

### บทที่ 3

#### วิธีดำเนินงานวิจัย

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อเปรียบเทียบค่าความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบที่ใช้ทดสอบความเป็นอิสระ ได้แก่ สถิติทดสอบเพียร์สันไคสแควร์ สถิติทดสอบการปรับแก้ของเยทส์ สถิติทดสอบอัตราส่วนภาวะน่าจะเป็น และ Fisher's exact test สำหรับข้อมูลที่จัดอยู่ในรูปตารางการถัวขนาด  $2 \times 2$  และ  $3 \times 4$  เมื่อ  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% และ 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด โดยใช้วิธีการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation Technique) และใช้โปรแกรม Minitab version 11 จากนั้นยกตัวอย่างข้อมูลเชิงประจักษ์ที่สอดคล้องกับสถานการณ์ที่กำหนด ซึ่งรายละเอียดเกี่ยวกับแผนการดำเนินงาน ขั้นตอนในการจำลองข้อมูล และโปรแกรมที่ใช้จะนำเสนอตามลำดับดังนี้

#### แผนการดำเนินงาน

ตอนที่ 1 หาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบสำหรับตารางการถัวขนาด  $2 \times 2$  ขนาด 25 50 และ 100 เมื่อ  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

ตอนที่ 2 หาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบสำหรับตารางการถัวขนาด  $2 \times 2$  ขนาด 25 50 และ 100 เมื่อ  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

โดยกำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวบนและแถวตั้งตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 และ ตอนที่ 2 ในรูปแบบเดียวกันดังนี้

#### กลุ่มตัวอย่างขนาด 25

กำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวบน และให้ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งแปรผันตามค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวบน

1. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวบนเป็น 50 : 50 และให้ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งแปรผันตามแถวบนดังนี้

กรณีที่ 1 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 50 : 50

A/B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	รวม
A <sub>1</sub>	0-0.25	0.25-0.50	.50
A <sub>2</sub>	0.50-0.75	0.75-1.00	.50
รวม	.50	.50	1.00

กรณีที่ 2 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 60 : 40

A/B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	รวม
A <sub>1</sub>	0-0.30	0.30-0.50	.50
A <sub>2</sub>	0.50-0.80	0.80-1.00	.50
รวม	.60	.40	1.00

กรณีที่ 3 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 70 : 30

A/B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	รวม
A <sub>1</sub>	0-0.35	0.35-0.50	.50
A <sub>2</sub>	0.50-0.85	0.85-1.00	.50
รวม	.70	.30	1.00

กรณีที่ 4 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอนเป็น 80 : 20

A/B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	รวม
A <sub>1</sub>	0-0.40	0.40-0.50	.50
A <sub>2</sub>	0.50-0.90	0.90-1.00	.50
รวม	.80	.20	1.00

กรณีที่ 5 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอนเป็น 90 : 10

A/B	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	รวม
A <sub>1</sub>	0-0.45	0.45-0.50	.50
A <sub>2</sub>	0.50-0.95	0.95-1.00	.50
รวม	.90	.10	1.00









ตอนที่ 3 หาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบสำหรับตารางการันจ์ร ขนาด  $3 \times 4$  เมื่อ ขนาด 80 150 และ 300  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% ของจำนวน เซลล์ทั้งหมด

ตอนที่ 4 หาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบสำหรับตารางการันจ์ร ขนาด  $3 \times 4$  เมื่อ ขนาด 80 150 และ 300  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50% ของจำนวน เซลล์ทั้งหมด

โดยกำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอนและแถวตั้งตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 และ ตอนที่ 4 ในรูปแบบเดียวกันดังนี้

### กลุ่มตัวอย่างขนาด 80

กำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอน และให้ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งแปรผันตาม ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอน

1. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอนเป็น 45 : 45 : 10 และให้ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งแปรผันตามแถวอนดังนี้

กรณีที่ 1 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 40 : 30 : 20 : 10

กรณีที่ 2 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 25 : 25 : 25 : 25

กรณีที่ 3 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 10 : 30 : 30 : 30

กรณีที่ 4 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 40 : 40

กรณีที่ 5 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 10 : 70

2. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอนเป็น 30 : 30 : 40 และให้ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งแปรผันตามแถวอนดังนี้

กรณีที่ 6 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 40 : 30 : 20 : 10

กรณีที่ 7 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 25 : 25 : 25 : 25

กรณีที่ 8 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 10 : 30 : 30 : 30

กรณีที่ 9 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 40 : 40

กรณีที่ 10 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 10 : 70

3. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวอนเป็น 15 : 15 : 70 และให้ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งแปรผันตามแถวอนดังนี้

กรณีที่ 11 ค่าสัดส่วนส่วนรวมของแถวตั้งเป็น 40 : 30 : 20 : 10





- กรณีที 29 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 40 : 40  
 กรณีที 30 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 10 : 70

### กลุ่มตัวอย่างขนาด 300

กำหนดค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวอน และให้ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งแปรผันตาม  
 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวอน

7. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวอนเป็น 45 : 45 : 10 และให้ค่าสัดส่วนส่วนริม  
 ของแถวตั้งแปรผันตามแถวอนดังนี้

- กรณีที 31 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 40 : 30 : 20 : 10  
 กรณีที 32 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 25 : 25 : 25 : 25  
 กรณีที 33 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 30 : 30 : 30  
 กรณีที 34 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 40 : 40  
 กรณีที 35 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 10 : 70

8. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวอนเป็น 30 : 30 : 40 และให้ค่าสัดส่วนส่วนริม  
 ของแถวตั้งแปรผันตามแถวอนดังนี้

- กรณีที 36 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 40 : 30 : 20 : 10  
 กรณีที 37 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 25 : 25 : 25 : 25  
 กรณีที 38 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 30 : 30 : 30  
 กรณีที 39 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 40 : 40  
 กรณีที 40 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 10 : 70

9. กำหนดค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวอนเป็น 15 : 15 : 70 และให้ค่าสัดส่วนส่วนริม  
 ของแถวตั้งแปรผันตามแถวอนดังนี้

- กรณีที 41 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 40 : 30 : 20 : 10  
 กรณีที 42 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 25 : 25 : 25 : 25  
 กรณีที 43 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 30 : 30 : 30  
 กรณีที 44 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 40 : 40  
 กรณีที 45 ค่าสัดส่วนส่วนริมของแถวตั้งเป็น 10 : 10 : 10 : 70

## การจำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงาน

### 1. การสร้างรูปแบบการแจกแจงของประชากร

การสร้างรูปแบบการแจกแจงของประชากรตามที่กำหนดไว้ในแผนการดำเนินงานนั้นจะใช้โปรแกรม Minitab version 11 ซึ่งการสร้างลักษณะการแจกแจงจะต้องใช้เลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์มในช่วง (0,1) สำหรับการสร้างเลขสุ่มดังกล่าวจะใช้คำสั่ง RANDOM คำสั่งย่อย UNIFORM (0,1) ซึ่งเป็นคำสั่งที่ใช้ในการสุ่มเลขจำนวนจริงที่มีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 1 ส่วนการสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบพหุนามสองตัวแปรจะศึกษาในกรณีนี้ที่ตัวแปรทั้งสองเป็นอิสระต่อกัน โดยมีรายละเอียดดังนี้

- กำหนดรูปแบบการแจกแจงความน่าจะเป็นของตารางการณ์จรรยาขนาด  $r \times c$  มีลักษณะดังนี้

ตารางที่ 3.1 การแจกแจงความน่าจะเป็นของแต่ละเซลล์ในตารางการณ์จรรยาขนาด  $r \times c$

ตัวแปรตัวที่ 1	ตัวแปรตัวที่ 2						รวม
	1	2	...	j	...	c	
1	$p_{11}$	$p_{12}$	...	$p_{1j}$	...	$p_{1c}$	$p_{1.}$
2	$p_{21}$	$p_{22}$	...	$p_{2j}$	...	$p_{2c}$	$p_{2.}$
3	$p_{31}$	$p_{32}$	...	$p_{3j}$	...	$p_{3c}$	$p_{3.}$
.	.	.	.	.	.	.	.
i	$p_{i1}$	$p_{i2}$	.	$p_{ij}$	.	$p_{ic}$	$p_{i.}$
.	.	.	.	.	.	.	.
r	$p_{r1}$	$p_{r2}$	.	$p_{rj}$	.	$p_{rc}$	$p_{r.}$
รวม	$p_{.1}$	$p_{.2}$	...	$p_{.j}$	...	$p_{.c}$	$p_{..}$

$$\text{โดยที่ } p_{i.} = \sum_{j=1}^c p_{ij}, \quad p_{.j} = \sum_{i=1}^r p_{ij}$$

$$\text{และ } p_{ij} = p_{i.} p_{.j}$$

- กำหนดความน่าจะเป็นส่วนริม (marginal probability) ของแถวอนและแถวตั้ง

โดยที่  $p_{i.}$  คือ ความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนที่  $i$  เมื่อ  $i = 1, \dots, r$

$p_{.j}$  คือ ความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้งที่  $j$  เมื่อ  $j = 1, \dots, c$

3. คำนวณค่าความน่าจะเป็นร่วม ( $p_{ij}$ ) ของแต่ละเซลล์ในตารางการถัวจากความสัมพันธ์

$$p_{ij} = p_i \cdot p_j$$

4. สุ่มข้อมูลตามเงื่อนไขโดยใช้คำสั่ง RANDOM คำสั่งย่อย UNIFORM (0,1) ซึ่งจะผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงสม่ำเสมอในช่วง (0,1) และพิจารณาค่าของตัวเลขสุ่มที่สุ่มได้ สมมติเป็น  $x_k$

ถ้า  $0 \leq x_k < p_{11}$  ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (1,1)

ถ้า  $p_{11} \leq x_k < p_{11} + p_{12}$  ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (1,2)

ถ้า  $p_{11} + p_{12} \leq x_k < p_{11} + p_{12} + p_{13}$  ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (1,3)

ถ้า  $p_{11} + \dots + p_{i,j-2} \leq x_k < p_{11} + \dots + p_{i,j-1}$  ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (i,j-1)

ถ้า  $p_{11} + \dots + p_{i,j-1} \leq x_k < p_{11} + \dots + p_{i,j}$  ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (i,j)

ถ้า  $x_k$  ตกอยู่ในเซลล์ใดจะนับความถี่ของข้อมูลในเซลล์นั้นเพิ่มขึ้นทีละ 1 และเรียกว่า ความถี่ที่สังเกตได้

ตัวอย่าง การสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงพหุนามสองตัวแปรเมื่อตัวแปรทั้งสองเป็นอิสระต่อกัน สำหรับข้อมูลที่อยู่ในรูปตารางการถัวขนาด  $2 \times 2$

ตารางที่ 3.2 การแจกแจงความน่าจะเป็นของแต่ละเซลล์ในตารางการถัวขนาด  $2 \times 2$

ตัวแปรตัวที่ 1	ตัวแปรตัวที่ 2		รวม
	1	2	
1	$p_{11}$	$p_{12}$	$p_{1.}$
2	$p_{21}$	$p_{22}$	$p_{2.}$
รวม	$p_{.1}$	$p_{.2}$	1

โดยที่  $p_{1.} = p_{11} + p_{12}$

$$p_{2.} = p_{21} + p_{22}$$

$$p_{.1} = p_{11} + p_{21}$$

$$p_{.2} = p_{12} + p_{22}$$

$$p_{11} + p_{12} + p_{21} + p_{22} = 1$$

$$p_{ij} = p_i \cdot p_j \quad \text{เมื่อ } i = 1,2 \quad \text{และ } j = 1,2$$

1. กำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมนิ (marginal probability) ของแถวบนและแถวตั้ง

สมมติให้  $p_{1.} = 0.5$

$$p_{2.} = 0.5$$

$$p_{.1} = 0.5$$

$$p_{.2} = 0.5$$

2. นำค่าความน่าจะเป็นส่วนริมนิของแถวบนและแถวตั้งจากข้อ 2. มาคำนวณค่าความน่าจะเป็นร่วม ( $p_{ij}$ ) ภายใต้สมมติฐาน  $H_0 : p_{ij} = p_{i.}p_{.j}$

ดังนั้นจะได้

$$p_{11} = 0.5 \times 0.5 = 0.25$$

$$p_{12} = 0.5 \times 0.5 = 0.25$$

$$p_{21} = 0.5 \times 0.5 = 0.25$$

$$p_{22} = 0.5 \times 0.5 = 0.25$$

ซึ่งค่าความน่าจะเป็นของตารางการณัจะอยู่ในรูป

0.25	0.25	0.5
0.25	0.25	0.5
0.5	0.5	

3. สุ่มข้อมูล  $x_k$  ขึ้นมา โดยที่  $x_k$  เป็นเลขสุ่มที่มีการแจกแจงสม่ำเสมอในช่วง (0,1)

ถ้า  $0 \leq x_k < 0.25$

ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (1,1)

ถ้า  $0.25 \leq x_k < 0.25 + 0.25 = 0.5$

ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (1,2)

ถ้า  $0.5 \leq x_k < 0.5 + 0.25 = 0.75$

ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (2,1)

ถ้า  $0.75 \leq x_k < 0.75 + 0.25 = 1$

ค่าของข้อมูลจะตกอยู่ในเซลล์ (2,2)

ถ้า  $x_k$  ตกอยู่ในเซลล์ใดจะนับความถี่ของข้อมูลในเซลล์นั้นเพิ่มขึ้นทีละ 1 และเรียกว่า ความถี่ที่สังเกตได้ โดยที่ค่าความถี่ที่สังเกตได้ในแต่ละเซลล์จะต้องไม่มีค่าเป็นศูนย์ ซึ่งในการสุ่มเลขชุดใด ถ้าพบว่ามีเซลล์ใดเซลล์หนึ่งเป็นศูนย์จะต้องสุ่มเลขชุดนั้นใหม่

## 2. การคำนวณค่าความถี่ที่คาดหวัง

นำความถี่ที่สังเกตได้มาคำนวณหาค่าความถี่ที่คาดหวังโดยใช้สูตรในการคำนวณคือ

$$E_{ij} = \frac{X_{i.} \cdot X_{.j}}{n}$$

โดยที่	$E_{ij}$	หมายถึง	ความถี่ที่คาดหวัง
	$X_{i.}$	หมายถึง	ความถี่รวมของแถวอนที่ $i$ ของตัวแปรตัวที่ 1 และทุกแถวตั้งของตัวแปรตัวที่ 2
	$X_{.j}$	หมายถึง	ความถี่รวมของแถวตั้งที่ $j$ ของตัวแปรตัวที่ 2 และทุกแถวอนของตัวแปรตัวที่ 1
	$n$	หมายถึง	ความถี่รวมทั้งหมดหรือจำนวนข้อมูลทั้งหมด

โดยค่าความถี่ที่คาดหวังที่คำนวณได้นั้นจะต้องเป็นไปตามเงื่อนไขของแต่ละสถานการณ์ในแผนการดำเนินงานที่กำหนดขึ้น ถ้าค่าความถี่ที่คาดหวังที่คำนวณได้ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขที่กำหนด จะต้องกลับไปสุ่มเลขชุดใหม่จนกว่าค่าที่ได้จะเป็นไปตามเงื่อนไข

## 3. การคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบ

### 1. สถิติเพียร์สันไคสแควร์ (Pearson's chi-square statistic)

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^c \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$$

ซึ่งจะปฏิเสธสมมติฐานหลัก ถ้าค่า  $\chi^2$  ที่ได้จากการคำนวณมีค่ามากกว่า  $\chi^2$  จากตารางการแจกแจงแบบไคสแควร์ที่องศาอิสระเท่ากับ  $(r-1)(c-1)$  ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

### 2. สถิติการปรับแก้ไคสแควร์ (continuity-corrected chi-square)

$$\chi_c^2 = \sum_{i=1}^2 \sum_{j=1}^2 \frac{(|O_{ij} - E_{ij}| - 0.5)^2}{E_{ij}}$$

ซึ่งจะปฏิเสธสมมติฐานหลัก ถ้าค่า  $\chi_c^2$  ที่ได้จากการคำนวณมีค่ามากกว่า  $\chi^2$  จากตารางการแจกแจงแบบไคสแควร์ที่องศาอิสระเท่ากับ  $(r-1)(c-1)$  ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

3. อัตราส่วนภาวะน่าจะเป็น (Likelihood-ratio chi-square statistic)

$$G^2 = 2 \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^c O_{ij} \ln \left( \frac{O_{ij}}{E_{ij}} \right)$$

ซึ่งจะปฏิเสธสมมติฐานหลัก ถ้าค่า  $G^2$  ที่ได้จากการคำนวณมีค่ามากกว่า  $\chi^2$  จากตารางการแจกแจงแบบไคสแควร์ที่องศาอิสระเท่ากับ  $(r-1)(c-1)$  ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

4. Fisher's Exact Test

$$P \text{ value} = \sum_{i=1}^s \frac{(f_{1.}! f_{2.}! f_{.1}! f_{.2}!)}{(f_{11}! f_{12}! f_{21}! f_{22}! f_{..}!)}$$

ซึ่งจะปฏิเสธสมมติฐานหลัก ถ้า P value ที่ได้จากการคำนวณมีค่าน้อยกว่า ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

#### 4. การหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1

ขั้นตอนในการหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 มีดังนี้

1. คำนวณค่าสถิติทดสอบเมื่อค่าความถี่ที่คาดหวังเป็นไปตามเงื่อนไขของแต่ละสถานการณ์ในแผนการดำเนินงานที่กำหนดขึ้น นำค่าสถิติเพียร์สันไคสแควร์ สถิติอัตราส่วนภาวะน่าจะเป็น และการปรับแก้ของเยทส์จากการคำนวณไปเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตที่ได้จากการเปิดตารางไคสแควร์ ส่วนค่าที่ได้จาก Fisher's exact test นั้นเป็น P value ซึ่งต้องนำไปเปรียบเทียบกับระดับนัยสำคัญที่กำหนด นับจำนวนครั้งของการเกิดค่าความถี่ที่คาดหวังที่เป็นไปตามเงื่อนไขของสถานการณ์ที่กำหนด และนับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานหลักที่เกิดจากสถานการณ์เดียวกัน

2. หาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบ คำนวณจากจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานหลักหารด้วยจำนวนครั้งที่เกิดค่าความถี่ที่คาดหวังที่เป็นไปตามสถานการณ์เดียวกัน

#### 5. เกณฑ์การตัดสินใจความสามารถในการควบคุมอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1

การเปรียบเทียบอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 กับอัตราความคลาดเคลื่อนที่ระบุโดยใช้สูตร

$$\hat{p} - Z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}\hat{q}}{n}} \leq p \leq \hat{p} + Z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}\hat{q}}{n}}$$

ณ ระดับนัยสำคัญ .01 หรือ  $\hat{p} = .01$ ,  $\hat{q} = 1 - \hat{p} = .99$ ,  $n = 10,000$  และ  $Z_{\alpha/2} = 2.576$   
ดังนั้น

$$.01 - 2.576 \sqrt{\frac{(.01)(.99)}{10,000}} \leq p \leq .01 + 2.576 \sqrt{\frac{(.01)(.99)}{10,000}}$$

$$\text{จะได้ช่วงความเชื่อมั่นคือ } .0076 \leq p \leq .0124$$

ณ ระดับนัยสำคัญ .05 หรือ  $\hat{p} = .05$ ,  $\hat{q} = 1 - \hat{p} = .95$ ,  $n = 10,000$  และ  $Z_{\alpha/2} = 1.96$   
ดังนั้น

$$.05 - 1.96 \sqrt{\frac{(.05)(.95)}{10,000}} \leq p \leq .05 + 1.96 \sqrt{\frac{(.05)(.95)}{10,000}}$$

$$\text{จะได้ช่วงความเชื่อมั่นคือ } .0458 \leq p \leq .0542$$

เกณฑ์การตัดสินความสามารถในการควบคุมอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบสำหรับการทดสอบความเป็นอิสระ ในแต่ละกรณีโดยให้ความหมายดังนี้

1. จากผลการจำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงาน ถ้าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 มีค่าอยู่ระหว่าง .0076 ถึง .0124 สำหรับอัตราความคลาดเคลื่อนที่ระบุ ณ ระดับนัยสำคัญ .01 และมีค่าอยู่ระหว่าง .0458 ถึง .0542 สำหรับอัตราความคลาดเคลื่อนที่ระบุ ณ ระดับนัยสำคัญ .05 จะถือว่ากรณีนั้นสามารถควบคุมอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้เท่ากับอัตราความคลาดเคลื่อนที่ระบุ

2. จากผลการจำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงาน ถ้าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบสำหรับการทดสอบความเป็นอิสระกรณีใดมีค่าอยู่นอกขอบเขตที่ระบุไว้ในข้อ 1 จะถือว่ากรณีนั้นไม่สามารถควบคุมอัตราความคลาดเคลื่อนที่ระบุ

### ขั้นตอนในการทำงานของโปรแกรม

การดำเนินงานของโปรแกรมคอมพิวเตอร์ต่อไปนี้ เป็นการอธิบายให้เห็นภาพการทำงานตามขั้นตอนของโปรแกรมในการจำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานในการหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบที่ใช้ในการทดสอบความเป็นอิสระของตารางการันขนาด  $2 \times 2$  และ  $3 \times 4$  เมื่อ  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% และ 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด ใช้โปรแกรม Minitab version 11

ในการดำเนินงานทั้งหมด 240 โปรแกรม ตัวอย่างของโปรแกรมแสดงไว้ในภาคผนวก ซึ่งจะเสนอขั้นตอนการดำเนินงานของโปรแกรมคอมพิวเตอร์ดังนี้

1. การหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระของตารางการณขนาด  $2 \times 2$  เมื่อ  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

โปรแกรมที่ 1 มีขั้นตอนการทำงานดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 จำลองข้อมูลในรูปของตารางการณขนาด  $2 \times 2$  โดยใช้คำสั่ง RANDOM คำสั่งย่อย UNIFORM (0,1) เลขสุ่มจะเป็นจุดทศนิยมมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1 เขียนคำสั่งเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 25 จำนวน จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม จากนั้นแบ่งกลุ่มตัวอย่างตามค่าความน่าจะเป็นส่วนรวมที่กำหนดขึ้น ในโปรแกรมที่ 1 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนรวมของแถวอนเป็น  $p_{1.} = p_{2.} = .5$  และให้ค่าความน่าจะเป็นส่วนรวมของแถวตั้งเป็น  $p_{.1} = p_{.2} = .5$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ .25 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{11}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .25 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .50 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{12}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .50 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .75 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{21}$  และถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .75 แต่น้อยกว่าเท่ากับ 1 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{22}$  ซึ่งค่าที่ได้จะเป็นค่าความถี่ที่สังเกตได้ โดยที่ค่าความถี่ที่สังเกตได้ในแต่ละเซลล์จะต้องไม่เป็นศูนย์ และถ้าพบว่าการสุ่มเลขชุดใดที่มีเซลล์ใดเซลล์หนึ่งเป็นศูนย์จะต้องสุ่มเลขชุดใหม่ และหลังจากได้ค่าความถี่ที่สังเกตได้ที่ไม่มีเซลล์ใดเป็นศูนย์ นำค่าความถี่ที่สังเกตได้ไปคำนวณหาค่าความถี่ที่คาดหวัง เขียนคำสั่งคำนวณค่าความถี่ที่คาดหวังไว้ใน  $E_{11}, E_{12}, E_{21}$  และ  $E_{22}$  ซึ่งในโปรแกรมที่ 1 นี้ค่า  $E_{ij}$  ที่ได้จะต้องมีค่าน้อยกว่า 5 ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด ถ้าในการสุ่มตัวเลขชุดใดที่มีค่า  $E_{ij}$  ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขที่กำหนด จะต้องสุ่มตัวเลขชุดใหม่แล้วคำนวณค่า  $E_{ij}$  จนได้ค่า  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด จึงจะดำเนินการในขั้นตอนที่ 2 ต่อไป

ขั้นตอนที่ 2 การคำนวณค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระทั้ง 4 ตัว โดยนำค่าความถี่ที่คาดหวังและค่าความถี่ที่สังเกตได้จากขั้นตอนที่ 1 มาคำนวณหาค่าสถิติของตัวสถิติทั้ง 4 ตัว เมื่อได้ค่าสถิติของตัวสถิติทดสอบทั้ง 4 ตัว นำค่าสถิติทดสอบที่ได้มาทำการทดสอบความมีนัยสำคัญ โดยนำค่าสถิติทดสอบเพียร์สันไคสแควร์ สถิติทดสอบการปรับแก้ของเยทส์ และสถิติทดสอบอัตราส่วนภาวะน่าจะเป็นมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตของไคสแควร์ ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด เท่ากับ .01 และ .05 ซึ่งมีค่าเท่ากับ 6.63 และ 3.84 ตามลำดับ ถ้าค่าของสถิติทดสอบที่คำนวณได้มีค่ามากกว่าค่าวิกฤต เขียนคำสั่งนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญไว้ก่อนจะจำลองข้อมูลซ้ำในครั้งต่อไป แต่สำหรับ Fisher's exact test แล้วนำ P value มาเปรียบเทียบกับระดับนัยสำคัญที่กำหนดเท่ากับ .01 และ .05 ตามลำดับถ้า P value



ที่คำนวณได้น้อยกว่าระดับนัยสำคัญที่กำหนด เขียนคำสั่งให้นับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญไว้ก่อน จะจำลองข้อมูลซ้ำในครั้งต่อไป

จำลองข้อมูลตามขั้นตอนที่ 1 และ 2 ซ้ำด้วยชุดของเลขสุ่มชุดใหม่จากคำสั่งเดิม เมื่อเรียก ชุดเลขสุ่มครบ 10,000 ครั้งแล้ว คำนวณหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 โดยนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญหารด้วยจำนวนครั้งที่  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด และพิมพ์ ค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบ ณ ระดับนัยสำคัญเท่ากับ .01 และ .05

โปรแกรมที่ 2 – 5 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงาน ของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 6 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของ โปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 6 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_{1.} = .6$  และ  $p_{2.} = .4$

โปรแกรมที่ 7 – 10 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงาน ของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 6 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 11 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของ โปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 11 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_{1.} = .7$  และ  $p_{2.} = .3$

โปรแกรมที่ 12 – 15 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงาน ของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 11 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 16 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของ โปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 16 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_{1.} = .8$  และ  $p_{2.} = .2$

โปรแกรมที่ 17 – 20 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงาน ของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 16 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริม ของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 21 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 21 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_{1.} = .9$  และ  $p_{2.} = .1$

โปรแกรมที่ 22 - 25 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 21 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 25 - 50 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 - 25 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 25 - 50 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 50 จำนวน

โปรแกรมที่ 50 - 75 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 1 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 - 25 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 25 - 50 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 100 จำนวน

## 2. การหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระของตารางการณขนาด $2 \times 2$ เมื่อ $E_{ij} < 5$ ไม่นเกิน 50 % ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

โปรแกรมที่ 76 มีขั้นตอนการทำงานดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 จำลองข้อมูลในรูปของตารางการณจรขนาด  $2 \times 2$  โดยใช้คำสั่ง RANDOM คำสั่งย่อย UNIFORM (0,1) เลขสุ่มจะเป็นจุดทศนิยมมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1 เขียนคำสั่งเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 25 จำนวน จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม จากนั้นแบ่งกลุ่มตัวอย่าง ตามค่าความน่าจะเป็นส่วนริมที่กำหนดขึ้น ในโปรแกรมที่ 76 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_{1.} = p_{2.} = .5$  และให้ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้งเป็น  $p_{.1} = p_{.2} = .5$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ .25 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{11}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .25 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .50 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{12}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .50 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .75 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{21}$  และถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .75 แต่น้อยกว่าเท่ากับ 1 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{22}$  ซึ่งค่าที่ได้จะเป็นค่าความถี่ที่สังเกตได้ โดยที่ค่าความถี่ที่สังเกตได้ในแต่ละเซลล์จะต้องไม่เป็นศูนย์ และถ้าพบว่าการสุ่มเลขชุดใดที่มีเซลล์ใดเซลล์หนึ่งเป็นศูนย์จะต้องสุ่มเลขชุดใหม่ และหลังจากได้ค่าความถี่ที่สังเกตได้ที่ไม่มีเซลล์ใดเป็นศูนย์ นำค่าความถี่ที่สังเกตได้ไปคำนวณหาค่าความถี่ที่คาดหวัง เขียนคำสั่งคำนวณค่าความถี่ที่คาดหวังไว้ใน  $E_{11}$ ,  $E_{12}$ ,  $E_{21}$  และ  $E_{22}$  ซึ่งในโปรแกรมที่ 1 นี้ค่า  $E_{ij}$  ที่ได้จะต้องมีค่าน้อยกว่า 5 ไม่นเกิน 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด ถ้าในการสุ่มตัวเลข

ชุดใดที่มีค่า  $E_{ij}$  ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขที่กำหนด จะต้องสุ่มตัวเลขชุดใหม่แล้วคำนวณค่า  $E_{ij}$  จนได้ค่า  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด จึงจะดำเนินงานในขั้นตอนที่ 2 ต่อไป

ขั้นตอนที่ 2 การคำนวณค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระทั้ง 4 ตัว โดยนำค่าความถี่ที่คาดหวังและค่าความถี่ที่สังเกตได้จากขั้นตอนที่ 1 มาคำนวณหาค่าสถิติของตัวสถิติทั้ง 4 ตัว เมื่อได้ค่าสถิติของตัวสถิติทดสอบทั้ง 4 ตัว นำค่าสถิติทดสอบที่ได้มาทำการทดสอบความมีนัยสำคัญ โดยนำค่าสถิติทดสอบเพียร์สันไคสแควร์ สถิติทดสอบปรับแก้ของเยทส์ และสถิติทดสอบอัตราส่วนภาวะน่าจะเป็นมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตของไคสแควร์ ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนดเท่ากับ .01 และ .05 ซึ่งมีค่าเท่ากับ 6.63 และ 3.84 ตามลำดับ ถ้าค่าของสถิติทดสอบที่คำนวณได้มีค่ามากกว่าค่าวิกฤต เขียนคำสั่งนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญไว้ก่อนจะจำลองข้อมูลซ้ำในครั้งต่อไป แต่สำหรับ Fisher's exact test แล้วนำ P value มาเปรียบเทียบกับระดับนัยสำคัญที่กำหนดเท่ากับ .01 และ .05 ตามลำดับถ้า P value ที่คำนวณได้น้อยกว่าระดับนัยสำคัญที่กำหนด เขียนคำสั่งให้นับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญไว้ก่อนจะจำลองข้อมูลซ้ำในครั้งต่อไป

จำลองข้อมูลตามขั้นตอนที่ 1 และ 2 ซ้ำด้วยชุดของเลขสุ่มชุดใหม่จากคำสั่งเดิม เมื่อเรียกชุดเลขสุ่มครบ 10,000 ครั้งแล้ว คำนวณหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 โดยนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญหารด้วยจำนวนครั้งที่  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด และพิมพ์ค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบ ณ ระดับนัยสำคัญเท่ากับ .01 และ .05

โปรแกรมที่ 77 – 80 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 81 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 76 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอน โดยโปรแกรมที่ 81 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอนเป็น  $p_1 = .6$  และ  $p_2 = .4$

โปรแกรมที่ 82 – 85 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 81 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 86 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 76 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอน โดยโปรแกรมที่ 86 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอนเป็น  $p_1 = .7$  และ  $p_2 = .3$

โปรแกรมที่ 87 – 90 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 86 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 91 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 76 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 91 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_1 = .8$  และ  $p_2 = .2$

โปรแกรมที่ 92 – 95 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 91 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 96 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 76 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 96 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_1 = .9$  และ  $p_2 = .1$

โปรแกรมที่ 97 – 100 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 96 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 101 – 125 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 76 – 100 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 101 – 125 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 50 จำนวน

โปรแกรมที่ 126 – 150 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 2 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 76 – 100 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 126 – 150 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 100 จำนวน

### 3. การหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระของตารางการณขนาด $3 \times 4$ เมื่อ $E_{ij} < 5$ ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

โปรแกรมที่ 151 มีขั้นตอนการทำงานดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 เป็นการสร้างข้อมูลในรูปของตารางการณจรรยาขนาด  $3 \times 4$  โดยใช้คำสั่ง RANDOM คำสั่งย่อย UNIFORM (0,1) เลขสุ่มนี้จะเป็นจุดทศนิยมมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1 เขียนคำสั่งเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 80 จำนวน จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์มแบ่งกลุ่มตัวอย่างตามค่าความน่าจะเป็นส่วนริมที่กำหนดขึ้น ในโปรแกรมที่ 151 นี้จะกำหนดค่า

ความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_1 = .45$  ,  $p_2 = .45$  ,  $p_3 = .1$  และให้ความน่าจะเป็นของแถวตั้งเป็น  $p_{.1} = .4$  ,  $p_{.2} = .3$  ,  $p_{.3} = .2$  ,  $p_{.4} = .1$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ .18 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{11}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .18 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .315 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{12}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .315 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .405 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{13}$  และถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .405 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .45 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{14}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .45 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .63 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{21}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .63 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .765 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{22}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .765 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .855 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{23}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .855 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .9 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{24}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .9 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .94 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{31}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .94 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .97 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{32}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .97 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .99 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{33}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .99 แต่น้อยกว่าเท่ากับ 1 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{34}$  ซึ่งค่าที่ได้นี้จะ เป็นค่าความถี่ที่สังเกตได้ โดยที่ค่าความถี่ที่สังเกตได้ในแต่ละเซลล์จะต้องไม่เป็นศูนย์ และถ้าพบว่าในการสุ่มเลขชุดใดที่มีเซลล์ใดเซลล์หนึ่งเป็นศูนย์จะต้องสุ่มเลขชุดใหม่ และหลังจากได้ค่าความถี่ที่สังเกตได้ที่ไม่มีเซลล์ใดเป็นศูนย์แล้ว จะต้องนำค่าความถี่ที่สังเกตได้ไปคำนวณหาค่าความถี่ที่คาดหวัง โดยเขียนคำสั่งคำนวณค่าความถี่ที่คาดหวังไว้ใน  $E_{11}$  ,  $E_{12}$  ,  $E_{13}$  ,  $E_{14}$  ,  $E_{21}$  ,  $E_{22}$  ,  $E_{23}$  ,  $E_{24}$  ,  $E_{31}$  ,  $E_{32}$  ,  $E_{33}$  และ  $E_{34}$  ซึ่งในโปรแกรมที่ 151 นี้ค่า  $E_{ij}$  ที่ได้จะต้องมีตัวใดตัวหนึ่งที่น้อยกว่า 5 ถ้าในการสุ่มตัวเลขชุดใดที่มีค่า  $E_{ij}$  ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขที่กำหนด จะสุ่มตัวเลขชุดใหม่แล้วคำนวณค่า  $E_{ij}$  ใหม่จนได้ค่า  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด จึงจะดำเนินการในขั้นตอนที่ 2 ต่อไป

ขั้นตอนที่ 2 การคำนวณค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระทั้ง 2 ตัว โดยโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะนำค่าความถี่ที่คาดหวังและค่าความถี่ที่สังเกตได้จากขั้นตอนที่ 1 มาคำนวณหาค่าสถิติของตัวสถิติทั้ง 2 ตัว เมื่อได้ค่าสถิติของตัวสถิติทดสอบทั้ง 2 ตัวแล้วโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะนำค่าสถิติทดสอบที่ได้มาทำการทดสอบความมีนัยสำคัญ โดยนำค่าสถิติทดสอบมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตของไคสแควร์ ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนดเท่ากับ .01 และ .05 ซึ่งมีค่าเท่ากับ 12.59 และ 16.81 ตามลำดับ ถ้าค่าไคสแควร์ที่คำนวณได้มากกว่าค่าวิกฤต เขียนคำสั่งนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญไว้ก่อนจะจำลองข้อมูลซ้ำในครั้งต่อไป

จำลองข้อมูลตามขั้นตอนที่ 1 และ 2 ซ้ำ ด้วยชุดของเลขสุ่มชุดใหม่จากคำสั่งเดิม เมื่อเรียกชุดเลขสุ่มครบ 10,000 ครั้งแล้ว คำนวณหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 โดยนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญหารด้วยจำนวนครั้งที่  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 25 % ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

และพิมพ์ค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบ ณ ระดับนัยสำคัญเท่ากับ .01 และ .05

โปรแกรมที่ 152 – 155 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 151 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 156 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 151 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 156 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_1 = .3$ ,  $p_2 = .3$  และ  $p_3 = .4$

โปรแกรมที่ 157 – 160 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 156 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 161 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 151 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอน โดยโปรแกรมที่ 161 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวอนเป็น  $p_1 = .15$ ,  $p_2 = .15$  และ  $p_3 = .3$

โปรแกรมที่ 162 – 165 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 161 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 166 – 180 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 151 – 165 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 166 – 180 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 150 จำนวน

โปรแกรมที่ 181 – 195 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 3 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 1 – 15 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 31 – 45 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 300 จำนวน

4. การหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระของตารางการณ์ขนาด  $3 \times 4$  เมื่อ  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด

โปรแกรมที่ 196 มีขั้นตอนการทำงานดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 เป็นการสร้างข้อมูลในรูปของตารางการณ์จรรยาขนาด  $3 \times 4$  โดยใช้คำสั่ง

RANDOM คำสั่งย่อย UNIFORM (0,1) เลขสุ่มนี้จะเป็นจุดทศนิยมมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1 เขียนคำสั่งเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 80 จำนวน จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม แบ่งกลุ่มตัวอย่างตามค่าความน่าจะเป็นส่วนริมหที่กำหนดขึ้น โปรแกรมที่ 196 กำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมหของแถวอนเป็น  $p_1 = .45$  ,  $p_2 = .45$  ,  $p_3 = .1$  และให้ความน่าจะเป็นของแถวตั้งเป็น  $p_{.1} = .4$  ,  $p_{.2} = .3$  ,  $p_{.3} = .2$  ,  $p_{.4} = .1$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ .18 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{11}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .18 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .315 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{12}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .315 แต่น้อยกว่าหรือเท่ากับ .405 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{13}$  และถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .405 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .45 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{14}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .45 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .63 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{21}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .63 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .765 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{22}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .765 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .855 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{23}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .855 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .9 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{24}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .9 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .94 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{31}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .94 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .97 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{32}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .97 แต่น้อยกว่าเท่ากับ .99 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{33}$  ถ้าเลขสุ่มตัวใดมีค่ามากกว่า .99 แต่น้อยกว่าเท่ากับ 1 เขียนคำสั่งนับรวมไว้ใน  $O_{34}$  ซึ่งค่าที่ได้นี้จะเป็ค่าความถี่ที่สังเกตได้ โดยที่ค่าความถี่ที่สังเกตได้ในแต่ละเซลล์จะต้องไม่เป็นศูนย์ และถ้าพบว่าการสุ่มเลขชุดใดที่มีเซลล์ใดเซลล์หนึ่งเป็นศูนย์จะต้องสุ่มเลขชุดใหม่ และหลังจากได้ค่าความถี่ที่สังเกตได้ที่ไม่มีเซลล์ใดเป็นศูนย์แล้ว นำค่าความถี่ที่สังเกตได้ไปคำนวณหาค่าความถี่ที่คาดหวัง โดยเขียนคำสั่งคำนวณค่าความถี่ที่คาดหวังไว้ใน  $E_{11}$  ,  $E_{12}$  ,  $E_{13}$  ,  $E_{14}$  ,  $E_{21}$  ,  $E_{22}$  ,  $E_{23}$  ,  $E_{24}$  ,  $E_{31}$  ,  $E_{32}$  ,  $E_{33}$  และ  $E_{34}$  ซึ่งในโปรแกรมที่ 196 นี้ค่า  $E_{ij}$  ที่ได้จะต้องมีตัวใดตัวหนึ่งที่น้อยกว่า 5 ถ้าในการสุ่มตัวเลขชุดใดที่มีค่า  $E_{ij}$  ไม่เป็นไปตามเงื่อนไขที่กำหนด จะสุ่มตัวเลขชุดใหม่แล้วคำนวณค่า  $E_{ij}$  ใหม่จนได้ค่า  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50% ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด จึงจะดำเนินการทดลองในขั้นตอนที่ 2 ต่อไป

ขั้นตอนที่ 2 การคำนวณค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบความเป็นอิสระทั้ง 2 ตัว โดยโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะนำค่าความถี่ที่คาดหวังและค่าความถี่ที่สังเกตได้จากขั้นตอนที่ 1 มาคำนวณหาค่าสถิติของตัวสถิติทั้ง 2 ตัว เมื่อได้ค่าสถิติของตัวสถิติทดสอบทั้ง 2 ตัวแล้วโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะนำค่าสถิติทดสอบที่ได้มาทำการทดสอบความมีนัยสำคัญ โดยนำค่าสถิติทดสอบมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตของไคสแควร์ ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนดเท่ากับ .01 และ .05 ซึ่งมีค่าเท่ากับ 12.59 และ 16.81 ตามลำดับ ถ้าค่าไคสแควร์ที่คำนวณได้มากกว่าค่าวิกฤต เขียนคำสั่งนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญไว้ก่อนจะจำลองข้อมูลซ้ำในครั้งต่อไป

จำลองข้อมูลตามขั้นตอนที่ 1 และ 2 ซ้ำ ด้วยชุดของเลขสุ่มชุดใหม่จากคำสั่งเดิม เมื่อเรียกชุดเลขสุ่มครบ 10,000 ครั้งแล้ว คำนวณหาอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 โดยนับจำนวนครั้งที่เกิดนัยสำคัญหารด้วยจำนวนครั้งที่  $E_{ij} < 5$  ไม่เกิน 50 % ของจำนวนเซลล์ทั้งหมด และค่าอัตราความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของสถิติทดสอบ ณ ระดับนัยสำคัญเท่ากับ .01 และ .05

โปรแกรมที่ 197 – 200 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 196 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 201 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 196 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอน โดยโปรแกรมที่ 201 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอนเป็น  $p_1 = .3, p_2 = .3$  และ  $p_3 = .4$

โปรแกรมที่ 202 – 205 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 201 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 206 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 196 แต่จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอน โดยโปรแกรมที่ 206 นี้จะกำหนดค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวนอนเป็น  $p_1 = .15, p_2 = .15$  และ  $p_3 = .3$

โปรแกรมที่ 207 – 210 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 206 จะแตกต่างกันที่ค่าความน่าจะเป็นส่วนริมของแถวตั้ง

โปรแกรมที่ 211 – 225 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 196 – 210 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 211 – 225 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 150 จำนวน

โปรแกรมที่ 226 – 240 จำลองข้อมูลตามแผนการดำเนินงานตอนที่ 4 กระบวนการทำงานของโปรแกรมจะทำงานทำนองเดียวกันกับโปรแกรมที่ 196 – 210 แต่จะแตกต่างกันที่ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง โดยโปรแกรมที่ 226 – 240 จะเรียกกลุ่มตัวอย่างซึ่งเป็นเลขสุ่มมา 300 จำนวน