

วิธีดำเนินการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาเปรียบเทียบวิธีพยากรณ์ เมื่อมีการนำเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลมาใช้ในการวิเคราะห์อนุกรมเวลาที่มีข้อมูลสูญหาย วิธีพยากรณ์ที่นำมาศึกษาเปรียบเทียบมี 3 วิธี คือ วิธีพยากรณ์ที่มีการปรับแก้ด้วยวิธีของอัลคินและแคมส์เลท วิธีพยากรณ์ที่มีการปรับแก้ด้วยวิธีของไรท์ และวิธีพยากรณ์ที่มีการประมาณค่าสูญหาย ซึ่งสองวิธีแรกนั้น จะเป็นการปรับแก้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลเพื่อให้สามารถทำการพยากรณ์ได้ โดยไม่ต้องประมาณค่าของข้อมูลที่สูญหาย ส่วนวิธีที่มีการประมาณค่าสูญหายนั้น จะประมาณข้อมูลส่วนที่หายไป ด้วยค่าพยากรณ์จากเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียล สำหรับการเปรียบเทียบ จะกระทำภายใต้สถานการณ์ต่างๆ ดังนี้

- (1) เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียล 2 เทคนิค คือ เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียวและซ้ำสองครั้ง
- (2) ขนาดตัวอย่าง 4 ขนาด คือ 10, 15, 30 และ 50
- (3) สัดส่วนของข้อมูลสูญหาย 3 ระดับ คือ 10%, 20% และ 30%
- (4) สัดส่วนของข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย 4 ระดับ คือ 10%, 20%, 30% และ 40%

นอกจากจะศึกษาเปรียบเทียบวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธีดังกล่าวแล้ว ยังศึกษาถึงผลกระทบของจำนวนข้อมูลสูญหาย และจำนวนข้อมูลหลังช่วงข้อมูลสูญหายที่มีต่อความคลาดเคลื่อนของการพยากรณ์ด้วย

การวิจัยครั้งนี้ใช้เทคนิคการจำลองแบบมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation Technique) สร้างสถานการณ์ต่างๆ ดังนั้นจะขอกล่าวถึงวิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โลก่อน แล้วจึงแสดงรายละเอียดของขั้นตอนการวิจัยและโปรแกรมที่ใช้ในการวิจัยตามลำดับ

3.1 วิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โล

เทคนิคที่ใช้แก้ปัญหาในการคำนวณทางคณิตศาสตร์นั้นมียุหลายวิธี วิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โลเป็นวิธีหนึ่งที่นิยมนำมาใช้แก้ปัญหานั้นอย่างแพร่หลายในปัจจุบัน ซึ่งหลักการของการจำลองโดยใช้เทคนิคดังกล่าว จะอาศัยตัวเลขสุ่ม (Random numbers) มาช่วยในการหาคำตอบของปัญหาที่ต้องการศึกษา

ขั้นตอนของวิธีการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลที่ใช้กันในปัจจุบัน แบ่งได้เป็น 3 ขั้นตอน ดังนี้

3.1.1 การสร้างตัวเลขสุ่ม การใช้ตัวเลขสุ่มเป็นสิ่งที่สำคัญมากในเทคนิคนี้ ทั้งนี้ เพราะว่าหลักการของการจำลองแบบมอนติคาร์โลนั้น จะใช้ตัวเลขสุ่มมาช่วยในการค้นหาคำตอบของปัญหา โดยลักษณะของตัวเลขสุ่มที่นำมาใช้ จะมีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์มในช่วง $(0, 1)$ สำหรับวิธีการสร้างตัวเลขสุ่ม มีผู้เสนอไว้หลายวิธี แต่วิธีที่ค่านั้นลักษณะของตัวเลขสุ่มที่ถูกสร้างขึ้น จะต้องมีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์มในช่วง $(0, 1)$ ตัวเลขสุ่มแต่ละตัวเป็นอิสระต่อกัน และมีช่วงยาวก่อนจะเกิดเลขสุ่มซ้ำ (มีวัฏจักรยาว)

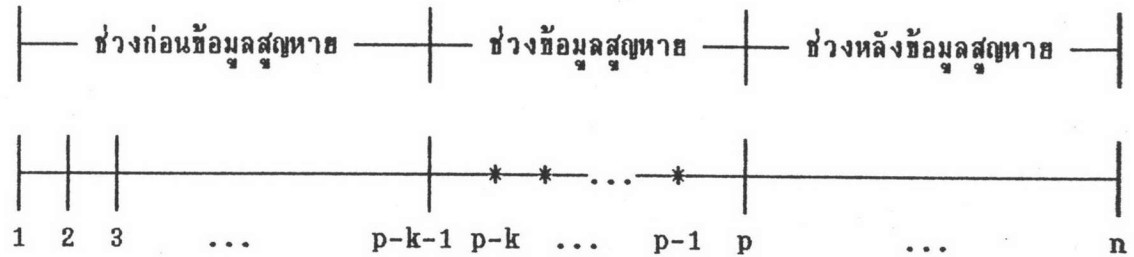
3.1.2 การนำตัวเลขสุ่มมาประยุกต์ใช้กับปัญหาที่ต้องการศึกษา ซึ่งขั้นตอนขั้นนี้ขึ้นอยู่กับลักษณะของปัญหา บางปัญหาอาจจะไม่ใช้ตัวเลขสุ่มโดยตรง แต่อาจจะมีขั้นตอนอื่นอีกหลายๆ ขั้นตอนที่ต้องการใช้ตัวเลขสุ่ม

3.1.3 การทดลองกระทำ เมื่อนำตัวเลขสุ่มมาประยุกต์ให้เข้ากับปัญหาที่ต้องการศึกษาได้แล้ว ขั้นตอนต่อไปก็คือ การทดลองโดยใช้กระบวนการของการสุ่ม (Random Process) มากกระทำในลักษณะที่ซ้ำๆ กันหลายๆ ครั้ง เพื่อหาคำตอบที่ต้องการ

3.2 แผนการทดลอง

การวิจัยครั้งนี้ต้องการเปรียบเทียบความสามารถในการพยากรณ์ของวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธี เมื่อมีการนำเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลมาใช้ในการวิเคราะห์อนุกรมเวลาที่มีข้อมูลสูญหายแบบ 1 ช่วง (single gap) ดังนั้นก่อนที่จะนำข้อมูลมาทำการวิเคราะห์ จะแบ่งข้อมูลออกเป็น 3 ช่วง คือ ช่วงก่อนข้อมูลสูญหาย ช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย และช่วงหลังข้อมูลสูญหาย ดังแสดงในรูปที่ 3.1

รูปที่ 3.1 แสดงการแบ่งช่วงของข้อมูลที่น่ามาวิเคราะห์



ช่วง $1, \dots, p-k-1$ เป็นช่วงก่อนข้อมูลสูญหาย

ช่วง $p-k, \dots, p-1$ เป็นช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย

และช่วง p, \dots, n เป็นช่วงหลังข้อมูลสูญหาย

เนื่องจากข้อมูลในช่วง $1, \dots, p-k-1$ และ p, \dots, n เป็นช่วงที่ทราบค่าของข้อมูล จึงนำข้อมูลทั้งสองช่วงนี้มาใช้ในการวิเคราะห์ และใช้สำหรับค้นหา (search) ค่าสัมประสิทธิ์ ส่วนลด (a) เพราะว่าจำนวนข้อมูลในแต่ละช่วง อาจส่งผลต่อความสามารถในการพยากรณ์ ดังนั้นจะกำหนดจำนวนข้อมูลของแต่ละช่วงไม่คงที่ โดยจำนวนข้อมูลในช่วง $p-k$ ถึง $p-1$ ซึ่งเป็นช่วงที่มีข้อมูลสูญหายจะมีสัดส่วนเป็น 10%, 20% และ 30% ของจำนวนข้อมูลทั้งหมด จำนวนข้อมูลในช่วง p ถึง n (ช่วงหลังข้อมูลสูญหาย) มีสัดส่วนเป็น 10%, 20%, 30% และ 40% ของจำนวนข้อมูลทั้งหมด ส่วนข้อมูลในช่วง 1 ถึง $p-k-1$ (ช่วงก่อนข้อมูลสูญหาย) จะมีจำนวนเท่ากับจำนวนข้อมูลทั้งหมดลบด้วยจำนวนข้อมูลที่สูญหาย และจำนวนข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย

เมื่อกำหนดให้ n แทน จำนวนข้อมูลทั้งหมด

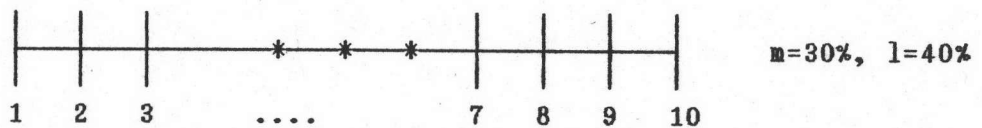
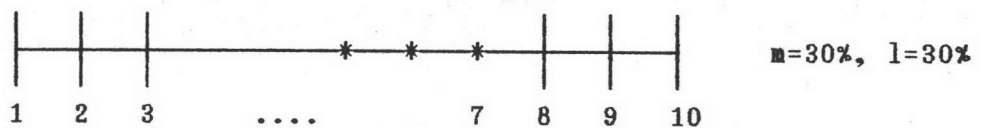
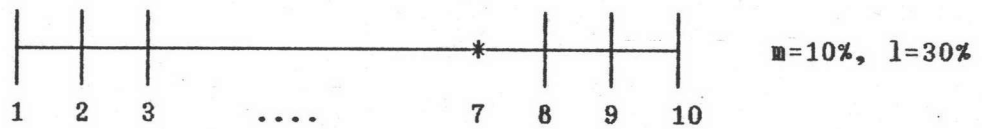
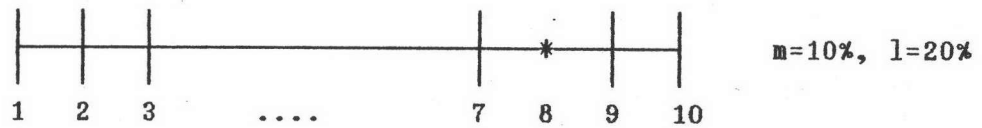
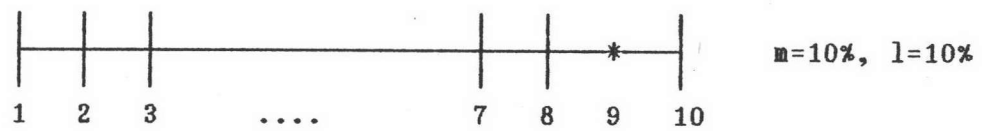
m แทน สัดส่วนของข้อมูลสูญหาย

l แทน สัดส่วนของข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย

จะพบว่าการเปลี่ยนขนาดของ m และ l เปรียบเสมือนการเลื่อนตำแหน่งของข้อมูลที่สูญหายไป ณ ตำแหน่งต่างๆ ของข้อมูลอนุกรมเวลา นั่นคือ ถ้า m และ l มีค่าต่ำ ตำแหน่งของข้อมูลที่สูญหายจะเกิดในตอนท้ายของข้อมูลชุดนั้น แต่ถ้า m และ l มีค่าสูง ตำแหน่งของข้อมูลที่สูญหายจะเกิดในตอนต้นของข้อมูล ดังจะแสดงให้เห็นในตัวอย่างที่ 3.1

ตัวอย่างที่ 3.1 การแสดงตำแหน่งที่มีข้อมูลสูญหาย เมื่อขนาดของอนุกรมเวลา (n) = 10
 สัดส่วนของข้อมูลสูญหาย (m) และสัดส่วนของข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย (l) มีค่าต่างๆ
 (* แทนตำแหน่งที่มีข้อมูลสูญหาย)

รูปที่ 3.2 แสดงตำแหน่งที่มีข้อมูลสูญหาย



เมื่อแบ่งข้อมูลออกเป็น 3 ช่วงตามที่กล่าวมาแล้วนั้น จะทำการเปรียบเทียบความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ของวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธี ณ สัดส่วนของข้อมูลสุ่มหลาย และสัดส่วนของข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสุ่มหลายจากน้อยไปมาก 3 และ 4 ระดับตามลำดับ ขนาดตัวอย่าง 4 ขนาด และเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียล 2 เทคนิค (เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียวและซ้ำสองครั้ง) รวมทั้งสิ้น 96 สถานการณ์ การเปรียบเทียบจะพิจารณาจากค่ารากที่สองของค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสอง (RMSE) ของวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธี เพื่อหาวิธีที่ดีที่สุดในแต่ละสถานการณ์ต่อไป

3.3 ขั้นตอนในการวิจัย

ขั้นตอนในการวิจัย แบ่งเป็น 6 ขั้นตอนหลัก คือ

1. จำลองค่าความคลาดเคลื่อน (ϵ_t) ของข้อมูลอนุกรมเวลาจากการแจกแจงแบบปกติ $N(\mu, \sigma^2)$

2. จำลองข้อมูลอนุกรมเวลา (y_t) ที่มีลักษณะตามรูปแบบต่อไปนี้

2.1 ลักษณะของข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีระดับค่อนข้างคงที่

$$y_t = \mu + \epsilon_t, \quad t = 1, 2, \dots, n, n+1, \dots, n+12$$

2.2 ลักษณะของข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีแนวโน้มเป็นเส้นตรง

$$y_t = \mu + \rho t + \epsilon_t$$

3. กำหนดค่าเริ่มต้น (S_0) ของการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียล

4. ค้นหาค่าสัมประสิทธิ์ส่วนลด (α)

5. คำนวณหาค่าพยากรณ์จากวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธี

6. หาค่าความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ แล้วทำการเปรียบเทียบแต่ละขั้นตอนมีรายละเอียดดังนี้

3.3.1 การจำลองค่าความคลาดเคลื่อนของข้อมูลอนุกรมเวลา

จำลองค่าความคลาดเคลื่อน ϵ_t จากการแจกแจงแบบปกติ มีค่าเฉลี่ย = 0 ความแปรปรวนคงที่ $= \sigma^2 = 10$ ด้วยวิธี Box-Muller (รายละเอียดแสดงในภาคผนวก ก)

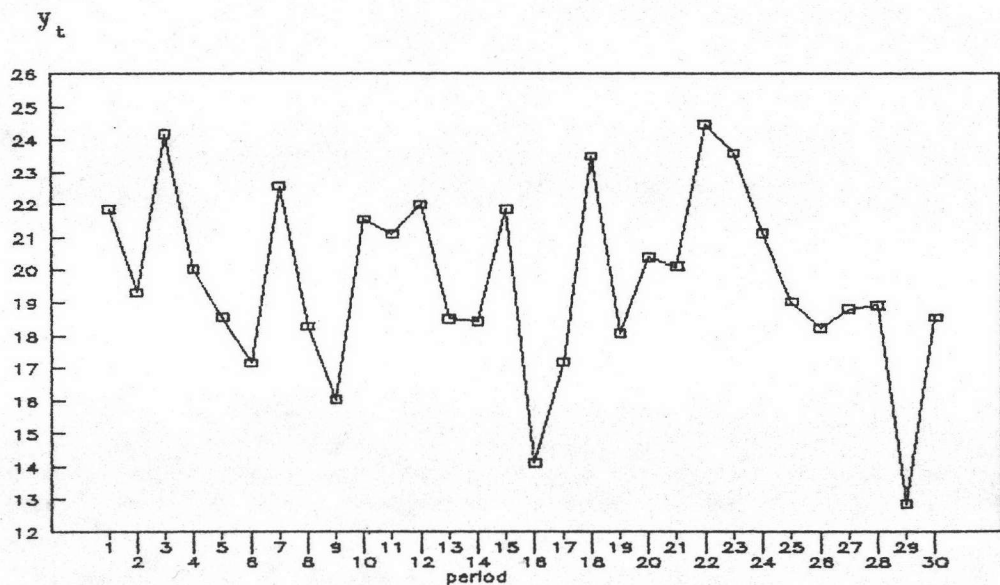
3.3.2 การจำลองข้อมูลอนุกรมเวลา

3.3.2.1 ข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีระดับค่อนข้างคงที่

จำลอง y_t , $t = 1, 2, \dots, n, n+1, \dots, n+12$ ให้มีรูปแบบความสัมพันธ์เป็น $y_t = \mu + \varepsilon_t$ โดยที่ μ เป็นพารามิเตอร์ที่กำหนดขึ้นมาแทนระดับของข้อมูล (ในการวิจัยครั้งนี้ กำหนด $\mu = 20$) จะได้ y_t ที่เวลาต่างๆ ดังนี้

$$\begin{aligned} y_1 &= \mu + \varepsilon_1 \\ y_2 &= \mu + \varepsilon_2 \\ &\vdots \\ y_{n+12} &= \mu + \varepsilon_{n+12} \end{aligned}$$

สำหรับลักษณะของข้อมูล ($y_t = \mu + \varepsilon_t$) ที่สร้างขึ้นจากการทดลอง จะแสดงในรูปแบบของกราฟได้ดังนี้



รูปที่ 3.3 แสดงลักษณะของข้อมูล, $y_t = \mu + \varepsilon_t$ ที่สร้างขึ้นจากการทดลอง

3.3.2.2 ข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีแนวโน้มเป็นเส้นตรง

จำลอง y_t ให้มีรูปแบบความสัมพันธ์เป็น $y_t = \mu + \beta t + \epsilon_t$ โดยที่ μ และ β เป็นพารามิเตอร์ที่กำหนดขึ้นมาแทนระดับ และความชันของข้อมูลตามลำดับ (ในการวิจัยครั้งนี้กำหนด $\mu = 20$ และ $\beta = 5$) จะได้ y_t ที่เวลาต่างๆ ดังนี้

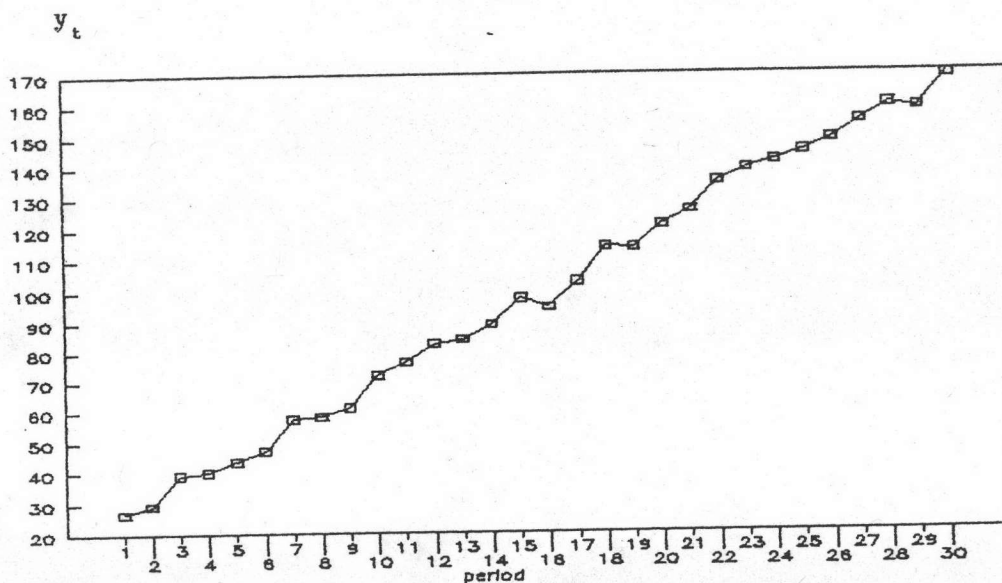
$$y_1 = \mu + \beta + \epsilon_1$$

$$y_2 = \mu + 2\beta + \epsilon_2$$

⋮

$$y_{n+12} = \mu + (n+12)\beta + \epsilon_{n+12}$$

สำหรับลักษณะของข้อมูล ($y_t = \mu + \beta t + \epsilon_t$) ที่สร้างขึ้นจากการทดลองจะแสดงในรูปของกราฟได้ดังนี้



รูปที่ 3.4 แสดงลักษณะของข้อมูล, $y_t = \mu + \beta t + \epsilon_t$ ที่สร้างขึ้นจากการทดลอง

3.3.3 การกำหนดค่าเริ่มต้นของการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียล

ณ เวลาที่ $t=1$ การคำนวณหาค่าของการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลอันดับที่ r ; $S_t^{(r)}$, $r = 1, 2, \dots, i$ จะต้องทราบค่าเริ่มต้น ($S_0^{(r)}$) ด้วยเหตุนี้จึงต้องกำหนดค่าเริ่มต้นขึ้นมาก่อน และการกำหนดค่าเริ่มต้นว่าควรจะมีค่าเป็นเท่าไรนั้น ได้มีผู้เสนอแนวความคิดและวิธีการในการกำหนดค่าเริ่มต้นหลายวิธีด้วยกัน สำหรับการวิจัยครั้งนี้ จะใช้ข้อมูลตัวแรกประมาณค่าของ $S_0^{(r)}$ ดังนี้

กรณีที่ใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียว จะกำหนดค่าเริ่มต้น $S_0^{(1)} = y_1$ ส่วนกรณีที่ใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลซ้ำสองครั้ง จะกำหนด $S_0^{(1)} = S_0^{(2)} = y_1$ การเลือกใช้วิธีดังกล่าวในการกำหนดค่าเริ่มต้น เพราะว่าจุดประสงค์หลักของการวิจัยนี้ต้องการเปรียบเทียบความคลาดเคลื่อนของการพยากรณ์ ซึ่งในแต่ละวิธีพยากรณ์ที่นำมาเปรียบเทียบ จะกำหนดค่าเริ่มต้นด้วยวิธีเดียวกัน และภายใต้สถานการณ์ต่างๆ เดียวกัน ดังนั้นการกำหนดค่าเริ่มต้นไม่ว่าจะใช้วิธีใดก็ตาม ผลสรุปของการเปรียบเทียบจะไม่เปลี่ยนแปลง

3.3.4 การคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์ส่วนลด (a)

เนื่องจากปัญหาในการพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลคือ ควรกำหนดค่า a เป็นเท่าไรจึงจะเหมาะสมนั้น มักจะกำหนดโดยการทดลองหาค่าความคลาดเคลื่อนของการพยากรณ์ล่วงหน้า 1 คาบเวลา (one-step-ahead forecast errors), $e_{t-1}(1)$, ณ ค่า a ต่างๆ

$$e_{t-1}(1) = y_t - \hat{y}_{t-1}(1) \quad , \quad t=1, 2, \dots, n$$

โดยที่ $\hat{y}_{t-1}(1) = S_{t-1} = (1-a)y_{t-1} + aS_{t-2}$ สำหรับการพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียว ส่วนการพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลซ้ำสองครั้ง จะคำนวณหาค่า $\hat{y}_{t-1}(1)$ จากสูตร

$$\hat{y}_{t-1}(1) = [2+(1-a)/a]S_{t-1}^{(1)} - [1+(1-a)/a]S_{t-1}^{(2)} \quad , \quad t=1, 2, \dots, n$$

จากนั้นคำนวณหาค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสองที่ค่าต่างๆ ของ a จากสูตร

$$MSE(a) = \left[\sum_{t=1}^n e^2_{t-1}(1) \right] / n$$

ค่า a ที่ให้ค่า MSE ต่ำสุด จะเป็นค่าสัมประสิทธิ์ที่ส่วนลคที่ถูกนำไปใช้เพื่อการพยากรณ์ต่อไป เนื่องจาก a มีค่าระหว่าง 0 ถึง 1 ($0 < a < 1$) ดังนั้นในการวิจัยครั้งนี้ จะคำนวณหาค่า a โดยเริ่มด้วยค่า $a = 0.01$ จากนั้นจะเพิ่มค่า a ครั้งละ 0.01 และจะหยุดเมื่อ $a = 0.99$ จากนั้นจะเปรียบเทียบค่า $MSE(a)$ สำหรับทุกค่า a และจะเลือกค่า a ที่ให้ $MSE(a)$ ต่ำสุด

โดยปกติถ้าไม่มีข้อมูลสูญหาย ผู้วิเคราะห์จะนำข้อมูลทั้งหมดมาใช้ในการค้นหาค่า a แต่การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิเคราะห์ในกรณีที่มีข้อมูลสูญหายไปแบบ 1 ช่วง ดังนั้นเมื่อจำลองข้อมูล (y_t) และกำหนดสัดส่วนของช่วงต่างๆ ของข้อมูลได้แล้ว จะนำข้อมูลที่เรทราบค่า (ข้อมูลในช่วงก่อนและหลังสูญหาย) มาใช้ค้นหาค่า a ที่ทำให้ MSE จากการพยากรณ์ของข้อมูลทั้งสองช่วง มีค่าต่ำสุด

ขั้นตอนของการค้นหาค่า a โดยใช้ข้อมูลช่วงก่อนและหลังสูญหายมีรายละเอียดดังนี้

1. หาผลรวมของความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ล่วงหน้า 1 คาบเวลาของข้อมูลในช่วงก่อนข้อมูลสูญหาย

$$SSE(a)_{\text{before}} = \sum_{t=1}^{p-k-1} e^2_{t-1}(1)$$

2. หาผลรวมของความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ล่วงหน้า 1 คาบเวลาของข้อมูลในช่วงหลังข้อมูลสูญหาย (ในกรณีที่มิ่มีจำนวนข้อมูลในช่วงหลังข้อมูลสูญหายเพียง 1 ค่า ซึ่งไม่สามารถคำนวณหาค่าความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ได้ จะไม่นำข้อมูลในส่วนนี้มาใช้ในการค้นหาค่า a)

$$SSE(a)_{\text{after}} = \sum_{t=p+1}^n e^2_{t-1}(1)$$

3. หาค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ของข้อมูลทั้งสองช่วง

$$MSE(a) = \frac{SSE(a)_{\text{before}}}{p-k-1} + \frac{SSE(a)_{\text{after}}}{n-p}$$

4. เปรียบเทียบค่า MSE(a) จากค่า a ทุกค่า แล้วเลือกค่า a ที่ให้ค่า MSE ต่ำสุด เป็นค่าสัมประสิทธิ์ส่วนลดเพื่อใช้ในการพยากรณ์ต่อไป

3.3.5 การคำนวณหาค่าพยากรณ์จากวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธี

เนื่องจากเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้มี 2 เทคนิค คือ เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียวและซ้ำสองครั้ง ดังนั้นการคำนวณหาค่าพยากรณ์จากวิธีพยากรณ์ทั้งสามจะพิจารณาทีละเทคนิคดังนี้

3.3.5.1 เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียว

เมื่อจำลองข้อมูลอนุกรมเวลา y_t ($t=1, 2, \dots, n, n+1, \dots, n+12$) ที่มีระดับ (level) ของข้อมูลคงที่ ซึ่งเป็นลักษณะของข้อมูลที่เหมาะสมกับการพยากรณ์โดยใช้เทคนิคดังกล่าว แล้ว จะนำข้อมูล n ค่าแรกมากำหนดสัดส่วนของข้อมูลสูญหาย (m) และสัดส่วนของข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสูญหาย (l) จากนั้นจะนำข้อมูลในช่วงก่อนและหลังสูญหาย ($y_1, y_2, \dots, y_{p-k-1}$ และ y_p, y_{p+1}, \dots, y_n) มาค้นหาค่า a ที่เหมาะสมก่อน ในขั้นต่อไปจึงคำนวณหาค่าพยากรณ์ล่วงหน้า 12 คาบเวลา จากวิธีพยากรณ์ทั้งสาม โดยมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

1. วิธีพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียวที่มีการปรับแก้ด้วยวิธีของอัลคีนและแคมส์เลท มีขั้นตอนการคำนวณดังนี้

1.1 คำนวณหาค่า S_t , $t = 1, 2, \dots, p-k-1$ จากสมการที่ (2.8) ในบทที่ 2 (หัวข้อ 2.1.1)

1.2 คำนวณหาค่า S_t , $t = p, p+1, p+2, \dots, n$

1.2.1 ที่เวลา $t = p$ จะคำนวณหาค่า S_p จากสมการที่ (2.9)

1.2.2 ค่า S_t ที่เวลา $t = p+1, p+2, \dots, n$ จะคำนวณจากสมการที่ (2.8)

1.3 คำนวณหาค่าพยากรณ์จากสมการที่ (2.11)

2. วิธีพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียวที่มีการปรับแก้ด้วยวิธีของไรท์ มีขั้นตอนการคำนวณดังนี้

2.1 คำนวณหาค่า S_t , $t = 1, 2, \dots, p-k-1$ จากสมการที่ (2.8)

2.2 คำนวณหาค่า S_t , $t = p, p+1, p+2, \dots, n$

2.2.1 ที่เวลา $t = p$ จะคำนวณหาค่า S_p จากสมการที่ (2.12)

2.2.2 ที่เวลา $t = p+1, p+2, \dots, n$ จะคำนวณหาค่า S_t จากสมการที่ (2.13)

2.3 คำนวณหาค่าพยากรณ์ด้วยสมการที่ (2.14)

3. วิธีพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียวที่มีการประมาณค่าสูญหาย มีขั้นตอนการคำนวณดังนี้

3.1 คำนวณหาค่า S_t , $t = 1, 2, \dots, p-k-1$ จากสมการที่ (2.8)

3.2 ใช้ค่า S_{p-k-1} ซึ่งคำนวณได้จากสมการที่ (2.15) เป็นค่าประมาณของข้อมูลสูญหายทุกคาบเวลาที่มีข้อมูลสูญหาย ($t = p-k, p-k+1, \dots, p-1$)

3.3 คำนวณหาค่า S_t , $t = p-k, p-k+1, \dots, p-1, p, p+1, \dots, n$ จากสมการที่ (2.8)

3.4 คำนวณหาค่าพยากรณ์จากสมการที่ (2.11)

3.3.5.2 เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลซ้ำสองครั้ง

เมื่อจำลองข้อมูลอนุกรมเวลาที่มีแนวโน้มเป็นเส้นตรง (linear trend) ซึ่งเป็นลักษณะของข้อมูลที่เหมาะกับการพยากรณ์โดยใช้เทคนิคนี้ จะกำหนดค่า m และ l เพื่อแบ่งช่วงของข้อมูล จากนั้นจะนำข้อมูลในช่วงก่อนและหลังสูญหายมาค้นหาค่า a ที่เหมาะสม แล้วจึงหาค่าพยากรณ์ล่วงหน้า 12 คาบเวลาจากวิธีพยากรณ์ทั้งสามในขั้นต่อไป

1. วิธีพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลซ้ำสองครั้งที่มีการปรับแก้ด้วยวิธีของอัลด์รินและแคมส์เลก มีขั้นตอนดังนี้

1.1 ประมาณค่า μ_t และ β_t , $t=1,2,\dots,p-k-1$ จากสมการที่ (2.22) และ (2.23) ในบทที่ 2 (หัวข้อ 2.1.2)

1.2 ประมาณค่า μ_t และ β_t , $t = p, p+1, p+2, \dots, n$

1.2.1 ที่เวลา $t = p$ จะประมาณค่า μ_p และ β_p จากสมการที่ (2.24) และ (2.25) ตามลำดับ

1.2.2 ที่เวลา $t = p+1, p+2, \dots, n$ จะประมาณค่า μ_t และ β_t จากสมการที่ (2.22) และ (2.23)

1.3 คำนวณหาค่าพยากรณ์จากสมการที่ (2.28)

2. วิธีพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลซ้ำสองครั้งที่มีการปรับแก้ด้วยวิธีของไรท์ มีขั้นตอนดังนี้

2.1 คำนวณหาค่า $S_t^{(1)}$ และ $S_t^{(2)}$ พร้อมทั้งประมาณค่า μ_t และ β_t , $t = 1, 2, \dots, p-k-1$ จากสมการที่ (2.29), (2.30), (2.31) และ (2.32) ตามลำดับ

2.2 คำนวณหาค่า $S_t^{(1)}$ และ $S_t^{(2)}$ พร้อมทั้งประมาณค่า μ_t และ β_t , $t = p, p+1, p+2, \dots, n$

2.2.1 ที่เวลา $t = p$ จะคำนวณหาค่า $S_p^{(1)}$ และ $S_p^{(2)}$ จากสมการที่ (2.33) และ (2.34) ตามลำดับ สำหรับ μ_p และ β_p จะประมาณจากสมการที่ (2.35) และ (2.36)

2.2.2 ที่เวลา $t = p+1, p+2, \dots, n$ จะคำนวณหาค่า $S_t^{(1)}$ และ $S_t^{(2)}$ จากสมการที่ (2.37) และ (2.38) และจะประมาณค่า μ_t และ β_t จากสมการที่ (2.39) และ (2.40) ตามลำดับ

2.3 คำนวณหาค่าพยากรณ์จากสมการที่ (2.28)

3. วิธีพยากรณ์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลซ้ำสองครั้งที่มีการประมาณค่าสัญญาณ มีขั้นตอนดังนี้

3.1 คำนวณหาค่า $S_t^{(1)}$ และ $S_t^{(2)}$ พร้อมทั้งประมาณค่า μ_t และ β_t , $t = 1, 2, \dots, p-k-1$ จากสมการที่ (2.29), (2.30), (2.31) และ (2.32) ตามลำดับ

3.2 หาสมการพยากรณ์ที่เวลา $t = p-k-1$ จากสูตร

$$\hat{y}_{p-k-1}(\tau) = \hat{\mu}_{p-k-1} + \tau \hat{\beta}_{p-k-1}, \quad \tau = 1, 2, \dots, k$$

3.3 นำสมการที่ได้จากข้อ 3.2 พยากรณ์ไปทุกช่วงเวลาที่ที่มีข้อมูลสัญญาณ

3.4 คำนวณหาค่า $S_t^{(1)}$ และ $S_t^{(2)}$ พร้อมทั้งประมาณค่า μ_t และ β_t , $t = p-k, p-k+1, \dots, p-1, p, p+1, \dots, n$ จากสมการที่ (2.29), (2.30), (2.31) และ (2.32) ตามลำดับ

3.5 คำนวณหาค่าพยากรณ์จากสมการที่ (2.28)

3.3.6 การคำนวณหาค่าความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์และทำการเปรียบเทียบ

การทดลองในสถานการณ์หนึ่งๆ เมื่อได้ค่าพยากรณ์ล่วงหน้า 12 คาบเวลาครบทั้ง 3 วิธีแล้ว จะนำค่าพยากรณ์มาเปรียบเทียบกับค่าจริง ($y_{n+1}, y_{n+2}, \dots, y_{n+12}$) เพื่อคำนวณหาค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสอง (Square Error : SE) ของแต่ละคาบเวลา และทำซ้ำเช่นเดิมจนครบ 1,000 ครั้ง แล้วจึงคำนวณหาค่ารากที่สองของค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสองในแต่ละคาบเวลา (RMSE_t) จากสูตร

$$RMSE_t = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{1000} (y_{t,i} - \hat{y}_{t,i})^2}{1000}}, \quad t = n+1, n+2, \dots, n+12$$

จากนั้นจะนำค่า $RMSE_t$ ของวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธีมาทำการเปรียบเทียบเพื่อหาวิธีพยากรณ์ที่ดีที่สุดของแต่ละสถานการณ์ สำหรับวิธีการเปรียบเทียบจะพิจารณาที่ละคาบเวลาจนครบทั้ง 12 คาบเวลา แล้วจึงพิจารณาค่าเฉลี่ยของ $RMSE$ ทั้ง 12 คาบเวลา เพื่อเปรียบเทียบโดยรวมอีกครั้งหนึ่ง เมื่อทราบวิธีพยากรณ์ที่ดีที่สุดในแต่ละสถานการณ์แล้ว จะศึกษาถึงผลกระทบของจำนวนข้อมูลสุ่มหาย และจำนวนข้อมูลหลังช่วงข้อมูลสุ่มหาย ที่มีต่อค่าความคลาดเคลื่อนของการพยากรณ์ ภายใต้สมมติฐานว่า "ถ้าข้อมูลหลังช่วงข้อมูลสุ่มหายมีจำนวนเพิ่มขึ้น (ขณะที่จำนวนข้อมูลสุ่มหายคงที่) ค่าพยากรณ์ จะมีความคลาดเคลื่อนลดลง" ดังนั้นถ้าสมมติฐานเป็นจริง จะแสดงว่า จำนวนข้อมูลสุ่มหาย และจำนวนข้อมูลหลังช่วงข้อมูลสุ่มหายมีผลกระทบต่อค่าความคลาดเคลื่อนของการพยากรณ์

การคำนวณหาค่า $RMSE_t$ จากการพยากรณ์ของวิธีพยากรณ์ทั้งสาม ในการทดลองที่ขนาดตัวอย่างหนึ่งๆ จะเปลี่ยนค่าสัดส่วนของข้อมูลสุ่มหายและสัดส่วนของข้อมูลหลังช่วงที่มีข้อมูลสุ่มหายที่ค่าจนครบ 3 และ 4 ค่าตามลำดับ โดยแต่ละสถานการณ์จะทดลองซ้ำๆ จำนวน 1,000 ครั้ง จนครบทุกสถานการณ์ ซึ่งขั้นตอนของการทดลองดังกล่าวนี้ สรุปเป็นผังงานได้ดังรูปที่ 3.5

3.4 โปรแกรมที่ใช้ในการวิจัย

โปรแกรมที่ใช้ในการวิจัยทั้งหมด เขียนด้วยภาษาฟอร์แทรน (FORTRAN) โดยใช้กับเครื่อง AMDAHL 5860 ซึ่งในแต่ละสถานการณ์ของการทดลอง ลักษณะการทำงานของโปรแกรมจะเหมือนกัน สำหรับรายละเอียดของโปรแกรมจะแสดงไว้ในภาคผนวก ข และภาคผนวก ค (ภาคผนวก ข และภาคผนวก ค จะเป็นโปรแกรมการทำงานเมื่อนำเทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โพเนนเชียลครั้งเดียว และซ้ำสองครั้งมาใช้ในการวิเคราะห์หอนุกรมเวลาตามลำดับ)

รูปที่ 3.5 แสดงผังงานสำหรับหาค่าความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ ด้วยวิธีพยากรณ์ทั้ง 3 วิธี

