



รายการอ้างอิง

ภาษาไทย

กนก สารเทcn. การวิเคราะห์ภาพถ่ายรังสีของกระดูกศีรษะค้านข้างของคนไทยเพื่อการรักษาทางทันตกรรมจัดฟันร่วมกับการผ่าตัด. วารสารทันตแพทย์สมาคมแห่งประเทศไทย ปีที่ 38 (กันยายน-ตุลาคม 2531) : 190-200.

กาลัญ กลั่นกลื่น. รายงานการสัมมนาเรื่อง DOWNS ANALYSIS. คณะทันตแพทยศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2530.

วัฒนา มนูราษัย. การเคลื่อนที่ฟันและตำแหน่ง. สำนักพิมพ์เยียร์บุ๊คพับลิชเซอร์, 2530.

ศิริชัย พงษ์วิชัย. การวิเคราะห์ข้อมูลทางสถิติด้วยคอมพิวเตอร์. สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์ มหาวิทยาลัย, 2535.

ภาษาอังกฤษ

Cohen, A. M. Uncertain in Cephalometrics. British Journal of Orthodontics Volume 11 (1984) : 44-48

Darryle, N. D., and Mackey, F. Reliability of Cephalometric analysis using manual and interactive computer methods. British Journal of Orthodontics Volume 18 No.2 (1991) : 105-109

Down, W.B. The role of cephalometrics in orthodontic case analysis and diagnosis. American Journal of Orthodontics 38 (1952) : 162

Foley, J.D., and Dam, A.V. Fundamentals of Interactive Computer graphics. Addison-Wesley Publishing, 1982.

Holzner, S. Visual C++ Programming. Brady Publishing, 1993.

_____. Heavy metal Visual C++ programming. IDG Books Worldwide, 1994.

Kruglinski, J. D. Inside visual ++. Microsoft Press, 1993.

Microsoft Visual C++ : Class Library Reference. Microsoft Corporation, 1993.

Nelson, M. Serial Communications: A C++ Developer's Guide. M&T Publishing ,1992.

Poyner, R. WINTAB:A Flexible Tablet Interface for Microsoft Windows Specification Level 1.0. LCS/Telegraphic, 1995.

Rickettes, M. R., Bench, W.R., Hilgers, J. J., and Schulhof, J. R. An overview of computerized cephalometrics. American Journal of Orthodontics Volume 61 No.1 (January 1972) : 1-28

_____, Roth, H. R., Chaconas, J. S., Schulhof, J. R., and Engel, A.G. Orthodontic diagnosis and planning. Rocky Mountain/Orthodontics Volume 1, 1982.

Stiener, C. Cephalometric for you and me. American Journal of Orthodontics 39 (1952) : 729-755

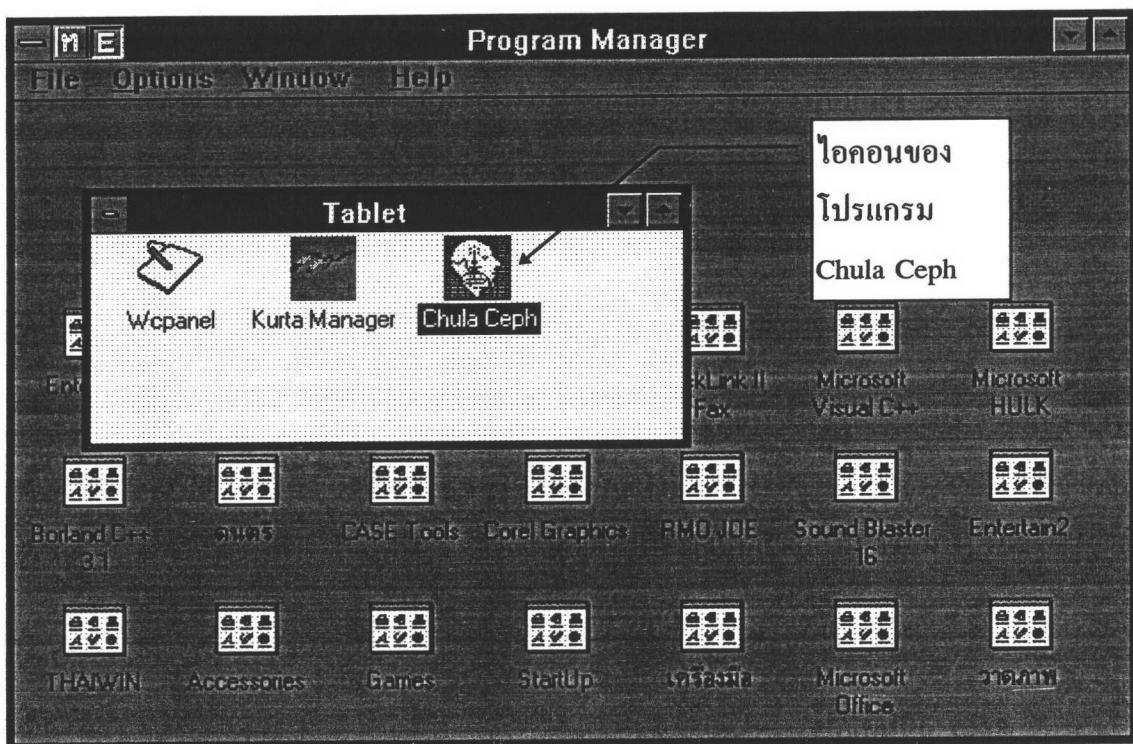
ภาคผนวก

ภาคผนวก ก

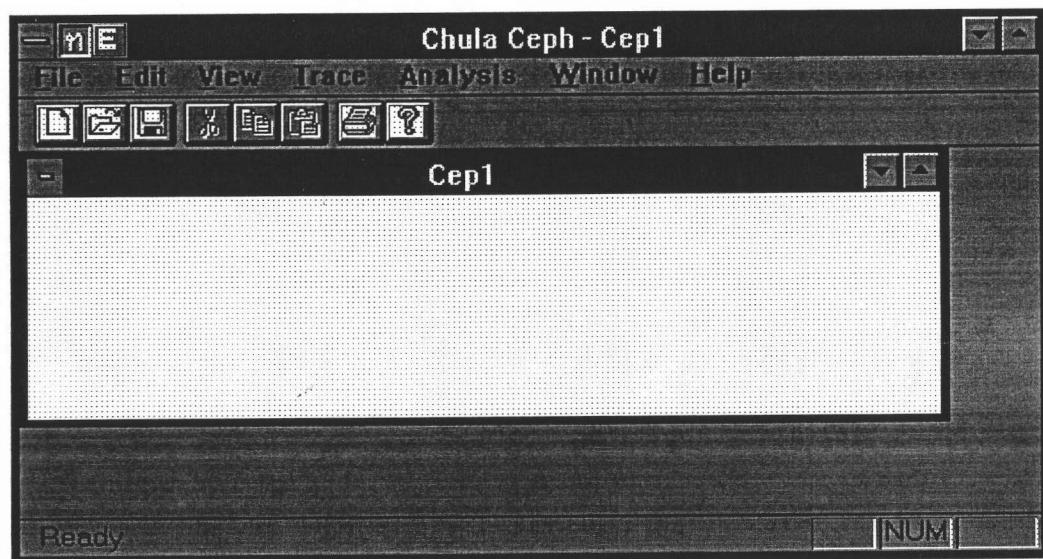
คู่มือการใช้โปรแกรมวิเคราะห์ภาพรังสีเอกซ์ของกระโหลกศีรษะ (Chula Ceph)

การเริ่มเข้าสู่โปรแกรม Chula Ceph

1. ผู้ใช้ต้องเข้าสู่โปรแกรมเมนูเครื่องของวินโดว์ก่อน
2. คลิกสองครั้งที่ไอคอน Chula Ceph ดังในรูปที่ ก1
3. จะเข้าสู่หน้าจอ Chula Ceph - Cep1 และจะเปิดเข้าสู่แฟ้มข้อมูลใหม่ ชื่อ Cep 1 โดยอัตโนมัติ ซึ่งจะสามารถป้อนข้อมูลรายละเอียดของคนไข้ที่จะรับการรักษาทางทันตกรรม จัดฟันรายใหม่ได้ทันที (รูปที่ ก2)



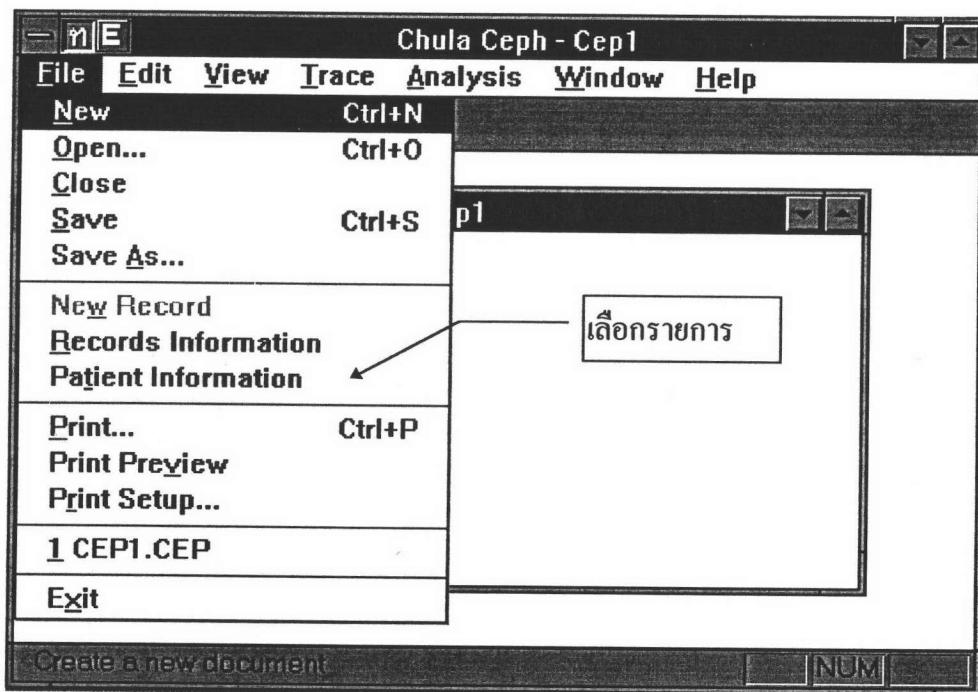
รูปที่ ก1 แสดงภาพไอคอนของโปรแกรม Chula Ceph



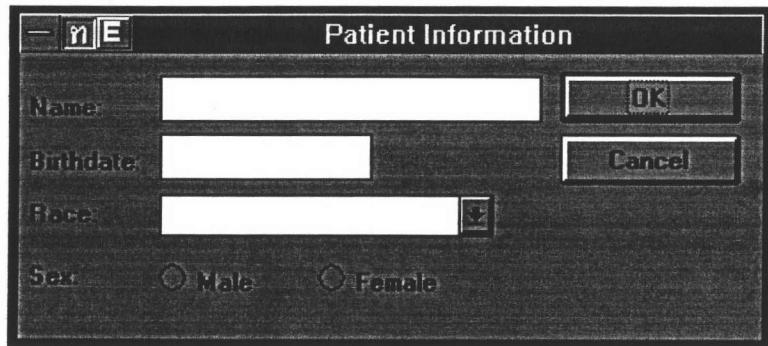
รูปที่ ก2 แสดงภาพโปรแกรม Chula Ceph เมื่อเริ่มการทำงาน

การป้อนข้อมูลของคนไข้ทันตกรรมจัดฟัน

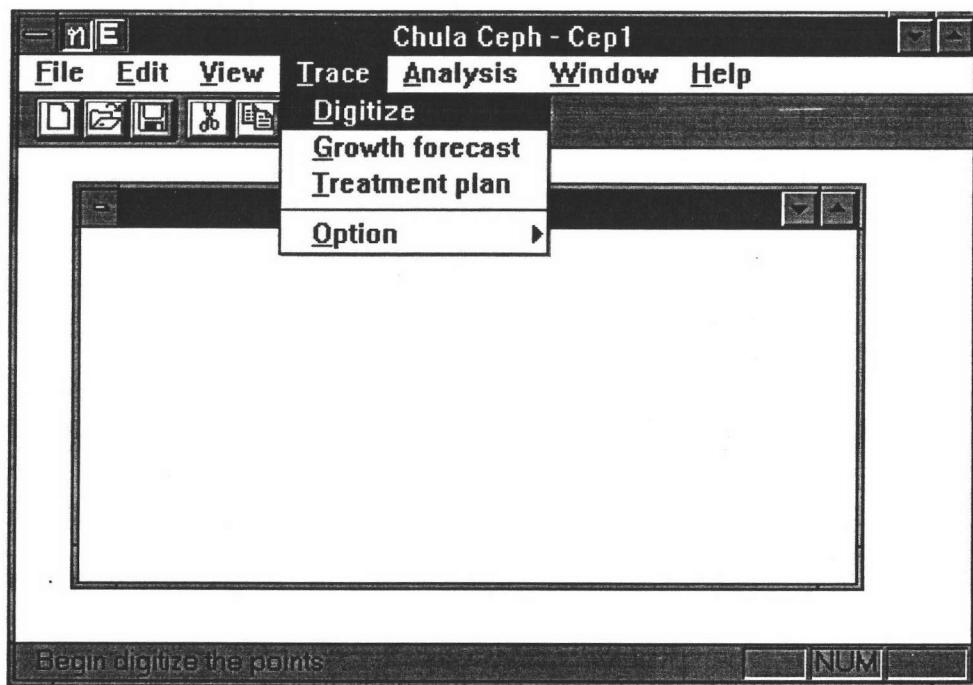
1. คลิกที่ File บนแดบแสดงรายการ จะปรากฏหน้าจอ ดังรูปที่ ก3
2. ต่อมากลิ๊กที่ Patient information จะปรากฏแบบฟอร์ม ดังรูปที่ ก4
3. กรอกชื่อ สกุล วันเกิด เชื้อชาติ และ เพศ ของคนไข้ลงไป แล้วคลิกที่ OK หรือถ้าต้องการยกเลิกการกรอกให้คลิกที่ Cancel ข้อมูลที่กรอกไว้จะหายไป
4. คลิกที่ Trace บนแดบแสดงรายการ จะปรากฏหน้าจอดังรูปที่ ก5



รูปที่ ก3 แสดงภาพการเลือกรายการกรอกข้อมูลคนไข้



รูปที่ ก4 แสดงภาพแบบฟอร์มการกรอกข้อมูลคนไข้



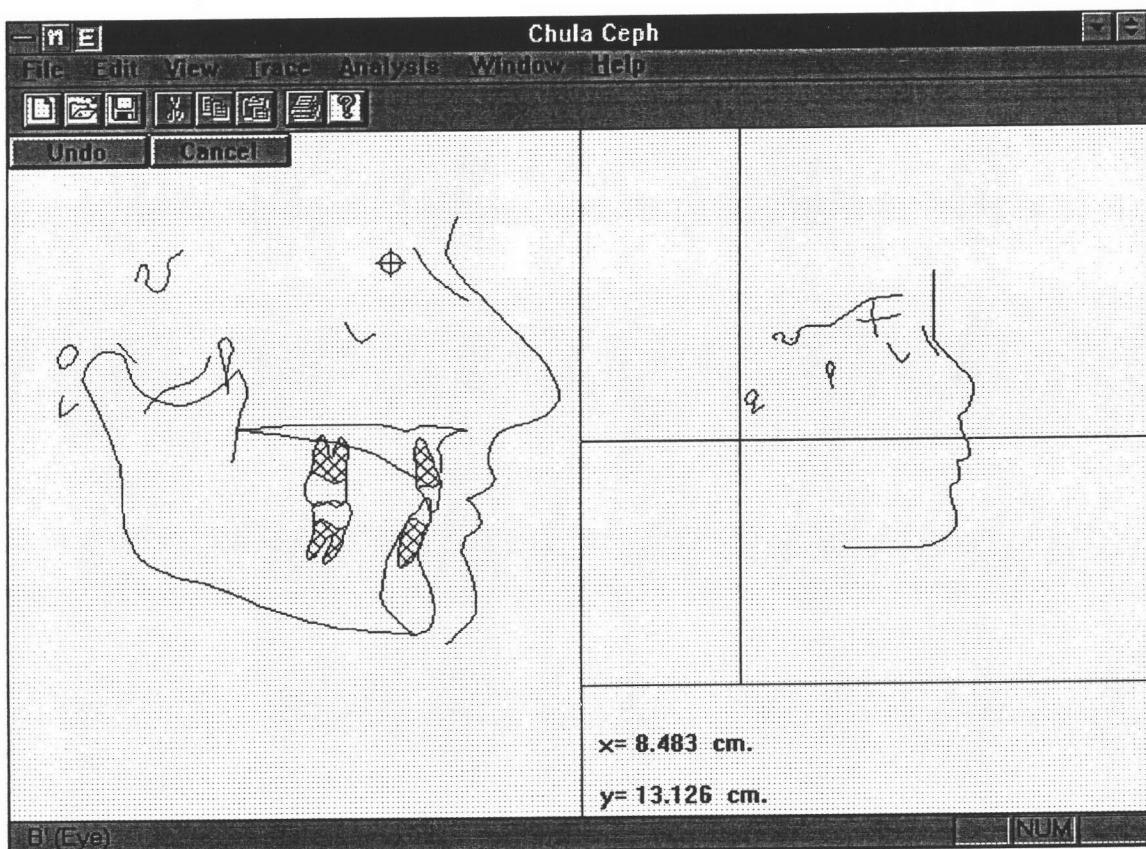
รูปที่ ก5 แสดงการเลือกรายการ Trace

5. คลิกที่ Digitize หน้าจอจะเปลี่ยนไปดังรูปที่ ก6 ซึ่งหน้าจอจะถูกแบ่งออกเป็น 3 ส่วน คือ

ส่วนซ้ายมือ เป็นภาพตัวอย่างของกระโหลกศีรษะด้านข้าง

ส่วนขวามือบนเป็นส่วนที่ว่างเปล่า สำหรับรอการอ่านค่าพิกัดของจุดในบริเวณกระโหลกศีรษะจากฟิล์มศีรษะด้านข้างของคนไข้ทันตกรรมจัดฟัน

ส่วนทางขวา มีล่างจะปรากฏ ค่า X และค่า Y ในตำแหน่งของตัวชี้ที่อยู่บนเครื่องอ่านพิกัด มีหน่วยเป็นเซนติเมตร



รูปที่ ก6 แสดงภาพขณะทำอ่านค่าพิกัด

จุดสำคัญต่างๆ บริเวณกระโหลงศีรษะ ที่จะต้องทำการอ่านค่าพิกัดทั้งสิ้น 59 จุด ดังแสดงในรูปที่ ก7

1. PO	2. PT	3. PT	4. OR	5. BA
6. S	7. SP	8. SI	9. CL	10. RO
11. SOR	12. TE	13. NA	14. EPI	15. FP1
16. FP2	17. FP3	18. FP4	19. FP5	20. FP6U

รูปที่ ก7 แสดงจุดที่จะต้องทำการอ่านค่าพิกัด

21. FP6L	22. FP7	23. FP8	24. FP9	25. FP10
26. FP11	27. BP	28. LLA	29. B	30. PM
31. POG	32. GN	33. ME	34. PSYM	35. LLI
36. R4	37. GO	38. R2	39. DC1	40. CO
41. DC2	42. R3	43. R1	44. PNS	45. ANS
46. A	47. ULA	48. ULI	49. LIA	50. LIE
51. UIA	52. UIE	53. UBCT	54. LMM	55. LMO
56. LMD	57. UMM	58. UMO	59. UMD	

รูปที่ ก7 แสดงจุดที่จะต้องทำการอ่านค่าพิกัด (ต่อ)

6. การอ่านค่าพิกัดจุดจะเรียงตามจุดที่แสดงในแบบแสดงสถานะ และในจอภาพ ด้านซ้ายจะมีตัวชี้ ซึ่งจะชี้ไปตำแหน่งจุดที่จะอ่านค่าพิกัดที่ละจุด เมื่ออ่านค่าพิกัดจุดครบถ้วนทุกจุด จะปรากฏข้อความ “Click any point to return to program” ในแบบแสดงสถานะ ให้คลิกที่บริเวณใดก็ได้ จะมีข้อความ “Digitize Complete” ให้คลิก ที่ปุ่ม OK ทุกจุดที่ถูกอ่านค่าพิกัดจะปรากฏเป็นภาพกระโหลกศีรษะและใบหน้าด้านข้างของคนไข้อยู่ใน Window Cep1 เพื่อเป็นข้อมูลในการวิเคราะห์ภาพรังสีเอกซ์ต่อไป

7. ในกรณีที่ต้องการยกเลิกการอ่านพิกัด ให้กดปุ่ม Esc จะปรากฏข้อความ “ยกเลิกการ Digitize” ให้เลือก OK เพื่อทำการยกเลิกรายการ

8. ทำการเก็บข้อมูลโดยการ คลิก ที่ปุ่มกดบนแบบเครื่องมือ หรือ คลิกที่ File บนรายการเลือก และเลือก Save

การวิเคราะห์โครงสร้างของกระโหลกศีรษะ

ในส่วนของการวิเคราะห์ผลของโปรแกรมวิเคราะห์ภาพรังสีเอกซ์สามารถทำ การวิเคราะห์ได้ 4 วิธี ดังนี้

1. Rickettes

2. Stiener

3. Down

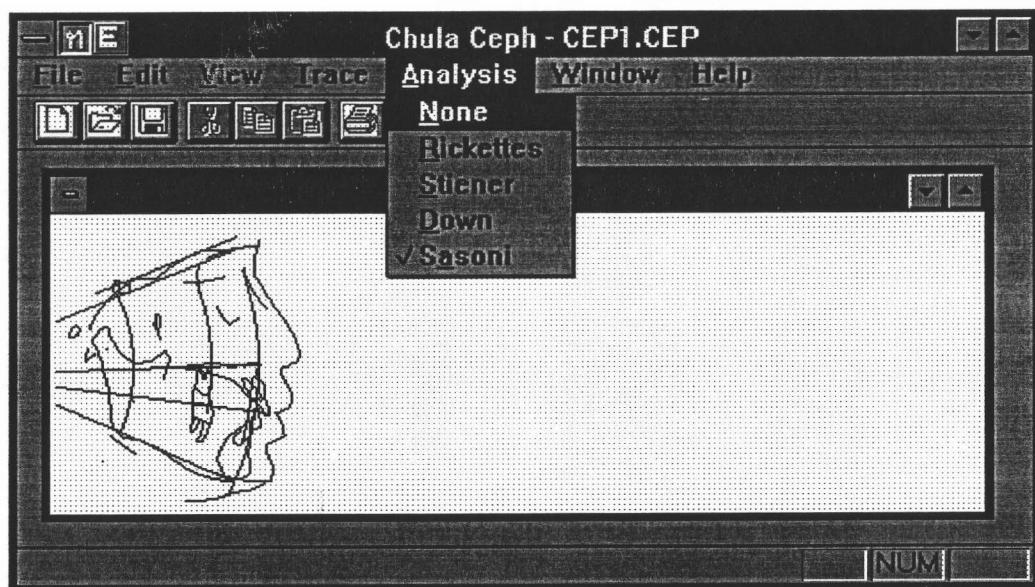
4. Sasoni

โดยมีขั้นตอนการวิเคราะห์ดังนี้

1. คลิกที่ Analysis บนแถบรายการเลือก จะปรากฏรายการให้เลือก ดังรูปที่ ก8

2. ถ้าต้องการให้วิเคราะห์วิธีใดให้คลิกที่วิธีที่ต้องการ ของพจนานุกรมเส้นที่ลากตามจุดต่างๆ ที่ได้อ่านค่าพิกัด เป็นระนาบ หรือ ส่วนโคง แตกต่างกัน ตามวิธีที่เลือกใช้วิเคราะห์

3. ถ้าต้องการยกเลิกการวิเคราะห์ คลิกที่ None ระนาบ หรือส่วนโคงต่างๆ จะหายไป



รูปที่ ก8 แสดงภาพรายการเลือกเพื่อทำการวิเคราะห์

การทำนายการเจริญเติบโตของโภลกศีรษะ

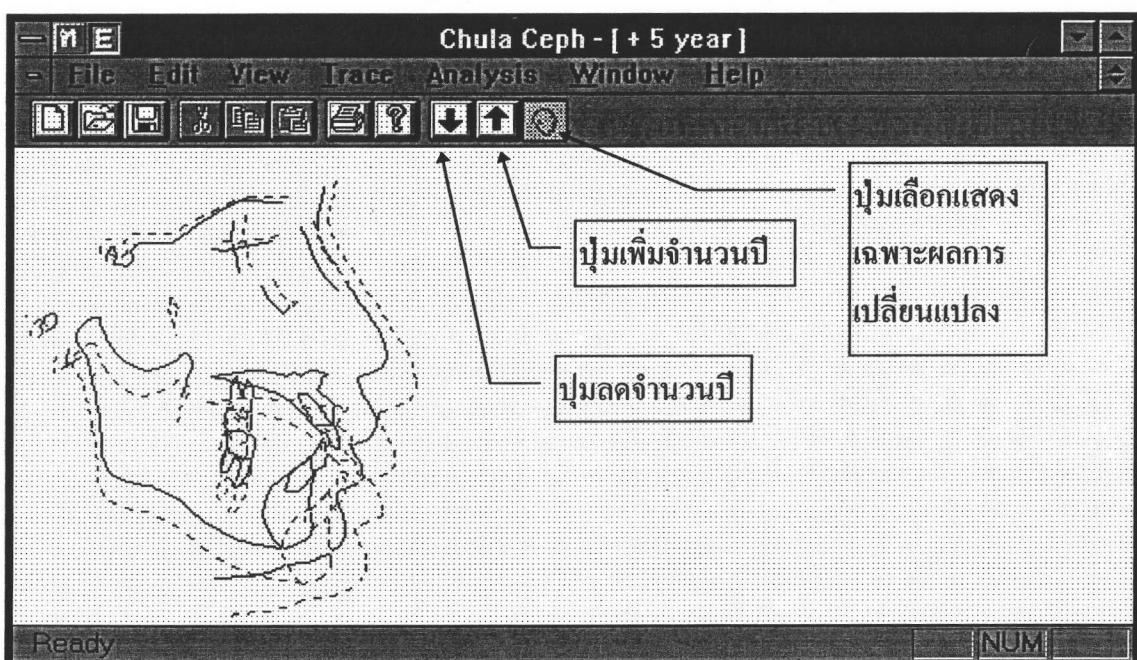
กรณีที่คนไข้มีอายุน้อย ยังไม่หยุดการเจริญเติบโต การจะวางแผนการรักษาจะต้องคำนึงถึงการเจริญเติบโตที่จะเกิดขึ้นในอนาคตด้วย ว่ากระโหลกศีรษะจะมีการเปลี่ยนแปลงไปในทางทิศใด ในโปรแกรมวิเคราะห์ภาพรังสีเอกซ์ สามารถทำนายการเจริญเติบโตโดย

1. คลิกที่ Trace บนแดปแสดงรายการ
2. คลิกที่ Growth Forecast ได้ผลดังรูปที่ ก10
3. บนแดปเครื่องมือ จะปรากฏปุ่มเพิ่มขึ้น 3 ปุ่ม

ปุ่มที่เป็นรูปลูกศรซึ่ง เมื่อคลิกที่ปุ่มนี้ 1 ครั้งจะแสดงทิศทางการเจริญเติบโตของกระดูกกระโหลกศีรษะใน 1 ปี ข้างหน้า สามารถทำนายการเจริญเติบโตไปจนถึง 11 ปี ข้างหน้า

ปุ่มที่เป็นรูปลูกศรซึ่ง เมื่อคลิกที่ไอคอนนี้ 1 ครั้งจะแสดงทิศทางการเจริญเติบโตของกระดูกกระโหลกศีรษะใน 1 ปีข้อนหลัง

ปุ่มที่ 3 จะเป็นรูปเฉพาะภาพผลการทำนายการเจริญเติบโต เมื่อทราบทิศทางการเจริญเติบโตของกระโหลกศีรษะส่วนต่างๆ แล้วจะเข้าสู่การวางแผนการรักษาต่อไป



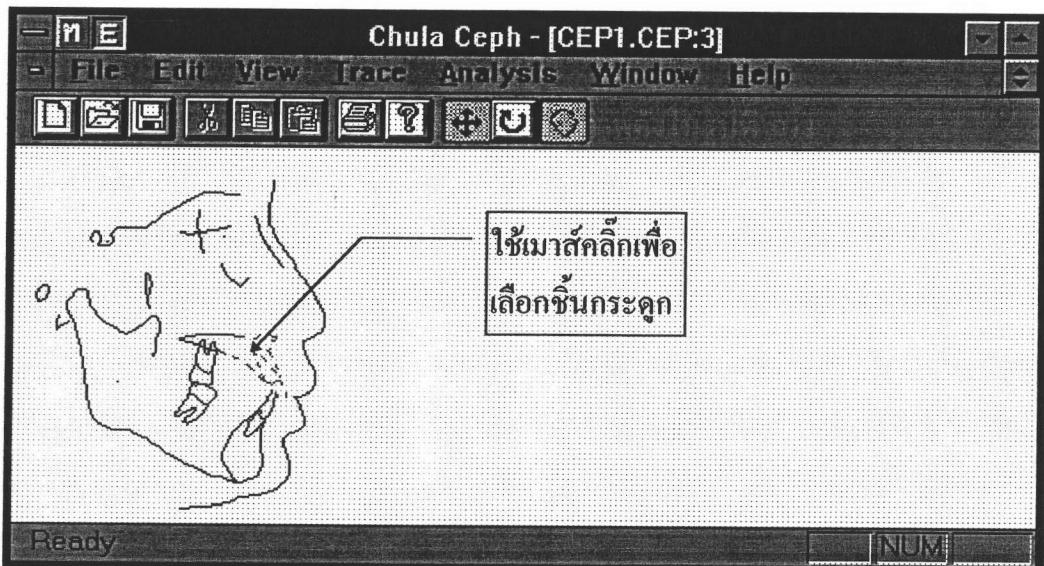
รูปที่ ก10 แสดงภาพการทำนายการเจริญเติบโต

การวางแผนการรักษา (TREATMENT PLANING)

เมื่อวิเคราะห์โครงสร้างของกระโหลกศีรษะของคน ให้รู้ว่ามีความผิดปกติที่บีบไว้แล้ว และทำนายถึงทิศทางการเจริญเติบโตของกระโหลกศีรษะได้แล้ว จึงนำข้อมูลที่ได้มาร่างแผนการรักษา ซึ่งในโปรแกรมวิเคราะห์ภาพรังสีเอกซ์ จะวางแผนการรักษาเฉพาะในกรณีที่ต้องอาศัยการผ่าตัดขากรรไกรบน หรือ ขากรรไกรล่าง เพื่อแก้ไขความผิดปกติที่เกิดขึ้น โดยตัดแบ่งขากรรไกรบน และ ขากรรไกรล่าง เป็นส่วนหน้าหลัง แล้วนำมาต่อให้ได้ความสัมพันธ์ที่ถูกต้อง

1. คลิกที่ Trace บนแถบแสดงรายการ
2. คลิกที่ Treatment Planing จะปรากฏภาพดังในรูปที่ ก11

3. เมื่อจะเลือกทำการเคลื่อนที่ขากรรไกรที่ส่วนใด ให้คลิกที่ส่วนนั้น โดยสามารถทำการเลือกชิ้นกระดูกได้ 6 ชิ้นคือ ขากรรไกรบนส่วนหน้า ขากรรไกรบนส่วนหลัง ขากรรไกรล่างส่วนหน้า ขากรรไกรล่างส่วนหลัง ขากรรไกรบนทั้งหมด ขากรรไกรล่างทั้งหมด และเมื่อจะเคลื่อนที่ในแนวหน้าหลังหรือบนล่าง ใช้กดปุ่มซ้ายเมาส์ค้างไว้บีบไว้แล้วจึงลากเมาส์เพื่อปรับแต่งส่วนของขากรรไกรให้มีความสัมพันธ์ที่ถูกต้อง และสามารถบันทึกนุม และระยะทางที่ได้ปรับแต่ง เพื่อนำไปใช้ปรับแต่งจริงในการผ่าตัดต่อไป



รูปที่ ก11 แสดงของการวางแผนการผ่าตัด

ภาคผนวก ข

สมการที่ใช้ในการสร้างภาพโครงร่างของกระแสโลกศีรษะ

ในการสร้างภาพโครงร่างของกระแสโลกศีรษะจะสร้างภาพโดยอาศัยความสัมพันธ์ระหว่างจุดอ้างอิงสองจุดที่อยู่ใกล้กัน และทำการคำนวณหาจุดเพิ่มเติมซึ่งอยู่ระหว่างจุดทั้งสอง โดยสมการดังต่อไปนี้

สมการของจุด Po (สร้างภาพaru)

โดยที่ XPo คือค่าในแกน X ของจุด Po และ
 YPo คือค่าในแกน Y ของจุด Po

ค่าในแกน X	ค่าในแกน Y
XPo	YPo
$XPo-152$	$YPo-76$
$XPo-267$	$YPo-190$
$XPo-381$	$YPo-457$
$XPo-305$	$YPo-704$
$XPo-170$	$YPo-704$
$XPo+76$	$YPo-533$
$XPo+208$	$YPo-229$
$XPo+152$	$YPo-76$

สมการของจุด Pt และ PTV

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XPt	YPt
XPt-(30/39)*(XPt-XPTV)	YPt-(30/54)*(YPt-YPTV)
XPTV	YPTV
XPt-74	YPt-386
XPt+130	YPt-1026
XPt+231	YPt-1382
XPt+130	YPt-1026
XPt+231	YPt-386
XPt+257	YPTV
XPt+206	YPt-48
XPt+79	YPt+41
XPt	YPt

สมการของจุด OR (สร้างภาพขอบตาล่าง)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XOR-750	YOR+1000
XOR-500	YOR+500
XOR	YOR
XOR+500	YOR+500

สมการของจุด Ba

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XBa+508	YBa+356
XBa+432	YBa+297
XBa+272	YBa+173
XBa+91	YBa+48
XBa	YBa
XBa-23	YBa+124
XBa+15	YBa+368
XBa+71	YBa+602
XBa+102	YBa+711

สมการของจุด S Sp Si Cl Ro และ Sor (สร้างภาพฐานกรวยให้กลมคิริยะ)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XS	YS
XSp-130/133(XS-XSp)	YSp+40/73(XS-XSp)
XSp-114/133(XS-XSp)	YSp+135/73(XS-XSp)
XSp-60/133(XS-XSp)	YSp+240/73(XS-XSp)
XSp	YSp+240/73(XS-XSp)
XSp+20/133(XS-XSp)	YSp+140/73(XS-XSp)
XSp	YSp
XSp	YSp
XSp+55/120(XSi-XSp)	YSp-63/100(YSp-YSi)
XSi	YSi
XSi	YSi
XSi+78/320(XCl-XSi)	YSi+52/500(YCl-YSi)

XSi+140/320(XCl-XSi)	YSi+140/500(YCl-YSi)
XSi+160/320(XCl-XSi)	YSi+260/500(YCl-YSi)
XSi+120/320(XCl-XSi)	YSi+340/500(YCl-YSi)
XSi+146/320(XCl-XSi)	YSi+390/500(YCl-YSi)
XSi+216/320(XCl-XSi)	YSi+442/500(YCl-YSi)
XSi+286/320(XCl-XSi)	YSi+482/500(YCl-YSi)
XCl	YCl
XCl+1/3(XRo-XCl)	YCl
XCl+1/2(XRo-XCl)	YCl+1/3(YRo-YCl)
XCl+5/6(XRo-XCl)	YCl+5/6(YRo-YCl)
XRo	YRo
XSor	YSor

สมการของจุด Te

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XTe	YTe+1000
XTe-60	YTe+400
XTe	YTe
XTe+100	YTe-400
XTe+200	YTe-1000
XTe-800	YTe
XTe-400	YTe-60
XTe	YTe
XTe+700	YTe+100
XTe+1500	YTe+300

สมการของจุด Na และ Epi

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XNa	YNa
$XNa + (24/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (43/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (86/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (141/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (160/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (253/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (223/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (334/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (223/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (334/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (324/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (421/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (465/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (518/633)*(YNa-YEpi)$
$XNa + (589/643)*(XEpi-XNa)$	$YNa - (600/633)*(YNa-YEpi)$
XEpi	YEpi

สมการของจุด LLa B Pm Pog Gn และ PSYM (สร้างภาพขาวกรรไกรล่างส่วนหน้า)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XLLa	YLLa
$XB + 66/80(XLLa-XB)$	$YB + 327/374(YLLa-YB)$
$XB + 37/80(XLLa-XB)$	$YB + 220/374(YLLa-YB)$
$XB + 9/80(XLLa-XB)$	$YB + 95/374(YLLA-YB)$
XB	YB
XB	YB
$XB + 60/132(XPm-XB)$	$YB - 166/331(YB-YPm)$
XPm	YPm
XPm	YPm

XPog-22/61(XPog-XPm)	YPog+143/288(YPm-YPog)
XPog	YPog
XPog	YPog
XPog-14/68(XPog-XGn)	YPog-142/259(YPog-YGn)
XGn	YGn
XGn	YGn
XMe+102/159(XGn-XMe)	YMe+23/43(YGn-YMe)
XMe	YMe
XMe	YMe
XMe-85/401(XMe-X)	YMe+42/470(YLi-YMe)
XMe-162/401(XMe-X)	YMe+110/470(YLi-YMe)
XMe-286/401(XMe-X)	YMe+231/470(YLi-YMe)
XMe-383/401(XMe-X)	YMe+364/470(YLi-YMe)
XPsym	YPsym
XPsym+8/285(XLLi-XPsym)	YPsym+139/851(YLLi-YPsym)
XPsym+30/285(XLLi-XPsym)	YPsym+279/851(YLLi-YPsym)
XPsym+57/285(XLLi-XPsym)	YPsym+392/851(YLLi-YPsym)
XPsym+105/285(XLLi-XPsym)	YPsym+513/851(YLLi-YPsym)
XPsym+183/285(XLLi-XPsym)	YPsym+666/851(YLLi-YPsym)
XPsym+253/285(XLLi-XPsym)	YPsym+795/851(YLLi-YPsym)
XLLi	YLLi

สมการของจุด Me R4 G0 R2 DC1 Co DC2 R3 และ R1 (สร้างภาพข้ากรรไกรล่างส่วนหลัง)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XMe	YMe
XMe-30/2858(XMe-XR4)	YMe+2/727(YR4-YMe)
XMe-107/2858(XMe-XR4)	YMe+2/727(YR4-YMe)
XMe-221/2858(XMe-XR4)	YMe+10/727(YR4-YMe)
XMe-356/2858(XMe-XR4)	YMe+22/727(YR4-YMe)
XMe-503/2858(XMe-XR4)	YMe+34/727(YR4-YMe)
XMe-646/2858(XMe-XR4)	YMe+48/727(YR4-YMe)
XMe-774/2858(XMe-XR4)	YMe+63/727(YR4-YMe)
XMe-871/2858(XMe-XR4)	YMe+79/727(YR4-YMe)
XMe-871/2858(XMe-XR4)	YMe+79/727(YR4-YMe)
XMe-972/2858(XMe-XR4)	YMe+99/727(YR4-YMe)
XMe-1090/2858(XMe-XR4)	YMe+128/727(YR4-YMe)
XMe-1218/2858(XMe-XR4)	YMe+161/727(YR4-YMe)
XMe-1351/2858(XMe-XR4)	YMe+200/727(YR4-YMe)
XMe-1485/2858(XMe-XR4)	YMe+239/727(YR4-YMe)
XMe-1611/2858(XMe-XR4)	YMe+280/727(YR4-YMe)
XMe-1726/2858(XMe-XR4)	YMe+319/727(YR4-YMe)
XMe-1821/2858(XMe-XR4)	YMe+356/727(YR4-YMe)
XMe-1821/2858(XMe-XR4)	YMe+356/727(YR4-YMe)
XMe-1937/2858(XMe-XR4)	YMe+406/727(YR4-YMe)
XMe-2076/2858(XMe-XR4)	YMe+472/727(YR4-YMe)
XMe-2216/2858(XMe-XR4)	YMe+537/727(YR4-YMe)
XMe-2331/2858(XMe-XR4)	YMe+586/727(YR4-YMe)
XMe-2331/2858(XMe-XR4)	YMe+586/727(YR4-YMe)

XMe-2451/2858(XMe-XR4)	YMe+619/727(YR4-YMe)
XMe-2596/2858(XMe-XR4)	YMe+654/727(YR4-YMe)
XMe-2742/2858(XMe-XR4)	YMe+690/727(YR4-YMe)
XR4	YR4
XR4	YR4
XR4-93/551(XR4-XGo)	YR4+37/537(YGo-YR4)
XR4-203/551(XR4-XGo)	YR4+87/537(YGo-YR4)
XR4-310/551(XR4-XGo)	YR4+143/537(YGo-YR4)
XR4-384/551(XR4-XGo)	YR4+202/537(YGo-YR4)
XR4-384/551(XR4-XGo)	YR4+202/537(YGo-YR4)
XR4-432/551(XR4-XGo)	YR4+268/537(YGo-YR4)
XR4-479/551(XR4-XGo)	YR4+361/537(YGo-YR4)
XR4-522/551(XR4-XGo)	YR4+457/537(YGo-YR4)
XGo	YGo
XGo	YGo
XGo-23/79(XGo-XR2)	YGo+78/801(YR2-YGo)
XGo-43/79(XGo-XR2)	YGo+176/801(YR2-YGo)
XGo-44/79(XGo-XR2)	YGo+283/801(YR2-YGo)
XGo-47/79(XGo-XR2)	YGo+397/801(YR2-YGo)
XGo-52/79(XGo-XR2)	YGo+510/801(YR2-YGo)
XGo-57/79(XGo-XR2)	YGo+619/801(YR2-YGo)
XGo-66/79(XGo-XR2)	YGo+717/801(YR2-YGo)
XR2	YR2
XR2	YR2
XR2-34/295(XR2-XDC1)	YR2+116/804(Y-YR2)
XR2-71/295(XR2-XDC1)	YR2+235/804(Y-YR2)
XR2-118/295(XR2-XDC1)	YR2+365/804(Y-YR2)
XR2-177/295(XR2-XDC1)	YR2+522/804(Y-YR2)

XR2-240/295(XR2-XDC1)	YR2+676/804(Y-YR2)
XDC1	YDC1
XDC1	YDC1
XDC1-(74/101)*(XCo-XDC1)	YDC1+(122/594)*(YCO-YDC1)
XDC1-(126/101)*(XCo-XDC1)	YDC1+(248/594)*(YCO-YDC1)
XDC1-(130/101)*(XCo-XDC1)	YDC1+(344/594)*(YCO-YDC1)
XDC1-(73/101)*(XCo-XDC1)	YDC1+(439/594)*(YCO-YDC1)
XDC1+(5/101)*(XCo-XDC1)	YDC1+(528/594)*(YCO-YDC1)
XCo	YCo
XCo	YCo
XCo+123/492(XDC2-XCo)	YCo
XCo+238/492(XDC2-XCo)	YCo-33/516(YCo-YDC2)
XCo+249/492(XDC2-XCo)	YCo-158/516(YCo-YDC2)
XCo+327/492(XDC2-XCo)	YCo-301/516(YCo-YDC2)
XCo+402/492(XDC2-XCo)	YCo-416/516(YCo-YDC2)
XDC2	YDC2
XDC2	YDC2
XCo+94/467(XR3-XCo)	YCo-55/131(YCo-YR3)
XCo+224/467(XR3-XCo)	YCo-99/131(YCo-YR3)
XCo+393/467(XR3-XCo)	YCo-128/131(YCo-YR3)
XR3	YR3
XR3	YR3
XR3+138/576(XR1-XR3)	YR3+41/711(YR3-YR1)
XR3+275/576(XR1-XR3)	YR3+103/711(YR3-YR1)
XR3+275/576(XR1-XR3)	YR3+103/711(YR3-YR1)
XR3+399/576(XR1-XR3)	YR3+193/711(YR3-YR1)
XR3+519/576(XR1-XR3)	YR3+293/711(YR3-YR1)
XR3+519/576(XR1-XR3)	YR3+293/711(YR3-YR1)

XR3+557/576(XR1-XR3)	YR3+362/711(YR3-YR1)
XR3+657/576(XR1-XR3)	YR3+411/711(YR3-YR1)
XR3+657/576(XR1-XR3)	YR3+411/711(YR3-YR1)
XR3+722/576(XR1-XR3)	YR3+321/711(YR3-YR1)
XR3+762/576(XR1-XR3)	YR3+192/711(YR3-YR1)
XR3+762/576(XR1-XR3)	YR3+192/711(YR3-YR1)
XR3+755/576(XR1-XR3)	YR3+103/711(YR3-YR1)
XR3+724/576(XR1-XR3)	YR3-3/711(YR3-YR1)
XR3+683/576(XR1-XR3)	YR3-111/711(YR3-YR1)
XR3+656/576(XR1-XR3)	YR3-199/711(YR3-YR1)
XR3+656/576(XR1-XR3)	YR3-199/711(YR3-YR1)
XR3+631/576(XR1-XR3)	YR3-333/711(YR3-YR1)
XR3+605/576(XR1-XR3)	YR3-503/711(YR3-YR1)
XR3+584/576(XR1-XR3)	YR3-649/711(YR3-YR1)
XR1	YR1

สมการของจุด FP1-FP11 (สร้างภาพโครงใบหน้า)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XFP1	YFP2
XFP2-(20/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(150/1315)*(YFP1-YFP2)
XFP2-(50/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(300/1315)*(YFP1-YFP2)
XFP2-(120/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(500/1315)*(YFP1-YFP2)
XFP2-(190/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(600/1315)*(YFP1-YFP2)
XFP2-(220/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(700/1315)*(YFP1-YFP2)
XFP2-(300/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(900/1315)*(YFP1-YFP2)
XFP2-(350/361)*(XFP1-XFP2)	YFP2-(1150/1315)*(YFP1-YFP2)

XFP2	YFP2
XFP3-(1314/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1695/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(1292/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1645/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(1231/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1565/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(1149/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1439/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(1021/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1295/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(884/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1157/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(824/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1090/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(750/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(1009/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(677/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(928/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(616/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(863/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(488/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(715/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(357/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(568/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(253/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(465/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(154/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(359/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(97/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(259/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3-(38/1325)*(XFP3-XFP2)	YFP3-(131/1808)*(YFP3-YFP2)
XFP3	YFP3
XFP3-(3/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(102/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(72/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(201/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(163/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(291/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(264/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(332/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(368/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(366/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(368/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(357/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(494/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(407/477)*(YFP3-YFP4)
XFP3-(614/695)*(XFP3-XFP4)	YFP3-(437/477)*(YFP3-YFP4)
XFP4	YFP4
XFP4+(6/431)*(XFP5-XFP4)	YFP3-(89/500)*(YFP3-YFP4)

XFP4+(81/431)*(XFP5-XFP4)	YFP3+(181/500)*(YFP3-YFP4)
XFP4+(181/431)*(XFP5-XFP4)	YFP3+(278/500)*(YFP3-YFP4)
XFP4+(331/431)*(XFP5-XFP4)	YFP3+(400/500)*(YFP3-YFP4)
XFP5	YFP5
XFP5-(0/550)*(XFP5-XFP6.1)	YFP5-(120/500)*(YFP5-YFP6.1)
XFP5-(30/550)*(XFP5-XFP6.1)	YFP5-(250/500)*(YFP5-YFP6.1)
XFP5-(150/550)*(XFP5-XFP6.1)	YFP5-(390/500)*(YFP5-YFP6.1)
XFP5-(300/550)*(XFP5-XFP6.1)	YFP5-(440/500)*(YFP5-YFP6.1)
XFP5-(442/550)*(XFP5-XFP6.1)	YFP5-(475/500)*(YFP5-YFP6.1)
XFP6.1	YFP6.1
XFP6.2	YFP6.2
XFP6.2+(100/300)*(XFP7-XFP6.2)	YFP6.2-(70/450)*(YFP6.2-YFP7)
XFP6.2+(200/300)*(XFP7-XFP6.2)	YFP6.2-(170/450)*(YFP6.2-YFP7)
XFP6.2+(250/300)*(XFP7-XFP6.2)	YFP6.2-(270/450)*(YFP6.2-YFP7)
XFP6.2+(280/300)*(XFP7-XFP6.2)	YFP6.2-(350/450)*(YFP6.2-YFP7)
XFP7	YFP7
XFP7-(50/500)*(XFP7-XFP8)	YFP7-(70/305)*(YFP7-YFP8)
XFP7-(150/500)*(XFP7-XFP8)	YFP7-(130/305)*(YFP7-YFP8)
XFP7-(280/500)*(XFP7-XFP8)	YFP7-(170/305)*(YFP7-YFP8)
XFP7-(400/500)*(XFP7-XFP8)	YFP7-(220/305)*(YFP7-YFP8)
XFP8	YFP8
XFP8+(10/120)*(XFP9-XFP8)	YFP8-(145/644)*(YFP8-YFP9)
XFP8+(50/120)*(XFP9-XFP8)	YFP8-(295/644)*(YFP8-YFP9)
XFP8+(90/120)*(XFP9-XFP8)	YFP8-(405/644)*(YFP8-YFP9)
XFP8+(115/120)*(XFP9-XFP8)	YFP8-(525/644)*(YFP8-YFP9)
XFP9	YFP9
XFP9-(0/270)*(XFP10-XFP9)	YFP9-(89/471)*(YFP9-YFP10)
XFP9-(20/270)*(XFP10-XFP9)	YFP9-(202/471)*(YFP9-YFP10)

XFP9-(70/270)*(XFP10-XFP9)	YFP9-(333/471)*(YFP9-YFP10)
XFP9-(170/270)*(XFP10-XFP9)	YFP9-(431/471)*(YFP9-YFP10)
XFP10	YFP10
XFP10-(100/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(70/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(220/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(100/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(370/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(170/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(500/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(200/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(650/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(240/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(800/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(270/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1000/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(300/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1150/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(310/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1300/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(330/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1460/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(330/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1620/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(350/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1780/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(370/430)*(YFP10-YFP11)
XFP10-(1940/2100)*(XFP10-XFP11)	YFP10-(380/430)*(YFP10-YFP11)
XFP11	YFP11

สมการของจุด PNS ANS ULa และ ULi

ค่าในแกน X	ค่าในแกน Y
XPNS	YPNS
XPNS+(20/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(39/526)*(YANS-YULa)
XPNS+(36/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(39/526)*(YANS-YULa)
XPNS+(51/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(26/526)*(YANS-YULa)
XPNS+(66/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(20/526)*(YANS-YULa)
XPNS+(61/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(0/526)*(YANS-YULa)
XPNS+(71/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(39/526)*(YANS-YULa)

XPNS+(76/85)*(XANS-XPNS)	YANS+(39/526)*(YANS-YULa)
XANS	YANS
XA+(3/5)*(XANS-XA)	YA+(5/6)*(YANS-YA)
XA+(1/5)*(XANS-XA)	YA+(1/2)*(YANS-YA)
XA	YA
XA+(4/10)*(XULa-XA)	YA-(1/3)*(YA-YULa)
XA+(7/10)*(XULa-XA)	YA-(2/3)*(YA-YULa)
XULa	YULa
XULi	YULi
XULi-(28/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(18/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(93/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(63/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(169/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(114/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(227/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(154/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(353/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(241/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(480/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(321/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(481/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(321/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(614/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(367/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(749/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(407/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(819/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(425/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(902/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(443/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(996/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(461/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1097/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(481/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1206/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(499/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1317/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(517/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1431/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(535/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1541/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(553/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1650/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(567/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1751/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(582/628)*(YPNS-YULi)

XULi-(1844/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(594/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1925/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(606/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(1994/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(614/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(2045/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(622/628)*(YPNS-YULi)
XULi-(2078/2088)*(XULi-XPNS)	YULi+(626/628)*(YPNS-YULi)
XPNS	YPNS

สมการของจุด LIA และ LIE (สร้างภาพพื้นต์ดังล่าง)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XLLi	YLLi
XLLi+(17/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(27/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(47/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(54/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(87/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(79/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(115/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(109/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(141/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(140/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(154/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(171/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(177/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(218/264)*YLie-YLLi)
XLLi+(206/237)*(XLie-XLLi)	YLLi+(257/264)*YLie-YLLi)
XLie	YLie
XLie+(25/15)*(XLLa-XLie)	YLie-(23/315)*(YLLa-YLie)
XLie+(31/15)*(XLLa-XLie)	YLie-(45/315)*(YLLa-YLie)
XLie+(38/15)*(XLLa-XLie)	YLie-(92/315)*(YLLa-YLie)
XLie+(36/15)*(XLLa-XLie)	YLie-(154/315)*(YLLa-YLie)
XLie+(33/15)*(XLLa-XLie)	YLie-(205/315)*(YLLa-YLie)
XLie+(29/15)*(XLLa-XLie)	YLie-(263/315)*(YLLa-YLie)
XLLa	YLLa
XLLa-(47/252)*(XLLi-XLLa)	YLLa-(24/51)*(YLLi-YLLa)

XLLa-(96/252)*(XLLi-XLLa)	YLLa-(7/51)*(YLLi-YLLa)
XLLa-(115/252)*(XLLi-XLLa)	YLLa+(21/51)*(YLLi-YLLa)
XLLa-(69/252)*(XLLi-XLLa)	YLLa+(69/51)*(YLLi-YLLa)
XLLa-(72/252)*(XLLi-XLLa)	YLLa+(72/51)*(YLLi-YLLa)
XLLi	YLLi
XLLi-(18/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(62/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(44/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(119/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(60/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(173/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(80/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(238/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(92/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(293/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(98/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(350/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(108/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(407/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(110/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(461/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(111/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(521/567)*(YLia-YLLi)
XLLi-(102/76)*(XLia-XLLi)	YLLi-(549/567)*(YLia-YLLi)
XLia	YLia
XLia+(47/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(1/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(82/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(25/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(109/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(51/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(148/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(110/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(184/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(171/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(214/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(230/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(244/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(285/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(267/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(339/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(290/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(406/516)*(YLLa-YLia)
XLia+(310/328)*(XLLa-XLia)	YLia+(456/516)*(YLLa-YLia)
XLLa	YLLa



สมการของจุด UIA และ UIE (สร้างภาพพื้นต์ดบน)

ค่าในแกน X	ค่าในแกน Y
XULi	YULi
XUi-a-(34/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(584/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(38/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(524/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(38/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(467/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(41/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(410/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(45/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(356/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(47/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(297/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(52/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(245/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(54/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(182/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(53/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(113/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(43/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(72/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(36/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(38/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a-(18/27)*(XUi-a-XULi)	YUi-a-(13/615)*(YUi-a-YULi)
XUi-a	YUi-a
XUi-a+(21/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(4/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(40/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(19/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(57/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(43/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(88/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(91/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(110/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(135/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(129/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(180/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(150/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(233/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(164/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(278/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(180/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(323/522)*(YUi-a-YULa)
XUi-a+(191/245)*(XUla-XUi-a)	YUi-a-(373/522)*(YUi-a-YULa)

XUi _a +(209/245)*(XUl _a -XUi _a)	YUi _a -(419/522)*(YUi _a -YUl _a)
XUi _a +(230/245)*(XUl _a -XUi _a)	YUi _a -(476/522)*(YUi _a -YUl _a)
XUl _a	YUl _a
XUl _a -(17/272)*(XUl _a -XUl _i)	YUl _a -(33/93)*(YUl _a -YUl _i)
XUl _a -(50/272)*(XUl _a -XUl _i)	YUl _a -(64/93)*(YUl _a -YUl _i)
XUl _a -(91/272)*(XUl _a -XUl _i)	YUl _a -(74/93)*(YUl _a -YUl _i)
XUl _a -(137/272)*(XUl _a -XUl _i)	YUl _a -(65/93)*(YUl _a -YUl _i)
XUl _a -(192/272)*(XUl _a -XUl _i)	YUl _a -(54/93)*(YUl _a -YUl _i)
XUl _a -(240/272)*(XUl _a -XUl _i)	YUl _a -(63/93)*(YUl _a -YUl _i)
XUl _i	YUl _i
XUl _i +(23/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(262/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUl _i +(60/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(227/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUl _i +(94/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(183/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUl _i +(113/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(133/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUl _i +(126/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(84/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUl _i +(142/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(33/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUl _i +(171/197)*(XUi _e -XUl _i)	YUi _a +(6/286)*(YUl _i -YUi _a)
XUi _e	YUi _e
XUi _e +(5/59)*(XUi _e -XUl _a)	YUi _a +(23/379)*(YUl _a -YUi _a)
XUi _e +(5/59)*(XUi _e -XUl _a)	YUi _a +(58/379)*(YUl _a -YUi _a)
XUi _e +(3/59)*(XUi _e -XUl _a)	YUi _a +(102/379)*(YUl _a -YUi _a)
XUi _e -(5/59)*(XUi _e -XUl _a)	YUi _a +(181/379)*(YUl _a -YUi _a)
XUi _e -(17/59)*(XUi _e -XUl _a)	YUi _a +(247/379)*(YUl _a -YUi _a)
XUi _e -(30/59)*(XUi _e -XUl _a)	YUi _a +(316/379)*(YUl _a -YUi _a)
XUl _a	YUl _a

สมการของจุด LMm LMo และ LMd (สร้างภาพฟันกรามล่าง)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XLMm-450/456(XLMm-XLMd)	YLMo-268/114(YLMo-YLMm)
XLMm-450/456(XLMm-XLMd)	YLMo-214/114(YLMo-YLMm)
XLMm-449/456(XLMm-XLMd)	YLMo-157/114(YLMo-YLMm)
XLMd	YLMd
XLMd+15/249(XLMo-XLMd)	YLMo-60/109(YLMo-YLMd)
XLMd+38/249(XLMo-XLMd)	YLMo-28/109(YLMo-YLMd)
XLMd+78/249(XLMo-XLMd)	YLMo-11/109(YLMo-YLMd)
XLMd+128/249(XLMo-XLMd)	YLMo-27/109(YLMo-YLMd)
XLMd+175/249(XLMo-XLMd)	YLMo-17/109(YLMo-YLMd)
XLMd+211/249(XLMo-XLMd)	YLMo-9/109(YLMo-YLMd)
XLMo	YLMo
XLMo+35/207(XLMm-XLMo)	YLMo-14/114(YLMo-YLMm)
XLMo+68/207(XLMm-XLMo)	YLMo-31/114(YLMo-YLMm)
XLMo+124/207(XLMm-XLMo)	YLMo-25/114(YLMo-YLMm)
XLMo+157/207(XLMm-XLMo)	YLMo-40/114(YLMo-YLMm)
XLMo+178/207(XLMm-XLMo)	YLMo-63/114(YLMo-YLMm)
XLMo+189/207(XLMm-XLMo)	YLMo-89/114(YLMo-YLMm)
XLMm	YLMm
XLMm-10/456(XLMm-XLMd)	YLMo-149/114(YLMo-YLMm)
XLMm-34/456(XLMm-XLMd)	YLMo-209/114(YLMo-YLMm)
XLMm-51/456(XLMm-XLMd)	YLMo-263/114(YLMo-YLMm)
XLMm-66/456(XLMm-XLMd)	YLMo-316/114(YLMo-YLMm)
XLMm-112/456(XLMm-XLMd)	YLMo-327/114(YLMo-YLMm)
XLMm-152/456(XLMm-XLMd)	YLMo-332/114(YLMo-YLMm)
XLMm-191/456(XLMm-XLMd)	YLMo-326/114(YLMo-YLMm)

XLMm-240/456(XLMm-XLMd)	YLMo-287/114(YLMo-YLMm)
XLMm-301/456(XLMm-XLMd)	YLMo-252/114(YLMo-YLMm)
XLMm-356/456(XLMm-XLMd)	YLMo-235/114(YLMo-YLMm)
XLMm-401/456(XLMm-XLMd)	YLMo-249/114(YLMo-YLMm)
XLMm-450/456(XLMm-XLMd)	YLMo-268/114(YLMo-YLMm)
XLMm-445/456(XLMm-XLMd)	YLMo-324/114(YLMo-YLMm)
XLMm-454/456(XLMm-XLMd)	YLMo-375/114(YLMo-YLMm)
XLMm-455/456(XLMm-XLMd)	YLMo-433/114(YLMo-YLMm)
XLMm-481/456(XLMm-XLMd)	YLMo-497/114(YLMo-YLMm)
XLMm-512/456(XLMm-XLMd)	YLMo-566/114(YLMo-YLMm)
XLMm-524/456(XLMm-XLMd)	YLMo-623/114(YLMo-YLMm)
XLMm-529/456(XLMm-XLMd)	YLMo-654/114(YLMo-YLMm)
XLMm-528/456(XLMm-XLMd)	YLMo-685/114(YLMo-YLMm)
XLMm-510/456(XLMm-XLMd)	YLMo-718/114(YLMo-YLMm)
XLMm-476/456(XLMm-XLMd)	YLMo-712/114(YLMo-YLMm)
XLMm-447/456(XLMm-XLMd)	YLMo-691/114(YLMo-YLMm)
XLMm-413/456(XLMm-XLMd)	YLMo-645/114(YLMo-YLMm)
XLMm-373/456(XLMm-XLMd)	YLMo-579/114(YLMo-YLMm)
XLMm-340/456(XLMm-XLMd)	YLMo-514/114(YLMo-YLMm)
XLMm-315/456(XLMm-XLMd)	YLMo-481/114(YLMo-YLMm)
XLMm-283/456(XLMm-XLMd)	YLMo-446/114(YLMo-YLMm)
XLMm-240/456(XLMm-XLMd)	YLMo-424/114(YLMo-YLMm)
XLMm-237/456(XLMm-XLMd)	YLMo-454/114(YLMo-YLMm)
XLMm-242/456(XLMm-XLMd)	YLMo-489/114(YLMo-YLMm)
XLMm-263/456(XLMm-XLMd)	YLMo-547/114(YLMo-YLMm)
XLMm-295/456(XLMm-XLMd)	YLMo-615/114(YLMo-YLMm)
XLMm-329/456(XLMm-XLMd)	YLMo-679/114(YLMo-YLMm)
XLMm-347/456(XLMm-XLMd)	YLMo-707/114(YLMo-YLMm)

XLMm-347/456(XLMm-XLMd)	YLMo-741/114(YLMo-YLMm)
XLMm-328/456(XLMm-XLMd)	YLMo-768/114(YLMo-YLMm)
XLMm-288/456(XLMm-XLMd)	YLMo-756/114(YLMo-YLMm)
XLMm-249/456(XLMm-XLMd)	YLMo-737/114(YLMo-YLMm)
XLMm-212/456(XLMm-XLMd)	YLMo-697114(YLMo-YLMm)
XLMm-165/456(XLMm-XLMd)	YLMo-631/114(YLMo-YLMm)
XLMm-139/456(XLMm-XLMd)	YLMo-558/114(YLMo-YLMm)
XLMm-114/456(XLMm-XLMd)	YLMo-496/114(YLMo-YLMm)
XLMm-98/456(XLMm-XLMd)	YLMo-435/114(YLMo-YLMm)
XLMm-82/456(XLMm-XLMd)	YLMo-375/114(YLMo-YLMm)

สมการของจุด UMM UM_o และ UMD (สร้างภาพพื้นограмม์)

<u>ค่าในแกน X</u>	<u>ค่าในแกน Y</u>
XUMm-(427/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(269/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(403/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(336/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(391/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(394/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(386/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(459/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(381/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(526/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(362/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(595/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(346/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(655/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(335/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(684/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(316/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(715/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(284/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(729/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(261/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(718/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(251/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(697/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(234/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(640/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(225/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(581/149)*(YUMm-YUMo)

XUMm-(214/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(514/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(197/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(487/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(186/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(453/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(162/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(479/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(155/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(505/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(145/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(544/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(132/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(607/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(119/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(648/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(102/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(683/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(78/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(714/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(49/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(689/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(17/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(646/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm+(4/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(589/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm+(8/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(518/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm+(4/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(459/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(2/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(397/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(8/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(340/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(16/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(269/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(13/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(197/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(68/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(115/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(130/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(113/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(198/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(162/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(253/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(195/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(309/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(235/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(367/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(275/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(427/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(269/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(13/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(197/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(427/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(269/149)*(YUMm-YUMo)

XUMm-(468/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(190/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(491/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(143/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-496/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(99/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(499/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(66/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(499/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm-(3/149)*(YUMm-YUMo)
<i>XUMd</i>	<i>YUMd</i>
XUMd+(26/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(74/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(50/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(106/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(71/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(134/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(92/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(172/127)*(YUMd-YUMo)
<i>XUMd+(135/378)*(XUMo-XUMd)</i>	<i>YUMd-(157/185)*(YUMd-YUMo)</i>
XUMd+(183/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(159/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(224/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(146/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(274/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(129/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(307/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(148/185)*(YUMd-YUMo)
XUMd+(346/378)*(XUMo-XUMd)	YUMd-(165/185)*(YUMd-YUMo)
<i>XUMo</i>	<i>YUMo</i>
XUMm-(77/127)*(XUMm-XUMo)	YUMm-(130/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(36/127)*(XUMm-XUMo)	YUMm-(92/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(4/127)*(XUMm-XUMo)	YUMm-(50/149)*(YUMm-YUMo)
<i>XUMm</i>	<i>YUMm</i>
XUMm-(8/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(58/149)*(YUMm-YUMo)
XUMm-(18/505)*(XUMm-XUMo)	YUMm+(128/149)*(YUMm-YUMo)

ภาคผนวก ค

ค่ามาตรฐานที่ใช้ในโปรแกรมวิเคราะห์gapถ่ายรังสีเอกซ์ของกระโหลกศีรษะ

โปรแกรมวิเคราะห์gapถ่ายรังสีเอกซ์ของกระโหลกศีรษะแสดงผลค่ามาตรฐานเพื่อใช้ในการเปรียบเทียบกับผลการวิเคราะห์ของคนไข้ที่ทำการรักษา โดยค่ามาตรฐานที่ใช้ในโปรแกรมจะใช้ค่ามาตรฐานที่ได้จากการวิจัยของคณะทันตแพทย์ศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ดังมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

	ค่ามาตรฐาน	ส่วนเบี่ยงเบน
1. ระยะความสัมพันธ์ของฟันกราม (Molar Relation)	-3.0	3.0
2. ระยะโอเวอร์เจ็ตของฟันตัด (Incisor Overjet)	3.7	1.2
3. ระยะโอเวอร์ไบท์ของฟันตัด (Incisor Overbite)	1.7	0.9
4. ระยะความยื่นของฟันตัดล่าง (Lower Incisor Extrusion)	1.3	1.2
5. มุมระหว่างฟันตัด (Inter Incisor Angle)	118.5	8.5
6. มนูของความมนูน (Convexity)	4.5	2.3
7. ความสูงของใบหน้าส่วนล่าง (Lower Face Height)	47.9	3.2
8. ระยะตำแหน่งของฟันกรามบน (Upper Molar Position)	15.0	
9. ระยะความยื่นของฟันตัดล่าง (Mandibular Incisor Protrusion)	3.8	1.9

	ค่ามาตรฐาน	ส่วนเบี่ยงเบน
10. ระยะความยื่นของฟันตัดบน (Maxillary Incisor Protrusion)	7.5	2.2
11. ระยะความยื่นของริมฝีปาก (lip Protrusion)	3.6	1.8
12. ระยะริมฝีปากบน (Upper Lip Length)	24.0	2.0
13. ระยะรอยต่อริมฝีปากกับระนาบบดเคี้ยว (Lip Embrasure-Occlusal Plane)	-3.8	1.9
14. นุ่มความลึกใบหน้า (Facial Depth)	85.0	3.2
15. นุ่มแนวแกนใบหน้า (Facial Axis)	84.7	3.0
16. นุ่มความลึกขากรรไกรบน (Maxillary Depth)	90.3	3.3
17. นุ่มความสูงขากรรไกรบน (Maxillary Height)	56.1	2.6
18. ระนาบเพดานปาก (Palatal Plane)	1.0	3.5
19. Cranial Deflection	28.7	1.6
20. Cranial Length - Anterior	$49.16+0.48 \times \text{อายุ}$	2.5
21. ความสูงของใบหน้าส่วนหลัง (Posterior Facial Height)	$41.28+1.71 \times \text{อายุ}$	3.3
22. ระยะตำแหน่งรากฟัน (Ramus Position)	75.5	3.2
23. ระยะตำแหน่งโพริอัน (Porion Location (TMJ))	-35.8	3.2
24. นุ่มส่วนโค้งขากรรไกรล่าง (Mandibular Arch)	31.1	4.1
25. ระยะคอร์ปัส (Corpus Length)	$47.74+1.56 \times \text{อายุ}$	3.1
26. นุ่มเอสเอ็นเอ (SNA)	83.0	3.6
27. นุ่มเอสเอ็นบี (SNB)	80.0	3.7
28. นุ่มเอเอ็นบี (ANB)	2.0	2.0

	ค่ามาตรฐาน	ส่วนเบี่ยงเบน
29. มุนระหว่างฟันตัดบนกับอีนเอ (11,21 to NA)	28.0	4.0
30. ระยะระหว่างฟันตัดบนกับอีนเอ (11,21 to NA Length)	6.0	2.0
31. มุนระหว่างฟันตัดล่างกับอีนบี (31,41 to NB)	32.0	6.0
32. ระยะระหว่างฟันตัดล่างกับอีนบี (31,41 to NB Length)	6.0	2.0
33. มุนระหว่างจี โอลิ เอ็นกับอีสเอ็น (GoGn to SN)	34.0	6.0
34. มุนระนาบใบหน้า (Facial Plane Angle)	85.0	2.0
35. มุนของความมนูน (Angle of Convexity)	6.5	5.0
36. มุนระนาบเอบี (A-B Plane)	-4.6	4.4
37. มุนระนาบขากร ไกรล่าง (Mandibular Plane Angle)	25.0	4.0
38. มุนแนวแกนways (Y-Axis)	61.5	3.0
39. มุนความลาดของระนาบบดเคี้ยว (Cant of Occlusal Plane)	10.5	3.0
40. มุนแนวแกนเอียงของฟันตัดล่างกับระนาบ ขากร ไกรล่าง (Lower Incisor to Mandibular Plane)	96.0	6.5
41. มุนแนวแกนเอียงของฟันตัดล่างกับระนาบ บดเคี้ยว (Lower Incisor to Occlusal Plane)	24.0	6.0
42. ความยื่นของฟันตัดบน (Protrusion of Maxillary Incisor)	8.0	2.0



ประวัติผู้เขียน

นายกฤชดา เรืองอารีย์รัชต์ เกิดวันที่ 14 สิงหาคม พ.ศ. 2508 ที่อำเภอ Yan Nawa จังหวัดกรุงเทพมหานคร สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีทั้นดแพทยศาสตรบัณฑิต คณะทั้นดแพทยศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในปีการศึกษา 2532 และเข้าศึกษาต่อในหลักสูตรวิทยาศาสตร์บัณฑิต สาขาวิทยาศาสตร์คอมพิวเตอร์ ที่คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อ พ.ศ. 2535 ปัจจุบันรับราชการที่สำนักงานสาธารณสุขจังหวัดสมุทรปราการ อำเภอเมือง จังหวัดสมุทรปราการ