

การศึกษาเปรียบเทียบเทคนิคการพยากรณ์ที่เหมาะสมกับลักษณะข้อมูล



น.ส. เกศินี กมลรัตน์

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่ง ของ การศึกษาตามหลักสูตรปริญญาศึกษาศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาสถิติ

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2530

ISBN 974-567-034-6

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

012788

175203803.

A Comparative Study on Forecasting Techniques
Suitable for Data Characteristics



Miss Keasinee Karmonrat

A Thesis Submitted in Partial Fulfilment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Statistics

Graduate School

Chulalongkorn University


1987

ISBN 974-567-034-6

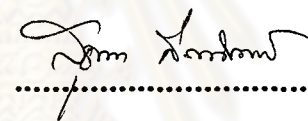
หัวข้อวิทยานิพนธ์ การศึกษาเปรียบเทียบเทคนิคการพยากรณ์ที่เหมาะสมกับลักษณะข้อมูล
โดย น.ส. เกศินี กมลรัตน์
ภาควิชา สถิติ
อาจารย์ที่ปรึกษา รองศาสตราจารย์ ดร. สรชัย พิศาลบุตร




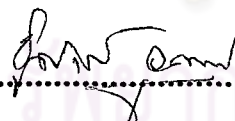
บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้บัณฑิตวิทยาลัยฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่ง
ของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต



.....คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย
(ศาสตราจารย์ ดร. ถาวร วัชรากัญ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์


.....ประธานกรรมการ
(รองศาสตราจารย์ ดร. สุชาดา กิระนันท์)


.....กรรมการ
(รองศาสตราจารย์ ดร. สรชัย พิศาลบุตร)


.....กรรมการ
(รองศาสตราจารย์ ชูศักดิ์ อุดมศรี)


.....กรรมการ
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ รอมานพ วรรักษ์กิติ)

หัวข้อวิทยานิพนธ์	การศึกษาเปรียบเทียบเทคนิคการพยากรณ์ที่เหมาะสมกับลักษณะ ข้อมูล
ชื่อนิสิต	น.ส. เกศิณี กมลรัตน์
อาจารย์ที่ปรึกษา	รองศาสตราจารย์ ดร. สรชัย พิศาลบุตร
ภาควิชา	สถิติ
ปีการศึกษา	2529



บทคัดย่อ

ในการบริหารงานด้านต่างๆ ของหน่วยงานราชการ และในวงการธุรกิจโดยทั่วไปต้องมี การกำหนดนโยบาย การวางแผนงาน และมีการคาดการณ์ผลการดำเนินงานที่ควรจะได้รับซึ่งใน การดำเนินงานขั้นตอนต่างๆ นี้ บางขั้นตอนมีความจำเป็นต้องนำเอาความรู้ และเทคนิคต่างๆ ทาง สถิติมาใช้เป็นเครื่องมือเพื่อช่วยให้การตัดสินใจเป็นไปอย่างมีหลักเกณฑ์มีความถูกต้อง และน่าเชื่อถือ มากกว่าการตัดสินใจโดยอาศัยประสบการณ์และความคิดเห็นส่วนตัวเป็นเกณฑ์ แต่เพียงอย่างเดียว เทคนิคการพยากรณ์เป็นขบวนการทางคณิตศาสตร์และสถิติที่ได้รับการพัฒนามีประสิทธิภาพ เป็นที่ ยอมรับกันโดยทั่วไป และได้นำไปใช้อย่างกว้างขวาง แต่ปัญหาสำคัญคือ การเลือกเอาเทคนิคการ พยากรณ์ทางสถิติมาใช้ ว่าควรนำเอาเทคนิคการพยากรณ์ใดมาใช้จึงจะเหมาะสมกับข้อมูลที่มีอยู่ตั้งนั้น การเลือกเทคนิคการพยากรณ์ให้เหมาะสมกับลักษณะ ข้อมูลจึงเป็นสิ่ง สำคัญที่ต้องคำนึงถึงเพราะเทคนิค การพยากรณ์หนึ่งอาจจะเหมาะสมกับลักษณะ ข้อมูลหนึ่ง แต่อาจไม่เหมาะสมกับข้อมูลอีกลักษณะหนึ่ง จากความสำคัญนี้จึง ควรมีการศึกษาว่าเทคนิคการพยากรณ์ใดเหมาะสมกับลักษณะ ข้อมูลใดและเมื่อ นำไปใช้พยากรณ์ค่าในอนาคตแล้ว ให้ค่าความคลาดเคลื่อนในการ พยากรณ์ต่ำที่สุด

งานวิจัยนี้มีจุดประสงค์เพื่อวิเคราะห์ข้อมูลเงินออกรชาเข้า ซึ่งเป็นข้อมูลอนุกรมเวลาที่ ประกอบด้วยลักษณะของการเปลี่ยนแปลงเนื่องจากฤดูกาล การเปลี่ยนแปลงเนื่องจากค่าผิดปกติและ การเปลี่ยนแปลงเนื่องจากเหตุการณ์อื่นๆ เพื่อหาว่าข้อมูลลักษณะใดควรใช้เทคนิคการพยากรณ์ใดจึง เหมาะสมและให้ค่าพยากรณ์ใกล้เคียงค่าจริงมากที่สุด โดยเปรียบเทียบระหว่าง 5 เทคนิค คือ

1. เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว
2. เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง
3. เทคนิคการพยากรณ์แบบการกรองแบบปรับได้

- 4. เทคนิคการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก
- 5. เทคนิคการวิเคราะห์อนุกรมเวลาบ็อกซ์และเจนกินส์

ผลการศึกษาพบว่า เมื่อข้อมูลมีการเปลี่ยนแปลงเนื่องจากฤดูกาลน้อย มีค่า เปลี่ยนแปลงน้อย มีค่าผิดปกติ เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 5 เทคนิคการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณหาค่าแนวโน้มด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุดใช้พยากรณ์ ได้ดีที่สุด รองลงมาคือ เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว และเทคนิคการพยากรณ์แบบการกรองแบบปรับได้ ตามลำดับ ในช่วงขนาดตัวอย่าง 6, 7, 8, 9, 10, 20, 30, และ 40 เทคนิคการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณหาค่าแนวโน้ม โดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง ใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด รองลงมาคือ เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว และการพยากรณ์แบบการกรองแบบปรับได้ตามลำดับ เมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้นเป็น 50, 60, 70, 80, 90, 100, 110 และ 120 เทคนิคการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณหาค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้งยังคงใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุดเกือบทุกขนาดตัวอย่าง รองลงมาคือ การวิเคราะห์อนุกรมเวลาบ็อกซ์และเจนกินส์ เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว และการพยากรณ์แบบการกรองแบบปรับได้ตามลำดับ แต่เมื่อข้อมูลอนุกรมเวลานี้ ไม่มีค่าผิดปกติ ในทุกขนาดตัวอย่าง ยกเว้นขนาดตัวอย่างเท่ากับ 5 การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณหาค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้งใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด

เมื่อข้อมูลอนุกรมเวลามีการเปลี่ยนแปลงเนื่องจากฤดูกาลน้อย แต่มีค่า เปลี่ยนแปลงมาก มีค่าผิดปกติ เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 5, 7, 9 และ 10 เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้งใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 6 และ 8 เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว และการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณหาค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว ใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุดตามลำดับ เมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้นเป็น 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100, 110 และ 120 การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณหาค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้งยังคงใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด แต่เมื่อข้อมูลไม่มีค่าผิดปกติ ขนาดตัวอย่าง 5, 9, 10 และ 20 เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้งใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด ขนาดตัวอย่าง 6, 7, 8 เทคนิค

การทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว ใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด เมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้นเป็น 30, 40, 50, ..., 120 เกือบทุกขนาดตัวอย่าง การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง ใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด

เมื่อข้อมูลมีการเปลี่ยนแปลงเนื่องจากฤดูกาลมาก มีค่าเปลี่ยนแปลงน้อยหรือมาก และมีค่าผิดปกติหรือไม่ก็ตาม ในช่วงขนาดตัวอย่าง 20, 30 และ 40 ส่วนใหญ่การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง ใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุด แต่เมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้นเป็น 50, 60, 70, 80, 90, 100, 110 และ 120 การวิเคราะห์อนุกรมเวลา บ็อกซ์และเจนกินส์ ใช้พยากรณ์ได้ดีที่สุดรองลงมาก็คือการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกเมื่อคำนวณค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง และการพยากรณ์แบบการกรองแบบปรับได้ ตามลำดับ

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

import duty's data which is a time series data composed of seasonal variations, irregular variation and other variations etc., so as to find proper data characteristics applicable to proper forecasting technique and to give as much accurate data as possible by applying of 5 comparison techniques as follows:

1. Single Exponential Smoothing Technique
2. Double Exponential Smoothing Technique
3. The Adaptive Filtering Technique
4. The Classical Time Series Technique
5. The Box-Jenkins Technique

According to the study, it was found that if there is slight seasonal variation of data, slightly change in value and irregular value, in case the sample size equals 5, the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Least Square method would give the best forecast. The second used method is the Double Exponential Smoothing Technique. The third used method is the Single Exponential Smoothing Technique and the final used method is the Adaptive Filtering Technique. In case the sample size is 6, 7, 8, 9, 10, 20, 30 and 40, the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast. The second used method is the Double Exponential Smoothing Technique. The third used method is the Single Exponential Smoothing Technique and the final used method is the Adaptive Filtering Technique to be used respectively. In case the sample size increases to 50, 60, 70, 80, 90, 100, 110 and 120, almost every sample size, the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast. The second used method is the Box-Jenkins Technique. The third used method is the Double

Exponential Smoothing Technique. The fourth used method is the Single Exponential Smoothing Technique and the final used method is the Adaptive Filtering Technique to be used respectively. But if the time series data does not have the irregular value in every sample size with the exception of the sample size which equals 5, the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast.

When there is slight seasonal variation of data, but there are enormous changes in value and irregular values, the sample size equals 6 and 8, the appropriate best techniques applicable are the Single Exponential Smoothing technique and the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Single Exponential Smoothing Technique to be used respectively. When the sample size increases to 20, 30 ... and 120, the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast. But when the data does not have irregular value, the sample size equals to 5, 9, 10 and 20, the Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast. When the sample size equals to 6, 7 and 8, the Single Exponential Smoothing Technique would be best applied. When the sample size increases to 30, 40, 50 and 120, almost every sample size, the Classical Time Series Technique upon calculating by means of Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast.

When there is enormous seasonal variation of data, there are either enormous or slight changes in value and/or the irregular values, the sample size equals to 20, 30 and 40, the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Double Exponential Smoothing Technique would give the best forecast. The said Classical

Time Series Technique could be best used with almost every sample size. But if the sample size increases to 50, 60,... and 120, the Box-Jenkins Technique would be best used for forecasting. The second used method is the Classical Time Series Technique upon calculating the trend by means of Double Exponential Smoothing Technique. The third used method is the Single Exponential Smoothing Technique. The fourth used method is the Double Exponential Smoothing Technique and the final used method is the Adaptive Filtering Technique to be used respectively.



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



กิตติกรรมประกาศ

ผู้เขียนขอกราบขอบพระคุณ อาจารย์ คร.สรชัย พิศาลบุตร เป็นอย่างสูงที่ได้กรุณา
รับเป็นอาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ อาจารย์ได้ให้คำแนะนำและข้อคิดที่เป็นประโยชน์อย่างมาก
ตลอดจนให้ความช่วยเหลือในการปรับปรุงแก้ไขข้อบกพร่องต่างๆ เป็นอย่างดีมาตลอดนับตั้งแต่เริ่ม
งานจนกระทั่งงานวิจัยนี้สำเร็จ งานวิจัยนี้จะไม่สำเร็จไปได้ถ้าขาดความช่วยเหลือและเอาใจใส่
จากอาจารย์

ขอขอบพระคุณ อาจารย์ ดร.สุชาดา กิระนันท์ อาจารย์ชูศักดิ์ อุดมศรี และ
อาจารย์ รอ.มานพ วรภักดิ์ ในฐานะประธานและกรรมการกลั่นกรองวิทยานิพนธ์ที่ได้กรุณา
ตรวจสอบข้อบกพร่องต่างๆ พร้อมทั้งได้ให้คำแนะนำที่เป็นประโยชน์อย่างมาก

ขอกราบขอบพระคุณ คุณพ่อ คุณแม่ ที่ได้ให้กำลังใจ ความห่วงใยและเอาใจใส่เป็น
อย่างดีมาตลอด

สุดท้ายนี้ ขอขอบพระคุณเพื่อนๆ และผู้มีได้เอ่ยนาม ณ ที่นี้ที่ช่วยเหลือให้งานวิจัยนี้
สำเร็จลุล่วงไปด้วยดี

เกศินี กมลรัตน์

เมษายน 2530

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



บทคัดย่อภาษาไทย	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	ช
กิตติกรรมประกาศ.....	ฉ
สารบัญตาราง	ท
สารบัญภาพ	ณ
บทที่	
1. บทนำ	1
1.1. ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา	1
1.2. วัตถุประสงค์ของการวิจัย	3
1.3. ขอบเขตการศึกษา	3
1.4. แหล่งที่มาของข้อมูล	3
1.5. นิยามศัพท์เฉพาะ	4
1.6. ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	4
2. วิธีดำเนินการวิจัย	5
2.1. เทคนิคที่ใช้ในการพยากรณ์	5
2.2. ลักษณะข้อมูลที่สนใจศึกษาวิเคราะห์	10
2.3. ขนาดตัวอย่าง	11
2.4. เกณฑ์การตัดสินใจเลือกเทคนิคการพยากรณ์ ที่เหมาะสมกับลักษณะข้อมูล	12
2.5. เครื่องมือที่ใช้ในการวิเคราะห์	12
2.6. การวิเคราะห์เปรียบเทียบเทคนิคการพยากรณ์	13
3. สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์	14
3.1. การทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว	14
3.2. การทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง.....	16
3.3. การพยากรณ์แบบการกรองแบบปรับได้	19
3.4. การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก	22
3.5. การวิเคราะห์อนุกรมเวลาบ็อกซ์และเจนกินส์	34

สารบัญ (ต่อ)

บทที่	หน้า
4. ผลการวิเคราะห์	58
4.1 ผลการวิเคราะห์โดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบ เอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว	59
4.2 ผลการวิเคราะห์โดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบ เอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง	69
4.3 ผลการวิเคราะห์โดยเทคนิคการพยากรณ์แบบ การกรองแบบปรับได้	78
4.4 ผลการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก	87
4.5 ผลการวิเคราะห์อนุกรมเวลาบ็อกซ์และเจนกินส์	132
4.6 การเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์ทั้ง 5 เทคนิค	135
5. สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ	159
5.1 สรุปผลการวิจัย	159
5.2 ข้อเสนอแนะ	161

สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
3.1 สูตรในการวิเคราะห์ค่าความแปรปรวนเพื่อทดสอบสมมติฐาน $H_0 : \alpha_{ii} = 0$ ในสมการเชิงเส้นโพลีโนเมียล.....	29
3.2 ลักษณะทางทฤษฎีของฟังก์ชันสหความสัมพันธ์ในตัวเองและฟังก์ชัน สหความสัมพันธ์บางส่วนของแบบจำลองอนุกรมเวลา	51
3.3 สูตรใช้ประมาณค่าพารามิเตอร์สำหรับรูปแบบ ARIMA (p,d,q)	53
3.4 แสดงค่า $\hat{\sigma}_{r_k}(\hat{e}_t)$ ของแต่ละตัวแบบ	55
4.1 เปรียบเทียบการพยากรณ์โดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบ เอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียวเมื่อกำหนดค่าเริ่มต้นเท่ากับ ค่าข้อมูลตัวแรก และค่าเฉลี่ยเลขคณิตของข้อมูลชุดนั้น	60
4.2 เปรียบเทียบการพยากรณ์โดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบ เอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง เมื่อกำหนดค่าเริ่มต้นตามสูตร และค่าข้อมูลตัวแรก	70
4.3 ค่า w'_1 และค่าเฉลี่ยความคลาดเคลื่อนกำลังสองจำแนก ตามขนาดตัวอย่าง	79
4.4 เปรียบเทียบการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก จำแนก ตามวิธีการคำนวณค่าดัชนีฤดูกาล โดยใช้ข้อมูลเงินอากร ขาเข้ารายเดือน	88
4.5 เปรียบเทียบการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก จำแนกตาม วิธีการคำนวณค่าดัชนีฤดูกาล และคำนวณค่าแนวโน้มโดย เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว เมื่อ กำหนดค่าเริ่มต้นการทำให้เรียบเท่ากับค่าข้อมูลตัวแรก	98
4.6 เปรียบเทียบการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก จำแนกตาม วิธีการคำนวณค่าดัชนีฤดูกาล และคำนวณค่าแนวโน้ม โดย เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลครั้งเดียว เมื่อ กำหนดค่าเริ่มต้นการทำให้เรียบเท่ากับค่าเฉลี่ยเลขคณิต	106

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่	หน้า	
4.7	เปรียบเทียบการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก จำแนกตามวิธีการคำนวณหาค่าดัชนีฤดูกาล และค่าแนวโน้มโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลซ้ำสองครั้ง เมื่อคำนวณหาค่าเริ่มต้นของการทำให้เรียบตามสูตรดังกล่าวข้างต้น	115
4.8	เปรียบเทียบการพยากรณ์โดยการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก จำแนกตามค่าแนวโน้มโดยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด และโดยเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียล ภายใต้อนุกรมตัวอย่างเดียวกัน	124
4.9	ผลการวิเคราะห์โดยเทคนิคการวิเคราะห์อนุกรมเวลาบ็อกซ์และเจนกินส์	132
4.10	เปรียบเทียบเทคนิคการพยากรณ์จำแนกตามลักษณะของข้อมูล ภายใต้อนุกรมตัวอย่างเดียวกัน	137
4.11	เปรียบเทียบเทคนิคการพยากรณ์ ภายใต้อนุกรมตัวอย่างเดียวกัน	145

สารบัญภาพ

ภาพที่	หน้า
3.1 กราฟแสดงค่าฟังก์ชันสหความสัมพันธ์ในตัวเอง บางส่วนกับ lag k	41
3.2 กราฟของค่าฟังก์ชันสหความสัมพันธ์ในตัวเอง ($k \geq 0$) สำหรับแบบจำลอง Stationary	50



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย