

การศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดของเลนส์  
กับค่าการรบกวนหักเหของแก้ว

1. ความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดทรงกลมน้อยที่สุดของเลนส์กับค่าการรบกวนหักเหของแก้ว

ในหัวข้อที่ 2 ของบทที่ 4 ได้คำนวณหารูปร่างที่เหมาะสมของเลนส์ที่ต้องการจากแก้วที่มีอยู่แล้ว ทำให้เกิดข้อคิดเห็นว่า ถ้ามีแก้วอยู่หลาย ๆ ชนิด จะเลือกใช้ชนิดใดจึงจะดีที่สุด จึงได้สมมติขึ้นว่า แก้วที่มีอยู่นั้นเป็นแก้วที่มีค่าการรบกวนหักเห 1.400, 1.450, 1.500, 1.516, 1.550 และ 1.600 ถ้านำมาสร้างเลนส์เดี่ยวที่มีทางยาวโฟกัส 200 เซนติเมตร ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 10 เซนติเมตร เลนส์ที่ใดจากแก้วแต่ละชนิดจะให้ความคลาดทรงกลมน้อยที่สุดเป็นเท่าไร และขณะที่เลนส์มีความคลาดทรงกลมน้อยที่สุดนั้น รูปร่างจะเป็นอย่างไร

วิธีการคำนวณเหมือนกับหัวข้อที่ 2 ของบทที่ 4 ทุกประการ ผลที่ได้แสดงไว้ในตารางที่ 6.1, 6.2, 6.3, 6.4 และ 6.5

$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W40}$ (เซนติเมตร)	$1^{W31}$ (เซนติเมตร)
80.00	$\infty$	1.000	$3.591 \times 10^{-5}$	$0.615 \times 10^{-5}$
83.06	-2491.	0.935	$3.399 \times 10^{-5}$	$0.508 \times 10^{-5}$
85.91.	-1246.	0.871	$3.238 \times 10^{-5}$	$0.402 \times 10^{-5}$
88.50	-830.6	0.807	$3.107 \times 10^{-5}$	$0.295 \times 10^{-5}$
91.74	-623.1	0.743	$3.006 \times 10^{-5}$	$0.188 \times 10^{-5}$

$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W_{40}}$ (เซนติเมตร)	$1^{W_{31}}$ (เซนติเมตร)
95.24	-498.5	0.679	$2.936 \times 10^{-5}$	$0.081 \times 10^{-5}$
99.01	-415.5	0.615	$2.896 \times 10^{-5}$	$-0.026 \times 10^{-5}$
103.1	-356.2	0.551	$2.887 \times 10^{-5}$	$-0.132 \times 10^{-5}$
105.3	-332.4	0.519	$2.894 \times 10^{-5}$	$-0.186 \times 10^{-5}$
107.5	-311.7	0.487	$2.908 \times 10^{-5}$	$-0.239 \times 10^{-5}$
117.6	-249.4	0.359	$3.040 \times 10^{-5}$	$-0.452 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.1 ผลการคำนวณค่า ส.ป.ส. ของความคลาดทรงกลมและ  
โคมาของเลนส์เดี่ยวที่สร้างจากแก้วที่มีดัชนีหักเห = 1.400

$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W_{40}}$ (เซนติเมตร)	$1^{W_{31}}$ (เซนติเมตร)
90.00	<del>∞</del>	1.000	$2.804 \times 10^{-5}$	$0.417 \times 10^{-5}$
93.36	-2492.	0.928	$2.669 \times 10^{-5}$	$0.313 \times 10^{-5}$
96.98	-1246.	0.856	$2.565 \times 10^{-5}$	$0.207 \times 10^{-5}$
100.9	-830.8	0.783	$2.489 \times 10^{-5}$	$0.102 \times 10^{-5}$
105.1	-623.2	0.711	$2.445 \times 10^{-5}$	$-0.004 \times 10^{-5}$
109.8	-498.6	0.639	$2.429 \times 10^{-5}$	$-0.109 \times 10^{-5}$
114.8	-415.5	0.567	$2.443 \times 10^{-5}$	$-0.214 \times 10^{-5}$
120.3	-356.2	0.495	$2.487 \times 10^{-5}$	$-0.319 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.2 ผลการคำนวณค่า ส.ป.ส. ของความคลาดทรงกลมและ  
โคมาของเลนส์เดี่ยวที่สร้างจากแก้วที่มีดัชนีหักเห = 1.450

$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W_{40}}$ (เซนติเมตร)	$1^{W_{31}}$ (เซนติเมตร)
100.0	$\infty$	1.000	$2.277 \times 10^{-5}$	$0.262 \times 10^{-5}$
104.2	-2492.	0.919	$2.187 \times 10^{-5}$	$0.158 \times 10^{-5}$
108.7	-1246.	0.839	$2.126 \times 10^{-5}$	$0.055 \times 10^{-5}$
113.6	-830.9	0.759	$2.095 \times 10^{-5}$	$-0.049 \times 10^{-5}$
116.3	-712.2	0.719	$2.089 \times 10^{-5}$	$-0.102 \times 10^{-5}$
119.0	-623.3	0.679	$2.092 \times 10^{-5}$	$-0.155 \times 10^{-5}$
125.0	-498.7	0.599	$2.119 \times 10^{-5}$	$-0.257 \times 10^{-5}$
131.6	-415.6	0.519	$2.175 \times 10^{-5}$	$-0.361 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.3 ผลการคำนวณค่า ส.ป.ส. ของความคลาดทรงกลมและโคมา  
ของเลนส์เดี่ยวที่สร้างจากแก้วทึบครึ่งหนึ่ง  $n = 1.500$

$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W_{40}}$ (เซนติเมตร)	$1^{W_{31}}$ (เซนติเมตร)
110.0	$\infty$	1.000	$1.912 \times 10^{-5}$	$0.137 \times 10^{-5}$
115.1	-2492.	0.912	$1.858 \times 10^{-5}$	$0.035 \times 10^{-5}$
120.6	-1246.	0.824	$1.832 \times 10^{-5}$	$-0.068 \times 10^{-5}$
123.6	-997.1	0.779	$1.829 \times 10^{-5}$	$-0.122 \times 10^{-5}$
126.7	-831.0	0.735	$1.835 \times 10^{-5}$	$-0.171 \times 10^{-5}$

$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W_{40}}$ (เซนติเมตร)	$1^{W_{31}}$ (เซนติเมตร)
133.5	-623.3	0.647	$1.867 \times 10^{-5}$	$-0.273 \times 10^{-5}$
141.0	-498.7	0.559	$1.927 \times 10^{-5}$	$-0.376 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.4 ผลการคำนวณค่า ส.ป.ส. ของความคลาดทรงกลมและโคมา  
ของเลนส์เคียวที่สร้างจากแก้วทึบครึ่งหักเห = 1.550

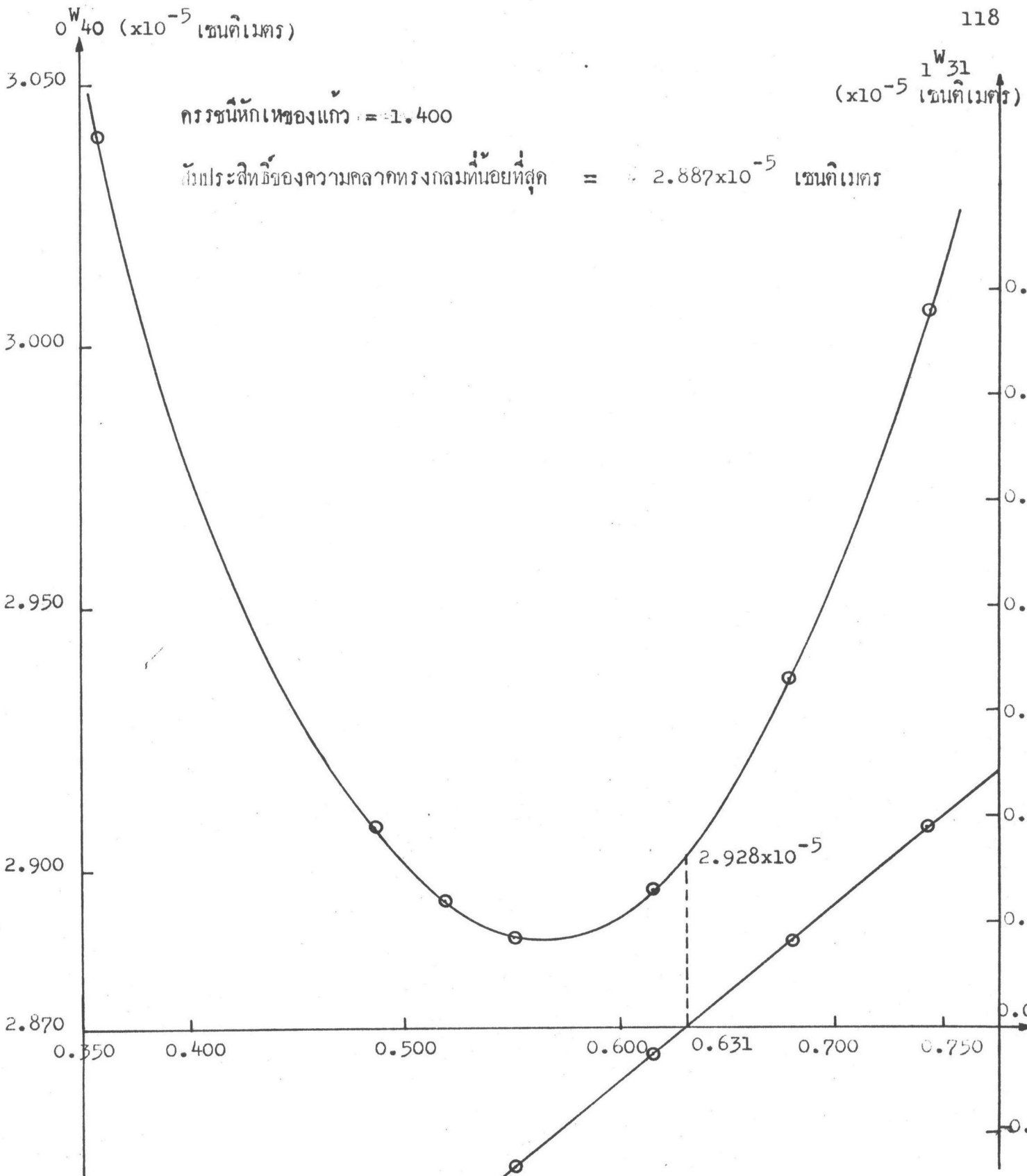
$r_1$ (เซนติเมตร)	$r_2$ (เซนติเมตร)	$q$	$0^{W_{40}}$ (เซนติเมตร)	$1^{W_{31}}$ (เซนติเมตร)
120.0	$\infty$	1.000	$1.653 \times 10^{-5}$	$0.034 \times 10^{-5}$
126.1	-2493.	0.904	$1.628 \times 10^{-5}$	$-0.067 \times 10^{-5}$
129.3	-1662.	0.856	$1.625 \times 10^{-5}$	$-0.118 \times 10^{-5}$
132.7	-1246.	0.808	$1.631 \times 10^{-5}$	$-0.169 \times 10^{-5}$
140.2	-831.1	0.711	$1.661 \times 10^{-5}$	$-0.270 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.5 ผลการคำนวณค่า ส.ป.ส. ของความคลาดทรงกลมและโคมา  
ของเลนส์เคียวที่สร้างจากแก้วทึบครึ่งหักเห = 1.600

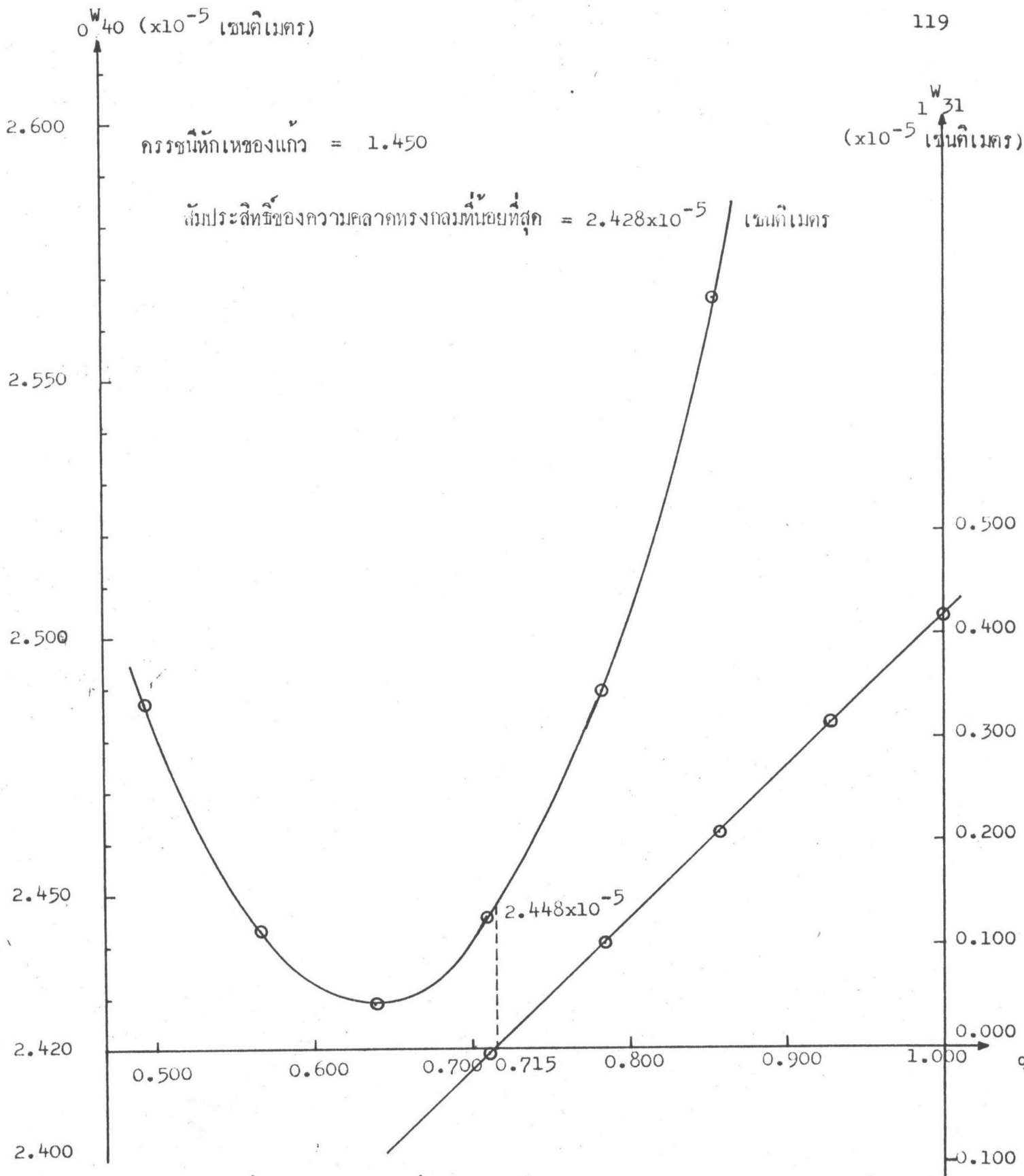
จากตารางที่ 6.1 ถึง 6.5 นี้ จะหาค่าความคลาดทรงกลมน้อยที่สุดของแต่ละครั้ง  
ได้ โดยการเขียนกราฟระหว่างค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์กับค่าสัมประสิทธิ์ของความ  
คลาดทรงกลม ดังแสดงในรูปที่ 6.1 ถึง 6.5 ตามลำดับ จะได้อัตราตัวประกอบของรูปร่างของ  
เลนส์ (  $q$  ) ขณะที่ให้ความคลาดทรงกลมน้อยที่สุด ( $\min. W_{40}$ ) ดังแสดงในตารางที่ 6.6

n	q	$\min. W_{40}$ (เซนติเมตร)
1.400	0.551	$2.887 \times 10^{-5}$
1.450	0.638	$2.428 \times 10^{-5}$
1.500	0.719	$2.089 \times 10^{-5}$
1.516	0.751	$2.000 \times 10^{-5}$
1.550	0.779	$1.829 \times 10^{-5}$
1.600	0.856	$1.625 \times 10^{-5}$

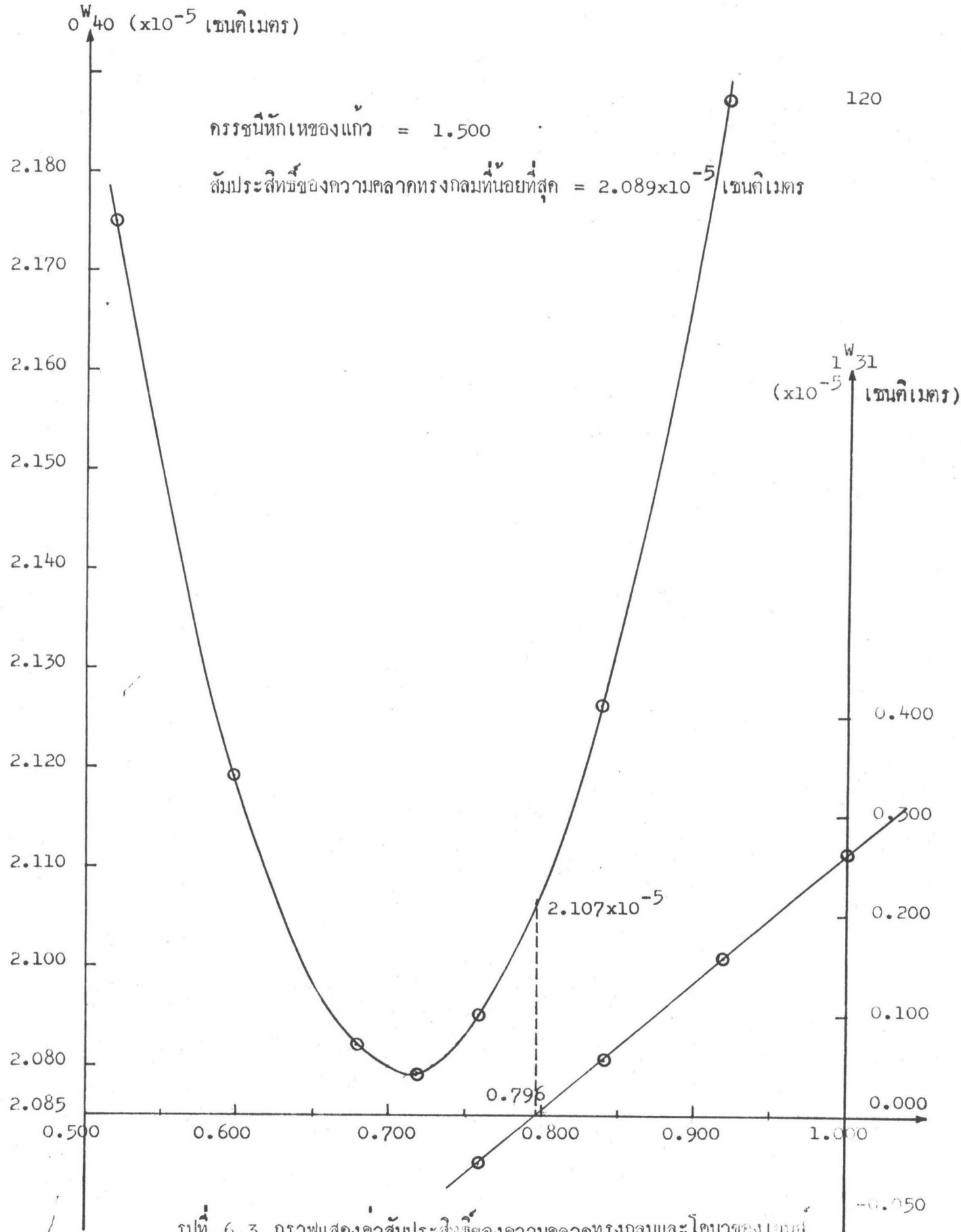
ตารางที่ 6.6 ผลการหาค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุด  
ของเลนส์ที่สร้างจากแก้วที่มีครรชนหักเหแตกต่างกัน



รูปที่ 6.1 กราฟแสดงค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาคลงกลมและโคมาของเลนส์  
 ที่สร้างจากแก้วที่มีค.ร.ร.น้.ห้.ก. = 1.400

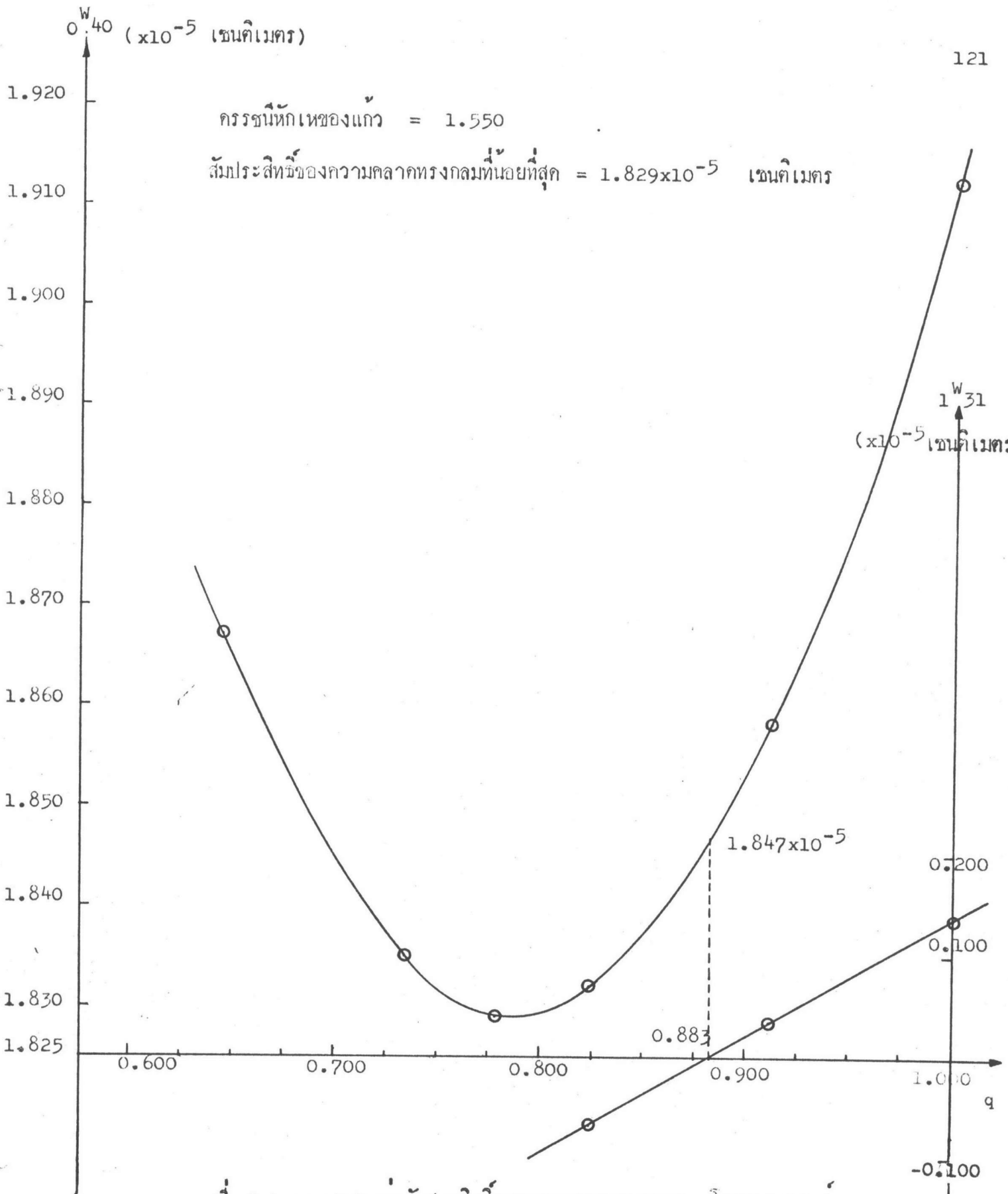


รูปที่ 6.2 กราฟแสดงค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมและโพรไฟล์ของเลนส์  
ที่สร้างจากแก้วที่มีกรรขันธ์หักเห = 1.450

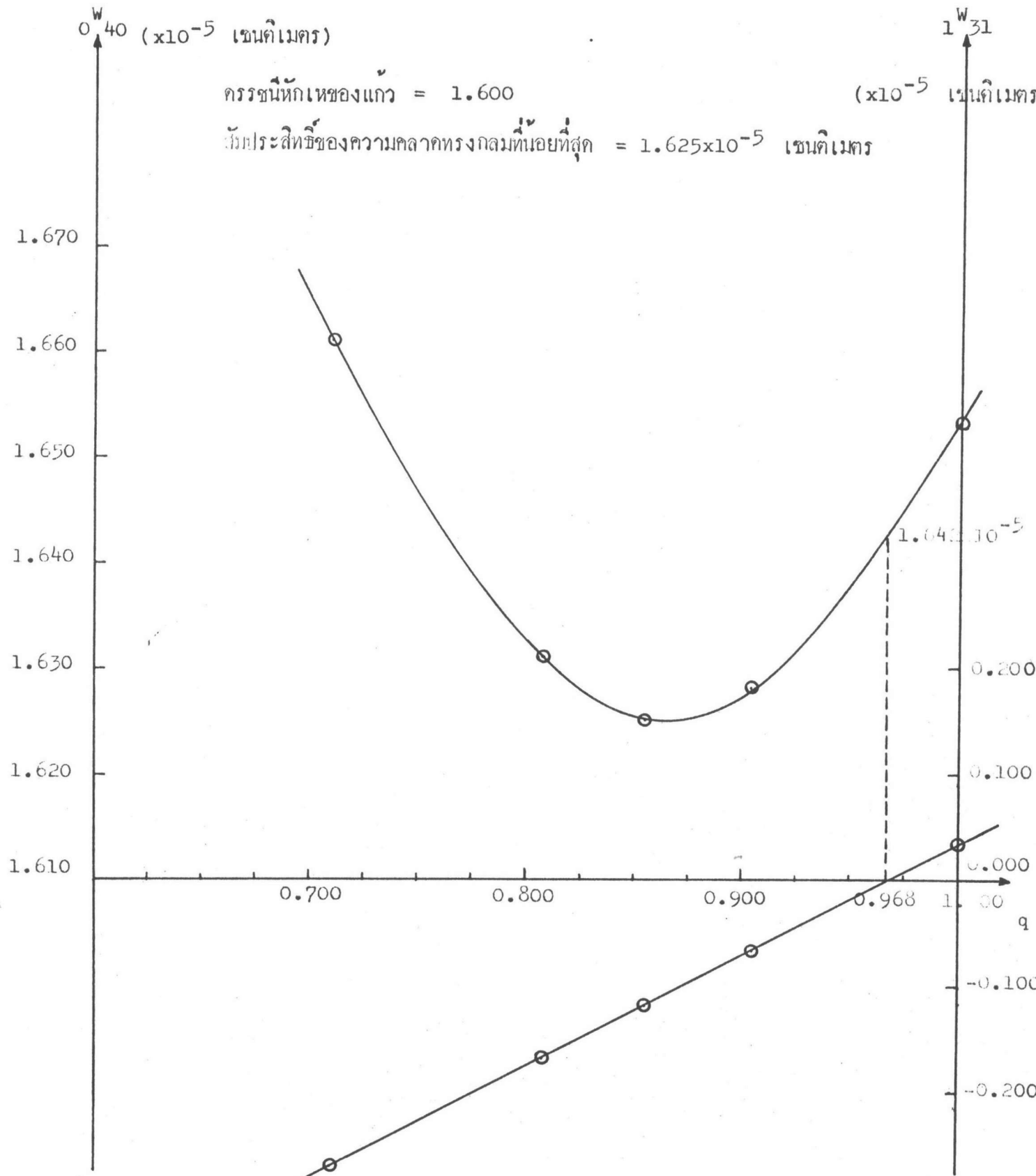


รูปที่ 6.3 กราฟแสดงค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์  
 ที่สร้างจากแก้วที่มีค.ร.ร.ช.น.ี.ท.ก.ห. = 1.500





รูปที่ 6.4 กราฟแสดงค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์  
 ที่สร้างจากแก้วที่มีครรชนหักเห = 1.550



รูปที่ 6.5 กราฟแสดงค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์ที่สร้างจากแก้วที่มีค.ร.ร.น.ที่หักเห = 1.600

เมื่อเขียนกราฟระหว่างค่าครรชนหักเหของแก้ว ( $n$ ) และค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุดของเลนส์ ( $\min. W_{40}$ ) จะได้ดังรูปที่ 6.6

จากกราฟรูปที่ 6.6 ได้ความสัมพันธ์ระหว่างค่าครรชนหักเหของแก้วกับค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุดเป็นรูปเส้นโค้งเอกซโปเนนเชียล (exponential curve) เมื่อนำข้อมูลจากตารางที่ 6.6 ไปหาสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้งนี้ โดยใช้เครื่องคำนวณฮิวเลต-แพคการ์ดรุ่นเฮซพี 97 (Hewlett-Packard HP.97 calculator) ของแผนกวิชาฟิสิกส์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ได้สมการสุดท้ายว่า

$$\min. W_{40} = 1.580 \times 10^{-3} e^{-2.874 n} \quad (6.1)$$

โดยที่  $\min. W_{40}$  เป็น ค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุดของเลนส์  
 $n$  เป็น ค่าครรชนหักเหของแก้วที่ใส่ทำเลนส์

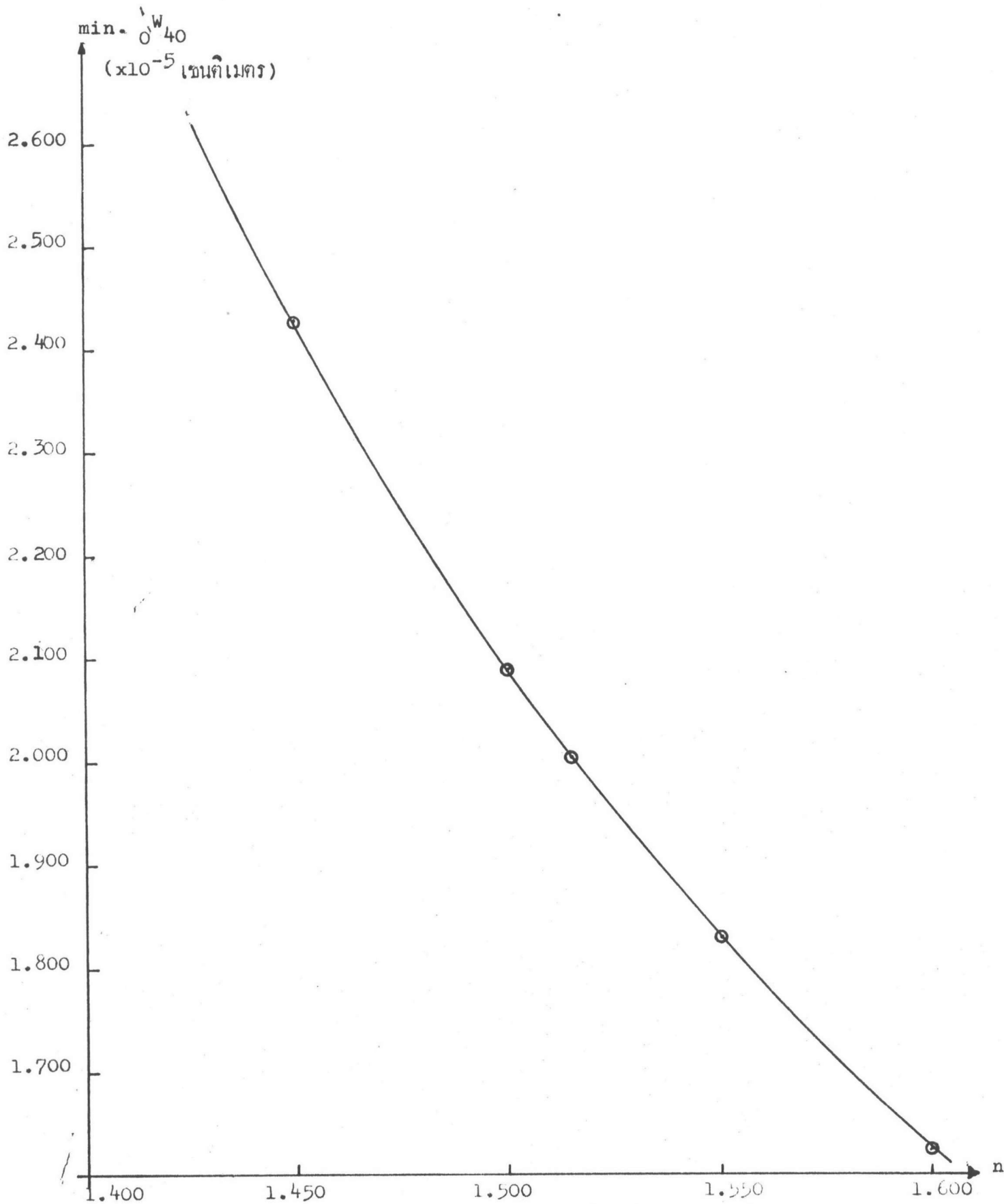
และในการหาสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้ง โดยใช้เครื่องคำนวณแบบนี้ได้ค่าสหสัมพันธ์ (correlation) ซึ่งเป็นค่าที่บอกถึงความเหมาะสมได้ว่า

$$r = 0.9967$$

$r$  คือ ค่าสหสัมพันธ์

ถ้า  $r = 1$  แสดงว่า สมการเหมาะสมพอดีกับเส้นโค้ง สำหรับค่า  $r$  ที่คำนวณได้นี้ค่าใกล้เคียงกับ 1 มาก ดังนั้น พอจะอนุมานได้ว่าสมการ (6.1) เป็นสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้งเอกซโปเนนเชียล ในรูปที่ 6.6

ผลที่ได้แสดงให้เห็นว่า ความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุดของเลนส์เดี่ยวจะมีความมากเมื่อใช้แก้วที่มีครรชนหักเหเท่าใด ถ้าแก้วที่มีครรชนหักเหเพิ่มขึ้น ความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุดก็จะลดลง แต่อย่างไรก็ตาม ความคลาดทรงกลมของเลนส์จะไม่มีโอกาสที่จะเป็นศูนย์ได้เลย ดังจะเห็นได้จากสมการ (6.1)



รูปที่ 6.6 กราฟแสดงค่าสัมประสิทธิ์ของความหนาของทรงกลมที่น้อยที่สุดของเส้นที่ทำควยแก้ว ที่มีค่าครรรณี  
หักเหแตกต่างกัน

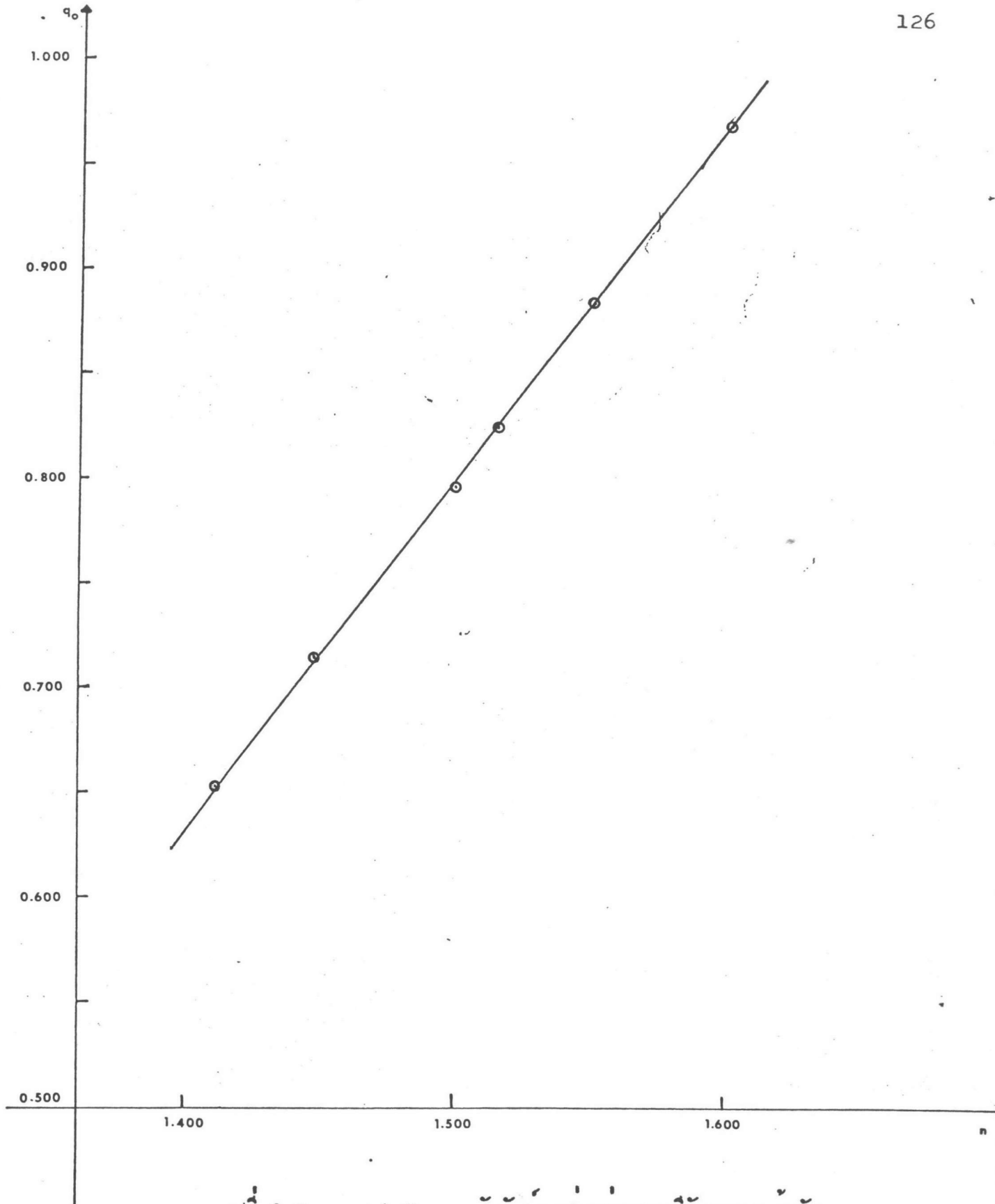
## 2. ความสัมพันธ์ระหว่างรูปร่างที่เหมาะสมของเลนส์เกี่ยวกับค่าครรชนหักเหของแก้ว

จากข้อมูลในตารางที่ 6.1 ถึง 6.5 เมื่อนำมาเขียนกราฟระหว่างค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์กับค่าสัมประสิทธิ์ของโคมาลงในรูปที่ 6.1 ถึง 6.5 ตามลำดับแล้ว หากค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมและค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์ ( $q_0$ ) ในขณะที่ยังค่าสัมประสิทธิ์ของโคมาเป็นศูนย์ได้ ดังตารางที่ 6.7

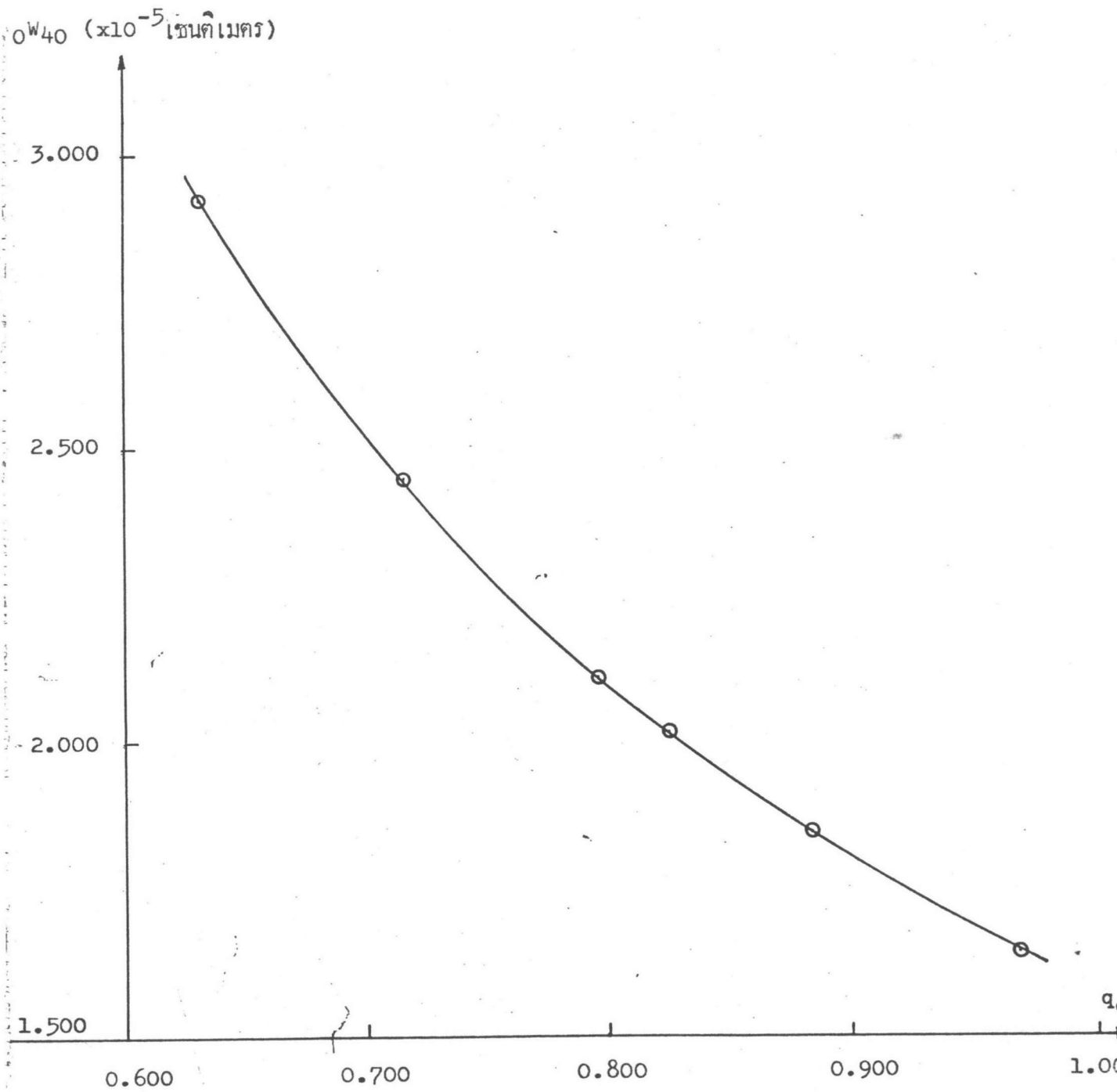
n	$q_0$	$o^w_{40}$ (เซนติเมตร)
1.400	0.631	$2.928 \times 10^{-5}$
1.450	0.715	$2.448 \times 10^{-5}$
1.500	0.796	$2.107 \times 10^{-5}$
1.516	0.824	$2.016 \times 10^{-5}$
1.550	0.883	$1.847 \times 10^{-5}$
1.600	0.968	$1.642 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.7 ผลการหารรูปร่างที่เหมาะสมของเลนส์ที่สร้างจากแก้วที่มีครรชนหักเหแตกต่างกัน

เมื่อเขียนกราฟระหว่างค่าครรชนหักเหของแก้ว ( $n$ ) กับค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์ ( $q_0$ ) จะได้ดังรูปที่ 6.7 และเขียนกราฟระหว่างค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์ ( $q_0$ ) กับค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลม ( $o^w_{40}$ ) ในขณะที่ยังโคมาเป็นศูนย์ จะได้ดังรูปที่ 6.8



รูปที่ 6.7 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าครนิกเทของแก้วกับ  
ค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์ ในขณะที่โคมาเป็นศูนย์



รูปที่ 6.8 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์กับความคลาดทรงกลมของเลนส์ในขณะตัดาโคมาเป็นศูนย์

จากกราฟรูปที่ 6.7 โค้ความสัมพันธ์ระหว่างค่าครรชนี้หักเหของแก้วกับค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์เป็นรูปเส้นตรง โดยการนำข้อมูลจากตารางที่ 6.7 ซึ่งใช้ในการเขียนกราฟรูปที่ 6.7 มาคำนวณหาสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้งโดยวิธีเกี่ยวกับหาค่าพหุคูณ ( 6.1 ) โค้ค่าสหสัมพันธ์เท่ากับ 0.9999 และได้สมการสุดท้ายเป็นสมการของเส้นตรง คือ

$$q_0 = 1.683n - 1.726 \quad (6.2)$$

โดยที่  $q_0$  เป็น ค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์  
 $n$  เป็น ค่าครรชนี้หักเหของแก้ว

เนื่องจากค่าสหสัมพันธ์ค่าเกือบเท่ากับ 1 ดังนั้นกล่าวได้ว่าสมการที่ ( 6.2 ) เป็นสมการที่เหมาะสมกับเส้นตรงในรูปที่ 6.7

ส่วนกราฟรูปที่ 6.8 เป็นรูปเส้นโค้งเอกซ์โปเนนเชียล โดยการคำนวณวิธีเกี่ยวกับข้างบน ได้สมการที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดทรงกลมกับตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์ ดังนี้

$$0W_{40} = 8.412 \times 10^{-5} \times e^{-1.713q_0} \quad (6.3)$$

โดยที่  $0W_{40}$  เป็น ค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมของเลนส์  
 $q_0$  เป็น ค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์

และโค้ค่าสหสัมพันธ์เท่ากับ 0.9951 ซึ่งเกือบเท่ากับ 1 ดังนั้นสมการ ( 6.3 ) จึงเป็นสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้งเอกซ์โปเนนเชียล ในรูปที่ 6.8

ผลจากการศึกษาความสัมพันธ์ของสมการที่ ( 6.2 ) และ ( 6.3 ) นี้ มีประโยชน์ต่อการนำไปใช้ช่วยในการออกแบบรูปร่างของเลนส์เดี่ยวที่มีทางยาวโฟกัส 200 เซนติเมตร เส้นผ่าศูนย์กลาง 10 เซนติเมตร โค้ดังนี้คือ เมื่อทราบค่าครรชนี้หักเหของแก้วที่จะใช้สร้างเลนส์ ก็สามารถหารูปร่างที่เหมาะสมของเลนส์เดี่ยวได้ทันทีจากสมการที่ ( 6.2 )



ส่วนสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมของเลนส์จะหาได้จากสมการที่ ( 6.3 ) จากนั้นนำค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์ที่เหมาะสม (  $q_0$  ) มาคำนวณหาควรรังสีความโค้งแต่ละผิวของเลนส์ได้จากสมการที่ ( 3.47 ) และ ( 3.48 )

3. ความสัมพันธ์ระหว่างค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์กับค่าควรรังสีหักเหของแก้วที่ใช้สร้างเลนส์

ในหัวข้อนี้ จะได้คำนวณเพื่อศึกษาว่า แก้วที่ใช้ในหัวข้อที่ 1 นั้น ถ้านำมาสร้างเลนส์เดี่ยวที่มีทางยาวโฟกัส 200 เซนติเมตร และมีขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 10 เซนติเมตรเท่าเดิม แต่ครั้งนี้กำหนดให้เลนส์มีรูปร่างเหมือนกัน หรือนั่นคือจากลักษณะภายนอก แต่ละเลนส์จะเหมือนกัน จะต่างกันในเนื้อแก้วเท่านั้น ผลที่ต่อความคลาดจะเป็นอย่างไร การคำนวณนั้นยังคงใช้วิธีการติดตามรังสีตั้งหัวข้อที่ 2 ของบทที่ 4 โดยกำหนดให้เลนส์เดี่ยวมีตัวประกอบของรูปร่าง (  $q$  ) เท่ากับ 1.000 ผลที่ได้แสดงในตารางที่ 6.8

n	q	$0^{W40}$ (เซนติเมตร)	$1^{W31}$ (เซนติเมตร)
1.400	1.000	$3.591 \times 10^{-5}$	$0.615 \times 10^{-5}$
1.450	1.000	$2.804 \times 10^{-5}$	$0.417 \times 10^{-5}$
1.500	1.000	$2.277 \times 10^{-5}$	$0.262 \times 10^{-5}$
1.516	1.000	$2.146 \times 10^{-5}$	$0.220 \times 10^{-5}$
1.550	1.000	$1.912 \times 10^{-5}$	$0.137 \times 10^{-5}$
1.600	1.000	$1.653 \times 10^{-5}$	$0.034 \times 10^{-5}$

ตารางที่ 6.8 ผลการคำนวณค่า ส.ป.ส.ของความคลาดทรงกลมและโคมาที่เปลี่ยนแปลงตามค่าควรรังสีหักเหของแก้ว

เมื่อนำค่าการรบกวนนี้หักเหของแกวและค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมของเลนส์เดี่ยวที่มีรูปร่างดังที่จากตารางที่ 6.8 มาเขียนกราฟโค้งรูปที่ 6.9

จากกราฟรูปที่ 6.9 ได้ความสัมพันธ์ระหว่างค่าการรบกวนนี้หักเหของแกวกับค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมเป็นรูปเส้นโค้งเอกซ์โปเนนเชียล เมื่อคำนวณหาสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้งโดยวิธีเดียวกับที่คำนวณหาสมการ ( 6.1 ) ได้สมการของเส้นโค้งเอกซ์โปเนนเชียลดังนี้ คือ

$$0W_{40} = 7.962 \times 10^{-3} \times e^{-3.886n} \quad (6.4)$$

โดยที่  $0W_{40}$  เป็น ค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมของเลนส์เดี่ยว  
n เป็น ค่าการรบกวนนี้หักเหของแกว

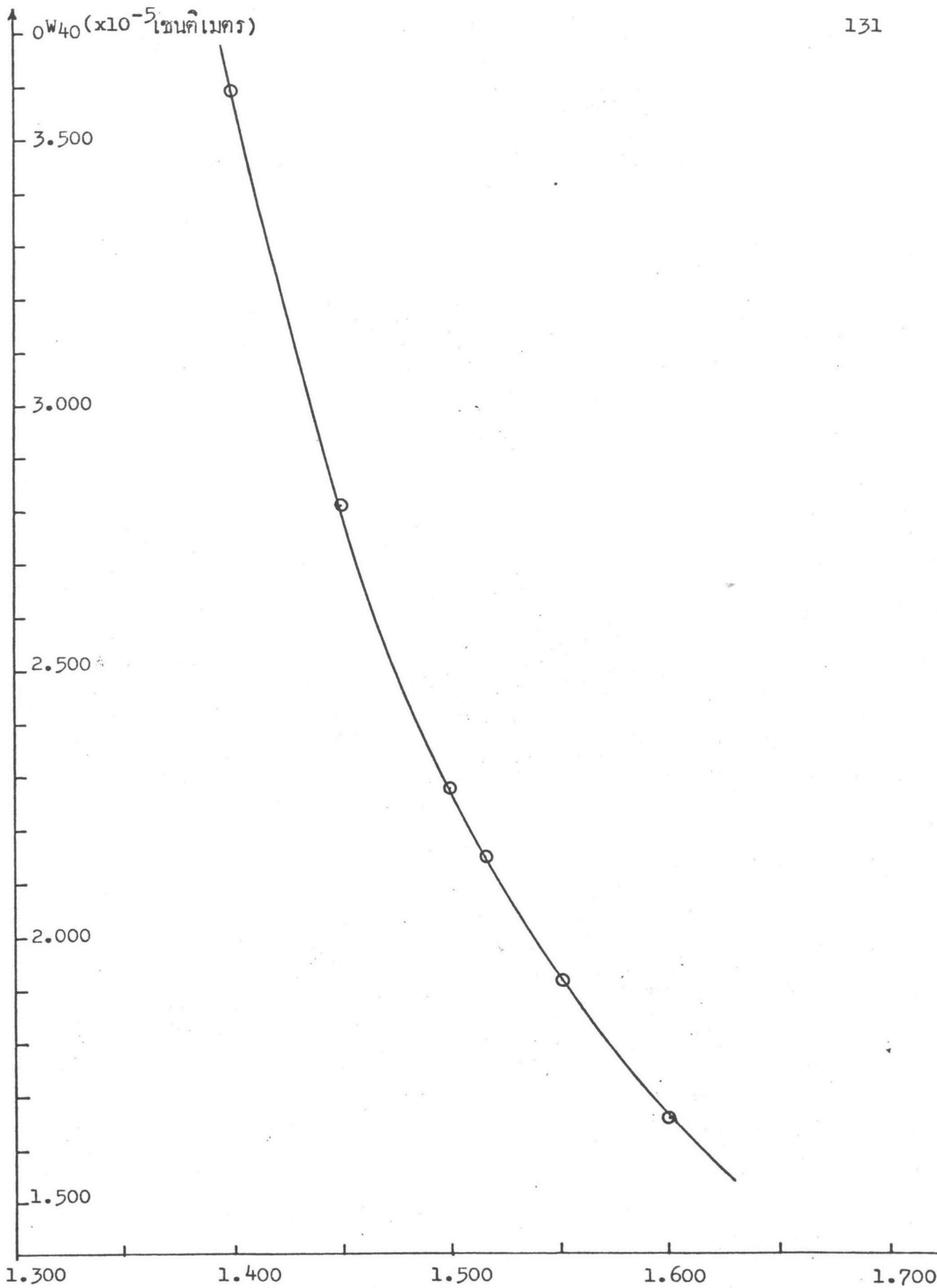
ส่วนค่าสหสัมพันธ์พบว่า มีค่าเท่ากับ 0.9937 ซึ่งเกือบเท่ากับ 1 จึงพออนุมโนได้ว่า สมการ ( 6.4 ) เป็นสมการที่เหมาะสมกับเส้นโค้งเอกซ์โปเนนเชียลในรูปที่ 6.9

กราฟระหว่างค่าการรบกวนนี้หักเหของแกวและค่าสัมประสิทธิ์ของโคมาของเลนส์เดี่ยวจากตารางที่ 6.8 แสดงในรูปที่ 6.10

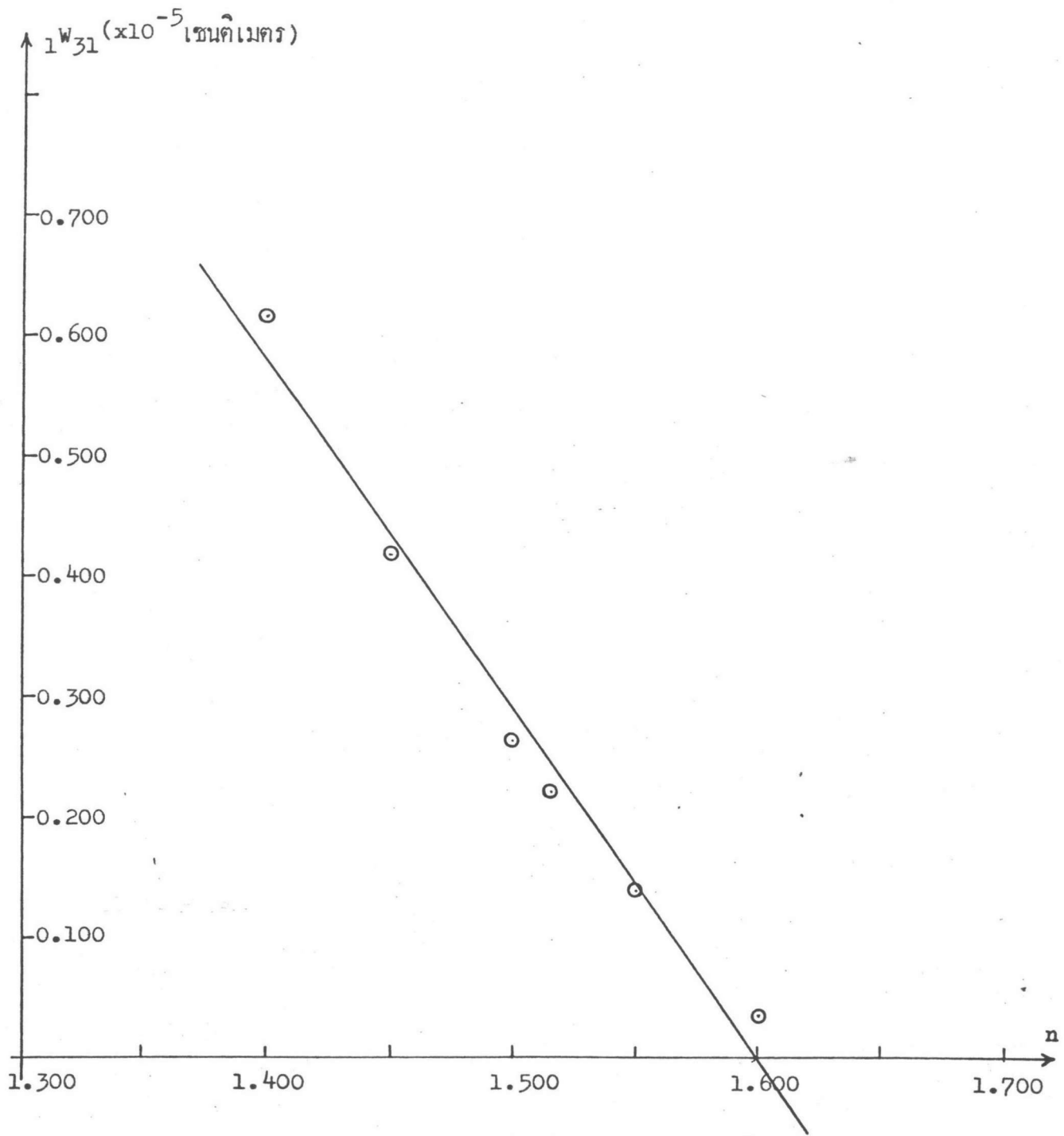
จากกราฟรูปที่ 6.10 ได้ความสัมพันธ์ระหว่างค่าการรบกวนนี้หักเหของแกวกับค่าสัมประสิทธิ์ของโคมาของเลนส์เดี่ยวที่มีรูปร่างดังที่ เป็นรูปเส้นตรง ค่าสหสัมพันธ์ได้เท่ากับ 0.9905 และได้สมการสุดท้ายออกมาเป็นสมการของเส้นตรง คือ

$$1W_{31} = (4.636 - 2.898n) \times 10^{-5} \quad (6.5)$$

โดยที่  $1W_{31}$  เป็น ค่าสัมประสิทธิ์ของโคมาของเลนส์เดี่ยว  
n เป็น ค่าการรบกวนนี้หักเหของแกว



รูปที่ 6.9 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าครนหักเหของแก้วกับค่าสัมประสิทธิ์ของความคลาดทรงกลมของเลนส์เคียวทึบรูปร่างคงที่



รูปที่ 6.10 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าการหักเหของแก้วกับค่าสัมประสิทธิ์ของโคมาของเลนส์เดี่ยวที่มีรูปร่างคงที่

นั่นก็คือ เมื่อทราบค่าครรชนที่หักเหของแก้วที่ใช้สร้างเลนส์เดี่ยว ซึ่งมีทางยาวโฟกัส 200 เซนติเมตร ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 10 เซนติเมตร และค่าตัวประกอบของรูปร่างของเลนส์เท่ากับ 1.000 แล้ว ก็สามารถทราบความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์เดี่ยวนั้นได้จากสมการ ( 6.4 ) และ ( 6.5 )

#### 4. สรุป

ผลที่ได้ชี้ให้เห็นว่า การจะสร้างเลนส์ให้เป็นเลนส์ที่กิน ต้องพิจารณาให้รอบคอบ เลนส์ที่คิดซึ่งกล่าวถึงในบทนี้ หมายถึงเลนส์ที่กำจัดโคมา และความคลาดทรงกลมเท่านั้น โดยถือว่าในสภาวะของการใช้เลนส์นั้น ความคลาดอื่น ๆ มีน้อยมาก แต่ถึงแม้ว่าความคลาดที่พิจารณามีเพียง สองอย่าง วิธีการคำนวณเพื่อได้เลนส์ที่ถูกต้องยิ่งยวด การคำนวณที่แสดงไว้เป็นการคำนวณเฉพาะเลนส์เดี่ยวที่มีทางยาวโฟกัส 200 เซนติเมตร และขนาด 10 เซนติเมตร เท่านั้น สมการ ( 6.1 ) แสดงว่า ยิ่งใช้แก้วที่มีครรชนหักเหสูง ความคลาดทรงกลมที่น้อยที่สุดที่เลนส์จะให้ยิ่งต่ำลง ดังนั้นในการสร้างเลนส์ ถ้ามีโอกาสเลือกได้ ควรเลือกแก้วที่มีค่าครรชนหักเหสูง หลังจากนั้น การคำนวณหารูปร่างของเลนส์ที่จะทำได้โดยอาศัยสมการ ( 6.2 ) เลนส์ที่ได้นี้จะเป็นเลนส์ที่มีโคมาเป็นศูนย์ และมีความคลาดทรงกลมที่หาได้จากสมการ ( 6.3 )

ถ้าต้องการสร้างเลนส์ให้มีรูปร่างใดรูปร่างหนึ่งโดยเฉพาะ จะเห็นได้ว่าค่าความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์ จะขึ้นกับครรชนหักเหของแก้วที่จะนำมาใช้ ดังสมการ ( 6.4 ) และ ( 6.5 ) ซึ่งเป็นผลจากการกำหนดให้  $q = 1.000$  ถ้าแก้วที่มีค่าครรชนหักเหสูง ความคลาดทรงกลมและโคมาของเลนส์จะน้อยลง