

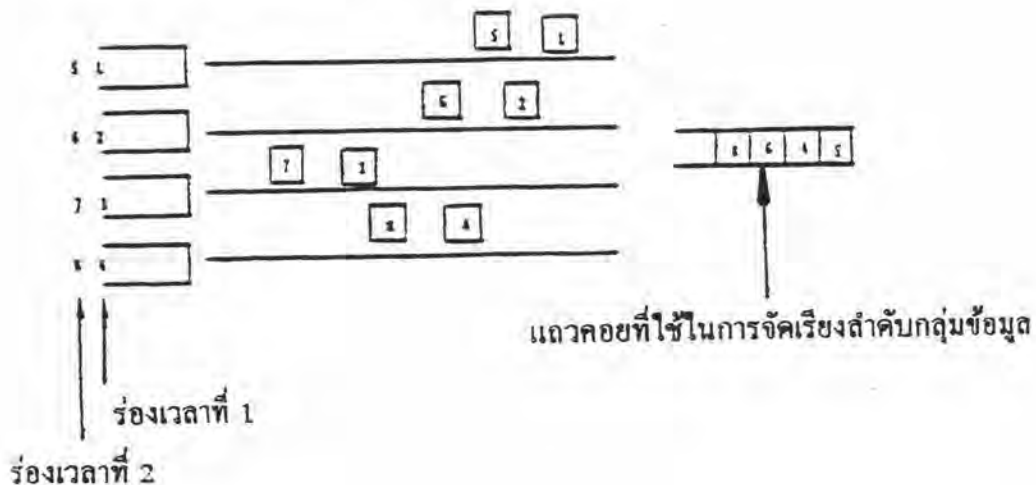
## การจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูล

ในการส่งข้อมูลหรือข่าวสารจากต้นทางไปยังปลายทาง โดยผ่านเครือข่ายโทรคมนาคม กลุ่มข้อมูลหรือข่าวสารที่ไปถึงปลายทางปกติแล้วต้องการให้มีการเรียงลำดับเหมือนกับกลุ่มข้อมูลที่ส่งมาจากต้นทาง แต่บางครั้งอาจจะมาถึงปลายทางอย่างไม่เรียงลำดับเนื่องจากว่ากลุ่มข้อมูลมีความยาวไม่เท่ากัน, มีเส้นทางเชื่อมโยงระหว่างต้นทางและปลายทางจำนวนหลายเส้นทางซึ่งมีความสามารถในการส่งกลุ่มข้อมูลด้วยความเร็วที่ต่างกัน และกลุ่มข้อมูลบางกลุ่มอาจเกิดการสูญหายระหว่างทาง จำเป็นต้องส่งใหม่ เหตุการณ์เหล่านี้ทำให้กลุ่มข้อมูลที่ผ่านตามเส้นทางต่างๆ ไม่เรียงลำดับกลุ่มข้อมูลที่เข้ามา เมื่อมาถึงปลายทาง ดังนั้นจึงต้องจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลที่ปลายทางใหม่ก่อนที่จะส่งต่อไป

## 5.1 เวลาในการจัดเรียงลำดับข้อมูล

เวลาที่ใช้ในการจัดเรียงลำดับข่าวสารหรือกลุ่มข้อมูล หมายถึงว่าเวลาที่ข่าวสารหรือกลุ่มข้อมูลที่ส่งผ่านได้เร็วกว่ามาถึงปลายทางก่อนกลุ่มข้อมูลอื่นที่มีลำดับมาก่อนจะต้องรอคอยที่ปลายทางจนกว่าข่าวสารหรือกลุ่มข้อมูลที่ถูกผ่านข้ามลำดับมาถึงปลายทางครบทุกจำนวน ในรูปที่ 5.1 จะเห็นว่ากลุ่มข้อมูลถูกส่งผ่านเส้นทางที่มีจำนวนมากกว่าหนึ่งกลุ่มข้อมูลที่อยู่ในแต่ละเส้นทาง และกลุ่มข้อมูลเหล่านี้อาจส่งผ่านเส้นทางด้วยความเร็วสูงกว่ากลุ่มข้อมูลใด ๆ ในเส้นทางอื่นได้เป็นสาเหตุให้ไปถึงปลายทางอย่างไม่เรียงลำดับกลุ่มข้อมูล ในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูล อุปกรณ์จัดเรียงลำดับจะต้องทำการบันทึกกลุ่มข้อมูลต่าง ๆ ก่อนที่จะส่งไปทางปลายทาง โดยสมมุติว่ามีจำนวนกลุ่มข้อมูลส่งผ่านข้อมูลออกไปถึงปลายทางอย่างไม่เรียงลำดับและการจัดเรียงตามลำดับนี้ก็สามารถที่จะนำจำนวนกลุ่มข้อมูลดังกล่าวมาเรียงลำดับใหม่อีกครั้ง เมื่อกลุ่มข้อมูลมาถึงบัฟเฟอร์ที่ใช้ในการจัดเรียงลำดับแล้วก็ทำการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลใหม่ในแถวคอยในการเรียงลำดับนั้นถ้ากลุ่มข้อมูลส่งผ่านด้วยความเร็วกว่ากลุ่มข้อมูลอื่นมาถึง เป็นจำนวน  $m$  ก็จะต้องรอคอยจนกว่าแต่ละกลุ่มข้อมูลในจำนวน  $m$  เข้ามาถึงที่บัฟเฟอร์ การเรียงลำดับจนครบจำนวนสมมุติว่าเส้นทาง  $i$  มีการใช้งานคับคั่งมากแล้วกลุ่มข้อมูลอื่นในเส้นทาง  $j$  ( $j \neq i$ ) [21, 22, 23] ก็สามารถส่งผ่านข้ามกลุ่มข้อมูลต่าง ๆ ในเส้นทาง  $i$  ได้ สามารถสมมุติได้ว่ากลุ่มข้อมูลที่เรียงลำดับในช่องสื่อสารของการสวิตซ์กลุ่มข้อมูลชนิดมีช่องสื่อสารเดียว เวลาที่ใช้ในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลก็คือเวลาที่รอคอยของกลุ่มข้อมูลใด ๆ ในแถวคอยของการจัดเรียงลำดับนั้น จากรูปที่ 5.1 ถ้ากลุ่มข้อมูลที่ 8 ในเส้น

ทางที่ 4 ส่งได้เร็วกว่ากลุ่มข้อมูล 3 และ 7 ในเส้นทางที่ 3 มาถึงแถวคอยของการจัดเรียงลำดับก่อน  
 ช่วงเวลาที่รอคอย ก็คือเวลาที่ใช้ในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลนั่นเอง



รูปที่ 5.1 การจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลของเส้นทางผ่าน

5.2 การวิเคราะห์เวลาในการจัดเรียงกลุ่มข้อมูล [24]

การหาเวลาในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลด้วยวิธีการวิเคราะห์สมมุติว่ามีกราฟฟิกเข้ามา  
 จำนวนต่างกัน พิจารณาให้กลุ่มข้อมูลในแถวคอยที่จะส่งออกได้โดยไม่มีกรสูญหายเกิดขึ้นและ  
 สมมุติว่าส่งออกเป็น  $n$  คอลัมน์ ( Column ) ความน่าจะเป็นที่กลุ่มข้อมูลส่งออกจำนวน  $m$  กลุ่ม  
 ข้อมูล คิดความน่าจะเป็นกลุ่มข้อมูลที่ออกไปได้ก็คือ

$$P\{m\} = qP^{m-1}, m \geq 1 \text{ เมื่อ } q = 1 - P \tag{5.1}$$

ถ้ามีกลุ่มข้อมูลใดๆ ติดขัดในแถวคอยของบัฟเฟอร์ขณะที่จะส่งออก เวลาที่ใช้ส่งกลุ่มข้อมูลออกได้  
 คือช่วงระหว่างเวลาที่กลุ่มข้อมูลอยู่ในแถวคอยนั้นถูกส่งออกครั้งแรกและออกได้ไม่หมด ความน่า  
 จะเป็นที่กลุ่มข้อมูลในคอลัมน์  $j$  เมื่อ  $1 \leq j \leq N - 1$  ของกลุ่มข้อมูลติดขัดในแถวคอยถ้ากำหนด  
 ว่าต้องการส่ง  $m$  กลุ่มข้อมูลจะเป็น  $P^m$  และความน่าจะเป็นที่เกิดขึ้นเป็นเงื่อนไขกันคือ ช่วงเวลา  
 ขณะหนึ่งของการส่งกลุ่มข้อมูลในแถวคอยออกได้ซึ่งมีจำนวน  $l$  กลุ่มข้อมูลที่ไม่ได้รับการส่ง  
 ออกไปคือ

$$P\{l/m\} = \binom{N-1}{l} P^m (1 - P^m)^{N-1-l} \quad 0 \leq l \leq N - 1 \tag{5.2}$$

กลุ่มข้อมูลเหล่านี้เป็นกลุ่มข้อมูลที่ติดขัดในแถวคอยบัฟเฟอร์กำหนดให้  $l$  เป็นจำนวนกลุ่มข้อมูล  
 ที่ติดขัดอยู่ ความน่าจะเป็นที่มีจำนวน  $k$  กลุ่มข้อมูลที่ต้องการส่งมากกว่า  $n$  จนกระทั่งส่งออกได้  
 ขณะที่กลุ่มข้อมูลที่ต้องการส่งออกน้อยกว่าจำนวน  $n$  จะได้ความน่าจะเป็น



$$P\{k, n/l\} = \binom{l}{k} P^{n-1} q^k (1-P^{n-1})^{l-k} \tag{5.3}$$

กำหนดให้  $(l, k, n)$  เป็นเวลาที่รอคอยของกลุ่มข้อมูลในแถวคอยที่จะส่งออกไป  $H_{l,k,n}$  จะได้ :

$$H_{l,k,n} = (n-1)N + U_k \tag{5.4}$$

เมื่อ  $U_k$  คือคอดัมน์ของจำนวนที่  $k$  กลุ่มข้อมูลสุดท้ายที่ติดขัดถูกส่งออกไป

จำนวน  $k$  กลุ่มข้อมูลสุดท้ายที่ติดขัดเป็นการกระจายในรูปของเซต(set)  $\{1,2,\dots,N-1\}$  ตามสมการคือ

$$P_r\{U_k=u\} = \binom{u-1}{k-1} \binom{N-1}{k} \quad k \leq u \leq N-1 \tag{5.5}$$

เวลาที่รอคอยของกลุ่มข้อมูลในแถวคอยที่ส่งออกไปคือ  $H$  ถูกสมมุติว่ามีค่าอยู่ระหว่าง  $0, (n-1)N+u, n \geq 1, 1 \leq u \leq N-1$  จากสมการ (5.1) - (5.5) เขียนจัดรูปสมการใหม่ได้

$$P_r\{H = (n-1)N+u\} = \sum_{m=1}^{\infty} P\{m\} \sum_{l=1}^{N-1} P\{l/m\} \cdot \sum_{k=1}^l P\{k, n/l\} P_r\{U_k = u\} \tag{5.6}$$

และ

$$P_r\{H=0\} = \sum_{m=1}^{\infty} P\{m\} P\{l/m\}, l=0 \tag{5.7}$$

จากสมการ (5.6) - (5.7) เขียนใหม่ได้

$$P_r\{H = (n-1)N-u\} = \frac{q}{P} \sum_{l=1}^{N-1} \binom{N-1}{l} \alpha(l) \beta(l, n, u) \tag{5.8}$$

และ

$$P_r\{H=0\} = \frac{q}{P} \cdot \alpha(0) \tag{5.9}$$

เมื่อ

$$\alpha(l) = \sum_{i=0}^{N-1-l} \binom{N-1-l}{i} (-1)^{N-1-l-i} \frac{P^{N-i}}{1-P^{N-i}} \tag{5.10}$$

$$\beta(l, n, u) = \sum_{k=1}^i P\{k, n/l\} P_r\{U_k = u\} \tag{5.11}$$

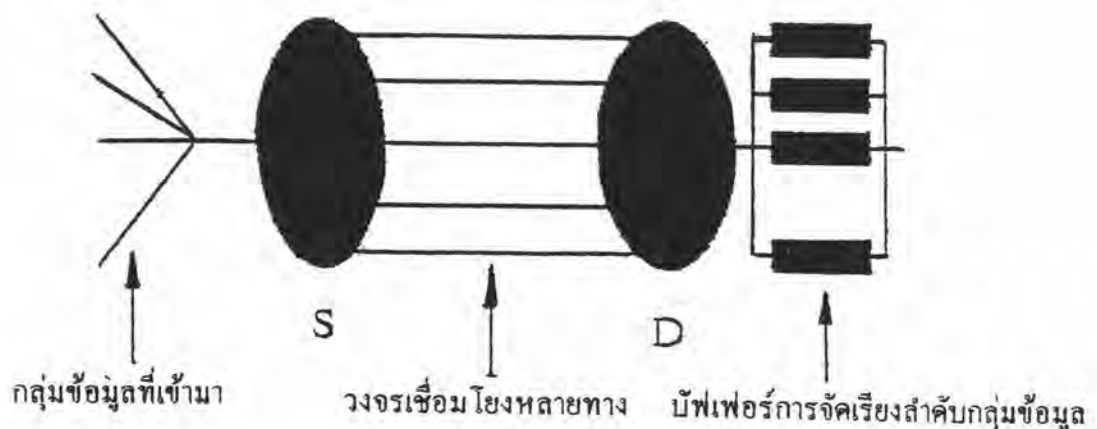
เวลาเฉลี่ยที่รอคอยสามารถเขียนในฟังก์ชันของ  $E[B]$  โดยใช้ทฤษฎีของลิตเติล คือ

$$E[B] = E[H] \zeta \tag{5.12}$$

เมื่อ  $\zeta$  เป็นอัตราความเร็วของกลุ่มข้อมูลต่อร่องที่เข้ามาในบัฟเฟอร์

### 5.3 เวลาเฉลี่ยของการส่งข้อมูลผ่านเส้นทางสวิตช์แบบ M/M/C [25, 26]

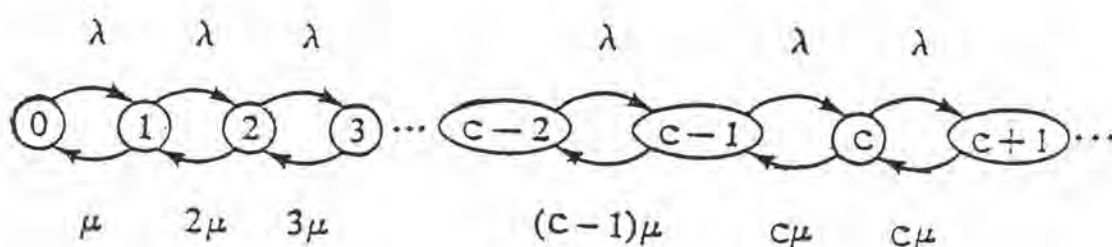
ในระบบเครือข่ายสื่อสารโทรคมนาคมที่ใช้ติดต่อระหว่างจุดต่อจุด (Point to Point) ส่วนมากวงจรเชื่อมโยงระหว่างจุดมีหลายเส้นทางเพื่อให้สามารถส่งกลุ่มข้อมูลจากคั่นทางไปยังปลายทางได้คราวละหลายจำนวนกลุ่มข้อมูลในเวลาเดียวกัน รูปที่ 5.2 กลุ่มข้อมูลที่มาถึงจุด S จะต้องหยุดรอ กรณีที่เส้นทางผ่านทุกเส้นทางถูกใช้งานเต็มหมด ช่วงที่หยุดรอก่อนนี้เรียกว่าเวลาที่รอก่อนในการส่งกลุ่มข้อมูล ภายหลังจากที่เส้นทางผ่านว่างกลุ่มข้อมูลจะถูกส่งจากจุด S ไปยังจุด D เวลาที่ใช้ช่วงนี้คือ เวลาที่ใช้ในการส่งกลุ่มข้อมูล จากจุด S ไปยังจุด D และช่วงสุดท้ายเป็นเวลาที่ใช้ในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลที่ D ถ้ากลุ่มข้อมูลมาถึง D อย่างไม่เรียงลำดับ



รูปที่ 5.2 วงจรเชื่อมโยงระหว่างจุด 2 จุดด้วยหลายเส้นทางผ่าน

การเชื่อมโยงระหว่างจุด S กับ D ด้วยเส้นทางขนานหลายเส้นทางสามารถนำทฤษฎีแถวคอยแบบ M/M/C มาประยุกต์ใช้เป็นเส้นทางสวิตช์ให้กับกลุ่มข้อมูลที่หัวแถวคอยที่ต้องการผ่านไปยังปลายทางเดียวกันสามารถส่งออกได้ครั้งละ C จำนวน ในเวลาเดียวกัน การวิเคราะห์เวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลในหัวข้อนี้เน้นในเฉพาะเวลาการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลของ M/M/C เท่านั้น ซึ่งสามารถวิเคราะห์ได้ดังนี้

5.3.1 วิเคราะห์แบบจำลอง M/M/C [26, 27, 28] แถวคอยแบบ M/M/C เป็นแถวคอยที่มีหน่วยบริการจำนวน C ในที่นี้ประยุกต์ให้ C เป็นเส้นทางสวิตช์สำหรับให้ส่งข้อมูลผ่านจากด้านขาเข้าไปยังด้านขาออกได้ C จำนวนในเวลาเดียวกัน ให้อัตราการเข้ามาของกลุ่มข้อมูลมีอัตราคงที่  $\lambda$  ต่อหน่วยเวลาและอัตราการทำงานของเส้นทางเป็น  $\mu_n$  เมื่อ  $n = 1, 2, \dots, C$  ถ้าจำนวนกลุ่มข้อมูลเข้ามาในระบบมากกว่าจำนวน C เส้นทางสวิตช์จะไม่ว่างและค่าเฉลี่ยของอัตราการทำงานรวมของระบบ  $\mu_1 + \mu_2 + \dots + \mu_c$  เมื่อมีจำนวนกลุ่มข้อมูลเข้ามาจำนวนน้อยกว่า C เส้นทางสวิตช์,  $n < c$  จะมีเส้นทางสวิตช์เพียงจำนวน n จาก C ไม่ว่างดังนั้นค่าอัตราเฉลี่ยอัตราการทำงานเท่ากับ  $n\lambda / \sum_{n=1}^c (1/\mu_n)$  รูปที่ 5.3 แสดงแผนภาพสถานะการทำงานของเส้นทางสวิตช์จำนวน C เส้นทางเมื่อกำหนดให้  $\mu_1 = \mu_2 = \mu_3 = \dots = \mu_c$



รูปที่ 5.3 แผนภาพการทำงานตามสถานะของเส้นทางสวิตช์

จากรูปที่ 5.3 นำมาเขียนสมการสมดุลสำหรับสถานะต่าง ๆ ได้

$$\mu_1 P_1 = \lambda P_0 \quad 5.12$$

$$\lambda P_0 + 2\mu P_2 = \lambda P_1 + \mu P_1 \quad 5.13$$

$$\lambda P_1 + 3\mu P_3 = \lambda P_2 + 2\mu P_2 \quad 5.14$$

$$\vdots$$

$$\vdots$$

$$\lambda P_{c-2} + C\mu P_C = \lambda P_{c-1} + (C-1)\mu P_{c-1} \quad 5.15$$

$$\lambda P_{c-1} + C\mu P_{c+1} = \lambda P_C + C\mu P_C \quad 5.16$$

$$\lambda P_C + C\mu P_C = \lambda P_{c+1} + C\mu P_{c+1} \quad 5.17$$

จากสมการสมดุลสำหรับสถานะต่าง ๆ สามารถนำมาคำนวณความน่าจะเป็นของ  $P_n$  ได้

$$P_n = \begin{cases} \frac{1}{n!} (c\rho)^n P_0 & 0 \leq n < c \\ \frac{(c\rho)^n}{c! c^{n-c}} P_0 & n > c \end{cases} \quad 5.18$$

$$\text{เมื่อ } \rho = \lambda / c\mu \quad 5.19$$

ผลรวมของค่าความน่าจะเป็นของทุกสถานะเท่ากับ 1 ดังนั้น

$$\begin{aligned} \sum_{n=0}^{\infty} P_n &= \sum_{n=0}^{c-1} P_n + \sum_{n=c}^{\infty} P_n = 1 \\ \sum_{n=0}^{c-1} \frac{(c\rho)^n}{n!} P_0 + \sum_{n=c}^{\infty} \frac{(c\rho)^n}{c! c^{n-c}} P_0 &= 1 \\ \sum_{n=0}^{c-1} \frac{(c\rho)^n}{n!} P_0 + \frac{(c\rho)^c}{c!} \sum_{n=c}^{\infty} \frac{(c\rho)^{n-c}}{c^{n-c}} P_0 &= 1 \\ P_0 \left( \sum_{n=0}^{c-1} \frac{(c\rho)^n}{n!} + \frac{(c\rho)^c}{c!} \sum_{i=0}^{\infty} (\rho)^i \right) &= 1 \end{aligned}$$

เมื่อ

$$\sum_{i=0}^{\infty} \rho^i = \frac{1}{1-\rho} \quad 5.20$$

$$P_0 = \left[ \sum_{n=0}^{c-1} \frac{(c\rho)^n}{n!} + \frac{(c\rho)^c}{c!} \frac{1}{1-\rho} \right]^{-1} \quad 5.21$$

จำนวนเฉลี่ยของกลุ่มข้อมูลในระบบสามารถหาได้จาก

$$E[N] = \sum_{n=0}^{\infty} nP_n \quad 5.22$$

$$E[N] = \left[ \sum_{n=0}^{c-1} \frac{n(c\rho)^n}{n!} + \frac{(c\rho)^c}{c!} \sum_{n=0}^{\infty} n(\rho)^n \right] P_0 \quad 5.23$$

เพราะว่า

$$\sum_{n=0}^{\infty} n\rho^n = \rho \frac{1}{1-\rho}$$

$$E[N] = \left( \sum_{n=0}^{c-1} \frac{n}{n!} (c\rho)^n + \frac{(c\rho)^c}{c!} \rho \frac{1}{1-\rho} \right) P_0$$

นำไปหาเวลาเฉลี่ยการทำงานของระบบได้จากทฤษฎีของลิตเติล

$$E[R] = \frac{E[N]}{\lambda}$$

$$E[R] = \frac{1}{\lambda} \left[ \sum_{n=0}^{c-1} \left\{ \frac{n(c\rho)^n}{n!} + \frac{(c\rho)^c}{c!} \frac{n}{1-\rho} \right\} \right] \left[ \sum_{n=0}^{c-1} \frac{(c\rho)^n}{n!} + \frac{(c\rho)^c}{c!} \frac{1}{1-\rho} \right]^{-1} \quad 5.24$$

การวิจัยในวิทยานิพนธ์นี้จะกำหนดให้เส้นทางสวิตช์มีความสามารถการทำงานเท่ากันทุกเส้นทาง ให้  $c=3$  สามารถสรุปเวลาเฉลี่ยในการทำงานของระบบได้คือ

$$E[R] = \frac{1}{\lambda} \left[ \sum_{n=0}^2 \frac{n(3\rho)^n}{n!} + \frac{n(9\rho)^3}{2(1-\rho)} \right] \left[ \sum_{n=0}^2 \frac{(3\rho)^n}{n!} + \frac{9\rho^3}{2(1-\rho)} \right]^{-1} \quad 5.25$$

จากสมการ (5.25) เป็นเวลาเฉลี่ยที่ใช้ในระบบซึ่งนับจากเริ่มส่งกลุ่มข้อมูลจากต้นทางผ่านเส้นทางสวิตช์ไปยังปลายทาง โดยยังไม่คิดเวลาในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลจึงต้องจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลที่มาถึงปลายทางอย่างไม่เรียงลำดับให้เรียงลำดับเหมือนกับกลุ่มข้อมูลที่ด้านเข้าก่อนที่จะส่งไปยังส่วนถัดไป เวลาในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลหาได้จาก (โปรดดูรายละเอียดในภาคผนวก)

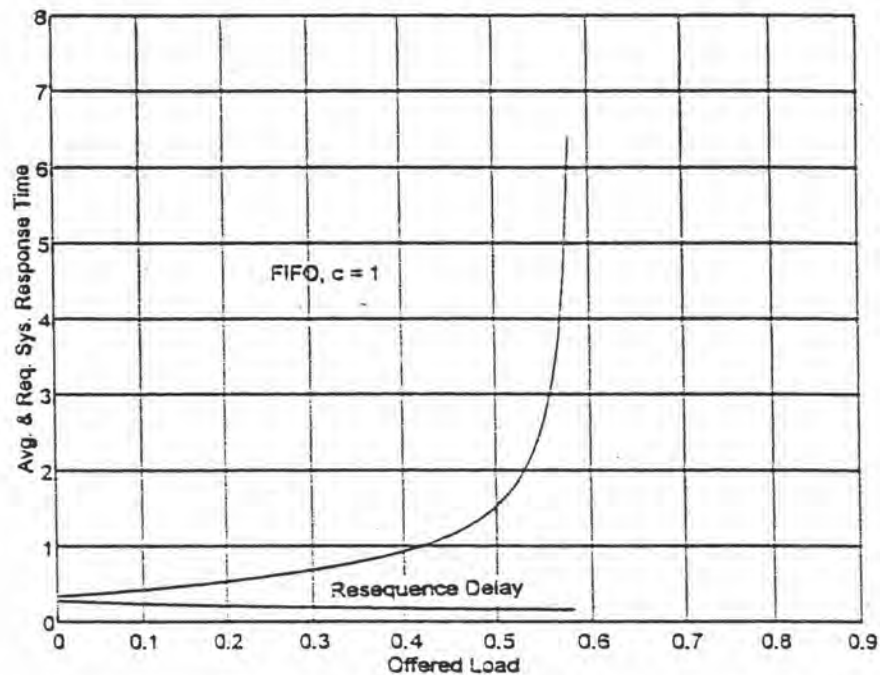
$$E[RD] = \frac{1}{\mu} \left\{ \sum_{n=0}^{c-1} P_n (H_{n+1} - 1) + \frac{1}{1-\rho} P_0 (H_c - 1) \right\} \quad 5.26$$

5.3.2 เวลารวมที่ใช้ในระบบ เวลารวมทั้งหมดนับตั้งแต่กลุ่มข้อมูลเข้ามาด้านขาเข้าแล้วส่งผ่านเส้นทางสวิตช์ออกไปยังปลายทางซึ่งรวมเวลาในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลที่ปลายทาง เวลาที่ใช้ทั้งหมดหาได้คือ

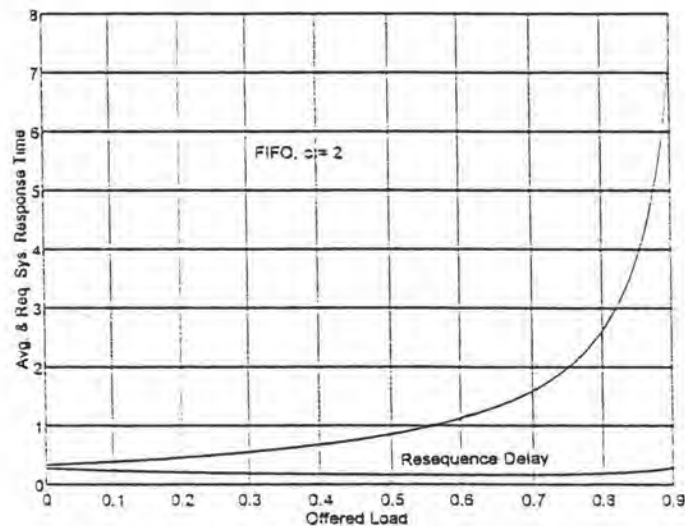
$$E[T] = E[R] + E[RD] \quad 5.27$$



เมื่อเวลาเฉลี่ยในการทำงานของระบบ  $E[R]$  หาได้จากสมการ (5.24) เวลาการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลหาได้จากสมการ (5.26) นำผลลัพธ์มาเขียนรูปแสดงเวลาเฉลี่ยในการทำงานของระบบและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อ  $C = 1, 2$  และ  $3$  เทียบกับการะงานที่จ่ายให้กับระบบตามรูปที่ 5.4 รูป 5.5 และรูป 5.6 เมื่อการจัดเส้นทางสวิตช์แบบเข้าก่อนออกก่อน

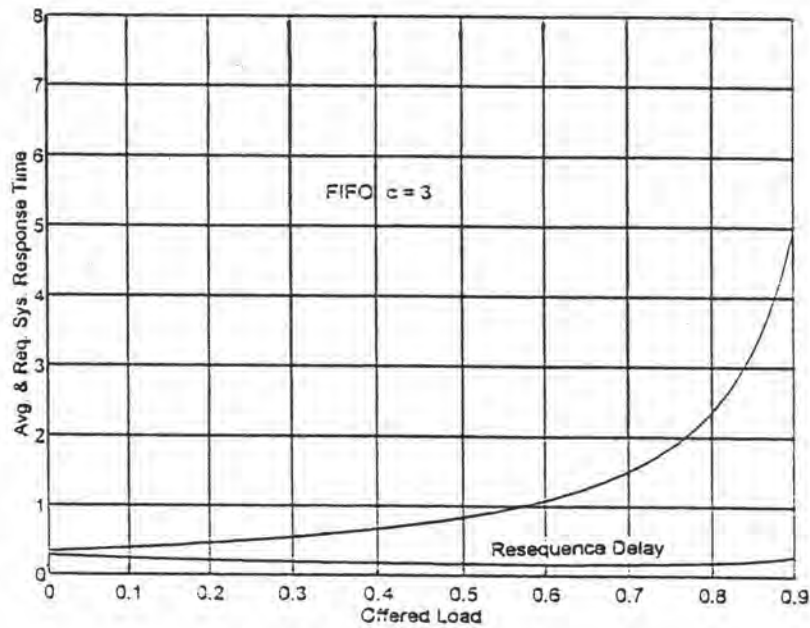


รูปที่ 5.4 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อเส้นทางสวิตช์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อน,  $C = 1$



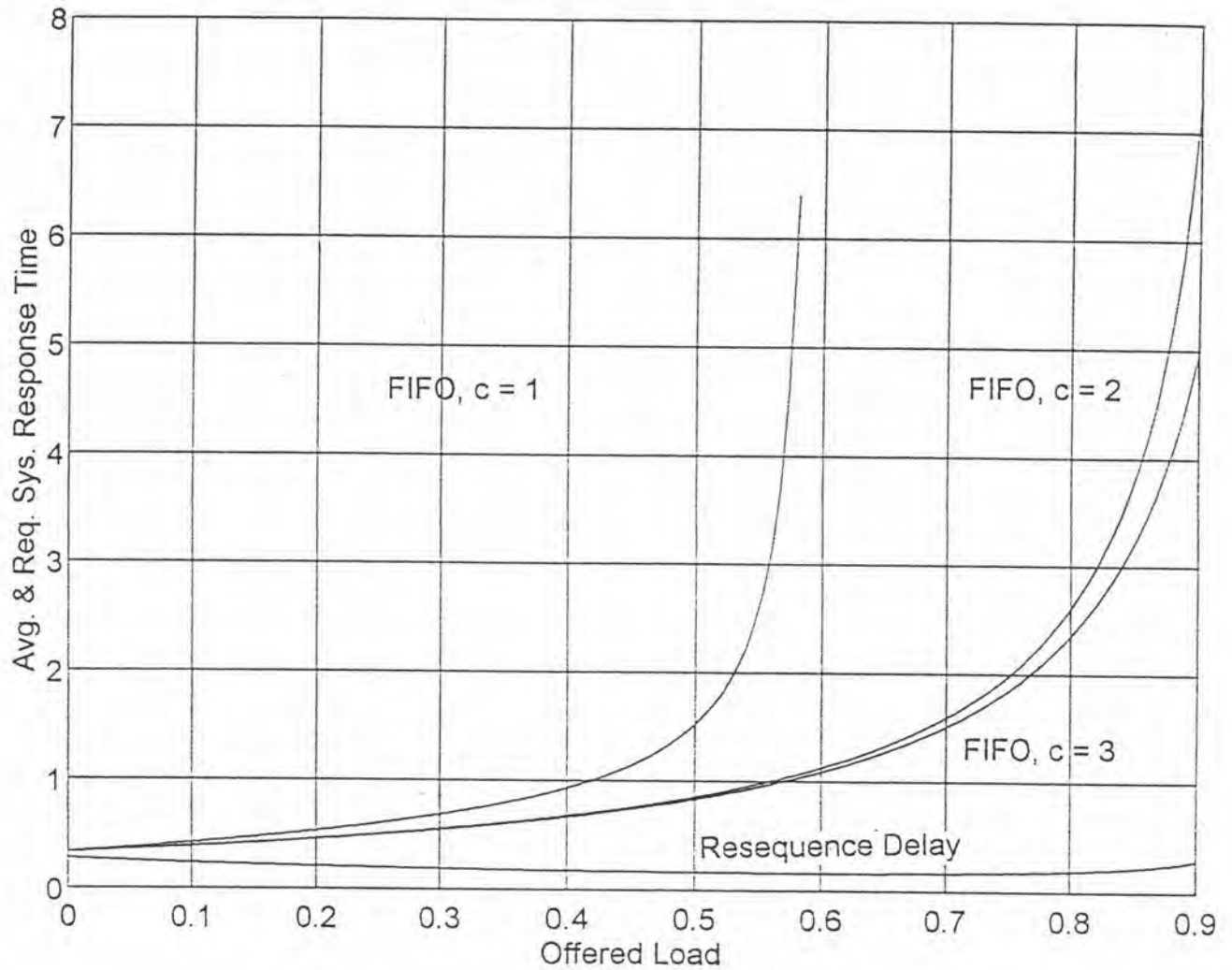
รูปที่ 5.5 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อเส้นทางสวิตช์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อน,  $C = 2$



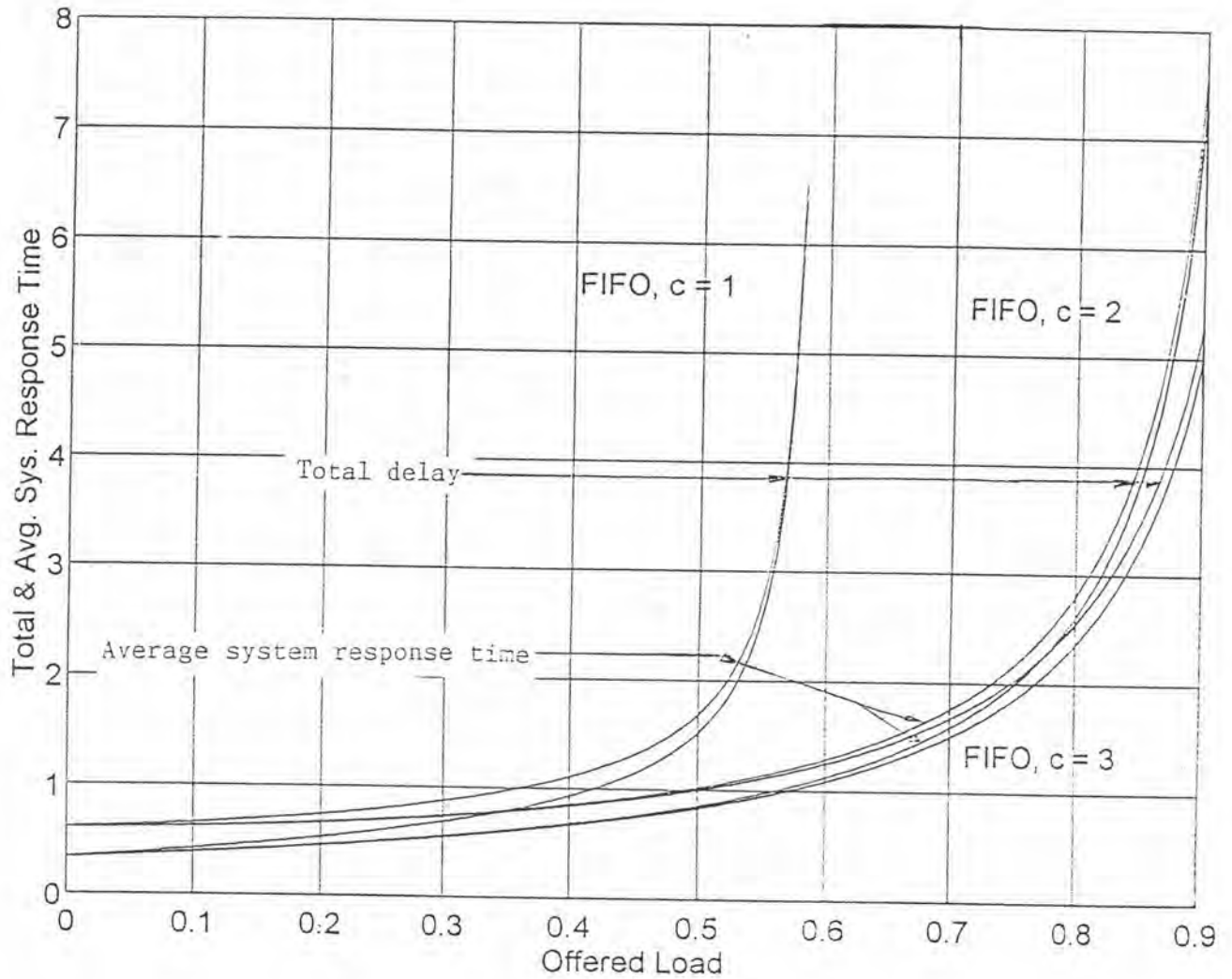


รูปที่ 5.6 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงกลุ่มข้อมูลเมื่อเส้นทางสวิตช์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อน,  $C = 3$

รูปที่ 5.4, รูปที่ 5.5 และ รูปที่ 5.6 เป็นการนำมาเขียนแยกส่วนให้เห็นอย่างชัดเจนของเวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อ  $C = 1, 2$  และ  $3$  รูปที่ 5.7 สามารถนำมาเขียนรูปรวมแสดงเวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูล เมื่อ  $C=1,2$  และ  $3$  เส้นทางกรณีสวิตช์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อน รูปที่ 5.8 แสดงเวลารวมและเวลาเฉลี่ยของระบบ เมื่อ  $C = 1, 2, 3$  เส้นทางสวิตช์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อนจะเห็นว่าเมื่อ  $C = 1$  ที่ภาระงานทำงาน 50 เปอร์เซ็นต์เส้นโค้งเวลารวมของระบบมากกว่าเวลาเฉลี่ยประมาณร้อยละ 2.5 ส่วนที่  $C = 2, 3$  เวลารวมและเวลาเฉลี่ยของระบบจะเท่ากันตลอดเริ่มจากภาระงานจาก 10 เปอร์เซ็นต์ จนถึง 55 เปอร์เซ็นต์

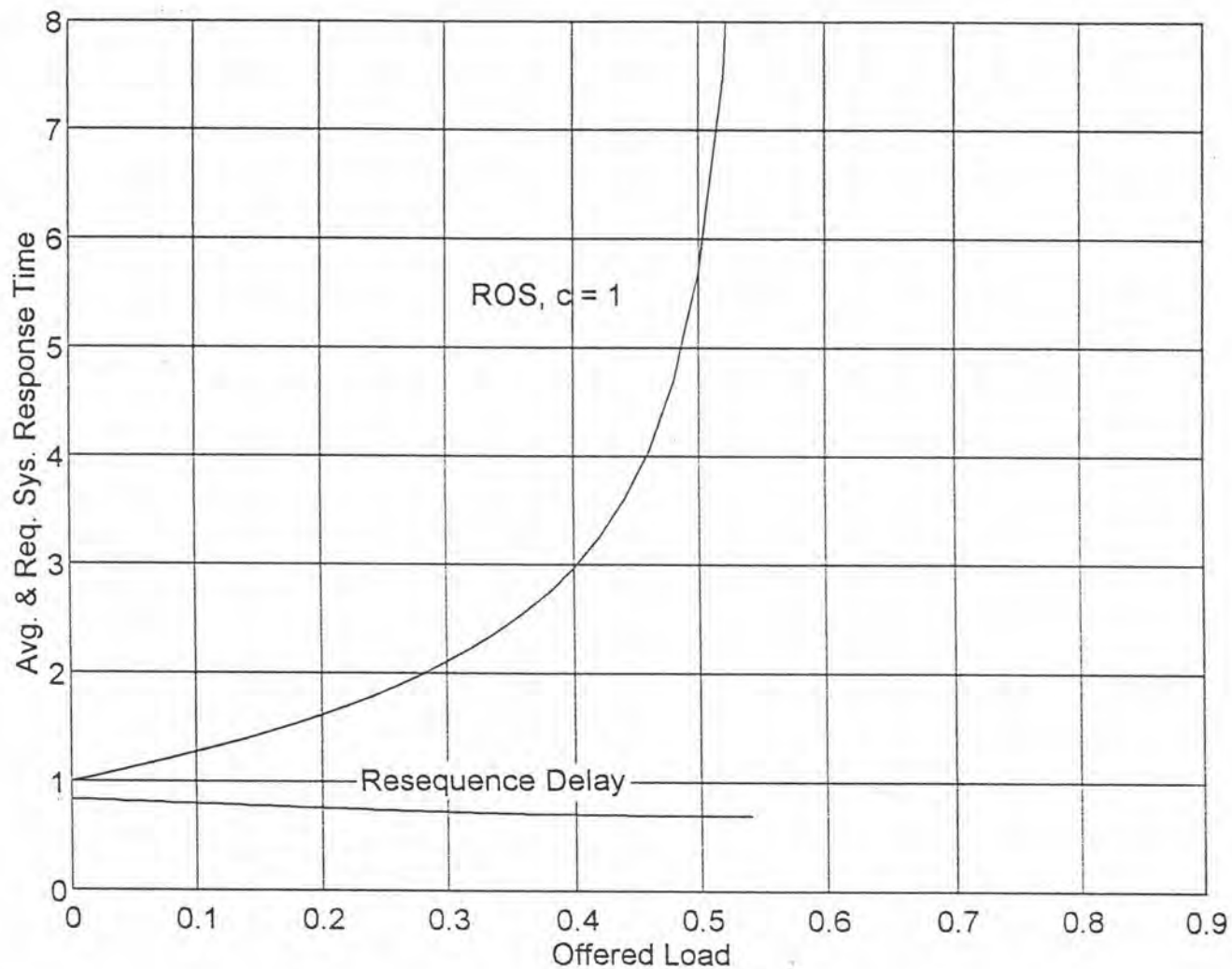


รูปที่ 5.7 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อ  $C = 1, 2$  และ 3 เส้นทาง  
สวิตช์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อน

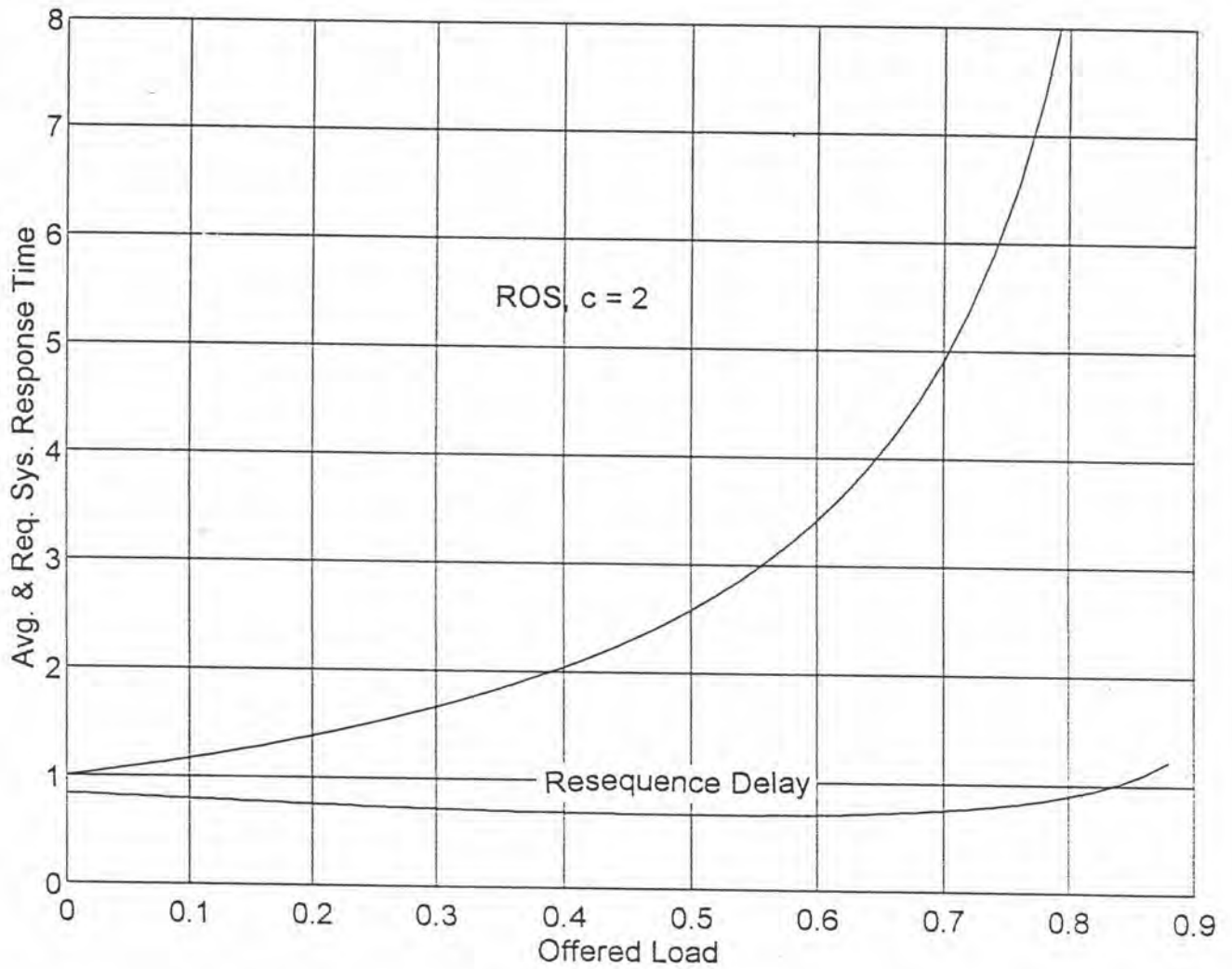


รูปที่ 5.8 เวลา รวมและเวลาเฉลี่ยในการทำงานของระบบเมื่อ  $C = 1, 2$  และ 3 เส้นทางสวิตซ์ทำงานแบบเข้าก่อนออกก่อน

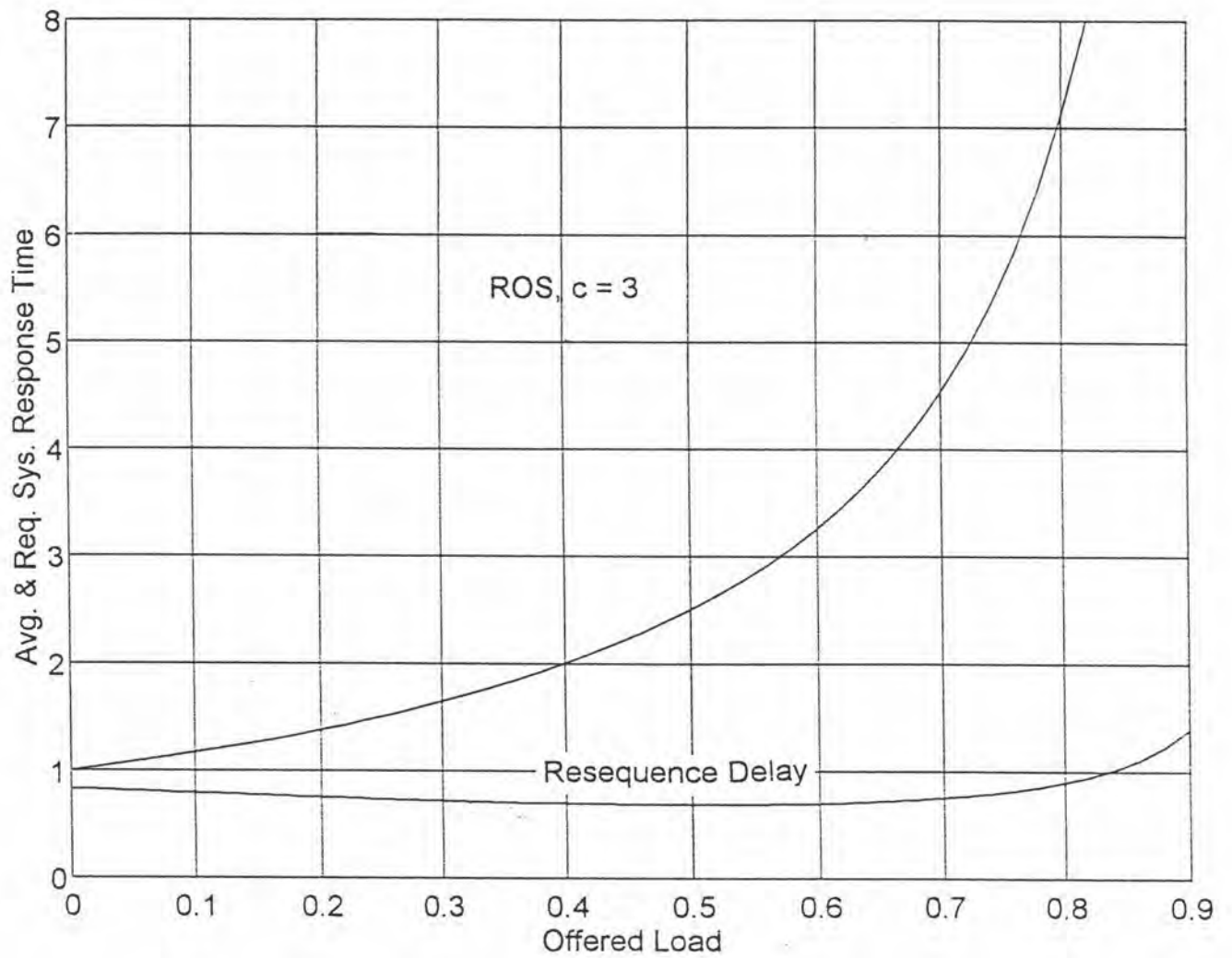
สำหรับกรณีที่ให้เส้นทางสวิตซ์ทำงานแบบกลุ่มนั้นสามารถนำมาเขียนเวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลแยกส่วนกันเมื่อ  $C = 1, 2$  และ 3 เพื่อให้เห็นได้ชัดเจนตามรูปที่ 5.9, รูปที่ 5.10 และ รูปที่ 5.11 ตามลำดับ



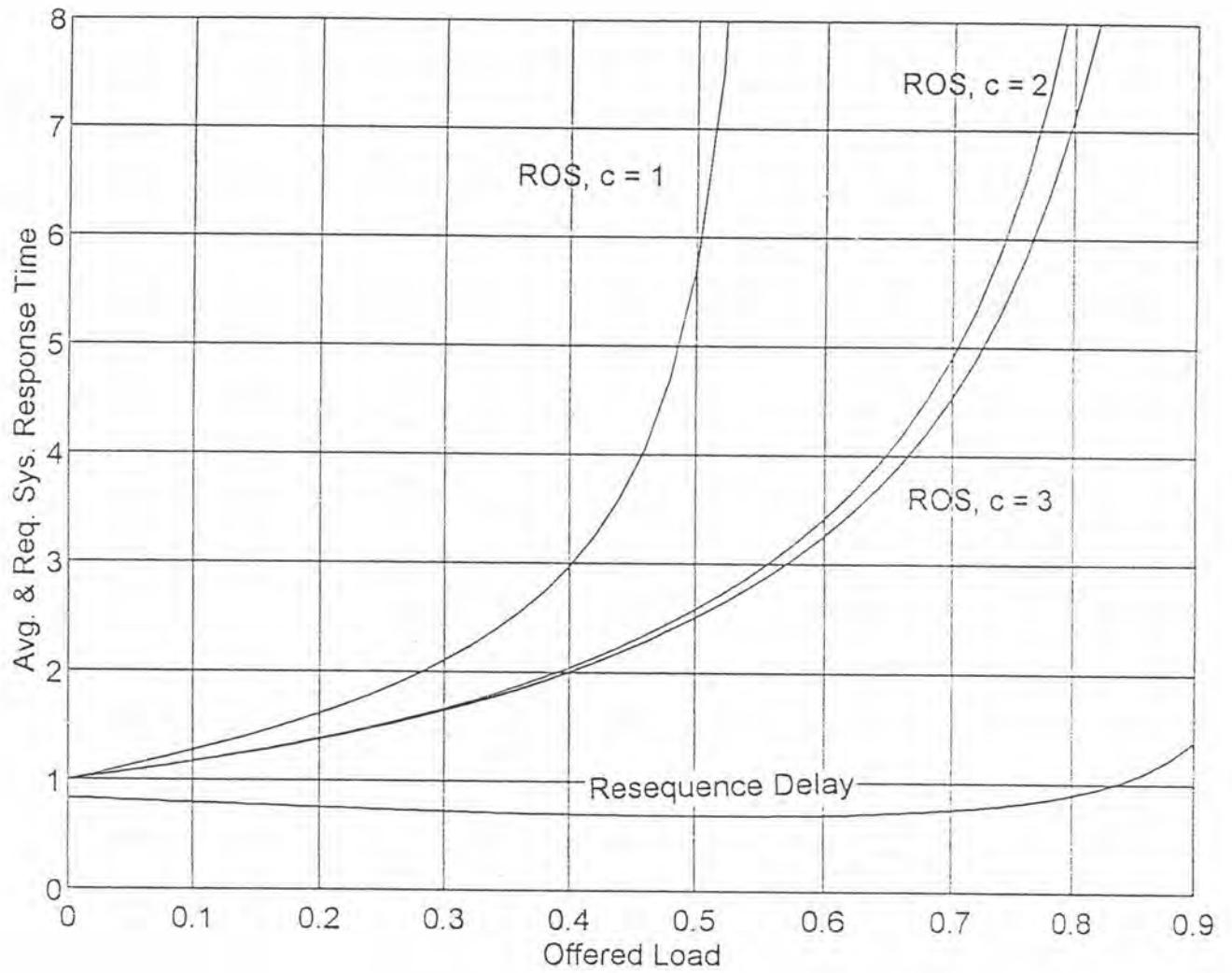
รูปที่ 5.9 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อ  $C = 1$  เส้นทางสวิตซ์ทำงานแบบสุ่ม



รูปที่ 5.10 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการเรียงลำดับกลุ่มข้อมูล เมื่อ  $C = 2$  เส้นทางสวิตซ์ทำงานแบบสุ่ม



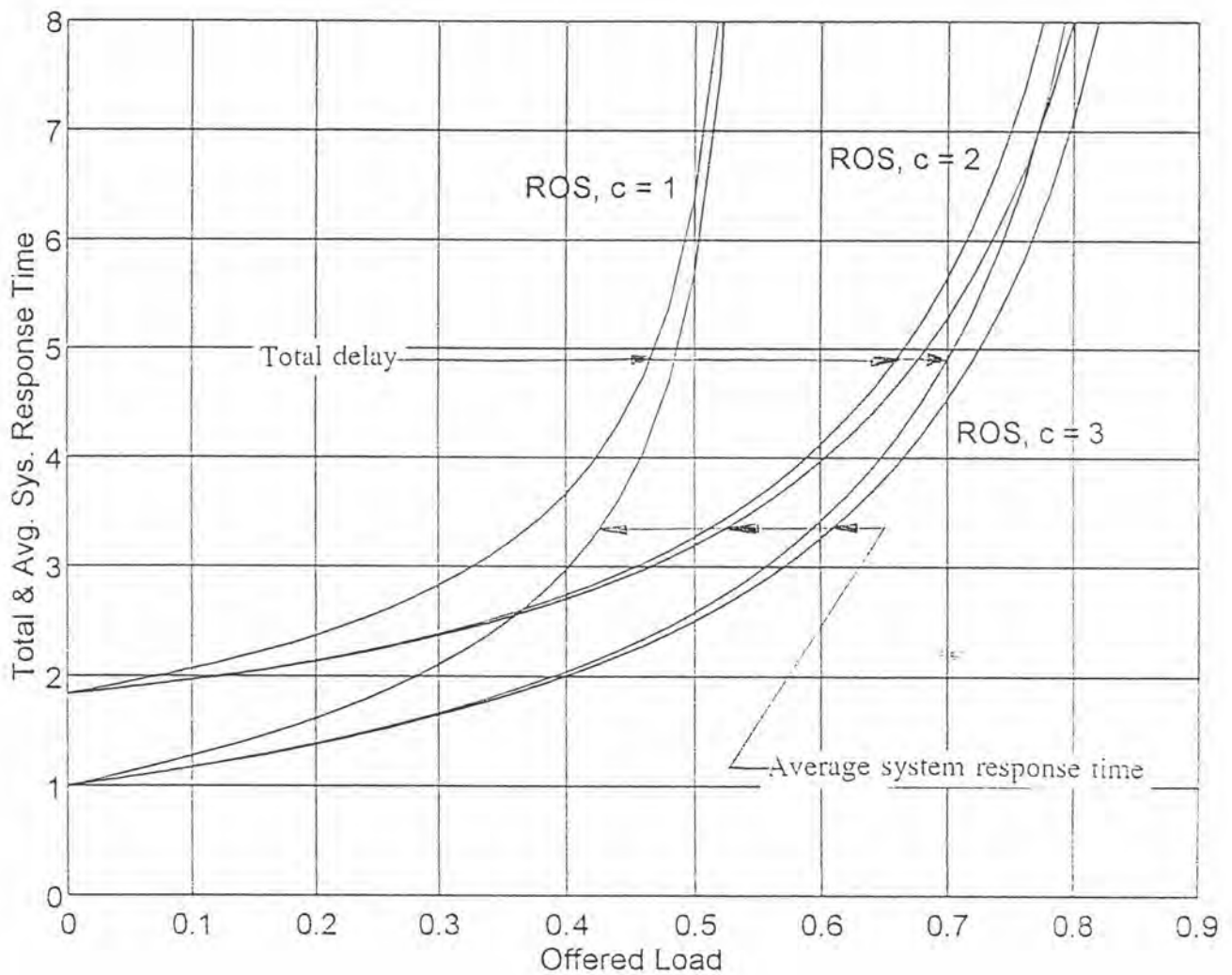
รูปที่ 5.11 เวลาเฉลี่ยและเวลาของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลเมื่อ  $C = 3$  เส้นทางสวิทช์ทำงานแบบสุ่ม



รูปที่ 5.12 เวลาเฉลี่ยและเวลาการทำงานของการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูล เมื่อ  $C = 1, 2, 3$  เส้นทางสวิตซ์ทำงานแบบลุ่ม



เวลารวมและเวลาเฉลี่ยในการทำงานของระบบเมื่อ  $C = 1, 2, 3$  เส้นทางสวิตช์ทำงานแบบสุ่ม  
แสดงตามรูปที่ 5.13



รูปที่ 5.13 เวลารวมและเวลาเฉลี่ยในการทำงานของระบบเมื่อ  $C = 1, 2, 3$  เส้นทางสวิตช์  
ทำงานแบบสุ่ม

จากรูปที่ 5.13 จะเห็นว่าเมื่อ  $C = 1$  ที่ภาระงาน 50 เปอร์เซ็นต์เวลารวมที่ใช้ของระบบมากกว่าเวลาเฉลี่ยที่ใช้ของระบบประมาณร้อยละ 8.5 เมื่อ  $C = 2, 3$  เวลารวมที่ใช้ของระบบมากกว่าเวลาเฉลี่ยประมาณร้อยละ 1.1

เครือข่ายสื่อสารโทรคมนาคมที่ใช้ระบบการสวิตช์กลุ่มข้อมูลเป็นวงจรเชื่อมโยงระหว่างจุดต่อจุดในกรณีที่มีจำนวนเส้นทางของช่องสื่อสารมากกว่าจำนวน 2 เส้นทางขึ้นไป กลุ่มข้อมูลที่ผ่านมาถึงปลายทางอาจไม่เรียงลำดับจึงต้องทำการจัดเรียงลำดับที่ปลายทางใหม่อีกครั้งเพื่อให้กลุ่มข้อมูลอยู่ในลักษณะเดิมที่ส่งมาจากแหล่งกำเนิด และได้ทำการศึกษาและวิจัยจัดเส้นทางสวิตช์ของระบบการสวิตช์กลุ่มข้อมูลที่มีความสามารถในการจัดเรียงลำดับกลุ่มข้อมูลแบบเข้าก่อนออกก่อนจะทำงานได้สมรรถนะของระบบดีกว่าจัดแบบสุ่ม เมื่อจัดให้ภาระงานไม่เกิน 50 เปอร์เซ็นต์