

การดำเนินการวิจัย

ลักษณะของฮีสทีโอสแตทที่ใช้ในการวิจัย

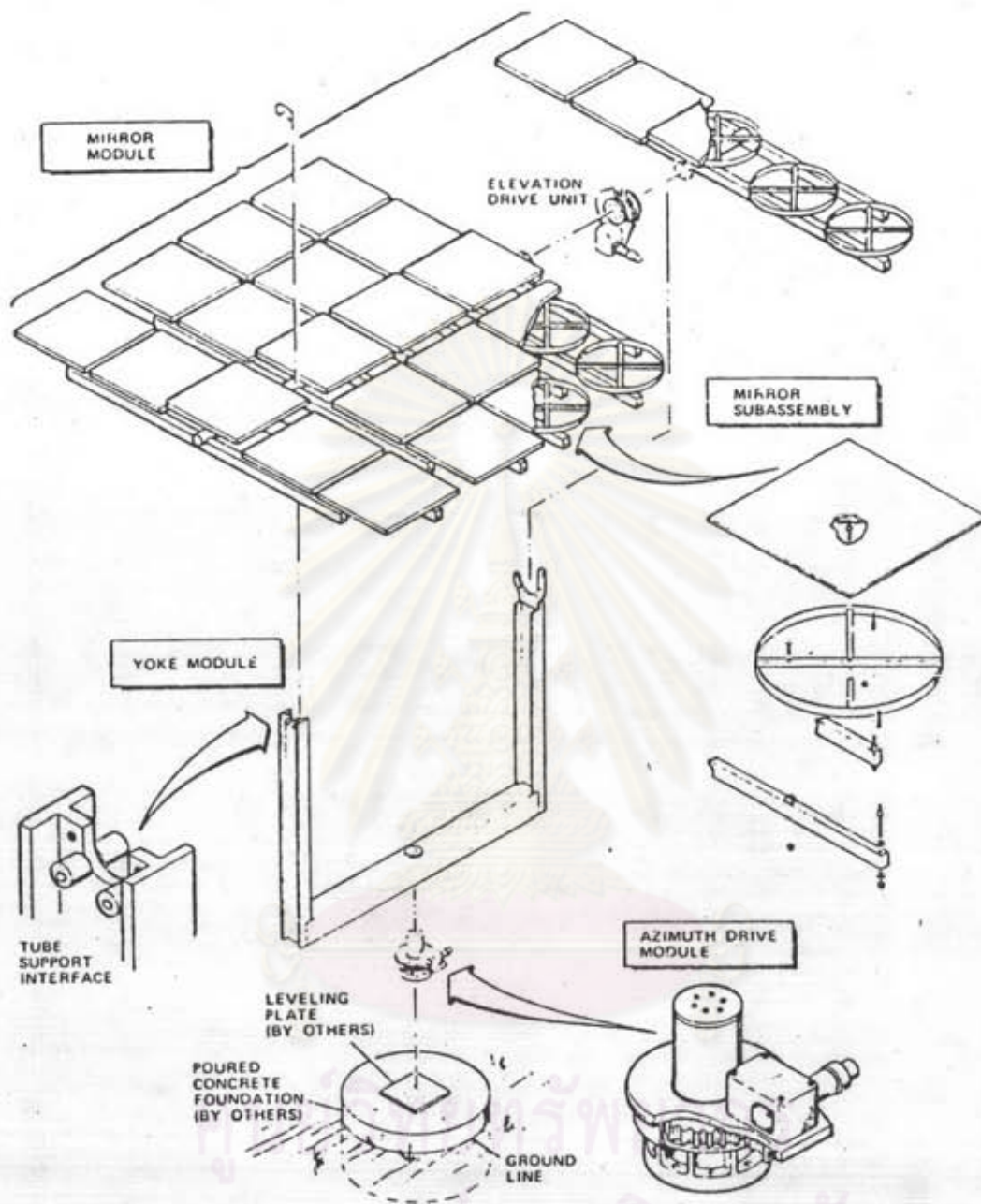
ฮีสทีโอสแตทที่ใช้โดยทั่วไปประกอบด้วยกระจกสะท้อนแสง โครมียึคกระจกให้ติดกับโครงสร้างสะท้อนแสง อุปกรณ์ขับเคลื่อนตามดวงอาทิตย์ ดังแสดงในรูปที่ 3.1 ดังนั้นการวิจัยฮีสทีโอสแตทชนิดกระจกแผ่นราบประกอบด้วย จำเป็นจะต้องกำหนดขอบเขตและรูปแบบของฮีสทีโอสแตทที่ใช้โดยจำแนกตามลักษณะและวิธีการขับเคลื่อนได้ดังนี้

ก. ลักษณะของผิวสะท้อนแสง ประกอบด้วยกระจกเงารูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าจำนวน 16 บาน โดยทุกบานมีขนาดเท่ากันหมด ยึดติดอยู่บนโครงสร้างสะท้อนแสงโดยปรับความเอียงของผิวกระจกแต่ละบานตามค่ารัศมีความโค้งที่ได้จากโปรแกรม

ข. ระบบการหมุนตามดวงอาทิตย์ ฮีสทีโอสแตทที่ใช้อยู่ในปัจจุบันมีระบบการหมุนตามดวงอาทิตย์ 2 แบบด้วยกันคือ แบบ Equatorial Mounting และ Altazimuth Mounting (ทั้งรายละเอียดภาคผนวก ค.) ในการวิจัยนี้ได้เลือกใช้ระบบการหมุนตามดวงอาทิตย์แบบ Altazimuth Mounting ซึ่งใช้กับฮีสทีโอสแตทขนาดใหญ่เป็นหลักในการวิจัย

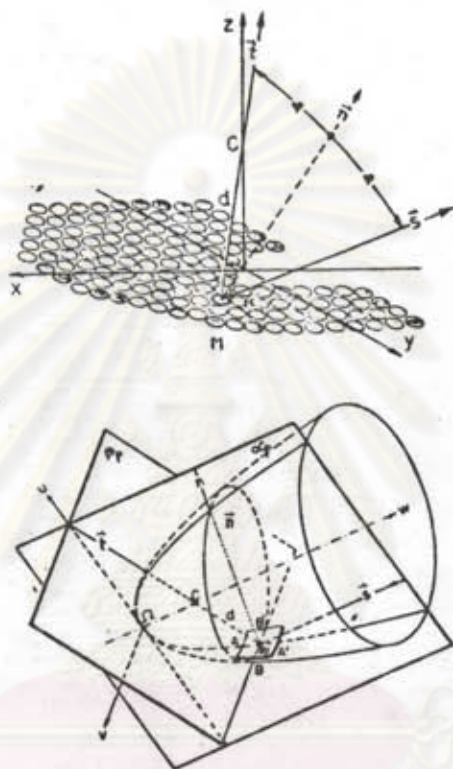
การหารัศมีความโค้งของผิวสะท้อนแสง

การกำหนดค่ารัศมีความโค้งเพื่อใช้ปรับความเอียงของผิวกระจกแต่ละบานนั้นย่อมมีผลโดยตรงต่อขนาดของภาพสะท้อนรวม (Composite image) ที่ปรากฏบนระนาบของตัวรับด้วยเหตุนี้จำเป็นต้องศึกษาวิธีการหาค่ารัศมีความโค้งที่เหมาะสมซึ่งจะทำให้ได้ขนาดของภาพสะท้อนรวมไม่ใหญ่จนเกินไปและมีขนาดไม่แตกต่างกันมากนัก



รูปที่ 3.1 แสดงลักษณะทั่ว ๆ ไปของฮีลิโอสแตติกกระจกแผ่นราบประกอบ
ซึ่งใช้ระบบการหมุนตามดวงอาทิตย์แบบ Altazimuth Mounting

ก. การหาค่ารัศมีความโค้งจากมุมตกกระทบออกแนว (ψ_s) เนื่องจากทิศทางของรังสีสะท้อนที่ออกจากกระจกไปยังตัวรับมีค่าคงที่แต่ทิศทางของรังสีควงอาทิตย์ที่ตกกระทบมีค่าเปลี่ยนแปลงตามการเคลื่อนที่ของควงอาทิตย์เป็นผลให้ค่ามุมตกกระทบที่เกิดขึ้นในเวลาต่าง ๆ มีค่าเปลี่ยนแปลงไป ซึ่งเป็นผลให้ค่ารัศมีความโค้งของผิวสะท้อนต้องเปลี่ยนตามไปด้วย พิจารณารูปที่ 3.2



รูปที่ 3.2 แสดงผิวสะท้อนรูปพาราโบลอยด์ซึ่งทำให้รังสีสะท้อนไปรวมกันที่จุด c

ให้ c เป็นจุดกึ่งกลางของตัวรับ, m เป็นกระจกสะท้อนแสง, a เป็นระยะทางจากกระจกถึงตัวรับ โดยมี r , i , และ a เป็นหน่วยเวกเตอร์ของรังสีควงอาทิตย์, รังสีสะท้อนและหน่วยเวกเตอร์แนวฉากของผิวสะท้อน ตามลำดับ ฉะนั้นถ้าต้องการให้รังสีสะท้อนที่ออกจากกระจก m ไปรวมกันที่จุด c จะต้องให้หน่วยเวกเตอร์ i ชนากับแกนกลางของรูปพาราโบลอยด์ และผิวของกระจก m จะต้องเป็นผิวโค้งรูปพาราโบลอยด์ (Paraboloid Mirror) เท่านั้น ให้ α_p เป็นระนาบรังสีตก-สะท้อนซึ่งเรียกว่า Tangential

Plane ระนาบนี้จะตัดผ่านแกนกลางของรูปพาราโบลอยด์ทำให้เกิดส่วนโค้ง AA' และให้ β_p เป็นระนาบที่ตั้งฉากกับระนาบรังสีตก-สะท้อน เรียกว่า Sagittal Plane ระนาบนี้จะอยู่ในแนวของรังสีสะท้อนซึ่งจะตัดผ่านจุดกึ่งกลางของตัวรับไปยังกระจก ทำให้เกิดส่วนโค้ง BB' ส่วนโค้งทั้งสองนี้ทำให้กระจก M สะท้อนแสงไปรวมกันที่จุด C เมื่อทิศทางของรังสีควงอาทิตย์อยู่ในแนวแกนของรูปพาราโบลอยด์

เนื่องจากขนาดของกระจกที่ใช้งานมีค่าน้อยมากเมื่อเทียบกับระยะ d ดังนั้นสามารถแทนส่วนโค้ง AA' และ BB' ซึ่งเป็นส่วนโค้งของรูปพาราโบลอยด์ด้วยค่ารัศมีมีความโค้ง R_u และ R_v ตามลำดับ จากสมการทั่วไปของรูปพาราโบลอยด์ในระบบแกนพิกัด u, v และ w โดยให้แกน w เป็นแกนกลางของรูปพาราโบลอยด์จะได้

$$u^2 + v^2 = (4P)w \quad \dots\dots\dots (3.1)$$

จากสมการที่ (3.1) สามารถเขียนให้อยู่ในเทอมของมุมรังสีตกกระทบและระยะทาง d (รายละเอียดภาคผนวก ง.) จะได้ว่า

$$u^2 + v^2 = [4d \cdot \cos^2(\psi)] \cdot w \quad \dots\dots\dots (3.2)$$

เมื่อ ψ = มุมรังสีตกกระทบ

P = เป็นความยาวโฟกัสของรูปพาราโบลอยด์

ให้ R_v เป็นรัศมีมีความโค้งใด ๆ ของสมการที่ (3.2) อาศัยสมการทางคณิตศาสตร์หาค่ารัศมีมีความโค้งจะได้

$$R_v = \left[1 + \left(\frac{du}{dw} \right)^2 \right]^{\frac{3}{2}} / (du^2/dw^2) \quad \dots\dots\dots (3.3)$$

เมื่อแทนสมการที่ (3.1) ในสมการที่ (3.3) จะได้

$$R_v = [u^2 + 4p^2]^{\frac{3}{2}} / 4p^2 \quad \dots\dots\dots (3.4)$$

ฉะนั้นค่ารัศมีความโค้งที่จุดยอดกรวยจะได้

$$R_v = 2P = (2 \cdot d) \cos^2(\psi) \quad \dots\dots\dots (3.5)$$

จากค่า R_v สามารถหาค่า R_t และ R_s ได้จากสมการของ Conic Mirrors [22] จะได้

$$R_t = R_v / \cos^3(\psi) = 2d / \cos(\psi) \quad \dots\dots\dots (3.6)$$

$$R_s = R_v / \cos(\psi) = 2d \cdot \cos(\psi) \quad \dots\dots\dots (3.7)$$

จากสมการที่ (3.6) และ (3.7) ค่ารัศมีความโค้ง R_t และ R_s จะขึ้นอยู่กับค่ามุม (ψ) แต่การใช้งานจริงค่ามุม ψ จะเปลี่ยนแปลงตามการเคลื่อนที่ของดวงอาทิตย์ จึงเป็นผลให้ค่ารัศมีความโค้ง R_t และ R_s ของผิวสะท้อนเปลี่ยนแปลงไปด้วย ดังนั้นจึงต้องหาค่ารัศมีความโค้งเฉลี่ยมาใช้เพื่อให้ปริมาณพลังงานที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับได้มากที่สุด นั่นก็คือต้องเลือกค่ามุมตกกระทบที่เหมาะสมมาใช้หาค่า R_t และ R_s

ให้ ψ_i เป็นค่ามุมตกกระทบที่ใช้หาส่วนโค้งของผิวกระจก (i เป็นค่าตัวแปรจากค่า \min ถึง \max) $\rho_i(\psi_i)$ เป็นค่าปริมาณพลังงานรวมที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับ ณ มุมตกกระทบ ψ และ $E(\psi_i)$ เป็นค่าปริมาณพลังงานรวมทั้งหมดที่เข้าสู่ตัวรับตั้งแต่มุมตกกระทบต่ำสุด (ψ_{\min}) ถึงมุมตกกระทบสูงสุด (ψ_{\max}) จะได้

$$E(\psi_i) = \int_{\psi_{\min.}}^{\psi_{\max.}} \rho_i(\psi_i) \cdot d\psi \quad \dots\dots\dots (3.8)$$

ให้ค่า ψ_s เป็นค่ามุมตกกระทบที่ใช้ออกแบบผิวโค้งของกระจกมีค่าอยู่ระหว่าง $\psi_{\min.}$ และ $\psi_{\max.}$ ซึ่งทำให้ $E(\psi_s) = E(\psi_t)_{\max.}$ ดังนั้นคาร์ซีมีมีความโค้งที่เหมาะสมจะได้

$$R_t = 2d./\cos(\psi_s) \quad \dots\dots\dots (3.9)$$

$$R_s = 2d.\cos(\psi_s) \quad \dots\dots\dots (3.10)$$

ส่วนโค้งของผิวกระจกที่โค้งนี้จะเป็นส่วนหนึ่งของผิวรูปทอไรด์ (Toroidal-Surface) ซึ่งมีคาร์ซีมีความโค้งทั้งสองไม่เท่ากัน ในกรณีที่มีมุมตกกระทบเป็นศูนย์จะได้ค่า $R_t = R_s$ ซึ่งก็คือส่วนโค้งของทรงกลมนั่นเอง

ข. ปรับความเอียงของผิวกระจกตามเวลาที่ใช้ออกแบบ (T_s) เป็นวิธีการปรับให้รังสีสะท้อนที่เกิดจากจุดกึ่งกลางของกระจกแผ่นราบประกอบแต่ละบานไปรวมกันที่จุดกึ่งกลางของตัวรับ ซึ่งจะได้อะไรของความเอียงของผิวกระจกที่จุดกึ่งกลางเป็นส่วนหนึ่งของผิวโค้งรูปพาราโบลอยด์คล้ายกับวิธีแรก ผลจากการเคลื่อนที่ของดวงอาทิตย์ทำให้ในเวลาอื่น ๆ ต้องปรับความเอียงของกระจกตามไปด้วยเพื่อให้รังสีสะท้อนไปรวมที่จุดกึ่งกลางของตัวรับตลอดเวลา แต่ในการใช้งานจริงการปรับยึกแผ่นกระจกดังกล่าวจะทำเพียงครั้งเดียวในขณะติดตั้งฮีลิโอสแตท ดังนั้นจะต้องหาค่าเฉลี่ยความเอียงของผิวกระจกซึ่งอยู่ในเทอมของเวลาที่ใช้ออกแบบซึ่งทำให้ปริมาณพลังงานที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับมีค่าเฉลี่ยสูงสุดในรอบปีก็คล้ายกับวิธีแรกที่ทำอยู่ในเทอมของมุมตกกระทบออกแบบ แต่วิธีนี้เป็นวิธีที่สะดวกและง่ายต่อการจัดทำโปรแกรมโดยหลักการหาดังนี้

ให้ T_I เป็นเวลาที่ใช้ออกแบบมีค่าอยู่ระหว่าง T_0 ถึง T_L เมื่อ T_0 เป็นเวลาเริ่มต้นที่ให้รังสีสะท้อนเข้าสู่ตัวรับ และ T_L เป็นเวลาสุดท้ายที่มีการสะท้อนแสงเข้าสู่ตัวรับ จะได้

$$T_b \ll T_I \ll T_L \quad \dots\dots\dots (3.11)$$

$$\text{หรือ } T_{I=1} = T_b, T_{I=2}, \dots\dots\dots, T_{I=n-1}, T_{I=n} = T_L \quad \dots\dots\dots (3.12)$$

ให้ $E_I(t)$ เป็นค่าปริมาณพลังงานที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับที่เวลา t ใด ๆ เมื่อปรับความเอียงของผิวกระจก ณ เวลาออกแบบ T_I จะได้

$$E_I(t) = \rho_m \cdot A_f(t) \cdot \cos(\psi_t) \phi(t) \quad \dots\dots\dots (3.13)$$

- เมื่อ ρ_m = ค่าสัมประสิทธิ์การสะท้อนแสงของกระจก
 $A_f(t)$ = เป็นค่าพื้นที่ของกระจกที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับที่เวลา t
 $\phi(t)$ = ค่าความเข้มรังสีตรงที่เวลา t
 ψ_t = มุมรังสีตกกระทบที่เวลา t

ฉะนั้นปริมาณพลังงานทั้งหมดที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับในรอบปีจะได้

$$E_I = \int_0^{365} \int_{t_b}^{t_L} \rho_m \cdot A_f(t) \cdot \cos(\psi_t) \cdot \phi(t) \cdot dt \cdot dn \quad \dots\dots\dots (3.14)$$

ให้ T_s เป็นเวลาออกแบบที่ใช้ปรับความเอียงของผิวกระจกซึ่งเป็นผลให้ค่าปริมาณพลังงานที่เข้าสู่ตัวรับในรอบปีมีค่าสูงสุด นั่นก็คือ

$$E_s = E_I(\max) \quad \dots\dots\dots (3.15)$$

การหาค่า E_I ในสมการที่ (3.14) นั้น ต้องหาค่าปริมาณพลังงานทุก ๆ วันในรอบปีซึ่งยุ่งยากในการคำนวณหาค่า และเนื่องจากทิศทางและความเข้มของรังสีดวงอาทิตย์ที่ตกบนพื้นโลกจะเปลี่ยนแปลงตามค่ามุมฤดูกาล กว้างเหตุนี้นี้จึงได้กำหนดวันที่ใช้คำนวณหาค่าปริมาณพลังงาน

เพื่อใช้ในการออกแบบ 4 วันด้วยกัน คือ วันที่ 21 ธันวาคม, 21 มีนาคม, 21 มิถุนายน และ 21 กันยายน ตรงกับค่ามุมฤดูกาล -23.45° , 0° , 23.45° และ 0° ตามลำดับ ซึ่งมีค่าความเข้มรังสีตรงเท่ากับ

$$\phi(i, j) = I_b(\tau_i, \delta_j) \dots\dots\dots (3.16)$$

เมื่อ $\phi(i, j)$ เป็นค่าความเข้มรังสีตรงที่มุมชั่วโมง i และมุมฤดูกาล j
 τ_i เป็นค่ามุมชั่วโมงที่ i
 δ_j เป็นค่ามุมฤดูกาล ($\delta_1 = -23.45^\circ$)

ฉะนั้นเมื่อแทนค่า $\phi(i, j)$ ในสมการที่ (3.14) จะได้

$$E_I = \int_j \int_i \rho_m A_f(i) \cdot \cos(\psi_i) \cdot \phi(i, j) di \cdot dj \dots\dots\dots (3.17)$$

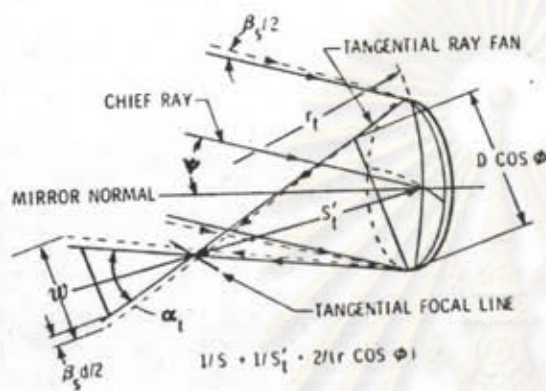
สมการที่ (3.17) นี้ใช้คำนวณหาค่าปริมาณพลังงาน E_I ที่เข้าสู่ตัวรับเมื่อปรับยี่มุมกระจก ณ เวลา T_I ดังนั้นเมื่อเปลี่ยนค่าจาก $T_I = T_b$ ถึง $T_I = T_L$ จะได้อ่า E_I ต่าง ๆ หลายน่ามาเปรียบเทียบหาค่า $E_I(max)$ ซึ่งมีค่าสูงสุดก็จะได้ค่า T_g ที่เหมาะสมในการปรับยี่มุมกระจก

การหาขนาดของภาพสะท้อน

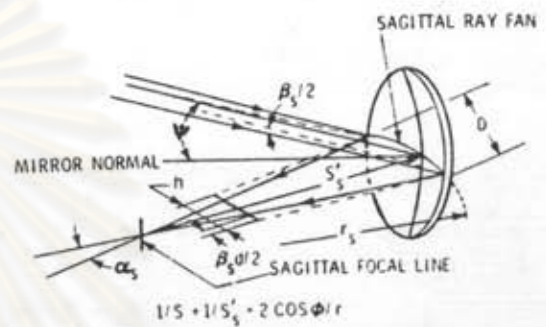
การคำนวณหาค่าปริมาณพลังงานในส่วนที่เข้าสู่ตัวรับนั้นจำเป็นต้องหาขนาดของภาพสะท้อนที่ปรากฏบนระนาบของรับแสงซึ่งประกอบด้วยหลักการดังนี้

ก. ขนาดของภาพสะท้อนที่เกิดจากกระจกโค้ง เนื่องจากมุมรังสีตกกระทบมีค่าเปลี่ยนไปตามทิศทางการเคลื่อนที่ของดวงอาทิตย์ทำให้ระยะโฟกัสที่ได้ในเวลาต่าง ๆ มีค่าแปรตามไปด้วย เป็นผลให้ขนาดของภาพสะท้อนที่เกิดจากกระจกโค้งมีขนาดใหญ่ขึ้นกว่าเดิม

พิจารณารูปที่ 3.3ก แสดงขนาดของภาพสะท้อนกว้าง w ในระนาบของรังสีตก-สะท้อนซึ่งเกิดจากระจกโค้งขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง D รัศมีความโค้ง R_t ที่มุมรังสีตกกระทบ ψ และรูปที่ 3.3ข แสดงขนาดความยาวของภาพสะท้อน h ซึ่งเกิดจากรัศมีความโค้ง R_s ในระนาบแนวฉากกับระนาบรังสีตก-สะท้อน (Sagittal plane)



รูปที่ 3.3 ก



รูปที่ 3.3 ข

รูปที่ 3.3 แสดงความกว้างและความยาวของภาพสะท้อนที่เกิดจากระจกโค้งรัศมี R_t และ R_s ที่มุมรังสีตกกระทบ ψ

จากสมการของ Coddington ซึ่งกล่าวถึงความสัมพันธ์ระหว่างวัตถุ, ภาพสะท้อน และระยะทางที่เกิดจากระจกโค้งโดยมีมุมรังสีตกกระทบ ψ จากสมการดังกล่าวสามารถหาระยะโฟกัสและขนาดของภาพสะท้อนในแต่ละระนาบได้ดังนี้

1. ระนาบรังสีตก-สะท้อน (Tangential Plane)

ระยะโฟกัส $S'_t = R_t \cdot \cos(\psi) / 2$ (3.19)

มุมสู่เข้าของรังสี $\alpha_t = D \cdot \cos(\psi) / S_t = 2 \cdot D / R_t$ (3.20)

$$\text{ขนาดภาพสะท้อน } w = \alpha_t \cdot |(d - s'_t)| + \beta_s \cdot d \quad \dots\dots\dots (3.21)$$

2. ระนาบที่ตั้งฉากกับระนาบรังสีตก-สะท้อน (Sagittal Plane)

$$\text{ระยะโฟกัส } s'_s = R_s \cdot \sec(\psi) / 2 \quad \dots\dots\dots (3.22)$$

$$\text{มุมลู่เข้าของรังสี } \alpha_s = 2 \cdot D \cdot \cos(\psi) / R_s = D / s'_s \quad \dots\dots\dots (3.23)$$

$$\text{ขนาดภาพสะท้อน } h = \alpha_s \cdot |(s'_s - d)| + \beta_s \cdot d \quad \dots\dots\dots (3.24)$$

เมื่อ d = ระยะทางจากกระจกถึงตัวรับ

D = ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของกระจกโค้ง

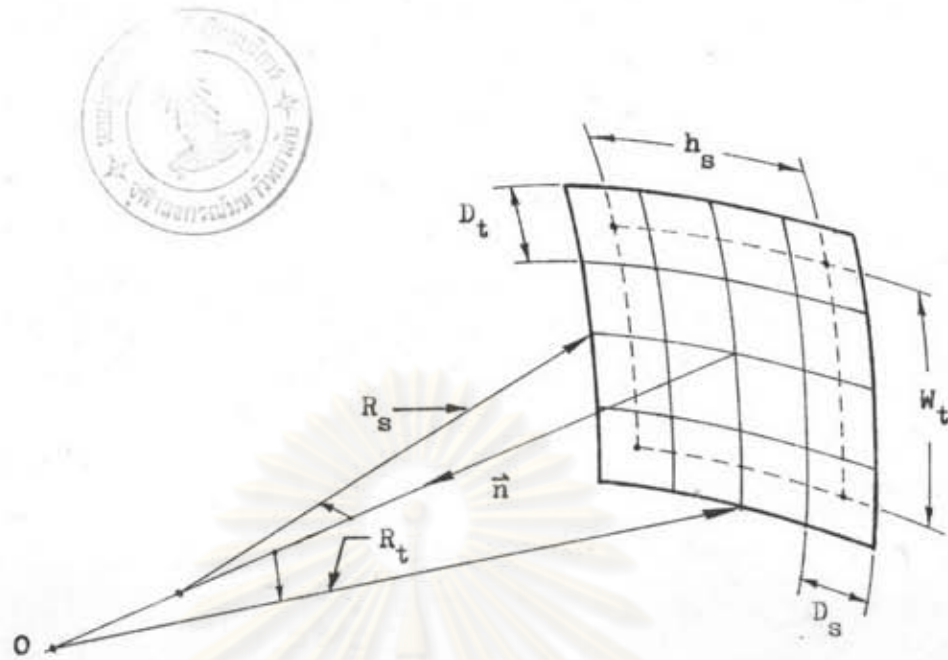
β_s = มุมลู่เข้าของรังสีควงอาทิตย์มีค่าเท่ากับ 9.3 มิลลิเรเดียน

สำหรับฮีลิโอสแตทแบบใช้กระจกโค้งแน่นอนเคียวมีขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง D โดยมี ψ_s เป็นมุมตกกระทบบนแบบ ฉะนั้นเมื่อแทนค่าต่าง ๆ ในสมการที่ (3.21) และ (3.24) จะได้

$$h = D \cdot \cos(\psi) \cdot |1/\cos(\psi) - 1/\cos(\psi_s)| + \beta_s \cdot d \quad \dots (3.25)$$

$$\text{และ } w = D \cdot |\cos(\psi_s) - \cos(\psi)| + \beta_s \cdot d \quad \dots\dots\dots (3.26)$$

ข. ขนาดของภาพสะท้อนที่เกิดจากกระจกแผ่นราบประกอบ สำหรับฮีลิโอสแตทที่มีผิวสะท้อนแสงเกิดจากการใช้กระจกแผ่นราบประกอบหลาย ๆ บานมาวางเรียงกันโดยปรับให้เส้นแนวฉากจากจุดกึ่งกลางของกระจกแต่ละบานไปรวมกันที่จุดศูนย์กลางของรัศมีความโค้ง R_t และ R_s ในแต่ละระนาบขนาดของภาพสะท้อนที่เกิดจากแผ่นกระจกเหล่านี้จะขึ้นอยู่กับขนาดและจำนวนแผ่นกระจกที่ใช้



รูปที่ 3.4 แสดงลักษณะผิวสะท้อนแสงซึ่งประกอบด้วยกระจกแผ่นราบ
16 บาน วางเรียงตามคาร์ซีมีความโค้ง R_t และ R_s

ให้ d_t และ d_s เป็นความกว้างและยาวของแผ่นกระจกในระนาบของรัศมี
ความโค้ง R_t และ R_s ตามลำดับ ดังรูปที่ 3.4 โดยมี w_t และ h_s เป็นขนาด
ความกว้างและยาวของผิวสะท้อนแสงซึ่งวัดจากจุดกึ่งกลางของแผ่นกระจกริมสุดค้ำหนึ่งถึง
อีกค้ำหนึ่ง ในแนวส่วนโค้งของรัศมี R_t และ R_s ตามลำดับ ฉะนั้นขนาดของภาพสะ
ท้อนที่เล็กที่สุด จะไม่เป็นจุดเหมือนกับกระจกโค้งแบบแบนเดี่ยวคือจะมีค่ามากกว่าหรือเท่ากับ
ขนาดของภาพสะท้อนที่เกิดจากกระจกแผ่นราบหนึ่งแผ่น ทั้งนี้ขนาดของภาพสะท้อนรวมใน
แต่ละระนาบหาได้ดังนี้

พิจารณารูปที่ 3.3 ก ขนาดความกว้างของภาพสะท้อนที่ได้รับจะอยู่นอกจุดโฟกัส
แต่รูปที่ 3.3 ข ระยะโฟกัสจะอยู่เลยระยะภาพ เมื่อเทียบกับรูปที่ 3.4 ถ้าให้รังสีสะท้อนที่
ออกจากจุดกึ่งกลางของกระจกแผ่นราบทั้ง 16 บาน จะพบว่าจุดกึ่งกลางของกระจกแผ่นราบ

ที่อยู่ในมุมทั้ง 4 จะเป็นจุดที่ทำให้เกิดภาพใหญ่ที่สุด ค่ายเหตุนี้จึงได้แยกการหาขนาดของภาพสะท้อนจากกระจกแผ่นราบประกอบออกเป็น 2 ส่วน คือ ขนาดของภาพที่เกิดจากจุดกึ่งกลางของกระจกแผ่นราบแต่ละบานและภาพที่เกิดจากค้ำขอบของกระจกแผ่นราบ ดังนั้นขนาดรวมของภาพสะท้อนจะได้

$$W = w'_t + D'_t \quad \dots\dots\dots (3.27)$$

จากสมการที่ (3.26) จะได้ $w'_t = w$ และ D'_t หาได้จากภาคผนวก จ. ดังนั้นจะได้

$$W = W_t \cdot \left| \cos(\psi_s) - \cos(\psi) \right| + \frac{D_t}{2} \left[\cos(\psi + \alpha'_t) + \cos(\psi - \alpha'_t) \right] \cdot \sec(2 \cdot \alpha'_t) + \beta_s \cdot d \quad \dots\dots\dots (3.28)$$

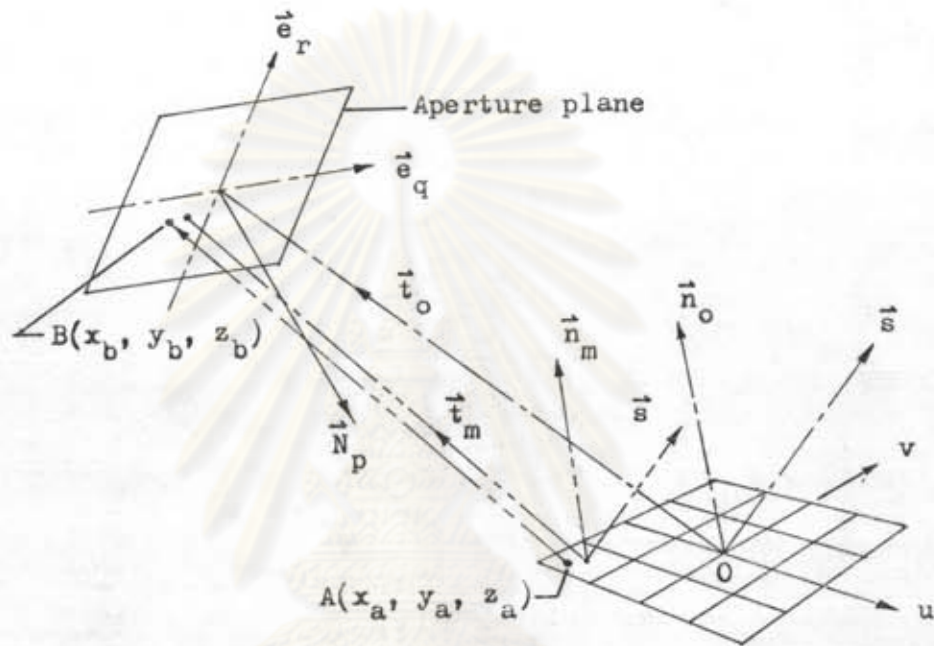
$$\text{เมื่อ } \alpha'_t = \tan^{-1} \left(\frac{W_t}{2R_t} \right)$$

ในทำนองเดียวกันขนาดของภาพสะท้อนที่ได้ในระนาบของรัศมีความโค้ง R_s ก็จะมีค่าเท่ากับค่า h ในสมการที่ (3.25) รวมกับค่าที่เกิดจากความยาวของกระจกแผ่นราบซึ่งแตกอยู่ในระนาบตัดขวางกับรังสีสะท้อนจะได้

$$H = h_s \cdot \left| 1 - \frac{\cos(\psi)}{\cos(\psi_s)} \right| + D_s \cdot \sec(\alpha'_s) + \beta_s \cdot d \quad \dots\dots (3.29)$$

$$\text{เมื่อ } \alpha'_s = \tan^{-1}(h_s \cdot \cos(\psi) / R_s)$$

ค. การหาภาพสะท้อนจากฮิลิโอสแคทที่ใช้ในการจัดทำโปรแกรม ในการจัดทำโปรแกรมหาลักษณะของภาพสะท้อนที่เกิดจากกระจกแผ่นราบประกอบแต่ละบานนั้นต้องอาศัยสมการทางเวกเตอร์ทำจุดตัดของรังสีสะท้อนกับระนาบของรับแสงของตัวรับ ดังแสดงในรูปที่ 3.5 ให้ \vec{s} เป็นหน่วยเวกเตอร์ของแสงอาทิตย์ตกบนจุด O ซึ่งเป็นจุดกึ่งกลางของโครง



รูปที่ 3.5 แสดงทิศทางของรังสีสะท้อนที่ออกจากกระจกแผ่นราบประกอบไปยังระนาบของตัวรับ

สะท้อนแสง โดยมี \vec{n}_o เป็นหน่วยเวกเตอร์แนวฉากของโครงนี้ อุปกรณ์หันตามดวงอาทิตย์จะควบคุมให้รังสีสะท้อน \vec{t}_o พุ่งตรงไปยังจุดกึ่งกลางของระนาบรับแสงตลอดเวลา ให้ \vec{n}_m เป็นหน่วยเวกเตอร์แนวฉากของแผ่นสะท้อนแสง m ซึ่งจะสัมพันธ์กับค่า \vec{n}_o (ขึ้นอยู่กับมุมเอียงที่ปรับยี่กระจกแผ่นราบประกอบติดกับโครงสะท้อนแสง) จากค่า \vec{s} และ \vec{n}_m

สามารถหาค่า \vec{t}_m ซึ่งเป็นหน่วยเวกเตอร์ของรังสีสะท้อนได้ ดังนั้นถ้าให้รังสีสะท้อนที่ออก
จากจุด A ซึ่งเป็นจุดใด ๆ อยู่บนกระจกแผ่นราบ m พุ่งไปตกกับระนาบของตัวรับที่จุด B
โดยมีทิศทางขนานกับหน่วยเวกเตอร์ \vec{t}_m แล้วจะได้จุด B เป็นจุดตกของรังสีสะท้อนที่เกิด
จากจุด A ฉะนั้นถ้าเคลื่อนจุด A ไปตามขอบของแผ่นกระจกก็จะได้ตำแหน่งของจุด B
เคลื่อนไปเป็นรูปของภาพสะท้อนที่เกิดจากแผ่นกระจก m ซึ่งมีหลักการหาดังนี้

ให้จุด A อยู่ที่ตำแหน่ง (x_a, y_a, z_a) และจุด B อยู่ที่ (x_b, y_b, z_b)
โดยมีทิศจาก A ไป B ขนานกับหน่วยเวกเตอร์ \vec{t}_m จะได้

$$\vec{AB} = L \cdot \vec{t}_m \quad \dots\dots\dots (3.30)$$

เมื่อ $\vec{AB} = (x_b - x_a)\vec{i} + (y_b - y_a)\vec{j} + (z_b - z_a)\vec{k}$

$$\vec{t}_m = (a_{tm})\vec{i} + (b_{tm})\vec{j} + (c_{tm})\vec{k}$$

$$L = \text{ค่าคงที่ใด ๆ}$$

ดังนั้นตำแหน่งของจุด B จะได้

$$x_b = x_a + a_{tm} \cdot L$$

$$y_b = y_a + b_{tm} \cdot L$$

$$z_b = z_a + c_{tm} \cdot L$$

$$\dots\dots\dots (3.31)$$

ให้ \vec{n}_p เป็นหน่วยเวกเตอร์แนวฉากของระนาบของรับแสงจะได้

$$\vec{n}_p = (a_p)\vec{i} + (b_p)\vec{j} + (c_p)\vec{k}$$

$$\dots\dots\dots (3.32)$$

จากค่า \vec{n}_p สามารถหาสมการของระนาบรับแสงซึ่งมีจุด B อยู่บนระนาบนี้จะได้

$$a_p \cdot x_b + b_p \cdot y_b + c_p \cdot z_b = d_p \quad \dots\dots\dots (3.33)$$

เมื่อ $d_p = a_p \cdot x_o + b_p \cdot y_o + c_p \cdot z_o$

เมื่อแทนค่าสมการที่ (3.31) ในสมการที่ (3.33) จะได้

$$d_p = a_p(x_a + a_{tm} \cdot L) + b_p(y_a + b_{tm} \cdot L) + c_p(z_a + c_{tm} \cdot L)$$

$$\therefore L = \frac{(d_p - a_p \cdot x_a - b_p \cdot y_a - c_p \cdot z_a)}{(a_p \cdot a_{tm} + b_p \cdot b_{tm} + c_p \cdot c_{tm})} \quad \dots\dots\dots (3.34)$$

เมื่อแทนค่า L ในสมการที่ (3.31) จะได้ตำแหน่งของภาพสะท้อน B ที่เกิดจากจุด A

จากหลักการดังกล่าวสามารถนำมาจัดทำโปรแกรมหาพื้นที่ของภาพสะท้อนเฉพาะในส่วนที่ผ่านช่องรับแสงเข้าสู่ตัวรับได้ โดยการแบ่งกระจกแผ่นรวมประกอบแต่ละบานออกเป็นพื้นที่เล็ก ๆ แล้วหาตำแหน่งจุดกึ่งกลางของพื้นที่เล็ก ๆ เหล่านี้ให้เป็นจุด A_i เมื่อแทนค่าต่าง ๆ ในสมการที่ (3.34) และ (3.31) แล้วก็จะได้ตำแหน่งของจุด B_i จากนั้นตรวจสอบเห็นว่าตำแหน่งของจุด B_i อยู่ภายในช่องรับแสงหรือไม่ ถ้าอยู่ที่คำนวณหาพื้นที่ของภาพสะท้อนที่เกิดจากพื้นที่เล็ก ๆ เหล่านี้ไว้รวมเป็นพื้นที่ของภาพสะท้อนทั้งหมดที่เข้าสู่ตัวรับจากกระจกแผ่นรวมดังกล่าว พิจารณารูปที่ 3.6 ให้กระจกแผ่นรวมประกอบมีขนาดกว้าง D_t และยาว D_s หน่วย ประกอบด้วยพื้นที่เล็ก ๆ ขนาดกว้าง ΔF_w และ ΔF_L หน่วย ให้ D_n เป็นจำนวนแถวของพื้นที่เล็ก ๆ ทั้งค่านกว้างและค่านยาว จะได้

$$\Delta F_L = D_s / D_n$$

$$\Delta F_w = D_t / D_n \quad \dots\dots\dots (3.35)$$

เพื่อความสะดวกในการหาค่าแห่งจุดกึ่งกลางของพื้นที่เล็ก ๆ แต่ละอันให้แกน x' และ y' ขนานกับขอบด้านยาวและด้านกว้างของกระจกโดยมีจุดกำเนิดอยู่ที่จุดกึ่งกลางของกระจก
 แผ่นรายประกอบ จากนั้นย้ายแกน x' และ y' มาที่ขอบกระจก ดังรูปที่ 3.6 จะได้

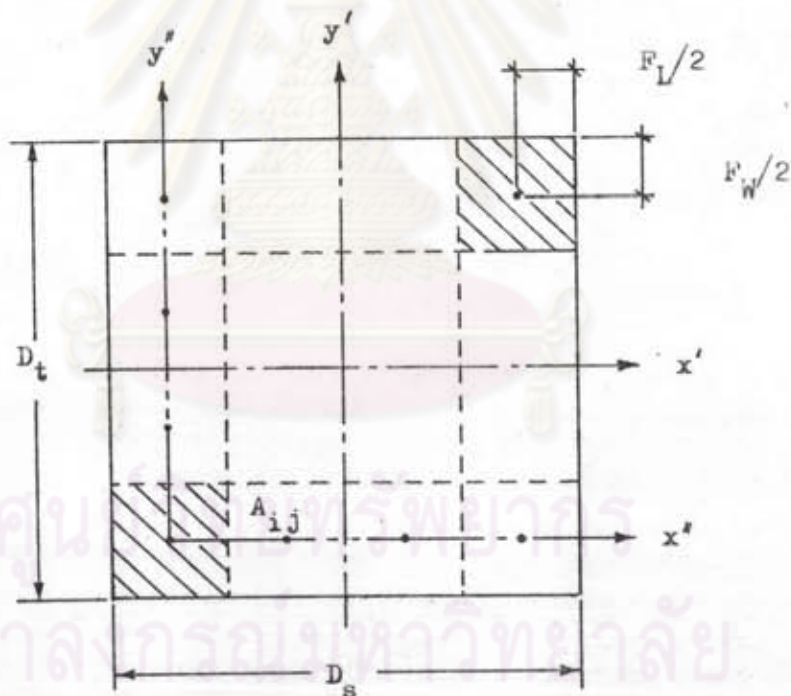
$$A_{ij} = (x'_{ij}, y'_{ij}) \dots\dots\dots (3.36)$$

เมื่อ A_{ij} = ค่าแห่งจุดกึ่งกลางของพื้นที่เล็ก ๆ
 ($i = 1, 2, \dots, D_n$ และ $j = 1, 2, \dots, D_n$)

$$x_{ij} = (i) \cdot \Delta F_L - (D_s + \Delta F_L)/2$$

$$y_{ij} = (j) \cdot \Delta F_w - (D_t + \Delta F_w)/2$$

จากนั้นใช้วิธีแมทพิงหาค่าแห่ง A_{ij} ให้มาอยู่ในระบบการบอกค่าแห่งจากหอคอยก็สามารถ
 คำนวณหาค่าแห่งของจุด B_{ij} ได้

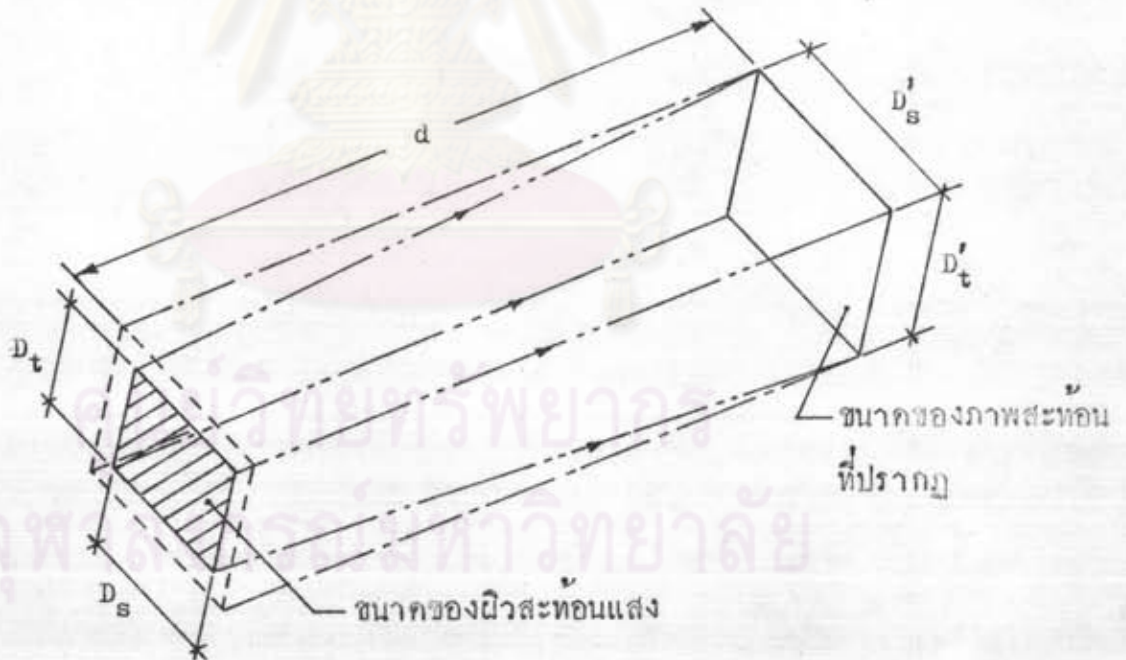


รูปที่ 3.6 แสดงค่าแห่งจุดกึ่งกลางของพื้นที่เล็ก ๆ
 ที่แบ่งจากกระจกแผ่นรายประกอบ

ง. ภาพสะท้อนที่เกิดจากลำแสงของดวงอาทิตย์ เนื่องจากลำแสงดวงอาทิตย์ที่ส่องมายังโลกเป็นลำแสงคู่เข้าค้ำยมุมกรวย 0.0093 เรเดียน เป็นผลให้ลำแสงสะท้อนถ่างออกค้ำยมุมกรวย 0.0093 เรเดียนเช่นกัน ทำให้ขนาดของภาพสะท้อนที่ได้มีขนาดโตกว่าเดิมซึ่งขึ้นอยู่กับระยะทางจากจุดสะท้อนไปยังตัวรับ ฉะนั้นเพื่อความสะดวกในการหาขนาดของภาพสะท้อนที่เกิดขึ้นจริง โดยให้การเพิ่มขนาดของแผ่นกระจกให้โตขึ้นก่อน ให้มีขนาดเท่ากับขนาดของแผ่นกระจกบวกกับค่าที่เพิ่มขึ้นเนื่องจากมุมกรวยของดวงอาทิตย์ ดังรูปที่ 3.7 ให้ d เป็นระยะทางจากผิวสะท้อนแสงถึงตัวรับ โดยมี D_t และ D_s เป็นขนาดความกว้างและยาวของแผ่นกระจกสะท้อนแสง ฉะนั้นขนาดที่ปรับใหม่ของแผ่นกระจกจะได้

$$D'_t = D_t + (0.0093) \cdot d$$

$$D'_s = D_s + (0.0093) \cdot d \quad \dots\dots\dots (3.37)$$



รูปที่ 3.7 แสดงการเพิ่มขนาดของแผ่นสะท้อนแสงที่เกิดจากลำแสงดวงอาทิตย์

เมื่อแทนค่า D_t และ D_s ด้วย D'_t และ D'_s แล้วสามารถคำนวณหาค่าแห่งของภาพสะท้อนโดยใช้สมการของลำแสงขนานได้

การหาความเข้มของรังสีสะท้อนบนระนาบของรับแสง (I_m)

เนื่องจากภาพสะท้อนรวมที่ปรากฏบนระนาบของรับแสง เกิดจากรังสีสะท้อนของกระจกแผ่นราบประกอบแต่ละบานซ้อนทับร่วมกัน ทำให้ความเข้มรวมของภาพสะท้อนที่ได้มีค่าในแต่ละตำแหน่งแตกต่างกัน ให้ I_b เป็นค่าความเข้มของรังสีตรง (Beam Radiation) ที่ตกลงบนพื้นที่เล็ก ๆ dA_m ของแผ่นกระจกด้วยมุมรังสีตกกระทบ ψ ให้ ρ_m เป็นค่าสัมประสิทธิ์การสะท้อนแสง (Reflectivity) ของผิวกระจก ดังนั้นค่าความเข้มของรังสีสะท้อนที่ตกบนระนาบของรับแสงจะได้

$$I_m = \rho_m \cdot I_b \cdot dA_m \cdot \cos(\psi) / dA_p \dots\dots\dots (3.38)$$

เมื่อ I_m = ค่าความเข้มของรังสีสะท้อนบนระนาบของรับแสง
 ที่เกิดจากพื้นที่ dA_m
 dA_p = พื้นที่ของภาพสะท้อนบนระนาบของรับแสงที่เกิดจากพื้นที่ dA_m

เนื่องจากพื้นที่ dA_p เกิดจากพื้นที่ภาพฉายของ dA_m ในทิศทางของรังสีสะท้อนบวกกับพื้นที่ที่เพิ่มขึ้นเนื่องจากลำแสงคู่เข้าของดวงอาทิตย์ แล้วแต่พื้นที่ดังกล่าวมาอยู่ในระนาบของรับแสงจะได้

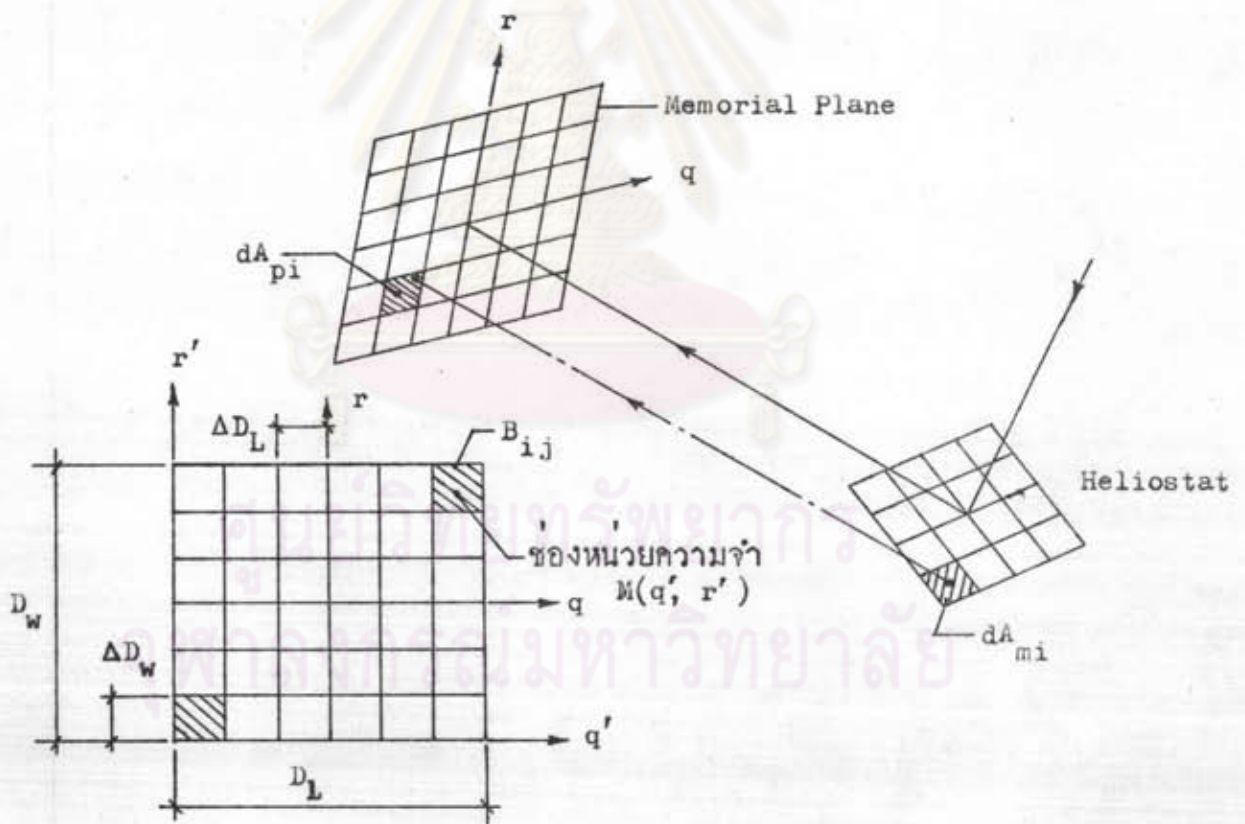
$$dA_p = dA'_m \cdot \cos(\psi) \cdot \sec(\gamma) \dots\dots\dots (3.39)$$

เมื่อ dA'_m = พื้นที่ขยายของ dA_m ที่เกิดจากลำแสงคู่เข้าของดวงอาทิตย์
 ซึ่งหาได้จากสมการที่ (3.37)
 γ = มุมระหว่างรังสีสะท้อนทำกับเส้นแนวฉากของระนาบของรับแสง

ดังนั้นเมื่อแทนค่าสมการที่ (3.39) ในสมการที่ (3.38) จะได้

$$I_m = \rho_m \cdot I_b \cdot \cos(\gamma) [dA_m/dA'_m] \dots\dots\dots (3.40)$$

ค่า I_m จากสมการที่(3.40) เป็นค่าเฉลี่ยของรังสีตรง ณ จุดใด ๆ ในพื้นที่ dA_p แต่ค่าดังกล่าวไม่ได้บอกตำแหน่งของพื้นที่ dA_p ด้วยเหตุนี้ต้องอาศัยระนาบความจำ (Memorial Plane) เพื่อเก็บค่าตำแหน่งและความเข้มของแสงอาทิตย์ไว้ และเมื่อรวมกับภาพสะท้อนที่เกิดจากกระจกแผ่นราบหรือฮีลิโอสแตทชุดอื่น ๆ ที่ตกลงบนตำแหน่งนี้อีก ก็รวมค่าความเข้มใหม่นี้กับค่าความเข้มเดิมไปเรื่อย ๆ จนครบจำนวนฮีลิโอสแตทที่ใช้ก็จะได้ค่าความเข้มรังสีทั้งหมดที่เกิดขึ้น ณ ตำแหน่งนั้น ดังแสดงในรูปที่ 3.8 ให้ D_w และ D_L เป็นขนาดความ



รูปที่ 3.8 แสดงลักษณะของระนาบความจำซึ่งใช้แทนระนาบช่องรับแสง

กว้างและความยาวของระนาบความจำ และ N_p เป็นจำนวนแถวทั้งในค้ำกว้างและค้ำยาว ดังนั้นขนาดความกว้างและยาวของช่องหน่วยความจำจะได้

$$\begin{aligned}\Delta D_w &= D_w/N_p \\ \Delta D_L &= D_L/N_p\end{aligned}\quad \dots\dots\dots (3.41)$$

เพื่อความสะดวกในการหาช่องหน่วยความจำที่รังสีสะท้อนมาตกกระทบบึงย้ายแกน q และ r มาอยู่ที่ขอบของระนาบความจำคือแกน q' และ r' ดังรูปที่ 3.8 ดังนั้นตำแหน่งต่าง ๆ ของจุดตกกระทบบ $B_{ij}(q_{ij}, r_{ij})$ เมื่อวัดจากแกน q' และ r' จะได้

$$\begin{aligned}q'_{ij} &= q_{ij} + D_L/2 \\ r'_{ij} &= r_{ij} + D_w/2\end{aligned}\quad \dots\dots\dots (3.42)$$

เมื่อเปลี่ยนตำแหน่งของจุดตกกระทบบใหม่เป็น $B_{ij}(q'_{ij}, r'_{ij})$ แล้วจะต้องตรวจสอบให้แน่ใจว่าตำแหน่ง B_{ij} ดังกล่าวตกอยู่ภายในช่องหน่วยความจำใดโดยการใส่สมการดังนี้

$$\sum_{m=1}^{NP} \left[\Delta D_w^{(m-1)} < r'_{ij} \leq \Delta D_w^{(m)} \right] \quad \dots\dots\dots (3.43)$$

และ $\sum_{n=1}^{NP} \left[\Delta D_L^{(n-1)} < q'_{ij} \leq \Delta D_L^{(n)} \right] \quad \dots\dots\dots (3.44)$

จากสมการที่ (3.43) และ (3.44) เป็นสมการเปรียบเทียบโดยเพิ่มค่า m และ n ครั้งละหนึ่งจนได้ค่า m และ n สอดคล้องตามสมการซึ่งทำให้ทราบตำแหน่งของช่องหน่วยความจำ $M(n, m)$ ได้ จากตำแหน่งที่ได้นี้บวกค่า I_m ใหม่เข้ากับค่า I_m เดิม ในที่สุดก็สามารถหาค่าการแจกแจงความเข้มของรังสีดวงอาทิตย์บนระนาบของรับแสงได้ ซึ่งมีประโยชน์อย่างมากในการออกแบบตัวรับต่อไป

ปริมาณพลังงานที่เข้าสู่ตัวรับ (Q)

การหาค่าปริมาณพลังงานที่เข้าสู่ตัวรับนั้นสามารถคำนวณหาได้โดยการแบ่งผิวกระจกเป็นพื้นที่เล็ก ๆ dA_m จากนั้นหาจุดตกกระทบของรังสีสะท้อนที่พุ่งออกจากจุดกึ่งกลางของพื้นที่ dA_m นี้ ถ้าจุดตกกระทบนี้อยู่ภายในช่องรับแสงจึงคำนวณหาค่าปริมาณพลังงานที่เข้าสู่ตัวรับโดยใช้สมการ

$$d_q = \rho_m \cdot dA_{mi} \cdot \cos(\psi_i) \cdot I_o(t) \quad \dots\dots\dots (3.45)$$

จากนั้นเปลี่ยนตำแหน่งจุดกึ่งกลางของพื้นที่เล็ก ๆ เหล่านี้ไปจนครบสี่โอสแตทุก ๆ จุดก็จะได้ปริมาณพลังงานทั้งหมดที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับ ณ เวลา (t) ในช่วงเวลานั้นจะได้

$$Q(t) = \rho_m \cdot I_o(t) \sum_i dA_{mi} \cdot \cos(\psi_i) \quad \dots\dots\dots (3.46)$$

เมื่อ dA_{mi} เป็นพื้นที่เล็ก ๆ ที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับ

ดังนั้นค่าปริมาณพลังงานที่สะท้อนเข้าสู่ตัวรับในรอบปีจะได้

$$Q_{in} = \sum_t Q(t) \quad \dots\dots\dots (3.47)$$