

บทที่ 1



บทนำ

1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

ในการทดสอบสมมติฐานสำหรับงานวิจัยด้านต่าง ๆ นั้น นอกจากผู้วิจัยจะต้องมีความรู้ความเข้าใจในเรื่องที่จะศึกษาเป็นอย่างดี เพื่อกำหนดแบบแผนการทดลองหรือเทคนิคการสุ่มตัวอย่างที่เหมาะสม อันจะทำให้ได้ผลสรุปการวิจัยที่ถูกต้องและสมเหตุสมผลแล้ว ยังจะต้องเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบที่เหมาะสมอีกด้วย ซึ่งตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวต่างก็มีข้อตกลงเบื้องต้น (Assumption) เกี่ยวกับลักษณะของข้อมูลที่จะนำมาวิเคราะห์ ดังนั้นการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบที่มีข้อตกลงเบื้องต้นสอดคล้องกับลักษณะข้อมูล จะมีผลทำให้ได้การสรุปผลการวิจัยมีความถูกต้องและเชื่อถือได้มากขึ้น

สำหรับงานวิจัยที่มีการทดสอบสมมติฐานเกี่ยวกับความแตกต่างระหว่างค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุด ผู้วิจัยมักเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบที (t-test) เพื่อทดสอบสมมติฐานดังกล่าว ซึ่งมีข้อตกลงเบื้องต้นเกี่ยวกับลักษณะการแจกแจงของประชากรว่าต้องเป็นแบบปกติ แต่ในสภาพการณ์โดยทั่วไปลักษณะการแจกแจงของประชากรอาจมิได้เป็นไปตามข้อตกลงเบื้องต้นนี้ กล่าวคือในทางปฏิบัติบ่อยครั้งที่การแจกแจงของประชากรที่ต้องการศึกษาเบี่ยงเบนไปจากการแจกแจงแบบปกติ โดยเฉพาะอย่างยิ่งการแจกแจงของประชากรทางด้านชีววิทยา โดยที่ปลายหางของการแจกแจงมีลักษณะยาวกว่าปลายหางของการแจกแจงแบบปกติหรือเป็นการแจกแจงชนิดลอง-เทลด์ (Long-tailed Distribution) (Bessel 1818; Newcomb 1886; Student 1927; Jeffreys 1932, อ้างถึงใน Huber 1972: 1043-1044) ลักษณะตัวอย่างสุ่มที่ได้จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบนี้จะมีค่าสังเกตที่มีค่ามากและ/หรือน้อยผิดปกติกว่าค่าสังเกตอื่น ๆ ในชุดตัวอย่างนั้น ซึ่งตัวอย่างสุ่มที่มีลักษณะดังกล่าวนี้ จะเรียกว่าข้อมูลเอาท์ไลน์ ออร์ (Outliers data)

Yuen และ Dixon (1973: 369-374) ได้เสนอตัวสถิติทดสอบการเท่ากันของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุด สำหรับประชากรที่มีการแจกแจงชนิดลอง-เทลด์ที่สมมาตรและมีความ

แปรปรวนเท่ากัน ทั้งในกรณีที่มีขนาดตัวอย่างทั้ง 2 ชุดเท่ากันและไม่เท่ากันซึ่ง เรียกว่า ตัวสถิติ ทดสอบทริมต์ ที (Trimmed t test) การคำนวณค่าสถิติทดสอบสำหรับตัวสถิติทดสอบทริมต์ ที นี้ มีรูปแบบเดียวกับตัวสถิติทดสอบที แต่ตัวสถิติทดสอบทริมต์ ที ใช้ค่าเฉลี่ยทริมต์ที่ระดับการทริมต์ g (g -times trimmed mean) เป็นตัวประมาณค่าเฉลี่ยของประชากรแทนค่าเฉลี่ยใน ตัวสถิติทดสอบที และใช้ตัวประมาณความแปรปรวนของความแตกต่างของตัวประมาณค่าเฉลี่ยประชากร ที่คำนวณจากผลรวมของส่วนเบี่ยงเบนกำลังสองแบบวินเซอร์ไรซ์ที่ระดับการทริมต์ g (g -times Winsorized sum of squared deviations) แทนตัวประมาณความแปรปรวนของความแตกต่างของตัวประมาณค่าเฉลี่ยประชากรที่ใช้ในตัวสถิติทดสอบที กล่าวคือถ้าให้ \bar{x}_{tg} และ SSD_{wg} แทนค่าเฉลี่ยทริมต์ที่ระดับการทริมต์ g และผลรวมของส่วนเบี่ยงเบนกำลังสองแบบวินเซอร์ไรซ์ที่ระดับการทริมต์ g ตามลำดับแล้ว เมื่อกำหนดให้ n คือขนาดตัวอย่าง และ x_1, \dots, x_n เป็นค่าสังเกต ที่เรียงลำดับจากน้อยไปมากจะได้

$$\bar{x}_{tg} = \frac{1}{n-2g} (x_{g+1} + \dots + x_{n-g})$$

$$SSD_{wg} = (g+1)(x_{g+1} - \bar{x}_{wg})^2 + (x_{g+2} - \bar{x}_{wg})^2 + \dots + (x_{n-g-1} - \bar{x}_{wg})^2 + (g+1)(x_{n-g} - \bar{x}_{wg})^2$$

$$\text{โดยที่ } \bar{x}_{wg} = \frac{1}{n} [(g+1)x_{g+1} + x_{g+2} + \dots + x_{n-g-1} + (g+1)x_{n-g}]$$

คือค่าเฉลี่ยวินเซอร์ไรซ์ที่ระดับ g (g -times Winsorized mean)

และ g คือ จำนวนเต็ม ซึ่ง $0 \leq g \leq \frac{1}{4}n$

Yuen และ Dixon ได้แสดงว่า ในการทดสอบสมมติฐานการเท่ากันของค่าเฉลี่ย ประชากรที่เป็นอิสระต่อกัน 2 ชุด ภายใต้สภาวะการแจกแจงของประชากรชนิดลอง-เทสต์ ตัว สถิติทดสอบทริมต์ ที ที่ระดับการทริมต์ต่าง ๆ ที่เป็นจำนวนเต็มในช่วง 0 ถึง $\frac{1}{4}n$ ต่างให้ อำนาจการทดสอบสูงกว่าตัวสถิติทดสอบทีเมื่อตัวอย่างมีขนาดตั้งแต่ 10 ขึ้นไป และยังสามารถควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้ดีกว่าตัวสถิติทดสอบทีด้วย

ค่าสถิติทดสอบของตัวสถิติทดสอบทริมต์ ที จะแตกต่างกันไปโดยขึ้นอยู่กับระดับการทริมต์ ซึ่ง Yuen และ Dixon มีได้ให้อัลรูปเกี่ยวกับการเลือกระดับการทริมต์ที่เหมาะสม จึงทำให้เกิด

ปัญหาการเลือกกระดุมการทรมัดในการใช้ตัวสถิติทดสอบทรมัด ที่ ดังนั้นผู้วิจัยจึงได้ศึกษาและรวบรวมวิธีต่าง ๆ ที่ใช้เป็นเกณฑ์ในการเลือกกระดุมการทรมัด ซึ่งสามารถสรุปได้ดังนี้คือ

1. วิธีค่าประมาณความแปรปรวนน้อยที่สุด (Minimum estimate variance)
2. วิธีคอมบายด์ คิว (Combined Q) วิธีนี้ใช้ค่าสถิติ Q เป็นเกณฑ์ในการเลือกกระดุมการทรมัด ซึ่งคำนวณค่า Q จากตัวอย่าง 2 ชุดที่นำมาสถิติร่วมกัน
3. วิธีเฉลี่ย คิว (Average Q) วิธีนี้ใช้ค่าสถิติ Q ที่ได้จากการเฉลี่ยค่าสถิติ Q ของแต่ละชุดตัวอย่าง

Q เป็นตัวสถิติที่ใช้เป็นดัชนีบ่งชี้ ลักษณะความเป็นลอง-เทลต์ของการแจกแจงของประชากร (Hogg 1974: 913) ซึ่งคำนวณจากอัตราส่วนของฟังก์ชัน ซึ่งเส้นตรงของสถิติอันดับ อย่างไรก็ตามยังไม่มีการศึกษาเปรียบเทียบการเลือกกระดุมการทรมัดระหว่างวิธีต่าง ๆ ดังกล่าว เพื่อให้ได้วิธีที่เหมาะสมและให้ผลสรุปการทดสอบสมมติฐานถูกต้องมากที่สุด นอกจากนี้เมื่อการแจกแจงของประชากรไม่เป็นแบบปกติ โดยทั่วไปมักจะใช้ตัวสถิติทดสอบแบบนอนพาราเมตริก ได้แก่ ตัวสถิติทดสอบ แมน-วิทนี ยู (Mann-Whitney U) ซึ่งเป็นตัวสถิติทดสอบที่ใช้อันดับในการทดสอบการเท่ากันของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุด Conover (1980: 225) และ Lehmann (1975: 21) ต่างกล่าวว่าถ้าข้อมูลตัวอย่างมีค่าสังเกตที่เป็นเอาทหลายเออร์ ตัวสถิติทดสอบ แมน-วิทนี ยู จะมีประสิทธิภาพดีกว่าตัวสถิติทดสอบที่ ตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนี ยู นี้เมื่อเทียบกับตัวสถิติทดสอบที่จะให้ค่าแอสิมโทติกเรลตีฟเอฟฟิเชียนซี (Asymtotic Relative Efficiency) หรือค่า ARE. เท่ากับ 1,097 เมื่อประชากรทั้ง 2 ชุดมีการแจกแจงแบบโลจิสติก (Logistic Distribution) และเท่ากับ 1,5 เมื่อประชากรทั้ง 2 ชุด มีการแจกแจงแบบดับเบิลเอกซ์โปเนนเชียล (Double Exponential Distribution) ซึ่งการแจกแจงทั้งสองเป็นการแจกแจงที่สมมาตร และมีลักษณะเป็นลอง-เทลต์

สำหรับตัวสถิติทดสอบแบบนอนพาราเมตริกนั้น นอกจากตัวสถิติทดสอบ แมน-วิทนี ยู แล้ว ยังมีตัวสถิติทดสอบอื่นอีกที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานการเท่ากันของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุด ซึ่งได้มีการพัฒนาเพื่อหาค่า ARE สูงขึ้น ได้แก่ ตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เด็น (Van der Waerden) ซึ่งปรับปรุงโดยแปลงค่าอันดับให้เป็นค่าอินเวอร์ส-นอร์มอลสกอร์ (Inverse-normal scores) ก่อน แล้วจึงนำไปคำนวณค่าสถิติทดสอบ ตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เด็น เมื่อเทียบกับตัวสถิติทดสอบที่ จะมีค่า ARE เท่ากับ 1 เมื่อประชากรมีการแจกแจงแบบปกติ และจะมีค่า ARE มากกว่า 1 เสมอเมื่อประชากรไม่มีการแจกแจงแบบปกติ สำหรับประชากรที่มีการแจกแจงชนิด

ลอง-เทลด์นั้น ตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนีย์ ยู เมื่อเทียบกับตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เตน จะมีค่า ARE มากกว่า 1 (Hodges และ Lehmann 1960: อ้างถึงใน Lehmann 1975: 97) อย่างไรก็ตามวิธีการพิจารณาเลือกตัวสถิติทดสอบโดยใช้ ARE นั้น เป็นเพียงข้อสรุปสำหรับกรณีขนาดตัวอย่างเข้าใกล้อนันต์เท่านั้น

จะเห็นได้ว่าเมื่อตัวอย่างทั้ง 2 ชุดมีค่าสังเกตที่เป็นเอาทาลายเออร์ จะเกิดทางเลือกในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบการเท่ากันของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุดนั้นว่า จะใช้ตัวสถิติทดสอบทริมด์ ที ตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนีย์ ยู หรือตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เตน และสำหรับตัวสถิติทดสอบทริมด์ ที จะใช้วิธีใดในการเลือกระดับการทริมด์ จึงจะให้ผลสรุปถูกต้องมากที่สุด ซึ่ง

H Neyman (1950: 265, อ้างถึงใน Direk Srisukho 1974: 38) กล่าวว่า ในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบนั้นต้องพิจารณาความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ก่อน แล้วจึงพิจารณาความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 2 กล่าวคือให้ความน่าจะเป็นที่ยอมให้เกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ไม่เกินระดับนัยสำคัญที่กำหนดไว้ และเมื่อเป็นไปตามเงื่อนไขแล้ว ต่อไปจึงพิจารณาเลือกตัวสถิติทดสอบที่มีโอกาสน้อยที่สุดที่จะยอมรับสมมติฐานว่าง (H_0) เมื่อสมมติฐานว่างนั้นไม่จริง นั่นคือให้อำนาจการทดสอบสูงที่สุด

ดังนั้นจึงควรมีการศึกษาเปรียบเทียบความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของวิธีการเลือกระดับการทริมด์ทั้ง 3 วิธีสำหรับตัวสถิติทดสอบทริมด์ ที และศึกษาเปรียบเทียบกับตัวสถิติทดสอบแบบนอนพาราเมตริกอีก 2 วิธี ดังได้กล่าวไว้แล้วภายใต้ลักษณะการแจกแจงของประชากรต่าง ๆ ที่เป็นชนิดลอง-เทลด์ ซึ่งมีความแปรปรวนไม่แตกต่างกัน

1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ต้องการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบที่ใช้ในการทดสอบการเท่ากันของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุดที่เป็นอิสระต่อกัน โดยศึกษาเปรียบเทียบความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบของวิธีการเลือกระดับการทริมด์ 3 วิธี ได้แก่ วิธีค่าประมาณความแปรปรวนต่ำสุด วิธีคอมบายด์ คิว และวิธีเฉลี่ย คิว สำหรับตัวสถิติทดสอบทริมด์ ที และนำไปเปรียบเทียบกับตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนีย์ ยู และตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เตน ภายใต้ลักษณะการแจกแจงประชากรทั้ง 2 ชุดเป็นแบบโลจิสติก คับเบิล เอกซ์โปเนนเชียล และสเกลคอนทามิเนชันนอร์มอล โดยที่ความแปรปรวนของประชากรทั้ง 2 ชุดไม่แตกต่างกัน

1.3 ลุ่มพื้นฐานของการวิจัย

ภายใต้ลักษณะการแจกแจงของ ประชากรชนิดลง - เทลต์แบบต่าง ๆ และขนาดตัวอย่างต่าง ๆ กัน จะมีผลทำให้ความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบทริมต์ ที่ ใช้วิธีการเลือกระดับการทริมต์แต่ละวิธีแตกต่างกัน และแตกต่างกับตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนีย์ ยู ตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เตน

1.4 ข้อตกลงเบื้องต้น

การวิจัยครั้งนี้ถือว่า ความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบเป็นดัชนีสำคัญในการใช้เป็นเกณฑ์วิจัย เลือกตัวสถิติทดสอบ

1.5 ขอบเขตของการวิจัย

1. เปรียบเทียบความสามารถในการ ควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบทริมต์ ที่ เมื่อใช้วิธีการเลือกระดับการทริมต์ 3 วิธี คือวิธีค่าประมาณความแปรปรวนต่ำสุด วิธีคอมบายด์ คิว และวิธีเฉลี่ย คิว เพื่อให้ได้วิธีที่ได้ผลสรุปการทดสอบสัมมติฐานถูกต้องมากที่สุด และนำไปศึกษา เปรียบเทียบกับตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนีย์ ยู ตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์เตน โดยในแต่ละสถานการณ์ที่ศึกษาจะศึกษา เปรียบเทียบอำนาจการทดสอบเฉพาะวิธีการเลือกระดับการทริมต์และตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้เท่านั้น

2. เปรียบเทียบความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบ เฉพาะภายใต้ลักษณะการแจกแจงของประชากรทั้ง 2 ชุดเป็นชนิดลง - เทลต์แบบต่าง ๆ คือการแจกแจงแบบโลจิสติก ดับเบิ้ลเอกซ์โปเนนเชียล และลิเกลคอนทามิเนทนต์นอร์มอล ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ (Percent Contaminated) และลิเกลแฟคเตอร์ (Scale factor) ต่าง ๆ ดังนี้

2.1 เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ 10 และลิเกลแฟคเตอร์ 3

2.2 เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ 20 และลิเกลแฟคเตอร์ 3

2.3 เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ 10 และลิเกลแฟคเตอร์ 5

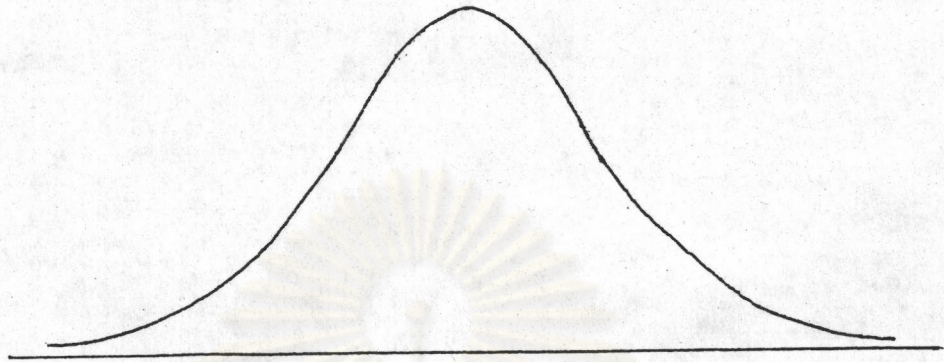
2.4 เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ 20 และลิเกลแฟคเตอร์ 5

2.5 เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ 10 และลิเกลแฟคเตอร์ 7

2.6 เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนทนต์ 20 และลิเกลแฟคเตอร์ 7

การแจกแจงแบบต่าง ๆ ข้างต้น มีเส้นโค้งของการแจกแจงดังแสดงไว้ในรูปที่ 1.1

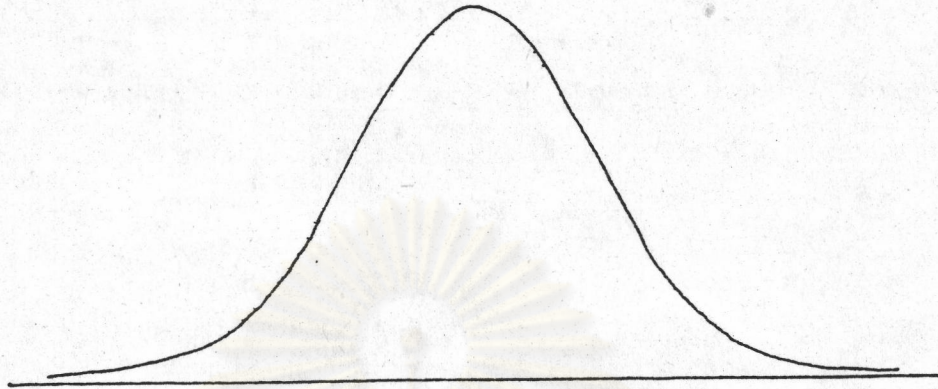
ถึงรูปที่ 1.8



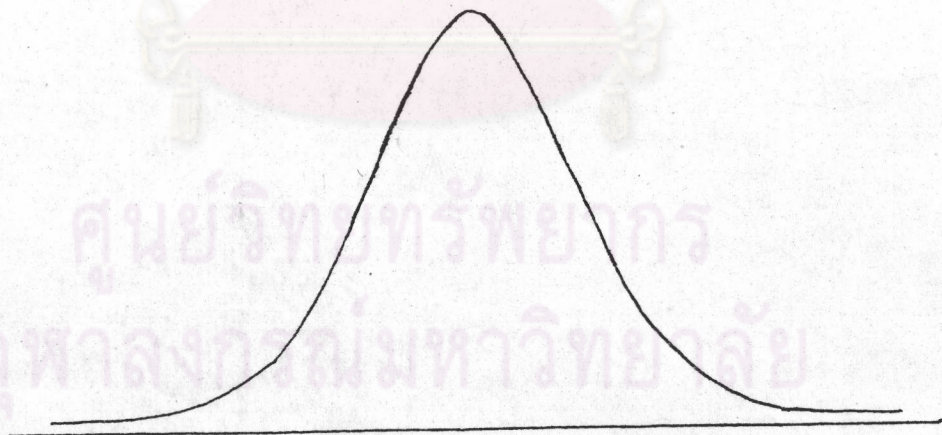
รูปที่ 1.1 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบโลจิสต์ค



รูปที่ 1.2 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบดับเบิลเอกซ์โปเนนเชียล



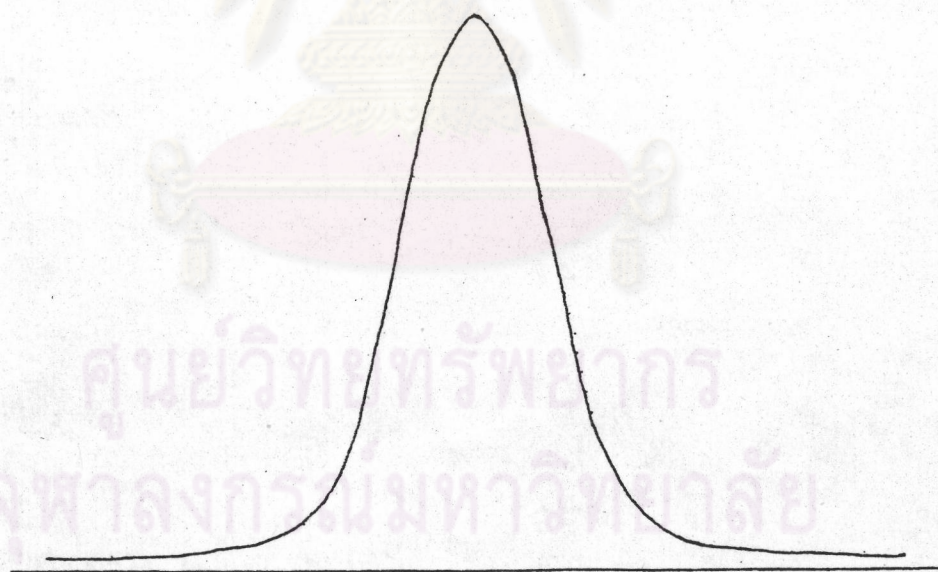
รูปที่ 1.3 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบสเกิลคอนทามิเนตน์ออร์มอล
ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนตน์ 10 สเกิลแฟคเตอร์ 3



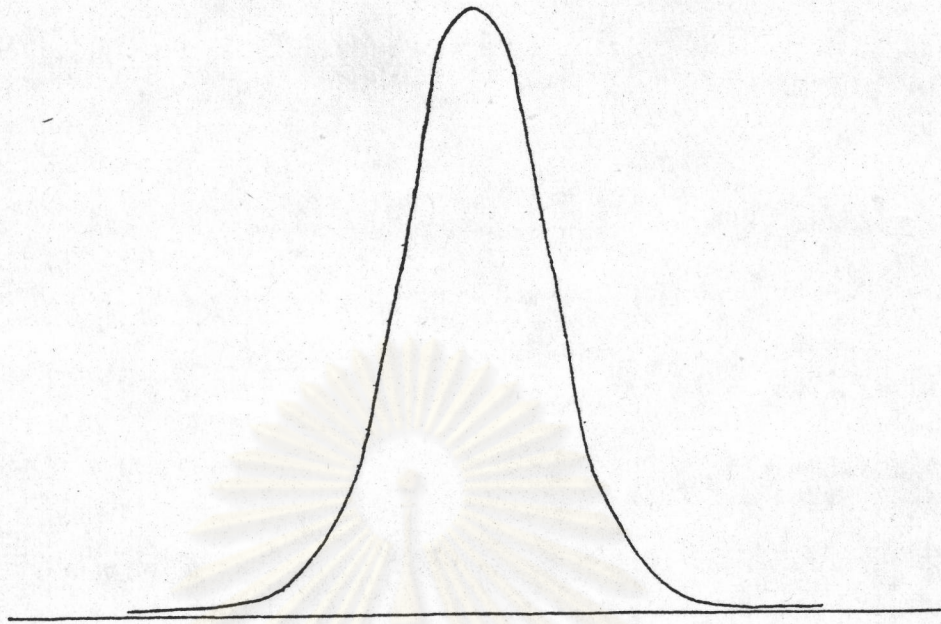
รูปที่ 1.4 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบสเกิลคอนทามิเนตน์ออร์มอล
ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนตน์ 20 สเกิลแฟคเตอร์ 3



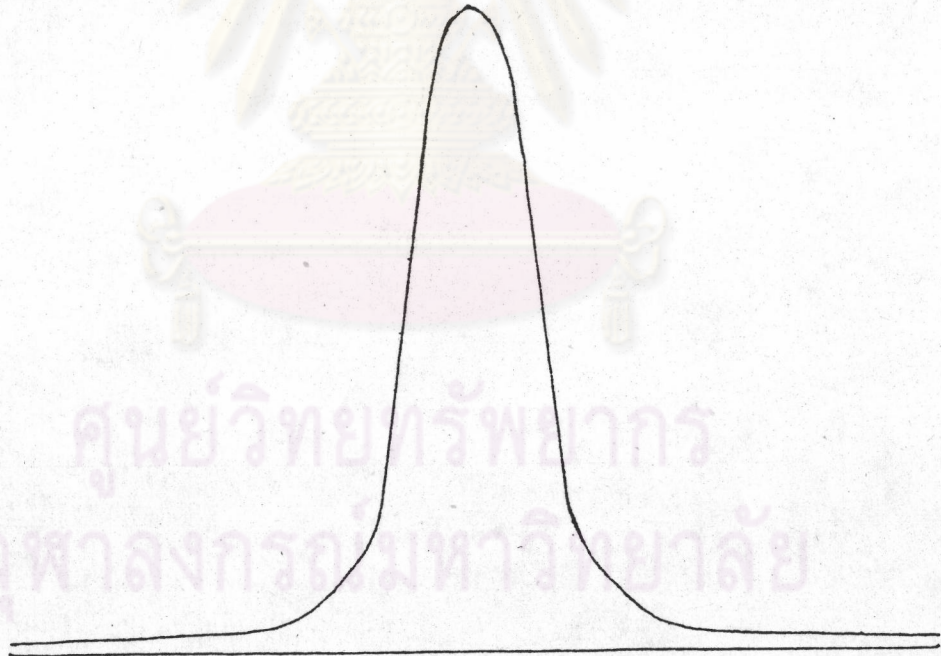
รูปที่ 1.5 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบสเกิลคอนทามิเนตต์นอร์มอล
ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนตต์ 10 สเกิลแฟคเตอร์ 5



รูปที่ 1.6 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบสเกิลคอนทามิเนตต์นอร์มอล
ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนตต์ 20 สเกิลแฟคเตอร์ 5



รูปที่ 1.7 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบสเกิลคอนทามิเนทตันอร์มอล
ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนท 10 สเกิลแฟคเตอร์ 7



รูปที่ 1.8 เส้นโค้งของการแจกแจงแบบสเกิลคอนทามิเนทตันอร์มอล
ที่เปอร์เซ็นต์คอนทามิเนท 20 สเกิลแฟคเตอร์ 7

3. กำหนดความแปรปรวนของประชากรทั้ง 2 ชุด (σ^2) เท่ากับ 100 และค่าเฉลี่ยของประชากรชุดที่ 1 (μ_1) เท่ากับ 100
4. ขนาดตัวอย่างที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นดังนี้
 - 4.1 กรณีขนาดตัวอย่างทั้ง 2 ชุดเท่ากัน ศึกษาเมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 15 20 และ 30
 - 4.2 กรณีขนาดตัวอย่างทั้ง 2 ชุดไม่เท่ากัน ศึกษาที่อัตราส่วนของขนาดตัวอย่างดังนี้
 - 4.2.1 อัตราส่วน 1:2 ศึกษาเมื่อขนาดตัวอย่าง (n_1, n_2) เป็น (7, 13) (10, 20) (13, 27) และ (20, 40)
 - 4.2.2 อัตราส่วน 1:4 ศึกษาเมื่อขนาดตัวอย่าง (n_1, n_2) เป็น (4, 16) (6, 24) (8, 32) และ (12, 48)
5. เปรียบเทียบความล้มเหลวในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบ เฉพาะการทดสอบแบบสองด้าน (Two-sided test) ณ ระดับนัยสำคัญ 3 ระดับ คือ .01 .05 และ .10
6. หาอำนาจการทดสอบ ณ ระดับต่าง ๆ ของความแตกต่างสัมบูรณ์ของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุด ($|\mu_1 - \mu_2|$) เท่ากับ 0.20σ 0.40σ 0.60σ 0.80σ 1.00σ 1.20σ และ 1.40σ
7. การวิจัยครั้งนี้จำลองการทดลองโดยใช้เครื่องคอมพิวเตอร์ ด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลซิโมเลชัน (Monte Carlo Simulation Technique) โดยทำการทดลองซ้ำ 1,000 ครั้ง ในแต่ละสถานการณ์ของการทดลอง

1.6 คำจำกัดความ

ความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (Type I error) คือความผิดพลาดที่เกิดจากการปฏิเสธสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างเป็นจริง ใช้แทนด้วยสัญลักษณ์ α

ความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 2 (Type II error) คือความผิดพลาดที่เกิดจากการยอมรับสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างนั้นไม่จริง ใช้แทนด้วยสัญลักษณ์ β

อำนาจการทดสอบ (Power of the test) คือ ความน่าจะเป็นที่จะปฏิเสธสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างนั้นไม่จริง ซึ่งมีค่าเท่ากับ $1 - \beta$

ริเลทีฟเอฟฟิเซียนซี (Relative Efficiency) ของตัวสถิติทดสอบ A เมื่อเทียบกับตัวสถิติทดสอบ B มีค่า m/n หมายความว่า เมื่อใช้ตัวสถิติทดสอบ A และตัวสถิติทดสอบ B

ทดสอบสมมติฐานเดียวกัน ($H_0: \theta = \theta_0$) และมีอำนาจการทดสอบเท่ากันแล้ว ตัวสถิติทดสอบ A จะต้องใช้ขนาดตัวอย่างเท่ากับ n และตัวสถิติทดสอบ B จะต้องใช้ขนาดตัวอย่างเท่ากับ m

แอสิมโทติกเรเลทีฟเอฟฟิเซียนซี (Asymptotic Relation Efficiency or ARE,) ของตัวสถิติทดสอบ A เมื่อเทียบกับตัวสถิติทดสอบ B หมายถึง ค่าลิมิตของค่าเรเลทีฟเอฟฟิเซียนซีของตัวสถิติทดสอบ A เทียบกับตัวสถิติทดสอบ B เมื่อ m เข้าใกล้อนันต์ และ θ เข้าใกล้ θ_0

การแจกแจงชนิดสอง-เทลต์ คือการแจกแจงซึ่งมีฟังก์ชันการแจกแจงความน่าจะเป็น $f(x)$ เข้าใกล้ 0 ในอัตราที่ช้ากว่าฟังก์ชันการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบปกติ เมื่อ x เข้าใกล้ $-\infty$ และ/หรือ $+\infty$

การแจกแจงแบบสเกลคอนทามิเนตดิทอร์มอล ที่เปอร์เซนต์คอนทามิเนต p และสเกลแฟคเตอร์ c คือการแจกแจงของประชากรที่สร้างขึ้นเพื่อให้มีลักษณะเป็นการแจกแจงชนิดสอง-เทลต์ โดยส่วนหนึ่งของประชากรมาจากการแจกแจงแบบปกติที่มีค่าเฉลี่ย μ ความแปรปรวน σ^2 ด้วยความน่าจะเป็น $1-(p/100)$ และอีกส่วนหนึ่งมาจากการแจกแจงแบบปกติที่มีค่าเฉลี่ย μ และความแปรปรวน $c^2\sigma^2$ ด้วยความน่าจะเป็น $p/100$

1.7 ประโยชน์ของการวิจัย

เพื่อให้ผู้ใช้สถิติมีข้อสรุปและหลักฐานเกี่ยวกับวิธีการเลือกระดับการทรมัดสำหรับตัวสถิติทดสอบทรมัด ที่ ตลอดจนมีข้อสรุปและหลักฐานเกี่ยวกับการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบทรมัด ที่ ตัวสถิติทดสอบแมน-วิทนีย์ ยู และตัวสถิติทดสอบแวน เดอ แวร์ เดน โดยสามารถเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบในการทดสอบสมมติฐานเกี่ยวกับความแตกต่างของค่าเฉลี่ยประชากร 2 ชุดซึ่งเป็นอิสระต่อกัน ในกรณีที่มีการแจกแจงของประชากรเป็นชนิดสอง-เทลต์ และมีความแปรปรวนไม่แตกต่างกัน ได้อย่างเหมาะสมและมีประสิทธิภาพ