



บทนำ

1.1 ความเป็นมาของปัญหา

การทดลองในห้องปฏิบัติการซึ่งนักวิจัยได้ทำการทดลองโดยให้ทรีตเม้นท์ (Treatment) บางอย่างแก่หน่วยทดลอง (Experimental Unit) และทำการวัดผลหลังจากที่ให้ทรีตเม้นท์แล้ว เป็นระยะเวลาในช่วงเวลาหนึ่ง โดยที่นักวิจัยต้องการทราบว่าทรีตเม้นท์ที่นำไปดังกล่าวนั้นมีผลกรายหุบต่อหน่วยทดลองภายในช่วงเวลาที่ทำการศึกษานั้นหรือไม่ ซึ่งจะทราบได้จากการทดสอบ คู่ว่าชุดของค่าลังเกต (Observation) ที่ได้จากการวัดผลเป็นรายชุด นั้นมี จุดเปลี่ยน หรือไม่ ถ้ามีจุดเปลี่ยนก็แสดงว่าทรีตเม้นท์ที่ให้นั้น มีผลทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลง แต่ถ้าไม่มีจุดเปลี่ยนก็ แสดงว่าทรีตเม้นท์ที่ให้นั้นไม่มีผลทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลง ด้วยอย่างของปัญหาที่กล่าวมาข้างต้น ได้แก่ การทดสอบผลของยาปฏิชีวนะ (Antibiotic) ในห้องปฏิบัติการทางการแพทย์

วิธีการทดสอบเชิงสถิติเพื่อตรวจสอบว่ามีจุดเปลี่ยนในข้อมูลที่เก็บค่าเป็นรายชุด ภายในช่วงเวลาหนึ่งหรือไม่ ได้มีผู้ทำการศึกษาค้นคว้าและเสนอวิธีการพร้อมทั้งสถิติทดสอบไว้หลายท่าน ซึ่งการวิจัยนี้จะได้ทำการศึกษาเบรริย์เทียบสถิติทดสอบแบบอนพารามetric (Nonparametric) ซึ่งเป็นสถิติทดสอบที่ไม่มีข้อจำกัดเกี่ยวกับลักษณะการแจกแจงของประชากร ที่เสนอโดย Pettitt เสนอโดย Schechtman และเสนอโดย Wolfe ซึ่งสถิติทดสอบทั้ง 3 ตัวนี้ ต่างก็มีความไว (Sensitive) ต่อการทดสอบว่ามีจุดเปลี่ยนหรือไม่ เพื่อหาข้อสรุปว่าสถิติทดสอบใดเหมาะสมที่สุด เนื่องจากการใช้สถิติทดสอบที่เหมาะสมจะทำให้ข้อสรุปของ การวิจัยมีความถูกต้องและมีคุณภาพเชื่อถือได้สูง

1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาเบรริย์เทียบสถิติทดสอบของ 3 ตัว คือ

- 1) สถิติทดสอบที่เสนอโดย Pettitt
- 2) สถิติทดสอบที่เสนอโดย Schechtman
- 3) สถิติทดสอบที่เสนอโดย Wolfe

ซึ่งใช้ทดสอบว่ามีจุดเปลี่ยนในชุดของค่าลังเกตที่ได้จากการวัดผลเป็นรายๆ รายในช่วงเวลาหนึ่งหรือไม่ โดยพิจารณาเปรียบเทียบความสามารถในการควบคุมค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 และอ่านจากการทดสอบของสถิติกทดสอบทั่วไปของสามข้างตัน

1.3 สัมมติฐานของการวิจัย

เมื่อชุดของค่าลังเกตที่ได้จากการวัดผลเป็นรายๆ รายในช่วงเวลาหนึ่ง มีจุดเปลี่ยนเกิดขึ้น สถิติกทดสอบของ Schechtman และสถิติกทดสอบของ Wolfe จะมีอำนาจการทดสอบสูงกว่าสถิติกทดสอบของ Pettitt

1.4 ข้อตกลงเบื้องต้นของการวิจัย

- 1) ภายนอกช่วงระยะเวลาที่ทำการวัดผลจะมีจุดเปลี่ยนเกิดขึ้นเนียงจุดเดียว
- 2) หน่วยทดลองแต่ละหน่วยเป็นอิสระต่อกัน
- 3) การวัดผลแต่ละครั้งเป็นอิสระต่อกัน

1.5 ข้อนเข็มของการวิจัย

- 1) จำนวนครั้งที่ทำการวัดผล $n = 10$
- 2) ตำแหน่งของจุดเปลี่ยนที่เกิดขึ้น $r = 3, 5, 8$
- 3) ขนาดของค่าเฉลี่ยที่เปลี่ยนไปจากเดิม $\Delta = 10\%, 20\%, 30\%, 50\%$
- 4) จำนวนหน่วยทดลอง $m = 5, 10, 20$
- 5) ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.01, 0.05$
- 6) การแจกแจงของประชากร (แบบสมมาตร)
 - 1) แบบปกติ
 - 2) แบบโลจิสติก
 - 3) แบบดับเบลอีกซ์โพเนนเชียล
- 7) ส.ป.ล.ความผันแปรของประชากร $C.V. = 5\%, 10\%, 15\%, 20\%, 30\%$
- 8) สร้างแบบจำลองข้อมูลให้มีสถานการณ์ตามที่ต้องการศึกษา โดยใช้เทคนิค
มอนติคาโร โลซิม เลชั่นและทำการทดลองซ้ำ 1000 ครั้งในแต่ละสถานการณ์

1.6 คำจำกัดความ

- 1) ความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 (Type I error) เป็นความผิดพลาดที่เกิดจากเกิดจากการปฏิเสธสมมติฐานว่า H_0 เมื่อสมมติฐานว่าจริง
- 2) ความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 2 (Type II error) เป็นความผิดพลาดที่เกิดจากการยอมรับสมมติฐานว่า H_0 เมื่อสมมติฐานว่าไม่จริง
- 3) อำนาจการทดสอบ (Power of test) คือ ความน่าจะเป็นที่จะปฏิเสธสมมติฐานว่า H_0 เมื่อสมมติฐานว่าไม่จริง
- 4) ความแกร่ง (Robustness) ของการทดสอบ หมายถึง คุณสมบัติของการทดสอบที่ไม่แสดงถึงความไว (Sensitive) ต่อการเปลี่ยนแปลงของปัจจัยอื่น ที่ไม่ใช่ปัจจัยที่ต้องการทดสอบ เช่น การฝ่าฝืนข้อตกลงเบื้องต้นของการทดสอบนั้น และลิํงที่ใช้พิจารณาความแกร่งของการทดสอบ คือ ความสามารถในการควบคุมค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1
- 5) จุดเปลี่ยน (changepoint) หมายถึง จุดที่แบ่งชุดของ ค่าสังเกตออก เป็น 2 กลุ่มคือ กลุ่มก่อนการเปลี่ยนแปลงซึ่งมีการแจกแจงเป็น $F(X)$ กับกลุ่มหลังการเปลี่ยนแปลงซึ่งมีการแจกแจงเป็น $F(X-\Delta)$

1.7 ประโยชน์ของการวิจัย

เพื่อเป็นแนวทางให้ผู้สนใจสามารถเลือกใช้สถิติกทดสอบที่เหมาะสมในการทดสอบว่ามีจุดเปลี่ยนเกิดขึ้นหรือไม่ เมื่อมีการวัดผลหลังจากให้ทริทเมนต์เป็นระยะๆ ภายในช่วงเวลาหนึ่ง