  $I_0^*$  จะเป็นดัชนีราคาที่ใกล้เคียงกับดัชนีราคาที่เราควรจะเป็นมากที่สุด เนื่องจาก  $I_0^*$  อยู่ระหว่าง  $L$  และ  $P$

#### 2.4 การทดสอบสมมติฐานของค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารที่ได้จากวิธี ทั้ง 5 วิธี

การทดสอบนี้ เพื่อต้องการทราบว่าดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารของภาคตะวันออกเฉียงเหนือที่คำนวณโดยวิธีต่าง ๆ กัน 5 วิธีนั้นแตกต่างกันหรือไม่ สมมติฐานเพื่อการทดสอบคือ

$H_0$  : ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลที่คำนวณโดยวิธีต่างกัน 5 วิธีนั้นไม่แตกต่างกัน

$H_a$  : ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลที่คำนวณโดยวิธีต่างกัน 5 วิธีนั้น มีอย่างน้อย 1 วิธี ที่แตกต่างจากวิธีอื่น ๆ

หรือ  $H_0$  :  $\mu_1 = \mu_2 = \mu_3 = \mu_4 = \mu_5$

$H_a$   $\mu_1 \neq \mu_2 \neq \mu_3 \neq \mu_4 \neq \mu_5$

เมื่อ  $\mu_1$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารที่คำนวณโดยวิธี

Laspeyres

$\mu_2$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารที่คำนวณโดยวิธี

Paasche

$\mu_3$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารที่คำนวณโดยวิธี

Fisher

- $\mu_4$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารที่คำนวณโดยวิธีเฉลี่ยแบบเลขคณิตระหว่างวิธีของ Laspeyres และ วิธีของ Paasche
- $\mu_5$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารที่คำนวณโดยวิธีปรับเฉลี่ยดัชนีของ Laspeyres และของ Paasche
- $x_{ij}$  คือ ค่าของดัชนีราคาผู้บริโภคในเดือนที่  $j$  ที่คำนวณโดยวิธีที่  $i$   
 $i = 1, 2, \dots, k, j = 1, 2, \dots, n_i$
- $x_i$  คือ ผลรวมของดัชนีราคาผู้บริโภคที่คำนวณโดยวิธีที่  $i$
- $n_i$  คือ จำนวนดัชนีราคาที่มาจากแต่ละวิธี ( $n_i = 22$ )
- $k$  คือ จำนวนวิธีที่ใช้ในการหาค่าเฉลี่ย ( $k = 5$ )
- $n$  คือ จำนวนดัชนีราคาทั้งหมด ( $n = 110$ )

ในการทดสอบนี้จะใช้การวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบค่าแยกทางเดียว (one-way analysis of variance) และทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

## 2.5 การทดสอบสมมติฐานระหว่างดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลและในเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือ

การทดสอบสมมติฐานนี้เพื่อต้องการทราบว่าดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลและในเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือแตกต่างกันหรือไม่ สมมติฐานเพื่อการทดสอบคือ

$H_0$  : ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลไม่แตกต่างจากในเขตเทศบาล

$H_a$  : ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลมากกว่าในเขตเทศบาล

หรือ  $H_0 : \mu_1 = \mu_2$

$H_a : \mu_1 > \mu_2$

เมื่อ  $\mu_1$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาล

$\mu_2$  คือ ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารในเขตเทศบาล

ในกรณีที่ไมทราบความแปรปรวนของทั้งสองประชากร แต่ทราบว่าความแปรปรวนทั้งสอง  
ประชากรเท่ากัน ( $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$ )

ตัวสถิติที่ใช้ทดสอบคือ

$$t_c = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{S_P \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$$

เมื่อ  $\bar{x}_1 - \bar{x}_2$  คือ ผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะ  
หมวดอาหารนอกเขตเทศบาลและในเขตเทศบาล

$\mu_1 - \mu_2$  คือ ผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยประชากรของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะ  
หมวดอาหารนอกเขตเทศบาลและในเขตเทศบาล

$$S_P^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

$S_P^2$  คือ ค่าความแปรปรวนรวมซึ่งเป็นตัวประมาณของ  $\sigma^2$

$S_1^2$  คือ ความแปรปรวนของค่าเฉลี่ยตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภค  
นอกเขตเทศบาล

$S_2^2$  คือ ความแปรปรวนของค่าเฉลี่ยตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภค  
ในเขตเทศบาล

$$S_1^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n_1} (x_{i1} - \bar{x}_1)^2}{n_1 - 1}$$

$n_1$  คือ จำนวนตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคนอกเขตเทศบาล  
( $n_1 = 22$ )

$$S_2^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n_2} (x_{i2} - \bar{x}_2)^2}{n_2 - 1}$$

$n_2$  คือ จำนวนตัวอย่างของ ดัชนีราคาผู้บริโภคในเขตเทศบาล  
( $n_2 = 22$ )

การทดสอบจะกระทำที่ระดับนัยสำคัญ 0,05

2.6 การทดสอบสมมติฐานระหว่างดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาล  
ของภาคตะวันออกเฉียงเหนือและภาคตะวันออก

การทดสอบสมมติฐานนี้ เพื่อต้องการทราบว่าดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือแตกต่างกับภาคตะวันออกหรือไม่ สมมติฐานเพื่อการทดสอบ คือ

$H_0$  : ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือไม่แตกต่างจากภาคตะวันออก

$H_a$  : ค่าเฉลี่ยของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือมากกว่าภาคตะวันออก

หรือ  $H_0$  :  $\mu_1 = \mu_2$

$H_a$  :  $\mu_1 > \mu_2$

เมื่อ  $\mu_1$  คือ ค่าเฉลี่ยประชากรของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือ

$\mu_2$  คือ ค่าเฉลี่ยประชากรของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออก

ในกรณีที่ไมทราบความแปรปรวนของทั้งสองประชากร แต่ทราบว่าความแปรปรวนของทั้งสองประชากรเท่ากัน ( $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$ )

ตัวสถิติที่ใช้ทดสอบ คือ

$$t_c = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{s_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$$

เมื่อ  $\bar{x}_1 - \bar{x}_2$  คือ ผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลภาคตะวันออกเฉียงเหนือและภาคตะวันออก

$\mu_1 - \mu_2$  คือ ผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยประชากรของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวดอาหารนอกเขตเทศบาลภาคตะวันออกเฉียงเหนือและภาคตะวันออก

$$s_p^2 = \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

$s_p^2$  คือ ความแปรปรวนรวมซึ่งเป็นตัวประมาณของ  $\sigma^2$



$S_1^2$  คือ ความแปรปรวนของค่าเฉลี่ยตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวด  
อาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือ

$S_2^2$  คือ ความแปรปรวนของค่าเฉลี่ยตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคเฉพาะหมวด  
อาหารนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออก

$$S_1^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n_1} (x_i - \bar{x}_1)^2}{n_1 - 1}, \quad n_1 = 22$$

$n_1$  คือ จำนวนตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออกเฉียงเหนือ

$$S_2^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n_2} (x_i - \bar{x}_2)^2}{n_2 - 1}, \quad n_2 = 22$$

$n_2$  คือ จำนวนตัวอย่างของดัชนีราคาผู้บริโภคนอกเขตเทศบาลของภาคตะวันออก

ในการทดสอบจะกระทำที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย