

วิธีดำเนินการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้ ต้องการศึกษเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบอัตราสัมพันธ์ตำแหน่งที่ 1 ของความคลาดเคลื่อนในการวิเคราะห์สมการถดถอยเชิงเส้นอย่างง่าย โดยศึกษาเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบ 3 วิธี คือ ตัวสถิติทดสอบเดอ์บิน-วัตสัน ตัวสถิติทดสอบเกียร์ และตัวสถิติทดสอบอัตราส่ววนอนิวแมน โดยในขั้นตอนแรกจะศึกษาความสามารถในการควบคุมความผิดพลาดประเภทที่ 1 ของแต่ละวิธีก่อนแล้วจึงคัดเลือกตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความผิดพลาดประเภทที่ 1 ได้ในแต่ละสถานการณ์มาพิจารณาเปรียบเทียบค่าอำนาจการทดสอบอีกทีหนึ่ง

ข้อมูลที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ใช้เทคนิควิธีการจำลองแบบมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation Method) จำลองสถานการณ์ต่าง ๆ ดังนั้นจะขอก้าวถึงวิธีการจำลองแบบมอนติคาร์โลก่อน แล้วจึงแสดงรายละเอียดของแผนการทดลอง ขั้นตอนการวิจัย และโปรแกรมที่ใช้ในการวิจัยนี้ ในลำดับต่อไป

3.1 วิธีการจำลองแบบมอนติคาร์โล

เทคนิคที่ใช้ในการแก้ปัญหาในการคำนวณทางคณิตศาสตร์นั้นมีหลายวิธี วิธีการจำลองแบบมอนติคาร์โล เป็นวิธีหนึ่งที่นิยมใช้และเป็นที่แพร่หลายในปัจจุบัน ซึ่งหลักวิธีการจำลองแบบมอนติคาร์โลนั้นจะใช้ตัวเลขสุ่ม (Random numbers) มาช่วยในการหาคำตอบของปัญหาที่ต้องการศึกษา

ขั้นตอนของวิธีการจำลองแบบมอนติคาร์โล มี 3 ขั้นตอนดังนี้

3.1.1 สร้างตัวเลขสุ่ม ลักษณะของตัวเลขสุ่มจะมีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง $U[0, 1]$ และเป็นอิสระต่อกัน

3.1.2 การประยุกต์ปัญหาที่ต้องการศึกษามาใช้กับตัวเลขสุ่ม ขั้นตอนนี้ขึ้นกับลักษณะของปัญหาที่ต้องการศึกษา บางปัญหาอาจใช้ตัวเลขสุ่มโดยตรง และบางปัญหาอาจต้องมีขั้นตอนอื่นอีกหลายขั้นตอน

3.1.3 การทดลองกระทำ การทดลองนี้เป็นขั้นตอนการสุ่ม (Random process) มากกระทำในลักษณะที่ซ้ำกัน เพื่อหาคำตอบของปัญหาที่ต้องการศึกษา

3.2 แผนการทดลอง

ในการวิจัยครั้งนี้ต้องการศึกษาความสามารถในการควบคุมความผิดพลาดประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบของสถิติทดสอบทั้ง 3 วิธี ณ ระดับความรุนแรงของปัญหาความคลาดเคลื่อนที่มีอัตราสัมพันธ์ตำแหน่งที่ 1 ในระดับต่างกัน 6 ระดับ ขนาดตัวอย่าง 5 ขนาด รูปแบบของ x_c 4 รูปแบบ การแจกแจงของความคลาดเคลื่อนสุ่ม (v_c) 4 แบบ และใช้ระดับนัยสำคัญ 0.05 ซึ่งในแต่ละสถานการณ์จะทำการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบทั้ง 3 วิธี เพื่อหาตัวสถิติทดสอบที่ดีที่สุดในแต่ละสถานการณ์

3.3 ขั้นตอนการวิจัย

ขั้นตอนในการวิจัย แบ่งออกเป็น 4 ขั้นตอนหลัก คือ

1. จำลองการแจกแจงของความคลาดเคลื่อน (v_c) และค่าของตัวแปรอิสระ (x_c) ตามรูปแบบที่กำหนดไว้

2. จำลองข้อมูล (x_t, y_t) ให้มีความสัมพันธ์กันเชิงเส้นตรง ตามรูปแบบ

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + u_t, \quad t = 1, 2, \dots, n$$
3. คำนวณค่าสถิติทดสอบทั้ง 3 วิธี
4. หาค่าความน่าจะเป็นที่จะเกิดความผิดพลาดประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบ เพื่อทำการเปรียบเทียบ

ในแต่ละขั้นตอนมีรายละเอียดดังนี้

3.3.1 จำลองค่าความคลาดเคลื่อน (u_t) และค่าของตัวแปรอิสระ (x_t) ตามรูปแบบที่กำหนดให้

3.3.1.1 การจำลองค่าความคลาดเคลื่อน (u_t)

จำลองค่าความคลาดเคลื่อน (u_t) โดยวิธี Box-Muller (รายละเอียดในการหาแสดงไว้ในภาคผนวก ก.) โดยกำหนด u_t มีการแจกแจงปกติ ค่าเฉลี่ยเป็น 0 และความแปรปรวนเป็น σ_v^2 เมื่ออัตรสหสัมพันธ์เป็น 0 แต่ถ้ามีอัตรสหสัมพันธ์ตำแหน่งที่ 1 รูปแบบของ u_t จะเปลี่ยนแปลงไป โดย $u_t = \rho u_{t-1} + v_t$, u_t จะมีค่าเฉลี่ยเป็น 0 และความแปรปรวนเป็น $\frac{\sigma_v^2}{1-\rho^2}$ และมีขั้นตอนการจำลอง u_t ดังนี้

1. จำลอง u_0 จากการแจกแจงแบบปกติมีค่าเฉลี่ยเป็น 0 มีความแปรปรวนเป็น $\frac{\sigma_v^2}{1-\rho^2}$ และจำลอง v_t , $t = 1, 2, \dots, n$ จากการแจกแจงที่กำหนด ในแต่ละสถานการณ์ (การแจกแจงแบบปกติ $N(0, 1)$, การแจกแจงเอกซ์โพเนนเชียล $Ex(1)$, การแจกแจงแบบสม่ำเสมอ $U(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$ และการแจกแจงแบบโคชี $C(0, 1)$)

2. จากนั้นจำลอง u_t , $t = 1, 2, \dots, n$ จากรูปแบบความสัมพันธ์

$$u_t = \rho u_{t-1} + v_t$$

จะได้

$$u_1 = \rho u_0 + v_1$$

$$u_2 = \rho u_1 + v_2$$

·
·
·

$$u_n = \rho u_{n-1} + v_n$$

3.3.1.2 การจำลองตัวแปรอิสระ (x_t)

ตัวแปรอิสระ (x_t) จำลองตามรูปแบบที่กำหนด 4 รูปแบบ คือ

1. จำลอง x_t จากรูปแบบเส้นตรงตามเวลา ดังนี้

$$x_t = t, t = 1, 2, \dots, n$$

·

เพราะฉะนั้นจะได้

$$x_1 = 1$$

$$x_2 = 2$$

·
·
·

$$x_n = n$$

2. จำลอง x_t จากรูปแบบแนวโน้มไม่คงที่

$$x_t = t + n_t, t = 1, 2, \dots, n$$

เพราะฉะนั้นจะได้

$$x_1 = 1 + n_1$$

$$x_2 = 2 + n_2$$

⋮

⋮

⋮

$$x_n = n + n_n$$

3. จำลอง x_t จากรูปแบบอัตตสหสัมพันธ์ตำแหน่งที่ 1

$$x_t = 0.8x_{t-1} + n_t, \quad t = 2, 3, \dots, n$$

ซึ่งมีขั้นตอนในการจำลอง ดังนี้

- จำลอง x_0 จากการแจกแจงแบบปกติมีค่าเฉลี่ยเป็น 0 มีความแปรปรวนเป็น $\frac{\sigma_n^2}{1-(0.8)^2}$ และจำลอง $n_t, t = 1, 2, \dots, n$ จากการ

แจกแจงปกติมีค่าเฉลี่ยเป็น 0 มีความแปรปรวนเป็น $\sigma_n^2 = 1$ (โดยใช้ SUBROUTINE NORMAL)

- จำลอง $x_t, t = 1, 2, \dots, n$ จากรูปแบบความสัมพันธ์

จะได้

$$x_t = 0.8x_{t-1} + n_t$$

$$x_1 = 0.8x_0 + n_1$$

$$x_2 = 0.8x_1 + n_2$$

⋮

⋮

⋮

$$x_n = 0.8x_{n-1} + n_n$$

4. จำลอง x_t จากรูปแบบแนวโน้มตามคาบเวลา

$$x_t = t + \cos(2\pi t), t = 1, 2, \dots, n$$

จะได้ x_t ดังนี้

$$x_1 = 1 + \cos(2\pi/12)$$

$$x_2 = 2 + \cos(4\pi/12)$$

⋮

$$x_n = n + \cos(2n\pi/12)$$

3.3.2 จำลองข้อมูล (x_t, y_t) จากความสัมพันธ์เชิงเส้นตรง ตามรูปแบบ

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + u_t, t = 1, 2, \dots, n$$

ซึ่ง β_0, β_1 เป็นพารามิเตอร์ที่กำหนดให้

u_t เป็นความคลาดเคลื่อน ที่มีรูปแบบดังนี้

$$u_t = \rho u_{t-1} + v_t, t = 2, 3, \dots, n$$

x_t เป็นตัวแปรอิสระตามรูปแบบที่กำหนด ในข้อ 3.3.1.2

ตัวอย่างการสร้างเศษตกค้าง u

ตัวอย่างที่ 3.1 การหาค่าเศษตกค้าง $u_t = y_t - \hat{y}_t$ ของข้อมูลอนุกรมเวลา
ตัวแบบคือ

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + u_t, \quad t = 1, 2, \dots, 30$$

$$u_t = 0.9u_{t-1} + v_t$$

โดย x_t เป็นตัวแปรอิสระ จำลองค่าจาก $x_t = 0.8x_{t-1} + v_t$

v_t เป็นตัวแปรสุ่มที่เป็นอิสระกัน และมีการแจกแจงปกติ

มีค่าเฉลี่ยเป็น 0 ความแปรปรวนเป็น 1

$$\beta_0 = 1, \quad \beta_1 = 1$$

จากนั้นดำเนินการตามขั้นตอน ดังต่อไปนี้

1. นำค่า (x_t, y_t) , $t=1, 2, \dots, 30$ มาประมาณค่า β_0, β_1

โดยวิธี OLS ได้ค่า $\hat{\beta}_0, \hat{\beta}_1$

2. หาค่าพยากรณ์ $\hat{y}_t = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_t$

3. หาค่าเศษตกค้าง $u_t = y_t - \hat{y}_t$

3.3.3 การคำนวณค่าสถิติทดสอบทั้ง 3 วิธี

เมื่อจำลองข้อมูล (x_t, y_t) จำนวน n ตัว ที่มีความสัมพันธ์

เชิงเส้นตรงตามรูปแบบที่ต้องการแล้ว ทำการคำนวณค่าสถิติประเภทต่างๆ ดังนี้

3.3.3.1 สถิติทดสอบเดออร์บิน-วัตสัน มีขั้นตอนการคำนวณค่าสถิติ ดังนี้

1. นำข้อมูล x_t, y_t มาประมาณค่า β_0, β_1 โดยวิธี OLS

2. ค่าพหุคูณค่า \hat{u}_t
3. ค่าพหุคูณค่าความคลาดเคลื่อน \hat{u}_t จำนวน n ค่า
4. ค่าพหุคูณค่าสถิติทดสอบจากสูตร

$$DW = \frac{\sum_{t=2}^n (\hat{u}_t - \hat{u}_{t-1})^2}{\sum_{t=1}^n \hat{u}_t^2}$$

3.3.3.2 สถิติทดสอบเกียร์ มีขั้นตอนการคำนวณค่าสถิติ ดังนี้

นำค่า \hat{u}_t จากวิธีการคำนวณในขั้นตอนของตัวสถิติทดสอบเตอร์บิน-วัตสัน มานับจำนวนครั้งการเปลี่ยนแปลงเครื่องหมายทั้งหมดของ \hat{u}_t ซึ่งได้เป็นค่า T หรือค่าสถิติทดสอบเกียร์

$$T = \sum_{i=1}^{n-1} Z_i$$

โดยที่ $Z_i = 1$ ถ้า \hat{u}_i และ \hat{u}_{i+1} มีเครื่องหมายแตกต่างกัน
 $= 0$ ถ้า \hat{u}_i และ \hat{u}_{i+1} มีเครื่องหมายเหมือนกัน

3.3.3.3 สถิติทดสอบอัตราส่วนวอนนิวแมน มีขั้นตอนการคำนวณค่าสถิติ ดังนี้

1. นำข้อมูล $x_t, y_t, t = 1, 2, \dots, i$
 (จากข้อมูลทั้งหมด n ตัว และ i เริ่มต้นที่ 3)
 มาประมาณค่า β_0, β_1 โดยวิธี OLS .

2. คำนวณค่า \hat{y}_{i+j} , $i=3, j=1, 2, \dots, n-3$
3. คำนวณค่าความคลาดเคลื่อนจากสมการ

$$e_{i+j} = \hat{y}_{i+j} - y_{i+j}$$

4. คำนวณค่าเศษตกค้างแบบรีเคอซีฟ ; w_t จากสมการ

$$w_{i+j} = \frac{e_{i+j}}{d_{i+j}}$$

$$d_{i+j}$$

ซึ่ง

$$d_{i+j} = \sqrt{1 + \frac{1}{i} + \frac{(x_{i+j} - \bar{x})^2}{S_{xx}}}$$

5. ทำในทำนองเดียวกับข้อ 1 ถึง 4 โดยเพิ่มข้อมูล (x_t, y_t) ในคาบเวลาถัดไป อีกครั้งละ 1 คู่ และทำซ้ำเช่นนี้ จนกระทั่งถึงข้อมูลตัวที่ $n-1$ จะได้ค่าเศษตกค้างแบบรีเคอซีฟ w_4, w_5, \dots, w_n

6. นำค่าเศษตกค้างแบบรีเคอซีฟ ที่คำนวณได้นั้น มาคำนวณหาค่าสถิติทดสอบอัตราส่วนอนนิวแมน

$$VN = \frac{\sum_{t=1+2}^n (w_t - \bar{w})^2 / n-i-1}{\sum_{t=1+1}^n (w_t - \bar{w})^2 / n-i}$$

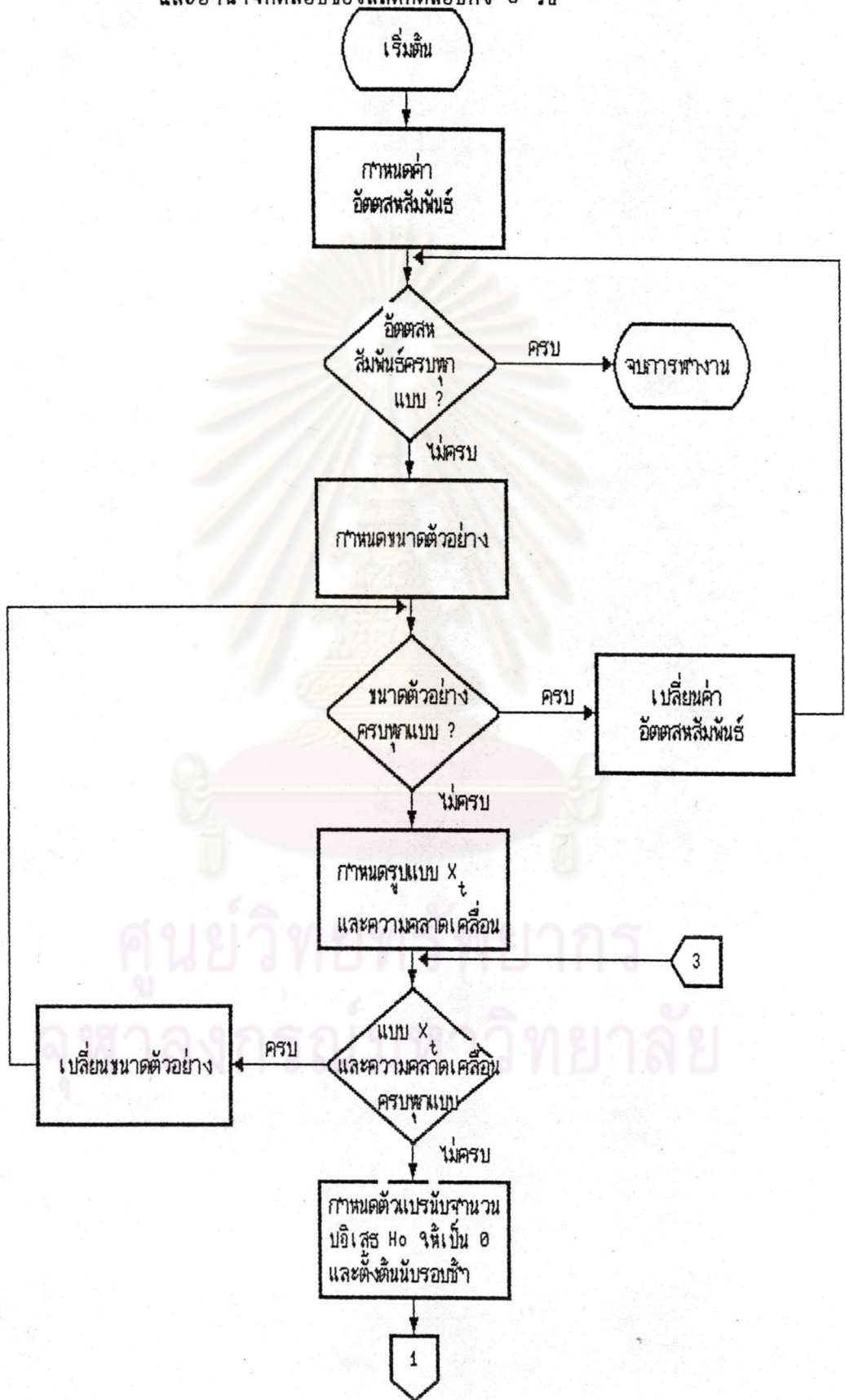
3.3.4 การหาค่าความน่าจะเป็นที่จะเกิดความผิดพลาดประเภทที่ 1
และค่าอำนาจการทดสอบ เพื่อทำการเปรียบเทียบ

เมื่อสร้างสถานการณ์ตามเงื่อนไขได้แล้ว จะคำนวณค่าสถิติทดสอบเพื่อนำค่าสถิติทดสอบแต่ละวิธีนั้น มาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตเพื่อตัดสินใจว่าจะยอมรับ หรือปฏิเสธสมมติฐาน H_0 ในกรณีที่ปฏิเสธสมมติฐานให้ับจำนวนครั้งที่ปฏิเสธสมมติฐานแล้วย้อนกลับไปสุ่มตัวอย่างชุดใหม่ และทำซ้ำเหมือนเดิมจนครบ 1,000 ครั้ง แล้วคำนวณหาค่าความน่าจะเป็นที่จะเกิดความผิดพลาดประเภทที่ 1 เมื่อค่าอัตราสหสัมพันธ์เป็น 0

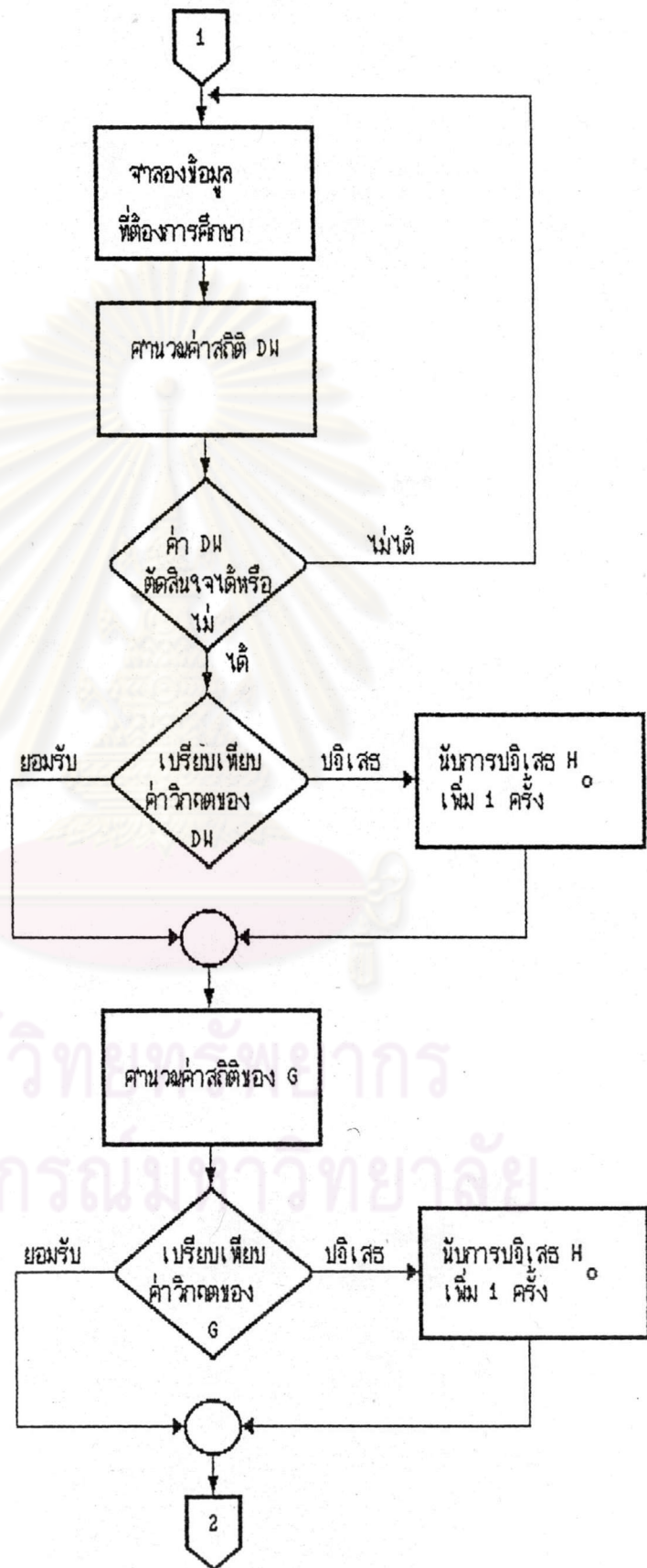
ในกรณีที่คำนวณหาค่าอำนาจการทดสอบ จะกำหนดค่าอัตราสหสัมพันธ์มากกว่า 0 และในแต่ละสถานการณ์จะสุ่มตัวอย่างซ้ำกัน 1,000 ครั้ง แล้วคำนวณหาค่าอำนาจทดสอบในแต่ละสถานการณ์ สามารถสรุปเป็นผังงาน ตามรูปที่ 3.1

ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

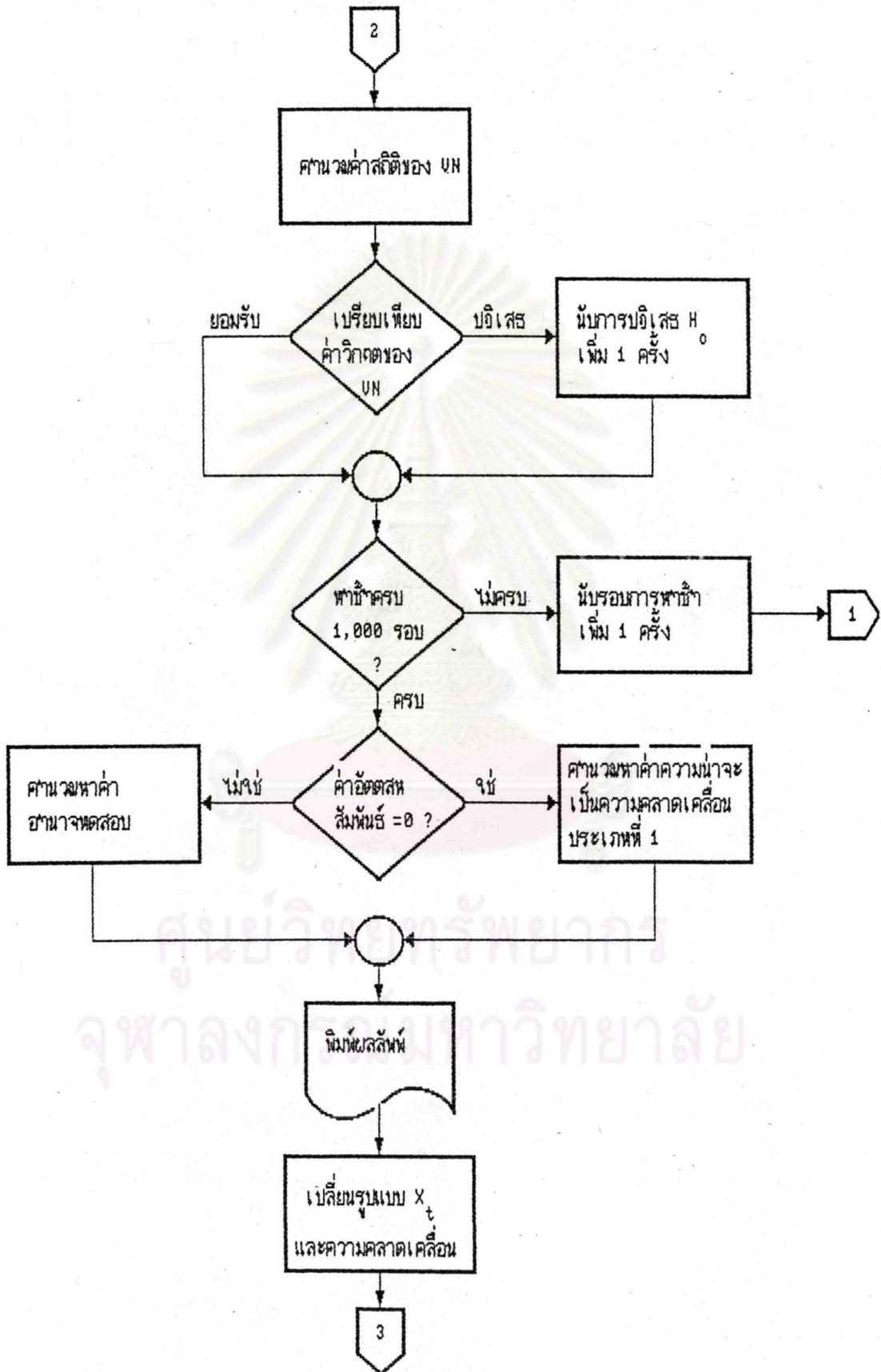
รูปที่ 3.1 แสดงผังงานสำหรับหาค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดประเภทที่ 1 และอำนาจทดสอบของสถิติทดสอบทั้ง 3 วิธี



รูปที่ 3.1 (ต่อ)



รูปที่ 3.1 (ต่อ)



3.4 โปรแกรมที่ใช้ในการวิจัย

โปรแกรมที่ใช้ในการวิจัยเขียนด้วยภาษาฟอร์แทรนโฟ (FORTRAN IV) โดยใช้กับเครื่องคอมพิวเตอร์ AMDAHL 5860 ซึ่งแต่ละแผนการทดลอง ลักษณะการทำงานของโปรแกรมจะทำงานเหมือนกัน รายละเอียดโปรแกรมแสดงในภาคผนวก ข.



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย