การศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

นายนิศรุต พันธ์ศิริ

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2555 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บทคัดย่อและแฟ้มข้อมูลฉบับเต็มของวิทยานิพนธ์ตั้งแต่ปีการศึกษา 2554 ที่ให้บริการในคลังปัญญาจุฬาฯ (CUIR) เป็นแฟ้มข้อมูลของนิสิตเจ้าของวิทยานิพนธ์ที่ส่งผ่านทางบัณฑิตวิทยาลัย

The abstract and full text of theses from the academic year 2011 in Chulalongkorn University Intellectual Repository (CUIR)

are the thesis authors' files submitted through the Graduate School.

# STUDY ON THE MOVEMENT OF CONDUCTING PARTICLES UNDER NONUNIFORM ELECTRIC FIELD

Mr. Nisarut Phansiri

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Engineering Program in Electrical Engineering Department of Electrical Engineering Faculty of Engineering Chulalongkorn University Academic Year 2012 Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์	การศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำภายใต้สนามไฟฟ้า	
	ไม่สม่ำเสมอ	
โดย	นายนิศรุต พันธ์ศิริ	
สาขาวิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า	
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก	รองศาสตราจารย์ คร. บุญชัย เตชะอำนาจ	

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็น ส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

> ..... คณบดีคณะวิสวกรรมสาสตร์ (รองศาสตราจารย์ คร. บุญสม เลิศหิรัญวงศ์)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

.....ประธานกรรมการ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร. คมสัน เพ็ชรรักษ์)

..... อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก

(รองศาสตราจารย์ คร. บุญชัย เตชะอำนาจ)

.....กรรมการ

(อาจารย์ คร. ชาญณรงค์ บาลมงคล)

.....กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย

(อาจารย์ คร. ณัฐพงศ์ ตัณฑนุช)

นิศรุต พันธ์ศิริ : การศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ. (STUDY ON THE MOVEMENT OF CONDUCTING PARTICLES UNDER NONUNIFORM ELECTRIC FIELD) อ. ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก : รศ.คร. บุญชัย เตชะอำนาจ, 88 หน้า.

้วิทยานิพนธ์นี้ศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำทรงกลมภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ และไม่สม่ำเสมอ โดยใช้การจำลองเชิงเลขและการทุดลองในระบบอิเล็กโตรด. เป้าหมายของ การศึกษาคือ วิเคราะห์แรงที่กระทำต่ออนุภาค ทิศทางการเคลื่อนที่ของอนุภาค และการพัฒนาวิธียึด ้จับอนุภาคโคยใช้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ. การเคลื่อนที่ของอนุภาคคำนวณได้จากสมการของแรงคู ้ออมบ์ แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า แรง โน้มถ่วง และแรงหนีดของตัวกลาง. ผลการศึกษาแสดงว่า เมื่อ ้อนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ อนุภาคจะเกิดการยกตัวขึ้นจากระนาบกราวนด์ เมื่อแรงดู ้ลอมบ์มีค่ามากกว่าแรงโน้มถ่วง. ในกรณีที่อนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ อนุภาค ้สามารถเคลื่อนที่ได้สองลักษณะคือ การเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ และการยกตัวขึ้นจากระนาบ กราวนด์. ผลการจำลองการเคลื่อนที่สำหรับการยกตัวขึ้นของอนุภาคแสดงว่า แรงทางไฟฟ้าและ ้คุณสมบัติการกระทบระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรดทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีก่า ้สนามไฟฟ้าที่ต่ำกว่า ซึ่งพฤติกรรมของอนุภาคสอดคล้องกับผลการทดลองที่ได้. การยึดจับอนุภาค ทำโดยใช้ผลของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ ด้วยการแทรกชั้นฉนวนใน ระบบอิเล็กโตรด. ผลการทดลองจับอนุภากแสดงว่า อนุภากจะถูกยึดจับที่รอยต่อของฉนวนและ อากาศ และที่ระยะแกปของอิเล็กโตรดที่ต่ำที่สุดของระบบอิเล็กโตรด. ความสามารถของระบบ ้อิเล็กโตรดที่สามารถยึดจับอนุภาคได้จะขึ้นกับพลังงานจลน์ของอนุภาค. ตัวอย่างเช่น กรณีการ ทดลองจับอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm มีตำแหน่งเริ่มต้นที่ระยะ z<sub>u</sub> = 5 และ 6 mm ระบบ อิเล็กโตรคสามารถสามารถยึดจับอนุภาคได้ 100 และ 14.2 % ตามลำคับ.

ภาควิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า	ลายมือชื่อนิสิต
สาขาวิชา <u></u>	<u>วิศวกรรมไฟฟ้า</u>	_ลายมือชื่อ อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก
ปีการศึกษา <u></u>	2555	

#### # # 5370269721 : MAJOR ELECTRICAL ENGINEERING KEYWORDS : NONUNOFORM ELECTRIC FIELD, CONDUCTING PARTICLE, GAS INSULATED SWITCHGEARS

#### NISARUT PHANSIRI : STUDY ON THE MOVEMENT OF CONDUCTING PARTICLES UNDER NONUNIFORM ELECTRIC FIELD. ADVISOR : ASSOC. PROF. BOONCHAI TECHAUMNAT, Ph.D., 88 pp.

This thesis presents the study on the movement of spherical conducting particle under uniform and nonuniform electric field by using numerical calculation and experiment in the electrode system. The objectives are to analyze the forces acting on the particle and the trajectory of the particle and to develop the method for trapping particle by using nonuniform electric field. The movement of the particle is calculated by using the equations of Coulomb force, electrical gradient force, gravitational force and viscous force. The results show that when particle is located under uniform electric field, the particle is lifted from grounded electrode if the Coulomb force is greater than the gravitational force. When particle is located under nonuniform electric field, the particle behavior can be classified into 2 cases: (1) moving along grounded electrode and (2) lifting from grounded electrode. The results of the numerical simulation of particle levitation show that the electrical forces and the impact between the particle and the electrodes take the particle to the region of lower electric field. These results are verified by experiment. The particle trap is made by using the electrical gradient force created by inserting the insulator in the electrode system having nonuniform electric field. The experimental results show that the particle can be trapped at two regions. The former region is at the boundary between the insulator and air. The latter is at the gap minimum of the electrode system. The capability of particle trap depends on the kinetic energy of the particle. For example, in the experiment by using aluminum particle of 0.403 mm radius, the particles initially at  $z_u = 5$  and 6 mm are trapped successfully by 100 and 14.2 %, respectively.

Department : Electrical Engineering	Student's Signature
Field of Study : Electrical Engineering	Advisor's Signature
Academic Year :	2012

### กิตติกรรมประกาศ

ผู้วิจัยขอขอบคุณ รองศาสตราจารย์ คร. บุญชัย เตชะอำนาจ ซึ่งเป็นอาจารย์ที่ ปรึกษาและผู้ควบคุมการค้นคว้าวิจัยที่ได้กรุณาให้คำแนะนำอันมีค่า ตลอดจนได้กรุณาตรวจสอบ แก้ไขวิทยานิพนธ์จนสำเร็จเรียบร้อย. ขอขอบคุณทุนวิจัยจาก "ทุนอุดหนุนวิทยานิพนธ์สำหรับ นิสิต" บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.

ผู้วิจัยขอขอบคุณครอบครัว เพื่อนสนิททั้งสี่คนที่คอยให้กำลังใจมาโดยตลอด และ ขอขอบคุณทุกท่านที่มิได้กล่าวนามไว้ในที่นี้ ที่ให้ความช่วยเหลือในการศึกษาค้นคว้าวิทยานิพนธ์ ฉบับนี้จนเสร็จสมบูรณ์.

# สารบัญ

## หน้า

บทคัดย่อภาษาไทย	1
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	จ
กิตติกรรมประกาศ	ฉ
สารบัญ	¥
สารบัญตาราง	ณ
สารบัญภาพ	ល្ង
คำอธิบายสัญลักษณ์และคำย่อ	ฑ

# บทที่

1.	บทนำเ	เละที่มาของปัญหา	1
	1.1	บทนำ	1
	1.2	วัตถุประสงค์ของวิทยานิพนธ์	7
	1.3	ขอบเขตขวิทยานิพนธ์	7
	1.4	ขั้นตอนการคำเนินการวิจัย	7
	1.5	ประโยชน์ที่จะได้รับ	7
2.	การคำ	นวณการเคลื่อนที่ของอนุภาคทรงกลมภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ	8
	2.1	ประจุเหนี่ยวนำ	9
	2.2	แรงคูลอมบ์	10
	2.3	แรงเกรเคียนต์ไฟฟ้า	11
	2.4	แรงทางกลอื่นๆ	12
	2	.4.1 แรงโน้มถ่วง	12
	2	.4.2 แรงเสียดทาน	12
	2	.4.3 แรงหนีด	12
	2.5	เงื่อนไขการเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำ	12
	2	.5.1 การยกตัวของอนุภาคตามระนาบกราวนด์	12
	2	.5.2 การเริ่มเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์	13

	2.6	เงื่อนไขการเคลื่อนที่ของอนุภาคฉนวน	16
3.	การทศ	าลอง	18
	3.1	อนุภาค	18
	3.2	ระบบอิเล็กโตรดและวงจรทดลอง	19
	3.3	การเตรียมแผ่นฉนวน	22
	3.4	การทคลองสัมประสิทธิ์ความเสียคทานสถิต	24
	3.5	การทดลองสัมประสิทธิ์การกระทบระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรค	26
4.	การจำ	ลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค	3(
	4.1	วิธีการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค	30
	4.2	ผลการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค	39
5.	ผลการ	ทคลอง	43
	5.1	ผลจากมุมของระนาบอิเล็ก โตรคกราวนค์	43
	5.2	การยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรดกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ	49
	5.3	การเคลื่อนที่ของอนุภาคที่วางตัวบนระนาบกราวนค์ภายใต้สนามไฟฟ้า	
		ไม่สม่ำเสมอ	54
	5.	3.1 การยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรดกราวนด์	55
	5.	3.2 การเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์	58
	5.4	การเคลื่อนที่บนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ	60
	5.	4.1 ระบบอิเล็กโตรด เมื่อมีกาแทรกชั้นฉนวน	61
	5.	4.2 ผลการทดลองแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้น	64
	5.5	การยึดจับอนุภาคโดยใช้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ	66
6.	สรุปผ	ດ	7 <b>(</b>
รายกา	รอ้างอิง.		78
ภาคผเ	าวย		80
ภั	าคผนวก	ກ	81
ภา	าคผนวก	บ	83
ภา	าคผนวก	ก	83
ประวัต	จิผู้เขียนวิ	ทยานิพนธ์	88

# สารบัญตาราง

ตารางที่		หน้า
3.1	คุณสมบัติบัติเฉพาะทางไฟฟ้าและความหนาของฉนวน	23
3.2	สัมประสิทธิ์ความเสียคทานสถิตของอนุภาคบนวัสดุที่ใช้ทคลอง	25
3.3	คุณสมบัติเฉพาะของอนุภาค	29
4.1	ค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวณ	37
5.1	ค่าความคลาดเคลื่อนของแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นเมื่อเปรียบเทียบผลจากการทดลอง	
	และการคำนวณ เมื่ออิเล็กโตรคกราวนค์ ทำมุมกับระนาบระคับ	49
5.2	ค่าความคลาดเคลื่อนของ $V_{_L}$ เมื่อเปลี่ยนแปลงช่วงเวลา $T$ ของแรงดัน $\ldots$	51
5.3	ค่าความคลาคเคลื่อนของแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นเมื่อเปรียบเทียบผลการทคลอง	
	และการคำนวณ เมื่ออนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ	53
5.4	ค่าความคลาคเคลื่อนระยะกระจัดของอนุภาค เมื่อกระทบอิเล็กโตรคกราวนค์	
	ครั้งที่ 2	58
5.5	ร้อยละการเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม เมื่อ $z_u=5.3~\mathrm{mm}$ เมื่อใช้	
	แรงดันไฟฟ้ากระแสตรง	63
5.6	ร้อยละการเกลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม เมื่อ $z_{_{u}}=4.3~\mathrm{mm}$ เมื่อใช้	
	แรงดันไฟฟ้ากชนิด 2 ขั้ว	64
5.7	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวนที่ได้จากการทดลอง เมื่อ	
	เปรียบเทียบกับการคำนวณ	66
5.8	ความสามารถของแรงเกรเคียนต์ไฟฟ้าที่ยึดจับอนุภาค	72
ค.1	ระยะ $\mathbf{h}_1  \mathbf{h}_2$ และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากของอนุภาคอลูมิเนียม	85
ค.2	ระยะ $\mathbf{h}_1\mathbf{h}_2$ และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากของอนุภาคสเตนเลส	85
ค.3	ระยะ $\mathrm{h}_1\mathrm{h}_2\mathrm{s}_2$ และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานและตั้งฉากของอนุภาค	
	อลูมิเนียม เมื่อ $ heta=22^\circ$	86
ค.4	ระยะ $\mathrm{h}_1\mathrm{h}_2\mathrm{s}_2$ และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานและตั้งฉากของอนุภาค	
	อลูมิเนียม เมื่อ $ heta=29^\circ$	86
ค.5	ระยะ $\mathbf{h}_1\mathbf{h}_2\mathbf{s}_2$ และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานและตั้งฉากของ	
	อนุภาคสเตนเลส เมื่อ $ heta=30^\circ$	87

# สารบัญภาพ

ภาพที่	Ì		หน้า
1.	.1	สวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซ[1]	1
1.	.2	โครงสร้างหลักของสวิตช์เกียร์	2
1.	.3	รูปแบบการจัดเรียงของตัวนำไฟฟ้าแรงสูงในระบบสวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซ	
		ณ ตำแหน่งต่างๆ	3
1.	.4	อนุภาคเคลื่อนที่ภายใต้สนามไฟฟ้า	4
1.	.5	ระบบอิเล็กโตรดแบบง่ายที่ใช้ในการศึกษาพฤติกรรมของอนุภาค	4
2.	.1	ระบบอิเล็กโตรดและอนุภาคที่ใช้พิจารณา	8
2	.2	อนุภาคอยู่บนระนาบกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้า	9
2	.3	แรงที่กระทำต่ออนุภาคในแนวแกนดิ่ง	13
2	.4	แรงที่กระทำต่ออนุภาคในระนาบกราวนด์	14
2	.5	$V_{_L}$ และ $V_{_H}$ ของอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm $\mu\!=\!0.063$ เมื่อ $ heta_{_0}\!=\!3^\circ$	15
2	.6	$V_L$ และ $V_H$ ของอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm $\mu \!=\! 0.063$ เมื่อ $ heta_0 \!=\! 10^\circ$ .	15
2	.7	$V_L$ และ $V_H$ ของอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm $\mu \!=\! 0.063$ เมื่อ $ heta_0 \!=\! 15^\circ$	15
2	.8	แรงที่กระทำต่ออนุภาคในระนาบกราวนด์บนฉนวน	16
2	.9	$V_{_H}$ ของอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm $\mu\!=\!0.063$ เมื่อ $ heta_{_0}=3^\circ,\!10^\circ$	
		และ 15°	17
3	.1	วงจรที่ใช้ในการทคลอง	20
3	.2	แผนภาพเก้ำร่างระบบทคลอง	20
3	.3	ระบบอิเล็กโตรด	21
3	.4	คอมพิวเตอร์ เครื่องกำเนิคสัญญาณและออ ซิโลสโคป	21
3	.5	เกรื่องขยายแรงคันไฟฟ้า	21
3	.6	ระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบคู่ขนาน	22
3	.7	ระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบคู่ขนาน	22
3	.8	ภาพถ่ายฉนวนสองขนิดที่นำมาใช้ในการทดลอง	23
3	.9	ฉนวนแบบที่ 1	23
3	.10	ฉนวนแบบที่ 2	24
3	.11	การทคลองหาค่าสัมประสิทธิ์ความเสียคทานสถิต	25

	ע	
ห	Ú	1

3.12	ภาพถ่ายจากการทคลองหาค่าสัมประสิทธิ์ความเสียคทาสถิตบนวัสคุทคลอง	25
3.13	การหาสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉาก	26
3.14	ภาพถ่ายที่ได้จากการหา $k_{\perp}$	27
3.15	การหาสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนาน	28
3.16	ภาพถ่ายที่ได้จากการทดลองหา $k_{\perp}$ และ $k_{\prime\prime}$ โดยใช้ระนาบเอียง	28
4.1	ทิศทางของแรงดูลอมบ์ในทิศตั้งฉากกับเส้นศักย์ไฟฟ้าเท่าหรือใน	
	แนวแกน x และ z	31
4.2	แรงที่กระทำต่ออนุภาคในเหตุการณ์ที่ 1	31
4.3	แรงที่กระทำต่ออนุภาคในเหตุการณ์ที่ 2	32
4.4	การกระทบระหว่างอนุภาคและอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูง	34
4.5	แรงที่กระทำต่ออนุภาคในเหตุการณ์ที่ 4	35
4.6	แผนภูมิการคำนวณการเคลื่อนที่ของอนุภาค	38
4.7	การจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม โคย $V\!=\!4.0~{ m kV}$ และ	
	$\theta_0 = 3^\circ$	39
4.8	การเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม โดย V = 3.01, 4.0 และ 5.5 kV และ	
	$\theta_0 = 3^\circ$	40
4.9	ระยะกระจัดของอนุภาคในแนวระดับเทียบกับเวลา โดย V = 3.01, 4.0 และ	
	5.5 kV ແລະ $\theta_0 = 3^\circ$	40
4.10	ระยะกระจัดของอนุภาคอลูมิเนียมในแนวระดับจากตำแหน่งเริ่มต้น	
	เมื่อ $\theta_0 = 3^\circ, 6^\circ$ และ $9^\circ$ โดย $V = 4.0 \text{ kV}$	41
4.11	การเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส โคย $V\!=\!8.0~{ m kV}$ และ	
	$\theta_0 = 3^\circ$	41
5.1	ระบบอิเล็กโตรค	44
5.2	รูปคลื่นแรงคันที่ใช้ในการทดลอง	44
5.3	ภาพถ่ายการยกตัวของอนุภาคจากระนาบกราวนด์	44
5.4	ภาพถ่ายการเคลื่อนที่ของอนุภาคตามระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์	45
5.5	ภาพเก้าร่างแนวการเกลื่อนที่ของอนุภาก	45
5.6	แนวผิวของระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์	46
5.7	แรงที่กระทำต่ออนุภาคที่วางตัวบนอิเล็กโตรดกราวนด์ เมื่ออิเล็กโตรดกราวนด์	
	ทำมุม $ heta_{g}$ กับระนาบแนวระดับ	47

4	
กาพที	
31 1 1 1 1	

งที่		หน้า
5.8	การเปรียบเทียบแรงคันไฟฟ้า $V_L  V_{HI}$ และ $V_{H2}$	48
5.9	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น $V_L$ และ $V_H$	49
5.10	การทคลองหาแรงคันไฟฟ้าที่อนุภาคยกตัวจากอิเล็กโตรคกราวนค์ภายใต้สนาม	
	ไฟฟ้าสม่ำเสมอ	50
5.11	ค่าทางทฤษฎีแรงดันไฟฟ้า V <sub>L</sub> ที่ทำให้อนุภาคยกตัวกับระยะแกป d	50
5.12	รูปคลื่นสี่เหลี่ยม เวลา 250 ms ที่ใช้ในการทคลองหา V <sub>L</sub> ที่ระยะแกปต่างๆ	52
5.13	การทคลองที่ระยะแกป 2 mm	52
5.14	การทคลองที่ระยะแกป 4 mm	52
5.15	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคอลูมิเนียมยกตัว	53
5.16	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคสเตนเลสยกตัว	53
5.17	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น $V_{_L}$ และ $V_{_H}$ ทางทฤษฎีเป็นฟังก์ชันของ $z_{_u}$ ในแนวดิ่ง	
	เมื่อ $\theta_0 = 3^\circ$	54
5.18	รูปคลื่นแรงคันที่ใช้ในการสังเกตการณ์ยกตัวของอนุภาคในระบบอิเล็กโตรด	
	แบบระนาบเอียง	55
5.19	ตำแหน่งของอนุภาคอลูมิเนียมและแนวการเคลื่อนที่ในระบบอิเล็กโตรด	56
5.20	การกระคอนของอนุภาค เนื่องจากกระทบขอบของ PDMS  เมื่อใช้ PDMS	
	หนา 1 mm	57
5.21	การหาระยะกระจัดของอนุภาค $\Delta \! x_{_p}$ จากตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค	58
5.22	รูปคลื่นแรงคันแบบลาคชัน เวลา 400 ms	59
5.23	ตำแหน่งของอนุภาคอลูมิเนียม เมื่อเคลื่อนที่ตามแนวอิเลี โตรคกราวนค์	59
5.24	ตำแหน่งของอนุภาคสเตนเลสตามแนวอิเลี้โตรคกราวนค์ตามลำคับเวลา	60
5.25	ขนาดของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าของอนุภากตัวนำรัศมี 0.403 mm เมื่อ $  heta_0^{} = 3^{\circ}$	
	10° ແລະ 15° ແລະ $V = 7.2 \text{ kV}$	61
5.26	ระบบอิเล็กโตรดและฉนวน	62
5.27	$V_{_{H}}$ ของอนุภาคอลูมิเนียม (Al) และสเตนเลส (St) เมื่อ $  heta_{0}^{} = 15^{\circ}$	62
5.28	สัญญาณรูปคลื่นแรงคันที่ใช้ในการทคลองจากออซิโลสโคป (10 ms/Div)	64
5.29	ภาพถ่ายของอนุภาคที่เคลื่อนที่บนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ	65
5.30	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคอลูมิเนียมเคลื่อนที่ตามแนวระนาบ	
	บนฉนวน	65

IJ

1	
อาพที่	
31 I M MI	

งที่		หน้า
5.31	แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภากสเตนเลสเกลื่อนที่ตามแนวระนาบ	
	บนฉนวน	65
5.32	แผนภาพเค้าร่างที่ใช้ในการคำนวณสนามไฟฟ้าทั้งสองบริเวณ	67
5.33	ขนาดของสนามไฟฟ้าตามแนวเส้น x ของการจัดเรียงตามภาพที่ 5.32	68
5.34	อัตราการเปลี่ยนแปลงขนาดกำลังสองของสนามไฟฟ้าตามแนวเส้น x ของการ	
	จัดเรียงตามภาพที่ 5.32	68
5.35	แผนภาพเค้าร่างตำแหน่งสุดท้ายของการเคลื่อนที่ของอนุภาคบน	
	ฉนวนแบบที่ 1	69
5.36	ภาพจากการทดลองสังเกตการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 1	69
5.37	รูปแบบการจัดเรียงระบบอิเล็กโตรดเพื่อใช้ยึดจับอนุภาค	70
5.38	แผนภาพเค้าร่างการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 2	71
5.39	ภาพจากการทดลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 2	72
5.40	แผนภาพเค้าร่างการหาความเร็วของอนุภาค	73
5.41	ตัวอย่างภาพการหาความเร็วของอนุภาค ขณะที่เข้าสู่บริเวณกับดัก	73
5.42	ความเร็วของอนุภาคโดยประมาณ ณ บริเวณรอยต่อกับตำแหน่งเริ่มต้น z <sub>u</sub>	74
5.43	ความเร็วของอนุภาคโดยประมาณ ณ บริเวณรอยต่อกับตำแหน่งเริ่มต้น V <sub>H</sub>	74
ก.1	อุปกรณ์ที่ใช้ในการทำความสะอาดอนุภาค	81
ก.2	เครื่องอัลตราโซนิก	82
ก.3	ตู้อบชนิดลมร้อนที่ใช้อบอนุภาค	82

# คำอธิบายสัญลักษณ์และคำย่อ

# สัญลักษณ์

$D_l$	ความยาวเส้นโค้งจากตำแหน่ง $x_p$ บนแนวเส้น X ถึงแนวอิเล็กโตรดบน
$D_2$	ความยาวเส้นโค้งจากตำแหน่ง $x_p$ บนแนวเส้น X ถึงแนวอิเล็กโตรคล่าง
$E_H$	สนามไฟฟ้าเริ่มตันที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวระดับ
$E_L$	สนามไฟฟ้าเริ่มตันที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนยกตัวจากระนาบกราวนด์
$F_{fric}$	แรงเสียดทาน
$F_g$	แรงโน้มถ่วง
$F_{gd}$	แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า
$F_q$	แรงคูลอมบ์
$F_{v}$	แรงหนืด
K <sub>CM</sub>	ตัวประกอบ Clausius-Mossotti
Ν	ผลรวมของแรงในแนวแกนดิ่ง
R	จำนวนครั้งการกระทบอิเล็ก โตรดกราวนด์ของอนุภาค
Т	เวลาการป้อนแรงคันไฟฟ้าให้ระบบอิเล็กโตรด
V	แรงดันไฟฟ้า
$V_H$	แรงดันไฟฟ้าเริ่มตันที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวระดับ
$V_L$	แรงดันไฟฟ้าเริ่มตันที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนยกตัวจากระนาบกราวนด์
Х	แนวการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวน
а	รัศมีของอนุภาค
$a_x, a_z$	ความเร่งของอนุภาคในแนวแกน x และ z
d	ความหนาของฉนวน, ระยะแกประหว่างอิเล็กโตรดแบบระนาบกู่ขนาน
g	ความเร่งจากแรงโน้มถ่วง
$h_1$	ระยะทางในแนวแกนดิ่ง เมื่ออนุภาคถูกปล่อยและตกบนแท่นทดลอง
$h_2$	ระยะทางในแนวแกนดิ่ง เมื่ออนุภาคกระดอนขึ้นจากแท่นทดลอง
i	ลำดับการคำนวณ
$k_{\perp}$	สัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรด
$k_{\prime\prime}$	สัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรด
т	มวลอนุภาค

$p_{ind}$	ใคโพลเหนี่ยวนำสมมูล
$q_{ind}$	ประจุเหนี่ยวนำ
$r_p$	ระยะที่วัดจากจุดกำเนิดจนถึงจุดกึ่งกลางของอนุภาค ณ ตำแหน่งใดๆ ในระบบ
	อิเล็กโตรค
<i>S</i> <sub>2</sub>	ระยะทางในแนวระดับ เมื่ออนุภาคกระดอนจากแท่นทดลอง
$\Delta t$	ขั้นเวลาการคำนวณ
$u_x, u_z$	ความเร็วต้นของอนุภาคตามแนวแกน x และ z
$v_x, v_z$	ความเร็วปลายของอนุภาคตามแนวแกน x และ z
$v_1, v_2$	ความเร็วของอนุภาคก่อน และหลังกระทบอิเล็กโตรด
$v_{\perp,1}, v_{\perp,2}$	ความเร็วของอนุภาคในแนวตั้งฉากก่อน และหลังกระทบอิเล็กโตรด
$v_{//,1}, v_{//,2}$	ความเร็วของอนุภาคในแนวขนานก่อน และหลังกระทบอิเล็กโตรด
$x_p$	ตำแหน่งอนุภาคตามแนวแกน x
$\Delta x_p$	ระยะกระจัดของอนุภาคตามแนวแกน <i>x</i>
$z_p$	ตำแหน่งอนุภากตามแนวแกน x
$Z_{u}$	ความสูง ณ ตำแหน่งอนุภาคของอิเล็ก โตรดบน
θ	มุมของแท่นทคลอง
$ heta_{g}$	มุมของระนาบอิเล็ก โตรดกราวนด์กับแนวระดับ
$ heta_p$	มุมที่วัดจากระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์จนถึงแนวเส้น r <sub>p</sub>
$ heta_0$	มุมระหว่างอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง และอิเล็กโตรดกราวนด์
${\cal E}_p$	ค่าคงตัวไดอิเล็กตริกของอนุภาค
$\mathcal{E}_{s}$	ค่าคงตัวไดอิเล็กตริกของตัวกลางที่อยู่รอบอนุภาค
$\mathcal{E}_0$	สภาพะขอมของสุญญากาศ
$\mathcal{E}_1$	ค่าคงตัวไดอิเล็กตริกของฉนวน PDMS
$ ho_{p}$	ความหนาแน่นของอนุภาค
$ ho_s$	ความหนาแน่นของตัวกลางรอบอนุภาค
μ	สัมประสิทธิ์ความเสียดทานสถิต
β	แนวการกระคอนของอนุภาคที่ทำมุมกับระนาบระคับของแท่นทคลอง
η	สัมประสิทธิ์ความหนืดของตัวกลาง

## บทที่ 1

# บทนำและที่มาของปัญหา

### **1.1** บทนำ

ในปัจจุบันสถานีไฟฟ้าแรงสูงมีจำนวนเพิ่มขึ้นอย่างมาก เนื่องจากความจำเป็นในการใช้ ประโยชน์จากพลังงานไฟฟ้าเพิ่มขึ้นอย่างต่อเนื่องทั้งในภากอุตสาหกรรมการผลิต การขนส่ง การ จำหน่าย และในชีวิตประจำวัน. ในอดีต โดยทั่วไปเราจะพบเห็นสถานีไฟฟ้าแบบฉนวนอากาศ (Air insulated Substation หรือ AIS) แต่ปัญหาประการหนึ่งที่พบคือ เมื่อมีการเพิ่มหรือขยาย สถานีไฟฟ้าทำได้ยาก เนื่องจากปัจจัยทางด้านเศรษฐกิจ เพราะ AIS ต้องใช้พื้นที่มากในการติดตั้ง สถานี โดยเฉพาะในเขตชุมชน ที่ดินจะมีราคาสูงมาก และเมื่อคำนึงถึงความปลอดภัยยิ่งทำให้การ ขยายหรือการสร้างสถานีไฟฟ้า AIS เป็นไปได้ยากมากยิ่งขึ้น.

เมื่อเทคโนโลยีในการออกแบบอุปกรณ์สวิตช์เกียร์สำหรับระบบไฟฟ้าแรงสูงมีการพัฒนาดี ขึ้น จึงมีแนวคิดที่จะออกแบบให้บรรจุอุปกรณ์สวิตช์เกียร์ในโครงสร้างปิดและบรรจุวัสคุณวน เช่น ก๊าซสุญญากาศ หรือน้ำมันฉนวน ไว้ภายใน ตัวอย่างเช่น สวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซ (Gas Insulated Switchgears หรือ GIS) ที่รู้จักกันในปัจจุบันดังแสดงในภาพที่ 1.1. โครงสร้างหลัก ของระบบสวิตช์เกียร์แบบปิดประกอบไปด้วย ตัวนำไฟฟ้าแรงสูง ตัวถังโลหะ และฉนวนก๊าซ แสดงในภาพที่ 1.2.



ภาพที่ 1.1 สวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซ [1]

้โครงสร้างหลักของสวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซแสดงในภาพที่ 1.2 ประกอบด้วย

-ตัวนำไฟฟ้าแรงสูง (Bus-Bar)โดยทั่วไปทำจากอลูมิเนียมหรือทองแดง. ตัวนำไฟฟ้าถูก ออกแบบให้มีขนาดตามพิกัดกระแสต่อเนื่อง (Rated Continuous Current)

-ตัวถังโลหะ (Enclosure) โดยทั่วไปทำจากอลูมิเนียมผสมหรือเหล็ก. ตัวถังโลหะทำ หน้าที่ห่อหุ้มระบบ. ตัวถังโลหะในระบบจะต้องต่อถึงกันทั้งหมดและต่อลงดิน.

-ฉนวนก๊าซ (Gas insulator) โดยทั่วไปจะใช้ก๊าซ SF<sub>6</sub> เนื่องจากสามารถทนค่าความเครียด สนามไฟฟ้าได้มากกว่าอากาศประมาณ 3 เท่า. ความดันของก๊าซที่เลือกใช้จิ้นอยู่กับแรงดันไฟฟ้าที่ ใช้งาน ลักษณะของท่อโลหะ และอุปกรณ์แต่ละชนิด.



ภาพที่ 1.2 โครงสร้างหลักของสวิตช์เกียร์

นอกเหนือจากโครงสร้างหลักที่กล่าวมา ในระบบ GIS มีอุปกรณ์อื่นที่บรรจุไว้ภายในอีก เช่น สเปเซอร์ (Spacer), อุปกรณ์ระบายแรงคันเกิน (Pressure relief device) และเซอร์กิดเบรค เกอร์ (Circuit breaker) เป็นต้น ซึ่งอุปกรณ์ดังกล่าว มีผลต่อรูปแบบการกระจายสนามไฟฟ้าใน GIS ด้วยเช่นกัน. จากภาพที่ 1.3 แสดงภาพตัดขวางตามทางยาวของรูปแบบการจัดเรียงตัวนำ ไฟฟ้าแรงสูงในระบบสวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซ ณ ตำแหน่งต่างๆ เราสามารถเห็นได้ว่า สนามไฟฟ้าในระบบ GIS โดยส่วนมากเป็นการกระจายแบบไม่สม่ำเสมอในแกประหว่างตัวนำ ไฟฟ้าแรงสูงกับกราวนด์ โดยมีก่าสูงที่ตัวนำด้านใน.



(ค) จุดปลายของตัวนำไฟฟ้าแรงสูง

ภาพที่ 1.3 รูปแบบการจัดเรียงของตัวนำไฟฟ้าแรงสูงในระบบสวิตช์เกียร์แบบฉนวนก๊าซ ณ ตำแหน่งต่างๆ

เป็นที่ทราบกันดีว่า อนุภาคตัวนำอิสระในระบบฉนวน ซึ่งอาจเกิดจากการบำรุงรักษาระบบ ปะปนมากับก๊าซฉนวน หรือเกิดจากการชำรุดของส่วนประกอบที่เป็นโลหะ ทำให้ความสามารถใน การฉนวนของก๊าซลดลง. ทั้งนี้อนุภาคทำให้สนามไฟฟ้าระหว่างตัวนำไฟฟ้าแรงสูงและกราวนด์ เพิ่มขึ้นเฉพาะที่ จึงอาจนำไปสู่การเกิดดีสชาร์จบางส่วน หรือเกิดการเบรกคาวน์ในระบบ [1, 2] ซึ่ง เหตุการณ์ดังกล่าวทำให้ระบบเกิดความเสียหายได้. สนามไฟฟ้าที่เกิดขึ้นระหว่างตัวนำไฟฟ้าแรงสูง และตัวถังโลหะเหนี่ยวนำให้เกิดประจุที่ผิวของอนุภาคตัวนำ และทำให้เกิดแรงไฟฟ้ากระทำกับ อนุภาคงื้น เนื่องจากปฏิกิริยาระหว่างประจุเหนี่ยวนำกับสนามไฟฟ้า. เมื่อแรงไฟฟ้าที่เกิดขึ้นกับ อนุภาคมีผลเหนือกว่าแรงโน้มถ่วงและแรงเสียดทานอื่นๆ อนุภาคตัวนำอิสระก็สามารถเคลื่อนที่ ภายใต้สนามไฟฟ้าไปในทิศทางต่างๆได้. เมื่ออนุภาคเคลื่อนที่ไปในบริเวณใดๆ จะทำให้ค่า สนามไฟฟ้าบริเวณนั้นมีค่าสูงขึ้นมากกว่าสนามไฟฟ้าค่าปกติ และทำให้มีความเสี่ยงที่จะเกิดดีส ชาร์จบางส่วน หรือเกิดเบรกดาวน์ขึ้นได้. เนื่องจากลักษณะของสนามไฟฟ้าในระบบมีความ แตกต่าง ทำให้พฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาคที่อยู่ภายในระบบจึงมีความแตกต่างด้วยเช่นกัน ดังแสดงในภาพที่ 1.4. ดังนั้นการศึกษาลักษณะสมบัติทางกลศาสตร์ไฟฟ้าของอนุภาคจึงมี ความสำคัญอย่างยิ่งยวดต่อการพัฒนาระบบฉนวนไฟฟ้าแรงสูง.



จากโครงสร้างของระบบ GIS จึงได้มีการศึกษาพฤติกรรมของอนุภาคใน GIS โดยใช้ ระบบอิเล็กโตรคในภาพที่ 1.5 ซึ่งระบบประกอบด้วยอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง อิเล็กโตรดกราวนด์ และอนุภาค โดยในภาพที่ 1.5ก เป็นบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าแบบสม่ำเสมอ และภาพที่ 1.5ง เป็น บริเวณที่มีสนามไฟฟ้าแบบไม่สม่ำเสมอ.



ระบบอิเล็กโตรดดังกล่าว สามารถที่จะใช้ในการศึกษาพฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาค ใด้ เพื่อวิเกราะห์แรงดันไฟฟ้า สนามไฟฟ้าเริ่มต้นที่สามารถทำให้อนุภาคเริ่มเคลื่อนที่ และทิศ ทางการเกลื่อนที่ ซึ่งนำไปสู่สาเหตุที่ทำให้เกิดปัญหาขึ้นในระบบ GIS และทำให้เราทราบพื้นฐาน ในการออกแบบระบบเพื่อป้องกันปัญหาที่เกิดขึ้น. ผู้วิจัยหลายท่านได้ศึกษาเกี่ยวกับพฤติกรรมของ อนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้า ในระบบอิเล็กโตรดดังกล่าว.

Sakai, Tsuru, Abella และ Hara ได้แสดงพฤติกรรมของอนุภาคทรงกลมที่ทำให้เกิด เบรกดาวน์ และเงื่อนไขการเกิดเบรกดาวน์ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอโดยใช้ไฟฟ้ากระแสตรง ระหว่างอิเล็กโตรดแบบระนาบในลักษณะตามภาพที่ 1.5v[2]. อนุภาคที่ใช้ศึกษาทำจากสเตนเล สรัศมี 1 มิลลิเมตร. อิเล็กโตรดทั้งสองทำมุม 3.5 องศาซึ่งกันและกัน. การทดลองในงานวิจัยนี้ กำหนดตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาคบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ที่แตกต่างกัน โดยมีค่า 150 ถึง 200 มิลลิเมตร (วัดจากจุดที่อิเล็กโตรดทั้งสองตัดกัน). การทดลองพบว่าที่ตำแหน่งเริ่มต้น 150 มิลลิเมตร อนุภาคจะถูกยกขึ้นทันที ที่แรงคันไฟฟ้า 14 kV และที่ตำแหน่งเริ่มต้น 180 มิลลิเมตร อนุภาคจะเคลื่อนที่ตามแนวระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ จนถึงตำแหน่ง 155 มิลลิเมตร จากนั้น อนุภาคจะถูกยกขึ้น. ที่ตำแหน่งเริ่มต้น 200 มิลลิเมตร อนุภาคทำให้เกิดการเบรกดาวน์ที่ตำแหน่ง 150 มิลลิเมตร.

Sakai, Abella , Khan, Suehiro และ Hara ใด้แสดงพฤติกรรมของอนุภาคแบบลวด ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอในลักษณะตามภาพที่ 1.5v โดยใช้ไฟฟ้ากระแสสลับ[3]. อนุภาคที่ ใช้ศึกษาทำจากสเตนเลส หรืออลูมิเนียมเส้นผ่าศูนย์กลาง 0.5 มิลลิเมตร และความยาว 2 มิลลิเมตร. พฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาคแบบลวดจะเหมือนกับอนุภาคทรงกลม โดยขึ้นอยู่กับตำแหน่ง เริ่มต้นของอนุภาคบนอิเล็กโตรดกราวนด์. ผลของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าและแรงคูลอมบ์ทำให้ อนุภาคเคลื่อนที่บนอิเล็กโตรดกราวนด์. เราสามารถวิเคราะห์แรงไฟฟ้าทั้งสองได้จากแรงคันไฟฟ้า ที่จ่ายให้กับระบบอิเล็กโตรด และสามารถหาค่าสนามไฟฟ้าที่ทำให้อนุภาคถูกยกขึ้นได้เช่นเดียวกัน.

Marcos, Zhang, Gubanski และ Srivastava ใค้กล่าวถึงการพัฒนาของค่าความเป็น ฉนวนในระบบ GIS ด้วยการฉนวนหรือการเคลือบด้วยสารที่มีคุณสมบัติฉนวน[4] มีความจำเป็น ต่อระบบคือ 1) การเคลือบ (Coating) ที่ตัวนำไฟฟ้าแรงสูงช่วยลดความขรุขระบนผิวของตัวนำ มี ผลทำให้ลดค่าความเครียดสนามไฟฟ้าภายในระบบ ซึ่งเป็นสาเหตุทำให้เกิดการดีสชาร์จ. 2) ความ ต้านทานทางไฟฟ้าของฉนวนที่นำมาเคลือบ จะช่วยต้านการเกิดดีสชาร์จในก๊าซ ซึ่งเป็นผลทำให้ แรงคันเบรกดาวน์มีค่าสูงขึ้น. 3) การเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำที่ปะปนมาในระบบจะต้องใช้ ความเครียดสนามไฟฟ้าที่มากขึ้น เมื่อมีการเคลือบที่ตัวนำหรือกราวนด์ด้วยฉนวน. 4) ผลของความ ดันก๊าซในระบบอิเล็กโตรดแบบทรงกระบอกซ้อนแกนร่วม เมื่อทดสอบด้วยอนุภาคแบบลวด พบว่าที่ความดันก๊าซ 3-6 atm แรงดันไฟฟ้า 300 kV peak 50 Hz ความดันก๊าซดังกล่าวไม่มีผล ต่อระยะการยกตัวจากอิเล็กโตรดกราวนด์. ทั้งนี้เนื่องจากเมื่อความดันก๊าซสูงขึ้นทำให้ความหนืด มากขึ้นด้วยเช่นเดียวกัน. ค่าสนามไฟฟ้าที่ทำให้อนุภาคยกตัวจะเพิ่มขึ้นเมื่อ ค่าความหนา ค่าคงตัว ใดอิเล็กตริก และค่าความต้านทานไฟฟ้าของฉนวนที่นำมาเคลือบมีค่าเพิ่มขึ้น. การเพิ่มขึ้นของค่าใด ค่าหนึ่งเหล่านี้ ทำให้ลดการเหนี่ยวนำประจุที่ผิวของอนุภาก จึงส่งผลทำให้ต้องใช้แรงคันไฟฟ้าที่มี ก่าสูงขึ้นเพื่อจะยกอนุภาค.

Hornfeldt ได้ศึกษาแรงที่สามารถยกอนุภาคได้ภายใต้สนามไฟฟ้ากระแสตรง โดยมีการ ฉนวนด้วยแผ่นไมล่าร์ (Mylar foil) บนระบบอิเล็กโตรดกราวนด์ในลักษณะตามภาพที่ 1.5n [5]. อนุภาคที่ใช้ศึกษาทำจากอลูมิเนียมเส้นผ่าศูนย์กลาง 2.5 มิลลิเมตร. ระบบอิเล็กโตรดอัดด้วยก๊าซ SF<sub>6.</sub> แกประหว่างอิเล็กโตรด 10 มิลลิเมตร. การศึกษาพบว่า แผ่นไมล่าที่มีความหนา 18 ไมโครเมตรช่วยลดการเหนี่ยวนำประจุบนอนุภาค แต่ก็ยังมีประจุบางส่วนเกิดขึ้นเนื่องจากดีสชาร์จ บางส่วนระหว่างอนุภาคและแผ่นไมล่าร์. อนุภาคจะถูกยกขึ้นเมื่อค่าสนามไฟฟ้าเท่ากับ 1.88 MV/m ในขณะที่ไม่มีการฉนวน อนุภาคจะถูกยกขึ้นที่ 0.90 MV/m.

Sakai, Abella, Khan, Suehiro และ Hara ใด้ศึกษาพฤติกรรมของอนุภาคในระบบ อิเล็กโตรคในลักษณะตามภาพที่ 1.5v ที่มีการฉนวนอิเล็กโตรดกราวนด์ด้วยแผ่น PET (Polyethylene Terephthalate) [6]. โดยอนุภาคที่ใช้ศึกษาทำจากสเตนเลลสรัศมี 1 มิลลิเมตร อิเล็กโตรดทั้งสองทำมุม 3.5 องศาซึ่งกันและกัน. แผ่น PET มีความหนา 50 ไมโครเมตร. ผลการ ทดลองเมื่อใช้แรงดันฟ้ากระแสตรงพบว่าอนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวอิเล็กโตรดกราวนด์ไปทางด้านที่ มีสนามไฟฟ้าสูงกว่าตำแหน่งปัจจุบัน. เมื่ออนุภาคมีการเคลื่อนที่ไปยังบริเวณดังกล่าวทำให้เกิดการ เบรกดาวน์ได้สองลักษณะคือ 1) อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงและเกิดการเบรก ดาวน์โดยที่อนุภาคไม่ยกตัวขึ้นจากแนวระดับ 2) อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามฟ้าสูงและ ยกตัว หลังจากนั้นจึงเกิดการเบรกคาวน์. สาเหตุที่อนุภาคมีการยกตัว เนื่องจากอนุภาคถูกอัดประจุ ทำให้เกิดแรงดูลอมบ์ต่ออนุภาค แต่มีประจุอยู่ที่ประมาณ 40 % เมื่อเปรียบเทียบในกรณีที่อนุภาค อยู่บนอิเล็กโตรดที่ไม่มีการฉนวน.

งานวิทยานิพนธ์นี้ศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคทรงกลมภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ โดยจะทำการวิเคราะห์ และทคลองหาความเครียคสนามไฟฟ้าเริ่มต้น ที่กระตุ้นให้อนุภาคเคลื่อนที่. หลังจากนั้น จะศึกษาลักษณะการเคลื่อนที่ของอนุภาค ภายใต้สนามไฟฟ้าที่ปรับรูปแบบของการ กระจาย (สนามไฟฟ้า) ด้วยการจัดเรียงอิเล็กโตรด หรือด้วยการใช้ชั้นตัวกลางฉนวนประกอบเข้าใน ระบบ. ผู้ศึกษาจะเปรียบเทียบผลการทคลองในห้องปฏิบัติการ กับผลการศึกษาเชิงวิเคราะห์เพื่อให้ ได้องค์กวามรู้พื้นฐานที่สำคัญ สำหรับการวิเคราะห์ปัญหาที่เกิดขึ้นในระบบ GIS ต่อไป. นอกจากนี้ ผลที่ได้จากวิทยานิพนธ์นี้ จะมีประโยชน์อย่างยิ่ง ต่อการจัดการอนุภาคอิสระในระบบฉนวนก๊าซ หรือฉนวนเหลว โดยทั่วไป.

### 1.2 วัตถุประสงค์ของวิทยานิพนธ์

วิทยานิพนธ์นี้มีวัตถุประสงค์เพื่อการศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคทรงกลมในระบบ อิเล็กโตรค โดยทำการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอและผล ทดลองการสังเกตการเคลื่อนที่ของอนุภาคเพื่อยืนยันผลการจำลองที่ได้. การศึกษามีวัตถุประสงค์ที่ จะทำให้เข้าใจถึงลักษณะการเคลื่อนที่ของอนุภาคและผลของระดับความไม่สม่ำเสมอของ สนามไฟฟ้าที่มีต่อการเคลื่อนที่ของอนุภาค.

### 1.3 ขอบเขตของการวิจัย

ขอบเขตของการวิจัยมีดังนี้

1.3.1 วิทยานิพนธ์นี้จำกัดการศึกษาเฉพาะกับอนุภาคทรงกลม

1.3.2 พิจารณาสนามไฟฟ้าที่เกิดจากแรงดันไฟฟ้ากระแสตรงหรือกระแสสลับความถี่กำลัง เป็นหลัก

## 1.4 ขั้นตอนการดำเนินการวิจัย

1.4.1 ศึกษาทฤษฎีพื้นฐานเกี่ยวกับการเคลื่อนที่ของอนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้า
 1.4.2 ออกแบบอุปกรณ์ และระบบอิเล็กโตรดที่จะใช้ในการทดลอง
 1.4.3 ทดลองและเปรียบเทียบผลกับทฤษฎี วิเคราะห์สาเหตุก่าความคลาดเคลื่อน
 1.4.4 วิเคราะห์ลักษณะการเคลื่อนที่ของอนุภาค และหาวิธีหยุดยั้งการเคลื่อนที่ของอนุภาค

## 1.5 ประโยชน์ที่จะได้รับ

1.5.1 ได้องค์ความรู้พื้นฐานเกี่ยวกับพฤติกรรมทางกลศาสตร์ไฟฟ้าของอนุภาคทรงกลม ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

1.5.2 ได้แนวทางการควบคุมอนุภาคตัวนำอิสระ สำหรับประยุกต์ใช้ในระบบฉนวน ไฟฟ้าแรงสูงต่อไป

## บทที่ 2

## การคำนวณการเคลื่อนที่ของอนุภาคทรงกลมภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

หัวข้อนี้อธิบายพื้นฐานของแรงที่เกี่ยวข้องกับการเคลื่อนที่ของอนุภาคในระบบสนามไฟฟ้า ใม่สม่ำเสมอ. ระบบอิเล็กโตรดและอนุภาคที่พิจารณาแสดงในภาพที่ 2.1. อิเล็กโตรดเป็นแบบ ระนาบ 2 มิติ ซึ่งทำมุมกันเท่ากับ θ<sub>0</sub> โดยที่ระนาบอิเล็กโตรดด้านล่างต่อกราวนด์ และระนาบ อิเล็กโตรดบนได้รับแรงดันไฟฟ้าจากแหล่งจ่าย. ในการอ้างอิงตำแหน่งในระบบอิเล็กโตรดนี้. เราจะ ใช้ระบบพิกัดเชิงขั้ว (*r*, θ) หรือระบบพิกัดการ์ทีเซียน (*x*, *z*) ซึ่งมีจุดกำเนิดอยู่ที่จุดตัดระหว่างแนว ระนาบอิเล็กโตรดทั้งสอง คือ

$$x = r\cos\theta \tag{2.1}$$

$$z = r\sin\theta \tag{2.2}$$

เวกเตอร์หนึ่งหน่วยของพิกัดทั้งสองสัมพันธ์กันดังนี้

$$\vec{a}_{r} = \frac{x}{\sqrt{x^{2} + z^{2}}} \vec{a}_{x} + \frac{z}{\sqrt{x^{2} + z^{2}}} \vec{a}_{z}$$
$$\vec{a}_{\theta} = -\frac{z}{\sqrt{x^{2} + z^{2}}} \vec{a}_{x} + \frac{x}{\sqrt{x^{2} + z^{2}}} \vec{a}_{z}$$

เมื่อเราใช้พิกัดดังกล่าวอ้างอิงตำแหน่งของอนุภาคในระบบอิเล็กโตรดนี้ จะใช้ดัชนีล่าง p กำกับไว้ คือ x, คือ ตำแหน่งอนุภาคตามแนวแกน x

 $z_p$  คือ ตำแหน่งอนุภาคตามแนวแกน z

 $r_p$  คือ ระยะที่วัดจากจุดกำเนิดจนถึงจุดกึ่งกลางของอนุภาค ณ ตำแหน่งใดๆ ในระบบอิเล็กโตรด  $heta_p$  คือ มุมที่วัดจากระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์จนถึงแนวเส้น  $r_p$ 



ภาพที่ 2.1 ระบบอิเล็กโตรดและอนุภาคที่ใช้พิจารณา

สนามไฟฟ้าในระบบอิเล็กโตรคที่ใช้พิจารณาเป็นแบบไม่สม่ำเสมอ เราสามารถหางนาค และทิศทางสนามไฟฟ้า ณ ตำแหน่ง (r, 0) ใดๆได้จาก

$$\vec{E}(r,\theta) = \frac{V}{r\theta_0}\vec{a}_{\theta}$$
(2.3)

เมื่อ V คือ แรงดันไฟฟ้าที่จ่ายให้กับระบบอิเล็กโตรด. เมื่อพิจารณาทิศทางของสนามไฟฟ้า (ใน สภาวะที่ปราศจากอนุภาค) จะเห็นได้ว่า สนามไฟฟ้าในทิศ *a*<sub>r</sub> จะเท่ากับศูนย์ จะมีเพียงสนามไฟฟ้า ในทิศ *a*<sub>θ</sub>เท่านั้น.

## 2.1 ประจุเหนี่ยวนำ

อนุภาคตัวนำที่วางอยู่บนระนาบอิเล็กโตรดภายใต้สนามภายนอก E<sub>0</sub> จะเกิดประจุ เหนี่ยวนำ q<sub>ind</sub> จึ้น. ถ้าพิจารณาอนุภาครัศมี a บนระนาบกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้า E<sub>0</sub> ทิศทาง พุ่งลงดังภาพที่ 2.2 จะได้ว่า [7]

$$q_{ind} = -\frac{2}{3}\pi^3 \varepsilon_0 \varepsilon_s E_0 a^2$$
(2.4)

เมื่อ  $\varepsilon_0$  คือ สภาพยอมของสุญญากาศเท่ากับ 8.854×10<sup>-12</sup> F/m

*ɛ*<sub>s</sub> คือ ค่าคงตัวใดอิเล็กตริกของตัวกลางที่อยู่รอบอนุภาคซึ่งเท่ากับ 1.0 สำหรับอากาศ

 *E*<sub>o</sub> คือ ความเครียดสนามไฟฟ้า (V/m)



ภาพที่ 2.2 อนุภาคอยู่บนระนาบกราวนค์ภายใต้สนามไฟฟ้า

สังเกตว่า ถ้าสนามไฟฟ้าที่มีทิศทางตรงข้ามกับทิศทางอ้างอิงในภาพที่ 2.2 ประจุไฟฟ้าบวก จะถูกเหนี่ยวนำบนอนุภาคแทน.

สำหรับอนุภาคในภาพที่ 2.1 เมื่ออนุภาคอยู่ ณ ตำแหน่งพิกัคเชิงขั้ว (r<sub>p</sub>, θ<sub>p</sub>) บนระนาบ อิเล็กโตรด จากสมการที่ (2.3) ในกรณีที่ละเลยขนาดรัศมีของอนุภาค เราจะได้ขนาดของประจุที่ถูก เหนี่ยวนำบนอนุภาค

$$q_{ind} = -\frac{2}{3}\pi^3 \varepsilon_0 \varepsilon_s a^2 \frac{V}{r_p \theta_0}$$
(2.5)

### 2.2 แรงคูลอมบ์

ประจุเหนี่ยวนำบนอนุภาคตัวนำ ซึ่งวางตัวอยู่บนระนาบอิเล็กโตรคในหัวข้อที่ผ่านมา จะ เกิดแรงกูลอมบ์ *F<sub>q</sub>* กระทำเนื่องจากสนามไฟฟ้าภายนอก *E*<sub>0</sub> .

เมื่ออ้างอิงแรง F<sub>q</sub> ในทิศทาง + z ขึ้นออกจากอิเล็กโตรด ขนาดของแรงเป็นไปตาม สมการ [6]

$$F_q = 0.832 |q_{ind}| E_0 \tag{2.6}$$

หรือ

$$F_{q} = (0.832) \frac{2}{3} \pi^{3} \varepsilon_{0} \varepsilon_{s} a^{2} E_{0}^{2}$$
(2.7)

แรงคูลอมบ์จะมีทิศทางคึงอนุภาคออกจากระนาบอิเล็กโตรคเสมอ ไม่ว่าสนามไฟฟ้า ภายนอกจะมีทิศทางพุ่งลง (V > 0) หรือพุ่งขึ้น (V < 0).

เมื่อแทนค่าสนามไฟฟ้า E<sub>0</sub> จากสมการที่ (2.3) และ q<sub>ind</sub> จากสมการที่ (2.4) ลงในสมการ ที่ (2.6) เราจะได้ขนาดของแรงคูลอมบ์ที่กระทำกับอนุภาค ในขณะที่อนุภาควางอยู่บนอิเล็กโตรด เป็น

$$F_{q} = 0.555 \frac{\pi^{3} \varepsilon_{0} \varepsilon_{s} a^{2} V^{2}}{r_{p}^{2} \theta_{0}^{2}}$$
(2.8)

เมื่ออนุภาคตัวนำยกตัวออกจากระนาบอิเล็กโตรค ไม่สัมผัสกับระนาบอิเล็กโตรค แรงคู ลอมบ์ที่กระทำกับอนุภาคสามารถประมาณได้เป็น

$$F_q = q_{ind} E_0 \tag{2.9}$$

ดังนั้นในกรณีทั่วไป เมื่ออนุภาคอยู่ในแกประหว่างระนาบอิเล็กโตรดทั้งสองในภาพที่ 2.1 โดยไม่ได้สัมผัสกับอิเล็กโตรดใด

$$\vec{F}_{q} = \pm \frac{2\pi^{3} \varepsilon_{0} \varepsilon_{s} a^{2}}{3} \frac{V^{2}}{r_{p}^{2} \theta_{0}^{2}} \vec{a}_{\theta}$$
(2.10)

ในสมการที่ (2.10) เครื่องหมายลบจะใช้เมื่ออนุภาคที่เคลื่อนที่ออกจากระนาบอิเล็กโตรคบน หลังจากได้รับประจุเหนี่ยวนำจากการกระทบอิเล็กโตรคบนแล้ว.

กล่าวโดยสรุปจะได้ว่า เมื่ออนุภาคอยู่บนหรือเคลื่อนที่ออกจากระนาบกราวนด์ *F*<sub>q</sub> จะมี ทิศทางตามแนว *ฉิ<sub>ด</sub>* และเมื่ออนุภาคอยู่บนหรือเคลื่อนที่ออกจากอิเล็กโตรดด้านบน*F*<sub>q</sub> จะมีทิศทาง ตามแนว – *ฉิ<sub>ด</sub>* โดยมีขนาดของแรงตามสมการ (2.8) หรือ (2.10)

### 2.3 แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า

แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าเป็นแรงที่กระทำกับอนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ. พื้นฐาน ของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้ามาจากปฏิกิริยาระหว่างสนามไฟฟ้ากับประจุเหนี่ยวนำที่เกิดขึ้นบนอนุภาค. โดยธรรมชาติของอนุภาค เมื่ออยู่ใต้สนามไฟฟ้าภายนอก จะเกิดประจุเหนี่ยวนำขึ้นที่ผิวของอนุภาค ซึ่งประจุเหนี่ยวนำนี้อาจเกิดจากโพลาไรเซชั่น หรือเกิดจากประจุจริงก็ได้. เราสามารถประมาณผล ของประจุเหนี่ยวนำนี้ด้วยไดโพลที่จุดศูนย์กลางของอนุภาคโดยเรียกว่าเป็น ไดโพลเหนี่ยวนำ สมมูล.

พิจารณาอนุภาครัศมี *a* ภายใต้สนามไฟฟ้าภายนอก E<sub>0</sub> เราสามารถเขียนไดโพลเหนี่ยวนำ สมมูล p̄<sub>ind</sub> ของอนุภาคได้เป็น [8]

$$\bar{p}_{ind} = 4\pi \varepsilon_0 K_{CM} a^3 \bar{E}_0 \tag{2.11}$$

เมื่อ  $K_{\scriptscriptstyle CM}$  คือตัวประกอบ Clausius-Mossotti มีค่าเท่ากับ

$$K_{CM} = \frac{\varepsilon_p - \varepsilon_s}{\varepsilon_p + 2\varepsilon_s}$$
(2.12)

โดยที่  $\varepsilon_p$  คือค่าคงตัวไดอิเล็กตริกของอนุภาค. ในกรณีอนุภาคตัวนำ  $K_{\scriptscriptstyle CM}$  จะเท่ากับ 1 เนื่องจาก  $\varepsilon_p$  มีก่าอนันต์.

แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า  $ar{F}_{gd}$  คือแรงที่กระทำกับไดโพลเหนี่ยวนำสมมูลนี้เนื่องจาก สนามไฟฟ้า  $E_0$  [8]

$$\vec{F}_{gd} = (\vec{p}_{ind} \cdot \nabla) \vec{E}_0 \tag{2.13}$$

$$=4\pi\varepsilon_0 a^3 \vec{E}_0 \cdot \nabla \vec{E}_0 \tag{2.14}$$

$$=2\pi\varepsilon_0 a^3 \nabla E_0^2 \tag{2.15}$$

เมื่อความเข้มสนามไฟฟ้า E<sub>0</sub> เป็นพึงก์ชันของตำแหน่งพิกัด.

สำหรับระบบอิเล็กโตรดที่พิจารณา  $E_0 = \frac{V}{r\theta_0}$ . เมื่อแทนลงในสมการที่ (2.14) เราจะได้ว่า [6, 8]

$$\bar{F}_{gd} = \frac{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_s a^3 V^2}{r^3\theta_0^2}\bar{a}_r$$
(2.16)

หรือ

$$\vec{F}_{gd} = \frac{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_s a^3 E_0^2}{r} \vec{a}_r$$
(2.17)

สังเกตว่า แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า มีทิศทางที่จะเคลื่อนอนุภาคตัวนำไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงกว่า ตำแหน่งปัจจุบัน.

### 2.4 แรงทางกลอื่นๆ

แรงทางกลอื่นๆ ที่กระทำกับอนุภาค ซึ่งพิจารณาในงานวิจัยนี้ได้แก่ แรงโน้มถ่วง  $ar{F}_{g}$  แรง เสียดทาน  $ar{F}_{fric}$ และแรงหนืด  $ar{F}_{v}$ .

#### 2.4.1 แรงโน้มถ่วง

แรงโน้มถ่วงที่กระทำกับอนุภาคในภาพที่ 2.1 มีทิศทาง – z และคำนวณได้จาก

$$\bar{F}_{g} = -\frac{4}{3}\pi a^{3}g(\rho_{p} - \rho_{s})\bar{a}_{z}$$
(2.18)

โดยที่

g คือ ความเร่งเนื่องจากแรงโน้มถ่วงเท่ากับ 9.8 m/s<sup>2</sup>

 $ho_{p}$  คือ ความหนาแน่นของอนุภาค.  $ho_{p}\!=\!2700~{
m kg/m^{3}}$  สำหรับอลูมิเนียม.

 $ho_s$  คือ ความหนาแน่นของตัวกลางโดยรอบ.  $ho_s$  = 1.184 kg/m<sup>3</sup> สำหรับอากาศ.

#### 2.4.2 แรงเสียดทาน

แรงเสียคทานเกิดขึ้นเมื่ออนุภากอยู่บนระนาบอิเล็กโตรดหรือฉนวน โดยมีทิศทางต้านการ เกลื่อนที่ของอนุภาก. ในสภาวะที่อนุภากหยุดนิ่ง ขนาดของแรงเสียดทานสูงสุด F<sub>fric</sub> มีก่าเป็น

$$F_{fric} = \mu N \tag{2.19}$$

เมื่อ μ คือสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานสถิตระหว่างอนุภากและพื้นผิว และ N คือแรงลัพธ์ที่อนุภาก กระทำกับอิเล็กโตรด. สังเกตว่า N เป็นผลรวมของแรงโน้มถ่วงและแรงไฟฟ้าในแนวดิ่ง. ในการ วิจัยนี้ผู้เขียนได้ทดลองหา μ ของอนุภากและพื้นผิวจริงที่พิจารณา.

#### 2.4.3 แรงหนืด

แรงหนีคมิทิศทางตรงข้ามกับการเคลื่อนที่ของอนุภาค. สำหรับอนุภาคทรงกลมที่เคลื่อนที่ ด้วยความเร็ว *v*ิ ภายในตัวกลางที่มีความหนืด [9]

$$\vec{F}_{v} = -6\pi\eta a\vec{v} \tag{2.20}$$

เมื่อ  $\eta$  คือ ค่าสัมประสิทธิ์ความหนืดเท่ากับ  $18.2 imes 10^{-6} \, \mathrm{Pa} \, \mathrm{s}$  สำหรับอากาศ.

### 2.5 เงื่อนใขการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนตัวนำ

#### 2.5.1 การยกตัวของอนุภาคจากระนาบกราวนด์

สมมติให้อนุภาควางตัวอยู่บนระนาบกราวนด์ในการจัดเรียงตามภาพที่ 2.3 โดยมีจุด ศูนย์กลางของอนุภาคอยู่ที่พิกัด (x<sub>p</sub>,a). ดังนั้นพิกัดเชิงขั้วของจุดศูนย์กลางของอนุภาคมีค่าเป็น



 $r_p = \sqrt{x_p^2 + a^2}$  ແລະ  $\theta_p = \tan^{-1}(a / x_p)$ 

ภาพที่ 2.3 แรงที่กระทำต่ออนุภาคในแนวแกนดิ่ง

จากสมการที่ (2.7) และ (2.18) แรง  $\vec{F_z}$  ในแนวแกนดิ่งที่เกิดกับอนุภาค เมื่อละเลยผลของมุม $\theta_p$  มี ค่าเป็น

$$\vec{F}_z \approx \vec{F}_q - \vec{F}_g \tag{2.21}$$

อนุภากถูกยกขึ้นจากระนาบกราวนด์เมื่อ  $F_z=0$  นั่นคือ

$$(0.832)\frac{2}{3}\pi^{3}\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}a^{2}E_{0}^{2} = \frac{4}{3}\pi a^{3}g(\rho_{p}-\rho_{s})$$
(2.22)

ซึ่งได้สนามไฟฟ้าเริ่มต้น  $E_{\scriptscriptstyle L}$ ในการยกอนุภาคเป็น

$$E_{L} = 0.5 \sqrt{\frac{g(\rho_{p} - \rho_{s})a}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}}}$$
(2.23)

จาก  $V = r_p \theta_0 E$  แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_L$  ที่ยกอนุภาคขึ้นจากระนาบกราวนค์คำนวณได้จาก

$$V_{L} = 0.5r_{p}\theta_{0}\sqrt{\frac{g(\rho_{p}-\rho_{s})a}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}}}$$
(2.24)

## 2.5.2 การเริ่มเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์

พิจารณาอนุภาคในภาพที่ 2.4. ถ้าเราละเลยผลของมุม*0<sub>p</sub>* เช่นเดียวกับในกรณีที่ผ่านมา แรง ในแนวระดับที่กระทำกับอนุภาคได้แก่ แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า *F*<sub>gd</sub> และแรงเสียดทาน *F<sub>fric</sub>*. ดังนั้น เงื่อนไขในการเริ่มเคลื่อนที่ตามแนวระดับบนระนาบกราวนด์กือ

$$\left\|\vec{F}_{gd}\right\| = F_{fric} \tag{2.25}$$



ภาพที่ 2.4 แรงที่กระทำต่ออนุภาคในระนาบกราวนด์

จากสมการที่ (2.7) (2.17) และ (2.18) จะได้ว่า

$$F_{gd} = \mu(F_g - F_q) \tag{2.26}$$

$$\frac{4\pi\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}a^{3}E_{0}^{2}}{r_{p}} = \mu \left[\frac{4}{3}\pi a^{3}g(\rho_{p}-\rho_{s}) - (0.832)\frac{2}{3}\pi^{3}\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}a^{2}E_{0}^{2}\right]$$
(2.27)

สนามไฟฟ้า  $E_{\!_H}$  ที่เริ่มทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ จึงหาได้จาก

$$E_{H} = \sqrt{\frac{2g\mu(\rho_{p} - \rho_{s})ar_{p}}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}\left[6a + 0.832\,\mu\pi^{2}r_{p}\right]}}$$
(2.28)

แรงดันไฟฟ้าที่  $V_{\scriptscriptstyle H}$  ที่ระนาบอิเล็กโตรดบนจึงมีก่าเป็น

$$V_{H} = r_{p}\theta_{0}\sqrt{\frac{2g\mu(\rho_{p}-\rho_{s})ar_{p}}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}\left[6a+0.832\,\mu\pi^{2}r_{p}\right]}}$$
(2.29)

ภาพที่ 2.5 ถึงภาพที่ 2.7 เปรียบเทียบค่า  $V_L$  และ  $V_H$  ของอนุภาคอลูมิเนียมขนาครัศมี เท่ากับ 0.403 มิลลิเมตร ซึ่งใช้ทคลองในงานวิจัยนี้ เมื่อมุม  $\theta_0$  ระหว่างอิเล็กโตรคเท่ากับ 3, 10 และ 15 องศา. แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นทั้งสองถูกแสคงเป็นฟังก์ชันของ  $x_p$  หรือ  $z_u$  เมื่อ  $z_u$  คือความสูง ณ ตำแหน่งอนุภาคของอิเล็กโตรคบนในช่วง 2a ถึง 16a และค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียคทานสถิต ระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรคเท่ากับ  $\mu = 0.063$  (อ้างอิงจากผลการวัคที่ได้).



ภาพที่ 2.6  $V_L$  และ  $V_H$  ของอนุภาคอลูมิเนียม รัศมี 0.403 mm  $\mu = 0.063$  เมื่อ  $\theta_0 = 10^\circ$ 



ภาพที่ 2.7  $V_L$  และ  $V_H$  ของอนุภาคอลูมิเนียม รัศมี 0.403 mm  $\mu = 0.063$  เมื่อ  $\theta_0 = 15^\circ$ 

จากภาพที่ 2.5 ถึงภาพที่ 2.7 จะเห็นได้ว่าค่าแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_L$  มีค่าสูงกว่า  $V_H$  ทุก มุม  $\theta_0$  ณ ตำแหน่ง  $x_p$  หรือ  $z_u$  ใดๆ แต่สังเกตเห็นว่า  $V_L$  และ  $V_H$  ทุกมุม  $\theta_0$  มีค่าใกล้เคียงกัน โดยเฉพาะเมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ$  มี  $V_L$  กับ  $V_H$  ที่ใกล้เคียงกันมากที่สุด และในทางตรงข้ามเมื่อ  $\theta_0 = 15^\circ$  มี  $V_L$  กับ  $V_H$  ที่แตกต่างกันมากที่สุด. ทั้งนี้เนื่องมากจากผลของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า เมื่อเราพิจารณา ภาพ (ข) ของภาพที่ 2.5 ถึงภาพที่ 2.7 และพิจารณาแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าตามสมการที่ (2.17) เป็น ฟังก์ชันของ  $F_{gd} = f(E_0^2 / r_p)$ . เมื่อพิจารณาที่  $z_u$  เดียวกัน  $r_p$  ของ  $\theta_0 = 15^\circ$  มีค่าน้อยที่สุด ทำให้ แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้ามีค่ามากที่สุด หรือกล่าวได้ว่า ค่าแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_H$  ของมุม  $\theta_0 = 15^\circ$  มี ค่าน้อยที่สุดเมื่อเทียบกับ มุม  $\theta_0 = 3^\circ$  และ 10° ทั้งนี้จึงเป็นสาเหตุที่ทำให้  $V_L$  และ  $V_H$  ของ  $\theta_0 = 15^\circ$  มีค่าแตกต่างกันมากที่สุด. ทั้งนี้การเริ่มเคลื่อนที่ของอนุภาคตามระนาบกราวนค์เกิดขึ้น เมื่อ แรงถูลอมบ์หักล้างกับแรงโน้มถ่วง ทำให้ขนาดของแรงเสียดทานมีค่าน้อย. อนุภาคจึงพร้อมที่ จะเกลื่อนในแนวระดับ. (อย่างไรก็ตามในทางปฏิบัติ เราอาจไม่เห็นการเคลื่อนที่ของอนุภาคในแนว ระดับก่อนการยกตัวขึ้นจากระนาบอิเล็กโตรด เนื่องจากมีแรงพื้นผิวอื่นๆ ที่ไม่ขึ้นกับขนาดของ *N* ด้วย.)

### 2.6 เงื่อนใขการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวน

สมมติให้อนุภาคอยู่บนฉนวน ซึ่งฉนวนอยู่บนระนาบกราวนค์ในการจัดเรียงตามภาพที่ 2.8 อนุภาคจะไม่เกิดประจุเหนี่ยวนำ นั่นคือจะไม่มีแรงคูลอมบ์กระทำกับอนุภาค แต่จะมีเพียงแรงเกร เดียนต์ไฟฟ้ากระทำ. เราจะละเลยผลของมุม  $\theta_p$  และความหนาของฉนวน *d* เพื่อให้ง่ายต่อการ พิจารฉาสนามไฟฟ้าในระบบอิเล็กโตรด.



ภาพที่ 2.8 แรงที่กระทำต่ออนุภาคในระนาบกราวนด์บนฉนวน

จากสมการที่ (2.25) เราสามารถเขียนสมการใหม่เป็น

$$F_{gd} = \mu F_g \tag{2.30}$$

$$\frac{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_s a^3 E_0^2}{r_p} = \mu \left[\frac{4}{3}\pi a^3 g(\rho_p - \rho_s)\right]$$
(2.31)

้สนามไฟฟ้าที่เริ่มทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวน $E_H$ หาได้จาก

$$E_{H} = \sqrt{\frac{\mu g(\rho_{p} - \rho_{s})r_{p}}{3\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}}}$$
(2.32)

แรงคันไฟฟ้าที่  $V_{\!_H}$  ที่ระนาบอิเล็กโตรคบนจึงมีค่าเป็น

$$V_{H} = \theta_{0} r_{p}^{\frac{3}{2}} \sqrt{\frac{\mu g(\rho_{p} - \rho_{s})r_{p}}{3\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}}}$$
(2.33)

ภาพที่ 2.9 เปรียบเทียบค่า V<sub>H</sub> ของอนุภาคเหมือนหัวข้อที่ผ่านมา เมื่อมุม θ<sub>0</sub> ระหว่าง อิเล็กโตรคเท่ากับ 3, 10 และ 15 องศา แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นถูกแสคงเป็นฟังก์ชันของ x<sub>p</sub>และ z<sub>u</sub> ค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียคทานสถิต μ ระหว่างอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm กับฉนวนเท่ากับ 0.068.

จากภาพที่ 2.9 จะเห็นได้ว่าเมื่อเปรียบเทียบการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ในหัวข้อที่ 2.5.2 และ 2.6 แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ในกรณีที่อนุภาคอยู่บนฉนวนมีค่า มากกว่าในกรณีที่อยู่บนตัวนำ ที่  $\theta_0 = 3^\circ$ ,  $10^\circ$  และ  $15^\circ$  เมื่ออนุภาคอยู่ที่ตำแหน่งเดียวกัน. ตัวอย่างเช่น เมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ$  ที่  $z_u = 4 \text{ mm}$  เมื่ออนุภาคอยู่บนอิเล็กโตรค  $V_H = 2.1 \text{ kV}$  ในขณะที่ เมื่ออนุภาคอยู่บนฉนวน  $V_H = 9 \text{ kV}$ .



ภาพที่ 2.9  $V_H$  ของอนุภาคอลูมิเนียม รัศมี 0.403 mm  $\mu = 0.068$  เมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ$ , 10°และ15°

### การทดลอง

ในงานงานวิจัยนี้ ผู้วิจัยได้ทำการทดลองเพื่อวัดก่าแรงดันไฟฟ้าที่อนุภากเริ่มเกลื่อนที่ ทั้งใน กรณีของการยกตัวขึ้นจากระนาบอิเล็กโตรดในแนวแกนดิ่ง และการเกลื่อนที่ในแนวระดับตามผิว อิเล็กโตรด (ภายใต้สนามไฟฟ้า). นอกจากนี้ ผู้วิจัยได้ทดลองวัดก่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานของ อนุภากกับระนาบอิเล็กโตรด และของอนุภากกับพอลีอิไมด์ เพื่อนำไปใช้ประมาณก่าแรงคันฟ้าที่ อนุภากเริ่มต้นเกลื่อนที่ทางทฤษฎี.

การเคลื่อนที่ของอนุภาคในระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบเอียงที่ศึกษาในงานวิทยานิพนธ์นี้ ขึ้นอยู่กับสัมประสิทธิ์การกระทบระหว่างอนุภาคกับระนาบอิเล็กโตรด. ดังนั้นผู้วิจัยจึงได้ทำการวัด สัมประสิทธิ์การกระทบ เพื่อหาความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วของอนุภาคก่อน-หลังกระทบกับ อิเล็กโตรด. จากค่าสัมประสิทธิ์ดังกล่าว เราสามารถจำลองทิศทางการเคลื่อนที่ของอนุภาคได้อย่าง สมจริงมากขึ้น.

ในบทที่ 3 นี้แสดงรายละเอียดของวัสดุ อุปกรณ์ และการจัดเตรียมการทดลอง รวมถึงการ หาค่าสัมประสิทธิ์ทางกลต่างๆ.

### 3.1 อนุภาค

อนุภาคที่ใช้ในการทดลองเป็นทรงกลมอลูมิเนียมและสเตนเลส (Micro Surface Engineering) รัศมี 0.403 mm เนื่องจากสภาวะของผิวอนุภาคมีผลอย่างมากต่อแรงยึดระหว่าง อนุภาคกับตัวกลางอื่น จึงต้องมีการเตรียมทำความสะอาดอนุภาคด้วยแอซิโตน (Acetone) โดยใช้ เครื่องล้างความถี่สูง (Ultrasonic cleaner, Sturdy Industrial). หลังจากนั้นนำอนุภาคไปอบใน ตู้อบระบบลมร้อนที่อุณหภูมิมากกว่า 80 °C เป็นเวลา 1 ชั่วโมงขึ้นไป. (รายละเอียดการทำความ สะอาดอนุภาคแสดงในภาคผนวก ก)

### 3.2 ระบบอิเล็กโตรดและวงจรทดลอง

ระบบอิเล็กโตรดที่ใช้ในกาทคลองนี้ ถูกออกแบบให้ง่ายต่อการปรับมุมและระยะระหว่าง อิเล็กโตรดทั้งสอง. อิเล็กโตรดและอุปกรณ์ที่สำคัญในการทคลองนี้ประกอบด้วย

- อิเล็กโตรดทำจากสเตนเลส ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 27 และสูง 15 mm. อิเล็กโตรดที่ใช้มีการตัด ให้เป็น Rogowski Profile ที่ขอบเพื่อหลีกเลี่ยงค่าสนามไฟฟ้าสูงที่ขอบอิเล็กโตรดซึ่งอาจทำให้ เกิดประจุด้างในระบบอิเล็กโตรดได้.
- 2. แท่นทดลองปรับตำแหน่งแนวแกน X-Y-Z (รุ่น XYZLNG60, Mizumi) มีช่วงตามแนวแ X,
   Y, Z เท่ากับ ±9, ±10 และ ±26 mm. ตามลำดับ โดยอิเล็กโตรดกราวนด์ถูกติดตั้งบนแท่น ทดลองนี้.
- แท่นทคลองปรับมุม (รุ่น GFG40, Mizumi) ปรับมุมได้ตั้งแต่ 0 ถึง 15 องศา โดยอิเล็กโตรด ไฟฟ้าแรงสูงถูกติดตั้งบนแท่นทดลองนี้.
- แท่นทคลองปรับตำแหน่งแนวแกน Z (รุ่น ZSCGB80, Mizumi) จำนวน 2 ชิ้น มีช่วงตาม แนวแกน Z เท่ากับ 65 mm. อิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูงถูกติคตั้งบนแท่นทคลองนี้ เพื่อใช้ปรับ ตำแหน่งแนวแกน Z ของอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูง. และอีกหนึ่งชิ้นใช้เป็นแท่นเพื่อติคตั้งกล้อง วีดีโอ เพื่อใช้ปรับตำแหน่งแนวแกน Z ของกล้องวีดีโอด้วยเช่นเดียวกัน.
- 5. กล้องวิดีโอ CCD (WAT-902H Ultimate หรือ WAT-902H Supreme, Watec)
- 7. ตัวต้านทานจำกัดกระแสขนาด 10 MΩ (MOX-9-10, OHMITE)
- 8. แผ่นทองแดง
- 9. เครื่องกำเนิคสัญญาณ Signal Generator (รุ่น AFG 3021B, Tektronix) แรงคันที่ใช้ใน งานวิจัยนี้ใช้ทั้ง DC และ AC รายละเอียดรูปคลื่นแรงคันไฟฟ้า ผู้วิจัยได้กล่าวไว้ในบทที่ 5.
- 10. เครื่องขยายแรงคันไฟฟ้า Amplifier (รุ่น 610E , Trek) ขยายแรงคันได้สูงสุด 10 kV.
- 11. ออสซิโลสโคป Oscilloscope (รุ่น DS1022C, RIGOL)
- 12. เครื่องคอมพิวเตอร์ ระบบปฏิบัติการ Windows 7

วงจรทคลองที่ใช้ในการสังเกตพฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาคแสดงในภาพที่ 3.1 อิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูงได้รับแรงดันจากเครื่องกำเนิดสัญญาณ (รุ่น AFG 3021B, Tektronix) และเครื่องขยายแรงดันไฟฟ้า (รุ่น 610E, Trek) (ผู้วิจัยใช้ ออสซิโลสโครปต่อกับเครื่องขยาย แรงดันไฟฟ้าเพื่อยืนยันสัญญาณแรงดันไฟฟ้า โดยสัญญาณที่แสดงบนออสซิโลสโคปถูกลดทอน ด้วยอัตราส่วน 1000:1). สัญญาณขาออกจากเครื่องขยายแรงดันไฟฟ้าผ่านตัวด้านทานจำกัด กระแส 10 MΩ เพื่อป้องกันระบบในกรณีเมื่อเกิดการดีสชาร์จก่อนที่จะจ่ายให้กับอิเล็กโตรด ไฟฟ้าแรงสูง. พฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาคนั้น บันทึกด้วยกล้องวิดีโอ CCD (WAT-902H Ultimate, Watec) ซึ่งต่อกับเครื่องคอมพิวเตอร์. ในภาพที่ 3.2 แสดงแผนภาพเค้าร่าง (Schematic diagram) การติดตั้งระบบทคลอง. ภาพที่ 3.3 แสดงภาพถ่ายระบบอิเล็กโตรด. เครื่องคอมพิวเตอร์ เครื่องกำเนิดสัญญาณ และออสซิโลสโคป และเครื่องขยายแรงคันไฟฟ้าแสดงในภาพที่ 3.4 และ 3.5 ตามลำคับ. การจัดเรียงระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบคู่ขนานและระนาบเอียงแสดงในภาพที่ 3.6 และ 3.7 ตามลำคับ.

การสังเกตพฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาคสังเกตจากเครื่องคอมพิวเตอร์โดยใช้ โปรแกรม Ulead Videostudio 11 สามารถบันทึกภาพได้ 30 ภาพต่อวินาที (30 frames/sec). ส่วนโปรแกรมที่ใช้ในการวัดระยะการเคลื่อนที่ของอนุภาค ผู้วิจัยใช้โปรแกรม Auto CAD 2010.



ภาพที่ 3.1 วงจรที่ใช้ในการทคลอง



ภาพที่ 3.2 แผนภาพเค้าร่างระบบทคลอง



ภาพที่ 3.3 ระบบอิเล็กโตรด



ภาพที่ 3.4 คอมพิวเตอร์ เครื่องกำเนิดสัญญาณ และออสซิโลสโคป



ภาพที่ 3.5 เครื่องขยายแรงคันไฟฟ้า


ภาพที่ 3.6 ระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบคู่งนาน



ภาพที่ 3.7 ระบบอิเล็กโตรคแบบระนาบเอียง

#### 3.3 การเตรียมแผ่นฉนวน

งานวิทยานิพนธ์นี้มีการใช้แผ่นฉนวนวางบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ เพื่อป้องกันการอัด ประจุของอนุภาค และควบคุมการเคลื่อนที่ของอนุภาค. แผ่นฉนวนที่ใช้ประกอบด้วยวัสดุ 2 ชนิด กือ Polydimethylsiloxane หรือที่เรียกสั้นๆว่า PDMS (KE106, Shin Etsu) และพอลีอิไมด์ (Polyimide) ซึ่งมีชื่อทางการค้ากือ KAPTON (3M). ในการศึกษา PDMS จะเป็นฉนวนหลักใน การศึกษาเพราะสามารถปรับความหนาได้ตามความต้องการ ส่วน KAPTON จะถูกติดบน PDMS ซึ่งทำหน้าที่ลดแรงเสียดทานทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวระดับได้. คุณสมบัติเฉพาะทางไฟฟ้า และความหนาของฉนวนทั้งสองชนิดแสดงในตารางที่ 3.1.ลักษณะ PDMS และ KAPTON แสดง ในภาพที่ 3.8ก และ 3.8ข ตามลำดับ.

วัสคุ	PDMS	KAPTON
แรงคันเบรกคาวน์ (kV/mm)	23	295
ี่ ค่าคงตัวไดอิเล็กตริก	3.1	3.5
ความหนาที่ใช้ในการทดลอง (mm)	0.6, 1.0	0.076

ตารางที่ 3.1 คุณสมบัติเฉพาะทางไฟฟ้าและความหนาของฉนวน





(ก) PDMS
 (บ) KAPTON
 ภาพที่ 3.8 ภาพถ่ายของฉนวนสองชนิดที่นำมาใช้ในการทดลอง

ลักษณะรูปแบบของฉนวนที่ใช้ในการทคลองมี 2 ลักษณะคือ

1. ฟิมล์ KAPTON ถูกติดบนแผ่น PDMS โดยให้มีกวามยาวเท่ากัน แสดงในภาพที่ 3.9.





ภาพที่ 3.9 ฉนวนลักษณะที่ 1

 ฟิมล์ KAPTON ถูกติดบนแผ่น PDMS โดยให้ฟิทล์ KAPTON มีความยาวมากกว่า PDMS ประมาณ 3 mm. ผู้วิจัยเรียกระยะที่ไม่มี PDMS อยู่ด้านล่าง KAPTON ว่า "ระยะจับยึด" (Trap) ดังแสดงในภาพที่ 3.10.



ภาพที่ 3.10 ฉนวนลักษณะที่ 2

รายละเอียดการผลิตฉนวนแสดงในภาคผนวก ข และผู้วิจัยขอกล่าวการใช้ฉนวนทั้งสองลักษณะใน บทที่ 5 ต่อไป.

### 3.4 การทดลองหาสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานสถิต

สัมประสิทธิ์แรงเสียดทานสถิต  $\mu$  ระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรดและระหว่างอนุภาค กับฟิมล์พอลีอิไมด์หาได้จากการทดลอง ซึ่งมีแผนภาพเด้าร่าง (Schematic diagram) ดังภาพที่ 3.11. ในภาพที่ 3.11 อนุภาคถูกวางวางอยู่บนแท่นทดลองปรับมุมได้ ซึ่งถูกปรับมุม  $\theta$  เพิ่มขึ้น จนกระทั่งอนุภาคเคลื่อนที่ลงตามแนวแท่นทดลอง. ภาพที่ 3.12ก และ 3.12ง แสดงภาพถ่ายของ อนุภาคบนแท่นทดลองเมื่ออนุภาคอยู่ที่ตำแหน่งเริ่มต้น และเมื่ออนุภาคเคลื่อนที่เมื่อแท่นทดลองถูก ปรับเป็นมุม  $\theta$  ตามลำคับ. ก่อนการทดลองผู้วิจัยเช็ดอิเล็กโตรดและ KAPTON ด้วย ethanol เพื่อ ทำความสะอาดพื้นผิว.

จากความสัมพันธ์ของแรง เราได้ว่า

$$mg\sin\theta = \mu mg\cos\theta \tag{3.1}$$

$$\mu = \tan \theta \tag{3.2}$$

สัมประสิทธิ์แรงเสียดทานสถิตที่คำนวณหาจากค่าเฉลี่ยที่ได้จากการทดลอง 10 ครั้งของอนุภาค. สัมประสิทธิ์แรงเสียดทานสถิตของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส รัศมี 0.403 mm มีค่าแสดงใน ตารางที่ 3.2.



ภาพที่ 3.11 การทคลองหาค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียคทานสถิต

ชนิดอนุภาค	วัสดุของแท่นทคลอง	มุม <i>6</i> ที่ทำให้อนุภาก เคลื่อนที่ (องศา)	μ			
อลูมิเนียม	อิเล็กโตรคสเตนเลส	3.65	0.063			
	ฟิมล์ KAPTON บนแผ่น PDMS	3.90	0.068			
สเตนเลส	อิเล็ก โตรคสเตนเลส	1.75	0.030			
	ฟิมล์ KAPTON บนแผ่น PDMS	1.35	0.023			

		,			
4	<b>v</b> 1 9 6	a -	9		ଦ ସାସଥ
mnen 1997 7 7	ລັງ ເຊ ຂຸດ ລັງ ຄ	112 912910	917912 am	. ຄເລ ຄວາ ເລ ລ ອ	ບບບ້ອງຄຳໃຫ້ທຸດລວງ
ע מערוגווא	สมบระถุท	แม่งนถาย	ทานถนท 1		
	0.00 200 0.00		···· / /		



(ก) อนุภาคอยู่ที่ตำแหน่งเริ่มต้น
 (ข) อนุภาคเคลื่อนที่
 ภาพที่ 3.12 ภาพถ่ายจากการทดลองหาสัมประสิทธิ์ความเสียดทานบนวัสดุทดลอง

#### 3.5 การทดลองหาสัมประสิทธิ์การกระทบระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรด

ในระหว่างที่อนุภาคเคลื่อนที่ในระบบอิเล็กโตรด เมื่ออนุภาคกระทบอิเล็กโตรด ความเร็ว ของอนุภาคเกิดการเปลี่ยนแปลง. สัมประสิทธิ์การกระทบระหว่างอนุภาคและอิเล็กโตรดจึงเป็น พารามิเตอร์สำคัญที่กำหนดแนวการเคลื่อนที่ของอนุภาคในระบบที่ศึกษา เมื่อไม่มีชั้นฉนวนอยู่บน อิเล็กโตรดกราวนด์. ความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วของอนุภาคก่อนกระทบ v<sub>1</sub> และหลังกระทบ อิเล็กโตรด v<sub>2</sub> แสดงด้วยสมการต่อไปนี้

$$v_{\perp,2} = -k_{\perp}v_{\perp,1} \tag{3.3}$$

$$v_{l,2} = k_{ll} v_{ll,1} \tag{3.4}$$

เมื่อ k คือ สัมประสิทธิ์การกระทบ. ดัชนีถ่าง ⊥ และ // ในสมการทั้งสองระบุค่าของสัมประสิทธิ์ และความเร็วในแนวตั้งฉากและขนานกับระนาบอิเล็กโตรดตามลำดับ. ตัวอย่างเช่น เอกสารอ้างอิง [2] ใช้สัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉาก k<sub>⊥</sub> = 0.47 และขนาน k<sub>∥</sub> = 0.8 สำหรับอนุภาค สเตนเลส รัศมี 1 mm ที่ตกกระทบอิเล็กโตรดสเตนเลส.

การหาสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉาก ใช้กฎการอนุรักษ์พลังงาน โดยทคลองปล่อย อนุภาคที่ความสูง *h*<sub>1</sub> เมื่ออนุภาคกระทบกับระนาบอิเล็กโตรดจะกระดอนขึ้นสูงสุดที่ความสูง *h*<sub>2</sub> ดังแสดงในภาพที่ 3.13. ภาพที่ 3.14ก และ 3.14ข แสดงภาพถ่ายจากการทคลองเมื่ออนุภาคถูก ปล่อยและกระดอนขึ้นสูงสุด ตามลำดับ.



ภาพที่ 3.13 การหาสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉาก

ตำแหน่งที่อนุภาคถูก ปล่อยให้ตกลง ตำแหน่งที่อนุภาค อิเล็กโตรด กระคอนขึ้นสูงสุค

(ข) ตำแหน่งที่อนุภาคกระดอนขึ้นสูงสุด (ก) ตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค ภาพที่ 3.14 ภาพถ่ายที่ได้จากการหา  $k_{\perp}$ 

้จากกฎการอนุรักษ์พลังงาน เมื่อละเลยแรงหนืดของอากาศ เราได้ว่า

 $\frac{1}{2}mv^2 = mgh$ (3.5)

ดังนั้นก่อนกระทบ

และหลังกระทบ

ด้งนั้น

 $k_{\perp} = \sqrt{\frac{h_2}{h_1}}$ (3.6)

การทดลองใช้ความสูง h<sub>1</sub> ประ น 6-7 mm. และหาค่าสัมประสิทธิ์การกระทบใน แนวตั้งฉาก จากการเฉลี่ยผลการทคลอง 10 ครั้งของอนุภากอลูมิเนียม รัศมี 0.403 mm ได้

 $v_{1,\perp}^2 = 2gh_1$ 

 $v_{2,\perp}^2 = 2gh_2$ 

$$k_{\perp} = 0.6 \tag{3.7}$$

การหาสัมประสิทธิ์ในแนวขนานหาได้จากการทดลองปล่อยอนุภาคให้กระทบบนระนาบ เอียง. ดังแสดงในภาพที่ 3.15. รูปถ่ายจากการทดลองเมื่ออนุภาคถูกปล่อยและกระดอนขึ้นจาก ระนาบเอียง แสดงในภาพที่ 3.16ก และ 3.16ง ตามลำดับ.





ภาพที่ 3.15 การหาสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนาน



(ก) ตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค
 (ข) แนวการกระดอนของอนุภาค
 ภาพที่ 3.16 ภาพถ่ายที่ได้จากการทดลองหา k<sub>⊥</sub> และ k<sub>//</sub> โดยใช้ระนาบเอียง

จากสมการที่ (3.5) ความเร็วที่อนุภาคกระทบกับระนาบคือ

$$v_1 = \sqrt{2gh_1} \tag{3.8}$$

ซึ่งมืองค์ประกอบในแนวตั้งฉากและขนานกับอิเลี้กโตรดเป็น

$$v_{1\perp} = v_1 \cos\theta \tag{3.9}$$

$$v_{1,//} = v_1 \sin \theta \tag{3.10}$$

ถ้าหลังจากการกระทบความเร็วของอนุภาคเท่ากับ v<sub>2</sub> ทำมุม β กับแนวระดับเราจะได้ ระยะ s<sub>2</sub> ในภาพที่ 3.15 เป็น

$$s_2 = \frac{2v_2^2 \cos\beta \sin\beta}{g} \tag{3.11}$$

และความสูง h<sub>2</sub> เป็น

$$h_2 = \frac{v_2^2 \sin^2 \beta}{2g}$$
(3.12)

จากสมการที่ (3.11) และ (3.12) นั้นเราสามารถคำนวณมุม  $\beta$  ได้จาก

$$\tan\beta = \frac{4h_2}{s_2} \tag{3.13}$$

ความเร็วของอนุภาคหลังการกระทบในแนวตั้งฉาก  $v_{2,\perp}$  และขนาน  $v_{2,//}$ 

$$v_{2,\perp} = v_2 \sin(\theta + \beta) \tag{3.14}$$

$$v_{2,//} = v_2 \cos(\theta + \beta)$$
 (3.15)

จากสมการที่ (3.9) (3.10) (3.14) และ (3.15) เราสามารถหาสัมประสิทธิ์การกระทบใน แนวตั้งฉาก และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานได้

การทดลองในวิทยานิพนธ์นี้ใช้มุม  $\theta = 22,29$  และ 30 องศา เพื่อหาสัมประสิทธิ์การ กระทบทั้งสอง. สำหรับอนุภาคอลูมิเนียมรัศมี 0.403 mm. และระนาบอิเล็กโตรดสเตนเลส ผลการ ทดลองได้ สัมประสิทธิ์การการกระทบในแนวตั้งฉาก  $k_{\perp} = 0.6$  และสัมประสิทธิ์การการกระทบ ในแนวขนาน  $k_{\parallel} = 0.7$  ซึ่งสอดคล้องกับการทดลองกับระนาบที่อยู่ในแนวระดับ. ตาราง กุณสมบัติเฉพาะต่างๆ ของอนุภาคที่ใช้ในการทดลองแสดงในตารางที่ 3.3 และรายละเอียดของผล การทดลองแสดงอยู่ในภาคผนวก ค.

วัสดุอนุภาค	<u>ອ</u> ຄູນີເນີຍນ	สเตนเลส
รัศมี (mm)	0.403	0.403
ความหนาแน่น (kg/m³)	2700	7850
ມ <b>າ</b> ຄ (kg)	7.44×10 <sup>-7</sup>	2.16×10 <sup>-6</sup>
สัมประสิทธิ์การกระทบ ( $k_{\perp}^{}/k_{{\scriptscriptstyle /\!/}}^{})$	0.6/0.7	0.76/0.54
$\mu$ (electrode/KAPTON)	0.063/0.068	0.030/0.023

ตารางที่ 3.3 คุณสมบัติเฉพาะของอนุภาค

# บทที่ 4

# การจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค

เมื่ออนุภาคตัวนำอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอในระบบอิเล็กโตรด จะเกิดแรงทาง ไฟฟ้ากระทำต่ออนุภาคทำให้อนุภากถูกยกขึ้นหรือเคลื่อนที่ตามแนวอิเล็กโตรดกราวนด์. ในกรณีที่ สนามไฟฟ้ามีค่ามากพอและมีระยะเวลานานจนทำให้อนุภากถูกยกขึ้น อนุภาคจะเคลื่อนที่ไป กระทบกับอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงหลังจากนั้น อนุภาคจะกระดอนกลับมายังอิเล็กโตรดกราวนด์ การเคลื่อนที่ของอนุภาคจะเป็นไปในลักษณะนี้จนกว่าสนามไฟฟ้าจะหมดลง. การวิเคราะห์การ เคลื่อนที่ของอนุภาคภายใต้สภาวะดังกล่าวอย่างถูกต้องเป็นพื้นฐานที่สำคัญสำหรับการควบคุมการ เกลื่อนที่ของอนุภาค.

#### 4.1 วิธีการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค

การจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคในระบบอิเล็กโตรด ใช้วิธีการคำนวณการเคลื่อนที่แบบ 2 มิติ บนพิกัด (x,z). แรงทั้งหมดที่กระทำกับอนุภาคจะถูกแยกองค์ประกอบในแกน x และ z. ตัวอย่างเช่น เช่น กรณีของแรงกูลอมบ์ F<sub>q</sub> ที่แสดงในภาพที่ 4.1 จะแยกเป็น F<sub>qx</sub> และ F<sub>qz</sub> โดยที่

$$F_{qx} = -F_q \sin \theta_p \tag{4.1}$$

$$F_{qz} = F_q \cos \theta_p \tag{4.2}$$

ดัชนี้ถ่าง x และ z แทนทิศทางของแรงที่กระทำต่ออนุภาคในแนวขนานและตั้งฉากกับระนาบ กราวนด์ตามลำดับ.

เพื่อให้ง่ายต่อการจำลอง ผู้วิจัยได้แบ่งเหตุการณ์ในการกำนวณเป็น 5 เหตุการณ์ ประกอบด้วย

1. อนุภาคถูกวางบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์

2. อนุภาคเคลื่อนที่จากระนาบกราวนด์ไปยังอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูง

3. อนุภาคกระทบกับอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูง

4. อนุภาคเคลื่อนที่ไปสู่อิเล็กโตรดกราวนด์

5. อนุภาคกระทบกับอิเล็กโตรดกราวนด์

ในการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค ผู้วิจัยสมมติให้อนุภาคมีขนาคเล็กมากเมื่อเทียบกับ ระบบอิเล็กโตรค. อนุภาคเปรียบเสมือนจุค ทำให้สามารถละเลยรัศมีของอนุภาคเมื่อเกิคการกระทบ ระหว่างอนุภาคและอิเล็กโตรค. การคำนวณแรงต่างๆจะเป็นไปตามเงื่อนไขที่ได้กล่าวในบทที่ 2.



ภาพที่ 4.1 ทิศทางของแรงดูลอมบ์ในทิศตั้งฉากกับเส้นศักย์ไฟฟ้าเท่า หรือในแนวแกน x และ z

#### ้เหตุการณ์ที่ 1 อนุภาคถูกวางบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์

อนุภาคมวล *m* ที่พิกัค ( $x_p(i), z_p(i)$ ) โดย *i* แทนด้วยตัวเลข 1, 2, 3, ... แสดงลำดับการ คำนวณ. อนุภาคดังกล่าวอยู่บนอิเล็กโตรดกราวนด์ ภายใต้สนามไฟฟ้า  $E_L$  เกิดประจุเหนี่ยวนำ  $q_{ind}$  บนอนุภาค. อนุภาคจะเริ่มยกตัวขึ้น. การคำนวณในเหตุการณ์นี้ เราละเลยผลของมุม $\theta_p$ ดัง แสดงในภาพที่ 4.2.



ผลรวมของแรง  $F_x$  และ  $F_z$  ที่กระทำต่ออนุภาคในแนวแกน x และ z

$$F_x(1) = -F_{gd}(1) = ma_x(1)$$
(4.3)

$$F_{z}(1) = F_{q}(1) - F_{g} = ma_{z}(1)$$
(4.4)

เมื่อ  $\vec{a}_x(1)$  และ  $\vec{a}_z(1)$  คือ ความเร่งในแนวแกน z และ x ตามลำดับ.

ในเหตุการณ์ที่ 1 นี้จะไม่คิดแรงหนืดของอากาศ เนื่องจากความเร็วเริ่มต้นเท่ากับศูนย์และละเลยแรง เสียดทาน เนื่องจาก  $F_q > F_g$ . เมื่อได้  $\bar{a}_x(1)$  และ  $\bar{a}_z(1)$  แล้วเราสามารถคำนวณตำแหน่งที่อนุภาค เคลื่อนที่ไปได้ในแนวแกน z และ x จากสมการต่อไปนี้.

$$x_{p}(2) = \frac{1}{2}a_{x}(1)\Delta t^{2}$$
(4.5)

$$z_{p}(2) = \frac{1}{2}a_{z}(1)\Delta t^{2}$$
(4.6)

 $\Delta t$  คือ ขั้นเวลา (Time step) ที่ใช้ในการคำนวณ.

จากสมการที่ (4.3) และ (4.4) เราจะได้ความเร่ง  $\bar{a}_x(1)$  และ  $\bar{a}_z(1)$  เพื่อคำนวณความเร็ว ปลายของอนุภาคที่มาจากตำแหน่ง  $x_p(1)$  และ  $z_p(1)$  หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งได้ว่าเป็นความเร็วต้น ของตำแหน่ง  $x_p(2)$  และ  $z_p(2)$  จากสมการ.

$$u_x(2) = u_x(1) + a_x(1)\Delta t$$
 (4.7)

$$u_z(2) = u_z(1) + a_z(1)\Delta t$$
(4.8)

เมื่อ  $u_x(1)$  และ  $u_z(1)$  คือ ความเร็วต้นตามแนวแกนทั้งสองซึ่งมีค่าเท่ากับศูนย์.

จากสมการที่ (4.5) ถึง (4.8) เราทราบตำแหน่งและความเร็วของอนุภาคที่เคลื่อนที่ไป ภายใต้สนามไฟฟ้า และเข้าสู่เหตุการณ์ที่ 2.

### เหตุการณ์ที่ 2 อนุภาคเคลื่อนที่จากระนาบกราวนด์ไปยังอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง

ในเหตุการณ์นี้ อนุภาคถูกยกขึ้นด้วยแรงทางไฟฟ้า และเคลื่อนที่ไปยังอิเล็กโตรดขั้วตรง ข้าม. แรงคูลอมบ์และแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า จะมีขนาดของแรงสัมพันธ์กับ  $\theta_p$  และ  $r_p$  ของอนุภาค และมีแรงหนืดของอากาศ  $\bar{F}_v$  กระทำต่ออนุภาค ดังแสดงในภาพที่ 4.3.



ภาพที่ 4.3 แรงที่กระทำต่ออนุภาคในเหตุการณ์ที่ 2

เมื่อได้  $x_p(2)$  และ  $z_p(2)$  จากเหตุการณ์ที่ 1 เราสามารถคำนวณ  $r_p(2) = \theta_p(2)$  และ  $E_{\theta}(2)$ . ความเร่ง  $a_x(i)$  และ  $a_x(i)$  เนื่องจากผลรวมของแรงที่ขั้นเวลา *i* คำนวณได้จาก

$$-F_{q}(i)\sin\theta_{p}(i) - F_{gd}(i)\cos\theta_{p}(i) + F_{vx}(i) = ma_{x}(i)$$
(4.9)

$$F_{q}(i)\cos\theta_{p}(i) - F_{gd}(i)\sin\theta_{p}(i) - F_{g} - F_{vz}(i) = ma_{z}(i)$$
(4.10)

ເນື່ອ

$$F_{\nu x}(i) = -6\pi \eta a u_x(i) \tag{4.11}$$

$$F_{vz}(i) = -6\pi\eta a u_z(i) \tag{4.12}$$

จากสมการที่ (4.11) และ (4.12) เครื่องหมายที่อยู่ด้านหน้าพจน์แรงหนืด มีหมายความว่า มีทิศทางตรงข้ามกับการเคลื่อนที่ของอนุภาค.

้สำหรับความเร็วและตำแหน่งของอนุภาค ณ สภาวะถัดไปคำนวณได้จาก

$$u_x(i+1) = u_x(i) + a_x(i)\Delta t$$
 (4.13)

$$u_{z}(i+1) = u_{z}(i) + a_{z}(i)\Delta t$$
 (4.14)

$$x_{p}(i+1) = u_{x}(i)\Delta t + \frac{1}{2}a_{x}(i)\Delta t^{2}$$
(4.15)

$$z_{p}(i+1) = u_{z}(i)\Delta t + \frac{1}{2}a_{z}(i)\Delta t^{2}$$
(4.16)

เมื่อ i เป็นขั้นตอนปัจจุบัน.

คำนวณเช่นนี้เรื่อยไป สำหรับเหตุการณ์ที่ 2 โดย i = 2, 3, 4, ... จนกระทั่งอนุภาคชน อิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงภายใต้เงื่อนไข  $\theta_p(i) = \theta_0$ .

#### เหตุการณ์ที่ 3 อนุภาคกระทบกับอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง

เมื่อ  $\theta_p = \theta_0$  อนุภาคกระทบอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง จะเกิดการเปลี่ยนแปลงของประจุ และความเร็วของอนุภาค. จากความเร็ว  $v_{x,1}$  และ  $v_{z,1}$  ก่อนชน เราสามารถเปลี่ยนความเร็วใน แนวแกน x และ z ให้เป็นความเร็ว  $v_{\perp,1}$  ในแนวตั้งจากก่อนชน และความเร็ว  $v_{//,1}$  ในแนวขนาน กับอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงได้. ในการคำนวณนั้น เนื่องจากระบบที่เราใช้พิจารณาคือ x และ z ใน กรณีการกระทบนั้น เราต้องใช้การคำนวณในแนวตั้งจากและขนาน เพื่อไม่ให้เกิดความสับสน เรา จึงต้องการหาความสัมพันธ์ของความเร็วก่อนกระทบ  $\bar{v}_{z,1}$  และ  $\bar{v}_{x,1}$  กับความเร็วหลังกระทบ  $\bar{v}_{z,2}$ และ  $\bar{v}_{x,2}$  ดังแสดงในภาพที่ 4.4.



ภาพที่ 4.4 การกระทบระหว่างอนุภาคและอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง

จากภาพที่ 4.4 เราสร้างแกนตั้งฉาก ⊥ และขนาน // กับอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูง และแยก องค์ประกอบของความเร็ว *vิ<sub>z,1</sub> และ vิ<sub>x,1</sub> ให้อยู่ในแกนตั้ง*ฉากและขนาน โดยใช้ความสัมพันธ์

$$v_{\perp} = v_z \cos\theta_0 - v_x \sin\theta_0 \tag{4.17}$$

$$v_{\prime\prime} = v_z \sin\theta_0 + v_x \cos\theta_0 \tag{4.18}$$

สามารถเขียนความสัมพันธ์ สมการที่ (4.17) และ (4.18) ในรูปของเมตริกซ์ คือ

$$\begin{bmatrix} v_{\perp} \\ v_{\parallel} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta_0 & -\sin \theta_0 \\ \sin \theta_0 & \cos \theta_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_z \\ v_x \end{bmatrix}$$
(4.19)

เมื่อเราใช้ความสัมพันธ์จากสมการที่ (4.19) เปลี่ยนจากความเร็วในแนวตั้งฉากและขนาน ให้อยู่ใน แนวแกน x และ z จะได้ว่า

$$\begin{bmatrix} v_z \\ v_x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta_0 & \sin\theta_0 \\ -\sin\theta_0 & \cos\theta_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_\perp \\ v_{\prime\prime} \end{bmatrix}$$
(4.20)

หรือเขียนในรูปของสมการได้เป็น

$$v_z = v_\perp \cos\theta_0 + v_{//} \sin\theta_0 \tag{4.21}$$

$$v_x = -v_\perp \sin \theta_0 + v_{\prime\prime} \cos \theta_0 \tag{4.22}$$

เมื่อเราได้ความสัมพันธ์ของความเร็วทั้งสองระบบ x กับ z และ ⊥ กับ // เราจะ พิจารณาความสัมพันธ์ที่สำคัญของการกระทบ คือ ความเร็วก่อนกระทบ v<sub>⊥,1</sub>และ v<sub>//,1</sub> กับ ความเร็วหลังกระทบ v̄<sub>⊥,2</sub>และ v̄<sub>//,2</sub> มีความสัมพันธ์ดังนี้

$$v_{\perp,2} = -k_{\perp} v_{\perp,1} \tag{4.23}$$

$$v_{l,2} = k_{ll} v_{ll,1} \tag{4.24}$$

จะได้ว่า

$$\begin{bmatrix} v_{\perp,2} \\ v_{\parallel,2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -k_{\perp}\cos\theta_{0} & k_{\perp}\sin\theta_{0} \\ k_{\parallel}\sin\theta_{0} & k_{\parallel}\cos\theta_{0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{z,1} \\ v_{x,1} \end{bmatrix}$$
(4.25)

ทำให้ได้ความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วในแนวแกน x กับ z ก่อนและหลังกระทบเป็น

$$\begin{bmatrix} v_{z,2} \\ v_{x,2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta_0 & \sin\theta_0 \\ -\sin\theta_0 & \cos\theta_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -k_{\perp}\cos\theta_0 & k_{\perp}\sin\theta_0 \\ k_{\parallel}\sin\theta_0 & k_{\parallel}\cos\theta_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{z,1} \\ v_{x,1} \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} v_{z,2} \\ v_{x,2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_{\parallel}\sin^2\theta_0 - k_{\perp}\cos^2\theta_0 & (k_{\perp} + k_{\parallel})\sin\theta_0\cos\theta_0 \\ (k_{\perp} + k_{\parallel})\sin\theta_0\cos\theta_0 & k_{\parallel}\cos^2\theta_0 - k_{\perp}\sin^2\theta_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{z,1} \\ v_{x,1} \end{bmatrix}$$
(4.26)

หรือ

$$\vec{v}_{z,2} = (k_{//} \sin^2 \theta_0 - k_{\perp} \cos^2 \theta_0) \vec{v}_{z,1} + (k_{\perp} + k_{//}) \sin \theta_0 \cos \theta_0 \vec{v}_{x,1}$$
(4.27)

$$\vec{v}_{x,2} = (k_{\perp} + k_{\prime\prime}) \sin \theta_0 \cos \theta_0 \vec{v}_{z,1} + k_{\prime\prime} \cos^2 \theta_0 - k_{\perp} \sin^2 \theta_0 \vec{v}_{x,1}$$
(4.28)

เมื่ออนุภาคกระทบอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูงจะเกิดการเหนี่ยวนำประจุดชนิดตรงข้าม. การ คำนวณแรงที่กระทำกับอนุภาคจะใช้หลักการเดียวกับการคำนวณในเหตุการณ์ที่ 1. อนุภาคจะ กระดอนออกจากอิเล็กโตรคไฟฟ้าแรงสูง และเคลื่อนที่ไปยังอิเล็กโตรดกราวนด์. การเปลี่ยนแปลง ขั้วของประจุเหนี่ยวนำทำให้ทิศทางของแรงคูลอมบ์เปลี่ยนแปลง ซึ่งจะกล่าวในเหตุการณ์ที่ 4 ต่อไป.

## เหตุการณ์ที่ 4 อนุภาคเคลื่อนที่ไปสู่อิเล็กโตรดกราวนด์

อนุภาคจะเคลื่อนที่ไปยังอิเล็กโตรคกราวนด์ จนกระทั่งเกิดการกระทบระหว่างอนุภาคและ อิเล็กโตรดกราวนด์ภายใต้เงื่อนไข  $heta_p=0^\circ$  ดังแสดงในภาพที่ 4.5.



ภาพที่ 4.5 แรงที่กระทำต่ออนุภากในเหตุการณ์ที่ 4

เราสามารถเขียนความสัมพันธ์ระหว่างความเร่งกับผลรวมของแรงในเหตุการณ์นี้ได้เป็น

$$F_q(i)\sin\theta_p(i) - F_{gd}(i)\cos\theta_p(i) - F_{vx}(i) = ma_x(i)$$
(4.29)

$$-F_{q}(i)\cos\theta_{p}(i) - F_{g} - F_{gd}(i)\sin\theta_{p}(i) + F_{vz}(i) = ma_{z}(i)$$
(4.30)

การคำนวณในเหตุการณ์นี้ใช้หลักการคำนวณเหมือนกับในเหตุการณ์ที่ 2.

## เหตุการณ์ที่ 5 อนุภาคกระทบกับอิเล็กโตรดกราวนด์

ในเหตุการณ์นี้ อนุภาคกระทบกับอิเล็กโตรดกราวนด์ เงื่อนไขการชนระหว่างอนุภาคกับ อิเล็กโตรดกราวนด์จะไม่มีความซับซ้อนเหมือนกับการชนกับอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง. เราสามารถ ใช้ความสัมพันธ์ระหว่างของความเร็วก่อนกระทบ v<sub>z,1</sub> และ v<sub>x,1</sub> กับความเร็วหลังกระทบ v<sub>z,2</sub> และ v<sub>x,2</sub> อยู่ในรูปของ

$$v_{z,2} = -k_{\perp} v_{z,1} \tag{4.31}$$

$$v_{x,2} = k_{//} v_{x,1} \tag{4.32}$$

เมื่ออนุภาคชนกับอิเล็กโตรคกราวนด์จะเกิดการเปลี่ยนแปลงของประจุและความเร็วของ อนุภาคเช่นเดียวกันกับเหตุการณ์ที่ 3.

เมื่อการคำนวณทั้ง 5 เหตุการณ์จบลง ก็จะเริ่มการคำนวณในเหตุการณ์ที่ 2 ใหม่อีกครั้ง และ จะเป็นเช่นนี้เรื่อยไปตามจำนวนขั้นเวลาที่ต้องการ. ค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวณแสดงไว้ใน ตารางที่ 4.1 และแผนภูมิการกำนวณแสดงในภาพที่ 4.6.

ตารางที่ 4 1 ค่าพาราบิเตอร์ร์	ที่ใช้ในการดำบากเ

พารามิเตอร์	ตัวแปร	ค่าที่ใช้	หน่วย
ความหนาแน่นอนุภาค	2	2700 (ອຄູູນີເນີຍນ)	lea/m <sup>3</sup>
	$\rho_p$	7850 (สเตนเลส)	Kg/III
สัมประสิทธิ์การกระทบแนวตั้งฉาก	7	0.60 (ອຄູນີເນີຍນ)	
	$k_{\perp}$	0.76 (สเตนเลส)	-
สัมประสิทธิ์การกระทบแนวขนาน	1	0.70 (ອຄູນີເນີຍນ)	
	<i>K</i> <sub>//</sub>	0.54 (สเตนเลส)	-
รัศมีอนุภาค	а	0.403	mm
สภาพขอมของสุญญากาศ	${\cal E}_0$	8.854×10 <sup>-12</sup>	F/m
ความหนาแน่นอากาศ	$ ho_{s}$	1.184	kg/m <sup>3</sup>
ค่าคงตัวไดอิเล็กตริกของอากาศ	$\mathcal{E}_{s}$	1	-
สัมประสิทธิ์แรงหนืดของอากาศ	η	18.2×10 <sup>-6</sup>	Pa s
เวลาที่ใช้จากลำคับปัจจุบันไปยังลำคับ ถัดไป	$\Delta t$	0.00001	S



### 4.2 ผลการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค

หัวข้อนี้แสดงเส้นทางการเกลื่อนที่ของอนุภาก และปัจจัยที่มีผลต่อการเกลื่อนที่ของอนุภาก ประกอบด้วย แรงคันไฟฟ้าหรือสนามไฟฟ้า มุมระหว่างอิเล็กโตรด สัมประสิทธิ์การกระทบและ กวามหนาแน่นของอนุภากตัวนำ.

ในการศึกษาขั้นต้น ผู้วิจัยได้ศึกษาพฤติกรรมของอนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ โดยจำลองอนุภาคอลูมิเนียมถูกวางที่ตำแหน่งเริ่มต้น  $x_p = 106 \text{ mm}$  และมุมระหว่างอิเล็กโตรดทั้ง สอง  $\theta_0 = 3^\circ$  และแรงคันไฟฟ้าเท่ากับ 4.0 kV. ภาพที่ 4.7 แสดงผลการจำลองที่ได้ ผู้วิจัยพบว่า เมื่ออนุภาคถูกยกขึ้นจนกระทบกับอิเล็กโตรดบนและกระดอนกลับลงมากระทบอิเล็กโตรดล่าง ผล ของแรงทางไฟฟ้าและคุณสมบัติการกระทบทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าที่ต่ำ กว่า และใช้เวลาการเคลื่อนที่เท่ากับ 0.24 วินาที เมื่ออนุภาคกระทบอิเล็กโตรดกราวนด์เป็นครั้งที่ 9.



ภาพที่ 4.7 การจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม โดย  $V = 4.0 \; \mathrm{kV}$  และ  $\; heta_0 = 3^\circ$ 

จากการเคลื่อนที่ของอนุภาคที่ได้แสดงในภาพที่ 4.7 ทำให้เราเข้าใจพฤติกรรมของอนุภาค ในระบบอิเล็กโตรคนี้. ผลของแรงคันไฟฟ้าหรือสนามไฟฟ้าที่มีก่าสูงขึ้นหรือลคลง จะมีผลต่อระยะ กระจัดของอนุภาคด้วยเช่นกัน. ผู้วิจัยเปรียบเทียบผลที่ได้ เมื่อจ่ายแรงคันไฟฟ้า 3.01, 4.0 และ 5.5 kV ให้กับระบบอิเล็กโตรคนี้. ในแต่ละแรงคันไฟฟ้า อนุภาคอลูมิเนียมถูกวางที่ตำแน่งเริ่มต้น  $x_p =$ 106 mm และมุมระหว่างอิเล็กโตรคทั้งสอง  $\theta_0 = 3^\circ$  และสังเกตผลการจำลอง. ผู้วิจัยพบว่า เมื่อ แรงคันไฟฟ้าสูงขึ้น ทำให้อนุภาค มีระยะกระจัดในแนวระนาบเพิ่มขึ้นด้วยเช่นกัน เมื่ออนุภาค กระทบอิเล็กโตรคกราวนค์เป็นครั้งที่ 2 คังแสดงในภาพที่ 4.8. ภาพที่ 4.9 เปรียบเทียบระยะกระจัด ในแนวแกน x กับเวลาการเคลื่อนที่ของอนุภาคที่แรงคันไฟฟ้าก่าต่างๆ ที่อิเล็กโตรค.



ภาพที่ 4.8 การเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม โดย V = 3.01, 4.0 และ 5.5 kV และ  $\theta_0$  = 3°



ภาพที่ 4.9 ระยะกระจัดของอนุภาคในแนวระดับเทียบกับเวลา โดย V=3.01,~4.0 และ 5.5 kV และ  $\theta_0=3^\circ$ 

ผู้วิจัยได้ศึกษาผลของมุม  $\theta_0$  ระหว่างอิเล็กโตรด โดยให้อนุภาคอลูมิเนียมมีตำแหน่งเริ่มต้น ที่ได้รับความเครียดสนามไฟฟ้าเท่ากัน (0.72 kV/mm) โดยที่  $\theta_0$ เท่ากับ 3, 6 และ 9 องศา. ระยะ กระจัดในแนวแกน x ที่อนุภาคเคลื่อนที่ไปได้ เทียบกับเวลาของการเคลื่อนที่แสดงในภาพที่ 4.10. ผู้วิจัยพบว่าเมื่อมุมระหว่างอิเล็กโตรดเพิ่มขึ้นทำให้ระยะกระจัดในแนวระนาบของการเคลื่อนที่ของ อนุภาคเพิ่มขึ้นด้วยเช่นกัน.



ภาพที่ 4.10 ระยะกระจัดของอนุภาคอลูมิเนียมในแนวระดับจากตำแหน่งเริ่มต้น เมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ$ , 6° และ 9° โดย  $V = 4.0 \; \mathrm{kV}$ 

นอกจากนี้ ผู้วิจัยได้เปรียบเทียบการเคลื่อนที่ของอนุภาคต่างชนิดกัน คือ อลูมิเนียม(Al) และ สเตนเลส(St) เมื่อมีรัศมีเท่ากัน แต่ความหนาแน่นของอนุภาคสเตนเลสมากกว่าอนุภาค อลูมิเนียมประมาณ 3 เท่า. ผู้วิจัยจำลองอนุภาคทั้งสองให้ถูกวางที่  $x_p = 106 \text{ mm}$  มุมระหว่าง อิเล็กโตรค  $\theta_0 = 3^\circ$ และแรงคันไฟฟ้าเท่ากับ 8 kV ซึ่งเป็นแรงคันไฟฟ้าที่ทำให้อนุภาคทั้งสองชนิด ยกตัวจากระนาบได้. ภาพที่ 4.11 แสดงผลการจำลองที่ได้. จากผลการจำลองแสดงให้เห็นว่า อนุภาคอลูมิเนียมมีระยะกระจัดในแนวระนาบมากกว่า เมื่ออนุภาคทั้งสองเคลื่อนที่ข้ามแกป 4 รอบ.



ภาพที่ 4.11 การเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส โคย  $V\!=\!8.0~{
m kV}$  และ  $\, heta_{_0}=3^\circ$ 

จากการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคทั้งหมดที่ผ่านมา ทำให้เราทราบถึงปัจจัยที่มีผลต่อ การเคลื่อนที่ของอนุภาค ซึ่งได้แก่ แรงดันไฟฟ้าหรือสนามไฟฟ้า มุมระหว่างอิเล็กโตรด สัมประสิทธิ์การกระทบและความหนาแน่นของอนุภาคตัวนำ. ปัจจัยดังกล่าวทำให้เส้นทางการ เคลื่อนที่ของอนุภาคมีลักษณะที่แตกต่างกัน. ผลจากการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาค ผู้วิจัยสรุป ได้ว่า

 ผลของแรงทางไฟฟ้าและคุณสมบัติการกระทบทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มี สนามไฟฟ้าที่ต่ำกว่า.

 2. ผลของแรงคันไฟฟ้าหรือสนามไฟฟ้าที่มากขึ้น อนุภาคจะมีระยะกระจัดที่มากขึ้นและใช้ เวลาในการเกลื่อนที่น้อยกว่าเมื่อใช้แรงคันไฟฟ้าหรือสนามไฟฟ้าน้อยกว่า (เมื่ออ้างอิงตำแหน่ง สุดท้ายเดียวกัน).

3. ผลของมุมระหว่างอิเล็ก โตรคที่มากขึ้น อนุภาคจะมีระยะกระจัคที่มากขึ้นเช่นเคียวกัน.

 4. ผลของความหนาแน่นของอนุภาคที่มากขึ้น ทำให้ต้องใช้แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้ อนุภาคยกตัวเพิ่มขึ้น เมื่อเปรียบเทียบกับอนุภาครัศมีเท่ากัน แต่มีความหนาแน่นน้อยกว่า.

5. ระยะกระจัดของอนุภาคจะมากหรือน้อยนั้น ขึ้นอยู่กับสัมประสิทธิ์การกระทบใน แนวตั้งฉากและขนานด้วยเช่นกัน.

#### ผลการทดลอง

บทที่ 5 กล่าวถึงผลการทคลองศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคด้วยแรงทางไฟฟ้า ซึ่งได้แก่ แรงคูลอมบ์และแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า. อนุภาคที่ใช้ในการทคลองมีรายละเอียคดังแสคงในตารางที่ 3.3 โดยมีขนาครัศมีเท่ากับ 0.403 mm. ทั้งนี้มีการทคลองใช้อนุภาคสเตนเลสขนาครัศมี 0.203 mm ในการทคลองบางครั้งเพื่อสังเกตความแตกต่างเนื่องจากขนาคของอนุภาคด้วย.

การทดลองที่ได้ดำเนินการในวิทยานิพนธ์ มีดังนี้

1. ผลจากมุมของระนาบอิเล็กโตรคกราวนด์  $heta_{\!g}$ 

2. การยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรดกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ

3. การเคลื่อนที่ของอนุภาคที่วางตัวบนระนาบกราวนค์ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

4. การเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

5. การยึดจับอนุภาคโดยใช้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

### 5.1 ผลจากมุมของระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ $heta_{g}$

หัวข้อนี้เสนอผลจากมุมของระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์  $heta_g$ . การศึกษานี้ ผู้วิจัยใช้ระบบ อิเล็กโตรดในภาพที่ 5.1. เมื่อพิจารณาระบบอิเล็กโตรดเป็นแบบระนาบคู่ขนาน และใช้อนุภาค อลูมิเนียมในการทดลอง. ในการทดลอง แรงดันไฟฟ้าที่จ่ายให้กับระบบอิเล็กโตรดเป็นชนิดรูปคลื่น สี่เหลี่ยม เป็นเวลา T ในช่วง 150-400 ms ดังแสดงในภาพที่ 5.2. ผู้วิจัยพบลักษณะการเคลื่อนที่ สองแบบจากการทดลองคือ

1. การยกตัวของอนุภาค เนื่องจากแรงคูลอมบ์ มีทิศทางที่ไม่ตั้งฉากกับแนวระดับ

2. มีการเคลื่อนที่ตามระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์เกิดขึ้น.

ภาพที่ 5.3 และ 5.4 แสดงภาพถ่ายจากการทดลอง ที่ระยะแกป 2 mm. ภาพที่ 5.3ก แสดง ตำแหน่งเริ่มต้นก่อนการยกตัวของอนุภาค และภาพที่ 5.3ข แสดงการยกตัวของอนุภาค และภาพที่ 5.4ก แสดงตำแหน่งเริ่มต้นก่อนการเคลื่อนที่ตามระนาบอิเล็ก โตรดกราวนด์ และภาพที่ 5.4ข แสดง การเคลื่อนที่ตามระนาบอิเล็ก โตรดกราวนด์. เราสามารถเขียนแผนภาพเก้าร่างแนวการเคลื่อนที่ของ อนุภาค. ภาพที่ 5.5ก สำหรับการยกตัวของอนุภาค และภาพที่ 5.5ข สำหับการเคลื่อนที่ตามระนาบ อิเล็ก โตรดกราวนด์. พฤติกรรมของอนุภาคดังกล่าว แสดงให้เห็นว่าระนาบอิเล็ก โตรดกราวนด์อาจ มีการลาคเอียงจากระนาบปกติเป็นมุม  $heta_g$  ทำให้อนุภาคมีพฤติกรรมที่แตกต่างจากพฤติกรรมใน ระบบอิเล็กโตรคที่เป็นแบบระนาบคู่ขนานในแนวระคับที่มีระยะแกป d คังที่ได้กล่าวในบทที่ 2.



อิเล็กโตรด ไฟฟ้าแรงสูง อิเล็กโตรด กราวนด์

(บ) อิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงและอิเล็กโตรดกราวนด์



(ก) โครงสร้างของระบบ ภาพที่ 5.1 ระบบอิเล็กโตรด

GOL	STOP	~~~~~	Jun	~~~~~	~~~~	~	£ 🚹	320mU
		*******		7				
								the second s
	2 0011			Ti	mo 1	00 0	- <b>-</b>	49 0mm



(ก) ลักษณะรูปคลื่น (ข) สัญญาณจากออสซิโลสโคป ภาพที่ 5.2 รูปคลื่นแรงคันที่ใช้ในการทคลอง





(ก) ตำแหน่งเริ่มต้น (ข) ขณะยกตัว ภาพที่ 5.3 ภาพถ่ายการยกตัวของอนุภาคจากระนาบกราวนด์



(ก) ตำแหน่งเริ่มต้น (ข) อนุภาคเคลื่อนที่ตามระนาบอิเล็ก โตรคกราวนด์ ภาพที่ 5.4 ภาพถ่ายการเคลื่อนที่ของอนุภาคตามระนาบอิเล็ก โตรคกราวนด์



ผู้วิจัยจึงทำการวัดมุม  $\theta_g$  ของระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์เทียบกับระนาบอ้างอิงในแนว ระดับ โดยทำการวัด 4 ด้านของอิเล็กโตรด. ภาพที่ 5.6 แสดงมุมมองของระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ โดยภาพที่ 5.6ก แสดงมุมมองค้านบนของแนวทางการวัด ซึ่ง a, b, c และ d คือ มุมมองค้านข้างของ อิเล็กโตรดที่จะทำการวัด. ภาพที่ 5.6ข แสดงแผนภาพเค้าร่างการวัด  $\theta_g$  เมื่อใช้มุมมองค้านข้างตาม ภาพที่ 5.6ก. ในภาพที่ 5.6ข ระนาบอ้างอิงที่นำมาใช้เป็นแผ่นสไลด์กล้องจุลทรรศน์. ภาพที่ 5.6ก เป็นผลการวัดมุม  $\theta_g$  ที่ได้จากมุมมอง a ถึง d.



ผู้วิจัยนำค่า  $\theta_g$  ทั้งสี่ด้านมากำนวณค่าเฉลี่ยได้  $\theta_g = 0.69^\circ$  จากนั้นผู้วิจัยทำการวิเคราะห์ และกำนวณการยกตัวและเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ เมื่ออิเล็กโตรดกราวนด์ทำมุม  $\theta_g$  กับ ระนาบปกติ โดยอ้างอิงทิศทางของแรงตามภาพที่ 5.7



ภาพที่ 5.7 แรงที่กระทำต่ออนุภาคที่วางตัวบนอิเล็กโตรดกราวนด์ เมื่ออิเล็กโตรดกราวนด์ ทำมุม *0<sub>g</sub>* กับระนาบแนวระดับ

อนุภาคอลูมิเนียมจะวางอยู่บนอิเล็กโตรคกราวนค์ได้ภายใต้เงื่อนไข

$$mg\sin\theta_g \le \mu mg\cos\theta_g \tag{5.1}$$

เมื่อ  $\mu = 0.063, \theta_g = 0.69^\circ$ ถ้า  $\theta_g > 3.6^\circ$ อนุภาคจะไม่สามารถวางอยู่บนอิเล็กโตรดกราวนด์ ได้.

เมื่ออนุภาคอลูมิเนียมวางตัวบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ที่ทำมุม  $heta_{_g}$  กับระนาบปกติ. เรา สามารถคำนวณสนามไฟฟ้าเริ่มต้น  $E_{_L}$  ในการยกอนุภาคเป็น

$$F_{q} = mg \cos \theta_{g}$$

$$E_{L} = \sqrt{\frac{2ga(\rho_{p} - \rho_{s})\cos \theta_{g}}{0.832\pi^{2}\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}}}$$
(5.2)

้จาก  $V = r_p \theta_g E$  แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_L$  ที่ยกอนุภากขึ้นจากระนาบกราวนค์คำนวณได้จาก

$$V_L = r_p \theta_g \sqrt{\frac{2ga(\rho_p - \rho_s)\cos\theta_g}{0.832\pi^2 \varepsilon_0 \varepsilon_s}}$$
(5.3)

เมื่อพิจารณาการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ มีสองลักษณะคือ เคลื่อนที่ด้วยทิศของแรง mg sin  $heta_g$  หรือ  $F_{gd}$  ซึ่งแรงทั้งสองมีทิศทางตรงข้ามกัน ดังนั้นเราจึงต้องวิเคราะห์ แรงทั้งสองจาก เงื่อนไขที่เป็นไปได้ 2 เงื่อนไขคือ

1.  $mg \sin \theta_g - F_{gd} \ge \mu(mg \cos \theta_g - F_q)$  เกลื่อนที่ด้วยทิศของแรง  $mg \sin \theta_g$ 2.  $F_{gd} - mg \sin \theta_g \ge \mu(mg \cos \theta_g - F_q)$  เกลื่อนที่ด้วยทิศของแรง  $F_{gd}$ เงื่อนไขที่ 1 คำนวณสนามไฟฟ้า  $E_{H1}$  โดย

$$mg\sin\theta_g - F_{gd} \ge \mu(mg\cos\theta_g - F_q)$$

$$E_{H1} \ge \sqrt{\frac{\frac{4}{3}ga(\rho_p - \rho_s)(\mu\cos\theta_g - \sin\theta_g)}{\varepsilon_0\varepsilon_s(\mu 0.832\frac{2}{3}\pi^2 - \frac{4a}{z_u}\sin\theta_g)}}$$
(5.4)

เงื่อนไขที่ 2 คำนวณสนามไฟฟ้า  $E_{\scriptscriptstyle H2}$  โดย

$$F_{gd} - mg\sin\theta_{g} \ge \mu(mg\cos\theta_{g} - F_{q})$$

$$E_{H2} \ge \sqrt{\frac{\frac{4}{3}ga(\rho_{p} - \rho_{s})(\mu\cos\theta_{g} + \sin\theta_{g})}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}(\mu0.832\frac{2}{3}\pi^{2} + \frac{4a}{z_{u}}\sin\theta_{g})}}$$
(5.5)

การเปรียบเทียบแรงคันไฟฟ้า  $V_L V_{H1}$ และ  $V_{H2}$  กับ  $z_u$  ที่คำนวณจากสมการ (5.3) (5.4) และ (5.5) แสดงในภาพที่ 5.8



ภาพที่ 5.8 การเปรียบเทียบแรงดันไฟฟ้า  $V_L \,\, V_{H1}$  และ  $V_{H2}$ 

จากภาพที่ 5.8 สรุปได้ว่า แรงดันไฟฟ้า  $V_{H1} < V_L < V_{H2}$  ทำให้การเคลื่อนที่ตามระนาบ กราวนด์ของอนุภาคจะเป็นไปตามเงื่อนไขที่ 1 เท่านั้น เพราะเมื่อใช้  $V_{H2}$  อนุภาคจะยกตัวขึ้นจาก ระนาบกราวนด์ก่อนแด้ว. เราสามารถสรุปได้ว่าอนุภาคจะเคลื่อนที่ตามแนวระนาบไปในทิศทาง mg sin  $\theta_g$  เสมอ เมื่อ  $E_{H1} < E_0 < E_L$ . ภาพที่ 5.9 แสดงผลการทดลองเปรียบเทียบกับการคำนวณ แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_L$  และ  $V_H$ . ตารางที่ 5.1 แสดงก่าความคลาดเคลื่อนของแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น เมื่อเปรียบเทียบกับผลจากการทดลองและการคำนวณ. ผลการทดลอง พบว่าแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ ทำให้อนุภาคอลูมิเนียมยกตัวจากอิเล็กโตรดกราวนด์และเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ที่ได้จากการ ทดลอง เมื่อเปรียบเทียบกับการกำนวณมีค่าใกล้เคียงกัน.



ภาพที่ 5.9 แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_L$  และ  $V_H$ 

ตารางที่ 5.1 ค่าความคลาดเคลื่อนของแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นเมื่อเปรียบเทียบผลการทดลองกับผลการ คำนวณ เมื่ออิเล็กโตรดกราวนด์ทำมุมกับระนาบแนวระดับ

แรงคัน	ความคลาดเคลื่อนที่ระยะ z <sub>u</sub> จากก่าเฉลี่ย (%)			
	$z_u = 2 \text{ mm}$	$z_u = 4 \text{ mm}$		
$V_L$	16	8.4		
$V_{H}$	6	9.7		

### 5.2 การยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรดกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ

การทดลองนี้มีจุดประสงค์ที่จะเปรียบเทียบการยกตัวของอนุภาคระหว่างการคำนวณและ การทดลอง. รูปแบบการจัดเรียงที่ใช้ทดลองหาแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคยกตัวจาก อิเล็กโตรดกราวนด์เป็นระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบกู่ขนาน แสดงในภาพที่ 5.10 โดยมีระยะแกป *d* เท่ากับ 2 และ 4 mm. การทดลองตั้งแต่หัวข้อนี้ใช้ระบบอิเล็กโตรดที่ได้แสดงในบทที่ 3 ซึ่งมี อิเล็กโตรดกราวนด์อยู่ในระนาบแนวระดับ *θ<sub>g</sub>* ≈ 0°.

เมื่ออนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ แรงที่กระทำต่ออนุภาคมี 2 ชนิด คือ แรงโน้ม ถ่วง และแรงดูลอมบ์. สำหรับอนุภาคที่วางบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ ภายใต้สนามไฟฟ้า สม่ำเสมอ *E*<sub>0</sub>จากสมการที่ (2.23) ในบทที่ 2 สนามไฟฟ้า *E<sub>L</sub>* ที่ทำให้อนุภาคยกตัวคือ

$$E_L = 0.5 \sqrt{\frac{g(\rho_p - \rho_s)a}{\varepsilon_0 \varepsilon_s}}$$

แรงคันไฟฟ้า V<sub>L</sub> มีค่าเป็น

$$V_{L} = 0.5d \sqrt{\frac{g(\rho_{p} - \rho_{s})a}{\varepsilon_{0}\varepsilon_{s}}}$$
(5.6)

สนามไฟฟ้า E<sub>L</sub> แปรผันตามรากที่สองของความหนาแน่นของอนุภาคโดยประมาณ. ดังนั้น ที่ระยะแกปเดียวกัน แรงดันไฟฟ้า V<sub>L</sub> ที่ทำให้อนุภาคสเตนเลสยกตัวขึ้นจะเป็น 1.7 เท่าของ V<sub>L</sub> สำหรับอนุภาคอลูมิเนียม. แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น V<sub>L</sub> ทางทฤษฎีกับระยะแกปของอนุภาค อลูมิเนียมและสเตนเลสแสดงในภาพที่ 5.12.





ภาพที่ 5.11 ค่าทางทฤษฎี แรงดันไฟฟ้า  $V_L$ ที่ทำให้อนุภาคยกตัวกับระยะแกป d

ผู้วิจัยได้ทคลองแรงดันไฟฟ้า V<sub>L</sub> กับอนุภาคอลูมิเนียมที่ป้อนเป็นเวลาต่างๆ ที่ระยะแกป 2 mm โดยใช้รูปคลื่นแรงคันไฟฟ้าในภาพที่ 5.2. ตารางที่ 5.2 แสดงผลการทคลองที่ได้.

T (ms)	12.5	25	50	150	250	400	500
$V_L$	1.36	1.3	1.25	1.22	1.23	1.21	1.23
ความคลาด เกลื่อน (%)	25.4	20	16	13	14	12	14

ตารางที่ 5.2 ค่าความคลาดเคลื่อนของ  $V_L$ เมื่อเปลี่ยนแปลงช่วงเวลา T ของแรงคันไฟฟ้าที่ป้อน

จากผลการทคลองพบว่า เมื่อป้อนแรงคันไฟฟ้าเป็นเวลา 12.5-50 ms V<sub>L</sub> มีค่ามากกว่า ค่าที่ได้ เมื่อป้อนแรงคันไฟฟ้าเป็นเวลา 150-500 ms. ทั้งนี้ เนื่องมาจากการป้อนแรงคันไฟฟ้าที่มี เวลาสั้นเกินไปจะไม่เพียงพอต่อการยกตัวหรือทำให้เกิดการยกตัวเพียงเล็กน้อยเท่านั้น. เราจึงต้องใช้ V<sub>L</sub> ที่มีค่าเพิ่มขึ้น เช่น ถ้าใช้ V<sub>L</sub> = 1.23 kV เป็นเวลา 12.5 ms จะไม่พบการยกตัวหรืออาจพบได้ แต่สังเกตได้ยาก แต่ถ้าป้อนแรงคันไฟฟ้าเป็นเวลา 500 ms จะเห็นการยกตัวชัดเจน. ด้วยเหตุผลนี้ ผู้วิจัยจึงใช้เวลาในการป้อนแรงคันไฟฟ้าในช่วง 150-500 ms เพราะเวลาดังกล่าวจะไม่มีผลต่อค่า แรงคันไฟฟ้าของการยกตัวของอนุภาคแล้ว.

ในการทดลองเพื่อหาค่าของ V<sub>L</sub> ที่ระยะแกปต่างๆ แรงดันไฟฟ้าที่จ่ายให้กับระบบ อิเล็กโตรดเป็นชนิดรูปคลื่นสี่เหลี่ยม เป็นเวลา 250 ms. ดังภาพที่ 5.12 อุณหภูมิและความชื้นขณะ ทดลองเท่ากับ 32 °C และ 50 % ตามลำดับ.

ขั้นตอนการทดลองทำโดย วางอนุภาคบนระนาบกราวนด์ ป้อนแรงดันไฟฟ้าที่ต่ำกว่า V<sub>L</sub> ที่ได้จากการคำนวณที่ระยะแกปนั้นประมาณ 2 kV เพิ่มแรงดันไฟฟ้าขั้นละ 0.05 kV จนกระทั่ง อนุภาคยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรด. ทั้งนั้นทำการทดลอง 10 ครั้งต่อ 1 ระยะแกป สำหรับอนุภาค อลูมิเนียมและสเตนเลส. ภาพถ่ายจากการทดลองที่ระยะแกป 2 และ 4 มิลลิเมตร แสดงในภาพที่ 5.13 และ 5.14 ตามลำดับ.

แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลสยกตัวจากอิเล็กโตรดกราวนด์ที่ ได้จากการทดลองเปรียบเทียบกับการคำนวณด้วยสมการที่ (5.6) แสดงในภาพที่ 5.15 และ 5.16 ตามลำดับ. ในภาพที่ 5.15 และ 5.16 "Max", "Avg" และ "Min" หมายถึง แรงคันไฟฟ้าสูงสุด แรงดันไฟฟ้าเฉลี่ย และแรงดันไฟฟ้าต่ำสุด ที่ได้จากการทดลองที่ระยะแกปนั้นๆ ตามลำดับ. กวามกลาดเกลื่อนของแรงดันไฟฟ้า V<sub>L</sub> ที่ได้จากการทดลองเมื่อเปรียบเทียบกับการกำนวณ แสดง ในตารางที่ 5.3. ผลการทดลองแสดงให้เห็นว่าก่าแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภากทั้งสองชนิดยก ตัวจากจากอิเล็กโตรคกราวนค์มีค่าใกล้เคียงกับการคำนวณ. ผลการทคลองกับอนุภาคสเตนเลสมีค่า ความคลาคเคลื่อนที่ระยะแกปทั้งสองน้อยกว่าการทคลองกับอนุภาคอลูมิเนียม.



(ก) ลักษณะรูปคลื่น (ข) สัญญาณจากออสซิโลสโคป ภาพที่ 5.12 รูปคลื่นสี่เหลี่ยม เวลา 250 ms ที่ใช้ในการทดลองหาค่า V<sub>L</sub> ที่ระยะแกปต่างๆ



(ก) อนุภาควางบนระนาบกราวนด์ (ข) อนุภาคยกตัว ภาพที่ 5.13 การทดลองที่ระยะแกป 2 mm



(ก) อนุภาควางบนระนาบกราวนด์ (ข) อนุภาคยกตัว ภาพที่ 5.14 การทดลองที่ระยะแกป 4 mm



ภาพที่ 5.15 แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคอลูมิเนียมยกตัว



ภาพที่ 5.16 แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคสเตนเลสยกตัว

ตารางที่ 5.3 ค่าความคลาดเคลื่อนของแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นเมื่อเปรียบเทียบผลจากการทคลองและ การคำนวณ เมื่ออนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ

อนุภาค	ค่าเฉลี่ย (%) ความคลาดเคลื่อนที่ระยะแกป <i>d</i>			
	d = 2  mm	d = 4  mm		
ອດູນີເપີຍນ	8.3	9.7		
สเตนเลส	2.7	3.2		

## 5.3 การเคลื่อนที่ของอนุภาคที่วางตัวบนตามระนาบกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

หัวข้อนี้นำเสนอการทดลองในกรณีที่อนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ ซึ่งมีการ เคลื่อนที่ของอนุภาคอยู่สองลักษณะคือ

1. การยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรคกราวนด์

2. การเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์.

การศึกษาการเคลื่อนที่ทั้งสองลักษณะนั้น มีรูปคลื่นแรงคันไฟฟ้าและเวลาของการป้อน แรงคันไฟฟ้าที่เหมาะสมกับการสังเกตพฤติกรรมทั้งสองที่แตกต่างกัน. ภาพที่ 5.17 แสดง แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_L$ และ  $V_H$ ทางทฤษฎีที่ระยะแกป  $z_u$  ในแนวดิ่ง ณ ตำแหน่งอนุภาค และมุม ระหว่างอิเล็กโตรดทั้งสอง  $heta_0=3^\circ$  ภาพที่ 5.17ก และ 5.17ง เป็นของอนุภาคอลูมิเนียมและ ้อนุภากสเตนเลส ตามลำดับ. เมื่อพิจารณาภาพที่ 5.17 จะเห็นได้ว่า  $V_L$  และ  $V_H$  ที่ระยะ  $z_u$  ใดๆ มี ้ความใกล้เคียงกันมาก. ดังนั้น การใช้รูปคลื่นแรงดันไฟฟ้าแบบสี่เหลี่ยมจึงไม่เหมาะกับการสังเกต การเคลื่อนที่ตามแนวระนาบกราวนค์ของอนุภาค เพราะการเพิ่มแรงคันไฟฟ้าในแต่ละขั้นในการ ทคลองเพื่อสังเกต เราจะต้องเพิ่มทีละน้อยเพื่อไม่ให้แรงคันไฟฟ้าถึงก่า  $V_L$  ซึ่งในทางปฏิบัตินั้น ้ค่อนข้างที่จะทำได้ยาก. เมื่อพิจารณา  $V_{\scriptscriptstyle L}$  และ  $V_{\scriptscriptstyle H}$  ในภาพที่ 5.17ก ของอนุภาคอลูมิเนียมที่  $z_{\scriptscriptstyle u}$ ใดๆ ้มีค่าใกล้เคียงกันมากกว่าของอนุภาคสเตนเลสในภาพที่ 5.17ข เนื่องมาจากค่าสัมประสิทธิ์ความ ้เสียคทานระหว่างอนุภาคอลูมิเนียมกับอิเล็กโตรคมีค่ามากกว่า. ในกรณีนี้ ถ้าเราใช้รูปคลื่น แรงคันไฟฟ้าสี่เหลี่ยม จะทำให้การสังเกตการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ของอนุภาคยิ่งเป็นไปได้ ้ยากมากยิ่งขึ้น. ดังนั้นผู้วิจัยจึงใช้รูปคลื่นที่มีลักษณะเป็นลาดชัน (ramp wave) เนื่องจากทำให้ ์ แรงคันไฟฟ้าค่อยๆเพิ่มจนถึงค่ายอค และถ้าเราต้องการสังเกตการยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรคกราวนค์ ้เราควรใช้ลักษณะรูปคลื่นที่มีแรงคันคงที่ และมีเวลาในการป้อนแรงคันไฟฟ้ามากพอที่สามารถ สังเกตทิศทางการเคลื่อนที่ของอนภาคได้ชัดเจน.





# 5.3.1 การยกตัวขึ้นจากอิเล็กโตรดกราวนด์

ผลการจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคในบทที่ 4 ทำให้เราทราบถึงพฤติกรรมของอนุภาค ภายใต้ระบบอิเล็กโตรดที่ศึกษาว่า เมื่ออนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้า จะถูกยกขึ้นทันทีและกระทบ อิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงและกระดอนกลับลงมากระทบอิเล็กโตรดกราวนด์. ผลของแรงทางไฟฟ้า และคุณสมบัติการกระทบทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าที่ต่ำกว่า. เพื่อสังเกต การเคลื่อนที่ของอนุภาคจริงเปรียบเทียบกับผลการจำลอง ผู้วิจัยจึงเลือกก่าพารามิเตอร์ในการ ทดลองให้เหมือนกับการจำลองคือ ผู้วิจัยใช้อนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส วางบนอิเล็กโตรด กราวนด์ ที่ระยะ  $x_p = 106$  mm หรือ  $z_u = 5.5$  mm และมุมระหว่างอิเล็กโตรดทั้งสอง  $\theta_0 = 3^\circ$ .

การทดลองขั้นด้น ผู้วิจัยทำการสังเกตพฤติกรรมของอนุภาค โดยใช้แรงคันฟ้าที่มีรูปคลื่น ดังแสดงในภาพที่ 5.18. โดย 10 % ของคาบเวลาของสัญญาณเป็นแบบแรมพ์ (ramp wave) และ 90 % ที่เหลือเป็นแบบแรงคันคงที่ สาเหตุที่เลือกใช้รูปคลื่นลักษณะนี้ เนื่องจากในช่วงเวลา 50 ms แรกที่รูปคลื่นเป็นแบบแรมพ์ ผู้วิจัยจะสามารถสังเกตแนวโน้มการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนค์ด้วย เช่นกัน. จากการทดลอง ที่คาบเวลา T = 50, 100, 300 และ 500 ms ของแรงคันไฟฟ้า ผู้วิจัยพบว่า ในกรณี T = 50 และ 100 ms สนามไฟฟ้ามีเวลาสั้นเกินไปทำให้เห็นการเคลื่อนที่ของอนุภาคไม่ ชัดเจน. เมื่อเวลา T มากกว่า 300 ms เราสามารถสังเกตพฤติกรรมการเคลื่อนที่ของอนุภาคได้ ชัดเจนมากกว่า.





การทดลองกับอนุภาคอลูมิเนียม โดยป้อนแรงคันไฟฟ้า 5.5 kV (1.8 เท่าของค่า แรงคันไฟฟ้า V<sub>L</sub>) ให้กับระบบอิเล็กโตรด พบว่าอนุภาคอลูมิเนียมมีพฤติกรรมเหมือนกับการจำลอง การเคลื่อนที่ของอนุภาคในบทที่ 4 นั่นคือ เมื่ออนุภาคอยู่ภายใต้สนามไฟฟ้า จะถูกยกขึ้นทันทีและ กระทบอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงและกระดอนกลับลงมากระทบอิเล็กโตรดกราวนด์. ผลของแรงทาง ไฟฟ้าและคุณสมบัติการกระทบทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าที่ต่ำกว่า. ภาพที่ 5.19ก แสดงตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาคอลูมิเนียม และภาพที่ 5.19ข แสดงแนวการเคลื่อนที่และ ตำแหน่งของอนุภาคเมื่อเวลาผ่านไป 0.21 วินาที.



(ก) เวลา = 0 วินาที ภาพที่ 5.19 ตำแหน่งของอนุภาคอลูมิเนียมและแนวการเคลื่อนที่ในระบบอิเล็กโตรคระนาบเอียง

เมื่อทคลองกับอนุภาคสเตนเลส โดยป้อนแรงดันฟ้า 8 kV (1.6 เท่าของค่าแรงดันไฟฟ้า  $V_L$ ) ให้กับระบบอิเล็กโตรด ผลการทดลองแสดงว่าอนุภาคสเตนเลสมีพฤติกรรมเหมือนกับการ จำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคในบทที่ 4 เช่นเดียวกัน.

นอกจากการสังเกตการยกตัวขึ้นของอนุภาคจากอิเล็ก โตรดกราวนด์แล้ว ผู้วิจัยได้ทดลอง วัคระยะกระจัดการเคลื่อนที่ที่อนุภาคเคลื่อนที่ไปได้ในแนวระนาบ ในกรณีที่อนุภาคถูกยกขึ้นด้วย แรงทางไฟฟ้า และกระดอนขึ้นลงระหว่างอิเล็กโตรดทั้งสองเพื่อนำมาเปรียบเทียบกับผลการจำลอง เชิงเลข. ในการทดลองใช้ฉนวนพอลิเมอร์ Polydimethylsiloxane (PDMS) หนา 30 µm วาง บนอิเล็กโตรดกราวนด์ด้านสนามไฟฟ้าต่ำกว่าดำแหน่งเริ่มด้นของอนุภาค เพื่อหยุดการเคลื่อนที่ ของอนุภาค. ในการทดลองสาเหตุที่ใช้ฉนวน PDMS ที่มีความหนาพียง 30 µm เป็นเพราะว่า ถ้า ใช้ PDMS ที่มีความหนามากๆ หรือประมาณ 1 mm ส่งผลทำให้ เมื่ออนุภาคเกิดการยกตัวและ กระดอนขึ้นลงระหว่างอิเล็กโตรดทั้งสอง อนุภาคอาจเกิดการชนที่ขอบของ PDMS และทำให้ กระดอนใปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงได้. ด้วยเหตุผลนี้ผู้วิจัยจึงใช้ฉนวนที่มีความหนาน้อย ใน การหยุดการเคลื่อนที่ของอนุภาค. ภาพที่ 5.20 แสดงแนวการกระดอนของอนุภาค เมื่อใช้ฉนวน PDMS ที่หนา 1 mm. ภาพที่ 5.20ก แสดงตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค และภาพ 5.20ข แสดงแนว การกระดอนหลังจากชนขอบ PDMS.



(ก) อนุภาคที่ตำแหน่งเริ่มต้น (ข) แนวการกระดอนของอนุภาคหลังจากชนขอบ PDMS ภาพที่ 5.20 การกระดอนของอนุภาค เนื่องจากกระทบกับขอบของ PDMS เมื่อใช้ PDMS หนา 1 mm

การทดลองใช้ PDMS หนา 30 µm วางบนอิเล็กโตรดกราวนด์ด้านสนามไฟฟ้าต่ำกว่า ตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค. อนุภาคถูกวางที่ตำแหน่งเริ่มต้น  $x_p = 106 \, \mathrm{mm}$  และ  $\theta_0 = 3^\circ$  ทำการ ้ง่ายแรงดันไฟฟ้าตามภาพที่ 5.18. แรงดันไฟฟ้าที่ใช้ทุดลองเท่ากับ 4 kV (1.3 เท่าของค่า แรงดันไฟฟ้า  $V_L$ ) และ 5.5 kV (1.8 เท่าของค่าแรงดันไฟฟ้า  $V_L$ ) สำหรับอนุภาคอลูมิเนียม และ 8 kV (1.6 เท่าของค่าแรงคันไฟฟ้า  $V_{_L}$ ) สำหรับอนุภาคสเตนเลส. ผู้วิจัยทำการทคลอง 5 ครั้งในแต่ ้ละกรณี. ภาพจากวิดีโอที่บันทึกได้พบว่า อนุภาคถูกยกขึ้นจนกระทบอิเล็กโตรดบนและกระดอนลง มากระทบอิเล็กโตรคล่าง และถูกยกขึ้นอีกครั้ง เป็นเช่นนี้จนกระทั่งอนุภาคหยุคบน PDMS ซึ่งเป็น การกระทบอิเล็กโตรคกราวนค์เป็นครั้งที่ 2. ตำแหน่งของอนุภาคจากวิดีโอที่บันทึกแสดงในภาพที่ 5.21. ผู้วิจัยได้ระยะกระจัด ∆x ู ในแนวระนาบจากตำแหน่งเริ่มต้นในภาพที่ 5.21ก ถึงตำแหน่งที่ ้อนุภาคกระทบอิเล็ก โตรดกราวนด์เป็นครั้งที่สองและหยุดในภาพที่ 5.21ข. ค่าความคลาดเคลื่อน ระยะกระจัดของอนุภาคอลูมิเนียมและอนุภาคสเตนเลสแสดงในตารางที่ 5.4. จากผลการทดลอง ระยะกระจัดของการกระทบอิเล็กโตรดกราวนด์ครั้งที่สอง พบว่าอนุภาคอลูมิเนียมมีระยะกระจัด มากขึ้น เมื่อใช้แรงคันไฟฟ้าที่ 1.3 และ 1.8 เท่าของ  $V_L$ ซึ่งมีร้อยละความคลาดเกลื่อนมากขึ้น เช่นเดียวกัน. ส่วนในกรณีของอนุภาคสเตนเลสที่แรงคันไฟฟ้า 1.6 เท่าของ V<sub>L</sub>มีร้อยละความ ้คลาดเคลื่อนถึง 38 % ทั้งนี้ร้อยละความคลาดเคลื่อนที่เกิดขึ้นอาจเป็นผลมาจากความขรุขระของผิว อนุภาคที่สัมผัสอิเล็ก โตรคทั้งสอง ซึ่งมีผลต่อการเคลื่อนที่ของอนุภาคค้วยเช่นกัน.


(ก) อนุภาคที่ตำแหน่งเริ่มต้น (ข) อนุภาคหยุดบน PDMS
ภาพที่ 5.21 การหาระยะกระจัดของอนุภาค Δx<sub>p</sub> จากตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค

					. 9	
d !	4	2	4	A 6 8	່ຈັ	d .
5 / ຄາຄວາຍຄອ	າວເລື້ອງເຮັນທ	<u>ພລະພລັດຄເລ ເລຍ</u>	ຄາດ ເພື່ອດຮ	ພາຍພາລົບລົດໄທຮຸດຢ	າຮາງຈະເດືອຮັ	000 C
9 13 13 11 3 4 91 191 3 14 191 (1		21122419141914914	JI 191 LAIPITIA	$\tilde{z}$ vi lipilati lyi jyit	נויושעונונו	
						· · · -

แรงคันไฟฟ้า	211222	ระยะกระจัด	ความคลาด	
(kV)	តាក់រា ស	การคำนวณ	การทคลอง	เคลื่อน (%)
4	ອດູນີເນີຍນ	0.83	0.75	+9.6
5.5	อลูมิเนียม	1.06	0.79	+25.4
8	สเตนเลส	0.80	1.11	-38

## 5.3.2 การเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์

จาการทดลองโดยใช้รูปคลื่นในภาพที่ 5.18 ผู้วิจัยเห็นการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ของ อนุภาคเตนเลสเท่านั้น. ในกรณีของอนุภาคอลูมิเนียมอาจมีแรงพื้นผิวอื่นๆ หรือเนื่องจาก สัมประสิทธิ์ความเสียดทานสถิตของอนุภาคอลูมิเนียมกับอิเล็กโตรดมีค่ามากกว่าอนุภาคสเตนเลส กับอิเล็กโตรดทำให้ไม่สามารถเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ได้. เมื่อสัมประสิทธิ์ความเสียดทาน สถิตมีค่ามาก จะทำให้แรงคันไฟฟ้าระหว่าง V<sub>L</sub> และ V<sub>H</sub> มีค่าใกล้เคียงกันมากเช่นเดียวกัน ดัง แสดงในภาพที่ 5.17. ผู้วิจัยจึงได้เปลี่ยนแปลงรูปคลื่นแรงคันไฟฟ้าที่ป้อนให้กับระบบอิเล็กโตรด เป็นรูปคลื่นแบบลาดชัน ในภาพที่ 5.22 โดยมีช่วงเวลาเป็น 400 ms เพื่อสังเกตการเคลื่อนที่ของ อนุภาคตามระนาบกราวนด์.

ผู้วิจัยทำการวางอนุภาคอลูมิเนียมที่ตำแหน่งเริ่มต้น x<sub>p</sub> = 26 mm และมุมระหว่าง อิเล็กโตรด θ<sub>0</sub> = 3°. เมื่อทำการป้อนแรงดันไฟฟ้า พบว่าอนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวอิเล็กโตรด กราวนด์ที่แรงดันไฟฟ้าเท่ากับ 0.9 kV โดยที่การคำนวณเท่ากับ 0.74 kV. ทั้งนี้ จากการทดลอง 3 ครั้ง ผู้วิจัยสังเกตเห็นการเคลื่อนที่ตามแนวอิเล็กโตรดกราวนด์เพียง 1 ครั้งเท่านั้น ส่วนอีก 2 ครั้ง อนุภาคจะถูกยกขึ้นจากอิเล็กโตรดแทน. ภาพที่ 5.23 แสดงตำแหน่งของอนุภาคอลูมิเนียมเมื่อได้รับ สนามไฟฟ้า โดยภาพที่ 5.23ก แสดงตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค และในภาพที่ 5.23ข และ 5.23ค แสดงตำแหน่งของอนุภาคเมื่อเวลาผ่านไป 0.19 และ 0.33 วินาที ตามลำดับ.







ในกรณีของอนุภาคสเตนเลส ผู้วิจัยใช้รูปคลื่นในภาพที่ 5.18 ในการสังเกตการเคลื่อนที่ตาม ระนาบกราวนด์และการยกตัวจากระนาบกราวนด์ด้วยเช่นเดียวกัน. ผู้วิจัยทำการวางอนุภาคสเตน เลสที่ตำแหน่งเริ่มต้น x<sub>p</sub> = 106 mm และมุมระหว่างอิเล็กโตรด  $\theta_0$  = 3°. เมื่อป้อนแรงดันไฟฟ้า เท่ากับ 5.02 kV (โดยที่การกำนวณเท่ากับ 4.7 kV) ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวอิเล็กโตรด กราวนด์เป็นระยะทาง 1.32 mm โดยใช้เวลา 0.29 วินาที ก่อนที่จะเริ่มถูกยกด้วยแรงทางไฟฟ้าใน เวลาต่อมา. ภาพที่ 5.24 แสดงตำแหน่งของอนุภาคสเตนเลสเมื่อได้รับสนามไฟฟ้า โดยแสดง ตำแหน่งเริ่มต้นและตำแหน่งของอนุภาคเมื่อเวลาผ่านไป 0.29 และ 0.33 วินาที ตามลำดับ.

การศึกษาในหัวข้อนี้ทำให้เราสามารถยืนยันลักษณะการเคลื่อนที่ของอนุภาคได้ว่า อนุภาค สามารถเคลื่อนที่ได้ 2 ลักษณะจริง ตามที่ได้กล่าวในบทที่ 2. อย่างไรก็ตาม จากการสังเกต พฤติกรรมของอนุภาคโดยส่วนมากนั้น อนุภาคจะถูกยกด้วยแรงทางไฟฟ้า ไม่ว่าเราจะพยายาม ควบคุมอนุภาคด้วยลักษณะรูปคลื่นของแรงดันไฟฟ้า แรงดันไฟฟ้า หรือเวลาในการป้อน แรงดันไฟฟ้าเพื่อทำให้อนุภากเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์. ผลการทดลองดังกล่าว ทำให้เราทราบ ว่า ระบบอิเล็กโตรดลักษณะนี้ เราจะไม่สามารถควบคุมอนุภาคไปยังบริเวณที่เราต้องการได้. หัวข้อต่อไปกล่าวถึงการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวน ซึ่งเป็นแนวทางที่จะนำไปสู่การ ควบคุมและหยุดการเคลื่อนที่ของอนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้าต่อไป.





## 5.4 การเคลื่อนที่บนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

หัวข้อนี้แสดงผลการทดลอง ในกรณีที่อนุภาควางตัวบนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าไม่ สม่ำเสมอ. ดังที่ได้กล่าวในบทที่ 2 เมื่ออนุภาคอยู่บนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าที่มีค่ามากกว่า E<sub>H</sub> อนุภาคจะเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าที่สูงกว่าตำแหน่งปัจจุบัน. หัวข้อนี้มีจุดประสงค์ที่จะ ศึกษาแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่จะทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวน ในขั้นแรกผู้วิจัยจึงขอกล่าวถึง พารามิเตอร์ในระบบอิเล็กโตรดและพฤติกรรมของอนุภาคที่พบในการทดลองก่อนที่จะเข้าสู่หัวข้อ ผลการทดลอง.

## 5.4.1 ระบบอิเล็กโตรด เมื่อมีการแทรกชั้นฉนวน

ผู้วิจัยใช้ระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบเอียง และวางฉนวนบนระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์. การเกลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวน แรงทางไฟฟ้าที่เราพิจารฉาจะมีเพียงแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า. สำหรับแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้านั้น ขนาดของแรงจะขึ้นอยู่กับระยะ  $r_p$  ซึ่งขึ้นกับมุม  $\theta_0$  ด้วยเช่นกัน. ดังนั้นในการทดลอง เนื่องจากแท่นปรับมุมสามารถปรับมุมได้มากสุด  $\theta_0 = 15^\circ$  ผู้วิจัยจึง เปรียบเทียบขนาดของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้ากับมุม  $\theta_0$  เมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ 10^\circ$  และ 15° โดยแรงดันไฟฟ้า สูงสุดที่อุปกรณ์ในระบบสามารถป้อนให้กับระบบอิเล็กโตรดได้คือ 10 kV. แต่เนื่องจากผู้วิจัยได้ จัดเรียงระยะ  $z_u$  ที่ต่ำที่สุดของระบบอิเล็กโตรดเท่ากับ 3 mm เมื่อกำนึงถึงแรงดันไฟฟ้าเบรกดาวน์ ของอากาศที่ 2.4 kV/mm เราจึงสามารถป้อนแรงดันไฟฟ้าใด้สูงสุดเพียง 7.2 kV โดยประมาณ. ภาพที่ 5.25 แสดงขนาดแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าของอนุภากตัวนำรัศมี 0.403 mm กับระยะ  $z_u$  เมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ 10^\circ$  และ 15° และป้อนแรงดันไฟฟ้าเท่ากับ 7.2 kV ซึ่งจะเห็นได้ว่า  $\theta_0 = 15^\circ$  จะให้แรงแรง เดียนต์ไฟฟ้าสูงสุดที่  $z_u$  เดียวกัน ด้วยเหตุผลนี้ ผู้วิจัยจึงเลือก  $\theta_0 = 15^\circ$  ในการทดลอง.



ภาพที่ 5.25 ขนาดของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าของอนุภาคตัวนำรัศมี 0.403 mm เมื่อ  $\theta_0 = 3^\circ$ 10° และ 15° และ V = 7.2 kV

ในการทดลองใช้อนุภาคอลูมิเนียม (Al) และสเตนเลส (St) ในการศึกษา. ระบบอิเล็กโตรด ที่ใช้ในการศึกษาแสดงในภาพที่ 5.26 โดยมุม  $\theta_0 = 15^\circ$  และความหนา *d* ของฉนวนเท่ากับ 1.076 หรือ 0.676 mm (ความหนา PDMS รวมกับความหนาของพอลีอิไมด์) ซึ่งรายละเอียดของ ฉนวนได้กล่าวไว้ในบทที่ 3.



แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลสที่ทำให้อนุภาคทั้งสองสามารถ เคลื่อนที่บนฉนวน  $V_H$  ที่คำนวณจากสมการที่ (2.33) เมื่อ  $\theta_0 = 15^\circ$  แสดงในภาพที่ 5.27. ภาพที่ 5.27 แสดงให้เห็นว่า  $V_H$  ของอนุภาคทั้งสองชนิดมีก่าใกล้เคียงกัน. ทั้งนี้ เนื่องจากก่าความ หนาแน่นของอนุภาค สเตนเลสสูงกว่าอนุภาคอลูมิเนียมประมาณ 3 เท่า แต่ในทางตรงข้ามก่า สัมประสิทธิ์ความเสียดทานสถิตที่วัดได้ของอนุภาคสเตนเลส  $\mu$ (St) น้อยกว่าอนุภาคอลูมิเนียม  $\mu$ (St) ประมาณ 3 เท่าเช่นเดียวกัน.



ภาพที่ 5.27  $V_{H}$  ของอนุภาคอลูมิเนียม (Al) และสเตนเลส (St) เมื่อ  $\theta_{0} = 15^{\circ}$ 

ผู้วิจัยได้ทำการทดลองโดยใช้อนุภาคอลูมิเนียม โดยวางอนุภาคที่ z<sub>u</sub> = 5.3 mm การ ทดลองนี้ใช้ฉนวนแบบที่ 1 (ความยาวของโพลีอิไมด์เท่ากับความยาวของ PDMS) ที่ได้กล่าวไว้ใน บทที่ 3. การทดลองนี้มีจุดประสงค์ที่จะศึกษาความเป็นไปได้ในการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวน. ขั้นตอนการทดลองทำโดย วางอนุภาคบนฉนวน โดยใช้ที่จับชิ้นงานชนิดพลาสติก และป้อน แรงดันไฟฟ้าตามภาพที่ 5.18. เพิ่มแรงดันไฟฟ้าครั้งละ 0.05 kV จนกระทั่งอนุภาคเคลื่อนที่ตาม ระนาบฉนวน. ผลการทดลองในตารางที่ 5.5 แสดงร้อยละการเคลื่อนที่ของอนุภาคที่มีลักษณะ พฤติกรรมการเคลื่อนที่ที่ต่างกันคือ

A. อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงกว่าตำแหน่งปัจจุบัน

B. อนุภาคยกตัวขึ้นจากระนาบกราวนด์

C. ไม่เกิดการเคลื่อนที่ใดๆ เมื่อป้อนแรงคันไฟฟ้าถึง 8.5 kV

ตารางที่ 5.5 ร้อยละการเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม เมื่อ  $z_u = 5.3 \,\,\mathrm{mm}$  เมื่อใช้แรงดันไฟฟ้า กระแสตรง

ความหนาของ	จำบาบครั้งที่ทดลอง	ร้อยละการเกลื่อนที่ของอนุภาค			
ฉนวน (mm)		А	В	С	
0.676	17	17.5	11.8	70.5	
1.076	28	53.5	21.5	25	

ผลการทคลองแสดงให้เห็นว่า เกิดการเคลื่อนที่แบบ A ซึ่งคิดเป็นร้อยละเพียง 17.5 และ 53.5 เท่านั้น. และมีโอกาสที่อนุภาคไม่เกิดการเคลื่อนที่ ซึ่งแรงพื้นผิวอื่นๆที่ยึดเหนี่ยวอนุภาคกับ ฉนวนอาจเป็นสาเหตุในการทำให้อนุภาคไม่สามารถเคลื่อนที่ได้. ในขณะที่การยกตัวของอนุภาค แสดงให้เห็นว่าอนุภาคได้รับการอัดประจุก่อนที่จะนำมาทคลอง.

ในขั้นตอนต่อไป ผู้วิจัยได้เปลี่ยนแปลงรูปคลื่นแรงคันไฟฟ้าที่ใช้ในการทดลองเป็นรูปคลื่น สี่เหลี่ยมที่สร้างขึ้นเอง (Arbitrary square wave, ASW) และรูปคลื่นซายน์ (Sinusoidal wave, Sin) ดังแสดงในภาพที่ 5.28ก และ 5.28ข ตามลำดับ ซึ่งเป็นแรงคันไฟฟ้าชนิด 2 ขั้วที่มีความถึ่ กำลัง นอกจากนี้ผู้วิจัยได้เปลี่ยนที่จับชิ้นงานชนิดพลาสติกมาเป็นชนิดโลหะ และต่อกับระบบ กราวนด์ของอาคาร เพื่อลดหรือกำจัดประจุกงก้างบนผิวอนุภากและก่อนการทดลองอนุภาก 1 ลูก ใช้ ethanol เช็ดฉนวนทุกครั้ง และป้อนสัญญาณซายน์ ความถี่ 50 Hz แรงคันไฟฟ้าประมาณ 3-4 kVpeak ก่อนการทดลองทุกครั้ง เพื่อลดปัญหาประจุกงก้างบนฉนวน.

ผู้วิจัยได้ทำการทดลองโดยใช้อนุภาคอลูมิเนียม โดยวางที่ *z<sub>u</sub>* = 4.3 mm. และขั้นตอนใน การทดลองเหมือนกับการทดลองที่ผ่านมา. ผลการทดลองแสดงในตารางที่ 5.6 โดยตัวเลขที่อยู่ใน วงเล็บหลังแบบรูปคลื่นแรงคันไฟฟ้า Sin หรือ ASW แสดงจำนวนลูกคลื่นและคาบเวลาในหน่วย ms ตามลำคับ.





ตารางที่ 5.6 ร้อยละการเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียม เมื่อ *z<sub>u</sub>* = 4.3 mm เมื่อใช้แรงคันไฟฟ้าชนิด 2 ขั้ว

000000000000000000000000000000000000000		ร้อยละกา	ารเคลื่อนที่ของ	งอนุภาค	จำนวนครั้ง
(mm)	าวามหนาของฉนวน รูปคลื่นแรงคัน (mm)	А	В	С	ที่ทคลอง
1.076	Sin (100, 20)	90	0	10	10
0.676	Sin (20, 20)	91	0	9	12
0.676	ASW (20, 20)	91	0	9	12

ผลการทคลองที่ได้แสดงให้เห็นว่าสามารถทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มี สนามไฟฟ้าสูงตามระนาบฉนวนได้ถึงร้อยละ 90 ขึ้นไป. ในหัวข้อต่อไปผู้วิจัยจะกล่าวถึงค่า แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวน เมื่อทำการทคลองโดยใช้รูปคลื่นแรงคัน ดังกล่าว.

## 5.4.2 ผลการทดลองแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น

หัวข้อนี้แสดงผลการทดลองแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภากเคลื่อนที่ตามแนวระนาบ บนผิวฉนวน. ผู้วิจัยทดลองกับอนุภากอลูมิเนียมและสเตนเลส โดยใช้แรงดันไฟฟ้ารูปคลื่นซายน์ แบบแรงดันไฟฟ้าต่อเนื่อง ความถี่ 50 Hz ดังภาพที่ 5.28ง ความหนาฉนวนเท่ากับ 1.076 mm และมุมระหว่างอิเล็กโตรด  $\theta_0 = 15^\circ$ . ขณะทดลองมีอุณหภูมิและความชื้นเท่ากับ 32°C และ 52% ตามลำดับ.

สำหรับอนุภาคอลูมิเนียม ผู้วิจัยทคลองที่ระยะ  $z_u = 5$ , 5.5 และ 6 mm และสำหรับ อนุภาคสเตนเลสผู้วิจัยทคลองที่ระยะ  $z_u = 4.5$ , 5 และ 5.5 mm. (ทำการทคลอง 5-7 ครั้งต่อ 1 ระยะ  $z_u$ ). ภาพที่ 5.29 แสดงตำแหน่งของอนุภาคก่อนหลังจากการป้อนแรงคันไฟฟ้า ในภาพที่ 5.29ก แสดงตำแหน่งเริ่มต้นของอนุภาค และภาพที่ 5.29ข แสดงการเคลื่อนที่ของอนุภาคที่ขยับเข้า สู่บริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูง. ผลการทดลองแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ตามแนว ระนาบบนฉนวนของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส แสดงในภาพที่ 5.30 และ 5.31 ตามลำดับ.





(ก) ตำแหน่งเริ่มต้น (ข) ตำแหน่งของอนุภาคเมื่อเวลาผ่านไป 0.12 วินาที ภาพที่ 5.29 ภาพถ่ายของอนุภาคที่เคลื่อนที่บนฉนวนภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ



ภาพที่ 5.30 แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคอลูมิเนียมเคลื่อนที่ตามแนวระนาบบนฉนวน



ภาพที่ 5.31 แรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคสเตนเลสเคลื่อนที่ตามแนวระนาบบนฉนวน

ในภาพที่ 5.30 และ 5.31 "Max", "Avg" และ "Min" หมายถึง แรงคันไฟฟ้าสูงสุด แรงคันไฟฟ้าเฉลี่ย และแรงคันไฟฟ้าต่ำสุด ตามลำดับ ที่ได้จากการทดลองที่ระยะ  $z_u$  ณ ตำแหน่ง เริ่มต้นของอนุภาคนั้นๆ. ความคลาดเคลื่อนของแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บน ฉนวนที่ได้จากการทดลองเมื่อเปรียบเทียบกับการคำนวณ แสดงในตารางที่ 5.7. ผลการทดลอง พบว่าแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวนที่ได้จากการทดลอง เมื่อเปรียบเทียบกับ การกำนวณของอนุภาคทั้งสองมีก่าใกล้เกียงกัน โดยอยู่ในช่วงประมาณ 9-16% เป็นส่วนใหญ่.

ລາເວາດ	ค่าเฉลี่ย (%) ความคลาดเคลื่อนที่ระยะ $ z_{_u}$					
ប់ដំរាញ	$z_{u} = 4.5 \text{ mm}$	$z_u = 5 \text{ mm}$	$z_{u} = 5.5 \text{ mm}$	$z_u = 6 \text{ mm}$		
ອດູນີເນີຍນ	-	16	10	7		
สเตนเลส	15	9	16	-		

ตารางที่ 5.7 แรงคันไฟฟ้าเริ่มค้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวนที่ได้จากการทดลอง เมื่อ เปรียบเทียบกับการคำนวณ

## 5.5 การยึดจับอนุภาคโดยใช้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ

หัวข้อนี้กล่าวถึงการทคลองยึดจับอนุภาค ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ โดยใช้คุณสมบัติ ของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าที่ว่า อนุภาคตัวนำเมื่ออยู่ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ และมีค่า สนามไฟฟ้ามากกว่า E<sub>H</sub> อนุภาคจะเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงกว่า ณ ตำแหน่ง ปัจจุบัน. ผู้วิจัยจึงทำการจัดเรียงบริเวณของสนามไฟฟ้าภายในระบบอิเล็กโตรคให้เป็นสองบริเวณ โดย ทำการเปลี่ยนตำแหน่งของฉนวนในการทดลองที่ผ่านมา โดยให้ขอบของฉนวนที่อยู่ทางด้าน สนามไฟฟ้าสูงอยู่ห่างจากขอบของอิเล็กโตรคทั้งสองทางด้านสนามไฟฟ้าสูงเป็นระยะประมาณ 1 mm. ดังแสดงในภาพที่ 5.32. การทดลองนี้ยังกงใช้ฉนวนแบบที่ 1 เช่นเดิม.

ผู้วิจัยทำการคำนวณโดยการประมาณสนามไฟฟ้าตามแนวเส้น X ซึ่งคือแนวการเคลื่อนที่ ของอนุภาค.ผู้วิจัยให้บริเวณที่มีฉนวนอยู่เป็นบริเวณที่ 1 ซึ่งผู้วิจัยละเลยความหนาของพอลีอิไมล์ เพราะมีความหนาน้อยมาก และให้บริเวณที่ไม่มีฉนวนเป็นบริเวณที่ 2. สนามไฟฟ้าบริเวณที่ 1 *E*<sub>1</sub> ตามแนวเส้น X คำนวณจาก [10]

$$E_{1} = \frac{(\varepsilon_{1} / \varepsilon_{s})(V_{0} / (D1 + D2))}{1 + [(\varepsilon_{1} / \varepsilon_{s}) - 1](D2 / (D1 + D2))}$$
(5.7)

เมื่อ  $\varepsilon_1$ คือ ค่าคงตัวใดอิเล็กตริกของฉนวน PDMS ซึ่งเท่ากับ 3.1

 $arepsilon_s$ คือ ค่าคงตัวไดอิเล็กตริกของอากาศซึ่งเท่ากับ 1.0

 $V_0$  คือ แรงดันไฟฟ้าซึ่งเท่ากับ 7.2 kV

 $D_{\!_1}$  คือ ความยาวเส้นโค้งจากตำแหน่ง  $x_{\!_p}$  บนแนวเส้น X ถึงแนวอิเล็กโตรดบน

 $D_2$  คือ ความยาวเส้นโค้งจากตำแหน่ง  $x_p$  บนแนวเส้น X ถึงแนวอิเล็กโตรดล่าง. สนามไฟฟ้าบริเวณที่ 2  $E_2$  ตามแนวเส้น X ประมาณอย่างง่ายด้วยสมการ

$$E_2 = \frac{V_0}{r\theta_0} \tag{5.8}$$

เมื่อ r คือ ความยาวเส้นตรงจากจุดกำเนิดพิกัดถึงตำแหน่ง  $x_p$ บนเส้น X



ภาพที่ 5.32 แผนภาพเค้าร่างที่ใช้ในการคำนวณสนามไฟฟ้าทั้งสองบริเวณ

ภาพที่ 5.33 แสดงขนาดสนามไฟฟ้าทั้งตามแนวเส้น X สังเกตว่าสนามไฟฟ้าจะมีการลดลง อย่างรวดเร็วที่บริเวณรอยต่อของตัวกลางระหว่างฉนวนและอากาศ และภาพที่ 5.34 แสดงค่าของ อัตราการเปลี่ยนแปลงสนามไฟฟ้าต่อระยะทาง  $\frac{\Delta E^2}{\Delta x_p}$ . จากสมการที่ (5.7) และ (5.8) และลักษณะ ของสนามไฟฟ้าทำให้เราเห็นได้ชัดเจนว่าอนุภาคจะต้องเคลื่อนที่มาบริเวณรอยต่อของตัวกลางทั้ง สอง.



ภาพที่ 5.33 ขนาดสนามไฟฟ้าของการจัดเรียงในภาพที่ 5.32 ตามแนวเส้น x



ภาพที่ 5.34 อัตราการเปลี่ยนแปลงขนาดกำลังสองของสนามไฟฟ้าตามแนวเส้น x ของ การจัคเรียงตามภาพที่ 5.32

จากพฤติกรรมการเปลี่ยนแปลงสนามไฟฟ้าในระบบอิเล็กโตรดนี้ ในการทคลองต่อไป เรา จะสังเกตพฤติกรรมของอนุภาคที่บริเวณรอยต่อของตัวกลางทั้งสอง. การทคลองวางอนุภาคที่ ตำแหน่งเริ่มต้น z<sub>u</sub> = 4 mm และป้อนแรงคันไฟฟ้ารูปคลื่นซายน์แบบแรงคันต่อเนื่อง ความถี่ 50 Hz (ภาพที่ 5.28ข) ใช้ฉนวนหนา 1.076 mm. ทำการทคลอง 7 โดยใช้เฉพาะอนุภาคอลูมิเนียม. จากการทคลองจำนวน 7 ครั้งพบว่า มีการทคลอง 3 ครั้งที่อนุภาคเริ่มเคลื่อนที่จากตำแหน่งเริ่มต้น ไปยังบริเวณที่สนามไฟฟ้าสูง และเคลื่อนที่ออกนอกระบบอิเล็กโตรค ส่วนอีก 4 ครั้งอนุภาคติคอยู่ ที่ขอบของฉนวน PDMS. ทั้งนี้การที่อนุภาคติคอยู่ที่ขอบของ PDMS เป็นเพราะว่า ในขณะที่ อนุภาคเคลื่อนที่ผ่านรอยต่อ แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้ามีผลทำให้อนุภาคพยายามที่จะเคลื่อนที่กลับมายัง บริเวณรอยต่ออีกครั้ง เพราะเป็นบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงกว่า. ในกรณีที่อนุภาคเคลื่อนที่หลุดจาก ระบบอิเล็กโตรดอาจเป็นเพราะว่าอนุภาคมีความเร็วสูงมากเกินไป แรงเกรเดียนต์จึงไม่สามารถยึด จับอนุภาคไว้ได้. แผนภาพเด้าร่างของการเคลื่อนที่แสดงในรูปที่ 5.35 และภาพจากวีดิโอที่บันทึก จากการทดลองแสดงในภาพที่ 5.36.



(ก) อนุภาคเคลื่อนที่หลุดจากระบบอิเล็กโตรด
(ข) อนุภาคเคลื่อนถูกยึดด้วยแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า
ภาพที่ 5.35 แผนภาพเด้าร่างตำแหน่งสุดท้ายของการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 1



(ก) อนุภาค ณ ตำแหน่งเริ่มต้น





 (ข) อนุภาคเคลื่อนที่หลุดจากระบบอิเล็กโตรด
(ค) อนุภาคถูกยึดด้วยแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า ภาพที่ 5.36 ภาพจากการทดลองสังเกตการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 1 เมื่อเราทราบถึงพฤติกรรมของอนุภาคบริเวณรอยต่อของตัวกลางทั้งสองแล้ว ในการ ทดลองต่อไปมีจุดประสงก์ที่จะปรับปรุงความสามารถในการยึดจับอนุภาคด้วยสนามไฟฟ้า.ผู้วิจัย ได้เปลี่ยนรูปแบบฉนวนจากแบบที่ 1 เป็นแบบที่ 2 ดังที่ได้กล่าวไว้ในบทที่ 3. ฟีมล์พอลีอิไมล์มี ความยาวมากกว่าแผ่น PDMS 3 mm โดยเริ่มต้นที่ขอบของระบบอิเล็กโตรดและส่วนที่เป็น PDMS จะเริ่มต้นที่ระยะ x เท่ากับ 14 mm ดังแสดงในภาพที่ 5.37. ผู้วิจัยทดลองที่ระยะ  $z_u = 5$ , 5.5 และ 6 mm สำหรับอนุภาคอลูมิเนียมและสำหรับอนุภาคสเตนเลสผู้วิจัยทดลองที่ระยะ  $z_u = 4.5$ , 5 และ 5.5 mm. ทั้งนั้น ได้ทำการทดลอง 5-7 ครั้งต่อ 1 ระยะ  $z_u$  โดยใช้แรงดันไฟฟ้ารูปคลื่น ซายน์แบบแรงดันต่อเนื่อง ความถี่ 50 Hz ดังภาพที่ 5.28ง. ฉนวนมีความหนารวม 1.076 mm.



ภาพที่ 5.37 รูปแบบการจัดเรียงระบบอิเล็กโตรดเพื่อใช้ยึดจับอนุภาค

จากการทดลองผู้วิจัยพบว่าอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลสมีพฤติกรรมเหมือนกัน. ผู้วิจัย แบ่งพฤติกรรมของอนุภาคได้เป็น 3 แบบ. พฤติกรรมแบบที่ 1 คือ อนุภาคเคลื่อนที่ไปยังบริเวณที่มี สนามไฟฟ้าสูงและหลุดจากระบบอิเล็กโตรด. พฤติกรรมแบบที่ 2 คือ อนุภาคถูกยึดจับด้วยแรงเกร เดียนต์ไฟฟ้า ณ บริเวณรอยต่อของตัวกลางทั้งสอง พฤติกรรมแบบที่ 3 คือ อนุภาคเคลื่อนที่ผ่าน บริเวณรอยต่อจนกระทั่งถึงขอบของระบบอิเล็กโตรดเป็นบริเวณที่มีระยะแกปต่ำที่สุด. อนุภาคจะ เคลื่อนที่กลับมายังรอยต่ออีกครั้ง ที่เป็นเช่นนี้เนื่องจากสนามไฟฟ้านอกระบบอิเล็กโตรดมีค่าต่ำกว่า ในระบบ จึงทำให้มีผลของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าเกิดขึ้น ส่งผลให้อนุภาคเคลื่อนที่กลับมาบริเวณ ดังกล่าว. สำหรับพฤติกรรมของอนุภาคที่บริเวณรอยต่อนั้น อนุภาคจะมีการเคลื่อนที่ไปกลับอยู่ ตลอดไปจนกระทั่งหยุดป้อนแรงคันไฟฟ้า หรือมีการเคลื่อนที่ไปกลับชั่วขณะหนึ่งและหยุดการ เคลื่อนที่ เพราะเนื่องจากจุดนั้นเป็นจุดที่เกิดสมคุลของแรงในแนวแกน x. แผนภาพเค้าร่างการ เคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 2 แสดงรูปที่ 5.38 โดยแสดงพฤติกรรมแบบที่ 1, 2 และ 3 ใน ภาพที่ 5.38ก 5.38ข และ 5.38ก ตามลำดับ. ภาพที่ 5.39 แสดงตัวอย่างของการเคลื่อนที่ของอนุภาก ที่ได้จากวีดิโอที่บันทึกในการทดลอง.

ตารางที่ 5.8 แสดงความสามารถของแรงเกรเคียนต์ไฟฟ้าที่ยึดจับอนุภาคได้ โดยแสดงค่า ร้อยละของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าที่ยึดจับอนุภาคได้ที่ทคลอง ณ ตำแหน่ง *z*<sub>u</sub> ของอนุภาคในขณะ เริ่มต้นต่างๆ สำหรับอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส.



(ก) พฤติกรรมแบบที่ 1 อนุภาคเคลื่อนที่หลุดจากระบบอิเล็กโตรด









(ก) ตำแหน่งเริ่มต้น





 (ก) อนุภากเคลื่อนที่กลับผ่านบริเวณรอยต่อ (ง) อนุภากเคลื่อนที่ไปกลับและหยุดเคลื่อนที่ ภาพที่ 5.39 ภาพจากการทดลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคบนฉนวนแบบที่ 2

		4	
อนุภาค	ระยะ z <sub>u</sub> (mm)	จำนวนครั้งที่ทคลอง	ร้อยละของอนุภาคที่ ถูกยึดจับ
	5	5	100
อลูมิเนียม	5.5	7	57.1
	6	7	14.2
	4.5	5	100
สเตนเลส	5	5	100
	5.5	5	60

ตารางที่ 5.8 ความสามารถของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าที่ยึดจับอนุภาค

จากผลการทคลองที่ผ่านมา เราพบว่ายังคงมือนุภาคที่สามารถเคลื่อนที่ผ่านรอยต่อและพ้น ออกจากระบบอิเล็ก โตรค ได้. ทั้งนี้เนื่องจากความเร็วของอนุภาคเหล่านั้นมีความเร็วที่มากกว่า อนุภาคที่ถูกยึดจับที่รอยต่อของตัวกลางและที่ขอบของอิเล็ก โตรคทั้งสอง. ผู้วิจัยจึงทำการประมาณ ความเร็วของอนุภาคทั้งหมด ณ บริเวณรอยต่อของตัวกลางทั้งสอง ทั้งในกรณีที่อนุภาคถูกยึดจับได้ และ ไม่ถูกยึดจับ โดยใช้ภาพที่บันทึกจากกล้องวิดิโอ. การประมาณใช้ 2 ภาพสุดท้ายก่อนที่อนุภาค จะเคลื่อนที่เข้าสู่บริเวณรอยต่อของตัวกลาง. ภาพที่ 5.40 แสดงแผนภาพเก้าร่างการหาความเร็วของ อนุภาค โดยทำการหาระยะทางที่อนุภาคเคลื่อนที่ไปได้ Δx<sub>p</sub>และเวลาการเคลื่อนที่ Δt ของการ เคลื่อนที่ดังกล่าวเพื่อกำนวณความเร็วของอนุภาค. ภาพที่ 5.41 แสดงตัวอย่างภาพที่ใช้ในการหา ความเร็วของอนุภาคที่บันทึกจากกล้องวิดีโอ.





(ก) อนุภาคอยู่ที่ตำแหน่งเริ่มต้น
(ข) อนุภาคเคลื่อนที่เป็นระยะ Δx
ภาพที่ 5.41 ตัวอย่างภาพการหาความเร็วของอนุภาคขณะที่เข้าสู่บริวณกับคัก

ภาพที่ 5.42 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วโดยประมาณของอนุภาค ณ บริเวณ รอยต่อกับตำแหน่งเริ่มต้น z<sub>a</sub> โดยภาพที่ 5.42ก และ 5.42ข เป็นของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตน เลส ตามลำดับ. ในภาพที่ 5.42 สัญลักษณ์วงกลมสีดำ คือความเร็วของอนุภาคถูกยึดจับ และ สัญลักษณ์วงกลมสีขาว คือความเร็วของอนุภาคไม่ถูกยึดจับ.





ภาพที่ 5.43 ความเร็วโดยประมาณของอนุภาค ณ บริเวณรอยต่อกับแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_{\scriptscriptstyle H}$ 

ภาพที่ 5.43 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วโดยประมาณของอนุภาค ณ บริเวณ รอยต่อกับแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_H$  โดยภาพที่ 5.43ก และ 5.43ข เป็นของอนุภาคอลูมิเนียมและส เตนเลส ตามลำคับ. ในภาพที่ 5.43 สัญลักษณ์สีคำและสีขาว แทนความเร็วของอนุภาที่ถูกยึดจับ และไม่ถูกยึดจับ ตามลำคับ. ส่วนสัญลักษณ์รูปสามเหลี่ยม วงกลม และสี่เหลี่ยม แทนตำแหน่ง เริ่มต้น  $z_u$  ของอนุภาค โดยสำหรับอนุภาพอลูมิเนียมเป็น 5, 5.5 และ 6 mm ตามลำคับ. สำหรับ อนุภาคสเตนเลสเป็น 4.5, 5 และ 5.5 mm ตามลำคับ. ผลการประมาณความเร็วของอนุภาคทั้งสองชนิด แสดงว่าการที่อนุภาคถูกยึดจับนั้น ไม่ได้ ขึ้นกับความเร็วของอนุภาคเพียงอย่างเดียว แต่ขึ้นกับสนามไฟฟ้า ณ ขณะนั้นด้วย. เนื่องจากถึงแม้ว่า การที่อนุภาคชนิดเดียวกัน สองอนุภาคมีความเร็วเท่ากันในขณะกำลังเคลื่อนที่เข้าสู่บริเวณรอยต่อ ของตัวกลาง แต่สนามไฟฟ้าหรือค่าแรงดันไฟฟ้าเริ่มด้นมีค่าไม่เท่ากัน อนุภาคที่มีแรงดันไฟฟ้า เริ่มต้นที่มากกว่าอาจจะถูกยึดจับได้ แต่ในกรณีที่มีแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่น้อยกว่าอาจจะไม่ถูกยึด จับ. ที่เป็นเช่นนี้เพราะว่า พลังงานหรือแรงที่เกิดจากแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า ณ บริเวณรอยต่อของ ตัวกลางและขอบของอิเล็กโตรดทั้งสองมีค่าขึ้นกับสนามไฟฟ้าในระบบอิเล็กโตรด ณ ขณะนั้น. ดังนั้น ถ้าพลังงานจลน์ของอนุภาคที่มีค่ามากกว่าพลังงานที่ใช้ดึงอนุภาคกลับมายังระบบอิเล็กโตรด อนุภาคก็จะสามารถเคลื่อนที่พ้นจากระบบอิเล็กโตรด. สำหรับอนุภาคอลูมิเนียมจากตำแหน่งเริ่มต้น ที่ $z_u = 6 \text{ mm}$  และอนุภาคสเตนเลสที่ $z_u = 5.5 \text{ mm}$  ความสามารถของระบบอิเล็กโตรดที่สามารถ ยึดจับอนุภาคทั้งสองชนิด คืออนุภาคต้องมีความเร็วต่ำกว่า 57 และ 44 mm/s โดยประมาณ ตามลำดับ ทั้งนี้การเพิ่มแรงดันไฟฟ้าเพื่อทำให้แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าที่ยึดจับอนุภาคมีค่าเพิ่มขึ้น แต่ ในขณะเดียวกันก็เป็นการเพิ่มความเร็วของอนุภาคก่อนที่จะเคลื่อนที่เข้าสู่บริเวณรอยต่อของ ตัวกลางด้วยเช่นเดียวกัน.

ผู้วิจัยได้วิเคราะห์ผลของความเร็วอนุภาค ที่มีผลกับพฤติกรรมแบบที่ 2 และแบบที่ 3 ตามที่ ได้กล่าวไว้ข้างต้นพบว่า ถ้าอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลสที่มีความเร็วน้อยกว่า 29 และ 26 mm/s ตามลำดับ จะถูกยึดจับที่รอยต่อของตัวกลาง. แต่ถ้าอนุภาคอลูมิเนียมที่มีความเร็วในช่วง 29-57 mm/s จะถูกยึดจับที่ขอบของอิเล็กโตรด และอนุภาคสเตนเลสที่มีความเร็วในช่วง 26-44 mm/s จะถูกยึดจับที่ขอบของอิเล็กโตรดเช่นเดียวกัน.

ในทางปฏิบัติ เราไม่สามารถควบคุมแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่บนฉนวน ได้อย่างสมบูรณ์ เนื่องจากมีพารามิเตอร์ที่แตกต่างกัน เช่น สัมประสิทธิ์ความเสียดทานสถิต หรือ แรงพื้นผิวอื่นๆ ดังนั้น การที่เราจะควบคุมความเร็วของอนุภาคได้ เราจะต้องให้ระยะทางการ เคลื่อนที่ของอนุภาคจากตำแหน่งเริ่มต้นไปยังบริเวณรอยต่อของตัวกลางให้มีระยะสั้นๆ เพื่อไม่ให้ อนุภาคมีพื้นที่ในการเพิ่มความเร็ว. อย่างไรก็ตาม การยึดจับอนุภาคโดยใช้ระบบอิเล็กโตรคโดยการ แทรกชั้นฉนวนและใช้การจัดเรียงรูปแบบของสนามไฟฟ้าดังที่ได้กล่าวมา เป็นวิธีการหนึ่งที่ สามารถนำไปประยุกต์เพื่อใช้จัดการกับอนุภาคตัวนำอิสระที่อยู่ในระบบไฟฟ้าแรงสูงต่อไป.

## สรุปผล

ในวิทยานิพนธ์นี้ ผู้วิจัยได้ศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคตัวนำทรงกลมภายใต้สนามไฟฟ้า สม่ำเสมอและไม่สม่ำเสมอในอากาศ โดยใช้ระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบคู่ขนานและแบบระนาบ เอียง ตามลำดับ. การศึกษาใช้การคำนวณเชิงเลขและการทดลองในห้องปฏิบัติการ เพื่อเปรียบเทียบ ผลการคำนวณและผลที่ได้จากการทดลองจริง. แรงที่กระทำต่ออนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้า ประกอบด้วย แรงทางไฟฟ้า ได้แก่ แรงดูลอมบ์และแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้า และแรงทางกล ได้แก่ แรง โน้มถ่วงและแรงหนึดที่เกิดจากตัวกลาง. การศึกษาผลของแรงดังกล่าวที่กระทำต่ออนุภาคทำให้เรา ทราบถึงพฤติกกรมการเคลื่อนที่ของอนุภาค และใช้เป็นแนวทางในการควบคุมการเคลื่อนที่ของ อนุภาคภายใต้สนามไฟฟ้า. การทดลองหาดุณสมบัติเฉพาะทางกลของอนุภาคที่ใช้ในการศึกษา คือ สัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากและขนานระหว่างอนุภาคกับอิเล็กโตรด และสัมประสิทธิ์ กวามเสียดทานสถิตระหว่างอนุภาคกับพื้นผิวที่ใช้ในการศึกษา. พารามิเตอร์เหล่านี้ทำให้เรา สามารถประมาณแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นของการเคลื่อนที่ของอนุภาคในลักษณะต่างๆ ทั้งในระบบ อิเล็กโตรดที่มีและไม่มีการแทรกชั้นฉนวน และทำให้การจำลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคภายใต้ สนามไฟฟ้าใด้ถูกต้องมากขึ้น.

กรณีการศึกษาการยกตัวของอนุภาคจากระนาบกราวนด์ภายใต้สนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ โดยมี ระยะแกป 2 และ 4 mm สำหรับอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส. พบว่ามีค่าแรงคันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ ทำให้อนุภาคทั้งสองยกตัวจากระนาบกราวนด์จากการคำนวณแลการทคลองมีค่าใกล้เคียงกัน. นอกจากนี้ เมื่อระนาบอิเล็กโตรดกราวนด์ที่ทำมุมกับแนวระคับ $\theta_g = 0.69^\circ$ . ในกรณีการยกตัวของ อนุภาคอลูมิเนียม พบว่าอนุภาคมีแนวการยกตัวที่ไม่ตั้งฉากกับระนาบกราวนด์. ในกรณีการ เคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ อนุภาคถูกจำกัดทิศการการเคลื่อนที่ให้เคลื่อนที่ตามทิศของ แรง  $mg\sin\theta_g$  เท่านั้น เมื่อ  $\theta_g = 0.69^\circ$ .

ผลการจำลองเชิงเลข ในกรณีอนุภาคเคลื่อนที่ภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ โดยไม่มีการ แทรกชั้นฉนวนแสดงว่า เมื่ออนุภาควางตัวบนระนาบกราวนด์และได้รับแรงดันไฟฟ้าที่มากกว่า V<sub>L</sub> อนุภาคจะถูกยกขึ้นจากอิเล็กโตรดกราวนด์ และเกิดการกระดอนขึ้นลงระหว่างอิเล็กโตรดทั้งสอง. ผลของแรงทางไฟฟ้าและคุณสมบัติการกระทบทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไฟยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้า ต่ำ. ผลของแรงดันไฟฟ้าหรือมุมระหว่างอิเล็กโตรดทั้งสองมีค่าเพิ่มขึ้น ทำให้อนุภาคมีระยะกระจัด ในแนวระดับเพิ่มขึ้นเช่นกัน. กรณีการศึกษาทดลองการเคลื่อนที่ของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลสภายใต้สนามไฟฟ้า ไม่สม่ำเสมอ โดยใช้ระบบอิเล็กโตรดแบบระนาบเอียง เมื่อมุมระหว่างอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูงและ อิเล็กโตรดกราวนด์  $\theta_0 = 3^\circ$ . อนุภาคทั้งสองเกิดการเคลื่อนที่สองลักษณะคือ การยกตัวจากระนาบ กราวนด์ และการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์. การยกตัวขึ้นจากระนาบกราวนด์ อนุภาคทั้งสอง ชนิดมีพฤติกรรมที่เหมือนกันคือ เมื่ออนุภาคถูกยกขึ้นด้วยแรงทางไฟฟ้า ผลของแรงทางไฟฟ้าและ คุณสมบัติการกระทบทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไฟยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าต่ำ ซึ่งเหมือนกับการจำลอง เชิงเลขที่ได้. ในกรณีการเคลื่อนที่ตามระนาบกราวนด์ อนุภาคทั้งสองชนิดสามารถเคลื่อนที่ตาม ระนาบกราวนด์ได้ แต่พบได้น้อยครั้ง เนื่องจากมีผลของแรงพื้นผิวอื่นๆ หรือค่าสัมประสิทธิ์ความ เสียดทานสถิตที่มีค่ามากทำให้ค่า  $V_L$  และ  $V_H$ ที่ระยะ  $z_u$ ใดๆมีค่าใกล้เกียงกันมากขึ้นด้วย เช่นเดียวกัน. การศึกษาระบบอิเล็กโตรดที่ประกอบด้วยอิเล็กโตรดไฟฟ้าแรงสูง และอิเล็กโตรด กราวนด์แสดงว่า เราจะไม่สามารถควบคุมอนุภาคไปยังบริเวณที่เราต้องการได้.

การศึกษาการเคลื่อนที่ของอนุภาคในระบบอิเล็กโตรคที่มีการแทรกชั้นฉนวนด้วย PDMS และพอลีอิไมด์ และมุมระหว่างอิเล็กโตรคทั้งสอง  $\theta_0 = 15^\circ$  พบว่า เมื่อใช้แรงดันไฟฟ้ากระแสตรง ทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไฟยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงได้เพียงร้อยละ 53. ส่วนในกรณีใช้ แรงดันไฟฟ้าชนิดสองขั้วทำให้อนุภาคเคลื่อนที่ไฟยังบริเวณที่มีสนามไฟฟ้าสูงได้ถึงร้อยละ 90. ทั้งนี้ผลการทดลอง เมื่อใช้แรงดันไฟฟ้าชนิดสองขั้วพบว่า แรงดันไฟฟ้าเริ่มต้นที่ทำให้อนุภาคทั้ง สองชนิดเคลื่อนที่ตามระนาบฉนวนที่ได้จากการคำนวณและการทดลองมีค่าใกล้เคียงกัน.

การยึดจับอนุภาคโดยการใช้ผลของแรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าภายใต้สนามไฟฟ้าไม่สม่ำเสมอ และการแทรกชั้นฉนวน. เราสามารถทำได้โดยการจัดเรียงบริเวณของสนามไฟฟ้าในระบบ อิเล็กโตรดเป็นสองบริเวณ โดยให้ส่วนที่มี PDMS เป็นบริเวณที่ 1 และส่วนที่มีพอลีอิไมด์ แต่ไม่มี PDMS เป็นส่วนที่ 2. การจัดเรียงระบบอิเล็กโตรดดังกล่าวสามารถยึดจับอนุภาคได้ แต่ก็ยังมี ข้อจำกัดในเรื่องพลังงานจลน์ของอนุภาค เพราะ เมื่ออนุภาคได้รับแรงดันไฟฟ้าเริ่มต้น  $V_{\mu}$  อนุภาค ที่มีระยะทางจากตำแหน่งเริ่มต้นถึงรอยต่อของตัวกลางมากขึ้นทำให้อนุภาคมีพื้นที่ในการเพิ่ม ความเร็ว ซึ่งส่งผลให้พลังงานจลน์มีค่าเพิ่มขึ้นเช่นกัน. แรงเกรเดียนต์ไฟฟ้าจึงไม่สามารถยึดจับ อนุภาคไว้ได้. ในกรณีที่อนุภาคทั้งสองชนิดถูกยึดจับ อนุภาคจะถูกยึดจับได้สองบริเวณคือ ณ บริเวณรอยต่อของตัวกลาง และบริเวณขอบของระบบอิเล็กโตรด ซึ่งขึ้นกับความเร็วของอนุภาค นั้นๆ. สำหรับอนุภาคอลูมิเนียมจากตำแหน่งเริ่มต้นที่  $z_u = 6$  mm และอนุภาคสเตนเลสที่  $z_u = 5.5$ mm ความสามารถของระบบอิเล็กโตรดที่สามารถยึดจับอนุภาคทั้งสองชนิด คืออนุภาคต้องมี ความเร็วต่ำกว่า 57 และ 44 mm/s ตามลำดับ.

#### รายการอ้างอิง

- [1] บริษัท ABB. GIS ELK-14 The modular system for gas-insulated switchgear up to 300kV. [ออนไลน์]. แหล่งที่มา: http://www05.abb.com/global/scot/scot245.nsf /veritydisplay/9af6bccabda35c6bc1257956003aaf12/\$file/ELK-14\_300\_1HC 0008262AKEn.pdf[10 กันยายน 2554]
- [2] Sakai, K., Tsuru, S., Abella, D.L., and Hara, M. Conducting particle motion and particle-initial breakdown in dc electric field between diverging conducting plates in atmosphere air. <u>IEEE Trans. Electrical Insulation</u> 6 (1999): 122-130.
- [3] Sakai, K., Tsuru, S., Abella, D.L., and Hara, M. Experiment studies of free conducting wire particle behavior between non-parallel plane electrodes with ac voltage in air. <u>IEEE Trans.Electrical Insulation</u> 10 (2003): 418-424.
- [4] Morcos, M.M., and et al. Performance of particle contaminated GIS with dielectric coated electrode. <u>Industry applications conference</u>, 2000. conference record of <u>the 2000 IEEE</u> 2 (2000): 725-731.
- [5] Hornfeldt, Sven P. Lifting force on metallic particle in GIS system. <u>IEEE</u> <u>Trans.Electrical Insulation</u> 13 (2006): 838-840.
- [6] Sakai, K., Abella, D.L., Suehiro, J., and Hara, M. Charging and behavior of a spherically conducting particle on a dielectrically coated electrode in the presence of electrical gradient force in atmosspheric air. <u>IEEE Trans. Electrical Insulation</u> 9 (2002): 577-587.
- [7] Hara, M., and Akazaki, M. A method for prediction of gaseous discharge threshold voltage in the presence of conducting particle. <u>J. Electrical</u>. 2 (1977): 223-239.
- [8] Jones, Thomas B. <u>Electromechanics of particle</u>. NY : Cambridge University Press, 2003.

- [9] White, Frank M. <u>Viscous Fluid Flow (Third Edition</u>). USA : McGraw-Hill Mechanical Engineering, 2005.
- [10] Crowley, Joseph M. <u>Fundamentals of applied electrostatics</u>. USA : john Wiley & Sons Inc, 1985.

ภาคผนวก

#### ภาคผนวก ก

#### การทำความสะอาดอนุภาค

## ขั้นตอนการทำความสะอาดอนุภาค

อุปกรณ์และสารเคมีที่ใช้ในการทำความสะอาคอนุภาค ประกอบด้วย

- 1. ที่จับชิ้นงาน (Tweezers) โลหะหรือพลาสติก
- 2. บึกเกอร์
- 3. จานแก้วเพาะเชื้อ
- 4. Kimwipes
- 5. เครื่องถ้างความถี่สูง (Ultrasonic Cleaner)
- 6. ตู้อบระบบลมร้อน (Convection Oven)
- 7. อลูมิเนียมฟอยล์
- 8. สารแอซิโทน (Acetone)
- 9. น้ำปราศจากประจุ (Deionized water)



ภาพที่ ก.1 อุปกรณ์ที่ใช้ในการทำความสะอาดอนุภาค

ขั้นตอนที่ 1 เทสารแอซิโทน ลงในบีกเกอร์ที่จัดเตรียมไว้ ประมาณ 20 มิลลิลิตร. และนำอนุภาคใส่ ลงในบีกเกอร์นี้ โดยปกติแล้วใส่อนุภาคประมาณ 15-20 อนุภาค ต่อการล้างหนึ่งครั้ง. ขั้นตอนที่ 2 นำอนุภาคที่จัดเตรียมไว้ ไปใส่ในบีกเกอร์ที่เตรียมไว้ในขั้นตอนที่ 1 ขั้นตอนที่ 3 เตรียมเครื่องอัลตราโซนิค ซึ่งในงานวิจัยนี้ใช้เครื่องอัลตราโซนิคจากผู้ผลิต Sturdy Industrial หลังจากนั้นเทน้ำ DI ลงในเครื่องอัตราโซนิคให้ได้ระดับประมาณสารแอซิโทนในบีกก เกอร์. หลังจากนั้นนำบีกเกอร์ในขั้นตอนที่ 2 มาใส่ในเครื่องอัลตราโซนิค และตั้งเวลาประมาณ 20-30 นาที.



(ก) เครื่องอัลตราโซนิค
(ข) บีกเกอร์ในเครื่องอัลตราโซนิค
ภาพที่ ก.2 เครื่องอัลตราโซนิค

**ขั้นตอนที่ 4** เมื่อครบเวลาที่กำหนดในขั้นตอนที่ 3 นำบีกเกอร์ออกมาจากเครื่องอัลตราโซนิค และ นำอนุภาคออกจากบีกเกอร์ โดยนำมาวางไว้ที่กระดาษที่จัดเตรียมไว้ รอให้แห้งประมาณ 5-10 นาที. จากนั้นนำอนุภาคมาใส่ในอลูมิเนียมฟอยล์ที่ตัดเป็นกล่อง เพื่อใส่อนุภาคก่อนนำไปอบ.

**ขั้นตอนที่ 5** นำกล่องอลูมิเนียมฟอยล์ที่ใส่อนุภาคในขั้นตอนที่ 4 นำไปอบในตู้อบที่เตรียมไว้ ตั้ง อุณหภูมิให้อยู่ในช่วง 80-120 องศาองศาเซลเซียส อบอย่างน้อย 1-2 ชั่วโมงก่อนนำไปทำการ ทดลอง.



ภาพที่ ก.3 ตู้อบที่ใช้อบอนุภาค

#### ภาคผนวก ข

## การเตรียมแผ่นฉนวน

### การเตรียมแผ่นฉนวน

อุปกรณ์และสารเคมีที่ใช้ ประกอบด้วย

- 1. ซิลิโคลนเหลว (KE 106, Shin-Etsu)
- 2. เทปพอลีอิไมด์หนา 0.076 mm (KAPTON, 3M)
- 3. สารเร่งปฏิกิริยา (CAT-RG, Shin-Etsu)
- 4. สารโทลูอีน (Toluene)
- 5. IPA (Isopropyl alchohol)
- 6. สารเคลือบผิวต้นแบบ (Barrier Coat No.6, Shin-Etsu)
- 7. แผ่นซิลิโคลนแผ่นความหนา 1 mm
- 8. ปีเปต
- 9. หลอดขนาด 15 มิลลิลิตร

10. แผ่นสไลด์กล้องจุลทรรศน์ ความหนา 1-1.2 mm.

- 11. ถ้วยพลาสติก
- 12. คลิปหนีบกระดาษ
- 13. เครื่องชั่งสารเคมี
- 14. เครื่องผสมสารเคมี
- 15. โถแก้วดูดความชื้น (Dessicator)
- 16. เครื่องปั่นเคลือบสารด้วยการหมุน (รุ่น KW-4A, Chemat Technology)
- 17. ตู้อบ

**ขั้นตอนที่ 1** ผสมซิลิโคลนเหลว และสารเร่งปฏิกิริยา ในอัตราส่วนมวลเท่ากับ 10:1 ในถ้วย พลาสติก

**ขั้นตอนที่ 2** ผสมสารแอซิโทนและสารเกลือบผิวต้นแบบ ในอัตราส่วนมวลเท่ากับ 10:1 ในหลอด ทดลอง

**ขั้นตอนที่ 3** นำสารผสมมาทำให้เข้ากันโดยใช้เครื่องผสมสาร ประมาณ 10-15 นาที

**ขั้นตอนที่ 4** นำสารในขั้นตอนที่ 2 มาไล่อากาศโดยโถแก้วดูดความชื้นที่ต่อกับปั๊มสุญญากาศ ใช้ เวลาประมาณ 25-30 นาที ทำ 2 ครั้ง

ขั้นตอนที่ 5 ตัดแผ่นซิลิโคลนให้เท่ากับขนาดแผ่นสไลด์ และตัดให้เป็นรูตรงกลางตามขนาด PDMS ที่ต้องการ **ขั้นตอนที่ 6** ใช้สารที่ผสมในขั้นตอนที่ 2 มาฉีคโคยใช้ปริเปรตลงบนแผ่นสไลค์ 2 แผ่น.

ขั้นตอนที่ 7 นำซิลิโคลนแผ่นที่เตรียมไว้ในขั้นตอนที่ 5 มาวางบนแผ่นสไลด์ 1 แผ่น ในขั้นตอนที่ 6 ขั้นตอนที่ 8 นำสารในขั้นตอนที่ 4 มาเทลงในช่องว่างของซิลิโคลนในขั้นตอนที่ 7 และปิดด้านบน โดยใช้สไลด์ในขั้นตอนที่ 6 ที่เหลืออีกหนึ่งแผ่น และใช้คลิปหนีบกระดาษหนีบทั้งสองข้างให้ เรียบร้อย

**ขั้นตอนที่ 9** นำสารผสมในขั้นตอนที่ 8 มาอบในตู้อบที่เตรียมไว้ ตั้งอุณหภูมิให้อยู่ในช่วง 80-120 องศาเซลเซียส เป็นเวลา 4-5 ชั่วโมง เพื่อให้ PDMS แข็งตัว

ขั้นตอนที่ 10 หลังจากครบเวลาในขั้นตอนที่ 9 ก็นำ PDMS ออกจากตู้อบ เอาสไลด์ที่ประกบอยู่ ออก และนำ PDMS มาตัดไปใช้ตามขนาดที่ต้องการ. ในกรณีที่ต้องการ PDMS ที่มีความหนาน้อย กว่า 1 มิลลิเมตร สามารถใช้วัสดุอื่นแทนแผ่นซิลิโคลนได้ แต่ต้องสามารถทนความร้อนในขั้นตอน ที่ 10 ได้. ถ้าต้องการความหนาที่น้อยมากหรือน้อยกว่า 0.1 มิลลิเมตร สามารถใช้เครื่องเครื่องปั่น เกลือบสารด้วยการหมุน แทนได้โดย

1. นำส ไลด์ในขั้นตอนที่ 6 หนึ่งแผ่นมาวางในเครื่องเครื่องปั่นเคลือบสารด้วยการหมุน

2. นำสารในขั้นตอนที่ 4 มาเทลงบนสไลด์

 ตั้งความเร็วการหมุนของเครื่องตามความต้องการในเรื่องของความหนา ในงานวิจัยนี้ใช้ความ หนาน้อยที่สุดคือ 0.03 มิลลิเมตร โดยตั้งความเร็วที่ 1 เท่ากับ 500 รอบต่อนาที เป็นเวลา 10 วินาที และความเร็วที่ 2 เท่ากับ 1200 รอบต่อนาที เป็นเวลา 40 วินาที.

#### ภาคผนวก ค

# ตารางผลการทดลองหาสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากและขนาน ของอนุภาคอลูมิเนียมและสเตนเลส

ตารางที่ ค.1 ระยะ  $\mathbf{h}_1$   $\mathbf{h}_2$  และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากของอนุภาคอลูมิเนียม

การ ทดลอง กรั้งที่	h <sub>1</sub> (mm)	h <sub>2</sub> (mm)	$k_{\perp}$
1	6.27	2.71	0.65
2	7.01	2.18	0.55
3	6.45	2.42	0.61
4	6.34	2.01	0.56
5	6.45	1.70	0.51
6	6.21	1.65	0.51
7	6.57	2.46	0.63
8	6.52	2.63	0.63
9	6.50	2.66	0.63
10	5.55	2.08	0.61
		เฉลี่ย	0.58

ตารางที่ ค.2 ระยะ  $\mathbf{h}_1$   $\mathbf{h}_2$  และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวตั้งฉากของอนุภาคสเตนเลส

การ			
ทคลอง	$h_1(mm)$	h <sub>2</sub> (mm)	$k_{\perp}$
ครั้งที่			
1	5.75	4.20	0.85
2	5.92	3.44	0.76
3	6.52	4.23	0.80
4	5.70	4.43	0.88
5	6.38	4.26	0.81
6	6.72	4.17	0.78
7	6.18	4.77	0.87
8	5.83	3.40	0.76
9	5.80	3.72	0.80
10	6.06	4.13	0.82
11	6.67	4.74	0.84
12	6.07	4.68	0.87
		เฉลี่ย	0.82

การทคลอง ครั้งที่	h <sub>1</sub> (mm)	h <sub>2</sub> (mm)	S <sub>2</sub> (mm)	$k_{\prime\prime}$	$k_{\perp}$
1	6.62	1.53	5.80	0.64	0.66
2	8.27	1.36	6.04	0.70	0.58
3	6.98	1.24	5.20	0.69	0.60
4	6.95	1.74	6.64	0.67	0.69
5	6.80	1.53	6.26	0.72	0.66
6	8.01	1.32	5.69	0.67	0.58
7	7.59	1.34	5.92	0.72	0.60
8	7.18	1.43	5.69	0.64	0.62
9	7.19	1.47	6.40	0.76	0.65
10	7.50	1.46	5.96	0.66	0.63
11	7.62	1.19	5.20	0.68	0.57
12	8.01	1.40	6.21	0.72	0.60
13	7.52	1.53	6.49	0.73	0.64
14	7.89	1.48	6.28	0.70	0.61
			เฉลี่ย	0.69	0.62

ตารางที่ ค.3 ระยะ h<sub>1</sub> h<sub>2</sub> s<sub>2</sub> และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานและตั้งฉากของอนุภาค อลูมิเนียม เมื่อ  $heta=22^\circ$ 

ตารางที่ ค.4 ระยะ  $\mathbf{h}_1$   $\mathbf{h}_2$   $\mathbf{s}_2$  และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานและตั้งฉากของอนุภาค อลูมิเนียม เมื่อ  $heta=29^\circ$ 

การทดลอง ครั้งที่	h <sub>1</sub> (mm)	h <sub>2</sub> (mm)	S <sub>2</sub> (mm)	$k_{\prime\prime}$	$k_{\perp}$
1	6.90	0.71	5.16	0.72	0.64
2	6.83	0.67	5.00	0.73	0.63
3	6.69	0.57	4.66	0.77	0.62
4	6.40	0.66	4.66	0.70	0.63
5	6.62	0.59	4.34	0.68	0.60
6	7.30	0.80	5.63	0.71	0.65
7	7.60	0.85	6.04	0.73	0.66
8	6.70	0.81	5.64	0.72	0.67
			เฉลี่ย	0.72	0.63

การทดลอง ครั้งที่	h <sub>1</sub> (mm)	h <sub>2</sub> (mm)	S <sub>2</sub> (mm)	$k_{\prime\prime}$	$k_{\perp}$
1	4.77	0.80	4.76	0.63	0.76
2	4.59	0.85	3.97	0.43	0.72
3	4.92	0.65	3.61	0.55	0.67
4	4.36	0.59	4.16	0.74	0.74
5	5.19	0.78	4.75	0.62	0.72
6	5.00	0.74	3.55	0.41	0.65
7	5.38	0.67	3.82	0.51	0.64
8	5.33	0.62	4.41	0.70	0.69
9	3.96	0.72	3.39	0.44	0.71
10	4.07	0.77	3.44	0.40	0.71
			เฉลี่ย	0.54	0.70

ตารางที่ ค.5 ระยะ  $h_1 \ h_2 \ s_2$ และสัมประสิทธิ์การกระทบในแนวขนานและตั้งฉากของอนุภาคสเตน เลส เมื่อ  $heta=30^\circ$ 

## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นายนิศรุต พันธ์ศิริ เกิดที่จังหวัดอุบลราชธานี เมื่อวันที่ 8 มิถุนายน 2528. จบการศึกษา ปริญญาบัณฑิตจากสถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง คณะวิศวกรรมศาสตร์ สาขาวิศวกรรมอิเล็กทรอนิกส์ในปี 2551.