

## รายการอ้างอิง

1. ณรงค์ฤทธิ์ สมบัติสมภพ และ ชาคกริต สิริสิงห. Basic Polymer Rheology and Applications. กรุงเทพฯ ฯ : มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี, 2544.
2. D.H. Morton-Jones. Polymer Processing. London : Chapman & Hall, 1989.
3. J.C. Maxwell. On the Dynamical Theory of Gases. A157:49-88. Phil. Trans. Roy. Soc., 1967.
4. J.C. Maxwell. A Treatise on Electricity and Magnetism. New York : Reinhold Pub. Corp., 1973.
5. R. Hooke. A Description of Helioscopes and Some other Instruments. London, 1676.
6. J.G. Oldroyd. On the Formulation of Rheological Equation of State. A200:523-541. Proc. Roy. Soc., 1950.
7. D. Paddon and H. Holstein. Technical Report. BUCSTR 80-01, Bristol University, 1980.
8. M.J. Crochet and R. Keunings. Finite Element Analysis of Die-swell of a Maxwell Fluid Numerical Prediction. 10:339-356. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1982.
9. C.D. Han. Rheology in Polymer Processing. New York : Academic press, 1976.
10. J.N. Reddy . An Introduction to the Finite Element Method. McGraw-Hill, 1984.
11. T.R. Chandrupatla and A.D. Belegundu. Introduction to Finite Elements in Engineering. New Jersey : Prentice-Hall, 1991.
12. K.J. Bathe. Finite Element Procedures. New Jersey : Prentice-Hall, Inc., 1996.
13. A.J. Baker. Finite Element Computational Fluid Mechanics. USA : McGraw-Hill Book Company (U.K.), 1985.
14. D.S. Burnett. Finite Element Analysis : From Concept to Applications. USA : Addison Wesley, 1988.
15. ปราโมทย์ เตชะอำไพ. ไฟไนต์เอลิเมนต์ในงานวิศวกรรม. กรุงเทพฯ ฯ : โรงพิมพ์แห่งจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2542.
16. พรชัย สาดรวิหา. Numerical Analysis I. กรุงเทพฯ ฯ : ภาควิชาคณิตศาสตร์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2544.
17. J.N. Reddy and D.K. Gartling. The Finite Element Method in Heat Transfer and Fluid Dynamics. CRC Press LLC, 2001.
18. H. Matallah, P. Townsend, and M.F. Webster. Recovery and Stress-splitting Schemes for Viscoelastic Flows. 75:139-166. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1998.
19. N. Levine. Superconvergent Recovery of the Gradients from Linear Finite Element Approximation on Triangle. Technical Report Num. Anal. Rep. 6/83. University of Reading, 1983.
20. N. Levine. Superconvergent Estimation of the Gradients from Finite Element Approximation of Triangle Elements. Ph.D. thesis, University of Reading, 1985.
21. M.J. Crochet, A.R. Davies, and K. Walters. Numerical Simulation of Non-Newtonian Fluid Flow: Rheology Series 1. Elsevier Science Publishers, 1984.

22. R.I. Tanner. A Theory of Die-swell. Part A(8):2067-2078 . J. Polym. Sci., 1970.
23. H. Matallah. Numerical Simulation of Viscoelastic Flows. Ph.D. thesis, University of Wales Swansea, 1998.
24. V. Ngamaramvaranggul and M.F. Webster. Viscoelastic Simulation of Stick-slip and Die-swell Flows. 36:539-595. Int. J. Num. Meth. Fluids, 2001.
25. S. Richardson. A Stick-slip Problem Related to the Motion of a Free Jet at Low Reynolds Numbers. 67:477-489. Proc. Camb. Phil. Soc., 1970.
26. M. Okabe. Fundamental Theory of the Semi-radial Singularity Mapping with Applications to Fracture Mechanics. 26:53-73. Comp. Meth. App. Mech. Eng., 1981.
27. D.B. Ingham and M.A. Kelmanson. Boundary Integral Equation Analyses of Singular Potential and Biharmonic Problems. Berlin : Springer-Verlag, 1984.
28. M. Kermode, A. Mckerrell, and L.M. Delves. The Calculation of Singular Coefficients. 50:205-215. Comp. Meth. App. Mech. Eng. , 1985.
29. C. Cuvelier, A.Segal, and A.A. VanSteenhoven. Finite Element Methods and Navier-Stokes Equations. Holland : D. Reidel Publishing Company, 1986.
30. G. Georgiou, L. Olson, W. Schultz, and S. Sagan. A Singular Finite Element for Stokes Flow : The Stick-slip Problem. 9:1353-1367. Int. J. Num. Meth. Fluids, 1989.
31. G. Georgiou, L. Olson, and W. Schultz. The Integrated Singular Basis Function Method for the Stick-slip and the Die-swell Problem. 13:1251-1265. Int. J. Num. Meth. Fluids, 1991.
32. R.I. Tanner. Engineering Rheology. London : Oxford University Press, 1985.
33. R.E. Nickell, R.I. Tanner, and B. Caswell. The Solution of Viscous Incompressible Jet and Free-surface Flows Using Finite-element Methods. 65:189-206. J. Fluid Mech, 1974.
34. P.W. Chang, T.W. Patten, and B.A. Finlayson. Collocation and Galerkin Finite Element Methods for Viscoelastic Fluid Flow-ii. 17:285-293. Comp. And Fluids, 1979.
35. M.J. Crochet and R. Keunings. Die Swell of a Maxwell Fluid Numerical Prediction. 7:199-212, J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1980.
36. M.J. Crochet and R. Keunings. On Numerical Die Swell Calculation. 10:85-94. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1982.
37. M.B. Bush, J.F. Milthorpe, and R.I. Tanner. Finite Element and Boundary Element Methods for Extrusion Computations. 16:37-51. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1984.
38. C.W. Butler and M.B. Bush. Extrudate Swell in some Dilute Elastic Solution. 28:294-301. Rheol. Acta, 1989.
39. M.B. Bush. A Numerical Study of Extrudate Swell in very Dilute Polymer Solution Represented by the Oldroyd-B Model. 34:15-24. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1990.
40. R. Ahmed, R.F. Liang, and M.R. Mackley. The Experimental Observation and Numerical Prediction of Planar Entry Flow and Die Swell for Molten Polythylenes. 59:129-153. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1995.
41. C.R. Beverly and R.I. Tanner. Numerical Analysis of Three-dimensional Newtonian Extrudate Swell. 30:341-356. Rheol. Acta, 1991.
42. A. Karagiannis, A.N. Hrymak, and J. Vlachopoulos. Three-dimensional non-Isothermal Extrusion Flows. 28:121-133. Rheol. Acta, 1989.
43. A. Baloch, P. Townsend, and M.F. Webster. On Two- and Three-dimensional Expansion Flows. 24(24):863-882. Comp. And Fluids, 1995.

44. V. Ngamaramvaranggul and M.F. Webster. Computation of Free Surface Flows with a Taylor-Galerkin/Pressure-Correction Algorithm. 33:936-1026. Int. J. Num. Meth. Fluids, 2000.
45. W.J. Silliman and L.E. Scriven. Separating Flow near a Static Contact Line : Slip at a Wall and Shape of a Free Surface. 34:287-313. J. Comp Phys., 1980.
46. N. Phan-Thien. Influence of Wall Slip on Extrudate Swell : A Boundary Element Investigation. 26:327-340. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1988.
47. A.V. Ramamurthy. Wall Slip in Viscous Fluids and Influence of Materials of Construction. 30:337-357. J. Rheol., 1986.
48. S.G. Hatzikiriakos and J.M. Dealy. Role of Slip and Fracture in the Oscillating Flow of HDPE in a Capillary. 36(5):845-884. J. Rheol., 1992.
49. C.F.J. Den Doelder, R.J. Koopmans, J. Molenaar, and A.A.F. Van de Ven. Comparing the Wall Slip and the Constitutive Approach for Modelling Spurt Instabilities in Polymer Melt Flows. 75:25-41. J. Non-Newtonian Fluid Mech., 1998.
50. V. Ngamaramvaranggul and M.F. Webster. Simulation of Coating Flows with Slip Effects. 33:961-992. Int. J. Num. Meth. Fluids, 2000.
51. V. Ngamaramvaranggul and M.F. Webster. Simulation of Pressure-tooling Wire-coating Flow with Phan-Thien/Tanner Model. 38:677-710. Int. J. Num. Mech Fluids, 2002.

# ภาคผนวก

## ภาคผนวก ก

### ขั้นตอนการทำงานของ การปรับผิวอิสระที่มีการบวมตัว

จากการประมาณพื้นที่ใต้กราฟของซิมป์สัน ดังรูป 3.7 และ สมการ (3.35) และ (3.37) นำมาสร้างโปรแกรมในการหาค่าความสูงในการบวมตัว

```
for(i=1;i<=nz;i++)
{
    n1=free[iz-2];
    n2=free[iz-1];
    n3=free[iz];
    h=x[n3]-x[n1];
    diffree=(h/6.0)*((Vr[n1]/ Vz[n2])+4*(Vr[n2]/Vz[n2])+(Vr[n3]/Vz[n3]));
    y_free[iz]=diffree+y_free[iz-2];
    upper_y=(1.0+0.01)*y_free[iz];
    lower_y=(1.0-0.01)*y_free[iz];
    if(y_free[iz] > upper_y)
    { y_free[iz] = upper_y;
    }
    else if(y_free[iz] < lower_y)
    { y_free[iz] = lower_y;
    }
    y_free[iz-1]=(y_free[iz-2]+y_free[iz])/2.0;
}
```

โดยที่

$free[iz]$	คือเลขโดดของโน้ตจุดยอดที่พิจารณา
$free[iz-1]$	คือเลขโดดของโน้ตจุดกึ่งกลางระหว่างจุดที่พิจารณาและจุดก่อนหน้า
$free[iz-2]$	คือเลขโดดของโน้ตจุดยอดก่อนหน้า
$nz$	คือจำนวนโน้ตบนผิวอิสระ
$h$	คือระยะห่างระหว่างจุดยอด
$diffree$	คือความสูงที่เพิ่มขึ้นจากสูตรการคำนวณของซิมป์สัน
$Vr[]$	คือความเร็วในแนวแกน $r$
$Vz[]$	คือความเร็วในแนวแกน $z$
$y\_free[iz]$	คือความสูงของจุดยอดที่พิจารณา
$y\_free[iz-1]$	คือความสูงของจุดกึ่งกลางระหว่างจุดที่พิจารณาและจุดก่อนหน้า
$y\_free[iz-2]$	คือความสูงของจุดยอดก่อนหน้า
$x[]$	คือระยะห่าง
$upper\_y$	คือขอบบนของความสูง
$lower\_y$	คือขอบล่างของความสูง

หลังจากผิวอิสระถูกปรับเปลี่ยนโดเมนจะมีการปรับเปลี่ยนทุกครั้งและทำการประมาณค่าความเร็ว ความดันและความเค้น ผิวอิสระจะถูกปรับเปลี่ยนจนคงตัว โดยพิจารณาค่าคลาดเคลื่อนที่ยินยอมได้

## ภาคผนวก ข

### ขั้นตอนการทำงานของกรหาค่าความเร็วบริเวณผนัง

จากหัวข้อ 5.2 และ สมการ (5.1) และ (5.2) นำมาสร้างโปรแกรมในการหาค่าความเร็วบริเวณผนังที่มีสันไหล

```
void VSlip()
{
    double IIC,Zslip,A2_slip,Slipvel,Umean,Xine,tempS;
    int i,j,k;
    IIC = 1.3 ; Zslip = 0.0;
    A2_slip=0.25;Umean=0.5;

    for(i=1;i<=nw;i++)
    {
        j=wall[i];
        Xine=double(I_2[j]/IIC);

        if(fabs(Xine) > 1.0 && x[j] < Zslip )
        {
            tempS = 1.0 - exp(-A2_slip*Xine);
            Slipvel=Umean*tempS;
        }
    }
}
```

โดยที่

$I_2[]$	คืออินเวเรียนอันดับสองของเทนเซอร์ของอัตราการผลิตรูป
$IIC$	คืออินเวเรียนอันดับสองของเทนเซอร์ของอัตราการผลิตรูปวิกฤต
$Zslip$	คือระยะทางที่ไม่เกินศูนย์
$A2\_slip$	คือสัมประสิทธิ์การลื่นไหลบริเวณผนังตาย
$Slipvel$	คือความเร็วบริเวณผนังตาย
$Umean$	คือความเร็วเฉลี่ย
$Xine$	คืออัตราส่วนระหว่าง $I_2$ กับ $IIC$
$nw$	คือจำนวนโนดบนผนังตาย
$wall[]$	คือเลขโนดบนผนังตาย
$x[]$	คือระยะห่าง



## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นางสาวนวลักษณ์ ทองจับ เกิดวันที่ 18 สิงหาคม 2523 ภูมิลำเนา จังหวัดสมุทรสงคราม สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีวิทยาศาสตร์บัณฑิต ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์ และเข้าศึกษาต่อในหลักสูตรวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อปีการศึกษา 2544 โดยได้รับทุนบัณฑิตศึกษาภายในประเทศ จากสำนักงานพัฒนาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีแห่งชาติ (สวทช.) ปี 2544