



5.1 การโค้งเคาะของเหล็กเสริมยื่น

ในงานวิจัยนี้ได้มีตัวอย่างทดสอบทั้งหมด 14 ตัวอย่างและในสองชุดหลังของตัวอย่างทดสอบ ได้ให้ระยะห่างของเหล็กปลอก เป็นตัวแปร ดังนั้นจึงจำเป็นต้องวิเคราะห์หาระยะห่างของเหล็กปลอกที่ป้องกันการโค้งเคาะของเหล็กเสริมยื่น และส่งผลให้เหล็กเสริมยื่นสามารถรับน้ำหนัก ได้ถึงจุดคราก ในการวิเคราะห์ได้แยกเป็น 2 กรณี คือในกรณีที่ถือว่าคอนกรีตที่หุ้มมีผลต่อหน้าตัด และอีกกรณีในช่วงพลาสดิก เมื่อคอนกรีตที่หุ้ม เหล็กเกิดการแตกแยกจากผิวเหล็กเสริมและถือเสมือนว่าคอนกรีตที่หุ้ม ไม่มีผลต่อการยึดเหล็กเสริมยื่น

5.1.1 วิเคราะห์เหล็กเสริมยื่นโดยคิดคอนกรีตที่หุ้ม

ในช่วงอีลาสติกที่ยังไม่มีการแตกร้าวขึ้นในเนื้อคอนกรีต โดยเฉพาะคอนกรีตส่วนที่หุ้ม เหล็กเสริมยื่นยังสามารถที่จะพิจารณาวิเคราะห์การโค้งเคาะของเหล็กเสริมยื่นโดยคิดสมบัติของหน้าตัดที่มีคอนกรีตหุ้มอยู่ด้วย ดังแสดงในรูปที่ 5.1 โดยตัดหน้าตัดเสมาหนึ่งในสี่ส่วน การวิเคราะห์อาจใช้วิธีการแปลงหน้าตัดของเหล็กและคอนกรีตให้เป็นอย่างหนึ่งอย่างใดโดยอาศัยความสัมพันธ์ของโมดูลัสยืดหยุ่นในช่วงอีลาสติก เป็นสัดส่วนการแปลงหน้าตัด

จากตัวอย่างทดสอบทุกต้น ได้ใช้วิธีการแปลงหน้าตัดของเหล็กเสริมยื่นให้เป็นคอนกรีตโดยอาศัยหน้าตัดในรูปที่ 5.1 และโดยใช้หน่วยแรงที่วัดได้ก่อนการวิบัติเป็นหน่วยแรงวิกฤติ แล้วทำการวิเคราะห์โดยใช้สมการที่ 4.1 โดยเปลี่ยนค่า  $E_c$  เป็นค่า  $E_c$  ของคอนกรีต และให้ค่า  $s$  เป็นระยะห่างของเหล็กปลอกแทนค่า  $L$  ผลการวิเคราะห์หาระยะโค้งเคาะ แสดงในตารางที่ 5.1

ผลการวิเคราะห์แบบนี้จะเห็นได้ว่าไม่มีตัวอย่างทดสอบแบบใดเลยที่มีการโค้งเคาะในเหล็กเสริมยื่นในช่วงแรก และสภาพการณ์ จะเปลี่ยนไปเมื่อแรงอัดเพิ่มมากขึ้นจนกระทั่งเกิดการยึดตัวทางด้านข้างใน เนื้อคอนกรีตสูง จนเกิดการแตกล่อนภายใน และทำให้ผิวเหล็กและคอนกรีต

ส่วนนอกกับแกนในจะแยกออกจากกัน ดังนั้นจึงสมควรที่จะมาพิจารณาช่วงหลัง เมื่อคอนกรีต เริ่มมีการแตกร้าวเกิดขึ้นดังกรณีที่ 2

### 5.1.2 วิเคราะห์เหล็กเสริมยื่น เส้น เดียว

ในการวิเคราะห์แบบนี้ได้สมมติว่า เนื้อคอนกรีตที่หุ้มเหล็กอยู่ไม่มีผลต่อคุณสมบัติหน้าตัดของ เหล็ก เสริม เลยจะคิดค่ายังโมดูลัส เป็นของ เหล็ก เสริม ยื่น เพียงอย่าง เดียว และให้ตัวคูณค่าความยาวประสิทธิผล (Effective length Factor),  $k$  มีค่าเป็น 1.0 โดยถือว่าไม่มีการยึดรั้งที่หัวท้ายของ เหล็ก เสริม ยื่น ในกรณีของเสา C001 ส่วน เสา ตัวอย่างอื่น ๆ ซึ่งมี เหล็ก ปลอก เสริม ใน ช่วงกลางของ เสา จะใช้ค่า  $k = 0.7$  ตามรูปที่ 4.1 ทั้งนี้ถือว่า เหล็ก เสริม ยื่น จะต้องถึงจุดคานงหรือหน่วยแรงวิกฤติ,  $f_{cr}$  ของ เหล็ก เสริม ยื่น จะมีค่า เท่ากับกำลังคานง,  $f_y$  จะพบว่า ระยะสูงสุดของ เหล็ก ปลอก ที่ไม่ทำให้เกิดการโก่ง เคาจะจะมีค่า 30.05 ซม. ในกรณีของ เสา C001 และ 42.93 ซม. ในกรณีเสาอื่น ๆ แต่ถ้าแทนค่าหน่วยแรงวิกฤติที่ได้จากการวัด ก่อนการวิบัติ เล็กน้อย จะพบว่าระยะโก่ง เคาจะจะมีค่าแตกต่างกันไป ดังตารางที่ 5.1

จากผลการทดสอบใน เสา C001 ซึ่งเป็น เสาที่ไม่มี เหล็ก เสริม ใน ช่วงกลาง มีเพียง เหล็ก ปลอก ยึด หัวท้ายของ โครง เหล็ก ข้าง ละ 2 ปลอก ระยะห่างสุทธิ 90 ซม. ซึ่ง เกินกว่า ระยะวิกฤติ จากการคำนวณทางทฤษฎี จึงถือว่า เหล็ก เสริม ยื่น เกิดการโก่ง เคา ก่อนถึง กำลังคานง และผลการทดสอบพบว่า เสา C001 ซึ่งมีหน่วยแรงก่อนการวิบัติ โดยคำนวณจากความเครียดมีค่า 3445 กก/ซม. คิด เป็น ร้อย ละ 97 เปรียบ เทียบ กับ กำลังคานงจริง ที่ได้จากการทดสอบ เหล็ก ด้วยการดึง เห็น ได้ว่า คอนกรีต จะ สอดคล้อง กับ ทางทฤษฎี คือ หอจะ กล่าว ได้ ว่า ที่ น้ำหนัก ประลัย ของ เสา C001 มีผล เนื่อง มา จาก การโก่ง เคา ของ เหล็ก เสริม ยื่น ด้วย

จากผลการทดสอบของ เสา ที่ เสริม เหล็ก ปลอก ปราบ กว้าง ที่ น้ำหนัก ประลัย มี เสา ทดสอบ CT300 และ CS300 ซึ่งมี เหล็ก ปลอก 6 มม. เสริม ระยะห่าง 30 ซม. มี หน่วยแรงอัด ใน เหล็ก เสริม ยื่น ค่า กว่า กำลังคานง ประมาณ 7 % จึง อาจ กล่าว ได้ ว่า เหล็ก เสริม ยื่น อาจ จะ เกิด การโก่ง เคา ก่อน การวิบัติ เล็ก น้อย จากการ ตรวจสอบ ทดสอบ ค่า ความเครียด ด้าน ข้าง ที่ สอดคล้อง กับ โมดูลัส ของ การแตกร้าว และ กำลังดึง แยก ดัง ตาราง ที่ 5.2 จะ ให้ ค่า เฉลี่ย ของ ความ เครียด ทาง ด้าน ข้าง มี ค่า เฉลี่ย ประมาณ  $116 \times 10^{-6}$  จาก ผลการ วัด ค่า ความ เครียด

เหล็กปลอกในเสา CT300 และ CS300 เมื่อเสาดึงกำลังประลัยมีค่า  $511 \times 10^{-6}$  และ  $446 \times 10^{-6}$  ตามลำดับซึ่งสูงกว่าความเครียดการแตกร้าว ดังนั้นในช่วงเสารับน้ำหนักถึงน้ำหนักประลัยนั้นคอนกรีตได้มีการแตกร้าวด้านข้างเกิดขึ้น การวิเคราะห์การโค้งเดาะของเหล็กยื่นในเสาสองต้นนี้ควรจะพิจารณาใช้กรณีที่ 2 คือ วิเคราะห์เหล็กเสริมยื่นเส้นเดียว โดยไม่คิดผลของคอนกรีตที่หุ้มอยู่

อนึ่งการวิเคราะห์ตามสมการ 4.1 ดังแสดงผลในตารางที่ 5.1 นั้นพบว่าระยะวิกฤติของเหล็กปลอกอาจจะห่างสูงสุด 42.9 ซม. เมื่อใช้ค่า  $k = 0.7$  แต่เมื่อใช้ค่า  $k=1.0$  ก็จะได้ระยะวิกฤติของเหล็กปลอก 30.05 ซม. ดังนั้นจึงอาจสรุปได้ว่า ผลการทดสอบสอดคล้องกับการวิเคราะห์ภายใต้สภาวะที่เหล็กปลอกมีการขยายตัวด้านข้างเล็กน้อย จึงส่งผลให้ค่า  $k$  เพิ่มขึ้นได้และมีค่าเข้าใกล้ 1.0 เพื่อการยืนยันผลการวิเคราะห์อันนี้ จากตารางที่ 5.3 จะเห็นได้ว่า เสา C001, CT300 และ CS300 นั้นกำลังคอนกรีตที่น้ำหนักประลัยเพียง 0.828, 0.793 และ 0.798 ของกำลังอัดทรงกระบอกตามลำดับ ซึ่งจะน้อยกว่าที่ควรจะเป็นตามหัวข้อ 5.2 ก. หรือเทียบกับเสา C000 ซึ่งเป็นเสาคอนกรีตล้วนซึ่งมีค่า  $0.928 f'_c$  จึงสรุปได้ว่าเสาทดสอบ C001, CT300 และ CS300 เกิดการโค้งเดาะของเหล็กเสริมยื่นก่อนถึงน้ำหนักประลัยจริง

ดังนั้นภายใต้สภาวะเงื่อนไขจุดยึดปลายเป็นจุดหมุนทั้ง 2 ข้าง โดยใช้สัมประสิทธิ์  $k = 1.0$  และใช้โมดูลัสยืดหยุ่นของเหล็กเสริมยื่นธรรมดาแทนค่า Tangent Modulus ของเหล็กเสริมยื่นแล้วระยะห่างของเหล็กเสริมทางขวางที่เหมาะสมและจะกันไม่ให้เหล็กเสริมยื่นโค้งเดาะก่อนถึงจุดกลางควรจะห่างน้อยกว่าระยะที่คำนวณจากสมการของ Euler ซึ่งก็คือสมการที่ 4.12 นั้นเอง

เกี่ยวกับขนาดของเหล็กเสริมทางขวางตามสมการที่ 4.10 นั้น ถ้าแทนค่าระยะห่าง 30.05 ลงไปจะได้ขนาดของเหล็กทางขวางที่จะกันไม่ให้เหล็กเสริมเกิดการโค้งเดาะก่อนกำหนดเนื่องจากสตีฟเนสเหล็กปลอกไม่เพียงพอที่ขนาด 1.1 มม. ก็พล แต่ถ้าแทนค่าระยะห่าง 15 ซม. ลงไป จะได้ขนาดของเหล็กปลอกเป็น 3 มม. จะเห็นได้ว่า ในเสาทุกต้นที่ระยะห่าง 15 ซม. ลงมาเหล็กเสริมยื่นรับน้ำหนักถึงจุดกลางทั้งหมด และเนื่องจากในเสาทุกต้นมีเหล็กเสริมทางขวางขนาด 6-12 มม. ซึ่งมากเกินไป ดังนั้น ขนาดเหล็กเสริมที่ใช้อยู่เพียงพอที่จะกันไม่ให้เหล็กเสริมยื่นเกิดการโค้งเดาะก่อนถึงกำหนดกลาง และการโค้งเดาะที่เกิดขึ้นนั้น เนื่องมาจากระยะห่างของเหล็กปลอกเป็นสำคัญ

## 5.2 กำลังบรรจุในแนวแกน

กำลังบรรจุของ เสาคอนกรีต เสริมเหล็ก อาจแยก เป็นกำลังส่วนที่คอนกรีตรับและ ส่วนที่เหล็กเสริมรับ และส่วนที่เป็นกำลัง เพิ่ม เดิมของแกนคอนกรีตอันสืบ เนื่องมาจากกาโรอบ ของ เหล็กเสริมทางขวาง ในการวิเคราะห์จะแยกออกแต่ละส่วนดังนี้

### 5.2.1 กำลังบรรจุในคอนกรีต

เนื่องจากกำลังของคอนกรีตที่ได้จากการทดสอบด้วยตัวอย่างรูปทรงกระบอก ความมาตรฐาน ASTM C39-80 เมื่อ เปรียบ เทียบกับกำลังคอนกรีตจริง ในโครงสร้างไม่ เท่ากัน นึก ด้วยผลสืบ เนื่องจากรูปร่างหน้าตัด หรือสัดส่วนของขนาดหน้าตัด เทียบกับความสูงของตัวอย่าง ทดสอบ สำหรับงานวิจัยนี้ ใช้ขนาดและรูปร่างของตัวอย่างทดสอบ เหมือนกันหมดจึง

สามารถหาความสัมพันธ์ของกำลังคอนกรีตระหว่างรูปทรงกระบอกมาตรฐานกับตัวอย่างทดสอบ โดยการวิเคราะห์จากตัวอย่างทดสอบที่ไม่มี เหล็ก เสริม

การวิเคราะห์กระทำ โดยนำค่าความ เครียดที่อ่าน ได้จากการทดสอบ ไปหา หน่วยแรงของคอนกรีต จากรูปกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างหน่วยแรงอัดและความ เครียด ที่ได้จากการทดสอบวัสดุตามที่แสดงไว้ในรูปที่ 2.7 จากค่าหน่วยแรงที่ได้ ได้นำมาทำให้ ไม่มีหน่วยด้วยการหารด้วยค่าหน่วยแรงประลัยของคอนกรีตทรงกระบอกและเขียนกราฟ เทียบกับ หน่วยแรงที่แท้จริงที่ได้จากการทดสอบทุกอย่าง คือเอาหน้าตัดที่วัดได้หารด้วยพื้นที่หน้าตัดและ ทำให้อยู่ในรูปที่ไม่มีหน่วย โดยนำ เอาหน่วยแรงประลัยของคอนกรีตทรงกระบอกไปหาร จาก กราฟที่ได้จะแทน ได้ด้วย เส้นตรงตามวิธีกำลังสองน้อยสุด (Least-Square Method) และความ ลาดชันจะ เป็นตัวแปรความสัมพันธ์ของหน่วยแรงของคอนกรีตใน เสาค เทียบกับหน่วยแรงจากคอนกรีต ทรงกระบอก

จากตัวอย่าง เสาคอนกรีต C000ซึ่ง เป็นเสาคอนกรีตล้วนวิเคราะห์ด้วยวิธี ดังกล่าวจากตารางที่ 5.4 แสดงในรูป 5.3ก และ เมื่อเขียนกราฟตามวิธีกำลังสองน้อยสุด(Least-Square Method) แล้วได้ค่าความชันของกราฟ 0.947 เนื่องจากชนิด สิริกุลได้ทำการทดสอบเสาคอนกรีตล้วน มีหน้าตัดและขนาดยาว เช่นเดียวกับที่ทดสอบในงานวิจัยนี้ก็ทั้งใช้คอนกรีตกำลัง สูงมากเช่นกัน จึงได้นำข้อมูลการทดสอบของเขามาวิเคราะห์ในทำนองเดียวกัน จากตารางที่ 5.5 ได้กราฟดังแสดงในรูปที่ 5.3 ข และ เมื่อหาค่าความลาดชันได้ค่า 0.951

เมื่อนำค่าความสัมพันธ์ของตัวแปรค่าหน่วยแรงของคอนกรีตจากกำลังทรงกระบอกไป เป็นกำลังในเสาตัวอย่างทดสอบ จากสองตัวอย่างจะให้ค่าเฉลี่ย 0.949 ดังนั้นจึงได้ความสัมพันธ์ในรูปสมการว่า

$$P_C = 0.95 f_C A_C \quad \dots\dots\dots (5.1)$$

เมื่อ  $f_C$  = หน่วยแรงอัดที่ได้จากการทดสอบลูกปูนทรงกระบอก

$A_C$  = เนื้อที่หน้าตัดสุทธิของคอนกรีต

$P_C$  = กำลังรับน้ำหนักของเสา

### 5.2.2 กำลังบรรทุกใน เหล็กเสริมยี่น

จากการทดสอบ ได้มีการบันทึกความเครียดของ เหล็กเสริมยี่น โดยตลอดตั้งแต่เริ่มบรรทุกน้ำหนักจนถึงขั้นวิบัติ ดังนั้น จากค่าความเครียดที่วัดได้นี้สามารถหาหน่วยแรงของ เหล็กเสริมยี่นได้ โดยอาศัยกราฟความสัมพันธ์ของหน่วยแรงและความเครียดที่ได้จากการทดสอบวัสดุโดยการดึง เหล็กดังได้แสดงในรูปที่ 5.4 เนื่องจากความสัมพันธ์ดังกล่าวส่วนมากจะรับแรงอยู่ 2 ช่วงแรก คือในช่วงที่ความเครียดยังไม่ถึงจุดคลากซึ่งจะมีความสัมพันธ์ เป็น เส้นตรงอาจใช้โมดูลัสยืดหยุ่น เป็นตัวแปลง จะสามารถใช้สมการที่ 4.18 คำนวณหาค่ากำลังรับน้ำหนักใน เหล็กเสริมยี่น ส่วนในช่วงหลัง เมื่อความเครียดถึงจุดคลากแล้วจะ เปลี่ยนมาใช้สมการที่ 4.19 แทน โดยถือว่ากำลังคลากของ เหล็กเสริมยี่นไม่ได้เพิ่มไปจากกำลังคลาก เพราะจากการทดสอบพบว่า การทดสอบยังไม่ถึงจุดที่ทำให้เกิด Strain Hardening ทั้งนี้ถือว่าความสัมพันธ์ของหน่วยแรงอัดของ เหล็กเสริมยี่นกับความเครียด จะมีคุณสมบัติ เช่นเดียวกับแรงดึงซึ่งได้จากการทดสอบวัสดุตามมาตรฐาน<sup>(10)</sup> ในรูปที่ 5.5 ได้แสดงความสัมพันธ์ที่ใช้ได้ตามสมการที่ 4.18 และ 4.19 โดยที่โมดูลัสของการยืดหยุ่นมีค่า  $2.03 \times 10^6$  กก/ชม<sup>2</sup> กำลังคลากมีค่า 3550 กก/ชม<sup>2</sup> และความเครียดที่จุดคลากมีค่า 0.001748

### 5.2.3 กำลังบรรทุกจากผลการ โอบของ เหล็กเสริมทางขวาง

น้ำหนักบรรทุกของ เสาทดสอบอัน เกิดจากการผลการ โอบของ เหล็กเสริม ความขวาง สามารถหาได้จากการทดสอบ โดยการหักกำลังส่วนที่คอนกรีตและ เหล็กเสริมยี่น รับออกไป หรืออาจเขียนเป็นสมการได้คือ

$$\Delta P = P_{\text{test}} - P_c - P_s \quad \dots\dots\dots (5.2)$$

เมื่อ  $\Delta P$  = กำลังบรรทุกที่เพิ่มขึ้นจากผลการโอบของ เหล็กปลอก

$P_{\text{test}}$  = กำลังบรรทุกจากการทดสอบ

$P_c$  = กำลังบรรทุกของคอนกรีต

$P_s$  = กำลังบรรทุกของ เหล็กเสริมยื่น

ผลที่เกิดจากการ โอบของ เหล็กปลอกนี้จะนำไปวิเคราะห์หาความสัมพันธ์ของตัวแปรต่าง ๆ ที่มีอิทธิพลต่อการโอบอีกต่อหนึ่ง ซึ่งจะได้กล่าวรายละเอียดภายหลัง

เมื่อนำผลที่ได้จากการวิเคราะห์กำลังที่บรรทุกด้วยคอนกรีต เหล็กเสริม ยื่นมารวมเข้าด้วยกันและ เขียนกราฟเปรียบเทียบกับผลที่ได้จากการทดสอบ ดังแสดงในรูปที่ 5.6 - 5.18 จะเห็นได้ว่าผลการโอบจะแปรตามกับน้ำหนักบรรทุกรวม กล่าวคือในช่วงที่กราฟความสัมพันธ์ระหว่างน้ำหนักบรรทุกรวมกับความเครียดในแนวแกนยัง เป็น เส้นตรง จะไม่ค่อย เห็นผลการ โอบมากนัก แต่พอกราฟ เริ่ม เบี่ยง เบนออกจากแนว เส้นตรงจะพบว่า การ โอบของ เหล็กปลอกจะเพิ่มมากขึ้น เรื่อย ๆ และจะสูงสุด เมื่อคอนกรีตแตกล่อนออก

### 5.3 กำลังคอนกรีตที่เพิ่มขึ้นจากการ โอบของ เหล็กเสริมทางขวาง

จากที่กล่าวมาแล้วในตอนต้นว่า กำลังบรรทุกส่วนที่เพิ่มขึ้นจากผลรวมของกำลังบรรทุก จากคอนกรีตและ เหล็กเสริมยื่น ถือว่าเป็นผลสืบเนื่องมาจากการ โอบของ เหล็กเสริมทางขวาง ที่มีค่อแกนคอนกรีตและสามารถแปลงค่าให้เป็นหน่วยแรง ในแกนคอนกรีต ได้โดยการหารด้วยพื้นที่หน้าตัด เฉพาะส่วนที่เป็นแกนคอนกรีต เท่านั้น

$$\text{ดังนั้น} \quad \Delta f_c = \Delta P / A_c \quad \dots\dots\dots (5.3)$$

เมื่อ  $\Delta f_c$  = หน่วยแรงอัดของแกนคอนกรีตที่เพิ่มขึ้น

$A_c$  = เนื้อที่หน้าตัดของแกนคอนกรีต

จากการทดสอบจะเห็นว่า กำลังในส่วนของแกนคอนกรีตที่เพิ่มขึ้น มีปรากฏในชุดทดสอบต่าง ๆ คือ ชุดของเหล็กปลอก เดี่ยวจะเพิ่ม เฉพาะใน เส้าที่มีระยะห่างของเหล็กปลอก ตั้งแต่ 7.5 ซม. ลงไปถึง 2.5 ซม. ส่วนในชุดของเส้าเสริมเหล็กปลอก เกสียวนั้นพบว่า

ในเสาคทดสอบแทบทุกต้นยกเว้นในเสาที่มีระยะ เหล็กปลอก เกิน 15 ซม. กราฟที่แสดงในรูปที่ 5.19 และ 5.20 แทนถึง เป็นค่าหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นคำนวณจากสมการ 5.3 แล้วหารด้วย  $f'_c$  เพื่อให้อยู่ในรูปที่ไม่มีหน่วย ส่วนแกนนอนเป็นความเครียดทางขวางที่วัดได้จากเหล็กปลอกจะเห็นได้ว่าจุดต่าง ๆ ของกราฟอาจแบ่งได้เป็น 2 ช่วง ในช่วงแรกที่มีความเครียดของเหล็กปลอกยังน้อย ค่าหน่วยแรงจากการไอบรัดในแกนคอนกรีตก็จะมีค่าน้อยด้วย แต่เมื่อความเครียดในเหล็กปลอกสูงขึ้น ค่าหน่วยแรงในแกนคอนกรีตจะเพิ่มขึ้นในอัตราที่สูงกว่า ในช่วงแรกมาก และจุดเปลี่ยนนี้จะเห็นได้ชัดเจน โดยการค่อกราฟสองช่วงให้ติดกัน ถ้าจะเปรียบเทียบความเครียดที่จุดเปลี่ยนเทียบกับความเครียดที่โมดูลัสแตกร้าวจากรายที่ 5.2 พบว่ามีค่าใกล้เคียงกัน ซึ่งจะสอดคล้องสมมติฐานได้ว่าเมื่อคอนกรีตแตกร้าวลแล้วจะทำให้การไอบรัดของแกนคอนกรีตจากผลของ เหล็ก เสริมทางขวางเพิ่มขึ้น

จากลักษณะของจุดในกราฟพอจะเขียนความสัมพันธ์ เป็นเส้นตรงได้สองช่วง ด้วยการหาค่ากราฟด้วยวิธีกำลังสองน้อยสุด (Least-Square Method) โดยพยายามหาจุดเปลี่ยนแนวของกราฟด้วยการประมาณผล จากการทดสอบที่เริ่มมีการ เบี่ยงเบนจากช่วงแรกสูงขึ้น เป็นจุดสุดท้ายในการหาค่ากราฟช่วงแรกและใช้เป็นจุด เริ่มต้นในการหาค่ากราฟช่วงหลัง ตำแหน่งที่กราฟสองเส้นติดกันจะถือว่าเป็นสถานะที่เริ่มมีการแตกร้าวจนของ เนื้อคอนกรีตแยกส่วนแกนคอนกรีตและส่วนที่เป็นเปลือกหุ้ม เหล็กเสริม จะเห็นว่า เสาที่เสริม เหล็กปลอกที่หรือปริมาณมากจะมีการ เพิ่มของหน่วยแรงมากกว่า ใน เสาที่เสริม เหล็กปลอกต่ำหรือปริมาณน้อย ซึ่งจะได้ทำการวิเคราะห์ต่อไป

### 5.3.1 พิกัดและปริมาณเหล็กเสริมทางขวางคือพฤติกรรมการไอบ

เสาดังตัวอย่างทั้งหมดส่วนมากแล้วจะมีตัวแปรที่สำคัญคือปริมาณเหล็กเสริมทางขวางซึ่งมีสัดส่วนของปริมาตรเหล็กเสริมทางขวางต่อปริมาตรของแกนคอนกรีตในเสาปลอกเดียวแปรจาก 0.004-0.043 และแปรจาก 0.004-0.137 ในเสาปลอกเกลียวโดยที่ระยะห่างของเหล็กเสริมทางขวางนี้จะแปรตามไปด้วย ดังนั้นจะได้เน้นผลของพฤติกรรมการไอบนี้ในรูปของปริมาณเป็นสำคัญ

จากผลการทดสอบของ เสาบางต้น เมื่อรับน้ำหนักบรรทุกสูงสุดนั้น ไม่สามารถหาผลการไอบได้ เนื่องจากความเครียดของ เสาตามแนวแกนมีค่ามากกว่าความเครียดสูงสุดของคอนกรีตทรงกระบอก (ภาคผนวก A1-A13) แต่สำหรับผลการไอบของ เสา เมื่อเหล็กเสริมยื่น

ถึงกำลังคลากนั้นสามารถทำได้และใกล้เคียงกับ เมื่อเสารับน้ำหนักบรรทุกสูงสุด ผลการโอบของเสา เมื่อ เหล็ก เสริมยื่นถึงกำลังคลากนั้นสามารถจะทำได้โดยนำความเครียดเหล็ก เสริมทางขวางที่สอดคล้องกับความเครียดของ เหล็ก เสริมยื่น เมื่อถึงจุดคลากไปหาหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีตได้จากรูปที่ 5.19 และ 5.20 โดยถือว่าได้มาจากการทดสอบ เมื่อเขียนความสัมพันธ์ระหว่างอิทธิพลของกาาร โอบ เป็นแกนคอนกรีต เทียบกับปริมาณเหล็ก เสริมทางขวางที่ตำแหน่งนี้ ดังแสดงในรูปที่ 5.21 จะเห็นว่าผลการโอบจะสูงขึ้นตามปริมาณเหล็ก โดยกราฟจะแสดงลักษณะมีความชันในช่วงแรกมาก ความชันจะค่อย ๆ ลดลงเมื่อปริมาณเหล็ก เสริมทางขวางมีค่าประมาณ 4 % ดังนั้นจุดที่กราฟ เปลี่ยนความชันนี้น่าจะเป็นปริมาณที่ให้ประสิทธิภาพสูงในการโอบ จากตัวอย่างทดสอบถ้าใช้ปริมาณเหล็กปลอกที่มากที่สุดของ เสาปลอกเดี่ยว CT25 มาพิจารณาผลการโอบจากกราฟ จะให้ผลการโอบที่พอควรคือหน่วยแรงที่ เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีต ใน เสาปลอก เดี่ยวและปลอก เกลียวจะมีค่าประมาณ 8 % และ 10 % ของกำลังคอนกรีตทรงกระบอกตามลำดับ โดยปริมาณน้อยกว่านี้จะเห็นว่าผลการโอบจะมีค่าน้อยกว่านี้จะเห็นว่าผลการโอบจะมีค่าน้อย ปริมาณ 0.043 นี้ หอจะเป็นแนวทางชี้ว่าปริมาณ เหล็กปลอกที่ เสริมใน เสาปลอก เดี่ยวและปลอก เกลียวควรจะไม่น้อยกว่าค่านี้เพื่อให้เกิดประสิทธิภาพการ โอบใน เสา

สำหรับพิกัดสูงสุดของปริมาณเหล็ก เสริมทางขวาง จากรูปที่ 5.21 จะเห็นได้ว่า เมื่อปริมาณ เหล็ก เสริมทางขวางมีค่ามากกว่า 4.3 % แล้วกำลังที่เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีต ยังแปรตามปริมาณของ เหล็ก เสริมทางขวาง แต่อัตราที่เพิ่มจะน้อยกว่าช่วงแรกและจะเห็นได้ว่าปริมาณ เหล็ก เสริมทางขวางของ เสาปลอก เกลียวอาจเพิ่มให้สูงถึง  $p_s = 0.137$  ดังนั้นพิกัดที่เหมาะสมในการ เสริม เหล็กทางขวางควรอยู่ระหว่าง 4.8 % ถึง 13.7 %

### 5.3.2 พฤติกรรมการ โอบของ เหล็กปลอก เดี่ยวและปลอก เกลียว

เพื่อเปรียบเทียบถึงพฤติกรรมนี้ได้นำผลการ โอบของ เสาดังตัวอย่างที่มีขนาด และปริมาณ เหล็ก เสริมทางขวาง เท่ากันของ เสาปลอก เดี่ยวและปลอก เกลียว เมื่อเสารับน้ำหนักบรรทุกกระทำ เหล็ก เสริมยื่นถึงจุดคลากมาพิจารณา เปรียบ เทียบ แสดงในตารางที่ 5.6

อนึ่งในการ เปรียบ เทียบจะ เปรียบ เทียบในรูปของ  $(\Delta F_c / F_c')$  จากการ เปรียบ เทียบจะ เห็นได้ว่า เหล็กปลอก เกลียวจะมีประสิทธิภาพสูงกว่า เหล็กปลอกประมาณ 21 % โดยเฉลี่ย



#### 5.4 การคาดคะเนการโอบของ เหล็ก เสริมทางขวาง

ในหัวข้อที่ 5.3 จากลักษณะของกราฟในรูปที่ 5.19 และ 5.20 ซึ่งแสดงผลการโอบในรูปที่ไม่มีหน่วยของหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นในแกนคอนกรีต เทียบกับความเครียดของ เหล็ก เสริมทางขวาง จะเห็นได้ว่า เสาที่มีปริมาณเหล็ก เสริมทางขวางมากจะให้ผลการโอบสูงกว่า เสาที่มีปริมาณเหล็ก เสริมทางขวางน้อย ซึ่งแสดงว่าอิทธิพลของปริมาณเหล็ก เสริมทางขวางมีผลต่อพฤติกรรม การโอบในแกนคอนกรีตมาก นอกจากนี้จะเห็นได้ว่าผลการโอบนี้จะขึ้นกับความเครียดของ เหล็ก เสริมทางขวางด้วย

ด้วยเหตุนี้จึงได้สร้างความสัมพันธ์ที่มีผลจากปริมาณเหล็ก เสริมทางขวางและความเครียดที่เกิดขึ้น โดยนำปริมาณ ( $p_s$ ) ไปหารค่า  $(f_c)/f_c'$  แล้วให้เป็นแกนตั้งของกราฟสำหรับความเครียดที่เกิดขึ้นของ เหล็ก เสริมสามารถจะแปลงให้อยู่ในรูปของหน่วยแรงที่เกิดใน เหล็ก เสริมทางขวางได้ตามความคุณสมบัติในช่วงอีลาสติกของ เหล็ก เสริมทางขวาง คือจะ เปลี่ยน เป็น  $(f_{st})/E_{st}$  ซึ่งจะให้ เป็นแกนนอน ผลการทดสอบของ เสาที่แสดงความสัมพันธ์เหล่านี้ได้แยก เป็นสองชุด คือ ชุดของ เหล็กปลอกเดี่ยวและ เหล็กปลอกเกลียว ดังแสดงในรูปที่ 5.22 และ 5.23 จะเห็นได้ว่า ลักษณะของจุดยังคงมีแนวคล้ายความสัมพันธ์ของรูปที่ 5.19 และ 5.20 ซึ่งได้กล่าวมาแล้วข้างต้น ดังนั้นจึงได้ใช้วิธีเดียวกันกับการเขียนกราฟในรูปที่ 5.19 และ 5.20 ต่างกันแต่เพียงว่าในการ พิศทั้ง สองช่วง ได้นำผลการทดสอบของ เสาทุกต้นมารวมกันแล้วพิศกราฟด้วยวิธีกำลังสองน้อยสุด (Least-Square Method) กราฟที่ได้จะมีสองช่วงโดยจะตัดกันที่จุด ๆ หนึ่ง ซึ่งมีค่าตรงกับความเครียด  $(f_{st}/E_{st})$  ประมาณ  $230 \times 10^{-6}$  ในชุดของ เสาปลอกเดี่ยว และมีค่า  $191 \times 10^{-6}$  ในชุดของ เสาปลอกเกลียว ซึ่งความเครียดอันนี้ถือเสมือน เป็นจุดที่มีการแตกร้าวภายในและเมื่อเทียบกับความเครียดเฉลี่ยของ โมดูลัสแตกร้าวที่คำนวณจากกำลังดึงแยกตัวของคอนกรีตทรงกระบอกซึ่งมีค่า  $138 \times 10^{-6}$  แล้วจะสูงกว่าประมาณ 1.4 และ 1.7 เท่าตามลำดับ สำหรับความสัมพันธ์ของกราฟในแต่ละช่วงแสดงได้ ดังนี้



ก. อิทธิพลการโอบก่อนการแตกร้าวภายใน

เหล็กปลอกเดี่ยว เมื่อ  $f_{st}/E_{st}$  น้อยกว่า  $230 \times 10^{-6}$  และ  $0.014 < p_s < 0.043$

$$\Delta f_c = (0.021 + 2418 \frac{f_{st}}{E_{st}}) p_s f'_c \quad \dots \dots \dots (5.4)$$

เหล็กปลอกเกลียว เมื่อ  $f_{st}/E_{st}$  น้อยกว่า  $191 \times 10^{-6}$  และ  $0.014 < p_s < 0.137$

$$\Delta f_c = (0.006 + 4217 \frac{f_{st}}{E_{st}}) p_s f'_c \quad \dots \dots \dots (5.5)$$

ข. อิทธิพลการโอบภายหลังการแตกร้าวภายใน

เหล็กปลอกเดี่ยว เมื่อ  $f_{st}/E_{st}$  มากกว่า  $230 \times 10^{-6}$  และ  $0.014 < p_s < 0.043$

$$\Delta f_c = (-1.593 + 9448 \frac{f_{st}}{E_{st}}) p_s f'_c \quad \dots \dots \dots (5.6)$$

เหล็กปลอกเกลียว เมื่อ  $f_{st}/E_{st}$  มากกว่า  $191 \times 10^{-6}$  และ  $0.014 < p_s < 0.137$

$$\Delta f_c = (-0.718 + 8001 \frac{f_{st}}{E_{st}}) p_s f'_c \quad \dots \dots \dots (5.7)$$

จากสมการข้างต้นนี้จะให้ความหมายว่าหน่วยแรงอัดที่เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีต จะเพิ่มมากขึ้น เป็นสัดส่วนในเชิง เส้นตรง โดยจะมากขึ้นตามสัดส่วนของปริมาณเหล็กเสริมทางขวาง กำลังอัดของคอนกรีตและความเครียดของ เหล็กเสริมทางขวาง

เพื่อที่จะคาดคะเนผลการโอบที่หน้าทับรทุกสูงสุดของ เหล็กปลอกเดี่ยวและ เหล็กปลอกเกลียวจึงได้นำผลการโอบที่ตำแหน่ง เหล็กเสริมขึ้นถึงจุดกลางมาวิเคราะห์ เพราะว่า ที่ตำแหน่งนี้ใกล้เคียงกับหน้าทับรทุกสูงสุดของ เสามาก จากค่าความเครียดที่จุดนี้จะสามารถหา หน่วยแรงของ เหล็กเสริมทางขวาง ในรูปของกำลังกลางของ เหล็กได้ ดังแสดงในตารางที่ 5.7 ซึ่งได้ค่าเฉลี่ยของ เหล็กปลอกเดี่ยวมีค่า  $0.24 f_y$  และ  $0.25 f_y$  ในเสาปลอกเดี่ยวและปลอก เกลียวความลาดับ แทนค่าเหล่านี้ลงในสมการที่ 5.6 และ 5.7 และแทนค่าโมดูลัสยืดหยุ่นของ เหล็กเสริมทางขวางลงไป จะหาค่าหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีตได้ในรูปตัวแปรต่าง ๆ คือ

เหล็กปลอกเดี่ยว เมื่อ  $0.014 < p_s < 0.043$

$$\Delta f_c = (0.001 f_{vy} - 1.593) p_s f'_c \quad \dots \dots \dots (5.8)$$

เหล็กปลอกเกลียวเมื่อ  $0.014 < p_s < 0.137$

$$\Delta f_c = (0.001 f_{vy} - 0.718) p_s f'_c \quad \dots \dots \dots (5.9)$$

สมการที่ 5.8 และ 5.9 ที่ได้จะถือเป็นค่าหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นสูงสุดของแกนคอนกรีตจากอีกอันและผลรวมของเหล็กเสริมทางขวาง เพื่อคำนวณน้ำหนักบรรทุกของเสาต่อไป

ในสมการที่ 5.8 และ 5.9 ได้แสดงหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีตอยู่ในรูปตัวแปร  $f_{vy}$ ,  $p_s$  และ  $f'_c$  ซึ่งได้มาจากผลการทดสอบที่มีอยู่ คือ เสาตัวอย่างมีขนาดหน้าตัด  $15 \times 15$  ซม. ยาว 1.00 ม. เหล็กเสริมยืนที่ใช้มี 4 เส้น มีปริมาณงอที่คือ 3.58 % ของหน้าตัดรวม สำหรับเหล็กปลอกเดี่ยวและเหล็กปลอกเกลียวที่ใช้มีปริมาณ 1.4 % - 4.3 % และ 1.4 - 13.7 % โดยปริมาตรของแกนคอนกรีตค่าตัว ส่วนกำลังของคอนกรีตที่ใช้มีกำลังระหว่าง 888-931 กก/ซม<sup>2</sup> นอกจากนี้ค่าหน่วยแรงที่เกิดขึ้นในเหล็กเสริมทางขวางขณะที่เหล็กเสริมยืนถึงจุดลាក់ยังสมมติว่ามีค่าประมาณ  $0.24 f_{vy}$  ในเสาปลอกเดี่ยวและ  $0.25 f_{vy}$  ในเสาปลอกเกลียว ซึ่งค่าสมมตินี้ได้มาจากผลการทดสอบ ดังนั้นในสภาพของเสาคอนกรีตที่แตกต่างกันไป เช่น เมื่อขนาด, รูปปร่างหน้าตัด, จำนวนเส้นและปริมาณของเหล็กเสริมยืน, ปริมาณและรูปปร่างลักษณะของเหล็กเสริมทางขวางรวมทั้งกำลังของคอนกรีต เปลี่ยนไปแล้วหน่วยแรงในเหล็กเสริมทางขวางที่เกิดขึ้นอาจมีค่าแตกต่างออกไปได้และจะทำให้ความสัมพันธ์ของหน่วยแรงที่เพิ่มขึ้นของแกนคอนกรีตที่อยู่ในรูปของตัวแปรตามสมการที่ 5.8 และ 5.9 เปลี่ยนแปลงไป ซึ่งจะต้องมีการศึกษาเพิ่มเติม

### 5.5 เปรียบเทียบพฤติกรรมการ โอบเมื่อ เหล็ก เสริมยื่นถึงจุดคาน

การ เปรียบ เทียบ เสาปลอกเดี่ยวจะได้นำสมการ 4.26 ของ Vallenias et al<sup>(17)</sup> เปรียบเทียบโดย เปลี่ยนค่า  $f_{ly}$  ของ เหล็กปลอกเดี่ยว เป็น  $f_{st}$  ที่คำนวณได้จากความเครียดของ เหล็กปลอกเดี่ยว ส่วนผลของ Khan. ได้นำสมการ 4.27 มาใช้โดยเปลี่ยนค่า  $f'_c$  เป็น  $f_c$  สำหรับผลการโอบที่ได้จากการวิเคราะห์ จะใช้สมการที่ 5.6 การ เปรียบ เทียบนี้ แสดงในตารางที่ 5.8

ส่วนชุดของ เสาปลอกเกลียวได้นำสมการที่ 4.25 ของ Ti-Haung มาใช้โดย เปลี่ยนค่า  $f_{ly}$  เป็น  $f_{st}$  และได้นำประจักษ์ผลการทดสอบของ Richart et al<sup>(27)</sup> มาคำนวณ โดยแทนค่า 4.1 ลงในสมการที่ 4.23 จะได้

$$\Delta F_c = 2.05 p_s f_{ly} \dots\dots\dots(5.10)$$

และ เปลี่ยนค่า  $f_{ly}$  เป็น  $f_{st}$  ของ เหล็กปลอกเกลียวในการคำนวณผลการ โอบเมื่อเหล็กเสริมยื่นถึงกำลังคาน สำหรับผลการโอบที่ได้จากการวิเคราะห์จะใช้สมการที่ 5.7 ส่วนในตารางที่ 5.9 แสดงผลการ เปรียบ เทียบนี้

อนึ่ง เพื่อให้ง่ายแก่การ เปรียบ เทียบตารางที่ 5.7 และ 5.8 ได้แปลงหน่วย แรงอัดที่ เพิ่มขึ้นในแกนคอนกรีต ให้ เป็นน้ำหนักบรรทุกทุกที่เพิ่มขึ้น

### 5.6 เปรียบเทียบกำลังบรรทุกรวม

ผลการทดสอบได้นำมา เปรียบ เทียบกับการคำนวณตาม ACI<sup>(1)</sup> ตามสมการที่ 4.16 และ 4.19 โดยไม่คิดตัวคูณลดกำลังมาใช้ และ เปรียบ เทียบกับของ Khan<sup>(24)</sup> ตามสมการที่ 4.15 และ 4.19 ในกรณีของ เสาปลอกเดี่ยวนอกจากนี้ยัง เปรียบ เทียบของ CP110<sup>(11)</sup> ซึ่ง คำนวณน้ำหนักบรรทุกทุกจากสมการ

$$P = 0.4 f_{cu} A_c + 0.67 A_s f_y \dots\dots\dots(5.11)$$

เมื่อ  $P$  = น้ำหนักบรรทุกทุกของ เสา

$f_{cu}$  = กำลังของแท่งคอนกรีตรูปลูกบาศก์

สำหรับสมการที่เสนอแนะจะใช้สมการดังนี้คือ

เหล็กปลอกเดี่ยว

$$P_{\max} = 0.95f'_c(A_g - A_s) + A_s f_y + A_c (0.001f_{ly} - 1.593)P_s f'_c \dots (5.12)$$

เหล็กปลอกเกลียว

$$P_{\max} = 0.95f'_c(A_g - A_s) + A_s f_y + A_c (0.001f_{ly} - 0.718)P_s f'_c \dots (5.13)$$

ผลการคาดคะเนตามที่เสนอแนะจากการวิเคราะห์นั้นปรากฏว่า ตัวอย่างทดสอบที่มีผลการโค้ง เคาะของ เหล็กเสริมยื่นก่อนถึงจุดกลางจะให้ค่าสูงกว่าการทดสอบ แต่ในเสาต้นอื่นที่มีปริมาณของ เหล็กเสริมทางขวางอยู่ในพิสัย 0.014 ถึง 0.047 ในเหล็กปลอกเดี่ยวและ 0.014 ถึง 0.137 ในเหล็กปลอกเกลียว ซึ่งเป็นพิสัยที่กำหนดในหัวข้อ 5.4 เกี่ยวกับอิทธิพลการโอบจะให้ค่าใกล้เคียงกับผลการทดสอบมาก

ผลการคำนวณแสดงในตารางที่ 5.10 จะเห็นได้ว่าน้ำหนักประลัยที่ได้จากการทดสอบส่วนใหญ่แล้วมีค่าสูงกว่าการคาดคะเนจาก ACI และ Khan ยกเว้นในตัวอย่างทดสอบ C001, CT300 และ CS300 ที่มีผลของการโค้ง เคาะของ เหล็กเสริมยื่นก่อนถึงจุดกลางซึ่งน้ำหนักประลัยที่ได้จากการทดสอบจะให้ค่าที่ต่ำกว่า

ผลการคำนวณเปรียบเทียบกับ CP110 นั้น เนื่องจากสมการที่ใช้เป็นสมการที่ใช้ในการออกแบบซึ่งได้ใช้ตัวคูณลดค่าไว้แล้ว สำหรับค่ากำลังประลัยของแท่งคอนกรีตรูปกลมมาศก็จะใช้ค่าประมาณ 80 % ของกำลังของคอนกรีตทรงกระบอก<sup>(41)</sup> ผลการคำนวณจะให้ค่าที่ต่ำกว่าน้ำหนักที่ได้จากการทดสอบมาก ซึ่งจะให้ผลทางด้านความปลอดภัย

### 5.7 ลักษณะการวิบัติของเสา

ลักษณะการวิบัติจากตัวอย่างทดสอบมีความแตกต่างกัน 4 แบบ คือ แบบแรกเป็นการวิบัติแบบแตกกระจาย (splitting) ของคอนกรีต เปลือกนอกซึ่งเกิดขึ้นในเสาที่มีปริมาณเหล็กเสริมทางขวางมากและมีระยะห่างของเหล็กปลอกน้อยกว่า 5.0 ซม. ตามที่ปรากฏ ในเสาปลอกเดี่ยว CT50 และ CT25 ส่วนที่พบในเสาปลอกเกลียวคือ CS50, CS25, CA และ CB แบบที่สองคือการวิบัติโดยการแตกกระจายของคอนกรีต เปลือกนอกและประกอบไปด้วยการโค้งเดาะในเหล็กเสริมยั้งที่เห็น ในเสาปลอกเดี่ยว CT75 ส่วนที่พบในเสาปลอกเกลียวคือ CS150 และ CS75 แบบที่ 3 คือการวิบัติแบบแรงเฉือน (shear failure) โดยมีระนาบของการวิบัติทำมุมประมาณ  $17-30^{\circ}$  ประกอบไปด้วยการโค้งเดาะของเหล็กเสริมยั้งตามที่พบในเสาปลอกเดี่ยว CT300 และ CT150 ส่วนในเสาปลอกเกลียวคือ CS300 และในเสาที่ไม่เสริมเหล็กทางขวาง C001 สำหรับแบบสุดท้ายคือการวิบัติแบบแรงเฉือนในเสา C000 ซึ่งเป็นเสาคอนกรีตล้วน

ในการวิเคราะห์ลักษณะการวิบัติที่เกิดขึ้น แบบแตกกระจายของคอนกรีตที่เปลือกนอกนี้จะวิเคราะห์หน้าตัดที่ทำให้เกิดการวิบัติแบบนี้ จากรูปที่ 5.24 ซึ่งแสดง Free-body ของหน้าตัดตามยาวในช่วงระยะห่างของเหล็กปลอก สมมุติให้หน้าตัดนี้ประกอบด้วยเปลือกคอนกรีตนอก เหล็กปลอกและแกนคอนกรีต เมื่อเสาเริ่มรับน้ำหนักบรรทุกจะมีการขยายตัวด้านข้างเนื่องจากสัดส่วนตัวของ ในขณะที่เกิดการขยายตัวนั้นทั้งคอนกรีต เปลือกนอกและเหล็กเสริมทางขวางจะมีพฤติกรรมคล้ายสปริงที่ถูกยึดพยายามจะวิ่งกลับสู่สถานะเดิม เกิดเป็นแรงกระทำด้านข้างแก่แกนคอนกรีต เมื่อพิจารณาความสมดุลของแรงในแนวราบ (รูป ก, ข, ค) จะได้ว่า

$$f_l \cdot c \cdot s = 2A_{st} f_{st} + f_2 \cdot 2t \cdot s \quad \dots\dots\dots (5.14)$$

- เมื่อ
- $f_l$  = หน่วยแรงทางขวางของคอนกรีต
  - $f_{st}$  = หน่วยแรงในเหล็กเสริมทางขวาง
  - $f_2$  = หน่วยแรงด้านข้างของคอนกรีตที่หุ้ม (Covering)
  - $c$  = ขนาดของแกนคอนกรีต
  - $t$  = ความหนาของคอนกรีตที่หุ้ม
  - $s$  = ระยะห่างของเหล็กเสริมทางขวาง

เพื่อให้การวิบัตินั้น เกิดการวิบัติแบบแตกกระจายของคอนกรีตที่หุ้ม ( $f_2$ ) จะต้องมีค่าเท่ากับหน่วยแรงดึงของคอนกรีต ( $f_t$ ) เขียนสมการได้ใหม่เป็น

$$f_t = (2A_{st} f_{st} + f_t \cdot 2t \cdot s) / c \cdot s \dots\dots\dots (5.15)$$

หน่วยแรง  $f_t$  นี้สมมติให้มีค่าสม่ำเสมอ (Uniform) ตลอดช่วงระยะห่างของเหล็กเสริมทางขวางทั้งในแกน x และแกน y เกิดลักษณะแรงอัด 3 ทิศทางขึ้นซึ่งจะทำให้หน่วยแรงอัดประลัยตามแนวตั้งสูงขึ้น Richart et al<sup>(27)</sup> พบว่ามีค่าประมาณ 4.1 เท่าของหน่วยแรงอัดค้ำข้าง

ดังนั้นหน่วยแรงอัดประลัยแกน y จะมีค่า

$$f_c'' = f_c' + 4.1(2A_{st} f_{st} + f_t \cdot 2t \cdot s) / c \cdot s \dots\dots (5.16)$$

$$f_c'' = \text{หน่วยแรงอัดประลัยของคอนกรีต เนื่องจากการการไอบ}$$

$$P_{core} = (A_g - A_s - A_{cc}) \{ f_c' + 4.1(2A_{st} f_{st} + f_t \cdot 2t \cdot s) / c \cdot s \} \dots\dots (5.17)$$

เมื่อ  $P_{core}$  = น้ำหนักบรรทุกทุกประลัยของแกนคอนกรีต

$A_g$  = พื้นที่หน้าตัดรวมของเสา

$A_s$  = พื้นที่หน้าตัดของเหล็กเสริมยืน

$A_{cc}$  = พื้นที่หน้าตัดของคอนกรีตที่หุ้ม (Covering)

เมื่อพิจารณาแกนคอนกรีต เปลือกนอกจะอยู่ในลักษณะผสมของหน่วยแรงอัดและแรงดึง (Combined Compression-Tension)<sup>(20)</sup> ซึ่งให้ความสัมพันธ์ระหว่างหน่วยแรงอัดตามแนวตั้งกับหน่วยแรงดึงค้ำข้าง เมื่อเกิดการวิบัติอยู่ในรูปสมการดังนี้คือ

$$f_2 = f_t \left| 1 - \frac{f_c}{f_c'} \right| \dots\dots\dots (5.18)$$

เพื่อให้สมมติฐานของการวิบัติ เนื่องมาจากแรงดึงของคอนกรีต เปลือกนอกถึงกำลังประลัย จึงให้การวิบัตินั้นมีค่า  $f_2 = f_t$  เมื่อเกิดการวิบัติเมื่อแทนค่าลงในสมการ 5.17 จะได้  $f_c$  ตาม

แนวแกน เมื่อคอนกรีตวิบัติมีค่า เป็นศูนย์ ดังนั้นจึงสมมติให้ก่อนการวิบัติ เล็กน้อยคอนกรีตรับกำลัง ได้เท่ากับ  $f'_c$  ของคอนกรีต ดังนั้นน้ำหนักบรรทุกที่รับโดยคอนกรีต เบื้องนอกจะหาได้มีค่าดังนี้ คือ

$$P_{cc} = (A_g - A_c) f'_c \dots\dots\dots (5.19)$$

เมื่อ  $P_{cc}$  = น้ำหนักบรรทุกที่รับโดยคอนกรีต เบื้องนอกที่ทำให้เกิดการวิบัติแบบแตกกระจาย

นั่นคือจะสามารถหาความสัมพันธ์ของน้ำหนักบรรทุกของ เสาที่ทำให้เกิดการวิบัติแบบแตกกระจายได้คือ

$$P_{splitting} = P_{cc} + P_{core} \dots\dots\dots (5.20)$$

เมื่อ  $P_{splitting}$  = น้ำหนักบรรทุกโดยคอนกรีตที่ทำให้เกิดการแตกกระจายของคอนกรีต เบื้องนอก

เขียนสมการ ใหม่ได้เป็น

$$P_{splitting} = (A_g - A_c) f'_c + (A_c - A_s) \{ f'_c + 4.1(2A_{st} f_{st} + f_t \cdot 2t \cdot S) / c \cdot s \}$$

จากการวิเคราะห์ในหัวข้อ 5.2 ให้ค่า Shape factor ของกำลังคอนกรีตในเสา เป็น  $0.95 f'_c$  ดังนั้นจะได้น้ำหนักบรรทุกของคอนกรีตที่ทำให้เกิดการ splitting ได้เป็น

$$P_{splitting} = 0.95(A_g - A_c) f'_c + (A_c - A_s) \{ 0.95 f'_c + 4.1(2A_{st} f_{st} + f_t \cdot 2t \cdot S) / c \cdot s \} \dots\dots\dots (5.21)$$

การ เกิดลักษณะวิบัติแบบแตกกระจายจะเกิดขึ้นได้เมื่อน้ำหนักบรรทุกจากการทดสอบของคอนกรีตมีค่ามากกว่าที่ได้จากการคาดคะเน ตารางที่ 5.11 แสดงผลการเปรียบเทียบนี้ ซึ่งเสาปลอก เตี้ยและ เสาปลอก เกลี้ยงที่เกิดการวิบัติแบบแตกกระจายของคอนกรีตที่หุ้มจะให้น้ำหนักบรรทุกจากการทดสอบต่ำกว่าค่าที่ได้จากการคาดคะเนเฉลี่ยประมาณ 0.84 % ในขณะที่เสาที่วิบัติแบบแตกกระจายของคอนกรีตที่หุ้มและ เหล็ก เสริมยื่น โกง เคาะ ให้ค่าต่ำกว่าค่าคาดคะเน 4.34 % ส่วนหากที่วิบัติแบบแรงเฉือน และมีการ โกง เคาะของเหล็ก เสริมยื่นจะให้ค่าต่ำกว่า  $P_{splitting}$



เฉลี่ย 19.54 % จะเห็นว่ากลุ่มที่น้ำหนักบรรทุกจากการทดสอบต่ำกว่าค่าคาดคะเนมากนั้นจะพบในเสาที่พบว่ามีการโค้ง เคาะของเหล็ก เสริมยื่นก่อนถึงกำลังคลาก

ในกลุ่มเสาที่มีการวิบัติแบบแตกกระจายของคอนกรีตที่หุ้ม เหล็กนั้น ถึงแม้ว่าน้ำหนักบรรทุกจากการทดสอบจะไม่มากกว่าค่าคาดคะเนแต่ก็ใกล้เคียงกันมากทั้งนี้เนื่องจากค่าคงที่ 4.1 นั้นเป็นค่าที่ได้จากการทดสอบแรงอัดสามทาง<sup>(27)</sup> โดยใช้ของ เหลว เป็นด้านข้างซึ่งจะให้หน่วยแรงอัดด้านข้างสม่ำเสมอต่างไปจากหน่วยแรงโอบที่เกิดจากการเสริม เหล็กทางขวางซึ่งจะให้ผลดีที่บริเวณที่มีเหล็กเสริมทางขวางและโดยเฉาะบริเวณมุมของเหล็กปลอก ส่วนช่วงกลางระหว่างเหล็กเสริมทางขวางจะให้ผลน้อย ดังนั้นตามพฤติกรรมจริง ควรจะให้ค่าน้อยกว่าที่แสดงตามสมการที่ 5.21 ซึ่งจะให้ผลใกล้เคียงกับลักษณะการวิบัติจริง ดังนั้นอิทธิพลของ เหล็ก เสริมที่มีปริมาณมากและระยะถี่จะให้การวิบัติแบบแตกกระจายของคอนกรีต เปลี่ยนนอก

กลุ่มที่มีการวิบัติแบบแรง เนิบของคอนกรีตและประกอบไปด้วยการโค้ง เคาะของเหล็กเสริมยื่นนั้น เป็นกลุ่มที่มีการโค้ง เคาะของเหล็ก เสริมยื่นก่อนถึงกำลังคลาก (ยกเว้น CT150) โดยให้มุมการวิบัติในแกนคอนกรีตคล้าย เสาคอนกรีตล้วน C000 ซึ่งอธิบายลักษณะการวิบัติเสากลุ่มนี้จากการพิจารณาลักษณะการวิบัติของเสา C000 ซึ่งรับหน่วยแรงอัดแกนเดียว (Uniaxial Stress) ลักษณะวิบัติที่ได้เป็นแบบ shear failure ที่เห็นได้ชัดเจนให้มุมของการวิบัติประมาณ  $18^{\circ}$  เมื่อนำค่ากำลังอัดและกำลังดึงแยกตัวของคอนกรีตมาเขียน Mohr-Envelope<sup>(17)</sup> เพื่อหา มุมวิบัติดังรูปที่ 5.25 ซึ่งให้ค่ากำลังอัดและกำลังดึงแยกตัวของคอนกรีตมาเขียนรูปครึ่งวงกลมบนแกนที่มีค่าลบและบวกตามลำดับ และให้กำลังด้านทานแรง เนิบอยู่บนแกนตั้ง มุมวิบัติจากการเขียนรูปจะมีค่าเท่ากับ  $16^{\circ}$  สอดคล้องกับมุมวิบัติที่เกิดจริง ดังนั้นสมมติฐานการวิบัติของเสา CT300, CS300, C001 ที่พอจะเป็นไปได้คือ จากหัวข้อที่ 5.1 ได้พบว่า เสาสามต้นนี้เกิดการโค้ง เคาะก่อนถึงกำลังคลากซึ่งจะดันให้คอนกรีตที่หุ้ม เหล็กแตกกระจายไป ณ จุดนี้เองกำลังรับน้ำหนักที่เคยแบ่งรับโดยคอนกรีตที่หุ้มและ เหล็ก เสริมยื่นจะถูกถ่ายไปให้แก่แกนคอนกรีตและเนื่องจากระยะห่างของ เหล็ก ปลอกมาก คอนกรีตภายในแกนจะอยู่ในลักษณะ เช่นเดียวกับ เสาคอนกรีตล้วน, น้ำหนักที่ต้องรับ เพิ่มขึ้นจะทำให้หน่วยแรงในคอนกรีตที่เพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็วจนถึงกำลังประลัยของคอนกรีตซึ่งจะให้ลักษณะการวิบัติ เป็นแบบ shear failure ที่เกิดในกรณีของเสาคอนกรีตล้วน พฤติกรรมนี้น่าจะเป็น เช่นเดียวกับ เสา CT150 ต่างกันตรงที่การโค้ง เคาะของเหล็ก เสริมยื่นนั้น เกิดขึ้นที่หน่วยแรงคลาก