

บทที่ 3

ทฤษฎีบท

3.1 ระบบการแลกเปลี่ยนมวล (Mass exchanger)

การแลกเปลี่ยนมวล คือ การที่สายสองสายเกิดการสัมผัสกันโดยตรงในหน่วยแลกเปลี่ยนมวล และเกิดการถ่ายโอนมวลระหว่างสายทั้งสอง ซึ่งเกิดจากสารที่มีความสามารถในการกระจายตัวได้ในทั้งสองสายเกิดการกระจายตัวใหม่โดยทิศทางของการกระจายตัวขึ้นอยู่กับความสามารถในการละลาย (Solubility) และความเข้มข้นขององค์ประกอบที่เกิดการเคลื่อนย้ายมวลได้ในสายที่แลกเปลี่ยนมวลกัน จากหลักการนี้จึงสามารถนำไปประยุกต์ใช้ในอุตสาหกรรมเคมีอย่างแพร่หลายตามวัตถุประสงค์ต่างๆ ของงาน เช่น การนำไปใช้ในกระบวนการนำกลับสารที่มีคุณค่าทางเศรษฐกิจ (Recovery of valuable component) การทำสารให้บริสุทธิ์ (Purification) และการจัดการของเสีย (Waste treatment) เป็นต้น

ในอุตสาหกรรมเคมีมีกระบวนการแลกเปลี่ยนมวลอยู่มากมายหลายกระบวนการดังนี้

1. การดูดซึม (Absorption) คือ การใช้ตัวทำละลายที่เป็นของเหลวไปดูดซึมตัวถูกละลายที่ละลายอยู่ในก๊าซซึ่งตัวทำละลายต้องละลายตัวถูกละลายได้ดีกว่าก๊าซ ตัวอย่างการประยุกต์ใช้งานกระบวนการนี้ เช่น กระบวนการดั่งซัลเฟอร์ออกจากก๊าซที่ออกจากเตาเผาก่อนที่จะออกสู่บรรยากาศ (Flue gas) โดยใช้สารละลายของอัลคาไลน์

2. การดูดซับ (Adsorption) คือ การใช้ของแข็งดูดซับสารที่อยู่ในก๊าซหรือสารละลาย โดยที่ตัวถูกละลายสามารถเกาะอยู่บนผิวของของแข็งได้

3. การสกัด (Extraction) คือ การใช้ตัวทำละลายที่เป็นของเหลวไปสกัดตัวถูกละลายจากสายเข้มข้น โดยที่ตัวทำละลายต้องมีความสามารถในการละลายตัวถูกละลายได้ดีกว่าตัวพา

4. การแลกเปลี่ยนไอออน (Ion exchange) คือ การใช้เรซินที่มีทั้งไอออนบวกและไอออนลบมาดั่งไอออนลบที่อยู่ในสารละลายเข้ามาแทนที่ไอออนลบในเรซินทำให้สารละลายที่ออกไปไม่มีสารที่มีไอออนที่เป็นอันตรายปนอยู่ เป็นต้น

ซึ่งการเลือกใช้กระบวนการใดจะขึ้นอยู่กับวิฤภาคของสายที่จะแลกเปลี่ยนมวลและกลไกการแลกเปลี่ยนมวล

3.2 สมดุลวิภาค (Equilibrium)

ในระบบที่มีวิภาคของเหลวอยู่ 2 วิภาค คือ วิภาคที่มีตัวถูกละลายอยู่เจือจาง (j) และ วิภาคที่มีตัวถูกละลายอยู่มาก (i) เมื่อของเหลวทั้งสองสัมผัสกัน ตัวถูกละลายซึ่งมีความสามารถในการละลายได้ในทั้งสองวิภาคจะเกิดการแพร่ (Diffuses) จากวิภาคที่มีความเข้มข้นมากไปยังวิภาคที่มีความเข้มข้นน้อยกว่าทำให้ความเข้มข้นในสายเจือจางค่อยๆเพิ่มขึ้น ซึ่งการที่ความเข้มข้นในสายเจือจางเพิ่มขึ้นจะส่งผลให้เกิดความต้านทานในการแพร่เพิ่มขึ้นตามไปด้วย การแพร่จึงเกิดได้ยากขึ้น นอกจากนี้เมื่อพิจารณาทิศทางการถ่ายโอนมวลของระบบ พบว่าตัวถูกละลายสามารถแพร่จากวิภาคเจือจางไปยังวิภาคเข้มข้นได้ด้วย (Back-transfers) ดังนั้นอัตราการแพร่สุทธิจะเท่ากับผลต่างของอัตราการแพร่ย้อนกลับกับอัตราการแพร่ไปข้างหน้า (Forward-transfer) นั่นเอง โดยที่ทิศทางการถ่ายเทมวลสุทธิเป็นการถ่ายเทจากวิภาคเข้มข้นไปยังวิภาคเจือจาง ดังนั้นปริมาณของตัวถูกละลายในวิภาคเจือจางจะเพิ่มขึ้นเรื่อยๆ ในขณะที่เดียวกันปริมาณของตัวถูกละลายในสายเข้มข้นจะค่อยๆลดลง จนกระทั่งอัตราการถ่ายเทมวลทั้งแบบย้อนกลับและแบบไปข้างหน้า เท่ากันที่จุดนี้ ความเข้มข้นของตัวถูกละลายในวิภาคทั้งสองจะมีค่าคงที่ไม่เปลี่ยนแปลงตามเวลา ซึ่งที่จุดนี้เรียกว่า จุดสมดุลของการถ่ายเทมวล (Equilibrium) พิจารณาระบบอุดมคติกำหนดให้ x_j คือ ความเข้มข้นของตัวทำละลายในวิภาค j และ y_i คือ ความเข้มข้นของตัวถูกละลายในวิภาค i โดยที่ i คือ วิภาคเข้มข้น และ j คือ วิภาคเจือจาง และฟังก์ชันการกระจายตัวที่สภาวะสมดุล คือ f_j^* ซึ่งฟังก์ชันการกระจายตัวนี้อาจจะเป็น อุณหภูมิหรือ ความดันของระบบก็ได้ และกำหนดให้ x_j^* คือความเข้มข้นที่สภาวะสมดุล ความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุลแสดงได้ดังสมการ

$$y_i = f_j^*(x_j^*) \quad 3.1$$

ซึ่งในการนำสมการนี้ไปใช้งาน ในด้านของสิ่งแวดล้อมสามารถประมาณได้ด้วยสมการเชิงเส้นทำให้เขียนสมการที่ 3.1 ได้ดังนี้

$$y_i = m_j x_j^* + b_j \quad 3.2$$

สำหรับกรณีที่ใช้ในระบบการดูดซึม (Absorption) สามารถใช้สมการของ Raoult's law ได้ดังนี้

$$y_i = \frac{P_{solute}^0(T)}{P_{total}} x_j^* \quad 3.3$$

เมื่อ y_i และ x_j^* คือสัดส่วนโดยโมลของตัวถูกละลายในวัฏภาคก๊าซและของเหลวตามลำดับและ $P_{solute}^0(T)$ คือความดันไอของตัวถูกละลายที่อุณหภูมิ T และความดัน P_{total} คือความดันของก๊าซทั้งระบบ

นอกจากนี้สมการที่ใช้ในการประมาณค่าที่สมดุลสำหรับระบบ Stripping คือสมการของเฮนรี (Henry's law) ซึ่งแสดงได้ดังนี้

$$y_i = H_j x_j^* \quad 3.4$$

เมื่อ

$$H_j = \frac{P_{total} y_i^{solubility}}{P_{solute}^0(T)} \quad 3.5$$

กำหนดให้ $y_i^{solubility}$ คือ ความสามารถของวัฏภาคของเหลวในการละลายของมลพิษที่อุณหภูมิที่ดำเนินงาน

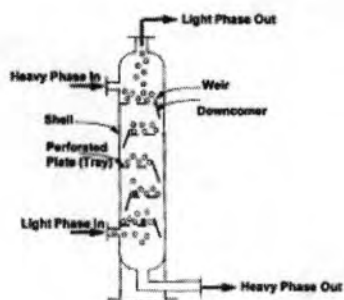
สำหรับกรณีของระบบการสกัด (Extraction) สามารถใช้สมการที่สภาวะสมดุลดังนี้

$$y_i = K_j x_j^* \quad 3.6$$

ซึ่งสมการที่ใช้ในการประมาณค่าที่สภาวะสมดุลที่กล่าวมาข้างต้นสามารถใช้ได้เฉพาะช่วงที่ความเข้มข้นต่ำเท่านั้น

3.3 การกำหนดชนิดและขนาดของเครื่องแลกเปลี่ยนมวล (Types and Size of Mass Exchangers)

ในการแลกเปลี่ยนมวลระหว่างวัฏภาคสิ่งที่ต้องคำนึงถึง คือ การกำหนดรูปแบบของการสัมผัสกันของวัฏภาคทั้งสอง ซึ่งทำได้หลายแบบดังนั้นหน่วยปฏิบัติการที่ใช้จึงเปลี่ยนแปลงไปตามความเหมาะสมของคู่ที่เกิดการแลกเปลี่ยนกัน โดยหน่วยปฏิบัติการหลักที่นิยมใช้มีสองแบบคือแบบขั้น (Multi stages) และแบบต่อเนื่อง (Differential contactor) สำหรับหน่วยปฏิบัติการแบบขั้นนั้นจะมีสมมติฐานว่าเวลาที่เกิดการแลกเปลี่ยนมวลในแต่ละชั้นนานพอที่จะเกิดการถ่ายโอนมวลจนเข้าสู่สภาวะสมดุล ซึ่งตัวอย่างหน่วยปฏิบัติการที่เป็นแบบขั้น เช่น หอสกัดแบบขั้น (Tray columns) หรือ เครื่องผสม (Mixer settlers) เพื่อที่จะคำนวณขนาดของหอสกัดแบบขั้นจึงต้องมีการกำหนดสมมติฐานเพิ่มเติมโดยให้หอสกัดที่ใช้เป็นแบบที่ไม่มี การถ่ายเทความร้อนเข้าหรือออกจากระบบ (Isothermal)



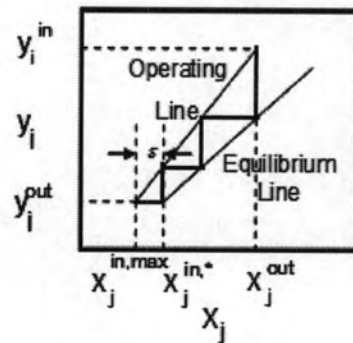
รูปที่ 3.1 หอกกลั่นแบบขั้น (อ้างอิง: pollution prevention through process integration systematic design tool โดย Mahmoud M. El-Halwagi)

จากรูปกำหนดให้สายที่มีความเข้มข้นมาก (Rich stream: i) มีอัตราการไหลเท่ากับ G_i และมีองค์ประกอบของสารที่เป็นมลพิษที่ทางเข้า เท่ากับ y_i^{in} และที่ทางออกเท่ากับ y_i^{out} และมีตัวทำละลาย (MSA หรือ lean stream: j) อัตราการไหลเท่ากับ L_j โดยมีความเข้มข้นที่ทางเข้าและทางออกเท่ากับ x_j^{in} และ x_j^{out} และไหลในทิศทางดังรูปที่ 3.1

โดยปกติแล้วการไหลแบบสวนกัน (Counter flow) จะทำให้การถ่ายโอนมวลเกิดได้ดีที่สุด ดังนั้น ระบบการไหลที่พิจารณาจึงเป็นระบบไหลสวนทางกัน และกำหนดให้เวลาในการถ่ายโอนมวลในแต่ละชั้นมากพอที่จะทำให้การถ่ายโอนมวลจนกระทั่งเข้าสู่สภาวะสมดุล ซึ่งจำนวนชั้นของการแลกเปลี่ยนมวลทางทฤษฎี (Number of theoretical plates: NTP) คำนวณได้จากวิธีเชิงกราฟ (McCabe-Thiele method) เนื่องจากปกติแล้วสมการที่แสดงความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุลเป็นแบบไม่เชิงเส้น อย่างไรก็ตามเมื่อพิจารณาที่ช่วงเฉื่อยมากพอความสัมพันธ์ที่สมดุลสามารถประมาณให้เป็นเชิงเส้นได้ดังสมการที่ 3.2 เมื่อสร้างสมการสมดุลมวลของสารที่เกิดการถ่ายเทมวล จะได้ดังสมการ

$$G_i (y_i^{in} - y_i^{out}) = L_j (x_j^{out} - x_j^{in}) \quad 3.7$$

เมื่อนำสมการสมดุลมวลมาเขียนบนกราฟ $y-x$ จะได้กราฟดังรูปที่ 3.2 โดยที่ความชันของเส้นดำเนินงาน (Operating line) คือ อัตราส่วนของอัตราการไหลของสายเฉื่อยจางต่อสายเข้มข้น $\frac{L_j}{G_i}$



รูปที่ 3.2 กราฟ McCabe-Thiele

ซึ่งจำนวนขั้นในทางทฤษฎีหาจากการลากเส้นระหว่างเส้นที่สมดุล (Equilibrium line) กับเส้นดำเนินงาน (Operating line) นอกจากวิธีเชิงกราฟแล้วจำนวนขั้นทางทฤษฎียังหาได้จากสมการของเครมเซอร์ (Kremser's equation 1930) โดยสมการของเครมเซอร์แสดงได้ดังสมการ 3.8 หรือ สมการที่ 3.9

$$NTP = \frac{\ln \left[\left(1 - \frac{m_j G_i}{L_j} \right) \left(\frac{y_i^{in} - m_j x_j^{in} - b_j}{y_i^{out} - m_j x_j^{in} - b_j} \right) + \frac{m_j G_i}{L_j} \right]}{\ln \left(\frac{L_j}{m_j G_i} \right)} \quad 3.8$$

ซึ่งสมการเครมเซอร์สามารถเขียนได้อีกรูปแบบดังนี้

$$NTP = \frac{\ln \left[\left(1 - \frac{L_j}{m_j G_i} \right) \left(\frac{x_j^{in} - x_j^{out,*}}{x_j^{out} - x_j^{out,*}} \right) + \frac{L_j}{m_j G_i} \right]}{\ln \left(\frac{m_j G_i}{L_j} \right)} \quad 3.9$$

เมื่อกำหนดให้

$$x_j^{out,*} = \frac{y_i^{in} - b_j}{m_j} \quad 3.10$$

และ

$$\frac{y_i^{in} - m_j x_j^{out} - b_j}{y_i^{out} - m_j x_j^{in} - b_j} = \left(\frac{L_j}{m_j G_i} \right)^{NTP} \quad 3.11$$

ในสภาวะการทำงานจริงพบว่าบางครั้งเวลาที่ใช้ในการถ่ายเทมวลในแต่ละชั้นไม่มากพอที่จะเกิดการถ่ายเทจนเข้าสู่สภาวะสมดุลได้ ดังนั้นการหาจำนวนชั้นตอนที่แท้จริง (Number of actual plates) จึงต้องคำนึงถึงประสิทธิภาพของการถ่ายเทมวลด้วยโดยประสิทธิภาพของการถ่ายเทมวลโดยรวม (Overall exchanger efficiency: η_o) สัมพันธ์กับจำนวนชั้นที่แท้จริงดังสมการ

$$NAP = \frac{NTP}{\eta_o} \quad 3.12$$

ประสิทธิภาพของการถ่ายเทมวลของแต่ละชั้นสามารถนิยามโดยเทียบกับสายเข็มชั้นหรือสายเจ็จจาง η_y ได้ ซึ่งจำนวนชั้นที่แท้จริงหาได้จากสมการ

$$NTP = \frac{\ln \left[\left(1 - \frac{m_j G_i}{L_j} \right) \left(\frac{y_i^{in} - m_j x_j^{in} - b_j}{y_i^{out} - m_j x_j^{in} - b_j} \right) + \frac{m_j G_i}{L_j} \right]}{-\ln \left\{ 1 + \eta_y \left[\left(\frac{m_j G_i}{L_j} \right) - 1 \right] \right\}} \quad 3.13$$

สำหรับหน่วยปฏิบัติการในการแลกเปลี่ยนมวลแบบต่อเนื่อง (Differential contactor) คือหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่มีการใช้ตัวกลางเพื่อเพิ่มประสิทธิภาพของการแลกเปลี่ยนมวลให้ดีขึ้น เช่น หอสกัดแบบต่อเนื่อง (Packed column) และ หอสเปรย์ (Spray tower) เป็นต้น ขนาดของหอสกัดประเภทนี้คำนวณได้จากความสูงของหอ (H) ดังสมการ

$$H = HTU_y NTU_y \quad 3.14$$

$$H = HTU_x NTU_x \quad 3.15$$

โดยให้ HTU_y คือ ความสูงของหอเมื่อคำนวณอ้างอิงกับสายเข็มชั้น

HTU_x คือ ความสูงของหอเมื่อคำนวณโดยอ้างอิงกับสายเจ็จจาง และ

NTU_y คือ จำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนเมื่อคำนวณอ้างอิงกับสายเข็มชั้น

NTU_x คือ จำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนเมื่อคำนวณอ้างอิงกับสายเจ็จจาง

ถ้าสมมติให้ระบบเป็นแบบที่ไม่มี การถ่ายเทความร้อน (Isothermal) และเป็นแบบเจ็จจางมาก ความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุลสามารถประมาณเป็นแบบเชิงเส้นได้แล้วทำให้สามารถคำนวณจำนวนของหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่อ้างอิงกับสายเข็มชั้น ได้ดังสมการ 3.16

เมื่อ

$$NTU_y = \frac{y_i^{in} - y_i^{out}}{(y_i - y_i^*)_{\log mean}} \quad 3.16$$

$$(y_i - y_i^*)_{\log mean} = \frac{(y_i^{in} - m_j x_j^{out} - b_j) - (y_i^{out} - m_j x_j^{in} - b_j)}{\ln \left(\frac{(y_i^{in} - m_j x_j^{out} - b_j)}{(y_i^{out} - m_j x_j^{in} - b_j)} \right)} \quad 3.17$$

$$NTU_x = \frac{x_i^{in} - x_i^{out}}{(x_i - x_i^*)_{\log mean}} \quad 3.18$$

เมื่อ

$$(x_j - x_j^*) = \frac{\left[x_j^{out} - \left(\frac{y_i^{in} - b_j}{m_j} \right) \right] - \left[x_j^{in} - \left(\frac{y_i^{out} - b_j}{m_j} \right) \right]}{\ln \left[\frac{\left[x_j^{out} - \left(\frac{y_i^{in} - b_j}{m_j} \right) \right]}{\left[x_j^{in} - \left(\frac{y_i^{out} - b_j}{m_j} \right) \right]} \right]} \quad 3.19$$

กรณีที่ไม่รู้อัตราการไหลของสายที่มาแลกเปลี่ยนมวลกัน ค่าจำนวนชั้นที่อ้างอิงสายเข้มข้นสามารถหาได้จากสมการที่ 3.20

$$NTU_y = \frac{\ln \left[\left(1 - \frac{m_j G_i}{L_j} \right) \left(\frac{y_i^{in} - m_j x_j^{in} - b_j}{y_i^{out} - m_j x_j^{in} - b_j} \right) + \frac{m_j G_i}{L_j} \right]}{1 - \left(\frac{m_j G_i}{L_j} \right)} \quad 3.20$$

3.4 การสังเคราะห์ข่ายงานแลกเปลี่ยนมวล (Synthesis of Mass-Exchange Networks approaches)

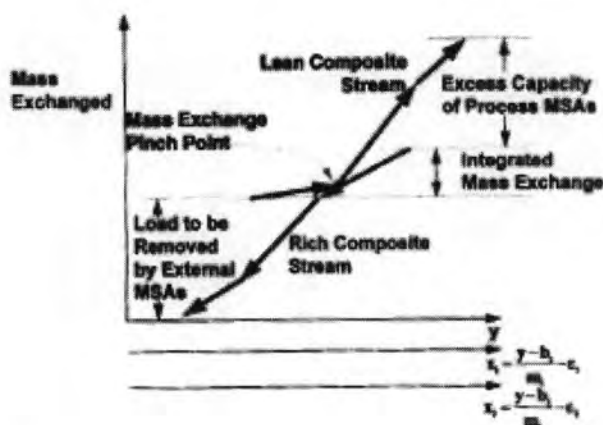
การออกแบบข่ายงานแลกเปลี่ยนมวลนั้นมีความซับซ้อนมาก เนื่องจากการออกแบบข่ายงานนั้นมีทางเลือกในการออกแบบมากมายหลายรูปแบบ เช่น จำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่ใช้ การจับคู่ของสายที่จะแลกเปลี่ยนมวล อัตราการไหลของตัวทำละลายที่ใช้ และอัตราการไหลของแต่ละสายในหน่วยแลกเปลี่ยนมวลแต่ละหน่วย เป็นต้น ซึ่งการทดลองออกแบบแล้วทวนสอบกลับ (Trial and error) หรือการออกแบบหลายๆโครงสร้างแล้วเทียบกัน พบว่าวิธีเหล่านี้ไม่สามารถหาข่ายงานที่เหมาะสมได้ ดังนั้นจึงต้องมีวิธีที่แก้ปัญหาเพื่อใช้ในการออกแบบซึ่งวิธีที่ใช้คือการสังเคราะห์ปัญหาของกระบวนการออกมา โดยการตั้งเป้าหมาย (target) ของข่ายงานที่ต้องการออกแบบ ซึ่งเป้าหมายของข่ายงานที่นิยมใช้ในการออกแบบมีสองแบบดังนี้

1. การหาค่าใช้จ่ายในการดำเนินงานที่ต่ำที่สุด (Minimum cost of MSAs) เป้าหมายของการออกแบบข่ายงานที่ได้จะเป็นคำตอบที่ออกแบบให้มีค่าใช้จ่ายในการดำเนินงานต่ำที่สุด (MOC)

2. การหาค่าใช้จ่ายของหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่ต่ำที่สุด (Minimum number of mass exchanger units) เป้าหมายของคำตอบที่ต้องการคือคำตอบที่ทำให้ ใช้จำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนมวลให้น้อยที่สุดซึ่งจะส่งผลให้ค่าใช้จ่ายคงที่ต่ำสุดด้วยนั่นเอง

3.4.1 วิธีเชิงกราฟ (Graphical approach)

เมื่อพิจารณากระบวนการผลิตพบว่ามีบางสายสามารถแลกเปลี่ยนมวลกับสายของเสียได้ ซึ่งการที่สายนี้มีอยู่ในกระบวนการอยู่แล้วทำให้ไม่มีค่าใช้จ่ายเพิ่มขึ้น ดังนั้นก่อนที่จะออกแบบข่ายงานจึงต้องพยายามนำสายของเสียมาจับคู่แลกเปลี่ยนมวลกับสายตัวทำละลายที่มีอยู่แล้วในกระบวนการ (Process MSAs) ให้มากที่สุดก่อน เพื่อเป็นการประหยัดค่าใช้จ่ายของตัวทำละลายจากภายนอก (External MSAs) ที่ต้องใช้ เมื่อพิจารณากราฟพบว่าสายของเสียและสายตัวทำละลายจะวิ่งมีทิศสวนทางกันและลู่เข้าหากันจนสัมผัสกันที่จุดหนึ่ง เรียกว่าจุดพินช์ (Pinch point) ซึ่งที่จุดนี้จะเป็นจุดที่สายทั้งสองไม่เกิดการแลกเปลี่ยนมวลกันเพราะเป็นจุดที่มีแรงขับเคลื่อน (Driving force) น้อยที่สุด และจากกราฟจะพบว่ามวลที่เหลือที่ไม่สามารถแลกเปลี่ยนได้หมด (Excess Capacity of Process MSAs) จะต้องใช้ตัวทำละลายภายนอกมารับมวลออกไป เพื่อให้สายของเสียมีความเข้มข้นตามเป้าหมายที่วางไว้ดังรูปที่ 3.3



รูปที่ 3.3 กราฟที่แสดงการถ่ายโอนมวล (อ้างอิง: pollution prevention through process integration systematic design tool โดย Mahmoud M. El-Halwagi)

โดยปริมาณของตัวทำละลายจากภายนอกที่ใช้แสดงถึงค่าใช้จ่ายในการดำเนินงานนั่นเอง เพื่อที่จะลดค่าใช้จ่ายในส่วนของตัวทำละลายภายนอก โดยปกติแล้วจะทำโดยการเพิ่มค่าผลต่างของความเข้มข้นที่ต่ำที่สุดที่ทำให้เกิดการถ่ายโอนมวลได้ (minimum allowable composition different: ϵ) ซึ่งการเพิ่มค่านี้จะทำให้ใช้ตัวทำละลายภายนอกน้อยลงแต่จะส่งผลให้ค่าใช้จ่ายคงที่มากขึ้นซึ่งต้องมีการเปรียบเทียบกันระหว่างค่าใช้จ่ายในการดำเนินงานที่น้อยลงกับค่าใช้จ่ายที่คงที่ที่เพิ่มขึ้นเพื่อหาโครงสร้างที่มีค่าใช้จ่ายน้อยที่สุด

3.4.2 วิธีเชิงพีชคณิต (An algebraic approach)

วิธีการนี้เริ่มต้นโดยการแบ่งช่วงก่อน โดยจำนวนช่วงที่แบ่งสัมพันธ์กับจำนวนของสายที่เกิดการแลกเปลี่ยนมวลกันซึ่งคำนวณได้จากสมการดังนี้ 3.21

$$N_{\text{int}} \leq 2(N_R + N_{\text{sp}}) - 1 \quad 3.21$$

เมื่อ N_{int} = จำนวนช่วง N_R = จำนวนของสายเข้มข้น N_{sp} = จำนวนของสายตัวทำละลาย ปริมาณของสารที่ถ่ายโอนของสายเข้มข้น (i) และสายเจือจาง (j) ในช่วงที่ k คำนวณได้ดังสมการ 3.22 และ 3.23

$$W_{i,k}^R = G_i(y_{k-1} - y_k) \quad 3.22$$

$$W_{j,k}^S = L_j^C (x_{j,k-1} - x_{j,k}) \quad 3.23$$

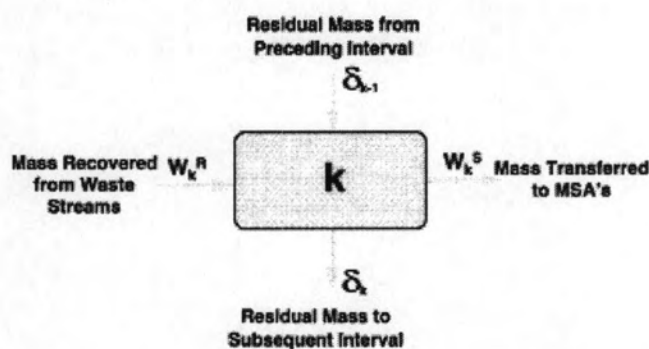
ปริมาณของสารที่ถูกถ่ายโอนทั้งหมดในช่วง k ของสายเข้มข้นเท่ากับผลรวมของมวลในแต่ละสายถ่ายโอนในช่วง k รวมกันดังสมการ

$$W_k^R = \sum_i W_{i,k}^R \quad 3.24$$

ในทำนองเดียวกันปริมาณสารที่สายเจือจางรับทั้งหมดในช่วง k คำนวณได้ดังสมการ

$$W_k^S = \sum_j W_{j,k}^S \quad 3.25$$

เมื่อสร้างสมการสมดุลมวลในแต่ละช่วงจะได้ดังสมการ

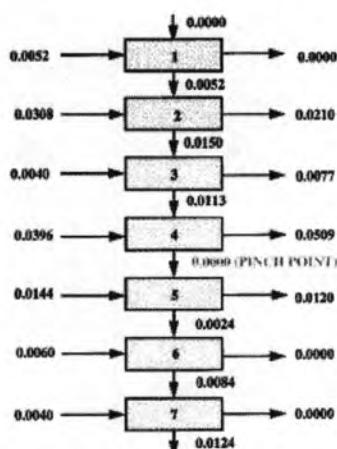


รูปที่ 3.4 การทำสมดุลมวลของแต่ละช่วง (อ้างอิง: pollution prevention through process integration systematic design tool โดย Mahmoud M. El-Halwagi)

สมดุลมวลขององค์ประกอบ

$$W_k^R + \delta_{k-1} - W_k^S = \delta_k \quad 3.26$$

พิจารณาการทำสมดุลมวลเมื่อพิจารณาช่วงที่แบ่งออกมาต่อกัน



รูปที่ 3.5 แผนภาพการถ่ายโอนมวลแบบช่วงต่อกันของระบบ dephenolization
(อ้างอิง: pollution prevention through process integration systematic design tool โดย
Mahmoud M. El-Halwagi)

ขั้นต่อมาทำการจับคู่กันของสายที่จะมาแลกเปลี่ยนมวลกันโดยที่การจับคู่จะถูกแบ่งออกเป็นสองส่วนคือที่เหนือจุดพินช์และใต้จุดพินช์

$$\text{เหนือจุดพินช์} \quad \frac{L_j}{m_j} \geq G_i \quad 3.27$$

$$\text{ใต้จุดพินช์} \quad \frac{L_j}{m_j} \leq G_i \quad 3.28$$

3.4.3 วิธีการเชิงคณิตศาสตร์ (A mathematical programming approach)

วิธีการนี้เป็นการเปลี่ยนปัญหาการสังเคราะห์ห่างานให้เป็นปัญหาคณิตศาสตร์และหาคำตอบเหมือนปัญหาทางคณิตศาสตร์ทั่วไป โดยตั้งวัตถุประสงค์ของปัญหาให้เป็นการหาค่าดำเนินการของตัวทำละลาย (Operating cost) ที่ต่ำที่สุดที่ใช้กำจัดสารพิษออกจากสายน้ำทิ้ง โดยทั่วไปแล้วค่าใช้จ่ายดำเนินการคิดจากค่าใช้จ่ายต่อปีต่ออัตราการไหลของตัวทำละลายที่ใช้ไป ดังนั้นสมการวัตถุประสงค์ต้องอยู่ในรูปของสมการสมดุลมวลและมีอัตราการไหลของตัวทำละลายภายนอกอยู่ในสมการด้วย เพื่อหาอัตราการไหลที่เหมาะสม

3.4.4 การสร้างข่ายงานขนาดใหญ่ (A superstructure approach)

วิธีการนี้เป็นการเปลี่ยนปัญหาการสังเคราะห์ข่ายงานแลกเปลี่ยนมวลให้เป็นปัญหาทางคณิตศาสตร์วิธีหนึ่ง โดยมีแนวคิดในการสร้างแบบจำลองที่มีการพิจารณาความเป็นไปได้ทั้งหมดของการจับคู่กันแลกเปลี่ยนมวล โดยสมการวัตถุประสงค์ของปัญหา คือการหาค่าใช้จ่ายรวมของค่าดำเนินงาน (Operating cost) และ ค่าใช้จ่ายคงที่ (Capital cost) ที่ต่ำที่สุด โดยค่าใช้จ่ายในส่วนของค่าดำเนินงานจะคิดเทียบจากอัตราการไหลของตัวทำละลายและค่าใช้จ่ายคงที่คำนวณจากจำนวนและขนาดของหน่วยแลกเปลี่ยนมวล

3.5 การสร้างแบบจำลอง (Model formulation)

แบบจำลองของข่ายงานที่สร้างขึ้นเป็นแบบจำลองที่ไม่เชิงเส้นและมีรูปแบบเป็นโครงสร้างขนาดใหญ่ที่พิจารณาทุกความเป็นไปได้ของการจับคู่ และแบ่งโครงสร้างเป็นแบบขั้น โดยหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่มีอยู่สองแบบคือ หอสกัดแบบต่อเนื่อง (Packed column) และหอสกัดแบบขั้น (Tray column) โดยตัวแปรและดัชนีที่เกี่ยวข้องแสดงดังนี้

3.5.1 ดัชนี (indices)

i = สายของเสีย (rich process stream)

j = สายตัวทำละลาย (lean process stream or mass separation agent: MSA)

k = ดัชนีที่แสดงจำนวนขั้นตอน (index for stage, $1, \dots, N_s$, and composition location, $1, \dots, N_{s+1}$)

n = องค์ประกอบที่ถ่ายแลกเปลี่ยนมวลได้ (transferable component)

p = ดัชนีที่แสดงสารที่ใช้ในหน่วยการเอามาใช้ใหม่ (index for regenerating agents)

RA = p คือ ดัชนีที่แสดงสารที่ใช้ในหน่วยการนำกลับมาใช้ใหม่ ($\{p|p$ is a regenerating agent})

$LP_{(reg)}$ = ดัชนีที่บอกอัตราการไหลของหน่วยที่เกิดการแลกเปลี่ยนมวลของหน่วยที่นำกลับมาใช้ใหม่ ($\{j|j$ is a possible match between MSA and regenerating agent})

3.5.2 ชุดตัวแปร (Sets)

RP = สายของเสีย i เมื่อ i คือสายของเสียในกระบวนการ โดย $i=1, \dots, N_R$

LP = สายตัวทำละลาย j เมื่อ j คือ ตัวทำละลายที่ใช้สกัด (MSA) โดย $j=1 \dots NL$

LP⁽ⁱ⁾ = สายตัวทำละลายที่ใช้ในหอสกัดแบบชั้น

LP^(h) = สายตัวทำละลายที่ใช้ในหอสกัดแบบต่อเนื่อง

TC = สารที่เกิดการถ่ายโอนมวล n เมื่อ n คือสารที่ถ่ายโอนได้โดย $n=1 \dots N_C$

ST = ชั้นของการจัดเรียง k เมื่อ k คือชั้นตอนที่พิจารณา โดย $k=1 \dots NS$

3.5.3 พารามิเตอร์ (Parameters)

AC _{j} = ค่าดำเนินงานต่อปีของสายตัวทำละลาย j

AC _{ij} ⁽ⁱ⁾ = ค่าใช้จ่ายคงที่ประจำปีของการสร้างหอสกัดแบบชั้น

AC _{ij} ^(h) = ค่าใช้จ่ายคงที่ประจำปีของการสร้างหอสกัดแบบต่อเนื่อง

b _{ij} ⁽ⁿ⁾ = เส้นตัดแกนของกราฟที่สภาวะสมดุลเมื่อสาย i จับคู่กับสาย j

G _{i} = อัตราการไหลของสายของเสีย

K _{ya} = สัมประสิทธิ์รวมของการถ่ายโอนมวล

L _{i} ^(up) = อัตราการไหลสูงสุดของสายที่มารับมวล

m _{ij} ⁽ⁿ⁾ = ความชันของเส้นที่แสดงความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุลของสาย i ที่จับคู่กับสาย j

S = พื้นที่หน้าตัดของหอสกัด (cross-sectional area of an exchange unit)

U, Γ = ค่าบวกที่มีค่ามาก (large positive values)

x _{j} ⁿ⁽ⁱⁿ⁾ = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบ n ที่ทางเข้าของสายที่จะมารับมวล

x _{j} ^{n(out)} = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบ n ที่ทางออกของสายที่จะมารับมวล

x _{j} ^{n(up)} = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบ n ที่มากที่สุด

y _{j} ⁿ⁽ⁱⁿ⁾ = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบ n ของสายของเสียที่ทางเข้า

y _{j} ^{n(out)} = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบ n ของสายของเสียที่ทางออก

y _{j} ^{n(up)} = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบ n ของสายของเสียที่มากที่สุด

ϵ_{ij}^n = แรงขับเคลื่อนที่น้อยที่สุดที่ทำให้เกิดการแลกเปลี่ยนมวลได้

AC _{p} = ค่าดำเนินงานต่อปีของสายที่ใช้ในการทำให้ตัวทำละลายนำกลับมาใช้ใหม่ได้

AC _{pj} ⁽ⁱ⁾ = ค่าดำเนินงานต่อปีของสายที่ใช้ในการทำให้ตัวทำละลายนำกลับมาใช้ใหม่ได้

เมื่อใช้หน่วยแลกเปลี่ยนมวลเป็นหอสกัดแบบชั้น

AC _{pj} ^(h) = ค่าดำเนินงานต่อปีของสายที่ใช้ในการทำให้ตัวทำละลายนำกลับมาใช้ใหม่ได้

เมื่อใช้หน่วยแลกเปลี่ยนมวลเป็นหอแยกแบบต่อเนื่อง

$m_{pj}^{(n)}$ = ความชันของเส้นที่แสดงความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุลของหน่วยแลกเปลี่ยนมวลของระบบนำตัวทำละลายกลับมาใช้ใหม่เมื่อหน่วยนำกลับคือ Hp-Sj

$Z_p^{n(in)}$ = สัดส่วนโดยมวลของสายที่เข้าหน่วยแลกเปลี่ยนมวลเพื่อที่จะนำตัวทำละลายกลับมาใช้ใหม่

$Z_p^{n(out)}$ = สัดส่วนโดยมวลของสายที่ออกจากหน่วยแลกเปลี่ยนมวลเพื่อที่จะนำตัวทำละลายกลับมาใช้ใหม่

$Z_p^{n(up)}$ = สัดส่วนโดยมวลของสายที่ออกจากหน่วยแลกเปลี่ยนมวลเพื่อที่จะนำตัวทำละลายกลับมาใช้ใหม่ที่มีค่ามากที่สุด

ε_{pj}^n = แรงขับเคลื่อนที่น้อยที่สุดที่ทำให้เกิดการแลกเปลี่ยนมวลได้ของหน่วยที่ใช้ในการนำตัวทำละลายกลับมาใช้

3.5.4 ตัวแปร (Variables)

N_{ijk} = จำนวนชั้นของหอสกัดแบบชั้นที่สาย i จับคู่กับสาย j ที่ชั้นที่ k

H_{ijk} = ความสูงของหอสกัดแบบต่อเนื่องที่สาย i จับคู่กับสาย j ที่ชั้นที่ k

HTU = ความสูงของหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่คำนวณอ้างอิงสายของเสียที่สาย i จับคู่กับสาย j ที่ชั้นที่ k

NTU = จำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนมวลเมื่อคำนวณอ้างอิงสายของเสีย

g_{ijk} = อัตราการไหลของสายของเสียที่หน่วยแลกเปลี่ยนมวลของสายที่ i กับ j ที่ชั้นที่ k

l_{ijk} = อัตราการไหลของสายตัวทำละลายที่หน่วยแลกเปลี่ยนมวลของสายที่ i กับ j ที่ชั้นที่ k

L_j = อัตราการไหลของสายตัวทำละลาย j

M_{ijk}^n = มวลที่เกิดการแลกเปลี่ยนระหว่างสายของเสียและสายตัวทำละลายที่สาย i จับคู่กับสาย j ที่ชั้นที่ k

sx_{ijk}^n = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบที่ n ที่ทางออกของหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่สาย i จับคู่กับสาย j ที่ชั้นที่ k

sy_{ijk}^n = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบที่ n ที่ทางออกของหน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่สาย i จับคู่กับสาย j ที่ชั้นที่ k

x_{jk}^n = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบที่ n ที่จุดสิ้นสุดของชั้นตอนที่ k ของสายตัวทำละลาย

y_{ik}^n = สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบที่ n ที่จุดสิ้นสุดของชั้นตอนที่ k ของสายของเสีย

Z_{ijk} = ตัวแปรบอกรว่ามีหน่วยแลกเปลี่ยนมวลหรือไม่เท่ากับ 1 เมื่อเกิดการจับคู่ระหว่าง (i, j) ที่ชั้นที่ k และเท่ากับ 0 ถ้าไม่เกิดการจับคู่

N_p^j = จำนวนชั้นของหอสกัดแบบชั้นของหน่วยนำตัวทำละลาย j กลับมาใช้ใหม่

H_p^j = ความสูงของหอสกัดแบบต่อเนื่องที่นำตัวทำละลายที่ j กลับมาใช้ใหม่

Q_p = อัตราการไหลของสารที่รับมวลจากตัวทำละลายเพื่อนำกลับมาใช้ใหม่

Z_p^j = ตัวแปรบอกรว่ามีหน่วยแลกเปลี่ยนมวลหรือไม่ของหน่วยที่นำตัวทำละลายกลับมาใช้ใหม่ มีค่าเป็น 1 เมื่อสายที่ใช้ในหน่วยนำกลับมาใช้ใหม่ p จับคู่กับสายตัวทำละลาย j เท่ากับ 0 เมื่อไม่มีการจับคู่

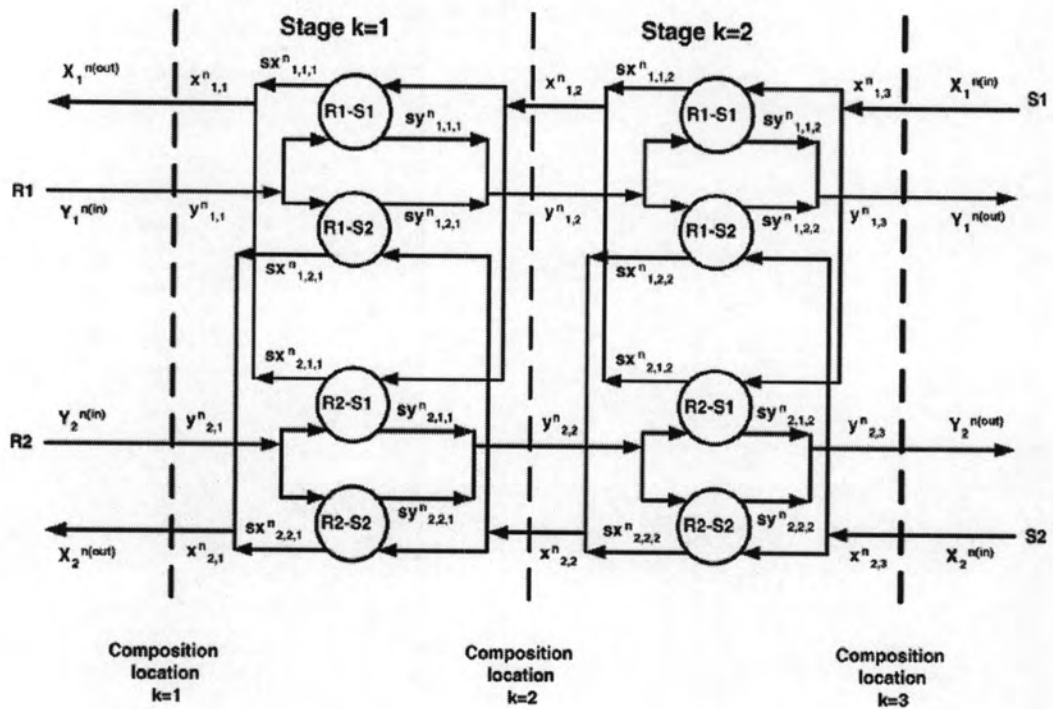
เมื่อพิจารณารูปที่ 3.6 ที่แสดงขบวนการแลกเปลี่ยนมวลขนาดใหญ่ซึ่งสามารถสร้างแบบจำลองได้ดังนี้

3.5.5 สมการสมดุลมวลของสารที่เกิดการถ่ายโอนมวลรอบข่ายงาน (Overall mass balance for transferable component over the whole networks)

การทำสมดุลมวลรอบข่ายงานทั้งหมดนั้นเป็นเงื่อนไขเพียงพอของคำตอบที่ทำให้เกิดการถ่ายโอนมวลได้ตามเป้าหมายที่กำหนด โดยในการทำสมดุลมวลจะต้องคิดสายทุกสายที่องค์ประกอบ n เกิดการถ่ายโอน และปริมาณมวลสารที่ n ที่ถ่ายโอนออกจากสายของเสียทั้งหมดจะต้องเท่ากับปริมาณของสารทั้งหมดที่สายเจือจางทุกสายรวมกัน สมการที่แสดงการทำสมดุลมวลรอบข่ายงานแสดงได้ดังนี้

$$(y_{i1}^n - y_{i,N_{s+1}}^n)G_i = \sum_{\forall k \in ST} \sum_{\forall i \in RP} M_{ijk}^n \quad \forall i \in RP, n \in TC \quad 3.29$$

$$(x_{j1}^n - x_{j,N_{s+1}}^n)L_j = \sum_{\forall k \in ST} \sum_{\forall i \in LP} M_{ijk}^n \quad \forall j \in LP, n \in TC \quad 3.30$$



รูปที่ 3.6 แสดงข่ายงานขนาดใหญ่ที่แบ่งออกเป็น 2 ขั้นตอน (อ้างอิง: Simultaneous synthesis of mass exchanger networks for waste minimization)

3.5.6 สมการสมดุลมวลรอบขั้นตอน (Mass balance in each stage)

สมดุลมวลแต่ละขั้นตอน

$$(y_{ik}^n - y_{i,k+1}^n)G_i = \sum_{\forall j \in LP} M_{ijk}^n \quad \forall i \in RP, k \in ST, n \in TC \quad 3.31$$

$$(x_{jk}^n - y_{j,k+1}^n)L_j = \sum_{\forall i \in RP} M_{ijk}^n \quad \forall j \in LP, k \in ST, n \in TC \quad 3.32$$

$$G_i = \sum_{\forall j \in LP} g_{ijk} \quad \forall i \in RP, k \in ST \quad 3.33$$

$$L_j = \sum_{\forall i \in RP} l_{ijk} \quad \forall j \in LP, k \in ST \quad 3.34$$

3.5.7 สมการสมดุลมวลรอบหน่วยแลกเปลี่ยนมวล (Mass balance in each exchange unit)

ในการหาขนาดของหน่วยแลกเปลี่ยนมวล อัตราการไหลที่ไหลผ่านและ ปริมาณสารที่เกิดการถ่ายโอน นั้นจำเป็นต้องมีการทำสมดุลมวลรอบหน่วยแลกเปลี่ยนมวลก่อน โดยกำหนดให้อัตราการไหลของสายของเสียและสายเจือจางที่ไหลผ่านหน่วยแลกเปลี่ยนมวลเท่ากับ g_{ijk} และ l_{ijk} ตามลำดับและม็อดค์ประกอบที่ทางออกหลังจากการถ่ายโอนมวลแล้วเท่ากับ sy_{ijk}^n และ sx_{ijk}^n ตามลำดับ สมการสมดุลมวลรอบหน่วยแลกเปลี่ยนมวลแสดงได้ดังนี้

$$g_{ijk} (y_{ik}^n - sy_{ijk}^n) = M_{ijk}^n \quad \forall i \in RP, j \in LP, k \in ST, n \in TC \quad 3.35$$

$$l_{ijk} (sx_{ik}^n - x_{j,k+1}^n) = M_{ijk}^n \quad \forall i \in RP, j \in LP, k \in ST, n \in TC \quad 3.36$$

3.5.8 การกำหนดตัวแปรที่ทางเข้าและทางออก (Assignment of superstructure inlet outlet compositions)

$$Y_i^{n(in)} = y_{i1}^n \quad Y_i^{n(out)} = y_{i,N_{S+1}}^n \quad \forall i \in RP, n \in TC \quad 3.37$$

$$X_j^{n(in)} = x_{j,N_{S+1}}^n \quad X_j^{n(out)} = x_{j1}^n \quad \forall j \in LP, n \in TC \quad 3.38$$

3.5.9 ขอบเขตของการแลกเปลี่ยนมวลที่เกิดขึ้นได้จริง (Feasibility of the transferable component)

เนื่องจากในการหาค่าต่ำที่สุดเชิงสถิติจะต้องมีการสุ่มค่าตัวแปรเพื่อใช้ในการคำนวณค่า ในแบบจำลองซึ่งค่าที่สุ่มมาอาจเป็นค่าที่ไม่สอดคล้องกับความเป็นจริง เช่น สัดส่วนโดยมวลขององค์ประกอบที่ทางออกของสายของเสียมีค่ามากกว่าที่ทางเข้า เป็นต้น ดังนั้นเพื่อป้องกันปัญหาดังกล่าวจึงต้องมีเงื่อนไขเพื่อให้สัดส่วนโดยมวลของแต่ละสายมีการเพิ่มหรือลดลงในทิศทางเดียว (Monotonic)

$$y_{ik}^n \geq y_{i,k+1}^n \quad \forall i \in RP, k \in ST, n \in TC \quad 3.39$$

$$x_{jk}^n \geq x_{j,k+1}^n \quad \forall j \in LP, k \in ST, n \in TC$$

3.5.10 เงื่อนไขตรรกศาสตร์ (Logical constraints)

เงื่อนไขตรรกศาสตร์และการใช้ตัวแปรตรรกศาสตร์ z_{ijk} คือตัวแปรที่บอกถึงการจับคู่ว่าเกิดขึ้นจริงหรือไม่ โดยให้ U เป็นเลขบวกที่มีค่ามาก เมื่อพิจารณาสมการจะพบว่าถ้าไม่เกิดการจับคู่กันตัวแปร z_{ijk} จะเป็น 0 ซึ่งการทำให้สมการนี้เป็นจริง M ต้องเป็น 0 ด้วย แสดงว่าไม่มีการถ่ายโอนมวลที่หน่วยนั้นแต่ถ้า z_{ijk} เป็น 1 แล้ว M จะมีค่าเท่าไรก็ได้

$$M_{ijk}^n - Uz_{ijk} \leq 0$$

3.40

$$i \in RP, j \in LP, k \in ST, n \in TC, z_{ijk} \in \{0,1\}$$

3.5.11 เงื่อนไขความเป็นไปได้ของความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุล (Feasibility constraints of the equilibrium relationships)

เงื่อนไขความเป็นไปได้ที่สภาวะสมดุลเป็นเงื่อนไขที่ทำให้แน่ใจได้ว่าการแลกเปลี่ยนมวลสามารถเกิดขึ้นได้จริง ซึ่งค่าของเงื่อนไขนี้แสดงถึงแรงขับเคลื่อน (Driving force) ในการแลกเปลี่ยนมวลซึ่งต้องมีค่าเป็นบวกจึงจะเกิดการถ่ายโอนมวล จากสมการจะเห็นว่า ถ้าเกิดการจับคู่ตัวแปรตรรกศาสตร์ z จะมีค่าเป็น 1 สมการแรงขับเคลื่อนจึงต้องมีค่าเป็นบวกเพื่อสมการเป็นจริง แต่ถ้าตัวแปรตรรกศาสตร์มีค่าเท่ากับ 0 คือไม่เกิดการจับคู่ ไม่ว่าจะแรงขับเคลื่อนจะเป็นเท่าไรสมการนี้ก็ยังคงเป็นจริงนั่นเอง ดังนั้นการมีสมการนี้จะทำให้คำตอบที่ได้ถูกต้องและสอดคล้องกับหลักการทางเทอร์โมไดนามิกส์ด้วย

$$y_{ik}^n - m_{ij}^n (sx_{ijk}^n + \varepsilon_{ij}^n) - b_{ij}^n + \Gamma(1 - z_{ijk}) \geq 0 \quad \forall i \in RP, j \in RP, k \in ST, n \in TC \quad 3.41$$

$$sy_{ik}^n - m_{ij}^n (x_{j,k+1}^n + \varepsilon_{ij}^n) - b_{ij}^n + \Gamma(1 - z_{ijk}) \geq 0 \quad \forall i \in RP, j \in RP, k \in ST, n \in TC \quad 3.42$$

3.5.12 ขอบเขตของตัวแปร (Bounds on variables)

เงื่อนไขนี้ใช้ในการกำหนดขอบเขตของตัวแปรที่ต้องการหาคำตอบ หรือ เป็นข้อจำกัดต่างๆของการออกแบบ

$$L_j \leq L_j^{(up)} \quad x_{j1}^n \leq X_j^{n(up)} \quad \forall j \in LP, n \in TC$$

3.43

$$y_{i,N_{s+1}}^n \leq Y_i^{n(up)} \quad \forall i \in RP, k \in ST$$

3.5.13 เงื่อนไขทางเลือก (Optional constraints)

นอกจากเงื่อนไขจำเป็นที่กล่าวมาแล้ว เช่น เงื่อนไขที่สภาวะสมดุล เงื่อนไขของขอบเขตตัวแปรแล้ว บางครั้งในการออกแบบอาจมีข้อจำกัดอื่นเพิ่มเติม เพื่อให้คำตอบที่ได้สอดคล้องกับข้อจำกัดที่เพิ่มเติมจึงมีการเพิ่มเงื่อนไขในการหาค่าต่ำสุดเข้ามาอีกเช่น เงื่อนไขที่ป้องกันการแยกไหล เงื่อนไขจำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนมวล เป็นต้น

- เงื่อนไขที่ป้องกันการแยกไหลโดยที่ไม่มีหน่วยแลกเปลี่ยนมวล

$$\sum_{i \in RP} z_{ijk} \leq 1 \quad \forall j \in LP, k \in ST$$

3.44

$$\sum_{j \in LP} z_{ijk} \leq 1 \quad \forall i \in RP, k \in ST$$

- เงื่อนไขจำนวนหน่วยแลกเปลี่ยนที่มากที่สุดที่ยอมให้มีในข่ายงาน

$$\sum_{i \in RP} \sum_{j \in LP} \sum_{k \in ST} z_{ijk} \leq MEU$$

3.45

3.5.14 การคำนวณขนาดของหน่วยแลกเปลี่ยนมวล (Sizing equations for mass transfer units)

หน่วยแลกเปลี่ยนมวลที่พิจารณาในการสร้างข่ายงานแบ่งเป็นสองแบบคือหอสกัดแบบขั้นและแบบต่อเนื่องซึ่งการคำนวณขนาดแสดงได้ดังสมการ

- การคำนวณจำนวนชั้นของหอสกัดโดยใช้สมการ Kremser's equation:

$$N_{ijk}^n = \frac{\log \text{mean}[y_{ik}^n - sy_{ijk}^n, sy_{ijk}^{n*} - y_{ij,k+1}^{n*}]}{\log \text{mean}[y_{ik}^n - sy_{ijk}^{n*}, sy_{ijk}^n - y_{ij,k+1}^{n*}]}$$

or

$$N_{ijk}^n = \frac{y_{ik}^n - sy_{ijk}^n}{y_{ik}^n - sy_{ijk}^{n*}} = \frac{y_{ik}^n - sy_{ijk}^n}{sy_{ijk}^n - y_{ij,k+1}^{n*}}$$

3.46

- การคำนวณความสูงของหอสกัดแบบต่อเนื่อง

$$HTU_{ijk}^n = \frac{g_{ijk}}{K_y a S}, \quad NTU_{ijk}^n = \frac{y_{ik}^n - sy_{ijk}^n}{\log \text{mean}[y_{ik}^n - sy_{ijk}^{n*}, sy_{ijk}^n - y_{ij,k+1}^{n*}]}$$

$$H_{ijk}^n = HTU_{ijk}^n \times NTU_{ijk}^n = \frac{M_{ijk}^n}{K_y a S} \times \frac{1}{\log \text{mean}[y_{ik}^n - sy_{ijk}^{n*}, sy_{ijk}^n - y_{ij,k+1}^{n*}]}$$

3.47

3.5.15 สมการวัตถุประสงค์ (Objective function)

สมการวัตถุประสงค์ของข่ายงานนี้แบ่งออกเป็นสองส่วน คือ ค่าดำเนินงานประจำปี (Operating cost) ซึ่งคิดเทียบต่ออัตราการไหลของตัวทำละลายต่อปี และค่าใช้จ่ายคงที่ประจำปี (Capital cost) ซึ่งคิดจากค่าใช้จ่ายในการสร้างหน่วยแลกเปลี่ยนมวล

$$\min_{x \in \Omega} TAC = \sum_{\forall j \in LP} (AC_j)(L_j) + \sum_{\forall j \in RP} \sum_{\forall j \in LP} \sum_{\forall k \in ST} (AC_{ij}^{(t)}) \left(\max_{\forall n \in TC} N_{ijk}^n \right)$$

$$+ \sum_{\forall i \in RP} \sum_{\forall j \in LP} \sum_{\forall k \in ST} (AC_{ij}^{(h)}) \left(\max_{\forall n \in TC} H_{ijk}^n \right)$$

3.48

-กรณีข่ายงานที่มีหน่วยที่ใช้บำบัดตัวทำละลายให้สามารถนำกลับมาใช้ใหม่ได้

3.5.16 การทำสมดุลมวลของสารที่เกิดการถ่ายโอนมวลที่หน่วยแลกเปลี่ยนมวล

(Mass balance for the transferable component between regenerating agent and lean stream)

$$\sum_{\forall p \in RA} (z_p^{n(out)} - z_p^{n(in)}) Q_p = \sum_{\forall i \in RP} \sum_{\forall k \in ST} M_{ijk}^n$$

when

$$\forall j \in LP_{(reg)}, n \in TC$$

3.49

3.5.17 เงื่อนไขเชิงตรรกศาสตร์ (Logical constraints)

$$(Z_p^{n(out)} - Z_p^{n(in)})Q_p - Uz_{pj} \leq 0 \quad \forall p \in RA, j \in LP_{reg}, n \in TC \quad 3.50$$

3.5.18 เงื่อนไขความเป็นไปได้ของสถานะที่สมดุล (Feasibility constraints of equilibrium relationship)

$$x_{ji}^n - m_{pj}^n (Z_p^{n(out)} - \varepsilon_{pj}^n) - b_{pj} + \Gamma(1 - z_{pj}) \geq 0 \quad \forall p \in RA, j \in LP_{gen}, n \in TC \quad 3.51$$

$$x_{j,N_{s+1}}^n - m_{pj}^n (Z_p^{n(in)} - \varepsilon_{pj}^n) - b_{pj} + \Gamma(1 - z_{pj}) \geq 0 \quad \forall p \in RA, j \in LP_{gen}, n \in TC \quad 3.52$$

3.5.19 ขอบเขตของตัวแปร (Bound on single regenerating agent)

$$Q_p \leq Q_p^{up} \quad \forall p \in RA \quad 3.53$$

$$Z_p^{n(out)} \leq Z_p^{n(up)} \quad \forall p \in RA, n \in TC \quad 3.54$$

3.5.20 การคำนวณขนาดของหน่วยแลกเปลี่ยนมวล (Sizing equation for regenerating units)

$$N_{pj}^n \cong z \left[\frac{\left(\max(0, x_{j1}^n - x_{j,N_{s+1}}^n) \times \max(0, x_{pj}^{n(out)*} - x_{pj}^{n(in)*}) \times \left[\max(0, x_{j1}^n - x_{j,N_{s+1}}^n) + \max(0, x_{pj}^{n(out)*} - x_{pj}^{n(in)*}) \right] + \delta \right)}{\left(\max(0, x_{j1}^n - x_{pj}^{n(out)*}) \times \max(0, x_{j,N_{s+1}}^n - x_{pj}^{n(in)*}) \times \left[\max(0, x_{j1}^n - x_{pj}^{n(out)*}) + \max(0, x_{j,N_{s+1}}^n - x_{pj}^{n(in)*}) \right] + \delta \right)} \right]^{1/3} \quad 3.55$$

$$H_{pj}^n = \frac{(Z_p^{n(out)} - Z_p^{n(in)})Q_p}{K_x a S} \times \left[\frac{\left(\max(0, x_{j1}^n - x_{pj}^{n(out)*}) \times \max(0, x_{j,N_{s+1}}^n - x_{pj}^{n(in)*}) \times \left[\frac{1}{2} \left[\max(0, x_{j1}^n - x_{pj}^{n(out)*}) + \max(0, x_{j,N_{s+1}}^n - x_{pj}^{n(in)*}) \right] \right] + \delta \right)}{\right]^{-1/3} \quad 3.56$$

3.5.21 สมการวัตถุประสงค์ของระบบที่มีการนำตัวทำละลายกลับมาใช้ใหม่

(Objective function for regeneration networks)

$$\begin{aligned} \min_{\{x, x_{(reg)}\} \in \{\Omega \cap \Omega_{(reg)}\}} TAC = & \sum_{\forall j \in (LP-LP_{(reg)})} (AC_j) (L_j) + \sum_{\forall p \in RA} (AC_p) (Q_p) \\ & + \sum_{\forall i \in RP} \sum_{\forall j \in LP^{(i)}} \sum_{\forall k \in ST} (AC_{ij}^{(i)}) \left(\max_{\forall n \in TC} N_{ijk}^n \right) + \sum_{\forall i \in RP} \sum_{\forall j \in LP^{(h)}} \sum_{\forall k \in ST} (AC_{ij}^{(i)}) \left(\max_{\forall n \in TC} H_{ijk}^n \right) \\ & + \sum_{\forall p \in RA} \sum_{\forall j \in LP^{(i)}_{(reg)}} (AC_{pj}^{(i)}) \left(\max_{\forall n \in TC} N_{pj}^n \right) + \sum_{\forall p \in RA} \sum_{\forall j \in LP^{(h)}_{(reg)}} (AC_{pj}^{(h)}) \left(\max_{\forall n \in TC} H_{pj}^n \right) \end{aligned}$$

3.57

3.6 ดิฟเฟอเรนเชียลอีโวลูชัน (Differential evolution)

ในการหาคำตอบของปัญหาการหาค่าต่ำสุดนั้นต้องพิจารณาปัญหาที่ต้องการหาคำตอบว่าสามารถใช้วิธีการใดได้บ้าง ซึ่งในการหาคำตอบของปัญหาการสังเคราะห์ชาयงานนั้นมีเงื่อนไขจำนวนมากและเป็นปัญหาที่ไม่ใช่เชิงเส้นจึงใช้วิธีดิฟเฟอเรนเชียลอีโวลูชันเพื่อหาคำตอบ โดยวิธีนี้เป็นวิธีการหาคำตอบโดยใช้วิธีทางสถิติและยังสามารถเขียนแบบจำลองที่ประกอบด้วยสมการวัตถุประสงค์และเงื่อนไขเข้าไปได้ซึ่งเหมาะกับปัญหาการหาชาयงาน นอกจากนี้ยังมีจุดเด่นที่เหนือกว่าวิธีอื่นอยู่ 3 ประการคือ สามารถหาคำตอบที่เป็นค่าต่ำที่สุดได้ (Global minimum) ใช้เวลาในการเข้าสู่คำตอบได้เร็ว และใช้พารามิเตอร์ในการควบคุมน้อย วิธีการหาคำตอบของอัลกอริทึมนี้เหมือนกับวิธีเจเนติกอัลกอริทึม (Genetic algorithm) คือมีกระบวนการมิวเตชัน (mutation) ครอสโอเวอร์ (Crossover) และ การคัดเลือก (Selection)

3.6.1 แนวคิดและความเป็นมาของวิธีดิฟเฟอเรนเชียลอีโวลูชันนารี (Differential evolutionary algorithm)

วิธีการดิฟเฟอเรนเชียลอีโวลูชันนารีนำเสนอโดย สตรอนและไพรซ์ (Stron and Price) ซึ่งเป็นวิธีที่เลียนแบบวิธีการทางธรรมชาติ (Evolutionary algorithm) ซึ่งวิธีนี้เป็นวิธีทางสถิติที่ใช้ได้ดีและมีเสถียรภาพ (Robust) ในการหาคำตอบ ซึ่งขั้นตอนการดำเนินงานแสดงเป็นแผนผังได้ดังรูปที่ 3.7 โดยขั้นตอนแรกเริ่มจากการสุ่มค่าของชุดตัวแปรมา N เวกเตอร์หลังจากนั้นทำการรบกวนเพื่อให้ตัวแปรเปลี่ยนแปลงค่า (Mutation) เพื่อให้ได้เวกเตอร์ใหม่ที่ชุดของตัวแปรภายในเวกเตอร์บางตัวหรือทุกตัวมีการเปลี่ยนแปลงค่า หลังจากนั้นสร้างเวกเตอร์ U_i (trial vector) โดยวิธีการสร้างเวกเตอร์นี้ทำได้หลายวิธี เช่น DE/rand/1/bin ซึ่งวิธีนี้เริ่มจากการเลือกชุดตัวแปรมา 3 ชุด หลังจากนั้นสร้างเวกเตอร์รบกวน (Perturbed vector) V_i ขึ้นมาดังสมการ $V_i = X_{r3} + F(X_{r2} - X_{r1})$ เมื่อ X_{r1}, X_{r2} และ X_{r3} คือ ตัวแปรที่อยู่ในชุดคำตอบที่เลือกขึ้นมา โดยที่ $r1 \neq r2 \neq r3$ และ $F \in [0; 1+]$ เป็นพารามิเตอร์ที่ใช้ในการควบคุมของวิธีนี้ หลังจากนั้นสร้างเวกเตอร์รบกวนจากสมการดังนี้

$$V_i = \frac{X_{r_1} + X_{r_2} + X_{r_3}}{3} + (p_2 - p_1)(X_{1r} - X_{2r}) + (p_3 - p_2)(X_{r_2} - X_{r_3}) + (p_1 - p_3)(X_{r_3} - X_{r_1}) \quad 3.58$$

$$p_1 = \frac{|f(X_{r_1})|}{|f(X_{r_1})| + |f(X_{r_2})| + |f(X_{r_3})|} \quad 3.59$$

$$p_2 = \frac{|f(X_{r_2})|}{|f(X_{r_1})| + |f(X_{r_2})| + |f(X_{r_3})|} \quad 3.60$$

$$p_3 = \frac{|f(X_{r_3})|}{|f(X_{r_1})| + |f(X_{r_2})| + |f(X_{r_3})|} \quad 3.61$$

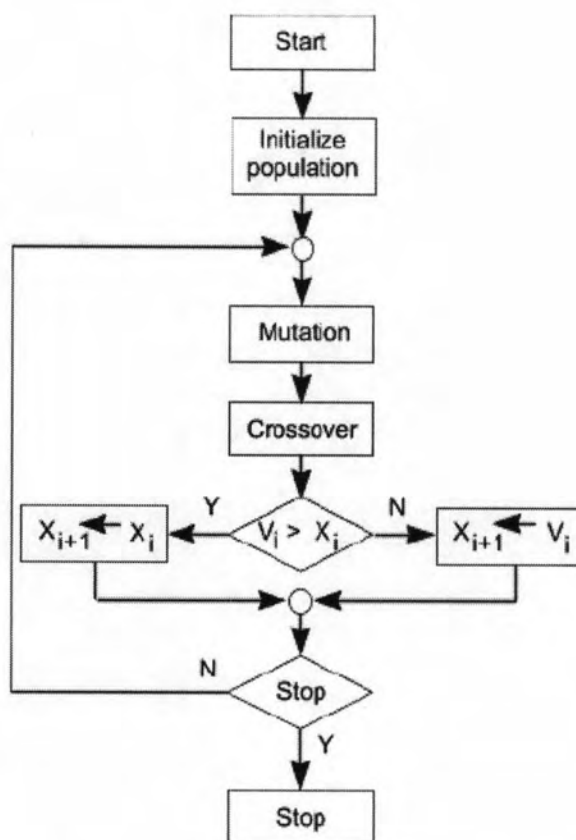
นำเวกเตอร์รบกวน $V_i(v_{i,1}, v_{i,2}, \dots, v_{i,n})$ และเวกเตอร์พ่อแม่ $X_i(x_{i,1}, x_{i,2}, \dots, x_{i,n})$ มาครอสโอเวอร์กันซึ่งเวกเตอร์ที่ได้ คือเวกเตอร์ $U_i(u_{i,1}, u_{i,2}, \dots, u_{i,n})$ โดยการครอสโอเวอร์ใช้หลักการดังนี้

$$\begin{aligned} u_{i,j} &= v_{i,j} & \text{if } \text{random}[0,1] \leq CR \cup j = \text{random}[1,n]; \\ \text{or} & & \\ u_{i,j} &= x_{i,j}, & \text{otherwise} \end{aligned} \quad 3.62$$

เมื่อ $CR [0, 1]$ คือพารามิเตอร์ควบคุมในการครอสโอเวอร์ เมื่อได้เวกเตอร์ U แล้วนำเวกเตอร์ที่ได้ไปเปรียบเทียบกับเวกเตอร์พ่อแม่ ถ้าเวกเตอร์ที่สร้างขึ้นมาดีกว่าเวกเตอร์ที่สร้างมาจะใช้แทนที่เวกเตอร์พ่อแม่เลย ซึ่งวิธีการแสดงได้ดังสมการ

$$\begin{aligned} X_{i+1} &= U_i & \text{if } f(U_i) \leq f(X_i) \\ \text{or} & & \\ X_{i+1} &= X_i & \text{Otherwise} \end{aligned} \quad 3.63$$

หลังจากนั้นทำต่อไปเรื่อยๆ จนกว่าเงื่อนไขหยุดอัลกอริทึมจะเป็นจริง



รูปที่ 3.7 แผนผังการทำงานของอัลกอริทึม DE

3.6.2 การจัดการเงื่อนไข (The constrain handling scheme)

3.6.2.1. การจัดการเงื่อนไขที่มีตัวแปรแบบจำนวนเต็มและตัวแปรที่ไม่ต่อเนื่อง (Handling integer and discrete variables)

วิธีดิฟเฟอเรนเชียลอีโวลูชันนั้นปกติแล้วไม่สามารถจัดการเงื่อนไขที่มีตัวแปรที่เป็นจำนวนเต็มหรือไม่ต่อเนื่องได้จึงได้มีการปรับปรุงอัลกอริทึมให้สามารถจัดการกับตัวแปรที่ไม่ต่อเนื่องได้โดยการตัดเศษส่วนที่เป็นทศนิยมออกไปแล้วใช้ตัวแปรนี้ในการคำนวณค่าในแบบจำลองซึ่งการปัดค่าทำได้ดังนี้

$$x' = (\text{int})x \quad 3.64$$

ซึ่งถ้าตัวแปรที่ใช้เป็นตัวแปรแบบไม่ต่อเนื่องอยู่แล้วเมื่อใช้วิธีนี้ตัวแปรดังกล่าวก็จะเป็นตัวแปรแบบไม่ต่อเนื่องเหมือนเดิมทำให้ตัวแปรที่ใช้ไม่เปลี่ยนแปลง

3.6.2.2. การจัดการเงื่อนไขที่เป็นขอบเขต (Handling boundary constraints)

ปัญหาที่สำคัญปัญหาหนึ่งคือ ต้องทำให้ตัวแปรที่สุ่มมีค่าอยู่ในช่วงที่กำหนดโดยเขียนได้ดังสมการ

$$\begin{aligned}
 x' &= x_i^{(L)} & \text{if } & x < x_i^{(L)} \\
 & \text{or} \\
 x' &= x_i^{(L)} & \text{if } & x_i^{(L)} \leq x \leq x_i^{(U)} \\
 & \text{or} \\
 x' &= x_i^{(U)} & \text{if } & x > x_i^{(U)} ;
 \end{aligned}
 \tag{3.65}$$

เมื่อ $x_i^{(L)}$ และ $x_i^{(U)}$ คือ ขอบล่างและขอบบนของตัวแปรตามลำดับ

3.6.2.3 การคัดเลือกค่าโดยใช้การแทนที่ (Dominance-based selection scheme)

การคัดเลือกโดยใช้วิธีนี้เป็นกรรวมเอาเงื่อนไขในการหาค่าต่ำสุดรวมเข้าไปในการหาค่าที่เหมาะสม (Fitness function) เมื่อเปรียบเทียบเวกเตอร์ U_i กับเวกเตอร์ต้นแบบ X_i จะมีเหตุการณ์ที่เป็นไปได้ 3 แบบ คือ กรณีแรก U_i กับ X_i อยู่ในบริเวณคำตอบทั้งคู่ เวกเตอร์ที่จะ dominance คือเวกเตอร์ที่ทำให้สมการวัตถุประสงค์มีค่าต่ำที่สุด กรณีที่สอง คือกรณีที่เวกเตอร์ใดเวกเตอร์หนึ่งเท่านั้นที่อยู่ในบริเวณคำตอบ เวกเตอร์ที่อยู่ในบริเวณคำตอบจะ dominance อีกเวกเตอร์หนึ่งทันที กรณีสุดท้ายคือ เวกเตอร์ทั้งสองต่างก็ไม่เป็นจริงทั้งคู่ (Both violated) กรณีนี้ตัวที่ dominance ได้คือ เวกเตอร์ตัวที่มีขนาดของการขัดแย้งกับเงื่อนไข (Constraint violation) น้อยกว่า

$$\begin{aligned}
 X_{i+1} &= X_i & X_i < U_i \\
 & \text{or} \\
 X_{i+1} &= U_i & \text{Otherwise}
 \end{aligned}
 \tag{3.66}$$

เมื่อ $X_i < U_i$ แสดงว่า X_i dominance U_i นั่นคือ X_i มีค่าสมการวัตถุประสงค์ดีกว่า U_i หรือมีปริมาณการ violate เงื่อนไขน้อยกว่า

3.6.2.4 การจัดการเงื่อนไขแบบเท่ากัน (Handling equality constraints)

เงื่อนไขที่เท่ากันปกติแล้วเกิดจากการทำสมมูลมวลหรือสมมูลพลังงาน เป็นต้น ซึ่งเงื่อนไขแบบเท่ากันนี้สามารถใช้เพื่อลดตัวแปรที่ใช้ในการหาค่าที่ต่ำที่สุดได้โดยที่ไม่ทำให้คำตอบบิดเบี้ยวไปแต่การลดตัวแปรลงไปไม่ได้ทำให้การหาคำตอบง่ายขึ้น และนอกจากนี้สมการบางสมการไม่สามารถใช้ลดตัวแปรได้ดังนั้น ในการหาค่าต่ำสุดจึงต้องมีการจัดการเงื่อนไขที่เป็นแบบเท่ากันด้วย เพื่อจัดการเงื่อนไขแบบสมการ พิจารณาปัญหาที่มี n ตัวแปร และมีเงื่อนไขแบบสมการอยู่ m สมการ ดังนั้นดีกรีอิสระ (Degree of freedom) มีค่าเท่ากับ $n-m$ นั่นคือ จำนวนตัวแปรที่สามารถเปลี่ยนแปลงค่าได้มี $n-m$ ตัว และ m ตัวแปรที่ถูกกำหนดด้วยสมการเงื่อนไข เมื่อนำตัวแปรในเวกเตอร์ X มาแทนค่าในแบบจำลองแล้วมีค่าไม่ถูกต้องแล้ว ตัวแปรในเวกเตอร์ X จะถูกปรับปรุงให้มีความผิดพลาดน้อยลง โดยในการปรับปรุงค่าจะเป็นการสุ่มตัวแปรที่จะเปลี่ยนแปลง และตรวจสอบปริมาณการฝ่าฝืนเงื่อนไข (Violate constraints) ซึ่งถ้าเวกเตอร์ที่มีการปรับปรุงค่าแล้วมีปริมาณการฝ่าฝืนเงื่อนไขน้อยก็จะเป็นที่เวกเตอร์เดิม สำหรับเวกเตอร์ที่ฝ่าฝืนเงื่อนไขมากก็จะต้องใช้การแก้สมการเพื่อขยับจุดให้มาอยู่ใกล้เงื่อนไขมากขึ้นก่อนซึ่งสมการที่ใช้แสดงดังนี้

$$X_{i+1} = x_i - J^{-1}(X_i)H(X_i) \quad 3.67$$

เมื่อ $J(X_i)$ คือเมทริกซ์จาโคเบียน (Jacobian matrix) และ $H(X_i)$ คือเวกเตอร์ของสมการเงื่อนไขที่ฝ่าฝืนเงื่อนไข ซึ่งถ้าค่าที่ฝ่าฝืนเงื่อนไขมีค่ามากกว่าค่าที่กำหนด (Tolerance: ϵ) แล้วจะถือว่าฝ่าฝืนเงื่อนไข

3.7 กรณีศึกษา (Case study)

1. กระบวนการนำกลับทองแดง (Copper recovery in an etching plant)

กรณีศึกษาเป็นการศึกษาการนำกลับทองแดงจากสารละลายแอมโมเนียและน้ำที่ใช้ในกระบวนการล้างทองแดง โดยสารที่เกิดการถ่ายโอนมวลคือ ทองแดงนั่นเอง โดยกำหนดให้ R1 แทนสารละลายแอมโมเนียและ R2 คือ น้ำ โดยในการนำกลับทองแดงจะให้ตัวทำละลายภายนอกสองชนิดคือ: LIX63 (S1) และ aromatic β -hydroxyoxime (S2) โดยข้อมูลความสัมพันธ์ที่สภาวะสมดุลแสดงได้ดังนี้

$$(R_1, S_1) : y_1 = 0.734x_1 + 0.001 \quad 3.68$$

$$(R_2, S_1) : y_2 = 0.734x_1 + 0.001 \quad 3.69$$

$$(R_1, S_2) : y_1 = 0.111x_2 + 0.008 \quad 3.70$$

$$(R_2, S_2) : y_2 = 0.148x_2 + 0.013 \quad 3.71$$

เมื่อ $\epsilon = 0.0001$

ตารางที่ 3.1 แสดงรายละเอียดของสายของเสีย

Rich stream	Description	G_i (kg/s)	Mass fraction	
			$Y_i^{(in)}$	$Y_i^{(out)}$
R1	Ammonium solution	0.25	0.13	0.10
R2	Rinsewater	0.10	0.06	0.02

ตารางที่ 3.2 แสดงรายละเอียดของสายตัวทำละลาย

MSA2	Description	L_j (kg/s)	Mass fraction		Annual operating cost	
			$X_i^{(in)}$	$X_i^{(out)}$	(\$/kg)	(\$/kg-yr)
S1	LIX63	∞	0.03	0.07	0.01	58680
S2	P1	∞	0.001	0.02	0.12	704160

2. การกำจัดและนำกลับฟีนอลจากน้ำเสียของกระบวนการเผาถ่านหิน

(Removal/recovery of phenols from aqueous waste streams of a coal conversion plant)

กรณีศึกษานี้เป็นการศึกษาการแลกเปลี่ยนมวลของฟีนอลที่เกิดจากกระบวนการเผาถ่านหินซึ่งฟีนอลที่เกิดขึ้นนั้นมีความเป็นพิษสูง ดังนั้นจึงต้องมีการจัดการที่เหมาะสมซึ่งฟีนอลที่นำกลับได้ยังมีประโยชน์ในการนำมาใช้เป็นวัตถุดิบตั้งต้นได้ด้วย ในกระบวนการนำกลับของฟีนอลจะใช้ตัวทำละลาย 2 ชนิดคือ น้ำมันมวลเบา (Light oil) และผงคาร์บอน (Activated carbon) โดยข้อมูลการถ่ายโอนงานที่สภาวะสมดุลแสดงได้ดังนี้

$$S_1 : y = 0.71x_1 + 0.001 \quad 3.72$$

$$S_2 : y = 0.13x_2 + 0.001 \quad 3.73$$

กระบวนการถ่ายโอนมวลของหน่วยนำกลับ (HU1)

$$X_2 = 1.38z_1 \quad 3.74$$

ตารางที่ 3.3 แสดงรายละเอียดของสายของเสีย

Rich stream	Description	G_i (kg/s)	Mass fraction	
			$Y_i^{(in)}$	$Y_i^{(out)}$
R1	Wastewater	3.30	0.05	0.0015
R2	Condensate	0.60	0.07	0.0030
R3	Waste stream	1.40	0.02	0.0030
R4	Wastewater	0.20	0.03	0.0020

ตารางที่ 3.4 แสดงรายละเอียดของสายของตัวทำละลาย

MSA	Description	L_j (kg/s)	Mass fraction		Annual operating cost	
			$X_i^{(in)}$	$X_i^{(out)}$	(\$/kg)	(\$/kg-yr)
S1	Light oil	10	0.0013	0.025	0.01	58680
S2	Caustic soda	10	-	-	0.07	417060

ตารางที่ 3.5 แสดงรายละเอียดของสายของหน่วยการนำกลับ

Regeneration	Description	L_j (kg/s)	Mass fraction		Annual operating cost	
			$X_i^{(in)}$	$X_i^{(out)}$		
HU1	Caustic soda	10	0	0.005	0.015	88020