

แบบจัดองค์การถ่ายทอดความรู้ สำหรับการประชุมที่ใช้  
กับการอบรมเชิงปฏิบัติการ



จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
CHULALONGKORN UNIVERSITY

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาด้านหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต  
ภาควิชาวิศวกรรมเคมี

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2538

ISBN 974-631-903-5

ลิขสิทธิ์ของ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

๑๖๔๕๙๒๑

HEAT TRANSFER SIMULATION  
FOR TIRE CURING APPLICATION



จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
CHULALONGKORN UNIVERSITY

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Engineering

Department of Chemical Engineering

Graduate School

Chulalongkorn University

1995

ISBN 974-631-903-5

Thesis Title Heat Transfer Simulation for Tire  
Curing Application.  
By Mr. Surat Areerat  
Department Chemical Engineering  
Thesis Advisor Associate Professor Ura Pancharoen  
Thesis Co. Advisor Mr. Wiroj Tangcharoen

Accepted by the Graduate School, Chulalongkorn University in Partial Fulfillment of the Requirement for the Master's Degree.

Santi Thoongsuwan

----- Dean of Graduat School  
( Associate Professor Santi Thoongsuwan, Ph. D. )

Thesis Committee

Piyas Praserthdam

----- Chairman  
( Professor Piyasan Praserthdam, Dr. Ing. )



U. Boon

----- Thesis advisor  
( Associate Professor Ura Pancharoen, D. Eng. Sc. )

CHULALONGKORN UNIVERSITY

W. J. Tan

----- Thesis Co. advisor  
( Mr. Wiroj Tangcharoen )

Varun Taepaisitphongse

----- Member  
( Varun Taepaisitphongse, Ph. D. )

S. Phatanasri

----- member

( Suphot Phatanasri, Dr. Eng. )

Copyright of the Graduate school, Chulalongkorn University.

พิมพ์ต้นฉบับที่ดัดแปลงเพื่อการสอนสีเขียวนี้เพียงแผ่นเดียว

สุรัตน์ อารีรัตน์ : แบบจำลองการถ่ายเทความร้อนสำหรับการประยุกต์ใช้กับการอบคงรูปยาง  
รถยนต์ (HEAT TRANSFER SIMULATION FOR TIRE CURING APPLICATION)  
อ.ที่ปรึกษา : รศ.ดร.อุร้า ปานเจริญ, อ.ที่ปรึกษาร่วม : นายวิโรจน์ ตังเจริญ,  
๙๖ หน้า. ISBN 974-631-903-5

งานวิจัยฉบับนี้ ได้แสดงถึงวิธีการใช้ทฤษฎีการถ่ายเทความร้อนและวิธีการประมาณค่าแบบ Finite difference ในการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์สำหรับคำนวณการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของยางรถยนต์ ภายใต้ขบวนการอบคงรูป (การวัลคาไนเซชัน) แบบจำลองที่สร้างขึ้น ถูกนำมาใช้คำนวณ การเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิที่คำแห่งน่ำได้ด้วยวิธีเครื่องคอมพิวเตอร์ ยางที่ทำการศึกษาคือยาง เรเดียลรุ่นบรรทุกขนาดเล็ก ขนาด 195 R 14 C แบบจำลองที่ถูกสร้างขึ้น ให้มีผลลัพธ์การคำนวณที่มีความสอดคล้องและสามารถแสดงการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิกับเวลาได้ เมื่อใช้ค่าฟูเรียร์ เท่ากับ 0.4175 (ค่าฟูเรียร์ เป็นค่าไร้มิติ) สำหรับยางขนาดดังกล่าวในชั้งต้น สภาวะของเขตที่เกิดขึ้นในชั้นตอนการอบคงรูปจะอยู่ในแม่พิมพ์ และยางหลังขึ้นรูปแล้วซึ่งอยู่ในลักษณะหล่อเย็น ถูกนำมาใช้เป็นสภาวะของเขตในการคำนวณ

ผลการศึกษาที่ได้สามารถคำนวณหาราคาการแพร์ความร้อน (ค่าที่ได้จากการทดลอง) สำหรับยางขนาด 195 R 14 C โดยใช้วิธีการประมาณค่าและปรับให้เข้ากัน เสน่การเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิกับเวลาที่เกิดขึ้นขณะอบคงรูปยางรถยนต์ ค่าการแพร์ความร้อนที่หาได้จากการทดลอง (D-Emp) มีค่าเท่ากับ  $9.04 \times 10^{-7} \text{ m}^2/\text{sec}$ .



ภาควิชา ..... วิศวกรรมเคมี .....  
สาขาวิชา ..... วิศวกรรมเคมี .....  
ปีการศึกษา ..... 2537 .....

ลายมือชื่อนิสิต .....   
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา .....   
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม .....

# # C517294 : MAJOR CHEMICAL ENGINEERING

KEY WORD: HEAT TRANSFER/ VULCANIZATION/ THERMAL DIFFUSIVITY/ TIRE CURING

SURAT AREERAT : HEAT TRANSFER SIMULATION FOR TIRE CURING APPLICATION.

THESIS ADVISOR : ASSOC.PROF.URA PANCHAROEN, D.Eng.Sc., THESIS

CO-ADVISOR : MR.WIROJ TANGCHAROEN, 96 pp. ISBN 974-631-903-5

This thesis has presented a method of using heat transfer theory and finite difference approximation to build a mathematical model to calculate the temperature changes that occur during the tire curing process (vulcanization). Computer-aided simulation was used to estimate the rise in temperature of under tread position for light truck radial tire size of 195 R 14 C. Using Fourier's number ( $F_o$ , dimensionless) equal 0.4175 for this size, the result of the simulation corresponded closely to the theoretical norm. The simulation was based on the dynamic nature of the boundaries within the mould and cooling after moulding finished.

This work made it possible to calculate the value of empirical thermal diffusivity (D-Emp.) for 195 R 14 C, by using the curve fitting of temperature-time profiles for tire curing process. This value (D-Emp.) was  $9.04 \times 10^{-7} \text{ m}^2/\text{sec}$ .



จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
CHULALONGKORN UNIVERSITY

ภาควิชา..... วิศวกรรมเคมี

ลายมือชื่อนิสิต.....

สาขาวิชา..... วิศวกรรมเคมี

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา.....

ปีการศึกษา..... 2537

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม.....

## ACKNOWLEDGEMENT

The author would like to express his sincere thank to thesis advisor, Associate Professor Dr.Ura Pancharoen, and his thesis coadvisor Mr. Wiroy Tangcharoen, the Technical manager at Siam Tyre Phrapradaeng Co.,Ltd. for their understanding, helpful guidance, grammatical check of this thesis and encouragement in all aspects throughout the period of this work. Thanks are due to the thesis committee, Professor Piyasarn Praserdham, Dr. Varun Taepaisitphongse and Dr. Suphot Phatanasri for their constructive comments.

Siam Tyre Phrapradaeng Co.,Ltd. has provided a lot of useful data for thesis evaluation. Thanks for all people in the company who have contributed to the accomplishment of this work. In addition, the author is grateful to government officials of National Metal and Materials Technology Center (MTEC.), Ministry of Science, Technology and Environment for their permission and kind assistance to use the instruments necessary for this work.

Most of all, the author would like to express his most sincere gratitude to his parents for their understanding and encouragement.



## CONTENTS

|                                    | Page        |
|------------------------------------|-------------|
| <b>ABSTRACT (in English) .....</b> | <b>iv</b>   |
| <b>ABSTRACT (in Thai) .....</b>    | <b>v</b>    |
| <b>ACKNOWLEDGEMENT .....</b>       | <b>vi</b>   |
| <b>LIST OF TABLES .....</b>        | <b>x</b>    |
| <b>LIST OF FIGURES .....</b>       | <b>xi</b>   |
| <b>NOMENCLATURE .....</b>          | <b>xiii</b> |

| <b>CHAPTER</b> |  | <b>Page</b> |
|----------------|--|-------------|
|----------------|--|-------------|

|                                |          |
|--------------------------------|----------|
| <b>I INTRODUCTION .....</b>    | <b>1</b> |
| <b>Background .....</b>        | <b>1</b> |
| <b>Objectives .....</b>        | <b>4</b> |
| <b>Scope of work .....</b>     | <b>4</b> |
| <b>Benefits expected .....</b> | <b>5</b> |

|   |           |  |
|---|-----------|--|
| <b>II THEORY</b>  |           |  |
| <b>Basic knowledge of tire manufacturing .....</b>            | <b>6</b>  |  |
| <b>1. Rubber compound forming .....</b>                       | <b>7</b>  |  |
| <b>2. Vulcanization .....</b>                                 | <b>14</b> |  |
| <b>3. Heat transfer .....</b>                                 | <b>22</b> |  |
| <b>Modelling and numerical simulation of heat transfer</b>    |           |  |
| <b>during tire curing process .....</b>                       | <b>24</b> |  |
| <b>1. Heat transfer analysis .....</b>                        | <b>24</b> |  |
| <b>2. Heat transfer in the green tire .....</b>               | <b>26</b> |  |
| <b>3. Initial and boundary condition .....</b>                | <b>27</b> |  |
| <b>Numerical analysis of the heat transfer model .....</b>    | <b>29</b> |  |
| <b>1. Finite difference approximations to derivatives ...</b> | <b>29</b> |  |
| <b>2. Numerical analysis of the heat transfer model</b>       |           |  |
| <b>in the metal mould wall and in the green tire .....</b>    | <b>33</b> |  |

## CONTENTS (Continued)

| CHAPTER  |  | Page |
|--|--|------|
| Thermophysical characterization of rubber compound<br>and determination .....                |  |      |
| 1. Determination of density .....  |  | 36   |
| 2. Specific heat capacity versus temperature<br>measurement .....                            |  | 36   |
| 3. Thermal conductivity versus temperature<br>measurement .....                              |  | 38   |
| 4. Thermal diffusivity measurement .....   |  | 39   |
| III LITERATURE REVIEWS .....   |  | 42   |
| IV EXPERIMENTAL  |  |      |
| General .....  |  |      |
| Temperature distribution by thermocouples in real time ..                                    |  | 48   |
| Thermophysical properties determination .....  |  | 49   |
| 1. Density versus temperature measurement .....  |  | 52   |
| 2. Specific heat capacity versus temperature<br>measurement .....                            |  | 52   |
| V SIMULATIONS RESULTS AND DISCUSSION   |  |      |
| Comparison of simulation results with<br>experimental data .....                             |  |      |
| 1. Discussion on ideal boundary condition of<br>curing service condition .....               |  | 59   |
| 2. Discussion on actual boundary condition of<br>curing service and cooling cycle data ..... |  | 61   |
| Calculation of empirical thermal diffusivity and<br>compare with literature data .....       |  | 63   |
| Application to tire curing process .....   |  | 64   |
| 1. Case study I. ....  |  | 67   |
| VI CONCLUSIONS AND RECOMMENDATIONS   |  |      |
| Conclusions .....  |  | 85   |

## CONTENTS (Continued)

| CHAPTER  | Page |
|--|------|
| Recommendations .....  | 86   |
| REFERENCES .....   | 87   |
| APPENDIX .....   | 88   |
| A. Calculation of empirical thermal conductivity .....                         | 89   |
| B. Sample calculation by computer .....  | 91   |
| C. Figure shows steelbelted radial tyre process .....                          | 93   |
| D. Figure shows data recorder "YOKOGAWA HR-2400" .....                         | 94   |
| E. Figure shows cross-section tire of light truck radial<br>; 195 R 14 C ..... | 95   |
| VITA .....   | 96   |

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
CHULALONGKORN UNIVERSITY

## LIST OF TABLES

|   | Page      |
|---|-----------|
| <b>Table 2.1</b> The conversion factors for some of the thermal conductivity units .....  | <b>41</b> |
| <b>Table 2.2</b> Thermal conductivity and diffusivity for some materials .....  | 42        |
| <b>Table 5.1</b> Shown experimental data of temperature-time for under tread position .....                                     | 77        |
| <b>Table 5.2</b> Shown tread surface temperature of specimen .....  | 78        |
| <b>Table 5.3</b> Shown bladder surface temperature of specimen .....  | 79        |
| <b>Table 5.4</b> Comparison of simulation results with experimental data for ideal boundary condition .....                     | 80        |
| <b>Table 5.5</b> Comparison of simulation results with experimental data for actual boundary condition .....                    | 81        |
| <b>Table 5.6</b> Calculation of the empirical value of thermal conductivity and diffusivity for ideal boundary condition .....  | 82        |
| <b>Table 5.7</b> Calculation of the empirical value of thermal conductivity and diffusivity for actual boundary condition ..... | 83        |

## LIST OF FIGURES

|   | Page      |
|---|-----------|
| <b>Figure 1.1 Typical mathematical modelling technique .....</b>  | <b>3</b>  |
| <b>Figure 2.1 Arrangement of calender roll .....</b>  | <b>9</b>  |
| <b>Figure 2.2 Curing curves of rubber compound .....</b>  | <b>16</b> |
| <b>Figure 2.3 Fragment of vulcanization unit with a tyre .....</b>  | <b>22</b> |
| <b>Figure 2.4 Shows thermal axis for cylindrical coordinate .....</b>   | <b>23</b> |
| <b>Figure 2.5 Cross - section of the cylindrical mould .....</b>  | <b>27</b> |
| <b>Figure 2.6 Approximation used in finite difference method ....</b>   | <b>31</b> |
| <b>Figure 2.7 Corresponding radius at difference nodes .....</b>  | <b>33</b> |
| <b>Figure 2.8 Schematic diagram of TMA. ....</b>  | <b>38</b> |
| <b>Figure 3.1 Literature values for the thermal conductivity of<br/>Polyvinyl chloride .....</b>  | <b>46</b> |
| <b>Figure 3.2 Literature values for the thermal conductivity of<br/>gum natural rubber .....</b>  | <b>46</b> |
| <b>Figure 4.1 Shows temperature change versus time<br/>inteval recording .....</b>  | <b>50</b> |
| <b>Figure 4.2 Operating with the Dilatometer accessory .....</b>  | <b>54</b> |
| <b>Figure 4.3 The results of expansion versus temperature change<br/>recording from TMA. ....</b>   | <b>55</b> |
| <b>Figure 4.4 Perkin-Elmer 7 Series Thermal Analysis System .....</b>   | <b>57</b> |
| <b>Figure 5.1 Comparison of simulation results with experimental<br/>data for ideal boundary condition .....</b>                              | <b>62</b> |
| <b>Figure 5.2 Comparison of simulation results with experimental<br/>data for actual boundary condition<br/>(heating &amp; cooling) .....</b> | <b>66</b> |
| <b>Figure 5.3 The comparison of simulation results for<br/>case study I with regular profile .....</b>  | <b>68</b> |

## LIST OF FIGURES (Continued)

|   | Page      |
|---|-----------|
| <b>Figure 5.4 Comparison of simulation results with experimental data for ideal boundary condition : specimen Tire #1</b>                                 | <b>69</b> |
| <b>Figure 5.5 Comparison of simulation results with experimental data for ideal boundary condition : specimen Tire #2</b>                                 | <b>70</b> |
| <b>Figure 5.6 Comparison of simulation results with experimental data for ideal boundary condition : specimen Tire #3</b>                                 | <b>71</b> |
| <b>Figure 5.7 Comparison of simulation results with experimental data for ideal boundary condition : specimen Tire #4</b>                                 | <b>72</b> |
| <b>Figure 5.8 Comparison of simulation results with experimental data for actual boundary condition (heating &amp; cooling) specimen : Tire #1 .....</b>  | <b>73</b> |
| <b>Figure 5.9 Comparison of simulation results with experimental data for actual boundary condition (heating &amp; cooling) specimen : Tire #2 .....</b>  | <b>74</b> |
| <b>Figure 5.10 Comparison of simulation results with experimental data for actual boundary condition (heating &amp; cooling) specimen : Tire #3 .....</b> | <b>75</b> |
| <b>Figure 5.11 Comparison of simulation results with experimental data for actual boundary condition (heating &amp; cooling) specimen : Tire #4 .....</b> | <b>76</b> |
| <b>Figure A.1 The expansion of tread compound during tire curing simulation by TMA.</b>   | <b>90</b> |
| <b>Figure A.2 The specific heat versus temperature profile for tread compound ; measured by DSC.</b>  | <b>90</b> |

## NOMENCLATURE

|                 |   |                        |
|-----------------|---|------------------------|
| A               | Heat transfer area                                  | (m <sup>2</sup> )      |
| Cp              | Constant - pressure specific heat                   | (J/Kg.C)               |
| D               | Thermal diffusivity                                 | (m <sup>2</sup> /sec.) |
| Fo              | Fourier's number (Dimensionless time)               |                        |
| K               | Thermal conductivity                                | (W/m.C)                |
| r               | Radial coordinate in a cylindrical polar frame      | (m)                    |
| Δr              | Radial increment in a cylindrical coordinate        | (m)                    |
| t               | Time  | (sec.)                 |
| Δt              | Time increment                                      | (sec.)                 |
| T               | Temperature   | (C)                    |
| T <sub>0</sub>  | Initial temperature                                 | (C)                    |
| T <sub>e</sub>  | Ambient temperature                                 | (C)                    |
| T <sub>m</sub>  | Temperature at the inner surface of the metal mould | (C)                    |
| T <sub>b</sub>  | Temperature at the bladder surface                  | (C)                    |
| dT              | Temperature increment                               | (C)                    |
| V <sub>0</sub>  | Initial volume at time , t=0                        | (sec.)                 |
| ΔV              | Volumetric change                                   | (m <sup>3</sup> )      |
| ρ <sub>av</sub> | Average density of rubber compound                  | (Kg/m <sup>3</sup> )   |
| ρ <sub>p</sub>  | Paste density of the rubber compound                | (Kg/m <sup>3</sup> )   |
| ρ <sub>s</sub>  | Solid density of the rubber compound                | (Kg/m <sup>3</sup> )   |