



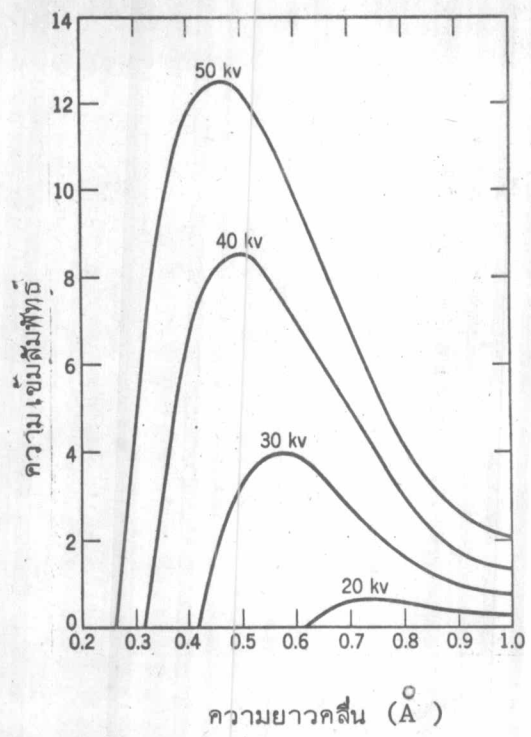
เอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรกชันและเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์

2.1 ความรู้ทั่วไปเกี่ยวกับรังสีเอ็กซ์

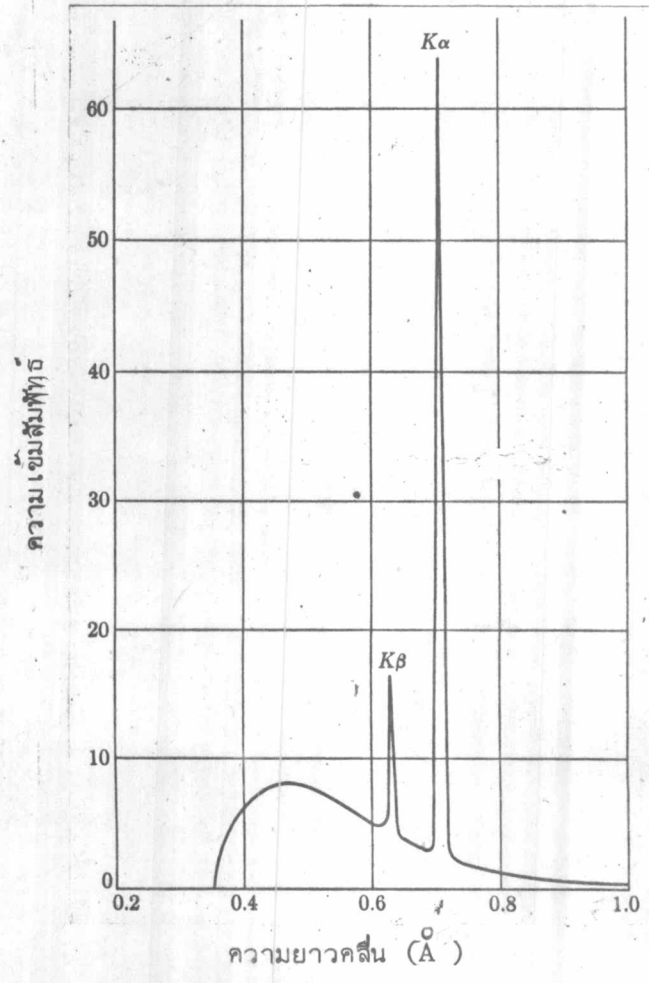
เมื่ออะตอมถูกกระตุ้น (excite) และอิเล็กตรอนวงใน (inner shell) หลุดออกจากอะตอม โดยทั่วไปอิเล็กตรอนที่อยู่ในวงที่สูงกว่าก็จะย้ายลงมาแทนที่ เพื่อที่จะให้อะตอมนั้นอยู่ในสภาวะที่มีพลังงานน้อยและเสถียรภาพสูง ในการย้ายอิเล็กตรอนลงมาอยู่ในตำแหน่งที่ต่ำกว่านี้จะคายพลังงานออกมาในแบบของรังสีเอ็กซ์ซึ่งเป็นโฟตอน (photon) ที่มีพลังงานสูงและมีความยาวคลื่นสั้น

2.1.1 การทำให้เกิดรังสีเอ็กซ์และเอ็กซ์เรย์สเปกตรัม (Production of x-rays and x-ray spectra) แหล่งที่ทำให้เกิดรังสีเอ็กซ์ส่วนใหญ่ได้มาจากหลอดรังสีเอ็กซ์ (x-ray tube) ซึ่งประกอบด้วย แคโทด (cathode) ซึ่งเป็นตัวให้อิเล็กตรอนออกไป (electron emitter) และแอโนด (anode) หรือเป้า (target) ที่มีน้ำหล่อไหลเพื่อทำให้เย็นตลอดเวลา ทั้งสองอิเล็กโทรด (electrode) วางอยู่ในภาชนะที่เป็นแก้วหรือโลหะห่อหุ้มอยู่ อิเล็กตรอนที่เกิดจากแคโทดจะถูกเร่งไปยังแอโนดโดยใช้ความต่างศักย์ที่อาจมากถึง 100 กิโลโวลต์ (Kv) เมื่ออิเล็กตรอนปะทะกับแอโนดก็จะทำให้เกิดรังสีเอ็กซ์ ในบางสภาวะจะทำให้เกิดเป็นสเปกตรัมรังสีเอ็กซ์แบบต่อเนื่อง (x-ray continuous spectrum) ดังรูปที่ 2.1

สเปกตรัมรังสีเอ็กซ์แบบต่อเนื่อง เกิดขึ้นเนื่องจากอิเล็กตรอนที่มีพลังงานสูงจากแคโทดวิ่งชนโลหะที่ใช้ทำเป็นเป้า เช่น โมลิบดีนัมหรือทองแดง เป็นต้น อิเล็กตรอนนี้จะถูกลดความเร็ว (decelerate) เกิดการสูญเสียพลังงานซึ่งปล่อยออกมาในรูปของรังสีเอ็กซ์ ซึ่งมีความยาวคลื่นต่าง ๆ กันทำให้เกิดสเปกตรัมแบบต่อเนื่อง จากรูปที่ 2.1 จะเห็นว่า สเปกตรัมรังสีเอ็กซ์แบบต่อเนื่องค่อย ๆ ลดลงไปจนถึงขีดจำกัดหนึ่งซึ่งเรียกว่า short wavelength limit ( $\lambda_{SWL}$ ) ซึ่งขึ้นอยู่กับความต่างศักย์ของหลอดรังสีเอ็กซ์ แต่ไม่ขึ้นอยู่กับโลหะที่ใช้เป็นเป้า ดังนั้น  $\lambda_{SWL}$  สำหรับสเปกตรัมที่เกิดจากโมลิบดีนัมจะมีค่าเท่ากับที่เกิดจากทังสแตนหรือทองแดง ที่ใช้เป็นเป้าที่ความต่างศักย์เดียวกัน โดย  $\lambda_{SWL}$  จะมีค่าเท่ากับ  $12,400/v$  ในเมื่อ  $v$  เป็นความต่างศักย์ของหลอดรังสีเอ็กซ์ มีหน่วยเป็นโวลต์ และ  $\lambda_{SWL}$  มีหน่วยเป็นอังสตรอม ( $\text{\AA}$ )

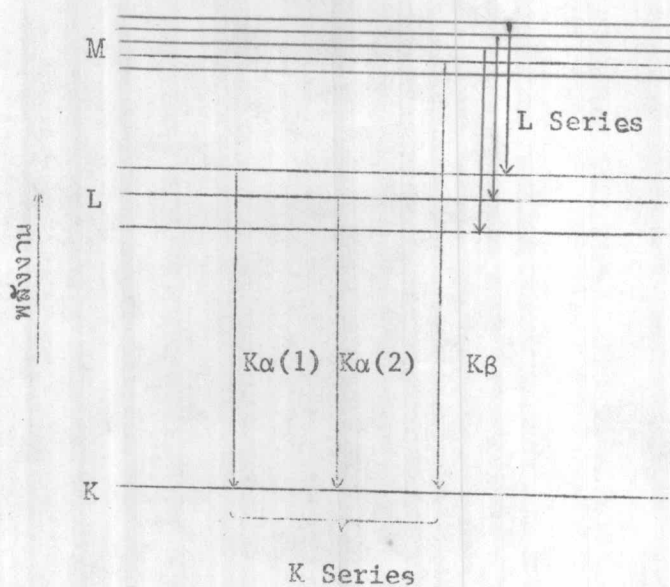


รูปที่ 2.1 สเปกตรัมรังสีเอ็กซ์แบบต่อเนื่องของทั้งสแตนท์ที่ศึกษาไฟฟ้าต่าง ๆ



รูปที่ 2.2 สเปกตรัมรังสีเอ็กซ์เฉพาะธาตุของโมลิบดีนัม

ในบางสภาวะอาจทำให้เกิดสเปกตรัมรังสีเอ็กซ์เฉพาะธาตุ ( x-ray characteristic spectrum ) ซึ่งอยู่ติดกับรังสีเอ็กซ์ สเปกตรัมแบบต่อเนื่องดังรูปที่ 2.2 ซึ่งเกิดจากการเร่งอิเล็กตรอนให้ชนเป้าโมลิบดีนัม ทำให้เกิดการคายพลังงานที่มีความเข้มค่อนข้างสูงที่ประมาณ 0.63 และ 0.71 Å ซึ่งเป็นลักษณะสเปกตรัมเฉพาะแต่ละธาตุ เกิดได้จากการเคลื่อนย้ายอิเล็กตรอนวงในสุดของอะตอมทำให้เกิดรังสีเอ็กซ์อนุกรม K ( K series ) ซึ่งมีความยาวคลื่นสั้นที่สุดเกิดจากการดึงอิเล็กตรอนที่อยู่ในวง K ออกและอิเล็กตรอนที่อยู่ในวงที่สูงกว่าจะย้ายมาแทนที่ ขบวนการนี้จะคายพลังงานออกมาในแบบของรังสีเอ็กซ์ ในรูปที่ 2.3 แสดงให้เห็นว่า รังสีเอ็กซ์อนุกรม K เกี่ยวข้องกับการย้ายอิเล็กตรอนจากระดับพลังงาน ( energy level ) ที่สูงกว่ามายังวง K ส่วน L series อธิบายได้ในทำนองเดียวกัน



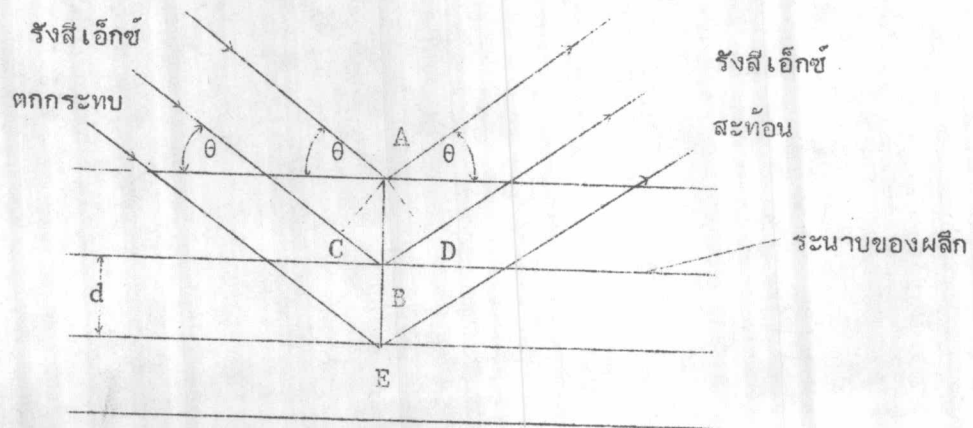
รูปที่ 2.3 การแสดงระดับพลังงานและการเกิดสเปกตรัมรังสีเอ็กซ์เฉพาะธาตุ

2.1.2 การดูดกลืนรังสีเอ็กซ์ ( Absorption of x-rays ) โดยทั่วไปการทำให้ธาตุต่าง ๆ เกิดรังสีเอ็กซ์ได้โดยการให้พลังงานเพียงพอที่จะเคลื่อนย้ายอิเล็กตรอนจากวงในสุดของอะตอม แหล่งของพลังงานที่ใช้คือหลอดรังสีเอ็กซ์ พลังงานที่จำเป็นที่ได้จากหลอดรังสีเอ็กซ์จะต้องมีมากกว่าพลังงานของธาตุที่ต้องการทำให้เกิดสเปกตรัม เมื่อพลังงานของรังสีที่ใช้ในการกระตุ้น ( exciting radiation ) เท่ากับพลังงานที่จำเป็นในการเคลื่อนย้ายอิเล็กตรอนออกจากอะตอมของธาตุ รังสีที่ใช้ในการกระตุ้นนี้จะถูกดูดกลืน ( absorb ) ทำให้เกิดการดูดกลืนอย่างมากเรียก

แอมซอร์พชันเอจ (absorption - edge) มีหน่วยซึ่งสามารถเขียนได้ในหน่วยของพลังงานหรือความยาวคลื่น ดังนั้น  $\lambda_{SWL}$  จะต้องมีความยาวอย่างน้อยเท่ากับหรือสั้นกว่าความยาวคลื่นของแอมซอร์พชันเอจ ตัวอย่างการคำนวณหาค่า  $\lambda_{SWL}$  สำหรับหลอดรังสีเอ็กซ์ซึ่งมีค่าความต่างศักย์ 50 Kv,  $\lambda_{SWL} = 12,400/50,000 = 0.248 \text{ \AA}$  ถ้าใช้รังสีเอ็กซ์ซึ่งเกิดจากหลอดรังสีเอ็กซ์นี้ไปอาบธาตุยูโรเพียม (Europium,  $Z = 63$ ) ซึ่งมีแอมซอร์พชันเอจเป็น  $0.255 \text{ \AA}$  ก็จะทำให้เกิดสเปกตร้าของรังสีเอ็กซ์อนุกรม K ได้ แต่พลังงานนี้ไม่เพียงพอที่จะกระตุ้นให้เกิดรังสีเอ็กซ์อนุกรม K ของแกโดลิเนียม (Gadolinium,  $Z = 64$ ) ซึ่งมีค่าของแอมซอร์พชันเอจเท่ากับ  $0.247 \text{ \AA}$

## 2.2 เอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรคชันของผลึกผง (X-ray powder diffraction)

2.2.1 สถานะที่ทำให้เกิดดิฟแฟรคชัน เมื่อมีลำแสงของรังสีเอ็กซ์มาปะทะกับผิวของผลึกที่มุมใดมุมหนึ่งก็จะถูกทำให้กระจัดกระจาย (scatter) ที่ผิวซึ่งเป็นชั้น (layer) ของอะตอม รังสีเอ็กซ์ส่วนที่ไม่ถูกทำให้กระจัดกระจายก็จะซึมทะลุผ่านไปยังชั้นที่สองของอะตอมและในชั้นนี้ส่วนหนึ่งของรังสีเอ็กซ์ก็จะกระจัดกระจายบนชั้นอะตอมนี้อีกส่วนหนึ่งก็จะถูกเลี้ยวเบน (diffract) ไปยังชั้นที่สาม ผลที่ได้ก็คือลำแสงของรังสีเอ็กซ์ก็จะถูกเลี้ยวเบนไปในแบบเดียวกับการเลี้ยวเบนที่เกิดขึ้นจากเกรตติง (grating) แบรกก์ (Bragg) ได้หาความสัมพันธ์ทางคณิตศาสตร์เมื่อลำแสงของรังสีเอ็กซ์ปะทะผิวของผลึกเป็นมุม  $\theta$  การเลี้ยวเบนที่เกิดขึ้นซึ่งเป็นผลจากการกระทำระหว่างรังสีเอ็กซ์กับระนาบของอะตอมที่ A, B และ E ดังรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.4 การเลี้ยวเบนของรังสีเอ็กซ์โดยผลึก



สำหรับรังสีเอ็กซ์ที่ถูกเลี้ยวเบนด้วยระนาบที่สองของผลึก ระยะทาง CBD เป็นระยะทางส่วนที่เพิ่มขึ้น เมื่อเปรียบเทียบกับรังสีเอ็กซ์ที่ถูกหักเหจากพื้นผิวของผลึกมุม CAB และมุม BDA ทั้งสองเท่ากับมุม  $\theta$  ดังนั้น

$$CB = BD = AB \sin \theta$$

$$\text{หรือ } CBD = CB + BD = 2AB \sin \theta$$

AB เป็นระยะระหว่างระนาบ (interplanar spacing,  $d$ ) การที่สังเกตเห็นรังสีเอ็กซ์ในทิศทางที่เป็นรังสีที่ถูกเลี้ยวเบน CBD จะต้องมีความยาวเป็นพหุคูณของความยาวคลื่นของรังสีเอ็กซ์ ซึ่งจะทำให้รังสีทั้งสองอยู่เป็นแบบเสริมสร้าง (constructive interference) และทำให้มีรังสีสะท้อนออกมาได้ ดังนั้นจึงเขียนสมการใหม่ได้เป็น

$$n\lambda = 2d \sin \theta \quad (2-1)$$

สมการนี้เรียกว่าสมการของแบรกก์ (Bragg's equation) สิ่งที่น่าสังเกตก็คือรังสีเอ็กซ์จะเลี้ยวเบนออกมาจากผลึกก็ต่อเมื่อมุมของการตกกระทบ (angle of incident) เป็นไปตามสมการ (2-1) เท่านั้น ส่วนมุมอื่น ๆ นั้นก็จะเป็นแบบการทำลาย (destructive interference) ทำให้ไม่มีรังสีสะท้อนเกิดขึ้นได้เลย การเกิดปรากฏการณ์เช่นนี้ทำให้เกิดดิฟแฟรคชันแพทเทิร์น (diffraction pattern) สำหรับธาตุหรือสารประกอบนั้น ๆ ได้

2.2.2 เทคนิคที่ใช้ในการวิเคราะห์โดยเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรคชัน เทคนิคที่ใช้ในการวิเคราะห์โดยใช้หลักการของเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรคชันมีหลายวิธีด้วยกัน วิธีหลักที่ใช้กันมากคือ การวิเคราะห์โดยใช้กล้องและดิฟแฟรคโทมิเตอร์ (diffractometer) กล้องที่นำมาใช้วิเคราะห์มีด้วยกันหลายแบบ ซึ่งในที่นี้จะกล่าวเฉพาะกล้องกิเนียร์-เฮกก์ (Guinier-Hägg camera) และไกเกอร์เคาน์เตอร์ดิฟแฟรคโทมิเตอร์ (Geiger counter diffractometer)

2.2.2.1 กล้องกิเนียร์-เฮกก์ (The Guinier-Hägg focusing camera) ในการทดลองนี้ได้นำกล้องกิเนียร์-เฮกก์มาใช้ ซึ่งกล้องชนิดนี้อาศัยหลักการของกิเนียร์ เป็นที่ทราบกันดีว่าวิธีการของกิเนียร์-เฮกก์นั้น ลำแสงของรังสีเอ็กซ์ที่ใช้จะเป็นลำแสงความยาวคลื่นเดียว (monochromatic x-ray) และภาพถ่ายที่ได้จากกล้องกิเนียร์-เฮกก์ จะให้ประโยชน์ได้มากในการวิเคราะห์ เพราะมีกำลังในการแยกแยะ (resolution power) สูง, มีแบคกราวด์ (background) ต่ำ, ใช้เวลาในการถ่ายภาพน้อยและใช้ปริมาณสารใช้วิเคราะห์น้อย

หลักการของกิเนียร์แสดงได้โดยภาพประกอบดังรูปที่ 2.5 กล้องชนิดนี้ใช้โมโนโครเมเตอร์ ( monochromator ) ตามแบบของโจฮันส์สัน ( Johansson type ) โดยใช้ผลึกของควอทซ์ ( quartz ) ซึ่งเอนเป็นรูปทรงกระบอกและทำให้โค้ง รัศมีของความโค้งควบคุมโดยความโค้งของควอทซ์และระยะทางระหว่างโมโนโครเมเตอร์กับเส้นโฟกัสของรังสี และรัศมีของความโค้งจะแปรโดยตรงกับความยาวคลื่น จึงทำให้ระยะทางดังกล่าวคงที่ กล้องกิเนียร์ที่ใช้ควอทซ์เป็นผลึกนี้ใช้ได้กับรังสีของ  $CuK\alpha$ ,  $FeK\alpha$  และ  $CrK\alpha$  แต่ใช้ได้ไม่ดีกับ  $MoK\alpha$  เพราะในสามชนิดแรกใช้รัศมีประมาณ 600 และ 300 mm. แต่  $MoK\alpha$  ต้องใช้รัศมีถึง 600 และ 1200 mm. ซึ่งใช้ไม่ได้สำหรับกล้องชนิดนี้ต้องใช้ระบบสุญญากาศโดยเฉพาะอย่างยิ่งกับรังสี Cr เพื่อลดการดูดกลืนโดยอากาศ

จากรูป 2.5 ลำแสงรังสีเอ็กซ์จากหลอดรังสีเอ็กซ์ตกกระทบโมโนโครเมเตอร์ C ทำมุม  $\theta$  กับผลึกและถูกเลี้ยวเบนด้วยมุม  $2\theta$  ดังรูป 2.6 ซึ่งเป็นค่ามุมที่วัดได้ แน่นนอนและแม่นยำจากค่าความยาวคลื่นของรังสีเอ็กซ์ที่ใช้ รังสีเอ็กซ์ที่ถูกเลี้ยวเบนจากโมโนโครเมเตอร์จะถูกโฟกัสไปตกที่จุด F โดยโค้ง SFA เป็นส่วนที่บรรจุฟิล์มและจุด F เป็นจุดซึ่งไม่เกิดการเลี้ยวเบน ซึ่งเรียกว่าเส้นปฐมภูมิ ( primary beam,  $S_0$  ) จากนั้นลำแสงที่ถูกโฟกัสเมื่อผ่านสารใช้วิเคราะห์จะถูกกวาดไปเป็นมุมต่าง ๆ กันทำให้เกิดดิฟแฟรกเตดไลน์ ( diffracted line, S ) ที่จุดใด ๆ บนฟิล์มก็ได้ การกวาดของรังสีที่ถูกเลี้ยวเบนผ่านตัวอย่างนั้นอาจจะกวาดไปทาง FS ซึ่งเป็นการเลี้ยวเบนในทางลบหรือกวาดไปในทาง FA ซึ่งเป็นทางบวก แต่ในทางปฏิบัติแล้วจะเลือกให้กวาดไปเป็นมุมคงที่มุมหนึ่งซึ่งขึ้นอยู่กับเครื่อง สำหรับกล้องกิเนียร์-เฮกท์ จะออกแบบให้รังสีที่ถูกเลี้ยวเบนกวาดไปเป็นมุมคงที่มุมหนึ่งในทางบวก

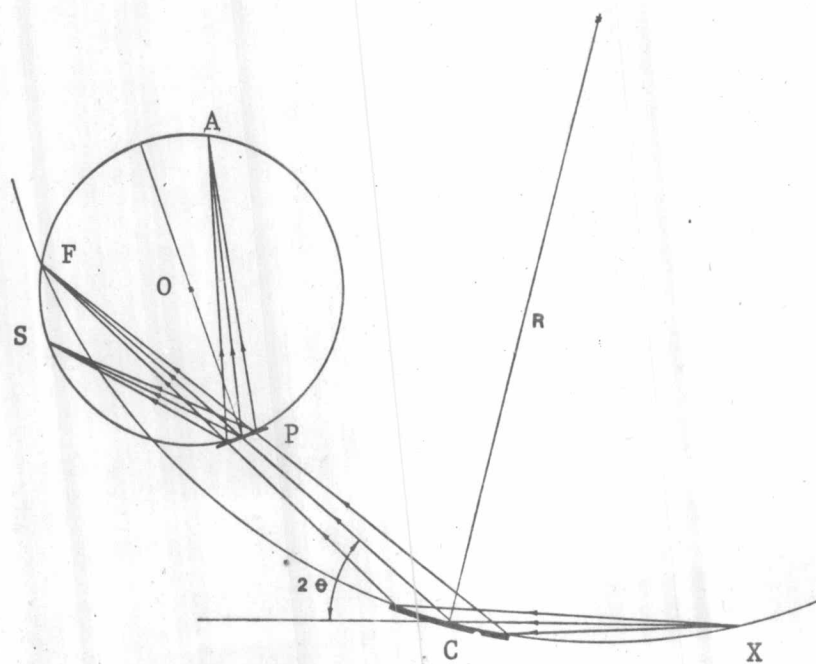
การถ่ายภาพโดยใช้กล้องกิเนียร์-เฮกท์ นั้น ก่อนที่จะถ่ายภาพการเลี้ยวเบนรังสีเอ็กซ์ผ่านผลึก จะต้องถ่ายภาพรังสีปฐมภูมิเพื่อใช้เป็นเส้นอ้างอิงในการวัดตำแหน่งของดิฟแฟรกเตดไลน์อื่น ๆ ลักษณะของฟิล์มที่ถ่ายภาพด้วยกล้องชนิดนี้แสดงดังรูปที่ 2.7 ตำแหน่งของดิฟแฟรกเตดไลน์บนฟิล์มมีความสำคัญกับมุมของแบรกก์ดังสมการ

$$\theta = k(S - S_0)$$

เมื่อ  $S_0$  = เป็นตำแหน่งเส้นปฐมภูมิ

$S$  = เป็นตำแหน่งดิฟแฟรกเตดไลน์

$\theta$  = เป็นมุมที่เกิดจากการเลี้ยวเบนของรังสีเอ็กซ์

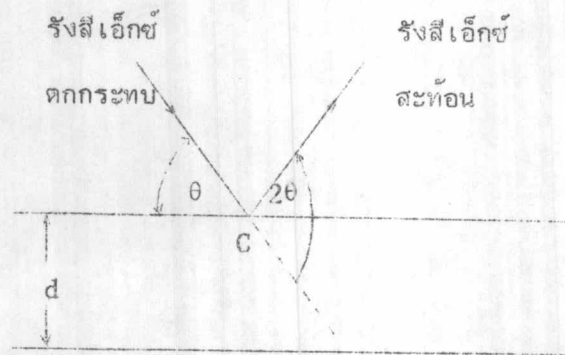


- X จุดโฟกัสของหลอดรังสี เอ็กซ์
- C แกนหมุนของผลึกโมนิโครเมเตอร์
- R รัศมีของวงกลมโฟกัสของโมนิโครเมเตอร์
- O จุดศูนย์กลางของที่บรรจุฟิล์ม
- P จุดศูนย์กลางของตัวอย่างผลึกผง
- F จุดโฟกัส
- A เส้นที่เกิดจากการเลี้ยวเบนในทางบวก
- S เส้นที่เกิดจากการเลี้ยวเบนในทางลบ
- $2\theta$  เป็นมุมที่เลี้ยวเบนเนื่องจากโมนิโครเมเตอร์

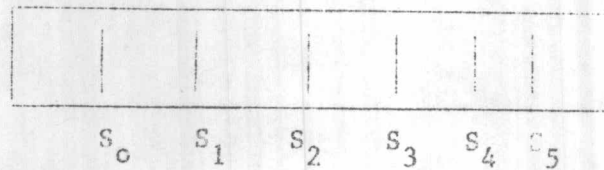
รูปที่ 2.5 รูปแบบที่แสดงหลักการของกิเยียร์

$k$  เป็นค่าคงที่ของกล้องซึ่งจะแปรผกผันกับรัศมีของกล้อง  
สำหรับกล้องกิเนียร์-เฮกก์ มีค่า  $k = 0.28600$

เมื่อทราบค่า  $\theta$  แล้วนำไปคำนวณหาระยะระหว่างระนาบ,  $d$  ได้ตามกฎของแบรกก์,  
 $\lambda = 2d \sin \theta$  จึงสามารถคำนวณค่า  $d$  ได้ในหน่วยอังสตรอม



รูปที่ 2.6 การเลี้ยวเบนค่ามุม  $2\theta$  ของลำแสงรังสีเอ็กซ์เนื่องจากโมโนโครเมเตอร์

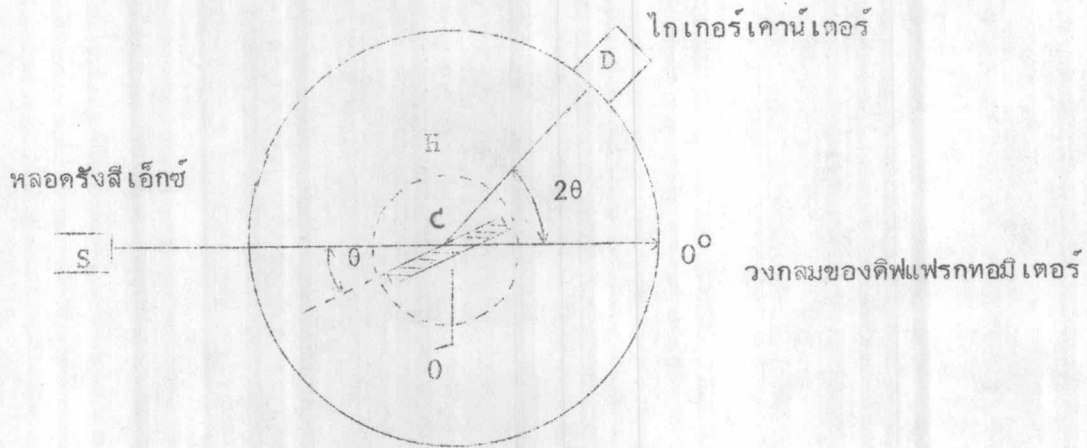


รูปที่ 2.7 รูปแบบของฟิล์มที่ได้จากกล้องกิเนียร์-เฮกก์

2.2.2.2 ไกเกอร์เคาน์เตอร์ดิฟแฟรกทอมีเตอร์ ฟิล์มที่กล้องกิเนียร์-เฮกก์ จะประกอบด้วยดิฟแฟรกเตดไลน์หลายเส้นซึ่งจะต้องวัดความเข้มโดยการวัดความดำของฟิล์มด้วยไมโครเดนซิโตมิเตอร์ (microdensitometer) ซึ่งจะเปลี่ยนความดำมากหรือน้อยของดิฟแฟรกเตดไลน์เป็นความเข้มของรังสีเอ็กซ์ แต่สำหรับดิฟแฟรกทอมีเตอร์ ความเข้มของดิฟแฟรกเตดไลน์จะถูกวัดโดยตรงด้วยอิเล็กทรอนิกส์เคาน์เตอร์ (electronic counter) เคาน์เตอร์ที่ใช้ในปัจจุบันมีอยู่หลายชนิด แต่ทุกชนิดมีหลักการอยู่ว่าจะเปลี่ยนรังสีเอ็กซ์ที่เข้ามาตกกระทบบนเคาน์เตอร์ให้เป็นพัลส์ (pulse) ต่อหน่วยต่อเวลา และจำนวนของพัลส์จะแปรโดยตรงกับความเข้มของลำแสงรังสีเอ็กซ์ที่ผ่านเข้ามาในเคาน์เตอร์นั้น ๆ



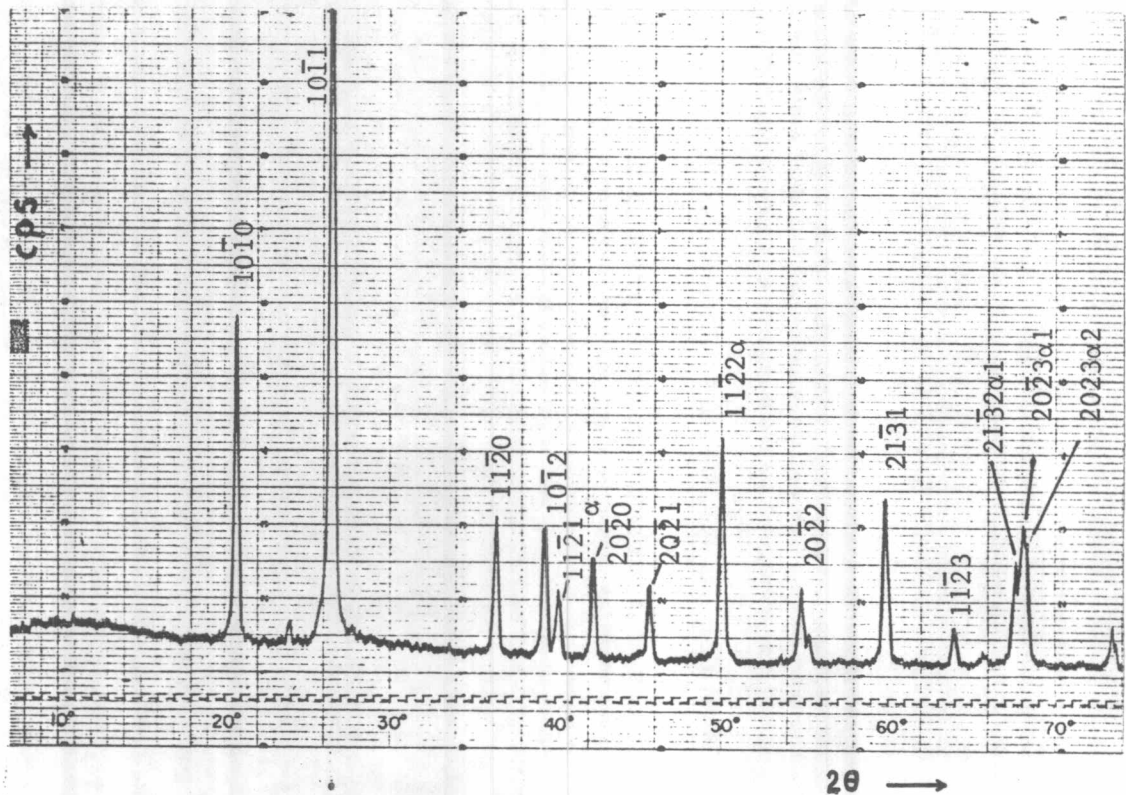
โดยพื้นฐานแล้วการออกแบบดิฟแฟรกทอมิเตอร์จะคล้ายคลึงกับกล้องของ แบบ เอบาย-เซอร์  
เพียงแต่ในดิฟแฟรกทอมิเตอร์มี เคนเตอร์ที่เคลื่อนที่แทนที่จะเป็นแผ่นฟิล์มที่อยู่นิ่ง การออกแบบเครื่อง  
มือทั้งสองชนิดนี้ก็คือ การจัดให้เคนเตอร์และฟิล์มอยู่บนเส้นรอบวงซึ่งมีสารใช้วิเคราะห์เป็นจุดศูนย์กลาง  
กลาง หลักการของไกเกอร์เคนเตอร์ดิฟแฟรกทอมิเตอร์แสดงดังรูปที่ 2.8



รูปที่ 2.8 แผนผังของไกเกอร์เคนเตอร์ดิฟแฟรกทอมิเตอร์

จากรูป 2.8 ตัวอย่างผลึกผงจะถูกอัดให้เป็นแผ่นและวางไว้ที่ตำแหน่ง C ซึ่งถูกยึดไว้  
บนฐาน H ซึ่งสามารถหมุนได้รอบแกน O ซึ่งตั้งฉากกับกระดาษ รังสีแอลฟาจากหลอดรังสี S จะถูก  
ทำให้แผ่อก (diverge) จากแหล่งกำเนิดและถูกเลี้ยวเบนโดยผลึกผง จากนั้นรังสีแอลฟาก็จะ  
ถูกทำให้ลำแสงเบนเข้าหากัน (converge) และถูกโฟกัสไปยังไกเกอร์เคนเตอร์ D และรังสี  
แอลฟาเมื่อเข้ามาในไกเกอร์เคนเตอร์ก็จะถูกนับมีหน่วยเป็นเคนต่อวินาที (counts per second,  
cps) ซึ่งต่ออยู่กับเครื่องบันทึก (recorder) ซึ่งจะบันทึกดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นบนแผ่นกระดาษ

ไกเกอร์เคนเตอร์จะเคลื่อนที่ด้วยความเร็วเชิงมุม คงที่ โดยเคลื่อนที่เร็วเป็น 2 เท่า  
ของตัวอย่างผลึกผงโดยไกเกอร์เคนเตอร์เคลื่อนที่เป็นมุม 20 องศา ส่วนตัวอย่างผลึกผงจะ  
เคลื่อนที่เป็นมุม  $\theta$  องศา ไกเกอร์เคนเตอร์จะเริ่มเคลื่อนจากจุดซึ่งค่า 20 โกลีสตุนย์ และความเร็ว  
ของไกเกอร์จะเคลื่อนด้วยอัตราเร็วต่างๆ กันได้ อัตราการเคลื่อนที่มีดังนี้  $2^\circ$ ,  $\frac{1^\circ}{2}$ ,  $\frac{1^\circ}{4}$  และ  
 $\frac{1^\circ}{8}$  20 องศา ตัวอย่างดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นแสดงได้ดังรูปที่ 2.9



รูปที่ 2.9 ดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของควอตซ์ในช่วงมุม  $2\theta = 0 - 70^\circ$

โดยชแกนด้วยความเร็ว  $2^\circ 2\theta$  ต่อนาที ใช้  $\text{CuK}\alpha$ ,  $\lambda = 1.54184 \text{ \AA}$

### 2.2.2.3 รูปทรงเรขาคณิตของดิฟแฟรกทอมิเตอร์ ( Diffractometer geometry )

ในการวิเคราะห์ธาตุหรือสารประกอบใด ๆ ให้ได้ผลดี สิ่งจำเป็นสำหรับเครื่องมือชนิดนั้น ๆ คือ กำลังในการแยกแยะ ในเครื่องดิฟแฟรกทอมิเตอร์ทำได้โดยอาศัยรูปทรงทางเรขาคณิตที่มีการโฟกัส การพัฒนาทางด้านนี้เริ่มแรกโดยซีมันน์ ( Seemann ) (3) และโบฮ์ลิน ( Bohlin ) (4) ซึ่งถูกนำไปใช้ครั้งแรกในกล้องผลึกผงต่อมาจึงดัดแปลงมาใช้กับเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรกทอมิเตอร์ หลักการของซีมันน์และโบฮ์ลินแสดงดังภาพประกอบที่ 2,10

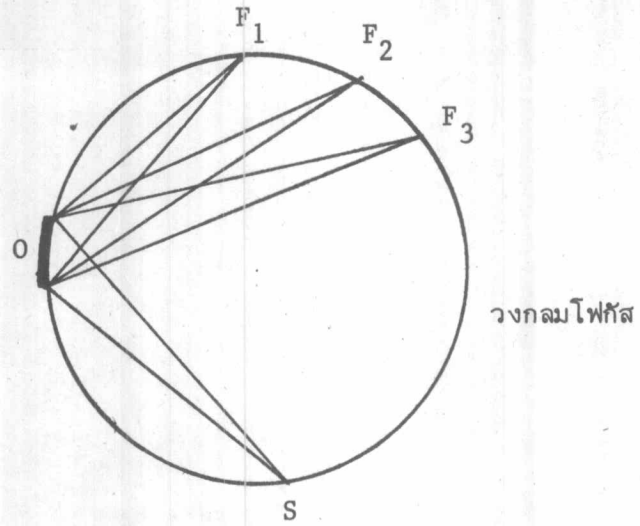
ในรูปที่ 2,10 เมื่อมีรังสีเอ็กซ์จากแหล่ง S มาตกกระทบบนผลึกซึ่งมีลักษณะโค้งก็จะเกิดการกระจายระนาบจากระนาบของผลึก ได้ที่ระยะระหว่างระนาบของผลึก,  $d$  ต่าง ๆ กันคือ  $d_1$ ,  $d_2$  และ  $d_3$  ซึ่งจะโฟกัสที่จุด  $F_1$ ,  $F_2$  และ  $F_3$  บนฟิล์ม รัศมีของวงโฟกัส ( focusing

circle) จะคงที่แต่ระยะ  $OF_1$ ,  $OF_2$  และ  $OF_3$  จะแตกต่างกันไป เมื่อนำหลักการนี้มาใช้ดิฟแฟรคทอมีเตอร์ซึ่งมีแกนหมุนอยู่ที่จุด  $O$  ซึ่งเป็นสารใช้วิเคราะห์จะโฟกัสไปที่จุดต่าง ๆ บนวงกลมโฟกัส โดยพยายามให้ระยะ  $OF$  คงที่ ในการที่จะทำให้ระยะ  $OF$  คงที่ได้ก็ต่อเมื่อลักษณะของสารที่ใช้วิเคราะห์จะต้องแบนระนาบแทนที่จะเป็นรูปโค้งและสัมผัสกับวงกลมโฟกัสที่จุด  $O$  อยู่ตลอดเวลา ในขณะที่จุด  $F$  หมุนรอบจุด  $O$  จะมีมุม  $2\theta$  โคไซน์รัศมีวงกลมโฟกัส ( $R$ ) จะลดลงซึ่งแสดงดังรูปที่ 2.11 รัศมี  $R_1$ ,  $R_2$  และ  $R_3$  จะสัมพันธ์กับมุม  $2\theta_1$ ,  $2\theta_2$  และ  $2\theta_3$  เมื่อมุม  $2\theta = 0$  ค่า  $R = \infty$  ในขณะที่มุม  $2\theta = 180^\circ$   $R$  จะถึงจุดที่มีค่าน้อยที่สุด  $= OS/2 = OF/2$  ในดิฟแฟรคทอมีเตอร์ไม่ว่าเคาน์เตอร์จะอยู่ที่ตำแหน่งใดก็ตาม รีซีฟริง สลิต  $F$  (receiving slit) และจุดโฟกัสจากหลอดรังสีเอ็กซ์  $S$  จะต้องอยู่บนวงกลมดิฟแฟรคทอมีเตอร์เสมอ

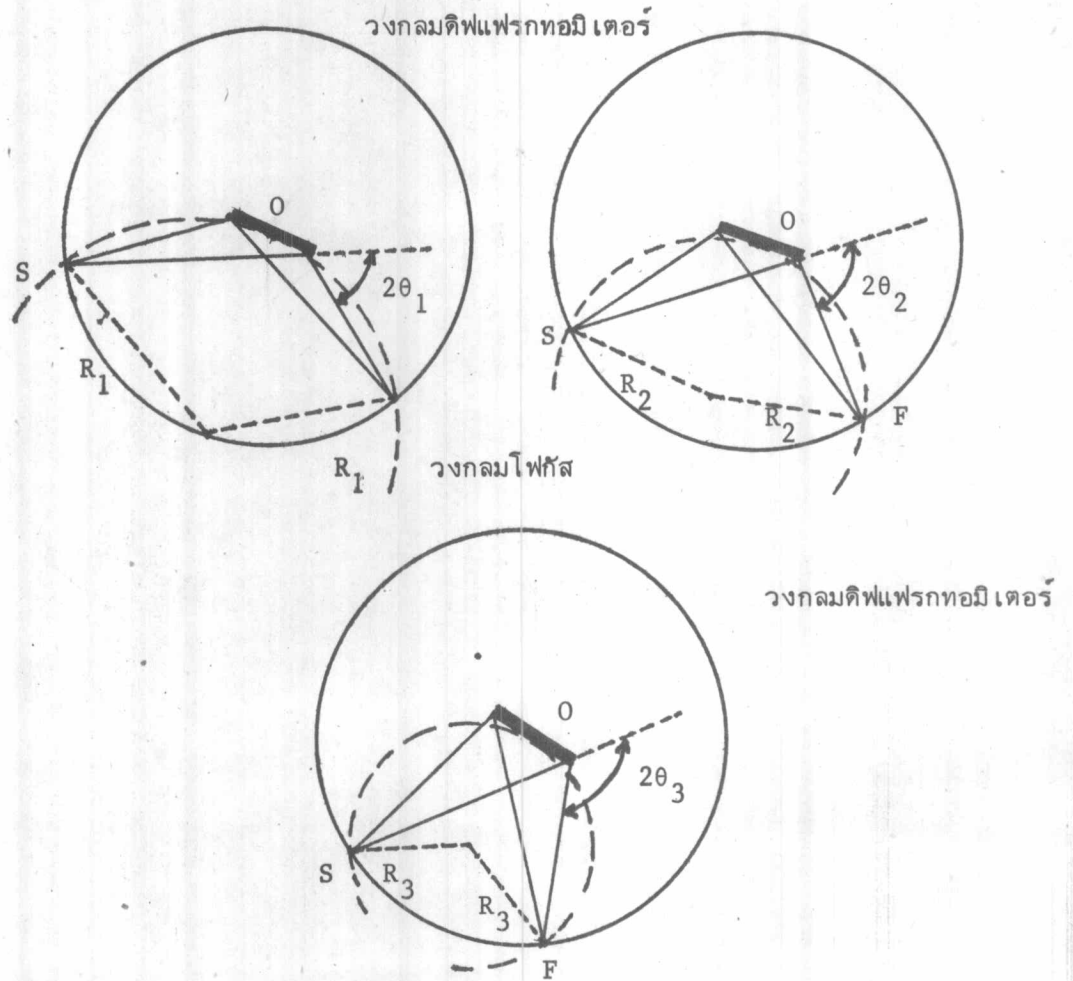
จากรูป 2.8 ลำแสงรังสีเอ็กซ์จากแหล่งกำเนิด  $S$  จะถูกส่งออกไปทุกทิศทางทั้งบนและล่างระนาบของรูป แต่การโฟกัสในดิฟแฟรคทอมีเตอร์ต้องการลำแสงรังสีเอ็กซ์ที่ขนานกับระนาบของรูปเท่านั้น ในการทดลอง, สภาวะดังกล่าวสามารถทำได้โดยให้รังสีเอ็กซ์จากแหล่งกำเนิดและรังสีเอ็กซ์ซึ่งถูกเลี้ยวเบนผ่านไปยังซอลเลอร์ สลิต (Soller slit) ซึ่งประกอบด้วยแผ่นโลหะบาง ๆ หลาย ๆ แผ่นวางขนานและอยู่ใกล้ ๆ กันโดยที่ ซอลเลอร์ สลิตจะวางให้ขนานกับระนาบของวงกลมดิฟแฟรคทอมีเตอร์ การจัดตำแหน่งของสลิตในดิฟแฟรคทอมีเตอร์แสดงดังรูป 2.12

ในรูป 2.12 รังสีเอ็กซ์จากแหล่งกำเนิดจะผ่านมายังไดเวอร์เจนซ์ สลิต (divergence slit)  $a$  จากนั้นผ่านไปยังซอลเลอร์สลิต, ไดเวอร์เจนซ์สลิต  $b$  และสารใช้วิเคราะห์  $O$  จากนั้นลำแสงจะถูกเลี้ยวเบนโดยตัวอย่างและผ่านไปยังซอลเลอร์สลิตอันที่สอง, รีซีฟริง สลิต  $F$  และสุดท้ายจะตกกระทบบนที่ไกเกอร์เคาน์เตอร์ จากที่กล่าวมาแล้วพอจะสรุปได้ว่า

1. จุดโฟกัสของหลอดรังสีเอ็กซ์, ผิวหน้าของสารใช้วิเคราะห์และแกนของรีซีฟริงสลิตจะขนานซึ่งกันและกัน
  2. ผิวหน้าของสารใช้วิเคราะห์จะมีจุดศูนย์กลางร่วมกับวงกลมดิฟแฟรคทอมีเตอร์
  3. ทั้งจุดโฟกัสของหลอดรังสีเอ็กซ์และรีซีฟริง สลิตจะอยู่บนวงกลมดิฟแฟรคทอมีเตอร์
- การวางตัวของส่วนประกอบแต่ละชนิดแสดงไว้ดังรูปที่ 2.13

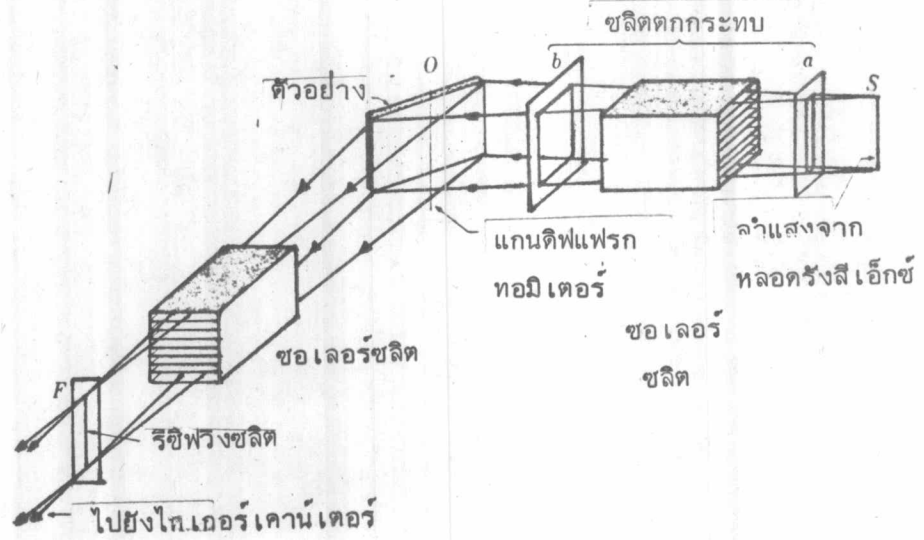


รูปที่ 2.10 หลักการพิกัสตามแบบของซี ม้านน์ - โบฮ์ลิน

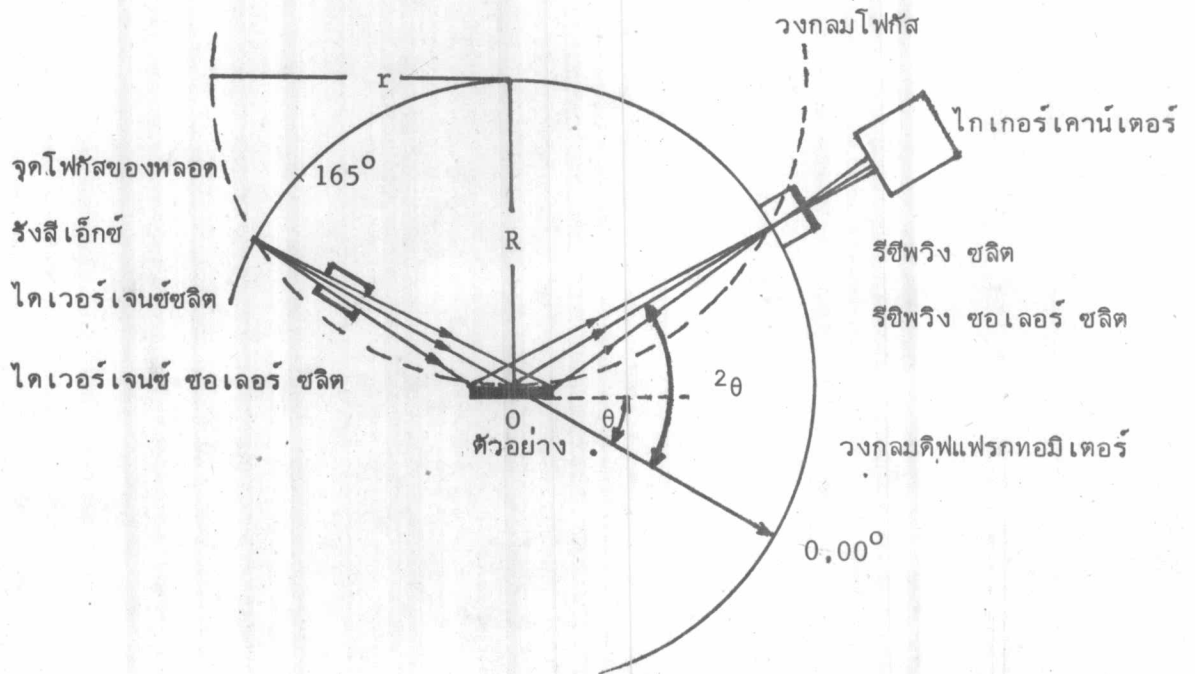


รูปที่ 2.11 การพิกัสของซี ม้านน์ - โบฮ์ลินเมื่อนำมาใช้ในเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรกทอมิเตอร์





รูปที่ 2.12 การจัดตำแหน่งของซิลิตในดิฟแฟรกทอมิเตอร์



รูปที่ 2.13 การจัดการวางตัวของส่วนประกอบในไทเทเนียมเคาน์เตอร์ดิฟแฟรกทอมิเตอร์ โดย R เป็นรัศมีของวงกลมดิฟแฟรกทอมิเตอร์หรือโกนิอมิเตอร์ r เป็นรัศมีของวงกลมโฟกัส,  $\theta$  เป็นแกนของดิฟแฟรกทอมิเตอร์

### 2.2.3 การวิเคราะห์ทางเคมีด้วยเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรกชัน ( Chemical analysis by x-ray diffraction )

2.2.3.1 การวิเคราะห์ทางคุณภาพ ดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของตัวอย่างผลึกผงซึ่งเป็นคุณสมบัติเฉพาะเจาะจงของสารนั้น ๆ สามารถนำมาใช้ในการวิเคราะห์หาส่วนผสมในสารผสมได้ โดยที่มีการรวบรวมดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของสารแต่ละชนิดไว้มาก ๆ การวิเคราะห์ทางคุณภาพทำได้โดยเปรียบเทียบดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของสารที่ไม่ทราบ ( unknown ) กับดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของสารที่ทราบแล้วทำให้ทราบส่วนประกอบของสารนั้น ๆ ได้ วิธีที่จะทำให้การวิเคราะห์เป็นไปอย่างรวดเร็วก็คือการจัดระบบหรือรวบรวมดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นไว้อย่างเป็นระเบียบ ซึ่งจัดทำครั้งแรกโดย ฮานาวาลด์ ( Hanawalt ) ในปี ค.ศ. 1936 ซึ่งดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นได้ถูกอธิบายไว้ด้วยกลุ่มของดิฟแฟรกต์เดไลน์ด้วยค่ามุม  $2\theta$  และค่าความเข้มสัมพัทธ์ ( relative intensity, I ) แต่ค่าเชิงมุม  $2\theta$  ขึ้นอยู่กับความยาวคลื่นของรังสีเอ็กซ์ที่ใช้ ซึ่งถ้านำกฎของแบรกก์มาใช้ก็สามารถเปลี่ยนค่ามุม  $2\theta$  เป็นค่า  $d$  ได้ ดังนั้นฮานาวาลด์จึงอธิบายดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นด้วยค่า I และ  $d$  ของดิฟแฟรกต์เดไลน์แต่ละเส้น

2.2.3.2 พาวเดอร์ ดิฟแฟรกชัน ไฟล์ ( Powder diffraction file ) การรวบรวมดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของสารที่ทราบแล้วนั้นทำขึ้นครั้งแรกโดย ฮานาวาลด์ รินน์ และ ฟรีเวล ( Hanawalt, Rinn and Frevel ) (5) โดยบริษัท โดว์ เคมีเคิล ( Dow Chemical Company ) ซึ่งจัดและแบ่งชนิดของดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นกว่า 1,000 ชนิด การรวบรวมดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นได้เริ่มต้นอย่างจริงจังเมื่อมีสมาคมทางวิทยาศาสตร์ เช่น สมาคมอเมริกันโซไซเอตี้ ฟอ์ เทสติง แอนด์ มะเทียเรียลส์ ( American Society for Testing and Materials ) หรือมีชื่อย่อว่า ASTM เข้ามาร่วมดำเนินงานด้วย จากปี ค.ศ. 1941 ถึง 1969 ASTM ได้จำหน่ายดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นโดยจำหน่ายในรูปของบัตร ( card ) มีขนาด 3 x 5 นิ้ว โดยใช้บัตร 1 ใบต่อดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นของสาร 1 ตัว จนกระทั่งในปี ค.ศ. 1969 กิจกรรมอันนี้ได้เจริญรุดหน้าไปอย่างมากโดยตั้งเป็นคณะกรรมการในการรวบรวมดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นเรียกว่า JCPDS ( The Joint Committee on Powder Diffraction Standards ) ซึ่งมีสมาคมทางวิทยาศาสตร์ 10 แห่ง ทั้งอเมริกา, แคนาดา, อังกฤษ และฝรั่งเศส รวมอยู่ด้วย ในปี ค.ศ. 1976 JCPDS ได้ตีพิมพ์ PDF ( Powder Diffraction File ) ขึ้นเป็นเล่มซึ่งรวบรวมดิฟแฟรกชันแพทเทิร์นไม่น้อยกว่า 26,000 แพทเทิร์น

	(1)	(2)	(3)	(4)							
	5-628										
	d	2.82	1.99	1.63	3.26	NaCl					★
	1/1 <sub>1</sub>	100	55	15	13	Sodium Chloride					(Halite)
(5)	Rad. CuKα <sub>1</sub> λ	1.5405	Filter Ni	Dia.		d Å	1/1 <sub>1</sub>	hkl	d Å	1/1 <sub>1</sub>	hkl
	Cut off	1/1 <sub>1</sub>	Diffractometer	1/1 cor.		3.258	13	111			
	Ref. Swanson and Fuyat, NBS Circular 539, Vol. 2, 41 (1953)					2.821	100	200			
						1.994	55	220			
						1.701	2	311			
						1.628	15	222			
(6)	Sys. Cubic		S.G. Fm3m (225)			1.410	6	400			
	a <sub>0</sub> 5.6402	b <sub>0</sub>	c <sub>0</sub>	A	C	1.294	1	331			
	a	β	γ	Z	Dx 2.164	1.261	11	420			
	Ref. Ibid.					1.1515	7	422			
						1.0855	1	511			
(7)	εα	nωβ	1.542	εγ	Sign	0.9969	2	440			
	2V	D	mp	Color	Colorless	.9533	1	531			
	Ref. Ibid.					.9401	3	600			
						.8917	4	620			
						.8601	1	533			
(8)	An ACS reagent grade sample recrystallized twice from hydrochloric acid.					.8503	3	622			
	X-ray pattern at 26°C.					.8141	2	444			
	Merck Index, 8th Ed., p. 956.										
											(9)

รูปที่ 2.14. บัตร JCPDS ของโซเดียมคลอไรด์ (NaCl) หมายเลข (1) แสดงถึงลำดับที่ของไฟล์, (2) เป็นสามเส้นแรกที่มีความเข้มสูงสุด (3) เส้นที่มีความน้อยที่สุด (4) สูตรและชื่อทางเคมี (5) รายละเอียดที่ใช้ในการวิเคราะห์ (6) รายละเอียดทางผลึก (7) รายละเอียดทางกายภาพของตัวอย่าง (8) รายละเอียดของตัวอย่าง (9) ดิฟแฟรกชันแพทเทิร์น ความเข้มแสดงเป็นความเข้มสัมพัทธ์ของ I<sub>1</sub> ซึ่งเป็นความเข้มสูงสุดในแพทเทิร์น (ในที่นี้ได้แก่ค่า d = 2.821 Å ) สัญลักษณ์ทางขวามือแสดงถึงคุณภาพของการวิเคราะห์ : ★ (วิเคราะห์ได้สมบูรณ์)

ไว้ 26 ชุด ( set ) ซึ่งแต่ละปีจะมีตีพิมพ์แทรกขึ้นแพทเทิร์นเพิ่มขึ้นถึง 2,000 แพทเทิร์น แพทเทิร์นเหล่านี้รวบรวมทั้งธาตุ, สารผสม, สารประกอบอนินทรีย์, สารประกอบอินทรีย์ และแร่รวมอยู่ด้วย

วิธีของฮานาวาลต์ ( Hanawalt method ) เนื่องจากว่ามีสารมากกว่า 1 ชนิดที่สารมารถมีค่า  $d$  เท่ากันหรือใกล้เคียงกัน ทำให้เกิดความสับสนในการใช้ ฮานาวาลต์จึงใช้ความเข้มของดิฟแฟรกเตดไลน์มาเป็นตัวชี้ความแตกต่าง โดยมีการเรียงตามดิฟแฟรกเตดไลน์ที่มีความเข้มต่างกัน ซึ่งเส้นที่มีความเข้มมากที่สุดมีค่า  $d$  เป็น  $d_1$  เส้นที่มีความเข้มที่ 2 เป็น  $d_2$  และเส้นที่มีความเข้มที่ 3 เป็น  $d_3$  และกำกับด้วยความเข้มสัมพัทธ์ของแต่ละค่าของค่า  $d$  ซึ่งทำให้สะดวกในการวิเคราะห์สารที่ไม่ทราบอย่างรวดเร็ว

รูปแบบของบัตรที่อธิบายมาข้างต้นจาก JCPDS ไฟล์ แสดงได้ดังรูปที่ 2.14 บัตรเหล่านี้จะถูกแยกเป็น 2 กลุ่มคือ สารประกอบอินทรีย์และสารประกอบอนินทรีย์ ซึ่งอาจตีพิมพ์ออกมาเป็นบัตรขนาด 3 x 5 นิ้ว หรือเป็นฟิล์ม หรือเป็นหนังสือซึ่ง 1 หน้า จะมี 3 บัตร ในขณะที่นี้ได้ตีพิมพ์แล้วตั้งแต่ชุดที่ 1 ถึงชุดที่ 26

เนื่องจากดิฟแฟรกชันไฟล์ในปัจจุบันได้ตีพิมพ์ไปแล้วถึง 26 ชุด ดังนั้นการหารายละเอียดในดิฟแฟรกชันไฟล์จำเป็นต้องใช้ดัชนีซึ่งฮานาวาลต์ได้จัดทำดังนี้คือ

1. ดัชนีที่เป็นตัวอักษร ( alphabetical ) โดยดัชนีจะจัดเรียงชื่อของสารประกอบเรียงตามตัวอักษร A ถึง Z หลังชื่อสารประกอบจะเป็นสูตรทางเคมี, ค่า  $d$  3 ค่าแรกซึ่งมีความเข้มสูงสุดพร้อมทั้งความเข้มสัมพัทธ์และลำดับที่ของไฟล์

2. ดัชนีที่เป็นตัวเลขของค่า  $d$  โดยนำค่า  $d$  3 ค่าแรกซึ่งมีความเข้มสูงสุดเป็น  $d_1, d_2, d_3$  พร้อมทั้งความเข้มสัมพัทธ์ จากนั้นเป็นค่า  $d$  อีก 5 ค่าสำหรับสารแต่ละตัวรวมทั้งสูตรทางเคมีและลำดับที่ของไฟล์ สารแต่ละตัวจะถูกบันทึกไว้ในดัชนี 3 ครั้ง ครั้งแรกเริ่มด้วยค่า  $d_1$  ซึ่งมีความเข้มสูงสุดเป็น  $d_1 d_2 d_3$  ครั้งที่สองเริ่มด้วยค่า  $d_2$  ซึ่งมีความเข้มที่ 2 เป็น  $d_2 d_3 d_1$  และครั้งที่ 3 เป็น  $d_3 d_1 d_2$  การเรียงค่า  $d$  เช่นนี้เพื่อประโยชน์ในการเปรียบเทียบตัวอย่างที่ไม่ทราบกับไฟล์ได้อย่างสะดวก เพราะบางครั้งความเข้มสัมพัทธ์ไม่เป็นไปตามที่ไฟล์กำหนดไว้ทำให้เกิดความยุ่งยาก ถ้าจะมีแต่เฉพาะค่า  $d_1 d_2 d_3$  เพียงอย่างเดียว



2.2.3.2 การวิเคราะห์ทางปริมาณของสารผสม การวิเคราะห์ทางปริมาณโดยเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรกชัน อาศัยหลักที่ว่าความเข้มของดิฟแฟรกเตดไลน์ของสารประกอบที่สนใจในสารผสมจะขึ้นอยู่กับปริมาณของสารประกอบในสารผสมนั้น ๆ

พิจารณาตัวอย่างซึ่งอยู่ในรูปของแผ่นบาง ๆ ซึ่งมีความหนาน้อยมาก นำไปวิเคราะห์ด้วยดิฟแฟรกทอมีเตอร์ ซึ่งสมมุติว่าในสารผสมนั้น ๆ มีสารประกอบ A และ B อยู่ ซึ่งสามารถแสดงได้ว่า (6)

$$\frac{I_A(hkl)}{I_B(hkl)} = \frac{\left\{ \frac{1 + \cos^2 2\theta}{\sin^2 \theta \cos \theta} p F^2(hkl) \right\}_A \times \frac{\rho_B U_B^2}{\rho_A U_A^2} \frac{X_A}{X_B}}{\left\{ \frac{1 + \cos^2 2\theta}{\sin^2 \theta \cos \theta} p F^2(hkl) \right\}_B} = G_{AB} \frac{X_A}{X_B} \quad (2-2)$$

$I_A(hkl)$  = ความเข้มของดิฟแฟรกเตดไลน์ที่สนใจซึ่งมีระนาบ  $hkl$  ของสารประกอบ A

$\theta$  = มุมของแบรกก์

$p$  = multiplicity

$F(hkl)$  = structure factor ของระนาบ  $hkl$

$\rho_A$  = ความหนาแน่นของสารประกอบ A

$U_A$  = ปริมาตรต่อหนึ่งหน่วยเซลล์ของสารประกอบ A

$X_A$  = สัดส่วนโดยน้ำหนักของสารประกอบ A

สัญลักษณ์ B ก็อธิบายได้ในทำนองเดียวกัน

จากสมการ (2-2) แสดงให้เห็นว่าอัตราส่วนระหว่างความเข้มของดิฟแฟรกเตดไลน์ที่สนใจในสารประกอบ A ต่อความเข้มของดิฟแฟรกเตดไลน์ในสารประกอบ B จะแปรโดยตรงกับอัตราส่วนระหว่างน้ำหนักของ A และ B ในสารผสมนั้น ค่าคงที่  $G_{AB}$  สามารถคำนวณได้จากสมการ (2-2) เมื่อทราบโครงสร้างของ A และ B ดังนั้นค่า  $G_{AB}$  สามารถคำนวณได้ทั้งจากสมการ (2-2) และ

จากการทดลอง สมการ (2-2) เป็นสมการมาตรฐานซึ่งนำไปใช้วิเคราะห์หาปริมาณของสารที่สนใจในของผสมได้

เนื่องจากสารผสมมีสารประกอบอย่างน้อยสองชนิดขึ้นไป ซึ่งสารประกอบแต่ละชนิดมีค่า mass absorption coefficient ต่าง ๆ กัน วิธีที่จะทดลองหาปริมาณของสารประกอบที่สนใจในของผสมก็คือ การเติมสารมาตรฐานซึ่งส่วนมากมักใช้ควอทซ์หรือซิลิกอนลงไปในของผสมที่ต้องการศึกษา เช่นถ้าเติมสารมาตรฐาน S น้ำหนัก  $W_S$  กรัมลงในสารผสมซึ่งมีน้ำหนัก  $W$  กรัม เพื่อหาปริมาณสารประกอบ A ในสารผสม สามารถนำสมการ (2-2) มาใช้ดังนี้คือ

$$\frac{I_A}{I_S} = G_{AS} \frac{WX_A}{W_S} \quad (2-3)$$

$I_A$  เป็นความเข้มของดิฟแฟรคเตดไลน์ที่สนใจของสารประกอบ A

$I_B$  เป็นความเข้มของดิฟแฟรคเตดไลน์ที่สนใจของสารประกอบ B

เช่นต้องการหาปริมาณยูเรเนียมในปุ๋ยผสมโดยใช้ซิลิกอนเป็นสารมาตรฐาน ขั้นแรกต้องหาค่าคงที่  $G_{AS}$  ก่อนโดยนำยูเรียมและซิลิกอนซึ่งทราบน้ำหนักที่แน่นอนมาบดเข้าด้วยกัน แล้ววิเคราะห์ด้วยดิฟแฟรคโทมิเตอร์โดยเลือกดิฟแฟรคเตดไลน์ที่เหมาะสม และวัดความเข้มของดิฟแฟรคเตดไลน์นั้น ๆ ทั้งของยูเรียมและซิลิกอน นำค่าความเข้มของดิฟแฟรคเตดไลน์และน้ำหนักที่แน่นอนของยูเรียมและซิลิกอนไปคำนวณหาค่า  $G_{AS}$  จากนั้นนำปุ๋ยผสมที่ต้องการหาปริมาณซึ่งทราบน้ำหนักที่แน่นอนมาเติมน้ำหนักที่แน่นอนของซิลิกอน บดให้ละเอียดจนเป็นเนื้อเดียวกัน นำไปวิเคราะห์ด้วยดิฟแฟรคโทมิเตอร์หาความเข้มของดิฟแฟรคเตดไลน์ซึ่งใช้ในการวิเคราะห์หาค่า คงที่ในตอนแรกนำไปคำนวณหาปริมาณยูเรียมจากสมการ (2-3) ซึ่งการวิเคราะห์หาปริมาณในสารผสมนั้นนิยมใช้เทคนิคทางดิฟแฟรคโทมิเตอร์มากกว่าการใช้ฟิล์ม เพราะการวัดความเข้มของดิฟแฟรคเตดไลน์จากฟิล์มนั้นไม่แน่นอน

### 2.3 เอกซเรย์ฟลูออเรสเซนซ์สเปกโตรสโคปี ( X-ray fluorescence spectroscopy, XRFS )

เมื่อนำธาตุหรือสารประกอบมาอบด้วยรังสีเอกซ์ซึ่งมีพลังงานมากพอที่จะทำให้อิเล็กตรอนวงในสุดหลุดออกจากอะตอม ก็จะทำให้เกิดที่ว่างขึ้นในวงโคจรของอิเล็กตรอน จึงทำให้อิเล็กตรอน

วงนอกย้ายเข้ามาแทนที่ พร้อมทั้งปล่อยพลังงานออกมาซึ่งอยู่ในรูปของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า ( electromagnetic wave ) ซึ่งเรียกว่ารังสีเอ็กซ์ทุติยภูมิ ( secondary x-ray ) หรือเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์ ความถี่,  $\nu$  ของรังสีเอ็กซ์ที่คายออกมาจะเป็นไปตามกฎ  $E = h\nu$  เมื่อ  $E$  เป็นความแตกต่างระหว่างพลังงานของวงโคจรทั้งสองที่เกิดการแทนที่กัน และ  $h$  คือค่าคงที่ของพลังค์ ( Planck's constant ) ความถี่ของฟลูออเรสเซนซ์สามารถหาได้จากสมการดัดแปลงของบอร์ ( modified Bohr equation )

$$\nu = R (Z - k)^2 \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \quad (2-4)$$

เมื่อ  $R$  คือค่าคงตัวของไรด์เบิร์ก ( Rydberg constant )  $Z$  เป็นอะตอมมิกนัมเบอร์,  $k$  เป็นค่าคงที่ของการบดบัง ( screening constant ),  $n_1$  และ  $n_2$  เป็นควอนตัมนัมเบอร์ ( quantum number ) ของวงโคจรของอิเล็กตรอนที่ถูกแทนที่และวงโคจรของอิเล็กตรอนที่ย้ายมาแทนที่ เช่น ถ้าเกิดที่ว่างในวง  $K (n_1 = 1)$  ถูกแทนที่ด้วยวง  $L (n = 2)$  ฟลูออเรสเซนซ์ที่ได้เรียกว่า  $K\alpha$  แต่ถ้าเกิดการแทนที่จากวง  $M$  ไปวง  $K$  เรียกว่า  $K\beta$  ในกรณีเดียวกันสามารถเกิดในวง  $L$  ได้

รังสีจากฟลูออเรสเซนซ์ที่ให้ออกมาดังกล่าวจะต้องมีความเข้มสูงพอสมควร เพื่อสามารถจะตรวจสอบด้วยเครื่องมือต่าง ๆ ได้ ความเข้มจากรังสีฟลูออเรสเซนซ์จะขึ้นอยู่กับความยาวคลื่นและความเข้มของรังสีเอ็กซ์ที่ใช้ในการกระตุ้นให้เกิดฟลูออเรสเซนซ์ เช่นถ้าใช้รังสีเอ็กซ์ซึ่งมีความเข้มคงที่และความยาวคลื่น  $\lambda$  ใช้ในการกระตุ้นธาตุ ๆ หนึ่งซึ่งมีความยาวคลื่นของ  $K$  แอ็บซอร์ปชันเป็น  $\lambda_K$  จากนั้นค่อย ๆ ลดหรือเพิ่มค่า  $\lambda$  ของรังสีที่ใช้อาบสาร เมื่อ  $\lambda$  มีค่ามากกว่า  $\lambda_K$  จะไม่มีฟลูออเรสเซนซ์เกิดขึ้นจนกว่าค่า  $\lambda$  จะน้อยกว่า  $\lambda_K$  เล็กน้อย ฟลูออเรสเซนซ์จึงจะมีความเข้มสูงสุด แต่เมื่อ  $\lambda$  ลดลงไปเรื่อย ๆ จะทำให้ความเข้มของฟลูออเรสเซนซ์ลดลงไปมาก นั่นคือจะได้ความเข้มของฟลูออเรสเซนซ์มากที่สุดเมื่อความยาวคลื่นของรังสีเอ็กซ์ที่ใช้ในการกระตุ้นน้อยกว่าความยาวของแอ็บซอร์ปชัน เอ็ดจ์ของธาตุที่ทำให้เกิดฟลูออเรสเซนซ์เพียงเล็กน้อยเท่านั้น

ในทางปฏิบัติมักนิยมใช้หลอดรังสีเอ็กซ์ซึ่งมีเป้าเป็นทังสเตน (W) หรือโครเมียม (Cr) ใช้ทำให้เกิดฟลูออเรสเซนซ์ได้ดีกับธาตุที่มีอะตอมมิกนัมเบอร์สูง ส่วน Cr ใช้ได้ดีกับธาตุที่มีอะตอมมิกนัมเบอร์ต่ำ ๆ ดังนั้นในการผลิตหลอดรังสีเอ็กซ์อาจจะมีเป้าทั้งสองชนิดอยู่รวมกันเพื่อสะดวกในการใช้



2.3.1 ชนิดของสเปกโตรมิเตอร์ เนื่องจากธาตุแต่ละชนิดมีเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์ที่เป็นแบบเฉพาะเจาะจง ดังนั้นจึงสามารถวิเคราะห์หาปริมาณธาตุต่าง ๆ ได้โดยการวัดความเข้มของฟลูออเรสเซนซ์ที่ได้จากสารใช้วิเคราะห์ การวิเคราะห์ทางคุณภาพสามารถทำได้เช่นเดียวกัน การวิเคราะห์ดังกล่าวทำได้โดยอาศัยเอ็กซ์เรย์สเปกโตรมิเตอร์ซึ่งมีอยู่ด้วยกัน 2 ชนิดคือ

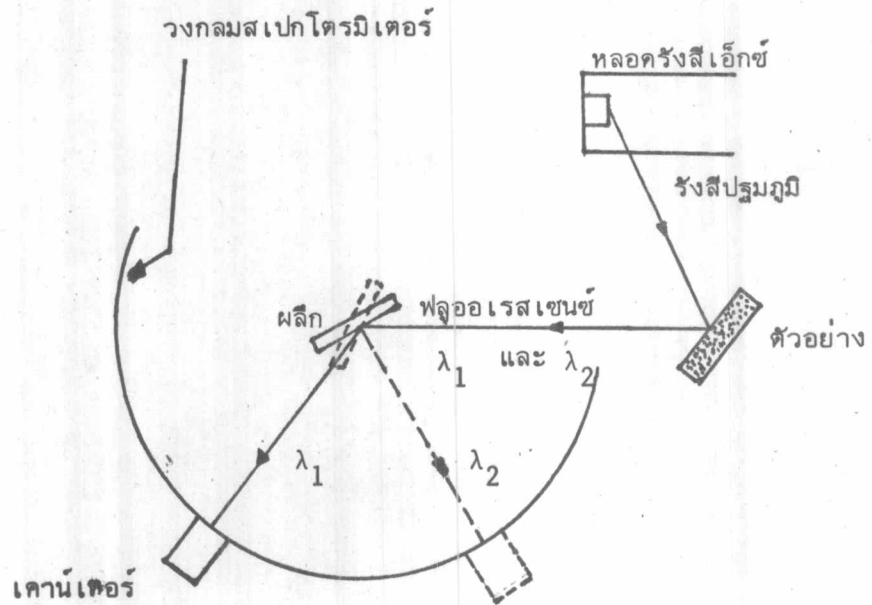
1. สเปกโตรมิเตอร์ชนิดกระจายความยาวคลื่น (Wavelength dispersion spectrometer) สเปกโตรมิเตอร์แบบนี้จะให้รังสีของฟลูออเรสเซนซ์ที่เกิดขึ้นจะถูกเลี้ยวเบนด้วยระนาบของผลึกซึ่งทราบค่า  $d$  แล้ว การเลี้ยวเบนจะเป็นไปตามกฎของแบรกก์ ซึ่งผลึกดังกล่าวสามารถแยกความยาวคลื่นของแต่ละธาตุออกมาได้ ซึ่งเป็นลักษณะของแต่ละธาตุและจะถูกตรวจสอบได้ด้วยดีเทกเตอร์ สเปกโตรมิเตอร์ชนิดนี้บางครั้งจึงเรียกว่า crystal spectrometer ซึ่งแสดงได้ดังรูปที่ 2.15 a

2. สเปกโตรมิเตอร์ชนิดกระจายพลังงาน (Energy dispersion spectrometer) สเปกโตรมิเตอร์ชนิดนี้ไม่มีการเลี้ยวเบนมาเกี่ยวข้องกับความยาวคลื่นที่มีขนาดต่าง ๆ กันของรังสีฟลูออเรสเซนซ์ที่ถูกส่งออกมาจากสารวิเคราะห์ ก็จะถูกส่งเข้าไปในดีเทกเตอร์ ซึ่งส่วนใหญ่เป็นเซมิคอนดักเตอร์ (semiconductor) แบบ Si(Li) ซึ่งจะเปลี่ยนพัลซ์และถูกส่งไปยังพัลซ์ไฮสโทนาไลเซอร์ (Pulse Height Analyser, PHA) ซึ่งเป็นสัดส่วนกับพลังงานของรังสีฟลูออเรสเซนซ์ที่ส่งเข้าไป ก็จะทราบความยาวคลื่นที่ผสมอยู่ด้วยกันในหน่วยของพลังงาน แสดงดังรูป 2.15b

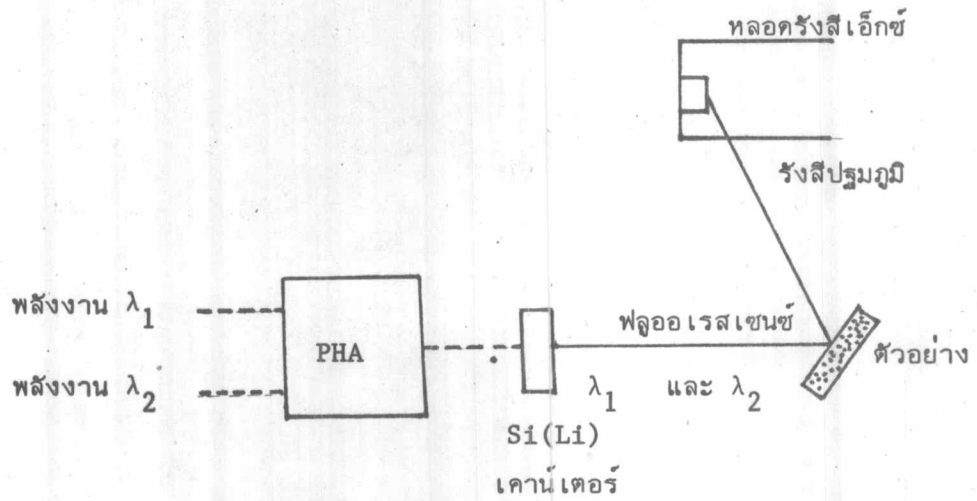
ในที่นี้จะกล่าวเฉพาะสเปกโตรมิเตอร์ ชนิดกระจายความยาวคลื่นซึ่งเกี่ยวข้องกับการทดลองโดยตรง

2.3.2 สเปกโตรมิเตอร์ชนิดกระจายความยาวคลื่น สเปกโตรมิเตอร์ชนิดนี้มีส่วนประกอบที่สำคัญคือ ผลึกที่ใช้วิเคราะห์ (analysing crystal) กับดีเทกเตอร์ จะถูกจัดตำแหน่งเหมือนกับในดิฟแฟรคโทมิเตอร์ เมื่อผลึกถูกจัดให้สอดคล้องกับมุมของแบรกก์,  $\theta$  ดีเทกเตอร์ก็จะเคลื่อนที่อย่างอัตโนมัติซึ่งสอดคล้องกับมุม  $2\theta$  และดีเทกเตอร์จะต่ออยู่กับเครื่องบันทึกซึ่งชแกนอย่างต่อเนื่อง จากรูป 2.16 แสดงฟลูออเรสเซนซ์สเปกตรัมซึ่งเป็นการชแกนอย่างต่อเนื่อง เมื่อพิจารณาสเปกตรัมแล้ว ก็คล้าย ๆ กับสเปกตรัมที่ได้จากดิฟแฟรคโทมิเตอร์ (รูปที่ 2.9) แต่แตกต่างกันตรงที่ ดิฟแฟรคชันแพทเทิร์นจากรูป 2.9 มีดิฟแฟรคเทคไลน์ซึ่งมีค่าดัชนีของระนาบ (plane indices) แตกต่างกัน แต่ทุก ๆ เส้นจะมีความยาวคลื่นเดียวกัน ในรูป 2.16 ทุก ๆ พีคบนฟลูออเรสเซนซ์สเปกตรัมจะมีค่าดัชนีของระนาบซึ่งเป็นค่าเดียวกับผลึกที่ใช้ในการวิเคราะห์ ในที่นี้ใช้โมกามาซึ่งมีดัชนีของระนาบ





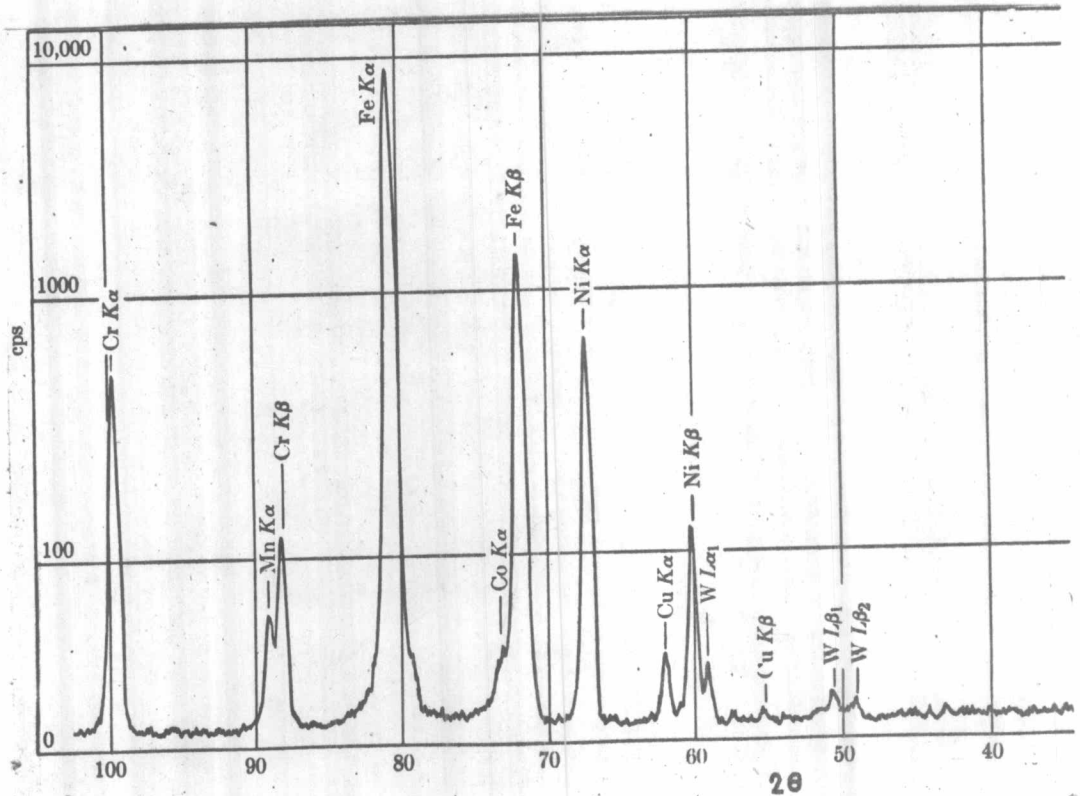
a) สเปกโตรมิเตอร์ชนิดกระจายความยาวคลื่น



b) สเปกโตรมิเตอร์ชนิดกระจายพลังงาน

รูปที่ 2.15 เอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์สเปกโตรมิเตอร์ ซึ่งสามารถแยกความยาวคลื่น  $\lambda_1$  และ  $\lambda_2$  ออกจากกันโดยใช้การเลี้ยวเบนด้วยผลึกใน (a) หรือการวิเคราะห์ด้วย PHA ใน (b)

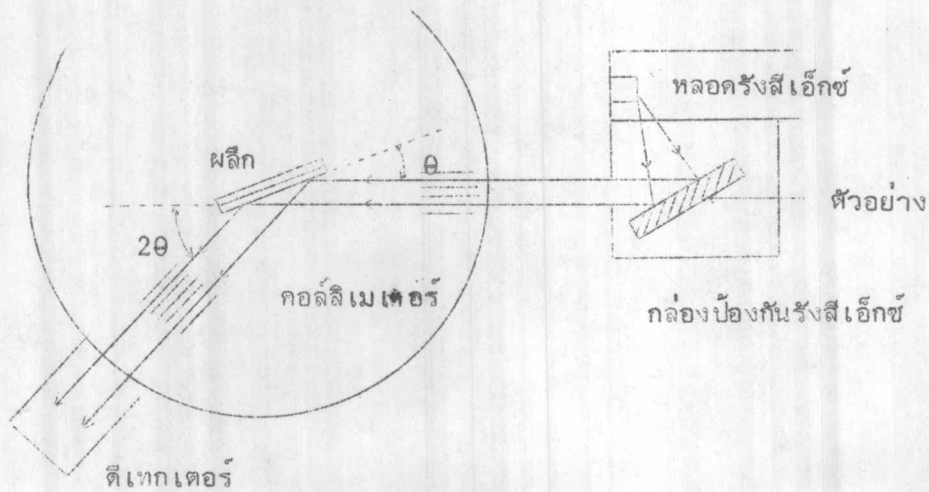
ที่ 002 ดังนั้นพีคทุกพีคในสเปกตรัมจะมีดัชนีของระนาบที่ 002 ด้วย แต่มีความยาวคลื่นไม่เท่ากัน ซึ่งความยาวคลื่นสามารถคำนวณได้จากค่ามุมของแบรกก์ และระยะระหว่างระนาบ,  $d$  ของผลึก



รูปที่ 2.16 ฟลูออเรสเซนซ์สเปกตรัมของเหล็กกล้าไร้สนิมโดยใช้โมก้า (002) เป็นผลึกที่ใช้ในการวิเคราะห์

ลักษณะของผลึกที่ใช้ในการวิเคราะห์จะต้องมีลักษณะแบบราบ เช่นเดียวกับดิฟแฟรคโทมิเตอร์ และหลอดรังสีเอ็กซ์จะต้องวางให้ใกล้กับสารใช้วิเคราะห์มากที่สุดและสารใช้วิเคราะห์จะต้องมีพื้นที่ผิวมากอย่างน้อยต้องมีเส้นผ่าศูนย์กลาง 2 cm เพื่อให้มีความเข้มของฟลูออเรสเซนซ์มากที่สุด เนื่องจากพื้นที่ผิวของสารใช้วิเคราะห์มีมากรังสีฟลูออเรสเซนซ์ที่ปล่อยออกมาจะมีลำแสงแผ่ออกทุกทิศทางจึงจำเป็นต้องใช้คอลลิเมเตอร์ (collimator) ก่อนที่รังสีฟลูออเรสเซนซ์จะไปกระทบกับผลึกคอลลิเมเตอร์ที่ใช้กันทั่ว ๆ ไปประกอบด้วยซอลเลอร์ลิตหลาย ๆ แผ่นวางใกล้กัน รังสีฟลูออเรสเซนซ์จากสารใช้วิเคราะห์ผ่านคอลลิเมเตอร์ไปยังผลึกซึ่งแบนระนาบ ซึ่งรังสีจะถูกเลี้ยวเบนโดยระนาบของผลึก เนื่องจากไม่มีการโพกัสของลำแสงที่ถูกเลี้ยวเบนจากผลึก จึง

จำเป็นต้องใช้คอลลิเมเตอร์ซึ่งวางอยู่ระหว่างผลึกที่ใช้วิเคราะห์กับดีเทกเตอร์ตำแหน่งของส่วนประกอบ ดังกล่าวแสดงดังรูป 2.17



รูปที่ 2.17 เอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์สเปกโตรมิเตอร์ชนิดกระจายความยาวคลื่น

2.3.3 ผลึกที่ใช้ในการวิเคราะห์ (Analysing crystal) มุม  $2\theta$  ซึ่งถูกสะท้อนจากผลึกจะขึ้นอยู่กับค่า  $d$  กฎของแบรกก์แสดงให้เห็นว่าความยาวคลื่นจะมีค่าได้มากที่สุดเท่ากับ  $2d$  ในกรณีที่จะศึกษาถึงเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์ของธาตุหนัก (มีความยาวคลื่นสั้น) จะต้องใช้ผลึกที่มีค่า  $d$  น้อย ส่วนผลึกที่มีค่า  $d$  มากใช้ได้ดีกับธาตุเบา ๆ (ความยาวคลื่นยาว) ตารางที่ 2.1 แสดงผลึกต่าง ๆ ที่นิยมใช้ในเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์

2.3.4 ดีเทกเตอร์ ดีเทกเตอร์ที่ใช้กันส่วนใหญ่ในเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์ได้แก่ ก๊าซฟลาวดีเทกเตอร์ (gas flow detector) และซินติเลชันดีเทกเตอร์ (scintillation detector) ก๊าซที่ใช้ในก๊าซฟลาวดีเทกเตอร์ได้แก่ก๊าซผสมระหว่าง ก๊าซมีเทน 10 เปอร์เซ็นต์ และก๊าซอาร์กอน 90 เปอร์เซ็นต์ ซึ่งดีเทกเตอร์ชนิดนี้มาใช้ศึกษาเกี่ยวกับธาตุที่มีความยาวคลื่นยาว เพราะมีหน้าต่างซึ่งบางมากและดูดกลืนรังสีเอ็กซ์ต่ำ ส่วนซินติเลชันดีเทกเตอร์ใช้ได้กับธาตุที่มีความยาวคลื่นสั้น เพราะมีประสิทธิภาพสูงในการวิเคราะห์ธาตุที่มีความยาวคลื่นในช่วง  $1 - 2 \text{ \AA}$  ในปัจจุบันสเปกโตรมิเตอร์ส่วนใหญ่จะมีดีเทกเตอร์ทั้งสองชนิดอยู่ด้วยกัน โดยก๊าซฟลาวดีเทกเตอร์จะมีหน้าต่างทั้งสองด้านอยู่ในแนวเดียวกัน และตรงกันข้ามซึ่งกันและกันซึ่งอยู่ในแนวเดียวกับซินติเลชันดีเทกเตอร์ เมื่อต้องการวิเคราะห์

ตารางที่ 2.1 วัสดุที่ใช้วิเคราะห์สำหรับเอ็กซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์

วัสดุ	Reflecting plane	$2d(\text{Å})$	ความสามารถในการวิเคราะห์
Lithium fluoride (LiF)	(200)	4.03	ทุกธาตุที่มี $Z > 19$
Lithium fluoride (LiF)	(220)	2.85	V(23) - Ce(58)
Pentaerythritol (PE)	(002)	8.74	P(15), S(16) และ Cl(17)
Pyrolytic graphite (PG)	(002)	6.72	Al(13) - K(19)
Ammonium dihydrogen phosphate (ADP)	(101)	10.64	Mg(12)
Mica	(002)	19.80	F(9) - Fe(26)
Gypsum	(020)	15.19	Na(11) - Cu(29)
Potassium hydrogen phthalate (KAP)	(10 $\bar{1}$ 1)	26.40	O(8) - V(23)
Quartz	(10 $\bar{1}$ 1)	6.69	P(15) - Zr(40)
Thallium hydrogen phthalate (TLAP)	-	25.75	ทุกธาตุที่มี $Z < 13$



ธาตุเบา ลำแสงของรังสีเอกซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์จะผ่านก๊าซฟิวทรีเทกเตอร์โดยตรง แต่ในกรณีที่ต้องการวิเคราะห์ธาตุหนัก ลำแสงของรังสีเอกซ์จะผ่านหน้าต่างอันแรกและทะลุผ่านหน้าต่างอันที่สองของก๊าซฟิวทรีเทกเตอร์ และผ่านเข้าไปในซินติเลชันดีเทกเตอร์ เมื่อใช้ดีเทกเตอร์ทั้งสองเข้าด้วยกัน จะทำให้มีประสิทธิภาพสูงในการวิเคราะห์ทั้งธาตุหนัก และธาตุเบา

### 2.3.5 การวิเคราะห์ทางเคมีด้วยเอกซเรย์ฟลูออเรสเซนซ์ (Chemical analysis by x-ray fluorescence )

2.3.5.1 การวิเคราะห์ทางคุณภาพ วิธีการก็เช่นเดียวกับการวิเคราะห์ด้วยเอกซเรย์ดิฟแฟรกชัน โดยธาตุต่าง ๆ จะเกิดแพทเทิร์นที่ค่ามุม  $2\theta$  คงที่ และแน่นอนไม่ว่าธาตุนั้น ๆ จะอยู่ในรูของสารประกอบใดก็ตาม ค่า  $2\theta$  ที่ได้จะขึ้นอยู่กับผลึกที่ใช้ในการวิเคราะห์เช่น ทองแดงเมื่อนำมาอบด้วยรังสีเอกซ์ซึ่งจะทำให้เกิดเอกซเรย์ฟลูออเรสเซนซ์ขึ้น ถ้าผลึกที่ใช้วิเคราะห์เป็น  $\text{LiF}(200)$  แพทเทิร์นที่ได้จะมีมุม  $2\theta$  ไม่เท่ากับมุม  $2\theta$  ที่ใช้ไมกา (002) เป็นผลึกที่ใช้วิเคราะห์

2.3.5.2 การวิเคราะห์ทางปริมาณ จากสเปกตรัมของเอกซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์ สามารถหาความเข้มของพีคที่ปรากฏบนแพทเทิร์นได้ และความเข้มของพีคของแต่ละธาตุจะขึ้นอยู่กับปริมาณธาตุนั้น ๆ การประมาณค่าของ unknown อาจทำได้โดยใช้ความสัมพันธ์

$$P_x = P_s W_x \quad (2-4)$$

เมื่อ  $P_x$  เป็นความเข้มสัมพัทธ์ซึ่งวัดในเทอมของ cps ของสารที่ใช้วิเคราะห์

$W_x$  เป็นอัตราส่วนของน้ำหนักของธาตุที่สนใจในสารที่ใช้วิเคราะห์

$P_s$  เป็นความเข้มสัมพัทธ์ของสารมาตรฐานที่ควรจะวัดได้ในสภาวะอย่างเดียวกัน

หาก  $W_x$  มีค่าเป็นหนึ่ง

ค่า  $P_s$  อาจหาได้โดยใช้ตัวอย่างที่เป็นธาตุบริสุทธิ์หรือสารมาตรฐานที่ทราบส่วนประกอบอย่างแน่นอนโดยเฉพาะเกี่ยวกับธาตุที่เป็น unknown ในสารที่ใช้วิเคราะห์นั้น ๆ จากสมการ (2-4) สมมติว่าธาตุอื่น ๆ ที่มีอยู่ในสารวิเคราะห์ไม่ได้ทำให้ค่าที่ต้องการหาเกิดการเปลี่ยนแปลง ซึ่งอาจจะเป็นการสมมุติที่ไม่เป็นความจริงนัก เพื่อที่จะให้ค่าที่ได้ถูกต้องจะต้องมาพิจารณาว่ามีอะไรบ้างที่เป็นสาเหตุที่ทำให้ค่าที่ได้ผิดไปจากความเป็นจริง

สาเหตุที่เห็นได้ก็คือ ผลที่มาจากการดูดกลืน (absorption effect) ซึ่งเห็นได้ว่าเอกซ์เรย์ฟลูออเรสเซนซ์ที่เกิดขึ้นนั้นไม่ได้เกิดขึ้นที่ผิวของตัวอย่างเท่านั้น แต่เกิดขึ้นกับอะตอมที่ไม่

ได้อยู่บนผิวด้วย ดังนั้นทั้งรังสีที่ตกกระทบพื้นผิวของตัวอย่างและรังสีฟลูออเรสเซนซ์ที่เกิดขึ้นต้องผ่านความหนาของตัวอย่างซึ่งจะทำให้เกิดการดูดกลืนและการกระจัดกระจาย ซึ่งจะเกิดขึ้นมากหรือน้อยขึ้นอยู่กับ mass absorption coefficient ของตัวกลางในสารตัวอย่าง นั่นก็หมายความว่าฟลูออเรสเซนซ์ไม่ได้เกิดเฉพาะแต่ธาตุที่สนใจ แต่เกิดที่ ธาตุที่อยู่ในสารตัวอย่างนอกเหนือจากธาตุที่สนใจหรือเรียกกันว่าธาตุข้างเคียง (matrix element) , ความเข้มของรังสีฟลูออเรสเซนซ์ของธาตุที่สนใจจะขึ้นอยู่กับปริมาณของธาตุที่สนใจและขณะเดียวกันจะขึ้นอยู่กับธาตุข้างเคียงอีกด้วย การดูดกลืนรังสีฟลูออเรสเซนซ์เนื่องจากธาตุข้างเคียงดังกล่าวทำให้ค่าที่คำนวณได้จากสมการ (2-4) สูงขึ้นหรือต่ำลงได้ เป็นต้นว่าถ้าตัวอย่างมีอีกธาตุหนึ่งซึ่งสามารถดูดกลืนรังสีฟลูออเรสเซนซ์ได้มากกว่าธาตุที่ต้องการหา จะทำให้ค่า  $W_x$  ต่ำ เนื่องจาก  $P_s$  ได้ถูกเปรียบเทียบกับสารมาตรฐานที่มีการดูดกลืนน้อย ในทางตรงกันข้ามถ้าธาตุข้างเคียงของสารตัวอย่างมีการดูดกลืนรังสีฟลูออเรสเซนซ์น้อยกว่าธาตุซึ่งอยู่ในสารมาตรฐานจะทำให้ค่า  $W_x$  สูง

สาเหตุอันที่สองก็คือผลของการทำให้เพิ่มขึ้น (enhancement effect) จะทำให้ค่าที่คำนวณได้สูงกว่าความเป็นจริง พฤติกรรมอันนี้เกิดขึ้นเมื่อธาตุใดธาตุหนึ่งในสารตัวอย่างที่กำลังศึกษา มีการปล่อยรังสีฟลูออเรสเซนซ์ซึ่งถูกกระตุ้นโดยรังสีเอ็กซ์ที่ใช้ในการอาบรังสี จึงทำให้ความเข้มของรังสีฟลูออเรสเซนซ์ของสารตัวอย่างสูงขึ้นด้วย

วิธีกำจัดอุปสรรคทั้งสองมีหลายวิธีเช่น

1. เตรียมสารมาตรฐานให้มีส่วนประกอบคล้าย ๆ กับตัวอย่างที่กำลังศึกษา โดยคำนวณหาปริมาณของธาตุที่สนใจในสารตัวอย่างจากเส้นมาตรฐาน วิธีนี้จะกำจัดปัญหาซึ่งเกิดจาก absorption effect และ enhancement effect ได้ เพราะถือว่าปัญหาทั้งสองอย่างเกิดขึ้นทั้งในสารมาตรฐานและสารตัวอย่าง

2. วิธีนี้อาจทำได้โดยใช้ อินเตอร์นัล สแตนดาร์ด (internal standard) โดยเติมธาตุอีกธาตุหนึ่งซึ่งไม่มีในสารตัวอย่างใส่เข้าไปในสารตัวอย่างและสารมาตรฐาน จากนั้นหาอัตราส่วนของความเข้มของพีคที่สนใจของธาตุที่ต้องการหาต่อความเข้มของพีคของสารมาตรฐานที่เติมลงไป ทั้งในสารตัวอย่างและสารมาตรฐาน เปรียบเทียบอัตราส่วนกันก็จะทราบปริมาณของธาตุที่ต้องการหาได้

3. วิธีทำให้เจือจาง โดยเจือจางทั้งสารตัวอย่างและสารมาตรฐานด้วยสารที่มีการดูดกลืนรังสีเอ็กซ์เพียงเล็กน้อย (ส่วนใหญ่ใช้ธาตุที่มีอะตอมมิกนัมเบอร์ต่ำ) สารที่ใช้กันมากได้แก่อลูมินา ( $Al_2O_3$ ) โดยเจือจางให้เกินพอซึ่งจะทำให้ matrix effect มีค่าคงที่ทั้งสารตัวอย่างและสารมาตรฐานซึ่งจะหักล้างกันเอง วิธีนี้นิยมใช้กันมากในการวิเคราะห์แร่ต่าง ๆ