

การวิเคราะห์ผลการทดลองและพัฒนาโปรแกรมคอมพิวเตอร์
สำหรับคำนวณออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์

6.1 การคำนวณออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์

การออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์มีสองประเด็นใหญ่
ดังเช่น เครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบทั่วไป ประเด็นแรกคือ การประเมิน
อัตราการถ่ายเทความร้อน (rating) เมื่อกำหนดพื้นที่การถ่ายเทความร้อนให้
ประเด็นที่สองคือ การคำนวณขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน (sizing)
หรือการคำนวณพื้นที่การถ่ายเทความร้อนเมื่อกำหนดเงื่อนไขการทำงานให้

การวิเคราะห์แก้ปัญหาทั้ง 2 ชนิดนี้ ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน
แบบทั่วไป มีวิธีแก้ปัญหานั้นแยกกันอยู่ 2 ชนิด ซึ่งจะนำวิธีทั้ง 2 ชนิดนี้มาใช้ในการ
การแก้ปัญหาในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์

(1) วิธีการวิเคราะห์โดยอาศัยรูปจำลองการนำความร้อน
(conductance model) เป็นพื้นฐานในการประมาณหาค่าสัมประสิทธิ์การ
ถ่ายเทความร้อนที่ความร้อนถูกส่งผ่านในแต่ละขบวนการ (11), (26), (28)
(29), (30)

(2) วิธีวิเคราะห์ซึ่งพัฒนาโดย Kays และ London (31)
โดยใช้ effectiveness number of transfer unit ซึ่งเครื่อง
แลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์จะอาศัยวิธีนี้วิเคราะห์ในเงื่อนไขของ liquid
coupled indirect type ของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบธรรมดา
(32), (33)

6.2 วิธีวิเคราะห์คำนวณโดยอาศัยรูปจำลองการนำความร้อน

(Conductance model)

อัตราการถ่ายเทความร้อนรวมของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนจะถูก
กำหนดโดยสมการ (6.1)

$$Q_T = \sum_{p=1}^N Q_p = UA_T (\Delta T)_{1n} = K_c (\Delta T)_{1n} \quad (6.1)$$

Q_c = อัตราการถ่ายเทความร้อนรวมของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน (Watt)

Q_p = อัตราการถ่ายเทความร้อนของฮีทไปป์ 1 แท่ง ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน

U = สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวมของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน

A_c = พื้นที่ผิวทั้งหมดของการถ่ายเทความร้อนของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน

K_{cT} = ความนำความร้อน (Watt/°C)

$(\Delta T)_{1n}$ = ผลต่างอุณหภูมิเชิงลอการิทึม

กรณีไหลสวนทางกัน

$$(\Delta T)_{1n} = \frac{(T_{h1} - T_{c0}) - (T_{h0} - T_{c1})}{\ln \frac{(T_{h1} - T_{c0})}{(T_{h0} - T_{c1})}}$$

T_{h1}, T_{h0} = อุณหภูมิของของไหลร้อนที่ผ่านเข้าและออกจากเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ตามลำดับ (°C)

T_{c1}, T_{c0} = อุณหภูมิของของไหลเย็นที่ผ่านเข้าและออกจากเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ตามลำดับ (°C)

ค่า Q_p ในสมการ (6.1) หาได้ตามหัวข้อ 5.1 ยกเว้นการหาสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนผ่านฟิล์มชั้นนอก เป็นการหาสัมประสิทธิ์ของฟิล์มที่อยู่ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ซึ่งมีผู้สร้างสมการ (21), (27), (34) สำหรับหาสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนของฟิล์มชั้นนอกในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ในที่นี้จะใช้สมการของ Zukauskas (21) ตามสมการ (6.2)

$$\frac{h_m D}{\mu_1} = C_2 Re^m Pr^{0.36} \left[\frac{Pr}{Pr_w} \right]^n \quad (6.2)$$

$n = 0$ สำหรับก๊าซ และ $n = 0.25$ สำหรับของเหลว ส่วนค่า C_2 และ m หาได้จากตาราง ข. 1 ในภาคผนวก ข

ในการหาค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวมของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน มักจะต้องกำหนดพื้นที่ส่วนไหนที่จะใช้เป็นฐานอ้างอิง ในที่นี้ จะใช้พื้นที่ผิวภายในแท่งฮีทไปป์ทั้งแท่งเป็นฐานอ้างอิง

$$\frac{1}{U_i A_{i,t}} = \frac{1}{h_{oh} A_{oh,t}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_{ht}} + \frac{1}{h_{ih} A_{ih,t}} + \frac{1}{h_{ic} A_{ic,t}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_{ct}} + \frac{1}{h_{oc} A_{oc,t}} \quad (6.3)$$

$$\frac{1}{U_i} = \frac{A_{i,t}}{h_{oh} A_{oh,t}} + \frac{A_{i,t} \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_{ht}} + \frac{A_{i,t}}{h_{ih} A_{ih,t}} + \frac{A_{i,t}}{h_{ic} A_{ic,t}} + \frac{A_{i,t} \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_{ct}} + \frac{A_{i,t}}{h_{oc} A_{oc,t}} \quad (6.4)$$

U_i = สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวมของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนโดยใช้พื้นที่ภายในแท่งฮีทไปป์เป็นฐานอ้างอิง ($\text{Watt/m}^2 - ^\circ\text{C}$)

$A_{i,t}$ = พื้นที่ผิวภายในรวมของแท่งฮีทไปป์ทุกแท่ง (m^2)

$A_{oh,t}$, $A_{oc,t}$ = พื้นที่ผิวภายนอกรวมของท่อฮีทไปป์ ด้านร้อนและด้านเย็นตามลำดับ (m^2)

$A_{ih,t}$, $A_{ic,t}$ = พื้นที่ผิวภายในรวมของท่อฮีทไปป์ ด้านร้อนและด้านเย็นตามลำดับ (m^2)

L_{ht} , L_{ct} = ความยาวรวมของท่อฮีทไปป์ ด้านร้อนและด้านเย็นตามลำดับ (m)

k = ความนำความร้อนของวัสดุที่ทำท่อฮีทไปป์ ($\text{Watt/m} - ^\circ\text{C}$)

h_{oh} , h_{oc} หาได้ตามสมการ (6.2) ส่วนค่า h_{ih} , h_{ic} หาได้ตามหัวข้อ 5.1 ต่อไปนี้เป็นลักษณะของโจทย์การคำนวณและแนวทางในการคำนวณ

(a) โจทย์การคำนวณแบบที่ 1 เป็นการหาขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน นั่นคือหาพื้นที่การถ่ายเทความร้อนหรือหาจำนวนแท่งของฮีทไปป์ที่ใช้ในการถ่ายเทความร้อน ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ซึ่งมีขั้นตอนการหาดังนี้

- (1) คำนวณหาอัตราการถ่ายเทความร้อนจากเงื่อนไขที่โจทย์กำหนดให้
- (2) คำนวณค่า K_T หรือ UA_T จากสมการ (6.1) โดยใช้ $(\Delta T)_{lm}$ จากเงื่อนไขของโจทย์
- (3) คำนวณหาจำนวนแท่งฮีทไปป์ที่ใช้โดย การสุ่มเดา ดังนี้
 - ก. กำหนด I.D., O.D., L, L_c , L_h ของฮีทไปป์ 1 แท่ง
 - ข. กำหนดวัสดุที่ใช้ทำฮีทไปป์, ของไหลใช้งานภายในแท่งฮีทไปป์, ปริมาณของไหลที่เหมาะสมที่จะบรรจุในฮีทไปป์ (ประมาณ 15-20 % ของปริมาตรภายในแท่งฮีทไปป์)
 - ค. วิธีเรียงแท่งฮีทไปป์ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน
 - ง. หาค่า K_p (ของ 1 แท่ง) ตามหัวข้อ 5.1 และ 6.2
 - จ. กำหนดจำนวนแท่งฮีทไปป์โดยใช้ความสัมพันธ์ตามสมการ (6.4)

$$n = \frac{K_T}{K_p} \quad (6.5)$$

ถ้าจำนวนแท่งฮีทไปป์มากหรือน้อยเกินไปควรปรับ ข้อ ก , ข และ ค ใหม่ แล้วคำนวณใหม่จนกว่าจะได้จำนวนและขนาดที่เหมาะสม

(b) โจทย์การคำนวณแบบที่ 2 เป็นการหาอัตราการถ่ายเทความร้อนเมื่อกำหนดขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนไว้ให้ และกำหนดลักษณะแท่งฮีทไปป์ไว้ให้แล้ว ซึ่งมีขั้นตอนการหาดังนี้

- ก. คำนวณ K_p หรือ UA_p ตามหัวข้อ 5.1
- ข. $K_T = nK_p$
- ค. สมมติอุณหภูมิสายออกของสายเย็นจะได้อุณหภูมิสายออกของสายร้อน

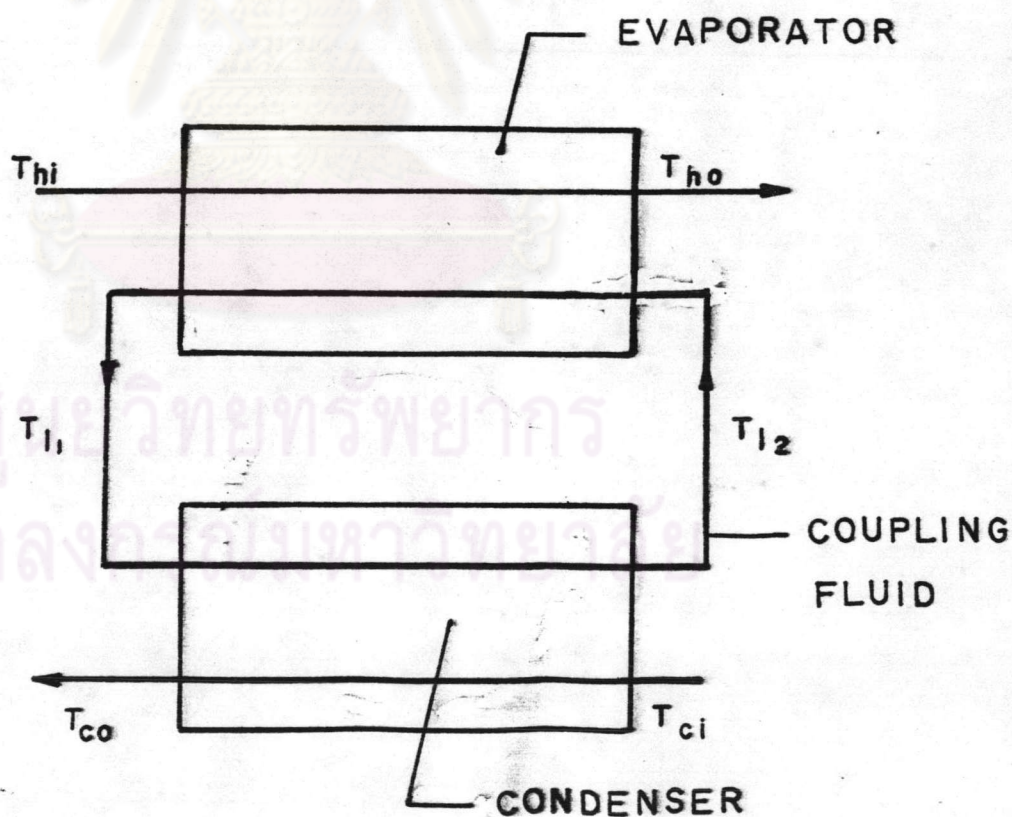
$$Q_T = K_T (\Delta T)_{lm} = F_c C_{pc} \Delta T_c = F_h C_{ph} \Delta T_h \quad (6.6)$$

แล้วหาค่า $(\Delta T)_{lm}$ จากนั้น คำนวณหา Q_T จากสมการ (6.6)
 ถ้า Q_T ที่ได้ไม่เท่ากับ Q_T ที่เกิดจากการสมมติก็ให้สมมติค่า T_c สายออกใหม่

6.3 วิธีวิเคราะห์โดยความสัมพันธ์ของ effectiveness - number of Transfer unit (E-NTU)

วิธีนี้มีจรรยาการส่งผ่านความร้อนของท่อฮีทไปป์ เป็น liquid coupled indirect type ดังแสดงในรูป 6.1 สมมติฐานดังนี้

- (1) อุณหภูมิภายในแท่งฮีทไปป์เท่ากับตลอดทั้งแท่งและมีอุณหภูมิเท่ากับอุณหภูมิของไออิมตัวของของไหลใช้งานภายในแท่งฮีทไปป์ (T_s)
- (2) ไม่มีการส่งผ่านความร้อน ตามแนวในเนื้อผนังท่อ



รูป 6.1 แบบจำลองการส่งผ่านความร้อนเป็น liquid coupled indirect type ของฮีทไปป์ 1 แท่ง

รูป 6.1 แสดงแบบจำลองของแนวคิดการส่งผ่านความร้อนแบบ liquid coupled indirect type ในรูปนี้ของไหลร้อนอุณหภูมิ T_{h1} ไหลเข้ามาถ่ายเทความร้อนให้แก่อีทไปป์ และไหลออกไปที่อุณหภูมิ T_{ho} ความร้อนที่ถูกถ่ายเทเข้าสู่อีทไปป์จะทำให้ของไหลใช้งานอุณหภูมิ T_{12} ระเหยและเพิ่มอุณหภูมิเป็นไอที่ T_{11} ไอของไหลใช้งานนี้เมื่อถึงช่วงการควบแน่น จะควบแน่นเป็นของเหลวและลดอุณหภูมิเป็น T_{12} ในขณะที่เดียวกับที่ถ่ายเทความร้อนให้ของไหลเย็นภายนอก ทำให้ของไหลเย็นที่มีอุณหภูมิ T_{c1} ร้อนขึ้นเป็น T_{co} ในที่นี้จะถือว่า $T_{11} = T_{12} = T_u$

จากคำนิยาม

Effectiveness (E) = $\frac{\text{actual heat transfer rate}}{\text{maximum possible heat transfer rate from one stream to the other}}$

$$= \frac{Q}{Q_{\max}} \quad (6.7)$$

เนื่องจาก $Q_{\max} = (mc_p)_{\min} (T_{h1} - T_{c1})$ (6.8)

$$Q = E (mc_p)_{\min} (T_{h1} - T_{c1}) \quad (6.9)$$

$$E = \frac{Q}{(mc_p)_{\min} (T_{h1} - T_{c1})} \quad (6.10)$$

$$Q = m_h c_{ph} (T_{h1} - T_{ho}) = m_c c_{pc} (T_{co} - T_{c1}) \quad (6.11)$$

แทนค่าสมการ (6.11) ในสมการ (6.10) จะได้

$$E = \frac{C_h (T_{h1} - T_{ho})}{C_{\min} (T_{h1} - T_{c1})} \quad (6.12)$$

$$E = \frac{C_c (T_{co} - T_{c1})}{C_{\min} (T_{h1} - T_{c1})} \quad (6.13)$$

$$C_h = m_h c_{ph} \quad , \quad C_c = m_c c_{pc} \quad (6.14)$$

$$C_{min} = (m C_p)_{min} \quad (6.15)$$

นิยามให้ Number of heat transfer units (NTU) เป็น

$$NTU = \frac{A U_m}{C_{min}} \quad (6.16)$$

- U_m = สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม
 A = พื้นที่ในการถ่ายเทความร้อน
 E = Effectiveness
 Q = อัตราการถ่ายเทความร้อน (Watt)
 Q_{max} = อัตราการถ่ายเทความร้อนสูงสุด (Watt)
 m = อัตราไหลของของไหล (Kg/sec)
 C_p = ความจุความร้อน (Watt/Kg °C)
 $(m C_p)_{min}$ = $m C_p$ ค่าที่น้อย
 T_{h1}, T_{ho} = อุณหภูมิของของไหลร้อนที่ไหลเข้าและไหลออก ตามลำดับ (°C)
 T_{c1}, T_{co} = อุณหภูมิของของไหลเย็นที่ไหลเข้าและไหลออก ตามลำดับ (°C)
 U_m = สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวม
 A = พื้นที่ผิวการถ่ายเทความร้อน
 Subscripts
 h ของไหลร้อน
 c ของไหลเย็น

ในกรณีของไหลที่จะมาแลกเปลี่ยนความร้อนไหลสวนทางกัน สำหรับ 1 แถว จะได้

$$NTU_h = \frac{U_h A_h}{C_h} \quad (6.17)$$

$$NTU_c = \frac{U_c A_c}{C_c} \quad (6.18)$$

ในกรณี $C_c > C_h$ เราสามารถอนุพันธ์สมการต่อไปนี้ได้ตาม Kays และ London (31)

Effectiveness ของสายร้อน

$$\begin{aligned} E_h &= 1 - \text{EXP}(-NTU_h) \\ &= (T_{h1} - T_{ho}) / (T_{h1} - T_m) \end{aligned} \quad (6.19)$$

Effectiveness ของสายเย็น

$$\begin{aligned} E_c &= 1 - \text{EXP}(-NTU_c) \\ &= (T_{co} - T_{ci}) / (T_m - T_{ci}) \end{aligned} \quad (6.20)$$

จากสมการ (6.12), (6.13), (6.14) จะได้ overall effectiveness ของฮีทไปป์ 1 แท่ง

$$E = \frac{C_c (T_{co} - T_{ci})}{C_h (T_{h1} - T_{ci})} = \frac{T_{h1} - T_{ho}}{T_{h1} - T_{ci}} \quad (6.21)$$

จากสมการ (6.19), (6.20)

$$T_m = T_{h1} - \frac{(T_{h1} - T_{ho})}{E_h} = T_{ci} - \frac{(T_{co} - T_{ci})}{E_c} \quad (6.22)$$

$$E = \frac{1}{\frac{1}{E_h} + \frac{C_h/C_c}{E_c}} \quad (6.23)$$

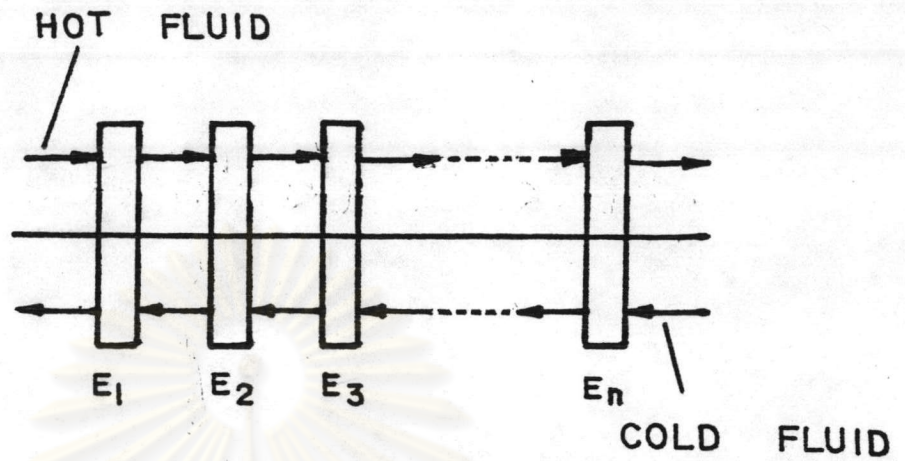
กรณี $C_h > C_c$ ในทำนองเดียวกันจะได้

$$E = \frac{1}{\frac{1}{E_c} + \frac{C_c/C_h}{E_h}} \quad (6.24)$$

$$E = \frac{1}{\frac{1}{E_{min}} + \frac{m}{E_{max}}} \quad (6.25)$$

$$m = \frac{C_{min}}{C_{max}} \quad (6.26)$$

เมื่อมีฮีทไปป์ n แท่ง ดังรูป 6.2 โดยอาศัย equilibrium line ตามแบบ Kays และ London (31) จะได้ Overall effectiveness ของ n แท่ง หรือ n แท่ง (E_n) ดังนี้



รูป 6.2 ฮีทไปป์วางเรียงกัน n แถว

$$E_n = \frac{\left[\frac{1 - mE}{1 - E} \right]^n - 1}{\left[\frac{1 - mE}{1 - E} \right]^n - m} \quad (6.27)$$

ถ้า $m = 1$

$$E_n = \frac{nE}{1 + (n-1)E} \quad (6.28)$$

เมื่อพิจารณาการไหลตามกัน

$$E_n = \frac{1 - 1 - E(1+m)^n}{(1+m)} \quad (6.29)$$

ถ้า $m = 1$

$$E_n = \frac{1 - (1 - 2E)^n}{2} \quad (6.30)$$

2

แนวทางในการแก้ปัญหาโจทย์ 2 ประเภท คือ การหาอัตราการถ่ายเทความร้อนและการกำหนดขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนตามวิธี E-NTU ดังต่อไปนี้

(a) โจทย์คำนวณแบบที่ 1 นั้นคือการหาขนาดเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน มีขั้นตอนการหาดังนี้

- (1) คำนวณหาค่าอัตราการถ่ายเทความร้อนจากเงื่อนไขที่โจทย์กำหนดให้
- (2) หา E_h จากสมการ (6.2)
- (3) หาค่าคุณสมบัติของอีทไปป์
 - (ก) กำหนด ID, OD, L, L_c , L_h ของอีทไปป์
 - (ข) กำหนดวัสดุและของไหลใช้งาน
 - (ค) กำหนดวิธีวางเรียงท่อในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน
 - (ง) คำนวณหาค่า R_1 ถึง R_7 ตามวิธีในหัวข้อ 5.1 และ 6.2
 - (จ) หา E_h จากสมการ (6.19)
 - E_c จากสมการ (6.20)
 - (ฉ) หา E จากสมการ (6.25)
 - (ช) หาจำนวนแท่งอีทไปป์จากข้อ 2 และสมการ (6.27) ถึง (6.30)

ถ้าจำนวนแท่งอีทไปป์มากหรือน้อยเกินไปควรปรับข้อ ก , ข และ ค ใหม่

(b) โจทย์คำนวณแบบที่ 2 นั้นคือการหาอัตราการถ่ายเทความร้อนเมื่อกำหนดขนาดเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนและกำหนดลักษณะอีทไปป์ให้ มีขั้นตอนการหาดังนี้

- (1) จากลักษณะเงื่อนไขโจทย์ สามารถหาค่า R_1 ถึง R_7 ได้ตามวิธีในหัวข้อ 5.1 และ 6.2
- (2) หาค่า E_h จากสมการ (6.19)
- E_c จากสมการ (6.20)
- (3) หา E จากสมการ (6.25)
- (4) รู้ค่า n จากโจทย์กำหนด หาค่า E_h ตามสมการ (6.27) ถึง (6.30)
- (5) หาค่าอุณหภูมิสายออกจากสมการ (6.21)
- (6) หาค่าอัตราการถ่ายเทความร้อนได้จากสมการ (6.6)

6.4 การวิเคราะห์ผลการทดลองสมรรถนะของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์

พบว่าที่มุมเอียงต่าง ๆ กัน (5° , 25° , 40° , 70° , 90°) เครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนจะมีสมรรถนะการทำงานต่างกันด้วย และมุม 90° จะให้สมรรถนะสูงสุด เมื่อทำการทดลองที่อัตราการไหลต่าง ๆ กัน โดยมีมุมเอียงคงที่ พบว่าถ้าอัตราการไหลของของไหลร้อนและเย็นต่างเร็วขึ้น อัตราการถ่ายเทความร้อนก็จะสูงขึ้นด้วย ที่อุณหภูมิน้ำร้อนสายเข้า 80°C น้ำเย็นสายเข้า 30°C ที่มุม 90 องศาพบว่าค่า UA_{r} ของเครื่องเท่ากับ $60 - 100 \text{ Watt}/^{\circ}\text{C}$ หรือ $0.25 - 0.43 \text{ Watt}/^{\circ}\text{C}$ / แห่ง เมื่อเพิ่ม Reynolds number ในช่วง $50 - 350$ นั่นคืออัตราการถ่ายเทความร้อนเฉลี่ยต่อแห่งของฮีทไปป์ในเครื่องเท่ากับ $8 - 12 \text{ Watt}/\text{แห่ง}$ อนึ่ง ผลการทดลองที่มุมเอียงต่าง ๆ กันและอัตราการไหลต่าง ๆ ได้ค่า UA_{r} $30 - 100 \text{ Watt}/^{\circ}\text{C}$ หรือ $0.12 - 0.43 \text{ Watt}/^{\circ}\text{C}$ / แห่ง นั่นคืออัตราการถ่ายเทความร้อนรวมเท่ากับ $3 - 12 \text{ Watt}/\text{แห่ง}$ (ดูรูป 4.3 - 4.5)

การทดลองเมื่อเปลี่ยนอุณหภูมิของร้อนสายเข้า (50°C , 60°C , 70°C , 80°C) โดยให้อุณหภูมิน้ำเย็นสายเข้าคงที่ตามอุณหภูมิห้องพบว่าอัตราการถ่ายเทความร้อนสูงขึ้นเมื่ออุณหภูมิน้ำร้อนสูงขึ้น แต่สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวมของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนมีค่าไม่เปลี่ยนแปลงนัก ดูรูป 4.6, 4.7

รูป 4.8 ถึง 4.12 แสดงการกระจายของอุณหภูมิผิวของแห่งฮีทไปป์ไว้วิคค์ที่วางอยู่ตรงกลางของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์ จะเห็นว่าอุณหภูมิของช่วงการควบแน่นจะค่อนข้างคงที่ตลอดทั้งช่วง และจะยิ่งสม่ำเสมอคงที่มากขึ้นเมื่ออัตราไหลสูงขึ้น ส่วนในช่วงการระเหยจะพบว่าที่ตำแหน่งบริเวณใกล้กันตลอดจะมีอุณหภูมิต่ำ ทั้งนี้เนื่องจากอัตราไหลต่ำทำให้เกิดการไหลเป็นชั้น ๆ ชั้นล่างจะมีอุณหภูมิต่ำ

จากการกระจายของอุณหภูมิบนผิวแท่งฮีทไปป์ 1 แท่ง บริเวณตรงกลางและบริเวณอื่น ๆ ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนทำให้พบว่า ภายในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนมีการไหลเป็นชั้น ๆ จริง โดยมีอุณหภูมิของแต่ละชั้นต่างกัน ชั้นล่างจะมีอุณหภูมิต่ำกว่าชั้นบน ทำให้การถ่ายเทความร้อนมีลักษณะซับซ้อนมากยิ่งขึ้น

รูป 6.4 , 6.5 แสดงให้เห็นการกระจายอุณหภูมิภายในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนเป็นไปอย่างซับซ้อนมาก นั่นคือมีการกระจายอุณหภูมิเป็นชั้น ๆ และภายในชั้นเดียวกันก็ยังมีอุณหภูมิต่าง ๆ กัน ในแนวตั้งฉากกับทิศทางการไหล ทำให้ค่าของ h_{on} , h_{oc} ที่หาได้จากสมการ (6.2) นั้นไม่ตรงกับความเป็นจริง รูป 6.6 แสดงความสัมพันธ์ระหว่าง Nu กับ Re ทดลองและที่ได้จากการคำนวณ โดยสมการ (6.2) จะเห็นว่าค่า Nu ที่ได้จากการทดลองจะมีค่าต่ำกว่าค่าคำนวณพอสมควร นอกจากนี้ยังพบว่า ค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนรวมที่ได้จากการทดลองเปลี่ยนแปลงตามความเร็วของการไหลของน้ำร้อนและน้ำเย็น (ดูรูป 4.3, 4.4, 4.5) ดังนั้นจึงอาจสรุปได้ว่า ความต้านทานของฟิล์มชั้นนี้มีบทบาทสำคัญในการกำหนดอัตราการถ่ายเทความร้อนของเครื่องที่ทดลอง อนึ่ง สมการการทดลองที่ได้จากรูป 6.6 เป็นดังนี้

$$Nu = 0.26 Re^{0.48} \quad (6.31)$$

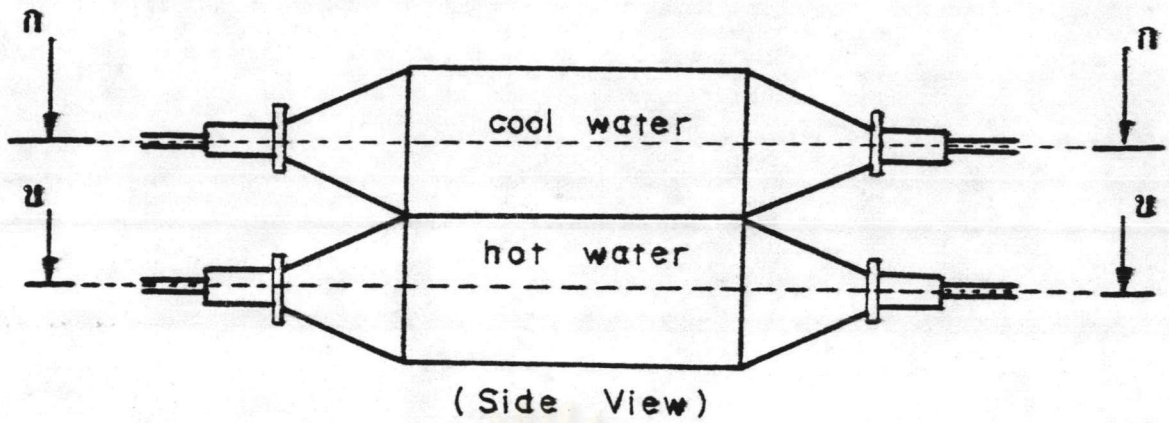
ในที่นี้ Re คำนวณได้ดังนี้ $Re = G_{max} D / \mu_l$

G_{max} = อัตราการไหลสูงสุด (Kg/sec)

D = รัศมีภายนอกท่อ (m)

μ_l = ความหนืดของของไหล (Kg/m-sec)

สมการ (6.31) นี้ใช้ได้กับเงื่อนไขการทดลองของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนนี้เท่านั้น ซึ่งมีค่า Re ต่ำ และมีการกระจายของอุณหภูมิเป็นชั้น ๆ



รูป 6.3 เครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน

37		37		30
35	36	37	39	39
36		37		39

ภาพตัด ก - ก
(cool water)

59		61		63
55	56	57	58	61
49		56		59.5

ภาพตัด ข - ข
(hot water)

รูป 6.4 อุณหภูมิที่ตำแหน่งต่าง ๆ ที่ระดับเดียวกันภายในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนที่อัตราไหล 4 ลิตร/นาที มุม 90°

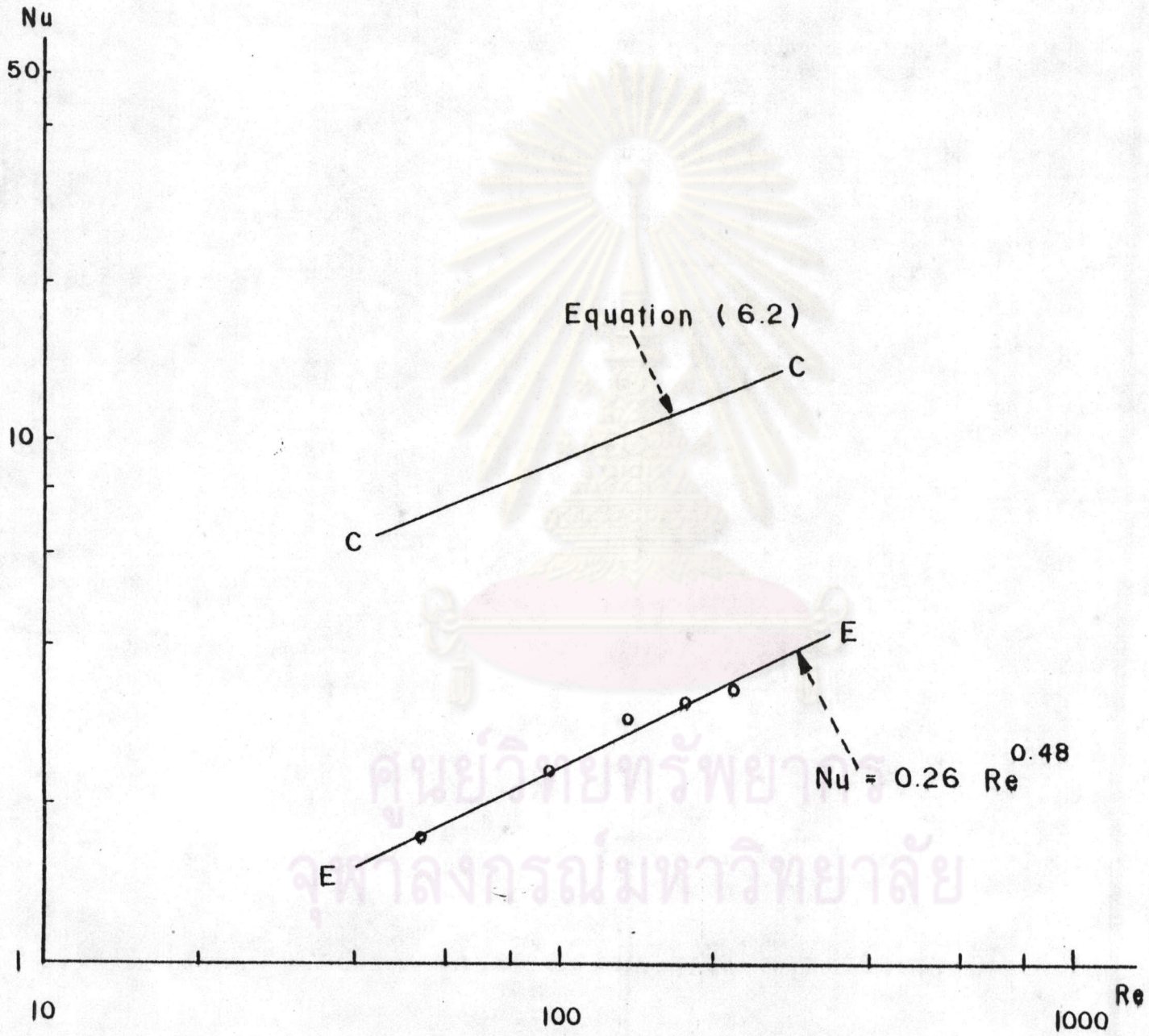
43		45		47
35	36	37	39	39
31		35		30

ภาพตัด ก - ก
(cool water)

61		61		62
55	56	57	58	61
40		46		41

ภาพตัด ข - ข
(hot water)

รูป 6.5 อุณหภูมิที่ตำแหน่งต่าง ๆ ที่ระดับต่างกัน (ตั้งฉากกับทิศทางการไหล) ภายในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ที่อัตราไหล 4 ลิตร/นาที มุม 5°



รูป 6.6 ความสัมพันธ์ระหว่าง Nu กับ Re

6.5 ตัวอย่างการคำนวณปัจจัยแบบที่ 2

ตัวอย่างต่อไปนี้เป็นการศึกษาวิธีการคำนวณในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนโดยอาศัยข้อมูลจริงของการทดลอง ซึ่งจะคำนวณโดยวิธีการทั้ง 2 แบบ ดังนี้

(ก) การคำนวณโดยวิธี conductance ตามที่กล่าวมาในหัวข้อ 6.2

ตัวอย่าง 6.1 เครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ซึ่งมีพื้นที่หน้าตัด 18×18 ซม. ซึ่งประกอบด้วยท่อฮีทไปป์แก้ว 240 แท่ง วางเรียงกันแบบแนวเหลื่อมกัน (staggered) มี pitch ห่างกัน 2 ซม. ท่อฮีทไปป์แก้วมี I.D. 0.8 ซม. O.D 1 ซม. มีความยาวรวม $L = 36$ ซม. $L_h = 16$ ซม. $L_c = 16$ ซม. ก่อ่งน้ำร้อนมีน้ำร้อนไหลเข้าด้วยความเร็ว 4 ลิตร/นาที อุณหภูมิน้ำร้อนทางเข้า 60°C ก่อ่งน้ำเย็นมีน้ำเย็นไหลเข้ามาด้วยความเร็ว 4 ลิตร/นาที อุณหภูมิน้ำเย็นทางเข้า 31°C จงหาอุณหภูมิทางออกของน้ำทั้ง 2 ด้าน

สมมติให้อุณหภูมิทางออกของน้ำร้อน 55.00°C

$$Q = m_h C_{ph} (T_{h1} - T_{ho}) = m_c C_{pc} (T_{co} - T_{c1})$$

$$m_h = \frac{4}{60 \times 1000} \frac{\text{m}^3}{\text{sec}} (983.2 \text{ Kg/m}^3) = 0.0655 \text{ Kg/sec}$$

$$m_c = \frac{4}{60 \times 1000} \frac{\text{m}^3}{\text{sec}} (995.4 \text{ Kg/m}^3) = 0.0664 \text{ Kg/sec}$$

$$Q = (0.0655 \text{ Kg/sec}) (4184.4 \text{ J/Kg}^\circ\text{C}) (60 - 55.00) = 1370 \text{ Watt}$$

หา

$$1370 \text{ Watt} = (0.0664 \text{ Kg/sec}) (4178.4 \text{ J/Kg}^\circ\text{C}) (T_{co} - T_{c1})$$

$$T_{co} - T_{c1} = 4.94^\circ\text{C}$$

$$T_{co} = 4.94 + 31 = 35.94^\circ\text{C}$$

$$\begin{aligned} (\Delta T)_{lm} &= \frac{(T_{h1} - T_{co}) - (T_{ho} - T_{c1})}{\ln \frac{T_{h1} - T_{co}}{T_{ho} - T_{c1}}} \\ &= \frac{(60 - 35.94) - (55.00 - 31)}{\ln \frac{60 - 35.94}{55.00 - 31}} = 24.03^\circ\text{C} \end{aligned}$$



ฮีทไปป์ 1 แท่ง

สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนด้านนอกต่อการทดลองได้

$$h_m = 106.2 \text{ W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}$$

$$h_7 A_{oc} = (106.2)(\pi)(0.01)(0.16) = 0.5398 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

หา h_m ของ 1 แท่ง

$$Q_c = 1370 / 240 = 5.71$$

$$h_{1,c} = 1.47 k \left[\frac{H_{fs} g \rho_l^2 A}{4 Q_c L_c \mu_l} \right]^{1/3}$$

$$h_m = 1.47(0.613) \left[\frac{(2,428,000)(9.8)(995.37)^2(0.00527)}{4(5.71)(0.16)(0.0007808)} \right]^{1/3}$$

$$= 31701.3$$

$$h_m A_{1,c} = (31701.3)(\pi)(0.008)(0.16) = 127.4785^\circ\text{C}$$

หา h_3

$$h_{1,hd} = \frac{Q^{1-r} C_{p1}}{A_{1h} C_{mf} H_{fs} Pr} \left[\frac{1}{A_{1h} \mu_l H_{fs}} \sqrt{\frac{g_c \sigma}{g(\rho_l - \rho_v)}} \right]^{-r}$$

- $Q = 5.71$
- $A_{1h} = 0.00527$
- $H_{fs} = 2,428,000$
- $Pr = 2.998$
- $\mu_l = 0.0007808$
- $\sigma = 0.07$
- $\rho_l - \rho_v = 995.37 - 0.03 = 995.34$
- $r = 0.498$, $1 - r = 1 - 0.498 = 0.502$
- $C_{mf} = 0.242$

$$h_s = \frac{(5.71)^{.502} (4178.4)}{(0.00527)(0.242)(2,428,000)(2.998)} \times \left[\frac{1}{+ (0.00527)(0.0007808)(2,428,000) \sqrt{\frac{.07}{9.8(995.34)}}} \right]^{-.498}$$

$$= 64.836$$

$$h_{inf} = 1.47 k \left[\frac{H_{fg} \rho_1^2 A_{if}}{4 Q L_{fp} \mu_1} \right]^{1/3}$$

$$k = 0.613 \text{ W/m}^\circ\text{C}$$

$$H_{fg} = 2,428,000 \text{ J/Kg}$$

$$= 995.37 \text{ Kg/m}^3$$

$$A_{if} = D_i L_f = (0.008)(0.1) = 0.002513 \text{ m}^2$$

$$Q = 5.71 \text{ W}$$

$$L_f = 0.1 \text{ m}$$

$$= 0.0007808 \text{ Kg/m-sec}$$

$$h_{inf} = (1.47)(0.613) \left[\frac{(2,428,000)(9.8)(995.37)^2(.002513)}{(4)(5.71)(0.1)(0.0007808)} \right]^{1/3}$$

$$= 28,968.6 \text{ W/m}^2\text{-}^\circ\text{C}$$

$$h_s A_{in} = h_{inb} A_{ib} + h_{inf} A_{if}$$

$$A_{ib} = D L_b = (0.008)(0.06) = 0.001508 \text{ m}^2$$

$$h_s A_{in} = (64.836)(0.001508) + (28,968.6)(0.002513)$$

$$= 0.0978 + 72.7981 = 72.8959 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$\frac{1}{UA_T} = \frac{1}{nh_{oh} A_{oh}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_n n} + \frac{1}{nh_s A_{in}} + \frac{1}{nh_s A_{ic}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_c n} + \frac{1}{nh_7 A_{oc}}$$

$$\frac{1}{UA_T} = \frac{1}{(240)(0.5338)} + \frac{\ln(1.25)}{2(\pi)(1.15)(0.16)(240)} + \frac{1}{(240)(72.8959)} +$$

$$\frac{1}{(240)(127.4785)} + \frac{\ln(1.25)}{2\pi(1.15)(0.16)(240)} + \frac{1}{(240)(0.5338)}$$

$$= 0.00781 + 0.0008 + 0.00006 + 0.00003 + 0.0008 + 0.00781 = 0.01731$$

$$UA_c = 57.8 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$Q = UA_c (\Delta T)_{lm}$$

$$= (57.8)(24.03) = 1388 \text{ Watt}$$

ถ้าค่า Q ที่คำนวณได้ไม่ตรงกับที่สมมติขึ้นมา ให้สมมติค่าอุณหภูมิทางออกของน้ำร้อนหรือน้ำเย็นใหม่ และทำตามทำนองเดียวกับที่ทำมา ค่า Q ที่คำนวณได้ใกล้เคียงมากกับค่า Q ที่สมมติขึ้นมา ดังนี้

$$T_{co} = 35.94^\circ\text{C}, \quad T_{no} = 55.00^\circ\text{C}$$

(ข) การคำนวณโดยวิธี E - NTU ตามที่กล่าวถึงในหัวข้อ (6.3)

ตัวอย่าง 6.2 โจทย์เดียวกับตัวอย่าง 6.1

จากตัวอย่าง 6.1 ได้

$$h_1 A_{on} = 0.5338 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$h_3 A_{in} = 72.7981 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$h_5 A_{ic} = 127.4785 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$h_7 A_{oc} = 0.5338 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$\frac{1}{U_n A_n} = \frac{1}{h_1 A_{on}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_n} + \frac{1}{h_3 A_{in}}$$

$$= \frac{1}{0.5338} + \frac{\ln 1.25}{2\pi(1.15)(0.16)} + \frac{1}{72.8959}$$

$$= 1.8734 + 0.1930 + 0.0137 = 2.0801$$

$$U_n A_n = 0.4807 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$C_h = m_h C_{ph} = (0.0855)(4184.4) = 274.0782 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$NTU_h = \frac{U_h A_h}{C_h} = \frac{0.4807}{274.0782} = 0.00175$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{U_c A_c} &= \frac{1}{h_s A_{i,c}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_c} + \frac{1}{h_7 A_{o,c}} \\ &= \frac{1}{127.4785} + \frac{\ln 1.25}{2\pi(1.15)(0.16)} + \frac{1}{0.5338} \\ &= 0.0078 + 0.1930 + 1.8734 = 2.0742 \end{aligned}$$

$$U_c A_c = 0.4821$$

$$C_c = m_c C_{p,c} = (0.0664)(4178.4) = 277.4458 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$NTU_c = \frac{U_c A_c}{C_c} = \frac{0.4821}{277.4458} = 0.00174 \text{ W/}^\circ\text{C}$$

$$\begin{aligned} E_h &= 1 - \text{EXP}(-NTU_h) \\ &= 1 - \text{EXP}(-0.00175) = 0.00175 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E_c &= 1 - \text{EXP}(-NTU_c) \\ &= 1 - \text{EXP}(-0.00174) = 0.00174 \end{aligned}$$

$$C_c > C_h$$

$$E = \frac{1}{\frac{1}{E_h} + \frac{C_h/C_c}{E_c}}$$

$$m = C_h/C_c = 274.0782 / 277.4458 = 0.9879$$

$$\begin{aligned} E &= \frac{1}{\frac{1}{0.00175} + \frac{0.9879}{0.00174}} = \frac{1}{571.4286 + 567.7586} = \frac{1}{1139.1872} \\ &= 0.00088 \end{aligned}$$

$$n = 240, \text{ การไหลเป็นแบบสวนทางกัน}$$

$$E_n = \frac{\left[\frac{1 - mE}{1 - E} \right]^n - 1}{\left[\frac{1 - mE}{1 - E} \right]^n - m}$$

$$E = \frac{\left[\frac{1 - (0.9879)(0.00088)}{1 - 0.00088} \right]^{240} - 1}{\left[\frac{1 - (0.9879)(0.00088)}{1 - 0.00088} \right]^{240} - 0.9879}$$

$$E_n = 0.1747$$

$$E_n = \frac{C_c (T_{co} - T_{ci})}{C_h (T_{hi} - T_{ci})} = \frac{T_{hi} - T_{ho}}{T_{hi} - T_{ci}}$$

$$0.1747 = \frac{277.4458 (T_{co} - 31)}{274.0782 (60 - 31)}$$

$$T_{co} - 31 = 5.00$$

$$T_{co} = 5.00 + 31 = 36$$

$$E_n = \frac{T_{hi} - T_{ho}}{T_{hi} - T_{ci}}$$

$$0.1747 = \frac{60 - T_{ho}}{60 - 31}$$

$$60 - T_{ho} = 5.07$$

$$T_{ho} = 54.93 \text{ } ^\circ\text{C}$$

∴ ค่าอุณหภูมิทางออกที่คำนวณได้โดยวิธี E-NTU นี้ คือ

$$T_{co} = 36 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$T_{ho} = 54.93 \text{ } ^\circ\text{C}$$

ในขณะที่ค่าการทดลองของอุณหภูมิของทางออกสายน้ำเย็นและน้ำร้อน คือ 36, 55 °C ตามลำดับ จะเห็นว่าค่าที่ได้จากการคำนวณทั้ง 2 วิธี กับค่าการทดลองมีค่าใกล้เคียงถูกต้องกัน อนึ่ง ในทั้ง 2 ตัวอย่างจะเห็นว่าค่า h_c และ h_e มีค่าสูงมาก ดังนั้นในการคำนวณอย่างคร่าว ๆ จึงอาจตัดทั้ง 2 ค่านี้ได้ จากข้อมูลในการคำนวณจะพบว่า ค่า h_c และ h_e เป็นค่าที่ต่ำมาก จึงเป็นตัวกำหนดอัตราการถ่ายเทความร้อนของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนในการทดลองนี้

การคำนวณโดยวิธีรูปจำลองการนำความร้อน และ E-NTU ในกรณีที่ โจทย์มิได้ให้ค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนภายในแท่งอีกไปมาให้เรา จะ

ต้องสมมติอัตราการถ่ายเทความร้อนขึ้นมาเองและทำสมมุติค่า q ไปจนกว่าจะพบค่า q ที่เหมาะสม จากนั้นจึงหาอุณหภูมิของสายออกทั้ง 2 สายได้ ดังนั้นวิธีคำนวณทั้งสองไม่ได้แตกต่างกันมากนัก แต่ถ้าหากว่าโจทย์ได้บอกสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนภายในแท่งอิฐไปมาให้ การแก้ปัญหাজึงตรงไปตรงมาที่ 2 นี้โดยวิธี E-NTU จะสะดวกกว่าวิธีรูปจำลองการนำความร้อน เพราะว่าไม่ต้องทำการสมมุติอัตราการถ่ายเทความร้อนที่เหมาะสม

6.6 ตัวอย่างการออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบอิฐไปป์ไรวิคค์ในอุตสาหกรรม

ตัวอย่างที่ 6.3 เราต้องการคำนวณขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบอิฐไปป์ไรวิคค์ซึ่งจะใช้ในการเก็บความร้อนทิ้งจากก๊าซที่ปล่อยออกจากหม้อไอน้ำ เพื่อไปใช้ในการอุ่นอากาศที่จะส่งเข้าไปสันดาปเชื้อเพลิงในหม้อไอน้ำ ก๊าซร้อนที่ออกจากหม้อไอน้ำมีอุณหภูมิ 185°C และถูกปล่อยออกมาด้วยอัตรา $3,600\text{ m}^3 (0^{\circ}\text{C}, 1\text{ atm})/\text{ชม.}$ ส่วนอากาศที่ใช้ในการสันดาปจะถูกป้อนด้วยอัตรา $3,000\text{ m}^3 (0^{\circ}\text{C}, 1\text{ atm})/\text{ชม.}$ ที่อุณหภูมิ 25°C จงคำนวณขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนในกรณีที่ต้องการอุ่นอากาศเป็น 85°C ก๊าซร้อนและอากาศมีคุณสมบัติ ดังนี้

	ก๊าซร้อน	อากาศ
ความหนาแน่น (Kg/m^3) ($0^{\circ}\text{C}, 1\text{ atm}$)	1.35	1.29
ความจุความร้อน ($\text{Kcal}/\text{Kg}^{\circ}\text{C}$)	0.28	0.25

สำหรับตัวท่ออิฐไปป์ที่จะใช้ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน ตัวท่อทำด้วยทองแดงมีน้ำเป็นของเหลวใช้งานโดยบรรจุน้ำสูง 32 ซม. ตัวท่อมีเส้นผ่าศูนย์กลางภายนอก 0.0191 m . และมีเส้นผ่าศูนย์กลางภายใน 0.0166 m . ด้านนอกของท่อมีครีบริปูจานกลมติดอยู่ตลอด ตัวท่อยาว 1.6 เมตร เวลาติดตั้งจะให้ส่วนที่อยู่ในช่วงก๊าซร้อนไหลผ่านยาว 0.8 เมตร ช่วงก๊าซเย็นไหลผ่าน 0.8 เมตร

วิธีคำนวณ 1) คลุ้ยความร้อน

อากาศ : อัตราไหล 3,000 $\text{m}^3/\text{ชม.}$ ความหนาแน่น 1.29 Kg/m^3
 ความจุความร้อน 0.25 $\text{Kcal}/\text{Kg}^\circ\text{C}$ อุณหภูมิทางเข้า 25 $^\circ\text{C}$ อุณหภูมิ
 ทางออก 85 $^\circ\text{C}$

$$Q = m_c C_{p,c} (T_{c,o} - T_{c,i})$$

$$m_c = F_c = \frac{3,000 (1.29)}{3,600} = 1.075 \text{ Kg/sec}$$

$$C_{p,c} = 0.25 \text{ Kcal}/\text{Kg}^\circ\text{C}$$

$$T_{c,o} - T_{c,i} = 85 - 25 = 60^\circ\text{C}$$

$$Q = (1.075)(0.25)(60) = 16.125 \text{ Kcal/sec}$$

ก๊าซร้อน : อัตราไหล 3,600 $\text{m}^3/\text{ชม.}$ ความหนาแน่น 1.35 Kg/m^3
 ความจุความร้อน 0.28 $\text{Kcal}/\text{Kg}^\circ\text{C}$ อุณหภูมิทางเข้า 185 $^\circ\text{C}$

$$Q = m_h C_{p,h} (T_{h,i} - T_{h,o})$$

$$Q = 16.125 \text{ Kcal/sec}$$

$$m_h = F_h = \frac{3,600 (1.35)}{3,600} = 1.35 \text{ Kg/sec}$$

$$C_{p,h} = 0.28 \text{ Kcal}/\text{Kg}^\circ\text{C}$$

$$T_{h,i} - T_{h,o} = 185 - T_{h,o}$$

$$\text{แทนค่า } 16.125 = (1.35)(0.28)(185 - T_{h,o})$$

$$T_{h,o} = 185 - 42.66 = 142.34^\circ\text{C}$$

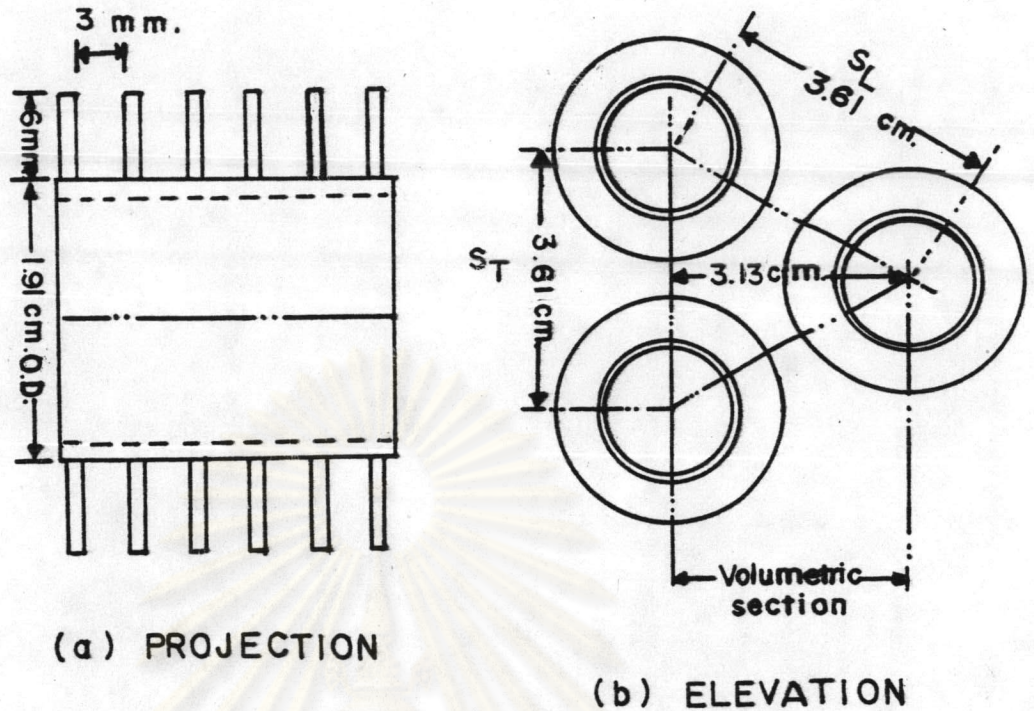
2) ออกแบบขนาดครีบและการจัดวางท่อ (34)

กำหนดให้ความเร็วไหลผ่าน (face velocity) ประมาณ 3 เมตร/วินาที

• กล่องก๊าซร้อนมีขนาดพื้นที่หน้าตัด 0.8 x 0.375 เมตร

กล่องอากาศเย็นมีขนาดพื้นที่หน้าตัด 0.8 x 0.375 เมตร

ให้ครีบสูง 6 มม. หนา 0.8 มม. วางห่างกันแต่ละแผ่น 3 มม. เป็นครีบ
 อะลูมิเนียม จะวางท่ออีกไปไปตามพื้นที่หน้าตัดได้ 10 ท่อ แต่ละท่อห่างกัน
 (pitch) 3.61 ซม. วางเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า แถวต่อมาจะวางท่อ
 ได้ 9 ท่อ



รูป 6.7 การติดครีบและการจัดวางท่อ

3) หาลัมประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนรวมของท่อฮีทไปป์ 1 ท่อ

ซึ่งหาได้ตามหนังสือ (35) และตามหัวข้อ 5.1 ดังนี้

(ก) หาลัมประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนของฟิล์มชั้นนอกตาม (35)

หา Equivalent diameter (d_e) ดูรูป 6.7

$$D_e = \frac{2 (\text{fin area} + \text{bare tube area})}{\pi (\text{projected perimeter})}$$

$$\text{Fin area } (A_f) = \frac{\pi (\text{รัศมีวงนอกครีบ} - \text{รัศมีวงนอกท่อ}) \times (2 \text{ หน้า}) \times (1,000)}{3} \text{ m}^2/\text{m} \text{ ของท่อ}$$

$$= \frac{\pi (0.01555^2 - 0.00955^2) (2) (1000)}{3}$$

3

$$A_f = 0.31542 \text{ m}^2/\text{m} \text{ ของท่อ}$$

$$\begin{aligned} \text{Bare tube are } (A_p) &= \pi (0.0191)(1) - \pi (0.0191)(0.0008) \\ &\quad \times \frac{(1,000)}{3} \\ &= 0.044 \quad \text{m}^2/\text{m} \quad \text{ของท่อ} \end{aligned}$$

แทนค่า

$$\begin{aligned} D_o &= \frac{2 (0.31542 + 0.044)}{(9.46667)} \\ &= 0.02417 \quad \text{m} \end{aligned}$$

หา Minimum free flow area (A_{min}) ของทั้งด้านก๊าซร้อนและอากาศ ซึ่งเท่ากัน

$$\begin{aligned} A_{min} &= 0.8 \times 0.375 - 10 \left((0.0191)(0.8) + (2)(0.8) \right. \\ &\quad \left. \times (0.0008)(0.006) \frac{(1,000)}{3} \right) \\ &= 0.1216 \quad \text{m}^2 \end{aligned}$$

$$\text{อัตราไหลสูงสุด } G_{max} = \frac{m}{A_{min}}$$

$$\begin{aligned} \text{ก๊าซร้อน } G_{max} &= \frac{m_h}{A_{min}} \\ &= (1.35) / (0.1216) = 11.10197 \quad \text{Kg/m}^2 \text{ sec} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{อุณหภูมิก๊าซร้อน} &= (185 + 142.34) / 2 \\ &= 163.67 \quad ^\circ \text{C} \end{aligned}$$

$$= 0.000025 \quad \text{Kg/m-sec}$$

$$\begin{aligned} Re_h &= De G_{max} / \mu_l \\ &= (0.02417)(11.10197) / (0.000025) \\ &= 10,733 \end{aligned}$$

$$\text{นำค่า } Re_h \text{ ไปเปิดรูป ข.1 หาค่า } J = h_f \frac{De}{k} \left[\frac{C_p \mu_l}{k} \right]^{-1/3}$$

$$\text{ได้ } J = 37$$

$$J = h_f \frac{De}{k} \left[\frac{C_p \mu_l}{k} \right]^{-1/3}$$

$$h_f = \frac{J k}{De} \left[\frac{C_p \mu_l}{k} \right]^{-1/3}$$

$$\begin{aligned}
 k &= 0.03707 \quad \text{W/m}^\circ \text{C} \\
 C_p &= 1020.7 \quad \text{J/Kg}^\circ \text{C} \\
 h_f &= \frac{(73)(0.03707)}{(0.02417)} \cdot \frac{(1020.7)(0.000025)}{(0.03707)} \\
 &= 98.85697 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ \text{C} \\
 R_n \text{ (fouling factor)} &= 0.0001 \quad \text{m}^2 \text{ hr}^\circ \text{C/Kcal} \\
 &= 0.000116 \quad \text{m}^2 \text{ }^\circ \text{C/W} \\
 h_r &= 86404.2 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ \text{C} \\
 \frac{1}{h_{on}} &= \frac{1}{h_r} + \frac{1}{h_f} \\
 &= \frac{1}{86404.2} + \frac{1}{98.85697} = 0.000116 + 0.010116 \\
 &= 0.010232 \\
 h_{on} &= 97.7362 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ \text{C}
 \end{aligned}$$

หา Fin efficiency

$$\begin{aligned}
 k \text{ ของอะลูมิเนียมที่ } 160^\circ \text{C} &= 188 \quad \text{W/m}^\circ \text{C} \\
 \text{ความหนาของครีป (t)} &= 0.0008 \quad \text{m} \\
 h &= 97.7362 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ \text{C} \\
 \text{ความสูงของครีป (L)} &= 0.006 \quad \text{m}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 L \sqrt{2h / kt} &= 0.006 \sqrt{2(97.7362)/(188)(0.0008)} \\
 &= 0.22
 \end{aligned}$$

$$r_o / r_i = 0.01555 / 0.00955 = 1.628$$

นำค่า $L \sqrt{2h / kt}$ และ r_o / r_i ไปเปิดกราฟรูป ข.2 จะได้
Fin efficiency (η) = 0.98

$$\begin{aligned}
 \therefore \text{Effective area} &= A_b + A_f \\
 &= 0.044 + (0.98)(0.31542) \\
 &= 0.351 \quad \text{m}^2 / \text{m} \text{ ของท่อ}
 \end{aligned}$$

Effective area ของฮีทไพบ์ 1 ท่อ ด้านก๊าซร้อน = 0.2808 m²

อากาศ

$$\begin{aligned}
 G_{\max} &= m_c / A_{\min} \\
 &= 1.075 / 0.1216 \\
 &= 8.84046 \quad \text{Kg/m}^2\text{-sec} \\
 \text{อุณหภูมิอากาศ} &= (25 + 85) / 2 = 55 \text{ }^\circ\text{C} \\
 &= 0.0000203 \quad \text{Kg/m-sec} \\
 Re_c &= De G_{\max} / \mu_l \\
 &= (0.02417)(8.84046) / (0.0000203) \\
 &= 10526
 \end{aligned}$$

นำค่า Re_c ไปเปิดค่า J ในรูป ข. 1

$$\begin{aligned}
 \text{ได้ } J &= 73 \\
 k &= 0.028135 \quad \text{W/m-}^\circ\text{C} \\
 C_p &= 1007.4 \quad \text{J/Kg}^\circ\text{C}
 \end{aligned}$$

แทนค่า

$$\begin{aligned}
 h_r &= \frac{(73)(0.028135)}{(0.02417)} \frac{(1007.4)(0.0000203)}{(0.028135)} \quad 1/3 \\
 &= 76.40295 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ\text{C} \\
 R_c \text{ (fouling factor)} &= 0.0001 \quad \text{m}^2 \text{ hr }^\circ\text{C /Kcal} \\
 \therefore h_r &= 86404.2 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ\text{C} \\
 \frac{1}{h_{oc}} &= \frac{1}{h_r} + \frac{1}{h_r} \\
 &= \frac{1}{86404.2} + \frac{1}{76.40295} \\
 &= 0.000012 + 0.013088 \\
 &= 0.0131 \\
 h_{oc} &= 76.33545 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ\text{C}
 \end{aligned}$$

หา Fin efficiency

$$\begin{aligned}
 k \text{ ของอลูมิเนียมที่ } 55 \text{ }^\circ\text{C} &= 171 \quad \text{W/m}^\circ\text{C} \\
 \text{ความหนาของครีป (t)} &= 0.0008 \quad \text{m} \\
 h &= 76.33545 \quad \text{W/m}^2 \text{ }^\circ\text{C} \\
 \text{ความสูงครีป (L)} &= 0.008 \quad \text{m}
 \end{aligned}$$

$$L \sqrt{2h / kt} = 0.006 \quad 2(76.3354) / (171)(0.0008)$$

$$= 0.2$$

$$r_o / r_i = 1.628$$

นำค่า $L \sqrt{2h / kt}$ และ r_o / r_i เปิดกราฟรูป ข. 2 ได้ fin efficiency (%) 0.985

$$\text{Effective area} = A_b + A_f$$

$$= 0.044 + (0.985)(0.31542)$$

$$= 0.35469 \text{ m}^2 / \text{m ของท่อ}$$

Effective area ของฮีทไปป์ 1 ท่อ ด้านอากาศ = 0.28375 m²
หาสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนภายในจะต้องใช้วิธี สุ่มค่าตอบ เนื่องจาก
ไม่รู้อุณหภูมิผิวภายในและอุณหภูมิไอ (T_u) เพื่อมาคำนวณคุณสมบัติทางกายภาพ
ของของไหลใช้งาน

$$\text{จาก } Q = UA \Delta T$$

$$\Delta T = 163.67 - 55 = 108.67 \text{ } ^\circ\text{C}$$

สมมติว่าแท่งฮีทไปป์ไม่มีความต้านทานการถ่ายเทความร้อนภายในแท่ง

$$\frac{1}{(UA)_j} = \frac{1}{h_{oh} A_{oh}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k l_n} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_c} + \frac{1}{h_{oc} A_{oc}}$$

$$= \frac{1}{(97.7362)(0.2808)} + \frac{\ln(0.00955/0.0083)}{2\pi (377)(0.8)}$$

$$+ \frac{\ln(0.00955/0.0083)}{2\pi (382)(0.8)} + \frac{1}{(76.33545)(0.28375)}$$

$$= 0.03643 + 0.00007 + 0.00007 + 0.04617$$

$$\frac{1}{(UA)_j} = 0.08274$$

$$(UA)_j$$

$$(UA)_j = 12.08605 \text{ W/m}^2 \text{ } ^\circ\text{C}$$

แทนค่า

$$Q = (12.08605)(108.67)$$

$$= 1313.39 \text{ Watt}$$

หาสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนฟิล์มด้านในของช่วงควบแน่น

$$h_{i,c} = 1.47 k_1 \left[\frac{H_{f,c} A_g \rho_1^2}{4 Q_c L_c \mu_1} \right]^{1/3}$$

$$\begin{aligned}
 k \text{ ของน้ำ} &= 0.646 \quad \text{W/m}^\circ \text{C} \\
 h_{fs} &= 2,370,000 \quad \text{J/Kg} \\
 A &= \pi D_c L_c = (0.0166)(0.8) \\
 &= 0.04172 \quad \text{m}^2 \\
 g &= 9.81 \quad \text{m/sec}^2 \\
 \rho_l &= 985.732 \quad \text{Kg/m}^3 \\
 Q_c &= 1643 \quad \text{W} \\
 L_c &= 2 \quad \text{m} \\
 &= 0.000504 \quad \text{Kg/m-sec}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 h_{ic} &= (1.47)(0.646) \left[\frac{(2,370,000)(0.04172)(9.81)(985.732)^2}{4(1313)(0.8)(0.000504)} \right]^{1/3} \\
 &= 7250.39 \quad \text{W/m}^2 \text{ } ^\circ \text{C}
 \end{aligned}$$

สมมติให้อิทธิพลล็กส์เท่ากันตลอดทั้งช่วงการระเหย

$$\begin{aligned}
 Q/A &= 1313 / (\pi (0.0166)(0.8)) \\
 &= 31.471.45 \quad \text{W/m}^2
 \end{aligned}$$

$$h_{inhp} = \frac{C_p (Q/A)^{1-r}}{H_{fs} Pr C_{mf}} \left[\frac{1}{\mu_l H_{fs}} \sqrt{\frac{g_c \sigma}{g(\rho_l - \rho_v)}} \right]^{-r}$$

$$C_p = 4216 \quad \text{J/Kg}^\circ \text{C}$$

$$H_{fs} = 2,257,000 \quad \text{J/Kg}$$

$$Pr = \frac{C_p \mu_l}{k} = 1.75$$

$$C_{mf} = 0.013$$

$$r = 0.33, \quad 1-r = 0.67$$

$$g_c = 1 \quad \text{Kg.m/(N.sec}^2\text{)}$$

$$g = 9.81 \quad \text{m/sec}^2$$

$$\sigma = 0.0589 \quad \text{N/m}$$

$$\rho_l - \rho_v = 958.384 - 0.597 = 957.787 \quad \text{Kg/m}^3$$

$$\mu_l = 0.0002818 \quad \text{Kg/m.sec}$$

$$h_{i,hp} = \frac{(4216)(31,471.45)^{0.67}}{(2,257,000)(1.75)(0.019)} \times$$

$$\left[\frac{1}{(0.0002818)(2,257,000)} \sqrt{\frac{1(0.0589)}{(9.81)(957.787)}} \right]^{-0.33}$$

$$= 5147.59 \quad \text{W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}$$

$$h_{i,hf} = 1.47 k_1 \left[\frac{H_{fs} g \rho_l^2}{4 (Q/A) L_f \mu_l} \right]^{1/3}$$

$$k_1 = 0.68 \quad \text{W/m} \cdot ^\circ\text{C}$$

$$H_{fs} = 2,257,000 \quad \text{J/Kg}$$

$$g = 9.81 \quad \text{m/sec}^2$$

$$\rho_l = 958.384 \quad \text{Kg/m}^3$$

$$Q/A = 31,471.45 \quad \text{W/m}^2$$

$$L_f = 0.8 - 0.32 = 0.48 \quad \text{m}$$

$$\mu_l = 0.0002818 \quad \text{Kg/m-sec}$$

$$h_{i,hf} = (1.47)(0.68) \left[\frac{(2257000)(9.81)(958.384)^2}{4(31,471.45)(0.48)(0.0002818)} \right]^{1/3}$$

$$= 10605.55 \quad \text{W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}$$

$$\frac{1}{h_i A_i} = \frac{1}{h_{ic} A_{ic}} + \frac{1}{h_{i,hp} A_{ip} + h_{i,hf} A_{if}}$$

$$A_{ip} = D L = (0.0166)(0.32) = 0.01669$$

$$A_{if} = D L = (0.0166)(0.48) = 0.02503$$

$$= \frac{1}{(7250.39)(0.04172)} + \frac{1}{(5147.59)(0.01669) + (10605.55)(0.02503)}$$

$$= 0.0033059 + 0.0028458$$

$$\frac{1}{h_i A_i} = 0.006152$$

$$h_i A_i$$

$$\frac{1}{UA} = \frac{1}{UA_j} + \frac{1}{h_i A_i}$$

$$= \frac{1}{0.08274} + \frac{1}{0.006152} = 0.08889$$

$$\begin{aligned}
 UA &= 11.25 \\
 Q &= (11.25) (108.67) \\
 &= 1222.5375 \quad \text{Watt}
 \end{aligned}$$

จะเห็นว่าค่า Q ที่ได้ไม่ตรงกับที่สมมติตอนแรก จึงต้องใช้วิธีสุ่มหาค่า Q ไปเรื่อย ๆ จนค่า Q ที่สมมติขึ้นเท่ากับค่า Q ที่คำนวณได้ ก็จะได้ค่า Q และสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนภายในตามต้องการ

$$\begin{aligned}
 \text{สมมติให้ } Q &= 1223.8 \quad \text{Watt} \\
 h_{i,c} &= (1.47)(0.646) \left[\frac{(2,370,000)(0.04172)(9.81)(985.732)^2}{4(1223.8)(0.8)(0.000504)} \right]^{1/3} \\
 &= 7422.43 \quad \text{Watt/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}
 \end{aligned}$$

$$Q/A = 1223.8 / 0.04172 = 29333.65 \quad \text{Watt/m}^2$$

$$\begin{aligned}
 h_{i,hp} &= \frac{(4216)(29333.65)^{0.67}}{(2,257,000)(1.75)(0.013)} \times \\
 &\left[\frac{1}{(0.0002818)(2,257,000)} \sqrt{\frac{(0.0589)}{(9.81)(957.787)}} \right]^{-0.33} \\
 &= 4910.6 \quad \text{W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 h_{i,hf} &= (1.47)(0.68) \left[\frac{(2,257,000)(9.81)(958.384)^2}{4(29333.65)(0.48)(0.0002818)} \right]^{1/3} \\
 &= 10857.17 \quad \text{W/m}^2 \cdot ^\circ\text{C}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{h_1 A_1} &= \frac{1}{(7422.43)(0.04172)} + \frac{1}{(4910.6)(.01669) + (10857.17)(.02503)} \\
 &= 0.003229 + 0.002827 \\
 &= 0.006056 \\
 \frac{1}{UA} &= \frac{1}{UA_j} + \frac{1}{h_1 A_1} \\
 &= 0.08274 + 0.006056 \\
 &= 0.088796
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 UA &= 11.262 \\
 Q &= UA \Delta T \\
 &= (11.262) (108.67) \\
 &= 1223.8 \text{ Watt}
 \end{aligned}$$

จะเห็นว่าค่า Q ที่สมมติขึ้นตรงกับ Q ที่คำนวณได้ ดังนั้นฮีทไปป์ 1 แท่ง จึงนำความร้อนได้ 1223.8 Watt ในเงื่อนไขที่กำหนดให้

วิธีที่ 1 การหาจำนวนแท่งฮีทไปป์โดยวิธีง่าย ๆ

$$\begin{aligned}
 \therefore \text{จำนวนแท่ง} &= \frac{\text{อัตราการส่งผ่านความร้อนทั้งหมด}}{\text{อัตราการส่งผ่านความร้อน 1 แท่ง}} \\
 &= \frac{16.125 \times 4184}{1223.8} \\
 &= \frac{67467}{1223.8}
 \end{aligned}$$

$$\text{จำนวนแท่งฮีทไปป์ที่ใช้} = 55.13 \text{ แท่ง}$$

ดังนั้นจึงจัดแท่งฮีทไปป์เป็น 10 แท่ง 3 แถว คิดเป็น 30 แท่ง

9 แท่ง 3 แถว คิดเป็น 27 แท่ง

รวมทั้งสิ้น 57 แท่ง

วิธีที่ 2 การคำนวณหาจำนวนแท่งฮีทไปป์โดยวิธีรูปจำลองนำความร้อน

ถ้าหากรู้ค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนสามารถหาจำนวนแท่งฮีทไปป์ได้โดยหาค่า U ในที่นี้ ใช้พื้นที่ผิวภายในเป็นฐานอ้างอิง สมการ (6.4)

$$\frac{1}{U_i} = \frac{A_{i,t}}{h_{oh} A_{oh,t}} + \frac{A_{i,t} \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_{ht}} + \frac{A_{i,t}}{h_{ih} A_{ih,t}} + \frac{A_{i,t}}{h_{ic} A_{ic,t}} + \frac{A_{i,t} \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L_{ct}} + \frac{A_{i,t}}{h_{oc} A_{oc,t}}$$

$$n = \text{จำนวนแท่งฮีทไปป์ที่จะหา}$$

$$A_{i,t} = n \pi D_i L_p = n \pi (0.0166)(1.6)$$

$$= 0.08344 n$$

$$A_{i,ht} = A_{i,ct} = n \pi (0.0166)(0.8)$$

$$= 0.04172 n$$

$$A_{o,ht} = 0.2808 \text{ m}^2$$

$$A_{o,ct} = 0.28375 \text{ m}^2$$

$$L_{ht} = L_{ct} = 0.8 n$$

$$r_o/r_i = 0.00955/0.0088 = 1.1506$$

$$h_{i,h} A_{i,h} = h_{i,hp} A_{i,pt} + h_{i,hf} A_{i,ft}$$

$$= (4910.6)(0.01669) + (10605.55)(0.02503)$$

$$= 81.958 + 265.4569 = 347.415$$

$$\frac{1}{U_i} = \frac{0.08344 n}{(97.7326)(0.2808 n)} + \frac{(0.08344 n) \ln 1.1506}{2 \pi (377)(0.8 n)}$$

$$+ \frac{0.08344 n}{347.415} + \frac{(0.08344 n)}{(5342.13)(0.04172n)} + \frac{(0.08344n) \ln 1.1506}{2 \pi (382)(0.8 n)}$$

$$+ \frac{(0.08344 n)}{(76.3355)(0.28375 n)}$$

$$= 0.003041 + 0.000006 + 0.000240 + 0.000374 + 0.000006$$

$$+ 0.003852$$

$$= 0.007519$$

$$U_i = 132.996 \text{ W/m}^2 \cdot \text{C}$$

$$Q = U_i A_{i,t} (\Delta T)_{i,n}$$

$$A_{i,t} = \frac{Q}{U_i (\Delta T)_{i,n}}$$

$$(\Delta T)_{i,n} = \frac{(T_{hi} - T_{co}) - (T_{ho} - T_{ci})}{\ln (T_{hi} - T_{co}) / (T_{ho} - T_{ci})}$$

$$= \frac{(185 - 85) - (142.34 - 25)}{\ln (185 - 85) / (142.34 - 25)}$$

$$= 108.44 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$\begin{aligned}
 Q &= 16.125 \text{ Kcal/sec} = 67467 \text{ Watt} \\
 A_{i,t} &= \frac{67467}{(132.996)(108.44)} \\
 &= 4.678 \text{ m}^2 \\
 A_{i,t} &= A_{i,p} n \\
 n &= \frac{A_{i,t}}{A_{i,p}} = \frac{662.1597}{(0.0166)(1.6)} \\
 &= 56.06 \text{ แท่ง}
 \end{aligned}$$

วิธีที่ 3 การคำนวณหาจำนวนแท่งฮีทไปป์โดยวิธี E-NTU
ตามหัวข้อ (6.3)

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{U_h A_h} &= \frac{1}{h_{oh} A_{oh}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi K L_h} + \frac{1}{h_{ih} A_{ih}} \\
 \frac{1}{U_h A_h} &= \frac{1}{(97.7326)(0.2808)} + \frac{\ln(.00955/.083)}{2\pi(377)(0.8)} + \frac{1}{347.415} \\
 &= 0.03644 + 0.00007 + 0.00288 \\
 &= 0.03939 \\
 U_h A_h &= 25.3872 \text{ W/}^\circ\text{C} \\
 C_h &= m_h C_{ph} \\
 &= (1.35)(0.28) = 0.378 \text{ Kcal/sec}^\circ\text{C} \\
 &= 1581.552 \text{ W/}^\circ\text{C} \\
 NTU_h &= \frac{U_h A_h}{C_h} \\
 &= \frac{25.3872}{1581.552} = 0.01605 \\
 \frac{1}{U_c A_c} &= \frac{1}{h_{oc} A_{oc}} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi K L_c} + \frac{1}{h_{ic} A_{ic}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{(76.3355)(0.28375)} + \frac{\ln(0.00955/0.0083)}{2\pi(382)(0.8)} + \\
 &\quad \frac{1}{(5342.13)(0.04172)} \\
 &= 0.04617 + 0.00007 + 0.00449 \\
 &= 0.05073 \\
 U_c A_c &= 19.7122 \\
 C_c &= m_c C_{p,c} \\
 &= (1.075)(0.25) = 0.26875 \quad \text{Kcal/sec}^\circ\text{C} \\
 &= 1124.45 \quad \text{W/}^\circ\text{C} \\
 NTU_c &= \frac{U_c A_c}{C_c} \\
 &= \frac{19.7122}{1124.45} = 0.01753 \\
 E_h &= 1 - \exp(-NTU_h) \\
 &= 1 - \exp(-0.01605) = 0.01592 \\
 E_c &= 1 - \exp(-NTU_c) \\
 &= 1 - \exp(-0.01753) = 0.01738 \\
 m &= C_c / C_h = 1124.45 / 1581.552 = 0.71098 \\
 C_h > C_c & \\
 E &= \frac{1}{\frac{1}{E_c} + \frac{C_c / C_h}{E_h}} \\
 &= \frac{1}{\frac{1}{0.01738} + \frac{0.71098}{0.01592}} \\
 &= \frac{1}{102.2043} = 0.00978
 \end{aligned}$$

$$E_n = \frac{\left[\frac{1 - mE}{1 - E} \right]^n - 1}{\left[\frac{1 - mE}{1 - E} \right]^n - m}$$

$$E_n = \frac{T_{co} - T_{c1}}{T_{h1} - T_{c1}} = \frac{85 - 25}{185 - 25} = 0.375$$

$$\frac{1 - mE}{1 - E} = \frac{1 - (0.71098)(0.00978)}{1 - 0.00978} = 1.00285$$

แทนค่า

$$0.375 = \frac{(1.00285)^n - 1}{(1.00285)^n - 0.71098}$$

$$(0.375)(1.00285)^n - 0.26662 = (1.00285)^n - 1$$

$$(0.625)(1.00285)^n = 0.73338$$

$$(1.00285)^n = 1.173408$$

$$n \ln(1.00285) = \ln(1.173408)$$

$$n = \frac{\ln(1.17341)}{\ln(1.00285)} = 56.19$$

∴ จำนวนแท่งฮีทไปป์ที่ใช้ 56.19 แท่ง

จะเห็นว่าวิธีทั้ง 3 ที่นำมาให้ผลใกล้เคียงกันหมด

4) หาความดันสูญเสียภายในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อน (35)

ด้านก๊าซร้อน

$$De_v = \frac{4 (\text{net free volume})}{\text{friction surface}}$$

จากรูป 6.7

$$\begin{aligned}
 \text{Net free volume} &= 0.8 \times 0.375 \times 0.0313 - 1/2 (10 + 9) \\
 &\quad \pi/4 (0.0191)^2 (0.8) - 1/2 (10 + 9) \\
 &\quad \pi/4 (0.0311^2 - 0.0191^2) (0.0008) \frac{(1000)(0.8)}{3} \\
 &= 0.00939 - 0.00218 - 0.00096 \\
 &= 0.00625 \quad \text{m}^3
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Friction surface} &= 1/2 (10 + 9) (A_b + A_f) (L) \\
 &= (9.5)(0.044 + 0.31542)(0.8) \\
 &= 2.73159 \quad \text{m}^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 D'_{ev} &= 4 (0.00625) / 2.73159 \\
 &= 0.00915 \quad \text{m.}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 Re_{ev} &= D'_{ev} G_{max} / \mu \\
 &= (0.00915)(11.10197) / (0.000025) \\
 &= 4063.3
 \end{aligned}$$

นำค่า Re_{ev} ไปเปิดกราฟรูป ข. 1 จะได้ $f = 0.0027 \text{ ft}^2/\text{in}^2$

$$\Delta P = \frac{f G_{max}^2 L_p}{5.22 \times 10^{10} \times D'_{ev} s' \phi_s} \left[\frac{D'_{ev}}{S_T} \right]^{0.4} \left[\frac{S_L}{S_T} \right]^{0.6}$$

ΔP = ความดันสูญเสีย (psi)

f = friction factor (ft^2/in^2)

G_{max} = อัตราไหล ($\text{lb}/\text{hr}.\text{ft}^2$)

L_p = the length of the path (ft)

D'_{ev} = Volumetric equivalent diameter (ft)

s' = Specific gravity

ϕ_s = viscosity ratio $(\mu / \mu_{fw})^{0.14}$

S_T = ระยะห่างระหว่างศูนย์กลางของท่อด้านหน้าทางเข้า
รูป (6.7) (ft)

S_L = ระยะห่างระหว่างศูนย์กลางของท่อที่อยู่ใกล้ที่สุด
รูป (6.7) (ft)

G_{max} = 11.10197 $\text{Kg}/\text{m}^2.\text{sec}$

= 8168.742 $\text{lb}/\text{ft}^2.\text{hr}$

$$L'_p = 3.13 \times 6 = 18.78 \text{ ซม.}$$

$$= 0.616 \text{ ft}$$

$$D'_{nv} = 0.00915 \text{ m} = 0.03 \text{ ft}$$

$$= 1.35 \text{ Kg/m}^3$$

$$S' = \frac{1.35}{1000} = 0.00135$$

$$S_T = 1.61 \text{ ซม.} = 0.0528 \text{ ft}$$

$$S_L = \frac{1.61^{0.6}}{1.61} = 1$$

$$\frac{S_L}{S_T} = \frac{1.61}{1.61}$$

$$(D'_{nv}/S_T)^{0.4} = (0.03 / 0.0528)^{0.4} = 0.80$$

$$= 1$$

แทนค่าลงในสมการ

$$\Delta P = \frac{(0.0027)(8168.742)^2(0.616)(0.80)(1)}{5.22 \times 10^{10} (0.03)(0.00135)(1)}$$

$$= 0.042 \text{ psi}$$

ด้านอากาศ

$$Re_{nv} = D'_{nv} G_{max} / \mu_1$$

$$= (0.00915)(8.84046) / (0.0000203)$$

$$= 3985$$

นำค่า Re_{nv} ไปเปิดกราฟรูป ข. 1 จะได้ f ประมาณ $0.0027 \text{ ft}^2/\text{in}^2$

$$G_{max} = 8.84046 \text{ Kg/m}^2 \cdot \text{sec}$$

$$= 6504.74 \text{ lb/ft}^2 \cdot \text{hr}$$

$$\Delta P = \frac{(0.0027)(6504.74)^2 (0.616)(0.80)(1)}{5.22 \times 10^{10} (0.03) (0.00135)(1)}$$

$$= 0.027 \text{ psi}$$

$$\Delta P = 0.027 \text{ psi}$$

สรุปผลการคำนวณ

จะต้องฮีทไปป์จำนวน 56 แห่ง ซึ่งสามารถจัดได้เป็น 10 แห่ง 3 แถว และ 9 แห่ง 3 แถว รวมทั้งสิ้น 57 แห่ง ขนาดของเครื่อง แลกเปลี่ยนความร้อนจะเป็น กว้าง x ยาว x หนา = $0.375 \times 1.8 \times 0.2$ เมตร โดยแต่ละกล่องจะมีขนาดเท่ากันเป็น กว้าง x ยาว x หนา = $0.375 \times 0.8 \times 0.2$ เมตร สามารถถ่ายเทความร้อนในอัตรา 58,050 Kcal/hr. ในเงื่อนไขที่กำหนดให้ เกิดความดันสูญเสียด้านก๊าซร้อน 0.042 psi , ด้านอากาศ 0.027 psi

สรุปการแก้ปัญหาโจทย์ในการออกแบบ ถ้าโจทย์มิได้กำหนดลักษณะของแท่งฮีทไปป์อะไรมาให้ เราสามารถแก้ปัญหาได้ตามวิธีที่กล่าวมาแล้ว และหาจำนวนแท่งฮีทไปป์ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนโดยวิธีง่าย ๆ ในวิธีที่ 1 ได้ แต่ถ้าโจทย์ได้บอกสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนภายในแท่งฮีทไปป์มาให้ เราสามารถคำนวณจำนวนแท่งฮีทไปป์ในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนโดยวิธีการที่ 2 และ 3 คือรูปจำลองการนำความร้อน (conductance) และ E-NTU โดยทั้ง 2 วิธี ให้ผลเหมือนกัน

6.7 โปรแกรมคอมพิวเตอร์

เนื่องจากในการคำนวณเมื่อแก้ปัญหาบางอย่างค่อนข้างยุ่งยาก จึงได้พัฒนาโปรแกรมคอมพิวเตอร์ขึ้นมา เพื่อทำให้การคำนวณสะดวกขึ้น โดยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้นมามี

1. โปรแกรมการหาค่าคงที่ในสมการการเดือดของ Rohsenow
2. โปรแกรมการหาสมการถอดออยเชิงเส้น
3. โปรแกรมหาคณสมบัติทางกายภาพของน้ำที่อุณหภูมิต่าง ๆ ซึ่งใช้ได้ดีในช่วงอุณหภูมิ 5 - 95 °C
4. โปรแกรมการคำนวณหาอัตราการถ่ายเทความร้อนในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์ ซึ่งใช้กับฮีทไปป์ที่บรรจุของไหลใช้งานเป็นน้ำ

5. โปรแกรมการคำนวณออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบฮีทไปป์ ซึ่งใช้ฮีทไปป์ที่บรรจุของเหลวใช้งานเป็นน้ำ

(ก) Algorithm ของโปรแกรมการหาค่าคงที่ในสมการการเดือดของ Rohsenow

1. ใส่ข้อมูลของแท่งฮีทไปป์ ดังนี้ คือ จำนวนข้อมูล r_o , r_i , K , L_c , L_h , Q , $T_{o,h}$, $T_{o,c}$
2. หาอุณหภูมิของ $T_{i,h}$, $T_{i,c}$ และสัมหาคอุณหภูมิไอ (T_u)
3. คำนวณ $C_{s,f}$ และ r โดย Least square method
4. หาค่า $h_{i,h}$, $h_{i,c}$, UA (คำนวณ) , UA (ทดลอง)
5. หา Variance ของ UA (คำนวณ) , UA (ทดลอง)
6. พิมพ์ค่า $C_{s,f}$, r , Variance , UA (คำนวณ) , UA (ทดลอง)

(ข) Algorithm ของโปรแกรมการหาสมการถดถอยเชิงเส้น

1. ใส่จำนวนข้อมูล , ข้อมูลบนแกน x , ข้อมูลบนแกน y
2. หาค่าคงที่ A , B ของสมการ $y = AX^B$
3. พิมพ์ค่า A , B

(ค) Algorithm ของโปรแกรมหาคณสมบัติทางกายภาพของน้ำ

1. ใส่อุณหภูมิน้ำที่ต้องการคำนวณ
2. คำนวณคณสมบัติทางกายภาพของน้ำ
3. พิมพ์ค่าคณสมบัติทางกายภาพของน้ำ

(ง) Algorithm ของโปรแกรมการคำนวณการออกแบบเครื่องแลกเปลี่ยน ความร้อนแบบฮีทไปป์

1. ใส่ข้อมูลของแท่งฮีทไปป์ ดังนี้ คือ r_o , r_i , K , L_c , L_h , A_{oh} , A_{oc} , C_{pf} , r
2. ใส่ข้อมูลของของไหลที่ถ่ายเทความร้อน m_c , m_h , T_{h1} , T_{h2} , T_{c1} , T_{c2} , C_{pc} , C_{ph} , h_{oh} , h_{oc}
3. คำนวณหาค่า h_{1h} , h_{1c} โดยสัมพันธ์ค่า Q_p ที่เหมาะสม
4. หาจำนวนแท่งฮีทไปป์
5. พิมพ์จำนวนแท่งฮีทไปป์ที่ใช้

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย