

บทที่ 2

ทฤษฎีที่เกี่ยวข้องและงานวิจัยที่ผ่านมา

2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

2.1.1 สมการควบคุมของแผ่นพื้นภายใต้การค้ำ (Governing differential equation for plates in bending)⁽¹⁾

พิจารณาชิ้นส่วนเล็กๆของแผ่นพื้นขนาด dx, dy และ h ตามรูปที่ 1 ถ้ากำหนดให้ dx และ dy มีค่าเป็นหนึ่ง แรงภายใน M_x, M_y, M_{xy}, V_x และ V_y ของชิ้นส่วนเล็กๆเป็นแรงที่ได้จากผลรวมของความเค้นที่สอดคล้องกันดังนี้

$$M_x = \int_{-\frac{h}{2}}^{+\frac{h}{2}} \sigma_x dz, M_y = \int_{-\frac{h}{2}}^{+\frac{h}{2}} \sigma_y dz \quad (2.1)$$

$$M_{yx} = -M_{xy} = \int_{-\frac{h}{2}}^{+\frac{h}{2}} \tau_{xy} z dz \quad (2.2)$$

$$V_x = \int_{+\frac{h}{2}}^{-\frac{h}{2}} \tau_{xz} dz, V_y = \int_{-\frac{h}{2}}^{+\frac{h}{2}} \tau_{yz} dz \quad (2.3)$$

2.1.1.1 การสมดุล (Equilibrium)

จากการสมดุลของแรงในแนวตั้งและผลรวมของโมเมนต์รอบขอบ d_x และ d_y เท่ากับ ศูนย์ ดังนี้

$$\frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + q = 0 \quad (2.4)$$

$$\frac{\partial M_x}{\partial x} + \frac{\partial M_{yx}}{\partial y} - V_x = 0 \quad (2.5)$$

$$-\frac{\partial M_y}{\partial y} + \frac{\partial M_{xy}}{\partial x} + V_y = 0 \quad (2.6)$$

ซึ่ง q เป็นแรงที่กระทำบนแผ่นพื้นต่อหน่วยพื้นที่ จากการรวมสามสมการข้างบนเข้าด้วยกันจะได้ว่า

$$\frac{\partial^2 M_x}{\partial x^2} - 2\frac{\partial^2 M_{xy}}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 M_y}{\partial y^2} = -q \quad (2.7)$$

2.1.1.2 การเสีรูป(Deformation)

จากรูปที่ 2 การเสีรูป u และ v ในทิศทางแกน x และ y ที่จุดใดๆ ระยะ z จากผิวกลางของแผ่นพื้น ซึ่งแสดงในเทอมของความชันเนื่องจากการเสีรูปของผิวกลาง จะได้ว่า

$$u = -z \frac{\partial w}{\partial x} \quad \text{และ} \quad v = -z \frac{\partial w}{\partial y} \quad (2.8)$$

ซึ่ง w เป็นการแอ่นตัวในทิศทางของแกน z การอนุพันธ์บางส่วนหมายถึงความชันของผิวการแอ่นตัวซึ่งเท่ากันกับการหมุนของเส้นตั้งฉากกับผิวกลาง ความเครียดที่เกิดขึ้นซึ่งพิจารณาถึงความสอดคล้อง(Compatibility) และแสดงในรูปของการแอ่นตัว ดังนี้

$$\varepsilon_x = -z \frac{\partial^2 w}{\partial x^2}, \varepsilon_y = -z \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} \quad \text{และ} \quad \gamma_{xy} = -2z \frac{\partial^2 w}{\partial x \partial y} \quad (2.9)$$

จากความสัมพันธ์ระหว่างหน่วยแรงและความเครียดของวัสดุที่มีคุณสมบัติเหมือนกันทุกทิศทางตามกฎของฮุก (Hook's law) หน่วยแรงที่เกิดขึ้นสามารถแสดงในรูปของการแอ่นตัวของผิวกลางได้ ดังนี้

$$\sigma_x = -\frac{Ez}{(1-\nu^2)} \left(\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \nu \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} \right) \quad (2.10)$$

$$\sigma_y = -\frac{Ez}{(1-\nu^2)} \left(\nu \frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} \right) \quad (2.11)$$

$$\tau_{xy} = -\frac{Ez}{(1-\nu^2)}(1-\nu)\frac{\partial^2 w}{\partial x \partial y} \quad (2.12)$$

แทนค่าสมการที่ 2.10-2.12 ลงในสมการ 2.1-2.3 จะได้ว่า

$$M_x = -D\left(\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial x^2}\right) \quad (2.13)$$

$$M_y = -D\left(\nu\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial y^2}\right) \quad (2.14)$$

$$M_{xy} = D(1-\nu)\frac{\partial^2 w}{\partial x \partial y} \quad (2.15)$$

ซึ่ง $D = \frac{Eh^3}{12(1-\nu^2)}$ ซึ่งแสดงความแข็งแกร่งต่อการดัดของแผ่นพื้นหนึ่งแถบในความกว้างหนึ่งหน่วย จากสมการ 2.5, 2.6 และสมการ 2.13, 2.14 และ 2.15 จะได้แรงเฉือนในเทอมของการแอ่นตัว

$$V_x = -D\left(\frac{\partial^3 w}{\partial x^3} + \frac{\partial^3 w}{\partial x \partial y^2}\right) \quad (2.16)$$

$$V_y = -D\left(\frac{\partial^3 w}{\partial y^3} + \frac{\partial^3 w}{\partial x^2 \partial y}\right) \quad (2.17)$$

2.1.1.3 สมการของลากรางค์ (Lagrange's Equation)

จากการแทนสมการ 2.13, 2.14 และ 2.15 ลงในสมการ 2.7 ก็จะได้สมการดิฟเฟอเรนเชียลอันดับ 4 ซึ่งจะเป็นสมการควบคุมการแอ่นตัวของแผ่นพื้นในช่วงยึดหยุ่น ดังนั้น

$$\frac{\partial^4 w}{\partial x^4} + 2\frac{\partial^4 w}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4 w}{\partial y^4} = \frac{q}{D} \quad (2.18)$$

ในการวิเคราะห์แผ่นพื้นเนื่องจากการค้ำ การแอนตัวของแผ่นพื้นสามารถหาค่าได้โดยใช้สมการที่ 2.18 ซึ่งต้องสอดคล้องกับเงื่อนไขที่ขอบของแผ่นพื้น แรงภายในต่างๆสามารถคำนวณได้โดยใช้สมการที่ 2.13-2.17

2.1.2 การถ่ายแรงเฉือนในแผ่นพื้นช่วงภายใน⁽²⁾

โดยการใช้ Cartesian coordinate กำหนดแกน x และ y วางในระนาบกลางของแผ่นพื้นดังรูปที่ 3 และพิจารณาการหมุนแกนใดๆของแกนอ้างอิง n และ t ก็จะได้สมการการเปลี่ยนแปลงของส่วนประกอบของแรงเฉือนในแนวขวางได้ดังนี้

$$V_n = V_x \cos \varphi + V_y \sin \varphi \quad (2.19)$$

$$V_t = -V_x \sin \varphi + V_y \cos \varphi \quad (2.20)$$

ผลรวมของกำลังสองของสมการ 2.19 และ 2.20 จะไม่ขึ้นอยู่กับค่า φ และมีค่าคงที่ ดังนี้

$$V_n^2 + V_t^2 = V_x^2 + V_y^2 = V_o^2 \quad (2.21)$$

สมการที่ 2.19 และ 2.20 อาจจะได้โดยใช้ Thales circle ตามรูปที่ 3.3 ที่จุดใดๆในระนาบของแผ่นพื้น ทิศทางของแรงเฉือนหลัก (Principal shear forces) เมื่อเทียบกับแกน x แสดงได้โดย

$$\varphi_o = \tan^{-1} \left(\frac{V_y}{V_x} \right) \quad (2.22)$$

ซึ่งแรงเฉือนในทิศทางที่ตั้งฉากกับแรงเฉือนหลักจะมีค่าเป็นศูนย์ เมื่อทราบค่า V_x และ V_y จากการวิเคราะห์ ค่า V_o ก็จะสามารถคำนวณได้ และแสดงเส้นของแรงเฉือนหลักที่เท่ากันและทิศทางการไหลของแรงเฉือน (Shear flow trajectory) บนแผ่นพื้นได้

2.1.3 แผ่นพื้นที่ไม่เสริมเหล็กรับแรงเฉือน

2.1.3.1 กลไกการวิบัติเนื่องจากการเฉือนทะลุ⁽³⁾

การทดสอบการเฉือนทะลุมากมาทำได้ทำบนพื้นคอนกรีตเสริมเหล็ก ผลการทดสอบต่างๆ โดยเฉพาะรายละเอียดการแตกร้าวจะใกล้เคียงกัน ตัวอย่างทดสอบที่ผ่านมาจะจำลองแผ่นพื้น โดยกำหนดให้ขอบของตัวอย่างทดสอบเป็นแนวของจุดค้ำงัดรอบๆหัวเสา รอยร้าวที่เกิดขึ้นในตัวอย่งทดสอบภายใต้แรงกด เริ่มแรกจะเกิดขึ้นเนื่องจากการค้ำงัดรอบหัวเสา เมื่อแรงกดมากขึ้นรอยร้าวในทิศทางรัศมีเนื่องจากการค้ำงัดจะเริ่มเกิดขึ้นและขยายเข้าหาขอบของตัวอย่าง กลุ่มของรอยร้าวในแนวเส้นรอบวงรอบหัวเสาจะเกิดขึ้นที่ประมาณ 60%-80% ของแรงกดประลัยควบคู่ไปกับการเกิดรอยร้าวในแนวทแยงภายในหน้าตัดของแผ่นพื้น ขณะเดียวกันการถ่ายแรงเฉือนจะถูกถ่ายผ่านพฤติกรรมแบบเดือย(Dowel action) พฤติกรรมการเกาะเกี่ยวกันระหว่างมวลรวม(Aggregate interlock action) และบริเวณหัวเสาที่เกิดแรงอัดสามทิศทาง(Triaxial stress state)

2.1.3.2 ทฤษฎีการเฉือนทะลุ

ที่ผ่านมาได้พยายามที่จะพัฒนาทฤษฎีที่สามารถให้รูปแบบจำลองของการวิบัติด้วยการเฉือนทะลุที่สมเหตุผล แบบจำลองที่เด่นมากที่สุดเสนอโดยKinnunenและ Nylander^{(3),(4)} ที่ได้จากการสังเกตการทดสอบตัวอย่างแผ่นพื้นวงกลมและมีเสาน้ำรูปตัดวงกลมอยู่ตรงกลาง แบบจำลองนี้ถือว่าส่วนของแผ่นพื้นที่อยู่รอบนอกรอยร้าวในแนวทแยงจะมีการเคลื่อนที่หมุนแบบวัตถุแข็งเกร็ง(Rigid body) แรงระหว่างยอดแหลมของรอยร้าวในแนวทแยงกับเสาค้ำงัดด้านทานด้วยแรงอัดของเปลือกบางรูปกรวยรอบหัวเสา โดยที่เปลือกบางรูปกรวยนี้จะเกิดหน่วยแรงสามแกน(Triaxial stress)ที่สูงมาก การวิบัติจะเกิดขึ้นเมื่อความเครียดในทิศทางสัมผัสของผิวหน้ารับแรงอัดได้จุดศูนย์กลางของการหมุนมีค่าเข้าใกล้ค่าที่กำหนด(Limiting value) ซึ่งด้วยเหตุนี้แรงกดประลัยนั้นจะถูกควบคุมด้วยคุณสมบัติด้านทานต่อแรงค้ำงัดของแผ่นพื้นด้วย

P.E.Regan⁽⁵⁾ ได้อธิบายว่าในแผ่นพื้นไร้คานนั้นกำลังต้านทานการเฉือนทะลุของคอนกรีตภายหลังจากที่เกิดรอยแตกร้าวในแนวทแยงแล้ว จะประกอบไปด้วยแรงต้านทานแรงเฉือนของคอนกรีตบริเวณรับแรงอัดและแรงต้านทานแบบเดือย(Dowel action)ของเหล็กเสริมรับโมเมนต์ค้ำงัด ซึ่งพฤติกรรมแบบเดือย(Dowel action)จะมีผลมากต่อกำลังรับแรงเฉือนของแผ่นพื้นซึ่งแตกต่างจากคานทั่วไป สมการที่ใช้คำนวณกำลังรับแรงเฉือนประลัยจะคล้ายในกรณีของคาน โดยผลการทดสอบเส้นรอบรูปของหน้าตัดวิกฤตจะอยู่ที่ตำแหน่ง 1.75d จากหน้าเสา

Peter Marti⁽²⁾ ได้กำหนดโมเดลของแผ่นพื้นเรียกว่า Sanwish Model ซึ่งประกอบไปด้วยแผ่นบน(Top cover), แกนกลาง(Core) และแผ่นล่าง(Bottom cover) ซึ่งจะสมมติว่าแผ่นบน

และแผ่นล่างจะรับ โมเมนต์ที่เกิดขึ้นในหน้าตัดและรับแรงในแนวแกน(Membrane force) ส่วนกึ่งกลางจะเป็นตัวรับแรงเฉือนที่เกิดขึ้นในหน้าตัด ถ้าหากหน่วยแรงเฉือนที่เกิดขึ้นที่หน้าตัดมีค่าไม่เกิน $0.53\sqrt{f_c'}$ ก็สมมติว่าไม่มีรอยแตกร้าวในแนวทแยงเกิดขึ้นแต่ถ้าหน่วยแรงเฉือนเกินค่าดังกล่าว ก็จะมีการแตกร้าวในแนวทแยงเกิดขึ้นก็จะต้องพิจารณาการเสริมเหล็กรับแรงเฉือน ในบริเวณใกล้กับน้ำหนักกระทำเป็นจุดหรือจุดรองรับ สนามของหน่วยแรงรูปพัด(Fan-Shaped Stress Field) สามารถนำมาประยุกต์กับส่วนที่เป็นแกนของพื้นได้และการออกแบบเหล็กเสริมรับแรงเฉือนก็สอดคล้องกับการออกแบบโดย Staggering concept ของคานได้

2.1.3.4 เกณฑ์การวิบัติ(Criterion of failure)

ได้มีการพยายามอธิบายกลไกการถ่ายแรงเฉือนเพิ่มเติมจากที่เสนอโดย Kinnunen และ Nylander โดยเฉพาะการกำหนดเกณฑ์การวิบัติของบริเวณรับแรงอัดรอบหัวเสาที่แตกต่างกัน Ibrahim A.E.Shehata และ P.E.Regan⁽⁶⁾ ก็ได้ปรับปรุงแบบจำลองของ Kinnunen และ Nylander หลายประการ และอธิบายพฤติกรรมของแผ่นพื้นภายหลังการแตกร้าว เกณฑ์การวิบัติจะขึ้นอยู่กับความเครียดของคอนกรีตและหน่วยแรงดึงของคอนกรีตที่บริเวณหัวเสา การวิบัติจะเกิดขึ้นเมื่อความเครียดของคอนกรีตภายใต้แรงอัดบริเวณหัวเสาในทิศทางรัศมีหรือในทิศทางสัมผัสเท่ากับ 0.0035 หรือจะเกิดขึ้นเมื่อหน่วยแรงดึงของคอนกรีตในบริเวณดังกล่าวมากกว่าแรงดึงประลัยของคอนกรีตกำหนดให้เท่ากับ $0.10f_c'$

ซึ่งจะแตกต่างจากที่กำหนดโดย Kinnunen และ Nylander ให้หน่วยแรงอัดของคอนกรีตมีค่าคงที่เท่ากับ $2.35f_c'$ ซึ่งค่าดังกล่าวพิจารณาจากพฤติกรรมของหน่วยแรงอัดสามแกน(Triaxial state of stress)ของคอนกรีต

Carl E Broms⁽⁷⁾ ก็ได้จำลองกลไกการถ่ายแรงเฉือนคล้ายกับที่เสนอโดย Kinnunen และ Nylander เช่นเดียวกัน แต่เกณฑ์การวิบัติจะกำหนดให้เกิดขึ้นเมื่อความเครียดในทิศทางสัมผัสเกินค่าที่ยอมรับเท่ากับ 0.0008 หรือการวิบัติเกิดขึ้นเนื่องจากการพังเนื่องจากแรงอัดของคอนกรีตในทิศทางรัศมีมีค่าเท่ากับ $1.10f_c'$ ซึ่งถือว่าคอนกรีตอยู่ภายใต้สถานะแรงอัดสองแกน(Biaxial state of stress)

2.1.3.5 เกณฑ์การวิบัติของคอนกรีต(Failure criteria for concrete)

จากหัวข้อที่ผ่านมาการวิบัติเนื่องจากการเฉือนจะขึ้นอยู่กับกำลังของคอนกรีตภายใต้หน่วยแรงในหลายทิศทาง อาทิเช่นหน่วยแรงในสามแกน(Triaxial state stress)และหน่วยแรงใน

สองแกน(Biaxial state stress) ซึ่งพฤติกรรมของคอนกรีตภายใต้หน่วยแรงดังกล่าวพอจะอธิบายพอสังเขปดังนี้

2.1.3.5.1 หน่วยแรงอัดในสองทิศทาง(Biaxial state stress)

กำลังและรูปแบบการวิบัติของคอนกรีต⁽⁸⁾ ที่รับแรงในสองทิศทางขึ้นอยู่กับผลของการรวมกันของหน่วยแรง σ_1 และ σ_2 จากรูปที่ 4 แสดงหน่วยในสองทิศทางที่ทำให้เกิดการวิบัติของคอนกรีต ที่จุด C จะเห็นว่ากำลังของคอนกรีตภายใต้หน่วยแรงอัดในสองทิศทางที่เท่ากัน จะมีค่ามากกว่าหน่วยแรงอัดในแกนเดียวของคอนกรีตประมาณ 107%ของค่า f_c'

2.1.3.5.2 หน่วยแรงอัดในสามทิศทาง(Triaxial state stress)

ภายใต้หน่วยแรงอัดในสามทิศทางรูปแบบการวิบัติ⁽⁸⁾ อาจเกิดขึ้นจากการแตกร้าวเนื่องจากแรงดึงในทิศที่ขนานกับหน่วยแรงอัด หรือเกิดความเครียดแรงดึงสูงสุดในทิศทางตั้งฉากหรือเกิดการวิบัติในรูปแบบของการเฉือน

กำลังและความเหนียวของคอนกรีตภายใต้หน่วยแรงอัดในสามทิศทางจะมากกว่าในกรณีของแรงอัดในทิศทางเดียว จากรูปที่ 5 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเครียดตามยาวและหน่วยแรงในแนวแกนของตัวอย่างรูปทรงกระบอกและรับหน่วยแรงด้านข้างคงที่ $\sigma_2 = \sigma_3$ และโดยมีหน่วยแรง σ_1 กระทำจนกระทั่งตัวอย่างวิบัติ

กำลังของคอนกรีตภายใต้หน่วยแรงหลายทิศทาง สามารถแสดงโดยใช้ Mohr rupture envelope ซึ่งวงกลมของโมห์ในรูปที่ 6 จะสอดคล้องกับหน่วยแรงที่เกิดขึ้นตามรูปที่ 5 และเส้นสัมผัสด้านนอกจะแสดง Mohr rupture envelope

2.1.4 แผ่นพื้นที่มีเหล็กเสริมรับแรงเฉือน

เหล็กเสริมรับแรงเฉือนในแผ่นพื้น ASCE-ACI Committee 426⁽⁴⁾ ได้แบ่งออกเป็น 2 กลุ่มคือ เหล็กเสริมรูปพรรณ และเหล็กคอกม้าหรือเหล็กปลอก ซึ่งในประเภทหลังนั้นข้อมูลค่อนข้างมีจำกัดและถือว่าไม่มีประสิทธิภาพเท่าที่ควรเมื่อใช้ในแผ่นพื้นที่มีความหนาน้อยกว่า 25 ซม. เมื่อใช้ในแผ่นพื้นที่มีความหนามากกว่า 25 ซม. จะกำหนดให้มีประสิทธิภาพเพียงแค่ 50% เท่านั้น

2.1.4.1 เหล็กคอกม้าและเหล็กปลอก

ในการพิจารณาใช้เหล็กเสริมรับแรงเฉือนชนิดเหล็กปลอกและเหล็กคอกม้า⁽⁴⁾ นั้นจะมีต้องพิจารณารายละเอียดหลายประการด้วยกัน อาทิเช่น 1.) การตรวจสอบกำลังแรงเฉือนที่หน้าตัดใดๆ รอบหัวเสาที่เกินหน่วยแรงเฉือนประลัยของคอนกรีต 2.) การทำรายละเอียดของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนเพื่อให้มีการยึดเหนี่ยวที่ดีซึ่งในเหล็กเสริมรับแรงเฉือนชนิดนี้ค่อนข้างทำได้ยากในแผ่นพื้นที่บาง 3.) การจัดหาปริมาณเหล็กเสริมรับแรงเฉือนเพื่อรับแรงเฉือนภายหลังการเกิดรอยร้าวใน

แนวทแยง ซึ่งจะประมาณ 50%ของกำลังแรงเฉือนของแผ่นพื้นที่ไม่เสริมเหล็กรับแรงเฉือน 4.) การทำรายละเอียดเพื่อให้แผ่นพื้นมีความเหนียวที่เพียงพอเมื่อเกิดสภาวะน้ำหนักบรรทุกเกินปกติ โดยกำหนดให้เพิ่มเหล็กเสริมรับแรงเฉือนออกไปจากที่ได้ตามการคำนวณอีกเป็นระยะ 2h และ ประการสุดท้าย 5.)จะต้องทำรายละเอียดที่เหมาะสมที่จะก่อให้เกิดความผิดพลาดในการทำงานให้น้อยที่สุด

Neil M. Hawkins⁽⁹⁾ กำหนดว่าเหล็กเสริมรับแรงเฉือนจะรับแรงเฉือนภายหลังที่เกิดรอยร้าวในแนวทแยง รอยร้าวในแนวทแยงจะเริ่มเกิดขึ้นที่แรงกดประมาณ 50%ของแรงกดประลัยของแผ่นพื้นที่ไม่เสริมเหล็กรับแรงเฉือน กำลังต้านทานต่อแรงเฉือนของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนที่รอยร้าวในแนวทแยงทำมุม 45° ตัดผ่านกำหนดให้เท่ากับหน่วยแรงที่จุดคลาก การวิบัติอาจเกิดขึ้นได้ 2 กรณีคือ เกิดการวิบัติที่ระยะ $d/2$ จากเหล็กปลอกตัวสุดท้ายหรือช่องนอกสุดของเหล็กค่อมซึ่งคำนวณตามสมการที่ 2.23 หรือเกิดการวิบัติเนื่องจากเหล็กเสริมรับแรงเฉือนถึงจุดคลากซึ่งคำนวณได้ตามสมการที่ 2.24

$$V = 16d^2 \left(\frac{c'}{d} + 1 \right) \sqrt{f_c'} \quad (2.23)$$

$$V = \frac{V_c}{2} + V_s \geq V_c \quad (2.24)$$

ซึ่งค่า c' เป็นเส้นผ่าศูนย์กลางหรือระยะระหว่างเหล็กปลอกตัวนอกสุดหรือช่องของเหล็กค่อม และค่า V_c เป็นกำลังแรงเฉือนของแผ่นพื้นที่ไม่มีเหล็กเสริมรับแรงเฉือน

2.1.7.2 หมุดรับแรงเฉือน⁽¹⁰⁾

หมุดรับแรงเฉือนจะมีหลักการคล้ายกับเหล็กเสริมรับแรงเฉือนทั่วไป โดยที่หัวของหมุดรับแรงเฉือนจะทำหน้ายึดลำตัวหมุด ซึ่งเป็นชิ้นส่วนรับแรงดึงในแนวค้ำระหว่างผิวบนของแผ่นพื้นที่อยู่ภายใต้แรงดึงและผิวล่างของแผ่นพื้นที่อยู่ภายใต้แรงอัด โดยทั่วไปแผ่นเหล็กล่างของหมุดรับแรงเฉือนจะวางอยู่ใต้เหล็กเสริมล่างก็จะเกิดแรงอัดในทึร์คมีขึ้น ก็จะไม่มีปัญหาเกี่ยวกับการยึดเหนี่ยวของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนชนิดนี้

ถ้าวางแผ่นเหล็กล่างของหมุดรับแรงเฉือนยกบนหัวเสาเล็กน้อย ก็จะช่วยเพิ่มกำลังแรงกดที่หน้าเสาและช่วยให้เกิดการหมุนที่เพียงพอเมื่อเริ่มเกิดจุดหมุนพลาสติก (Plastic hinge) จากรูปที่ 7 การถ่ายแรงเฉือนผ่านหมุดรับแรงเฉือนนั้น น้ำหนักบรรทุกที่กระทำบนแผ่นพื้นจะกดลงบนแถบ

ล่างของหมุดรับแรงเฉือน และก็จะถูกหิวโดยหัวหมุดที่ยึดอยู่ด้านบนของแผ่นพื้น รูปที่ 7 ซึ่งพฤติกรรมการถ่ายแรงเข้าสู่เสาจะคล้ายคานสั้น (Corbel)

นอกจากนี้ถ้าระยะระหว่างหมุดค้ำนอกสุดกับหัวเสามีค่ามากกว่า d แนวการถ่ายแรงอัดจากหัวหมุดจะไม่ถ่ายเข้าสู่เสาโดยตรง แต่จะถ่ายผ่านฐานของตัวหมุดที่อยู่ชิดกัน ซึ่งก็จะเป็นการเพิ่มแรงในหัวหมุดจากเดิม

2.1.8 แผ่นพื้นที่มีช่องเปิด

ACI-ASCE Committee 426⁽⁴⁾ ได้สรุปว่าสำหรับแผ่นพื้นที่มีช่องเปิดนั้นกำลังรับแรงเฉือนจะต้องปรับแก้โดยการลดความยาวของเส้นรอบรูปที่หน้าตัดวิกฤต และการเยื้องศูนย์กลางของแรงเฉือนบนหน้าตัดวิกฤตเนื่องจากช่องเปิด

Neil M. Hawkins M.E. Criswell และ Roll⁽¹¹⁾ ก็กำหนดสมการสำหรับการคำนวณเมื่อแผ่นพื้นมีช่องเปิดโดย

$$\frac{V}{bd\sqrt{f'_c}} = 4 \left(1 + 2 \frac{d}{c} - \frac{e}{c} \right) \quad (2.25)$$

นอกจากนี้ Neil M. Hawkins และ Corley⁽¹²⁾ ก็ใช้แนวคิดเสมือนคาน (Beam analogy) กำหนดสมการโดย

$$V = 4 (\text{เส้นรอบรูปของการไหลของแรงเฉือนที่ตั้งฉากกับเสา}) d \sqrt{f'_c} \quad (2.26)$$

ซึ่ง b เป็นเส้นรอบรูปที่หน้าตัดวิกฤต และ e เป็นระยะเยื้องศูนย์กลางซึ่งกำหนดตามรูปที่ 8 เช่นเดียวกัน

2.2 งานวิจัยที่ผ่านมา

ในแผ่นพื้นที่เสริมเหล็กเสริมรับแรงเฉือนในที่นี้จะกล่าวถึงเฉพาะงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับหมุดรับแรงเฉือนเท่านั้นซึ่งมีดังต่อไปนี้

A. Ghali, M. A. Sargions และ A. Huizer⁽¹³⁾ ได้ทำการทดสอบแผ่นพื้นตัวอย่างโดยใช้เหล็กเส้นกลมมีแผ่นยึด (Anchore) ที่ปลายทั้งสองด้านเป็นเหล็กเสริมรับแรงเฉือน ซึ่งจะมีทั้งอัดแรงและไม่อัดแรงในเหล็กเสริมรับแรงเฉือนโดยไม่ให้มีแรงยึดเกาะ (Unbound) จุครองรับมี 2 ด้านและโดยรอบ จากผลการทดสอบในกรณีที่น่าหนักกระทำตรงกลางพื้นเมื่อแผ่นพื้นมีจุครองรับ 2 ด้านผลของการอัดแรงจะมีน้อยมากและพื้นจะมีพฤติกรรมคล้ายกับคานกว้าง (Wide Beam) และเมื่อพื้นมีจุด

รองรับทั้ง4ด้านผลของการอัดแรงจะเพิ่มแรงเฉือนประลัยถึง1.67-1.92เท่าค่าหน่วยแรงเฉือนประลัย มีค่าอยู่ระหว่าง $1.908\sqrt{f_c'} - 2.173\sqrt{f_c'}$

P.H.Langohr,A.GhaliและW.H.Dilger(14) ได้ทำการทดสอบตัวอย่างพื้นภายในขนาดเท่าของจริง (Full Scale) ขนาด1.80×1.80ม.หนา0.152ม.โดยเหล็กเสริมรับแรงเฉือน ได้จากการตัดเหล็กรูปพรรณรูปตัวไอเป็นชิ้นเล็กๆ โดยเน้นศึกษาถึงผลของการจัดวางเหล็กเสริมรับแรงเฉือนรอบหัวเสาและคุณสมบัติการยึดเหนี่ยวของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนรูปตัวไอ จากผลการทดสอบเหล็กเสริมรับแรงเฉือนจะเพิ่มกำลังรับแรงเฉือน ความเหนียว ของแผ่นพื้น

F.Seible,A.GhaliและW.H.Dilger(15) ได้ทำการทดสอบตัวอย่างพื้นภายในขนาดเท่าของจริง (Full Scale) ขนาด 1.80×1.80 ม.หนา 0.15 ม.มีน้ำหนักกระทำตรงกลาง ที่ขอบของพื้นเป็นจุดรองรับอย่างง่าย โดยใช้เหล็กเสริมรับแรงเฉือนต่างชนิดกัน ประกอบด้วยชิ้นส่วนตัวไอ หมุ่รับแรงเฉือนที่ใช้ในงานโครงสร้างเชิงประกอบ และตระแกรงลวด (Welded Wire Fabrice)คัดขึ้นรูป การทดสอบเพื่อที่จะศึกษาผลของเหล็กรับแรงเฉือนแต่ละชนิดนั้นจะมีผลต่อกำลังแรงเฉือนของความเหนียวของแผ่นพื้นและคุณสมบัติการยึดเหนี่ยวของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนแต่ละชนิด ผลการทดสอบพบว่าเหล็กเสริมรับแรงเฉือนทั้งสามชนิดจะเพิ่มความเหนียวและกำลังแรงเฉือนของแผ่นพื้น เหล็กเสริมรับแรงเฉือนที่ได้จากชิ้นส่วนรูปตัวไอและหมุ่รับแรงเฉือนจะมีการยึดเหนี่ยวที่เพียงพอ

A.Frank Van Der Voet,W.H.DilgerและA.Ghali(16) ได้ทำการทดสอบตัวอย่างพื้นภายในขนาดเท่าของจริง (Full Scale) ขนาด 1.90×1.90 ม.หนา 0.15 ม.มีน้ำหนักบรรทุกกระทำตรงกลางที่ขอบของพื้นเป็นจุดรองรับอย่างง่าย โดยแต่ละชิ้นส่วนของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนใช้เหล็กกลมมีแผ่นเหล็กสี่เหลี่ยมจัตุรัสเชื่อมยึดที่ปลายทั้งสองด้าน การทดสอบจะศึกษาถึงผลของการจัดวางเหล็กเสริมรับแรงเฉือนรอบหัวเสา ปริมาณของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนที่ใช้และรายละเอียดของตัวเหล็กเสริมรับแรงเฉือน จากผลการทดสอบพบว่าตัวอย่างที่มีปริมาณเหล็กเสริมรับแรงเฉือนมากๆ จะเกิดหน้าตัดวิกฤติ เป็นระยะ $d/2$ จากแกนออกสุดของเหล็กเสริมรับแรงเฉือน ค่ากำลังแรงเฉือนประลัยของคอนกรีตเมื่อไม่มีเหล็กเสริมรับแรงเฉือนจะลดลงเมื่อหน้าตัดวิกฤติอยู่ห่างหน้าเสามากขึ้น การจัดวางเหล็กเสริมรับแรงเฉือนไม่มีผลต่อกำลังประลัยของตัวอย่างทดสอบ

W.H.DilgerและA.Ghali(17)ได้สรุปรวบรวมข้อมูลที่ได้จากการทดสอบที่ผ่านมาเสนอสมการใช้ออกแบบเหล็กเสริมรับแรงเฉือนได้กำหนดค่าหน่วยแรงเฉือนประลัยที่รับโดยคอนกรีตเมื่อปราศจากเหล็กเสริมรับแรงเฉือนซึ่งขึ้นอยู่กับค่าอัตราส่วนของระยะระหว่างหน้าเสาดังหน้าตัดวิกฤติกับความลึกประสิทธิผลของแผ่นพื้น และอัตราส่วนด้านยาวต่อด้านสั้นของเสาสี่เหลี่ยมคี่นค้ำ

Abdel-Slam Mokta, A. Ghali และ W.H. Dilger⁽¹⁸⁾ ได้ทำการทดสอบพื้นภายในตัวอย่างขนาด 1.90×1.90 ม.หนา 0.15 ม. โดยใช้หมุดรับแรงเฉือนเป็นเหล็กเสริมรับแรงเฉือน การทดสอบจะศึกษาถึงผลของชนิดของคอนกรีตที่ใช้ ระยะหุ้มผิวของคอนกรีต (Covering) และจำนวนเหล็กเสริมรับแรงเฉือนจะแตกต่างกันว่าจะมีผลอย่างไรต่อกำลังรับแรงเฉือนและความเหนียว ของจุดต่อพื้นเสา จากผลการทดสอบพบว่าหมุดรับแรงเฉือนจะเพิ่มกำลังรับแรงเฉือน และความเหนียว ของจุดต่อพื้นเสา หน่วยแรงสูงสุดจะเกิดขึ้นในหมุดรับแรงเฉือนแถวแรกจากหน้าเสา ระยะหุ้มผิวของคอนกรีต (Covering) มากขึ้นจะลดกำลังของจุดต่อพื้นเสาเล็กน้อย

Abel A., Elgabry และ A. Ghali⁽¹⁹⁾ ได้เสนอการออกแบบเหล็กเสริมรับแรงเฉือนโดยใช้หมุดรับแรงเฉือนในแผ่นพื้นไร้คานทั้งพื้นช่วงใน, ช่วงริมและช่วงมุม โดยกำหนดรายละเอียดของตัวหมุด การจัดวางรอบหัวเสา กำหนดค่าหน่วยแรงเฉือนประลัยของคอนกรีตทั้งในกรณีที่หน้าตัดวิกฤตอยู่ในและนอกบริเวณของเหล็กเสริมรับแรงเฉือนซึ่งอยู่ในรูปของค่า f_c' , α และ β_c รวมถึงข้อแนะนำเมื่อใช้ในคอนกรีตมวลเบา (Low-Density Concrete), ช่องเปิดในแผ่นพื้น (Opening) และในพื้นที่คอนกรีตอัดแรง

นอกจากนี้ ACI Committee reports⁽²⁰⁾ ก็ได้เสนอการออกแบบเหล็กเสริมรับแรงเฉือนโดยใช้หมุดรับแรงเฉือนตามวิธีของ ACI 318-89 กำหนดรายละเอียดของหมุด, การจัดวางและได้เสนอค่าหน่วยแรงหน่วยแรงที่ยอมให้ที่สูงกว่า ACI 318-89 ตามผลการวิจัยที่ผ่านมา