

_{โครงการ} การเรียนการสอนเพื่อเสริมประสบการณ์

ชื่อโครงการ การปรับปรุงโครงสร้างแถบพลังงานของสารประกอบโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x ที่ถูกเติมด้วยโลหะมีสกุลโดยใช้แบบจำลองทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น Electronic Band Structure Engineering of Noble Metal Doped Mg₂Si_{1-x}Ge_x Alloy by DFT Simulation

ชื่อนิสิต นายสกานต์ คำแก้ว

เลขประจำตัว 5933447623

ภาควิชา ฟิสิกส์

ปีการศึกษา 2562

คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ชื่อโครงการ : การปรับปรุงโครงสร้างแถบพลังงานของสารประกอบโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x ที่ถูกเติมด้วยโลหะ มีสกุลโดยใช้แบบจำลองทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น ภาควิชา : ฟิสิกส์ ชื่อนิสิต : นายสกานต์ คำแก้ว รหัสประจำตัวนิสิต : 5933447623 อาจารย์ที่ปรึกษาโครงการ : รศ. ดร. ธิติ บวรรัตนารักษ์ อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม : อ. ดร. อรรณพ เอกธาราวงศ์

โครงการนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรบัณฑิต ภาควิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ภาคการศึกษาปลายปีการศึกษา 2562

คณะกรรมการสอบได้รับรองรายงานฉบับนี้แล้ว

.....ประธานกรรมการ (รองศาสตราจารย์ ดร. นคร ไพศาลกิตติสกุล)

กรรมการ

(รองศาสตราจารย์ ดร. สกุลธรรม เสนาะพิมพ์)

.....อาจารย์ที่ปรึกษา

(รองศาสตราจารย์ ดร. ธิติ บวรรัตนารักษ์)

<u>อาราสม เอกราราร</u>อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม (อาจารย์ ดร. อรรณพ เอกธาราวงศ์)

©ลิขสิทธิ์ของภาควิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ชื่อโครงการ: การปรับปรุงโครงสร้างแถบพลังงานของสารประกอบโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x ที่ถูกเติมด้วยโลหะมี สกุลโดยใช้แบบจำลองทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น ภาควิชา: ฟิสิกส์ ชื่อนิสิต: นายสกานต์ คำแก้ว รหัสประจำตัวนิสิต: 5933447623 อาจารย์ที่ปรึกษาโครงการ: รศ. ดร. ธิติ บวรรัตนารักษ์ อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม: อ. ดร. อรรณพ เอกธาราวงศ์

บทคัดย่อ

้วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกชนิดแมกนีเซียมซิลิไซด์ได้รับความสนใจในด้านวัสดุทางเลือกที่มีอุณหภูมิทำการ ้อยู่ในย่านกลาง (600-1200 K) ซึ่งมีความพิเศษคือสามารถหาได้ง่ายบนพื้นโลกและเป็นมิตรต่อสิ่งแวดล้อม โดยการนำมาทำเป็นอุปกรณ์เทอร์โมอิเล็กทริกจะต้องใช้สารที่มีสภาพนำไฟฟ้าชนิดพี (p-type) และชนิดเอ็น (n-type) มาต่อร่วมกัน ซึ่งแมกนีเซียมซิลิไซด์ที่สมบัติเป็นสารกึ่งตัวนำชนิดเอ็นดังนั้นการพัฒนาแมกนีเซียมซิลิ ไซด์ที่มีสภาพนำไฟฟ้าเป็นชนิดเอ็นจึงถูกพัฒนาประสิทธิภาพได้ดีกว่า แต่สำหรับชนิดพีนั้นยังคงยากต่อการ ้สังเคราะห์ขึ้นมาอยู่ โดยการจะทำให้สารมีสภาพนำไฟฟ้าเป็นชนิดพีได้นั้นจะต้องมีการนำมาทำเป็นโลหะเจือ (alloy) กับสารกึ่งตัวนำชนิดพี เช่น แมกนีเซียมเจอร์เมไนด์ หรือเติมอะตอมที่มีโฮล (hole) ลงไปเพิ่มเพื่อให้มี สภาพนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี สำหรับงานวิจัยนี้เลือกพิจารณาระบบของโลหะเจือชนิดแมกนีเซียมซิลิไซด์กับ เจอร์เมเนียม Mg₂Si_{1-x}Ge_x ซึ่งมีการเติมโลหะมีสกุล (noble metal) เช่น โลหะเงิน (silver) โลหะทองแดง (copper) และ โลหะทอง (gold) เข้าไปเพื่อให้มีสภาพนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี โดยใช้แบบจำลองด้วยคอมพิวเตอร์ ้จากทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น ซึ่งโครงสร้างที่นำมาจำลองระบบโลหะเจือนี้จะเป็นโครงสร้างเสมือนสุ่ม พิเศษ (special quasirandom structure : SQS) เพื่อเป็นตัวแทนของระบบโลหะเจือที่มีอัตราส่วน x ที่สนใจ พิจารณาคือ x = 0.25 , 0.50 และ 0.75 หลังจากนั้นจึงนำสารประกอบโลหะเจือที่มีอัตราส่วน x = 0.5 มาทำ การเติมโลหะมีสกุลเข้าไป 1 อะตอม แล้วจึงพบว่าการเติมโลหะเงินเข้าไปโดยเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียม ้ในผลึก จะทำให้สารประกอบโลหะเจือนี้มีสภาพนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี ในทางกลับกันโลหะทองแดงและโลหะ ทองมีแนวโน้มที่จะเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างและซิลิกอนตามลำดับ แล้วทำให้มีสภาพนำไฟฟ้าชนิด เอ็นแทน แต่อย่างไรก็ตาม พลังงานก่อเกิด (formation Energy) ระหว่างการที่โลหะเงินเข้าไปแทนที่ แมกนีเซียมและช่องว่างกลางโครงสร้าง มีค่าแตกต่างกันเพียง 0.1 eV จึงทำให้ในเชิงการทดลองการ ้สังเคราะห์สาร มีโอกาสที่โลหะเงินจะเกิดการแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างในผลึก ซึ่งเป็นผลให้สารประกอบ โลหะเจือชนิดนี้เปลี่ยนจากสภาพบำไฟฟ้าชนิดพีไปเป็นชนิดเอ็นได้

คำสำคัญ: วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริก, แมกนีเซียมซิลิไซด์, โลหะเจือ, โลหะมีสกุล, ทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น

Title: Electronic Band Structure Engineering of Noble Metal Doped Mg2Si1-xGex Alloy by DFT Simulation
Major: Physics
Name: Mr. Sakarn Khamkaeo Student's Code: 5933447623
Adviser: Assoc. Prof. Dr. Thiti Bovornratanaraks
Co-adviser: Dr. Annop Ektarawong

Abstract

Magnesium Silicide semiconductor (Mg₂Si) is a promising mid-temperature (600-1200 K) thermoelectric material which is environmentally friendly. Thermoelectric module can be built by using both n-type and p-type thermoelectric materials. Mg₂Si intrinsically possesses n-type conductivity, and n-type dopants are generally used for improving its thermoelectric performance but p-type Mg_2Si is still difficult to be synthesized. There are two method that can make Mg₂Si has p-type conductivity. One is making alloy with p-type semiconductor such as Mg₂Ge and the other is doping with p-type dopants. This project aims at investigating the change in electronic properties of Mg₂Si when is being alloyed with Mg2Ge and being doped with noble metals (Ag, Cu and Au) by performing computational simulations based on density functional theory (DFT). The results showed that the conductivity of $Mg_2Si_{1-x}Ge_x$, which x = 0.25, 0.50 and 0.75, is still n-type but Fermi energy decreases as germanium increases. Moreover, the result of doping Mg₂Si_{0.5}Ge_{0.5} with noble metal show that, Ag-doped systems exhibit the lowest formation energy when Ag is substituted in Mg-site that causes Mg₂Si_{1-x}Ge_x to show p-type conductivity. On the other hand, the conductivity Cu-doped and Au-doped systems are n-type because Cu and Au are more likely to substitute in interstitial site and Sisite respectively. However, in Ag-doped systems, the difference in formation energy of substituting Ag in Mg-site (p-type) and interstitial site (n-type) is only 0.1 eV, which can cause the experimental instability of p-type conductivity.

Keywords: Thermoelectric, Magnesium Silicide, Alloy, Noble metal, Density functional theory

กิตติกรรมประกาศ

โครงการวิจัย "การปรับปรุงโครงสร้างแถบพลังงานของสารประกอบโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x ที่ถูกเติม ด้วยโลหะมีสกุลโดยใช้แบบจำลองทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น" สามารถสำเร็จลุล่วงได้ตามวัตถุประสงค์ ของโครงการ ด้วยความช่วยเหลือและการให้คำแนะนำจากบุคคลหลายท่าน

ขอขอบพระคุณรองศาสตราจารย์ ดร. ธิติ บวรรัตนารักษ์ อาจารย์ที่ปรึกษาโครงการและอาจารย์ ดร. อรรณพ เอกธาราวงศ์ อาจารย์ที่ปรึกษาโครงการร่วม สำหรับคำแนะนำและการให้คำปรึกษาที่ดี ทั้งยังช่วย เสนอแนวทางการแก้ไขปัญหาและอุปสรรคระหว่างการดำเนินงานได้อย่างเหมาะสม ขอขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ ดร. อุดมศิลป์ ปิ่นสุข อาจารย์ผู้สอนรายวิชาโครงงานวิทยาศาสตร์ สำหรับการติดตามและ ประชาสัมพันธ์รายละเอียดของรายวิชาตลอดการดำเนินงานโครงการนี้ ขอขอบพระคุณรองศาสตราจารย์ ดร. นคร ไพศาลกิตติสกุล ประธานกรรมการสอบโครงการและรองศาสตราจารย์ ดร. สกุลธรรม เสนาะพิมพ์ กรรมการสอบโครงการ สำหรับคำแนะนำในการปรับปรุงแก้ไขโครงการ

ขอขอบพระคุณทุนพัฒนาและส่งเสริมผู้มีความสามารถพิเศษทางวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี (พสวท.) สำหรับโอกาสในการรับทุนสนับสนุนในการศึกษาวิจัย ณ ต่างประเทศ และขอขอบพระคุณ Prof. Ryo Maezono, Assoc. Prof. Kenta Hongo รวมทั้งสมาชิกในกลุ่ม Maezono and Hongo Laboratory ทุก ท่านที่สถาบันวิจัย Japan Advanced Institute of Science and Technology (JAIST) สำหรับคำแนะนำ และความอนุเคราะห์ในการใช้ทรัพยากรทางคอมพิวเตอร์อันเป็นประโยชน์อย่างยิ่งสำหรับการศึกษาโครงการนี้ และสุดท้ายนี้ผู้จัดทำโครงการขอขอบพระคุณผู้มีส่วนเกี่ยวข้องที่อาจไม่ได้กล่าวถึง ณ ที่นี้ สำหรับการ สนับสนุนข้าพเจ้าตลอดมา

> นายสกานต์ คำแก้ว ผู้จัดทำโครงการ

สารบัญ

บทคัดย่อ (ภาษาไทย)	ก
บทคัดย่อ (ภาษาอังกฤษ)	ข
กิตติกรรมประกาศ	ନ
สารบัญ	٩
สารบัญตาราง	ຉ
สารบัญรูปภาพ	જ
บทที่ 1 บทนำ	
1.1 ความเป็นมาและมูลเหตุจูงใจในการเสนอโครงการ	1
1.1.1 วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริก	1
1.1.2 วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกชนิดแมกนีเซียมซิลิไซด์	1
1.1.3 สารประกอบโลหะเจือระหว่างแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์	1
1.1.4 การเติมอะตอมเข้าไปยังวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกแมกนีเซียมซิลิไซด์	3
1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการ	4
1.3 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	4
1.3.1 ประโยชน์ต่อตัวนิสิตเอง	4
1.3.2 ประโยชน์ต่อผู้อื่น	4
บทที่ 2 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง	
2.1 ทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น (Density Functional Theory)	5
2.1.1 ทฤษฎีบทโฮเฮนเบิร์ก-โคห์น (Hohenberg-Kohn Theorem)	6
2.1.2 สมการโคห์น-ชาม (Kohn-Sham equation)	6
2.1.3 พลังงานแลกเปลี่ยน-สหสัมพันธ์ (exchange-correlation energy)	7
2.1.4 การแก้สมการโคห์น-ชามด้วยวิธี Self-consistent field (SCF)	7
2.2 โครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษสำหรับจำลองระบบของสารโลหะเจือ	9

บทที่ 3 การดำเนินงาน

3.1 แผนการศึกษา	10
3.2 แผนระยะเวลาที่ศึกษา	11

บทที่ 4 ผลการศึกษาและอภิปรายผลการศึกษา

4.1 ความหนาแน่นสถานะและโครงสร้างแถบพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์ และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์	12
4.2 ระบบโลหะเจือระหว่างแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์	16
4.3 โครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษของโลหะเจือแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์	18
4.4 ผลของการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือ Mg₂Si _{1-x} Ge _x	20
บทที่ 5 สรุปผลการศึกษา	26
เอกสารอ้างอิง	27

สารบัญตาราง

ตารางที่ 3.1 แผนระยะเวลาที่ศึกษา	11
ตารางที่ 4.1 พลังงานก่อเกิดสำหรับโลหะเจือ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} แต่ละรูปแบบ	18
ตารางที่ 4.2 พลังงานก่อเกิดของการเข้าไปแทนที่ของโลหะเงินแต่ละรูปแบบเปรียบเทียบกัน ระหว่าง 2 ตำแหน่งที่แตกต่างกัน	21
ตารางที่ 4.3 พลังงานก่อเกิดของการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือ	23

สารบัญรูปภาพ

ภาพที่ 1.1 ค่าพารามิเตอร์ที่เกี่ยวข้องกับสารเทอร์โมอิเล็กทริก Mg₂Si _{1-x} Ge _x ที่ขึ้นกับอุณหภูมิ	2
ภาพที่ 1.2 ค่าพารามิเตอร์ของสารเทอร์โมอิเล็กทริกแมกนีเซียมซิลิไซด์ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงิน ที่ขึ้นกับอุณหภูมิ	3
ภาพที่ 2.1 ผังงานการคำนวณพลังงานรวมของระบบด้วยวิธี SCF	8
ภาพที่ 2.2 ผังงานการคลายโครงสร้าง (relaxation)	8
ภาพที่ 2.3 การใช้ตัวแปรสปินเพื่อช่วยจำแนกรูปแบบการจัดเรียงของโครงสร้างโลหะเจือ	9
ภาพที่ 4.1 ภาพโครงสร้างหน่วยเล็กที่สุด (primitive cell) ของแมกนีเซียมซิลิไซด์	12
ภาพที่ 4.2 กราฟแสดงความสัมพันธ์ของพลังงานรวมต่อหนึ่งหน่วยเซลล์กับพลังงานคัทออฟ เมื่อจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัม (k-point) เท่ากับ 12x12x12	12
ภาพที่ 4.3 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างพลังงานรวมต่อหนึ่งหน่วยเซลล์กับจำนวนจุด ในปริภูมิโมเมนตัม (k-point) เมื่อพลังงานคัทออฟเท่ากับ 65 eV	13
ภาพที่ 4.4 กราฟแสดงความหนาแน่นสถานะและพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์	13
ภาพที่ 4.5 เส้นทางในปริภูมิโมเมนตัมสำหรับโครงสร้างแบบ face centered cubic	14
ภาพที่ 4.6 โครงสร้างแถบพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์	14
ภาพที่ 4.7 กราฟแสดงความหนาแน่นสถานะและพลังงานของแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์	15
ภาพที่ 4.8 โครงสร้างแถบพลังงานของแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์	15
ภาพที่ 4.9 ตัวอย่างพิกัดของอะตอมในขั้นตอนการสร้างซุปเปอร์เซลล์	16
ภาพที่ 4.10 โครงสร้างของโลหะเจือ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ขนาด 1x1x1	17
ภาพที่ 4.11 โครงสร้างของโลหะเจือ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ขนาด 2x1x1	17
ภาพที่ 4.12 โครงสร้างของโลหะเจือ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ขนาด 2x2x1	17
ภาพที่ 4.13 กราฟพลังงานก่อเกิดของโลหะเจือ Mg2Si1-xGex ที่มีโครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษ	18
ภาพที่ 4.14 กราฟพลังงานกิบส์ต่ออัตราส่วน × ที่อุณหภูมิ 0 , 100 , 200 และ 300 เคลวิน	19
ภาพที่ 4.15 ความหนาแน่นสถานะของโครงสร้างโลหะเจือ Mg₂Si _{1-x} Ge _x	20
ภาพที่ 4.16 รูปแบบการเข้าไปแทนที่ของโลหะมีสกุลภายในโครงสร้างโลหะเจือ Mg2Si1-xGex	21

ภาพที่ 4.17 ความหนาแน่นสถานะของ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงิน	22
ภาพที่ 4.18 ความหนาแน่นสถานะย่อย Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} และ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงิน Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงิน	23
ภาพที่ 4.19 ความหนาแน่นสถานะของ Mg2Si _{0.5} Ge _{0.5} ที่ถูกเติมด้วยโลหะทองแดง	24
ภาพที่ 4.20 ความหนาแน่นสถานะของ Mg ₂ Si _{0.5} Ge _{0.5} ที่ถูกเติมด้วยโลหะทอง	25

บทที่ 1 บทนำ

1.1 ความเป็นมาและมูลเหตุจูงใจในการเสนอโครงการ

1.1.1 วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริก

วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกได้รับความสนใจในด้านพลังงานทดแทนในยุคปัจจุบัน ซึ่งหลักการของวัสดุ เทอร์โมอิเล็กทริกคือการเปลี่ยนพลังงานความร้อนให้กลายเป็นพลังงานไฟฟ้าด้วยปรากฏการณ์ซีเบค (Seebeck effect) โดยสิ่งที่ใช้กำหนดประสิทธิภาพของวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกคือ ฟิเกอร์ออฟเมอริทของ เทอร์โมอิเล็กทริก (figure of merit : zT) ซึ่งมีค่าแปรผันตรงกับสัมประสิทธิ์ซีเบค (Seebeck coefficient) ยกกำลังสองและค่าสภาพนำไฟฟ้า (electrical conductivity) แต่แปรผกผันกับค่าสภาพนำความร้อน ของวัสดุ (thermal conductivity) กล่าวคือวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกที่ดีต้องนำไฟฟ้าได้ดีแต่นำความร้อนได้ แย่ วัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกซนิดแรกที่ได้รับความสนใจคือบิสมัทเทลลูไรด์ซึ่งมีฟิเกอร์ออฟ- เมอริท ประมาณ 0.5 ที่อุณหภูมิห้อง บิสมัทเทลลูไรด์ถูกนำมาประยุกต์ใช้ทำเป็นตู้เย็นเทอร์โมอิเล็กทริก[1] ใน เวลาต่อมาได้มีการปรับปรุงโครงสร้างของบิสมัทเทลลูไรด์โดยนำไปทำเป็นโลหะเจือกับ พลวงกลายเป็น บิสมัทแอนติโมนีเทลลูไรด์ซึ่งเป็นสารกึ่งตัวนำชนิดพี เจือกับซีลีเนียมกลายเป็นบิสมัธซีลีเนียมเทลลูไรด์เป็น สารกิ่งตัวนำชนิดเอ็น จนได้อัตราส่วนที่เหมาะสมที่ทำให้ฟิเกอร์ออฟเมอริทเพิ่มขึ้นเป็น 1.4 และ 1.0 ที่ ประมาณอุณหภูมิห้องตามลำดับ[2-3] แต่ปัญหาของบิสมัทเทลลูไรด์คือความเป็นพิษของเทลลูเรียมต่อ มนุษย์และสิ่งแวดล้อม[4]

1.1.2 วัสดุเทอโมอิเล็กทริกชนิดแมกนีเซียมซิลิไซด์

แมกนีเซียมซิลิไซด์เป็นอีกทางเลือกสำหรับการนำไปใช้ในเชิงเทอร์โมอิเล็กทริกในอุณหภูมิย่านกลาง (600-1200 K) และเป็นวัสดุที่มีส่วนประกอบจากสารที่หาได้ง่ายบนพื้นโลกซึ่งเป็นมิตรต่อสิ่งแวดล้อม แมกนีเซียมซิลิไซด์เป็นสารกึ่งตัวนำชนิดเอ็น (n-type semiconductor) มีช่องว่างแถบพลังงานเล็กมาก ประมาณ 0.77 eV [5] แต่ฟิเกอร์ออฟเมอริทยังคงต่ำอยู่ ซึ่งต่อมาได้มีการศึกษาโลหะเจือของแมกนีเซียมซิ ลิไซด์ และพบว่าโลหะเจือที่มีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดเอ็น (n-type conductivity) เช่น โลหะเจือของ แมกนีเซียมซิลิไซด์กับดีบุก มีฟิเกอร์ออฟเมอริทสูงขึ้นเป็น 1.1 ที่ 800 K [6] และยังมีการนำไปทำโลหะ เจือเพิ่มเติมเจอร์เมเนียมและเติมบิสมัทเข้าไปเล็กน้อยเพื่อทำให้ผลึกมีโครงสร้างซับซ้อนยิ่งขึ้นและทำให้ ความนำความร้อนลดลงเป็นผลทำให้ฟิเกอร์ออฟเมอริทมีค่ามากขึ้น[7-9] แต่อย่างไรก็ตามวัสดุเทอร์โมอิ เล็กทริกในกลุ่มแมกนีเซียมซิลิไซด์ที่สภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี (p-type conductivity) ยังคงมีฟิเกอร์ ออฟเมอริทต่ำอยู่ [10-11] ซึ่งได้มีงานวิจัยที่จำลองการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังแมกนีเซียมซิลิไซด์แต่ก็ ศึกษาแค่รูปแบบการเข้าไปแทนที่เท่านั้น [12]

1.1.3 สารประกอบโลหะเจือระหว่างแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์

ในปี ค.ศ. 2014 ได้มีงานวิจัยเกี่ยวกับการสังเคราะห์สารประกอบโลหะเจือระหว่างแมกนีเซียมซิลิไซด์ กับแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์กลายเป็น Mg2Si1-xGex โดยที่อัตราส่วน × มีค่าเท่ากับ 0 , 0.3 , 0.5 , 0.7 และ 1 [13] เนื่องจากสมบัติในเชิงเทอร์โมอิเล็กทริกที่น่าสนใจและความเป็นมิตรต่อสิ่งแวดล้อม หลังจาก สังเคราะห์สารได้สำเร็จ จึงนำไปหาค่าพารามิเตอร์ที่เกี่ยวข้องกับฟิเกอร์ออฟเมอริทของเทอร์โมอิเล็กทริก ซึ่งประกอบไปด้วย ค่าสัมประสิทธิ์ซีเบค ค่าสภาพนำไฟฟ้า และ ค่าสภาพนำความร้อน

ผลที่ได้คือจากสัมประสิทธิ์ซีเบคดังภาพที่ 1a พบว่าสารโลหะเจือจะเปลี่ยนแปลงจากสภาพการนำ ไฟฟ้าชนิดเอ็นเป็นชนิดพีที่อุณหภูมิห้องเมื่ออัตราส่วน x มากกว่าหรือเท่ากับ 0.7 ส่วนค่าสภาพนำไฟฟ้าที่ อุณหภูมิห้องมีค่ามากที่สุดเมื่ออัตราส่วน x มีค่าเท่ากับ 0.3 รองลงมาคือ 0.5 , 1 , 0.7 และ 0 ตามลำดับ ดังภาพที่ 1b สำหรับค่าสภาพนำความร้อน พบว่ามีค่าลดลงจากการกระเจิงโฟนอน (phonon scattering) เมื่อเพิ่มเจอร์เมเนียมเข้าไป ดังภาพที่ 1c โดยที่มีค่าต่ำสุดเมื่ออัตราส่วน x เท่ากับ 0.3 รองลงมาคือ อัตราส่วน x เท่ากับ 0.5 ซึ่งมีค่าใกล้เคียงกันมาก และสุดท้ายเมื่อนำพารามิเตอร์ทั้งสามมา คำนวณหาฟิกเกอร์ออฟเมอร์ริท จะได้ผลดังภาพที่ 1d ซึ่งพบว่าได้ค่าสูงสุดเมื่ออัตราส่วน x เท่ากับ 0.3 รองลงมาคือ 0.5 แต่ก็ยังคงต่ำมากอยู่ ซึ่งมาสามารถทำให้ดีขึ้นได้โดยการเติมอะตอมเพื่อปรับปรุงความ เข้มข้นพาหะนำไฟฟ้าของสารโลหะเจือชนิดนี้



ภาพที่ 1.1 ค่าพารามิเตอร์ที่เกี่ยวข้องกับสารเทอร์โมอิเล็กทริก Mg₂Si_{1×}Ge_x ที่ขึ้นกับอุณหภูมิ (a) ค่าสัมประสิทธิ์ซีเบค (b) ค่าสภาพนำไฟฟ้า (c) ค่าสภาพนำความร้อน (d) ฟิเกอร์ออฟเมอริท [13]

1.1.4 การเติมอะตอมเข้าไปยังวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกแมกนีเซียมซิลิไซด์

ได้มีงานวิจัยที่ทำการทดลองเติมโลหะเงินเข้าไปยังแมกนีเซียมซิลิไซด์เพื่อปรับปรุงสมบัติทาง อิเล็กทรอนิกส์ให้มีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี [14] ซึ่งผลของการเติมโลหะเงินเข้าไปส่งผลต่อค่าสภาพ นำความร้อนให้มีค่าลดลง แต่เมื่อทำการวัดค่าสัมประสิทธ์ซีเบคที่อุณหภูมิต่างๆ พบว่าที่อุณหภูมิมากกว่า 650 เคลวิน ค่าสัมประสิทธิ์ซีเบคของสารชนิดนี้ได้เปลี่ยนจากค่าบวกเป็นค่าลบ หรือกล่าวคือมีการ เปลี่ยนแปลงสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์จากสภาพการนำไฟฟ้าจากชนิดพีเป็นชนิดเอ็นดังภาพที่ 2 ทำให้เป็น ปัญหาใหญ่ในการสร้างวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกแมกนีเซียมซิลิไซด์ชนิดพี



ภาพที่ 1.2 ค่าพารามิเตอร์ของสารเทอร์โมอิเล็กทริกแมกนีเซียมซิลิไซด์ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงินที่ขึ้นกับอุณหภูมิ (a) ค่า สภาพนำความร้อน (b) ค่าสัมประสิทธิ์ซีเบค [14]

ต่อมาได้มีงานวิจัยเกี่ยวกับการจำลองการเข้าไปแทนที่ของโลหะเงินภายในโครงสร้างแมกนีเซียมซิลิ-ไซด์ [12] ซึ่งพบว่าโลหะเงินมีโอกาสที่จะเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียมในโครงสร้างมากถึง 87% ส่งผล ให้สารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี แต่อย่างไรก็ตาม โอกาสที่โลหะเงินจะเข้าไปแทนที่ช่องว่างภายใน โครงสร้างซึ่งทำให้สารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดเอ็นนั้นมีถึง 12% และพลังงานก่อเกิดของการเข้าไป แทนที่ทั้งสองรูปแบบมีค่าต่างกันเพียงเล็กน้อย ทำให้เมื่อได้รับความร้อน อาจเกิดการเปลี่ยนตำแหน่งของ อะตอมโลหะเงินจนนำไปสู่การเปลี่ยนแปลงของสภาพการนำไฟฟ้าจากชนิดพีเป็นชนิดเอ็นได้

โครงการนี้จึงจะเลือกศึกษาวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกกลุ่มแมกนีเซียมซิลิไซด์ที่เป็นโลหะเจือกับ เจอร์เมเนียมซึ่งเป็นสารกึ่งโลหะชนิดพี โดยเติมโลหะกลุ่มโลหะมีสกุลเข้าไปเล็กน้อยเพื่อเพิ่มความซับซ้อน ของโครงผลึกและเพื่อศึกษารูปแบบการจัดเรียงอะตอมและรูปแบบการแทนที่ของโลหะมีสกุลที่มีผลต่อ การเปลี่ยนแปลงสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ของวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกกลุ่มนี้ ซึ่งจะเป็นประโยชน์ต่อการเป็น ตัวเลือกของวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกที่เป็นมิตรต่อสิ่งแวดล้อมในอนาคตต่อไป

1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการ

 1.2.1 เพื่อศึกษาผลของอัตราส่วนในโลหะเจือแมกนีเซียมซิลิไซด์กับเจอร์เมเนียมและการจัดเรียง อะตอมภายในผลึกต่อสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ของโลหะเจือชนิดนี้

 1.2.2 เพื่อศึกษาตำแหน่งในผลึกของโลหะมีสกุลเมื่อถูกเติมเข้าไปในโลหะเจือแมกนีเซียมซิลิไซด์กับ เจอร์เมเนียม

 1.2.3 เพื่อศึกษาผลของการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปในโลหะเจือแมกนีเซียมซิลิไซด์กับเจอร์เมเนียมต่อ สมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ของโลหะเจือชนิดนี้

1.3 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1.3.1 ประโยชน์ต่อตัวนิสิตเอง

1.3.1.1 ได้รับความรู้ทางฟิสิกส์ด้านกลศาสตร์ควอนตัม ฟิสิกส์ของสถานะของแข็ง ฟิสิกส์ สถิติและ อุณหพลศาสตร์

1.3.1.2 ได้รับทักษะในด้านการทำงานวิจัยด้วยกระบวนการทางวิทยาศาสตร์ รวมทั้งได้รับ ทักษะในการเขียนโปรแกรมและการวิเคราะห์ข้อมูลที่ได้จากการจำลองด้วยคอมพิวเตอร์ด้วยฟิสิกส์

1.3.2 ประโยชน์ต่อผู้อื่น

 1.3.2.1 การเจือสารเข้าไปยังวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกอาจทำให้วัสดุมีฟิเกอร์ออฟเมอริทที่มาก ขึ้นจนสามารถนำไปใช้ทดแทนวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกในปัจจุบันได้ และอาจเป็นแนวทางในการศึกษา เพื่อปรับปรุงประสิทธิภาพในลำดับต่อไปอีกด้วย

 1.3.2.2 ทราบถึงรูปแบบการจัดเรียงของอะตอมภายในผลึกของโลหะเจือจากการคำนวณหา พลังงาน ทำให้เป็นแนวทางการศึกษาในขั้นตอนการทดลองต่อไปได้

1.3.2.3 ทราบผลของการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังวัสดุเทอร์โมอิเล็กทริกแมกนีเซียมซิลิไซด์ ต่อสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ ซึ่งเป็นแนวทางการศึกษาในขั้นตอนการทดลองต่อไปได้

บทที่ 2 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

2.1 ทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่น (Density Functional Theory)

ในกลศาสตร์ควอนตัมข้อมูลของอนุภาคจะถูกเก็บไว้ในฟังก์ชันคลื่นแบบที่ไม่ขึ้นกับเวลา (timeindependent wave function : $\psi(\vec{r})$) เช่นพลังงาน โมเมนตัม หรือโอกาสในการพบอนุภาค โดยฟังก์ชัน คลื่นสามารถหาได้จากสมการชเรอดิงเงอร์ที่ไม่ขึ้นกับเวลา (time-independent Schrödinger equation)

$$\widehat{H}\psi(\vec{r}) = \left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V(\vec{r})\right)\psi(\vec{r}) = \varepsilon\psi(\vec{r})$$
(2.1)

เมื่อ ɛ คือค่าพลังงานไอเกน และ V คือศักย์ของระบบ สมการที่ 2.1 เป็นสมการชเรอดิงเงอร์สำหรับอนุภาค 1 ตัว โดยฟังก์ชันคลื่นจะแตกต่างกันไปตามพจน์ศักย์ของระบบ แต่ถ้าหากพิจารณาระบบที่มีอนุภาคหลายตัวโดย ที่พิจารณาเป็นอิเล็กตรอน สมการชเรอดิงเงอร์ที่ไม่ขึ้นกับเวลาจะเปลี่ยนเป็น

 $\widehat{H}\psi(r_1,r_2,\ldots,r_N) = \varepsilon\psi(r_1,r_2,\ldots,r_N)$ (2.2) โดยที่ N คือจำนวนอิเล็กตรอนในระบบและ \widehat{H} คือตัวดำเนินการเฮมิลโตเนียนของระบบที่ประกอบด้วย พลังงานจลน์ พลังงานศักย์ระหว่างอิเล็กตรอนกับไอออน และพลังงานศักย์ระหว่างอิเล็กตรอนกับอิเล็กตรอน ซึ่งจากการประมาณของบอร์น-ออพเพนไฮม์เมอร์ (Born-Oppenheimer approximation) จะได้ว่าพลังงาน จลน์ของไอออนและพลังงานศักย์ระหว่างไอออนไม่มีผลต่ออิเล็กตรอน แต่การแก้สมการที่ 2.2 ยังคงซับซ้อน จากอันตรกิริยาระหว่างอิเล็กตรอนกับอิเล็กตรอน

เพื่อคำนวณฟังก์ชันคลื่นในระบบอิเล็กตรอนหลายตัว พิจารณาให้มีอิเล็กตรอนถูกกักขังอยู่กับไอออน เกิดเป็นนิวเคลียสที่ให้พลังงานศักย์เทียม (pseudopotential) และจากที่เคยพิจารณาอิเล็กตรอนเป็นฟังก์ชัน คลื่น N ฟังก์ชัน เราจะเปลี่ยนไปพิจารณาความหนาแน่นอิเล็กตรอนแทน โดยจะสามารถเขียนความหนาแน่น อิเล็กตรอน (*n*) จากฟังก์ชันคลื่นได้เป็น

$$n(r) = N \int \dots \int |\psi(r_1, r_2, \dots, r_N)|^2 dr_1 \dots dr_N$$
 (2.3)

โดยที่ผลรวมทั่วระบบของความหนาแน่นอิเล็กตรอนจะเท่ากับจำนวณอิเล็กตรอน N ตัว ซึ่งความหนาแน่น อิเล็กตรอนรวมของวัสดุจะเกิดจากความหนาแน่นอิเล็กตรอนย่อยของแต่ละอะตอมในวัสดุ ดังนั้นถ้ารู้ความ หนาแน่นอิเล็กตรอนย่อยของแต่ละอะตอม จะสามารถนำไปคำนวณหาฟังก์ชันคลื่นได้และนำไปคำนวณสมบัติ อื่นของวัสดุต่อไปได้

2.1.1 ทฤษฎีบทโฮเฮนเบิร์ก-โคห์น (Hohenberg-Kohn Theorem)

สมบัติที่สถานะพื้นของระบบอนุภาค N ตัวสามารถอนุมานได้จากความหนาแน่นอิเล็กตรอนโดย ทฤษฎีบทของโฮเฮนเบิร์ก-โคห์น

- พลังงานศักย์ภายนอกเป็นฟังก์ชันหนึ่งต่อหนึ่งกับความหนาแน่นอิเล็กตรอน ดังนั้นค่าพลังงาน ศักย์ภายนอกหนึ่งจะให้ความหนาแน่นอิเล็กตรอนเพียงหนึ่งเดียวเท่านั้น ซึ่งในทางกลับกัน หาก ทราบความหนาแน่นอิเล็กตรอนก็จะสามารถคำนวณกลับไปหาพลังงานศักย์ภายนอกได้เช่นกัน
- มีเพียงความหนาแน่นอิเล็กตรอนที่ถูกต้องเท่านั้นที่จะทำให้พลังงานของระบบเป็นพลังงานที่ สถานะพื้นได้ ซึ่งสอดคล้องกับหลักการแปรผัน (variational principle) โดยที่ความหนาแน่น อิเล็กตรอนจะเป็นพารามิเตอร์สำหรับปรับหาพลังงานที่ต่ำที่สุดได้

$$E[n] = E_{ext}[n] + E_{in}[n] \ge E_{GS}$$

$$(2.4)$$

2.1.2 สมการโคห์น-ชาม (Kohn-Sham equation)

พิจารณาระบบที่อนุภาคไม่มีอันตรกิริยาระหว่างกันดังนั้นฟังก์ชันคลื่นจะสามารถเขียนให้อยู่ในรูปผล คูณของโคห์น-ชามออบิทัล (Kohn-Sham orbital : $arphi_i(ec{r})$) และความหนาแน่นอิเล็กตรอนจะเขียนในรูปของ โคห์น-ชามออบิทัลได้เป็น

$$n(\vec{r}) = \sum_{i}^{N} |\varphi_i(\vec{r})|^2$$
 (2.5)

จากทฤษฎีบทของโฮเฮนเบิร์ก-โคห์น พิจารณาฟังก์ชันนอลพลังงานของระบบในรูปของความหนาแน่น อิเล็กตรอน

$$E[n] = T[n] + E_{ext}[n] + E_H[n] + \varepsilon_{xc}[n]$$
(2.6)

$$E[n] = T_{non}[n] + E_{ext}[n] + E_H[n] + E_{xc}[n]$$
(2.7)

หรือ

$$E[n] = T_{non}[n] + U_{eff}[n]$$
 (2.8)

โดยที่ T พลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนทั้งหมดประกอบไปด้วยพลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนที่มีอันตรกิริยา ระหว่างกันและ T_{non} คือพลังงานจลน์สำหรับอิเล็กตรอนที่ไม่มีอันตรกิริยาระหว่างกัน โดยพลังงานจลน์ สำหรับอิเล็กตรอนที่มีอันตรกิริยาระหว่างกันจะไปรวมอยู่ในพจน์ของพลังงานแลกเปลี่ยน-สหสัมพันธ์ (exchange-correlation potential : E_{xc}) แทน ส่วน E_{ext} คือพลังงานศักย์จากภายนอกหรือศักย์จาก นิวเคลียส E_H คือพลังงานศักย์ของฮาร์ทรีซึ่งเป็นอันตรกิริยาระหว่างอิเล็กตรอนกับความหนาแน่นอิเล็กตรอน เฉลี่ยของระบบ และสุดท้ายคือพลังงานศักย์แลกเปลี่ยน-สหสัมพันธ์ซึ่งเป็นปัญหาหลักของวิธีนี้ โดยในปัจจุบัน ได้มีฟังก์ชันนอลมากมายที่ถูกพัฒนาขึ้นมาเพื่อแก้ปัญหาพลังงานแลกเปลี่ยน-สหสัมพันธ์นี้

และจากสมการที่ 2.8 พลังงานที่เป็นฟังก์ชันนอลของความหนาแน่นอิเล็กตรอนจะสามารถคำนวณ กลับไปเป็นสมการค่าไอเกนที่คล้ายกับสมการชเรอดิงเงอร์ เรียกว่าสมการโคห์น-ชาม (Kohn-Sham equation) ดังสมการที่ 2.9 ได้ โดยตัวดำเนินการเฮมิลโตเนียนจะกลายเป็น โคห์น-ชามเฮมิลโตเนียน (Kohn-Sham Hamiltonian : \widehat{H}_{KS}) ซึ่งประกอบไปด้วยพจน์พลังงานจลน์และพจน์ศักย์ยังผล (effective potential)

$$\widehat{H}_{KS}\varphi_i(\vec{r}) = \varepsilon_i\varphi_i(\vec{r}) \tag{2.9}$$

จากสมการที่ 2.9 ค่าพลังงานไอเกน ε_i ที่ได้เป็นพลังงานของแต่ละออบิทัล

2.1.3 พลังงานแลกเปลี่ยน-สหสัมพันธ์ (exchange-correlation energy)

พลังงานแลกเปลี่ยน-สหสัมพันธ์เป็นพลังงานซึ่งเป็นผลมาจากสปินของอิเล็กตรอนซึ่งส่งผลต่อความ หนาแน่นอิเล็กตรอนในแต่ละบริเวณ โดยอิเล็กตรอนที่มีสปินเหมือนกันจะพยายามผลักออกจากกันเนื่องจาก หลักการกีดกันของเพาลี (Pauli's principle) เรียกว่าเป็นผลของการแลกเปลี่ยน (exchange) และอิเล็กตรอน ที่มีสปินต่างกันจะพยายามดูดเข้าหากัน เรียกว่าเป็นผลของสหสัมพันธ์ (correlation) โดยฟังก์ชันนอลที่ นำมาใช้คำนวณในปัจจุบันมีอยู่ 2 แบบคือ แบบ LDA (Local Density Approximation) ซึ่งเป็นฟังก์ชันของ ความหนาแน่นอิเล็กตรอนในแต่ละตำแหน่ง และ แบบ GGA (Generalized Gradient Approximation) ซึ่ง เป็นฟังก์ชันของความหนาแน่นอิเล็กตรอนและการเปลี่ยนแปลงของความหนาแน่นอิเล็กตรอนต่อตำแหน่ง

2.1.4 การแก้สมการโคห์น-ชามด้วยวิธี Self-consistent Field (SCF)

จากสมการโคห์น-ชามจะสังเกตได้ว่าหากทราบความหนาแน่นอิเล็กตรอน จะสามารถนำไปหาโคห์น-ชามเฮมิลโตเนียนได้จากนั้นก็นำเฮมิลโตเนียนไปหาโคห์น-ชามออบิทัลได้และโคห์น-ชามออบิทัลก็สามารถนำ กลับไปคำนวณความหนาแน่นอิเล็กตรอนได้ หรือสามารถเขียนเป็นความสัมพันธ์ของทั้งสามค่าได้ดังนี้

$$\varphi_{i}(\vec{r}) \to n(\vec{r}) \to \widehat{H}_{KS}[n]$$
(2.10)

และจากหลักการแปรผัน สามารถใช้วิธี SCF ในการปรับค่าความหนาแน่นอิเล็กตรอนเพื่อคำนวณพลังงานที่ต่ำ ที่สุดที่เป็นไปได้ของระบบเพื่อให้เป็นพลังงานสถานะพื้น และใช้คู่กับการแก้สมการค่าไอเกนด้วยวิธีการคูณ เมทริกซ์แนวทแยงซ้ำ (iterative diagonalization) โดยสามารถสรุปเป็นผังงานได้ดังภาพที่ 2.1 และ 2.2 ซึ่ง เป็นการคำนวณภายในโปรแกรม Quantum Espresso ที่ใช้ในโครงการนี้



ภาพที่ 2.1 ผังงานการคำนวณพลังงานรวมของระบบด้วยวิธี SCF



ภาพที่ 2.2 ผังงานการคลายโครงสร้าง (relaxation)

2.2 โครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษสำหรับจำลองระบบของสารโลหะเจือ

หากพิจารณาระบบโลหะเจือ A_{1-x}B_x การจัดเรียงของอะตอมภายในโครงสร้างจะมีความสัมพันธ์ ระหว่างอะตอมเป็นคู่ได้ 2 แบบ คือ การที่อะตอมเดียวกันอยู่รวมกัน เรียกว่าแบบกลุ่ม (cluster) และ การที่ อะตอมต่างกันอยู่ด้วยกัน เรียกว่าแบบลำดับ (order) โดยสามารถจำแนกได้โดยใช้ตัวแปรสปิน σ_i สำหรับ อะตอม i ใดๆ ซึ่งในที่นี้จะถูกกำหนดให้มีค่าเป็น +1 สำหรับอะตอม A และ เป็น -1 สำหรับอะตอม B หาก พิจารณาผลคูณระหว่างสปินจะได้ว่า ผลคูณของสปินจากคู่อะตอมเดียวกันจะให้ค่าเป็น +1 ในทางกลับกันผล คูณของสปินจากคู่อะตอมที่ต่างกันจะให้ค่าเป็น -1 ซึ่งแสดงถึงความสัมพันธ์ระหว่างอะตอมแบบคู่ได้เช่นกัน โดยให้ผลคูณระหว่างสปินที่เป็นค่า +1 เป็นความสัมพันธ์แบบกลุ่ม ส่วนค่า -1 เป็นความสัมพันธ์แบบลำดับ ดังนั้นการพิจารณารูปแบบการจัดเรียงของอะตอมภายในโครงสร้างโลหะเจือจะถูกกำหนดด้วยค่าเฉลี่ยของผล คูณของสปินระหว่างอะตอม i กับอะตอม j ที่มีระยะห่างจากอะตอม i เท่ากัน และเฉลี่ยสำหรับทุกอะตอม i เรียกว่าฟังก์ชันสหสัมพันธ์ของอะตอมแบบคู่ (atomic pairs correlation function)

$$\xi_{\alpha}(\vec{\sigma}) = \left(\sum_{j=1}^{M} \frac{\sigma_i \sigma_j}{M}\right) = \frac{1}{N \cdot M} \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{M} \sigma_i \sigma_j$$
(2.11)

โดยที่ $\vec{\sigma} = (\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, ...)$ คือเวกเตอร์ของตัวแปรสปินภายในโคงสร้าง α อันดับของคู่อะตอมที่พิจารณา ยกตัวอย่างเช่นหากพิจารณาคู่อะตอมที่ติดกันจะเรียกว่าอันดับที่ 1 ถัดไปคืออันดับที่ 2 เป็นต้น N คือ จำนวน อะตอม i และ M คือจำนวนอะตอม j จะสังเกตได้ว่าค่าที่ได้จากฟังก์ชันนี้มีค่าได้ตั้งแต่ -1 หรือมีโครงสร้างเป็น แบบลำดับ จนถึง +1 หรือมีโครงสร้างเป็นแบบกลุ่มนั่นเอง แต่ถ้าค่าที่ได้เข้าใกล้ 0 แล้ว จะสามารถกล่าวได้ว่า ระบบโลหะเจือนี้มีการจัดเรียงของอะตอมแบบเสมือนสุ่ม (special quasirandom structure: SQS) หรือก็ คือมีโครงสร้างแบบลำดับและแบบกลุ่มคละกัน โดยในเชิงการคำนวณสมบัติของสารทางคอมพิวเตอร์ การใช้ โครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษจะถูกมองว่าเป็นโครงสร้างที่ไม่มีอคติ (unbiased structure) ซึ่งจะให้ผลเป็น ค่ากลางหรือค่าเฉลี่ยสำหรับสมบัติของสารนั้นๆ



ภาพที่ 2.3 การใช้ตัวแปรสปินเพื่อช่วยจำแนกรูปแบบการจัดเรียงของโครงสร้างโลหะเจือ

บทที่ 3 การดำเนินงาน

3.1 แผนการศึกษา

- ศึกษาและทบทวนการใช้แบบจำลองด้วยคอมพิวเตอร์ของทฤษฎีฟังก์ชันนอลความหนาแน่นเพื่อ เลือกเงื่อนไขฟังก์ชันที่เหมาะสมกับระบบวัสดุที่เป็นโลหะเจือ
- จำลองโครงสร้างของแมกนีเซียมซิลิไซด์ โดยเลือกใช้ฟังก์ชันที่เหมาะสมและคำนวณหาโครงสร้าง แถบพลังงานและค่าช่องว่างแถบพลังงาน
- สร้างโปรแกรมจำลองระบบโครงผลึกขนาดใหญ่เพื่อนำไปใช้เป็นข้อมูลขาเข้าในการคำนวณโครง-สร้างแถบพลังงานของวัสดุโลหะเจือ
- กำหนดรูปแบบการจัดเรียงของอะตอมภายในโครงผลึกโลหะเจือและอัตราส่วนแล้วนำมาคำนวณ หาพลังงานผลึกเพื่อเลือกนำไปคำนวณหาโครงสร้างแถบพลังงานของระบบโลหะเจือ
- นำแบบจำลองโครงผลึกของโลหะเจือมาเติมโลหะมีสกุลเข้าไป โดยพิจารณาถึงชนิด รูปแบบการ เข้าไปแทนที่ในผลึกและอัตราส่วนของโลหะมีสกุล แล้วนำมาคำนวณหาพลังงานผลึกเพื่อเลือก นำไปคำนวณหาโครงสร้างแถบพลังงานของระบบโลหะเจือ
- วิเคราะห์และอธิบายผลของการเจือสารเจอร์เมเนียมลงไปในแมกนีเซียมซิลิไซด์ และผลจากการ เติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังผลึกของโลหะเจือต่อโครงสร้างแถบพลังงานและสมบัติทาง อิเล็กทรอนิกส์ที่เปลี่ยนแปลงไป
- 7. สรุปผลและเขียนเล่มรายงาน

3.2 แผนระยะเวลาที่ศึกษา

ດລະດິດເອີ້າແທງ				พ.ศ. 2562			พ.ศ. 2563				
11301622012	ນີ.ຍ.	ก.ค.	ส.ค.	ก.ย.	<u></u> ୭.ค.	พ.ຍ.	ธ.ค.	ม.ค.	ก.พ.	มี.ค.	ເນ.ຍ.
1.ศึกษาการใช้โปรแกรมเพื่อเลือก เงื่อนไขและฟังก์ชันที่เหมาะสม	•										
 2. จำลองโครงสร้างของแมกนีเซียม- ซิลิไซด์ แล้ ว คำ น ว ณ โครงสร้าง แถบพลังงานและช่องว่างแถบพลังงาน 		•	•								
 สร้างโปรแกรมจำลองระบบโครง ผลึกขนาดใหญ่ 				•							
 จำลองรูปแบบการจัดเรียงอะตอม ภายในโครงผลึกและปรับอัตราส่วน ของเจอร์เมเนียมที่เติมเข้าไป แล้ว คำนวณพลังงานผลึก 				•							
5. จำลองการเติมโลหะมีสกุลลงไปใน ผลึกโลหะเจือ และศึกษารูปแบบการ เข้าไปแทนที่ แล้วคำนวณพลังงานผลึก							-		-		
9. วิเคราะห์และอธิบายผลของการเจือ เจอร์เมเนียมลงในแมกนีเซียมซิลิไซด์ และผลของการเติมโลหะมีสกุลลงใน สารโลหะเจือต่อโครงสร้าง แถบพลังงานและสมบัติทาง อิเล็กทรอนิกส์											•
10. สรุปผลและเขียนเล่มรายงาน							•				

บทที่ 4 ผลการศึกษาและอภิปรายผลการศึกษา

4.1 ความหนาแน่นสถานะและโครงสร้างแถบพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์

เริ่มสร้างโครงสร้างของแมกนีเซียมซิลิไซด์ซึ่งมีระบบผลึกแบบรอมโบฮีดรัล (rhombohedral) มีค่าคงที่ผลึก (lattice constant) 12.00 a.u. (6.35 Å) โดยมีอะตอมซิลิกอนอยู่ที่ตำแหน่ง (0,0,0) และ แมกนีเซียมอยู่ที่ ตำแหน่ง (1/4,1/4,1/4) และ (3/4,3/4,3/4) ดังภาพที่ 4.1



ภาพที่ 4.1 ภาพโครงสร้างหน่วยเล็กที่สุด (primitive cell) ของแมกนีเซียมซิลิไซด์

ก่อนที่จะนำโครงสร้างมาคลาย (relax) ต้องทำการทดสอบความลู่เข้า (convergence test) เพื่อหา พลังงานคัทออฟ (energy cutoff) และ จำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัม (k-point) ที่เหมาะสมสำหรับระบบก่อน โดยการปรับค่าพลังงานคัทออฟ และ จำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัม แล้วทำการคำนวณด้วยวิธี SCF เพื่อหา พลังงานรวมของระบบ จากนั้นนำพลังงานรวมที่ได้จากแต่ละค่าพลังงานคัทออฟ และ จำนวนจุดในปริภูมิ โมเมนตัม มาเขียนกราฟ เพื่อดูความลู่เข้าของพลังงานรวมดังภาพที่ 4.2 และ 4.3



ภาพที่ 4.2 กราฟแสดงความสัมพันธ์ของพลังงานรวมต่อหนึ่งหน่วยเซลล์กับพลังงานคัทออฟ เมื่อจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัม (k-point) เท่ากับ 12×12×12



ภาพที่ 4.3 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างพลังงานรวมต่อหนึ่งหน่วยเซลล์กับจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัม (k-point) เมื่อพลังงานคัทออฟเท่ากับ 65 eV

ซึ่งจากการทำทดสอบความลู่เข้าพบว่าค่าพลังงานคัทออฟ และจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัมที่เหมาะสมคือ 65 Ry และ 12x12x12 ตามลำดับ โดยค่าความแตกต่างกับค่าก่อนหน้าสำหรับพลังงานคัทออฟอยู่ในระดับ 10⁻⁴ eV และสำหรับจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัม 10⁻⁴ eV ทั้งนี้การทำทดสอบความลู่เข้ามีจุดประสงค์เพื่อหา ค่าพลังงานคัทออฟ และ จำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัมที่ต่ำที่สุดที่ทำให้พลังงานรวมมีค่าใกล้เคียงกับค่าที่ได้เมื่อ ปรับให้พลังงานคัทออฟ และจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัมมีค่าสูง ซึ่งลดเวลาในการคำนวณลงได้แต่ให้ผลลัพธ์ ใกล้เคียงกัน

ต่อมานำค่าพลังงานคัทออฟและจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัมที่ได้จากทดสอบความลู่เข้าไปใช้สำหรับ การคลายโครงสร้างแมกนีเซียมซิลิไซด์ และหลังจากทำการคลายโครงสร้างเรียบร้อยจึงนำตำแหน่งใหม่และ ค่าคงที่ผลึกใหม่ที่ได้หลังจากการคลายโครงสร้างมาใช้ในไฟล์ขาเข้าของการคำนวณด้วยวิธี SCF เพื่อให้ได้ ฟังก์ชันคลื่นสำหรับโครงสร้างหลังจากคลายโครงสร้าง แล้วจึงนำไปคำนวณอย่างอื่นต่อไป ซึ่งเมื่อนำไปคำนวณ ความหนาแน่นสถานะ (density of state : DOS) จะได้กราฟความสัมพันธ์ระหว่างพลังงานและความ หนาแน่นสถานะดังภาพที่ 4.4



ภาพที่ 4.4 กราฟแสดงความหนาแน่นสถานะและพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์ และเส้นประสีแดงคือระดับพลังงานเฟอร์มี

และจากการคำนวณพบว่าพลังงานเฟอร์มี (fermi level) มีค่าเท่ากับ 4.553 eV ต่อมานำมาคำนวณโครงสร้าง แถบพลังงาน โดยเลือกเส้นทางภายในปริภูมิโมเมนตัม (k-path) ให้ครบทุกจุดที่มีสมมาตรสูง คือ จุด Gamma (0,0,0), X (1/2,0,1/2), L (1/2,1/2,1/2), W (1/2,1/4,3/4), U (5/8,1/4,5/8) และ K (3/8,3/8,3/4) ดัง ภาพที่ 4.5 ซึ่งได้โครงสร้างแถบพลังงานเป็นดังภาพที่ 4.6



ภาพที่ 4.5 เส้นทางในปริภูมิโมเมนตัมสำหรับโครงสร้างแบบ face centered cubic



จากโครงสร้างแถบพลังงานพบว่าแมกนีเซียมซิลิไซด์มีช่องว่างแถบพลังงานแบบไม่ตรง (indirect bandgap) ระหว่างจุด Gamma กับ X โดยมีค่าเท่ากับ 0.2182 eV (ค่าจากการทดลอง 0.77 eV [5] และค่าจากการ คำนวณในงานวิจัยอื่น 0.22 eV [15]) และแสดงลักษณะเป็นสารกึ่งตัวนำชนิดเอ็น ต่อมาพิจารณาระบบของสารที่ต้องการจะนำไปผสมกับแมกนีเซียมซิลิไซด์ คือ แมกนีเซียมเจอร์เมไนด์ ที่มีโครงสร้างเป็นผลึกแบบรอมโบฮีดรัล ซึ่งมีอะตอมซิลิกอนอยู่ที่พิกัด (0,0,0) และ มีอะตอมเจอร์เมเนียมอยู่ที่ พิกัด (1/4,1/4,1/4) และ (3/4,3/4,3/4) เหมือนกับแมกนีเซียมซิลิไซด์แต่แตกต่างกันที่ค่าคงที่ผลึก โดยใน ขั้นต้นจะใช้ค่าเริ่มต้นเท่ากับ 12.00 a.u. เท่ากับแมกนีเซียมซิลิไซด์ไปก่อนแล้วนำไปทำการคลายผลึกเพื่อหา ค่าคงที่ผลึกที่ถูกต้อง โดยใช้พลังงานคัทออฟและจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัมเท่ากับ 65 Ry และ 12x12x12 ตามลำดับเช่นเดียวกันกับในแมกนีเซียมซิลิไซด์ เมื่อทำการคลายผลึกเรียบร้อยจึงนำโครงสร้างและตำแหน่ง อะตอมหลังการคลายผลึกมาคำนวณหาฟังก์ชันคลื่นโดยใช้วิธี SCF และนำฟังก์ชันคลื่นที่ได้ไปคำนวณความ หนาแน่นสถานะ และ โครงสร้างแถบพลังงานตามลำดับเช่นเดียวกับในแมกนีเซียมซิลิไซด์ ได้ผลดังภาพที่ 4.7 และ 4.8



ภาพที่ 4.7 กราฟแสดงความหนาแน่นสถานะและพลังงานของแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์ และเส้นประสีแดงคือระดับพลังงานเฟอร์มี



ภาพที่ 4.8 โครงสร้างแถบพลังงานของแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์

ซึ่งจากการคำนวณจะได้ว่าพลังงานเฟอร์มีมีค่าเท่ากับ 4.411 eV และจากโครงสร้างแถบพลังงานพบว่า แมกนีเซียมเจอร์เมไนด์มีช่องว่างแถบพลังงานแบบไม่ตรง ระหว่างจุด Gamma และจุด X เช่นเดียวกันกับใน แมกนีเซียมซิลิไซด์ โดยมีค่าช่องว่างแถบพลังงานเท่ากับ 0.1431 eV (ค่าจากการทดลอง 0.74 eV [16] และค่า จากการคำนวณในงานวิจัยอื่น 0.17 eV [15]) และแสดงลักษณะการเป็นสารกึ่งตัวนำชนิดพี จะเห็นได้ว่า โครงสร้างแถบพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์กับแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์นั้นมีลักษณะคล้ายกันมาก จึง เหมาะสมที่จะนำมาทำเป็นโลหะเจือเพื่อให้สมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ใกล้เคียงเดิมและความเป็นชนิดพีของ แมกนีเซียมเจอร์เมไนด์จะช่วยลดพลังงานเฟอร์มีของแมกนีเซียมซิลิไซด์อีกด้วย

4.2 ระบบโลหะเจือระหว่างแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์

ก่อนจะนำมาทำเป็นระบบโลหะเจือ ต้องสร้างซุปเปอร์เซลล์ (supercell) ขึ้นมาก่อน เพื่อรองรับ สำหรับการจัดเรียงตัวของโลหะเจือหลายรูปแบบ โดยซุปเปอร์เซลล์จะถูกสร้างจากการเขียนโปรแกรม ซึ่ง หลักการคือเมื่อใส่โครงสร้างแบบหน่วยเล็กสุด (primitive cell) หรือโครงสร้างแรกเริ่มเข้าไปและกำหนด ขนาดของซุปเปอร์เซลล์ที่ต้องการสร้าง ตัวโปรแกรมจะทำการสร้างซุปเปอร์เซลล์ออกไปทีละแกนโดย เรียงลำดับจากแกน a, b และ c ตามลำดับ จากนั้นจะได้ไฟล์ขาออกเป็นซุปเปอร์เซลล์ที่ภายในไฟล์จะประกอบ ไปด้วย ชื่ออะตอมและพิกัดของอะตอมนั้น โดยเป็นรูปแบบเดียวกับภายในไฟล์ขาเข้าในส่วนพิกัดอะตอมของ โปรแกรม Quantum Espresso ดังภาพที่ 4.9 เพื่อจะสามารถนำไปใช้ในการคำนวณต่อได้ทันที

> Si Si Ge Ge Mg Mg Mg Mg Mg Mg Mg Mg Ge Ge si si Mg Mg Mg Mg Mg Mg Mg Mg

Si	0.00	0.00	0.00
Si	0.50	0.50	0.00
si	0.00	0.50	0.50
si	0.50	0.00	0.50
Mg	0.25	0.25	0.25
Mg	0.75	0.75	0.75
Mg	0.25	0.75	0.75
Mg	0.75	0.25	0.75
Mg	0.75	0.75	0.25
Mg	0.25	0.25	0.75
Mg	0.75	0.25	0.25
Mg	0.25	0.75	0.25

แบเซเนการค	เม เเนตอ	66111
0.00	0.00	0.00
0.25	0.50	0.00
0.00	0.50	0.50
0.25	0.00	0.50
0.125	0.25	0.25
0.375	0.75	0.75
0.125	0.75	0.75
0.375	0.25	0.75
0.375	0.75	0.25
0.125	0.25	0.75
0.375	0.25	0.25
0.125	0.75	0.25
0.50	0.00	0.00
0.75	0.50	0.00
0.50	0.50	0.50
0.75	0.00	0.50
0.625	0.25	0.25
0.875	0.75	0.75
0.625	0.75	0.75
0.875	0.25	0.75
0.875	0.75	0.25
0.625	0.25	0.75
0.875	0.25	0.25
0.625	0.75	0.25
	(b)	

(a)

ภาพที่ 4.9 ตัวอย่างพิกัดของอะตอมในขั้นตอนการสร้างซุปเปอร์เซลล์ (a) ไฟล์ขาเข้าสำหรับการสร้างซุปเปอร์เซลล์ของ แมกนีเซียมซิลิไซด์ซึ่งมีโครงสร้างแบบ face centered cubic (b) ไฟล์ขาออกหลังจากผ่านการสร้างซุปเปอร์เซลล์ 2x1x1 และใส่อะตอมเจอร์เมเนียมเข้าไป โดยรูปแบบโลหะเจือที่สนใจจะสนใจถึงแค่รูปแบบที่ซุปเปอร์เซลล์ใหญ่ที่สุดที่พิจารณาคือขนาด 2x2x2 ของ face centered cubic ซึ่งในโครงสร้างแรกเริ่ม (ขนาด 1x1x1) มีอะตอมอยู่ทั้งหมด 12 ตัว (Si รวมกับ Ge 4 อะตอม และ Mg 8 อะตอม) โดยเริ่มพิจารณาโลหะเจือ Mg₂Si_{0.5}Ge_{0.5} ขนาด 1x1x1, 2x1x1 และ 2x2x1 ดังภาพที่ 4.10 ถึง 4.12



ภาพที่ 4.11 โครงสร้างของโลหะเจือ Mg2Si0.5Ge0.5 ขนาด 2x1x1 รูปแบบ (a) และ รูปแบบ (b)



ภาพที่ 4.12 โครงสร้างของโลหะเจือ Mg2Si0.5Ge0.5 ขนาด 2x2x1 รูปแบบ (a) และ รูปแบบ (b)

นำโครงสร้างเหล่านี้ไปคลายผลึกก่อนที่จะนำไปคำนวณด้วยวิธี SCF เพื่อหาฟังก์ชันคลื่นสำหรับโครงสร้างที่ คลายผลึกแล้ว โดยพลังงานคัทออฟและจำนวนจุดในปริภูมิโมเมนตัมจะใช้เท่ากับเมื่อตอนพิจารณาโครงสร้าง หน่วยเล็กสุดของแมกนีเซียมซิลิไซด์ คือเท่ากับ 65 Ry และ 12x12x12 ตามลำดับ เมื่อคลายผลึกเรียบร้อยแล้ว จึงนำไปวิเคราะห์พลังงานก่อเกิด (formation energy) ของโลหะเจือแต่ละรูปแบบจากสมการ

$$\Delta E_{formation} = E(Mg_2Si_{1-x}Ge_x) - (1-x) \cdot E(Mg_2Si) - x \cdot E(Mg_2Ge)$$

ได้ผลดังตารางที่ 4.1

รูปแบบของโลหะเจือ Mg2Si _{0.5} Ge _{0.5}	พลังงานก่อเกิด (meV)
ขนาด 1×1×1	0.351
ขนาด 2×1×1 รูปแบบ a	0.198
ขนาด 2x1x1 รูปแบบ b	0.414
ขนาด 2x2x1 รูปแบบ a	0.323
ขนาด 2x2x1 รูปแบบ b	0.236

ตารางที่ 4.1 พลังงานก่อเกิดสำหรับโลหะเจือ Mg2Si0.5Ge0.5 แต่ละรูปแบบ

4.3 โครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษของโลหะเจือแมกนีเซียมซิลิไซด์และแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์

หลังจากพิจารณาพลังงานก่อเกิดของทั้ง 5 รูปแบบดังตารางที่ 4.1 แล้วพบว่ามีค่าใกล้เคียงกันในช่วง ประมาณ 0.2 meV ซึ่งต่ำกว่าพลังงานความร้อนที่อุณหภูมิห้องมาก (25 meV) เสมือนว่าพลังงานก่อเกิดนั้นไม่ ขึ้นอยู่กับรูปแบบการจัดเรียงตัวของซิลิกอนและเจอร์เมเนียมภายในโครงสร้างโลหะเจือ ดังนั้นต่อจากนี้จะใช้ ซุปเปอร์เซลล์โครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษขนาด 2x2x2 เพื่อเป็นตัวแทนของโครงสร้างโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x โดยที่ x มีค่าเท่ากับ 0.25, 0.5 และ 0.75 ตามลำดับ และนำไปคำนวณพลังงานก่อเกิดได้เป็น กราฟคอนเว็กซ์ฮัล (convex hull) ดังภาพที่ 4.13 ซึ่งค่าพลังงานก่อเกิดในระบบที่สนใจนี้มีค่าใกล้ 0 มาก โดย คาดว่าอาจเกิดจากความคล้ายคลึงกันของลักษณะโครงสร้าง และความใกล้เคียงกันของขนาดโครงสร้าง ระหว่างแมกนีเซียมซิลิไซด์กับแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์



ภาพที่ 4.13 กราฟพลังงานก่อเกิดของโลหะเจือ Mg2Si1-xGex ที่มีโครงสร้างแบบเสมือนสุ่มแบบพิเศษ

(4.1)

จากนั้นจึงนำข้อมูลไปฟิตกับพหุนามกำลังสามแล้วคำนวณหาพลังงานเสรีของกิบส์ (Gibbs Free Energy) ที่อุณหภูมิ 0 , 100 , 200 , 300 เคลวิน ตามลำดับ โดยใช้ความสัมพันธ์ดังสมการ

$$G = H - TS \tag{4.2}$$

เมื่อ G คือพลังงานเสรีของกิบส์ H คือเอนทาลปีของระบบที่ 0 เคลวิน T คืออุณหภูมิ และ S คือเอน โทรปี ซึ่งจะใช้การประมาณของสเตอร์ลิง (Stirling approximation) มาคำนวณเอนโทรปีของระบบที่ อัตราส่วน x ต่างๆ ดังสมการ

$$S_{per atom} = k(-x_{Si} ln x_{Si} - x_{Ge} ln x_{Ge})$$
(4.3)

โดยที่ **k** คือค่าคงที่บ็อลทซ์มัน (Boltzmann constant) คือ x_{Si} อัตราส่วนของซิลิกอนภายในโครงสร้างโลหะ เจือ และ x_{Ge} คืออัตราส่วนของเจอร์เมเนียมภายในโครงสร้างโลหะเจือ



้ ได้กราฟพลังงานเสรีของกิบส์ต่ออัตราส่วน × ที่อุณหภูมิดังที่กล่าวมา ดังภาพที่ 4.14

ภาพที่ 4.14 กราฟพลังงานกิบส์ต่ออัตราส่วน x ที่อุณหภูมิ 0 , 100 , 200 และ 300 เคลวิน

จากนั้นจึงนำโครงสร้างเสมือนสุ่มพิเศษของโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x มาคำนวณความหนาแน่นสถานะ ได้ดัง ภาพที่ 4.15 โดยจะสังเกตได้ว่าระดับพลังงานเฟอร์มีมีค่าลดลงเมื่ออัตราส่วนของเจอร์เมเนียมเพิ่มขึ้นและอยู่ ใกล้กับแถบคอนดักชัน (conduction band) ซึ่งแสดงถึงสมบัติของสารกึ่งตัวนำชนิดเอ็น สำหรับค่าอัตราส่วน x เท่ากับ 0.25, 0.5 และ 0.75 นอกจากนี้เมื่อพิจารณาค่าช่องว่างแถบพลังงานจะพบว่ามีค่าประมาณ 0.22, 0.23 และ 0.24 eV ตามลำดับ ซึ่งใกล้เคียงกับค่าช่องว่างแถบพลังงานของแมกนีเซียมซิลิไซด์ที่ได้คำนวณไป ก่อนหน้านี้ (2.182 eV)



ภาพที่ 4.15 ความหนาแน่นสถานะของโครงสร้างโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x(a) x = 0.25 (b) x = 0.5 (c) x = 0.75 และ เส้นประสีแดงคือระดับพลังงานเฟอร์มี

4.4 ผลของการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือ $Mg_2Si_{1-x}Ge_x$

เมื่อได้โครงสร้างที่เป็นตัวแทนของโครสร้างโลหะเจือ Mg₂Si_{1-x}Ge_x หลังจากนี้จะนำโครงสร้างโลหะเจือ ที่มีอัตราส่วน x เท่ากับ 0.5 มาศึกษาสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ที่เปลี่ยนแปลงไปเนื่องจากการเติมโลหะมีสกุล เข้าไป โดยโลหะมีสกุลที่สนใจในโครงการนี้คือ โลหะเงิน (Silver : Ag) โลหะทองแดง (Copper : Cu) และ โลหะทอง (Gold : Au) ซึ่งจะนำโลหะมีสกุลข้างต้นไปเติมในโครงสร้างโลหะเจือ 1 อะตอม โดยที่มีรูปแบบการ เข้าไปเติม 4 รูปแบบ คือ เข้าไปแทนที่อะตอมซิลิกอน เจอร์เมเนียม แมกนีเซียม และเข้าไปอยู่ภายในช่องว่าง กลางโครงสร้าง ดังภาพที่ 4.16



ภาพที่ 4.16 รูปแบบการเข้าไปแทนที่ของโลหะมีสกุลภายในโครงสร้างโลหะเจือ Mg2Si1-xGex (a) เข้าไปแทนที่ซิลิกอน (b) เจอร์เมเนียม (c) แมกนีเซียม และ (d) ช่องว่างกลางโครงสร้าง โดยที่อะตอมสีแดงคืออะตอมของโลหะมีสกุล

อันดับแรกจะเริ่มพิจารณาจากการเติมโลหะเงินเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือก่อน เมื่อสร้างโครงสร้างโลหะ เจือที่มีโลหะเงินเข้าไปเติมแล้ว จึงนำโครงสร้างนั้นมาคลายโครงสร้างและนำไปคำนวณหาพลังงานก่อเกิด ดังสมการ

$$E_{formation} = E_{doped} - E_{undoped} + E_{substituted atom(s)} - E_{Noble metal}$$
(4.4)

แล้วนำพลังงานก่อเกิดสำหรับการเติมโลหะมีเงินทั้ง 4 รูปแบบมาเปรียบเทียบกัน แต่ก่อนอื่นจะต้อง เปรียบเทียบพลังงานก่อเกิดระหว่างการเติมเข้าไปในรูปเดียวกันแต่คนละตำแหน่งกัน เช่น เปรียบเทียบ พลังงานก่อเกิดของโครงสร้างโลหะเจือที่ถูกเติมด้วยโลหะเงินโดยแทนที่อะตอมซิลิกอนคนละตำแหน่งกัน เพื่อ ศึกษาผลของการแทนที่ในรูปแบบเดียวกันแต่คนละตำแหน่งต่อพลังงานก่อเกิด ซึ่งจากตารางที่ 4.2 พบว่า พลังงานก่อเกิดนั้นไม่แตกต่างกันมาก แสดงให้เห็นว่าการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปในโครงสร้างโลหะเจือชนิดนี้ สามารถพิจารณาให้มีเพียง 4 รูปแบบดังที่กล่าวมาข้างต้น โดยแต่ละรูปแบบจะสามารถเติมหรือแทนที่ใน ตำแหน่งใดก็ได้ ดังนั้นในโครงการนี้จึงจะเลือกใช้โครงสร้างโลหะเจือ Mg2Si0.5Ge0.5 ที่ถูกเติมด้วยโลหะมีสกุลทั้ง สามชนิด ชนิดละ 4 รูปแบบดังภาพที่ 4.16

รูปแบบการเข้าไปแทนที่ของโลหะ	พลังงานก่	อเกิด (eV)
้ เงินภายในโครงสร้างโลหะเจือ	ตำแหน่งที่ 1	ตำแหน่งที่ 2
ซิลิกอน	1.0260	1.0167
เจอร์เมเนียม	1.3523	1.3584
แมกนีเซียม	0.6063	0.5761
ช่องว่างกลางโครงสร้าง	0.7243	0.7255

ตารางที่ 4.2 พลังงานก่อเกิดของการเข้าไปแทนที่ของโลหะเงินแต่ละรูปแบบเปรียบเทียบกัน ระหว่าง 2 ตำแหน่งที่แตกต่างกัน ดังนั้นผลจากตารางที่ 4.2 จึงแสดงให้เห็นว่าโลหะเงินจะเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียมเมื่อถูกเติมลงใน โครงสร้างโลหะเจือ เพราะพลังงานก่อเกิดของรูปแบบการเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียมนั้นมีค่าต่ำที่สุด รองลงมาคือ การเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง แทนที่อะตอมซิลิกอน และแทนที่อะตอมเจอร์เมเนียม ตามลำดับ แต่อย่างไรก็ตามความแตกต่างระหว่างพลังงานก่อเกิดของรูปแบบการเข้าไปแทนที่อะตอม แมกนีเซียมกับการเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างนั้นมีค่าแตกต่างกันเพียงประมาณ 0.1 eV เท่านั้น ซึ่ง เป็นผลให้ในการทดลองจริงโลหะเงินจะมีโอกาสเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างได้เช่นกัน

หลังจากพิจารณาพลังงานก่อเกิดของโครงสร้างโลหะเจือที่ถูกเติมด้วยโลหะเงินแล้ว จะต้องนำโครงสร้าง ดังกล่าวมาคำนวณความหนาแน่นสถานะเพื่อศึกษาสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ที่เปลี่ยนแปลงไป ซึ่งได้ผลคือ รูปแบบที่โลหะเงินเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียม จะทำให้ระดับพลังงานเฟอร์มีลงลงเหลือ 4.351 eV โดยลง ไปต่ำกว่าแถบวาเลนซ์ซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดพี ส่วนรูปแบบการเข้าไปแทนที่อะตอมซิลิกอน เจอร์เมเนียม และช่องว่างกลางโครงสร้างจะทำให้ระดับพลังงานเฟอร์มีสูงขึ้นเป็น 4.613 eV , 4.615 eV และ 4.795 eV ตามลำดับ โดยเข้าไปอยู่ในแถบคอนดักซันซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดเอ็น ดังนั้นเมื่อรวมกับ ผลลัพธ์ของพลังงานก่อเกิดแล้วสามารถสรุปได้ว่า การเติมโลหะเงินเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือทำให้สารมี สภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี



ภาพที่ 4.17 ความหนาแน่นสถานะของ Mg2Si0.5Ge0.5 ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงิน (a) แทนที่อะตอมแมกนีเซียม (b) แทนที่อะตอมซิลิกอน (c) แทนที่อะตอมเจอร์เมเนียม (d) แทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง และเส้นประสีแดงคือระดับพลังงานเฟอร์มี

นอกจากศึกษาความหนาแน่นสถานะแล้ว จะนำโครงสร้างที่มีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพีมาคำนวณ ความหนาแน่นสถานะย่อย เพื่อศึกษาผลของสถานะย่อยของอิเล็กตรอนจากโลหะเงิน และเปรียบเทียบกับ ความหนาแน่นสถานะย่อยของโครงสร้างโลหะเจือ Mg₂Si_{0.5}Ge_{0.5} ซึ่งจากผลที่ได้ดังภาพที่ 4.18 จะสังเกตุเห็น ว่าความหนาแน่นสถานะย่อยจากโลหะเงินส่งผลต่อความหนาแน่นสถานะรวมที่บริเวณใกล้ระดับพลังงานเฟอร์ มีเพียงเล็กน้อยเท่านั้น และสถานะที่เพิ่มขึ้นมายังส่งผลให้อิเล็กตรอนถูกเติมได้ครบก่อน จึงทำให้ระดับพลังงาน เฟอร์มีมีค่าลดลงและทำให้สารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพี



ภาพที่ 4.18 ความหนาแน่นสถานะย่อย (a) Mg₂Si_{0.5}Ge_{0.5} (b) Mg₂Si_{0.5}Ge_{0.5} ที่ถูกเติมด้วยโลหะเงิน

หลังจากพิจารณาผลของการเติมโลหะเงินเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือแล้ว จึงมาพิจารณาผลของการเติม โลหะมีสกุลชนิดที่เหลือเข้าไปยังโครงสร้าง โดยนำโครงสร้างที่ถูกเติมด้วยโลหะทองแดงและโลหะทองชนิดละ 4 รูปแบบ ดังภาพที่ 4.17 มาคลายโครงสร้างแล้วคำนวณพลังงานก่อเกิดของแต่ละรูปแบบจากสมการที่ 4.4 ซึ่งได้ผลดังตารางที่ 4.3

รูปแบบการเข้าไปแทนที่ของ	พลังงานก่อเกิด (eV)			
โลหะทองแดงและโลหะทอง ภายในโครงสร้างโลหะเจือ	โลหะทองแดง	โลหะทอง		
ซิลิกอน	1.2902	-0.2723		
เจอร์เมเนียม	1.6189	0.0536		
แมกนีเซียม	0.9809	0.3722		
ช่องว่างกลางโครงสร้าง	0.8994	0.2372		

ตารางที่ 4.3 พลังงานก่อเกิดของการเติมโลหะมีสกุลเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือ

ผลจากตารางที่ 4.3 พบว่าพลังงานก่อเกิดของการเติมโลหะทองแดงเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลาง โครงสร้างนั้นมีค่าต่ำที่สุด รองลงมาคือการเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียม แทนที่อะตอมซิลิกอน และแทนที่ อะตอมเจอร์เมเนียม แต่อย่างไรก็ตามความแตกต่างระหว่างพลังงานก่อเกิดของรูปแบบการเข้าไปแทนที่ อะตอมแมกนีเซียมกับการเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างนั้นมีค่าแตกต่างกันเพียง 0.1 eV ส่วนสำหรับ โลหะทอง พบว่าพลังงานก่อเกิดของการเติมโลหะทองเข้าไปแทนที่อะตอมซิลิกอนนั้นมีค่าต่ำที่สุด รองลงมาคือ การเข้าไปแทนที่อะตอมเจอร์เมเนียม แทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง และแทนที่อะตอมแมกนีเซียม ตามลำดับ หลังจากนั้นจึงนำโครงสร้างทั้งหมดมาคำนวณหาความหนาแน่นสถานะเพื่อศึกษาสมบัติทาง อิเล็กทรอนิกส์ที่เปลี่ยนแปลงไปเนื่องจากการเติมโลหะมีสกุลเข้าไป แล้วได้ผลดังภาพที่ 4.19 และภาพที่ 4.20 ซึ่งสำหรับกรณีของโลหะทองแดง พบว่าความหนาแน่นสถานะของรูปแบบการเข้าไปแทนที่แมกนีเซียมจะทำ ให้ค่าพลังงานเฟอร์มีลดลงเหลือ 4.339 eV โดยลงไปต่ำกว่าแถบวาเลนซ์ซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดพี ส่วนรูปแบบการเข้าไปแทนที่อะตอมซิลิกอน และเจอร์เมเนียม จะทำให้ระดับพลังงานเฟอร์มีลดลงเป็น 4.505 eV และ 4.512 eV ตามลำดับ แต่ลดลงไปไม่ถึงแถบวาเลนซ์และมีสถานะเพิ่มเข้ามาในบริเวณซ่องว่าง แถบพลังงานแล้วกลายเป็นแถบคอนดักชันทำให้รูปแบบทั้งสองนี้แสดงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดเอ็น ส่วน รูปแบบการเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างจะทำให้ระดับพลังงานเฟอร์มีสูงขึ้นเป็น 4.643 eV โดยเข้าไป อยู่ในแถบคอนดักชันซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดเอ็น เมื่อรวมกับผลลัพธ์ของพลังงานก่อเกิดแล้ว สามารถสรุปได้ว่า การเติมโลหะทองแดงเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือทำให้สารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิด เอ็นซึ่งไม่ใช่สภาพการนำไฟฟ้าที่ตรงตามความต้องการ



ภาพที่ 4.19 ความหนาแน่นสถานะของ Mg2Sio.5Ge0.5 ที่ถูกเติมด้วยโลหะทองแดง (a) แทนที่อะตอมแมกนีเซียม (b) แทนที่อะตอมซิลิกอน (c) แทนที่อะตอมเจอร์เมเนียม (d) แทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง และเส้นประสีแดงคือระดับพลังงานเฟอร์มี

และสำหรับกรณีของโลหะทอง พบว่าความหนาแน่นสถานะของรูปแบบการเข้าไปแทนที่แมกนีเซียม จะทำให้ค่าพลังงานเฟอร์มีลดลงเหลือ 4.398 eV โดยลงไปต่ำกว่าแถบวาเลนซ์เช่นเดียวกันกับทั้งกรณีการเติม โลหะเงินและโลหะทองแดง ซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดพี ส่วนรูปแบบการเข้าไปแทนที่อะตอมซิลิกอน และเจอร์เมเนียม จะทำให้ระดับพลังงานเฟอร์มีเพิ่มขึ้นเป็น 4.591 eV และ 4.593 eV ตามลำดับ โดยเข้าไป อยู่ในแถบคอนดักชันซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดเอ็น แต่รูปแบบการเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลาง โครงสร้างในกรณีของโลหะทองนั้นจะทำให้ระดับพลังงานเฟอร์มีลดลงเป็น 4.456 eV โดยเข้าไปอยู่ในแถบวา เลนซ์ซึ่งแสดงถึงสภาพการนำไฟฟ้าชนิดพี เมื่อรวมกับผลลัพธ์ของพลังงานก่อเกิดแล้วสามารถสรุปได้ว่า การ เติมโลหะทองเข้าไปยังโครงสร้างโลหะเจือทำให้สารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดเอ็นเช่นเดียวกับกรณีของ โลหะทองแดง



ภาพที่ 4.20 ความหนาแน่นสถานะของ Mg2Si0.5Ge0.5 ที่ถูกเติมด้วยโลหะทอง (a) แทนที่อะตอมแมกนีเซียม (b) แทนที่อะตอมซิลิกอน (c) แทนที่อะตอมเจอร์เมเนียม (d) แทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง และเส้นประสีแดงคือระดับพลังงานเฟอร์มี

บทที่ 5 สรุปผลการศึกษา

จากผลการคำนวณด้วยวิธีฟังชันนอลความหนาแน่นในโครงการนี้ จะได้ว่าผลลัพธ์พลังงานก่อเกิดของ ้โครงสร้างโลหะเจือ Mg2Si1-xGex นั้นมีค่าเข้าใกล้ศูนย์ และมีค่าใกล้เคียงกันมากสำหรับรูปแบบการจัดเรียงที่ แตกต่างกันจนเสมือนว่ารูปแบบการจัดเรียงของซิลิกอนและเจอร์เมเนียมไม่ส่งผลต่อพลังงานก่อเกิด โดยคาด ้ว่าอาจเกิดจากความคล้ายคลึงกันของลักษณะโครงสร้าง และความใกล้เคียงกันของขนาดโครงผลึกระหว่าง แมกนีเซียมซิลิไซด์กับแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์ ทำให้สามารถเลือกใช้โครงสร้างที่เป็นโครงสร้างเสมือนสุ่มแบบ พิเศษมาเป็นตัวแทนโดยไม่คำนึงถึงรูปแบบการจัดเรียงของซิลิกอนและเจอร์เมเนียม เพื่อใช้คำนวณพลังงานก่อ ้เกิดของโครงสร้างโลหะเจือ Mg2Si1-xGex ที่มีค่าอัตราส่วน x เท่ากับ 0.25 , 0.50 และ 0.75 แล้วนำมาเขียน กราฟคอนเวกซ์ฮัล และพบว่าทั้ง 3 ค่าอัตราส่วน x มีพลังงานก่อเกิดเป็นบวกที่อุณหภูมิ 0 เคลวิน ซึ่ง ้หมายความว่าโลหะเจือจะไม่เกิดการผสมกัน จากนั้นจึงนำค่าพลังงานก่อเกิดจากคอนเวกซ์ฮัลมาคำนวณ พลังงานอิสระกิบส์ที่อุณหภูมิ 100 , 200 และ 300 เคลวิน ได้ว่าพลังงานอิสระกิบส์เริ่มเป็นค่าลบที่อุณหภูมิ ้มากกว่า 100 เคลวินเป็นต้นไป ซึ่งหมายความว่าโลหะเจือเกิดการผสมกันเป็นอย่างดี โดยผลจากเอนโทรปี ้ส่งผลอย่างมากต่อพลังงานอิสระกิบส์จนทำให้มีค่าลดลงเมื่ออุณหภูมิเพิ่มสูงขึ้น ซึ่งมีโลหะเจือบางชนิดที่ พลังงานก่อเกิดมีค่าสูงมากและเมื่อเพิ่มอุณหภูมิจนถึงจุดหลอมเหลวของโลหะผสมชนิดนั้นก็ยังไม่สามารถทำให้ พลังงานอิสระกิบส์มีค่าเป็นลบได้ แตกต่างกับโลหะเจือชนิดนี้ที่มีพลังงานก่อเกิดต่ำมาก นอกจากนี้เมื่อนำ ้โครงสร้างตัวแทนของ Mg2Si1-xGex มาศึกษาสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ก็พบว่า ผลของการเพิ่มเจอร์เมเนียมเข้า ้ไปในโลหะเจือชนิดนี้จะส่งผลให้โลหะเจือชนิดนี้มีค่าลังงานเฟอร์มีลดลงซึ่งเนื่องจากสมบัติความเป็นสารกึ่ง ้ตัวนำชนิดพีของแมกนีเซียมเจอร์เมไนด์ แต่อย่างไรก็ตามสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ของโละหะเจือชนิดนี้ก็ยังคง เป็นสารกึ่งตัวนำชนิดเอ็นเช่นเดิม

ต่อมาจึงเลือกนำโครงสร้างเสมือนสุ่มแบบพิเศษของ Mg2Si0.5Ge0.5 มาศึกษารูปแบบการเข้าไปแทนที่ ของโลหะมีสกุลและสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ที่เปลี่ยนแปลงไปเมื่อถูกเติมด้วยโลหะมีสกุล โดยจะพิจารณา โลหะมีสกุล 3 ชนิด ประกอบด้วย โลหะเงิน โลหะทองแดง และโลหะทอง ซึ่งได้ผลว่าการเติมโลหะเงินเข้าไป ยังโครงสร้างโลหะเจือชนิดนี้จะมีแนวโน้มที่โลหะเงินเข้าไปแทนที่แมกนีเซียมในโครงสร้าง และทำให้สมบัติทาง อิเล็กทรอนิกส์ของสารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดพีเนื่องจากสถานะของอิเล็กตรอนจากโลหะเงินนั้นส่งผลให้ ค่าพลังงานเฟอร์มีมีค่าลดลงไปอยู่ในแถบวาเลนซ์ ซึ่งเป็นสมบัติที่เป็นที่ต้องการสำหรับการสร้างวัสดุเทอร์โมอิ เล็กทริกของแมกนีเซียมซิลิไซด์ชนิดพี แต่สำหรับการเติมโลหะทองแดงและโลหะทองเข้าไปยังโครงสร้างโลหะ เจือชนิดนี้จะมีแนวโน้มที่โลหะทองแดงและโลหะทองเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้างและซิลิกอนใน โครงสร้างตามลำดับ ซึ่งทำให้สมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์ของสารมีสภาพการนำไฟฟ้าเป็นชนิดเอ็นแทน แต่ อย่างไรก็ตามค่าพลังงานก่อเกิดของรูปแบบการเข้าไปแทนที่อะตอมแมกนีเซียมของโลหะเงิน (มีสภาพการนำ ไฟฟ้าเป็นชนิดพี) มีค่าแตกต่างกับรูปแบบการเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง (มีสภาพการนำ ไฟฟ้าเป็นชนิดพี) มีค่าแตกต่างกับรูปแบบการเข้าไปแทนที่ช่องว่างกลางโครงสร้าง (มีสภาพการนำ ไฟฟ้าเป็นชนิดพี) อยู่เพียง 0.1 eV เท่านั้น ซึ่งส่งผลให้ในการสังเคราะห์สารจริงมีโอกาสที่จะเกิดสารที่มีสภาพการนำ ไฟฟ้าเป็นชนิดเอ็นได้เอ่นกัน

บรรณานุกรม

[1] The use of semiconductors in thermoelectric refrigeration; H. J. Goldsmid, R. W. Douglas; British Journal of Applied Physics (1954)

[2] High-thermoelectric performance of nanostructured bismuth antimony telluride bulk alloys; B. Poudel, et al.; Science (2008)

[3] Experimental studies on anisotropic thermoelectric properties and structures of n-type Bi₂Te_{2.7}Se_{0.3}; X. Yan, et al., Nano Letters (2010)

[4] A review on bismuth telluride (Bi₂Te₃) nanostructure for thermoelectric applications; Mohammad Ruhul Amin Bhuiyana, Hayati Mamur; ISVOS Journal (2018)

[5] Electrical properties of intermetallic compounds Mg₂Si, Mg₂Ge, Mg₂Sn and Mg₂P; U. Winkler,
 Helvetica; Physica Acta (1955)

[6] Highly effective Mg₂Si_{1-x}Sn_x thermoelectrics; V. K. Zaitsev, M. I. Fedorov, E. A. Gurieva, I. S.
 Eremin, P. P. Konstantinov, A. Yu. Samunin, M. V. Vedernikov; Physical Review B (2006)

[7] Thermoelectric transport behaviours of n-type Mg₂ (Si,Sn,Ge) quaternary solid solutions; Övgü Ceyda Yelgel, Celal Yelge; Journal of Magnesium and Alloy (2019)

[8] High thermoelectric figure of merit of Mg₂Si_{0.55}Sn_{0.4}Ge_{0.05} materials doped with Bi and Sb;
 A.U. Khan, N. Vlachos, Th. Kyratsi; Scripta Materialia (2013)

[9] Thermoelectric properties of highly efficient Bi-doped Mg₂Si_{1-x-y}Sn_xGe_y materials; A.U. Khan,
 N.V. Vlachos, E. Hatzikraniotis, G.S. Polymeris, Ch.B. Lioutas, E.C. Stefanaki, K.M.
 Paraskevopoulos, I. Giapintzakis, Th. Kyratsi; Acta Materialia (2014)

[10] Thermoelectric properties and electronic structure of p-type Mg_2Si and $Mg_2Si_{0.6}Ge_{0.4}$ compounds doped with Ga; H. Ihou-Mouko, C. Mercier, J. Tobola, G. Pont, H. Scherrer; Journal of Alloys and Compounds (2011)

[11] Improving p-type thermoelectric performance of Mg₂(Ge,Sn) compounds via solid solution and Ag doping; G. Jiang, L. Chen, J. He, H. Gao, Z. Du, X. Zhao, T.M. Tritt, T. Zhu; Intermetallics (2013)

[12] Substitutional and interstitial impurity p-type doping of thermoelectric Mg₂Si: at theoretical study; Naomi Hirayama, Tsutomu Iida, Mariko Sakamoto, Keishi Nishio, Noriaki Hamada; Science and Technology of Advance Materials (2019)

[13] Thermoelectric Properties of $Mg_2Si_{1-x}Ge_x$ Prepared by Using a Solid-state Reaction; Sin-Wook You, Il-Ho Kim; Journal of the Korean Physical Society (2014) [14] The thermoelectric properties of bulk crystalline n-and p-type Mg2Si prepared by the vertical Bridgman method; Akasaka M, Iida T, Matsumoto A, et al.; Japan Apply Physics. (2008)
[15] Efficient Thermoelectric Materials Based on Solid Solutions of Mg₂X Compounds (X = Si, Ge, Sn); V.K. Zaitsev, Grigoriy N. Isachenko Alexander, T. Burkov; Thermoelectrics for Power Generation - A Look at Trends in the Technology (2016)

[16] THERMOELECTRIC SILICIDES: PAST, PRESENT AND FUTURE; M.I. Fedorov; Journal of Thermoelectricity No.2 (2009)

[17] EFFECT OF PRESSURE ON ELECTRONIC AND OPTICAL PROPERTIES OF MAGNESIUM SILICIDE AND GERMANIDE; V. L. SHAPOSHNIKOV, A. V. KRIVOSHEEVA, V. E. BORISENKO; J. Belarus. State Univ. Phys. (2017)

[18] Electrical properties of magnesium silicide and magnesium germanide; Charles R. Whitset,G. C. Danielson; Ames Laboratory ISC Technical Reports (1955)

[19] Density Functional Theory; Yehuda B. Band, Yshai Avishai; Quantum Mechanics with Applications to Nanotechnology and Information Science (2013)

[20] Special Quasirandom Structures; Alex Zunger, S.-H. Wei, L. G. Ferreira, James E. Bernard; Physics Review Letters (1989)