การวิเคราะห์เชิงตัวเลขของวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมสำหรับรีเจเนอเรเตอร์แบบโครงอิฐทนไฟ

นายมโนสิทธิ์ แจ้งจบ

# สถาบนวิทยบริการ

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2547 ISBN 974-53-1447-1 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

#### NUMERICAL ANALYSIS OF OPTIMUM TIME CYCLE FOR A FIRECLAY BRICK REGENERATOR

Mr.Manosit Jangjob

# สถาบนวทยบรุการ

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements For the Degree of Master of Engineering in Mechanical Engineering Department of Mechanical Engineering Faculty of Engineering Chulalongkorn University Academic Year 2004 ISBN 974-53-1447-1

การวิเคราะห์เชิงตัวเลขของวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมสำหรับ
รีเจเนอเรเตอร์แบบโครงอิฐทนไฟ
นายมโนสิทธิ์ แจ้งจบ
วิศวกรรมเครื่องกล
รองศาสตราจารย์ คร.พงษ์ธร จรัญญากรณ์
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.สมพงษ์ พุทธิวิสุทธิศักดิ์

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วน หนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

> ...... คณบดี คณะวิศวกรรมศาสตร์ (ศาสตราจารย์ คร.ดิเรก ถาวัณย์ศิริ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพ<mark>นธ์</mark>

.....ประธานกรรมการสอบ

(รองศาสตราจารย์ คร.มานิจ ทองประเสริฐ)

..... อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

(รองศาสตราจารย์ คร.พงษ์ธร จรัญญากรณ์)

..... อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม (ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.สมพงษ์ พุทธิวิสุทธิศักดิ์)

.....กรรมการ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ มิ่งศักดิ์ ตั้งตระกูล)

.....กรรมการ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.กุณฑินี มณีรัตน์)

มโนสิทธิ์ แจ้งจบ : การวิเคราะห์เชิงตัวเลขของวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมสำหรับรีเจเนอเร เตอร์แบบโครงอิฐทนไฟ (NUMERICAL ANALYSIS OF OPTIMUM TIME CYCLE FOR A FIRECLAY BRICK REGENERATOR) อ. ที่ปรึกษา : รศ. คร.พงษ์ ธร จรัญญากรณ์, อ. ที่ปรึกษาร่วม : ผศ. คร.สมพงษ์ พุทธิวิสุทธิศักดิ์, 198 หน้า. ISBN 974-53-1447-1.

วิทยานิพนธ์นี้มีจุดประสงค์เพื่อหาค่าของวัฏจักรการทำงานที่ดีที่สุดของระบบ รีเงเนอเรเตอร์ ซึ่งสามารถหาได้จากลักษณะการกระจายของอุณหภูมิของกระบวนการนำความร้อนทิ้งกลับมาใช้ใหม่ ในรีเงเนอเรเตอร์ โดยใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขประกอบกันกับการทำการทคลอง ทั้งนี้ได้ทำการทคลอง ตรวจวัดและเก็บข้อมูลที่จำเป็นต่างๆ เช่น อุณหภูมิของไหลและโครงอิฐทนไฟ ส่วนประกอบก๊าซเสียที่ เกิดจากการเผาไหม้ และอัตราการใช้น้ำมัน โดยได้ทำการทคลองที่บริษัท ไทยแลนค์สเมลติ้งแอนค์รีไฟ นิ่ง จำกัด (ไทยซาร์โก) ซึ่งเป็นโรงงานถลุงแร่ดีบุก สำหรับระเบียบวิธีเชิงตัวเลขที่ใช้ในที่นี้ จะใช้วิธีไฟ ในต์ดิฟเฟอเรนต์ในการคำนวณการกระจายตัวของอุณหภูมิและปริมาณกวามร้อนทิ้งที่นำกลับมา ได้มากที่สุด ซึ่งจะได้พิจารณาผลกระทบของการนำความร้อนทั้งในทิสทางตามแนวการไหลและใน ทิสทางตั้งฉากกับการไหลที่มีต่อตัววัสดุสะสมความร้อน ผลลัพธ์ที่ได้จากการกำนวณได้ถูกนำมา ปรับเทียบกับการทดลอง และนำมาวิเคราะห์เพื่อสร้างโปรแกรมกอมพิวเตอร์ที่สามารถใช้ในการ กำนวณหาก่าวัฏจักรการทำงานที่ดีที่สุดของรีเงนอเรเตอร์

จากการตรวจสอบพบว่า ผลการคำนวณที่ได้มีความสอดคล้องกันดีกับผลเฉลยแม่นตรง และ ผลการทดลองที่นำมาเปรียบเทียบ ซึ่งแสดงให้เห็นว่าโปรแกรมคอมพิวเตอร์นี้มีความถูกต้องอยู่ใน ระดับที่น่าพอใจ

โปรแกรมคอมพิวเตอร์ถูกพัฒนาให้สามารถใช้งานได้โดยง่าย บนระบบ Windows และได้ นำไปใช้ในการคำนวณหาวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมของรีเจเนอเรเตอร์ของบริษัท ไทยแลนด์ สเม ลดิ้งแอนด์รีไฟนิ่ง จำกัด ซึ่งในปัจจุบันมีการสลับคาบการไหลของรีเจเนอเรเตอร์ ที่เวลา 30 นาที และ สามารถนำความร้อนเหลือทิ้งกลับมาใช้ได้ 32.80% จากการคำนวณโดยใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้นพบว่า เมื่อใช้เวลาในการสลับคาบการไหล 6 นาที สามารถนำความร้อนเหลือทิ้งกลับมาใช้ได้มากที่สุด 33.26% ซึ่งเพิ่มขึ้นเพียง 0.46% เมื่อพิจารณาในแง่ของความสะควกในการทำงาน จึงสรุปได้ว่าคาบการ ทำงานที่ใช้อยู่ในปัจจุบันมีความเหมาะสมกับโครงสร้าง และแบบของรีเจเนอร์เรเตอร์แล้ว

ภาควิชา	<u>วิศวกรรมเครื่องกล</u>	ลายมือชื่อนิสิต
สาขาวิชา	<u>วิศวกรรมเครื่องกล</u>	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
ปีการศึกษา	2547	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

# ##4470464521 : MAJOR MECHANICAL ENGINEERING KEY WORD: REGENERATOR/FINITE DIFFERENCE METHOD MANOSIT JANGJOB : NUMERICAL ANALYSIS OF OPTIMUM TIME CYCLE FOR A FIRECLAY BRICK REGENERATOR. THESIS ADVISOR : PONGTORN CHARUNYAKORN, Ph.D. THESIS CO-ADVISOR : SOMPONG PUTIVISUTISAK, Ph.D. 198 pp. ISBN 974-53-1447-1.

The objective of this thesis is to find the optimum time cycle of the regenerator system. The temperature distributions of the overall heat recovery process in a fireclay brick regenerator are investigated by experiments and numerical simulation. The experiments were conducted at Thailand Smelting and Refining Co.,Ltd. (Thaisarco), a tin smelting factory, in order to measure and record essential data, such as the fluid temperature, heat storage element temperature, exhaust gas composition and fuel consumption. In the numerical side, the finite difference method is employed to calculate the temperature distribution and the maximum heat recovery. Effects of both axial and transverse conductions on the sensible heat storage element were considered. The developed computer program for optimum time cycle was validated by comparing with the experimental data.

From the validation, it was found that the result was in good agreement with exact solution and experiment data. Therefore, present computer program yields fairly satisfactory results of calculation.

The computer program was developed for operating on Microsoft Windows OS and employed to find the optimum time cycle and the maximum heat recovery for the regenerator of Thailand Smelting and Refining Co., Ltd. The time cycle for changing periods currently used in smelting process is 30 minutes, which can recover about 32.80% of exhaust heat. From the calculation, the optimum time cycle is 6 minutes, which can recover exhaust heat of 33.26%. or 0.46% increase compared to the present time cycle. Thus, in view of field practice, it may be concluded that the factory has already been operating at a suitable condition.

Department Mechanical Engineering	Student's signature
Field of study <u>Mechanical Engineering</u>	Advisor's signature
Academic Year 2004	Co-advisor's signature

#### กิตติกรรมประกาศ

ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ คร.พงษ์ธร จรัญญากรณ์ และผู้ช่วย ศาสตราจารย์ คร. สมพงษ์ พุทธิวิสุทธิศักดิ์ อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งท่านได้ให้ทั้งความรู้ กำแนะนำ ตลอดจนข้อคิดต่างๆที่มีคุณก่าอย่างยิ่ง อันเป็นแรงบันดาลใจและกำลังใจให้ผู้วิจัย สามารถทำงานได้สำเร็จลุล่วง

ขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ คร.มานิจ ทองประเสริฐ ประธาน กรรมการ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ มิ่งศักดิ์ ตั้งตระกูล และ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.กุณฑินี มณีรัตน์ กรรมการ ที่ได้ให้คำแนะนำและถ่ายทอดความรู้ตลอดระยะเวลาในการทำงานวิจัยนี้ ซึ่งทำให้ วิทยานิพนธ์ฉบับนี้มีความสมบูรณ์มากยิ่งขึ้น

ขอขอบพระคุณสำนักงานพัฒนาวิทยาศาสตร์ และเทคโนโลยีแห่งชาติ ที่ได้ให้การ สนับสนุนเงินทุนวิจัย โครงการทุนสนับสนุนด้านเทคโนโลยีสะอาด

ขอขอบพระคุณ ผู้บริหาร พี่ๆวิศวกร และพนักงาน โรงงานไทยแลนด์ สเมลติ้ง แอนด์รีไฟนิ่ง จำกัด ที่ให้ความอนุเคราะห์สถานที่ทุดลอง ตลอดจนอำนวยความสะดวกตลอด ระยะเวลาวิจัย

ขอขอบคุณ คุณประพันธ์ พิกุลทอง อาจารย์ณัฐเคช เฟื่องวรวงศ์ คุณจิรชนย์ เสรี วิชยสวัสดิ์ ที่ได้ถ่ายทอดความรู้ ประสบการณ์ และคำปรึกษาในทุกๆ ด้าน ขอขอบคุณ พี่โต พี่โก๋ พี่โป่ง พี่ตูน พี่เจมส์ พี่อัม น้องนุ๊ก น้องแอน พี่ๆในห้องปฏิบัติการวิจัยพลังงาน และสถาบันวิจัย พลังงานจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย สำหรับคำแนะนำ กำลังใจและความเอื้อเฟื้อน้ำใจตลอดเวลาการ ทำงานวิจัยนี้ ขอขอบคุณ

ท้ายสุดนี้ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณบิดามารดา และครอบครัว ที่คอยให้กำลังใจ และสนับสนุนการศึกษาของผู้วิจัยมาโดยตลอด อนึ่งประโยชน์และคุณค่าอันใดที่ได้รับจาก วิทยานิพนธ์นี้ ขอมอบเป็นกตัญญุตาบูชาแค่บิดามารดา ครูอาจารย์ ตลอดจนผู้มีพระคุณทุกท่าน

# สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภา	ษาไทยง
บทคัดย่อภา	ษาอังกฤษจ
กิตติกรรมป	ระกาศน
สารบัญ	ß
สารบัญตาร	างณ
สารบัญรูปร	ภาพฏ
คำอธิบายสัง	<b>งูลักษณ</b> ์อ
บทที่ 1 บท	ມຳ1
บทที่ 2 หลั	าการเหตุผลและผลงานที่มีมาก่อน10
บทที่ 3 ทฤร	ษฏิที่เกี่ยวข้อง
3.1	หลักการทำงานของ Counter Flow Regenerator15
3.2	การถ่ายเทความร้อน17
3.3	ไซโครเมตริกส์
3.4	สมมติฐานเบื้องต้น31
3.5	ทฤษฎีสำหรับ Regenerator
3.6	Cyclic Equilibrium
บทที่ 4 การ	ตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมคอมพิวเตอร์
4.1	ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว
4.2	ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัว
4.3	การพัฒนาโปรแกรมและการตรวจสอบกับกรณีมีโคเมนเหมือน
	การใช้งานจริง

		หนา
บทที่ 5 อุปกร	ณ์การทดลองและวิชีดำเนินการทดลอง	7
5.1	เก็บข้อมูลเบื้องต้น	7
5.2	การจัดเตรียมอุปกรณ์	7
5.3	การทำการทคลองโคย <mark>ละเอียค</mark>	7
5.4	รายละเอียคอุป <mark>กรณ์การทคลอง</mark>	7
5.5	สภาวะในการทคลอง.	8
5.6	วิธีการทุดลอง	8
5.7	ปัญหาที่เ <mark>กิ</mark> ดขึ้นในการทดล <sub>อ</sub> ง	9
บทที่ 6 การเป	ไรียบเทีย <mark>บผลลัพธ์ที่ได้จากระเบีย</mark> บวิ <mark>ธีเชิงตัวเลข</mark> กับการทดลอง	9
6.1	การเปรียบเทียบผลลัพธ์และการวิเคราะห์ผล	9
6.2	การวิเครา <mark>ะห์ค่า</mark> ความผ <mark>ิดพลาดขอ</mark> งโปรแกรม	1
6.3	การหาวัฏ <mark>จักรการทำงานที่เหมาะส</mark> ม	1
บทที่ 7 บทสรุ	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ	1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป	1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2	รุ <b>ป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ</b> บทสรุป บทสรุป ปัญหา <mark>ที่</mark> พบในขณะทำการวิจัย	1 1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2 7.3	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ. บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนาคต	1 1 1
บทที่ 7 บทสร 7.1 7.2 7.3	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนาคต	1 1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2 7.3 รายการอ้างอิง	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนาคต	1 1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2 7.3 รายการอ้างอิง	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนากต	1 1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2 7.3 รายการอ้างอิง ภาคผนวก	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนาคต	1 1 1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2 7.3 รายการอ้างอิง ภาคผนวก ภาคผ	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนาคต	1 1 1 1
บทที่ 7 บทสรุ 7.1 7.2 7.3 รายการอ้างอิง ภาคผนวก ภาคผ ภาคผ	รุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ บทสรุป ปัญหาที่พบในขณะทำการวิจัย ข้อเสนอสำหรับงานวิจัยในอนาคต	1 1 1 1 1 1

պ

# สารบัญตาราง

		หน้า
ตาราง 4.1	รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้ในการคำนวณ และการเปรียบเทียบผลลัพธ์	
	ระหว่างผลของ Schmidt and Willmott [13] กับผลที่ได้จากการคำนวณ	
	ด้วยโปรแกรมที่สร้างขึ้น	. 67
ตารางที่ 5.1	ข้อมูลที่ได้จากเก็บข้อมูลเบื้องต้นจากโรงงาน	.76
ตารางที่ 6.1	ค่ามัธยฐานของค่ <mark>าความผิดพลาดในช่ว</mark> ง Heating period ที่ตำแหน่ง	
	และเวลาที่ใช้ใ <mark>นการสลับคาบการไหลต่าง</mark> ๆ	. 105
ตารางที่ 6.2	ค่ามัธยฐานของค่าควา <mark>มผิดพ</mark> ลาดในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง	
	และเวล <mark>าที่ใช้ในการส</mark> ลับคาบการใหลต่างๆ	. 106
ตารางที่ 6.3	การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่เวลาเริ่ม	
	การให <sub>้</sub> ล กลางคาบการใหล และปลายคาบการใหล สำหรับการสลับคาบ	
	การใหลต่างๆ	. 107
ตารางที่ 6.4	เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของใหลในช่วง Heating period ที่	
	เวลาเริ่มการใหล <sub>้</sub> กลางคาบการใหล และปลายคาบการใหล เมื่อเทียบ	
	กับที่เวลาเริ่ม <mark>ค</mark> าบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ	. 108
ตารางที่ 6.5	การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของไหลในช่วง Cooling period ที่เวลาเริ่ม	
	การใหล <sub>่</sub> กลางคาบการใหล และปลายคาบการใหล สำหรับการสลับคาบ	
	การใหลต่างๆ	.111
ตารางที่ 6.6	เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของไหลในช่วง Cooling period	
	ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลาย <mark>ก</mark> าบการไหล เมื่อ	
	เทียบกับที่เวลาเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ	112
ตารางที่ 6.7	การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Heating	
	period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล	
	สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ	. 115
ตารางที่ 6.8	เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง	
	Heating period ที่เวลาเริ่มการใหล กลางคาบการใหล และปลายคาบการให	ิด
	เมื่อเทียบกับที่เวลาเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ	116

ตารางที่ 6.9	การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับ
	การสลับคาบการไหลต่างๆ119
ตารางที่ 6.10	เปอร์เซนต์การเปลี่ยน <mark>แปลงอุณห</mark> ภูมิของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง
	Cooling period ที่เวลาเริ่มการใหล กลางคาบการใหล และปลายคาบการ
	ใหล เมื่อเ <mark>ทียบกับที่เวล</mark> าเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ 120



สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

#### หน้า

# สารบัญรูปภาพ

	หน้า
รูปที่ 1.1	เตาถลุงดีบุก และ Regenerator ของโรงงาน
	ไทยแลนด์ สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่ง จำกัด3
รูปที่ 1.2	แบบจำลองเตาถลุง4
รูปที่ 3.1	(a) Regenerator ทางค้านซ้ายมืออยู่ในช่วง Cooling period ส่วน Regenerator
	ทางด้านขวามืออยู่ในช่วง Heating period15
	(b) Regenerator ทางค้านซ้ายมืออยู่ในช่วง Heating period ส่วน Regenerator
	ทางด้านขวา <mark>มืออยู่ในช่วง Cooling period</mark> 16
รูปที่ 3.2	การพัฒนาของ Velocity boundary layer ของของใหลที่ใหลภายในท่อ20
รูปที่ 3.3	การพัฒนาของ Thermal boundary layer ของของไหลที่ใหลภายในท่อ
รูปที่ 3.4	Emissivity ของ H2O ที่ Total pressure 1 atm และ Partial pressure ใกล้ศูนย์ 26
รูปที่ 3.5	Emissivity ของ CO2 ที่ Total pressure 1 atm และ Partial pressure ใกล้ศูนย์ 26
รูปที่ 3.6	Correction factor, $C_w$ VOV $\varepsilon_w$ $\dot{\vec{n}}$ Total pressure p atm
รูปที่ 3.7	Correction Factor, $C_c$ VOV $\varepsilon_c$ $\vec{n}$ Total Pressure <i>p</i> atm
รูปที่ 3.8	Correction factor for overlap , $\Delta arepsilon$ สำหรับก๊าซของผสมที่มีทั้งไอน้ำ และ
	คาร์บอนไดออกไซด์
รูปที่ 3.9	ภาพหน้าตัดของช่องทางการไหล และ ภาพตัดของช่องทางการไหล 1 ช่อง 31
รูปที่ 3.10	ภาพแบบจำลองช่องทางการใหล
รูปที่ 4.1	ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัวกรณีเงื่อนไขขอบแบบ
	อุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่
รูปที่ 4.2	การแบ่ง Node ของ Domain ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะ
	อยู่ตัวกรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่41
รูปที่ 4.3	การทดสอบความเป็น Grid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ
	ในสถานะอยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่
	และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่43

Ŷ	
หบ้า	

ผลเปรียบเทียบระหว่าง Numerical solution และ Exact solution ของปัญหา
การนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัวกรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิ
คงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่43
การกระจายอุณหภูมิ <mark>ของปัญหาการนำควา</mark> มร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว
กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่
ปัญหาการนำ <mark>ความร้อนแบบ</mark> สองมิติในสถานะอยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบ
อุณหภูมิคงที่ <mark>และมีการพาที่ผิว</mark> 44
Node ของ Domain ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว
กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิกงที่ และมีการพากวามร้อนที่ผิว
การทคสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ
ในสถานะอยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่
และมีการพ <mark>าควา</mark> มร้อนที่ผิว
ผลเปรียบเทียบระหว่าง Numerical solution และ Exact solution ของปัญหา
การนำความร้อนแบบ <mark>สองมิติในสถานะอ</mark> ยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่
และมีการพาความร้อนที่ผิว
การกระจายอุณหภูมิ ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว
กรณีเงื่อนใขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว
ปัญหาการ <mark>น</mark> ำความร้อนแบบสองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบ
ฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว51
การแบ่ง Node ของ Domain ในปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะ
ไม่อยู่ตัวกรณีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่
และมีการพาความร้อนที่ผิว52
การทคสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ
ในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการ
พากวามร้อนที่ผิว

รูปที่ 4.14	ผลเปรียบเทียบระหว่าง Numerical solution และ Exact solution ของปัญหา
	การนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบ
	ฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว
รูปที่ 4.15	การกระจายอุณหภูมิ ของปัญ <mark>หากา</mark> รนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว
	กรณีเงื่อนไขขอบ <mark>แบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน</mark> คงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว
	ที่เวลา (a) 0 วินาที
	(b) 3 วินาที และ (c) 7 วินาที
รูปที่ 4.16	ปัญหาการไห <sub>้</sub> ลผ่านช่องสี่เหลี่ยมโคยมีการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะ
	ไม่อยู่ตัวในวัสคุสะสมความร้อน กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่
	และมีการ <mark>พา</mark> ความร้อนที่ผิว 59
รูปที่ 4.17	การแบ่ง Node ของ Domain ในปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว
	กรณีมีเงื่อนใขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาที่ผิวค้านบน61
รูปที่ 4.18	การทคสอบค <mark>วามเป็นGrid independent ของปัญหา</mark> การนำความร้อนแบบสองมิติ
	ในสถานะไม่อยู่ <mark>ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบ</mark> บฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพา
	ที่ผิวด้านบน
eala 1 10	ay harddra y
រូប៧ 4.19	การกระจายอุณหภูม ปญหาการ เหล่ เนชองสเหลยม โดยคุดการนาความรอนแบบ
រូប៧ 4.19	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล ในชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน
រូប៣ 4.19	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68
รูปที่ 4.20	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ
รูปที่ 4.20	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี
รูปที่ 4.20	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทคสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้านบน
รูปที่ 4.20 รูปที่ 4.21	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้านบน
รูปที่ 4.20 รูปที่ 4.21	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที. 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้านบน
รูปที่ 4.20 รูปที่ 4.21	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้านบน
รูปที่ 4.20 รูปที่ 4.21 รูปที่ 4.21	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้านบน
รูปที่ 4.20 รูปที่ 4.21 รูปที่ 5.1 รูปที่ 5.2	การกระจาขอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้านบน
รูปที่ 4.20 รูปที่ 4.21 รูปที่ 5.1 รูปที่ 5.2 รูปที่ 5.3	การกระจายอุณหภูม บญหาการ เหล เนชองสเหลยม เดยคดการนาความรอนแบบ สองมิติในสถานะ ไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ และมีการพาที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที (b) 5400วินาที, และ (c) 10800 วินาที 68 การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะ ไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อน ไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมี การพาความร้อนที่ผิวด้ำนบน

หน้า

		หน้า
รูปที่ 5.5	การเจาะวัสคุสะสมความร้อนค้านล่างเพื่อติคตั้งเทอร์ โมคัปเปิ้ล	82
รูปที่ 5.6	การหุ้มสายเทอร์ โมคัปเปิ้ลด้วยเซรามิกไฟเบอร์หลังจากการติดตั้งเทอร์ โมคัปเปิ้ล	
	เพื่อกันกวามร้อนเนื่องจากด้านบนของ Regenerator มีกวามร้อนสูงมากกว่า	
	700 <sup>°</sup> C	83
รูปที่ 5.7	ดาตาล็อกเกอร์ที่ได้ทำการเชื่อมต่อกับสายสัญญาณจากเทอร์ โมคัปเปิ้ล	83
รูปที่ 5.8	อุปกรณ์วิเคราะ <mark>ห์ประสิทธ</mark> ิภาพการเผ <mark>าใหม้</mark>	84
รูปที่ 5.9	แบบจำลองเตาถลุงที่ใช้กับ Regenerator แบบ 2 ตัว	87
รูปที่ 5.10	ขั้นตอนการทุดลอง	90
รูปที่ 6.1	การกระจายตัวของอุณหภูมิของของไหลที่ระนาบกึ่งกลางของของไหล	
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที	93
รูปที่ 6.2	การกระจายตัวของอุณหภูมิของสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสคุสะสมความร้อน	
	สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที	94
รูปที่ 6.3	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น	
	Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที	95
รูปที่ 6.4	การกระจายตัวของอุ <mark>ณหภูมิของของไหลที่ระนาบกึ่</mark> งกลางของของไหล	
	สำหรับการสลับคาบการไหล 20 นาที	96
รูปที่ 6.5	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสคุสะสมความร่	ร้อน
	สำหรับกา <mark>รส</mark> ลับคาบการไหล 20 นาที	97
รูปที่ 6.6	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น	
	Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการใหล 20 นาที	98
รูปที่ 6.7	การกระจายตัวของอุณหภูมิของของใหลที่ระนาบกึ่งกลางของของใหล	
	สำหรับการสลับคาบการไหล 15 นาที	99
รูปที่ 6.8	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสคุสะสมความร่	ร้อน
	สำหรับการสลับคาบการใหล 15 นาที	100
รูปที่ 6.9	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น	
	Adiabatic plane สำหรับการสลับกาบการใหล 15 นาที	101

รูปที่ 6.10	การกระจายตัวของอุณหภูมิของของไหลที่ระนาบกึ่งกลางของของไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 10 นาที102
รูปที่ 6.11	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสคุสะสมความร้อน
	สำหรับการสลับคาบการใหล 10 นาที103
รูปที่ 6.12	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น
	Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการใหล 10 นาที104
รูปที่ 6.13	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period
	ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล <sub>ิ</sub> กลางกาบการไหล และปลาย
	คาบการไห <sub>้</sub> ถ สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที109
รูปที่ 6.14	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง
	0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที109
รูปที่ 6.15	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง
	0 เมตร ที่เวลาเริ่มการไ <mark>หล กลางคาบการ</mark> ไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที110
รูปที่ 6.16	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง
	5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับกา <mark>รส</mark> ลับคาบการไหล 25 นาที113
รูปที่ 6.17	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง
	4.47 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที113
รูปที่ 6.18	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง
	0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที114
รูปที่ 6.19	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Heating period
	ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มการใหล กลางกาบการใหล และปลายกาบการใหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที117

รูปที่ 6.20	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Heating period
	ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางกาบการไหล และปลายกาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที117
รูปที่ 6.21	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Heating period
	ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางกาบการไหล และปลายกาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที
รูปที่ 6.22	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Heating period
	ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล <sub>์</sub> กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที118
รูปที่ 6.23	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period
	ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มการใหล <sub>่</sub> กลางกาบการใหล และปลายกาบการใหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที121
รูปที่ 6.24	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period
	ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่ <mark>เวลาเริ่มการไหล</mark> กลางกาบการไหล และปลายกาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที 121
รูปที่ 6.25	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period
	ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางกาบการไหล และปลายกาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที122
รูปที่ 6.26	อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period
	ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล
	สำหรับการสลับคาบการใหล 25 นาที122
รูปที่ 6.27	การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น
	Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการใหล 20 นาที เมื่อปรับลดค่า
	$C_{p}$ จาก 920 $\frac{J}{kg.^{o}C}$ เหลือ 220 $\frac{J}{kg.^{o}C}$

## หน้า

ณ

รูปที่ 6.28	3 การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น			
	Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการใหล 20 นาที เมื่อปรับเพิ่มค่า			
	$C_{p}$ จาก 920 $\frac{J}{kg.^{o}C}$ เป็น 2200 $\frac{J}{kg.^{o}C}$			
	156			
รูปที่ 6.29	ปริมาณความร้อน <mark>นำกลับม</mark> าใช้ที่เวลาในการสลับคาบการไหลต่างๆ			
	ต่อ 1 ช่องทางการใหล ต่อ 1 ชั่วโมง			
รูปที่ 6.30	ค่า Thermal ratio ของ Cooling period และ Heating period 159			



หน้า

# คำอธิบายสัญลักษณ์

Symbol	Meaning U			
A	Heat transfer surface area			
а	Flow channel width			
Bi	Biot number			
b	Test section width	m		
С	Specific heat at constant pressure			
$F_0$	Nondimensional time			
$\overline{G}^{+}$	Nondimensional parameter			
Н	Convective film coefficient	W/m <sup>2</sup> .K		
k	Thermal conductivity	W/m.K		
L	Length	m		
$\dot{m}_f$	Mass rate of flow	kg/s		
Р	Heated perimeter of flow channel	m		
Q	Total heat stored	W		
$Q_{max}$	Maximum heat storage	W		
$Q^{^{+}}$	Nondimensional heat storage			
S	Cross-sectional area	m <sup>2</sup>		
Т	Temperature	Κ		
$V^+$	Nondimensional parameter			
X	Nondimensional axial coordinate			
x	Axial coordinate	m		
Y	Nondimensional transverse coordinate			
у	Transverse coordinate	m		
W	Semi-thickness of storage material for heat storage units	m		

อุตสาหกรรมหลายประเภทในประเทศไทยมีการใช้เตาเผาที่มีการเผาไหม้ที่อุณหภูมิสูง (800-1,400°C) ซึ่งโรงงานอุตสาหกรรมหลายแห่งไม่มีการติดตั้งอุปกรณ์เพื่อนำความร้อนทิ้งจากไอเสีย กลับมาใช้ ซึ่งทำให้เกิดการสูญเสียพลังงานมาก ในขณะที่บางโรงงานที่มีอุปกรณ์นำความร้อนทิ้งกลับมา ใช้ก็ใช้งานอุปกรณ์เหล่านี้อย่างไม่เหมาะสม ทำให้ประสิทธิภาพในการนำความร้อนกลับมาใช้ต่ำกว่า 10% สำหรับในกรณีของโรงงานที่มีการติดตั้ง Regenerator เพื่อนำความร้อนทิ้งกลับมาใช้งาน โดยมากก็ ไม่ได้มีการออกแบบเพื่อให้ Regenerator ทำงานที่จุดที่เหมาะสมที่สุด เนื่องจากขาดข้อมูลการออกแบบที่ สมบูรณ์

อุตสาหกรรมภายในประเทศที่สามารถใช้ Regenerator เป็นอุปกรณ์นำความร้อนทิ้ง กลับมาใช้งาน สามารถแบ่งเป็นประเภทต่างๆได้ดังนี้ คือ อุตสาหกรรมการถลุงแร่ อุตสาหกรรมหลอม-รีค โลหะ-อโลหะ อุตสาหกรรมหลอมแก้ว โดยมีรายชื่อของบางบริษัทดังนี้

- อุตสาหกรรมการถลุงแร่ เช่น บริษัท ไทยแลนด์ สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่ง จำกัด บริษัท ผาแดง
   อินดัสทรี จำกัด (มหาชน) เป็นต้น
- อุตสาหกรรมหลอม-รีคโลหะ-อโลหะ เช่น บริษัท สายไฟฟ้าบางกอกเคเบิ้ล จำกัด บริษัท สายไฟฟ้าไทย-ยาซากิ จำกัด บริษัท โรงงานเหล็กกรุงเทพฯ จำกัด บริษัท แอล พี เอ็น เพลท มิล จำกัด (มหาชน) เป็นต้น
- อุตสาหกรรมหลอมแก้ว เช่น บริษัท กระจกสยาม จำกัด บริษัท บางนากลาส จำกัด บริษัท ลักกี้กลาส จำกัด บริษัท อุตสาหกรรมทำเครื่องแก้วไทย จำกัด เป็นต้น

การถลุงแร่ดีบุกเป็นอุตสาหกรรมหนึ่ง ที่มีการใช้น้ำมันเป็นเชื้อเพลิงในการเผาไหม้เพื่อ ถลุงสินแร่ โดยมีการให้ความร้อนจากการเผาไหม้โดยตรงซึ่งต้องทำความร้อนให้สูงถึง 1,350 °C เพื่อให้ได้อุณหภูมิสูงถึงจุดที่ดีบุกมีการหลอมเหลว ผลที่ตามมาคือเกิดก๊าซเสียจากการเผาไหม้ที่มี อุณหภูมิสูงมาก การปล่อยก๊าซเสียอุณหภูมิสูงนี้ออกสู่บรรยากาศนอกจากจะทำให้สภาวะแวดล้อมมี อุณหภูมิสูงขึ้นแล้ว ก๊าซเสียเหล่านี้ยังพาพลังงานความร้อนจำนวนมหาศาลทิ้งไปอีกด้วย ซึ่งพลังงาน ความร้อนนี้สามารถทำประโยชน์ได้อย่างมหาศาล ถ้าเราสามารถนำกลับมาใช้ได้อย่างเหมาะสมและมี ประสิทธิภาพ Regenerator เป็นอุปกรณ์แลกเปลี่ยนความร้อนชนิดหนึ่ง ที่สามารถนำความร้อน อุณหภูมิสูงกลับมาใช้ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ โดยโรงงานไทยแลนด์ สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่ง จำกัด (ไทยซาร์โก) เป็นโรงงานถลุงแร่ดีบุก ที่มีการใช้ Regenerator เป็นอุปกรณ์นำความร้อนกลับมาใช้ใหม่ ซึ่งเตาถลุงประกอบด้วย Regenerator จำนวน 2 ตัว ต่อเตาถลุง 1 เตา ดังแสดงในรูปที่ 1.1 และ แบบจำลองของเตาถลุง และ Regenerator ดังแสดงในรูปที่ 1.2

เนื่องจาก Regenerator เป็นอปกรณ์ที่ทำงานแบบไม่ต่อเนื่อง ซึ่งมีการทำงานสลับกันเป็น 2 ช่วงคือ ช่วงคายความร้อน (Heating period) และช่วงดูดความร้อน (Cooling period) การหาเวลา สำหรับวัฏจักรการทำงานที่ถูกต้อง (เวลาในการสลับ Period) จะทำให้การนำความร้อนกลับมาใช้มี ประสิทธิภาพที่สุด ซึ่งคณะวิจัยเห็นว่าการหาวัฏจักรการทำงานที่ถูกต้องใน Regenerator เป็นเรื่องที่ น่าสนใจและยังเป็นประโยชน์กับอุตสาหกรรมที่มีการทิ้งความร้อนที่มีอุณหภูมิสูงปริมาณมาก ในปัจจุบันโรงงานอุตสาหกรรมในประเทศไทย ยังขาดความรู้เกี่ยวกับการหาวัฏจักรการทำงานที่ถูกต้อง ใน Regenerator ทำให้การสลับวัฏจักรการไหลเป็นไปอย่างไม่เหมาะสม ทำให้การนำความร้อนสูญเสีย กลับมาใช้มีประสิทธิภาพต่ำ ดังนั้นการหาคาบการใหลที่เหมาะสมจะช่วยให้ Regenerator สามารถนำ ความร้อนกลับมาใช้ได้อย่างเต็มประสิทธิภาพ เนื่องจากการคำนวณโดยใช้วิธีวิเคราะห์ (Analytical method) ไม่สามารถทำได้โดยง่าย เพราะสมการอนพันธ์ที่ใช้คำนวณ อยู่ในลักษณะ ไม่เชิงเส้น อีกทั้งการ ทำการทดลองกับโรงงานต้องใช้งบประมาณค่อนข้างสงมาก เนื่องจากอปกรณ์ตรวจวัดที่ใช้ต้องสามารถ ทนความร้อนที่มีอุณหภูมิสูงได้ การติดตั้งที่ทำได้ยากเนื่องจากรูปร่างของตัว Regenerator เอง การเปิด-้ปิด Regenerator แต่ละครั้งซึ่งสณเสียพลังงานมหาศาล รวมทั้งการทำการทดลองที่ทำได้ไม่สะดวกเพราะ การทคลองแต่ละรอบใช้เวลานาน ตัวอย่าง เช่น โรงงานไทยแลนค์ สเมลติ้งแอนค์รีไฟนิ่ง จำกัค (ไทยซาร์โก) ใช้เวลาในการถลุงคีบก 8 ชั่วโมงต่อรอบการถลุง (16 ตัน) แต่ละรอบการถลุงต้องทำการ สลับคาบการใหลทุกๆ 30 นาที (เวลาในการสลับคาบการใหลในปัจจุบัน) และในการทคลองต้องทำการ เปลี่ยนคาบเวลาในการไหลหลายๆแบบเพื่อสร้างกราฟเพื่อหาวัฏจักรที่มีประสิทธิภาพสูงสุด ทำให้การ หาวัฏจักรที่เหมาะสมในการสลับคาบการไหลด้วยการทดลองต้องใช้ระยะเวลานาน จึงจะได้ผลลัพธ์ที่ ถูกต้อง ดังนั้นเราจึงศึกษาหาวิธีการที่รวดเร็ว และสะดวกในการใช้งานมากกว่าวิธีการวิเคราะห์และการ ทดลองที่สามารถใช้ในการหาวัฏจักรที่ทำให้ Regenerator มีประสิทธิภาพสูงสุด ซึ่งวิธีที่ทางผู้วิจัย เลือกใช้ คือ การใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในการคำนวณนั่นเอง

2



ร**ูปที่ 1.1** เตาถลุงคีบุก และ Regenerator ของโรงงานไทยแลนค์ สเมลติ้งแอนค์รีไฟนิ่ง จำกัด

# สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 1.2 แบบจำลองเตาถลุง

การใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในการแก้ปัญหาทางวิศวกรรม มีการใช้งานอย่าง แพร่หลายในต่างประเทศมาเป็นเวลาหลายทศวรรษ ้ ปัจจุบันประเทศไทยมีการตื่นตัวในการนำ ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขมาใช้ในการแก้ไขปัญหาในทางวิศวกรรม ซึ่งแต่ละระเบียบวิธีก็เหมาะสำหรับ เช่น ระเบียบวิธี Finite element เป็นระเบียบวิธีที่มีการใช้งานกันอย่าง การใช้งานที่ต่างกัน กว้างขวางในค้าน Solid Mechanics เพราะความมีประสิทธิภาพในการจำลองรูปร่างของแบบจำลอง ที่มีลักษณะซับซ้อนได้เป็นอย่างดี เนื่องจากตัว ที่ใช้ในการแบ่งโครงสร้างสามารถ element กำหนดให้มีรูปทรงทางเรขาคณิตที่ต่างกันได้ ส่วนระเบียบวิชี Finite difference สามารถใช้ใน ้ปัญหาการนำความร้อนในวัสดุที่มีรูปร่างไม่ซับซ้อน เช่น รูปร่างสี่เหลี่ยม ทรงกระบอก และทรง กลม โดยสามารถใช้ในการจำลองการไหลของของไหลได้อย่างมีประสิทธิภาพ เนื่องจากสามารถ ้ จำถอง control volume ของของใหลได้อย่างชัดเจน นอกจากนี้ยังสามารถจำลองปัญหาที่มีทั้งของ ์ใหลและของแข็งอยู่ในโคเมนเคียวกันได้เป็นอย่างดี จากการวิเคราะห์ลักษณะของปัญหาที่เราสนใจ พบว่าระเบียบวิธี Finite difference เป็นระเบียบวิธีที่เหมาะสมในการนำมาแก้ปัญหา การนำความ ร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัวในโครงอิฐทนไฟซึ่งมีรูปร่างเป็นสี่เหลี่ยมผืนผ้า โดยเรา สามารถใช้ระเบียบวิธี Finite difference ในการคำนวณหาวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมใน Regenerator ได้

โดยทั่วไปแล้วประสิทธิภาพเชิงความร้อนของ Regenerator จะมีค่าประมาณ 50-60% ซึ่งจากการผลงานวิจัยของ Dong et al. [1] ทำให้ทราบว่าการปรับเวลาในการสลับคาบการไหล ที่เหมาะสมจะทำให้มีประสิทธิภาพเชิงความร้อนสูงถึง 90% การใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขหาเวลาใน การสลับคาบการไหลที่เหมาะสมจะทำให้ประสิทธิภาพเชิงความร้อนของ Regenerator สูงขึ้นโดย ไม่ด้องมีเงินลงทุนในการติดตั้งอุปกรณ์เพิ่มเติม ซึ่งการใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขนี้นอกจากจะ ประหยัดค่าใช้จ่ายแล้ว ยังสะดวกและมีความคล่องตัวในการใช้งานสูง ซึ่งถ้าเราด้องการปรับปรุง Regenerator โดยการเปลี่ยนวัสดุสะสมความร้อน เราสามารถใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขทำนายปริมาณ ความร้อนนำกลับมาใช้ว่าเพิ่มขึ้นหรือลดลง โดยไม่ต้องทำการทดลองเปลี่ยนจริงซึ่งจะด้องเสีย ค่าใช้จ่ายสูงมาก อีกทั้งเรายังสามารถประยุกต์ใช้ในการคำนวณปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ใน Regenerator ที่มีขนาดต่างกัน ซึ่งถ้าเป็นการทดลองเราก็ต้องติดเครื่องมือใหม่ทุกครั้งที่มีการเปลี่ยน งนาด Regenerator นอกจากนี้แบบจำลองยังสามารถประยุกต์ใช้กับอุตสาหกรรมที่มีความเข้มข้น ก๊าซเสียต่างกันได้

ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ใช้ Finite difference method ในการแก้สมการอนุรักษ์ พลังงาน ของทั้ง Fluid และ Solid heat storage unit เพื่อหาการกระจายตัวของอุณหภูมิ ทั้งใน Fluid และ Solid heat storage unit ในแต่ละคาบวัฏจักรการทำงานของ Regenerator จากนั้นจึงนำข้อมูลที่ ได้มาคำนวณหาปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ของแต่ละคาบวัฏจักรการทำงาน และนำข้อมูล ปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้มาเปรียบเทียบกันเพื่อหาปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ที่มากที่สุด

#### 1.1 วัตถุประสงค์ของวิทยานิพนธ์

- 1. ศึกษาการทำงานของ Regenerator แบบโครงอิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม
- สึกษาระเบียบวิธีเชิงตัวเลขที่สามารถจำลองรูปแบบการกระจายอุณหภูมิภายใน โครงอิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม
- เพื่อประยุกต์แบบจำลองเชิงคณิตศาสตร์ที่สร้างขึ้นกับการใช้งานจริงใน อุตสาหกรรม
- หาวัฏจักรที่เหมาะสมในการสลับคาบการไหลเพื่อให้ได้ความร้อนนำกลับมาใช้ มากที่สุด

#### 1.2 ขอบเขตของวิทยานิพนธ์

- ศึกษาการทำงานของ Regenerator แบบโครงอิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม โดย คำนึงถึงการนำความร้อนในทิศตั้งฉากกับการไหลและการนำความร้อนในทิศ ทางการไหล
- สร้างแบบจำลองเชิงคณิตศาสตร์ที่สามารถจำลองการกระจายอุณหภูมิภายในโครง
   อิฐทนไฟ โดยคำนึงถึงการนำความร้อนในทิศตั้งฉากกับการไหลและการนำความ
   ร้อนในทิศทางการไหล
- ประยุกต์ใช้งานแบบจำลองเชิงคณิตศาสตร์ที่สร้างขึ้นกับ Regenerator แบบโครง อิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม ซึ่งใช้ร่วมกับเตาถลุงคีบุกของบริษัท ไทยแลนด์ สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่ง

#### 1.3 ขั้นตอนการดำเนินการ

วิทยานิพนธ์นี้แบ่งเป็น 3 ส่วนใหญ่ๆคือ

- การใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในการคำนวณหาวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมใน Regenerator
- การตรวจวัด และบันทึกข้อมูลการทำงานจริงของ Regenerator และนำผลลัพธ์มา เปรียบเทียบกับผลลัพธ์จากการคำนวณด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข
- วิเคราะห์ผลลัพธ์ที่ได้ และสรุปผล

 การใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในการคำนวณหาวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมใน Regenerator

ในส่วนนี้จะทำการศึกษาระบบการทำงาน กลไกทางด้านความร้อนของ Regenerator จากนั้นนำข้อมูลที่ได้มาหาความเหมาะสมในการเลือกใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขที่ให้ คำตอบที่มีค่าใกล้เคียงกับการใช้งานจริงมากที่สุด จากการศึกษาเบื้องต้นเราพบว่า ทางโรงงานใช้ K43 Super duty fireclay brick ซึ่งมีค่าการนำความร้อนในเนื้อวัสดุ 1.57 W/m.K (ที่ 1000 K) ส่วน อากาศมีค่าการนำความร้อน 0.0672 W/m.K (ที่ 1000 K) จาก Temperature gradients ที่เกิดขึ้น ภายในเนื้อวัสดุ การนำความร้อนภายในเนื้อวัสดุจะเกิดขึ้นทั้งในทิศทางการไหลและตั้งฉากกับการ ใหล ซึ่งเราสามารถจำลองรูปแบบโดยใช้ Finite conductivity model ในขั้นตอนการวิจัยเราจะทำ การหาองค์ประกอบอื่นๆ เช่น เงื่อนไขขอบเขต เงื่อนไขเบื้องต้น ฯลฯ ที่ทำให้แบบจำลองทาง คณิตศาสตร์มีความใกล้เคียงกับรูปแบบของ Regenerator ที่ใช้งานจริงมากที่สุดและจะนำ แบบจำลองที่ได้มาคำเนินการสร้างโปรแกรมคอมพิวเตอร์เพื่อทำการคำนวณโดยใช้แบบจำลองเชิง คณิตศาสตร์ที่สร้างขึ้น จากนั้นนำค่าที่ได้มาสรุปวิเคราะห์ผลเพื่อการวางแผนงานในการตรวจวัด ข้อมูลที่โรงงานต่อไป

## การตรวจวัด และบันทึกข้อมูลการทำงานจริงของ Regenerator และนำผลลัพธ์มา เปรียบเทียบกับผลลัพธ์จากการคำนวณด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

นำข้อมูลที่ได้จากการคำนวณด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลขมาเปรียบเทียบกับผลการ ทดลอง เพื่อตรวจสอบความถูกต้องของแบบจำลองเชิงคณิตศาสตร์ และปรับปรุงโปรแกรม กอมพิวเตอร์

#### วิเคราะห์ผลลัพธ์ที่ได้ และสรุปผล

เป็นการนำผลลัพธ์ที่ได้จากการคำนวณ และข้อมูลจาการตรวจวัดการทำงานจริง มาวิเคราะห์ สรุปผล เพื่อเป็นแนวทางในการนำไปใช้ควบคุมการทำงานของ Regenerator ใน โรงงานอื่น

#### 1.4 ผลที่คาดว่าจะได้รับ

ทราบวัฏจักรที่เหมาะสมในการสลับคาบการใหลของ Regenerator แบบโครงอิฐ ทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม ซึ่งผลที่ได้จะนำไปปรับปรุงการสลับคาบการไหลของ Regenerator แบบโครงอิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม ของบริษัทไทยแลนด์สเมลติ้ง แอนด์รีไฟนิ่ง จังหวัดภูเก็ต ซึ่งช่วยให้สามารถลดปริมาณการใช้น้ำมันเชื้อเพลิงลง ได้

- แนวทางในการควบคุมการทำงานของ Regenerator ในโรงงานอุตสาหกรรมอื่นๆ
   ที่ใช้ Regenerator ในลักษณะคล้ายคลึงกัน
- สามารถนำความร้อนทิ้งมาใช้ได้อย่างมีประสิทธิภาพ ซึ่งทำให้อุณหภูมิไอเสียที่ ปล่อยทิ้งไปมีค่าลดลง ซึ่งเป็นการรักษาสภาวะแวดล้อมโดยอ้อมด้วย
- 4. แนวทางในการพัฒนา และออกแบบรูปแบบของ Regenerator ที่ใช้ใน อุตสาหกรรมให้ทำงานอย่างเหมาะสม

#### 1.5 ส่วนประกอบของวิทยานิพนธ์

วิทยานิพนธ์นี้แบ่งออกเป็น 7 บท ดังต่อไปนี้

#### บทที่ 1 บทนำ

กล่าวถึงความสำคัญและที่มา วัตถุประสงค์ ขอบเขต ขั้นตอนการคำเนินการ ผลที่ คาดว่าจะได้รับ และส่วนประกอบของวิทยานิพนธ์

#### บทที่ 2 ผลงานวิจัยที่ผ่านมา

กล่าวถึงผลงานวิจัยที่คล้ายคลึงหรือใกล้เคียงกับวิทยานิพนธ์

#### บทที่ 3 ทฤษฏีที่เกี่ยวข้อง

ประกอบด้วยทฤษฎีต่างๆที่เกี่ยวข้องกับวิทยานิพนธ์ ทั้งทฤษฎีการถ่ายเทความ ร้อน และ Finite difference method ที่ใช้ในวิทยานิพนธ์นี้

## บทที่ 4 การตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมคอมพิวเตอร์

กล่าวถึงการตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมคอมพิวเตอร์ โดยเปรียบเทียบ แบบจำลองที่สร้างขึ้นกับกรณีศึกษาแบบต่างๆ โดยมีทั้งหมด 4 ปัญหาด้วยกัน คือ

#### 4.1 ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

- 4.1.1 กรณีเงื่อนใงขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และการถ่ายเทความร้อนคงที่
- 4.1.2 กรณีเงื่อน ใขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว

### 4.2 ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว

4.2.1 กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว

4.3 การพัฒนาโปรแกรมและการตรวจสอบกับกรณีมีโดเมนเหมือนการใช้งานจริง ในหัวข้อนี้จะทำการเปรียบเทียบ กับโปรแกรมที่สร้างขึ้นด้วยระเบียบวิธี แบบชัคแจ้ง และระเบียบวิธีแบบปริยายกับผลการกำนวณเชิงวิเคราะห์

#### บทที่ 5 อุปกรณ์การทดลองและวิธีดำเนินการทดลอง

กล่าวถึง Regenerator ของโรงงานไทยแลนค์สเมลติ้งแอนค์รีไฟนิ่ง จำกัด (ไทย ซาร์โก) วิธีการคำเนินการทุดลอง และอุปกรณ์ที่ใช้ในการทุดลอง

#### บทที่ 6 การเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข กับ การทดลอง

เป็นบทวิเคราะห์และการเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการคำนวณด้วยระเบียบวิธี เชิงตัวเลข กับ ข้อมูลที่ได้จากการทดลอง

#### บทที่ 7 บทสรุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ

ประกอบด้วยบทสรุปของวิทยานิพนธ์ ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะสำหรับ วิทยานิพนธ์ต่อเนื่องที่อาจดำเนินการได้ต่อไปในอนาคต

สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

# บทที่ 2 หลักการเหตุผลและผลงานที่มีมาก่อน

Regenerator แบบโครงอิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยม เป็นอุปกรณ์แลกเปลี่ยนความ ร้อนชนิดหนึ่ง ซึ่งมีการใช้งานอย่างแพร่หลายในอุตสาหกรรมทั่วไป โดยเฉพาะอย่างยิ่ง อุตสาหกรรมที่มีการเผาไหม้ และมีการปล่อยก๊าซเสียที่มีอุณหภูมิสูงทิ้งสู่บรรยากาศ ซึ่งความร้อน ส่วนนี้ เราสามารถนำมาอุ่นอากาศก่อนที่จะนำมาใช้ในห้องเผาไหม้ โดยใช้ Regenerator เป็น อุปกรณ์แลกเปลี่ยนความร้อน เนื่องจาก Regenerator เป็นอุปกรณ์แลกเปลี่ยนความร้อนที่มี คุณลักษณะที่น่าสนใจ จึงมีงานวิจัยที่เกี่ยวข้องเกิดขึ้นมากมาย ซึ่งอาจจะสรุปได้กร่าวๆ ดังนี้

Butterfield et al. [2] ใช้ทฤษฎีของ Hausen [3] ในการคำนวณ Heat transfer coefficient และ Temperature gradient ในส่วนของ Stove โดยได้แสดงความสัมพันธ์ของอุณหภูมิ กับเวลาที่เปลี่ยนไปของของไหลและวัสดุสะสมความร้อน รวมถึง Optimum time cycle โดยไม่คิด การนำความร้อนในทิศตั้งฉากกับการไหล และแสดงการเปรียบเทียบผลการประหยัดจากการ ปรับเปลี่ยนพื้นที่ผิวในการถ่ายเทความร้อน ของระบบ 3-4 Stove จากข้อสรุปของทฤษฎี Regenerator ของ Hausen พบว่าสามารถใช้ได้ในกรณี เตามีสภาวะภายในเท่ากัน (Uniform stove conditions) และในกรณีของ การเปลี่ยนแปลงแบบไม่เชิงเส้นตามเวลา (Non-linear time variations) ของอุณหภูมิของโครงอิฐทนไฟ

Butterfield et al. [4] จึงได้ศึกษาในกรณี เตามีสภาวะภายในไม่เท่ากัน (Nonuniform stove conditions) เช่น ค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนและค่าความร้อนจำเพาะ แปร ผันตามอุณหภูมิภายในเตา การปรับอัตราการใหลแบบไม่คงที่ การเปลี่ยนรูปร่าง สัมประสิทธิ์การ นำความร้อน และความจุความร้อนของโครงอิฐทนไฟ โดยในพื้นฐานของทฤษฎีจะมีการ เปรียบเทียบค่าใช้จ่ายระหว่าง 3 และ 4 Stove systems และระหว่างโครงอิฐรูปตารางหมากรุก หลายๆแบบ

 Willmott [5] ได้กล่าวถึง วิธีการแก้สมการเชิงอนุพันธ์ ของ Regenerator ซึ่งได้

 ยกตัวอย่างผลงานที่เคยมีมาทั้งวิธีการแก้สมการโดยตรง
 และการแก้สมการโดยใช้ระเบียบวิธีเชิง

 ตัวเลข
 โดยในงานวิจัยฉบับนี้ได้ใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในการแก้สมการเชิงอนุพันธ์
 โดยใช้กฎ

 สี่เหลี่ยมกางหมูเข้ามาช่วยในการกำนวณ
 จากนั้นนำข้อมูลที่ได้ไปเปรียบเทียบกับการกำนวณด้วย

 ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขของ
 Iliffe
 [6] ซึ่งได้ผลลัพธ์ที่ใกล้เกียงกัน
 และในงานวิจัยยังได้พูดถึง

องค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อ Truncation errors และผลของ Hausen ratio k / k<sub>0</sub> ซึ่งแสดงถึงเวลาที่ใช้ ในการลู่เข้าสู่ผลลัพธ์ โดยถ้าค่า Hausen ratio สูงจะใช้ Time step ในการลู่เข้าสู่ผลลัพธ์น้อยกว่า

Willmott [7] ได้ศึกษาวิธีการรักษาอุณหภูมิของ Supplied preheated gas ให้มี อุณหภูมิคงที่ ซึ่งโดยปกติแล้วอุณหภูมิของแก๊สที่ทางออกของ Regenerator จะเปลี่ยนแปลงไป โดยขึ้นกับเวลาในแต่ละรอบ การรักษาอุณหภูมิของ Supplied preheated gas ให้มีอุณหภูมิคงที่ สามารถทำได้โดยการ By-pass อากาศมาผสมกับอากาศร้อนจาก Regenerator จนอากาศที่อุ่นมี อุณหภูมิคงที่ โดยที่งานวิจัยฉบับนี้แสดงถึงวิธีแก้สมการอนุพันธ์ที่มีพฤติกรรมแบบ Non-linear นี้ โดยใช้ Lumped heat transfer coefficients โดยจะศึกษาเพื่อหาความสัมพันธ์ของ Temperature ใน Regenerator ให้เป็นฟังก์ชันของระยะทางในทิศทางการไหลและเวลา ผลจากการนำความร้อนใน ทิศทางตั้งฉากกับการไหล สามารถละทิ้งได้ หรือจะรวมให้เป็น Lumped หรือ Overall heattransfer coefficient ก็ได้

Willmott [8] ได้ศึกษาปัญหาการนำความร้อนที่ขึ้นกับเวลาใน Regenerator ในสามมิติ ซึ่ง จากการศึกษาทฤษฎีของ Tipler [9] ทำให้ Willmott พบว่าในกรณีของวัสดุสะสมความร้อนที่เป็น เซรามิก สามารถละทิ้งการนำความร้อนในทิศทางการใหล่ได้ และจากทฤษฎีของ Hausen [10] ทำ ให้ทราบว่าสามารถลดรูปสมการให้เหลือสมการการนำความร้อนที่ขึ้นกับเวลาในหนึ่งมิติได้ (กิด เฉพาะทิศตั้งฉากกับการไหล) ส่วนของไหลกิดเฉพาะการนำความร้อนในทิศทางการไหล จากนั้น นำสมการทั้งสองไปจัดรูปแบบในเทอมไร้มิติ และใช้อุณหภูมิเฉลี่ยของวัสดุสะสมความร้อน (Mean solid temperature) และ Overall heat-transfer coefficient ในการจำลองการนำความร้อนในทิศตั้ง ฉากการไหล ทำการแก้สมการเชิงอนุพันธ์จากทั้งสองวิธีด้วยระเบียบวิธี Finite difference ซึ่งได้ ผลลัพธ์ที่ใกล้เกียงกัน แต่ระเบียบวิธี Finite difference ของกรณี Overall heat-transfer coefficient ใช้เวลาในการกำนวณน้อยกว่าและที่ Hausen Ratio สูงๆจะมีปัญหาในเรื่องการลู่ออกน้อยกว่า

Willmott [11] ใช้วิธี Numerical acceleration ของ Aitken [12] ในการช่วยให้ โปรแกรมเข้าถึง Cyclic equilibrium ได้เร็วขึ้น เนื่องจาก Packing ของ Thermal regenerator มี Thermal inertia มาก ทำให้ Regenerator ใช้เวลานานกว่าที่จะถึง Cyclic equilibrium ส่งผลให้ Mathematical model ที่จำลองการทำงานของ Regenerator ใช้เวลานานกว่าจะลู่เข้า กระบวนการ ของ Numerical acceleration ที่พูดถึงในงานวิจัยฉบับนี้แสดงถึงวิธีในการแก้ปัญหาเรื่อง Thermal inertia ที่ทำให้โปรแกรมเข้าถึง Cyclic equilibrium ได้ภายในไม่กี่ Cycle

Schmidt and Willmott [13] ยังได้นำเสนอ Transient response ของโครงอิฐทนไฟ โดยใช้วิธี Lumped หรือ Bulk heat-transfer coefficients ของ Hausen จำลองความต้านทานภายใน อิฐบวกเพิ่มกับความต้านทานระหว่างก๊าซกับอากาศไปที่ผิวของ Packing ในงานวิจัยนี้ได้แสดงการ กระจายตัวของอุณหภูมิในเนื้อโครงอิฐทนไฟ โดยที่ทางเข้าและทางออกจะมีการกระจายตัวเป็น แบบ Non-linear ตามเวลาที่เปลี่ยนไป ส่วนช่วงที่เหลือแสดงพฤติกรรมเป็นแบบ Linear ทั้งในช่วง Heating และ Cooling period

Ridgion and Kerrison [14] นำเสนอวิธีการทดลองวัดสัมประสิทธิ์การพาความ ร้อนในโครงอิฐทนไฟ โดย Regenerator ที่ใช้ทดลองมีอุณหภูมิของไหลขาเข้าแตกต่างกัน โดย โครงอิฐทนไฟประกอบด้วยช่อง 7 ช่อง มีพื้นที่หน้าตัด 4x2 ตารางฟุต และสูง 8x2 ตารางฟุต มวล รวม 2540 lb เครื่องมือวัดจะต้องออกแบบให้มี Heat loss และ Thermal capacity น้อยที่สุด จะได้ ความสัมพันธ์ของสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อน *h* เปลี่ยนแปลงเป็นเส้นตรงกับปริมาณอากาศที่ ใหลผ่าน

Larsen [15] ทำการคำนวณอุณหภูมิของแข็งและของไหลที่ตำแหน่งใดๆใน Regenerative Heat exchanger โดยใช้วิธีกำนวณโดยตรง ซึ่งวิธีนี้สามารถประยุกต์ใช้กับกรณี อุณหภูมิเริ่มต้นของอิฐทนไฟเปลี่ยนไปตามตำแหน่งในทิศทางการไหลและ อุณหภูมิของของไหลที่ ทางเข้าเปลี่ยนไปตามเวลา งานวิจัยที่มีมาก่อนหน้านี้ได้แสดงผลของปัญหาที่มีอุณหภูมิเริ่มต้นของ อิฐทนไฟสม่ำเสมอ และได้แสดงตารางและกราฟที่แสดงค่า Dimensionless time (ŋ) และ Dimensionless length (ζ) ในช่วง 0 ถึง 20 ผลของ Linear initial matrix temperature และ Linear entering fluid temperature ก็สามารถแสดงผลด้วยเส้นโด้งและกราฟในรูปแบบเดียวกัน ด้วยตัวแปร ในช่วงเดียวกัน ด้วยวิธี Superposition โดยผลลัพธ์จะถูกขยายไปยังกรณี Arbitrary initial matrix temperature และ Arbitrary entering fluid temperature ในงานวิจัยนี้ได้นำเสนอวิธี 2 วิธีในการหา ผลลัพธ์ด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข วิธีแรกใช้หาค่าโดยวิธี Convolution integral ด้วยเงื่อนไขใดๆ ส่วนวิธีที่สองจะประมาณเงื่อนไขขอบและเงื่อนไขเริ่มต้นใดๆ เป็นหลายๆ Linear segments แล้ว นำมารวมกัน

Schmidt and Szego [16] ได้หา Transient response ของ Solid sensible heat storage unit ที่มีช่องพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า ซึ่งรับความร้อนมาจากของไหลที่มี คุณสมบัติเป็นเนื้อเดียวกัน โดยที่งานวิจัยฉบับนี้ได้คิดรวม การนำความร้อนทั้งในทิศตั้งฉากและทิศ ทางการไหล โดยแก้สมการอนุรักษ์พลังงานของ Fluid และ Transient conduction ของ Heat storage unit โดยใช้ Finite difference method ผลลัพธ์ในการทำนายอุณหภูมิของ Heat storage unit และ Fluid ขาออกจาก Storage unit จะแสดงในรูปของฟังก์ชันของตัวแปรไร้มิติ ในปี 1978 Schmidt and Szego [17] ได้หา Transient response ของ Solid sensible heat storage unit ที่มีช่อง การไหลของก๊าซเป็นรูปทรงกระบอกและทำงานในสภาพ Single-blow โดยใช้วิธี Finiteconductivity model เพื่อหาผลลัพธ์จากการไหล 2 แบบ กรณีแรกของไหลไหลภายในทรงกระบอก โดยที่ผิวนอกเป็น Adiabatic ส่วนในกรณีที่ 2 ของใหลใหลผ่านผิวนอกของทรงกระบอก โดย พิจารณาให้ผิวทรงกระบอกด้านในเป็น Adiabatic โดยของใหลจะกิดการนำความร้อนที่ขึ้นกับเวลา ในหนึ่งมิติในทิศทางการไหล ส่วนวัสดุสะสมความร้อนกิดการนำความร้อนที่ขึ้นกับเวลาในสอง มิติทั้งการนำความร้อนในแนวรัศมีและการนำความร้อนในทิศทางการไหล โดยใช้ Finite difference method ในการแก้สมการเชิงอนุพันธ์ และแสดงผลเป็นฟังก์ชันไร้มิติของอุณหภูมิที่ขา ออกและปริมาณความร้อนที่สะสมโดยวัสดุสะสมความร้อน

Klein and Eigenberger [18] ใช้ Analytical model ในการหาการกระจายของ อุณหภูมิและค่า Effectiveness ของ Regenerator ซึ่งในกรณีนี้จะสนใจเฉพาะกรณีที่ผนังของวัสดุ สะสมความร้อนค่อนข้างบาง เช่น ในกรณีที่ผนังสะสมความร้อนทำจากโลหะ อุณหภูมิจะ เปลี่ยนแปลงน้อยในทิศตั้งฉากกับการไหล ดังนั้นสามารถละทิ้งการนำความร้อนในทิศตั้งฉากกับ การไหล โดยจะสลับคาบการไหลในช่วงเวลาสั้นๆ คณะวิจัยใช้ Taylor-series expansions ในการ ประมาณค่า Integrals ทั้งการกระจายอุณหภูมิและค่า Effectiveness และได้นำผลลัพธ์ที่ได้มา เปรียบเทียบกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ซึ่งผลลัพธ์ที่ได้มีค่าใกล้เคียงกัน

Dong et al. [1] ได้ทำการทดลองหาประสิทธิภาพเชิงอุณหภูมิและการถ่ายเทความ ร้อนใน Regenerator โดยการเปลี่ยนตัวแปรสามตัว คือ เวลาในการสลับคาบการไหล ขนาดของ ช่องทางการไหล และความยาวของช่องทางการไหล จากนั้นนำข้อมูลที่ได้มาเปรียบเทียบกับ ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขซึ่งใช้โปรแกรมสำเร็จรูป STAR-CD พบว่าแนวโน้มของข้อมูลทั้งสองเป็นไป ในทางเดียวกัน แต่ในช่วง Regenerating period ข้อมูลมีความคลาดเคลื่อนค่อนข้างสูงซึ่งอาจเป็น เพราะโปรแกรม STAR-CD ไม่สามารถจำลอง Disturbances ที่เกิดจากการสลับคาบการไหลอย่าง ทันทีทันใด

จิรชนย์ เสรีวิชยสวัสดิ์ [19] ใช้ Finite difference method ในการหาการกระจาย อุณหภูมิทั้งในวัสดุสะสมความร้อนและในของไหล โดยใช้ Lumped heat-transfer coefficient ใน การจำลองสมการการนำความร้อนที่ขึ้นกับเวลาในทิศตั้งฉากกับการไหล โดยเทียบกับการทำการ ทดลองจริงกับโรงงาน โดยมีการวัดอุณหภูมิที่ตำแหน่งกึ่งกลางของของไหลและกึ่งกลางของวัสดุ สะสมความร้อนทั้งทางเข้า และทางออก โดยผลจากการทดลองและการกำนวณมีแนวโน้มไป ในทางเดียวกัน ในงานวิจัยนี้ใช้ Finite difference method ในการแก้สมการอนุรักษ์พลังงาน ของทั้ง Fluid และ Solid heat storage unit เพื่อหาการกระจายอุณหภูมิ ทั้งใน Fluid และ Solid heat storage unit ในแต่ละคาบวัฏจักรการทำงานของ Regenerator โดยนำข้อมูลที่ได้มาคำนวณหาปริมาณความ ร้อนนำกลับมาใช้ของแต่ละคาบวัฏจักรการทำงาน จากนั้นนำข้อมูลปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ มาเปรียบเทียบกันเพื่อหาปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ที่มากที่สุด เนื่องจากงานวิจัยนี้ใช้ แบบจำลองแบบ Lumped heat-transfer coefficient ซึ่งไม่สามารถจำลองการกระจายอุณหภูมิใน วัสดุสะสมความร้อนได้ ทำให้ไม่สามารถจำลองการไหลในกรณีที่มีค่า Biot number สูงๆได้ ประกอบกับในการทำการทดลอง จิรชนย์ เสรีวิชยสวัสดิ์ ทำการติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ลเฉพาะ ตำแหน่งกึ่งกลางของของไหล และกึ่งกลางของวัสดุสะสมความร้อนทั้งทางเข้าและทางออก ทำให้ ไม่สามารถแสดงให้เห็นการกระจายอุณหภูมิในวัสดุสะสมความร้อน

ในงานวิจัยฉบับนี้จะใช้ Finite difference method ในการแก้สมการอนุรักษ์ พลังงานที่ขึ้นกับเวลาในสองมิติของ Solid heat storage unit โดยจะคำนึงถึงการนำในทิศทางการ ไหล และการนำในทิศตั้งฉากกับการไหล เพื่อหาการกระจายอุณหภูมิใน Solid heat storage unit และจะใช้ Simplified model ของ Willmott[13] ในการหากระจายอุณหภูมิในของไหล ในแต่ละวัฏ จักรการทำงานของ Regenerator นำข้อมูลที่ได้มาคำนวณหาปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ของแต่ ละวัฏจักรการทำงาน จากนั้นนำข้อมูลปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้มาเปรียบเทียบกันเพื่อหา ปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ที่มากที่สุด

สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

#### บทที่ 3

# ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

#### 3.1 หลักการทำงานของ Counter Flow Regenerator

Regenerative Heat Exchanger หรือ Regenerator เป็นอุปกรณ์แลกเปลี่ยนความ ร้อนแบบไม่ต่อเนื่องชนิดหนึ่ง ซึ่งทำการแลกเปลี่ยนความร้อนระหว่างของไหลสองชนิด โดยใช้ ดัวกลางซึ่งเป็นของแข็งในการสะสมความร้อน โดยมีการทำงาน 2 ช่วงคือ ช่วงสะสมความร้อน และช่วงคายความร้อน (Heating period และ Cooling period) ซึ่งช่วงสะสมความร้อนนั้นของไหล ที่มีอุณหภูมิสูงจะไหลผ่านตัวกลาง และมีการถ่ายเทความร้อนจากของไหลอุณหภูมิสูง สู่ตัวกลางที่ มีอุณหภูมิต่ำกว่าเป็นระยะเวลาหนึ่ง จากนั้นจึงหยุดปล่อยของไหลอุณหภูมิสูง จากนั้นวัฏจักรจะเข้า สู่ช่วง คายความร้อน ของไหลที่มีอุณหภูมิต่ำกว่าถูกปล่อยผ่านตัวกลางในทิศสวนทางการไหลกับ ของไหลอุณหภูมิสูง ความร้อนที่สะสมอยู่ในตัวกลางจะถ่ายเทมายังของไหลที่มีอุณหภูมิต่ำกว่าเป็น ระยะเวลาหนึ่ง จากนั้นจึงหยุดปล่อยของไหลอุณหภูมิต่ำ และวัฏจักรจะเข้าสู่ช่วงสะสมความร้อน ต่อ



รูปที่ 3.1 (a) Regenerator ทางค้านซ้ายมืออยู่ในช่วง Cooling period ส่วน Regenerator ทางค้าน ขวามืออยู่ในช่วง Heating period



รูปที่ 3.1 (b) Regenerator ทางด้านซ้ายมืออยู่ในช่วง Heating period ส่วน Regenerator ทางด้าน ขวามืออยู่ในช่วง Cooling period

จากรูปที่ 3.1 แสดงภาพของแบบจำลองการทำงานของ Regenerator โดยตรงกลาง ้ คือห้องเผาใหม้ ส่วนอุปกรณ์ด้านซ้ายและขวาคือ Regenerator โดยใช้วาล์วในการควบคุมทิศ ทางการใหลผ่าน Regenerator สลับการทำงานของ Regenerator ซึ่งอยู่ด้านซ้ายและขวา รูป 3.1 (a) อากาศที่มีอุณหภูมิต่ำใหลเข้า Regenerator ทางด้านซ้ายมือ รับความร้อนจาก Regenerator ทำให้มี อุณหภูมิสูงขึ้นและไหลเข้าสู่ห้องเผาไหม้ ส่วนก๊าซเสียที่มีอุณหภูมิสูง จะไหลเข้า Regenerator ด้าน ้ขวามือและคายความร้อนให้กับ Regenerator ทำให้มีอุณหภูมิต่ำลง และไหลผ่านวาล์วควบคุมการ ์ใหลออกสู่บรรยากาศ กระบวนการจะดำเนินไปชั่วระยะเวลาหนึ่ง จากนั้นวาล์วควบคมทิศทางจะ สลับทิศทางการไหล และดำเนินกระบวนการไปตามรูป 3.1(b) อากาศที่มีอุณหภูมิต่ำไหลเข้า Regenerator ทางด้านขวา รับความร้อนจาก Regenerator ทำให้มีอุณหภูมิสูงขึ้นและไหลเข้าสู่ห้อง ้เผาใหม้ ก๊าซเสียที่มีอุณหภูมิสูง จะใหลเข้า Regenerator ด้านซ้ายมือและคายความร้อนให้กับ ทำให้มือณหภมิต่ำลง และใหลผ่านวาล์วควบคุมการใหลออกสู่บรรยากาศ Regenerator กระบวนการจะดำเนินไปชั่วระยะเวลาหนึ่ง จากนั้นวาล์วควบคมทิศทางจะสลับทิศทางการใหล และคำเนินการซ้ำเคิมคังรุป 3.1(a)

#### 3.2 การถ่ายเทความร้อน (Heat transfer)

โดย

เนื่องจาก Regenerator แบบโครงอิฐทนไฟรูปปล่องสี่เหลี่ยมที่ทำการศึกษา เป็น อุปกรณ์นำความร้อนเหลือทิ้งกลับมาใช้ใหม่ ที่มีการทำงานที่อุณหภูมิสูง โดยจะทำการเก็บสะสม ความร้อนจากก๊าซเสียซึ่งมีอุณหภูมิประมาณ 1,350°C ไว้ในวัสดุสะสมความร้อน หลังจากนั้นจะมี การดึงความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนด้วยอากาศดีเพื่อนำไปใช้ในการเผาไหม้ ซึ่งการทำงาน ของ Regenerator จะเกิดการถ่ายเทความร้อนทั้ง 3 รูปแบบ คือ การนำความร้อน การพาความร้อน และการแผ่รังสีความร้อน

#### 3.2.1 การนำความร้อน (Conduction heat transfer)

การนำความร้อนเป็นการถ่ายเทพลังงานจากการมีปฏิสัมพันธ์กันของ อนุภาคที่มีพลังงานสูงไปสู่อนุภาคที่มีพลังงานต่ำกว่าที่อยู่ติดกัน การนำความร้อนสามารถ เกิดขึ้นได้ในตัวกลางที่เป็นของแข็ง ของเหลว และก๊าซ ในกรณีของแข็ง การนำความร้อน เกิดจากการสั่นของโมเลกุลในโครงร่างผลึกของตัวกลาง พลังงานดังกล่าวจะถูกถ่ายเทโดย อิเล็กตรอนอิสระ ส่วนกรณีของเหลวและก๊าซ การนำความร้อนจะเกิดจากการชนของ โมเลกุลที่เคลื่อนที่ไปมา อัตราการนำความร้อนผ่านตัวกลางขึ้นอยู่กับรูปร่าง ความหนา และชนิดของตัวกลาง รวมทั้งความแตกต่างของอุณหภูมิด้วย ตามกฎของ Fourier สามารถ เขียนเป็นสมการได้ว่า

$$Q = -kA \frac{dT}{dx}$$
(3.1)
คือ อัตราการถ่ายเทความร้อนจากการนำความร้อน (W)

 Q
 คือ
 อัตราการถ่ายเทความร้อนจากการนำความร้อน (W)

 k
 คือ
 ค่าความสามารถการนำความร้อนของตัวกลาง (W / (m.K))

 A
 คือ
 พื้นที่ที่ความร้อนไหลผ่าน (m²)

  $\frac{dT}{dx}$  คือ
 ความชันของอุณหภูมิเมื่อเทียบกับระยะทางที่เกิดการนำความร้อน (K/m)

การพาความร้อนเป็นรูปแบบการถ่ายเทพลังงานระหว่างพื้นผิวของแข็งกับของ ใหลที่อยู่ติดกัน และเกี่ยวข้องกับการนำความร้อนรวมถึงการเกลื่อนที่ของของไหลด้วย ของไหลที่เกลื่อนที่เร็วกว่าจะพาความร้อนได้ดีกว่า ส่วนของไหลที่อยู่นิ่งจะมีเพียงการนำ ความร้อนเท่านั้นตามกฎของ Newton สามารถเขียนเป็นสมการได้ว่า

$$Q_{conv} = hA(T_w - T_f)$$
(3.2)

โดย	$Q_{conv}$	คือ 🥌	อัตราการถ่ายเทความร้อนจากการพาความร้อน (W)
	h	คือ 🧹	ค่าสัมประสิทธิ์การพาความร้อน (W / (m².K))
	A	คือ 🧹	พื้นที่ที่ความร้อนใหลผ่าน (m²)
	$T_w$	คือ	อุณหภูมิพื้นผิว (เท่ากับอุณหภูมิของของไหลที่อยู่ติดกัน) (K)
	$T_{f}$	คือ	อุณหภูมิของของไหล ณ ตำแหน่งห่างจากพื้นผิวไกลออกไป (K)

ใน Regenerator ที่ทำการวิจัย การพาความร้อนที่เกิดขึ้นระหว่างผิวอิฐทนไฟกับ ก๊าซเสียหรืออากาศจะเป็นแบบบังคับ (Forced convection) มี Blower เป็นตัวขับคัน และเป็นการ ไหลภายในท่อ (Internal flow) โดยสัมประสิทธิ์การพาความร้อน *h* ขึ้นอยู่กับรูปแบบการไหล คุณสมบัติของของไหล ดังนี้

#### รูปแบบการใหลในท่อ (Flow regimes in a tube)

การไหลในท่อสามารถเป็นไปได้ทั้ง 2 แบบ คือ แบบราบเรียบ (Laminar) และ แบบปั่นป่วน (Turbulent) โดยถูกกำหนดด้วย Reynolds number ดังนี้ [20]

$$Re = \frac{v_m D_h}{v} = \frac{\dot{m} D_h}{A_c \mu}$$
(3.3)
โคย	Re	คือ	Reynolds number เมื่อ	Re < 2,300 Laminar flow
				$2,300 \le Re \le 4,000$ Transition to turbulence
				$Re \ge 4,000$ Turbulent flow

$V_m$	คือ	ความเร็วเฉลี่ยของของไหล (m/s)
$D_h$	คือ	Hydraulic diameter (m); $D_h = \frac{4A_c}{p}$
V	คือ	Kinematic viscosity ของของใหล (m²/s)
ṁ	คือ	อัตราการไหลโดยมวลของของไหล (kg/s)
$A_{c}$	คือ	พื้นที่หน้าตัดการไหล (m²)
p	คือ	เส้นรอบวง (m)
μ	คือ	Absolute viscosity (kg/(m/s))

#### Hydrodynamic and thermal entry lengths

พิจารณา Fluid ที่ไหลในท่อ อนุภาคของของไหลในชั้นที่ติดกับพื้นผิวท่อจะหยุด นิ่ง ซึ่งจะทำให้อนุภาคของของไหลในชั้นถัดไปเคลื่อนไหวช้าลงจากแรงเสียดทาน เพื่อเป็นการ ชดเชยความเร็วที่ลดลง ความเร็วของของไหลตรงกลางท่อต้องเพิ่มขึ้น เนื่องจากอัตราการไหลโดย มวลที่คงที่ จึงเกิด Velocity boundary layer ขึ้นตลอดความยาวท่อ ความหนาของ Boundary layer จะเพิ่มขึ้นเรื่อยๆ ตามทิศทางการไหล จนมาบรรจบกันตรงกลางท่อดังรูปที่ 3.2 ระยะทางจากทางเข้า ของท่อจนถึงจุดที่ Boundary layer มาบรรจบกันตรงกลางท่อดังรูปที่ 3.2 ระยะทางจากทางเข้า ของท่อจนถึงจุดที่ Boundary layer มาบรรจบกันเรียกว่า Hydrodynamic entry region และความยาว นี้เรียกว่า Hydrodynamic entry length , *L*, ส่วนของท่อที่เลยจากนี้ไปซึ่ง Velocity profile พัฒนา เต็มที่ และไม่เปลี่ยนแปลงอีกเรียกว่า Hydrodynamically developed region โดย Velocity profile ใน ส่วนนี้จะเป็นรูปโด้งแบบ Parabolic สำหรับการไหลแบบ Laminar แต่สำหรับการไหลแบบ Turbulent จะแบนราบกว่า



รูปที่ 3.2 การพัฒนาของ Velocity boundary layer ของของใหลที่ใหลภายในท่อ [21]



ร**ูปที่ 3.3** การพัฒนาของ Thermal boundary layer ของของใหลที่ใหลภายในท่อ [21]

เมื่อพิจารณาของไหลที่มีอุณหภูมิคงที่แบบ Uniform ไหลเข้าท่อที่มีอุณหภูมิสูง หรือต่ำกว่าอนุภาคของของไหล ในชั้นที่ติดกับพื้นผิวท่อจะถือว่ามีอุณหภูมิเท่ากัน พัฒนา Thermal boundary layer ไปตามท่อ โดยความหนาของ Boundary layer นี้จะเพิ่มขึ้นตามทิศการไหลจนมา บรรจบกันที่กลางท่อดังรูปที่ 3.3 พื้นที่ที่ Thermal boundary layer พัฒนาขึ้นจนถึงจุดที่ Boundary layer มาบรรจบกันเรียกว่า Thermal entry region และความยาวของพื้นที่นี้เรียกว่า Thermal entry length,  $L_i$  ส่วนพื้นที่ที่เลยจากนี้ไปซึ่ง Profile ของ Dimesionless temperature,  $\frac{(T-T_s)}{(T_m - T_s)}$  ( $T_m$  คือ Mixed mean fluid temperature) คงที่ไม่เปลี่ยนแปลงอีกเรียกว่า Thermally developed region

พื้นที่ที่เป็นทั้ง Hydrodynamically และ Thermally developed จะเรียกว่า "Fully developed flow"

ในกรณีของการใหลแบบ Laminar ค่า Prandtl number, *Pr* จะเป็นตัววัด ความสัมพันธ์กันของการพัฒนา Velocity และ Thermal boundary layer โดยของใหลที่เป็นก๊าซ (*Pr* ≈ 1) Boundary layer ทั้งสองชนิดจะพัฒนาไปพร้อมๆ กัน และสามารถประมาณค่า Hydrodynamic กับ Thermal entry lengths ได้ดังนี้ [20]

$$L_{h,laminar} \approx 0.05 ReD_h$$
 (3.4a)

$$L_{t,laminar} \approx 0.05 RePrD_h$$
 (3.4b)

ในกรณีของการไหลแบบ Turbulent ค่า Hydrodynamic กับ Thermal entry lengths จะไม่ขึ้นอยู่กับ Re และ Pr จึงได้ว่า

$$L_{h,turbulent} \approx L_{t,turbulent} \approx 10D_h$$
 (3.5)

ดังนั้นค่าสัมประสิทธิการพาความร้อนเฉลี่ยตลอดความยาวท่อ , *h<sub>conv</sub>* หาได้จาก สมการ

$$\bar{h}_{conv} = \frac{N u_{D_h} k}{D_h}$$
(3.6)

โดย  $\overline{h}_{conv}$  คือ สัมประสิทธิ์การพาความร้อนเฉลี่ยตลอดความยาวท่อ (W/m<sup>2</sup>K)  $D_h$  คือ Hydraulic diameter (m) k คือ ค่าความสามารถการนำความร้อนของของไหล (W/(m<sup>2</sup>K))  $\overline{Nu}_{D_h}$  คือ ค่า Nusselt number เฉลี่ยตลอดความยาวท่อซึ่งหาได้ดังนี้

สำหรับ Laminar flow (Re < 2,300) หลังจากพิจารณาความยาวของท่อแล้ว พบว่าสั้นกว่า  $L_{h}$  และ  $L_{t}$  รวมทั้งไม่มี Unheated starting length (ความยาวท่อส่วนที่มีอุณหภูมิเท่ากับ ของไหลที่ไหลผ่าน)

เมื่อค่า 
$$\left[\left(\frac{Re_{D_h}Pr}{L}\right)^{\frac{1}{3}}\left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{0.14}\right] \ge 2$$
 ท่อที่พิจารณาจะอยู่ในช่วงของ Combined

(Thermal and velocity) entry length lift  $T_s = \text{constant}, [0.48 < Pr < 16,700],$  $[0.0044 < (\frac{\mu}{\mu_s}) < 9.75] \quad [21]$ 

Subscript sคือที่ตำแหน่งพื้นผิวของท่อSubscript  $D_h$ คือHydraulic diameter (m)

$$\overline{Nu}_{D_h} = 1.86(\frac{Re_{D_h}Pr}{\underline{L}})^{\frac{1}{3}}(\frac{\mu}{\mu_s})^{0.14}$$
(3.7)

เมื่อ  $\left[\left(\frac{Re_{D_h}Pr}{L}\right)^{\frac{1}{3}}\left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{0.14}\right] < 2$  และ  $T_s = \text{constant}$  พื้นที่ส่วนใหญ่ของท่อจะ

มีการใหลแบบ Fully developed

$$\overline{Nu}_{D_h} = 2.98 \tag{3.8}$$

คุณสมบัติทุกอย่างที่ปรากฎในสมการ หาได้ที่อุณหภูมิเฉลี่ยของของไหล, $\overline{T}_f = rac{(T_{f,in} + T_{f,out})}{2}$  ยกเว้น  $\mu_s$ หาได้ที่อุณหภูมิผิวท่อ

Subscript $f, in$	คือ	ที่ตำแน่งของใหล่ที่ทางเข้า
Subscript f, out	คือ	ที่ตำแน่งของใหลที่ทางออก

สำหรับ Turbulent flow ที่คุณสมบัติต่างๆ มีการเปลี่ยนแปลงมาก สมการที่ใช้จึง ด้องมีการประมาณที่ดี และสามารถใช้ได้กับสภาพ Uniform surface temperature และ Uniform heat flux ดังนี้ [21]

สำหรับ  $[0.7 \le Pr \le 16,700]$ ,  $[Re_{D_h} \ge 10,000]$ ,  $[\frac{L}{D_h} \ge 10]$ 

$$\overline{Nu}_{D_h} = 0.027 Re_{D_h} Pr^{\frac{1}{3}} (\frac{\mu}{\mu_s})^{0.14}$$
(3.9)

คุณสมบัติทุกอย่างที่ปรากฏในสมการ หาได้ที่อุณหภูมิเฉลี่ยของของไหล,  $\overline{T}_f = \frac{(T_{f,in} + T_{f,out})}{2}$  ยกเว้น  $\mu_s$  หาได้ที่อุณหภูมิผิวท่อ และสามารถใช้ประมาณก่าสัมประสิทธิ์ เมื่อ 2,300 ≤  $Re \le 4,000$ 

## 3.2.3 การแผ่รังสีความร้อน (Rediation heat transfer)

การแผ่รังสีคือการปล่อยพลังงานที่อยู่ในรูปของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าอันเนื่องมาจาก การเปลี่ยนแปลงรูปแบบทาง electronic ของอะตอมหรือโมเลกุลออกมา โดยไม่ต้องอาศัย ตัวกลางและเป็นพลังงานที่ถ่ายเทได้เร็วที่สุด (เท่ากวามเร็วแสง)

จากกฎของ Stefan-Boltzmann สมการแสดงอัตราการแผ่รังสีความร้อนระหว่าง พื้นผิวใดๆ กับสิ่งแวดล้อมคือ

$$\dot{Q}_{rad} = \varepsilon \sigma A (T_s^4 - T_\infty^4) \tag{3.10}$$

โดเ	U $\dot{Q}_{\scriptscriptstyle rad}$	คือ	อัตราการแผ่รังสีความร้อน (W)
	ε	คือ	Emissivity ของพื้นผิว ( $0 < \varepsilon < 1$ )
	$\sigma$	คือ	Stefan-Boltzmann constant มีค่า $5.67 \times 10^{-8} \text{ W/(m}^2.\text{K}^4)$
	Α	คือ	พื้นที่ผิวของการแผ่รังสี (m²)
	$T_s$	คือ	อุณหภูมิสมบูรณ์ของพื้นผิว (K)
	$T_{\infty}$	คือ	อุณหภูมิสมบูรณ์ของสิ่งแวคล้อม (K)

การแผ่รังสีความร้อนใน Regenerator เป็นการถ่ายเทความร้อนระหว่างอากาส (Cooling period) หรือก๊าซเสีย (Heating period) กับพื้นผิวโครงอิฐทนไฟ องค์ประกอบในอากาส และก๊าซเสียที่เป็นหลักในการดูดซับหรือคายพลังงานความร้อนจากการแผ่รังสีคือ ก๊าซชนิดต่างๆ นั่นเอง แต่ที่มีคุณสมบัติโดดเด่นเป็น Polar molecules มีขอบเขตของอุณหภูมิในการดูดซับหรือคาย พลังงานกว้าง และมีปริมาณมากคือ ไอน้ำ (H<sub>2</sub>O<sub>(x)</sub>) และก๊าซการ์บอนไดออกไซด์ (CO<sub>2</sub>) สมการ Heat flux ของการแผ่รังสีความร้อนระหว่างโครงอิฐทนไฟกับอากาศหรือ ก๊าซเสียสามารถแสดงได้ดังนี้ [13]

$$Q_{rad} = \sigma(\frac{\varepsilon_s + 1}{2})(\varepsilon_g T_f^4 - \alpha_g T_s^4)$$
(3.11)

รูปแบบของสมการ Heat flux นี้เป็น nonlinear เพื่อความสะควกสามารถประมาณ ให้เป็น linear โดยใช้ Equivalent radiative heat transfer coefficient, h<sub>rad</sub> ดังนี้

$$Q_{rad} = h_{rad} \left( T_f - T_s \right) \tag{3.12}$$

โดย  $Q_{rad}$  คือ ปริมาณ Heat flux ของการแผ่รังสีความร้อนระหว่างโครงอิฐทนไฟ กับอากาศหรือ ก๊าซเสีย (W/m<sup>2</sup>)

h<sub>rad</sub> คือ Equivalent radiative heat transfer coefficient (W/m<sup>2</sup>K) เป็นค่าประมาณ ของการเฉลี่ยสามารถใช้ได้ตลอดทั้ง Period สำหรับการจำลองการทำงานของ Regenerator โดยใช้ Linear model ซึ่งหาได้จาก

$$h_{rad} = \sigma(\frac{\varepsilon_s + 1}{2})(\frac{\varepsilon_g T_f^4 - \alpha_g T_s^4}{T_f - T_s})$$
(3.13)

$\sigma$	คือ	Stefan-Boltzmann constant มีค่า $5.67 \times 10^{-8}$ W/(m <sup>2</sup> .K <sup>4</sup> )
E <sub>s</sub>	คือ	Emissivity ของพื้นผิวอิฐทนไฟ
$\mathcal{E}_{g}$	คือ	Emissivity ของอากาศหรือก๊าซเสีย $(\mathrm{H_2O}_{\mathrm{(g)}},\mathrm{CO}_2$ เป็นหลัก)
$\alpha_{_g}$	คือ	Absorptivity ของอากาศหรือก๊าซเสีย (H <sub>2</sub> O <sub>(g)</sub> , CO <sub>2</sub> เป็นหลัก)
$T_{f}$	คือ	Arithmetic mean ของอุณหภูมิสมบูรณ์ของอากาศหรือก๊าซเสีย (K)
$T_s$	คือ	อุณหภูมิสัมบูรณ์เฉลี่ยของพื้นผิวอิฐทนไฟ (K)

เมื่ออุณหภูมิของของใหลและอิฐทนไฟมีการเปลี่ยนแปลงอย่างต่อเนื่องตลอด พื้นที่การถ่ายเทความร้อน สามารถประมาณจากการใช้ Arithmetic mean ของอุณหภูมิของไหลโดย เพิ่มพจน์ของ Logarithmic mean ของผลต่างอุณหภูมิเข้าไป จากการพิจารณาให้ Regenerator เสมือนเป็นเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนระหว่างอิฐทนไฟกับของไหล

$$T_{f} = T_{s} + \frac{(\Theta_{1} - \Theta_{2})}{\ln \frac{\Theta_{1}}{\Theta_{2}}}$$
(3.14)

 โดย Θ₁ คือ ผลต่างอุณหภูมิของไหลกับอิฐทนไฟที่ทางเข้าช่องการไหล
 Θ₂ คือ ผลต่างอุณหภูมิของไหลกับอิฐทนไฟที่ทางออกช่องการไหล Hottel [22] กล่าวว่าเมื่อองค์ประกอบของไอน้ำและคาร์บอนไดออกไซด์ปรากฏอยู่
 ในรูปของผสมรวมกับก๊าซที่ไม่มีคุณสมบัติในการแผ่รังสีอื่นๆ การหาค่า ε<sub>g</sub> ของอากาศ (Cooling period) หรือก๊าซเสีย (Heating period) ทำได้ดังนี้

$$\varepsilon_g = C_w \varepsilon_w + C_c \varepsilon_c - \Delta \varepsilon \tag{3.15}$$

โดย Emissivity ของไอน้ำ *ɛ*, และ การ์บอนไดออกไซด์ *ɛ*, หาได้จากกราฟใน รูปที่ 3.4 และ 3.5 ตามลำดับ ซึ่งจะมีค่าขึ้นอยู่กับ

- อุณหภูมิ  $T_f$  ณ Total Pressure, p ของอากาศหรือก๊าซเสียที่ 1 atm
- Partial pressure p<sub>w</sub> ของไอน้ำ = Mole fraction ของ H<sub>2</sub>O x Total pressure
   Partial pressure p<sub>c</sub> ของการ์บอนไดออกไซด์ = Mole Fraction ของ CO<sub>2</sub> x Total Pressure
   (Mole fraction คืออัตราส่วนโดยโมล หรือ %by Volume ของก๊าซชนิดนั้นต่อก๊าซทั้งหมด)
- Effective mean beam length,  $L = 3.4 \text{ x} \frac{\text{Volume}}{\text{Area}}$  สำหรับ Gas enclosures ใดๆ

Correction factor,  $C_w$  ของไอน้ำ และ  $C_c$  ของคาร์บอนไดออกไซด์ หาได้จากรูป ที่ 3.6 และ 3.7 ตามลำดับ ใช้เมื่อ Total pressure สูงหรือต่ำกว่า 1 atm โดย Emissivity ของก๊าซใดๆ ที่ Total pressure, p คือ ผลคูณของ Correction factor ที่ได้จากรูป กับ Emissivity ที่ Total pressure 101.3 kPa



รูปที่ 3.4 Emissivity ของ H2O ที่ Total pressure 1 atm และ Partial pressure ใกล้ศูนย์ [23]



รูปที่ 3.5 Emissivity ของ CO2 ที่ Total pressure 1 atm และ Partial pressure ใกล้ศูนย์ [23]



รูปที่ 3.6 Correction factor,  $C_w$  ของ  $\varepsilon_w$  ที่ Total pressure p atm [23]



รูปที่ 3.7 Correction Factor,  $C_c$  ของ  $\varepsilon_c$  ที่ Total Pressure p atm [23]



ร**ูปที่ 3.8** Correction factor for overlap , ∆*ɛ* สำหรับก๊าซของผสมที่มีทั้งไอน้ำ และ การ์บอนไดออกไซด์

ส่วน Δε คือ Correction factor for overlap ใช้เมื่อไอน้ำและคาร์บอนไคออกไซด์ รวมกันอยู่ในรูปก๊าซของผสม หาได้จากรูปที่ 3.8

ในกรณีของ Absorptivity,  $\alpha_{g}$  ของก๊าซของผสมระหว่างไอน้ำและการ์บอนได ออกไซค์สามารถหาได้ดังนี้

$$\alpha_g = \alpha_w + \alpha_c - \Delta \alpha \tag{3.16}$$

$$\tilde{l} \text{AU} \qquad \alpha_w = C_w (\frac{T_g}{T_s})^{0.45} \varepsilon_w (T_s, p_w L_e \frac{T_s}{T_g}) \text{ where } \alpha_c = C_c (\frac{T_g}{T_s})^{0.65} \varepsilon_c (T_s, p_w L_e \frac{T_s}{T_g})$$

 $\varepsilon_w, \varepsilon_c$  หาได้จากรูปที่ 3.4 และ 3.5 ตามลำดับ แต่ใช้คุณสมบัติของ  $T_s$  แทน  $T_g$ และใช้คุณสมบัติของ  $p_w L_e rac{T_s}{T_g}$  กับ  $p_c L_e rac{T_s}{T_g}$  แทน  $p_w L_e$  กับ  $p_c L_e$  $C_w, C_c$  หาได้จากรูปที่ 3.6 และ 3.7 ตามลำดับโดยใช้คุณสมบัติเดิม และ  $\Delta lpha = \Delta \varepsilon$  หาได้จากรูปที่ 3.8 โดยใช้คุณสมบัติเดิม

## 3.3 ใซโครเมตริกส์ (Psychrometrics)

การศึกษาคุณสมบัติของอากาศขึ้นหรืออากาศที่มีไอน้ำผสมอยู่ เพื่อใช้ในการ วิเคราะห์หาปริมาณไอน้ำที่อยู่ในอากาศก่อนเข้า Regenerator เป็นสิ่งจำเป็นต่อการคำนวณหาอัตรา การไหลโดยมวลและสัมประสิทธิ์การแผ่รังสีความร้อน ในทางปฏิบัติพบว่าสูตรต่างๆ ของ Ideal gasใช้ได้ดีมากโดยเฉพาะที่ความดันใกล้เกียงความดันบรรยากาศ (101.325 kPa หรือ 14.7 psi)

จากสูตร Ideal gas เบื้องต้น

$$Pv = RT$$
 หรือ  $PV = mRT$  (3.17)

$$P = P_a + P_w \tag{3.18}$$

โคย	P	คือ	เมื่อความดันอากาศทั้งหมดมีค่าเท่ากับความดันของอากาศแห้งรวมกับ
			<mark>ความคันของไอน้ำในอากาศ (kP</mark> a) ไอน้ำที่อยู่ในอากาศจะมีปริมาตร
			เท่ากับปริมาตรอากาศ แต่ความคันของไอน้ำจะน้อยกว่าความคันของ
			อากา <mark>ศแห้งมากเพราะมวลน้อย</mark> กว่ามาก มวลของไอน้ำในอากาศทั่วไปจะ
			มีเพียงประมาณ 1-2% เท่านั้น
	$P_a$	คือ	ความคันอากาศแห้ง (kPa)
	$P_{_{W}}$	คือ	ความคันไอน้ำ (kPa)
	v	คือ	ปริมาตรจำเพาะ (m³/kg)
	V	คือ	ปริมาตรทั้งหมด (m³)
	т	คือ	มวลของอากาศชื้น, m, คือมวลของอากาศแห้ง, m, คือมวลของไอน้ำ (kg)
	Т	คือ	อุณหภูมิสมบูรณ์ของอากาศ (K)
	R	คือ	ค่าคงที่มีค่า 0.287 kJ/(kg K) สำหรับอากาศแห้ง, <i>R<sub>a</sub></i> หรือ
			0.462 kJ/(kg K) สำหรับไอน้ำ, <i>R</i> "
			and

- ความชื่นสัมพัทธ์ (Relative humidity) [24]

$$RH = \phi = \frac{Y_w}{Y_{ws}} \tag{3.18}$$

โดย  $\phi$  คือ Relative Humidity

- *Y* คือ สัคส่วนโคยโมลของไอน้ำ
- $Y_{_{\!\scriptscriptstyle W\!S}}$  คือ สัคส่วนโคยโมลของไอน้ำอิ่มตัวที่อุณหภูมิและความคันเคิม

สำหรับก๊าซสมบูรณ์ จากพื้นฐานทางเทอร์โมไดนามิกส์ได้ว่า สัดส่วนโดยโมลของ ไอน้ำในอากาศจะเท่ากับสัดส่วนของกวามดันไอน้ำ  $Y_w = \frac{n_w}{n} = \frac{P_w}{P}$ และ  $Y_{ws} = \frac{n_{ws}}{n} = \frac{P_{ws}}{P}$ จะ ได้ว่า  $\frac{Y_w}{Y_{ws}} = \frac{P_w}{P_{ws}}$  ทำให้

$$RH = \phi = \frac{Y_w}{Y_{ws}} = \frac{P_w}{P_{ws}}$$
(3.19)

โดย  $P_w$  คือ ความคันไอน้ำ (Pascal) =  $P - P_a = \phi P_{ws}$ 

*P<sub>ws</sub>* คือ ความคันไอน้ำอิ่มตัวที่อุณหภูมิเดิมของก๊าซผสมไอน้ำนั้น (Pascal) หาได้จาก ตารางไอน้ำหรือสูตรสำเร็จดังนี้ [24]

สำหรับช่วงอุณหภูมิ 0°C ถึง 200°C

 $\ln(P_{ws}) = -\frac{5800.2206}{T} + 1.3914993 - 0.04860239T + (4.1764768E - 5)T^{2} - (1.445209E - 8)T^{3} + 6.5459673\ln T$ 

(3.20)

# 3.4 สมมติฐานเบื้องต้น

รูปแบบของ Regenerator ที่ศึกษาประกอบด้วยพื้นผิวสะสมความร้อนที่สร้างขึ้น จากอิฐทนไฟซึ่งก่อเรียงเป็นรูปปล่องไฟสี่เหลี่ยม อิฐทนไฟจะทำหน้าที่สะสมและถ่ายเทความร้อน ระหว่างของไหล 2 ชนิด ซึ่งของไหลที่เรานำมาใช้ในการศึกษาคือ ก๊าซเสียที่เกิดจากเผาไหม้และ อากาศช่วยในการเผาไหม้ ซึ่งรูปร่างของแบบจำลองมีหน้าตัดดังรูปที่ 3.9



รูปที่ 3.9 ภาพหน้าตัดของช่องทางการใหล และ ภาพตัดของช่องทางการใหล 1 ช่อง

กรณีที่ความต้านทานภายในเนื้ออิฐกับค่าความต้านทานของอากาศมีขนาดเดียวกัน (ไม่ต่างกันมาก) หรือค่าความต้านทานภายในเนื้อวัสดุมีค่ามากกว่า Temperature gradients จะ เกิดขึ้นภายในเนื้อวัสดุ การนำภายในเนื้อวัสดุจะเกิดขึ้นทั้งการนำ ในทิศทางการไหลและตั้งฉากกับ การไหล ซึ่งเราสามารถจำลองรูปแบบโดยใช้ Finite conductivity model ถ้า Biot number มีค่ามาก ของไหลที่เป็นตัวพาเป็นของเหลว หรือค่า Thermal conductivity ของวัสดุเก็บความร้อนมีค่าน้อย การทำนาย Transient response ของ Unit จะแม่นยำเมื่อใช้ Finite conductivity model เช่นกัน

Finite conductivity model ขึ้นกับ Geometric configuration ของ Unit ซึ่งเนื่องจาก ความสมมาตรของรูปร่าง ในที่นี้จะใช้ช่องการไหลเพียงครึ่งเดียวในการคำนวณดังรูป 3.10 ความสมมาตรของแบบจำลองช่องทางการไหล 1 ช่อง



แบบจำลองช่องทางการใหลกรึ่งช่องที่นำมาใช้ในการคำนวณ

รูปที่ 3.10 ภาพแบบจำลองช่องทางการใหล

#### สมมติฐาน

- 1. คุณสมบัติของของใหลและวัสดุสะสมความร้อนมีค่าคงที่
- 2. สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนของของใหลมีค่าคงที่
- 3. มีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของก๊าซที่ทางเข้า Regenerator แบบขั้นบัน ไคเทียบกับเวลา
- ที่เวลาเริ่มต้นของช่วงการ ใหล การกระจายของอุณหภูมิในเนื้อวัสดุนำความร้อนมีความ สม่ำเสมอ
- 5. ไม่คำนึงถึงความร้อนที่ถ่ายเทออกทางค้านข้างของ Heat storage unit
- 6. ของใหลมีความเร็วคงที่

เราจะใช้ สมการอนุรักษ์พลังงานสถานะไม่คงตัวหนึ่งมิติในทิศทางการไหลในการ จำลองการไหล และสมการการนำความร้อนในสถานะไม่คงตัวในสองมิติในทิศทางการไหลและ ทิศตั้งฉากกับการไหล สำหรับวัสดุสะสมความร้อน

## 3.5 ทฤษฏิสำหรับ Regenerator

#### สำหรับของไหล

เราใช้สมคุลพลังงานของสมการอนุรักษ์พลังงาน ในการคำนวณ

$$\frac{hA\Delta x}{L}(T_w - T_f) + m_f c_f T_f \Big|_x = m_f c_f T_f \Big|_{x + \Delta x} + S_f \Delta x \rho_f c_f \frac{\partial T_f}{\partial \tau}$$
(3.21)

h	คือ ค่าสัมประสิทธิ์การพาความร้อนที่ผิว	$(W/m^2.K)$
Α	คือ พื้นที่ผิวที่เกิดการพาความร้อน	$(m^2)$
x	คือ พิกัดบนแกน x	(m)
L	คือ ความยาว	(m)
$T_m$	คือ อุณหภูมิที่ผิว	(K)
$T_{f}$	คือ อุณหภูมิของของไหล	(K)
$\dot{m}_{f}$	คือ อัตราการใหลเชิงมวลของของใหล	(kg/s)
$C_{f}$	คือ ก่ากวามจุกวามร้อนจำเพาะของของไหลที่กวามคันกงที่	(kJ/kg.K)

$S_{f}$	คือ พื้นที่หน้าตัดของของไหล	(m <sup>2</sup> )
$ ho_{_f}$	คือ ความหนาแน่นของของใหล	$(kg/m^3)$
τ	กือ เวลา	(s)

เทอมแรกทางซ้ายมือ คือ ความร้อนที่ถ่ายเทออกมาจากวัสดุสะสมความร้อน เทอม ที่สอง คือ ปริมาณความร้อนที่ไหลเข้า Control volume เทอมแรกทางขวามือ คือ ปริมาณความร้อน ที่ไหลออกจาก Control volume และ เทอมที่สอง คือ ปริมาณความร้อนที่สะสมใน Control volume ใช้ Taylor-series expansion โดยละเทอมตั้งแต่ผลต่างกำลังสองขึ้นไปออก

$$T_{f}\Big|_{x+\Delta x} = T_{f}\Big|_{x} + \frac{\partial T_{f}}{\partial x}\Delta x$$
(3.22)

สมการก็จะลครูปเหลือ

$$\frac{hA}{L}(T_w - T_f) + m_f c_f \frac{\partial T_f}{\partial x} = S_f \Delta x \rho_f c_f \frac{\partial T_f}{\partial \tau}$$
(3.23)

ในทางปฏิบัติเราจะละทิ้งเทอมของพลังงานสะสมในของไหลใน Control volume เพื่อให้ง่ายในการคำนวณ เราจะได้สมการอนุรักษ์พลังงานของการไหลดังนี้

$$\frac{m_f c_f L}{hA} \frac{\partial T_f}{\partial x} = T_w - T_f \tag{3.24}$$

สำหรับวัสดุสะสมความร้อน

$$\frac{1}{\alpha_m} \frac{\partial T_m}{\partial \tau} = \frac{\partial^2 T_m}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T_m}{\partial y^2}$$
(3.25)

- T<sub>m</sub> คือ อุณหภูมิของของแข็ง (K)
- y คือ พิกัดบนแกน y (m)

$$\alpha_m$$
 คือ Thermal diffusivity ของของแข็ง  $(m^2/s)$ 

Initial และ Boundary conditions คือ

$$\tau = 0 \qquad \qquad T_f = T_m = T_0 \tag{3.26a}$$

$$\tau > 0 \qquad x = 0 \qquad T_f = T_{fi} \qquad \frac{\partial T_m}{\partial x} = 0 \qquad 0 < y < w \qquad (3.26b)$$

$$x = L \qquad \qquad \frac{m}{\partial x} = 0 \qquad \qquad 0 < y < w \qquad (3.26c)$$
$$y = 0 \qquad \qquad \frac{\partial T_m}{\partial y} = 0 \qquad \qquad 0 \le x \le L \qquad (3.26d)$$

$$y = w \qquad -k_m \frac{\partial T_m}{\partial y} = h(T_w - T_f) \qquad \qquad 0 \le x \le L \qquad (3.26e)$$

$T_{fi}$	คือ	อุณหภูมิที่ทางเข้าของของไหล	(K)
$T_0$	คือ	อุณหภูมิของสิ่งแวคล้อม	(K)
$k_m$	คือ	ค่าการนำความร้ <mark>อนของของแข็ง</mark>	(W/m .K)

## โดยมีตัวแปรไร้มิติ คือ

$$X = \frac{x}{L} \qquad Y = \frac{y}{w}$$

$$V^{+} = \frac{w}{L} \qquad F_{0} = \frac{\alpha T}{w^{2}} \qquad G^{+} = \frac{Pk_{m}}{m_{f} c_{f}} \qquad (3.27)$$

$$Bi = \frac{hw}{k_{m}} \qquad T = \frac{T - T_{0}}{T_{fi} - T_{0}}$$

X คือ พิกัคไร้มิติตามแนวแกน x

- Y คือ พิกัดไร้มิติตามแนวแกน y
- $V^+$  คือ ตัวแปรไร้มิติ
- *F*<sub>0</sub> คือ ตัวแปรไร้มิติทางด้านเวลา
- $G^+$  คือ ตัวแปรไร้มิติ
- P คือ เส้นรอบวงของช่องทางการไหล

- Bi คือ Biot number
- T คือ อุณหภูมิไร้มิติ

จะได้สมการไร้มิติของของไหล

$$\frac{\partial T_f}{\partial X} + \frac{G^+}{V^+} (Bi)(T_f - T_w) = 0$$
(3.28)

## วัสดุสะสมความร้อน

$$(V^{+})^{2} \frac{\partial^{2} T_{m}}{\partial X^{2}} + \frac{\partial^{2} T_{m}}{\partial Y^{2}} = \frac{\partial T_{m}}{\partial F_{a}}$$
(3.29)

Nondimensional initial และ Boundary conditions คือ

X = 0  $T_f = 1$   $\frac{\partial T_m}{\partial X} = 0$  0 < Y < 1 (3.30a)

$$X = 1 \qquad \qquad \frac{\partial T_m}{\partial X} = 0 \qquad \qquad 0 < Y < 1 \qquad (3.30b)$$

$$Y = 1 \qquad \qquad \frac{\partial T_m}{\partial Y} = Bi(T_f - T_w) \qquad \qquad 0 \le X \le 1 \qquad (3.30c)$$

$T_{f}$	คือ อุณหภูมิไร้มิติของของไหล	
$T_w$	คือ อุณหภูมิไร้มิติของผนัง	
$T_m$	คือ อุณหภูมิไร้มิติของของแข็ง	

จากสมการที่ 3.28 และ 3.29 ทำการแก้สมการเพื่อหา ตัวแปรที่ขึ้นต่อกัน  $T_f$  และ  $T_m$  โดยใช้ Finite difference method

Nondimensional heat storage คือ  $Q^+$  ซึ่งเราสามารถหาได้จาก Temperature distribution ในเนื้อวัสดุ

$$Q^{+} = \frac{Q}{Q_{\text{max}}}$$
(3.31)

$$Q$$
 คือ ผลรวมของปริมาณความร้อนสะสม (W)

- $Q_{
  m max}$  คือ ปริมาณความร้อนสะสมที่มากที่สุด (W)
- $Q^+$  คือ ปริมาณความร้อนสะสมไร้มิติ

พลังงานในของใหล 
$$Q = m_f c_f (T_{fi} - T_0) \int_0^t (1.0 - T_{f0}) d\tau \qquad (3.32)$$

พลังงานในวัสคุสะสมความร้อน  $Q = S_m L \rho_m c_m (\overline{T}_m - T_0)$  (3.33)

พลังงานในวัสดุสะสมความร้อนสูงสุด 
$$Q_{\text{max}} = S_m L \rho_m c_m (T_{fi} - T_0)$$
 (3.34)

- T<sub>ft</sub> คือ อุณหภูมิไร้มิติของของไหลที่ทางออก
- $\overline{T}_m$  คือ อุณหภูมิเฉลี่ยของวัสคุสะสมความร้อน

#### 3.6 Cyclic equilibrium

วัฏจักรการทำงาน 1 รอบของ Regenerator ประกอบด้วยหนึ่งคาบ (Heating/Cooling) ตามด้วยอีกหนึ่งคาบ (Cooling/Heating) ในแต่ละคาบเวลาจะมีค่า Reduced length (Λ), Reduced period (Π) และอุณหภูมิ Fluid ขาเข้าที่คงที่ เป็นของตัวเองหลังจาก Regenerator ทำงานเป็นวัฏจักรไปเป็นเวลาหนึ่ง ผลลัพธ์ที่ได้จากกระบวนการอินทิเกรตสมการเชิง อนุพันธ์ข้างต้น จะไม่เปลี่ยนแปลงไปตามอุณหภูมิโครงอิฐทนไฟที่เป็นเงื่อนไขเริ่มต้นอีกต่อไปซึ่ง เรียกสภาวะเช่นนี้ว่า "Cyclic equilibrium" นั่นคือผลลัพธ์ดังกล่าวจะลู่เข้าสู่ค่าคงที่ค่าหนึ่ง ไม่ว่าจะ ทำงานต่อไปเป็นเวลานานเท่าใด การเข้าสู่ Cyclic equilibrium หรือไม่ก็จะพิจารณาจากการคำนวณ Pseudo-Thermal ratio เมื่อสิ้นสุด Cooling period ดังนี้

$$\Phi(n) = \frac{T_{f_0}^{"} - T_{f_i}^{'}}{T_{f_i}^{'} - T_{f_i}^{"}}$$
(3.35)

เมื่อ  $\Phi(n) - \Phi(n-1)$  หรืออีกแง่หนึ่งคือผลต่างอุณหภูมิ Fluid ขาออกของ Cooling period น้อยกว่าค่าที่ยอมรับได้ วัฏจักรที่ n จะถือว่าเข้าสู่ Cyclic equilibrium และจะสามารถคำนวณ ค่า Thermal ratio  $\eta_{REG}$  ได้ทั้ง 2 Period จาก Willmott [5]

$$\eta'_{REG} = \frac{T'_{fi} - T'_{fo}}{T'_{fi} - T'_{fi}} = 1 - T'_{fo}$$
 สำหรับ Heating period (3.36)  
 $\eta''_{REG} = \frac{T'_{fo} - T'_{fi}}{T'_{fi} - T'_{fi}} = T''_{fo}$  สำหรับ Cooling periong (3.37)

โดยค่า Thermal ratio เหล่านี้จะเป็นตัววัดว่า Regenerator ทำงานมีประสิทธิผลเช่นไร



สถาบนวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย บทที่ 4 การตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมคอมพิวเตอร์

### 4.1 ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

# 4.1.1 กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่



กรณีนี้เป็นการแก้ปัญหาการนำความร้อนในแผ่นเรียบคังรูปที่ 4.1

ร**ูปที่ 4.1** ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัวกรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่

# เงื่อนใขขอบของแผ่นเรียบนี้ คือ

- 1. ด้านซ้ายมีอุณหภูมิคงที่ , T = 0
- 2. ด้านขวาไม่มีฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน ,  $\frac{\partial T}{\partial r} = 0$
- 3. ด้านถ่างมีอุณหภูมิคงที่ , T = 0
- 4. ด้านบนมีอุณหภูมิคงที่เป็นฟังก์ชันไซน์ที่ขึ้นกับระยะทางในแนวแกน x,  $T = sin \frac{\pi x}{2L}$

L

## สมมติฐาน

- 1. การนำความร้อนเป็นสภาวะแบบอยู่ตัว
- 2. ไม่มีแหล่งกำเนิดความร้อนภายใน
- 3. เกิดการนำความร้อนในสองมิติ

รูปแบบของการกระจายอุณหภูมิในแผ่นเรียบ สามารถจำลองได้ด้วยสมการเชิง อนุพันธ์ของกฎการอนุรักษ์พลังงานดังนี้

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = 0$$
(4.1)

เงื่อนใขขอบ

$$x = 0 T = 0 (4.2a)$$

$$x = L \qquad \qquad \frac{\partial T}{\partial x} = 0 \tag{4.2b}$$

$$y = 0 T = 0 (4.2c)$$

$$y = H$$
  $T = \sin(\frac{\pi x}{2L})$  (4.2d)

#### ผลเฉลยแม่นตรง (Exact Solution)

ผลเฉลยแม่นตรงของสมการนี้ คือ

$$T(x, y) = \frac{\sin\left(\frac{\pi x}{2L}\right) \sinh\left(\frac{\pi y}{2L}\right)}{\sinh\left(\frac{\pi H}{2L}\right)}$$
(4.3)

#### โปรแกรมคอมพิวเตอร์

ในส่วนของโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะใช้ระเบียบวิธี Finite difference ในการ แก้ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ โดย Grid ที่ใช้ในการคำนวณ แสดงดังรูปที่ 4.2



ร**ูปที่ 4.2** การแบ่ง Node ข<mark>อง Domain</mark> ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัวกรณีมี เงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่

# การตั้งค่าให้ Node

จาก Boundary condition เราสามารถตั้งค่าให้ Node ต่างๆ ดังนี้

1. ที่
$$i = 1$$
, $j = 1, 2, 3, ...$ ตั้งก่าให้ $T_{i,j} = 0$ 2. ที่ $j = 1$ , $i = 1, 2, 3, ...$ ตั้งก่าให้ $T_{i,j} = 0$ 3. ที่ $j = NJMAX$ , $i = 1, 2, 3, ...$ 

ตั้งค่าให้ 
$$T_{i,NIMAX} = \sin\left(\frac{\pi x}{2L}\right)$$

จากสมการ (4.1) แทนด้วย Second-order central differencing scheme จะได้

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = 0$$

$$\frac{T_{i+1,j} + T_{i-1,j} - 2T_{i,j}}{(\Delta x)^2} + \frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1} - 2T_{i,j}}{(\Delta y)^2} = 0$$

$$\frac{T_{i+1,j} + T_{i-1,j}}{(\Delta x)^2} + \frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1}}{(\Delta y)^2} = \left(\frac{2}{(\Delta x)^2} + \frac{2}{(\Delta y)^2}\right) T_{i,j}$$

$$\therefore \quad T_{i,j} = \left(\frac{T_{i+1,j} + T_{i-1,j}}{(\Delta x)^2}\right) + \left(\frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1}}{(\Delta y)^2}\right) \left(\frac{(\Delta x)^2 (\Delta y)^2}{2(\Delta x)^2 + 2(\Delta y)^2}\right) (4.4)$$

 $\vec{\eta}$  Node i = NIMAX

$$T_{NIMAX,j} = \left(\frac{T_{NIMAX+1,j} + T_{NIMAX-1,j}}{(\Delta x)^2}\right) + \left(\frac{T_{NIMAX,j+1} + T_{NIMAX,j-1}}{(\Delta y)^2}\right) \left(\frac{(\Delta x)^2 (\Delta y)^2}{2(\Delta x)^2 + 2(\Delta y)^2}\right)$$
(4.5)

จะเห็นได้ว่า Node  $T_{NIMAX,j}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติกวามเป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$  ในการประมาณก่าที่ Node นี้

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_{NIMAX-1,j} - T_{NIMAX-1,j}}{2x}$$
$$T_{NIMAX+1,j} = T_{NIMAX-1,j} + 2x \frac{\partial T}{\partial x}$$
(4.6)

เนื่องจาก

. .

$$\frac{\partial T}{\partial x} =$$

0

$$T_{NIMAX+1,j} = T_{NIMAX-1,j} \tag{4.7}$$

แทนสมการ (4.6) ลงในสมการ (4.4) จะได้

$$T_{NIMAX,j} = \left(\frac{2T_{i-1,j}}{(\Delta x)^2} + \frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1}}{(\Delta x)^2}\right) \left(\frac{(\Delta x)^2 (\Delta y)^2}{2((\Delta x)^2 + (\Delta y)^2)}\right)$$
(4.8)

สำหรับ Node ภายใน (Node ที่ไม่ใช่ขอบ) สามารถใช้สมการที่ (4.4) ในการแทน ค่าอุณหภูมิ

#### การเปรียบเทียบผลจากโปรแกรม

แบบจำลองที่นำมาคำนวณมีความยาว 6 เมตร สูง 3 เมตร และมีเงื่อนไขขอบตาม รูปที่ 4.1 ซึ่งจากการคำนวณหา Grid independent solution ที่ความละเอียดของ Grid ต่างๆ เรา เลือกใช้ Grid ที่มีความละเอียด 3x5, 5x5 และ 11x5 ซึ่งจากรูปที่ 4.3 จะเห็นได้ว่า Grid ขนาด 5x5 ให้ผลลัพธ์ที่มีความเป็น Grid independence แล้ว ดังนั้นจึงเลือกใช้ Grid ขนาดนี้ ในการเปรียบเทียบ ผลที่ได้จากระบบวิธีเชิงตัวเลขกับผลเฉลยแม่นตรง



รูปที่ 4.3 การทคสอบความเป็น Grid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติใน สถานะอยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ ที่ระนาบ x=3 เมตร



รูปที่ 4.4 ผลเปรียบเทียบระหว่าง Numerical solution และ Exact solution ของปัญหาการนำความ ร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัวกรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน คงที่ ที่ระนาบ *x* =3 เมตร Grid ขนาด 5x5

สำหรับปัญหานี้เราจะเลือกระนาบ x=3 เมตร โดยนำค่าของอุณหภูมิที่ Node ต่างๆในแนวแกน y มาเปรียบเทียบกัน

จากรูปที่ 4.4 แกนในแนวนอนแทนตำแหน่งต่างๆ ของ Domain ในแนวแกน yตั้งแต่ y = 0 ถึง y = H ส่วนแกนในแนวตั้งแทนอุณหภูมิตั้งแต่ T = 0 ถึง  $T = T_{max}$  ซึ่งจะ เห็นได้ว่าอุณหภูมิที่ตำแหน่งต่างๆ ของผลเฉลี่ยแม่นตรงและของแบบจำลองมีความสอดคล้องกัน โดยลักษณะการกระจายตัวของอุณหภูมิใน Domain ที่ Grid ขนาด 5x5 ถูกแสดงในรูปที่ 4.5



ร**ูปที่ 4.5** การกระจายอุณหภูมิ ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัวกรณี เงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ ที่ Grid ขนาด 5x5



รูปที่ 4.6 ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาที่ผิว

มีเงื่อนไขขอบสำหรับกรณีนี้ คือ

- 1. ด้านบนมีอุณหภูมิคงที่,  $T = T_0$
- 2. ด้านซ้าย ด้านขวาและด้านล่าง มีการพาความร้อนที่ผิวโดยมีอุณหภูมิสิ่งแวคล้อมคงที่,  $T = T_{\infty}$

## สมมติฐาน

- เงื่อนไขสภาวะอยู่<mark>ต</mark>ัว 1.
- ไม่มีแหล่งกำเนิดความร้อนภายใน 2.
- 3. เกิดการนำความร้อนในสองมิติ
- 4. ไม่คำนึงถึงผลของการแผ่รังสีความร้อนระหว่างสิ่งแวคล้อมกับผนัง

รูปแบบของการกระจายอุณหภูมิในแผ่นเรียบ สามารถจำลองได้ด้วยสมการเชิง อนุรักษ์ของกฎการอนุรักษ์พลังงานดังนี้

$$\frac{\partial^2 \Theta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \Theta}{\partial y^2} = 0$$
(4.9)

โดยที่ 
$$\Theta = T - T_{\infty}$$

เงื่อนไขขอบ

$$x = 0 k \frac{\partial \Theta}{\partial x} = h\Theta (4.10a)$$

$$x = b \qquad -k\frac{\partial\Theta}{\partial x} = h\Theta \qquad (4.10b)$$
$$y = 0 \qquad k\frac{\partial\Theta}{\partial x} = h\Theta \qquad (4.10c)$$

$$k\frac{\partial\Theta}{\partial y} = h\Theta \tag{4.10c}$$

$$y = H \qquad \qquad \Theta = T_0 - T_\infty = \Theta_0 \qquad (4.10d)$$

ผลเฉลยแม่นตรง (Exact Solution)

ผลเฉลยแม่นตรงสำหรับการกระจายอุณหภูมิในกรณีนี้ คือ

$$T = T_{\infty} + 2(T_0 - T_{\infty}) \sum_{n=1}^{\infty} \left\{ \frac{h}{\alpha_n k} [1 - \cos(\alpha_n b)] + \sin(\alpha_n b) \right\}.$$

$$\left[ \frac{h}{\alpha_n k} \sin(\alpha_n x) + \cos(\alpha_n x) \right] \left[ \frac{h}{\alpha_n k} \sinh(\alpha_n y) + \cosh(\alpha_n y) \right] /$$

$$\left\{ \alpha_n b [1 + \frac{h^2}{\alpha_n^2 k^2} + (1 - \frac{h^2}{\alpha_n^2 k^2}) \cdot \frac{\sin(2\alpha_n b)}{2\alpha_n b} + \frac{2h}{\alpha_n k} \frac{\sin^2(\alpha_n b)}{\alpha_n b} \right].$$

$$\left[ \frac{h}{\alpha_n k} \sinh(\alpha_n H) + \cosh(\alpha_n H) \right] \right\}$$
(4.11)

โดยค่า  $\alpha_n$  สามารถหาใด้จากสมการ Eigenvalue

$$\cot(\alpha_n b) = \frac{\alpha_n b}{2Bi} - \frac{Bi}{2(\alpha_n b)}$$
,  $n = 1, 2, 3, ...$  (4.12)



รูปที่ 4.7 Node ของ Domain ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไข ขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว

#### โปรแกรมคอมพิวเตอร์

ในส่วนของโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะใช้ระเบียบวิธี Finite difference ในการช่วย แก้ปัญหา โดย Grid ที่ใช้ในการคำนวณ แสดงคังรูปที่ 4.7

# การตั้งค่าอุณหภูมิที่ Node

จาก Boundary conditions เราสามารถตั้งค่าอุณหภูมิที่ Node ต่างๆ ดังต่อไปนี้

1. ที่ j = NJMAX, i = 1,2,3,... ตั้งค่าให้  $T_{i,NJMAX} = 0$ 2. ที่ i = 1, j = 1,2,3,...จากสมการ (4.10a) แทนด้วย  $\Theta = T - T_{\infty}$ 

$$k \frac{\partial T}{\partial x} = h(T - T_{\infty})$$

$$k \frac{(T_{2,j} - T_{1,j})}{\Delta x} = h(T_{1,j} - T_{\infty})$$

$$T_{2,j} - T_{1,j} = \frac{h\Delta x}{k} T_{1,j} - \frac{h\Delta x}{k} T_{\infty}$$

$$T_{1,j} + \frac{h\Delta x}{k} T_{1,j} = T_{2,j} + \frac{h\Delta x}{k} T_{\infty}$$

$$T_{1,j} = \frac{(T_{2,j} + \frac{h\Delta x}{k} T_{\infty})}{(1 + \frac{h\Delta x}{k})}$$
(4.13)

3. ที่ 
$$j = 1, i = 1, 2, 3, ...$$
  
จากสมการ (4.10c) แทนด้วย  $\Theta = T - T$ 

$$k \frac{\partial T}{\partial y} = h(T - T_{\infty})$$

$$k \frac{(T_{i,2} - T_{i,1})}{\Delta y} = h(T_{i1,j} - T_{\infty})$$

$$T_{i,2} - T_{i,1} = \frac{h\Delta y}{k} T_{i,1} - \frac{h\Delta y}{k} T_{\infty}$$

$$T_{i,1} + \frac{h\Delta y}{k} T_{i,1} = T_{i,2} + \frac{h\Delta y}{k} T_{\infty}$$

$$T_{i,1} = \frac{(T_{i,2} + \frac{h\Delta x}{k}T_{\infty})}{(1 + \frac{h\Delta x}{k})}$$
(4.14)

ตั้งก่าให้ 
$$T_{i,NJMAX} = \sin\left(\frac{\pi x}{2L}\right)$$

4. ที่ i = 1, j = 1, 2, 3, ...จากสมการ (4.10b) แทนด้วย  $\Theta = T - T_{\infty}$ 

$$-k\frac{\partial T}{\partial x} = h(T - T_{\infty})$$

$$-k\frac{(T_{NXMAX,j} - T_{NXMAX-1,j})}{\Delta x} = h(T_{NXMAX,j} - T_{\infty})$$

$$T_{NXMAX,j} - T_{NXMAX-1,j} = \frac{h\Delta x}{k}T_{NXMAX-1,j} - \frac{h\Delta x}{k}T_{\infty}$$

$$T_{NXMAX-1,j} + \frac{h\Delta x}{k}T_{NXMAX-1,j} = T_{NXMAX,j} + \frac{h\Delta x}{k}T_{\infty}$$

$$T_{NXMAX-1,j} = \frac{(T_{NXMAX,j} + \frac{h\Delta x}{k}T_{\infty})}{(1 + \frac{h\Delta x}{k})}$$
(4.15)

สำหรับ Node ภายใน (Node ที่ไม่ใช่ขอบ) สามารถใช้สมการที่(4.4) ในการแทน

ค่าอุณหภูมิ

#### การเปรียบเทียบผลจากโปรแกรม

แบบจำลองที่นำมาคำนวณมีเงื่อนไขขอบตามรูปที่ 4.6  $T_{\infty} = 310^{\circ}$ C,  $T_{0} = 410^{\circ}$ C ความกว้าง 0.08 เมตร และสูง 0.16 เมตร ซึ่งจากการคำนวณหา Grid independent solution ที่ความ ละเอียดของ Grid ต่างๆ ได้ผลดังรูปที่ 4.8

ในการทดสอบความเป็น Grid independent ของผลลัพธ์ เราเลือกใช้ Grid ที่มีความ ละเอียด 3x7, 5x9, 7x13 และ 13x25 ซึ่งจากรูปที่ 4.8 เห็นได้ว่า Grid ขนาด 7x13 ก็มีความ ละเอียดเพียงพอในการหาผลลัพธ์ ดังนั้นจึงเลือกใช้ Grid ขนาดนี้ ในการเปรียบเทียบผลที่ได้จาก ระบบวิธีเชิงตัวเลขกับผลเฉลยแม่นตรง



ร**รูปที่ 4.8** การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติใน สถานะอยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ที่ระนาบ *x* =0.013 เมตร และ *x* =0.04 เมตร



รูปที่ 4.9 ผลเปรียบเทียบระหว่าง Numerical solution และ Exact solution ของปัญหาการนำความ ร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ระนาบ x=0.013 เมตร และ x=0.04 เมตร Grid ขนาด 7x13

สำหรับปัญหานี้เราจะเลือกระนาบตามแนวตั้งที่ตำแหน่ง x=0.013 เมตร และ x=0.04 เมตรในการนำค่าของอุณหภูมิที่ Node ต่างๆ ในแนวแกน y มาเปรียบเทียบกัน จากรูปที่ 4.9 แกนในแนวนอนแทนตำแหน่งต่างๆ ของ Domain ในแนวแกน y ตั้งแต่ y=0 ถึง y=H ส่วนแกนในแนวตั้งแทนอุณหภูมิตั้งแต่ T=0 ถึง  $T=T_{\max}$  ซึ่งจะ เห็นได้ว่าอุณหภูมิที่ตำแหน่งต่างๆ ของผลเฉลี่ยแม่นตรงและของแบบจำลองมีความสอดคล้องกัน ลักษณะการกระจายตัวของอุณหภูมิใน Domain ที่ Grid ขนาด 7x13 สามารถแสดง

ได้ดังรูปที่ 4.10



ร**ูปที่ 4.10** การกระจายอุณหภูมิ ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว กรณี เงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ที่ Grid ขนาด 7x13

4.2 ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว
4.2.1 กรณีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว

กรณีนี้เป็นการแก้ปัญหาการนำความร้อนในแผ่นเรียบคังรูปที่ 4.11

# เงื่อนไขขอบและเงื่อนไขเริ่มต้นคือ

- 1. ด้านบน และด้านล่างไม่มีฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน,  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$
- 2. ด้านซ้าย และด้านขวา มีการพาความร้อนที่ผิว โดยมีอุณหภูมิสิ่งแวดล้อมคงที่,  $T=T_{\infty}$
- 3. ที่เวลาเริ่มต้น, t = 0, T = f(x, y)



รูปที่ 4.11 ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบ ฟลักซ์ ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว

## สมมติฐาน

- 1. ไม่มีแหล่งกำเนิดความร้อนภายใน
- 2. เกิดการนำความร้อนใน 1 มิติ ในทิศทางขนานกับแกน x
- ไม่คำนึงถึงผลของการแผ่รังสีความร้อนระหว่างสิ่งแวดล้อมกับผนัง

รูปแบบของการกระจายอุณหภูมิในแผ่นเรียบ สามารถจำลองได้ด้วยสมการเชิง อนุรักษ์ของกฎการอนุรักษ์พลังงานดังนี้

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$
(4.16)

โดยมีเงื่อนไขขอบ และเงื่อนไขเริ่มต้นคือ

x = 0	$T=T_{\infty}$	(4.17a)
x = a	$T=T_{\infty}$	(4.17b)
<i>y</i> = 0	$\frac{\partial T}{\partial y} = 0$	(4.17c)
y = b	$\frac{\partial T}{\partial y} = 0$	(4.17d)
t = 0	T = f(x, y)	(4.17e)

#### ผลเฉลยแม่นตรง (Exact Solution)

ผลเฉลยแม่นตรงของปัญหานี้ คือ

$$T = T_{\infty} + \frac{4(T_0 - T_{\infty})}{\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\sin\left[\frac{(2k+1)\pi}{a}x\right]}{2k+1} \exp\left[-\alpha\pi^2 \frac{(2k+1)^2 t}{a^2}\right]$$
(4.18)

#### โปรแกรมคอมพิวเตอร์

ในส่วนของโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะใช้ระเบียบ Finite difference ในการ แก้ปัญหา โดยจากรูปที่ 4.12 เราสามารถแสดง Node Domain ได้ดังรูปที่ 4.12



รูปที่ 4.12 การแบ่ง Node ของ Domain ในปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว

## การตั้งค่าให้ Node

สำหรับปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว มีวิธีที่ใช้ในการ แก้ปัญหาอยู่หลายวิธี ซึ่งแต่ละวิธีก็มีข้อคีต่างกันออกไป ในหัวข้อนี้เราได้ทดลองใช้ทั้งวิธีแบบชัด แจ้งและแบบปริยายในการแก้ปัญหา

## วิธีแบบชัดแจ้ง (Explicit method)

วิธีนี้ง่ายต่อการทำความเข้าใจและประดิษฐ์โปรแกรม ซึ่งในการใช้วิธีนี้สำหรับ ระเบียบวิธี Finite difference เราสามารถกระทำได้ดังนี้

- 1. ประมาณค่า $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  และ $\frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$  ด้วย Second order central difference ณ เวลา *n*
- 2. ประมาณค่า  $\frac{\partial T}{\partial t}$  ด้วย Time forward differencing scheme

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$

ดังนั้นจะได้สมการดิสครีไทซ์ของสมการควบคุมดังนี้

$$\frac{T_{i+1}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}}{(\Delta x)^{2}} + \frac{T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n}}{(\Delta y)^{2}} = \frac{1}{\alpha} \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j}^{n}}{\Delta t}$$
$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^{2}} (T_{i+1}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^{2}} (T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) (4.19)$$

จากสมการจะเห็นได้ว่า*T<sub>i,j</sub><sup>n+1</sup>* คืออุณหภูมิที่จุดต่อ *i,j* ที่ เวลา *n*+1 ซึ่งสามารถหา ค่าได้โดยตรงจาก อุณหภูมิที่จุดต่อต่างๆที่เวลา *n* ซึ่งทราบค่ามาแล้วจากการคำนวณครั้งที่ *n* วิธีนี้ จึงเรียกว่าวิธีแบบชัดแจ้ง

สำหรับวิธีนี้การที่ผลลัพธ์จากการคำนวณจะลู่เข้าได้นั้น จะต้องมีความสัมพันธ์ ระหว่าง Δt , Δx และ Δy ดังนี้

$$\frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta x\right)^2} = \frac{k \Delta t}{\rho c \left(\Delta x\right)^2} < \frac{1}{2}$$
(4.20)  
where  $\frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta y\right)^2} = \frac{k \Delta t}{\rho c \left(\Delta y\right)^2} < \frac{1}{2}$ (4.21)

้นั้นคือ ค่า Time step ( $\Delta t$ ) จะต้องเป็นไปตามเงื่อนไขต่อไปนี้

$$\Delta t < \frac{\rho c (\Delta x)^2}{2k} \tag{4.22}$$

ແລະ 
$$\Delta t < \frac{\rho c (\Delta y)^2}{2k}$$
 (4.23)

จากสมการที่ (4.22) และ (4.23) ทำให้ทราบข้อจำกัดของเวลา โดยเวลาที่ใช้ในการ ้ คำนวณต้องมีค่าน้อยกว่าค่าวิกฤต (Critical time step) ในบางกรณีเราต้องการความเที่ยงตรงที่สูงขึ้น ทำให้ต้องใช้จุดต่อที่มากขึ้น ซึ่งส่งผลให้ความกว้างช่วง  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  ที่เล็กลง ทำให้โปรแกรม ต้องใช้เวลาในการคำนวณมากขึ้น (ขนาดของ  $\Delta t$  เล็กลงในอัตราที่เป็นรากที่สองของ  $\Delta x$  หรือ Δy ที่เล็กลง)

จาก Boundary conditions เราสามารถตั้งค่าให้อุณหภูมิที่ Node ต่างๆได้ ดังนี้

1. ที่	<i>i</i> = 1	, ,	<i>j</i> = 1,2,3,	ตั้งค่าให้ $T=T_{\infty}$
2. ที่	i = NIMAX	,	<i>j</i> = 1,2,3,	ตั้งค่าให้ $T=T_{\infty}$
3. ที่	j = 1	,	<i>i</i> = 1,2,3,	

จะเห็นได้ว่า Node T<sub>i,-1</sub> เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ  $\frac{\partial T}{\partial v} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยจะใช้ Piecewise linear profile ในการ เป็น Adiabatic

ประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{T_{i,j+1}^n - T_{i,j-1}^n}{2\Delta y}$$
$$T_{i,j-1}^n = -2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} + T_{i,j+1}^n$$
(4.24)

แทนสมการ (4.24) ลงใน สมการ (4.19) จะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta x\right)^{2}} \left(T_{i+1}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}\right) + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta y\right)^{2}} \left(2T_{i,j+1}^{n} - 2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} - 2T_{i,j}^{n}\right)$$
(4.25)

กรณีนี้  $\frac{\partial T}{\partial y} = 0$  ดังนั้นจะได้
$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^2} (T_{i+1}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^2} (2T_{i,j+1}^{n} - 2T_{i,j}^{n})$$
(4.26)

4. 
$$\vec{n}$$
  $j = NJMAX$  ,  $i = 1, 2, 3, ...$ 

จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i,j-1}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial y} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยจะใช้ Piecewise linear profile ในการ ประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{T_{i,j+1}^n - T_{i,j-1}^n}{2\Delta y}$$
$$T_{i,j+1}^n = 2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} + T_{i,j-1}^n$$
(4.27)

แทนสมการ (4.27) ลงใน สมการ (4.19) ได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^{2}} (T_{i+1,j}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^{2}} (2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} + 2T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n})$$
(4.28)

เมื่อ 
$$\frac{\partial T}{\partial y} = 0$$
 จะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^2} (T_{i+1}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^2} (2T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n})$$
(4.29)

5. สำหรับ Node ภายใน สามารถใช้สมการที่(4.19) ในการแทนค่าอุณหภูมิ

6. สำหรับพจน์ของเวลากำหนดให้  $f(x,y) = T_0$  ดังนั้นที่ t = 0 ,  $T = T_0$ 

### การเปรียบเทียบผลจากโปรแกรม

แบบจำลองที่นำมาคำนวณมีเงื่อนไขขอบตามรูปที่ 4.11 โดยมี  $T_{\infty} = 10^{\circ} \mathrm{C}$ ,  $T_{0} = 100^{\circ} \mathrm{C}$ ความกว้าง 10 เมตร สูง 20 เมตร ซึ่งจากการคำนวณหา Grid independent solution ที่ ความละเอียดของ Grid ต่างๆ ได้ผลดังรูปที่ 4.13



ร**ูปที่ 4.13** การทดสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความ ร้อนที่ผิว ที่ระนาบ y =10 เมตร



รูปที่ 4.14 ผลเปรียบเทียบระหว่าง Numerical solution และ Exact solution ของปัญหาการ นำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน กงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ที่ระนาบ y =10 เมตร Gird ขนาด 21x7

ในการทดสอบความเป็น Grid independent ของผลลัพธ์ เราเลือกใช้ Grid ที่มีความ ละเอียด 3x7, 5x7, 11x7 และ 21x7 ที่เวลา 3 วินาที ซึ่งจากรูปที่ 4.13 เห็นได้ว่า Grid ขนาด 21x7 ก็มีความละเอียดเพียงพอในการหาผลลัพธ์ ดังนั้นจึงเลือกใช้ Grid ขนาดนี้ ในการเปรียบเทียบผล ระหว่าง Numerical solution และผลจาก Exact solution

สำหรับปัญหานี้เราจะเลือกระนาบตามแนวนอนที่ตำแหน่ง y=10 เมตร และนำ ค่าของอุณหภูมิที่ Node ต่างๆ ตามแนวแกน x มาเปรียบเทียบกับผลเฉลยแม่นตรง

จากรูปที่ 4.14 แกนในแนวนอนแทนตำแหน่งต่างๆ ของ Domain ในแนวแกน x ตั้งแต่ x = 0 ถึง x = a ส่วนแกนในแนวตั้งแทนอุณหภูมิตั้งแต่ T = 0 ถึง  $T = T_{max}$  โดยทำการ พล็อตที่เวลาที่เปลี่ยนไป ซึ่งจะเห็นได้ว่าอุณหภูมิที่ตำแหน่งต่างๆของแบบจำลองและของผลเฉลย แม่นตรงมีความสอดกล้องกันที่ทุกตำแหน่ง และเวลา

ลักษณะการกระจายตัวของอุณหภูมิใน Domain ที่เวลาต่างๆสามารถแสดงได้ดังนี้ สามารถแสดงได้ดังรูปที่ 4.15



รูปที่ 4.15 การกระจายอุณหภูมิ ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณี เงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที, (b) 3 วินาที และ (c) 7 วินาที



ร**ูปที่ 4.15** (ต่อ) การกระจายอุณหภูมิ ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ที่เวลา (a) 0 วินาที, (b) 3 วินาที และ (c) 7 วินาที

เวลา 3 วินาที

4.3 การพัฒนาโปรแกรมและการตรวจสอบกับกรณีมีโดเมนเหมือนการใช้งานจริง

4.3.1 ปัญหาการไหลในช่องสี่เหลี่ยมโดยคิดการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ ตัวในของแข็ง

4.3.1.1 กรณีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อน ที่ผิวด้านบน

กรณีนี้เป็นการแก้ปัญหาการไหลผ่านช่องสี่เหลี่ยมโดยมีการสะสมความร้อนใน วัสดุสะสมความร้อนดังแสดงในรูปที่ 4.16



ร**ูปที่ 4.16** ปัญหาการไหลผ่านช่องสี่เหลี่ยมโดยมีการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว ในวัสดุสะสมความร้อน กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนกงที่ และมีการพาความ ร้อนที่ผิว

## เงื่อนไขขอบ

- 1. ด้านซ้าย ด้านขวา และ ด้านล่างไม่มีฟลักซ์ถ่ายเทความร้อน ,  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$
- 2. ด้านบนมีการพาความร้อนที่ผิว

### สมมติฐาน

- 1. คุณสมบัติของของใหลและวัสคุสะสมความร้อนมีค่าคงที่
- 2. สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนของของใหลมีค่าคงที่
- ที่เวลาเริ่มต้นของช่วงการ ใหล การกระจายของอุณหภูมิในเนื้อวัสดุนำความร้อนมี ความสม่ำเสมอ

- 4. ไม่คำนึงถึงความร้อนที่ถ่ายเทออกทางค้านข้างของ Heat storage unit
- 5. ของใหลมีความเร็วคงที่

## สำหรับวัสดุสะสมความร้อน

รูปแบบของการกระจายอุณหภูมิในวัสดุสะสมความร้อน สามารถจำลองได้ด้วย สมการเชิงอนุรักษ์ของกฎการอนุรักษ์พลังงานดังนี้

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$
(4.30)

โดยมีเงื่อนไขขอบดังนี้

 $t = 0 T_f = T_m = T_0 (4.31a)$ 

$$t > 0$$
  $x = 0$   $T_f = T_{f1}$ ,  $\frac{\partial T_m}{\partial x} = 0$   $0 < y < w$  (4.31b)

$$x = L \qquad \qquad \frac{\partial T_m}{\partial x} = 0 \qquad \qquad 0 < y < w \qquad (4.31c)$$

$$y = 0$$
  $\frac{\partial T_m}{\partial y} = 0$   $0 \le x \le L$  (4.31d)

$$y = w - k_m \frac{\partial T_m}{\partial y} = h(T_w - T_f) \qquad 0 \le x \le L$$
 (4.31e)

สำหรับของไหล

เราใช้สมดุลพลังงานของสมการอนุรักษ์พลังงาน ในการคำนวณ

$$\frac{hA\Delta x}{L}(T_m - T_f) + m_f c_f T_f \Big|_x = m_f c_f T_f \Big|_{x + \Delta x} + S_f \Delta x \rho_f c_f \frac{\partial T_f}{\partial t}$$
(4.32)

S<sub>f</sub> คือ พื้นที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนที่สัมผัสกับของไหล

ซึ่งในทางปฏิบัติเราจะละทิ้งเทอมของพลังงานสะสมสำหรับของไหลใน Control Volume เพื่อให้ง่ายในการกำนวณ ดังนั้นเราจะได้สมการอนุรักษ์พลังงานของการไหลดังนี้

$$\frac{m_f c_f L}{hA} \frac{\partial T_f}{\partial x} = T_w - T_f$$
(4.33)

#### โปรแกรมคอมพิวเตอร์

ในส่วนของโปรแกรมคอมพิวเตอร์จะใช้ระเบียบวิธี Finite difference ในการช่วย แก้ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติ โดย Grid ที่ใช้ในการคำนวณ แสดงคังรูปที่ 4.17



รูปที่ 4.17 การแบ่ง Node ของ Domain ในปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาที่ผิวด้านบน

# การตั้งค่าให้ Node

สำหรับหัวข้อนี้เราจะใช้ทั้งวิธีแบบชัดแจ้ง และวิธีแบบปริยายในการแก้ปัญหา สถานะไม่อยู่ตัว ซึ่งจะมีการเปรียบเทียบให้เห็นถึงความแตกต่างของวิธีทั้งสอง

#### วิธีแบบชัดแจ้ง (Explicit method)

### - สำหรับของแข็ง

ใช้ Explicit method ในการแก้ปัญหา เหมือนในหัวข้อ 4.2.1

# จาก Boundary conditions เราสามารถตั้งค่าให้อุณหภูมิที่ Node ต่างๆได้ ดังนี้

1. ที่ i = 1, j = 1, 2, 3, ...จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i-1,j}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยใช้ Piecewise linear profile ใน การประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_{i+1,j}^n - T_{i-1,j}^n}{2\Delta x}$$

$$T_{i-1,j}^{n} = -2\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} + T_{i+1,j}^{n}$$
(4.34)

แทนสมการ (4.34) ลงใน สมการ (4.19) จะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^{2}} (2T_{i+1,j} - 2\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^{2}} (T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n})$$
(4.35)

กรณีนี้  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$  ดังนั้นจะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta x\right)^{2}} \left(2T_{i+1,j} - 2T_{i,j}^{n}\right) + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta y\right)^{2}} \left(T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n}\right)$$
(4.36)

2.  $\vec{n}$  i = NIMAX, j = 1, 2, 3, ...

จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i,j-1}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial y} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยจะใช้ Piecewise linear profile ใน การประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_{i+1,j}^n - T_{i-1,j}^n}{2\Delta x}$$
$$T_{i+1,j}^n = 2\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} + T_{i-1,j}^n$$
(4.37)

แทนสมการ (4.37) ลงใน สมการ (4.19) จะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^{2}} (2T_{i-1,j} + 2\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^{2}} (T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n})$$
(4.38)

กรณีนี้  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$  ดังนั้นจะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta x\right)^{2}} \left(2T_{i-1,j} - 2T_{i,j}^{n}\right) + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta y\right)^{2}} \left(T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n}\right)$$
(4.39)

3.  $\vec{n}$  j = 1, i = 1, 2, 3, ...

จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i,j-1}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial y} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยจะใช้ Piecewise linear profile ใน การประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{T_{i,j+1}^n - T_{i,j-1}^n}{2\Delta y}$$
$$T_{i,j-1}^n = -2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} + T_{i,j+1}^n$$
(4.40)

แทนสมการ (4.40) ลงใน สมการ (4.19) จะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^2} (T_{i+1,j}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^2} (2T_{i,j+1}^{n} - 2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} - 2T_{i,j}^{n})$$
(4.41)

กรณีนี้ 
$$\frac{\partial T}{\partial y} = 0$$
 ดังนั้นจะได้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta x\right)^{2}} \left(T_{i+1,j}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}\right) + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta y\right)^{2}} \left(2T_{i,j+1}^{n} - 2T_{i,j}^{n}\right)$$
(4.42)

4. 
$$\vec{n}$$
  $j = NJMAX$ ,  $i = 1, 2, 3, ...$ 

ด้านบนมีการพาความร้อนโดยของใหล โดยมีสมการดังนี้

$$-k_m \frac{\partial T_m}{\partial y} = h(T_w - T_f)$$
(4.43)

ใช้ First order forward difference

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{T_{i,j} - T_{i,j-1}}{\Delta y}$$
แทนในพจน์  $\frac{\partial T_m}{\partial y}$  ของสมการ (4.40) จะได้

$$-k_{m} \frac{T_{i,j} - T_{i,j-1}}{\Delta y} = h(T_{i,j} - T_{fi})$$

$$T_{i,j} = \frac{\frac{k_{m}}{h\Delta y} T_{i,j-1} + T_{fi}}{\frac{k_{m}}{h\Delta y} + 1}$$
(4.44)

5. Node ภายใน (Node ที่ไม่ใช่ขอบ) สามารถใช้สมการที่(4.19) ในการแทนค่าอุณหภูมิ

- สำหรับของใหล

จากสมการ

$$\frac{m_f c_f L}{hA} \frac{\partial T_f}{\partial x} = T_w - T_f$$
(4.45)

เราใช้ First order backward difference

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_i - T_{i-1}}{\Delta x}$$

นำค่าไปแทนในพจน์  $rac{\partial T_f}{\partial x}$  ของสมการ (4.45) จะได้

$$\frac{m_f c_f L}{hA} \frac{T_{fi} - T_{fi-1}}{\Delta x} = T_{i,j} - T_{fi}$$

$$T_{fi} = \frac{\frac{m_f c_f L}{hA\Delta x} T_{fj-1} + T_{i,j}}{\frac{m_f c_f L}{hA\Delta x} + 1}$$
(4.46)

เพราะฉะนั้น

#### การเปรียบเทียบผลจากโปรแกรม

แบบจำลองที่นำมาคำนวณมีเงื่อนไขขอบดังนี้ วัสดุสะสมความร้อนมีความยาว 5.8 เมตร ความกว้าง 0.5 เมตร หนา 0.04 เมตร ใช้เวลาสลับคาบการไหลทุก 3 ชั่วโมง ซึ่งจากการ คำนวณหา Grid independent solution ที่ความละเอียดของ Grid ต่างๆ ได้ผลดังนี้ รูปที่ 4.18



รูปที่ 4.18 การทดสอบความเป็น Grid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติใน สถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาที่ผิวค้านบน

ในการทดสอบความเป็น Grid independent ของผลลัพธ์ เราเลือกใช้ Grid ที่มีความ ละเอียด 7x11, 7x21, 11x11, 11x21, 21x21 และ 41x21 ซึ่งจากรูปที่ 4.18 เห็นได้ว่า Grid ขนาด 41x21 ก็มีความละเอียดเพียงพอในการหาผลลัพธ์ ดังนั้นจึงเลือกใช้ Grid ขนาดนี้ ในการ เปรียบเทียบผลระหว่าง Exact solution และผลจาก Numerical solution สำหรับปัญหานี้เราจะเลือก การกระจายตัวของอุณหภูมิเมื่อสิ้นสุดคาบการไหล ช่วงสะสมความร้อนมาเปรียบเทียบกับผลจาก การคำนวณของ Schmidt and Willmott [13] ตามตารางที่ 4.1 สรุปผล

จากผลการคำนวณให้ผลลัพธ์ที่ใกล้เคียงกัน ทั้งค่า Outlet exhaust gas temperature และ Total heat storage โคยมีความผิดพลาดน้อยกว่า 0.01%

ลักษณะการกระจายตัวของอุณหภูมิใน Domain ที่เวลาต่างๆสามารถแสดงได้ดัง รูปที่ 4.19



# สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

รายการ	สัญลักษณ์	หน่วย	ค่า
For fluid			
Inlet combustion air temperature	TFC	°C	10.00
Inlet exhaust gas temperature	TFH <sub>in</sub>	°C	80.00
Density of combustion air at 50 <sup>°</sup> C	Pair	kg/m <sup>3</sup>	1.095
Specific heat of combustion air at 496 <sup>o</sup> C	Cp <sub>air</sub>	J/kg . <sup>0</sup> C	1011
Mass flow rate of heating period	FMH	kg/s	0.156
Number of channels	NC	channel	12.000
Width	a	m	0.500
Hight of flow channel	h	m	0.019
Length	Xl	m	5.800
Thick	Wt	m	0.040
Velocity of gas flow	V	m/s	15.000
Convection coefficient of hot air at 496 <sup>o</sup> C	НС	$W/m^2$ . <sup>O</sup> C	50.230
For solid	Ň		
Initial temperature of clay brick	T_initial	°C	10.00
Conductivity of clay brick air	K <sub>s</sub>	W/m. <sup>O</sup> C	2.100
Density of clay brick	ρ <sub>s</sub>	kg/m3	3,900
Specific heat of clay brick	Cp <sub>s</sub>	J/kg . <sup>0</sup> C	920
Results from Schmidt and Willmott	2115	าล	2
Outlet exhaust gas temperature	TFH <sub>out</sub>	°C	68.52
Total heat storage	Qstore	kJ	47,256,256.320
Results from calculation running at grid 41x21		·	
Outlet exhaust gas temperature	TFH <sub>out</sub>	°C	68.53
Total heat storage	Qstore	kJ	47,239,004.468

ตาราง 4.1 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้ในการกำนวณ และการเปรียบเทียบผลลัพธ์ระหว่างผลของ Schmidt and Willmott [13] กับผลที่ได้จากการกำนวณด้วยโปรแกรมที่สร้างขึ้น





ร**ูปที่ 4.19** การกระจายอุณหภูมิ ปัญหาการใหลไนช่องสี่เหลี่ยมโดยคิดการนำความร้อนแบบสองมิติ ในสถานะไม่อยู่ตัวในของแข็ง กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาที่ ผิว ที่เวลา (a) 0 ชั่วโมง, (b) 1.5 ชั่วโมง, และ (c) 3 ชั่วโมง

#### วิธีแบบปริยาย (Implicit method)

 แม้วิธีแบบชัดแจ้งจะให้ผลลัพธ์ที่มีความแม่นยำเพียงพอ แต่เนื่องจากข้อจำกัดใน การใช้งานเกี่ยวกับการเลือกใช้ค่าของช่วงเวลา ∆t ซึ่งต้องเลือกใช้ค่าของช่วงเวลาให้มีค่าน้อยกว่าค่า ช่วงเวลาวิกฤต เพื่อขจัดปัญหาการลู่ออกของผลลัพธ์ วิธีนี้จึงไม่เป็นที่นิยมใช้มากนัก การใช้วิธีแบบ ปริยายซึ่งมีเสถียรภาพการคำนวณโดยไม่มีเงื่อนไข (Unconditionally stable) ทำให้เราสามารถ หลีกเลี่ยงปัญหาการลู่ออกของผลลัพธ์ และยังสามารถใช้ค่าช่วงเวลา ∆t ที่สูงกว่าเวลาวิกฤตได้ ซึ่ง แม้จะใช้เวลาในการคำนวณเพิ่มขึ้น ก็นับว่าคุ้มกับข้อดีที่ชดเชยของวิธีนี้ ในการประยุกต์ใช้วิธี
 Finite difference กับสมการเชิงอนุพันธ์เพื่อแก้ปัญหาโดยใช้วิธีแบบปริยาย เราสามารถกระทำได้ ดังนี้

- 1. ประมาณค่า $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  และ  $\frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$  ด้วย Second order central difference ณ เวลา n+1
- 2. ประมาณค่า  $\frac{\partial T}{\partial t}$  ด้วย Time forward difference

$$\frac{\partial^{2}T}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2}T}{\partial y^{2}} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} 
\frac{T_{i+1}^{n+1} + T_{i-1,j}^{n+1} - 2T_{i,j}^{n+1}}{(\Delta x)^{2}} + \frac{T_{i,j+1}^{n+1} + T_{i,j-1}^{n+1} - 2T_{i,j}^{n+1}}{(\Delta y)^{2}} = \frac{1}{\alpha} \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j}^{n}}{\Delta t} 
T_{i,j}^{n} = -\alpha_{x} T_{i+1}^{n+1} - \alpha_{x} T_{i-1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y} T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y} T_{i,j-1}^{n+1}$$
(4.47)

โดยที่  

$$\alpha_x = \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta x)^2}$$
  
 $\alpha_y = \frac{\alpha \Delta t}{(\Delta y)^2}$ 

จากสมการจะเห็นได้ว่าในสมการเราทราบเพียงค่า  $T_{i,j}^n$  ซึ่งหาได้จากการคำนวณ ครั้งที่ n นอกนั้นเป็นตัวแปรที่ไม่ทราบค่าที่ ณ เวลา n+ 1 เมื่อประยุกต์สมการที่ (4.47) เข้ากับจุดต่อ ทั้งหมด เราก็จะได้ระบบสมการซึ่งมีลักษณะเป็นสมการแบบสามแถวทแยง (Tridiagonal system) โดยเราจะใช้วิธี TDMA ในการแก้ระบบสมการเมตริกซ์เพื่อหาผลลัพธ์

# จาก Boundary condition เราสามารถตั้งค่าให้อุณหภูมิที่ Node ต่างๆ ดังนี้

#### - สำหรับของแข็ง

1. ที่ i = 1, j = 1, 2, 3, ...จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i-1,j}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial x} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยใช้ Piecewise linear profile ในการ ประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_{i+1,j}^{n+1} - T_{i-1,j}^{n+1}}{2\Delta x}$$
$$T_{i-1,j}^{n+1} = -2\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} + T_{i+1,j}^{n+1}$$
(4.48)

แทนสมการ (4.48) ลงใน สมการ (4.47) จะได้

$$T_{i,j}^{n} = -2\alpha_{x}T_{i+1,j}^{n+1} + 2\alpha_{x}\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-$$

กรณีนี้ 
$$\frac{\partial T}{\partial x} = 0$$
 ดังนั้นจะได้  

$$T_{i,j}^{n} = -2\alpha_{x}T_{i+1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-1}^{n+1}$$
(4.50)

2. ที่ i = NIMAX , j = 1,2,3,...จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i,j-1}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial y} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยจะใช้ Piecewise linear profile ในการ ประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_{i+1,j}^{n+1} - T_{i-1,j}^{n+1}}{2\Delta x}$$

$$T_{i+1,j}^{n+1} = 2\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} + T_{i-1,j}^{n+1}$$
(4.51)

แทนสมการ (4.51) ลงใน สมการ (4.47) จะได้

$$T_{i,j}^{n} = -2\alpha_{x}T_{i-1,j}^{n+1} - 2\alpha_{x}\Delta x \frac{\partial T}{\partial x} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-1}^{n+1}$$
(4.52)

กรณีนี้ 
$$\frac{\partial T}{\partial x} = 0$$
 ดังนั้นจะใต้  

$$T_{i,j}^{n} = -2\alpha_{x}T_{i-1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-1}^{n+1}$$
(4.53)

3. ที่ 
$$j = 1, i = 1, 2, 3, ...$$
  
จะเห็นได้ว่า Node  $T_{i,j-1}$  เป็น Node ที่อยู่นอก Domain ซึ่งจะใช้คุณสมบัติความ  
เป็น Adiabatic  $\frac{\partial T}{\partial y} = 0$  ในการประมาณค่าที่ Node โดยจะใช้ Piecewise linear profile ในการ  
ประมาณค่า

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{T_{i,j+1}^{n+1} - T_{i,j-1}^{n+1}}{2\Delta y}$$
$$T_{i,j-1}^{n+1} = -2\Delta y \frac{\partial T}{\partial y} + T_{i,j+1}^{n+1}$$
(4.54)

แทนสมการ (4.54) ลงใน สมการ (4.47) จะได้

$$T_{i,j}^{n} = -\alpha_{x}T_{i+1}^{n+1} - \alpha_{x}T_{i-1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - 2\alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} + 2\alpha_{y}\Delta y \frac{\partial T}{\partial y}$$
(4.55)

กรณีนี้ 
$$\frac{\partial T}{\partial y} = 0$$
 ดังนั้นจะได้

$$T_{i,j}^{n} = -\alpha_{x}T_{i+1}^{n+1} - \alpha_{x}T_{i-1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - 2\alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1}$$
(4.56)

4. ที่ j = NJMAX , i = 1,2,3,...ด้านบนมีการพาความร้อนโดยของไหล โดยมีสมการดังนี้

$$-k_m \frac{\partial T_m}{\partial y} = h(T_w - T_f)$$
(4.57)

ใช้ First order forward difference

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j-1}^{n+1}}{\Delta y}$$

แทนในพจน์  $rac{\partial T_m}{\partial y}$  ของสมการ (4.57) จะได้

$$-k_{m} \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j-1}^{n+1}}{\Delta y} = h(T_{i,j}^{n+1} - T_{fi}^{n+1})$$

$$T_{i,j}^{n+1} = \frac{\frac{k_{m}}{h\Delta y} T_{i,j-1}^{n+1} + T_{fi}^{n+1}}{\frac{k_{m}}{h\Delta y} + 1}$$
(4.58)

5. Node ภายใน (Node ที่ไม่ใช่ขอบ) สามารถใช้สมการที่ (4.47) ในการแทนค่าอุณหภูมิ

$$T_{i,j}^{n} = -\alpha_{x}T_{i+1}^{n+1} - \alpha_{x}T_{i-1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-1}^{n+1}$$
(4.47)

สำหรับของใหล
 จากสมการ

$$\frac{m_f c_f L}{hA} \frac{\partial T_f}{\partial x} = T_w - T_f \tag{4.59}$$

เราใช้ First order backward difference

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{T_{fi}^{n+1} - T_{fi-1}^{n+1}}{\Delta x}$$

นำค่าไปแทนในพจน์  $\frac{\partial T_f}{\partial x}$  ของสมการ (4.45) จะได้

$$\frac{m_f c_f L}{hA} \frac{T_{fi}^{n+1} - T_{fi-1}^{n+1}}{\Delta x} = T_{i,j}^{n+1} - T_{fi}^{n+1}$$

เพราะฉะนั้น

$$T_{fi}^{n+1} = \frac{\frac{m_f c_f L}{hA\Delta x} T_{fi-1}^{n+1} + T_{i,j}^{n+1}}{\frac{m_f c_f L}{hA\Delta x} + 1}$$
(4.60)

#### การเปรียบเทียบผลจากโปรแกรม

แบบจำลองที่นำมาคำนวณมีเงื่อนไขขอบเช่นเดียวกันกับ ระเบียบวิธีแบบชัดแจ้ง กือ วัสดุสะสมความร้อนมีความยาว 5.8 เมตร ความกว้าง 0.5 เมตร หนา 0.04 เมตรใช้เวลาสลับคาบ การไหลทุก 3 ชั่วโมง ซึ่งจากการคำนวณหา Grid independent solution ที่ความละเอียดของ Grid ต่างๆ ได้ผลดังนี้

ในการทดสอบความเป็น Time independent ของผลลัพธ์ เราเลือกใช้ Time grid ที่มีความละเอียด 4001, 8001, 16001, 24001, 28001 และ 32001 ซึ่งจากรูปที่ 4.20 เห็นได้ว่า Time grid ขนาด 28001 ก็มีความละเอียดเพียงพอในการหาผลลัพธ์ ดังนั้นจึงเลือกใช้ Grid ขนาดนี้ ในการเปรียบเทียบผลระหว่าง วิธีแบบชัดแจ้ง กับ วิธีแบบปริยายสำหรับปัญหานี้เราจะเลือกการ กระจายตัวของอุณหภูมิเมื่อสิ้นสุดคาบการไหล ช่วงสะสมความร้อน มาเปรียบเทียบกัน

รูปที่ 4.21 แสดงผลเปรียบเทียบอุณหภูมิของของไหล โดยการแก้ปัญหาโดยใช้วิธี แบบชัดแจ้ง กับ วิธีแบบปริยาย ที่ความละเอียดของ Grid 41x21

จากกราฟจะเห็นได้ว่าวิธีทั้งสองให้ผลลัพธ์ที่มีค่าใกล้เคียงกันมาก โดยเมื่อ เปรียบเทียบอุณหภูมิที่จุดปลายของ Domain พบว่ามีค่าความผิดพลาด 0.9% แต่วิธีแบบปริยายมี เสถียรภาพดีกว่า ดังนั้นคณะผู้วิจัยจะเลือกใช้วิธีแบบปริยายในการแก้ปัญหาในหัวข้อต่อไป



ร**ูปที่ 4.20** การทคสอบความเป็นGrid independent ของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติใน สถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ด้านบน



รูปที่ 4.21 ผลเปรียบเทียบระหว่างวิธีแบบชัดแจ้ง กับ วิธีแบบปริยาย ของปัญหาการนำความร้อน แบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีมีเงื่อนไขขอบแบบฟลักซ์ถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพา ความร้อนที่ผิวด้านบน

# บทที่ 5 อุปกรณ์การทดลองและวิธีดำเนินการทดลอง

ผู้วิจัยได้วางแผนในการเก็บข้อมูลที่บริษัทไทยแลนด์สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่งจำกัด (ไทยซาร์โก) โดยแบ่งการดำเนินการออกเป็นขั้นตอน คือ ขั้นการเก็บข้อมูลเบื้องต้น ผู้วิจัยจะทำ การสำรวจสภาพแวคล้อมโดยรอบ ตำแหน่งที่จะทำการติดตั้งอุปกรณ์การทดลอง และเก็บข้อมูลเพื่อ ใช้เป็นข้อมูลเบื้องต้นสำหรับโปรแกรมคอมพิวเตอร์ ขั้นที่สองคือ การจัดเตรียมอุปกรณ์ เพื่อเตรียม นำไปติดตั้งกับ Regenerator ขั้นที่สามคือ การทำการทดลองโดยละเอียด โดยจะทำการติดตั้ง อุปกรณ์กับ Regenerator เฉะทำการทดลองเก็บข้อมูลโดยละเอียด เพื่อนำมาเปรียบเทียบกับข้อมูลที่ ได้จากการกำนวณด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และนำผลลัพธ์ที่ได้ไปปรับปรุงโปรแกรมคอมพิวเตอร์ ต่อไป

# 5.1 การเก็บข้อมูลเบื้องต้น

หลังจากที่ได้ประดิษฐ์ และตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่ใช้ ในการคำนวณหาวัฏจักรที่เหมาะสมในการสลับคาบการไหลของ Regenerator เรียบร้อยแล้ว จากนั้นผู้วิจัยได้เดินทางไปยังบริษัทไทยแลนค์สเมลติ้งแอนค์รีไฟนิ่งจำกัด (ไทยซาร์โก) เพื่อทำการ สำรวจสภาพแวคล้อมโดยรอบ และหาตำแหน่งที่จะทำการติดตั้งอุปกรณ์การทคลอง และเก็บข้อมูล เพื่อใช้เป็นข้อมูลเบื้องต้นในโปรแกรมคอมพิวเตอร์

คณะวิจัยได้ทำการเก็บรวบรวมข้อมูล ซึ่งประกอบด้วย ขนาดของ Regenerator ชนิดของวัสดุสะสมความร้อนที่ใช้ อุณหภูมิของก๊าซเสีย และอากาศดีทั้งทางเข้าและทางออก ปริมาณอากาศที่ไหลเข้า ซึ่งข้อมูลเบื้องต้นนี้ (ตารางที่ 5.1) จะใช้ในการหาคุณสมบัติต่างๆ ที่ใช้ ประกอบในการกำนวณต่อไป

รายการ	สัญลักษณ์	หน่วย	ค่า
For fluid			
Inlet combustion air temperature	TFC <sub>in</sub>	°C	514.15
Outlet combustion air temperature	TFC <sub>out</sub>	°C	1,024.15
Inlet exhaust gas temperature	TFH <sub>in</sub>	°C	1,325.15
Outlet exhaust gas temperature	TFH <sub>out</sub>	°C	707.15
Quantity of CO <sub>2</sub> by volume	CO <sub>2</sub>	%	12.33
Quantity of $O_2$ by volume	0 <sub>2</sub>	%	4.61
Quantity of $N_2$ by volume	N <sub>2</sub>	%	78
Volume flow rate	VFC	m <sup>3</sup> /s	1.375
For solid			
Initial temperature of clay brick	T_initial	°C	473.15
Conductivity of clay brick air at 600 <sup>0</sup> C	K <sub>s</sub>	W/m. <sup>O</sup> C	1.48
Density of clay brick	$\rho_{s}$	kg/m <sup>3</sup>	2,260
Specific heat of clay brick	Cp <sub>s</sub>	J/kg. <sup>O</sup> C	960
Number of channels	NC	channel	120
Width	а	m	0.18
Thick	Wt	m	0.08
Length	Xl	m	5.04
Area of flow per channel	AF	m <sup>2</sup>	0.032
Hydraulic diameter Dh=4*AF/(4*a)	Dh	m	0.18

# ตารางที่ 5.1 ข้อมูลที่ได้จากเก็บข้อมูลเบื้องต้นจากโรงงาน

## 5.2 การจัดเตรียมอุปกรณ์

# เครื่องมือและอุปกรณ์ที่ใช้ในการวิจัย

เนื่องจากอุปกรณ์ที่ใช้ในการวิจัยมีหลายรายการ จึงทำการแบ่งอุปกรณ์ออกเป็น หมวดหมู่ ดังนี้

# 5.2.1 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดอุณหภูมิ

- 5.2.1.1 ดาตาลีอกเกอร์ Hioki 8422-51
- 5.2.1.2 เทอร์ โมคัปเปิ้ล Type K
- 5.2.1.3 สายสัญญาณ Type K

## 5.2.2 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดส่วนประกอบของก๊าซเสียจากการเผาใหม้

5.2.2.1 เครื่องวิเคราะห์ก๊าซเสียอุณหภูมิสูง Testo 300M

#### 5.2.3 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดปริมาณลม

5.2.3.1 ชุด Pitot tube พร้อม Pressure transducer ยี่ห้อ Yogogawa

## 5.2.4 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดอัตรา การใหลของน้ำมัน

5.2.4.1 Oil flow meter ยี่ห้อ Yogogawa

# 5.2.5 อุปกรณ์อื่นๆ

- 5.2.5.1 ลวดฮีทเตอร์เพื่อใช้ในการยึดอุปกรณ์ตรวจวัดอุณหภูมิภายในเตา
- 5.2.5.2 เต๋ากระเบื้องเพื่อใช้ในการเชื่อมต่อสายสัญญาณ
- 5.2.5.3 ผ้าเทปเซรามิกไฟเบอร์กันความร้อน
- 5.2.5.4 เทปฟอยด์กันความร้อน
- 5.2.5.5 ดอกสว่าน

### 5.3 การทำการทดลองโดยละเอียด

เนื่องจากการติดตั้งอุปกรณ์ทดลองต้องทำในช่วงที่ทางโรงงานหยุดการทำงานเพื่อ ซ่อมแซมเตาถลุง ผู้วิจัยจึงต้องตรวจสอบตารางการถลุงกับทางโรงงาน เพื่อทำการวางแผนในการ ติดตั้งอุปกรณ์ เมื่อได้วันเวลาที่แน่นอนแล้ว ผู้วิจัยได้ทำการจัดซื้อและ จัดเตรียมอุปกรณ์การทดลอง จากนั้นผู้วิจัยได้เดินทางไปยังบริษัทไทยแลนด์สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่งจำกัด (ไทยซาร์โก) เพื่อทำการ ติดตั้งอุปกรณ์และทำการเก็บข้อมูลอย่างละเอียด เพื่อนำมาเปรียบเทียบกับผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิง ตัวเลข โดยข้อมูลที่นำมาใช้ในวิทยานิพนธ์ประกอบด้วย

## 5.3.1 อุณหภูมิที่ตำแหน่งต่างๆ

- 5.3.1.1 ข้อมูลช่วง Heating Period
  - 5.3.1.1.1 อุณหภูมิของก๊าซเสีย
    - อุณหภูมิก๊าซเสียที่ดำแหน่งทางเข้าของก๊าซเสีย
    - อุณหภูมิก๊าซเสียที่ดำแหน่ง 0.3 เมตร จากทางเข้าของก๊าซเสีย
    - อุณหภูมิก๊าซเสียที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ก่อนถึงทางออกของก๊าซ เสีย
    - อุณหภูมิก๊าซเสียที่ตำแหน่งทางออกของก๊าซเสีย
  - 5.3.1.1.2 อุณหภูมิอิฐทนไฟ
    - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ดำแหน่งทางเข้าของก๊าซเสีย
    - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จากทางเข้าของก๊าซเสีย
    - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ดำแหน่ง 0.3 เมตร ก่อนถึงทางออกของก๊าซ เสีย
    - 🕨 อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ตำแหน่งทางออกของก๊าซเสีย
  - 5.3.1.1.3 อุณหภูมิผนังอิฐด้านนอก Regenerator
  - 5.3.1.1.4 อุณหภูมิสิ่งแวคล้อม
- 5.3.1.2 ช่วง Cooling Period
  - 5.3.1.2.1 อุณหภูมิของอากาศดี
    - อุณหภูมิของอากาศดีที่ตำแหน่งทางเข้าของอากาศดี
    - อุณหภูมิของอากาศดีที่ตำแหน่ง 1 เมตร จากทางเข้าของของ อากาศดี

- อุณหภูมิของอากาศดีที่ตำแหน่ง 1 เมตร ก่อนถึงทางออกของ
   อากาศดี
- อุณหภูมิของอากาศดีที่ตำแหน่งทางออกของอากาศดี
- 5.3.1.2.2 อุณหภูมิอิฐทนไฟ
  - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ตำแหน่งทางเข้าของอากาศดี
  - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ตำแหน่ง 1 เมตร จากทางเข้าของอากาศดี
  - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ดำแหน่ง 1 เมตร ก่อนถึงทางออกของอากาศ ดี
  - อุณหภูมิอิฐทนไฟที่ตำแหน่งทางออกของอากาศคี
- 5.3.1.2.3 อุณหภูมิผนังอิฐด้านนอก Regenerator
- 5.3.1.2.4 อุณหภูมิสิ่งแวคล้อม
- 5.3.2 อัตราการใหลของอากาศ
- 5.3.3 อัตราการใช้น้ำมัน
- 5.3.4 ส่วนประกอบของก๊าซเสียที่เกิดจากการเผาใหม้
- 5.3.5 ความชื้นสัมพัทธ์ของสิ่งแวดล้อม

#### 5.4 รายละเอียดอุปกรณ์การทดลอง

5.4.1 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดอุณหภูมิ

รูปที่ 5.1 ชุดอุปกรณ์วัดอุณหภูมิที่จะต้องติดตั้งกับ Regenerator โดยต้อง ทำการจัดตั้งอุปกรณ์ต่างๆ ดังต่อไปนี้

# 5.4.1.1 การติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ล

ทำการติดตั้งอุปกรณ์วัดอุณหภูมิ เพื่อวัดการกระจายตัวของอุณหภูมิ ทั้งในของไหล และ วัสดุสะสมความร้อน โดยมีรายละเอียดดังนี้



ร**ูปที่ 5.1** ชุดอุป<mark>กรณ์วัดอุณหภูมิที่จะ</mark>ต้องติดตั้งกับ Regenerator

# ตำแหน่งติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ลในของไหล

ที่ตำแหน่งต่างๆของของไหลเราจะทำการติดตั้ง เทอร์โมคัปเปิ้ล 4 จุด ที่ตำแหน่ง x=0, 0.3, 4.74 และ 5.04 เมตร ในแนวกึ่งกลางของช่องทางการไหล ดังแสดงในรูปที่ 5.2



รูปที่ 5.2 ตำแหน่งติดตั้งเทอร์ โมคัปเปิ้ลในของไหล

# ตำแหน่งติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ลในวัสดุสะสมความร้อน

ที่ตำแหน่งต่างๆของอิฐทนไฟจะทำการติดตั้ง เทอร์ โมกัปเปิ้ล 8 ตำแหน่ง คือที่ผิว และกึ่งกลางระหว่างช่องทางการไหล ที่ตำแหน่ง x=0, 0.3, 4.74 และ 5.04 เมตร ดังแสดง ในรูปที่ 5.3



รูปที่ 5.3 ตำแหน่งติดตั้งเทอร์ โมกัปเปิ้ลในวัสดุสะสมความร้อน

ในการติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ลนั้นจำเป็นต้องมี การเจาะวัสดุสะสม ความร้อนเพื่อทำการฝังหัวเทอร์โมคัปเปิ้ล โดยทางโรงงานได้จัดเตรียมผู้ที่มีความ ชำนาญช่วยประสานงานในการการเจาะพื้นผิวของ Regenerator เพื่อติดตั้งเทอร์ โมคัปเปิ้ล และซ่อมแซมพื้นผิวส่วนที่สึกกร่อน ดังแสดงในรูปที่ 5.4 – 5.6

# 5.4.1.2 การเชื่อมต่อสัญญาณ

หลังจากติดตั้งเทอร์ โมคัปเปิ้ลแล้วจะต้องทำการเดินสายสัญญาณ ไปยังคาตาลีอกเกอร์เพื่อทำการบันทึกข้อมูล ดังแสดงในรูปที่ 5.7

# 5.4.2 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดส่วนประกอบของก๊าซเสียจากการเผาใหม้

สำหรับอุปกรณ์วัคส่วนประกอบของก๊าซเสีย ผู้วิจัยได้ใช้ Testo 300M ซึ่ง เป็นอุปกรณ์วัคก๊าซเสียแบบพกพา โดยจะใช้วัคก๊าซเสียที่ตำแหน่งที่ออกจาก Regenerator แล้ว คังแสคงในรูปที่ 5.8



ร**ูปที่ 5.4** การเจ<mark>าะ</mark>วัสดุสะสมความร้อนด้านบนเพื่อติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ล



รูปที่ 5.5 การเจาะวัสคุสะสมความร้อนด้านถ่างเพื่อติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ล



ร**ูปที่ 5.6** การหุ้มสายเทอร์ โมคัปเปิ้ลด้วยเซรามิกไฟเบอร์หลังจากการติดตั้งเทอร์ โมคัปเปิ้ล เพื่อกัน ความร้อนเนื่องจากด้านบนของ Regenerator มีความร้อนสูงมากกว่า 700 <sup>0</sup>C



ร**ูปที่ 5.7** ดาตาล็อกเกอร์ที่ได้ทำการเชื่อมต่อกับสายสัญญาณจากเทอร์ โมคัปเปิ้ล



รูปที่ 5.8 อุปกรณ์วิเคราะห์ประสิทธิภาพการเผาใหม้

# 5.4.3 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดปริมาณลม

ทางโรงงานมีอุปกรณ์ตรวจวัดอัตราการใหลของอากาศ โดยติดตั้งชุด Pitot tube เพื่อวัดความดันของอากาศที่ตำแหน่งก่อนทางเข้า Regenerator ซึ่งจะต่อเข้า Pressure transducer ของ Yogogawa โดยข้อมูลจะถูกส่งไปยังกอมพิวเตอร์ส่วนกลาง เพื่อนำไปประมวลผลเพื่อแปลงเป็นอัตราการใหล และบันทึกข้อมูลลงใน หน่วยความจำต่อไป

# 5.4.4 อุปกรณ์ที่ใช้ในการวัดอัตราการใหลของน้ำมัน

ทางโรงงานติดตั้ง Oil flow meter ของ Yogogawa เพื่อวัดอัตราการใหล ของน้ำมัน โดยข้อมูลจะถูกส่งไปกอมพิวเตอร์ส่วนกลางเพื่อนำไปประมวลผล และ บันทึกข้อมูลลงในหน่วยความจำต่อไป

## 5.4.5 อุปกรณ์อื่นๆ

สำหรับอุปกรณ์อื่นๆเป็นส่วนประกอบในการติดตั้งสายสัญญาณกับ Regenerator

#### 5.5 สภาวะในการทดลอง

เนื่องจากการถลุงแร่ดีบุกเป็นกระบวนการที่ใช้ความร้อนสูง ดังนั้นจึงต้องมี การศึกษาอุปกรณ์ที่นำมาใช้ในการเก็บข้อมูลเพื่อหาจุดที่เหมาะสมในการใช้งาน ในการเก็บข้อมูล ครั้งนี้ ข้อมูลที่มีข้อจำกัดในการตรวจวัดมากที่สุด คือ อุณหภูมิภายใน Regenerator เนื่องจากบางจุด มีอุณหภูมิสูงกว่า 1,200°C ซึ่งอุปกรณ์ที่ใช้วัดอุณหภูมิที่นิยมใช้ทั่วไปในโรงงาน คือ เทอร์ โมคัปเปิ้ล Type R แบบหัวกะโหลก ซึ่งสามารถทนอุณหภูมิสูง และมีความทนทานในการใช้งาน แต่มี ข้อจำกัด คือ มีขนาดใหญ่ ถึง 25 mm เมื่อเทียบกับจุดที่ต้องการตรวจวัดอุณหภูมิคือ เนื้ออิฐซึ่งจุด ติดตั้งที่ใกล้กันที่สุดมีระยะห่าง 35 mm ซึ่งหัวเทอร์ โมคัปเปิ้ลแบบนี้ไม่สามารถนำมาใช้งานได้ และ อีกส่วนคือช่องทางการใหลของของใหลซึ่งมีขนาด 180x180 mm ซึ่งการนำเทอร์ โมคัปเปิ้ลขนาด 25 mm มาใช้จะรบกวนการใหลเป็นอย่างมาก

จากการศึกษาพบว่า เทอร์ โมคัปเปื้อแบบหัวกะ โหลกมีเทอร์มอลแมสค่อนข้างสูง ทำให้รับ และคายอุณหภูมิได้ช้า ทำให้ไม่สามารถวัดอุณหภูมิแบบ Real time ได้ ซึ่งในการใช้งาน จริงจำเป็นต้องใช้หัวเทอร์ โมคัปเปิ้ลที่มีขนาดเล็กเพื่อไม่ให้รบกวนการไหล และ ต้องสามารถวัด อุณหภูมิแบบ Real time ได้ ดังนั้นจึงเลือกใช้ Thermocouple wire ceramic fiber insulated 2,200°F (1,204°C) ของ TEW&C ซึ่งเป็นเทอร์ โมคัปเปิ้ลคุณภาพสูงที่หุ้มด้วยฉนวนที่ทำจาก Ceramic fiber ซึ่งสามารถทนอุณหภูมิแบบต่อเนื่องได้สูงถึง 1,204 °C สามารถวัดอุณหภูมิได้แบบ Real time ได้ และมีขนาดเล็กเพียง 2.6x4.4 mm ซึ่งไม่รบกวนช่องทางการไหล แต่ก็มีข้อจำกัด คือ รูปร่าง ก่อนข้างบอบบางกว่าเทอร์ โมคัปเปิ้ลแบบหัวกะ โหลก และอาจเสียหายได้ถ้าอุณหภูมิมีก่าเกิน 1,204 °C แต่ในการถลุงดีบุกจริงอุณหภูมิในเตาหลอมจะมีค่าอยู่ในช่วง 1,300-1,400 °C ซึ่งในบางครั้ง อุณหภูมิที่มาถึง Regenerator อาจสูงกว่า 1,204 °C ทำให้ต้องวางแผนในการเก็บข้อมูลให้ได้มาก ที่สุดในช่วงสั้น ก่อนที่จะเทอร์ โมคัปเปิ้ลจะเสียหาย

ข้อจำกัดเรื่องต่อไปคือสภาวะในการปฏิบัติงานของผู้ปฏิบัติงานเนื่องจากบริเวณ โดยรอบที่ปฏิบัติงานมีอุณหภูมิสูง มีเสียงดังตลอดเวลา ประกอบกับมีก๊าซพิษที่อันตราย เช่น สาร หนู ปรอท ตะกั่ว NO<sub>x</sub> ฯลฯ และสารกัมมันตรังสีที่เกิดจากการถลุง ทำให้ผู้วิจัยไม่สามารถอยู่ใน สถานที่ทดลองต่อเนื่องเป็นเวลานานๆ ได้ แต่เนื่องจาก Regenerator ของทางโรงงานเป็นระบบ Manual การปรับวาล์วเพื่อสลับทิศทางการใหลของอากาศที่เข้าและออก Regenerator ด้องทำด้วย มือ ทำให้เกิดข้อจำกัดในการทดลอง คือผู้วิจัยต้องทำการปรับวาล์วสลับทิศทางการใหลด้วยมือเอง ตลอดเวลา (ซึ่งรายละเอียดในการปรับจะกล่าวในหัวข้อต่อไป) แต่ในการทดลองเพื่อให้สภาวะเข้าสู่ Cyclic equilibrium นั้นจำเป็นต้องใช้เวลาก่อนข้างนาน ทำให้ในแต่ละวันผู้ปฏิบัติงานมีความ จำเป็นต้องปฏิบัติงานอยู่หน้าเตาเป็นเวลานาน โดยไม่สามารถหลีกเลี่ยงได้ ดังนั้นจึงต้องทำการ ทดลองให้ได้ผลลัพธ์ที่ดีที่สุดในเวลาที่น้อยที่สุดเท่าที่จะทำได้

ทางโรงงานได้วางแผนเตรียมการถลุง ดังนี้ คือ วันที่ 27 สิงหาคม – 4 กันยายน พ.ศ. 2547 จะทำการอุ่นเตาเพื่อให้เตาร้อนขึ้นอย่างช้าๆเพื่อลดการแตกของเตาเนื่องจากการเปลี่ยน แปลงอุณหภูมิแบบทันทีทันใด โดยจะอุ่นเตาจากอุณหภูมิห้องโดยใช้น้ำมันดีเซลเป็นเชื้อเพลิง ในช่วงนี้ยังไม่มีการปล่อยก๊าซร้อนเข้า Regenerator เมื่อเตามีอุณหภูมิภายในประมาณ 900 °C ก็จะ หยุดการใช้น้ำมันดีเซลมาใช้น้ำมันเตาแทน โดยจะเริ่มมีการอุ่น Regenerator ด้วย และจะทำการอุ่น จนภายในเตามีอุณหภูมิถึง 1,300 °C ก็จะทำการใส่แร่เพื่อถลุงต่อไป

เมื่อทราบแผนงานของทางโรงงาน ประกอบกับข้อจำกัดของการปฏิบัติงานดังที่ ได้กล่าวมา ผู้วิจัยจึงได้วางแผนงานในการเก็บข้อมูลดังนี้

เนื่องจากในช่วงที่มีการอุ่น Regenerator มีสภาวะที่เหมาะสมที่สุดในการทดลอง เนื่องจากมีอุณหภูมิภายในเตาอยู่ในช่วง 900 – 1,300 °C อุณหภูมิก๊าซเสียก่อนเข้า Regenerator มีก่า ใม่เกิน 1,000 °C และยังไม่มีเศษ Slag หรือฝุ่นผงจากการถลุงมาเกาะอุปกรณ์ตรวจวัดทำให้ สามารถควบคุมสภาวะในการวัดได้ดียิ่งขึ้น ส่วนในช่วงถลุงผู้วิจัยก็ได้ทำการตรวจวัดเช่นกัน แต่ เนื่องจากในช่วงที่มีการถลุงไม่สามารถควบคุมอุณหภูมิภายในให้ดงที่ได้เนื่องจากทางโรงงานไม่มี ระบบอัตโนมัติในการควบคุมการจ่ายน้ำมัน ทำให้ด้องปรับน้ำมันอัตราการไหลด้วยมือ และในช่วง ที่มีการถลุงมีการเปิดฝาเตาบ่อย ทำให้ไม่สามารถรักษาอุณหภูมิให้คงที่ได้เนื่องจากทางโรงงานไม่มี ระหว่างการถลุงมีภายในเตายังสูงถึง 1,470 °C ทำให้มีหัวเทอร์โมกัปเปิ้ลบางหัวเสียไป ข้อมูลที่ได้ ระหว่างการถลุงจึงถูกใช้เป็นข้อมูลเบื้องต้นในการกำนวณหาวัฏจักรที่เหมาะสมในการสลับคาบ การไหล โดยใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่สร้างขึ้นสำหรับสภาวะการทำงานจริง

#### 5.6 วิธีการทดลอง

ตามที่กล่าวไว้ในบทที่ 3 เนื่องจาก Regenerator เป็นอุปกรณ์นำความร้อนกลับมา ใช้ที่ทำงานแบบไม่ต่อเนื่อง ดังนั้นในเตาถลุง 1 ตัว จะมี Regenerator 2 ตัว เพื่อสลับกันรับและคาย ความร้อน ดังแสดงในแบบจำลองในรูปที่ 5.9



รูปที่ 5.9 แบบจำลองเตาถลุงที่ใช้กับ Regenerator แบบ 2 ตัว

ในการทดลองผู้วิจัยได้เลือกใช้เตาถลุงตัวที่ 2 และได้ทำการติดตั้งอุปกรณ์ทดลอง กับ Regenerator ทางด้านทิสเหนือ โดยหลักการทำงานของ Regenerator สามารถดูได้จาก รายละเอียดในบทที่ 3 ในการทดลองเก็บข้อมูลจะปล่อยอากาศดีเข้าทาง Regenerator ทางด้านใต้ เพื่อรับความร้อนที่ถูกเก็บเอาไว้แล้วนำไปใช้ในการเผาไหม้ ต่อจากนั้นก๊าซเสียก็จะไหลเข้า Regenerator ทางด้านทิสเหนือเพื่อกายความร้อนให้วัสดุสะสมความร้อน เมื่อกรบเวลาตามคาบที่ กำหนดก็ทำการหมุนวาล์วเพื่อสลับทิศของอากาศดีให้ไหลเข้า Regenerator ทางด้านทิสเหนือเพื่อ รับความร้อนนำไปใช้ในการเผาไหม้ หลังจากนั้นก๊าซเสียที่ได้จากการเผาไหม้ก็จะไหลเข้า Regenerator ทางด้านทิสใต้เพื่อเก็บสะสมความร้อนต่อไป เมื่อกรบเวลาตามคาบที่กำหนดก็ทำการ หมุนวาล์วเพื่อสลับทิศของอากาศดีให้ไหลเข้า Regenerator ทางด้านทิสเหนือเพื่อ รับความร้อนนำไปใช้ในการเผาไหม้ หลังจากนั้นก๊าซเสียที่ได้จากการเผาไหม้ก็จะไหลเข้า Regenerator ทางด้านทิสใต้เพื่อเก็บสะสมความร้อนต่อไป เมื่อกรบเวลาตามคาบที่กำหนดก็ทำการ หมุนวาล์วเพื่อสลับทิสของอากาศดีให้ไหลเข้า Regenerator ทางด้านทิสไต้ต่อไป ทำเช่นนี้สลับกัน เรื่อยไปจนอุณหภูมิในอิฐเข้าใกล้สภาวะ Cyclic equilibrium โดยวัฎจักรการทำการของ Regenerator ทางด้านทิสเหนือจะเป็น Heating period และ Cooling period สลับกัน

ตามที่ได้กล่าวไว้ในหัวข้อที่แล้วว่า Regenerator ของทางโรงงานเป็นระบบ Manual ดังนั้นการทำการทดลองเพื่อสลับการทำงานของ Regenerator ต้องทำด้วยมือทุกขั้นตอน โดยขั้นตอนในการสลับการไหลของ Regenerator แสดงในรูปที่ 5.10 โดยมีรายละเอียดดังนี้

- หมุนวาล์วเพื่อปรับทิศทางของอากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ให้อยู่ในตำแหน่ง ใหลเข้า Regenerator ทางด้านทิศใต้ โดยลักษณะของวาล์วปรับทิศทางการ ใหลแสดงในรูปที่ 5.10(a)
- ทำการใส่หัวเผาที่ตำแหน่งปากทางเข้าเตาถลุงทางด้านทิศใต้ โดยลักษณะ ของหัวเผาแสดงในรูปที่ 5.10(b)
- เปิดวาล์วน้ำมัน ดังแสดงในรูปที่ 5.10(c) เพื่อให้น้ำมันใหลเข้าเตาถลุง ใส่ หน้ากากกันแสงเพื่อดูเปลวไฟ โดยต้องสังเกตให้เปลวไฟกระจายอย่าง สม่ำเสมอ ถ้าเปลวไฟกระจายไม่สม่ำเสมอต้องรีบนำหัวเผาออกมาเพื่อรอทำ ความสะอาด แล้วรีบใส่หัวเผาสำรองแทน หลังจากนั้นเลื่อนตำแหน่งหัวฉีด ให้อยู่ในตำแหน่งที่น้ำมันกระจายเข้าในเตาอย่างเหมาะสม แล้วทำการขัน สกรูเพื่อยึดหัวเผาให้แน่น
- 4. กลับไปยังตำแหน่ง Monitor เพื่อสังเกตอัตราการไหลของน้ำมัน และสังเกต อุณหภูมิภายในเตา พยายามรักษาอัตราการไหลของน้ำมัน และอุณหภูมิ ภายในเตาให้คงที่ ถ้าอัตราการไหลของน้ำมัน และอุณหภูมิภายในเตาไม่ คงที่ให้กลับไปปรับวาล์วน้ำมัน เพื่อเพิ่มหรือลดปริมาณน้ำมัน จากนั้น กลับไปยังตำแหน่ง Monitor คอยสังเกตอัตราการไหลของน้ำมัน และ อุณหภูมิภายในเตา และคอยปรับวาล์วน้ำมันเพื่อให้อัตราการไหลของ น้ำมัน และอุณหภูมิภายในเตาคงที่มากที่สุด
- 5. เมื่อครบคาบเวลาที่กำหนด ให้ปีควาล์วน้ำมันทางค้านทิศใต้ 5.10(d)
- คลายสกรูที่ยึดหัวเผา เลื่อนหัวเผาออกจากปากเตา 5.10(e) (เนื่องจากเมื่อ สลับการใหลเปลวไฟจะไหลข้อนกลับมาทางด้านทิศใต้ซึ่งอาจก่อให้เกิด อันตรายได้)
- หมุนวาล์วเพื่อปรับทิศทางของอากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ให้อยู่ในตำแหน่ง ใหลเข้า Regenerator ทางด้านทิศเหนือ 5.10(f)
- 8. ทำการใส่หัวเผาที่ตำแหน่งปากทางเข้าเตาถลุงทางด้านทิสเหนือ 5.10(g)
- เปิดวาล์วน้ำมันเพื่อให้น้ำมันไหลเข้าเตาถลุง 5.10(b) ใส่หน้ากากกันแสง เพื่อดูเปลวไฟ โดยต้องสังเกตให้เปลวไฟกระจายอย่างสม่ำเสมอ ถ้าเปลว ไฟกระจายไม่สม่ำเสมอต้องรีบนำหัวเผาออกมาเพื่อรอทำความสะอาด แล้ว รีบใส่หัวเผาสำรองแทน หลังจากนั้นเลื่อนตำแหน่งหัวฉีดให้อยู่ในตำแหน่ง

ที่น้ำมันกระจายเข้าในเตาอย่างเหมาะสม แล้วทำการขันสกรูเพื่อยึดหัวเผา ให้แน่น

- 10. กลับไปยังตำแหน่ง Monitor เพื่อสังเกตอัตราการไหลของน้ำมัน และสังเกต อุณหภูมิภายในเตา พยายามรักษาอัตราการไหลของน้ำมัน และอุณหภูมิ ภายในเตาให้คงที่ ถ้าอัตราการไหลของน้ำมัน และอุณหภูมิภายในเตาไม่ คงที่ให้กลับไปปรับวาล์วน้ำมัน เพื่อเพิ่มหรือลดปริมาณน้ำมัน จากนั้น กลับไปยังตำแหน่ง Monitor คอยสังเกตอัตราการไหลของน้ำมัน และ อุณหภูมิภายในเตา และคอยปรับวาล์วน้ำมันเพื่อให้อัตราการไหลของน้ำมัน และอุณหภูมิภายในเตากงที่มากที่สุด
- 11. เมื่อกรบกาบเวลาที่กำหนด ให้ปีดวาล์วน้ำมันทางด้านทิศเหนือ 5.10(i)
- กลายสกรูที่ยึดหัวเผา เลื่อนหัวเผาออกจากปากเตา 5.10(j) (เนื่องจากเมื่อ สลับการใหลเปลวไฟจะไหลย้อนกลับมาทางด้านทิศเหนือซึ่งอาจก่อให้เกิด อันตรายได้)
- หมุนวาล์วเพื่อปรับทิศทางของอากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ให้อยู่ในตำแหน่ง ใหลเข้า Regenerator ทางด้านทิศใต้ 5.10(a)
- 14. ทำซ้ำตั้งแต่ขั้นตอนที่ 2-13 จนก่าต่างๆเข้าสู่ Cyclic equilibrium
- 15. ทำการทดลองที่คาบเวลา 25, 20, 15 และ 10 นาที

เนื่องจากหัวเผาทางทิศเหนือกับทิศใต้อยู่ห่างกันประมาณ 20 เมตรดังนั้นทุก ขั้นตอนจะต้องมีการวิ่งไปกลับ และทำตามขั้นตอนต่างๆให้เร็วที่สุดเพื่อรักษาอุณหภูมิภายในเตาให้ กงที่มากที่สุด เพื่อลดการผิดพลาดเนื่องจากการตรวจวัด

# จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ร**ูปที่ 5.10** ขั้นตอนการทคลอง

# 5.7 ปัญหาที่เกิดขึ้นในการทดลอง

เนื่องจากสภาวะแวคล้อมมีอุณหภูมิสูง และมีสารพิษที่เกิดจากการถลุง แต่มีความ จำเป็นต้องทำการทคลองต่อเนื่องกันมากกว่าวันละ 20 ชั่วโมง โดยไม่สามารถหยุดพัก (เนื่องจาก ข้อจำกัดของอุปกรณ์วัคอุณหภูมิ) และประกอบกับผู้ปฏิบัติงานต้องวิ่งไปมาขณะที่สวมหมวกนิรภัย รองเท้านิรภัย และหน้ากากกันสารพิษตลอดเวลา ทำให้เกิดความอ่อนล้ำในการทำงาน เมื่อนำ ข้อมูลมาวิเคราะห์ ได้พบข้อบกพร่องในการทคลองบางส่วนทำให้ต้องตัดข้อมูลทิ้งไปไม่สามารถ นำผลลัพธ์ในส่วนที่คลาดเคลื่อนมากนั้นมาแสดงได้ โดยจะทำการสรุปข้อผิดพลาดในส่วนของการ วิเคราะห์ผลในบทต่อไป
# การเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข กับ การทดลอง

วิทยานิพนธ์นี้มีรายละเอียด 2 ส่วนคือ 1. การทดลองโดยการบันทึกข้อมูลการ ทำงานจริงในโรงงาน เพื่อหาการกระจายตัวของอุณหภูมิในของไหล และวัสดุสะสมความร้อน และ 2. การใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในการคำนวณหาการกระจายตัวของอุณหภูมิทั้งในของไหล และวัสดุ สะสมความร้อน ข้อมูลที่ได้จากทั้ง 2 ส่วนจะถูกนำมาเปรียบเทียบเพื่อวิเคราะห์หาวัฏจักรที่ เหมาะสมในการสลับคาบการไหลเพื่อให้สามารถนำความร้อนเหลือทิ้งกลับมาใช้มากที่สุด

## 6.1 การเปรียบเทียบผลลัพธ์ และการวิเคราะห์ผล

เนื่องจากข้อมูลการกระจายตัวของอุณหภูมิทั้งในของไหล และวัสคุสะสมความ ร้อน มีก่อนข้างมาก ผู้วิจัยจึงนำเสนอข้อมูลต่างๆในรูปแบบกราฟ โดยมีรายละเอียดอยู่ใน ภากผนวก ก.

กราฟต่อไปนี้เป็นกราฟที่ใช้แสดงการเปรียบเทียบผลลัพธ์ ที่ได้จากการใช้ระเบียบ วิธีเชิงตัวเลงในการคำนวณ เปรียบเทียบกับผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองที่ได้จากการเก็บข้อมูลจริงที่ โรงงาน โดยจะแบ่งการเปรียบเทียบออกเป็น 3 ส่วนดังนี้ 1. กราฟเปรียบเทียบการกระจายตัวของ อุณหภูมิของของไหลที่ระนาบกึ่งกลางของของไหล 2. กราฟเปรียบเทียบการกระจายตัวของ อุณหภูมิของอิฐทนไฟที่ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน และ 3. กราฟเปรียบเทียบการกระจายตัว ของอุณหภูมิของอิฐทนไฟที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane ซึ่งสามารถดูรูปประกอบได้ จากรูปที่ 5.2 และ 5.3

การเปรียบเทียบผลจะกระทำที่เวลาการสลับคาบการใหล 25, 20, 15 และ 10 นาที ตามลำคับ ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.1 - 6.12 โดยรูปที่ 6.1 – 6.3 แสดงการสลับคาบการใหลที่เวลา 25 นาที รูปที่ 6.4 – 6.6 แสดงการสลับคาบการใหลที่เวลา 20 นาที รูปที่ 6.7 – 6.9 แสดงการสลับคาบ การใหลที่เวลา 15 นาที และรูปที่ 6.10 – 6.12 แสดงการสลับคาบการใหลที่เวลา 10 นาที

ในตารางที่ 6.1 และ 6.2 แสดงค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดของอุณหภูมิ ที่ ตำแหน่ง และเวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหลต่างๆ ส่วนในตารางที่ 6.3 – 6.10 แสดงการ เปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในของใหล และผิวของวัสดุสะสมความร้อน ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบ การใหล และปลายคาบการใหล สำหรับการสลับคาบการใหลต่างๆ

#### 6.1.1 การวิเคราะห์ผลลัพธ์

ในขั้นแรกจะทำการอธิบายผลลัพธ์ และวิเคราะห์กราฟ ซึ่งได้จากการ ทดลอง หลังจากนั้นจะทำการอธิบายผลลัพธ์ และวิเคราะห์กราฟ ซึ่งได้จากการคำนวณ ด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลขตามสมมติฐานที่ตั้งไว้ และจะนำข้อมูลจากทั้งสองส่วนมา เปรียบเทียบให้เห็นความแตกต่าง ข้อดี และจุดบกพร่องของระเบียบวิธีเชิงตัวเลขที่นำมาใช้ งาน ในที่นี้จะใช้วัฏจักรเวลาในการสลับคาบการไหล 25 นาที มาเป็นตัวอย่างในการ วิเคราะห์ โดยรูปที่ 6.1 ถึง 6.3 จะแสดงให้เห็นผลการเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบ วิธีเชิงตัวเลข และผลลัพธ์จากทดลองสลับคาบการไหลของ Regenerator ที่คาบเวลา 25 นาที โดยเริ่มต้นจาก Heating period ต่อจากนั้นกี่จะทำการสลับคาบการไหลไปเป็น Cooling period โดยทำการสลับการไหล จนสังเกตได้ว่ากราฟเริ่มลู่เข้าสู่ Cyclic equilibrium โดยทำการวิเคราะห์ผลลัพธ์บนสามระนาบ คือ

- 1. ระนาบกึ่งกลางของของไหล
- 2. ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน
- 3. ระนาบสมมาตรในวัสดุสะสมความร้อนที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane

สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 6.1 การกระจายตัวของอุณหภูมิของของใหลที่ระนาบกึ่งกลางของของไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



**รูปที่ 6.2** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสคุสะสมความร้อน สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.3** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.4** การกระจายตัวของอุณหภูมิของของไหลที่ระนาบกึ่งกลางของของไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 20 นาที



ร**ูปที่ 6.5** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน สำหรับการสลับคาบการไหล 20 นาที



ร**ูปที่ 6.6** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการไหล 20 นาที



**รูปที่ 6.7** การกระจายตัวของอุณหภูมิของของไหลที่ระนาบกึ่งกลางของของไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 15 นาที



ร**ูปที่ 6.8** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสคุสะสมความร้อน สำหรับการสลับคาบการไหล 15 นาที



ร**ูปที่ 6.9** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการไหล 15 นาที





ร**ูปที่ 6.11** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน สำหรับการสลับคาบการไหล 10 นาที



ร**ูปที่ 6.12** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการไหล 10 นาที

		ค่ามัธยฐาน	<mark>ของค่า</mark> ความผิดพล <sub>้</sub>	าดที่ตำแหน่งต่าง	լ (%)
เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล	ตำแหน่ง	ERR 5.04 m	ERR 4.74 m	ERR 0.3 m	ERR 0 m
25 min		1.92	10.44	11.73	19.60
20 min	ที่ระบาบถึงกลางของปหล	2.20	8.38	4.80	10.98
15 min		1.87	8.30	1.99	10.55
10 min		1.85	8.12	1.48	8.42
25 min	3	1.69	3.93	17.08	7.84
20 min	ที่ระบานผิววัสดสะสนุดวานร้อน	1.40	1.87	9.37	3.86
15 min	แรง หากพรรณที่ยงยุงแรกเรา เพราะห	1.03	1.14	5.43	1.90
10 min	0	0.99	0.67	2.99	4.22
25 min		1.72	2.55	10.25	7.74
20 min	ที่ระนาบสมมาตรในวัสดุสะส <mark>มค</mark> วามร้อนที่	0.97	1.01	2.49	5.45
15 min	สมมติให้เป็น Adiabatic plane	2.77	0.89	1.41	1.80
10 min	ละเป็น	3.83	1.14	6.92	8.75

ตารางที่ 6.1 ค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง และเวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหลต่างๆ

		ค่ามัธยฐาน	ของค่าความผิดพล	าดที่ตำแหน่งต่าง	ղ (%)
เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล	ตำแหน่ง	ERR 5.04 m	ERR 4.74 m	ERR 0.3 m	ERR 0 m
25 min		2.11	2.49	8.34	13.79
20 min	ซี่ระบานอื่าออาหาอมของไหล	3.80	1.54	6.03	12.79
15 min	M12 & ITHUHU MAAAAAA (NU	3.26	3.31	3.62	12.72
10 min		2.71	3.10	4.30	11.13
25 min		2.95	1.21	3.94	5.71
20 min	นี่ระบานยิววัสอสะสนอวามร้อม	2.17	1.71	7.51	9.56
15 min	พระนากตรเช่นของหมายรถา เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่นของหมายรถายรถา เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรเรานากตรา เมระนากตรเช่น เมระนากตรเช่น เมระนากตรา เมระนากตรเรานากตรา เมระนากรากตรา เมระนากตรา เมระนากรากตรา เมระนากตรา เมระนากตรา เมระนากตรา เมระนากรากตรา เมระนากตรา เมระนากรากรา เมระนากรากรากรากรากตรา เมระนากรากรากรากราการากราการาการากรากรากาก	2.78	2.32	8.91	11.70
10 min		2.87	2.69	11.53	17.19
25 min		5.07	0.93	4.59	4.57
20 min	ที่ระนาบสมมาตรในวัสดุสะส <mark>มค</mark> วามร้อนที่	4.60	2.26	0.66	7.31
15 min	สมมติให้เป็น Adiabatic plane	4.24	1.89	3.19	7.42
10 min	ลเป็น	4.18	1.58	10.68	11.70

ตารางที่ 6.2 ค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง และเวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหลต่างๆ

เวลาที่ใช้ในการ				อุณหภูร์	ม <mark>ิที่ตำแ</mark> หน่ง	ต่างๆ (องศาเซ	ลเซียส)		
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการใหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการใหล (ที่เวลา100นาที)	643.50	567.75	267.00	224.25	684.13	659.26	300.85	275.56
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา112.5นาที)	686.75	595.25	291.75	241.75	684.13	664.25	326.21	301.32
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา125นาที)	708.25	607.25	300.50	256.25	684.13	665.81	335.57	310.86
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	683.7 <mark>5</mark>	599.00	294.75	249.25	692.34	668.41	308.93	282.65
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	700.25	620.00	321.75	271.75	692.34	672.86	330.88	305.02
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา200นาที)	721.00	632.00	322.50	290.25	692.34	674.30	339.18	313.49
15 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	676.00	601.25	296.75	245.00	690.59	667.32	311.77	285.78
	กลางคาบการ ใหล (ที่เวลา165นาที)	705.75	617.00	324.75	278.00	690.59	671.07	330.41	304.76
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา180นาที)	706.50	626.75	333.75	291.50	690.59	672.09	336.15	310.62
10 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา140นาที)	678.75	609.50	311.50	260.00	690.00	669.07	315.55	289.15
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	699.50	616.25	325.75	271.50	690.00	670.17	321.09	294.80
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	707.50	627.50	330.50	282.00	690.00	670.91	325.00	298.80

ตารางที่ 6.3 การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบ การไหลต่างๆ

จพาดงกาวณีมทาวทยาดย

เวลาที่ใช้ในการ			การเ	ปลี่ยนแปลงอุ	<mark>ณหภู</mark> มิเมื่อเ	ทียบกับช่วงเริ่ม	งคาบการใหล (	º%)	
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา100นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา112.5นาที)	6.72	4.84	9.27	7.80	0.00	0.76	8.43	9.35
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา125นาที)	10.06	6.96	12.55	14.27	0.00	0.99	11.54	12.81
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา180นาที)	2.41	3.51	9.16	9.03	0.00	0.67	7.11	7.91
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา200นาที)	5.45	5.51	9.41	16.45	0.00	0.88	9.79	10.91
15 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา165นาที)	4.40	2.62	9.44	13.47	0.00	0.56	5.98	6.64
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	4.51	4.24	12.47	18.98	0.00	0.72	7.82	8.69
10 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา140นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	3.06	1.11	4.57	4.42	0.00	0.17	1.76	1.96
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	4.24	2.95	6.10	8.46	0.00	0.28	3.00	3.34

ตารางที่ 6.4 เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของไหลในช่วง Heating period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล เมื่อเทียบกับที่ เวลาเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ

งพาดงการเหมทารทยาลย



ร**ูปที่ 6.13** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.14** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.15** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



เวลาที่ใช้ในการ				อุณหม	<mark>ภูมิที่ตำ</mark> แหน่ง	เต่างๆ (องศาเซ	หลเซียส)		
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา100นาที)	531.00	502.75	106.50	62.25	516.74	494.38	88.39	53.36
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา112.5นาที)	497.25	485.25	79.00	50.00	495.02	472.44	83.06	53.36
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา125นาที)	47 <mark>6.</mark> 50	472.50	75.00	42.50	486.86	464.24	81.31	53.36
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	541.17	539.33	132.33	81.83	546.37	524.28	111.70	75.11
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	504.00	510.00	110.00	64.50	528.29	505.91	106.52	75.11
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา200นาที)	498.00	505.25	94.25	61.25	521.33	498.87	104.77	75.11
15 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา150นาที)	541.00	543.50	143.00	95.00	538.27	516.08	109.78	75.05
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา165นาที)	509.00	516.25	105.75	67.75	524.88	502.51	106.11	75.05
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	502.75	506.50	101.00	58.25	520.06	497.63	104.90	75.05
10 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา140นาที)	528.00	538.00	125.25	83.50	540.58	518.00	112.50	79.61
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	518.50	529.25	111.75	74.50	535.99	513.35	111.20	79.61
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	511.75	522.50	110.75	66.50	532.74	510.06	110.31	79.61

ตารางที่ 6.5 การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของไหลในช่วง Cooling period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการ ไหลต่างๆ

งพาตมเบรณหมายายอ

เวลาที่ใช้ในการ			การ	าเปลี่ยนแปล <sub>ง</sub>	<mark>งอุณหภู</mark> มิเมื่อ	เทียบกับช่วงเริ่ว	มคาบการใหล (	(%)	
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา100นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา112.5นาที)	6.36	3.48	25.82	19.68	4.20	4.44	6.03	0.00
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา125นาที)	1 <mark>0.2</mark> 6	6.02	29.58	31.73	5.78	6.09	8.01	0.00
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	6.87	5.44	16.88	21.18	3.31	3.50	4.64	0.00
	ปลายคาบการ ใหล (ที่เวลา200นาที)	7.98	6.32	28.78	25.15	4.58	4.85	6.20	0.00
15 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา165นาที)	5.91	5.01	26.05	28.68	2.49	2.63	3.35	0.00
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	7.07	6.81	29.37	38.68	3.38	3.58	4.45	0.00
10 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา140นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	1.80	1.63	10.78	10.78	0.85	0.90	1.16	0.00
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	3.08	2.88	11.58	20.36	1.45	1.53	1.95	0.00

ตารางที่ 6.6 เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของไหลในช่วง Cooling period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล เมื่อเทียบกับที่ เวลาเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ

งพาดงการเหมทารทยาลย



ร**ูปที่ 6.16** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.17** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง 4.47 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.18** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลในช่วง Cooling period ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหล 25 นาที



ตารางที่ 6.7 การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Heating period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ

เวลาที่ใช้ในการ				อุณหภูร์	ม <mark>ิที่ตำแหน่ง</mark>	ต่างๆ (องศาเซ	ิลเซียส)		
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา100นาที)	586.75	558.50	183.00	173.50	591.65	574.93	211.58	190.74
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา112.5นาที)	620.00	569.00	199.00	205.50	612.41	595.92	238.39	217.77
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา125นาที)	638.75	599.50	213.50	217.50	618.70	602.59	248.43	227.92
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	614.25	590.00	219.00	199.25	612.32	595.62	225.82	203.67
	กลางคาบการ ใหล (ที่เวลา180นาที)	639.25	604.00	226.50	225.00	629.21	612.77	249.10	227.23
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา200นาที)	652.00	614.75	233.00	233.50	634.48	618.40	257.97	236.25
15 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	608.50	596.75	227.00	209.75	612.17	595.45	228.51	206.55
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา165นาที)	640.00	604.50	234.50	228.50	626.56	610.08	248.29	226.58
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	649.00	611.50	243.25	245.00	630.37	614.10	254.43	232.80
10 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา140นาที)	619.00	602.50	246.50	224.50	625.25	608.29	236.63	214.24
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	634.50	610.50	251.00	229.50	629.21	612.39	242.51	220.22
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	647.25	622.00	252.50	233.50	631.81	615.14	246.67	224.43

งพาตมเบรณหมา เวทยาตย

เวลาที่ใช้ในการ			การเ	ปลี่ยนแปลงอุ	<mark>ณหภูมิ</mark> เมื่อเ	ทียบกับช่วงเริ่ม	มคาบการใหล ('	0%)	
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา100นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา112.5นาที)	5.67	3.79	8.74	18.44	3.51	3.65	12.67	14.17
	ปลายคาบการ ใหล (ที่เวลา125นาที)	8.86	7.40	16.67	25.36	4.57	4.81	17.42	19.49
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	4.07	2.37	3.42	12.92	2.76	2.88	10.31	11.57
	ปลายคาบการ ใหล (ที่เวลา200นาที)	6.15	4.19	6.39	17.19	3.62	3.83	14.24	16.00
15 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา150นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา165นาที)	5.18	1.30	3.30	8.94	2.35	2.46	8.66	9.69
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	6.66	2.47	7.16	16.81	2.97	3.13	11.34	12.71
10 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา140นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	2.50	1.33	1.83	2.23	0.63	0.67	2.49	2.79
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	4.56	3.24	2.43	4.01	1.05	1.13	4.24	4.76

ตารางที่ 6.8 เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Heating period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบ การไหล เมื่อเทียบกับที่เวลาเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ

สีน เข่นเรียนราย เริ่มสาย



ร**ูปที่ 6.19** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Heating period ที่ ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.20** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Heating period ที่ ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที



รูปที่ 6.21 อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Heating period ที่ ดำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที



ร**ูปที่ 6.22** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Heating period ที่ ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที

ตารางที่ 6.9 การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับ การสลับคาบการไหลต่างๆ

เวลาที่ใช้ในการ				อุณหรุ	าูมิที <mark>่ตำแหน่</mark> ง	เต่างๆ (องศาเข	รถเซียส)		
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา100นาที)	629.00	589.25	219.00	219.25	610.26	594.05	236.24	215.35
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา112.5นาที)	610.50	585.00	213.50	193.00	589.43	573.04	209.47	188.40
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา125นาที)	591.5 <mark>0</mark>	568.00	210.50	183.50	581.42	565.00	200.59	179.71
20 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา160นาที)	649.00	620.00	243.00	241.00	626.63	610.43	245.95	223.77
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	623.00	604.00	239.00	224.50	609.57	593.17	222.80	200.39
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา200นาที)	610.75	592.75	236.25	209.00	602.89	586.43	214.90	192.64
15 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	643.25	622.00	247.50	242.50	621.17	604.84	241.10	219.05
	กลางคาบการ ใหล (ที่เวลา165นาที)	620.50	607.50	244.75	227.25	608.46	592.00	224.28	202.11
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	607.50	598.75	237.50	217.50	603.81	587.32	218.72	196.63
10 นาที	เริ่มคาบการ ใหล (ที่เวลา140นาที)	642.00	617.50	252.50	239.50	617.50	600.70	226.54	203.83
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	630.75	611.50	250.00	229.50	613.13	596.29	220.96	198.25
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	622.25	605.75	248.00	222.50	610.01	593.15	217.17	194.51

เวลาที่ใช้ในการ			การ	าเปลี่ยนแปลง	<mark>อุณหภู</mark> มิเมื่อ	เทียบกับช่วงเริ่	มคาบการใหล (	(%)	
สลับคาบการใหล	ช่วงเวลาในคาบการไหล	EXP 5.04 m	EXP 4.74 m	EXP0.3 m	EXP 0 m	NUM 5.04 m	NUM 4.74 m	NUM 0.3 m	NUM 0 m
25 นาที	เริ่มคาบการใหล (ที่เวลา100นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา112.5นาที)	2 <mark>.</mark> 94	0.72	2.51	11.97	3.41	3.54	11.33	12.51
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา125นาที)	5.9 <mark>6</mark>	3.61	3.88	16.31	4.73	4.89	15.09	16.55
20 นาที	เริ่มคาบการไหล (ที่เวลา160นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	4.01	2.58	1.65	6.85	2.72	2.83	9.41	10.45
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา200นาที)	5.89	4.40	2.78	13.28	3.79	3.93	12.63	13.91
15 นาที	เริ่มคาบการใหล (ที่เวลา150นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการใหล (ที่เวลา165นาที)	3.54	2.33	1.11	6.29	2.05	2.12	6.98	7.74
	ปลายคาบการไหล (ที่เวลา180นาที)	5.56	3.74	4.04	10.31	2.79	2.90	9.28	10.24
10 นาที	เริ่มคาบการใหล (ที่เวลา140นาที)	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	กลางคาบการไหล (ที่เวลา150นาที)	1.75	0.97	0.99	4.18	0.71	0.73	2.47	2.74
	ปลายคาบการใหล (ที่เวลา160นาที)	3.08	1.90	1.78	7.10	1.21	1.26	4.14	4.57

ตารางที่ 6.10 เปอร์เซนต์การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการ ไหล เมื่อเทียบกับที่เวลาเริ่มคาบการไหล สำหรับการสลับคาบการไหลต่างๆ



ร**ูปที่ 6.23** อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสคุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่ ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที



รูปที่ 6.24 อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่ ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที



รูปที่ 6.25 อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่ ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที



รูปที่ 6.26 อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิที่ผิวของวัสดุสะสมความร้อนในช่วง Cooling period ที่ ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มการไหล กลางคาบการไหล และปลายคาบการไหล สำหรับการสลับ คาบการไหล 25 นาที

ในรูปที่ 6.1 ข้อมูลที่แทนด้วยสัญลักษณ์ คือ ผลลัพธ์จากการทดลอง ส่วน ที่พล็อตเป็นเส้นต่อเนื่อง คือ ผลลัพธ์ที่คำนวณจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ที่เวลา 0 นาที วัฏจักรการใหลเริ่มต้นจาก Heating period และคำเนินต่อไปเป็นเวลา 25 นาที จากนั้น ก็จะเข้าสู่ Cooling period และคำเนินต่อไปเป็นเวลา 25 นาที จากนั้นก็จะเข้าสู่ Heating period สลับกันไปทั้งหมด 4 วัฏจักร ซึ่งเราใช้ช่วง Heating period ของวัฏจักร ที่ 3 ที่เวลา 100 นาที ซึ่งจะได้กราฟที่มีความสมบูรณ์ที่สุด โดยมีประเด็นที่น่าสนใจ หลายประเด็นดังนี้

#### Heating period

1. การลดลงของอุณหภูมิก๊าซเสียตามระยะทางในช่องทางการไหล

#### วิเคราะห์ผลจา<mark>กการทคลอง</mark>

ก๊าซเสียอุณหภูมิสูงจะใหลเข้า Regenerator ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร โดยมี อุณหภูมิ 643.50 °C เมื่อก๊าซเสียไหลผ่านช่องทางการใหลจนถึงที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร จะสังเกตได้ว่าอุณหภูมิของก๊าซเสียมีค่าลดลง เนื่องจากก๊าซเสียได้ถ่ายเทความร้อน ให้แก่วัสดุสะสมความร้อน และเมื่อก๊าซเสียไหลผ่านช่องทางการไหลไกลขึ้นอุณหภูมิ ของก๊าซเสียก็มีจะค่าลดลง ดังจะสังเกตได้จากอุณหภูมิของก๊าซเสียที่ตำแหน่ง 0.3 และ 0 เมตร ในช่วงเวลาเดียวกัน (100-125 นาที) ก๊าซเสียที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะมี อุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร และที่ตำแหน่ง 0 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ ตำแหน่ง 0.3 เมตร เนื่องมาจากก๊าซเสียยังคงคายความร้อนให้แก่วัสดุสะสมความร้อน ทำให้อุณหภูมิลดลงเช่นกัน

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ก๊าซเสียอุณหภูมิสูงจะใหลเข้า Regenerator ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ด้วย อุณหภูมิคงที่ 684.13 °C เมื่อก๊าซเสียใหลผ่านช่องทางการใหลจนถึงที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร จะสังเกตใด้ว่าอุณหภูมิของก๊าซเสียมีค่าลดลง เนื่องจากก๊าซเสียได้ถ่ายเทความ ร้อนให้แก่วัสดุสะสมความร้อน และเมื่อก๊าซเสียใหลผ่านช่องทางการใหลไกลขึ้น อุณหภูมิของก๊าซเสียก็มีจะค่าลดลง ดังจะสังเกตได้จากอุณหภูมิของก๊าซเสียที่ตำแหน่ง 0.3 และ 0 เมตร ในช่วงเวลาเดียวกัน (100-125 นาที) ก๊าซเสียที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะมี อุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร และที่ตำแหน่ง 0 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ ตำแหน่ง 0.3 เมตร เนื่องมาจากก๊าซเสียยังคงคายความร้อนให้แก่วัสดุสะสมความร้อน ทำให้อุณหภูมิลดลงเช่นกัน

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการท<sub>ุ</sub>ดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

จากผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้ เห็นว่าก๊าซเสียที่ไหลเข้า Regenerator มีอุณหภูมิลดลงตามระยะทางในช่องทางการ ไหลที่มากขึ้น จากการวิเคราะห์ค่าผิดพลาดระหว่างผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิง ตัวเลข และผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลอง ซึ่งสามารถสรุปหาค่ามัธยฐานของค่าความ ผิดพลาดที่ตำแหน่งต่างๆได้ดังตารางที่ 6.1 แสดงให้เห็นว่าค่าผิดพลาดในทุกตำแหน่ง มีค่าสูงสุดน้อยกว่า 20 % โดยมีค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดรวมทุกการทดลอง ของช่วง Heating period เท่ากับ 2.77 % ซึ่งแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองสามารถจำลอง การถ่ายเทความร้อนของก๊าซเสีย ให้แก่วัสดุสะสมความร้อนตามแนวทิสทางการไหล ได้ โดยที่ค่าความผิดพลาดนี้อาจเกิดจาก ลักษณะทางกายภาพของ Regenerator การ ติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ล และ Slag ที่เกาะผนังเตา ซึ่งอาจจะทำให้ผลลัพธ์บางส่วน คลาดเกลื่อนจากสมมติฐานที่ตั้งไว้ โดยที่สามารถดูรายละเอียดการวิเคราะห์ค่าความ ผิดพลาดในหัวข้อ 6.2

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.4, 6.7 และ 6.10 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ อุณหภูมิของก๊าซเสียก็มีก่าลดลงตาม ระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้นเช่นกัน

การเพิ่มขึ้นของอุณหภูมิตามเวลา ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 4.74, 0.3 และ 0
เมตร ในรูปที่ 6.1 และตารางที่ 6.3 และ 6.4 อุณหภูมิมีการเปลี่ยนแปลงตามเวลาดังนี้

### วิเคราะห์ผลจากการทคลอง

ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที ของใหลมีอุณหภูมิ 643.50
<sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการใหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของใหลจะ
เพิ่มขึ้นเป็น 686.75 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 6.298% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
คาบ ของใหลจะมีอุณหภูมิ 708.25 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 10.062% จะ
สังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล ก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับ
วัสดุสะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 6.298% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น
ความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน
ช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 3.762% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา
เพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิจทนไฟมีค่าน้อยลง

ที่ตำแหน่ง 4.47 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 567.75
<sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งกาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ
เพิ่มขึ้นเป็น 595.25 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 4.620% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
กาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 607.25 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 6.957% จะสังเกต

ใด้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการใหลก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุ สะสมความร้อนใด้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 4.620% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 2.377% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

- ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 267.00 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ เพิ่มขึ้นเป็น 291.75 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 8.483% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 300.50 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 12.547% จะ สังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับ วัสดุสะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 8.483% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 4.065% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิฐทนไฟมีก่าน้อยลง

- ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 224.25 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ เพิ่มขึ้นเป็น 241.75 °C ซึ่ง เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 7.239% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 256.25 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 14.270% จะ สังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล ก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับ วัสดุสะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 7.239% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 7.031% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 4 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น อากาศก็จะมีอุณหภูมิสูงขึ้นแต่มีอัตราการสูงขึ้นของอุณหภูมิในอัตราที่น้อยลง แสคง ให้เห็นถึงความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้กับอิฐทนไฟ ซึ่งจะมีค่า ้ลดลงเมื่อเวลาเพิ่มมากขึ้น และที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล 4.74 เมตร จะ ้มีอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิน้อยกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่งจะสังเกต ใด้ว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร มีค่าเพียง 6.957% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที ส่วนที่ตำแหน่ง 0 เมตร มีค่ามากถึง 14.270% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที เนื่องจากที่ต้นทางของช่องทางการไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูงใกล้เคียงกับ ทำให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยกว่า และที่ ของใหล ปลายทางของช่องทางการใหลมีของใหลมีอุณหภูมิต่ำ แต่วัดสะสมความร้อนมี ้อุณหภูมิสูง ทำให้วัสดุสะสมความร้อนคายความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า ยกเว้นที่ ตำแหน่ง 5.04 เมตร อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิสูงกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 และ 0.3 เมตร เนื่องจากที่ปากทางเข้ามีผลกระทบจากผนังท่อส่งก๊าซมายัง Regenerator และ การสลับคาบการไหล ซึ่งจะมีรายละเอียดการวิเคราะห์ในหัวข้อต่อไป

### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที ของใหลมีอุณหภูมิ 659.23
<sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ
เพิ่มขึ้นเป็น 664.23 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 0.758% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
คาบ ของใหลจะมีอุณหภูมิ 665.80 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 0.996% จะสังเกต
ได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุ
สะสมความร้อนใค้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 0.758% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 0.238% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิจทนไฟมีค่าน้อยลง

ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 วินาที ของไหลมีอุณหภูมิ 300.68 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งกาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของ ใหลงะเพิ่มขึ้นเป็น 326.04 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 8.433% แต่เมื่อเวลาผ่าน ไปครบ 1 คา<mark>บ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 335.</mark>39 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 11.545% จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความ ร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 8.433% แต่เมื่อเวลาผ่านไป นานมากขึ้นความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำ ให้ในช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 3.112% แสดงให้เห็นว่าถ้า เวลาเพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิฐทนไฟมีค่าน้อยลง ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 วินาที ของไหลมีอุณหภูมิ 275.40 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งกาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ เพิ่มขึ้นเป็น 326.04 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 9.348% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 310.69 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 12.814% จะ ้สังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับ ้วัสคุสะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 9.348% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น

ความสามารถในการรับความร้อนของวัสคุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันก๊าซเสียจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 3.466% แสคงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้แก่อิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 3 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น อากาศก็จะมีอุณหภูมิสูงขึ้นแต่มีอัตราการสูงขึ้นของอุณหภูมิอยู่ในอัตราที่ลดลง แสดง ให้เห็นถึงความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้กับอิฐทนไฟ ซึ่งจะมีค่า ลดลงเมื่อเวลาเพิ่มมากขึ้น และที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล 4.74 เมตร จะ มีอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิน้อยกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่งจะสังเกต ได้ว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร มีค่าเพียง 0.996% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 1,500 วินาที ส่วนที่ตำแหน่ง 0 เมตร มีค่ามากถึง 12.814% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 1,500 วินาที เนื่องจากที่ต้นทางของช่องทางการไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูงใกล้เคียงกับ ของไหล ทำให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยกว่า แต่ที่ ปลายทางของช่องทางการไหลมีของไหล และวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิต่ำ ทำ ให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น
 ว่าก๊าซเสียมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นตามเวลาที่เพิ่มขึ้น โดยมีแนวโน้มของการเพิ่มขึ้นของ
 อุณหภูมิเร็วในช่วงแรก และก่อยๆลดลงในช่วงปลายคาบการไหล ดังแสดงในรูปที่
 6.13 – 6.15 ซึ่งแสดงให้เห็นว่าในช่วงต้นคาบการไหล ก๊าซเสียสามารถถ่ายเทความ
 ร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้มาก หลังจากนั้นวัสดุสะสมความร้อนจะเริ่มอิ่มตัว
 และรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยลงตามลำดับ

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.4, 6.7 และ 6.10 และตารางที่ 6.3 และ 6.4 ซึ่งมีแนวโน้มของผลการ ทดลองในทิศทางเดียวกันกับการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ เมื่อเวลา ผ่านไปนานมากขึ้นอากาศก็จะมีอุณหภูมิสูงขึ้น แต่มีอัตราการสูงขึ้นของอุณหภูมิใน อัตราที่น้อยลง โดยที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหลจะมีอัตราการเปลี่ยนแปลง อุณหภูมิน้อยกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล

3. ความชันของกราฟอุณหภูมิเมื่อเทียบกับเวลา ประเด็นนี้ก็เป็นอีกประเด็น หนึ่งที่น่าสนใจเนื่องจากจะบอกถึงลักษณะทางกายภาพของการใหล ให้สังเกตความ ชันของกราฟที่ได้จากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ในช่วงเวลา 100 -125 นาที ที่ตำแหน่ง 4.74, 0.3 และ 0 เมตร จะพบว่าอุณหภูมิของก๊าซเสียมีการเปลี่ยนแปลงอย่าง ช้าๆ ซึ่งจะดูได้จากความชันของกราฟที่ได้มีค่อนข้างน้อย แสดงให้เห็นว่าก๊าซเสียมี อัตราการพาความร้อนค่อนข้างต่ำ เมื่อเทียบกับอัตราการแผ่รังสีความร้อน ซึ่ง สอดคล้องกับอัตราการใหลของก๊าซเสียทีได้จากการทดลองซึ่งมีค่าน้อยเมื่อเทียบกับ อุณหภูมิของก๊าซ โดยผลที่ได้จากทั้งระเบียบวิธีเชิงตัวเลขและการทดลองมีแนวโน้ม ไปในทิสทางเดียวกัน สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.4, 6.7 และ 6.10 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ ในช่วง Heating period ความชันของ กราฟที่ได้มีก่าก่อนข้างน้อย แสดงให้เห็นว่าก๊าซเสียมีอัตราการพาความร้อนก่อนข้าง ต่ำเมื่อเทียบกับอัตราการแผ่รังสีความร้อนเช่นกัน

หลังการสิ้นสุดการใหลในช่วง Heating period ที่เวลา 125 นาทีแล้ว ก็ จะมีการสลับคาบการใหลให้เป็น Cooling period และดำเนินต่อไปเป็นเวลา 25 นาที จนสิ้นสุดคาบการใหลที่เวลา 150 นาที ซึ่งในช่วง Cooling period ซึ่งมีประเด็นที่น่า ศึกษาคล้ายๆกับในช่วง Heating period แต่พฤติกรรมต่างๆจะเป็นไปในทิศทาง ตรงกันข้ามดังนี้

#### **Cooling** period

 การเพิ่มขึ้นของอุณหภูมิอากาศดีที่ใช้เผาใหม้ตามระยะทางในช่องทางการ ใหลที่มากขึ้น

#### วิเคราะห์ผลจากการทคลอง

เนื่องจากการสลับทิศทางการใหลของวาล์วปรับทิศทางการใหล ทำให้ อากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ใหลเข้าช่องทางการใหลของ Regenerator ในทิศทาง ตรงกันข้าม คือใหลเข้าที่ตำแหน่ง 0 เมตร ด้วยอุณหภูมิ 62.25 °C เมื่ออากาศดีใหล ผ่านช่องทางการใหลจนถึงที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะสังเกตได้ว่าอุณหภูมิของอากาศดีมี ก่าเพิ่มขึ้น เนื่องจากอากาศดีได้รับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อน และเมื่ออากาศดี ใหลผ่านช่องทางการใหลไกลขึ้น อุณหภูมิของอากาศดีกีมีจะค่าเพิ่มมากขึ้น ดังจะ สังเกตได้จากอุณหภูมิของอากาศดีที่ตำแหน่ง 4.74 และ 5.04 เมตร ในช่วงเวลาเดียวกัน (125 -150 นาที) อากาศดีที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร จะมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร และที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร จะมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร เนื่องมาจาก อากาศดียังกงรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อน ทำให้มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเช่นกัน

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

เนื่องจากการสลับทิศทางการใหลของวาล์วปรับทิศทางการใหล ทำให้ อากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ไหลเข้าช่องทางการใหลของ Regenerator ในทิศทาง ตรงกันข้าม คือใหลเข้าที่ตำแหน่ง 0 เมตร ด้วยอุณหภูมิคงที่ 53.36 °C เมื่ออากาศดี ใหลผ่านช่องทางการใหลจนถึงที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะสังเกตได้ว่าอุณหภูมิของอากาศ ดีมีก่าเพิ่มขึ้น เนื่องจากอากาศดีได้รับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อน และเมื่อ อากาศดีไหลผ่านช่องทางการไหลไกลขึ้น อุณหภูมิของอากาศดีก็มีจะก่าเพิ่มมากขึ้น ดังจะสังเกตได้จากอุณหภูมิของอากาศดีที่ตำแหน่ง 4.74 และ 5.04 เมตร ในช่วงเวลา เดียวกัน (125 - 150นาที) อากาศดีที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร จะมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร และที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร จะมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร เนื่องมาจากอากาศดียังกงรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อน ทำให้มีอุณหภูมิ เพิ่มขึ้นเช่นกัน

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเล**ง**

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าก๊าซเสียที่ไหลเข้า Regenerator มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นตามระยะทางในช่องทางการไหล ที่มากขึ้น จากการวิเคราะห์ค่าผิดพลาดระหว่างผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลอง สามารถสรุปหาค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดที่ ตำแหน่งต่างๆ ได้ดังตารางที่ 6.2 แสดงให้เห็นว่าค่าผิดพลาดในทุกตำแหน่งมีค่าสูงสุด น้อยกว่า 18 % โดยมีค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดรวมทุกการทดลองของช่วง Heating period เท่ากับ 3.94 % ซึ่งแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองสามารถจำลองการ ถ่ายเทความร้อนระหว่างอากาศดี กับวัสดุสะสมความร้อนตามแนวทิศทางการไหลได้ โดยที่สามารถดูรายละเอียดการวิเคราะห์ก่าความผิดพลาดในหัวข้อ 'วิเคราะห์ก่าความ ผิดพลาดของโปรแกรม'

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.4, 6.7 และ 6.10 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ อุณหภูมิของอากาศดีก็มีค่าเพิ่มขึ้น ตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้นเช่นกัน  การลดลงของอุณหภูมิตามเวลา ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 0.3, 4.74 และ 5.04
 เมตร ในรูปที่ 6.1 และตารางที่ 6.5 และ 6.6 กราฟจะมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิเทียบ กับเวลาดังนี้

#### วิเคราะห์ผลจากการทคลอง

- ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของใหลมีอุณหภูมิ 62.25 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการใหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของ ใหลจะลดลงเป็น 50.00 °C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 19.679% แต่เมื่อเวลาผ่านไป ครบ 1 คาบ ของใหลจะมีอุณหภูมิ 42.50 °C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 31.727 % จะ สังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการใหล อากาศดีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุ สะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 19.679% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น ความสามารถในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันอากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 12.048% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการรับความร้อนของอากาศดีจากอิฐทนไฟมีก่าน้อยลง

ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของใหลมีอุณหภูมิ 106.50
 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของใหลจะ ลดลงเป็น 79.00 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 25.822% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
 คาบ ของใหลจะมีอุณหภูมิ 75.00 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 29.577 % จะสังเกต ได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสม
 ความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 25.822% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถ
 ในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากัน
 อากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 3.756% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถ

 ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 502.75
 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ ลดลงเป็น 485.25 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 3.481% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 472.5 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 6.017 % จะสังเกต ได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสม
 ความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 3.481% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถ ในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากัน อากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 2.536% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของอากาศดีจากอิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

- ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 531.00°C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของ ไหลจะลดลงเป็น 497.25 °C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 6.356% แต่เมื่อเวลาผ่านไป ครบ 1 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 476.5 °C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 10.264% จะ สังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุ สะสมความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 6.356% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น ความสามารถในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ใน ช่วงเวลาเท่ากันอากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 3.908% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลา เพิ่มขึ้นความสามารถในการรับความร้อนของอากาศดีจากอิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 4 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น อากาศดีก็จะมีอุณหภูมิลดลงแต่มีอัตราการลดลงของอุณหภูมิในอัตราที่น้อยลง โดยที่ ดำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิมากกว่าที่ ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่งจะสังเกตได้ว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร มีก่ามากถึง 29.577% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 150 นาที ส่วนที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร มีก่ามากถึง 10.264% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 150 นาที เนื่องจากที่ปลายทางของช่องทางการ ไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูงใกล้เกียงกับของไหล ทำให้วัสดุสะสมความ ร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยกว่า และที่ต้นทางของช่องทางการไหลมีของ ใหลมีอุณหภูมิต่ำ แต่วัดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูง ทำให้วัสดุสะสมความร้อนกาย ความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

- ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 88.36 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ ลคลงเป็น 83.04 <sup>o</sup>C ซึ่งลคลงจากที่เวลาเริ่มต้น 6.025% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 81.29 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลคลงจากที่เวลาเริ่มต้น 8.008 % จะสังเกต ได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศคีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสม ความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 6.025% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถ ในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากัน อากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 1.983% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของอากาศดีจากอิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

 ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของใหลมีอุณหภูมิ 494.24
 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ ลคลงเป็น 472.30 <sup>o</sup>C ซึ่งลคลงจากที่เวลาเริ่มต้น 4.440% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
 คาบ ของใหลจะมีอุณหภูมิ 464.10 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลคลงจากที่เวลาเริ่มต้น 6.099 % จะสังเกต ได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสม
 ความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 4.440% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถ
 ในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากัน
 อากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 1.659% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น
 ความสามารถในการรับความร้อนของอากาศดีจากอิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

 ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที ของไหลมีอุณหภูมิ 516.62
 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของของไหลจะ ลดลงเป็น 494.89 <sup>o</sup>C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 4.207% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1
 คาบ ของไหลจะมีอุณหภูมิ 486.72 <sup>o</sup>C ซึ่ง ลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 5.788 % จะสังเกต ได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสม
 ความร้อนได้ดี มีอุณหภูมิลดลง 4.207% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถ ในการคายความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากัน
 อากาศดีจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 1.581% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น
 ความสามารถในการรับความร้อนของอากาศดีจากอิฐทนไฟมีค่าน้อยลง

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 3 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น อากาศดีก็จะมีอุณหภูมิลดลงแต่มีอัตราการลดลงของอุณหภูมิอยู่ในอัตราที่ลดลง โดยที่ ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิมากกว่าที่ ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่งจะสังเกตได้ว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร มีก่ามากถึง 8.008% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที ส่วนที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร มีก่าเพียง 1.581% ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที เนื่องจากที่ปลายทางของช่องทางการ ใหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูงใกล้เคียงกับของไหล ทำให้วัสดุสะสมความ ร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยกว่า และที่ด้นทางของช่องทางการไหลมีของ ใหลมีอุณหภูมิต่ำ แต่วัดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูง ทำให้วัสดุสะสมความร้อนคาย ความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการท<sub>ุ</sub>ดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าก๊าซเสียมีอุณหภูมิลดลงตามเวลาที่เพิ่มขึ้น โดยมีแนวโน้มของการลดลงของ อุณหภูมิเร็วในช่วงแรก และค่อยๆลดลงในช่วงปลายคาบการไหล ดังแสดงในรูปที่ 6.16 – 6.18 ซึ่งแสดงให้เห็นว่าในช่วงต้นคาบการไหลก๊าซเสียสามารถรับความร้อน ให้จากวัสดุสะสมความร้อนได้มาก หลังจากนั้นก๊าซเสียจะเริ่มอิ่มตัว และรับความร้อน ได้ในปริมาณที่น้อยลงตามลำดับ

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.4, 6.7 และ 6.10 และตารางที่ 6.5 และ 6.6 ซึ่งมีแนวโน้มของผลการ ทดลองในทิศทางเดียวกันกับการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ เมื่อเวลา ผ่านไปนานมากขึ้นอากาศดีก็จะมีอุณหภูมิลดลง แต่มีอัตราการลดลงของอุณหภูมิใน อัตราที่ลดลง โดยที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลง อุณหภูมิมากกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล

3. ความชันของกราฟอุณหภูมิเมื่อเทียบกับเวลา ให้สังเกตความชันของ กราฟที่ได้จากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ในช่วงเวลา 125 -150 นาที ที่ ดำแหน่ง 5.04, 4.74 และ 0.3 เมตร พบว่าอุณหภูมิของอากาศดีมีการเปลี่ยนแปลงอย่าง ช้าๆ ซึ่งจะดูได้จากความชันของกราฟที่ได้มีค่าค่อนข้างน้อย แสดงให้เห็นว่าก๊าซเสีย มีอัตราการพาความร้อนค่อนข้างต่ำเมื่อเทียบกับอัตราการแผ่รังสีความร้อน ซึ่ง สอดกล้องกับอัตราการไหลของก๊าซเสียทีได้จากการทดลองซึ่งมีค่าน้อยเมื่อเทียบกับ อุณหภูมิของก๊าซ โดยผลที่ได้จากทั้งระเบียบวิธีเชิงตัวเลขและการทดลองมีแนวโน้ม ไปในทิศทางเดียวกัน สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.4, 6.7 และ 6.10 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ ในช่วง Cooling period ความชันของ กราฟที่ได้มีค่าค่อนข้างน้อย แสดงให้เห็นว่าก๊าซเสียมีอัตราการพาความร้อนค่อนข้าง ต่ำเมื่อเทียบกับอัตราการแผ่รังสีความร้อนเช่นกัน

## 6.1.1.2 ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน

ที่ระนาบนี้พฤติกรรมของการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิ ในวัสดุสะสมความ ร้อนมีลักษณะคล้ายๆกันกับการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในของไหล ต่างกันเพียงช่วงที่มี การสลับคาบการไหลอุณหภูมิของของไหลจะเปลี่ยนแปลงแบบทันทีทันใดแต่ในวัสดุ สะสมความร้อนจะเป็นแบบค่อยเป็นค่อยไป ซึ่งสังเกตได้จากเส้นกราฟในรูปที่ 6.1 และ 6.2 ที่เวลา 125 นาที มีการสลับคาบการไหลจาก Heating period เป็น Cooling period ในรูปที่ 6.1 ของไหลมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิอย่างรวดเร็ว แต่จากรูปที่ 6.2 สังเกตได้ว่า ที่เวลาเดียวกันวัสดุสะสมความร้อนมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิแบบค่อย เป็นค่อยไป ในการวิเคราะห์ผลลัพธ์จะใช้เวลาในช่วงเวลาเดียวกันกับของไหล คือ ช่วง Heating period ของวัฏจักรที่ 3 ที่เวลา 100 นาที โดยมีประเด็นที่น่าศึกษาหลาย ประเด็นดังนี้

#### Heating period

 การลดลงของอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อน ตามระยะทางในช่องทาง การไหลที่มากขึ้น

#### วิเคราะห์ผลจากการทคลอง

ในช่วงเริ่มต้นคาบการไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 586.75 <sup>o</sup>C ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตรจะสังเกตได้ว่า อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าลดลง เนื่องจากก๊าซเสียที่ตำแหน่งนี้มีอุณหภูมิ ต่ำลงทำให้อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าน้อยตามไปด้วย และเมื่อระยะทาง ตามแนวการไหลเพิ่มขึ้นอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนก็มีจะค่าลดลง ดังจะสังเกต ได้จากอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ตำแหน่ง 0.3 และ 0 เมตร ในช่วงเวลา เดียวกัน (100-125 นาที) ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร และที่ตำแหน่ง 0 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร เนื่องมาจากก๊าซ เสียมีอุณหภูมิต่ำลงความร้อนที่ถ่ายเทสู่วัสดุสะสมความร้อนก็มีก่าน้อยลงเช่นกัน

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ในช่วงเริ่มต้นคาบการไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 591.65 °C ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตรจะสังเกตได้ว่า อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าลดลง เนื่องจากก๊าซเสียที่ตำแหน่งนี้มีอุณหภูมิ ต่ำลงทำให้อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าน้อยตามไปด้วย และเมื่อระยะทาง ตามแนวการไหลเพิ่มขึ้นอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนก็มีจะค่าลดลง ดังจะสังเกต ได้จากอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ตำแหน่ง 0.3 และ 0 เมตร ในช่วงเวลา เดียวกัน (100-125 นาที) ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร และที่ตำแหน่ง 0 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร เนื่องมาจากก๊าซ เสียมีอุณหภูมิก่ำลง ความร้อนที่ถ่ายเทสู่วัสดุสะสมความร้อนก็มีก่าน้อยลงเช่นกัน

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าวัสดุสะสมความร้อน มีอุณหภูมิลดลงตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้น จากการวิเคราะห์ค่าผิดพลาดระหว่างผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และ ผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลอง สามารถสรุปหาค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดที่ ดำแหน่งต่างๆได้ ดังตารางที่ 6.1 แสดงให้เห็นว่าค่าผิดพลาดในทุกตำแหน่งมีค่าสูงสุด น้อยกว่า 18 % โดยมีค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดรวม ทุกการทดลองของช่วง Heating period เท่ากับ 2.77 % ซึ่งแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองสามารถจำลองการ ถ่ายเทความร้อนของก๊าซเสีย ให้แก่วัสดุสะสมความร้อนตามแนวทิศทางการไหลได้ โดยที่สามารถดูรายละเอียดการวิเคราะห์ก่าความผิดพลาดในหัวข้อ 'วิเคราะห์ก่าความ ผิดพลาดของโปรแกรม'

สังเกตผลที่ได้จากการทคลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสคงในรูปที่ 6.5, 6.8 และ 6.11 มีแนวโน้มของผลการทคลองในทิศทางเคียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนก็มี ค่าลดลงตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้นเช่นกัน

การเพิ่มขึ้นของอุณหภูมิตามเวลา ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 4.74, 0.3 และ 0
 เมตร ในรูปที่ 6.2 และตารางที่ 6.7 และ 6.8 กราฟจะมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิเทียบ กับเวลาดังนี้

#### วิเคราะห์ผลจากกา<mark>รทคลอง</mark>

ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิ 586.75 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิ ของวัสดุสะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 620.00 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 5.67% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 638.75 °C ซึ่ง เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 8.86% จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสีย จะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความ ร้อนมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 5.67% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับ ความร้อนจะวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสม ความร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 3.19% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น ความสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจะมีค่าน้อยลง

 ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มด้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิ 554.00 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิ ของวัสดุสะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 575.00 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มด้น 3.79% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 695.50 °C ซึ่ง เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 7.49% จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสีย จะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความ ร้อนมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 3.79% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับ ความร้อนจะวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสม กวามร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 3.7% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น กวามสามารถในการรับความร้อนจะวัสดุสะสมความร้อนจะมีค่าน้อยลง

- ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสอุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิ 183.00 <sup>o</sup>C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิ ของวัสอุสะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 199.00 <sup>o</sup>C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 8.74% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 213.50 °C ซึ่ง
 เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มค้น 16.67% จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซ
 เสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความ
 ร้อนมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 8.74% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับ
 ความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสม
 ความร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 7.92% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น

ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ
 173.50 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของวัสดุ
 สะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 205.50 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 18.44% แต่
 เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 217.50 °C ซึ่งเพิ่มขึ้น
 จากที่เวลาเริ่มต้น 25.36% จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซเสียจะ
 สามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิเพิ่มขึ้น 18.44% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับความ
 ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ
 ร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 6.92% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน
 การรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจะมีค่าน้อยลง

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 4 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น วัสดุสะสมความร้อนก็จะมีอุณหภูมิสูงขึ้น แต่มีอัตราการสูงขึ้นของอุณหภูมิในอัตราที่ น้อยลง แสคงให้เห็นถึงความสามารถในการคายความร้อนของก๊าซเสียให้กับอิฐทนไฟ ซึ่งจะมีก่าลคลงเมื่อเวลาเพิ่มมากขึ้น และที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล 5.04 เมตร จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิน้อยกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล รึ่ง จะสังเกตได้ว่าที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร มีก่าเพียง 8.86 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 1,500 วินาที ส่วนที่ตำแหน่ง 0 เมตร มีก่ามากถึง 25.36 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 1,500 วินาที เนื่องจากที่ต้นทางของช่องทางการไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ สูงใกล้เกียงกับของไหล ทำให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อย กว่า แต่ที่ปลายทางของช่องทางการไหลมีของไหล และวัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิต่ำ ทำให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิ 591.65 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิ
 ของวัสดุสะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 612.41 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 3.51
 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 618.70 °C ซึ่ง
 เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 4.57 % จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซ
 เสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความ
 ร้อนมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 3.51% แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับ
 ความร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 1.06 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น

ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิ 574.93 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิ
 ของวัสดุสะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 595.92 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 3.65
 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 602.59 °C ซึ่ง
 เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 4.81 % จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซ
 เสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความ
 ร้อนมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 3.65 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับ
 ความร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 1.16 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น

 ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิ 211.58 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิ ของวัสดุสะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 238.39 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 12.67 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 248.43 °C ซึ่ง เพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 17.42 % จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของคาบการไหลก๊าซ เสียจะสามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความ ร้อนมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้น 12.67 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับ ความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสม กวามร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 4.74% แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้น
กวามสามารถในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจะมีก่าน้อยลง
ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 100 นาที วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ
190.74 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 112.5 นาที) อุณหภูมิของวัสดุ
สะสมความร้อนจะเพิ่มขึ้นเป็น 217.77 °C ซึ่งเพิ่มขึ้นจากที่เวลาเริ่มต้น 14.17 % แต่
เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 กาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 227.92 °C ซึ่งเพิ่มขึ้น
จากที่เวลาเริ่มต้น 19.49 % จะสังเกตได้ว่า ที่ในช่วงแรกของกาบการไหลก๊าซเสียจะ
สามารถถ่ายเทความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี
อุณหภูมิเพิ่มขึ้น 14.17 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการรับความ
ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ
ร้อนจะมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเพียง 5.32 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถ
ในการรับความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจะมีก่าน้อยลง

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 4 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น วัสดุสะสมความร้อนก็จะมีอุณหภูมิสูงขึ้น แต่มีอัตราการสูงขึ้นของอุณหภูมิในอัตราที่ น้อยลง แสดงให้เห็นถึงความสามารถในการกายความร้อนของก๊าซเสียให้กับอิฐทนไฟ ซึ่งจะมีก่าลดลงเมื่อเวลาเพิ่มมากขึ้น และที่ตำแหน่งด้นทางของช่องทางการไหล 5.04 เมตร จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิน้อยกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่ง จะสังเกตได้ว่าที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร มีก่าเพียง 4.57 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหล ที่ 1,500 วินาที ส่วนที่ตำแหน่ง 0 เมตร มีก่ามากถึง 19.49 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 1,500 วินาที เนื่องจากที่ด้นทางของช่องทางการไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ สูงใกล้เกียงกับของไหล ทำให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อย กว่า แต่ที่ปลายทางของช่องทางการไหลมีของไหล และวัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิต่ำ ทำให้วัสดุสะสมความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทคลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าวัสดุสะสมความร้อน มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นตามเวลาที่เพิ่มขึ้น โดยมีแนวโน้มของการ เพิ่มขึ้นของอุณหภูมิเร็วในช่วงแรก และก่อยๆลดลงในช่วงปลายกาบการไหล ดังแสดง ในรูปที่ 6.19 – 6.22 ซึ่งแสดงให้เห็นว่าในช่วงต้นคาบการไหล ก๊าซเสียสามารถถ่ายเท ความร้อนให้กับวัสดุสะสมความร้อนได้มาก หลังจากนั้นวัสดุสะสมความร้อนจะเริ่ม อิ่มตัว และรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยลงตามลำดับ ซึ่งก็มีพฤติกรรมคล้ายๆกัน กับพฤติกรรมการเพิ่มอุณหภูมิในของไหล

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.5, 6.8 และ 6.11 และตารางที่ 6.7 และ 6.8 ซึ่งมีแนวโน้มของผลการ ทดลองในทิศทางเดียวกันกับการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ เมื่อเวลา ผ่านไปนานมากขึ้นวัสดุสะสมความร้อนก็จะมีอุณหภูมิสูงขึ้น แต่มีอัตราการสูงขึ้นของ อุณหภูมิในอัตราที่น้อยลง โดยที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหลจะมีอัตราการ เปลี่ยนแปลงอุณหภูมิน้อยกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล

หลังการสิ้นสุดการใหลในช่วง Heating period ที่เวลา 125 นาทีแล้ว ก็ จะมีการสลับคาบการใหลให้เป็น Cooling period และคำเนินต่อไปเป็นเวลา 25 นาที จนสิ้นสุดคาบการใหลที่เวลา 150 นาที ซึ่งในช่วง Cooling period ซึ่งมีประเด็นที่น่า ศึกษาคล้ายๆกับในช่วง Heating period แต่พฤติกรรมต่างๆจะเป็นไปในทิศทาง ตรงกันข้ามดังนี้

#### **Cooling** period

 การเพิ่มขึ้นของอุณหภูมิวัสดุสะสมความร้อน ตามระยะทางในช่องทาง การใหลที่มากขึ้น

วิเคราะห์ผลจากการทคลอง

เนื่องจากการสลับทิศทางการใหลของวาล์วปรับทิศทางการใหล ทำให้ อากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ใหลเข้าช่องทางการใหลของ Regenerator ในทิศทาง ตรงกันข้าม คือใหลเข้าที่ตำแหน่ง 0 เมตร ด้วยอุณหภูมิ 62.25 °C โดยทำให้วัสดุ สะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 219.25 °C เนื่องจากวัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูง กว่าอากาศดี วัสดุสะสมความร้อนก็จะกายความร้อนให้อากาศดี เนื่องจากการสะสม ความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจากช่วง Heating period ที่ตำแหน่งต่างๆตามระยะ ทางการใหลที่มากขึ้นวัสดุจะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิสูงมากขึ้น ทำให้เกิดการกาย ความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนสู่ของใหล ตลอดระยะทางตามแนวการใหลที่ เพิ่มขึ้น ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร วัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ ตำแหน่ง 4.74 และ 5.04 เมตร

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

เนื่องจากการสลับทิศทางการใหลของวาล์วปรับทิศทางการใหล ทำให้ อากาศดีที่ใช้ในการเผาใหม้ใหลเข้าช่องทางการใหลของ Regenerator ในทิศทาง ตรงกันข้าม คือใหลเข้าที่ตำแหน่ง 0 เมตร ด้วยอุณหภูมิกงที่ 53.36 °C โดยทำให้วัสดุ สะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 215.35 °C เนื่องจากวัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูง กว่าอากาศดี วัสดุสะสมความร้อนก็จะคายความร้อนให้อากาศดี เนื่องจากการสะสม ความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจากช่วง Heating period ที่ตำแหน่งต่างๆตามระยะ ทางการใหลที่มากขึ้นวัสดุจะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิสูงมากขึ้น ทำให้เกิดการคาย ความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนสู่ของใหล ตลอดระยะทางตามแนวการใหลที่ เพิ่มขึ้น ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร วัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ ตำแหน่ง 4.74 และ 5.04 เมตร

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าวัสดุสะสมความร้อน มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้น จากการวิเคราะห์ค่าผิดพลาดระหว่างผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และ ผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลอง สามารถสรุปหาค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาด ที่ ดำแหน่งต่างๆ ได้ดังตารางที่ 6.2 แสดงให้เห็นว่าค่าผิดพลาดในทุกตำแหน่งมีค่าสูงสุด น้อยกว่า 18 % โดยมีค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดรวม ทุกการทดลองของช่วง Heating period เท่ากับ 3.94 % ซึ่งแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองสามารถจำลองการ ถ่ายเทความร้อนระหว่างอากาศดี กับวัสดุสะสมความร้อนตามแนวทิศทางการไหลได้ โดยที่สามารถดูรายละเอียดการวิเคราะห์ค่าความผิดพลาดในหัวข้อ 'วิเคราะห์ค่าความ ผิดพลาดของโปรแกรม'

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.5, 6.8 และ 6.11 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทคลองสลับคาบการ ใหลที่เวลา 25 นาที คือ อุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนมีค่า เพิ่มขึ้นตามระยะทางในช่องทางการ ใหลที่มากขึ้นเช่นกัน

การลดลงของอุณหภูมิตามเวลา ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 0, 0.3, 4.74 และ
 5.04 เมตร ในรูปที่ 6.2 และตารางที่ 6.9 และ 6.10 กราฟจะมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิ
 เทียบกับเวลาดังนี้

#### วิเคราะห์ผลจากกา<mark>รทคลอง</mark>

ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ
 219.25 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของวัสดุ
 สะสมความร้อนจะลดลงเป็น 193.00 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 11.97% แต่เมื่อ
 เวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 183.50 °C ซึ่งลดลงจากที่
 เวลาเริ่มต้น 16.31 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถ
 รับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิลดลง
 11.97 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความร้อนจะวัสดุ
 สะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ
 ลดลงเพียง 4.33 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถในการรับความร้อน

ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิ 219.00 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิ
 ของวัสดุสะสมความร้อนจะลดลงเป็น 213.50 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 2.51%
 แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 210.50 °C ซึ่งลดลง
 จากที่เวลาเริ่มต้น 3.88 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะ
 สามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิลดลง 2.51 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความ
 ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ
 ร้อนจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 1.37 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน

- ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มด้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิ 589.25 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิ ของวัสดุสะสมความร้อนจะลดลงเป็น 585.00 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 0.72% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 568.00 <sup>o</sup>C ซึ่งลดลง จากที่เวลาเริ่มต้น 3.61 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะ สามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิลดลง 0.72 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความ ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ ร้อนจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 2.89 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน การรับความร้อนของอากาศดีจากวัสดุสะสมความร้อนมีก่าน้อยลง

ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มด้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิ 629.00 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิ
 ของวัสดุสะสมความร้อนจะลดลงเป็น 610.50 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 2.94%
 แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 591.50 °C ซึ่งลดลง
 จากที่เวลาเริ่มต้น 5.96 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะ
 สามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิลดลง 2.94 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความ
 ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ
 ร้อนจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 2.02 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 4 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น วัสดุสะสมความร้อน ก็จะมีอุณหภูมิลดลงแต่มีอัตราการลดลงของอุณหภูมิในอัตราที่ น้อยลง โดยที่ตำแหน่งด้นทางของช่องทางการไหล จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลง อุณหภูมิมากกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่งจะสังเกตได้ว่าที่ตำแหน่ง 0 เมตร มีก่ามากถึง 16.31 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที ส่วนที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร มี ก่าเพียง 5.96 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที เนื่องจากที่ปลายทางของช่อง ทางการไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูงใกล้เคียงกับของไหล ทำให้วัสดุสะสม ความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยกว่า และที่ต้นทางของช่องทางการไหลมี ของไหลมีอุณหภูมิต่ำ แต่วัดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูง ทำให้วัสดุสะสมความร้อน กายความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ที่ตำแหน่ง 0 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ
 215.35 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิของวัสดุ
 สะสมความร้อนจะลดลงเป็น 188.40 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 12.51% แต่เมื่อ
 เวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 179.71 °C ซึ่งลดลงจากที่
 เวลาเริ่มต้น 16.55 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะสามารถ
 รับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิลดลง
 12.51 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความร้อนของวัสดุ
 สะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ
 ลดลงเพียง 4.04 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถในการรับความร้อน
 ของอากาศดีจากวัสดุสะสมความร้อนมีค่าน้อยลง

ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิ 236.24 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิ
 ของวัสดุสะสมความร้อนจะลดลงเป็น 209.47 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 11.33 %
 แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 200.59 °C ซึ่งลดลง
 จากที่เวลาเริ่มต้น 15.09 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะ
 สามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิลดลง 11.33 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความ
 ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ
 ร้อนจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 3.76 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน

 ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิ 594.05 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิ ของวัสดุสะสมความร้อนจะลดลงเป็น 573.04 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 3.54% แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 565.00 °C ซึ่งลดลง จากที่เวลาเริ่มต้น 4.89 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะ สามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี อุณหภูมิลดลง 3.54 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการกายความ ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ ร้อนจะมีอุณหภูมิลคลงเพียง 1.35 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน การรับความร้อนของอากาศดีจากวัสดุสะสมความร้อนมีค่าน้อยลง

ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร ที่เวลาเริ่มต้น 125 นาที วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิ 610.26 °C แต่เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งคาบการไหล (ที่เวลา 137.5 นาที) อุณหภูมิ
 ของวัสดุสะสมความร้อนจะลดลงเป็น 589.43 °C ซึ่งลดลงจากที่เวลาเริ่มต้น 3.41 %
 แต่เมื่อเวลาผ่านไปครบ 1 คาบ วัสดุสะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิ 581.42 °C ซึ่งลดลง
 จากที่เวลาเริ่มต้น 4.73 % จะสังเกตได้ว่าที่ในช่วงแรกของคาบการไหล อากาศดีจะ
 สามารถรับความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนได้ดี ทำให้วัสดุสะสมความร้อนมี
 อุณหภูมิลดลง 3.41 % แต่เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้นความสามารถในการคายความ
 ร้อนของวัสดุสะสมความร้อนก็มีน้อยลง ทำให้ในช่วงเวลาเท่ากันวัสดุสะสมความ
 ร้อนจะมีอุณหภูมิลดลงเพียง 1.32 % แสดงให้เห็นว่าถ้าเวลาเพิ่มขึ้นความสามารถใน

จากการสังเกตการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทั้ง 4 ตำแหน่ง พบว่าการ เปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิเป็นไปในทิศทางเดียวกัน คือ เมื่อเวลาผ่านไปนานมากขึ้น วัสดุสะสมความร้อน ก็จะมีอุณหภูมิลดลงแต่มีอัตราการลดลงของอุณหภูมิในอัตราที่ น้อยลง โดยที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล จะมีอัตราการเปลี่ยนแปลง อุณหภูมิมากกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล ซึ่งจะสังเกตได้ว่าที่ตำแหน่ง 0 เมตร มีก่ามากถึง 16.55 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที ส่วนที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร มี ก่าเพียง 4.73 % ที่เวลาสิ้นสุดคาบการไหลที่ 25 นาที เนื่องจากที่ปลายทางของช่อง ทางการไหลวัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูงใกล้เคียงกับของไหล ทำให้วัสดุสะสม ความร้อนรับความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยกว่า และที่ต้นทางของช่องทางการไหลมี ของไหลมีอุณหภูมิต่ำ แต่วัดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิสูง ทำให้วัสดุสะสมความร้อน กายความร้อนได้ในปริมาณที่มากกว่า

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทคลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าวัสดุสะสมความร้อน มีอุณหภูมิลดลงตามเวลาที่เพิ่มขึ้น โดยมีแนวโน้มของการ ลดลงของอุณหภูมิเร็วในช่วงแรก และค่อยๆลดลงในช่วงปลายคาบการไหล ดังแสดง ในรูปที่ 6.23 – 6.26 ซึ่งแสดงให้เห็นว่าในช่วงต้นคาบการไหลก๊าซเสียสามารถรับ ความร้อนให้จากวัสดุสะสมความร้อนได้มาก หลังจากนั้นก๊าซเสียจะเริ่มอิ่มตัว และรับ ความร้อนได้ในปริมาณที่น้อยลงตามลำดับ

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.5, 6.8 และ 6.11 และตารางที่ 6.9 และ 6.10 ซึ่งมีแนวโน้มของผล การทดลองในทิศทางเดียวกันกับการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ เมื่อ เวลาผ่านไปนานมากขึ้นวัสดุสะสมความร้อนก็จะมีอุณหภูมิลดลง แต่มีอัตราการลดลง ของอุณหภูมิในอัตราที่น้อยลง โดยที่ตำแหน่งต้นทางของช่องทางการไหล จะมีอัตรา การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิมากกว่าที่ปลายทางของช่องทางการไหล

## 6.1.1.3 ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane ของวัสดุสะสมความร้อน

ที่ระนาบนี้พฤติกรรมของการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในวัสคุสะสมความ ร้อน มีลักษณะคล้ายๆกันกับการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในของไหล และผิวของวัสดุ ้ต่างกั<mark>นเพียงช่วงที่มีการส</mark>ลับคาบการไหลอุณหภูมิของของไหลจะ สะสมความร้อน เปลี่ยนแปลงแบบทันทีทันใด แต่ในวัสดุสะสมความร้อนจะเป็นแบบค่อยเป็นค่อยไป ซึ่งสังเกตได้จากเส้นกราฟในรูปที่ 6.1 และ 6.3 ที่เวลา 125 นาที มีการสลับคาบการ ใหลจาก Heating period เป็น Cooling period ในรูปที่ 6.1 ของใหลมีการเปลี่ยนแปลง อุณหภูมิอย่างรวดเร็ว แต่จากรูปที่ 6.3 สังเกตได้ว่าที่เวลาเดียวกันวัสดุสะสมความร้อน มีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิแบบค่อยเป็นค่อยไป แต่เมื่อเทียบกับพฤติกรรมของการ เปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อน ที่ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน ใน รูปที่ 6.2 พบว่ามีพฤติกรรมคล้ายกันแต่มีอัตราการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิน้อยกว่า กราฟที่ได้มีลักษณะแบนราบกว่า ในการวิเคราะห์ผลลัพธ์จะใช้เวลาในช่วงเวลา เดียวกันกับของไหล คือ ช่วง Heating period ของวัฏจักรที่ 3 ที่เวลา 100 นาที โดยมี ประเด็นที่น่าศึกษาหลายประเด็นดังนี้

#### Heating period

 การลดลงของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อน ตามระยะทางในช่องทาง การไหลที่มากขึ้น

#### วิเคราะห์ผลจากการทคลอง

ในช่วงเริ่มต้นคาบการใหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 594.00 °C ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตรจะสังเกตได้ว่า อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าลดลง เนื่องจากก๊าซเสียที่ตำแหน่งนี้มีอุณหภูมิ ต่ำลงทำให้อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าน้อยตามไปด้วย และเมื่อระยะทาง ตามแนวการไหลเพิ่มขึ้นอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนก็มีจะค่าลดลง ดังจะสังเกต ได้จากอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ตำแหน่ง 0.3 และ 0 เมตร ในช่วงเวลา เดียวกัน (100-125 นาที) ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร และที่ตำแหน่ง 0 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร เนื่องมาจากก๊าซ เสียมีอุณหภูมิกํ่ลงความร้อนที่ถ่ายเทสู่วัสดุสะสมความร้อนก็มีค่าน้อยลงเช่นกัน

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ในช่วงเริ่มต้นคาบการไหลในช่วง Heating period ที่ตำแหน่ง 5.04 เมตร วัสดุสะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 599.81 °C ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตรจะสังเกตได้ว่า อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าลดลง เนื่องจากก๊าซเสียที่ตำแหน่งนี้มีอุณหภูมิ ต่ำลงทำให้อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีค่าน้อยตามไปด้วย และเมื่อระยะทาง ตามแนวการไหลเพิ่มขึ้นอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนก็มีจะค่าลดลง ดังจะสังเกต ได้จากอุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนที่ตำแหน่ง 0.3 และ 0 เมตร ในช่วงเวลา เดียวกัน (100-125 นาที) ที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร และที่ตำแหน่ง 0 เมตร จะมีอุณหภูมิต่ำกว่าที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร เนื่องมาจากก๊าซ เสียมีอุณหภูมิต่ำลง ความร้อนที่ถ่ายเทสู่วัสดุสะสมความร้อนก็มีก่าน้อยลงเช่นกัน

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทคลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าวัสดุสะสมความร้อน มีอุณหภูมิลดลงตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้น จากการวิเคราะห์ค่าผิดพลาดระหว่างผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และ ผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลอง สามารถสรุปหาค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดที่ ตำแหน่งต่างๆได้ ดังตารางที่ 6.1 แสดงให้เห็นว่าก่าผิดพลาดในทุกตำแหน่งมีค่าสูงสุด น้อยกว่า 11 % โดยมีค่ามัธยฐานของก่าความผิดพลาดรวม ทุกการทดลองของช่วง Heating period เท่ากับ 2.77 % ซึ่งแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองสามารถจำลองการ ถ่ายเทความร้อนของก๊าซเสีย ให้แก่วัสดุสะสมความร้อนตามแนวทิศทางการไหลได้ โดยที่สามารถดูรายละเอียดการวิเคราะห์ก่าความผิดพลาดในหัวข้อ 'วิเคราะห์ก่าความ ผิดพลาดของโปรแกรม'

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.6, 6.9 และ 6.12 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนก็มี ค่าลดลงตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้นเช่นกัน

หลังการสิ้นสุดการใหลในช่วง Heating period ที่เวลา 125 นาทีแล้ว ก็ จะมีการสลับคาบการใหลให้เป็น Cooling period และคำเนินต่อไปเป็นเวลา 25 นาที จนสิ้นสุดคาบการใหลที่เวลา 150 นาที ซึ่งในช่วง Cooling period ซึ่งมีประเด็นที่น่า ศึกษาคล้ายๆกับในช่วง Heating period แต่พฤติกรรมต่างๆจะเป็นไปในทิศทาง ตรงกันข้ามดังนี้

#### **Cooling** period

 การเพิ่มขึ้นของอุณหภูมิวัสดุสะสมความร้อน ตามระยะทางในช่องทาง การไหลที่มากขึ้น

#### วิเคราะห์ผลจากการทดลอง

เนื่องจากการสลับทิศทางการใหลของวาล์วปรับทิศทางการใหลทำให้ อากาศดีที่ใช้ในการเผาไหม้ไหลเข้าช่องทางการใหลของ Regenerator ในทิศทาง ตรงกันข้าม คือไหลเข้าที่ตำแหน่ง 0 เมตร ด้วยอุณหภูมิ 62.25 °C โดยทำให้วัสดุ สะสมความร้อนมีอุณหภูมิ 220.00 °C เนื่องจากวัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูง กว่าอากาศดี วัสดุสะสมความร้อนก็จะคายความร้อนให้อากาศดี เนื่องจากการสะสม ความร้อนของวัสดุสะสมความร้อนจากช่วง Heating period ที่ตำแหน่งต่างๆตามระยะ ทางการใหลที่มากขึ้นวัสดุจะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิสูงมากขึ้น ทำให้เกิดการคาย ความร้อนจากวัสดุสะสมความร้อนสู่ของใหล ตลอดระยะทางตามแนวการใหลที่ เพิ่มขึ้น ให้สังเกตที่ตำแหน่ง 0.3 เมตร วัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ ตำแหน่ง 4.74 และ 5.04 เมตร

#### วิเคราะห์ผลจากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

เนื่องจากการสลับทิศทางการใหลของวาล์วปรับทิศทางการใหลทำให้อากาศดีที่ ใช้ในการเผาใหม้ใหลเข้าช่องทางการใหลของ Regenerator ในทิศทางตรงกันข้าม คือ ใหลเข้าที่ตำแหน่ง 0 เมตร ด้วยอุณหภูมิกงที่ 53.36 °C โดยทำให้วัสดุสะสมความ ร้อนมีอุณหภูมิ 204.25 °C เนื่องจากวัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูงกว่าอากาศดี วัสดุสะสมความร้อนก็จะกายความร้อนให้อากาศดี เนื่องจากการสะสมความร้อนของ วัสดุสะสมความร้อนก็จะกายความร้อนให้อากาศดี เนื่องจากการสะสมความร้อนของ วัสดุสะสมความร้อนจากช่วง Heating period ที่ตำแหน่งต่างๆตามระยะทางการใหล ที่มากขึ้นวัสดุจะสมความร้อนจะมีอุณหภูมิสูงมากขึ้น ทำให้เกิดการกายความร้อนจาก วัสดุสะสมความร้อนสู่ของใหล ตลอดระยะทางตามแนวการใหลที่เพิ่มขึ้น ให้สังเกตที่ ดำแหน่ง 0.3 เมตร วัสดุสะสมความร้อนซึ่งมีอุณหภูมิสูงกว่าที่ตำแหน่ง 4.74 และ 5.04 เมตร

## เปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองกับระเบียบวิธีเชิงตัวเล**ง**

ผลที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และผลที่ได้จากการทดลองแสดงให้เห็น ว่าวัสดุสะสมความร้อน มีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้น จากการวิเคราะห์ค่าผิดพลาดระหว่างผลลัพธ์ที่ได้จากระเบียบวิธีเชิงตัวเลข และ ผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลอง สามารถสรุปหาค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาด ที่ ตำแหน่งต่างๆได้ดังตารางที่ 6.2 แสดงให้เห็นว่าก่าผิดพลาดในทุกตำแหน่งมีค่าสูงสุด น้อยกว่า 12 % โดยมีค่ามัธยฐานของค่าความผิดพลาดรวม ทุกการทดลองของช่วง Heating period เท่ากับ 3.94 % ซึ่งแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองสามารถจำลองการ ถ่ายเทความร้อนระหว่างอากาศดี กับวัสดุสะสมความร้อนตามแนวทิศทางการไหลได้

สังเกตผลที่ได้จากการทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 20, 15 และ10 นาที ซึ่งแสดงในรูปที่ 6.6, 6.9 และ 6.12 มีแนวโน้มของผลการทดลองในทิศทางเดียวกันกับ การทดลองสลับคาบการไหลที่เวลา 25 นาที คือ อุณหภูมิของวัสดุสะสมความร้อนมีก่า เพิ่มขึ้นตามระยะทางในช่องทางการไหลที่มากขึ้นเช่นกัน

## 6.2 การวิเคราะห์ค่าความผิดพลาดของโปรแกรม

ในหัวข้อนี้ผู้วิจัยจะทำการวิเคราะห์ค่าความผิดพลาดของโปรแกรม โดยทำการ เปรียบเทียบผลจากโปรแกรมเทียบกับผลจากการทดลอง ซึ่งสามารถสรุปได้ดังนี้

## 6.2.1 ระนาบกึ่งกลางของของใหล

ในระนาบนี้แนวโน้มของกราฟที่ได้จากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิง ตัวเลขเป็นไปในทิศทางเคียวกัน แต่ก็ยังมีข้อบกพร่องซึ่งขึ้นกับสมมติฐาน และข้อจำกัดใน การทดลอง ซึ่งสามารถสรุปได้ดังนี้

เนื่องจากภายในเตาถลุงจะถูกควบคุมให้มีอุณหภูมิคงที่ ดังนั้นสมมติฐาน จึงถูกสมมติให้มีอุณหภูมิของของไหลที่ทางเข้า ทั้ง Heating period และ Cooling period มี ค่าคงที่ ซึ่งในความเป็นจริงแล้วมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิ เนื่องจากความร้อนที่สะสม หรือคายจากช่องทางการไหลก่อนที่จะถึง Regenerator ซึ่งใช้อิฐทนไฟก่อเป็นผนัง โดยที่ อิฐทนไฟเหล่านี้มีคุณสมบัติในการสะสมความร้อนเช่นเดียวกับ ในช่องทางการไหลของ Regenerator ทำให้อุณหภูมิที่ทางปากเข้าทั้งใน ช่วง Heating period และ Cooling Period ไม่คงที่

การสมมติแบบจำลองของการใหลเป็นแบบ Simplified model ซึ่งกิด เพียงก่ากวามร้อนเข้า กวามร้อนออก และก่าการพากวามร้อน ซึ่งอาจส่งผลต่อกวามถูกต้อง ของโปรแกรม

เนื่องจากการติดตั้งจะต้องติดตั้งเทอร์ โมกัปเปิ้ล ที่ตำแหน่งกึ่งกลางช่อง ทางการ ใหลด้องทำการติดตั้ง โดยระวัง เพื่อ ไม่ก่อ ให้เกิดการรบกวนต่อการ ใหล ประกอบ กับช่องทางการ ใหลมีขนาดเล็ก ประมาณ 0.18x0.18 เมตร แต่ต้องทำการติดตั้งเทอร์ โมกัปเปิ้ลที่ของ ใหลถึง 4 จุด ผู้วิจัยจึงติดตั้งหัววัดอุณหภูมิ โดยทำการขึงเชือกทนกวาม ร้อนเป็นแกนกลางพร้อมทั้งเดินสายสัญญาณเทอร์ โมคัปเปิ้ลกับแกนเชือก ซึ่งวิธีนี้ส่งผลต่อ การ ใหลของของ ใหลน้อยแต่อาจเกิดการสั่นของหัววัดอุณหภูมิ

ที่ตำแหน่ง 4.74 เมตร ในช่วง Heating period สังเกตผลที่ได้จากการ ทดลองพบว่า อุณหภูมิของก๊าซเสียลดลงอย่างรวดเร็ว เนื่องจากมี Slag ที่เกิดจากการถลุงแร่ เกาะอยู่ก่อนข้างหนา โดยจะหนามากบริเวณปากทางเข้าก๊าซเสียและลดความหนาลงไป ตามระยะทางตามแนวการไหล ทำให้ที่ปากทางเข้าช่องทางการไหลมีขนาดเล็กกว่าที่ ตำแหน่งอื่นๆ ส่งผลให้ค่าสัมประสิทธิการพาความร้อนที่ปากทางเข้ามีค่าสูงขึ้นเกิดการ ถ่ายเทความร้อนมากกว่าบริเวณอื่นๆ อีกทั้ง Slag มีค่าสัมประสิทธิการนำความร้อนสูงกว่า อิฐทนไฟ ทำให้ก๊าซเสียถ่ายเทความร้อนให้แก่ Slag ได้เร็วกว่าอิฐทนไฟ

ซึ่งค่าความผิดพลาดจากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ถูกแสดง ในตารางที่ 6.1 และ 6.2 โดยที่ในช่วง Heating period ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหล 25 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 19.60% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการ ไหล 20 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 10.98% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบ การไหล 15 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 10.55% และ ที่เวลาที่ใช้ในการ สลับคาบการไหล 10 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 8.42% ส่วนในช่วง Cooling period ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหล 25 นาที มีค่ามัธยฐานของความ ผิดพลาดสูงสุด 13.79% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหล 20 นาที มีค่ามัธยฐานของ ความผิดพลาดสูงสุด 12.72% และ ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหล 15 นาที มีค่ามัธยฐาน ของความผิดพลาดสูงสุด 12.72% และ ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการไหล 10 นาที มี ค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 11.13%

#### 6.2.2 ระนาบผิววัสดุสะสมความร้อน

ในระนาบนี้แนวโน้มของกราฟที่ได้จากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิง ตัวเลขก็เป็นไปในทิศทางเดียวกัน แต่ก็ยังมีข้อบกพร่องซึ่งขึ้นกับสมมติฐาน และข้อจำกัด ในการทดลอง ซึ่งสามารถสรุปได้ดังนี้

ค่าผิดพลาดอาจเกิดจากการสมมติให้ค่าการนำความร้อน ค่าความจุความ ร้อนจำเพาะ ค่าความหนาแน่นของวัสดุในการคำนวณ มีค่าคงที่ แต่ในความเป็นจริงพื้นผิว ของช่องทางการไหลใน Regenerator ที่ใช้งานในโรงงานมีซึ่งมีลักษณะขรุขระมาก เนื่องมาจากถูกปกคลุมด้วยเศษ Slag ที่เกิดจากการถลุงดีบุก ซึ่งความหนาของเศษ Slag จะมี มากที่บริเวณใกล้ปากทางเข้าของก๊าซเสีย และความหนาของเศษ Slag จะเพิ่มขึ้นเมื่อเวลา ผ่าน ทำให้ต้องทำความสะอาดช่องทางการไหลทุกๆ 2-3 อาทิตย์ ซึ่ง Slag นี้จะมีผลต่อค่า การนำความร้อนของวัสดุสะสมความร้อน และเปลี่ยนลักษณะพื้นผิวของช่องทางการไหล การติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ลจำเป็นต้องติดที่ตำแหน่งลึกจากผิวประมาณ 0.5

cm เนื่องจากต้องฝังเทอร์ โมคัปเปิ้ลให้แน่นเพื่อให้มั่นใจว่า เมื่อทำการทคลองเทอร์ โมคัปเปิ้ลจะ ไม่หลุดจากตำแหน่งที่ติดตั้ง ซึ่งก่าความผิดพลาดจากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ถูกแสดง ในตารางที่ 6.1 และ 6.2 โดยที่ในช่วง Heating period ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 25 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 7.84% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 20 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 3.86% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 15 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 1.90% และ ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการ ใหล 10 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 4.22% ส่วนในช่วง Cooling period ที่ เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 25 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 5.71% ที่ เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 20 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 9.56% ที่ เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 15 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 11.70% และ ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 16 นาที มีก่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 11.70%

## 6.2.3 ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane ของวัสดุสะสมความร้อน

ในระนาบนี้แนวโน้มของกราฟที่ได้จากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิง ตัวเลข ยังไม่สามารถจำลองได้ดีนัก ซึ่งข้อบกพร่องอาจเกิดจากสมมติฐาน และข้อจำกัด ในการทดลอง และลักษณะของวัสดุสะสมความร้อนซึ่งสามารถสรปได้ดังนี้

เนื่องจากพื้นผิววัสดุสะสมความร้อนมีลักษณะขรุขระ เนื่องจากการเกาะ ของ Slag และการกัดกร่อนของพื้นผิว ทำให้จุดติดตั้งเทอร์โมคัปเปิ้ลมีความผิดพลาดไป บ้าง

ถ่าผิดพลาดอาจเกิดจากการสมมติให้ก่าการนำความร้อน ค่าความจุความ ร้อนจำเพาะ ค่าความหนาแน่นของวัสดุในการคำนวณ มีค่าคงที่ แต่ในความเป็นจริงพื้นผิว ของช่องทางการใหลใน Regenerator ที่ถูกปกคลุมด้วย Slag จะมีจะมีก่าการนำความร้อน ก่าความจุความร้อนจำเพาะ ก่าความหนาแน่นของวัสดุไม่เท่ากัน เนื่องจากในเนื้อ Slag มี ส่วนประกอบของสารเจือปนไม่เท่ากัน และเมื่อนำมาเปรียบเทียบกับอิฐทนไฟพบว่ามีก่า คุณสมบัติต่างกัน

เนื่องจากผลที่ได้จากการวิเคราะห์ ด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลขที่แสดงในรูป ที่ 3, 6, 9 และ 12 มีค่าความแตกต่างของกราฟค่อนข้างน้อย เมื่อเทียบกับผลที่ได้จากการ ทดลอง แสดงให้เห็นว่า Thermal mass ของวัสดุสะสมความร้อนที่ใช้ในระเบียบวิธีเชิง ตัวเลขอาจจะมีค่าสูงมากกว่าความเป็นจริง ผู้วิจัยจึงได้ทดสอบสมมติฐานเบื้องต้นเพื่อเป็น แนวทางในการทำงานวิจัยในอนาคต โดยจะปรับลด Thermal mass ของวัสดุสะสมความ ร้อนโดยการลดก่ากวามจุกวามร้อนจำเพาะของวัสดุสะสมความร้อนลง โดยกงก่ากวาม หนาแน่นของวัสดุไว้ ซึ่งจะนำมาเปรียบเทียบกับผลที่ได้จากการทดลองที่เวลา 20 นาที โดยแสดงผลการเปรียบเทียบไว้ในรูปที่ 27 - 28 ซึ่งจากผลการทดสอบโดยใช้โปรแกรม กอมพิวเตอร์ที่สร้างขึ้นพบว่าเมื่อปรับก่ากวามจุกวามร้อนจำเพาะของวัสดุสะสมความร้อน เพิ่ม จะส่งผลให้เกิดการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในเนื้อวัสดุสะสมความร้อนน้อยลง แต่เมื่อ ปรับลดก่าความจุกวามร้อนจำเพาะของวัสดุสะสมความร้อนลง จะส่งผลให้เกิดการ เปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในเนื้อวัสดุสะสมความร้อนมากขึ้น ซึ่งสอดกล้องกับกราฟที่ได้จาก การทดลอง แสดงให้เห็นว่าก่าคุณสมบัติของวัสดุสะสมความร้อนใน Regenerator มีการ เปลี่ยนแปลงจากก่ามาตรฐานของโรงงานผู้ผลิต ซึ่งอาจเกิดจากการเกาะตัวของ Slag ดังที่ ได้กล่าวมาข้างต้น

ค่าซึ่งค่าความผิดพลาดจากการทดลอง และระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ถูกแสดง ในตารางที่ 6.1 และ 6.2 โดยที่ในช่วง Heating period ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 25 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 7.84% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 20 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 3.86% ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 15 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 1.90% และ ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการ ใหล 10 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 4.22% ส่วนในช่วง Cooling period ที่ เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 25 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 4.75% ที่ เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 25 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 7.31% ที่ เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 15 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 7.42% และ ที่เวลาที่ใช้ในการสลับคาบการใหล 15 นาที มีค่ามัธยฐานของความผิดพลาดสูงสุด 7.42%

สถาบนวทยบรการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



**รูปที่ 6.27** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการไหล 20 นาที เมื่อปรับลด ค่า C<sub>p</sub> จาก 920 <u>J</u> เหลือ 220 <u>J</u> kg.<sup>o</sup>C



**รูปที่ 6.28** การกระจายตัวของอุณหภูมิของวัสคุสะสมความร้อนที่ระนาบที่สมมติให้เป็น Adiabatic plane สำหรับการสลับคาบการไหล 20 นาที เมื่อปรับเพิ่ม ค่า C<sub>p</sub> จาก 920 <u>J</u> เป็น 2200 <u>J</u> kg.<sup>o</sup>C

## 6.3 การหาวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมใน Regenerator ของบริษัทไทยแลนด์สเมลติ้งแอนด์ รีไฟนิ่งจำกัด (ไทยซาร์โก)

จากการเปรียบเทียบผลที่ได้การทดลอง และการคำนวณด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข พบว่าแนวโน้มของกราฟการกระจายตัวของอุณหภูมิทั้งในของไหล และวัสดุสะสมความร้อนมี ความสอดกล้องกัน ในทุกๆการทดลอง แม้ว่าจะมีสภาวะการทำงานที่ต่างกันออกไป ทำให้มั่นใจ ได้ว่าโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่สร้างขึ้นสามารถนำไปใช้งานได้อย่างถูกต้อง

ผู้วิจัยได้ทำการเก็บข้อมูลสภาวะการทำงานจริงของ Regenerator ขณะที่มีการถลุง และมาทำการคำนวณด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์เพื่อหาวัฏจักรการทำงานที่เหมาะสมที่ใช้ในการ สลับคาบการไหลใน Regenerator ของบริษัทไทยแลนด์สเมลติ้งแอนด์รีไฟนิ่งจำกัด (ไทยซาร์โก) โดยผลการคำนวณได้แสดงเป็นกราฟดังรูปที่ 6.29 - 6.30

จากรูปที่ 6.29 แสดงให้เห็นว่าที่เวลาในการสลับคาบการไหล 6 นาที จะให้ปริมาณ ความร้อนนำกลับมาใช้สูงที่สุด เท่ากับ 25.962 MJ ต่อ 1 ช่องทางการไหล ต่อ 1 ชั่วโมง ซึ่งเมื่อทาง โรงงานปรับการสลับคาบการไหลจากเดิมสลับการไหลที่คาบเวลา 30 นาที เปลี่ยนมาเป็นเดิมสลับ การไหลที่คาบเวลา 6 นาที จะทำให้ประหยัดพลังงาน 0.365 MJ ต่อ 1 ช่องทางการไหล ต่อ 1 ชั่วโมง

ส่วนค่า Thermal Ratio ของทั้ง Cooling period และ Heating period (รูปที่ 6.30) แสดงให้เห็นว่า Regenerator ตัวนี้มีประสิทธิภาพค่อนข้างดี คือ มีค่า Thermal Ratio ของ Cooling period เท่ากับ 0.878 และ Thermal Ratio ของ Heating period เท่ากับ 0.6922

เนื่องจากที่เวลา 30 นาที ใช้น้ำมันเตาเกรด C (ก่าความร้อน 39.77 MJ/ลิตร) ในการ ถลุง 235.5 ลิตร/ชั่วโมง คิดเป็นพลังงาน 9,365.84 MJ/ชั่วโมง Regenerator ของทางโรงงาน ประกอบไปด้วยช่องทางการไหล 120 ช่อง ที่เวลาสลับคาบการไหล 30 นาที จะสามารถนำความ ร้อนกลับมาใช้ 3,071.68 MJ/ชั่วโมง หรือคิดเป็น 32.80% ของปริมาณความร้อนที่ได้จากเชื้อเพลิง เมื่อสลับคาบการไหล 6 นาที จะสามารถนำความร้อนกลับมาใช้ 3,115.49 MJ/ชั่วโมง หรือคิดเป็น 33.26% ซึ่งจะได้ความร้อนนำกลับมาใช้เพิ่มขึ้น 0.46% ปัจจุบันทางโรงงานใช้เชื้อเพลิง 1,100,000 ลิตร/ปี ซึ่งจะช่วยให้โรงงานประหยัดพลังงานได้ 5,145.40 ลิตร/ปี หรือคิดเป็นเงิน 47,440.59 บาท/ปี (คิดราคาน้ำมันเตา C เท่ากับ 9.22 บาท/ลิตร) จากการวิเคราะห์แสดงให้เห็นว่าปัจจุบันทาง โรงงานได้ปรับการสลับคาบการไหลงอง Regenerator ที่ 30 นาที อยู่ในเกณฑ์ที่ดีแล้ว





# บทที่ 7 บทสรุป ปัญหาที่พบและข้อเสนอแนะ

#### 7.1 บทสรุป

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นการวิเคราห์เพื่อหาวัฎจักรที่เหมาะสมในการสลับคาบการ ใหลของ Regenerator เพื่อให้ได้ปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้มากที่สุด โดยการศึกษาการกระจาย ตัวของอุณหภูมิทั้งในของไหล และวัสดุสะสมความร้อน

วิทยานิพนธ์นี้ใช้ระเบียบวิธี Finite difference ในการแก้ปัญหาการนำความร้อน ในสถานะไม่อยู่ตัวแบบสองมิติ โดยได้ทำการตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมกับ กรณีศึกษา ต่างๆ หลังจากนั้นผู้วิจัยได้ทำการทดลองเก็บข้อมูลจากการใช้งานจริงในโรงงานอุตสาหกรรม แล้ว นำผลที่ได้จากการทดลองมาเปรียบเทียบกับผลที่ได้จากการคำนวณด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข พบว่า ผลลัพธ์ที่ได้มีความสอดคล้องกัน ทำให้มั่นใจได้ว่าโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่สร้างขึ้นมีความถูกต้อง ในขอบเขตที่น่าพอใจ

โปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่สร้างขึ้น ถูกใช้ในการหาปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ สูงที่สุด และ ค่า Thermal Ratio ของทั้ง Cooling period และ Heating period ซึ่งสามารถสรุปได้ว่า ที่ เวลาในการสลับคาบการไหล 6 นาที จะให้ปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้สูงที่สุด เท่ากับ 25.962 MJ ต่อ 1 ช่องทางการไหล (3,115.49 MJ/ชั่วโมง ต่อ 120 ช่องทางการไหล) หรือคิดเป็น 25.049 % ของปริมาณความร้อนเมื่อไม่ติดตั้ง Regenerator โดยมีค่า Thermal Ratio ของ Cooling period เท่ากับ 0.8789 และ Thermal Ratio ของ Heating period เท่ากับ 0.6922

# 7.2 ปัญหาที่พบในขณะทำวิทยานิพนธ์

จากการสำรวจ Regenerator ที่ใช้งานจริงในโรงงานพบว่าช่องทางการไหลถูกปก กลุมด้วย เศษ Slag ที่เกิดจากการถลุงดีบุก และความหนาของเศษ Slag จะมากขึ้นเมื่อเวลาผ่าน ทำ ให้ต้องทำความสะอาดช่องทางการไหลทุกๆ 2-3 อาทิตย์ ซึ่ง Slag นี้จะมีผลต่อค่าการนำความร้อน ของวัสดุสะสมความร้อน และเปลี่ยนลักาณะพื้นผิวของช่องทางการไหล

จากการทดลองพบว่าอุณหภูมิที่ปากทางเข้าของ Regenerator มีการเปลี่ยนแปลง เนื่องจากความร้อนที่สะสม หรือคายจากช่องทางการใหลก่อนที่จะถึง Regenerator ซึ่งใช้อิฐทนไฟ ก่อเป็นผนัง โดยที่อิฐทนไฟเหล่านี้มีคุณสมบัติในการสะสมความร้อนเช่นเดียวกับ ในช่องทางการ ใหลของ Regenerator ทำให้อุณหภูมิที่ทางปากเข้าทั้งใน ช่วง Heating period และ Cooling Period ไม่คงที่ นอกจากนี้ในการถลุงจริงจะมีฝุ่นผงจากการถลุง ซึ่งอาจจะทำให้คุณสมบัติของก๊าซเสีย เปลี่ยนแปลงไปตลอดเวลา

### 7.3 ข้อเสนอสำหรับวิทยานิพนธ์ในอนาคต

Regenerator เป็นอุปกรณ์นำความร้อนกลับมาใช้ที่มีลักษณะพิเศษ คือ มีการทำงาน แบบไม่ต่อเนื่อง และการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิขึ้นกับเวลา ทำให้ยากในการกำนวณด้วยมือ ปัจจุบันการใช้ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขช่วยในการกำนวณผลลัพธ์เริ่มเป็นที่นิยมมากขึ้น ประกอบกับ สามารถใช้กอมพิวเตอร์ส่วนบุคคลมีประสิทธิภาพสูง ทำให้การกำนวณได้ผลลัพธ์ที่มีความ เที่ยงตรง แม่นยำ

วิทยานิพนธ์นี้สามารถขยายผลเพื่อนำศึกษาเพื่อเติมในอนาคตได้มากมาย โดยมี ประเด็นที่น่าสนใจที่พอสรุปได้ดังนี้

- 7.3.1 จำลองการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิที่ทางเข้า Regenerator ในกรณีที่มีอุณหภูมิไม่ คงที่
- 7.3.2 ศึกษาถึงผลของ Slag ที่เกาะบนพื้นผิววัสดุสะสมความร้อน
- 7.3.3 ศึกษาผลของฝุ่นผงที่เกิดจากการถลุงที่มีต่อการถ่ายเทความร้อนใน Regenerator

# สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

#### รายการอ้างอิง

- [1] Dong, S.N., Sung, K.H., Hong, S.R., and Seong, H.L. An Experimental and Numerical Study on Thermal Performance of a Regenerator System with Ceramic Honeycomb. KSME International Journal 15 (2001): 357-365. [2] Butterfield, P., Schofield, J.S., and Young, P.A. Hot Blast Stove Part 1. Journal of The Iron and Steel Institute 199 (1961): 229-240. [3] Hausen, H. Vervollstandigte Berechnung des Warmeaustausches in Regeneratoren. Beiheft Verfahrenstechnik 2 (1942): 31-43. [4] Butterfield, P., Schofield, J.S., and Young, P.A. Hot Blast Stove Part 2. Journal of The Iron and Steel Institute 201 (1963): 497-508. [5] Willmott, A.J. Digital Computer Simulation of a Thermal Regenerator. International Journal of Heat and Mass Tranfer 7 (1964): 1291-1302. [6] Iliffe, C.E. Thermal Analysis of The Counter Flow Regenerative Heat Exchanger. Journal of the Institute Mechanics Engineers 44 (1948): 363-372. [7] Willmott, A.J. Simulation of a Thermal Regenerator Under Conditions of Variable Mass Flow. International Journal of Heat and Mass Tranfer 11 (1968): 1105-1116. [8] Willmott, A.J. The Regenerative Heat Exchanger Computer Representation. International Journal of Heat and Mass Tranfer 12 (1969): 997-1014. [9] Tipler, W. A Simple Theory of The Heat Regenerator, Shell Technical Report ICT 14 (1947). [10] Hausen, H., Wärmeübertragung in Gegenstrom, Gleichstrom und Kreuzstrom. Berlin: Springer Verlag, 1950. [11] Willmott, A.J. Numerical Acceleration of Thermal Regenerator Simulations. Journal of Numerical Methods in Engineering 11 (1977): 533-511. [12] Aitken, A.C. On Bernoulli's Numerical Solution of Algebraic Equations. Proceedings Royal Society of Edinburgh 46 (1926): 289-305.
- [13] Schmidt, F. W., and Willmott, A.J. <u>Thermal Energy Storage and Regeneration</u>, First Edition. McGraw-Hill Series in Thermal and Fluid Engineering. New York: McGraw-Hill, 1981.
- [14] Ridgion, J.M., and Kerrison, B. Measurement of Heat Transfer Coefficients for Stove Checkers. Journal of The Iron and Steel Institute 202 (1964): 315-318.
- [15] Larsen, F.W. Rapid Calculation of Temperature in a Regenerative Heat Exchanger Having Arbitrary Initial Solid and Fluid Temperatures. <u>International Journal of</u> <u>Heat and Mass Tranfer</u> 10 (1966): 149-168.
- Schmidt, F.W., and Szego J. Transient Response of Solid Sensible Heat Thermal Storage Units-Single Fluid. Journal of Heat Transfer Transactions of the ASME 98 (1976): 471-477.
- [17] Schmidt, F.W., and Szego, J. Transient Response of a Hollow Cylindrical-Cross-Section Solid Sensible Heat Sto rage Unit-Single Fluid. <u>Journal of Heat Transfer</u> <u>Transactions of the ASME</u> 100 (1978): 737-739.
- Klein, H., and Eigenberger, G. Approximate Solutions for Metallic Regenerative Heat Exchangers. <u>International Journal of Heat and Mass Transfer</u>, vol. 44 (2001): 3553-3563.
- [19] จิรชนย์ เสรีวิชยสวัสดิ์. <u>การศึกษาวัฏจักรการถ่ายเทความร้อนที่เหมาะสมในรีเจเนอเรเตอร์</u> <u>แบบโครงอิฐทนไฟ</u>. วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต ภาควิชาวิสวกรรมเครื่องกล คณะวิสวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2001.
- [20] Cengel, Y.A. <u>Thermodynamics an Engineering Approach</u>, Second Edition, McGraw-Hill Series in Thermal and Fluid Engineering. New York: McGraw-Hill, 1994.
- [21] Incropera, F.P., and Dewitt, D.P. <u>Fundamentals of Heat and Mass Transfer</u>, Fourth Edition, New York: John Wiley & Sons, 1996.
- [22] Hottel, H.C. <u>Radiant-Heat Transmission</u>, Third Edition, McGraw-Hill Series in Mechanical Engineering. Singapore: McGraw-Hill, 1954.
- [23] Siegel, R., and Howell, J.R. <u>Thermal Radiation Heat Transfer</u>, Second Edition, McGraw-Hill, 1981.
- [24] ฤชากร จิรกาลวสาน. <u>ไซโครเมตริกส์</u>. ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2541.
- [25] Willmott, A.J. Modeling and Dynamics of Regenerative Heat Transfer, First Edition, Taylor&Francis Series in Computational and Physical Processes in Mechanics and Thermal Science. New York: Taylor&Francis, 2001.

# สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก

#### ภาคผนวก ก.

#### **COMPUTER PROGRAM**

การแก้ปัญหาด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลขที่ใช้ในวิทยานิพนธ์นี้ ใช้ระเบียบวิธี Finite difference แก้ปัญหาการนำความร้อนทั้งในสถานะอยู่ตัว และไม่อยู่ โดยมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

## แบบจำลองที่สร้างขึ้นกับกรณีศึกษาแบบต่างๆ โดยมีทั้งหมด 4 ปัญหาด้วยกัน คือ

### 1. ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

- 1.1 กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และการถ่ายเทความร้อนคงที่
- 1.2 กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว
- 2. ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว
  - 2.1 กรณีเงื่อนใขขอบแบบถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว
- 3. การพัฒนาโปรแกรมและการตรวจสอบกับกรณีมีโดเมนเหมือนการใช้งานจริง

### การแก้ปัญหาด้วยระเบียบวิธีเชิงตัวเลข

#### 1. Discretisation

มี Discretisation ในการหาคำตอบดังนี้

#### 1.1 Space discretisation

ประมาณค่า $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  และ  $\frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$  ด้วย Second order central difference scheme

#### 1.2 Time discretisation

ประมาณค่า  $\frac{\partial T}{\partial t}$  ด้วย Time forward differencing scheme

2. Scheme

ใช้ Scheme ในการหาคำตอบดังนี้

2.1 Space discretisation

กรณีปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

ประมาณค่า $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  และ $\frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$  ด้วย Second order central difference scheme

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = \frac{T_{i+1,j} + T_{i-1,j} - 2T_{i,j}}{(\Delta x)^2}$$
(n.1)

$$\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = \frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1} - 2T_{i,j}}{(\Delta y)^2}$$
(n.2)

## กรณีปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว

### กรณี Explicit method

ประมาณก่า $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  และ  $\frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$  ด้วย Second order central difference scheme ณ เวลา *n* 

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = \frac{T_{i+1}^n + T_{i-1,j}^n - 2T_{i,j}^n}{(\Delta x)^2}$$
(n.3)

$$\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = \frac{T_{i,j+1}^n + T_{i,j-1}^n - 2T_{i,j}^n}{(\Delta y)^2}$$
(n.4)

#### กรณี Implicit method

ประมาณค่า $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  และ $\frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$  ด้วย Second order central difference scheme ณ เวลา *n*+1

 $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = \frac{T_{i+1}^{n+1} + T_{i-1,j}^{n+1} - 2T_{i,j}^{n+1}}{(\Delta x)^2}$ (fl.5)

$$\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} = \frac{T_{i,j+1}^{n+1} + T_{i,j-1}^{n+1} - 2T_{i,j}^{n+1}}{(\Delta y)^2}$$
(n.6)

#### 2.2 Time discretisation

#### กรณี Explicit method และ Implicit method

ประมาณค่า  $\frac{\partial T}{\partial t}$  ด้วย Time forward differencing scheme

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j}^{n}}{\Delta t}$$
(n.7)

#### 3. Finite difference equation

## กรณีปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

ในกรณีของนี้จะมีดิสครีไทซ์ของสมการควบคุมดังนี้

$$\frac{T_{i+1,j} + T_{i-1,j} - 2T_{i,j}}{\left(\Delta x\right)^2} + \frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1} - 2T_{i,j}}{\left(\Delta y\right)^2} = 0$$

จัครูปแบบสมการใหม่ได้ดังนี้

$$T_{i,j} = \left(\frac{T_{i+1,j} + T_{i-1,j}}{(\Delta x)^2}\right) + \left(\frac{T_{i,j+1} + T_{i,j-1}}{(\Delta y)^2}\right) \left(\frac{(\Delta x)^2 (\Delta y)^2}{2(\Delta x)^2 + 2(\Delta y)^2}\right) (n.8)$$

กรณีปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว และการพัฒนาโปรแกรมและ การตรวจสอบกับกรณีมีโดเมนเหมือนการใช้งานจริง

ในกรณีนี้จะมีวิธีในการคิสครีไทซ์สมการควบคุมได้ 2 วิธีดังนี้

### กรณี Explicit method

จะมีดิสครีไทซ์ของสมการควบกุมดังนี้

$$\frac{T_{i+1}^n + T_{i-1,j}^n - 2T_{i,j}^n}{\left(\Delta x\right)^2} + \frac{T_{i,j+1}^n + T_{i,j-1}^n - 2T_{i,j}^n}{\left(\Delta y\right)^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j}^n}{\Delta t}$$

## จัครูปแบบสมการใหม่ได้ดังนี้

$$T_{i,j}^{n+1} = T_{i,j}^{n} + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta x\right)^{2}} (T_{i+1}^{n} + T_{i-1,j}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) + \frac{\alpha \Delta t}{\left(\Delta y\right)^{2}} (T_{i,j+1}^{n} + T_{i,j-1}^{n} - 2T_{i,j}^{n}) (n.9)$$

กรณี Implicit method จะมีดิสครีไทซ์ของสมการควบคุมคังนี้

$$\frac{T_{i+1}^{n+1} + T_{i-1,j}^{n+1} - 2T_{i,j}^{n+1}}{\left(\Delta x\right)^2} + \frac{T_{i,j+1}^{n+1} + T_{i,j-1}^{n+1} - 2T_{i,j}^{n+1}}{\left(\Delta y\right)^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{T_{i,j}^{n+1} - T_{i,j}^{n}}{\Delta t}$$

จัครูปแบบ<mark>สมการใหม่ได้ดังนี้</mark>

$$T_{i,j}^{n} = -\alpha_{x}T_{i+1}^{n+1} - \alpha_{x}T_{i-1,j}^{n+1} + (2\alpha_{x} + 2\alpha_{y} + 1)T_{i,j}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j+1}^{n+1} - \alpha_{y}T_{i,j-1}^{n+1}$$
(f).10)



4. Solver and Algoritm

ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

กรณีเงื่อนไขขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และการถ่ายเทความร้อนคงที่ และกรณีเงื่อนไข ขอบแบบอุณหภูมิคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว ขั้นตอนการคำนวณ



ร**ูปที่ ก.1** ขั้นตอนการคำนวณของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะอยู่ตัว

## ปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว กรณีเงื่อนไขขอบแบบถ่ายเทความร้อนคงที่ และมีการพาความร้อนที่ผิว กรณี Explicit method ขั้นตอนการคำนวณ



ร**ูปที่ ก.2** ขั้นตอนการคำนวณของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัว

การพัฒนาโปรแกรมและการตรวจสอบกับกรณีมีโดเมนเหมือนการใช้งานจริง

## กรณี Explicit method ขั้นตอนการคำนวณ



โดเมนเหมือนการใช้งานจริง โดยใช้ Explicit method



ร**ูปที่ ก.3 (ต่อ)** ขั้นตอนการคำนวณของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัวกรณี มีโดเมนเหมือนการใช้งานจริง โดยใช้ Explicit method

### กรณี Implicit method ขั้นตอนการคำนวณ



โดเมนเหมือนการใช้งานจริง โดยใช้ Implicit method



ร**ูปที่ ก.4 (ต่อ)** ขั้นตอนการคำนวณของปัญหาการนำความร้อนแบบสองมิติในสถานะไม่อยู่ตัวกรณี มีโคเมนเหมือนการใช้งานจริง โดยใช้ Implicit method

#### ภาคผนวก ข.

## คู่มือการใช้งานโปรแกรมคอมพิวเตอร์

## **การกรอกข้อมูล** สามารถกรอกได้ 2 วิธี

## วิธีที่ 1

- เปิดไฟล์ Regenerator.exe หน้าต่างของโปรแกรม Regenerator Program V.1 จะปรากฏ ขึ้นมาดังรูปที่ ข.1

🔀 Regenerator Program v1.0		
File View Setting Help Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	Welcome to Regenerator Program V 1.0	
สถาบั	้นวิทยบริการ	

รูปที่ ข.1 หน้าต่างของโปรแกรม Regenerator Program V.1

- click ที่ 'Grid' button แล้วกรอกข้อมูล NIMAX, NJMAX, NTMAX และ NSTEP (ดู ความหมายได้ในภาคผนวก ข.2) ดังรูปที่ ข.2

🔀 Regenerator Program v1.0			
File View Setting Help Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition	III Grid Setting II NIMAX 4 NJMAX 2 NITMAX 4 NSTEP 1	11 1 11 1 1001 00 00 Defa	×
Calculate	Alanaka Ratalogi angel Alanaka angel Alanaka angel		

## รูปที่ ข.2 การกรอกข้อมูลใน Grid Setting Panel

- click ที่ Geometry, Solid Properties, Fluid Properties และ Time and Initial Condition แล้ว กรอกข้อมูลเช่นเดียวกับใน 'Grid' button (รายละเอียดย่อยสามารถดูได้ในภาคผนวก ข.2) หรือclick 'Default' เพื่อใส่ค่าเริ่มต้น ดังรูปที่ ข.3, ข.4, ข.5 ตามลำดับ

🔀 Regenerator Program v1.0				
Regenerator Program v1.0 File View Setting Help Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	:: Geometry Setting :: SLENGHT THICK WIDE	5.04 [0.075 [0.36	m m m Default	
Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	SLENGHT THICK WIDE	5.04	m m m Default	

## รูปที่ ข.3 การกรอกข้อมูลใน Geometry Setting Panel

Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition	DENSITY CP VK	2200.0 920.0 1.48	kg/m^3 j/kg.*C W/m.*C Default	<u>^</u>
Calculate				

## รูปที่ ข.4 การกรอกข้อมูลใน Solid Properties Setting Panel

🔀 Regenerator Program v1.0			
File View Setting Help		and	
File View Setting Help Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition	:: Fluid Properties S FMH FMC CPFH CPFC	etting :: 0.080 0.078 1108.4 1108.4	kg/s kg/s i/kg.*C i/kg.*C
Calculate	н	14.3	W/m^2.*C W/m^2.*C Default

รูปที่ ข.5 การกรอกข้อมูลใน Fluid Properties Setting Panel

- click ที่ 'Time and Initial Condition' button แล้วกรอกข้อมูล TIME, TIMEALL, T\_INITIAL, TFH1 และ TFC1 (ดูความหมายได้ในภาคผนวก ข.2) ดังรูปที่ ข.6

🔀 Regenerator Program v1.0				
File View Setting Help				
Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	:: Time and Initial Con TIME TIMEALL T_INITIAL TFH1 TFC1	dition Setting :: 8 28800.0 300.0 750.0 75.0	point sec. *C *C *C Default	X

รูปที่ ข.6 การกรอกข้อมูลใน Time and Initial Condition Setting Panel

## วิธีที่ 2

- เปิดไฟล์ Regenerator.exe

- click 'File' => 'Open' => แล้วเลือกไฟล์ข้อมูลที่ได้บันทึกไว้ ดังรูปที่ ข.7 และ ข.8

🔀 Regenerator Program v1.0		
File View Setting Help	South the second s	
Open Ctrl+O Save Ctrl+S Exit Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	Welcome to Regenerator Program V 1.0	

รูปที่ ข.7 ที่เมนู bar click 'File' => 'Open'

🔀 Regenerator Pro	Open			? 🛛	
File View Setting F	Look in: Control Contr	1	• <del>+</del> E	₩.	
Fluid Properties Time and Initial	File name: Files of type:	10min Text Files		Open Cancel	1.0
Calculate	2				

รูปที่ ข.8 เลือกไฟล์ข้อมูลที่ได้บันทึกไว้

Regenerator Program v1.0	_ 🗆 🗙
File View Setting Help     Configuration   Grid   Geometry   Solid Properties   Fluid Properties   Time and Initial Condition     Calculate     Calculate	

- หลังจากนั้นจะขึ้นหน้าต่างยืนยันว่าไฟล์ได้ถูกโหลดแล้ว click 'OK' button ดังรูปที่ ข.9

รูปที่ ข.9 ไฟ<mark>ล์ข้อมูลได้ถูกโหลดเรีย</mark>บร้อยแล้ว click 'OK'

- โปรแกรมจะทำการกรอกข้อมูลให้โดยอัตโนมัติ

#### การ Run program

- หลังจากกรอกข้อมูลเรียบร้อยแล้วให้ click 'Calculate' button คังรูปที่ ข.10 เพื่อเริ่มต้นการ กำนวณ

- หากต้องการแสดงผลการรันข้อมูลให้ click 'File' => 'Debug Mode' จะมีเครื่องหมายถูก แสดงขึ้นมาด้านหน้าข้อความ 'Debug Mode' ดังรูปที่ ข.11

Regenerator Program v1.0 File View Setting Help		
Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition	NIMAX 41 NJMAX 21 NITMAX 4001 NSTEP 1000	
Calculate		Default

รูปที่ ข.10 clickปุ่ม 'Calculate' เพื่อเริ่มต้นการคำนวณ

🔆 Regenerator Program v1.0		
Regenerator Program v1.0 File View Setting Help Pebug Mode Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	:: Grid Setting ::         NIMAX       41         NJMAX       21         NITMAX       4001         NSTEP       100         Default	

## รูปที่ ข.11 click 'File' => 'Debug Mode' เพื่อแสดงการรันข้อมูล

- เมื่อโปรแกรมทำการคำนวณเสร็จเรียบร้อยแล้ว ผลลัพธ์จะแสดงขึ้นมาบนหน้าจอโดย อัตโนมัติในรูปของกราฟ สามารถอ่านค่าปริมาณความร้อนนำกลับมาใช้ที่มากที่สุด (QMAX) และ เวลาที่เหมาะสมที่ใช้ในการสลับคาบการไหลได้จากค่าที่แสดงเหนือกราฟ ดังแสดงในรูปที่ ข.11



รูปที่ ข.12 หน้าจอแสดงผลลัพธ์

- สามารถ Zoom in โดยการ Drag mouse สร้างกรอบสี่เหลี่ยมจากมุมบนซ้ายมามุมล่างขวา ของจุดที่ต้องการทราบค่า และ Zoom out ได้โดย Drag mouse จากมุมล่างขวาไปมุมบนซ้าย (รูปที่ ข.12)

- หากต้องการบันทึกผลลัพธ์ที่ได้ให้ click ที่ 'Save Result' button และเลือกโฟลเดอร์ที่ ต้องการ ใส่ชื่อไฟล์ที่จะทำการบันทึกและ click 'Save' button เพื่อบันทึกไฟล์ (รูปที่ ข.13)

Regenerator Program v1 (	Save As	? 🛛	
File View Setting Help	Save in: 🔁 testFile	• 🗧 📥 🛒 🎫 •	
Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	File name: Save as type: CSV Files 13.41 13.4 13.39 13.38 200 400 Second	Save Cancel	
	S	Selected Point Second at:	

รูปที่ ข.13 ทำการบันทึกผลลัพธ์ click 'Save Result' button เลือกโฟลเดอร์ ใส่ชื่อไฟล์ จากนั้น click 'Save' button

#### ภาคผนวก ข.2

#### คำอธิบายความหมาย

#### 'Grid'

NIMAX : Grid resolution ในแนวแกน x

NJMAX : Grid resolution ในแนวแกน y

NITMAX : Time grid resolution

NSTEP : ช่วงของเวลาที่ใช้ในการ Sampling ข้อมูล เพื่อแสคงในไฟล์ Fluid.dat และ Tecplot.dat

#### 'Geometry'

SLENGHT : ความยาวของ Domain ในแนวแกน x (m)

THICK : ความสูงในแนวแกน y (m)

WIDE : ความลึกในแนวแกน z (m)

#### 'Solid Properties'

DENSITY : ความหนาแน่นของวัสดุสะสมความร้อน (kg/m³)

CP : ค่าความจุกวามร้อนของวัสคุสะสมความร้อน (J/kg.°C)

VK : ค่าการนำความร้อนของวัสดุสะสมความร้อน (W/m.°C)

#### 'Fluid Properties'

FMH : อัตราการใหลโดยมวลของของใหลในช่วง Heating period (kg/s)

FMC : อัตราการใหลโดยมวลของของใหลในช่วง Cooling period (kg/s)

CPFH : ค่าความจุความร้อนของของใหลในช่วง Heating period (J/kg.°C)

CPFC : ค่าความจุความร้อนของของใหลในช่วง Cooling period (J/kg.°C)

HH : Convection + Radiation heat transfer coefficient ในช่วง Heating period (W/m<sup>2</sup>.°C)

HC : Convection + Radiation heat transfer coefficient ในช่วง Cooling period (W/m<sup>2</sup>.°C)

#### 'Time and Initial Condition'

TIME : จำนวนจุดของข้อมูลที่ต้องการ (Point) TIMEALL : เวลาทั้งหมดที่ใช้ในการถลุง (s)

T\_INITIAL : อุณหภูมิเริ่มต้นของวัสคุสะสมความร้อน (°C)

TFH1 : อุณหภูมิของของไหล ณ.ทางเข้าในช่วง Heating period (°C)

TFC1 : อุณหภูมิของของไหล ณ.ทางเข้าในช่วง Cooling period (°C)

#### Menu bar

มีส่วนประกอบดังนี้ File, View, Setting และ Help 'File' ประกอบด้วย Open, Save และ Exit ดังรูปที่ ข.14

🔀 Regenerator Program v1.0		
File View Setting Help Open Ctrl+O Save Ctrl+S Exit Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	Welcome to Regenerator Program V 1.0	

รูปที่ ข.14 ส่วนประกอบของ File

click Open เพื่อเปิดไฟล์ข้อมูลที่ได้บันทึกไว้ Save เพื่อบันทึกข้อมูลที่ได้กรอกไว้เรียบร้อยแล้ว Exit เมื่อต้องการออกจากโปรแกรม

File V	iew Setting Help		
	Grid Geometry Solid Fluid Time Result Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition	Welcome to Regenerator Program V 1.0	

'View' ประกอบด้วย Grid, Geometry, Solid, Fluid, Time และ Result ดังรูปที่ บ.15

## รูปที่ ข.15 ส่วนประกอบของ View

click Grid เมื่อต้องการกรอกข้อมูลใน Grid setting panel Geometry เมื่อต้องการกรอกข้อมูลใน Geometry setting panel Solid เมื่อต้องการกรอกข้อมูลใน Solid properties setting panel Fluid เมื่อต้องการกรอกข้อมูลใน Fluid properties setting panel Time เมื่อต้องการกรอกข้อมูลใน Time and initial condition setting panel Result เมื่อต้องการดูกราฟผลลัพธ์ของข้อมูล 'Setting' ประกอบด้วย Debug Mode ดังรูปที่ ข.16

🔀 Regenerator Program v1.0	
Regenerator Program v1.0 File View Setting Help Debug Mode Configuration Grid Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition	Welcome to Regenerator Program V 1.0
Calculate	

รูปที่ ข.16 ส่วนประกอบของ Setting

click Debug Mode เมื่อต้องการกรอกข้อมูลใน แสดงการรันข้อมูล

'Help' ประกอบด้วย About ดังรูปที่ ข.17

🔀 Regenerator Program v1.0		
Regenerator Program v1.0 File View Setting Help About Configuration Geometry Solid Properties Fluid Properties Time and Initial Condition Calculate	Welcome to Regenerator Program V 1.0	
		pa.

รูปที่ ข.17 ส่วนประกอบของ Help

click About เมื่อต้องการดูรายละเอียดของโปรแกรม

### ภาคผนวก ค.

## ตารางแสดงรายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณเวลาสลับคาบการไหล

รายการ	ค่า	หน่วย
NIMAX	41	-
NJMAX	21	
NITMAX	4001	
NSTEP	1000	-
SLENGHT	5.04	m
THICK	0.075	m
WIDE	0.36	m
DENSITY	2200	kg/m <sup>3</sup>
СР	<mark>9</mark> 20	J/kg.°C
VK	1.48	W/m.ºC
FMH	0.0082	kg/s
FMC	0.0078	kg/s
CPFH	1179.56	J/kg.°C
CPFC	1044.42	J/kg.°C
HH SS	15.35	W/m <sup>2</sup> .°C
нс	10.727	W/m <sup>2</sup> .°C
TIME	1981	Point
TIMEALL	1200	S O IZOCAT I
T_INITIAL	300	°C
TFH 1	690	°C
TFC 1	79.61	°C

ตาราง ค.1 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณที่เวลาสลับคาบการไหล 10 นาที

## เริการ าวิทยาลัย

รายการ	ค่า	<mark>หน่วย</mark>
NIMAX	41	- ///
NJMAX	21	
NITMAX	4001	-
NSTEP	1000	
SLENGHT	5.04	m
THICK	0.075	m
WIDE	0.36	m
DENSITY	2200	Kg/m <sup>3</sup>
СР	9 <mark>2</mark> 0	J/kg.°C
VK	1.48	W/m.°C
FMH	0.0087	kg/s
FMC	0.0083	kg/s
CPFH	1181.63	J/kg.°C
CPFC	1043.05	J/kg.°C
нн	15.212	W/m <sup>2</sup> .°C
нс	10.418	W/m <sup>2</sup> .°C
TIME	1	Point
TIMEALL	1800	S
T_INITIAL	300	°C
TFH 1	690.59	°C
TFC 1	75.05	°C

## ตาราง ค.2 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณที่เวลาสลับคาบการไหล 15 นาที

ปริการ กวิทยาลัย

รายการ	ค่า	หน่วย
NIMAX	41	
NJMAX	21	-
NITMAX	4001	
NSTEP	1000	
SLENGHT	5.04	m
THICK	0.075	m
WIDE	0.36	m
DENSITY	2200	kg/m <sup>3</sup>
СР	92 <mark>0</mark>	J/kg.°C
VK	<mark>1.4</mark> 8	W/m.°C
FMH	0.0084	kg/s
FMC	0.008	kg/s
CPFH	1180.58	J/kg.°C
CPFC	1043.34	J/kg.°C
НН	14.863	W/m <sup>2</sup> .°C
нс	10.32	W/m <sup>2</sup> .°C
TIME		Point
TIMEALL	2400	S I I I
T_INITIAL	300	°C
TFH 1	692.34	°C
TFC 1	75.11	°C

ตาราง ค.3 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณที่เวลาสลับคาบการไหล 20 นาที

## ู มริการ าวิทยาลัย

รายการ	ค่า	หน่วย
NIMAX	41	-
NJMAX	21	- 1//
NITMAX	4001	_
NSTEP	1000	
SLENGHT	5.04	m
THICK	0.075	m
WIDE	0.36	m
DENSITY	2200	kg/m <sup>3</sup>
СР	920	J/kg.°C
VK	1. <mark>4</mark> 8	W/m.°C
FMH	0. <mark>00</mark> 88	kg/s
FMC	0.0085	kg/s
CPFH	1171.24	J/kg.°C
CPFC	1038.48	J/kg.°C
НН	13.856	W/m <sup>2</sup> .°C
НС	9.508	W/m <sup>2</sup> .°C
TIME	19	Point
TIMEALL	3000	S
T_INITIAL	300	°C
TFH 1	684.13	°C
TFC 1	53.36	°C

ตาราง ค.4 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณที่เวลาสลับคาบการไหล 25 นาที

# มริการ าวิทยาลัย

ตาราง ค.5 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณที่เวลาสลับคาบการไหล 20 นาที เมื่อทำการปรับลด ค่า $C_p$  จาก 920  $\frac{J}{kg.^o C}$  เหลือ 220  $\frac{J}{kg.^o C}$ 

รายการ	ค่า	หน่วย
NIMAX	41	
NJMAX	21	- ///
NITMAX	4001	- /
NSTEP	1000	
SLENGHT	5.04	m
THICK	0.075	m
WIDE	0.36	m
DENSITY	2200	kg/m <sup>3</sup>
СР	220	J/kg.°C
VK	1. <mark>4</mark> 8	W/m.°C
FMH	0. <mark>0</mark> 084	kg/s
FMC	0.008	kg/s
CPFH	1180.58	J/kg.°C
CPFC	1043.34	J/kg.°C
нн	14.863	W/m <sup>2</sup> .°C
НС	10.32	W/m <sup>2</sup> .°C
TIME	1	Point
TIMEALL	2400	S
T_INITIAL	300	°C
TFH 1	692.34	°C
TFC 1	75.11	°C

มริการ าวิทยาลัย

ตาราง ค.6 รายละเอียดของตัวแปรที่ใช้คำนวณที่เวลาสลับคาบการไหล 20 นาที เมื่อทำการปรับ เพิ่มค่า $C_p$  จาก 920  $\frac{J}{kg.^o C}$  เป็น 2200  $\frac{J}{kg.^o C}$ 

รายการ	ค่า	หน่วย
NIMAX	41	-
NJMAX	21	- / / /
NITMAX	4001	-
NSTEP	1000	
SLENGHT	5.04	m
THICK	0.075	m
WIDE	0.36	m
DENSITY	2200	kg/m <sup>3</sup>
СР	2200	J/kg.°C
VK	1 <mark>.4</mark> 8	W/m.°C
FMH	0.0084	kg/s
FMC	0.008	kg/s
CPFH	1180.58	J/kg.°C
CPFC	1043.34	J/kg.°C
НН	14.863	W/m <sup>2</sup> .°C
НС	10.32	W/m <sup>2</sup> .°C
TIME	1	Point
TIMEALL	2400	S
T_INITIAL	300	°C
TFH 1	692.34	°C
TFC 1	75.11	°C

เริการ าวิทยาลัย

## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นายมโนสิทธิ์ แจ้งจบ เกิดเมื่อวันที่ 8 เดือนมีนาคม พุทธศักราช 2523 ที่โรงพยาบาลวชิระ จังหวัดภูเก็ต สำเร็จการศึกษาปริญญาวิศวกรรมศาสตร์บัณฑิต จากสาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ เมื่อปีการศึกษา 2543 เข้าศึกษาต่อในหลักสูตรวิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะ วิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อปีการศึกษา 2544 ระหว่างการศึกษาได้รับ เงินทุนอุดหนุดการวิจัยจากสำนักงานพัฒนาวิทยาศาสตร์ และเทคโนโลยีแห่งชาติ โครงการทุน สนับสนุนด้านเทคโนโลยีสะอาด ทุนผู้ช่วยสอน นอกจากนี้ยังได้เข้าร่วมกับสถาบันวิจัยพลังงาน จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในการตรวจสอบการใช้พลังงาน ในอาการ และโรงงาน ระหว่าง การศึกษา