

## บทที่ 6

### การทดลอง

ในการทดลองเกี่ยวกับอุปกรณ์วัดแรงจะแบ่งขั้นตอนเป็นสามขั้นตอน ในขั้นตอนแรกจะเป็นการทดลองเพื่อหาค่าของเซนเซอร์คาลิเบรชันเมตริกซ์ (sensor calibration matrix) ซึ่งเป็นเมตริกซ์ที่ใช้ในการคำนวณหาค่าของแรงและโมเมนต์ ในขั้นตอนที่สองจะทำการทดลองหาค่าคุณสมบัติด้านสแตติกของอุปกรณ์วัดแรงที่ได้หลังจากการปรับเทียบค่าแล้ว ส่วนในขั้นตอนที่สามจะเป็นการทดสอบวัดแรงและโมเมนต์ในแนวแกนและทิศทางต่างๆกัน เพื่อพิจารณาผลการวัดในลักษณะของการใช้งานจริงและตรวจสอบถึงผลกระทบต่อค่าการวัดในแนวแกนอื่นๆ

ในการใช้งานอุปกรณ์วัดแรงเพื่อหาค่าของแรงและโมเมนต์ที่เกิดขึ้นนั้น ในขั้นตอนแรกต้องทำการปรับเทียบค่าเครื่องมือวัดแรงที่สร้างขึ้นมา เพื่อหาค่าความสัมพันธ์ระหว่างแรงและโมเมนต์กับสัญญาณความต่างศักย์ไฟฟ้า เนื่องจากจำนวนของสัญญาณความต่างศักย์ไฟฟ้าที่จะต้องทำการวัดมีมากถึง 8 สัญญาณการจัดให้อยู่ในรูปของเมตริกจะทำให้มีความสะดวกและรวดเร็วในการนำไปใช้คำนวณหาแรงและโมเมนต์ที่เกิดกับตัวอุปกรณ์วัดแรง ความสัมพันธ์นี้สามารถแสดงในรูปของเมตริกที่ใช้ในการแปลงค่าสัญญาณไฟฟ้าที่สามารถวัดได้ไปเป็นค่าของแรงและโมเมนต์ ที่เรียกว่า เซนเซอร์คาลิเบรชันเมตริกซ์ (sensor calibration matrix) หรือรีโซลด์ฟอร์ซ-เมตริกซ์ (Resolved force matrix) ในการปรับเทียบค่าเพื่อหาค่าของเซนเซอร์คาลิเบรชันเมตริกซ์จะต้องทำการหาจากเมตริกซ์ที่เรียกว่า ซูโดอินเวอร์สคาลิเบรชันเมตริกซ์ (Pseudoinverse calibration matrix) ซึ่งจะเป็นเมตริกซ์ที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างแรงและโมเมนต์ที่รู้ค่ากับค่าของสัญญาณความต่างศักย์ไฟฟ้าที่เกิดขึ้น

เมื่อได้เซนเซอร์คาลิเบรชันเมตริกซ์จากการปรับเทียบค่าแล้วจะต้องทำการตรวจสอบคุณสมบัติของอุปกรณ์วัดแรง ซึ่งจะเป็นการตรวจสอบคุณสมบัติทางสแตติก ได้แก่ ค่าความแม่นยำหรือค่าแอกเคอเรซี (accuracy) ค่ารีโซลูชัน (resolution) ค่าลิเนียร์ตี (linearity) ค่ารีพีทอะบิลิตี้ (repeatability) ค่าฮิสเตอเรซิส (hysteresis) และทดสอบการวัดแรงและผลที่มีต่อการวัดแรงในทิศทางอื่นๆ

#### การปรับเทียบค่าและวิธีการหาค่าเซนเซอร์คาลิเบรชันเมตริกซ์

การปรับเทียบค่า (Calibration) คือ การทดสอบโดยการใส่ค่าของแรงหรือโมเมนต์ที่รู้ค่ากระทำกับอุปกรณ์ตรวจวัดที่จัดสร้างขึ้นมา แล้วทำการอ่านและบันทึกค่าเอาท์พุท (สัญญาณความต่างศักย์ไฟฟ้า) ที่ส่งออกมาจากอุปกรณ์ตรวจวัดแรงที่ได้สร้างขึ้นมา เครื่องมือที่จะใช้ในการ

ทดลองทำการปรับเทียบค่าจะเป็นชุดโด้ะทดสอบที่สามารถทำการออกแรงกระทำที่รู้ค่ากับตัวอุปกรณ์วัดแรง ได้ทั้งหมด 6 ส่วนประกอบของแรง คือ แรงในทิศทาง 3 แนวแกน ( $F_x, F_y, F_z$ ) และโมเมนต์ในทิศทาง 3 แนวแกน ( $M_x, M_y, M_z$ ) โดยจะทำการทดลองใส่แรงหรือโมเมนต์ที่รู้ค่าทำการทดลองทีละแนวแกนและทำการเพิ่มค่าของแรงหรือโมเมนต์ที่กระทำ โดยแต่ละครั้งก็ทำการวัดค่าของสัญญาณไฟฟ้าที่เกิดขึ้นจากแต่ละชุดของสเตรนเกจ  $W_1$  ถึง  $W_8$  จำนวน 8 ชุด เพื่อนำข้อมูลที่ได้อไปหาความสัมพันธ์ของความสัมพันธ์ระหว่างแรงหรือโมเมนต์ที่กระทำกับสัญญาณไฟฟ้าที่เกิดขึ้นในรูปของเมทริกซ์ที่เรียกว่า ซูโคอินเวอร์สคาลิเบรชันเมทริกซ์ ซึ่งสมาชิกในแต่ละคอลัมน์ของเมทริกซ์นี้จะแทนความสัมพันธ์ของความสัมพันธ์ระหว่างแรงหรือโมเมนต์กับสัญญาณความต่างศักย์ไฟฟ้า เรียงกันไปตามแถวที่ 1 ถึงแถวที่ 8 (ตัวอย่างเช่น  $r_{11}$  คือสมาชิกในคอลัมน์ที่ 1 แถวที่ 1 แทนค่าความสัมพันธ์ระหว่าง  $F_x$  กับความต่างศักย์  $W_1$  หรือ  $r_{21}$  จะแทนค่าความสัมพันธ์ระหว่างแรง  $F_x$  กับความต่างศักย์  $W_2$  เป็นต้น) และจากการทำการทดลองกับแรงและโมเมนต์ทั้ง 3 แนวแกนก็จะได้สมาชิกทั้งหมดของซูโคอินเวอร์สคาลิเบรชันเมทริกซ์ แล้วใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด(Least square fit) แปลงค่าเมทริกซ์ที่ได้จากการทดลองกลับไปเป็นเซนเซอร์คาลิเบรชันเมทริกซ์จากสมการดังต่อไปนี้

$$\begin{bmatrix} W_1 \\ W_2 \\ W_3 \\ W_4 \\ W_5 \\ W_6 \\ W_7 \\ W_8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} & r_{14} & r_{15} & r_{16} \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} & r_{24} & r_{25} & r_{26} \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} & r_{34} & r_{35} & r_{36} \\ r_{41} & r_{42} & r_{43} & r_{44} & r_{45} & r_{46} \\ r_{51} & r_{52} & r_{53} & r_{54} & r_{55} & r_{56} \\ r_{61} & r_{62} & r_{63} & r_{64} & r_{65} & r_{66} \\ r_{71} & r_{72} & r_{73} & r_{74} & r_{75} & r_{76} \\ r_{81} & r_{82} & r_{83} & r_{84} & r_{85} & r_{86} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} F_x \\ F_y \\ F_z \\ M_x \\ M_y \\ M_z \end{bmatrix}$$

$$W = R_F^* \cdot F$$

$R_F^*$  คือ Psuedoinverse calibration matrix

คูณด้วย  $(R_F^*)^T$  ทั้งสองข้างของสมการ

$$(R_F^*)^T \cdot W = (R_F^*)^T R_F^* \cdot F$$

$$F = [(R_F^*)^T R_F^*]^{-1} \cdot (R_F^*)^T \cdot W$$

$$F = R_F \cdot W$$

$$\text{เมื่อ } R_F = [(R_F^*)^T R_F^*]^{-1} (R_F^*)^T$$

(6.1)

$R_F$  คือ sensor calibration matrix

### สรุปขั้นตอนการทำการทดลองเปรียบเทียบค่า

1. ใส่แรงกระทำ(จากตุ้มน้ำหนัก) ในแนวแกน x โดยเริ่มจากน้อยไปหามาก ในแต่ละค่าของแรงให้ทำการวัดค่าสัญญาณไฟฟ้าที่ได้จากเซนตรนเกจ ทั้ง 8 จุด  $w_1 - w_8$  แล้วทำการหาความสัมพันธ์ระหว่างแรงกระทำกับค่าสัญญาณที่ได้เพื่อหาค่าความชันของข้อมูลซึ่งจะได้สมาชิกของเมตริกซ์  $R_F^*$  (Pseudoinverse calibration matrix) ในคอลัมน์ที่ 1 จำนวน 8 ตัวคือ  $r_{11} - r_{81}$
2. ทำการทดลองเช่นเดียวกันกับข้อ 1 แต่เปลี่ยนแนวแรงกระทำไปในแนวแกน y และแกน z ซึ่งจะได้สมาชิกของเมตริกซ์ในคอลัมน์ที่ 2 ( $F_y$ )  $r_{12} - r_{82}$  และสมาชิกในคอลัมน์ที่ 3 ( $F_z$ )  $r_{13} - r_{83}$  ตามลำดับ
3. การปรับเทียบกับโมเมนต์ทำได้โดยการออกแรงบิดกระทำในแต่ละแนวแกน ในแนวแกน x และแกน y จะทำการทดลองโดยใส่แรงบิดเพิ่มจากน้อยไปหามาก ในแต่ละค่าของโมเมนต์ให้ทำการวัดสัญญาณที่เกิดขึ้นเช่นเดียวกับข้อ 1 ซึ่งเราสามารถหาสมาชิกของเมตริกซ์ในคอลัมน์ที่ 4 ( $M_x$ ) และในคอลัมน์ที่ 5 ( $M_y$ ) ได้
4. การปรับเทียบในแนวแกน Z ทำเช่นเดียวกับข้อ 3 ก็จะได้สมาชิกของเมตริกซ์ในคอลัมน์ที่ 6 ( $M_z$ )
5. จากเมตริกซ์ที่ได้ทำการแปลงกลับเมตริกซ์ก็จะได้ sensor calibration matrix ( $R_F$ ) จากสมการ

### การทดสอบคุณสมบัติด้านสแตติกของเครื่องมือวัดแรง

หลังจากการปรับเทียบค่าแล้วจะทำการทดสอบเพื่อหาคุณสมบัติของอุปกรณ์วัดแรงในด้านอื่นคือ การหาค่าความแม่นยำ (accuracy) ค่าวิโซลูชัน (resolution) ค่ารีพีทอะบิลิตี้ (repeatability) ค่าลิเนียร์ตี้ (linearity) และค่าฮิสเตอร์เรซิส (hysteresis) ซึ่งมีรายละเอียดของวิธีการต่างๆ ดังนี้

1. ค่าความแม่นยำ (accuracy) เป็นค่าที่แสดงของเครื่องมือวัดที่เราได้ออกแบบสร้างขึ้นมา โดยมีวิธีการแสดงค่าความผิดพลาดในรูปของเปอร์เซ็นต์ของความผิดพลาด (percent error) ซึ่งแสดงได้ 2 วิธีคือ ในรูปของ percent of full scale output และ percent of reading สามารถเขียนในรูปของสมการได้ดังนี้

- Percent of full-scale output (วิธีนี้จะเป็นที่นิยมที่สุด)

$$= \frac{\text{load}_{\text{error}}}{\text{load}_{\text{full scale}}} \times 100 \%$$

- Percent of reading

$$= \frac{\text{load}_{\text{error}}}{\text{load}_{\text{true}}} \times 100 \%$$

โดยที่

$$\text{load}_{\text{error}} = \text{load}_{\text{actual output}} - \text{load}_{\text{true}}$$

2. **ค่าวิโซลูชัน (resolution)** คือค่าที่แสดงถึงการเปลี่ยนแปลงของอินพุตที่น้อยที่สุดที่ยังทำให้มีผลต่อการเปลี่ยนแปลงของเอาต์พุต ในกรณีนี้คือค่าของแรงหรือโมเมนต์ ที่น้อยที่สุดที่สามารถทำการค่าของสัญญาณไฟฟ้าได้

3. **ค่ารีพีทอะบิลิตี (repeatability)** คือค่าที่แสดงถึงความน่าเชื่อถือของเครื่องมือวัด โดยการป้อนค่าอินพุตค่าเดิมหลายๆ ครั้งๆ แล้วทำการวัดเพื่อตรวจสอบลักษณะการกระจายของข้อมูลของเอาต์พุตเอาท์ วิธีการแสดงค่า repeatability ในรูปของสมการได้ 2 วิธีดังนี้

$$\text{Repeatability} = \frac{\text{maximum} - \text{minimum}}{\text{full scale}} \times 100 \%$$

$$\text{Repeatability} = \frac{\text{largest deviation} - \text{average}}{\text{full scale}} \times 100 \%$$

4. **ค่าลิเนียริตี (linearity)** เป็นค่าที่แสดงความเป็นเส้นตรงของเอาต์พุตเมื่อเทียบกับอินพุต โดยทำการหาค่าเปอร์เซ็นต์ (full scale) ผลต่างสูงที่สุดระหว่างเส้นตรงแสดงค่าเฉลี่ยกับข้อมูลในแต่ละจุด ซึ่งเส้นตรงที่แสดงค่าเฉลี่ยของข้อมูลมีวิธีการหาค่าได้ 3 วิธี ทำให้สามารถจำแนกวิธีการหาค่าลิเนียริตีได้ 3 วิธีคือ Endpoint linearity Independent straight-line linearity และ Least squares linearity ซึ่งในการทดลองจะใช้วิธีการหาค่าแบบ Least squares linearity เนื่องจากเป็นวิธีการที่นิยมใช้ที่สุดเพราะเส้นตรงที่ได้มาจากวิธีการทางสถิติ(วิธีกำลังสองน้อยที่สุด)

4. **ค่าฮิสเตอร์เรซิส (hysteresis)** เป็นค่าที่แสดงถึงความเสียดทานภายใน (internal friction) ของเครื่องมือวัดที่แสดงในรูปเปอร์เซ็นต์แบบฟูลสเกล (full scale) ความแตกต่างมากที่สุดระหว่างผลการวัดเมื่อเพิ่มอินพุตกับผลการวัดเมื่อลดอินพุต

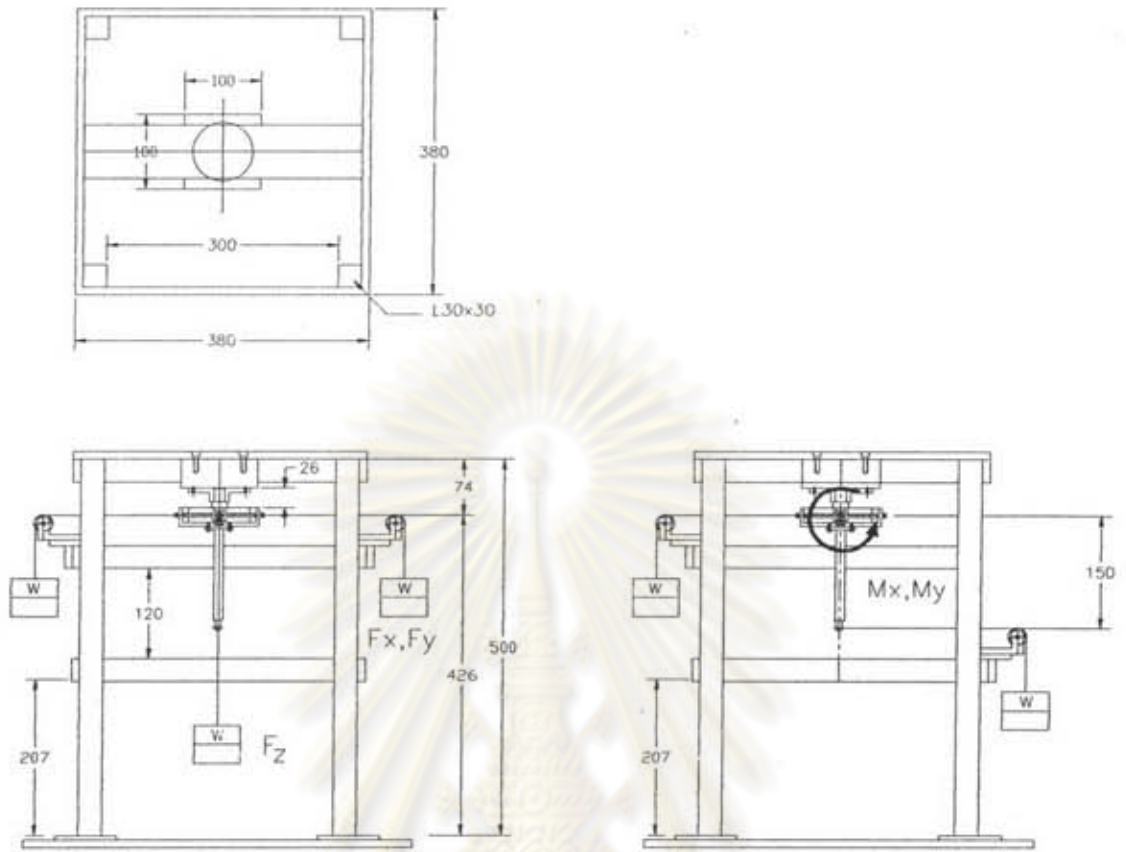
#### การตรวจสอบผลการวัดแรงและโมเมนต์

ในการทดลองในขั้นตอนนี้จะเป็นการใช้อุปกรณ์วัดแรงในการวัดค่าของแรงและโมเมนต์ในทิศทางแกน X Y และ Z เพื่อพิจารณาถึงผลการวัดและผลกระทบของแรงและโมเมนต์ในทิศทางใดทิศทางหนึ่งต่อการวัดในทิศทางอื่น ๆ โดยในการทดลองจะทำการออกแรงหรือโมเมนต์หลายค่ากระทำในทิศทางเดียวแล้วทำการคำนวณวัดค่าแรงและโมเมนต์ที่เกิดขึ้นและพิจารณาถึงผลที่มีต่อการวัดในทิศทางอื่นๆ ในรูปของเปอร์เซ็นต์แบบฟูลสเกล (fullscale) ของแต่ละแนวแกน

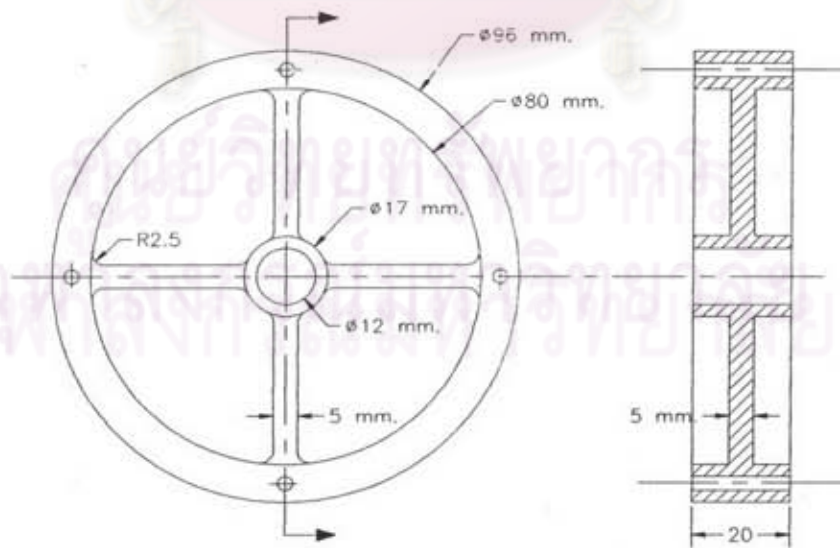


### อุปกรณ์ที่ใช้ในการทดลอง

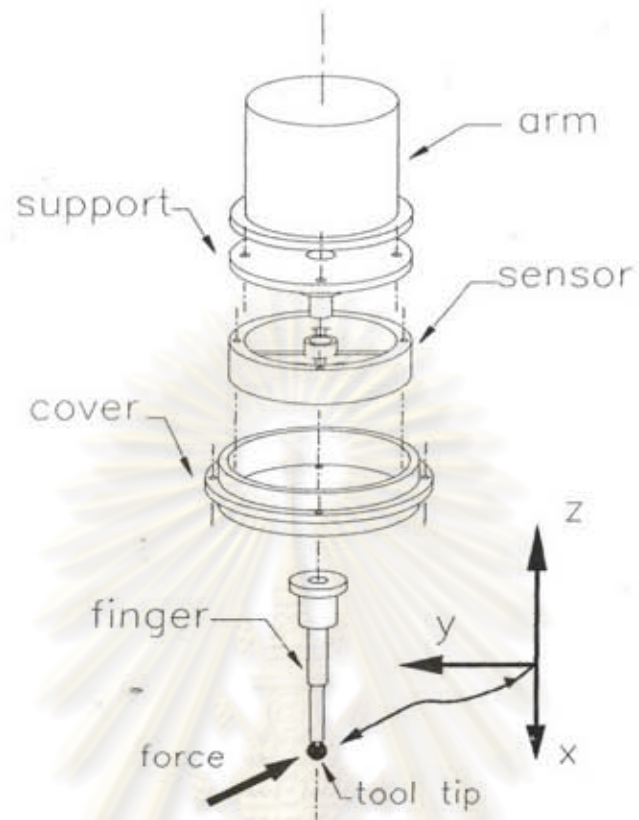
1. Bond resistance strain gauge B-FAE-5-12-T11 ผลิตโดย บริษัท MINIBEA Co.,Ltd. เกจแฟลคเตอร์  $2.05 \pm 1\%$  ความต้านทาน  $120 \pm 0.2\%$  โอห์ม ความยาวเกจ 5 มิลลิเมตร จำนวนใช้งาน 16 ตัว
3. ชุดโต๊ะปรับเทียบค่าที่สามารถออกแรงกระทำและโมเมนต์ที่รู้ค่าได้ ตามรูปที่ 6.1
2. โครงสร้างอุปกรณ์วัดแรงที่ทำจากชิ้นงานอลูมิเนียมขึ้นเคียวกัดขึ้นรูป พร้อมชิ้นส่วนประกอบ ลักษณะตามรูปที่ 6.2 และ 6.3
4. มวลมาตรฐานขนาด 0.5 ปอนด์ (2.23 นิวตัน) และขนาด 1 ปอนด์ (4.46 นิวตัน)
6. มอเตอร์ไฟฟ้ากระแสตรง 24 โวลต์พร้อมเกียร์ทดขนาด 60.5:1 รุ่น GM8713ES45 ของบริษัท PITTMAN สำหรับการปรับสมดุลของวงจรวัดจำนวน 8 ตัว
7. ชุดลิเนียร์เพาเวอร์แอมพลิไฟเออร์ แบบโวลต์เทจฟีดแบค ขนาดความสามารถจ่ายกระแสได้ 2 แอมแปร์ ขนาดการขยายสัญญาณแรงดัน 2.1 เท่า ขนาดแรงดันเอาต์พุตสูงสุด 25 โวลต์
8. ชุดขยายสัญญาณ (Strain amplifier) ขนาดอัตราขยายสัญญาณ 1732 เท่าพร้อมกับชุดวงจรวัด ชุดโพรเทนซิโอมิเตอร์ปรับสมดุล และชุดกรองสัญญาณรบกวนความถี่สูง จำนวน 8 ชุดโดยจำกัดค่าความต่างศักย์ไฟฟ้าสูงสุดในการขยายสัญญาณที่  $\pm 12$  โวลต์
9. อุปกรณ์สวิตช์เลือกช่องสัญญาณสำหรับควบคุมมอเตอร์ไฟฟ้ากระแสตรงในข้อที่ 6 สำหรับ ปรับวงจรวัดสมดุล สามารถเลือกช่องทางการควบคุมเอาต์พุตได้จำนวน 8 ช่องสัญญาณ จากสัญญาณเข้า 1 ช่องสัญญาณ
10. แหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสตรงความต่างศักย์ 6 โวลต์ และ 12 โวลต์ จ่ายกระแสไฟฟ้าได้สูงสุด 2 แอมป์
11. อุปกรณ์รับส่งและแปลงสัญญาณข้อมูลแบบ Analog to Digital Converter และ Digital to Analogue Converter ขนาดความละเอียด 12 บิต สามารถอ่านค่าสัญญาณได้ 16 ช่อง และส่งสัญญาณออกได้ 2 ช่อง พร้อมกับ digital input output ขนาด 16 บิต ความเร็วสูงสุดในการอ่านข้อมูลแต่ละช่องสัญญาณ น้อยกว่า 30 ไมโครวินาที ของบริษัท Advantech Co., Ltd. รุ่น PCL-712
12. เครื่องคอมพิวเตอร์ขนาด 32 บิต สำหรับใช้ในการรับค่าและคำนวณพร้อมทั้งแสดงผล จำนวน 1 เครื่อง



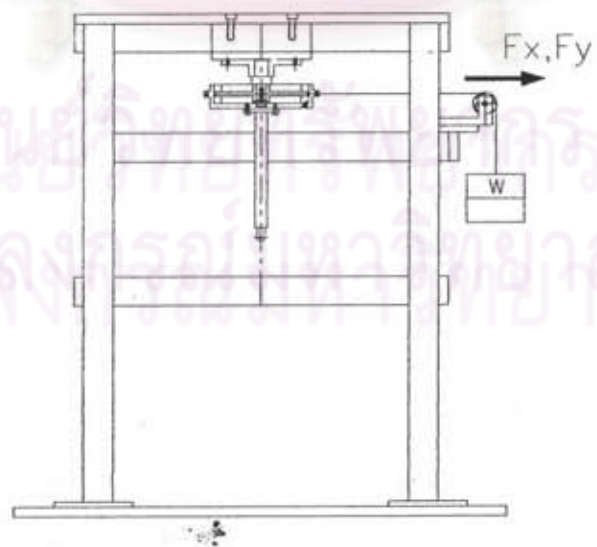
รูปที่ 6.1 ชุดโต๊ะเครื่องมือในการปรับเทียบค่า



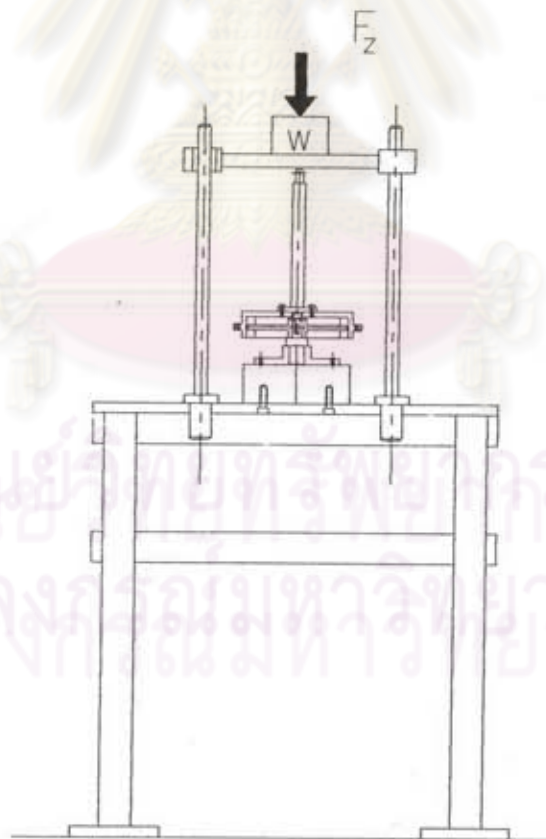
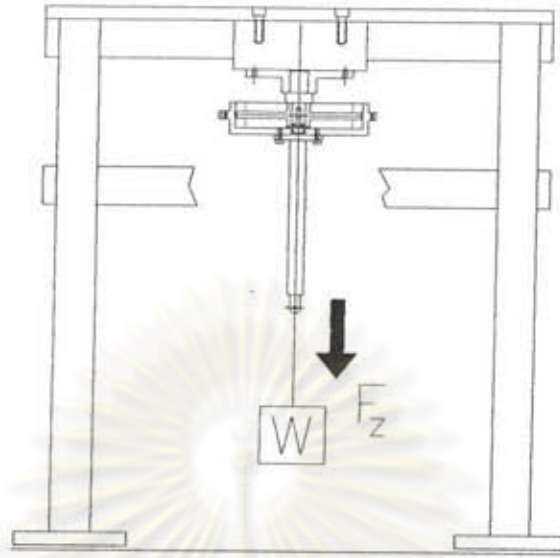
รูปที่ 6.2 อุปกรณ์วัดแรง



รูปที่ 6.3 ภาพประกอบอุปกรณ์วัดแรง

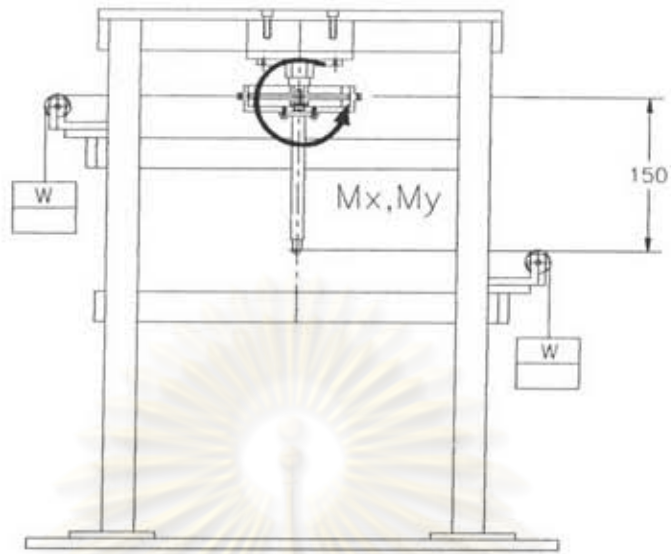


รูปที่ 6.4 แสดงการปรับเทียบค่าแรง  $F_x$  และ  $F_y$

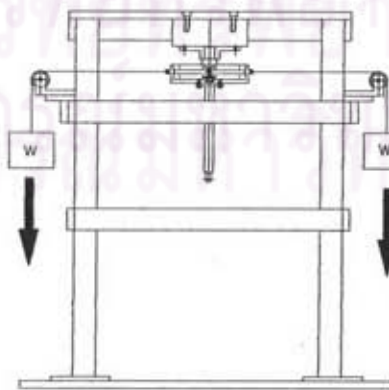
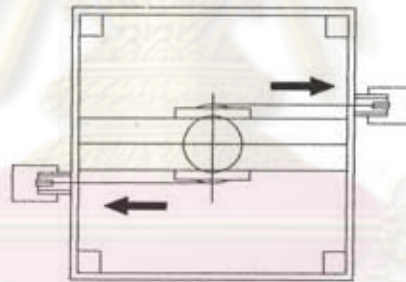


รูปที่ 6.5 แสดงการปรับเทียบค่าแรง  $F_z$





รูปที่ 6.6 การปรับเทียบค่าโมเมนต์  $M_x$  และ  $M_y$



รูปที่ 6.7 การปรับเทียบค่าโมเมนต์  $M_z$