

รายการอ้างอิง

ภาษาไทย

- กาญจนา พานิชการ. การประมาณค่าพารามิเตอร์ในสมการถดถอยโลจิสติกด้วยวิธีภาวะน่าจะเป็นสูงสุดและฟังก์ชันจำแนกประเภท. วิทยานิพนธ์ปริญญาโทมหาบัณฑิต ภาควิทยาศาสตร์ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2539.
- กัลยา วานิชย์บัญชา. การวิเคราะห์ตัวแปรหลายตัวด้วยเอสพีเอสเอสสำหรับวินโดวส์. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย , 2544.
- ธีระพร วีระถาวร. การอนุมานเชิงสถิติขั้นกลาง : โครงสร้างและความหมาย. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย , 2536.

ภาษาอังกฤษ

- Cosslett, Stephen R. Maximum Likelihood Estimator for Choice-Based Samples. Econometrica 49 (1981) : 1289-1316.
- Greene , William H . Econometric Analysis , 2nd ed. New York : Macmillan, 1993.
- Homer ,David W. and Lameshow ,S. Applied Logistic Regression . New York : Wiley ,2000.
- King , Gary , and Langche Zeng . Logistic Regression in Rare Events Data . The Society for Political Methodology (2001) : 137-163 .
- Manski , Charles F. , and Steven R. Lerman . The Estimation of Choice Probabilities from Choice Based Samples. Econometrica 45 (1977) :1977-1988 .
- Marvyn J. Silvapulle. On the Existence of Maximum Likelihood Estimators for the Binomial Response Models. Journal of the Royal statistical Society Ser.B 43 (1981): 310-313.
- Norman R. Draper, Harry Smith. Applied regression analysis : Generalized Linear Models (GLIM). 3rd ed. John Wiley and sons , 1998.
- Scott , A.J. , and C.J. Wild Fitting Logistic Models Under Case-Control or Choice Based Sampling . Journal of the Royal Statistical Society Ser B 48 (1986):170-182.

W.R. Gilks, S. Richardson and D. J. Spiegelhalter. Makov Chain Monte Carlo in practice.

London : Chapman and Hall, 1996.

Xie, Yu, and Charles F. Manski. The Logit Model and Response-Based Samples.

Sociological Methods and Research 17(1989):283-302.

ภาคผนวก

ตารางแสดงลักษณะการทำงานของฟังก์ชันในโปรแกรม S-plus 2000 ทั้งหมดในการวิจัย

| ลำดับที่ | ชื่อฟังก์ชัน | การทำงานของฟังก์ชัน |
|----------|-------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | rmvnorm (m,mean,cov,rho) | สร้างเลขสุ่มหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ยด้วย mean และกำหนดระดับความสัมพันธ์ระหว่าง 2 ตัวแปรอิสระเท่ากับ rho |
| 2 | rbinom(m,ni,pi) | สร้างตัวเลขสุ่มให้มีการแจกแจงทวินาม เมื่อ m แทน จำนวนกลุ่ม ni แทน จำนวนครั้งของการทดลอง และ pi แทน ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่สนใจ |
| 3 | mean() | คำนวณหาค่าเฉลี่ยของข้อมูล |
| 4 | ginverse() | คำนวณหาค่า inverse ของเมทริกซ์ |
| 5 | exp() | คำนวณหาค่าเอกซ์โพเนนเชียล |
| 6 | matrix(nrow,ncol) | ทำการเก็บข้อมูลในรูปของเมทริกซ์ โดย nrow แทน จำนวนแถวที่ต้องการ และ ncol แทน จำนวนสดมภ์ที่ต้องการ |
| 7 | cbind(x) | เก็บข้อมูลในรูปแบบของสดมภ์ |
| 8 | list() | สร้างหรือเก็บค่าของข้อมูลมีคุณสมบัติเป็นลิชท์ |
| 9 | cat("/n") | เว้น 1 บรรทัด |
| 10 | mahalanobis(beta1,newbeta,cov.beta) | คำนวณค่า Mahalanobis โดยที่ beta1 แทน ค่าเริ่มต้นของ beta ที่ใช้ในการประมาณพารามิเตอร์ newbeta แทนค่า beta ที่ได้จากการประมาณค่า และ cov.beta แทนค่า เมตริกซ์ความแปรปรวนร่วมของbeta ที่ได้จากการประมาณ |
| 11 | sqrt(ma) | คำนวณค่า Mahalanobis Distance |

| ลำดับที่ | ชื่อฟังก์ชัน | การทำงานของฟังก์ชัน |
|----------|------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 12 | lsfit(x,emp.logit,intercept=F)\$coef | คำนวณค่าประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธี Linear least squares โดยที่ x แทน เมทริกซ์ของตัวแปรอิสระที่สดมภ์แรกเป็น 1 หหมด และ emp.logit แทน ค่าตัวแปรตามที่ได้จาก empirical logits |
| 13 | ml.logit(x,y,m,n,beta.start, maxits,eps) | คำนวณค่าด้วยวิธี Newton – Raphson ของวิธีความควรจะเป็นสูงสุดโดยที่ x แทน เมทริกซ์ของตัวแปรอิสระ y แทน เวกเตอร์ของตัวแปรตาม m แทน จำนวนกลุ่ม n แทน ค่าของ n_i beta.start แทน ค่าเริ่มต้น B_0 ที่ใช้ในการประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธี Newton – Raphson , maxits แทน จำนวนรอบมากที่สุดที่ยอมให้ค่าลู่อัก eps แทนค่าผลต่างที่ยอมรับได้ $ B_r - B_{r+1} < eps$ |
| 14 | we.logit(x,y,m,n,beta.start, w1,w0,maxits,eps) | คำนวณค่าด้วยวิธี Newton – Raphson ของวิธีถ่วงน้ำหนักโดยที่ x แทน เมทริกซ์ของตัวแปรอิสระ y แทน เวกเตอร์ของตัวแปรตาม m แทน จำนวนกลุ่ม n แทน ค่าของ n_i beta.start แทน ค่าเริ่มต้น B_0 ที่ใช้ในการประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธี Newton – Raphson $w1$ และ $w0$ แทน สัดส่วนการถ่วงน้ำหนัก maxits แทน จำนวนรอบมากที่สุดที่ยอมให้ค่าลู่อัก eps แทน ค่าผลต่างที่ยอมรับได้ $ B_r - B_{r+1} < eps$ |

| ลำดับที่ | ชื่อฟังก์ชัน | การทำงานของฟังก์ชัน |
|----------|--------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 15 | pc.logit_function(x,m,n,pi.M, pi.Mhat,beta.start,maxits,eps) | คำนวณค่าด้วยวิธี Newton – Raphson ของวิธีการปรับแก้เบื้องต้นโดยที่ x แทน เมทริกซ์ของตัวแปรอิสระ m แทน จำนวนกลุ่ม n แทน ค่าของ n_i , pi.M และ pi.Mhat แทน ค่าเฉลี่ยความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่สนใจของประชากรและ ตัวอย่างตามลำดับ , beta.start แทน ค่าเริ่มต้น B_0 ที่ใช้ในการประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธี Newton – Raphson , maxits แทน จำนวนรอบมากที่สุดที่ยอมให้ค่าลู่อเข้า eps แทนค่าผลต่างที่ยอมรับได้ $ B_r - B_{r+1} < eps$ |

โปรแกรมสำหรับการดำเนินการวิจัย

ตัวอย่างโปรแกรม S-plus 2000 สำหรับการประมาณค่าพารามิเตอร์ของตัวแบบ
ถดถอยโลจิสติก

```

pi.M_c(0.1,0.3,0.5,0.8)
one_rep(1,m)
beta.start_rep((1,inde+1))

/* ฟังก์ชันการสร้างตัวแปรอิสระ */
x_rmvnorm(m,mean=c(rep(0,inde)),cov=diag(1,inde),rho=ro)
xmat_cbind(one,x)

/* วิธีความควรจะเป็นสูงสุด */

ml.logit_function(x,y,m,n,beta.start,maxits=20,eps=0.0000001)
{
  if(missing(beta.start))
  {
    emp.logit_log((y+0.5)/(n-y+0.5))
    newbeta_lsfit(x,emp.logit,intercept=F)$coef
  }
  else {newbeta_beta.start}
  iter_0
  converged_F
  while((!converged)&(iter<maxits))
  {
    iter_iter+1
    beta_newbeta
    tmp_exp(-(x%*%beta))
    pi_1/(1+tmp)
    mu_n*pi
    w_as.vector(n*pi*(1-pi))
  }
}

```

```

        xtwx_t(w*x)%*%x
        xtwxinv_ginverse(xtwx)
        newbeta_beta+xtwxinv%*%t(x)%*%(y-mu)
        converged_all(abs(newbeta-beta)<eps)
    }

    cat("\n")
    tmp_exp(x%*%newbeta)
    pi_tmp/(1+tmp)
    cov.ml_xtwxinv
    beta1_matrix(1,ncol=(inde+1),byrow=T)
    ma_mahalanobis(beta1,newbeta,cov.ml)
    md_sqrt(ma)
    result_list(beta.ml=newbeta,md=md)
    result
}

/* วิธีการถ่วงน้ำหนัก */

we.logit_function(x,y,m,n,beta.start,w1,w0,maxits=20,eps=0.0000001)
{
    if(missing(beta.start))
    {
        emp.logit_log((y+0.5)/(n-y+0.5))
        newbeta_lsfit(x,emp.logit,intercept=F)$coef
    } else {newbeta_beta.start}
    iter_0
    converged_F
    while((!converged)&(iter<maxits))
    {
        iter_iter+1
        beta_newbeta
        tmp_exp(-(x%*%beta))
    }
}

```



```

    pi_1/(1+tmp)
    a_((w1*y*(1-pi))-(w0*(n-y)*pi))
    ub_t(x)%*%a
    b_as.vector(pi*(1-pi)*((w1*y)+w0*(n-y)))
    hb_t(x)%*%(b*x)
    hbin_ginverse(hb)
    newbeta_beta+(hbin%*%ub)
    converged_all(abs(newbeta-beta)<eps)
}

cat("\n")
cov.beta_hbin
beta1_matrix(1,ncol=(inde+1),byrow=T)
ma_mahalanobis(beta1,newbeta,cov.beta)
md_sqrt(ma)
result_list(beta.we=newbeta,md=md)
result
}

/* วิธีปรับแก้เบื้องต้น */

pc.logit_function(x,m,n,pi.M,pi.Mhat,beta.start,maxits=20,eps=0.0000001)
{
    ni_rep(n,m)
    pc_log(((1-pi.M)/pi.M)*(pi.Mhat/(1-pi.Mhat)),exp(1))
    mat.pc_matrix(rep(pc,m),ncol=1,byrow=F)
    e.pc_exp(-(x%*%beta.start)+mat.pc)
    pi.pc_1/(1+e.pc)
    y1_rbinom(m,ni,pi.pc)
    iter_0
    converged_F

```

```

newbeta_beta.start
while((!converged)&(iter<maxits))
{
    iter_iter+1
    beta_newbeta
    tmp_exp(-(x%*%beta)+mat.pc)
    pi_1/(1+tmp)
    mu_n*pi
    w_as.vector(n*pi*(1-pi))
    xtwx_t(w*x)%*%x
    xtwxinv_ginverse(xtwx)
    newbeta_beta+xtwxinv%*%t(x)%*%(y1-mu)
    converged_all(abs(newbeta-beta)<eps)
}

cat("\n")
cov.pc_xtwxinv
beta1_matrix(1,ncol=(inde+1),byrow=T)
ma_mahalanobis(beta1,newbeta,cov.pc)
md_sqrt(ma)
result_list(beta.pc=newbeta,md=md)
result
}

```

/ ฟังก์ชันการประมาณค่าพารามิเตอร์ */*

```

logitRe_function(k,n,m,pi.M,inde,xmat,beta.start)
{
    ni_rep(n,m)
    x_xmat
    e.xb_exp(-(x%*%beta.start))
    pi_1/(1+e.xb)
}

```

```

y.bar_mean(pi)
y_rbinom(m,ni,pi)
w1_pi.M/pi.Mhat
w0_(1-pi.M)/(1-pi.Mhat)

for(i in 1:m )
{
  fit1_ml.logit(x,y,m,n,beta.start)
  sum1_sum1+fit1$md
  fit2_we.logit(x,y,m,n,beta.start,w1,w0)
  sum2_sum2+fit2$md
  fit3_pc.logit(x,m,n,pi.M,pi.Mhat,beta.start)
  sum3_sum3+fit3$md
}

AMH.ml_sum1/k
AMH.we_sum2/k
AMH.pc_sum3/k

output_cbind(AMH.ml,AMH.we,AMH.pc)
output
}

sum1_0
sum2_0
sum3_0

```

```
out10_list(matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3))
out20_list(matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3))
out30_list(matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3))
```

```
n_10
ni_rep(n,m)
for (i in 1:4)
{
  out10[[i]]_logitRe(k,n,m,pi.M[i],inde,xmat,beta.start)
}
```

```
n_20
ni_rep(n,m)
out20_list(matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3))
for (i in 1:4)
{
  out20[[i]]_logitRe(k,n,m,pi.M[i],inde,xmat,beta.start)
}
```

```
n_30
ni_rep(n,m)
out30_list(matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3),matrix(nrow=3))
for (i in 1:4)
{
  out30[[i]]_logitRe(k,n,m,pi.M[i],inde,xmat,beta.start)
}
```

```
out10
```

```
out20
```

```
out30
```

ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นางสาว ทศนาพร จงเหตุกรณ์ เกิดเมื่อวันที่ 27 กุมภาพันธ์ 2522 ที่ จ. นครสวรรค์ สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีวิทยาศาสตร์บัณฑิต สาขาสถิติ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ เมื่อปี การศึกษา 2543 เข้าศึกษาต่อในระดับปริญญาโท สาขาสถิติ ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี