ขั้นตอนวิธีสำหรับการจำลองและการสร้างภาพนามธรรมของรูปร่างและการเติบโตของใบไม้

นายเมธี บำรุงราชหิรัณย์

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิทยาการคณนา ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2545 ISBN 974-17-2756-9 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## AN ALGORITHM FOR SIMULATION AND VISUALIZATION OF LEAF SHAPE AND GROWTH

Mr. Maytee Bamrungrajhirun

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Science in Computational Science
Department of Mathematics
Faculty of Science
Chulalongkorn University
Academic Year 2002
ISBN 974-17-2756-9

Thesis Title	AN ALGORITHM FOR SIMULATION AND
	VISUALIZATION OF LEAF SHAPE AND GROWTH
Ву	Mr. Maytee Bamrungrajhirun
Field of Study	Computational Science
Thesis Advisor	Associate Professor Suchada Siripant
Thesis Co-advisor	Professor Chidchanok Lursinsap, Ph.D.
Accep	ted by the Faculty of Science, Chulalongkorn University in Partial
Fulfillment of the Rec	quirements for the Master's Degree
<	Wali Mt Dean of Faculty of Science
	sociate Professor Wanchai Phothiphichitr, Ph.D.)
THESIS COMMITTI	BE.
٠	Inary = Chairman
(Ass	sociate Professor Wanida Hemakul, Ph.D.)
	Ann Ashard Thesis Advisor
	sociate Professor Suchada Siripant)
	L-L
(Pro	fessor Chidchanok Lursinsap, Ph.D.)
	Peyle Splitsoft Member
(Ass	sistant Professor Peraphon Sophatsathit, Ph.D.)

เมธี บำรุงราชหิรัณย์: ขั้นตอนวิธีสำหรับการจำลองและการสร้างภาพนามธรรมของรูปร่าง และการเติบโตของใบไม้ (AN ALGORITHM FOR SIMULATION AND VISUALIZATION OF LEAF SHAPE AND GROWTH) อ.ที่ปรึกษา: รองศาสตราจารย์ สุชาดา ศิริพันธุ์, อ.ที่ปรึกษาร่วม: ศาสตราจารย์ ดร. ชิดชนก เหลือสินทรัพย์; 62 หน้า.ISBN 974-17-2756-9.

ในปัจจุบันได้มีการศึกษาถึงการสร้างแบบจำลองส่วนประกอบต่างๆของต้นไม้กันอย่าง กว้างขวาง อย่างไรก็ตามการสร้างแบบจำลองรูปร่างของใบไม้ยังคงเป็นการเลียนแบบรูปร่างของ ใบไม้เฉพาะในรูปร่างแบบใดแบบหนึ่ง วิทยานิพนธ์นี้ได้เสนอขึ้นตอนวิธีสำหรับสร้างแบบจำลอง รูปร่างและจำลองการเติบโตของใบไม้ ซึ่งแบบจำลองรูปร่างของใบไม้กำหนดโดยเค้าโครงรูปร่างของ ใบไม้ และโครงสร้างของเส้นใบหลัก โดยที่ขั้นตอนวิธีที่เสนอนี้สามารถนำไปใช้สร้างแบบจำลอง ใบไม้ที่มีรูปร่าง 6 รูปแบบได้แก่ รูปใบหอก, รูปขอบขนาน, รูปรี, รูปไข่, รูปหัวใจ, และรูปหัวใจกลับได้ จากแบบจำลองข้างต้น เมื่อประยุกต์เข้ากับฟังก์ชันการเติบโต ซึ่งประมาณด้วยข้อมูลที่ได้จากการ วัดขนาดความยาวและความกว้างของใบต้นถั่วเหลือง สามารถนำมาควบคุมขนาดของเค้าโครง รูปร่างของใบต้นถั่วเหลืองเพื่อจำลองการเติบโตได้

ภาควิชา	คณิตศาสตร์	ลายมือชื่อนิสิต	2-1.
สาขาวิชา	วิทยาการคณนา	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา 💊	non alsmo-
ปีการศึกษา	2545	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม	6.6

##4272369823 : MAJOR Computational Science

KEY WORD: LEAF SHAPE / LEAF VENATION / LEAF GROWTH / BEZIER SPLINE CURVE

MAYTEE BAMRUNGRAJHIRUN: AN ALGORITHM FOR SIMULATION AND VISUALIZATION OF LEAF SHAPE AND GROWTH. THESIS ADVISOR: ASSOC. PROF. SUCHADA SIRIPANT, THESIS CO-ADVISOR: PROF. CHIDCHANOK LURSINSAP, Ph.D. 62 pp. ISBN 974-17-2756-9.

Today, study of plant component modeling has been widely conducted. However, many proposed leaf shape models could only simulate specific shape of leaf. This thesis proposes an algorithm for constructing the leaf shape model and simulating the leaf growth. The leaf shape model is defined by an outline of the leaf shape and the main leaf veins. The proposed algorithm can be used to construct leaf shape model representing six types of leaves, namely, Lanceolate, Oblong, Elliptical, Ovate, Cordate, and Obcordate shapes. The above model can be combined with the growth functions, which are approximated by the measured data of length and width of soybean leaf, are used to control the size of the leaf shape model of soybean for simulating the growth.

Department	Mathematics	Student's signature	Chard	
Field of study_	Computational Science	Advisor's signature	Jum	Same
Academic year	2002	Co-advisor's signature	' (	- tons

## Acknowledgements

This is perhaps the easiest and hardest part that I have to write. It will be simple to name all the people that helped to get this thesis done, but it will be tough to thank them enough. I will nonetheless try.

Firstly, I would like to express my sincere thanks to my supervisors, Associate Professor Suchada Siripant and Professor Dr. Chidchanok Lursinsap for guiding me through finishing this thesis with untiring help. Without them I would never have finished this work.

And, I also express my special thanks to the thesis committee, Associate Professor Dr. Wanida Hemakul and Assistant Professor Dr. Peraphon Sophatsathit for correcting the manuscripts and sharing their critical comments and suggestions, which helped to make further improvements. I would like to thanks Dr. Scott Wing for his permission to use the Manual of Leaf Architecture.

This work is partially supported by a grant from the National Electronics and Computer Technology Center (NECTEC) projects through the collaboration with AVIC Research Center. Sincere thanks are due to Mr. Somporn Chuai-aree for his concerning and encouraging words.

I am also grateful to the staff-members of Laboratory, AVIC Research Center for their promptness and attitude. Also thanks to my closed friends for their highly mentions. I also extend my gratitude towards the members of Music&Act student club, who added an extra color to my life. And thank you to everyone who plays a great soccer game with me in every evening.

No amount of word is enough to express my regards for Ms. Rachaneekorn Bamrungrajhirun, my lovely aunt, Ms. Panida Kosanunt and her family, for all of their supports.

Finally, I am at dearth of words to express my gratitude to my parents and family members, who have been patient, supportive and caring. This thesis is indeed a realization of their dream.

## **Table of Contents**

		Page
Al	bstract (Thai)	iv
Al	bstract (English)	v
	cknowledgements	
Li	ist of Figures	ix
C	HAPTER	
1	Introduction	1
	1.1 Motivation	1
	1.2 Objectives of the Thesis	2
2	Literature Review	3
	2.1 Review of Literatures Related to Leaf Model	3
	2.2 Review of Literatures Related to Branching Structure	5
	2.3 Review of Literatures Related to Leaf Growth Simulation	7
3	Leaf Features	9
	3.1 Basic Terminology	9
	3.2 Types of Leaf Shape	10
	3.3 The Leaf Development	10
4	Leaf Shape Model and Growth Simulation	12
	4.1 Definitions	12
	4.2 An Algorithm for Computer Model Creation	
	4.3 Leaf Information	14
	4.4 Leaf Modeling	16
	4.4.1 Structure of Leaf Model	16
	4.4.2 The Shape Function	17
	4.4.3 Leaf Skeleton	19
	4.5 Leaf Growth Simulation	23
	4.6 Model Evaluation	27
5	Experimental Results	29
	5.1 Results of the Shapes of Leaf	
	5.2 Results of the Growth Simulation	35

	Page
6 Concluding Remarks	40
References	41
Appendix	48
Vitae	52

## **List of Figures**

		Page
Figure 3.1	A basic leaf structure	. 9
Figure 3.2	General leaf blade shape	
Figure 3.3	An initial stage of the leaf formation	. 11
Figure 4.1	Definition of a basic structure of the leaf model	12
Figure 4.2	The diagram of the leaf growth simulation	14
Figure 4.3	The leaf length and width measurement	. 15
Figure 4.4	The outline of leaf shape is drawn by the Bezier spline function	. 17
Figure 4.5	The changing of the leaf shape by the parameter adjusting	18
Figure 4.6	An example of the parameters received from shape function	20
Figure 4.7	Different ratio of $d_i$ for the left and right side branches of the midrib	20
Figure 4.8	Primitive leaf unit (a) and the considered angle $\beta_i$ of $i^{th}$ internode (b)	21
Figure 4.9	The scaling ratio and the shape function of soybean leaf	23
Figure 4.10	The Lanceolate shape model and parameters	27
Figure 4.11	The Oblong shape caused by adjusting the parameters of Lanceolate	
	shape model.	28
Figure 5.1	Results of Lanceolate shape and parameters	. 29
Figure 5.2	Results of Oblong shape and parameters	
Figure 5.3	Results of Elliptic shape and parameters	
Figure 5.4	Results of Ovate shape and parameters	
Figure 5.5	Results of Cordate shape and parameters	
Figure 5.6	Results of Obcordate shape and parameters	
Figure 5.7	A soybean leaf shape model	35
Figure 5.8	Approximation function of the length and width of soybean leaf	35
Figure 5.9	A soybean growth simulation over 60 days (day 1 to day 16)	36
Figure 5.10	A soybean growth simulation over 60 days (day 17 to day 32)	37
Figure 5.11	A soybean growth simulation over 60 days (day 33 to day 48)	38
Figure 5.12	A soybean growth simulation over 60 days (day 49 to day 60)	39

	P	age
Figure A-1	Represent points on a 2D plane	49
Figure A-2	An example of 5 <sup>th</sup> degree of Bezier spline curve	50