



บทที่ 5

สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ

การวิจัยในครั้งนี้ต้องการศึกษาเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบ และเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเกทที่ 1 ของวิธีการตรวจสอบค่าผิดปกติ 3 วิธีการคือ วิธีการของทิตเจน, มัวร์ และเบคแมน(TMB) วิธีการของเมอวิน (M) และวิธีการของจีแบร์รี (GB) โดยศึกษาการแจกแจงของความผิดพลาด 2 ลักษณะ ลักษณะแรกเป็นการแจกแจงแบบทางยาวกว่าการแจกแจงปกติ ซึ่งใช้การแจกแจงแบบ สเกลคอนทามิเนตนอร์มอล การแจกแจงแบบโลเคชันทามิเนตนอร์มอล และการ แจกแจงแบบที่ ลักษณะที่สองเป็นการแจกแจงแบบเบี้ยว ซึ่งใช้การแจกแจงแบบลอก- นอร์มอล การแจกแจงแบบแคมมา และการแจกแจงแบบไบูล์ โดยการศึกษาการ แจกแจงแต่ละลักษณะจะศึกษาในการสิ่งที่มีจำนวนค่าผิดปกติ(k) เกิดขึ้น 1, 2 และ 3 ค่า ตามลำดับ ผลการวิจัยสรุปได้ดังนี้

5.1 สรุปผลค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเกทที่ 1

เมื่อนำค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเกทที่ 1 ที่ได้จากการ ทดลองมาเปรียบเทียบกับเกณฑ์ที่กำหนดให้ คือ เกณฑ์ของ Bradley และ Cochran สามารถสรุปผลการวิจัยได้ดังนี้

5.1.1 เมื่อการแจกแจงของความผิดพลาดเป็นการแจกแจงแบบทางยาวกว่า การแจกแจงแบบปกติ

ก) การแจกแจงแบบสเกลคอนทามิเนตนอร์มอล โดยทั่วไปพบว่าตัว สหพัฒน์ทดสอบ M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเกทที่ 1 ได้ดีใกล้เคียงกันในทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา ($n = 20, 50$ และ 100) ทุกรายดับนัย- สำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) และทุกค่าสเกลแฟคเตอร์ที่ศึกษา ($c = 3, 5$ และ 10) ส่วนตัวสหพัฒน์ทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเกทที่ 1 ได้ ยกเว้นกรณีที่ใช้ $n = 20$ และ $\alpha = 0.01$ ตัวสหพัฒน์ทดสอบ TMB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเกทที่ 1 ได้

บ) การแจกแจงแบบโลเวชันค่อนກามิเนตโนร์มอล โดยทั่วไปพบว่าตัวสถิติทดสอบ M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ใกล้เคียงกันในทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา ($n = 20, 50$ และ 100) ทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) และทุกค่าโลเวชันแฟคเตอร์ที่ศึกษา ($a = 3, 5$ และ 15) ยกเว้นกรณีที่ $n = 100, \alpha = 0.05$ และ $a = 15$ ตัวสถิติทดสอบ GB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ ส่วนตัวสถิติทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ ยกเว้นกรณีที่ $n = 20$ และ 50 ที่ระดับนัยสำคัญ (α) = 0.01 ตัวสถิติทดสอบ TMB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้

ค) การแจกแจงแบบทิ พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 3 วิธีการ คือตัวสถิติทดสอบ TMB, M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ในทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) ในงานวิจัยครั้งนี้ศึกษากรณีเฉพาะขนาดตัวอย่าง ($n = 20$) เท่านั้นเนื่องจากขนาดตัวอย่างที่มีขนาดใหญ่จะทำให้การแจกแจงแบบทิเข้าใกล้การแจกแจงแบบปกติ และทำให้ค่าเฉลี่ยของความผิดพลาดกำลังสอง (mean square error (MSE)) ต่ำกว่าความเป็นจริง

ผลการวิจัยทุกการแจกแจงแบบทางยาวกว่าปกติที่ศึกษานั้นว่า ตัวสถิติทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ เมื่อขนาดตัวอย่าง และระดับนัยสำคัญมีค่าเพิ่มขึ้น ส่วนตัวสถิติทดสอบ M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ดีในสถานการณ์ดังกล่าว

5.1.2 เมื่อการแจกแจงของความผิดพลาดเป็นการแจกแจงแบบเบื้องขวา

ก) การแจกแจงแบบลอกอนอร์มอล โดยทั่วไปพบว่าตัวสถิติทดสอบ M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้ใกล้เคียงกันในทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา ($n = 20, 50$ และ 100) ทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) และทุกค่าความแปรปรวนที่ศึกษา ($s^2 = 0.10, 0.30, 0.50$ และ 0.70) ยกเว้นกรณีที่ $n = 100, \alpha = 0.05$ ตัวสถิติทดสอบ GB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้เมื่อใช้ ค่าความแปรปรวน ($s^2 = 0.50$ และ 0.70 ตามลำดับ ส่วนตัวสถิติทดสอบ TMB โดยทั่วไปพบว่าสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพาะที่ 1 ได้เมื่อใช้ขนาดตัวอย่าง (n)

= 20 และ 50 ในกรณีที่ใช้ $n = 100$ ที่ร率为ดันนัยสำคัญ (α) = 0.01 และ 0.05 พบว่า ตัวสถิติทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 เมื่อใช้ค่าความแปรปรวน (s^2) = 0.50 และ 0.70 ตามลำดับ

บ) การแจกแจงแบบแกมมา โดยทั่วไปพบว่าตัวสถิติทดสอบ M และ GB มีความสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้ดีใกล้เคียงกัน ในทุกร率为ดันนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) ทุกค่า shape parameter ที่ศึกษา ($\alpha = 1, 2, 3$ และ 10) เมื่อใช้ขนาดตัวอย่าง (n) = 20 และ 50 ส่วนกรณีที่ใช้ขนาดตัวอย่าง (n) = 100 ที่ร率为ดันนัยสำคัญ (α) = 0.01 และ 0.05 พบว่าตัวสถิติทดสอบ M และ GB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้เมื่อใช้ค่า shape parameter เป็น 3 และ 10 ตามลำดับ ส่วนตัวสถิติทดสอบ TMB โดยทั่วไปพบว่าสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้ดีเมื่อใช้ขนาดตัวอย่าง (n) = 20 และ 50 กรณีที่ใช้ขนาดตัวอย่าง (n) = 100 ตัวสถิติทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้เมื่อใช้ค่า shape parameter เป็น 2, 3 และ 10 ตามลำดับ

ค) การแจกแจงแบบไบโนล์ โดยทั่วไปพบว่าตัวสถิติทดสอบ M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้ดีใกล้เคียงกัน ในทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา ($n = 20, 50$ และ 100) ทุกค่า shape parameter ที่ศึกษา ($\alpha = 1, 2, 3$ และ 10) และทุกร率为ดันนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) ยกเว้นกรณีที่ใช้ $n = 100$ ที่ร率为ดันนัยสำคัญ (α) = 0.01 และ 0.05 พบว่า ตัวสถิติทั้ง 2 ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้ เมื่อใช้ค่า shape parameter เป็น 10 ส่วนตัวสถิติทดสอบ TMB พบว่าสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้เมื่อใช้ขนาดตัวอย่าง (n) = 20 ทุกร率为ดันนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) กรณีที่ใช้ขนาดตัวอย่าง (n) = 50 และ 100 ตัวสถิติทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้เมื่อใช้ค่า shape parameter เป็น 2, 3 และ 10 ตามลำดับ

ผลการวิจัยทุกการแจกแจงแบบเบื้องต้นชี้ว่าตัวสถิติทดสอบ TMB ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้ดีเมื่อขนาดตัวอย่าง และร率为ดันนัยสำคัญมีค่าเพิ่มขึ้น ส่วนตัวสถิติทดสอบ M และ GB สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเวทที่ 1 ได้ดีในสถานการณ์ตั้งกล่าว

5.2 สรุปผลการเปรียบเทียบค่าอำนาจการทดสอบ

สามารถสรุปผลการวิจัยได้ดังนี้

5.2.1 เมื่อการแจกแจงของความผิดพลาดเป็นการแจกแจงแบบทางยาวกว่า การแจกแจงปกติ

ก) การแจกแจงแบบสเกลคอนหมายเนตโนร์มอล

กรณีที่ 1 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 1

ผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบ GB ให้อำนาจการทดสอบสูงสุดทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา ($n = 20, 50$ และ 100) และทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบ TMB และ M ตามลำดับ

กรณีที่ 2 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 2 และ 3

ผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบ M ให้อำนาจการทดสอบสูงสุดทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา และทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB ตามลำดับ

ผลการวิจัยทั้ง 2 กรณีพบว่าการเพิ่มสเกลแฟคเตอร์(c) มีผลทำให้ตัวสถิติทดสอบ M มีอำนาจการทดสอบสูงขึ้น ส่วนตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB มีอำนาจการทดสอบลดลงเล็กน้อย

ข) การแจกแจงแบบโลเคชันหมายเนตโนร์มอล

กรณีที่ 1 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 1

ผลการวิจัยพบว่า ให้ผลเหมือนกับการแจกแจงสเกลคอนหมายเนตโนร์มอล (ข้อ ก) กรณีที่ 1)

กรณีที่ 2 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 2 และ 3

ผลการวิจัยพบว่า ให้ผลเหมือนกับการแจกแจงสเกลคอนหมายเนตโนร์มอล (ข้อ ก) กรณีที่ 2)

ผลการวิจัยทั้ง 2 กรณีพบว่าการเพิ่มโลเคชันแฟคเตอร์(c) มีผลทำให้ตัวสถิติทดสอบ M มีอำนาจการทดสอบสูงขึ้น ส่วนตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB มีอำนาจการทดสอบลดลงเล็กน้อย

ค) การแจกแจงแบบที่

กรณีที่ 1 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 1

ผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบ GB ให้อำนาจการทดสอบสูงสุดทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบ TMB และ M ตามลำดับ

กรณีที่ 2 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 2 และ 3

ผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบ M ให้อ่านาจการทดสอบสูงสุดทุกระดับนัยสำคัญที่ศึกษา รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB ตามลำดับ

ผลการวิจัยทั้ง 2 กรณีพบว่าตัวสถิติทดสอบ TMB, M และ GB มีอ่านาจการทดสอบสูงขึ้นเมื่อระดับนัยสำคัญมีค่าเพิ่มขึ้น

ผลการวิจัยทุกการแจกแจงแบบทางยาวกว่าปกติที่ศึกษานามว่าตัวสถิติทดสอบ TMB, M และ GB มีอ่านาจการทดสอบสูงขึ้นเมื่อขนาดตัวอย่าง ระดับนัยสำคัญ และ เปอร์เซนต์การป้องบันเพิ่มขึ้น

5.2.2 เมื่อการแจกแจงของความผิดนล沓เป็นการแจกแจงแบบเบื้องขวา

ก) การแจกแจงแบบลอกนอร์มอล

กรณีที่ 1 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 1

ผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบ GB ให้อ่านาจการทดสอบสูงสุดทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา ($n = 20, 50$ และ 100) และทุกรายรดับนัยสำคัญที่ศึกษา ($\alpha = 0.01$ และ 0.05) รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบ TMB และ M ตามลำดับ

กรณีที่ 2 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 2 และ 3

ผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบ M ให้อ่านาจการทดสอบสูงสุดทุกขนาดตัวอย่างที่ศึกษา และทุกรายรดับนัยสำคัญที่ศึกษา รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB ตามลำดับ

ผลการวิจัยทั้ง 2 กรณีพบว่าการเพิ่มความแปรปรวน (variance) มีผลทำให้ตัวสถิติทดสอบ M มีอ่านาจการทดสอบสูงขึ้น ส่วนตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB มีอ่านาจการทดสอบลดลงเล็กน้อย

ก) การแจกแจงแบบแกรมมาและไบบูลล์

กรณีที่ 1 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 1

ผลการวิจัยพบว่าให้ผลเหมือนกับการแจกแจงลอกนอร์มอล

(ข้อ ก) กรณีที่ 1)

กรณีที่ 2 จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 2 และ 3

ผลการวิจัยพบว่าให้ผลเหมือนกับการแจกแจงลอกนอร์มอล .

(ข้อ ก) กรณีที่ 2)

ผลการวิจัยทั้ง 2 กรณีพบว่าการเพิ่มค่า shape parameter

(alpha) มีผลทำให้ตัวสถิติทดสอบ M มีอำนาจการทดสอบสูงขึ้น ส่วนตัวสถิติทดสอบ GB และ TMB มีอำนาจการทดสอบลดลงเล็กน้อย

ผลการวิจัยทุกการแจกแจงแบบเบื้องต้นก็ยังคงบ่งชี้ว่าตัวสถิติทดสอบ TMB, M และ GB มีอำนาจการทดสอบสูงขึ้น เมื่อขนาดตัวอย่าง และระดับนัยสำคัญมีค่าเดียวกัน

5.3 ข้อเสนอแนะ

1 คร่าวคิกษาเพิ่มเติมในกรณีที่ตัวแปรอิสระ (X) หรือความผิดพลาด (ϵ) มีลักษณะเป็นตัวมันเอง ทั้งนี้เพราะในทางปฏิบัติข้อมูลที่นำมาวิเคราะห์ความถดถอยอาจจะเกิดลักษณะนี้กันเองก็ได้

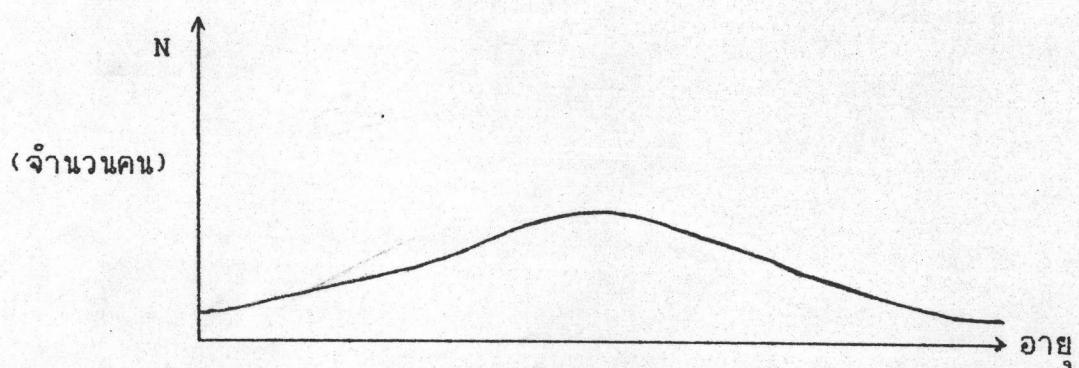
2 คร่าวคิกษาแนวทางการแก้ไขปัญหาค่าผิดปกติ ซึ่งอาจจะใช้วิธีการตัดค่าผิดปกติออกถ้าขนาดตัวอย่างสูงพอสมควร หรือในกรณีที่มีขนาดตัวอย่างจำกัดอาจจะทดลองหาวิธีการประมาณค่าข้อมูลมาแทนค่าผิดปกติค่านั้น

3 คร่าวคิกษาเพิ่มเติมเมื่อเกิดค่าผิดปกติในกรณีวิเคราะห์ความถดถอยเชิงพหุ

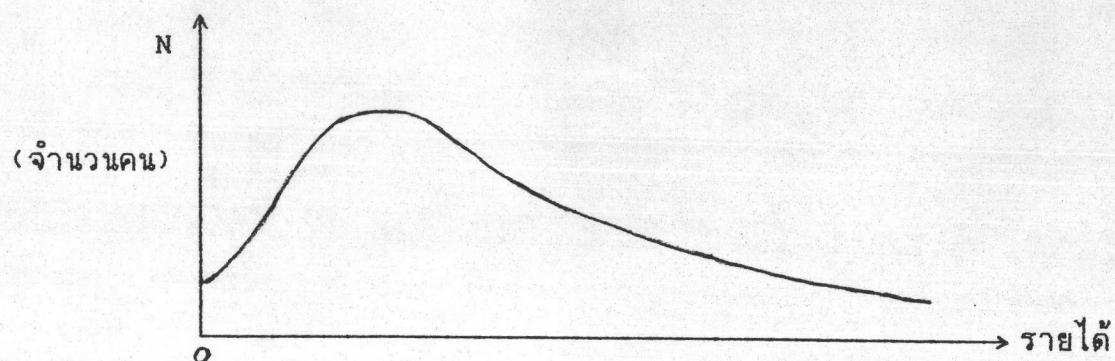
4 ในกรณีที่ขนาดตัวอย่างมีขนาดใหญ่บางครั้งการตรวจสอบค่าผิดปกติซึ่งมีอยู่เพียงบางค่าอาจจะไม่คุ้มกับเวลาและค่าใช้จ่ายที่ต้องเสียไป ผู้วิจัยคิดว่าในกรณีเช่นนี้คร่าวคิกษาถึงจำนวนค่าผิดปกติที่จะยอมให้เกิดขึ้นได้ โดยนำค่าเฉลี่ยของความผิดพลาด-กำลังสอง (mean square error (MSE)) ของแต่ละวิธีการเป็นเกณฑ์ในการตัดสินใจ

5 ในทางปฏิบัติจะพบข้อมูลผิดปกติเกิดขึ้นในการแจกแจงแบบบางรายการกว่าการแจกแจงปกติ เช่น การกระจายอายุของประชากรที่อยู่ในประเทศที่พัฒนาแล้ว (ในประเทศสหรัฐอเมริกามีอัตราการเกิดใกล้เคียงกับอัตราการตาย เนื่องจากสามารถคุมกำเนิดประชากร และมีความเจริญทางด้านการแพทย์ ดังนั้นประชากรที่อยู่ในวัยเด็กจะมีจำนวนพอ ๆ กับประชากรที่อยู่ในวัยชรา (ดูรูปกราฟที่ 5.1 ประกอบ)) และในบางครั้งอาจจะพบข้อมูลผิดปกติเกิดขึ้นในการแจกแจงแบบเบื้องต้น เช่น ข้อมูลการกระจายรายได้ (เพราะจำนวนคนที่มีรายได้ต่ำมีจำนวนมากกว่าคนที่มีรายได้สูง (ดูรูปกรานที่ 5.2 - ประกอบ)) ข้อมูลเกี่ยวกับอายุการใช้งานของเครื่องจักร (เพราะในระยะแรกที่นำเครื่องจักรมาใช้งานยังไม่ค่อยเกิดข้อบกพร่องในการทำงาน เนื่องจากเครื่องจักรยังใหม่อยู่ ดังนั้นจำนวนชั่วโมง(อายุ)การใช้งานตามปกติจะนากกว่าในระยะหลัง (ดูรูปกราฟที่ 5.3 ประกอบ)) ดังนั้นเมื่อนำวิธีการตรวจสอบข้อมูลผิดปกติ 3 วิธีการ คือ วิธีการของ TMB, วิธีการของ M และวิธีการของ GB มาใช้ตรวจสอบข้อมูลผิดปกติเมื่อการแจกแจงของความผิดพลาดเป็น 2 ลักษณะข้างต้น ซึ่งสามารถสรุปผลเกี่ยวกับอำนาจ

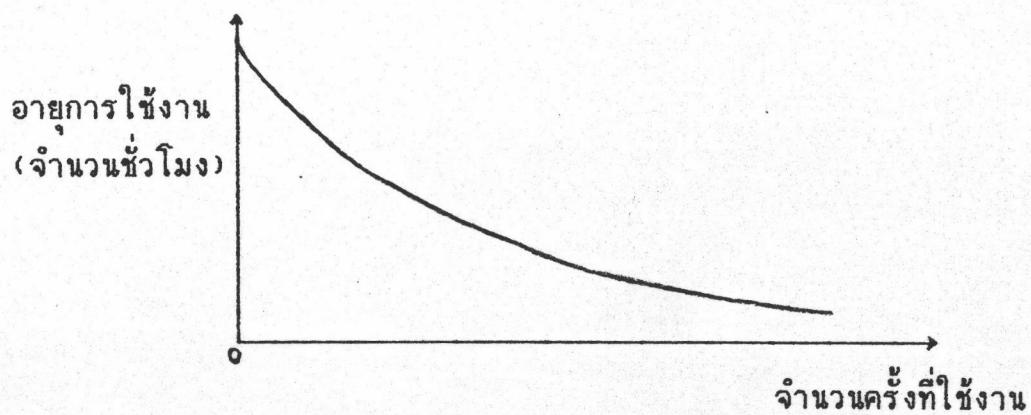
การทดสอบได้ว่าในการพิมพ์จำนวนค่าผิดปกติ(k) = 1 ค่า ตัวสถิติทดสอบของวิธีการของ GB ให้อ่านจากการทดสอบสูงสุด รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบของวิธีการ TMB และ M ตามลำดับ ส่วนกรณีที่มีจำนวนค่าผิดปกติ(k) = 2 และ 3 ค่า ตัวสถิติทดสอบของวิธีการของ M ให้อ่านจากการทดสอบสูงสุด รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบของวิธีการของ GB และ TMB ตามลำดับ ซึ่งผลสรุปที่ได้ลอดคล้องกันทั้ง 2 ลักษณะการแจกแจง ถ้าหากเกิดข้อมูลผิดปกติขึ้นในการพิมพ์ไม่สามารถระบุว่าการแจกแจงของความผิดพลาดเป็นการแจก-แจงแบบใดได้อย่างชัดเจนแต่ทราบลักษณะคร่าวๆ ว่าเป็นการแจกแจงแบบทางยาวกว่า การแจกแจงปกติ หรือแบบเบี้ยวๆ โดยพิจารณาจากรูปกราฟการกระจายของข้อมูล ความโถง และความเบี้ยว ตามลำดับ ผู้วิจัยคาดว่าผลสรุปเกี่ยวกับอ่านจากการทดสอบข้างต้นยังคงใช้ได้สำหรับกรณีที่ไม่สามารถระบุประเภทของการแจกแจงของความผิดพลาด



รูปกราฟที่ 5.1 แสดงการกระจายอายุของประชากรที่อยู่ในประเทศไทยที่พัฒนาแล้ว ซึ่งมีการแจกแจงแบบทางยาวกว่าการแจกแจงปกติ



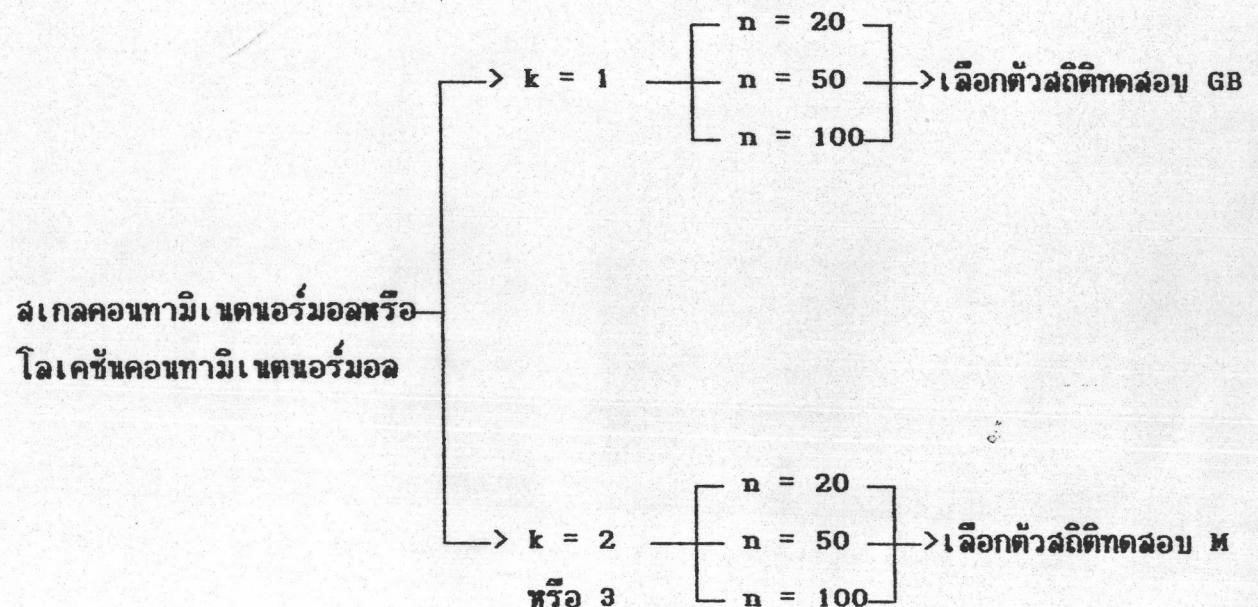
รูปกราฟที่ 5.2 แสดงการกระจายรายได้ ซึ่งมีการแจกแจงแบบเบี้ยวๆ

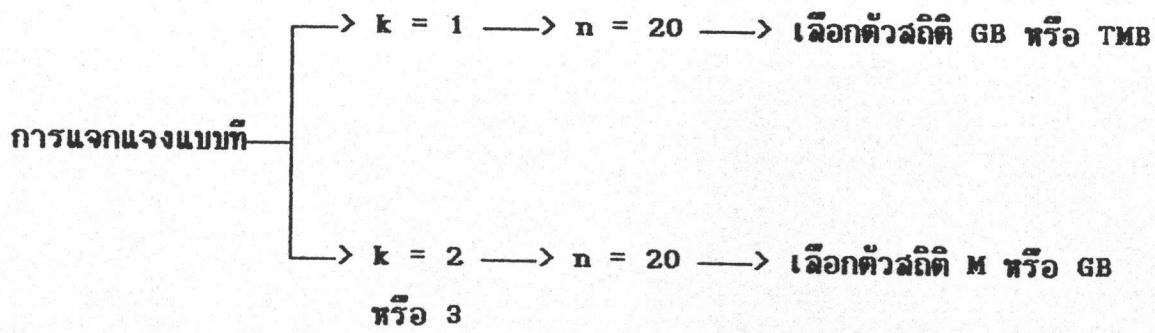


รูปกราฟที่ 5.3 แสดงการกระจายเกี่ยวกับอายุการใช้งานของเครื่องจักร ซึ่งมีการแจกแจงแบบเอกซ์โพเนนเชียล ซึ่งเป็นกรณีเดียวของการแจกแจงแบบแกมมา ดังนั้นจึงมีลักษณะการแจกแจงเป็นแบบเบี้ยวขวา

สรุปแผนผังการเลือกตัวสถิติกล้อนจำแนกตามการแจกแจงของความผิดพลาด (%)

ก) การพิจารณาการแจกแจงแบบทางยาวกว่าปกติ





ข) กรณีที่มีการแจกแจงแบบเบื้องขวา

