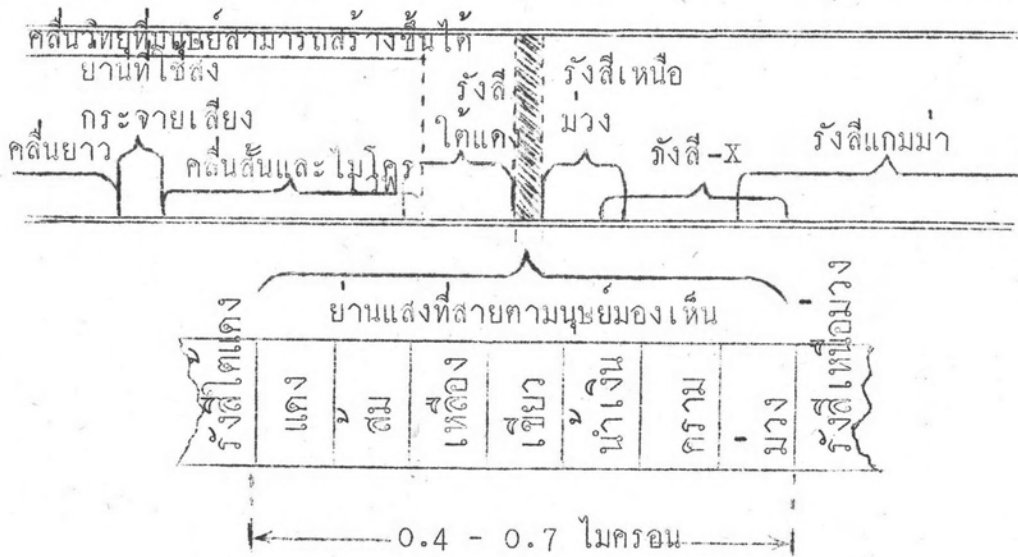


การแปลสภาพโดยใช้เครื่องคอมพิวเตอร์เข้าช่วย

5.1 คุณลักษณะของคลื่นแสง

คลื่นแสงเป็นคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าซึ่งมีความถี่สูงมาก แสงสีขาวหรือแสงที่ได้รับจากดวงอาทิตย์ เมื่อผ่านปริซึมแสงที่มีคลื่นยาวจะเบี่ยงเบนจากเดิมเล็กน้อย แต่แสงที่มีความยาวคลื่นสั้นจะเบี่ยงเบนจากเดิมไปมาก ทำให้ผลที่ได้ออกมาเป็นแถบแสงสีต่าง ๆ เรียกว่าสเปกตรัม สเปกตรัมนี้ประกอบด้วยแสงย่านต่าง ๆ มากมาย แต่ที่สายตามนุษย์สามารถมองเห็นได้นั้นมีเพียง 7 สี คือ ม่วง คราม น้ำเงิน เขียว เหลือง แสด แดง นอกจากนั้นเป็นย่านแสงที่เรามองไม่เห็น เช่น ย่านรังสีไตแดง ย่านรังสีเหนือม่วง ย่านไมโครเวฟ เป็นต้น



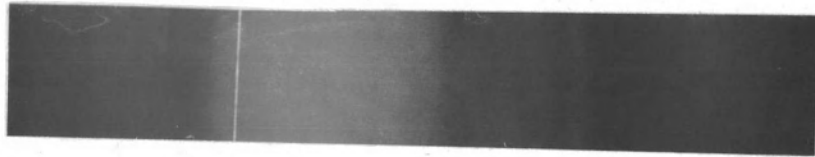
ภาพที่ 22 แสดงให้เห็นคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าย่านต่าง ๆ

ภาพที่ 22 แสดงให้เห็นคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าในย่านต่าง ๆ แสงที่สายตามนุษย์มองเห็น จะอยู่ในช่วง 0.4 - 0.7 ไมครอน คลื่นที่มีความยาวคลื่นมากก็ยังมีค่าต่ำ หรือ คลื่นที่มีความยาวคลื่นน้อยก็จะมีค่าสูง ตามสมการ

$$\lambda = \frac{c}{f}$$

- ในเมื่อ  $\lambda$  = ความยาวคลื่น (ไมครอน, อังสตรอม)  
 $c$  = ความเร็วของแสง ( $3 \times 10^8$  เมตร/วินาที)  
 $f$  = ความถี่ (รอบต่อวินาที, เฮิรตซ์, กิโลเฮิรตซ์,.....)

เราจะสังเกตพบว่า คลื่นวิทยุที่มนุษย์ประดิษฐ์ขึ้นมาได้ในขณะนี้ยังไม่สามารถประดิษฐ์ให้มีความถี่เท่ากับแสงได้



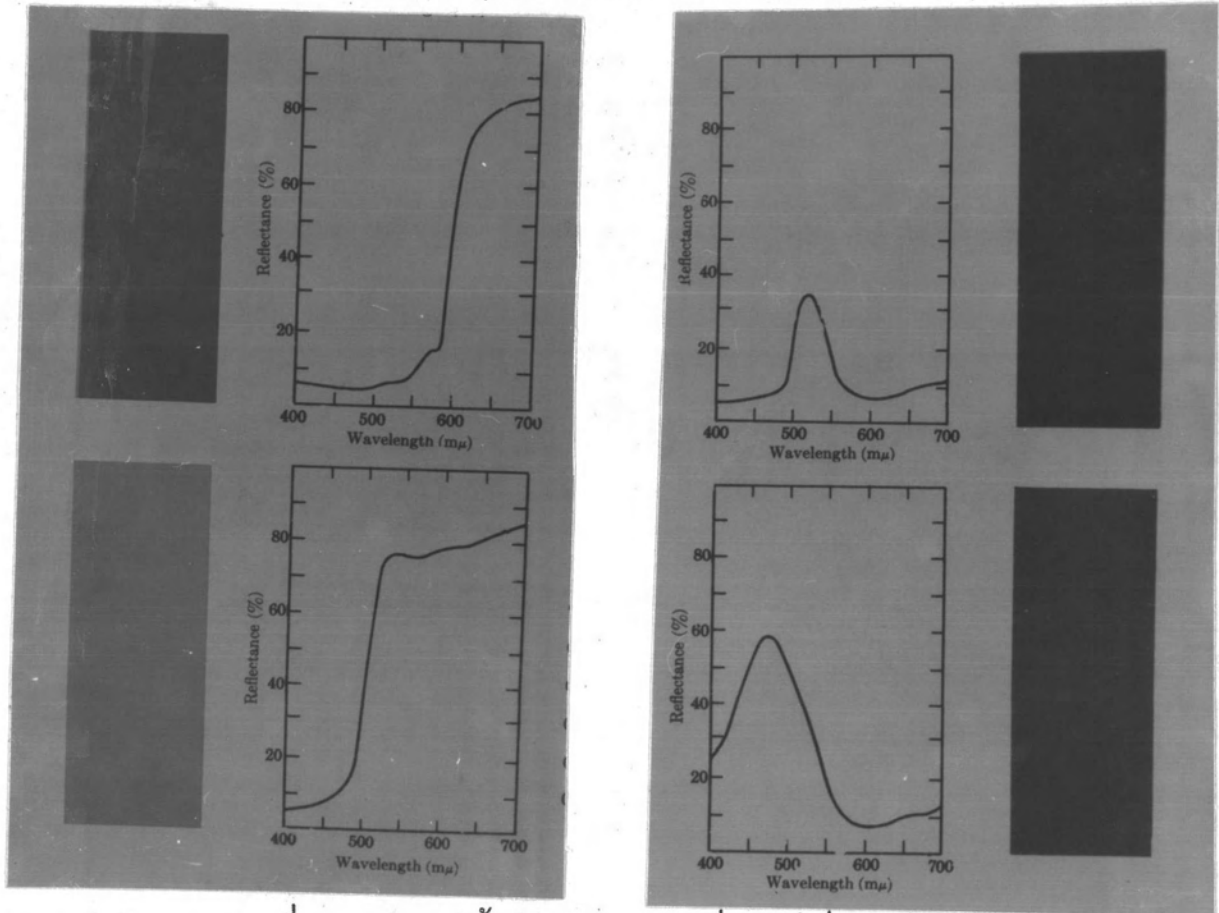
ภาพที่ 23 แสดงให้เห็นแถบแสงที่มนุษย์สามารถมองเห็นได้

จากภาพที่ 23 เราจะพบว่าแถบแสงสีต่าง ๆ นั้นมีความเหลื่อมล้ำกันที่เป็นเช่นนี้ก็เพราะว่ามันเป็นคลื่นแสงที่ต่อเนื่อง (Continuous wave) ที่มีความเข้มของการสะท้อนแปรผันตามความยาวคลื่น ดังที่จะเห็นได้ชัดในภาพที่ 24

ในภาพที่ 24 เราจะเห็นว่าแถบแสงสีใดสีหนึ่งนั้นมีความเข้มได้ตลอดย่าน 0.4 - 0.7 ไมครอน แต่แสงสีหนึ่ง ๆ จะมีความเข้มมากในบริเวณใดบริเวณหนึ่ง เช่น แสงสีแดงจะมีความเข้มของการสะท้อนมากในช่วง 0.6 - 0.7 ไมครอน

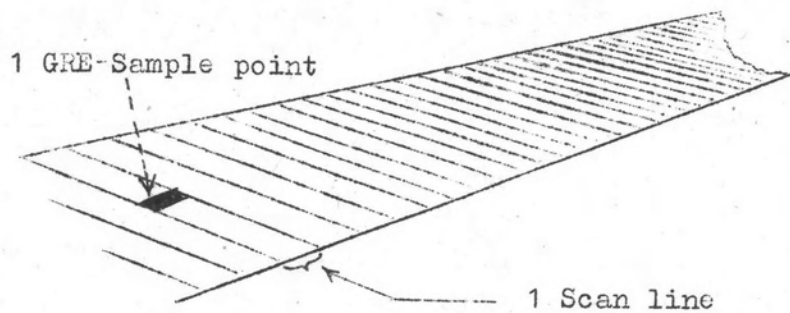
ด้วยคุณลักษณะอันนี้เมื่อเรามาพิจารณาถึงวัตถุต่าง ๆ ที่มีอยู่บนผิวโลก เราก็จะพบว่าวัตถุชนิดหนึ่ง ๆ นั้นสามารถส่งแสงออกมาได้หลายย่านแสงทั้งที่สายตาคนเรามองเห็น และมองไม่เห็น สายตาคอนมนุษย์มีจุดอ่อนตรงที่ว่า เมื่อมองดูวัตถุในที่ไกล ๆ แล้วจะแยกสีต่างๆ ไม่ออก ยกตัวอย่างเช่น มองดูต้นไม้สีเขียวซึ่งมีดอกสีเหลืองจากที่สูง เราจะมองเห็นต้นไม้เป็นสีเขียวอ่อนเพียงอย่างเดียว และถ้ายังมองไกลออกไปอีกก็จะเห็นเป็นสีฟ้า แต่เครื่องบินที่ภาพแบบมัลติสเปคตรัลสแกนเนอร์ไม่เป็นเช่นนั้น มันเป็นเสมือนดวงตาหลาย ๆ ข้างซึ่ง

แต่ละข้างจะมองเห็นได้คือในย่านแสงแคบ ๆ ย่านเดียว ดังนั้น เครื่องบันทึกภาพระบบนี้จึงสามารถทำการแยกให้เราทราบว่าวัตถุอย่างหนึ่งนั้นจะสามารถส่งคลื่นแสงย่านใดออกมาได้บ้าง



ภาพที่ 24 แสดงให้เห็นลักษณะของคลื่นแสงสีต่าง ๆ

ตามที่เราได้กล่าวมาแล้วในบทที่ 3 ถึงลักษณะการบันทึกภาพโดยระบบการสแกนนั้นมันจะทำการบันทึกทีละ 1 Scan line



ภาพที่ 25 ลักษณะของ Scan line และ GRE-Sample point

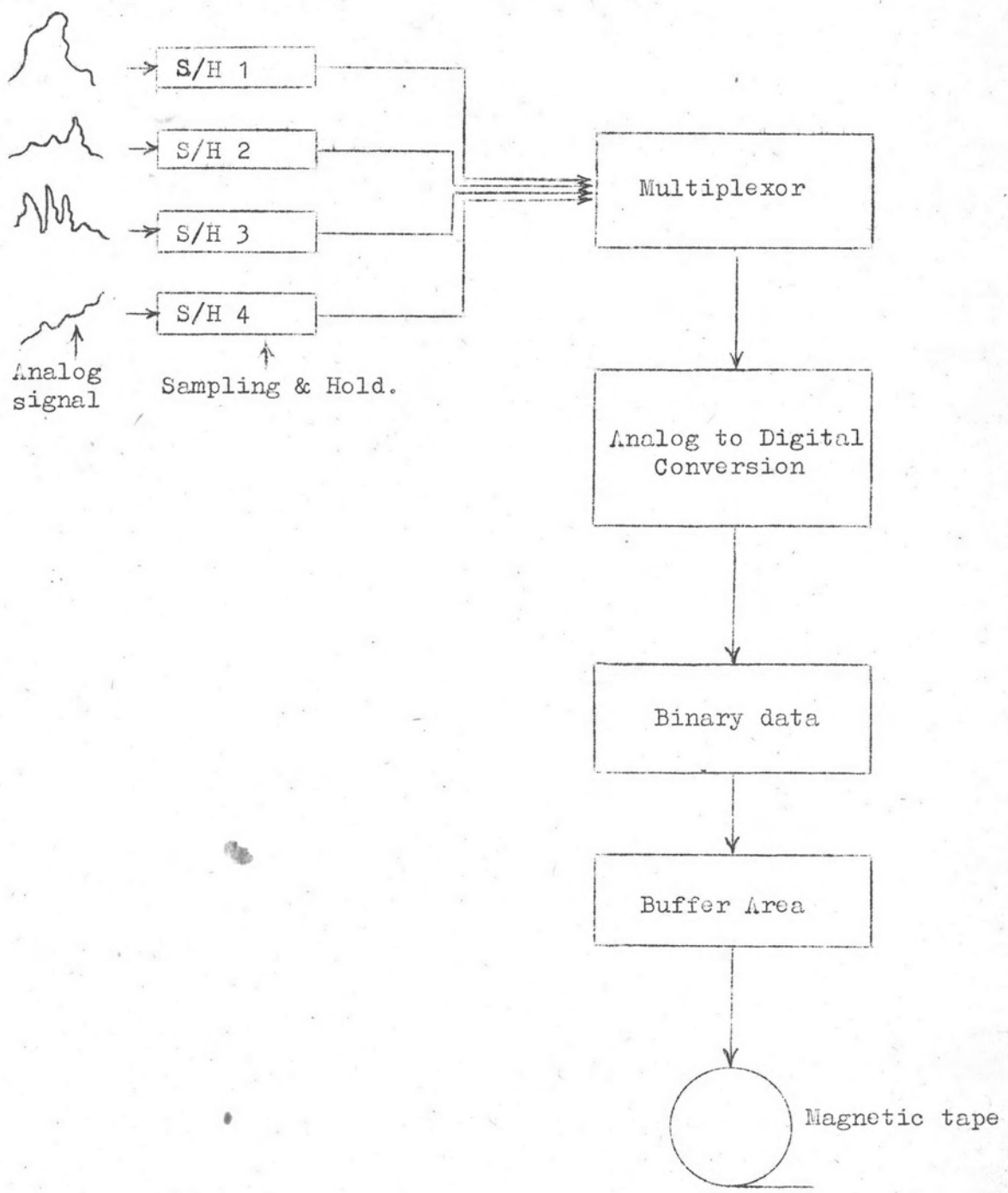
ตามภาพที่ 25 เป็นการแสดงให้เห็นว่า 1 Scan line นั้นประกอบไปด้วยหลาย GRE - Sample points 1 GRE - Sample point หมายถึงจุดหนึ่งจุดบน 1 Scan line ของภาพที่ได้รับจากการบันทึก หรือหมายถึงพื้นที่จตุรัสอันหนึ่งบนพื้นโลกจะมีขนาดใหญ่หรือเล็กขึ้นอยู่กับระดับความสูงที่ทำการบันทึกภาพและมาตราส่วนที่ใช้ ตามปกติ 1 GRE - Sample point ที่ได้จากการบันทึกโดยทางเครื่องบินจะมีขนาดตั้งแต่  $20 \times 20$  ตารางฟุต ไปจนถึง  $6 \times 6$  ตารางนิ้ว ซึ่งเมื่อกำเนิกรวมวิธีบันทึกภาพแล้วเปลี่ยนเป็นข้อมูลทางดิจิทัลจะได้รับการสัญญาณ 1 ตัว

## 5.2 การเปลี่ยนสัญญาณอนาลอกให้เป็นดิจิทัล (A/D conversion)

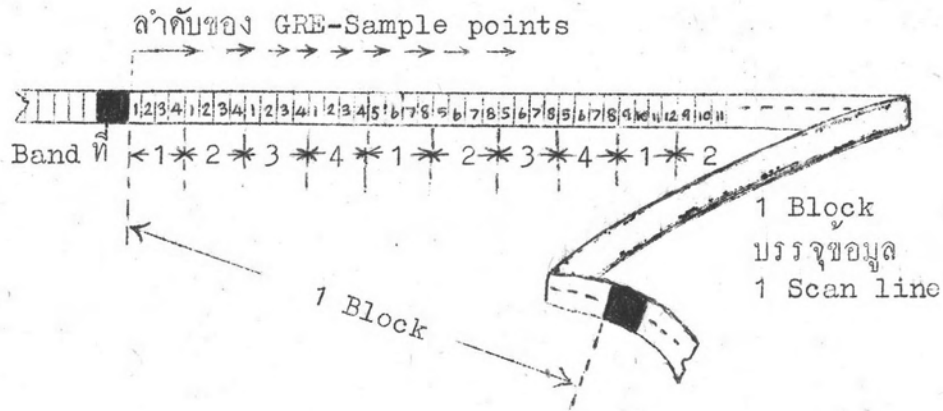
เนื่องจากคลื่นแสงที่เราได้จาก 1 Scan line จะมีรูปคลื่นในลักษณะต่อเนื่องกัน (Continuous waveform) หรือกล่าวได้ว่า ข้อมูลที่เราได้รับนั้นอยู่ในรูปสัญญาณอนาลอก (Analog) เราสามารถที่จะเปลี่ยนสัญญาณอันนี้ให้มีค่าเป็นเลข Binary ได้ โดยใช้กรรมวิธีการเปลี่ยนสัญญาณอนาลอกให้เป็นข้อมูลดิจิทัล (Analog to Digital Conversion)

ตามภาพที่ 26 สัญญาณที่ได้มาจากเครื่องบันทึกแต่ละย่านแสง (Channel or Band) จะถูกแซมปลิง (Sampling) และโฮลด์ (Hold) ต่อจากนั้นจึงแยกเข้าไปที่ตัวเปลี่ยนสัญญาณอนาลอกให้เป็นดิจิทัล โดยมีมัลติเพลกซ์เซอร์ (Multiplexor) เป็นตัวจัดเรียงลำดับผลที่ได้ก็คือค่าตัวเลขไบนารีของแต่ละ Band ต่อเนื่องกัน ตัวเลขเหล่านี้จะถูกส่งไปรอไว้ที่ Buffer เมื่อครบจำนวน 1 Block จึง Write ลงบนเทปแม่เหล็ก ตามภาพที่ 27 ข้อมูลที่ถูกบันทึกลงบนเทปแม่เหล็กนั้น รวมกันเป็นแฟ้มข้อมูลของเลขไบนารี ดังนั้นบางแห่งเขาจึงเรียกแฟ้มข้อมูลนี้ว่า "Binary File" และลักษณะของข้อมูลที่เรียงสลับกันไปจึงทำให้เรียกได้อีกอย่างหนึ่งว่า "Interleaf Tape file"

ค่าตัวเลขที่ได้มานั้นเราถือว่าเป็นเปอร์เซ็นต์ของการสะท้อนแสงของวัตถุ (% of Reflectance or Radiance) สมมุติว่าเราใช้ 8 bits A/D สำหรับสร้างค่าตัวเลขดิจิทัล เราจะเห็นว่าค่าตัวเลขจะมีค่าได้ตั้งแต่ 00000000 - 11111111 หรือค่าตัวเลขฐาน 10 มีค่าได้ตั้งแต่ 0 - 255 หมายความว่ามันมีค่าได้ 256 ระดับ เนื่องด้วยข้อมูล



ภาพที่ 26 การเปลี่ยนสัญญาณอนาลอกให้เป็นดิจิทัล



ภาพที่ 27 ลักษณะการเก็บข้อมูลบนเทปแม่เหล็ก

อยู่ในลักษณะของเลข Binary ดังนั้นการประมวลผลข้อมูลจะใช้ Binary Mode จากการทดลองมาครั้งหรือการมีประสบการณ์เพียงพอ จะทำให้เราสามารถแทนค่าตัวเลขในช่วงต่าง ๆ ได้ด้วยสัญลักษณ์ตัวหนึ่ง ๆ ในย่านแสงอันเดียวกัน เมื่อใช้ต่างแชนแนลกัน สัญลักษณ์ที่ได้ ออกมาย่อมแตกต่างกัน

ตัวอย่างเช่น

แชนแนล 9 ย่านความยาวคลื่น 0.62 - 0.66 ไมครอน จะใช้สัญลักษณ์แทนค่าเลขไบนารีดังต่อไปนี้

| 0 - 166   | แทนด้วย | (Blank) |
|-----------|---------|---------|
| 167 - 172 | "       | -       |
| 173 - 177 | "       | =       |
| 178 - 181 | "       | /       |
| 182 - 186 | "       | I       |
| 187 - 192 | "       | *       |
| 193 - 195 | "       | √       |
| 196 - 198 | "       | 0       |
| 199 - 200 | "       | 8       |
| 201 - 211 | "       | M       |

|               |        |   |
|---------------|--------|---|
| 212 - 218     | แทนควย | W |
| 219 - 225     | "      | W |
| 226 - 232     | "      | W |
| 233 - 239     | "      | W |
| 240 - 246     | "      | W |
| 247 - 255     | "      | W |
| ข้อมูลผิดพลาด | "      | S |

แชนแนล 12 ย่านความยาวคลื่น 0.80 - 1.00 ไมครอน จะใช้สัญลักษณ์แทน  
ค่าเดซิเบล ดังต่อไปนี้

|               |        |         |
|---------------|--------|---------|
| 0 - 148       | แทนควย | (Blank) |
| 149 - 155     | "      | -       |
| 156 - 164     | "      | =       |
| 165 - 169     | "      | /       |
| 170 - 173     | "      | I       |
| 174 - 177     | "      | *       |
| 178 - 180     | "      | X       |
| 181 - 181     | "      | O       |
| 182 - 185     | "      | B       |
| 186 - 200     | "      | M       |
| 201 - 209     | "      | W       |
| 210 - 218     | "      | W       |
| 219 - 227     | "      | W       |
| 228 - 236     | "      | W       |
| 237 - 245     | "      | W       |
| 246 - 255     | "      | W       |
| ข้อมูลผิดพลาด | "      | S       |

จากตัวอย่างที่ผ่านมาแสดงให้เห็นว่า เมื่อใช้แชนแนลต่างกัน สัญญาณที่เราใช้แทนวัตถุอันหนึ่งจะอยู่ในช่วงที่แตกต่างกัน หรือเหลื่อมล้ำกันก็ได้ ที่เป็นเช่นนี้ก็เพราะว่าเมื่อเราใช้แชนแนลที่ต่างกัน ความสามารถในการสะท้อนของวัตถุขึ้นเดียวกันจะต้องไม่เท่ากัน ยกตัวอย่างเช่นสัญญาณ \* สมมติว่ามันให้ความหมายว่าเป็นต้นไม้ใหญ่มีดอกสีแดงและสีเหลืองปนกันอยู่ เช่นต้นหากนกยูง แชนแนล 9 ย่อมมีขีดความสามารถในการรับแสงย่านสีเหลืองและสีแดงได้ดีกว่าแชนแนล 12 ช่วงที่กำหนดไว้ให้การสะท้อนของวัตถุจากแชนแนล 12 จึงเป็นช่วงที่แคบกว่า และมีขนาด (Magnitude) หรือค่าตัวเลขน้อยกว่าแชนแนล 9 กล่าวคือแชนแนล 12 กำหนดไว้ว่าถ้าข้อมูลที่บันทึกได้มีค่า 174 - 177 ละก็ให้ตีความหมายออกมาเป็น \* แทนที่ ส่วนแชนแนล 9 กำหนดช่วงของข้อมูลไว้ในช่วง 187 - 192

เราจะมีขีดความสามารถในการกำหนดสัญญาณขึ้นมาซึ่งว่าสัญญาณตัวไหนควรจะใช้แทนวัตถุอะไรก็ได้ ก็คือเมื่อเราทำการทดลองบันทึกภาพของวัตถุนั้นด้วยแชนแนลต่าง ๆ เสียก่อน และเมื่อมีผลกระทบมาก ๆ เราก็สามารถกำหนดสัญญาณต่าง ๆ ลงไปได้ทันที

### 5.3 เกรย์แมพ (Gray map)

เกรย์แมพคือแผนที่ซึ่งได้มาจากรวมวิธีการประมวลผลข้อมูลที่บันทึกได้ โดยเครื่องบันทึกภาพแบบมัลติสเปกตรัลสแกนเนอร์ โดยการใช้เครื่องคอมพิวเตอร์ ลักษณะของเกรย์แมพจะมีลักษณะเข้มจางตามลักษณะของภาพที่ได้มาจากการบันทึกโดยเครื่องมัลติสเปกตรัลสแกนเนอร์ หรืออาจจะมีลักษณะความเข้มจางแตกต่างกับลักษณะของภาพก็ได้ ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับความต้องการของผู้ใช้ (User)

เกรย์แมพสร้างขึ้นมาได้โดยใช้ข้อมูลจากเพิ่มข้อมูลเทปแม่เหล็กโดยใช้การประมวลผลโดยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ (Computer programming) ผลที่ได้เราจะให้แสดงผล (Display) ออกทางจอภาพรังสีคาโทด หรือทาง printer ก็ได้ แต่ส่วนมากแล้วเขาจะให้พิมพ์ออกมาทาง printer ทั้งนี้เพราะว่าจอภาพรังสีคาโทดมีขีดจำกัดมากในการแสดงผลของข้อมูล

เกรย์แมพที่ได้ออกมานั้นจะแทนค่าแต่ละ GRE - Sample point ด้วยสัญญาณตัวใดตัวหนึ่ง การเรียกชื่อของเกรย์แมพอาจเรียกชื่อได้อีกหลายอย่าง แต่ที่นิยมเรียก

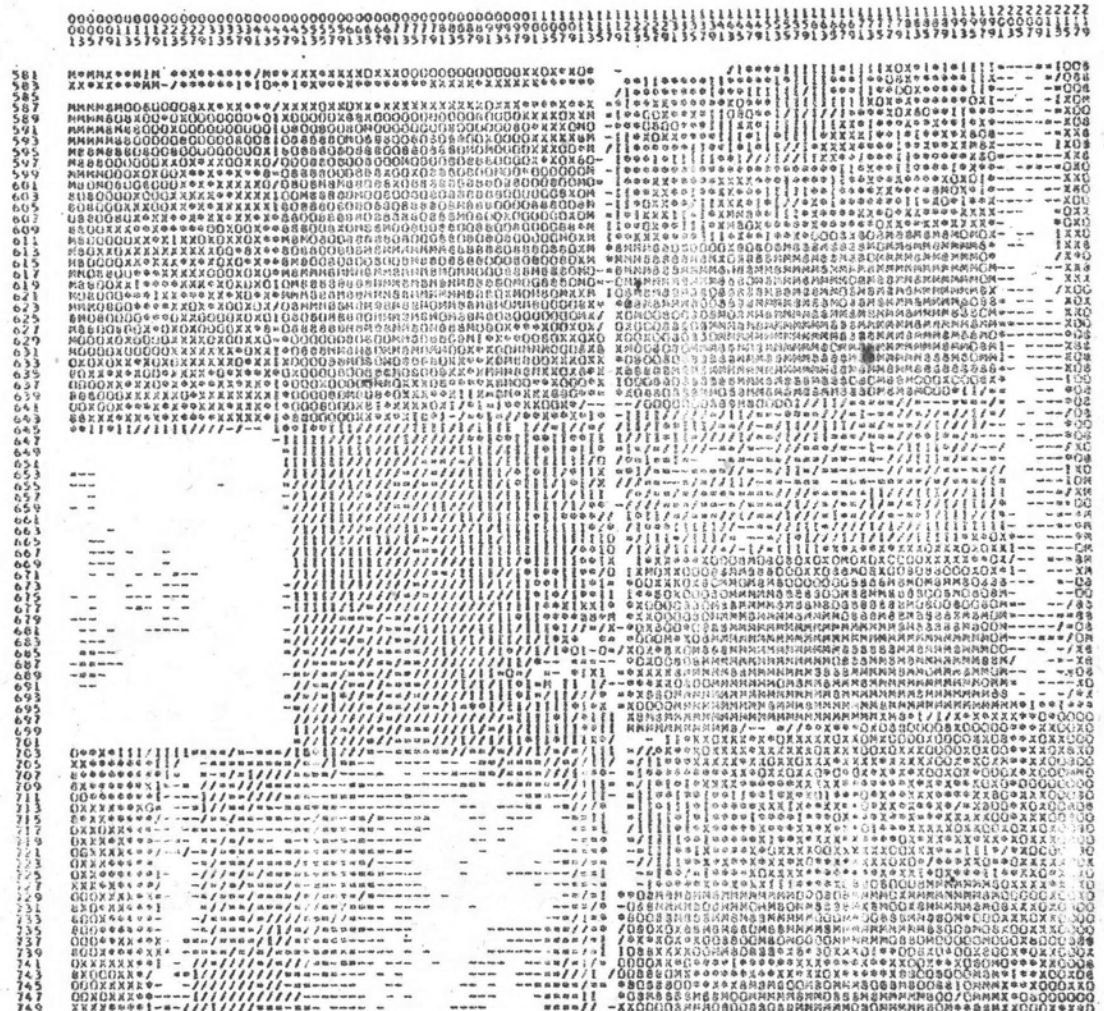


LABORATORY FOR AGRICULTURAL REMOTE SENSING  
PURDUE UNIVERSITY.

RUN NUMBER ... 26600061      DATE ..... 6/26/66  
FLIGHT LINE ... C1            TIME ..... 1229  
TAPE NUMBER ... 102          ALTITUDE ..... 2600 FEET  
CHANNEL NUMBER 9            SPECTRAL RANGE 0.62 TO 0.66 MICRONS

THE CHARACTER SET USED FOR DISPLAY IS

FROM 0 TO 166 DISPLAYED AS  
FROM 167 TO 172 DISPLAYED AS -  
FROM 173 TO 181 DISPLAYED AS /  
FROM 182 TO 186 DISPLAYED AS |  
FROM 187 TO 192 DISPLAYED AS X  
FROM 193 TO 195 DISPLAYED AS X  
FROM 196 TO 198 DISPLAYED AS O  
FROM 199 TO 200 DISPLAYED AS 8  
FROM 201 TO 211 DISPLAYED AS M  
FROM 212 TO 218 DISPLAYED AS W  
FROM 219 TO 225 DISPLAYED AS W  
FROM 226 TO 232 DISPLAYED AS W  
FROM 233 TO 239 DISPLAYED AS W  
FROM 240 TO 246 DISPLAYED AS W  
FROM 247 TO 255 DISPLAYED AS M  
ILLEGAL DATA VALUE DISPLAYED AS .

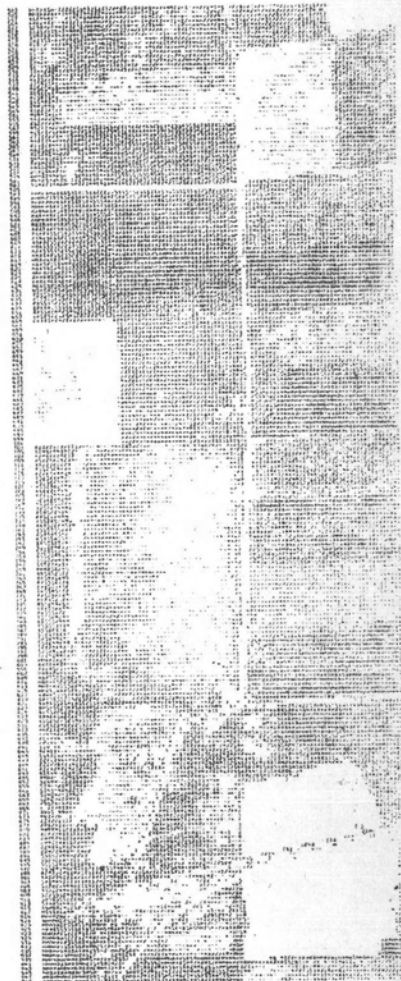
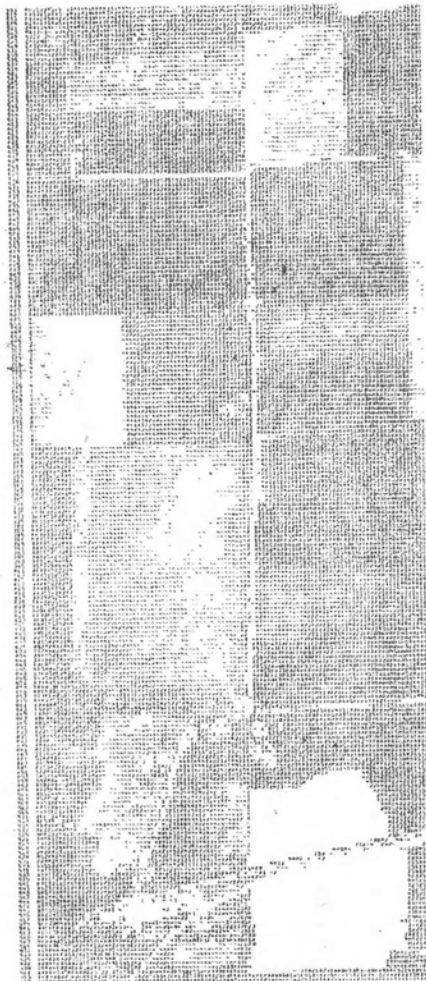
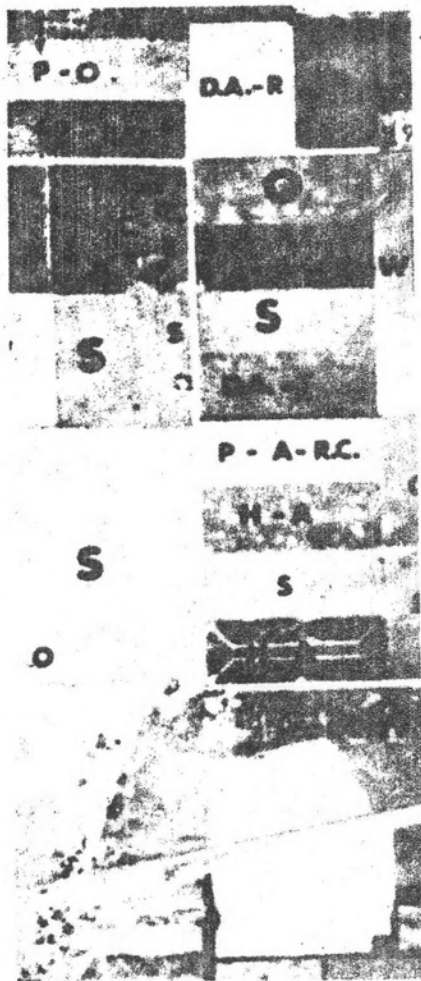


ภาพที่ 28 ตัวอย่างเกรย์แมพ สร้างโดยศูนย์คอมพิวเตอร์ มหาวิทยาลัยเปอร์ดูว สหรัฐอเมริกา  
ใช้ข้อมูลจากแชนแนลที่ 9 ซึ่งมีความกว้างของย่าน 0.62 - 0.66 ไมครอน



กันก็มี Gray Scale print-out และ Alphanumeric printout

เกรย์แมพอาจใช้สัญลักษณ์ 1 ตัวแทนหลาย ๆ GRE - Sample point ก็ได้ เช่น ตัวอย่างที่แสดงไว้ในภาพที่ 28 และภาพที่ 29 เป็นเกรย์แมพที่สร้างโดยศูนย์คอมพิวเตอร์มหา วิทยาลัยเปอร์ดูว์ ทั้งสองภาพที่เห็นนั้นเขาแทน 4 GRE - Sample points ด้วยสัญลักษณ์ 1 ตัว ตัวเลขที่อยู่ทางด้านซ้ายคือหมายเลขของ Scan line ตัวเลขทางด้านบนแสดงลำดับ ของ GRE - Sample points เราจะสังเกตเห็นว่าสัญลักษณ์ต่าง ๆ ที่ปรากฏอยู่นั้นมีขนาด เล็กลงกว่าสัญลักษณ์ที่เราได้จาก printer เราเรียกลักษณะแบบนี้ว่า เกรย์แมพย่อ (Reduced Graymap) วัตถุประสงค์ที่เขาย่อเกรย์แมพให้มีขนาดเล็กลงก็เพื่อที่จะได้เกรย์แมพ มี ลักษณะล้อเลียนกับภาพที่ได้จากการบันทึกโดยเครื่องมือดิสเปคตรัลสแกนเนอร์ เพื่อความกะทัด



ภาพที่ 30 เกรย์แมพย่อ สร้างโดยศูนย์คอมพิวเตอร์ มหาวิทยาลัยเปอร์ดูว์

รัค หรือเพื่อสะดวกในการถ่ายภาพ (Mosaic) เมื่อเวลาที่จะดูรายละเอียดจากเกรย์แมพย่อ เขาก็จะใช้แว่นขยายส่องดู

ภาพที่ 30 คือเกรย์แมพย่อที่มีขนาดเล็กลงไปอีก รูปทางซ้ายเป็นภาพที่ได้จากการบันทึกโดยเครื่องมัลติสเปคตรัลสแกนเนอร์ทางเครื่องบิน ตัวอักษรที่เห็นบนภาพถ่ายนั้นคือสภาพความเป็นจริงของโลก (Ground truth) ซึ่งผู้ที่ทำการวิเคราะห์แยกแยะเป็นผู้กำหนดลงไป รูปกลางและรูปขวาเป็นเกรย์แมพย่อที่ได้มาจาก 2 แชนแนลที่ต่างกัน

เราจะสังเกตเห็นว่าข้อมูลที่ปรากฏบนเกรย์แมพนั้น ที่ตำแหน่งใดตำแหน่งหนึ่ง อาจจะมีสัญลักษณ์เหมือนหรือไม่เหมือนกันก็ได้ ทั้งนี้เนื่องจากความแตกต่างของแชนแนลที่ใช้ภาพที่เราได้กล่าวมาแล้ว และถึงแม้ว่าเราจะใช้แชนแนลเดียวกันแต่ถ้าทำการบันทึกภาพพื้นที่อื่นเดียวกันคนละสภาพคืนฟ้าอากาศ ผลที่ได้ออกมาจะต้องแตกต่างกันไป ด้วยเหตุนี้ทฤษฎีความน่าจะเป็น (Probability Theory) จึงได้เข้ามามีบทบาทสำคัญในการใช้เครื่องคอมพิวเตอร์วิเคราะห์แยกแยะภาพ

#### 5.4 การใช้ทฤษฎีความน่าจะเป็นในการตัดสินใจ

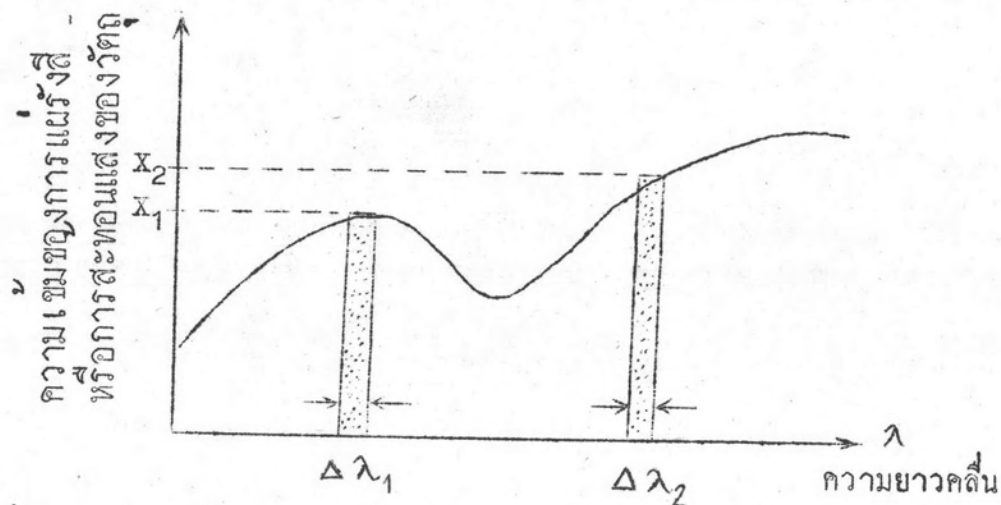
ในทางคณิตศาสตร์ เมื่อเราทำการทดสอบบันทึกภาพโดยใช้เครื่องมัลติสเปคตรัลสแกนเนอร์ N แชนแนล เราก็สามารถที่จะแทนสัญญาณที่ได้รับจาก 1 GRE - Sample point ได้โดยใช้ N - dimension column vector ซึ่งสามารถเขียนออกมาเป็นสมการได้ว่า

$$\underline{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_N \end{pmatrix} \quad \text{โดยที่ } i = 1, 2, \dots, N$$

ซึ่ง  $x_i$  หมายถึงความเข้มของแสงซึ่งแชนแนลต่าง ๆ รับได้จากการแผ่รังสีหรือสะท้อนของวัตถุ (Radiance or Reflectance)

แนวความคิดสำคัญที่จะใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ เป็นตัวแยกประเภทของวัตถุต่าง ๆ

บนผิวโลกนั้นก็คือความเข้าใจเกี่ยวกับ "N - dimension spectral space" ซึ่งหมายถึง Space ที่ประกอบด้วยค่าตัวเลขซึ่งแทนความเข้มของคลื่นแสงที่ได้รับในเมื่อทำการบันทึกโดย N แชนแนล



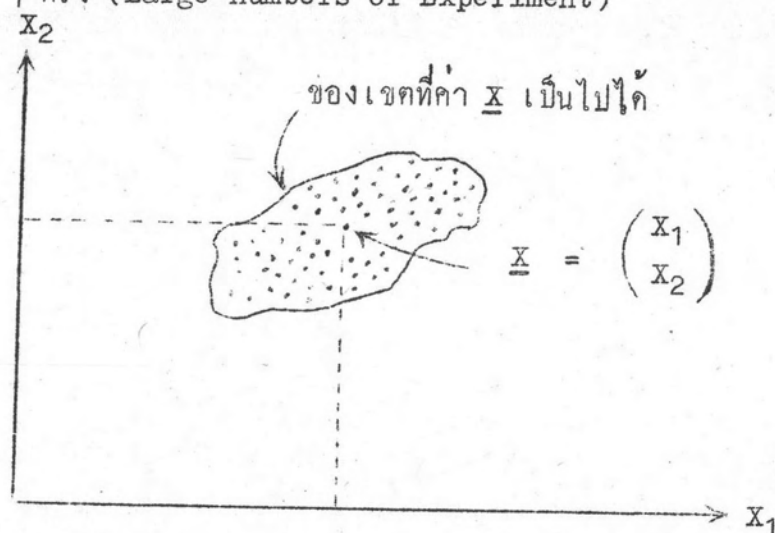
ภาพที่ 31 ความเข้มของการแผ่รังสีหรือการสะท้อนของ 1 GRE - Sample point  $\underline{x}$

พิจารณาจากภาพที่ 31 เราจะเห็นว่าความเข้มที่เกิดจากการสะท้อนหรือการแผ่รังสีของวัตถุนั้นจะปรากฏออกมาเป็นรูปลักษณะโค้งที่ต่อเนื่อง หมายความว่าวัตถุนั้นเกี่ยวกันจะสามารถส่งคลื่นแสงออกมาได้หลายช่วงต่อเนื่องกัน

กรรมวิธีการบันทึกภาพของเครื่องมือลึศเปครัลสแคนเนอร์นั้นจะใช้การบันทึกการส่งคลื่นแสงของวัตถุด้วยจำนวนแชนแนลซึ่งมีความสามารถในการรับย่านแสงต่าง ๆ เป็นจำนวนที่แน่นอนตามที่ใดกล่าวมาแล้วในหัวข้อ 3.1 และย่านแสงของแต่ละแชนแนล จะต้องมีความกว้างที่เหมาะสมที่สามารถจะทำการเปรียบเทียบความแตกต่างของข้อมูลได้  $\Delta \lambda_1$  และ  $\Delta \lambda_2$  ที่เห็นในภาพที่ 31 นั้น คือย่านแสง (Band) ที่กำหนดขึ้นเป็น 2 แชนแนลใด ๆ  $x_1, x_2$  เป็นค่าความเข้มของการแผ่รังสีหรือการสะท้อนของ 1 GRE - Sample point  $\underline{x}$  เมื่อนำไปเขียนแทนด้วยเวกเตอร์ก็จะได้เป็น 2 - Dimension column vector  $\underline{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$  จากภาพที่ 31 เราสามารถนำมาพล็อตเป็นภาพที่ 32 ได้

ภาพที่ 32 สร้างขึ้นโดยใช้แกนทั้งสองแทนขนาดของความเข้มที่ได้รับจาก 2 แชนแนล "ขอบเขตที่ค่า  $\underline{x}$  เป็นไปได้" หมายถึงค่าของความเข้มที่เป็นไปได้ของ 1 GRE -

Sample point  $\underline{x}$  ซึ่งได้รับจากการบันทึกโดย 2 แชนแนลของเครื่องบันทึกภาพ ทั้งนี้ความหมายที่ชัดเจนของมันนั้นหมายถึงว่าเมื่อเราทำการบันทึกความเข้มที่ได้จากการส่งคลื่นแสงของวัสดุอันหนึ่งด้วยแชนแนล 2 แชนแนลหลาย ๆ ครั้ง เราจะได้รับค่าความเข้มหลาย ๆ ค่า เนื่องจากการส่งคลื่นแสงของวัสดุอันหนึ่งนั้น มีข้อจำกัดที่ส่งผลกระทบต่ออยู่หลายประการ เช่นการเปลี่ยนแปลงของชั้นบรรยากาศ การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของวัสดุตามสภาพแวดล้อม ฯลฯ เพราะฉะนั้นค่าของ  $x_1$  จึงกระจายอยู่ในช่วงอันหนึ่ง และค่าของ  $x_2$  ก็เช่นเดียวกัน จึงทำให้เราได้รับเซตอันหนึ่งซึ่งมีขอบเขต (boundary) ที่แน่นอน ถ้าหากทำการทดลองหลาย ๆ ครั้ง (Large numbers of Experiment)



ภาพที่ 32 แสดงขอบเขตของค่า  $\underline{x}$  ที่เป็นไปได้

ในการวิเคราะห์แยกแยะนั้นเขาจะใช้ฟังก์ชันของการตัดสินใจ (Decision function) เป็นฟังก์ชันที่บ่งถึงขอบเขตที่เป็นไปได้ของการรับคลื่นแสงจากวัสดุประเภทต่าง ๆ ซึ่งขอบเขตอันนี้จะมีค่าแน่นอนอันหนึ่ง (Unique regions) และสอดคล้องตามประเภทของวัสดุ (Class)

เทคนิคที่ใช้ตัดสินใจนั้นมีอยู่หลายแบบ มีทั้งแบบง่าย ๆ และยุ่งยากซับซ้อนซึ่งให้ผลที่ได้รับอยู่ในระดับความพอใจของผู้ใช้ต่าง ๆ กัน แต่จุดมุ่งหมายที่สำคัญของเทคนิคแบบต่าง ๆ ก็คือสามารถวิเคราะห์แยกแยะได้ว่า  $\underline{x}$  หรือ GRE - Sample point หนึ่ง ๆ นั้นจัดอยู่

ในวัสดุประเภทใด สำหรับการวิจัยครั้งนี้จะกล่าวถึงเทคนิค 2 แบบคือ

- ก. เทคนิคแบบเลฟเวลดสไลซิง (Level Slicing Technique)
- ข. เทคนิคแบบยูคลิดีเนียนคิสแทนซ์ (Euclidean distance Technique)

ก่อนที่เราจะใช้เทคนิคทั้ง 2 แบบนี้ สิ่งที่เราควรทราบก็คือ Mean vector และ Variance vector

Mean vector สำหรับวัสดุ A (class A) สามารถเขียนได้ว่า

$$\underline{M}^A = \begin{pmatrix} m_1 \\ m_2 \\ \vdots \\ m_n \end{pmatrix} \quad \text{โดยที่ } i = 1, 2, \dots, N \text{ แชนแนล}$$

ในเมื่อ

$$m_i = \frac{1}{n_A} \sum_{k=1}^{n_A} X_{ik}$$

โดยที่  $n_A$  = จำนวน Sample point ที่เกิดขึ้นจากการบันทึกภาพวัสดุ A

$k$  = Sample index มีค่า  $1 \rightarrow n_A$

Variance Vector สำหรับวัสดุ A (class A) สามารถเขียนได้ว่า

$$\underline{\Sigma}^A = \begin{pmatrix} \sigma_{11} \\ \sigma_{22} \\ \vdots \\ \sigma_{nn} \end{pmatrix} \quad i = 1, 2, \dots, N$$

ซึ่ง  $\sigma_{ii} = \frac{1}{n_A} \sum_{k=1}^{n_A} (X_{ik} - m_i)^2$  เป็น Variance ของแชนแนลที่  $i$

จาก Variance Vector เราสามารถหาความเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Standard Deviation) ของวัสดุ A เมื่อทำการบันทึกได้จากแชนแนลที่  $i$  ว่า

$$S_i^A = (\sigma_{ii})^{1/2}$$

## 5.4.1 เทคนิคแบบเลฟเวลสไลซิ่ง

เทคนิคอันนี้ใช้การคำนวณหาค่าต่ำสุด และค่าสูงสุดของความเข้มของคลื่นแสง (Radiance or Reflectance Value) ที่รับได้จากแต่ละแชนแนล GRE - Sample point  $\underline{X}$  จะจัดอยู่ในวัสดุประเภท A ก็คือเมื่อแต่ละ component ของ  $\underline{X}$  ตกอยู่ในช่วงค่าสุดถึงสูงสุด เขียนออกมาเป็นสมการได้ว่า

GRE - Sample point  $\underline{X}$  จะจัดอยู่ในวัสดุประเภท A ก็คือเมื่อ

$$(C_i^{\text{lower}})_A \leq X_i \leq (C_i^{\text{upper}})_A \text{ สำหรับทุกค่าของ } i = 1, 2, 3, \dots, N$$

แชนแนล

ซึ่ง  $C_i^{\text{lower}}$  = lower bound ของค่าความเข้มของวัสดุ A ที่รับได้โดย  
แชนแนล i

$C_i^{\text{upper}}$  = upper bound ของค่าความเข้มของวัสดุ A ที่รับได้โดยใช้แชนแนล i

ซึ่งค่า lower bound และ upper bound นั้นหาได้จากค่า Mean และ Standard Deviation ดังต่อไปนี้

$$(C_i^{\text{lower}})_A = m_i^A - kS_i^A$$

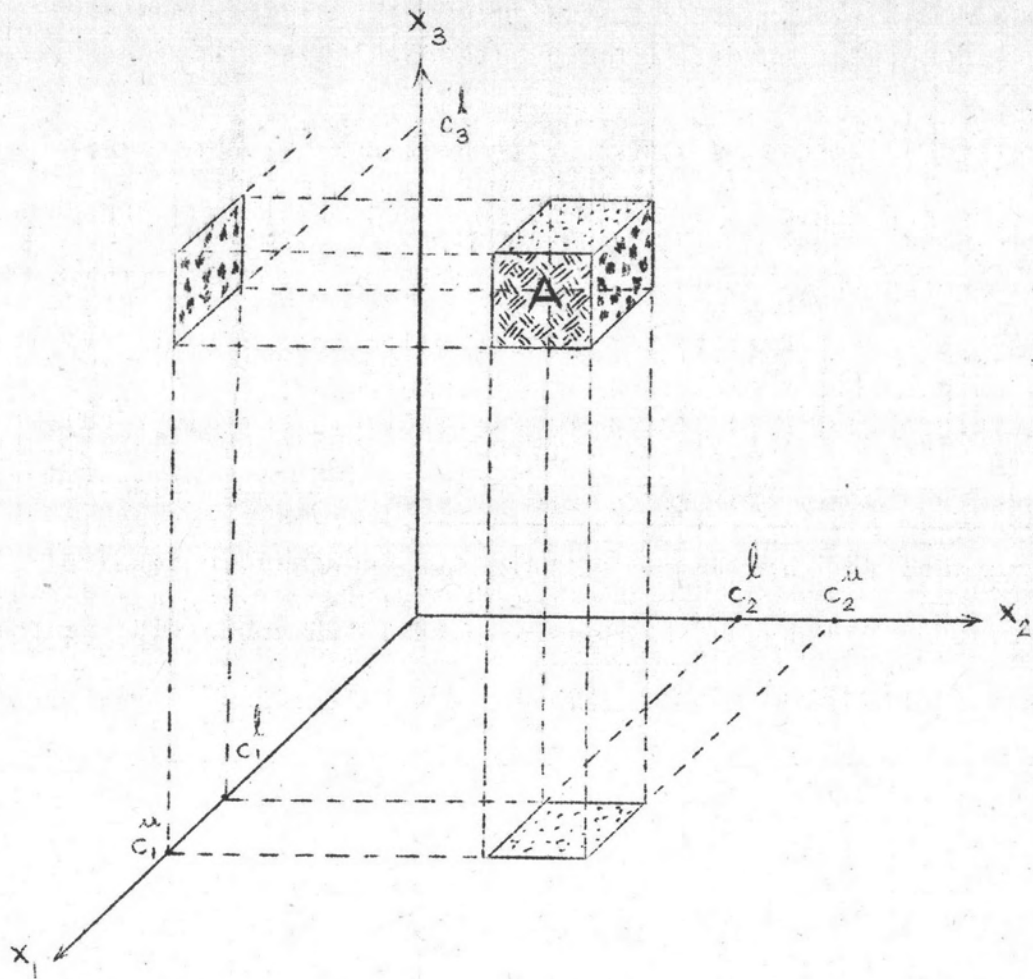
$$(C_i^{\text{upper}})_A = m_i^A + kS_i^A$$

ในเมื่อ  $k = \text{any real number (Standard Score)}$

ถ้าหากว่าการกระจายของข้อมูลของวัสดุแต่ละประเภทไม่กระจายในลักษณะโค้งปกติ (Normal or Gaussian Curve) ค่าสูงสุดและค่าสุดของการส่งคลื่นแสงของวัสดุแต่ละประเภท จะหาได้โดยการใช้ฮิสโตแกรม (Histogram)

ไม่ว่าการกระจายของข้อมูลจะเป็นเส้นโค้งปกติหรือไม่ วิธีการที่เราจะต้องคำนึงถึงอยู่เสมอก็คือ การกำหนดขอบเขตอย่างแน่นอนว่าจะให้ boundary มีค่าเท่าใด





ภาพที่ 33 แสดงขอบเขตที่เป็นไปได้สำหรับค่าความเข้มของคลื่นแสงที่รับได้จาก 3 แชนแนล

พิจารณาภาพที่ 33 ท่านจะเห็นการเขียนรูปทางคานเรซาคณิต เพื่อใช้ในการอธิบายเทคนิคแบบเฟสเวดสไลซิ่ง รูปนี้สมมุติขึ้นมาว่า เราใช้เครื่องบันทึกภาพ 3 แชนแนล หรือ 3 Spectral Space Boundary ของมันจะอยู่ในลักษณะคล้ายลูกบาศก์ เขาเรียกลักษณะเช่นนี้ว่า Rectangular Solid หรือ Hyper rectangular

เมื่อดูจากรูปเราจะกล่าวได้ว่า Sample points ใด ๆ ที่มีค่าตกอยู่ในขอบเขตของปริมาตรอันนี้ Sample points นั้น ๆ มาจากวัสดุ A (class A)

กรณีที่จะทำให้เกิดความคลุมเครือได้ก็คือกรณีที่มี Region หรือ Boundary ของแต่ละ class เช่น class A, class B, class C เกิดมาติดกันเข้า เมื่อเราพบปัญหาเช่นนี้ เราจะต้องหาระยะห่างของ GRE - Sample points จากจุดเซ็นทรอยซ์ของแต่ละ

Region เราจะถือว่า sample points อันนั้น เป็นวัสดุประเภทใด ก็แล้วแต่ว่า sample points นั้นอยู่ห่างจากจุดเข็นทรอยซ์ของ class ใดน้อยที่สุด

#### 5.4.2 กฎยูคลิดเคียนคิสแทนซ์

กฎยูคลิดเคียนคิสแทนซ์เป็นกฎที่มีความเหมาะสมที่สุดที่จะนำไปใช้ในการตัดสินใจในเมื่อข้อมูลมีการกระจายเป็นแบบ Statistically independent across channels ในการใช้กฎอันนี้สิ่งที่เราจะต้องหาเสียก่อนก็คือค่า mean และ variance ของความเข้มของคลื่นแสงที่ไ้รับในแต่ละแชนแนลสำหรับ class ใด ๆ และสิ่งสำคัญที่เราจะขาดเสียมิได้ก็คือการแปลงข้อมูล (Transformation) ซึ่งอยู่ในแชนแนลต่าง ๆ ที่เราใช้วิเคราะห์แยกแยะ เกิดความเป็นอิสระต่อกันจริง ๆ เมื่อเราใช้กฎข้อนี้ เราจะพบว่าขอบเขตของความน่าจะเป็น จะอยู่ในลักษณะรูปวงรี

ฟังก์ชันที่ใช้ในการตัดสินใจว่า GRE - Sample points  $\underline{X}$  ใด ๆ เป็นวัสดุ A สำหรับกฎยูคลิดเคียนคิสแทนซ์ คือ

$$f_A(\underline{X}) = \sum_{i=1}^N \frac{(X_i - m_i^A)^2}{(\sigma_{ii})_A}$$

ซึ่ง  $i = 1, 2, 3, \dots, N$  แชนแนล

GRE - Sample point  $\underline{X}$  จะจัดว่าเป็นวัสดุ A ก็ต่อเมื่อ

$$f_A(\underline{X}) < T_A$$

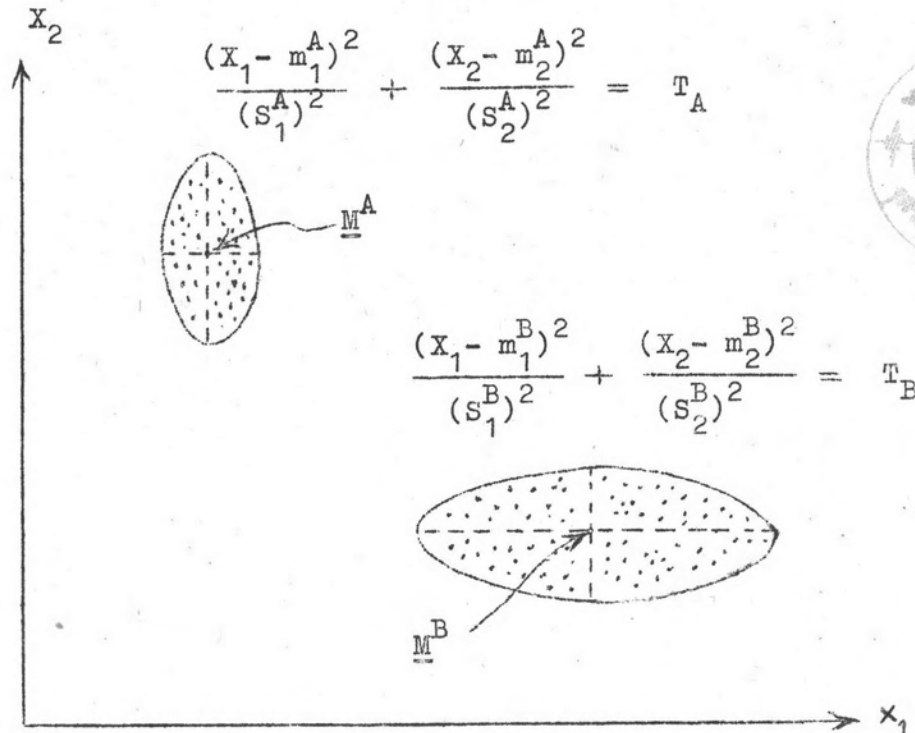
ในเมื่อ  $T_A$  คือค่าที่ใช้ในการตัดสินใจ (Threshold value) ซึ่งมีค่าเปลี่ยนแปลงไปต่าง ๆ กันตามแต่เราต้องการ ทั้งนี้เพื่อให้ผลลัพธ์ที่ได้มีค่าเหมาะสมที่สุด (Optimum value)

ในทำนองเดียวกันเมื่อมาพิจารณา class B บ้าง เราก็จะได้ผลว่า

$$f_B(\underline{X}) = \sum_{i=1}^N \frac{(X_i - m_i^B)^2}{(\sigma_{ii})_B}$$

และ GRE - Sample point  $\underline{X}$  จะจัดว่าเป็นวัตถุ B ก็ต่อเมื่อ

$$f_B(\underline{X}) < T_B$$



ภาพที่ 34 แสดงขอบเขตของค่าที่จะใช้ตัดสินใจ เมื่อใช้ 2 แคลแนล วิเคราะห์แยกแยะข้อมูลที่เป็นวัตถุ A และ B

ในทางเรขาคณิต ยุคส์เคียนคิสแทนซ์วัดได้โดยถึระยะห่างจาก unknow vector  $\underline{X}$  ถึง mean vector  $\underline{M}$  สำหรับ class หนึ่ง ๆ โดยพิจารณาการ weight by variance ของ mean ในแต่ละแคลแนล ถ้ายุคส์เคียนคิสแทนซ์ยิ่งน้อยเท่าใด แสดงว่า GRE - sample point  $\underline{X}$  เข้าใกล้ mean มากเท่านั้น ซึ่งจะทำให้เราก็คัดสินใจได้ว่า  $\underline{X}$  เป็นวัตถุใด การเลือกใช้ค่าตัดสินใจที่เหมาะสมจะทำให้เราได้ค่า  $\underline{X}$  เข้าใกล้ mean มากที่สุด

จากภาพที่ 34 แสดงให้เห็นขอบเขตของค่าที่จะใช้ตัดสินใจ ซึ่งการกระจายของค่าที่ใช้ในการตัดสินใจมีการกระจายเป็นรูปวงรี(Ellipsoid) ก็เพราะว่าเราพิจารณาเพียง 2 แคลแนล ถ้าหากว่าเราใช้มากกว่า 2 แคลแนลขึ้นไป การกระจายของค่าที่ใช้ตัดสินใจ

จะมีลักษณะการกระจายเป็นรูป Hypervolume of Ellipsoids

ค่าที่ใช้ตัดสินใจ (Threshold values) สามารถหาได้ตามสมการที่ปรากฏอยู่ในภาพที่ 34  $T_A$  และ  $T_B$  คือค่าที่ได้จากการทดลองบันทึกภาพเป็นจำนวนหลาย ๆ ครั้ง สมมุติว่าขณะนี้เราได้ค่า  $T_A$  และ  $T_B$  มีค่าสูงสุดที่แน่นอนอันหนึ่ง ซึ่งทำให้เกิดขอบเขตของ Ellipsoids ดังที่เห็นในรูป ถ้าเราลดค่า  $T_A$  และ  $T_B$  ลงรูป Ellipsoids ก็ย่อมจะเล็กลงด้วย สาเหตุที่เราจำเป็นต้องลดค่า  $T_A$  และ  $T_B$  ลงก็เนื่องมาจากเราต้องการที่จะไม่ให้ค่า GRE - Sample points ของวัสดุอื่น ๆ มาตกอยู่ใน Region ของ class A หรือ class B แต่ในขณะที่เดียวกันถ้าหากว่าเราลดค่า  $T_A$  และ  $T_B$  ให้เหลือน้อยเกินควร GRE - Sample points ของ class A และ class B ก็ไม่สามารถที่จะมาตกอยู่ใน Region ใดหมกทั้ง ๆ ที่ GRE - Sample points นั้นเป็น class A และ class B ดังนั้นในการประมวลผลจริง ๆ แล้วค่าที่ใช้ตัดสินใจ (Threshold values) จะต้องคำนวณหาโดย Linear programming เพื่อ Maximize การแยกแยะ class ที่ถูกต้อง และ Minimize class ที่ผิดประเภท

ถ้าหากว่า GRE - Sample points ใด ๆ สอดคล้องกับการทดสอบตามกฎยุติคดีเกินขีดแทนซ์ตั้งแต่ 2 ครั้งขึ้นไป ก็แสดงว่า Sample point นั้นมีค่า Distance น้อยที่สุด และจะน้อยลงอีกในเมื่อรูป Hyper Ellipsoids นั้นประกอบด้วยวงรีที่เหลื่อมล้ำกันกรณีนี้ขอบเขตที่เราจะพิจารณาจะพิจารณาตั้งแต่ส่วนที่ตัดกันเข้าไป

### 5.5 ตัวอย่างการวิเคราะห์แยกแยะภาพ

ตามที่ได้อธิบายมาแล้วว่าทฤษฎีของความน่าจะเป็นได้เข้ามามีบทบาทในการวิเคราะห์แยกแยะภาพซึ่งได้มาจากการบันทึกภาพระยะไกลโดยเครื่องบันทึกภาพแบบมัลติสเปกตรัลสแกนเนอร์ ดังนั้นสิ่งที่เราจะหลีกเลี่ยงไม่ได้ก็คือการทดลองบันทึกภาพของวัสดุต่าง ๆ จำนวนหลาย ๆ ครั้ง เพื่อหาค่าสถิติต่าง ๆ สำหรับวัสดุประเภทหนึ่ง ๆ แล้วนำค่าสถิตินั้นมาใช้สำหรับวิเคราะห์แยกแยะข้อมูลซึ่งได้มาจากการบันทึกภาพครั้งใหม่

ตามภาพที่ 35 เป็นเกรย์แมพของพื้นที่ทำการกสิกรรมอันหนึ่งซึ่งได้จากการสำรวจบันทึกภาพทางเครื่องบินของมหาวิทยาลัยเปอร์ดูว์ เมื่อวันที่ 28 มิถุนายน พ.ศ.

2509 สัญญลักษณ์ต่าง ๆ ที่ปรากฏนั้นแทนความเข้มระดับต่าง ๆ ที่รับได้จากเซลล์ที่ 4 ซึ่งอยู่ในย่าน 0.48 - 0.50 ไมครอน โดยใช้สัญญลักษณ์ต่าง ๆ ดังต่อไปนี้

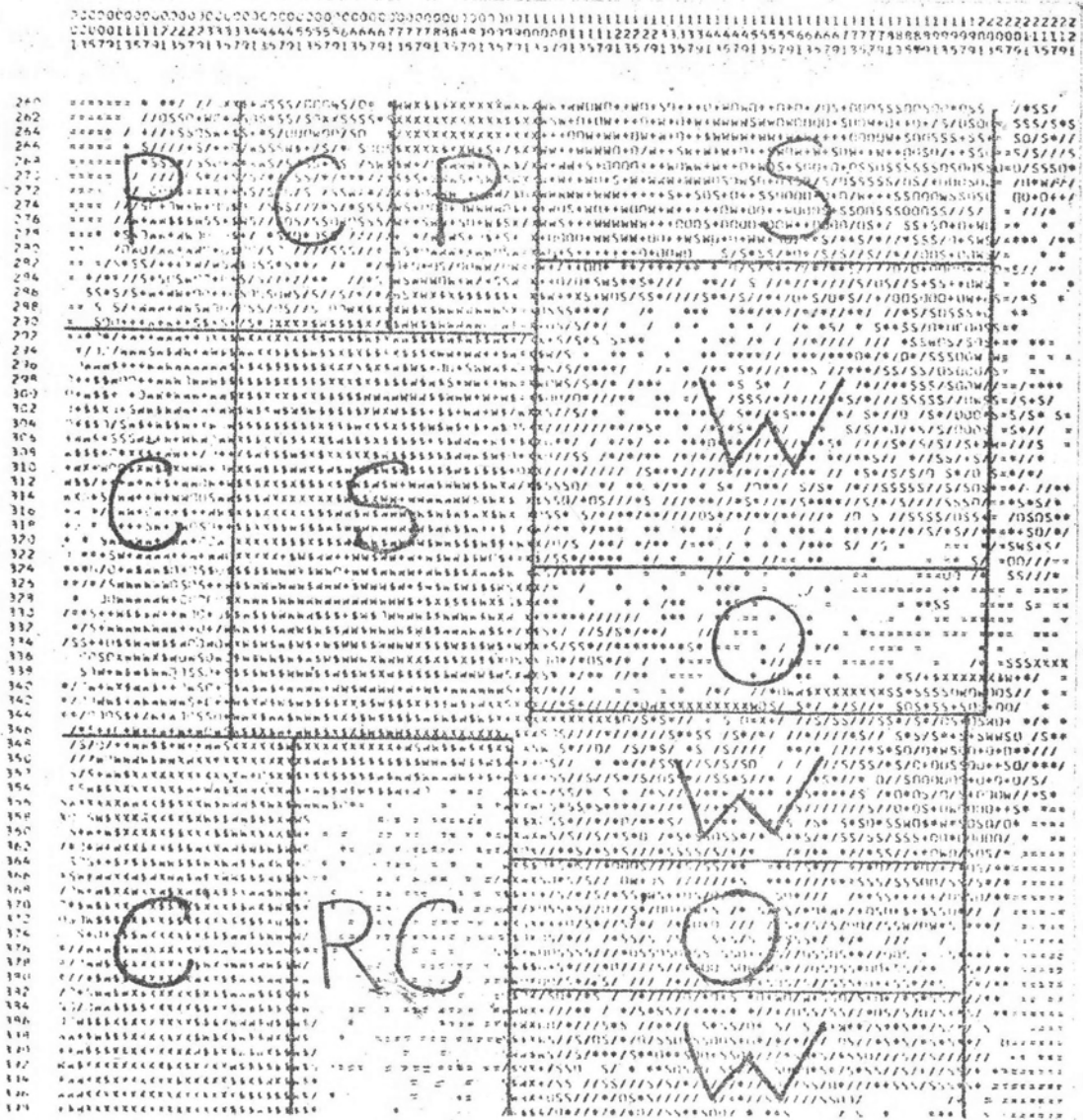
|                |         |         |
|----------------|---------|---------|
| 0.00 - 54.68   | แทนด้วย | =       |
| 54.68 - 54.21  | "       | (blank) |
| 56.21 - 57.33  | "       | *       |
| 57.33 - 58.41  | "       | /       |
| 58.41 - 59.46  | "       | S       |
| 59.46 - 60.48  | "       | O       |
| 60.48 - 61.56  | "       | +       |
| 61.56 - 63.62  | "       | W       |
| 63.62 - 65.71  | "       | ๘       |
| 65.71 - 256.00 | "       | X       |

เราจะสังเกตเห็นว่า เกรย์แมพนี้เริ่มต้นที่ Scan line 260 หมายความว่าในการวิเคราะห์แยกแยะภาพครั้งหนึ่ง ๆ เขาจะทำการแยกแยะเฉพาะบริเวณที่สนใจเท่านั้น ทั้งนี้เพราะคำนึงถึงความประหยัดเป็นสำคัญ

ตัวอักษรที่เขียนกำกับลงบนส่วนต่าง ๆ นั้น คือ Ground thruth ซึ่งใช้แทนพืชประเภทต่าง ๆ ดังต่อไปนี้

|    |   |            |     |                                 |
|----|---|------------|-----|---------------------------------|
| c  | = | corn       | คือ | ข้าวโพค                         |
| P  | = | Pasture    | คือ | ทุ่งหญ้ารก                      |
| S  | = | Soybean    | คือ | ถั่ว                            |
| W  | = | Wheat      | คือ | ข้าวสาลี                        |
| RC | = | Red Clover | คือ | หญ้าซึ่งเป็นอาหารของสัตว์เลี้ยง |

เขากำหนด Ground thruth ขึ้นได้โดยพิจารณาจากภาพถ่ายทางอากาศที่ได้จากเครื่องบิน ของบริเวณเดียวกัน การใส่ Ground thruth ลงไปเช่นนี้ก็เพื่อจุดมุ่งหมาย



ภาพที่ 35 เกรย์แมพพร้อมด้วย Ground Thruth

ที่จะให้เกิดข้อผิดพลาดที่พีชคณิตหนึ่ง ๆ เช่น ข้าวโศด ถูกแยกประเภทว่าเป็นพีชคณิตอื่นน้อยที่สุด

การสำรวจครั้งนี้ 1 - GRE Sample point หรือสัญญาณลักษณะบนเกรย์แมพย่อ 1 ตัวนั้นได้มาจากพื้นที่ 20 x 20 ตารางฟุต

จากการประมวลผลโดยใช้โปรแกรม RECOG ของมหาวิทยาลัยแห่งรัฐโคโลราโด และค่าสถิติต่าง ๆ สำหรับพีชคณิตหนึ่ง ๆ จะได้ผลออกมาตามภาพที่ 36 เราจะสังเกตเห็น

