

บทที่ 1

บทนำ



1.1 ความนำ

คอมพิวเตอร์มีประโยชน์มากในงานด้านวิศวกรรม เช่น งานออกแบบและงานวิเคราะห์โครงสร้าง เป็นต้น ในระยะเวลาไม่กี่ปีที่ผ่านมาได้มีการพัฒนาปรับปรุงไมโครคอมพิวเตอร์ทั้งทางด้านฮาร์ดแวร์และซอฟต์แวร์โดยให้มีราคาถูกลงแต่ประสิทธิภาพในการทำงานดีขึ้น โดยเฉพาะไมโครคอมพิวเตอร์ที่มีใช้ในปัจจุบันนี้มีความสะดวกในการใช้งาน ราคาไม่แพงและมีประสิทธิภาพในการทำงานสูงพอ เมื่อเปรียบเทียบกับเครื่องเมนเฟรม

สำหรับโปรแกรมที่ใช้ในงานวิจัยนี้เขียนขึ้นโดยใช้ภาษาแอปเปิลซอฟต์แวร์เบสิก (Applesoft BASIC) ซึ่งเป็นภาษาที่ง่ายในการศึกษาและเขียนโปรแกรม โดยใช้กับเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์ Apple II ที่มีหน่วยความจำหลัก 48 กิโลไบต์ หน่วยประมวลผลกลาง (CPU) มีความเร็วในการประมวลผล 1 MHz โดยที่ข้อมูลต่าง ๆ ที่ถูกป้อนเข้าไปจะถูกนำไปเก็บไว้ในแผ่นจานแม่เหล็ก (Diskette) เพื่อนำไปใช้ภายหลัง

หนึ่งในขณะที่เริ่มทำงานวิจัยนี้ เครื่องไมโครคอมพิวเตอร์ Apple II ซึ่งใช้ไมโครโปรเซสเซอร์แบบ 8 บิต (เบอร์ 6502) เป็นเครื่องที่ได้รับความนิยมและมีราคาไม่แพง จึงได้เลือกใช้ไมโครคอมพิวเตอร์แบบนี้ แต่ในปัจจุบันเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์แบบ 16 บิตกำลังเป็นที่นิยม เพราะมีหน่วยความจำหลัก หน่วยความจำสำรองและความเร็วในการประมวลผลมากกว่า กล่าวคือ หน่วยความจำหลักขยายได้สูงสุดถึง 1024 กิโลไบต์ โดยทั่วไปใช้หน่วยความจำหลักประมาณ 256 กิโลไบต์ หน่วยประมวลผลกลางมีความเร็วในการประมวลผล 4 MHz (สำหรับไมโครโปรเซสเซอร์เบอร์ 8088) แต่การทำงานในภาษาเบสิกนั้น เครื่องไมโครคอมพิวเตอร์แบบ 16 บิตถูกจำกัด โดยโปรแกรมที่ใช้แปลภาษา ให้ใช้หน่วยความจำหลักได้ไม่เกิน 64 กิโลไบต์ (ในขณะนี้) ซึ่งมากกว่าเครื่อง Apple II เพียงเล็กน้อย ดังนั้นข้อได้เปรียบของเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์แบบ 16 บิตก็คือ สามารถประมวลผลได้เร็วกว่าและมีหน่วยความจำสำรองมากกว่าเท่านั้น ข้อเสียก็คือ มีราคาแพงกว่าเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์แบบ 8 บิต สำหรับโปรแกรมในงานวิจัยนี้สามารถ

นำไปใช้กับเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์แบบ 16 บิตได้ โดยการเปลี่ยนแปลงคำสั่งบางคำสั่งให้เหมาะสมกับเครื่องชนิดนั้น ๆ

1.2 ความเป็นมาของปัญหา

ในการวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนของโครงสร้างหลายชั้นซึ่งรับแรงกระทำด้านข้าง ในการวิเคราะห์โดยประมาณจะสมมุติว่าผนังด้านแรงเฉือนมีพฤติกรรมแบบคานลิก แต่ถ้าผนังด้านแรงเฉือนมีช่องเปิดก็จะมีพฤติกรรมที่แตกต่างไปจากคานลิก ดังนั้นการโก่งตัว (Deflection) และความเค้นที่เกิดขึ้นจึงมีค่าแตกต่างออกไป ทำให้มีผู้เสนอวิธีวิเคราะห์โดยประมาณ โดยใช้วิธีสมมุติให้จุดต่ออยู่ในภาวะต่อเนื่อง (Continuum Connection Technique) คือการแทนแรงเฉือนที่เกิดขึ้นในคานเชื่อมแต่ละตัวที่เชื่อมระหว่างผนังด้านแรงเฉือนทั้งสอง ด้วยแรงเฉือนที่กระจายสม่ำเสมอในช่วงความสูงของชั้น แต่วิธีวิเคราะห์โดยประมาณแบบนี้ไม่ได้พิจารณาในจุดสำคัญ ๆ เช่น ความเค้นที่เกิดขึ้นตรงรอยต่อระหว่างคานเชื่อมกับผนังด้านแรงเฉือนและการบิด เบี้ยวที่รอยต่อของผนังด้านแรงเฉือนกับคานเชื่อมอันเนื่องมาจากโมเมนต์และแรงของคานเชื่อม

ดังนั้นในการวิจัยครั้งนี้จึงได้นำเอาวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์ (Finite Element) มาเป็นวิธีวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนโดยใช้ร่วมกับวิธีสติฟเนสโดยตรง (Direct Stiffness Method) เพราะเป็นวิธีที่ให้ความถูกต้องในการวิเคราะห์อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับ มีความสะดวกและรวดเร็วในการแก้ไขปัญหาเนื่องจากมีไมโครคอมพิวเตอร์ช่วยในการวิเคราะห์โดยที่ผู้ใช้ไม่จำเป็นต้องมีความรู้เกี่ยวกับวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์อย่างลึกซึ้ง และเหตุผลอีกประการหนึ่งก็คือ ในการวิเคราะห์จะต้องมีการแก้สมการ จำนวนสมการขึ้นอยู่กับจำนวนข้อของชั้นส่วนย่อยของผนังด้านแรงเฉือน ถ้าข้อของชั้นส่วนย่อยมีจำนวนมาก จำนวนสมการก็มากขึ้นด้วย ดังนั้นจึงได้นำเอาเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์มาประยุกต์ช่วยในการวิเคราะห์ แต่เครื่องไมโครคอมพิวเตอร์มีขอบเขตจำกัดที่หน่วยความจำของเครื่อง ดังนั้นเมื่อผนังด้านแรงเฉือนมีข้อของชั้นส่วนย่อยจำนวนมากขึ้น จำนวนสมการจะมากเกินความสามารถของเครื่องจึงได้นำเอาวิธีฟรอนทัล (Frontal Method) (6) มาช่วยในการวิเคราะห์ นอกจากนี้ผนังด้านแรงเฉือนส่วนใหญ่จะมีลักษณะรูปร่างในแต่ละชั้นเหมือนกันตลอดความยาวของผนังด้านแรงเฉือน จึงสามารถนำเอาวิธีโครงสร้างย่อย (Substructure Method) (12) มาประยุกต์ในการวิเคราะห์ ทำให้เนื้อที่ความจำที่จะต้องใช้ในเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์ลดลงได้มาก จึงสามารถวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนที่มีจำนวนข้อของชั้นส่วนย่อยได้มากขึ้น

1.3 ภูมิหลังงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ในการวิเคราะห์หาความเค้นและการโก่งตัวที่เกิดขึ้นในผนังด้านแรงเฉือนโดยวิธีประมาณ มีผู้วิจัยหลายคน เช่น Beck (1) Rosman (2) ได้ใช้วิธีให้จุดต่ออยู่ในภาวะต่อเนื่อง โดยมีสมมุติฐานในการโก่งตัวว่า จุดตัดกลับอยู่ที่กึ่งกลางของคานเชื่อมเหมือนกัน Coull และ Puri (3) ได้ใช้วิธีวิเคราะห์แบบเดียวกันโดยคำนึงถึงการเปลี่ยนรูปไปเนื่องจากแรงเฉือนในผนังด้านแรงเฉือนด้วย

Sensmeier (4) ได้นำเอาวิธีผลต่างสลับเนื่อง (Finite Difference Technique) มาวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนที่รับแรงกระทำเป็นจุดที่จุดยอดของผนังด้านแรงเฉือนเพียงกรณีเดียว

Girijavallabkan (5) ได้นำเอาวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์มาวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือน โดยการแบ่งโครงสร้างออกเป็นชิ้นส่วนย่อยรูปสามเหลี่ยมและสี่เหลี่ยมและเปรียบเทียบผลที่ได้

วิธีฟรอนทัล ผู้ที่เสนอวิธีนี้ได้แก่ Irons (6) เหมาะสำหรับใช้วิเคราะห์โครงสร้างชนิดไฟไนต์เอเลเมนต์ เขียนโปรแกรมเป็นภาษาฟอร์แทรน ใช้แก้ปัญหาของเมตริกซ์สมมาตรและเป็นชนิดบวกแน่นอน (Positive Definite) ต่อมา Johnson (7) ได้ทำการศึกษาแบ่งฟรอนต์เมตริกซ์ให้มีขนาดเล็กลง เพื่อลดหน่วยความจำของเครื่องเมนเฟรม โดยเก็บข้อมูลแต่ละเมตริกซ์ย่อยลงในหน่วยความจำสำรอง

Beer และ Haas (8) ได้ทำการแบ่งฟรอนต์เมตริกซ์ให้มีขนาดพอเหมาะเพื่อจะลดจำนวนครั้งในการส่งผ่านข้อมูลระหว่างหน่วยความจำหลักกับหน่วยความจำสำรอง ทั้งนี้เพื่อให้เหมาะสมสำหรับใช้กับเครื่องมินิคอมพิวเตอร์และไมโครคอมพิวเตอร์

นอกจากนี้ยังมีผู้วิจัยนำเอาวิธีฟรอนทัลไปประยุกต์กับการวิเคราะห์โครงสร้างชนิดต่าง ๆ เช่น Natarajan (9) ได้นำไปวิเคราะห์เสาสายส่ง และเริงเดชา รัชตโพธิ์ (22) ได้ใช้วิธีฟรอนทัลวิเคราะห์ระบบท่อส่งก๊าซธรรมชาติของ ปตท. โดยทำโปรแกรมภาษาเบสิกสำหรับไมโครคอมพิวเตอร์ NEC

Przemieniecki (12) เป็นผู้เสนอวิธีโครงสร้างย่อยไว้โดยแบ่งโครงสร้างออกเป็นโครงสร้างย่อย ซึ่งแต่ละโครงสร้างย่อยจะมีหมายเลขข้อและหมายเลขชิ้นส่วนย่อยเอง และหาผลเฉลยทีละโครงสร้างย่อย จากนั้นจะนำมารวมกันแล้วหาผลเฉลยอีกครั้งหนึ่ง วิธีนี้ช่วยลด

ขนาดของหน่วยความจำ ทำให้แก้ปัญหาที่มีขนาดใหญ่ได้ และมีผู้นำเสนออีกหลายคน เช่น Peterson และ Popov (15) ได้นำมาใช้กับโครงสร้างย่อยหลายระดับ (Multi-Level Substructuring) เพื่อช่วยลดจำนวนตัวแปรที่จะต้องรวมและกำจัดในโครงสร้างย่อยแต่ละระดับ Pekau และ Huttelmaier (16) ได้นำมาวิเคราะห์หนึ่งด้านแรงเฉือน โดยการแบ่งโครงสร้างออกเป็นโครงสร้างย่อยหลายชนิด และโครงสร้างย่อยหลายระดับ

เมื่อนำเอาวิธีฟรอนทัลและโครงสร้างย่อยมาประยุกต์รวมกัน ได้มีผู้นำไปใช้วิเคราะห์โครงสร้างชนิดต่าง ๆ เช่น Tiong (17) ได้นำมาวิเคราะห์โครงสร้าง 3 มิติที่มีหน้าตัดคงที่ตลอดความยาวโครงสร้าง

สำหรับการนำเอาไฟไนต์เอเลเมนต์มาประยุกต์กับโมโครคอมพิวเตอร์นั้น ได้มีผู้วิจัย เช่น Udomlurgchai (19) ได้นำเอาโปรแกรม FEAP ของ Taylor (13) มาประยุกต์กับโมโครคอมพิวเตอร์สามารถนำมาวิเคราะห์โครงข้อหมุน โครงข้อแข็ง 2 มิติและ 3 มิติ ปัญหาความเค้นระนาบและความเครียดระนาบ Plane Stress & Plane Strain Problems) และโครงสร้างที่ใช้ชิ้นส่วนย่อยแบบแผ่น (Plate Element)

เริงเดชา รัชตโพธิ์ (21) ได้พัฒนาโปรแกรมโมโครคอมพิวเตอร์สำหรับระบบไฟไนต์เอเลเมนต์ โดยอาศัยวิธีฟรอนทัลร่วมกับวิธีโครงสร้างย่อยหลายระดับ

1.4 สมมุติฐานในการวิจัย

สมมุติฐานที่กำหนดขึ้นเพื่อใช้ในการวิเคราะห์มีดังต่อไปนี้

1. วัสดุมีพฤติกรรมเชิงเส้น ไอโซทรอปิก (Isotropic) และอีลาสติก (Elastic)
2. ให้แรงกระทำกระทำที่ข้อของชิ้นส่วนย่อย
3. ความหนาของชิ้นส่วนย่อยแต่ละชั้นมีค่าคงที่

1.5 วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ (Finite Element Method)

การวิเคราะห์หนึ่งด้านแรงเฉือนโดยวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์นั้น ลำดับแรกจะแบ่งหนึ่งด้านแรงเฉือนออกเป็นชิ้นส่วนย่อยรูปสี่เหลี่ยมที่เชื่อมต่อกันด้วยข้อ (Nodes) และกำหนดฟังก์ชันการเคลื่อนที่ (Displacement Functions) ของจุดต่าง ๆ ในชิ้นส่วนย่อยเพื่อใช้แสดงพฤติกรรมของโครงสร้างสมมุติ ฟังก์ชันการเคลื่อนที่ที่เลือกใช้จะต้องมีคุณสมบัติดังนี้คือ

1.5.1 เป็นฟังก์ชันที่มีความต่อเนื่องระหว่างชิ้นส่วนย่อยข้างเคียง (Continuity with Adjacent Elements)

1.5.2 ประกอบด้วยความเครียดคงที่ตลอดทั้งชิ้นส่วนย่อย (Constant Strain)

1.5.3 ประกอบด้วยการเคลื่อนที่ของวัตถุแข็ง (Rigid Body Displacement)

การเคลื่อนที่ ณ จุดใด ๆ ภายในชิ้นส่วนย่อยสามารถหาได้ในเทอมของการเคลื่อนที่ที่ข้อ ในรูปของสมการจะได้

$$u = N \xi \quad (1.1)$$

โดยที่ u = การเคลื่อนที่ที่จุดใด ๆ ภายในชิ้นส่วนย่อย

ξ = เวกเตอร์ของการเคลื่อนที่ที่ข้อ

N = เวกเตอร์ของฟังก์ชันลักษณะ (Shape Function)

ในการวิจัยครั้งนี้ได้เลือกใช้ชิ้นส่วนย่อยไอโซพารามेटริก (Isoparametric Elements) ในการวิเคราะห์โดยมีอยู่ 2 แบบคือ ชิ้นส่วนย่อยไอโซพารามेटริกเชิงเส้นและชิ้นส่วนย่อยไอโซพารามेटริกกำลังสอง ดังแสดงในรูปที่ 1.1 ฟังก์ชันลักษณะแต่ละข้อสามารถเขียนได้ดังนี้

สำหรับชิ้นส่วนย่อยไอโซพารามेटริกเชิงเส้น (Q4)

$$\begin{aligned}
 N_1 &= \frac{1}{4}(1-s)(1-t) \\
 N_2 &= \frac{1}{4}(1+s)(1+t) \\
 N_3 &= \frac{1}{4}(1+s)(1+t) \\
 N_4 &= \frac{1}{4}(1-s)(1+t)
 \end{aligned}
 \quad \left. \vphantom{\begin{aligned} N_1 \\ N_2 \\ N_3 \\ N_4 \end{aligned}} \right\} (1.2)$$

สำหรับชั้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกกำลังสอง (Q8)

$$\begin{aligned}
 N_1 &= \frac{1}{4}(1-s)(1-t)(1+s+t) \\
 N_2 &= \frac{1}{4}(1+s)(1-t)(s-t-1) \\
 N_3 &= \frac{1}{4}(1+s)(1+t)(s+t-1) \\
 N_4 &= \frac{1}{4}(1-s)(1+t)(-s+t-1) \\
 N_5 &= \frac{1}{2}(1-s^2)(1-t) \\
 N_6 &= \frac{1}{2}(1+s)(1-t^2) \\
 N_7 &= \frac{1}{2}(1-s^2)(1+t) \\
 N_8 &= \frac{1}{2}(1-s)(1-t^2)
 \end{aligned}
 \quad \left. \vphantom{\begin{aligned} N_1 \\ N_2 \\ N_3 \\ N_4 \\ N_5 \\ N_6 \\ N_7 \\ N_8 \end{aligned}} \right\} (1.3)$$

โดยที่ $s, t =$ พิกัดของชั้นส่วนย่อย

$x, y =$ พิกัดของโครงสร้าง

เมื่อทราบค่าการเคลื่อนที่ที่ชั่วแล้ว สามารถหาความเครียดที่เกิดขึ้นในชั้นส่วนย่อย
ได้ ในรูปของสมการจะได้

$$\varepsilon = B \xi \quad (1.4)$$

โดยที่ $\varepsilon =$ เวกเตอร์ของความเครียด ณ จุดใด ๆ ในชั้นส่วนย่อย

$B =$ เมตริกซ์ความสัมพันธ์ระหว่างความเครียดกับการเคลื่อนที่

จากทฤษฎีความยืดหยุ่น จะได้

$$\sigma = D \varepsilon \quad (1.5)$$

โดยที่ σ = เวกเตอร์ของความเค้น ณ จุดใด ๆ ในชิ้นส่วนย่อย

D = เมตริกซ์ความยืดหยุ่น (Elasticity Matrix)

สำหรับปัญหาความเค้นระนาบ

$$D = \frac{E}{1-\nu^2} \begin{bmatrix} 1 & \nu & 0 \\ \nu & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1-\nu}{2} \end{bmatrix}$$

สำหรับปัญหาความเครียดระนาบ

$$D = \frac{E(1-\nu)}{(1+\nu)(1-2\nu)} \begin{bmatrix} 1 & \frac{\nu}{1-\nu} & 0 \\ \frac{\nu}{1-\nu} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1-2\nu}{2(1-\nu)} \end{bmatrix}$$

โดยที่ E = โมดูลัสความยืดหยุ่น

ν = อัตราส่วนพอยซอง

โดยทั่วไปการใช้ฟังก์ชันการเคลื่อนที่ร่วมกับทฤษฎีความยืดหยุ่นและหลักการของพลังงานศักย์รวมต่ำสุด (Minimization of the Total Potential Energy) จะสามารถหาสदिพเนสของชิ้นส่วนย่อยได้ดังนี้

พลังงานศักย์รวมของชิ้นส่วนย่อย (U_e) สามารถเขียนในรูปสมการได้

$$U_e = \frac{1}{2} \int_V \sigma^T \epsilon \, dv - \int_V u^T p \, dv - \int_S u^T q \, ds \quad (1.6)$$

โดยที่ p = น้ำหนักของวัตถุต่อหนึ่งหน่วยปริมาตร

q = แรงกระทำที่ผิว (Surface Traction)

แทนค่า (1.1), (1.4) และ (1.5) ลงใน (1.6) จะได้

$$U_e = \frac{1}{2} \int_V \kappa^T B^T D B \kappa \, dv - \int_V \kappa^T N^T p \, dv - \int_S \kappa^T N^T q \, ds \quad (1.7)$$

พลังงานศักย์รวมค่าสุดของชิ้นส่วนย่อย เมื่อเทียบกับการเคลื่อนที่ที่ชั่วของชิ้นส่วนย่อย
จะได้

$$\begin{aligned} \frac{\partial U_e}{\partial \kappa} &= \int_V (B^T D B) \kappa \, dv - \int_V N^T p \, dv - \int_S N^T q \, ds \\ &= K_e \kappa - F_e \end{aligned} \quad (1.8)$$

โดยที่

$$K_e = \int_V B^T D B \, dv \quad (1.9)$$

$$F_e = \int_V N^T p \, dv + \int_S N^T q \, ds \quad (1.10)$$

$$B^T = \text{เมตริกซ์สลับเปลี่ยนของ } B$$

$$K_e = \text{สติเฟเนสเมตริกซ์ของชิ้นส่วนย่อย}$$

$$F_e = \text{เวกเตอร์ของแรงของชิ้นส่วนย่อย}$$

เมื่อนำเทอมต่าง ๆ ในสมการ (1.8) ของทุกชิ้นส่วนย่อยมารวมกันและมีค่าเท่ากับศูนย์ แสดงว่าโครงสร้างนั้นอยู่ในสมดุลย์

สาเหตุที่เลือกชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกเป็นชิ้นส่วนย่อยของโครงสร้างสมมุติขึ้น
ทั้งนี้เพราะชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกให้ผลลัพธ์ถูกต้องและมีความสะดวกในการใช้มากกว่า
ชิ้นส่วนย่อยสามเหลี่ยม เมื่อใช้จำนวนของระดับชั้นความเสรีเท่ากัน (11, 13) และการเลือก
ใช้ชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกกำลังสองมาเทียบกับชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกเชิงเส้น
เพราะชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกกำลังสองมีพฤติกรรมในการรับแรงดัดที่ดีกว่า ดังนั้นในการ
วิจัยนี้จึงได้เปรียบเทียบความเหมาะสมในด้านต่าง ๆ ระหว่างชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริก
เชิงเส้นกับชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกกำลังสอง

จากที่กล่าวมาข้างต้นจะเห็นว่า วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์จะให้ผลลัพธ์ถูกต้องมากหรือน้อยขึ้นอยู่กับ การสมมุติลักษณะการเคลื่อนที่ของจุดต่าง ๆ ภายในชิ้นส่วนย่อยว่าจะใกล้เคียง

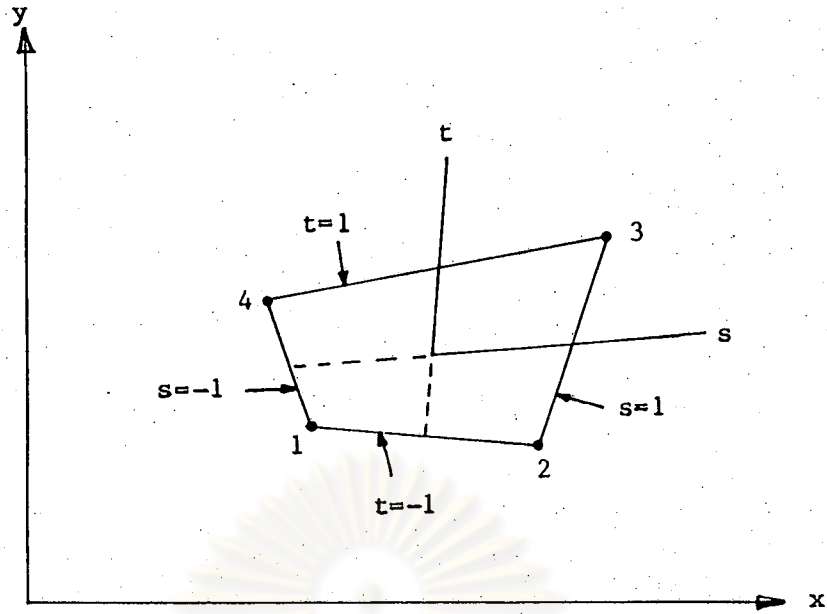
กับลักษณะการเคลื่อนที่จริงหรือไม่ และขึ้นอยู่กับจำนวนของชิ้นส่วนย่อยที่ประกอบรวมกันเป็นโครงสร้าง โดยชิ้นส่วนย่อยมีจำนวนมากเท่าไรพฤติกรรมของโครงสร้างสมมุติก็จะใกล้เคียงกับโครงสร้างจริงมากยิ่งขึ้นเท่านั้น

1.6 วัตถุประสงค์และขอบเขตการวิจัย

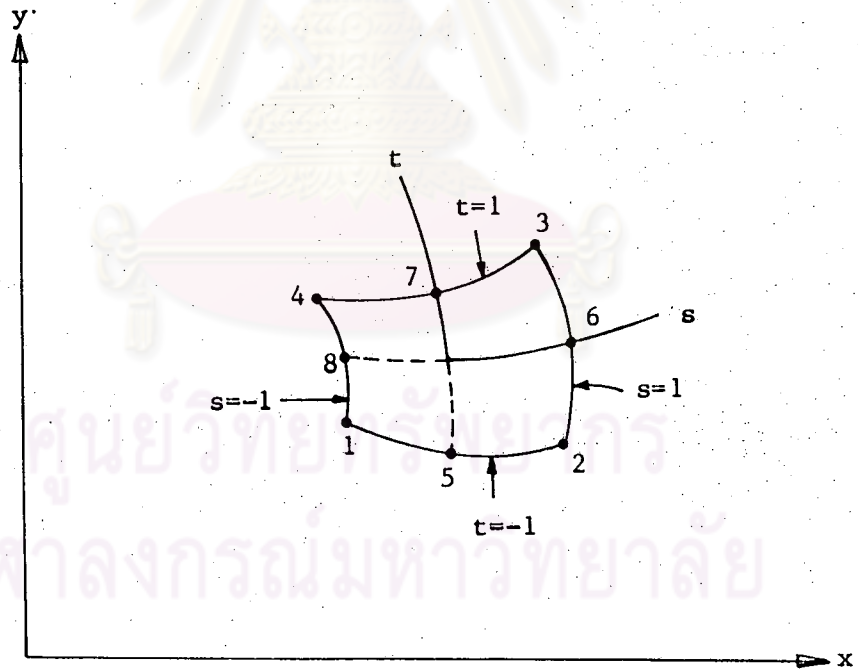
วัตถุประสงค์ของการวิจัยมีดังต่อไปนี้

- 1.6.1 ศึกษาวิธีวิเคราะห์หมัดด้านแรงเฉือน
- 1.6.2 ศึกษา นำเอาวิธีฟรอนทัลและวิธีโครงสร้างย่อยมาประยุกต์กับไมโครคอมพิวเตอร์
- 1.6.3 ศึกษาเปรียบเทียบประสิทธิภาพของการวิเคราะห์ เช่น ทางด้านเวลา จำนวนหน่วยความจำที่ใช้ ระหว่างวิธีโครงสร้างย่อยแบบฟรอนทัลกับวิธีฟรอนทัลธรรมดา
- 1.6.4 ศึกษาเปรียบเทียบชนิดของชิ้นส่วนย่อยระหว่างชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกเชิงเส้นกับชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกกำลังสอง

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ก. ชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกเชิงเส้น (Q4)



ข. ชิ้นส่วนย่อยไอโซพาราเมตริกกำลังสอง (Q8)

รูปที่ 1.1 แสดงรูปร่างชิ้นส่วนย่อย