



บรรณานุกรม

ภาษาไทย

วิทยานิพนธ์

สากันย์ สุวรรณถาวร "วิธีนอนพาราเมตริกสำหรับการประมาณค่าฟังก์ชันการอยู่รอดในปัญหา 2 ตัวอย่างที่มีค่าสังเกตไม่สมบูรณ์." วิทยานิพนธ์ ปริญญาโทบัณฑิต ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2530.

สะอาด นิวิศพงษ์ "การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบบางตัวที่ใช้ทดสอบ การแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียล." วิทยานิพนธ์ ปริญญาโทบัณฑิต ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2532.

ภาษาต่างประเทศ

หนังสือ

Lee, E.T. Statistical Methods for Survival Data Analysis, Lifetime Learning Publication : USA, 1980.

Nelson, W. Applied Data Analysis, New York : John Wiley & Sons : 1982.

บทความ

David A. Schoenfeld and Anastasios A. Tsiatis. "A modified logrank test for highly stratified data." Biometrika, 74, 167-175, 1987.

David P. Harrington and Thomas R. Fleming. "A class of rank test procedures for censored survival data," Biometrika, 69, 553-566, 1982.

ภาคผนวก

ภาคผนวก ก.

A
A

```

C*****
C****   A  COMPARISON ON POWER OF SOME NONPARAMETRIC TEST   ***
C****   FOR COMPARING TWO SURVIVAL DISTRIBUTION           ***
C****   WITH CENSORED DATA                               ***
C*****   BY MISS SAMILA VICHILNROJ   ID.0023025   *****
C*-----*
C*   MAIN PROGRAM TO COMPUTE TYPE I ERROR AND POWER OF TEST *
C*
C*****
  DIMENSION IDATA1(100),IDATA2(100),IDAT1(100),EST(100)
  *,W(100),WW(100),DATA(100),CDATA(100),IDATA(100),A(100)
  *,CCAL(100),PPL(100),U(100),IRANK1(100),IRANK(100),C(100)
  *,ID(100),XY(100),ID1(100),ID2(100),E(100),R(100),A(100)
  *,E1(100),H(100),S2(100),RISK(100),X(100),XM(100),I12(100)
  *,AL1(100),AL2(100),SL1(100),SL2(100),D1(100),D2(100)
  *,PARA(10),SDATA(100)
C*****
  REAL L,LOG01,LOG05,PML01,PML05,MLR,MLOG01,MLOG05
  INTEGER RDJ
  COMMON IA
  *   /SEED/IX
  *   /SELECT/KK
C*****
  N1 = 20
  SN1 = N1
  N2 = 20
  IP = N1+N2
  EX = 0
  BETA1 = 1
C
  NUI = 2
  KAE = 2
C*****
  DO 701 NA=1,3
    READ(5,2) PARA(NA)
  2  FORMAT(F2.1)
  701 CONTINUE
  DO 700 NO3 = 1,4
    READ(5,3) IR1,IR2
  3  FORMAT(2(I2))
  DO 700 NA = 1,1
    NAI = NA+1
    MU = N1-IR1
    MC = IR1
    NU = N2-IR2
    NC = IR2
    IA = 65539
    IX = 973253
    KK = 0
    LOG01 = 0
    LOG05 = 0
    MLOG01 = 0
    MLOG05 = 0
    GW01 = 0
    GW05 = 0
    TTS01 = 0
    TTS05 = 0

```



```

      CALL EXPO(BETA2,XX)
4305  DATA(J) = XX
      GO TO 15
5000  DO 5005 J = 1,J1,IJ2
5005  DATA(J) = EXP(SNORM(EX,STD2))
      GO TO 16
6000  DO 6005 J = 1,J1,IJ2
6005  DATA(J) = WEIBUL(ALPHA2,BETA1)
      GO TO 16
C+++++
16  IJ = N1+1
      DO 10 J = IJ,IP
          DATA(J) = ABS(DATA(J))
          IDATA2(J) = DATA(J)*100
          DATA(J) = IDATA2(J)/100.
          XY(J) = DATA(J)
          ID1(J) = 1
          ID2(J) = 2
          M(J) = 0
10  CONTINUE
C+++++
      IF (IR1.GT.0) THEN
          NC = N1-IR1+1
          DO 15 I = NC,N1
              ID1(I) = 0
15  CONTINUE
      ENDIF
      IF (IR2.GT.0) THEN
          NC = N2-IR2+1+N1
          DO 25 I = NC,IP
              ID1(I) = 0
25  CONTINUE
      ENDIF
C*****
C*****      COMPUTE COX-MANTEL TEST      *****
C*****
      NCEN = MC+NC
      N = IP
      DO 220 I = 1,N
          J = N-I+1
          JJ = J-1
          IF (JJ.LI.1) GOTO 220
          DO 215 K = 1,JJ
              IF(XY(K).NE.XY(J)) GO TO 200
              IF(ID1(K)-ID1(J))205,215,215
200  IF(XY(K).LE.XY(J)) GO TO 215
205  X1 = XY(J)
          ITEM = ID1(J)
          ICTE = ID2(J)
          XY(J) = XY(K)
          ID1(J) = ID1(K)
          ID2(J) = ID2(K)
          XY(K) = X1
          ID1(K) = ITEM
          ID2(K) = ICTE
215  CONTINUE
220  CONTINUE

```

```

IF (ID1(I).EQ.0) GO TO 1
IF (ID1(IP).NE.0) GO TO 1

L = 1
I = 1
R(L) = N
225 IF (ID1(I).EQ.1) GO TO 230
R(L) = R(L)-1
I = I+1
GOTO 225
230 XM(L) = 1
XNC = 0
TEMP = XY(I)
X(L) = TEMP
235 IF (I.EQ.N) GOTO 250
I = I+1
IF (ID1(I).EQ.0) GO TO 240
IF (TEMP.NE.XY(I)) GOTO 245
XM(L) = XM(L)+1
GO TO 235
240 XNC = XNC+1
X(L) = TEMP
GOTO 235
245 L = L+1
R(L) = R(L-1)-XM(L-1)-XNC
IF (R(L).EQ.1) GO TO 1
GOTO 230
250 X(L) = TEMP
NG = L

L = 0
DO 270 I = 1,N
  IF (ID2(I).EQ.1) GOTO 270
  L = L+1
  S2(L) = XY(I)
270 CONTINUE
IR = L
K = 1
DO 285 I = 1,NG
  LL = L+1
  IF (K.EQ.LL) GOTO 276
  IF (X(I).LE.S2(K)) GOTO 280
275 IF (IR.EQ.0) GO TO 280
  IR = IR-1
  IF (K.EQ.0) GOTO 280
  K = K+1
  IF (K.LE.L) GOTO 275
280 RISK(I) = IR
285 CONTINUE
DO 300 J = 1,NG
  IF (R(J).EQ.1) GO TO 1
  A(J) = RISK(J)/R(J)
300 CONTINUE
XNU = NU
SUM = 0
DO 305 J = 1,NG
305 SUM = SUM+XM(J)*A(J)

```

```

SUM = XNU-SUM
VAR = 0
DO 310 J = 1,NG
310 VAR = VAR+(XM(J)*(R(J)-XM(J))*A(J)*(1.-A(J)))/(R(J)-1.)
COX = SUM/SQRT(VAR)
IF(COX.LT.-1.2815) COX01 = COX01+1
IF(COX.LT.-1.645) COX05 = COX05+1
C*****
C**          COMPUTE LOGRANK TEST          **
C*****
I = 1
DO 50 IIP = 1,IP
  IF (I.LE.IP) THEN
    M(I) = 1
    IF (I.GE.IP)GOTO 55
    II = I+1
    DO 40 J = II,IP
      IF ((DATA(I).EQ.DATA(J)).AND.(ID1(I).EQ.ID1(J))) THEN
        M(I)= M(I)+1
      ELSE
        JJ = J
        GOTO 45
      ENDIF
    JJ = J
40    CONTINUE
45    I = JJ
    ELSE
      GO TO 55
    ENDIF
50 CONTINUE
55 IRANK(1) = IP
   IRANK1(1) = 1
   NP = IP-1
   DO 60 I = 1,NP
     IRANK(I+1) = IP-I
     IRANK1(I+1) = I+1
60 CONTINUE
DO 65 IIP = 1,IP
  IF (ID1(IIP).EQ.0) THEN
    IRANK(IIP) = 0
    IRANK1(IIP) = 0
    M(IIP) = 0
    GO TO 65
  ENDIF
64 CONTINUE
65 EST(1) = 0
   EEST = 0
   DO 70 I = 1,IP
     IF ((M(I).EQ.0).OR.(IRANK(I).EQ.0))THEN
       EST(I) = 0
       CCAL(I) = 0
     ELSE
       RANK = IRANK(I)
       CAL = M(I)/RANK
       CCAL(I) = CAL
       EST(I) = EEST+CAL
       EEST = EST(I)

```



```

      ENDIF
70  CONTINUE
      SUM = 0
      SSUMW = 0
      IF (EST(1).EQ.0) THEN
        JSAV = JSAV+1
        WRITE(6,75)MN,JSAV
75  FORMAT(10X,'ERROR =',5X,I4,5X,'TOTAL =',I4/)
        GOTO 1
      ELSE
        W(1) = 1-EST(1)
        DO 85 I = 2,IP
          IF (ESI(I).NE.0) THEN
            W(I) = 1-EST(I)
          ELSE
            NI = I-1
            DO 80 II = 1,NI
              IF (EST(II).NE.0) ISAVE = II
80          CONTINUE
              W(I) = -EST(ISAVE)
            ENDIF
95          CONTINUE
          ENDIF
          DO 95 I = 1,IP
            IF (M(I).GT.1) THEN
              IM = M(I)
              NI = I+1
              LI = I+IM-1
              DO 86 JJ = NI,LI
                W(JJ) = W(I)
86          CONTINUE
              DO 90 J = 1,IM
                SSUMW = SSUMW+(W(I)**2)
90          CONTINUE
              ELSE
                IF ((M(I).EQ.0).AND.(IRANK(I).NE.0)) GOTO 95
                SSUMW = SSUMW+(W(I)**2)
              ENDIF
95          CONTINUE
          C*****
          C**** COMPUTE PETO & PETO'S WILCOXON TEST ****
          C*****
          PL = 1.
          DO 110 I = 1,IP
            IF (IRANK1(I).NE.0) THEN
              P = IP
              RANK = IRANK1(I)
              CAL = (P-RANK)/(P-RANK+1)
              CCAL(I) = CAL
              PL = PL*CAL
              PPL(I) = PL
            ELSE
              CCAL(I) = 0
              PPL(I) = 0
            ENDIF
110         CONTINUE
          DO 115 I = 1,IP

```

```

      IF (M(I).GT.1) THEN
        IM      = M(I)
        LI      = I+IM-1
        DO 114 J = I, LI
114      PPL(J) = PPL(LI)
        ENDIF
115      CONTINUE
        U(I) = PPL(I)
        DO 135 I = 2, IP
          IF (IRANK1(I).NE.0) THEN
            IF (PPL(I-1).NE.0) THEN
              U(I) = PPL(I)+PPL(I-1)-1
            ELSE
              NI = I-1
              DO 120 J = 1, NI
                IF (PPL(J).NE.0) ISAVE = J
120              CONTINUE
              U(I) = PPL(I)+PPL(ISAVE)-1
              ENDIF
            ELSE
              NI = I-1
              DO 130 JJ = 1, NI
                IF (PPL(JJ).NE.0) ISAVE = JJ
130              CONTINUE
              U(I) = PPL(ISAVE)-1
              ENDIF
            CONTINUE
          DO 138 I = 1, IP
            IF (M(I).GT.1) THEN
              IM = M(I)
              NI = I+1
              LI = I+IM-1
              DO 137 J = NI, LI
137              U(J) = U(I)
              ENDIF
            CONTINUE
          SUMU = 0
          SSMU = 0
          DO 140 I = 1, IP
            SSMU = SSMU+(U(I)**2)
140          CONTINUE
          (+++++
          VL1 = (N1*N2*SSUMW)
          VU1 = (N1*N2*SSUMU)
          V2 = (N1+N2)*(N1+N2-1)
          VARL = VL1/V2
          VARU = VU1/V2
          DO 105 I = 1, IP
            IF (ID2(I).EQ.2) THEN
              SUM = SUM+W(I)
              SUMU = SUMU+U(I)
            ENDIF
105          CONTINUE
          L = SUM/SQRT(VARL)
          GW = SUMU/SQRT(VARU)
          IF (L.LT.-1.2815) LOGO1 = LOGO1+1
          IF (L.LT.-1.645) LOGO5 = LOGO5+1

```

```
IF (GW.LT.-1.2815) GW01 = GW01+1
IF (GW.LT.-1.645) GW05 = GW05+1
```

```
C*****
C***      COMPUTE MODIFIED LOGRANK TEST      ***
C*****

T=0
P=0.5
Q =0.5
DO 146 I=1,IP
  IF (ID2(I).EQ.2) THEN
    II2(I) = 1
  ELSE
    II2(I) = 0
  ENDIF
146  CONTINUE
  DO 155 I = 1,IP
    AL1(I)=0
    AL2(I)=0
    DO 150 IM=1,IP
      IF (DATA(IM).GE.DATA(I)) THEN
        IDF=1
      ELSE
        IDF=0
      ENDIF
      AL1(I) = ((Q*II2(IM)*1)*IDF)+AL1(I)
      AL2(I) = ((P*(1-II2(IM)))*IDF)+AL2(I)
150  CONTINUE
      SPL=(P*AL1(I))+(Q*AL2(I))
      SL1(I)=AL1(I)/SPL
      SL2(I)=AL2(I)/SPL
      T=T+(ID1(I)*((II2(I)*Q*SL2(I))-((1-II2(I))*P*SL1(I))))
155  CONTINUE
      DO 170 I=1,IP
        COM1 = 0
        COM2 = 0
        DO 165 IM=1,IP
          CAL1 = 0
          DO 160 MP=1,IP
            CAL1=(P*Q*II2(MP))+(Q*P*(1-II2(MP)))
            IF (DATA(MP).GE.DATA(IM)) THEN
              IDF=1
            ELSE
              IDF=0
            ENDIF
            CAL1=(CAL1*IDF)+CAL1
            CAL2=(P*Q*II2(IM))+(Q*P*(1-II2(IM)))
            IF (DATA(IM).LE.DATA(I)) THEN
              IDF=1
            ELSE
              IDF=0
            ENDIF
            CAL2=CAL2*ID1(IM)*IDF
            CD1=CAL2*SL1(IM)
            CD2=CAL2*SL2(IM)
            IF (CAL1.NE.0) THEN
              COM1=COM1+(CD1/CAL1)
              COM2=COM2+(CD2/CAL1)
            ENDIF
          END DO
        END DO
      END DO
    END DO
  END DO

```

```

ELSE
  COM1=COM1
  COM2=COM2
ENDIF
165 CONTINUE
  D1(I)=(ID1(I)*SL1(I))-COM1
  D2(I)=(ID1(I)*SL2(I))-COM2
170 CONTINUE
  CAL1=0
  CAL2=0
  COM1=0
  COM2=0
  DO 175 I=1,IP
    CAL1=CAL1+((1-II2(I))*(D1(I)**2))
    CAL2=CAL2+(II2(I)*(D2(I)**2))
    COM1=COM1+((1-II2(I))*D1(I))
    COM2=COM2+(II2(I)*D2(I))
175 CONTINUE
  V=((P**2)*CAL1)+((Q**2)*CAL2)-(((1./M)*COM1)*COM2)
  IF (V.LE.0) THEN
    WRITE(6,238)V
238 FORMAT(10X,'VAR ERROR =',F10.2)
    GO TO 1
  ENDIF
  MLR=T/SQRT(V)
  IF (MLR.LT.-1.2815) MLOG01=MLOG01+1
  IF (MLR.LT.-1.645) MLOG05=MLOG05+1
C *****
7000 CONTINUE
C *****
C*** COMPUTE PROB TYPE I ERROR OR POWER OF TEST ***
C *****
  PLOG1 = LOG01/ROU
  PLOG5 = LOG05/ROU
  PML01 = MLOG01/ROU
  PML05 = MLOG05/ROU
  PGW01 = GW01/ROU
  PGW05 = GW05/ROU
  PCOX01 = COX01/ROU
  PCOX05 = COX05/ROU
  WRITE(6,610)NUI,N1,IR1,IR2,BETA,BETA2,STD,STD2,ALPHA,ALPHA2
610 FORMAT(/10X,'DISTRIBUTION =',I4/10X,'NUMBER GROUP 1,2 =',I4/
  *10X,'CENSORED DATA1 =',I4,10X,'CENSORED DATA2 =',I4/
  *10X,'BETA1=',F4.2,5X,'BETA2=',F4.2,/10X,'STD1=',F4.2,5X,
  *'STD2= ',F4.2/10X,'ALPHA1=',F4.2,5X,'ALPHA2= ',F4.2/ /)
  WRITE(6,611)PLOG1,PLOG5,PGW01,PGW05,PCOX01,PCOX05,PML01,PML05
611 FORMAT(10X,'POWER OF THE TEST',5X,'LOG10= ',F10.5/
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'LOG05= ',F10.5//
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'WILD10= ',F10.5/
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'WILD05= ',F10.5//
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'COX10= ',F10.5/
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'COX05= ',F10.5//
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'MLOG10= ',F10.5/
  * 10X,'POWER OF THE TEST',5X,'MLOG05= ',F10.5)
700 CONTINUE
  STOP
  END

```

```

C*****
C***** SUBROUTINE SORT DATA *****
C*****
SUBROUTINE SORT(IP, DATA)
  DIMENSION DATA(IP),
  NL = IP-1
  DO 30 I = 1, NL
    NP = I + 1
    DO 30 K = NP, IP
      IF (DATA(I).LE.DATA(K)) GOTO 30
      SAVE = DATA(I)
      DATA(I) = DATA(K)
      DATA(K) = SAVE
30 CONTINUE
  RETURN
  END

C*****
C***** FUNCTION NORMAL DISTRIBUTION *****
C*****
FUNCTION SNORM(DMEAN, SIGMA)
  COMMON /SEED/IX/SELECT/KK
  PI = 3.1415926
  IF (KK.EQ.1) GOTO 10
  CALL RANDUM(IX, IY, YFL)
  RONE = YFL
  CALL RANDUM(IX, IY, YFL)
  RTWO = YFL
  ZONE = SQRT(-2*ALOG(RONE))*COS(2*PI*RTWO)
  ZTWO = SQRT(-2*ALOG(RONE))*SIN(2*PI*RTWO)
  SNDRM = ZONE*SIGMA+DMEAN
  KK = 1
  RETURN
10 SNORM = ZTWO*SIGMA+DMEAN
  KK = 0
  RETURN
  END

C*****
C***** SUBROUTINE RANDUM *****
C*****
SUBROUTINE RANDUM(IX, IY, YFL)
  IY = IX*65539
  IF (IY) 5,6,6
5 IY = IY + 2147483647 + 1
6 YFL = IY
  YFL = YFL/2147483647
  IX = IY
  RETURN
  END

C*****
C***** FUNCTION WEIBULL DISTRIBUTION *****
C*****
FUNCTION WEIBUL(ALPHA, BETA1)
  COMMON /SEED/IX
  CALL RANDUM(IX, IY, YFL)
  WEIBUL = BETA1*(-ALOG(1.-YFL))**(1./ALPHA1)
  RETURN
  END

```

```
C*****  
C***** SUBROUTINE EXPONENTIAL *****  
C*****  
SUBROUTINE EXPO(BETA,XX)  
COMMON/SEED/IX  
CALL RANDUM(IX,IY,YFL)  
XX = (-ALOG(YFL))*BETA  
RETURN  
END
```

ภาคผนวก ข.

การผลิตและสุ่มที่มีการแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียล

วิธีการหาเลขสุ่มที่มีการกระจายแบบเอกซ์โปเนนเชียล ต้องการเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ (R) ในช่วง (0.1) เมื่อ

$$R = e^{-x/\beta}$$

$$F^{-1}(R) = -\beta x | \ln R = x \quad \dots(1)$$

แล้วจึงหาเลขสุ่มที่มีการแจกแจง EXPONENTIAL (x) โดยใช้สมการ (1) ในการวิจัยครั้งนี้ได้เขียนโปรแกรมด้วยภาษาฟอร์แทรน 4 โดยเขียนเป็น SUBROUTINE มีชื่อว่า EXPO ดังนี้

```
SUBROUTINE EXPO (BETA, XX)
COMMON/SEED/IX
CALL RANDUM (IX, IY, YFL)
XX = (-ALOG (YFL)) *BETA
RETURN
END
```

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบลอกนอรั่มอล

การแจกแจงแบบลอกนอรั่มอลมีฟังก์ชันความหนาแน่นอยู่ในรูปของ

$$f(x) = \frac{1}{x\sigma^2\pi} e^{-\frac{1}{2}(\log_e x - \mu)^2 / \sigma^2} \quad ; x > 0, \sigma > 0, -\infty < \mu < \infty$$

$$0 \quad ; \text{อื่น ๆ}$$

เมื่อ μ และ σ^2 เป็นค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของ Y ซึ่ง $Y = \log_e X$ และ Y มีการแจกแจงแบบปกติ โดยมี $\exp(\sigma^2)$ เป็น scale parameter และ μ เป็น shape parameter

ในการวิจัยครั้งนี้ใช้คำสั่งในการสร้างตัวแปรให้มีการแจกแจงแบบลอการิทึมคือ

```
DATA(J) = EXP(SNORM(EX, STD)).
```

เมื่อ FUNCTION NORMAL เป็นดังนี้

```
FUNCTION SNORM (DMEAN, SIGMA)
```

```
COMMON/SEED/IX/SELECT/KK
```

```
IF (XX. EQ.1) GO TO 10
```

```
CALL RANDUM (IX, IY, YFL)
```

```
RTWO = YFL
```

```
ZONE = SQRT (-2 * ALOG (RONE)) * COS (2 * PI * RTWO)
```

```
ZTWO = SQRT (-2 * ALOG (RONE)) * SIN (2 * PI * RTWO)
```

```
SNORM = ZONE * SIGMA + DMEAN
```

```
KX = 1
```

```
RETURN
```

```
10 SNORM = ZTWO * SIGMA + DMEAN
```

```
KK = 0
```

```
RETURN
```

```
END
```

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์

การแจกแจงแบบไวบูลล์ มีฟังก์ชันความหนาแน่นอยู่ในรูปของ

$$f(x) = \frac{\alpha x^{\alpha-1} \exp(-x/\beta)^\alpha}{\beta^2} \quad ; \quad 0 < x < \infty, \infty < 0, \beta < 0$$

0

;

โดย β เป็น scale parameter และ α เป็น shape parameter

การสร้างตัวแปรสุ่มให้มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ อาศัยเทคนิคการแปลงผกผัน

(inverse transformation)

ขั้นที่ 1 cdf. เขียนเป็น $F(x) = 1 - e^{-(x/\beta)^\alpha}$; $x > 0$

ขั้นที่ 2 ให้ $F(x) = 1 - e^{-(x/\beta)^\alpha} = R$

ขั้นที่ 3 หาค่าของ x ในเทอมของ R ได้เป็น

$$X = \beta[-\log_e(1-R)]^{1/\alpha}$$

ดังนั้น คำสั่งในการสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ คือ

```
FUNCTION WEIBUL (ALPHA1, BETA1)
```

```
COMMON / SEED / IX
```

```
CALL RANDUM (IX, IY, YFL)
```

```
WEIBUL = BETA1 * (-ALOG(1.0 - YFL) ** (1.0/ALPHA1))
```

```
RETURN
```

```
END
```

ภาคผนวก ก.

วิธีการประมาณค่าฟังก์ชันการอยู่รอด

วิธีนอนพาราเมตริก สำหรับการประมาณค่าฟังก์ชันการอยู่รอดที่ใช้กับข้อมูลที่มีค่าสังเกต ไม่สมบูรณ์ มีอยู่หลายวิธี เช่น Product - Limit (PL), วิธี Life - gable (actuarial) และวิธี Cox'regression model ซึ่งในที่นี้จะกล่าวถึงวิธีการประมาณค่าฟังก์ชันการอยู่รอด โดยวิธี PL

วิธี Product - Limit

วิธี PL นี้เป็นวิธีที่พัฒนาขึ้นมาใช้ โดย Kaplan & Meier (1950) ซึ่งวิธีนี้เป็นวิธีที่สามารถนำไปใช้กับตัวอย่างขนาดเล็กหรือตัวอย่างขนาดกลางหรือตัวอย่างขนาดใหญ่ก็ได้

ในทางปฏิบัติตัวประมาณ PL สามารถคำนวณได้โดยการจัดเรียงลำดับข้อมูลตัวอย่างขนาด N ที่มีทั้งค่าสังเกตสมบูรณ์และไม่สมบูรณ์นั้นคือ

$$t_{(1)} < t_{(2)} < \dots < t_{(n)}$$

กำหนดให้ $j = 1, 2, \dots, n$ และให้ $r = j$ จะได้

$$S_{(t)}^{\Delta} = \prod_{r=t_{(r)} \leq t} (n-r)/(n-r+1)$$

เมื่อ $t_{(r)}$ เป็นค่าสังเกตสมบูรณ์ และ $(n-r)/(n-r+1)$ คือ สัดส่วนของตัวอย่างที่ยังอยู่รอดที่เวลา $t_{(j)}$ ถ้าค่าสังเกตทุกค่าในตัวอย่างมีค่าสมบูรณ์ ค่าประมาณจะเป็นค่าประมาณแบบทวินาม มีค่าเป็น $S_{(t)}^{\Delta} = n(t)/N$ เมื่อ $n(t)$ คือ จำนวนตัวอย่างที่ยังอยู่รอดที่เวลา t และตัวประมาณ $S(t)$ เรียกว่าตัวประมาณ PL ในกรณีที่เกิดมีข้อมูลซ้ำค่า $S(t) = N-1/n$ เมื่อ i คือ ลำดับของข้อมูลที่เท่ากันที่มีค่าลำดับ สูงที่สุด เช่น $t_{(2)} = t_{(3)} = t_{(4)}$ ดังนั้น

$$S_{(t_2)}^{\Delta} = S_{(t_3)}^{\Delta} - S_{(t_4)}^{\Delta} = \frac{N-4}{N}$$

ตัวอย่างการคำนวณหาค่า

จากค่าสังเกต 2 กลุ่ม ดังนี้

กลุ่มที่ 1	3.0	5.7 ⁺	6.5	15.0		
กลุ่มที่ 2	4.0 ⁺	6.5	8.4 ⁺	10.0	10.0 ⁺	12.0

เมื่อ + หมายถึง ข้อมูลที่ไม่สมบูรณ์

ตารางที่ ค.1 ตารางแสดงการคำนวณหาค่าปริมาณ ของ

ข้อมูล	ลำดับ (i)	r	$(n-r)/(n-r+1)$	S(t)
3.0	1	1	9/10	9/10=0.900
4.0 ⁺	2	-	-	-
5.7 ⁺	3	-	-	-
6.5	4	4	6/7	$9/10 \times 6/7 = 0.771$ ^อ
6.5	5	5	5/6	$9/10 \times 6/7 \times 5/6 = 0.643$ ^อ
8.4 ⁺	6	-	-	-
10.0	7	7	3/4	$9/10 \times 6/7 \times 5/6 \times 3/4 = 0.482$
10.0 ⁺	8	-	-	-
12.0	9	9	1/2	$9/10 \times 6/7 \times 5/6 \times 3/4 \times 1/2 = 0.241$
15.0	10	10	0	0

0.643 จะใช้เป็นค่าปริมาณ PL ของ $S(6.5)$

การคำนวณหาค่าประมาณ PL นี้จะคำนวณทุก ๆ ค่าสังเกตสมบูรณ์ และถ้ามีข้อมูลที่เป็นค่าซ้ำจะใช้ค่า $S(t)$ ที่น้อยที่สุด

ประวัติผู้เขียน

นางสาว ศมีลา วิเชียรโรจน์ เกิดวันที่ 5 ธันวาคม พ.ศ.2508 จังหวัดกรุงเทพฯ
ได้รับปริญญาวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาคณิตศาสตร์ จากจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2530
ได้เข้าศึกษาในภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อปีการศึกษา
2530

