

การคำนวณออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบคอสส์ ลูป เทอร์โมไซฟอน

โดยทั่วไปในการคำนวณออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ปัญหาสำคัญที่พบมีสองประเภทคือ ปัญหาการกำหนดอัตราและปัญหาการกำหนดขนาดของเครื่อง ปัญหาการกำหนดอัตราเป็นการประเมินอัตราการถ่ายเทความร้อนของเครื่องตลอดจนอุณหภูมิทางออกของของไหล และความดันลดภายในเครื่อง เมื่อมีเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนหรือรู้ขนาดเรียบร้อยแล้ว นั่นคือรู้พื้นที่ผิวถ่ายเทความร้อนและลักษณะสมบัติการไหลผ่าน ส่วนปัญหาการกำหนดขนาดเป็นการประเมินพื้นที่ถ่ายเทความร้อนที่ต้องใช้ตลอดจนรูปร่างสัดส่วนของเครื่อง เมื่อกำหนดอัตราการถ่ายเทความร้อนและความดันลดมาให้

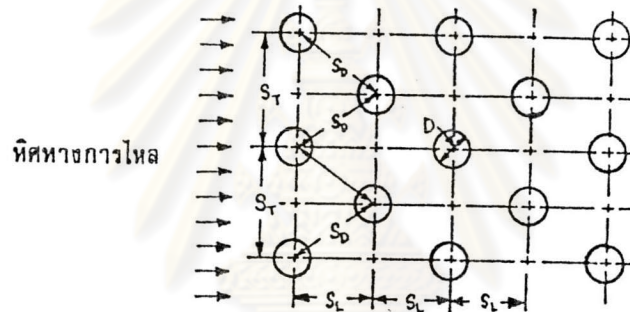
การวิเคราะห์สมรรถนะของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนมีอยู่สองวิธี คือ วิธีวิเคราะห์แบบ LMTD (log-mean temperature difference) และ ϵ -NTU (effectiveness-number of transfer units) ถ้าทราบค่าอุณหภูมิที่เข้าและออกของของไหลร้อนและเย็น แต่ไม่ทราบพื้นที่ถ่ายเทความร้อน การแก้ปัญหาจะนิยมใช้วิธี LMTD ในกรณีที่รู้เพียงค่าอุณหภูมิทางเข้าและอัตราการไหลของของไหลร้อนและเย็น และโจทย์กำหนดพื้นที่ถ่ายเทความร้อนมาให้ กรณีเช่นนี้ถ้าใช้วิธี LMTD ในการแก้ปัญหา จะยุ่งยากมากเพราะต้องสมมติอุณหภูมิทางออกของของไหลด้านหนึ่งแล้วคำนวณหาอุณหภูมิทางออกของของไหลอีกด้านและอัตราการถ่ายเทความร้อน จากนั้นจึงนำไปคำนวณผลต่างอุณหภูมิเฉลี่ยเชิงล็อกการิทึม แล้วหาอัตราการถ่ายเทความร้อนเพื่อเปรียบเทียบกับค่าที่หาได้จากการดุลพลังงานในตอนแรก การคำนวณจะทำซ้ำไปจนได้ค่าเท่ากันจึงจบและได้คำตอบที่ต้องการ เพื่อให้การแก้ปัญหาง่ายขึ้น Kay และ London (1964) ได้พัฒนาวิธี ϵ -NTU หรือวิธีประสิทธิภาพขึ้น ซึ่งจะไม่กล่าวถึงรายละเอียดในที่นี้

ในการออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนครั้งนี้ จะใช้วิธี LMTD ใน

การกำหนดขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน เพราะว่ารู้ค่าของอุณหภูมิที่เข้าและออกของของไหลทั้งสองสายและอัตราการไหลของทั้งสองสาย รูปแบบของสมการพื้นฐานเป็นดังนี้

$$Q = UA(\Delta T)_{lm}$$

โดยสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม U สามารถประเมินค่าได้จาก สหสัมพันธ์ที่หามาได้จากการทดลองในครั้งนี้ (ดูบทที่ 5) ส่วนความดันลดของการไหลภายในของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนสามารถหาได้ โดยใช้สหสัมพันธ์ของ Young และ Briggs สำหรับอากาศที่ไหลผ่านกลุ่มท่อที่ติดต่อกัน (Roshenow และ Hartnett, 1973)



$$\frac{\Delta P g_c \rho}{N_r G_{max}^2} = f = 18.93 \left(\frac{D_o G_{max}}{\mu} \right)^{-0.316} \left(\frac{S_T}{D_o} \right)^{-0.927} \left(\frac{S_L}{S_T} \right)^{0.515}$$

นั่นคือ

$$\Delta P = 18.93 \left(\frac{D_o G_{max}}{\mu} \right)^{-0.316} \left(\frac{S_T}{D_o} \right)^{-0.927} \left(\frac{S_L}{S_T} \right)^{0.515} \left(\frac{N_r G_{max}^2}{g_c \rho} \right)$$

ขั้นตอนและตัวอย่างในการออกแบบเป็นดังนี้

6.1 ขั้นตอนการออกแบบ

- 1) กำหนดเงื่อนไขการปรับอากาศในห้อง

- 2) กำหนดอุณหภูมิของอากาศที่ปล่อยทิ้งออกมาจากห้อง
- 3) คำนวณหาอัตราการถ่ายเทความร้อนสัมผัส (ภาระทำความเย็น) ของการปรับอากาศ
- 4) คำนวณหาสัดส่วนพลังงาน (ความเย็น) ที่ต้องการนำกลับคืน
- 5) คำนวณหาอุณหภูมิเฉลี่ยเชิงล็อกการิทึม $(\Delta T)_{lm}$
- 6) สมมติค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม U
- 7) กำหนดขนาดของพื้นที่ถ่ายเทความร้อน ขนาดท่อ จำนวนครีป และระยะพิทช์ (pitch)
- 8) คำนวณหาตัวเลขเรย์โนลด์ของการไหล
- 9) หาค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม จากสหสัมพันธ์ที่ได้หาไว้
- 10) ถ้าค่า U ที่คำนวณได้จากสหสัมพันธ์ไม่เท่ากับค่าที่สมมติในขั้นตอนที่ 6 ให้กลับไปเริ่มต้นที่ขั้นตอนที่ 6 ใหม่จนได้เท่ากัน (ใกล้เคียงมากพอ)
- 11) คำนวณหาความดันลดของการไหลทั้งสองสาย ในที่นี้กำหนดให้ความดันลดไม่เกิน 0.028 psi หรือ 20 mmH₂O ถ้าเกินให้กลับไปทำขั้นตอนที่ 6 ซ้ำอีกโดยเปลี่ยนรายละเอียดในขั้นตอนที่ 7 ใหม่

6.2 ตัวอย่างการคำนวณออกแบบ

6.2.1 เงื่อนไขการปรับอากาศและเงื่อนไขในการออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยน ความร้อน ในการออกแบบในระบบปรับอากาศได้กำหนดเงื่อนไขสำหรับภาระทำความเย็นไว้ดังนี้

เงื่อนไขการออกแบบ	อุณหภูมิกระเปาะแห้ง (°C)	อุณหภูมิกระเปาะเปียก (°C)
อากาศภายในห้อง	22	17
อากาศภายนอกห้อง	34	25

อนึ่ง เงื่อนไขในการออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนได้กำหนดไว้ดังนี้

เงื่อนไขการออกแบบ	อุณหภูมิกระเปาะแห้ง (°C)
อากาศภายนอกห้อง	34
อากาศที่ปล่อยทิ้งจากห้อง	25

กำหนดเปอร์เซ็นต์ที่ต้องการนำพลังงานกลับคืนให้เป็น 15 % ของภาระทำความเย็นและอัตราการไหลของอากาศที่ไหลเข้าและปล่อยทิ้งมีค่าเท่ากันคือ 3000 kg/hr

6.2.2 คำนวณหาความร้อนสัมผัส (ภาระความเย็น) ของการปรับอากาศ

$$H_s = W_h C_{ph} (T_{hi} - T_r)$$

เนื่องจาก $T_r = \frac{T_{hi} + T_r}{2} = 28 \text{ } ^\circ\text{C}$

ที่ 28 °C อากาศมีความร้อนจำเพาะ $C_p = 1005.8 \text{ J/kg } ^\circ\text{C}$

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น } H_s &= 3000 \times 1005.8 \times (34 - 22) \\ &= 3600 \\ &= 10058 \text{ W} \end{aligned}$$

ดังนั้นพลังงานที่ต้องการนำกลับคืน ซึ่งมีค่าเท่ากับ 15 % ของความร้อนสัมผัสหาได้ดังนี้

$$Q = 0.15 \times 10058 = 1509 \text{ W}$$

6.2.3 หาอุณหภูมิเฉลี่ยเชิงล็อกการิทึม

ก่อนที่จะหาอุณหภูมิเฉลี่ยเชิงล็อกการิทึมต้องรู้ค่าอุณหภูมิที่ออกจากเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน จากการที่สมดุลพลังงานรอบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนจะได้ดังนี้

$$Q = W_c C_{pc} \Delta T_c = W_h C_{ph} \Delta T_h$$

เมื่อ $Q = 1509 \text{ W}$

$$W_c = 0.833 \text{ kg/s}$$

$$C_{pc} = 1005.7 \text{ kJ/kg } ^\circ\text{C} \text{ (พิจารณาที่อุณหภูมิ } 25 \text{ } ^\circ\text{C)}$$

$$C_{ph} = 1006.2 \text{ kJ/kg } ^\circ\text{C} \text{ (พิจารณาที่อุณหภูมิ } 34 \text{ } ^\circ\text{C)}$$

ดังนั้น

$$1509 = 0.833 \times 1005.7 \times \Delta T_c = 0.833 \times 1006.2 \times \Delta T_h$$

$$\Delta T_c = 1.8 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$\Delta T_h = 1.8 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$T_{co} = 25 + 1.8 = 26.8 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$T_{ho} = 34 - 1.8 = 32.2 \text{ } ^\circ\text{C}$$

เพราะฉะนั้น

$$\begin{aligned} (\Delta T)_{lm} &= \frac{(T_{hi} - T_{co}) - (T_{ho} - T_{ci})}{\ln \left(\frac{T_{hi} - T_{co}}{T_{ho} - T_{ci}} \right)} \\ &= \frac{(34 - 26.8) - (32.2 - 25)}{\ln \left(\frac{34 - 26.8}{32.2 - 25} \right)} \\ &= 7.2 \text{ } ^\circ\text{C} \end{aligned}$$

6.2.4 สมมติให้สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม U เท่ากับ $12 \text{ W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}$

6.2.5 กำหนดพื้นที่ถ่ายเทความร้อน ขนาดของท่อ ความยาวท่อ ระยะพิทช์ และระยะครีบต่อไปนี้

$$\text{พื้นที่ถ่ายเทความร้อน } A = \frac{Q}{U(\Delta T)_{lm}} = \frac{1509}{12 \times 7.2} = 18 \text{ m}^2$$

ถ้าเลือก

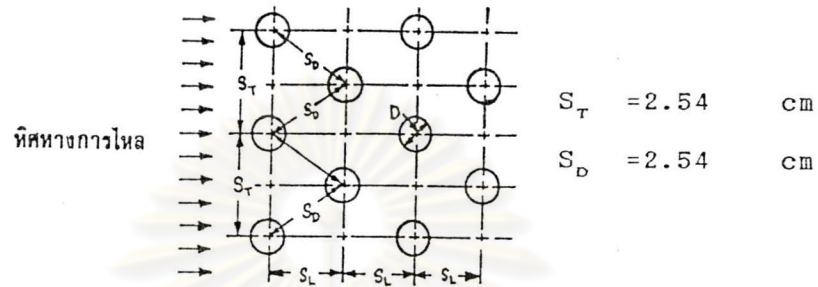
เส้นผ่าศูนย์กลางของท่อ	0.009525	m
ความยาวรวมของท่อ	0.45	m
จำนวนครีบต่อไปนี้	13	in. ⁻¹
ความหนาของครีบ	0.00033	m

จำนวนครึ่งทั้งหมด

230

แผ่น

โดยมีการจัดท่อเรียงแบบเหลื่อมกันตามรูปข้างล่างนี้



ดังนั้นหาจำนวนท่อและแถวได้ดังนี้

$$A = N_T \left[\pi D_o (H - N_f \delta) + 2 N_f \left(S_T S_L - \frac{\pi D_o^2}{4} \right) \right]$$

ถ้ากำหนดให้ $\eta_f = 0.95$ และแทนค่าต่างๆจะได้

$$N_T = \frac{18}{\pi (9.525 \times 10^{-3}) (.45 - 230 \times .33 \times 10^{-3}) + 2 \times 230 \times .95 \times \left(.0254 \times .022 - \frac{\pi (9.525 \times 10^{-3})^2}{4} \right)}$$

$$= 80 \quad \text{ท่อ}$$

จะได้

$$\text{จำนวนแถว } N_p = 3 \quad (27 \times 26 \times 27) \text{ แถว}$$

$$\text{จำนวนท่อในแถวแรก } N_p = 27 \quad \text{ท่อ}$$

ต่อจากนั้นคำนวณหาพื้นที่หน้าตัดของการไหลอิสระต่ำสุด

$$A_{\min} = LH - N_p D_o (H - N_f \delta) - N_p L \delta$$

$$\text{โดย } L = N_p S_T = 27 \times 2.54 = 68.58 \quad \text{cm.}$$

$$A_{\min} = (0.6858 \times 0.45) - 27 \times 9.525 \times 10^{-3} (0.45 - 230 \times 0.33 \times 10^{-3}) - (230 \times 0.6858 \times 0.33 \times 10^{-3})$$

$$A_{\min} = 0.1603 \quad \text{m}^2$$

6.2.6 คำนวณหาตัวเลขเรย์โนลด์ด้านควบแน่นของเครื่อง

$$Re_c = \frac{D_o G_{\max}}{\mu} \quad \text{เมื่อ } G_{\max} = \frac{W_c}{A_{\min}}$$

$$G_{\max} = \frac{0.8333}{0.1603} = 5.198 \quad \text{kg/s.m}^2$$

ดังนั้น

$$Re_c = \frac{(9.525 \times 10^{-3})(5.198)}{1.973 \times 10^{-5}} = 2510$$

6.2.7 หาค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวมจากสหสัมพันธ์ในบทที่ 5 ดังนี้

$$U = 0.122(Re_c)^{0.641}(Re^*)^{0.238}$$

$$\text{เมื่อ } Re^* = 1$$

$$U = 0.122 \times (2510)^{0.641} \times (1)^{0.238} = 18.431 \quad \text{W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}$$

จะเห็นว่าค่า U ที่คำนวณได้กับค่าที่สมมติขึ้นครั้งแรกไม่เท่ากัน ดังนั้นต้องสมมติค่า U ใหม่ โดยการคำนวณซ้ำเหมือนขั้นตอนแรกจนได้ค่า U ตรงกัน จะได้ค่าตอบดังนี้

$$U = 19.33 \quad \text{W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}$$

$$A = 11 \quad \text{m}^2$$

$$N_r = 2 \quad (25 \times 24) \quad \text{แถว}$$

$$N_T = 49 \quad \text{ท่อ}$$

$$L = 0.0254 \times 25 = 0.635 \quad \text{m}$$

$$W = S_L N_r = 0.022 \times 2 = 0.044 \quad \text{m}$$

6.2.8 คำนวณหาความดันลดที่อากาศร้อนและเย็นไหลผ่านเครื่องแลกเปลี่ยน ความร้อน

จากสหสัมพันธ์ของ Young และ Briggs ดังนี้

$$\Delta P = 18.93 \left(\frac{D_o G_{max}}{\mu} \right)^{-0.316} \left(\frac{S_T}{D_o} \right)^{-0.927} \left(\frac{S_T}{S_L} \right)^{0.515} \left(\frac{N_r G_{max}^2}{144 g_c \rho} \right)$$

พื้นที่ถ่ายเทความร้อนเท่ากับ 11 m²

$$A_{min} = 0.1485 \text{ m}^2$$

$$G_{max} = 0.8333 = 5.61 \text{ kg/m}^2 \cdot \text{s} \text{ (1.1495 lb/ft}^2 \cdot \text{s)}$$

$$0.1485$$

$$D_o = 3.125 \times 10^{-2} \text{ ft}$$

$$S_T = 8.333 \times 10^{-3} \text{ ft}$$

$$S_L = 7.218 \times 10^{-2} \text{ ft}$$

$$\rho = .0723 \text{ lb/ft}^3$$

$$g_c = 32.2 \text{ ft} \cdot \text{lb}/(\text{lb}_f \cdot \text{s}^2)$$

$$\mu = 1.326 \times 10^{-5} \text{ lb/ft} \cdot \text{s}$$

ความดันลดจะเท่ากับ

$$\Delta P = 18.93 \left(\frac{3.125 \times 10^{-2} \times 1.1495}{1.326 \times 10^{-5}} \right)^{-0.316} \left(\frac{8.333 \times 10^{-3}}{3.125 \times 10^{-2}} \right)^{-0.927}$$

$$\times \left(\frac{8.333 \times 10^{-3}}{7.218 \times 10^{-2}} \right)^{0.515} \left(\frac{1.1495^2 \times 2}{0.0723 \times 32.2 \times 144} \right)$$

$$\Delta P = .0053 \text{ psi}$$

จากการคำนวณพบว่าค่าความดันลดน้อยกว่า 0.028 psi ดังนั้นการออกแบบ ย่อมรับได้และสามารถสรุปผลการออกแบบดังตารางข้างล่างนี้

ตารางที่ 6.1 ผลการคำนวณออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน

พารามิเตอร์	ขนาด
พื้นที่ถ่ายเทความร้อน	11 m ²
จำนวนแถว	2
จำนวนท่อทั้งหมด	49
รูปร่างของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน(WxLxH)	0.044x0.635x0.45 m
เส้นผ่าศูนย์กลางภายนอกของท่อ	0.009525 m
จำนวนครีบน้ำ	13
Transverse pitch (S _T)	0.0254 m
Diagonal pitch(S _D)	0.0254 m
ความดันลด	0.0053 psi

ถ้าระบบที่ออกแบบมีค่า Re^* และตัวเลขเรย์โนลด์ไม่อยู่ในขอบเขตการใช้งานของสหสัมพันธ์นี้ การออกแบบควรใช้สหสัมพันธ์ที่อาศัยแบบจำลองการนำความร้อนเพื่อคำนวณหาสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม เพื่อให้ง่ายต่อการคำนวณและรวดเร็วในการออกแบบจึงได้พัฒนาโปรแกรมคอมพิวเตอร์ขึ้นในบทต่อไป โดยสามารถเลือกวิธีออกแบบได้ทั้งสองวิธีตามความต้องการของผู้ออกแบบ

ศูนย์วิทยบริการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย