

## รายการอ้างอิง

### ภาษาไทย

ดาว คงศรีวัฒนา. การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติสำหรับทดสอบความคลาดเคลื่อนที่มีความแปรปรวนไม่คงที่ในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้น. วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบัณฑิต. ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2532.

ประสิทธิ พยัคฆพงษ์. สถิติเชิงคณิตศาสตร์ทฤษฎีและการประยุกต์. กรุงเทพมหานคร : มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์, 2545.

มนชยา เจิงประดิษฐ์. การประมาณค่าองค์ประกอบความแปรปรวนสำหรับการทดสอบเชิงพหุค่วยวิบูรณ์. วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบัณฑิต. ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2543.

วิรัช พานิชวงศ์. การวิเคราะห์การถดถอย. กรุงเทพมหานคร : ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ประยุกต์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าฯ พระนครเหนือ, 2547.

สายชล สินสมบูรณ์ทอง. สถิติเบื้องต้น. ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ประยุกต์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าฯ จุฬาภรณ์, 2547.

สุมitra เรืองพีระกุล. ทฤษฎีสถิติ 2. กรุงเทพมหานคร : ภาควิชาสถิติ มหาวิทยาลัยรามคำแหง , 2536.

### ภาษาต่างประเทศ

Andrew F. Hayes. Using Heteroskedasticity-Consistent Standard Error Estimators in OLS Regression : An Introduction and Software Implementation. The Ohio State University.

B. Efron and R. Tibshirani. Bootstrap Methods for Standard Errors Confidence Intervals, and Other Measures of Statistical Accuracy. Statistical Science 1, 1 (1996) : 54-77.

Breusch, T.S. and Pagan, A.R. A Simple test for heteroscedasticity and random coefficient variation. Econometrica 47 (September 1979) : 1287-1294.

C.F.T. Wu. Jackknife, Bootstrap and other resampling methods in regression analysis. The Annals of Statistics 14, 4 (1986) : 1261-1295.

Christopher Z. Mooney, Robert D. Duval. Bootstrapping A Nonparametric Approach to Statistical Inference. United States of America.

Griffiths, W.E. and Surekha, k. Monte Carlo evaluation of the power of some test for heteroscedasticity. Journal of Econometrics 31(1986) : 219 – 231.

Helmut Herwartz. Testing for random effects in panel data under cross sectional error correlation-A bootstrap approach to the Breusch Pagan test. Computational Statistics & Data Analysis 50 (2006) : 3567-3591.

Jinook Jeong , Kyoungwoo Lee. Bootstrapped White's test for heteroskedasticity in regression models. Economics Letters 63 (1999) : 261-267.

Joel L.Horowitz. Bootstrap Methods in econometrics : Theory and numerical performance. Department of Economics. University of Iowa (November 1995).

L.G.Godfrey,C.D. Orme and J.M.C. Santos Silva. Simulation-based tests for heteroskedasticity in linear regression models : Some further results. Econometrics Journal 9 (2006) : 76-97.

Michael R. Chernick. Bootstrap Methods A Practitioner's Guide. A Wiley-Interscience Publication (1999).

**ภาคผนวก**

**PROGRAM FOR COMPUTING  
PROBABILITY OF TYPE I ERROR AND POWER OF THE TEST**

```
### Assignment ###  
n_20  
meanE_0  
varE_1  
round_1000  
meanx_5  
varx_1  
White1_array(dim=c(round,NoIL))  
BP1_array(dim=c(round,NoIL))  
BP1Add_array(dim=c(round,NoIL))  
SZ1_array(dim=c(round,NoIL))  
IL1_array(dim=c(round,NoIL))  
UB.05white_array(dim=c(round,1))  
UB.05BP_array(dim=c(round,1))  
UB.05BPAdd_array(dim=c(round,1))  
UB.05SZ_array(dim=c(round,1))  
UB.01white_array(dim=c(round,1))  
UB.01BP_array(dim=c(round,1))  
UB.01BPAdd_array(dim=c(round,1))  
UB.01SZ_array(dim=c(round,1))  
count.05white1_array(dim=c(round,NoIL))  
count.05BP1_array(dim=c(round,NoIL))  
count.05SZ1_array(dim=c(round,NoIL))  
count.01white1_array(dim=c(round,NoIL))  
count.01BP1_array(dim=c(round,NoIL))  
count.01SZ1_array(dim=c(round,NoIL))
```

```

#### Create an independent variable ####
x_array(dim=c(n,1))
Orx_array(dim=c(n,1))
x_rnorm(n,meanx,varx)
Orx_sort(x)
One_array(dim=c(n,1))
for(i in 1:n)
{
  One[i]_1
}
Xmatrix_array(dim=c(n,(n+1)))
XmatrixSZ_array(dim=c(n,(n+1)))
Xmatrix_cbind(One,x)
XmatrixSZ_cbind(One,Orx)

#### Create beta for 1 independent variable ####
beta<-array(dim=c(2,1))
b0_1
b1_1
beta_rbind(b0,b1)

#### Generate Error ##
## Under H0 ##
Error_array(dim=c(n,1))
Error_rnorm(n,0,1)
## Under H1 ##
Error1_array(dim=c(n,1))
for(i in 1:n)
{

```



```

Error1[i]_rnorm(1,0,varE1[i])
}

### Find dependent variable, estimator and estimated error ####
y_array(dim=c(n,1))
y_((Xmatrix%*%beta)+Error)
betahat_ginverse(t(Xmatrix)%*%Xmatrix)%*%(t(Xmatrix)%*%y)
errorhat_y-(Xmatrix%*%betahat)
ySZ_array(dim=c(n,1))
ySZ_((XmatrixSZ%*%beta)+Error)
betahatSZ_ginverse(t(XmatrixSZ)%*%XmatrixSZ)%*%(t(XmatrixSZ)%*%ySZ)
errorhatSZ_ySZ-(XmatrixSZ%*%betahatSZ)
errorhatSZ2_errorhatSZ*errorhatSZ
sumerrorhatSZ2_sum(errorhatSZ2)

### sampling with replacement ####
boot_sample(errorhat,replace=T)
error.boot<-matrix(boot,ncol=1)

### Find bootstrapped dependent variable ####
y.boot_array(dim=c(n,1))
y.boot_((Xmatrix%*%betahat)+error.boot)
betahat.boot_ginverse(t(Xmatrix)%*%Xmatrix)%*%(t(Xmatrix)%*%y.boot)
errorhat.boot_y.boot-(Xmatrix%*%betahat.boot)

### Compute White's statistics ####
Xmatrix.white_array(dim=c(n,n+2))
x2_x*x
Xmatrix.white_cbind(One,x,x2)

```

```

errorhat12_errorhat1*errorhat1

alpha.white1_ginv(t(Xmatrix.white)%%Xmatrix.white)%%
(t(Xmatrix.white)%%errorhat12)

SUMerrorhat12_sum(errorhat12)

SSR1_(t(Xmatrix.white%*%alpha.white1))%*%errorhat12-((SUMerrorhat12^2)/n)

SST1_(t(errorhat12)%*%errorhat12)-((SUMerrorhat12^2)/n)

Rsquare1_SSR1/SST1

White1[p,k]_n*Rsquare1

### Compute Breusch-Pagan's statistics ###

## for Multiplicative model ##

sigmahat12_SUMerrorhat12/n

G1_array(dim=c(n,1))

G1_(errorhat12th/sigmahat12)-One

z_array(dim=c(n,1))

Zmatrix_array(dim=c(n,n+1))

Zmatrix_cbind(One,log(x))

BP1[p,k]_(t(G1))%*%(Zmatrix)%*%(ginverse((t(Zmatrix))%*%
(Zmatrix)))%*%(t(Zmatrix))%*%G1/2

## for Additive model ##

sigmahat12_SUMerrorhat12/n

G1_array(dim=c(n,1))

G1_(errorhat12/sigmahat12)-One

ZmatrixAdd_array(dim=c(n,n+1))

ZmatrixAdd_cbind(One,x)

BP1Add[p,k]_(t(G1))%*%(ZmatrixAdd)%*%(ginverse((t(ZmatrixAdd))%*%
(ZmatrixAdd)))%*%(t(ZmatrixAdd))%*%G1/2

```

```

### Compute Szroeter's statistics ###

for(i in 1:n)
{
  h1[i]_i
  w1[i]_errorhatSZ12[i]/sumerrorhatSZ12
  wh1[i]_w1[i]*h1[i]
}

hv1_sum(wh1)
hb1_sum(h1)/n
hh12_(h1-hb1)^2
SZ1[p,k]_n*(hv1-hb1)/(sqrt(2*sum(hh12)))

### Compute critical value ###

OrderWhite<-sort(White.boot)
OrderBP<-sort(BP.boot)
OrderBPAdd<-sort(BP.bootAdd)
OrderSZ<-sort(SZ.boot)

## at alpha = 0.05 ##
UB.05white[p]_OrderWhite[190]
UB.05BP[p]_OrderBP[190]
UB.05BPAdd[p]_OrderBPAdd[190]
UB.05SZ[p]_OrderSZ[190]

## at alpha = 0.01 ##
UB.01white[p]_OrderWhite[198]
UB.01BP[p]_OrderBP[198]
UB.01BPAdd[p]_OrderBPAdd[198]
UB.01SZ[p]_OrderSZ[198]

```

```

### Generate Variance of Error ###

## for Multiplicative model ##

varE1th_array(dim=c(n,1))
varE12th_array(dim=c(n,1))
sumvarE1th_0
sumvarE12th_0
for(j in 1:n)
{
  varE1th[j]_x[j]^r
  sumvarE1th_sumvarE1th+varE1th[j]
  varE12th[j]_varE1th[j]*varE1th[j]
  sumvarE12th_sumvarE12th+varE12th[j]
}

## for Additive model ##

varE1_array(dim=c(n,1))
varE12_array(dim=c(n,1))
sumvarE1_0
sumvarE12_0
for(j in 1:n)
{
  varE1[j]_(1+(lambda*x[j]))^2
  sumvarE1_sumvarE1+varE1[j]
  varE12[j]_varE1[j]*varE1[j]
  sumvarE12_sumvarE12+varE12[j]
}

### Invariance Level ###

IL1[p,k]_((sumvarE12-((sumvarE1^2)/n))/(((sumvarE1/n)^2)*(n-1)))^0.5

```

```
#### Count Numbers of Rejection ####

## Under H1 ##

# 95% Confidence Interval #

if(White1[p,k]>=UB.05white[p])
{
    count.05white1[p,k]_1
}
else {
    count.05white1[p,k]_0
}

if(BP1Add[p,k]>=UB.05BPAdd[p])
{
    count.05BP1[p,k]_1
}
else {
    count.05BP1[p,k]_0
}

if(SZ1[p,k]>=UB.05SZ[p])
{
    count.05SZ1[p,k]_1
}
else {
    count.05SZ1[p,k]_0
}
```

```

# 99% Confidence Interval #
if(White1[p,k]>=UB.01white[p])
{
  count.01white1[p,k]_1
}
else {
  count.01white1[p,k]_0
}

if(BP1Add[p,k]>=UB.01BPAdd[p])
{
  count.01BP1[p,k]_1
}
else {
  count.01BP1[p,k]_0
}

if(SZ1[p,k]>=UB.01SZ[p])
{
  count.01SZ1[p,k]_1
}
else {
  count.01SZ1[p,k]_0
}

### Compute Invariance Level and power of the test ####
IL1bar_array(dim=c(1,NoIL))
Mean.05white1_array(dim=c(1,NoIL))
Mean.05BP1_array(dim=c(1,NoIL))
Mean.05SZ1_array(dim=c(1,NoIL))
Mean.01white1_array(dim=c(1,NoIL))

```

```
Mean.01BP1_array(dim=c(1,NoIL))  
Mean.01SZ1_array(dim=c(1,NoIL))  
  
for(q in 1>NoIL)  
{  
    IL1bar[q]_sum(IL1[,q])/round  
    Mean.05white1[q]_sum(count.05white1[,q])/round  
    Mean.05BP1[q]_sum(count.05BP1[,q])/round  
    Mean.05SZ1[q]_sum(count.05SZ1[,q])/round  
    Mean.01white1[q]_sum(count.01white1[,q])/round  
    Mean.01BP1[q]_sum(count.01BP1[,q])/round  
    Mean.01SZ1[q]_sum(count.01SZ1[,q])/round  
}
```

## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นางสาวอุตมลักษณ์ ราชสมบัติ เกิดวันที่ 22 กันยายน พ.ศ. 2525 จังหวัดตรัง ได้รับปริญญา  
วิทยาศาสตร์บัณฑิต (คณิตศาสตร์) มหาวิทยาลัยมหิดล ปีการศึกษา 2547 และได้เข้าศึกษาต่อใน  
สาขาวิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัยเมื่อปีการศึกษา 2548