

บทที่ ๖

สรุปและวิจารณ์

ในการทดลองศึกษาเวลาอ่อนคลาย และ โคโพลโมเมนต์ของ MBBA และ EBBA นั้น เราต้องทำการทดลองวัดค่าต่าง ๆ ที่เกี่ยวข้องถึงใกล้แล้วเราสามารถสรุปและวิจารณ์ผลการทดลองได้ดังนี้

๖.๑ ความคลาดเคลื่อนในการทดลอง

ความคลาดเคลื่อนในการทดลองอาจมาจากสาเหตุดังต่อไปนี้

- ๑. เนื่องจากแรงตึงผิวของสารละลาย ทำให้ผิวบนของสารละลายไม่เรียบ มีความโค้งเล็กน้อย (รูป ๖.๑) อาจทำให้การสะท้อนของคลื่นเปลี่ยนแปลงได้บ้าง
- ๒. การใช้เวอร์เนียวัดความลึกของสารละลายนั้นปลายของเวอร์เนียอาจทะลุเลยเข้าไปในเนื้อของสารละลายได้ในบางครั้งทำให้วัดค่า d ผิดพลาดได้
- ๓. สารละลายมีเบนซินเป็นตัวทำละลายซึ่งระเหยได้เร็ว อาจทำให้ความสูงเปลี่ยนแปลงได้บ้างในระหว่างการทดลอง และอาจทำให้ความเข้มข้นของสารละลายเปลี่ยนแปลงได้บ้างเล็กน้อย

วิธีแก้ไขเราต้องทำการวัดหลาย ๆ ครั้งแล้วนำค่าที่ได้มาเฉลี่ยและในการทดลองแต่ละครั้งต้องใช้เวลานั้น ๆ



รูปที่ ๖.๑ แสดงผิวบนของสารละลายในท่อนำคลื่น

เพื่อให้ได้ผลการทดลองที่ดี เราควรมีข้อพึงระวังดังนี้คือ แอทเทนูเอเตอร์จะต้องเป็นแบบที่ทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงเฟสน้อยที่สุด ทลอคจนออสซิลโลสโคปต้องมีกำลังขยายสูงเพื่อให้เห็นสัญญาณโคซิค์เจนทำให้ผลการทดลองแม่นยำยิ่งขึ้น กำลังขยายที่ใช้ ๐.๐๒๕ โวลต์ต่อเซนติเมตร ซึ่งคิดว่าเพียงพอ ในการใช้เครื่องกำเนิดสัญญาณที่มีความถี่ไมโครเวฟ เมื่อเริ่มเปิดเครื่องนั้นความถี่ที่โคจะยังไม่คงที่อาจคลาดเคลื่อนได้ ๒ - ๓ MHz แต่เราถือว่าน้อยมาก แต่เพื่อให้ผลการทดลองแม่นยำขึ้นเราต้องรอประมาณ ๑๐ - ๑๕ นาที เพื่อให้ความถี่ที่โคถูกต้อง และเนื่องจากสารที่ใช้ในการทดลองเป็นของเหลวดังนั้นการจักวางเครื่องมือจึงต้องให้หน้าคลื่นสั้นอยู่ในแนวตั้งโดยอาศัยลูกตั้งแฉะระดับน้ำซึ่งเป็นเครื่องวัดระดับช่วย เพราะการทดลองทุกครั้งจะต้องให้ผิวหน้าของสารละลายตั้งฉากกับทิศทางการเคลื่อนที่ของคลื่นไมโครเวฟ ส่วนความคลาดเคลื่อนอันเนื่องมาจากการปรับคลื่นเจอร์ ถ้าเราพิจารณาให้ตำแหน่งของของคลื่นเจอร์ที่ถูกต้องเป็น p_1 จะทำให้เราทราบเฟสโคจากสมการ

$$\theta_1 = 2\beta_1(DT - p_1 - d) \tag{๖.๑.๑}$$

แต่เนื่องจากความคลาดเคลื่อนในการวัด เราวัดตำแหน่งของคลื่นเจอร์ได้ p_2 จะทำให้ทราบเฟสโคดังนี้

$$\theta_2 = 2\beta_1(DT - p_2 - d) \tag{๖.๑.๒}$$

จากสมการ (๖.๑.๑) และ (๖.๑.๒) ทำให้เราทราบความคลาดเคลื่อนในการวัดโคดังนี้

$$\Delta\theta = 2\beta_1 \Delta p$$

หรือ

$$\Delta p = \frac{\Delta\theta}{2\beta_1} \tag{๖.๑.๓}$$

สมการ (๖.๑.๓) จะบอกถึงความคลาดเคลื่อนของการวัดตำแหน่งของคลื่นเจอร์มีหน่วยเป็นเซนติเมตร ซึ่งในการทดลองจะผิดพลาดเพียง ๐.๐๐๕ เซนติเมตร ซึ่งไม่มากนัก

จากการวิเคราะห์ข้อมูล โดยการเปรียบเทียบผลการคำนวณกับผลการทดลอง พบว่ามีความคลาดเคลื่อนดังกล่าวประมาณ ๑ - ๒ % เท่านั้น กวญเหตุนี้ทำให้จุดตัดของกราฟที่เขียนระหว่าง

β_2 และ β_2'' ที่คำนวณจาก ρ และ θ มีการกระจายแต่อย่างไรก็ตามค่าเฉลี่ยของตำแหน่งจุดศูนย์กลางจะให้ผลลัพท์เป็นที่น่าพอใจ ดังนั้นถ้าเราทดลองโดยเพิ่มความหนาของสารละลายขึ้นหลาย ๆ ค่าจะทำให้ได้ค่า β_2 และ β_2'' แม่นยำยิ่งขึ้น ซึ่งจะนำไปสู่ค่าคงที่ถ่วงน้ำหนักที่ถูกต้องยิ่งขึ้น

๖.๒ การแปลผลทางฟิสิกส์

ผลการทดลองวัดค่า μ และ τ ของผลึกเหลว MBBA และ EBBA ดังแสดงในตารางที่ (๕.๓๑) พอจะสรุปได้ในหัวข้อข้างล่างนี้

๑. เวลาผ่อนคลาย τ มีค่าประมาณ 10^{-10} วินาที เราพบว่าอยู่ใน order of magnitude เกี่ยวกันและให้ผลใกล้เคียงกับการทดลองของ V.P.Arora and V.K.Agorwal ที่ทดลองไว้ที่อุณหภูมิ 27°C วัดค่า τ ของ MBBA และ EBBA ได้ 2.7×10^{-10} วินาที และ 3.5×10^{-10} วินาทีตามลำดับ แต่ค่า τ ที่เราทดลองไว้ที่อุณหภูมิ 27°C ได้ค่า τ ของ MBBA และ EBBA เท่ากับ 0.443×10^{-10} วินาที และ 0.564×10^{-10} วินาทีตามลำดับ

๒. จากตารางที่ (๕.๓๑) พบว่า $\tau(\text{EBBA}) > \tau(\text{MBBA})$ ทั้งนี้เราพบว่าให้ผลสอดคล้องกับความเป็นจริง เนื่องจากการศึกษาคำนวณโครงสร้างของโมเลกุลของผลึกเหลวทั้งสองเราพบว่า EBBA มีโครงสร้างของโมเลกุลยาวกว่า MBBA

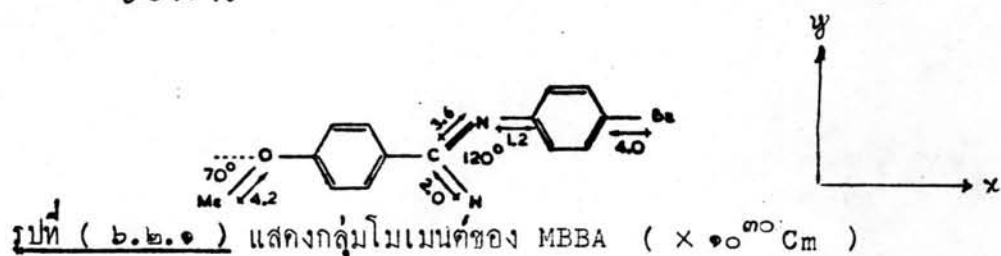
๓. จากการศึกษา τ ที่ทำการทดลองได้ควรมีค่าใกล้เคียงกันสำหรับที่ ๓ ความถี่ที่แตกต่างกันอาจแสดงถึงความคลาดเคลื่อนที่น่าจะศึกษา

๔. ผลการวัดค่า μ ของ MBBA และ EBBA นี้เราพบว่า μ นี้จะแปรตามความถี่ความจริง μ ควรจะมีค่าคงที่แต่ผลเฉลี่ยที่ได้ใกล้เคียงกับการทดลองของ V.P.Arora and V.K.Agorwal ซึ่งทดลองวัด μ ของ MBBA และ EBBA ได้ 7.0×10^{-30} Cm และ 7.5×10^{-30} Cm ตามลำดับ ที่เราทดลองวัด μ ของ MBBA และ EBBA ได้ 5.37×10^{-30} Cm และ 5.20×10^{-30} Cm ตามลำดับ ได้มีการศึกษาค่าไดโพลโมเมนต์ทางไฟฟ้าของ MBBA โดยอาศัยกลุ่มโมเมนต์ (group moment) ศึกษาผลรวมของไดโพลโมเมนต์ของกลุ่มต่าง ๆ ของโมเลกุลอิสระของ MBBA ดังแสดงในรูป (๖.๒.๑) ดังนั้นจะพิจารณาได้ดังนี้

$$\mu_x = (4.2 \cos 70^\circ + 3.6 \cos 60^\circ - 2 \cos 60^\circ + 1.2 - 4.6) \times 10^{-31} \text{ Cm}$$

$$\approx 1.1 \times 10^{-31} \text{ Cm}$$

$$\begin{aligned} \mu_y &= (4.2 \sin 70^\circ + 3.6 \sin 60^\circ + 2.0 \sin 60^\circ) \times 10^{-31} \\ &= 6.5 \times 10^{-31} \text{ Cm} \end{aligned}$$



ดังนั้นเราสามารถหาค่าโคโพลโมเมนต์ของโมเลกุลอิสระของ MBBA ได้ดังนี้

$$\mu = \sqrt{\mu_x^2 + \mu_y^2} \approx 6.6 \times 10^{-31} \text{ Cm}$$

๕. ที่น่าสนใจ $\mu(\text{EBBA}) \approx \mu(\text{MBBA})$ ซึ่งไม่ถูกต้องนักเพราะโมเลกุลของ EBBA ใหญ่กว่า MBBA ซึ่งทำให้ $\mu(\text{EBBA}) > \mu(\text{MBBA})$ อาจเป็นไปได้ว่าผลการทดลองที่ความถี่ ๔.๐๐๐ GHz ของ MBBA คลาดเคลื่อนได้

ความคลาดเคลื่อนของผลการทดลองมีไม่ควรมากเกิน ๕% ตัวอย่างที่ได้ในตารางที่ ๕.๑๗ แต่ความแตกต่างของผลการทดลองนี้กับผลการทดลองของ V.P.Arora and V.K.Agorwal¹ เกินกว่าที่จะอธิบายได้โดยขอบเขตความคลาดเคลื่อนนี้ ความแตกต่างนี้อาจมาจาก

ก. การทดลองของ V.P.Arora and V.K.Agorwal¹ ที่ความถี่ ๔, ๕, ๓๐ GHz และ ∞ (ความถี่แสง) จะเห็นว่ามีพิสัยกว้างมาก อาจทำให้ผลถูกต้องดีกว่าที่วัดในพิสัยแคบ ๆ ในช่วง ๔, ๑๐ และ ๑๒ GHz เนื่องจากพิสัยของความถี่กว้าง ๆ เราสามารถเขียนกราฟแบบ โคล - โคล^๑ (Cole-Cole plot) ได้ทำให้เราสามารถคำนวณค่า τ และ μ ได้ถูกต้องกว่า

ข. ถ้าเราพิจารณาสมการ

$$\epsilon' = \epsilon_\infty + \left(\frac{1}{\omega\tau}\right)\epsilon'' \quad (\text{ บ.๒.๑ })$$

สมการข้างบนเราใช้เป็นสมการสำหรับหาค่า τ โดยวัด ϵ' , ϵ'' และ ϵ_∞ ที่ความถี่ ๔, ๑๐ และ ๑๒ GHz เป็นไปได้ว่าสมการนี้ไม่ถูกต้องนักอาจมีความคลาดเคลื่อนของสูตรนี้ได้

๖.๓ ข้อเสนอแนะ

เพื่อการศึกษาสมบัติของผลึกเหลวที่ไหลลึกลงานี้ อาจทำการศึกษาโดยวิธีอื่น ๆ ปรับปรุงการทดลองให้มีประสิทธิภาพดีกว่าที่เป็นอยู่ ทำการทดลองโดยให้ความเข้มข้นของสารละลายเจือจางมากกว่านี้อาจเป็น ๐.๐๑ mole fraction จะทำให้สูตรข้างบนถูกต้องยิ่งขึ้น ควรขยายช่วงความถี่ให้สูงกว่านี้ เพราะปัจจุบันเรามีพิสัย ๔ - ๑๒ GHz เท่านั้น

ภาคผนวกที่ ๑

การเขียนโปรแกรมเครื่องคำนวณ

๑. การเขียนโปรแกรม เพื่อหาค่า β_2' และ β_2'' ที่ทำให้ $\rho_2 = \rho_e$ และ $\theta_2 = \theta_e$ ในสารที่มีการคุกกลืนพลังงาน เราพิจารณาสมการ

$$\rho = \left(\frac{A^2 + B^2}{C^2 + D^2} \right)^{1/2} \quad (๑.๑)$$

และ

$$\theta = \tan^{-1} \left\{ \frac{BC - AD}{AC + BD} \right\} \quad (๑.๒)$$

เพื่อความสะดวกในการเขียนโปรแกรมเราจัดเทอม A, B, C และ D ใหม่ดังนี้

$$A = 2e(1 - e^{2b} \cos 2a) + \{(2a + 2ae^{2b} \cos 2a) + 2be^{2b} \sin 2a\}$$

$$B = 2e(1 - e^{2b} \cos 2a) - \{(2a + 2ae^{2b} \cos 2a) + 2be^{2b} \sin 2a\}$$

$$C = \{(2b + 2be^{2b} \cos 2a) - (2ae^{2b} \sin 2a)\} + 2e e^{2b} \sin 2a$$

$$D = \{(2b + 2be^{2b} \cos 2a) - (2ae^{2b} \sin 2a)\} - 2e e^{2b} \sin 2a$$

โดยที่ $a = \beta_2' d$, $b = \beta_2'' d$, $e = \beta_1 d$

โปรแกรมนี้เราแยกเป็น ๒ ส่วน

๑.๑ โปรแกรมคำนวณ ρ และ θ (LBL A)

β_2' STO 1

β_2'' STO 2

β_1 STO 3

d STO 4

ρ RCL 6

θ display

๑.๒ โปรแกรมคำนวณราคาโดยวิธี intrapolate (LBL B)

ถ้า $\rho_1(\beta'_2, \beta''_{21}, \beta_1, d)$ มี β''_{21} เป็นรากโดยที่ $\rho_1 > \rho_E$

และ $\rho_2(\beta'_2, \beta''_{22}, \beta_1, d)$ มี β''_{22} เป็นรากโดยที่ $\rho_2 < \rho_E$

ซึ่ง ρ_E เป็น ρ ที่ได้จากการทดลอง ดังนั้นเราสามารถหา β''_2 ที่ทำให้ $\rho_E = \rho$ โดยอาศัยเทคนิคทางคณิตศาสตร์ที่ว่า

$$\beta''_2 = \frac{(\rho_E - \rho_2)}{(\rho_2 - \rho_1)} \times (\beta''_{21} - \beta''_{22}) + \beta''_{22} \quad (๑.๓)$$

จากการศึกษาพบว่า ρ จะเปลี่ยนแปลงเร็วมากเมื่อ β''_2 เปลี่ยนแปลงเล็กน้อยและเมื่อ β''_2 เพิ่มขึ้น ρ จะมีค่าลดลง

ในทำนองเดียวกัน ในการคำนวณราคาของ θ กระทำได้ดังนี้

ถ้า $\theta_1(\beta'_2, \beta''_{21}, \beta_1, d)$ มี β''_{21} เป็นรากโดยที่ $\theta_1 > \theta_E$

และ $\theta_2(\beta'_2, \beta''_{22}, \beta_1, d)$ มี β''_{22} เป็นรากโดยที่ $\theta_2 < \theta_E$

ซึ่ง θ_E เป็น θ ที่ได้จากการทดลอง ดังนั้นเราสามารถหา β''_2 ที่ทำให้ $\theta_E = \theta$ โดยอาศัยเทคนิคทางคณิตศาสตร์ที่ว่า

$$\beta''_2 = \frac{(\theta_E - \theta_2)}{(\theta_2 - \theta_1)} \times (\beta''_{21} - \beta''_{22}) + \beta''_{22} \quad (๑.๔)$$

จากการศึกษาพบว่า θ จะเปลี่ยนแปลงเร็วมากเมื่อ β''_2 เปลี่ยนแปลงเล็กน้อยและเมื่อ β''_2 เพิ่มขึ้น θ จะมีค่าลดลง

การเขียนโปรแกรม

β'_{21} หรือ β''_{21}	STO	A
θ_1 หรือ ρ_1	STO	B
β'_{22} หรือ β''_{22}	STO	C
θ_2 หรือ ρ_2	STO	D
θ_E หรือ ρ_E	STO	E
β'_2 หรือ β''_2	display	

๒. การเขียนโปรแกรมเพื่อหาค่า θ สำหรับสารที่ไม่มีการดูดกลืนพลังงานของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า (LBL C) พิจารณาจากสมการ

$$\theta = \tan^{-1} \left\{ \frac{2 \beta_1 \beta_2 \sin 2\beta_2 d}{(\beta_1^2 - \beta_2^2) - (\beta_1^2 + \beta_2^2) \cos 2\beta_2 d} \right\} \quad (๑.๕)$$

การโปรแกรม

β_1 STO 1

β_2 STO 2

d STO 3

θ display

วิธีการคำนวณหาค่า θ คงอาศัยวิธีที่กล่าวมาแล้วในหัวข้อ (๑.๒)

โปรแกรมของเครื่องคำนวณ HP97 เขียนได้ดังนี้

001	*LBLA	21 11	051	RCL8	36 08	101	x	-35
002	RAD	16-22	052	x	-35	102	ROLE	36 15
003	RCL1	36 01	053	+	-55	103	RCL3	36 46
004	RCL4	36 04	054	RCL5	36 05	104	x	-35
005	x	-35	055	RCL9	36 09	105	-	-45
006	2	02	056	x	-35	106	÷	-24
007	x	-35	057	-	-45	107	TAN ⁻¹	16 45
008	STO5	35 05	058	STO6	35 13	108	RTN	24
009	RCL2	36 02	059	RCL7	36 07	109	*LBLB	21 12
010	RCL4	36 04	060	RCL9	36 09	110	ROLE	36 15
011	x	-35	061	x	-35	111	ROLD	36 14
012	2	02	062	STOD	35 14	112	-	-45
013	x	-35	063	RCLA	36 11	113	RCLB	36 12
014	STO6	35 06	064	RCLB	36 12	114	ROLE	36 14
015	RCL3	36 03	065	+	-55	115	-	-45
016	RCL4	36 04	066	STOE	35 15	116	÷	-24
017	x	-35	067	RCLA	36 11	117	RCLA	36 11
018	2	02	068	RCLB	36 12	118	ROLD	36 13
019	x	-35	069	-	-45	119	-	-45
020	STO7	35 07	070	STO1	35 46	120	x	-35
021	RCL6	36 06	071	RCLC	36 13	121	ROLD	36 13
022	e ^x	33	072	RCLD	36 14	122	+	-55
023	RCL5	36 05	073	+	-55	123	RTN	24
024	COS	42	074	STO8	35 08	124	RCL0	36 08
025	x	-35	075	RCLC	36 13	125	*LBLC	21 13
026	STO8	35 08	076	RCLD	36 14	126	2	02
027	RCL6	36 06	077	-	-45	127	RCL2	36 02
028	e ^x	33	078	STO5	35 05	128	x	-35
029	RCL5	36 05	079	RCLE	36 15	129	RCL3	36 03
030	SIN	41	080	X ²	53	130	x	-35
031	x	-35	081	RCL0	36 08	131	STO4	35 04
032	STO9	35 05	082	X ²	53	132	SIN	41
033	1	01	083	+	-55	133	2	02
034	RCL8	36 08	084	RCL1	36 46	134	x	-35
035	-	-45	085	X ²	53	135	RCL1	36 01
036	RCL7	36 07	086	RCL5	36 05	136	x	-35
037	x	-35	087	X ²	53	137	RCL2	36 02
038	STOA	35 11	088	+	-55	138	x	-35
039	RCL5	36 05	089	÷	-24	139	RCL1	36 01
040	RCL5	36 05	090	JX	54	140	X ²	53
041	RCL8	36 08	091	STO6	35 06	141	RCL2	36 02
042	x	-35	092	RCLE	36 15	142	X ²	53
043	+	-55	093	RCL5	36 05	143	-	-45
044	RCL6	36 06	094	x	-35	144	RCL1	36 01
045	RCL9	36 09	095	RCL0	36 08	145	X ²	53
046	x	-35	096	RCL1	36 46	146	RCL2	36 02
047	+	-55	097	x	-35	147	X ²	53
048	STO8	35 12	098	+	-55	148	+	-55
049	RCL6	36 06	099	RCL0	36 08	149	RCL4	36 04
050	RCL6	36 06	100	RCL5	36 05	150	COS	42
						151	x	-35
						152	-	-45
						153	÷	-24
						154	TAN ⁻¹	16 45
						155	RTN	24

ภาคผนวกที่ ๒
ค่าคงที่ของหน่วยความถี่แสง

อาศัยสมการของแมกซ์เวลล์ โดยพิจารณาสมการ (๓.๒.๑) เราจะได้

$$\nabla \times \nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial}{\partial t}(\nabla \times \vec{B})$$

หรือ

$$\nabla^2 \vec{E} = -\frac{\partial}{\partial t}(\nabla \times \vec{B}) \quad (๒.๑)$$

จากสมการ (๓.๑.๔) , (๓.๑.๖) และ (๒.๑) เราจะได้

$$\nabla^2 \vec{E} = -\mu\epsilon \frac{\partial^2}{\partial t^2} \vec{E} \quad (๒.๒)$$

ในทำนองเดียวกันจากสมการ (๓.๑.๒) , (๓.๑.๔) , (๓.๑.๕) และ (๓.๑.๖) เราจะได้

$$\nabla^2 \vec{H} = \mu\epsilon \frac{\partial^2}{\partial t^2} \vec{H} \quad (๒.๓)$$

สมการ (๒.๒) และ (๒.๓) เป็นสมการการเคลื่อนที่ของคลื่น ดังนั้นเราได้ว่า

หรือ
$$\mu\epsilon = \frac{1}{v^2}$$

$$v = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}} \quad (๒.๔)$$

เมื่อ v เป็นความเร็วของคลื่นในตัวกลางที่มีความถี่เป็นความถี่แสง ดังนั้นถ้าเราพิจารณาในตัวกลางที่เป็นสุญญากาศนั้นคือ $v \rightarrow c$ ดังนั้น

$$c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0\epsilon_0}} \quad (๒.๕)$$

จากสมการ (๒.๔) และ (๒.๕) เราได้

$$\frac{c}{v} = \sqrt{\frac{\mu\epsilon}{\mu_0\epsilon_0}} \quad (๒.๖)$$

ซึ่ง c/v เป็น กรรณหักเหของแสงของตัวกลาง (η) อาศัยคุณสมบัติของสารไดอิเล็กตริก
 ที่ว่า $\mu = \mu_0$ ทำให้สมการ (๒.๖) กลายเป็น

$$\text{หรือ } \eta = \frac{c}{v} = \sqrt{\frac{\epsilon}{\epsilon_0}} = \sqrt{k_\alpha}$$

$$k_\alpha = \eta^2$$

(๒.๗)

โดยที่ k_α เป็นค่าคงที่ฉนวนที่ความถี่แสง