การวิเคราะห์ไฟไนต์อิลิเมนต์ของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียว

นายกงกิจ ยิ่งเจริญกิจขจร

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา ภาควิชาวิศวกรรมโยธา คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2556

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บทคัดย่อและแฟ้มข้อมูลฉบับเต็มของวิทยานิพนธ์ตั้งแต่ปีการศึกษา 2554 ที่ให้บริการในคลังปัญญาจุฬาฯ (CUIR) เป็นแฟ้มข้อมูลของนิสิตเจ้าของวิทยานิพนธ์ที่ส่งผ่านทางบัณฑิตวิทยาลัย

The abstract and full text of theses from the academic year 2011 in Chulalongkorn University Intellectual Repository(CUIR)

are the thesis authors' files submitted through the Graduate School.

FINITE ELEMENT ANALYSIS OF UNDRAINED TUNNEL FACE STABILITY IN CLAY

Mr. Kongkit Yingchaloenkitkhajorn

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Engineering Program in Civil Engineering Department of civil Engineering Faculty of Engineering Chulalongkorn University Academic Year 2013 Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์	การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์ของเสถียรภาพด้านหน้า
	อุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียว
โดย	นายกงกิจ ยิ่งเจริญกิจขจร
สาขาวิชา	วิศวกรรมโยธา
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก	รองศาสตราจารย์ คร.บุญชัย อุกฤษฎชน

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

> คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์ (รองศาสตราจารย์ คร.บุญสม เลิศหิรัญวงศ์)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

.....ประธานกรรมการ

(รองศาสตราจารย์ คร.สุพจน์ เตชวรสินสกุล)

.....อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก

(รองศาสตราจารย์ คร.บุญชัย อุกฤษฎชน)

..... กรรมการ

(รองศาสตราจารย์ คร.ฐิรวัตร บุญญะฐิ)

..... กรรมการ

(รองศาสตราจารย์ คร.สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง)

.....กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย (ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.สยาม ยิ้มศิริ) กงกิจ ยิ่งเจริญกิจขจร : การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์ของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ ใม่ระบายน้ำในดินเหนียว. (FINITE ELEMENT ANALYSIS OF UNDRAINED TUNNEL FACE STABILITY IN CLAY) อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก : รศ.ดร.บุญชัย อุกฤษฎชน, 212 หน้า.

้วิทยานิพนธ์นี้น้ำเสนอการศึกษาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายในดินเหนียว การศึกษานี้ ดำเนินการ โดยใช้การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ การวิเคราะห์แบบ 2 มิติถูกประยุกต์ใช้กับหน้าตัดตามขวางและหน้าตัดตามยาว ในขณะที่การวิเคราะห์แบบ 3 มิติ ถูก ประยุกต์ใช้กับรูปทรงเรขาคณิตแบบ 3 มิติ สถานะของการวิบัติหรือการพังทลายในการวิเคราะห์ไฟ ในต์อิลิเมนต์ ได้โดยการประมาณจาก การใช้หลักการลดทอนกำลังในการหาอัตราส่วนความ ้ปลอคภัยของเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำ หน้าตัดตามขวางและตามยาวไม่พิจารณาคาคอุโมงค์ใน แบบจำลอง แต่แบบ 3 มิติจำลองให้ดาดอุโมงค์เป็นแบบแข็งเกร็ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบ ้งรุงระสมบูรณ์ ดินเหนียวถูกจำลองให้เป็นวัสดุแบบมอร์-กูลอมบ์ในขณะที่กำลังรับแรงเฉือนแบบ ้ไม่ระบายน้ำพิจารณาให้คงที่ หรือเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น ผลเฉลยเชิงตัวเลขถูกนำเสนอ ในรูปของชารต์เสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ การเปรียบเทียบระหว่างผลเฉลยที่ผ่านมากับ การศึกษานี้แสดงให้เห็นว่าส่วนใหญ่มีความสอดคล้องเป็นอย่างยิ่งทั้งในกรณีปัญหา 2 มิติ และ 3 มิติ นอกจากนั้น การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ในชั้นดินกรุงเทพมหานครได้ถูก ้ดำเนินการประยุกต์ใช้จริงด้วยเช่นกัน ได้สามผลงานใหม่ที่สำคัญจากงานวิจัยนี้ต่อองก์ความรู้เดิมที่ ้มีในอดีตที่ผ่านมาสำหรับเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ อย่างแรกคือการศึกษานี้ได้มีการตรวจสอบ ผลกระทบ 3 มิติของอัตราส่วนความปลอคภัย ซึ่งมีค่าประมาณ 2.5 และ 1.8 ของหน้าตัดตามขวาง และหน้าตัดตามยาวตามที่ได้วิเคราะห์มาตามลำดับ อย่างที่สองคือการศึกษานี้ได้นำเสนอสมการเซ ้มิ-เอมพิริคัล จากการปรับเส้นโค้ง ซึ่งมีความถกต้องแม่นยำกับข้อมลจากผลเฉลยเชิงตัวเลข โดยผล เฉลยที่ได้จากการวิเคราะห์ปัญหาเสถียรภาพในทางปฏิบัติสามารถหาได้ง่ายและถูกต้องแม่นย่ำโดย ้ปราศจากการใช้ชารต์เสถียรภาพ สุดท้ายคือการทรุดตัวสูงสุดบนพื้นผิวดินอาจประมาณได้โดยการ ใช้ความสัมพันธ์ที่ถูกนำเสนอบนพื้นฐานของการทำนายอัตราส่วนความปลอดภัยจากสมการที่ได้ นำเสนอมาแล้วข้างต้น

ภาควิชา <u></u>	วิศวกรรมโยธา	ลายมือชื่อนิสิต
สาขาวิชา	<u>วิศวกรรมโยธา</u>	ลายมือชื่อ อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก
ปีการศึกษา <u></u>	2556	_

KEYWORDS: TUNNEL FACE / UNDRAINED STABILITY / FINITE ELEMENT ANALYSIS / LIMIT ANALYSIS

KONGKIT YINGCHALOENKITKHAJORN: FINITE ELEMENT ANALYSIS OF UNDRAINED TUNNEL FACE STABILITY IN CLAY. ADVISOR: ASSOC.PROF. BOONCHAI UKRITCHON, Sc.D., 212 pp.

This thesis presents a study of undrained tunnel face stability in clay. This study is carried out using the two dimensional (2D) and three dimensional (3D) finite element analyses. The 2D analyses are applied for transverse and longitudinal sections while the 3D analyses are applied for three dimension geometry. The failure or collapse states in the finite element analyses are approximated using the strength reduction to determine the factor of safety of undrained stability. The 2D transverse and longitudinal sections do not consider tunnel lining in the model, but the 3D geometry section models tunnel lining as rigid plate element with fully rough surface. The clay is modeled as Mohr-Coulomb material while its undrained shear strength profile is considered to be constant or linear increase with depth. Numerical solutions are presented in terms of stability charts of normalized terms. Comparison between the previous results and those of present study show excellent agreement for most cases of 2D and 3D problems. In addition, the analyses of tunnel face stability in Bangkok subsoil profile are also carried for real application. There are three significant contributions of this research to the past knowledge of undrained stability of tunnel face. Firstly, this study has numerically verified that the 3D effect of factor of safety of this problem is about 2.5 and 1.8 with respect to transverse and longitudinal sections of analyses, respectively. Secondly, this study presents a single semi-empirical curve fitting equation which accurately matches the data of numerical solutions. As a result, stability analyses of this problem in practice can be determined easily and accurately without using series of stability charts. Lastly, maximum ground surface settlement may be approximated using the proposed relationship based on predicted factor of safety from the proposed equation.

Department :	<u>Civil E</u> 1	ngineering		Student's Sig	gnature	 	
Field of Study	Civil E	aincoring	,	- Advisor's Sid	matura		
Field of Study .		igineering	1		gilature	 	
Academic Year	::	2013					

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงลงได้ ผู้เขียนขอขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ คร.บุญชัย อุกฤษฎชน อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ที่ได้กรุณาสละเวลาเพื่อให้คำปรึกษา แนะแนวทาง ตรวจสอบ ปรับปรุงแก้ไขข้อบกพร่องต่างๆ พร้อมทั้งยังให้ความรู้ขั้นสูงในเรื่องของของเทคนิคไฟ ในต์อิลิเมนต์ ตลอดจนถึงทฤษฎีพลาสติกซิตีแบบดั้งเดิม อันเป็นประโยชน์ในการจัดทำวิทยานิพนธ์ ฉบับนี้

ขอขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ คร.ฐิรวัตร บุญญะฐี ที่กรุณาสละเวลาเพื่อให้กำแนะนำ ตลอคจนถึงช่วยอำนวยกวามสะควก ในเรื่องของซอฟต์แวร์ไฟไนต์อิลิเมนต์

ขอขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ คร.สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง ที่กรุณาสละเวลาเพื่อให้ คำแนะนำในเรื่องของทฤษฎีไฟไนต์อิลิเมนต์ ตลอคจนถึงทฤษฎีพลาสติกซิตีสมัยใหม่

ขอขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ คร.สุพจน์ เตชวรสินสกุล ประธานกรรมการสอบ วิทยานิพนธ์ และผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.สยาม ยิ้มศิริ กรรมการสอบวิทยานิพนธ์ที่กรุณาสละเวลา ในการให้กำแนะนำ รวมทั้งข้อกิดเห็นที่เป็นประโยชน์ในการจัดทำวิทยานิพนธ์ ให้สมบูรณ์ยิ่งขึ้น และขอแสดงกวามขอบพระคุณ ผู้เชียวชาญทุกท่านที่ไม่ได้เอ่ยนาม ที่ได้ให้กำแนะนำและ ให้กวามช่วยเหลือในการจัดทำวิทยานิพนธ์ฉบับนี้

สุดท้ายนี้ผู้เขียนต้องขอขอบพระกุณ บิดา มารดา ที่กอยให้กำลังใจและสนับสนุนการศึกษา เล่าเรียนเป็นอย่างดี รวมถึงกรูบาอาจารย์ ทุกท่านที่ได้ให้การดูแล อบรม สั่งสอน ประสิทธิ์ประสาท วิชากวามรู้ทั้งหลายให้กับผู้เขียน นับตั้งแต่อดีตจนถึงปัจจุบัน

สารบัญ

บทคัดย่	ອກາ	ษาไทย _.		্য
บทคัดย่	ອກາ	ษาอังกถ	្រាម	า
กิตติกร	รมปร	ระกาศ <u>.</u>		ิ มิ
สารบัญ				¥
สารบัญ	ตารา	۱۹ <u></u>		ม
สารบัญ	ภาพ <u></u>			_ณ
บทที่ 1	บทเ	ໍ່າ <u> </u>		1
	1.1	ความเ	เป็นมาและความสำคัญของปัญหา	1
	1.2	วัตถุป	ระสงค์ของการวิจัย	2
	1.3	ขอบเ	งตของการวิจัย	2
	1.4	ີວີຣີແລ	ะขั้นตอนการคำเนินงาน	2
	1.5	ประโ	ยชน์ที่คาคว่าจะได้รับ	3
บทที่ 2	ทฤษ	มฏิและ·	งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง	4
	2.1	ทฤษฐิ์	ุ่พลาสติกซิตี <u>.</u>	4
		2.1.1	การคราก	5
		2.1.2	กฎการไหล	7
		2.1.3	การไหลแบบไม่สอคกล้อง	7
		2.1.4	สภาพพลาสติกแบบสมบูรณ์ <u></u>	8
	2.2	การวิเ	คราะห์เชิงตัวเลขและวิชีวิเคราะห์ลิมิต	9
		2.2.1	การวิเกราะห์เชิงตัวเลข	9
		2.2.2	วิธีวิเคราะห์ลิมิต	10
			1) ทฤษฎีขอบบน	11
			1) ทฤษฎีขอบล่าง	12
	2.3	การวิเ	คราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ในดินเหนียว <u>.</u>	13
		2.3.1	วิธีทดลองเชิงประสบการณ์	
		2.3.2	วิธีวิเคราะห์	22

1) วิธีวิเคราะห์ลิมิต_____22 วิธีอื่น ๆ ______34 2.4 วิธีไฟในต์อิลิเมนต์ในการวิเคราะห์เสถียรภาพ_____38 2.4.1 หลักการพื้นฐานของวิธีไฟในต์อิลิเมนต์______38 2.4.2 พฤติกรรมและแบบจำลองของคิน_____39 พฤติกรรมกำลังรับแรงเฉือนภายใต้เงื่อนไขแบบไม่ระบายน้ำ
 39 ก) แบบคงที่ตลอดตามความลึก_____40 บ) แบบเพิ่มเป็นแบบเชิงเส้นตามความลึก_____41 แบบจำลองเทรสกาและแบบจำลองมอร์-กูลอมบ์ _____42 2.4.3 วิธีลดทอนกำลัง_____44 2.4.4 ซอฟแวร์ไฟในต์อิลิเมนต์_____46 2.5 ลักษณะทั่วไปของชั้นดินกรุงเทพมหานคร_____49 2.6 การวิเคราะห์ความถุดถอยและสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ_____51 บทที่ 3 การวิเคราะห์หารปเรขาคณิตและ โครงข่ายที่เหมาะสมที่สด 55 3.1 บทนำ 55 3.2 หน้าตัดตามขวาง_____55 3.3 หน้าตัดตามยาว_____58
 3.4 แบบ 3 มิติ_____62
 บทที่ 4 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 2 มิต<u>ิ.....</u>69 4.1 บทนำ_____69
 4.2 หน้าตัดตามขวาง_____74
 4.2.1 กรณีชั้นดินเหนียวเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ 74 4.3 หน้าตัดตามยาว_____79 4.3.1 กรณีชั้นดินเหนียวเป็นเอกพันธ์และ ไม่เป็นเอกพันธ์_____80 4.3 กรณีเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร_____83 บทที่ 5 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 3 มิต<u>ิ.....</u>90 5.1 บทนำ _____90

 5.2 แบบ 3 มิติ_____93

 5.1.1 กรณีชั้นดินเหนียวเป็นเอกพันธ์และ ไม่เป็นเอกพันธ์_____93

	00			
5.2 กรณเบนชนดนกรุงเทพมหานคร				
บทที่ 6 ผลและการวิเคราะห์ผลการวิจัย				
6.1 ผลเฉลยเชิงตัวเลงและรูปแบบการวิบัติ	103			
6.1.1 หน้าตัดตามขวาง <u></u>	103			
6.1.2 หน้าตัดตามยาว <u></u>	114			
6.1.3 แบบ 3 มิติ	123			
6.1.4 การเปรียบเทียบความสัมพันธ์กับงานวิจัยในอดีต <u></u>				
6.1.5 สมการเซมิ-เอมพิริคัล จากการปรับเส้น โค้ง				
6.2 ผลกระทบ 3 มิติของเสลียรภาพแบบไม่ระบายน้ <u>ำ</u>	163			
6.2.1 หน้าตัดตามขวางต่อแบบ 3 มิต <u>ิ</u>	163			
6.2.2 หน้าตัดตามยาวต่อแบบ 3 มิต <u>ิ</u>				
6.3 การประยุกต์ใช้งาน	185			
6.3.1 ความสัมพันธ์ระหว่างการทรุคตัวสูงสุคบนพื้นผิวคิน				
กับอัตราส่วนความปลอดภัย	191			
บทที่ 7 สรุปผลการวิจัย อภิปรายผล และข้อเสนอแนะ	202			
7.1 บทนำ	202			
7.2 การวิเคราะห์หารูปเรขาคณิตและโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุด	203			
7.3 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 2 มิต <u>ิ</u>	203			
7.4 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 3 มิติ	204			
7.5 ผลกระทบ 3 มิติของเสลียรภาพแบบไม่ระบายน้ <u>ำ</u>	204			
7.6 การประยุกต์ใช้งาน	205			
7.7 ข้อเสนอแนะในการศึกษาเพิ่มเติม	207			
รายการอ้างอิง	208			
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์212				

ณ

สารบัญตาราง

ตารางที่		หน้า
21	รายละเอียด สมมติฐาน และข้อจำกัดของวิธีการวิเคราะห์แบบต่าง ๆ	
2.1	(สเซษส์ ลิขิตเลอสราง 2553)	12
2.2	เปรียบเทียบความแตกต่างของวิธีการใบการวิเคราะห์	12
2.2	(Guglielmetti et al. 2007)	13
31	(Gugnenneur et al., 2007) สัดส่านทางเรขาคณิตที่เหมาะสบที่สด	
5.1	ถึงสังนการวิเอราะห์หน้าตัดตาบตาวง	56
3 7	สรปลักษณะของโอรงข่ายพี่เหมาะสบที่สุดที่ใช้ในการวิเอราะห์	0
5.2	หน้าตัดตามขวามสำหรับกรณี C/D-1-5	59
2.2	กน เทททาม ขางถากาบกาน C/D-1-5	50
5.5 2.4	แทแ วนทางเวอากแพทเกม โอแมกถุททางวินนาาวางกาน เทททามอาว สราไล้อนอเคของโอรงข่ายพี่เหมาะสบพี่สอที่ใช้ในอารวิเอราะห์	00
5.4	หนุ้วนออาร์ตอวรฐวระมาจะอี C/D 1 2	(\mathbf{c})
2.5	ทน เททท เมขา เกต เทา บ เกต แก่ บ เกต เกา บ เกต C/D=1-5	02
3.5	ถุดถานทางเวขาคณุตทเหมาะถมทถุดทางรานการายการกระบบบาราท	03
3.6	สรักยุบอกราคา รู้ ระบบรู้	
	แบบ 3 มต สาหรบกรณ C/D=1-5	<u> 6</u> 7
4.1	คาพารามเตอรตาง ๆ ท โช ในการวเคราะหเสถยรภาพ • ส ะ	
	ในกรณิชินคนเหนียวแบบเป็นเอกพื้นธ	77
4.2	ค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ไช้ในการวิเกราะห์เสถียรภาพ	
	ในกรณีชันดินเหนียวแบบไม่เป็นเอกพันธ์	78
4.3	ค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในแบบจำลองดินมอร์-กูลอมบ้	
	ในการวิเคราะห์เสถียรภาพในกรณีชั้นดินกรุงเทพมหานคร	<u> 86 </u>
4.4	ค่าพารามิเตอร์แรงต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพ	
	ในกรณีชั้นดินกรุงเทพมหานคร	86
4.5	การปรับค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพ	
	ในกรณีชั้นดินกรุงเทพมหานครเพื่อให้อยู่ในในเงื่อนไข	
	ของสภาพดินที่เป็นดินเหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ <u>์</u>	87
6.1	เสถียรภาพสำหรับอุโมงค์แบบหน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณี γD/s _{u0} =0-5	104

ตารางที่

6.2	เสถียรภาพสำหรับอุโมงค์แบบหน้าตัดตามยาว สำหรับกรณี γD/s _{u0} =0-5	_114
6.3	เสถียรภาพสำหรับอุโมงค์แบบ 3 มิติ สำหรับกรณี γD/s _{u0} =0-5	_123
6.4	เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบ 3 มิติ	
	สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร <u>.</u>	_133
6.5	เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ	
	สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร	_134
6.6	ผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถุดถอย	
	แบบพหุแบบไม่เชิงเส้นสำหรับหน้าตัดตามขวาง	162
6.7	ผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถุดถอย	
	แบบพหุแบบไม่เชิงเส้นสำหรับหน้าตัดตามยาว	162
6.8	ผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถุดถอย	
	แบบพหุแบบไม่เชิงเส้นสำหรับแบบ 3 มิติ	162
6.9	เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ	
	สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้นคินกรุงเทพมหานคร	
	พร้อมทั้งพารามิเตอร์การทรุคตัวสูงสุดแบบไร้มิติ	192

สารบัญภาพ

ภาพที่

2.1	การนิยามเกณฑ์การวิบัติ (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง , 2553)	6
2.2	การตั้งฉาก (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง, 2553)	7
2.3	การใหลไม่สอดคล้อง (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง, 2553)	8
2.4	การให้แรงหนึ่งมิติบนวัสดุพลาสติกแบบสมบูรณ์ (สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง, 2553)	9
2.5	วิธีวิเคราะห์ลิมิตแบบ ขอบบนและขอบล่าง (สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง, 2553)	11
2.6	วิธีการที่สามารถคำนวณเสถียรภาพของคินที่มีความเชื่อมแน่น	
	บริเวณด้ำนหลังของช่องเปิดในแนวคิ่ง (Broms and Bennermark, 1967)	15
2.7	แบบจำลองใช้ในการคำนวณเสถียรภาพด้านหน้า	
	(Broms and Bennermark, 1967)	15
2.8	ผลเฉลยที่ได้จากการทดสอบเสถียรภาพ	
	ด้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ (Schofield, 1980)	17
2.9	มุมมองแบบหน้ำตัดตามยาวหลังทดสอบแบบ 3 มิติ	
	ในกรณี P/D=0 (Schofield, 1980)	17
2.10	มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทดสอบแบบ 3 มิติ	
	ในกรณี P/D=1/2 (Schofield, 1980)	18
2.11	มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทดสอบแบบ 3 มิติ	
	ในกรณี P/D=1 (Schofield, 1980)	18
2.12	มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทคสอบแบบ 3 มิติ	
	ในกรณี P/D=2 (Schofield, 1980)	19
2.13	มุมมองแบบหน้าตัดตามขวาง หลังจากเกิดการวิบัติ	
	กรณี C/D=1.8 (Kimura and Mair, 1981)	19
2.14	มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังจากเกิดการวิบัติ	
	กรณี่ C/D=1.5 และ P/D=0 (Kimura and Mair, 1981)	20
2.15	มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังจากเกิดการวิบัติ	
	กรณี่ C/D=1.5 และ P/D=2 (Kimura and Mair, 1981)	20

2.16	อิทธิพลของระยะที่ไม่มีคาคอุโมงค์รองรับค้านหน้า	
	ต่ออัตราของความมีเสถียรภาพขณะเกิดการวิบัติ (Kimura and Mair, 1981)	21
2.17	ผลเฉลยของอิทธิพลของรูปทรงเรขาคณิตด้านหน้าอุโมงก์	
	ขณะเกิดการวิบัติ (Kimura and Mair, 1981)	21
2.18	แบบจำลองในอุคมคติที่ใช้วิเคราะห์ (วาดใหม่ Davis et al., 1980)	22
2.19	มุมมองอุโมงค์ตามแนวยาว กรณี P/D=0	
	ที่ใช้วิเคราะห์แบบ 3 มิติ (วาดใหม่ Davis et al., 1980)	23
2.20	ผลเฉลยขอบล่างของหน้าตัดอุโมงก์ตามแนวขวาง (Davis et al., 1980)	23
2.21	รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามขวาง	
	ที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (วาดใหม่ Davis et al., 1980)	24
2.22	รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามยาว	
	ที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (วาดใหม่ Davis et al., 1980)	25
2.23	ผลเฉลยขอบบนและขอบล่าง	
	สำหรับหน้าตัดอุโมงค์ตามแนวยาว (Davis et al., 1980)	26
2.24	ผลเฉลยขอบบนและขอบล่างสำหรับอุโมงค์แบบ 3 มิติ (Davis et al., 1980)	26
2.25	ลักษณะกำลังรับแรงเฉือนเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น	
	ที่ใช้วิเคราะห์ขอบบน (วาคใหม่ Sloan and Assadi, 1993)	27
2.26	รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามขวาง	
	ที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบนเสนอ โคย Sloan and Assadi (1993)	28
2.27	(a) เปรียบเทียบรูปแบบการวิบัติต่าง ๆ ที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน	
	(b) เปรียบเทียบระหว่างทฤษฎีและการทดลองเชิงประสบการณ์	
	(Sloan and Assadi, 1993)	29
2.28	ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี (a) C/D=1	
	(b) C/D=5 เสนอ โดย Sloan and Assadi (1993)	29
2.29	ลักษณะกำลังรับแรงเฉือนเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น	
	ที่ใช้วิเคราะห์ขอบบน (Augarde et al., 2003)	30
2.30	รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามยาว	
	ที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (วาดใหม่ Augarde et al., 2003)	30

2.31	ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี (a) ρD/s _{u0} =0	
	(b) ρD/s _{u0} =1 เสนอโดย Augarde et al. (2003)	31
2.32	รูปแบบการวิบัติที่ได้พัฒนาขึ้น โดยใช้เทคนิคการแบ่งช่วงปริภูมิ	
	สำหรับกรณี s _{u0} =20 kPa และ þ = 0 (Mollon et al., 2011)	32
2.33	เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ	
	กับงานวิจัยอื่นที่ผ่านมา (วาดใหม่ Mollon et al., 2011)	33
2.34	ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี C/D=1 และ C/D=2	
	เสนอโคย Willson et al. (2011)	34
2.35	ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี (a) γD/s _{u0} =0 และ (b) γD/s _{u0} =3	
	เสนอโดย Osman et al. (2006)	34
2.36	เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนจากงานวิจัยอื่น (วาคใหม่ Osman et al., 2006)	35
2.37	รูปแบบการวิบัติที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบ 3 มิติ	
	กรณี่ C/D=2 (Klar et al., 2007)	36
2.38	เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์	
	แบบหน้าตัดตามขวาง 2 มิติ กับงานวิจัยอื่น	
	ที่ผ่านมา (วาดใหม่ Klar et al., 2007)	37
2.39	เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนของเสถียรภาพค้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ	
	กับงานวิจัยอื่นที่ผ่านมา (วาดใหม่ Klar et al., 2007)	37
2.40	วงกลมมอร์แสดงค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ <u>ำ</u>	40
2.41	ลักษณะของกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอคตามความลึก	41
2.42	ລັກຍຸຂະບອນກຳລັນຮັບແຮນເລືອນແບບໃນ່ຮະບາຍນ້ຳ	
	แปรผันตามตามกวามลึกแบบเชิงเส้น	42
2.43	เกณฑ์การวิบัติมอร์-กูลอมบ์บนระนาบความเก้นเฉือน	
	และความเค้นตั้งฉาก (สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง, 2553)	44
2.44	หลักการของวิธีลดทอนกำลังที่ใช้ในซอฟแวร์ไฟในต์อิลิเมนต์	
	PLAXIS (วาดใหม่ Boonchai Ukritchon, 2011)	45
2.45	การเปรียบเทียบอิลิเมนต์ระหว่างแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ	47

2.46	สภาพชั้นคินจากสถานีศูนย์วัฒนธรรมไปจนถึงสถานีบางซื่อ	49
2.47	สภาพชั้นคินจากสถานีหัวลำโพงไปจนถึงสถานีศูนย์วัฒนธรรม	49
2.48	ลักษณะชั้นดินทั่วไปของกรุงเทพมหานคร	50
2.49	ลักษณะแรงคันน้ำใต้คินของกรุงเทพมหานคร	51
3.1	รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามขวางในกรณี C/D=1	55
3.2	ลักษณะของโครงข่ายต่าง ๆ ที่เหมาะสมที่สุดสำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	57
3.3	รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามยาวในกรณี C/D=1	59
3.4	ลักษณะของ Cap ที่ใช้ในการคำนวณ FEM แบบ 2DL	
	เพื่อหาลักษณะของโครงข่ายที่ เหมาะสมที่สุดสำหรับกรณี C/D=1	60
3.5	การวิเคราะห์ถักษณะของโครงข่ายต่าง ๆ เพื่อหาถักษณะที่เหมาะสมที่สุด	
	สำหรับกรณี หน้าตัดตามยาว	61
3.6	รูปทรงเรขาคณิตแบบ 3 มิติ ในกรณี C/D=1	65
3.7	การวิเคราะห์ลักษณะของโครงข่ายต่าง ๆ เพื่อหาลักษณะที่เหมาะสมที่สุด	
	สำหรับกรณี แบบ 3 มิติ	67
4.1	รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามขวางและ	
	กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอคความลึก <u>.</u>	74
4.2	รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามขวางและ	
	กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น	75
4.3	เงื่อนไขขอบที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	
4.4	เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	
4.5	รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามยาวและ	
	กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดความลึก	80
4.6	รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามยาวและ	
	กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น	81
4.7	เงื่อนไขขอบที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว	81
4.8	เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว	
4.9	หน้าตัดของคินสำหรับหน้าตัด 26-001 (รัชดา ถึง ลาคพร้าว)	83

4.10	หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด 23-001	
	(เตรียมร่วมมิตร ถึงประชาราษฎร์บำเพ็ญ)	
4.11	หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด CS-8 (เพชรบุรี ถึงพระราม 9)	84
4.12	หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด 7C (สุขมวิท ถึงเพชรบุรี)	
4.13	การเปลี่ยนแปลงค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ	
	เพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้นสำหรับหน้าตัด 23-001	
	และหน้าตัด 26-001 ตามลำดับ	87
4.14	การเปลี่ยนแปลงค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ	
	เพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้นสำหรับหน้าตัด CS-8	
	และหน้าตัด 7C ตามลำดับ	88
5.1	รูปเรขาคณิตแบบ 3 มิติและกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ	
	คงที่ตลอดความลึก	93
5.2	รูปเรขาคณิตแบบ 3 มิติและกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ	
	เพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น	94
5.3	เงื่อนไขขอบที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีแบบ 3 มิต <u>ิ</u>	95
5.4	เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์ แบบ 3 มิติ สำหรับกรณี	
	แรงที่กระทำบนผิวดินแต่เพียงอย่างเดียว	96
5.5	เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์ แบบ 3 มิติ สำหรับกรณี	
	แรงดันบริเวณด้านหน้าที่กระทำกับอุโมงก์ที่แต่เพียงอย่างเดียว <u>.</u>	96
5.6	ลักษณะของการจำลองการก่อสร้างสำหรับกรณี (σ₅=0, σt=increase)	98
5.7	ลักษณะของการจำลองการก่อสร้างสำหรับกรณี (σ_{s} = increase, σ_{t} =0)	99
5.8	ลักษณะของการจำลองการก่อสร้างสำหรับกรณี	
	เงื่อนไขชั้นดินกรุงเทพมหานคร	101
5.9	ลักษณะของการจำลองชั้นดินแบบ 3 มิติ สำหรับกรณี	
	เงื่อนไขชั้นดินกรุงเทพมหานคร	102
6.1	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ	
	สำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=2	105

6.2	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ	
	สำหรับกรณี (a) C/D=3 และ (b) C/D=4	106
6.3	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี C/D=5	106
6.4	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =0	107
6.5	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =0	108
6.6	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำคับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =1	108
6.7	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =1	109
6.8	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเกลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =0	109
6.9	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =0	110
6.10	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเกลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำคับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =1	110
6.11	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=3, และ γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =1	111
6.12	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =0	111
6.13	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =0	112

6.14	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =1	112
6.15	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =1	113
6.16	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ	
	สำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=2	115
6.17	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ	
	สำหรับกรณี (a) C/D=3 และ (b) C/D=4	116
6.18	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี C/D=5	116
6.19	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =0	117
6.20	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =0	117
6.21	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =1	118
6.22	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =1	118
6.23	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =0	119
6.24	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =0	119
6.25	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =1	

6.26	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =1	
6.27	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =0	
6.28	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =0	
6.29	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเกลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =1	122
6.30	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =1	122
6.31	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ	
	สำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=2	125
6.32	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ	
	สำหรับกรณี (a) C/D=3 และ (b) C/D=4	
6.33	ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี C/D=5	126
6.34	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =0	126
6.35	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =0	127
6.36	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =1	127
6.37	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=1, γD/s _{u0} =0 และ ρD/s _{u0} =1	

6.38	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =0	128
6.39	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =0	129
6.40	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =1	129
6.41	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=3, γD/s _{u0} =2 และ ρD/s _{u0} =1	130
6.42	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =0	130
6.43	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =0	131
6.44	รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ	
	(b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบถำดับชั้นของสี	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =1	131
6.45	รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น	
	สำหรับกรณี C/D=5, γD/s _{u0} =5 และ ρD/s _{u0} =1	132
6.46	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 26-001, σ _t =130 kPa	135
6.47	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 26-001, σ _t =130 kPa	135
6.48	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 26-001, σ _t =155 kPa	136
6.49	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 26-001, σ _t =155 kPa	136

6.50	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 26-001, σ _t =180 kPa	_137
6.51	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 26-001, σ _t =180 kPa	_137
6.52	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 23-001, σ _t =40 kPa	_138
6.53	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 23-001, σ _t =40 kPa	_138
6.54	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 23-001, σ _t =60 kPa	_139
6.55	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 23-001, σ _t =60 kPa	_139
6.56	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 23-001, σ _t =80 kPa	_140
6.57	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 23-001, σ _t =80 kPa	_140
6.58	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด CS-8, σ _t =150 kPa	_141
6.59	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด CS-8, σ _t =150 kPa	_141
6.60	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด CS-8, σ _t =175 kPa	142
6.61	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด CS-8, σ _t =175 kPa	_142
6.62	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด CS-8, σ _t =200 kPa	_143
6.63	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด CS-8, σ _t =200 kPa	<u> 143 </u>

6.64	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 7C, σ,=50 kPa	_144
6.65	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	้ แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 7C, σ,=50 kPa	_144
6.66	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 7C, σ _t =100 kPa	145
6.67	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลคิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 7C, σ _t =100 kPa	145
6.68	รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมด	
	ที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 7C, σ _t =150 kPa	_146
6.69	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดิน	
	แบบพื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 7C, σ _ι =150 kPa	_146
6.70	เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามขวาง ในกรณี C/D=1 และ C/D=2 ตามลำดับ	<u> 147 </u>
6.71	เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามขวาง ในกรณี C/D=3 และ C/D=4 ตามลำดับ	_148
6.72	เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามขวาง ในกรณี C/D=5	_148
6.73	เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามยาว ในกรณี C/D=1 และ C/D=2 ตามลำคับ	_149
6.74	เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามยาว ในกรณี C/D=3 และ C/D=4 ตามลำคับ	150
6.75	เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามยาว ในกรณี C/D=5	150
6.76	เปรียบเทียบผลเฉลยแบบ 3 มิติ	
	ในกรณี่ C/D=3, $\sigma_{\rm s}$ =0 kPa, $\gamma {\rm D/s_{u0}}$ =3.60 และ $ ho {\rm D/s_{u0}}$ =0	_151
6.77	รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้น และ	
	(b) ความเครียคเฉือนที่เพิ่มขึ้นแบบพื้นผิวไอโซเมตริก	
	C/D=3, σ _s =0 kPa, γD/s _{u0} =3.60 แถะ ρD/s _{u0} =0	152
6.78	ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0} โคยแปรผันระหว่าง (σ _s – σ _t)/s _{u0} กับ C/D	
	ภายใต้เงื่อนไขของ ρD/s _{u0} =0.25 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	<u> 154 </u>
6.79	ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0} โคยแปรผันระหว่าง (σ _s – σ _t)/s _{u0} กับ C/D	
	ภายใต้เงื่อนไขของ ρD/s _{u0} =0.25 สำหรับกรณีหน้าตัดตายาว	<u> 154 </u>

6.80

6.81

6.82

6.83

6.84

6.85

	ทนเ
ลักษณะความสัมพันธ์ของ $\gamma D/s_{u0}$ โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_{_{\rm s}} - \sigma_{_{\rm t}}$)/ s_{u0} กับ C/D	
ภายใต้เงื่อนไขของ ρD/s _{u0} =0.25 สำหรับกรณึแบบ 3 มิติ	155
ลักษณะความสัมพันธ์ของ $ ho D/s_{u0}$ โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} กับ $\gamma D/s_{u0}$	
ภายใต้เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	156
ลักษณะความสัมพันธ์ของ $ ho D/s_{u0}$ โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} กับ γD/ s_{u0}	
ภายใต้เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	156
ลักษณะความสัมพันธ์ของ $ ho D/s_{u0}$ โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} กับ γD/ s_{u0}	
ภายใต้เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	157
ลักษณะความสัมพันธ์ของ γ D/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} กับ ρ D/s_{u0}	
ภายใต้เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	158
ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0} โคยแปรผันระหว่าง ($\sigma_{_s} - \sigma_{_t}$)/s _{u0} กับ ρD/s _{u0}	
ภายใต้เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว	158
อ้อนอเหลวานสัมพับธ์พอง เป	

6.86	ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ _s – σ _t)/s _{u0} กับ ρD/s _{u0}		
	ภายใต้เงื่อนไขของ C/D=1	l	159
	A A		

6.87	การเบรยบเทยบของผลเฉลยเชงตวเลขกบสมการบรบเสน เคงท เดนาเสนอ	
	สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	160
6.88	การเปรียบเทียบของผลเฉลยเชิงตัวเลขกับสมการปรับเส้น โค้งที่ได้นำเสนอ	

	สำหรับกรณีหน้ำตัดตามยาว	161
6.89	การเปรียบเทียบของผลเฉลยเชิงตัวเลขกับสมการปรับเส้น โค้งที่ได้นำเสนอ	

	สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	161
6.90	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ ($\sigma_{_{s}}-\sigma_{_{t}}$)/ $s_{_{u0}}$ ในกรณี	
	(a) $\rho D/s_{u0}=0$, (b) $\rho D/s_{u0}=0.25$	163

ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} ในกรณี 6.91 (a) $\rho D/s_{u0} = 0.50$, (b) $\rho D/s_{u0} = 0.75$ _____164 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT (σ_s - σ_t)/s_{u0} ในกรณี ρD/s_{u0}=1.00_____164 6.92

6.94	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนใบ (σ _s - σ _t)/s _{u0} = -2	167
6.95	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} = -2	167
6.96	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} = -1	168
6.97	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} = -1	168
6.98	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} = -1	169
6.99	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} =0	169
6.100	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s}^{} - \sigma_{t}^{})/s_{u0}^{} = 0$	170
6.101	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s}^{} - \sigma_{t}^{})/s_{u0}^{} = 0$	
6.102	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s}^{}-\sigma_{t}^{})/s_{u0}^{}=1$	171
6.103	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s}^{} - \sigma_{t}^{})/s_{u0}^{} = 1$	171
6.104	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนใบ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} =1	
6.105	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนใบ (σ _s - σ _t)/s _{u0} =2	
6.106	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนใบ (σ _s – σ _t)/s _{u0} =2	173
6.107	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข (σ _s – σ _t)/s _{u0} =2	173

6.108	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ ($\sigma_{_{ m s}}-\sigma_{_{ m t}}$)/ $s_{_{ m u0}}$ ในกรณี	
	(a) $\rho D/s_{u0} = 0$, (b) $\rho D/s_{u0} = 0.25$	174
6.109	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ ($\sigma_{_{s}}-\sigma_{_{t}})/s_{_{u0}}$ ในกรณี	
	(a) $\rho D/s_{u0} = 0.50$, (b) $\rho D/s_{u0} = 0.75$	
6.110	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t}$)/s _{u0} ในกรณี่ $ ho { m D/s_{u0}}=1.00$	
6.111	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s _{u0} = -2	177
6.112	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนใข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} = -2	178
6.113	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} = -2	178
6.114	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} = -1	
6.115	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{\rm s}-\sigma_{\rm t})/s_{ m u0}$ = -1	179
6.116	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{\rm s}-\sigma_{\rm t})/s_{ m u0}$ = -1	180
6.117	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{\rm s}-\sigma_{\rm t}$)/s $_{ m u0}=0$	180
6.118	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} =0	181
6.119	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{\rm s}-\sigma_{\rm t})/s_{ m u0}=0$	181
6.120	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} =1	182
6.121	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t})/s_{ m u0}$ =1	182

6.122	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี pD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t}$)/ $s_{ m u0}$ =1	183
6.123	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0, (b) pD/s _{u0} =0.25	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t}$)/ $s_{ m u0}$ =2	183
6.124	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s _{u0} =0.50, (b) pD/s _{u0} =0.75	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t}$)/ $s_{ m u0}$ =2	184
6.125	ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี ρD/s _{u0} =1.00	
	ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t}$)/ $s_{ m u0}$ =2	184
6.126	กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ C/D	
	โดยแปรผันระหว่าง N กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	
	(a) $\gamma D/s_{u0} = 1$, (b) $\gamma D/s_{u0} = 2$ ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ $s_{u0} = 0$	187
6.127	กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ C/D	
	โดยแปรผันระหว่าง N กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	
	(a) γD/s _{u0} =2, (b) γD/s _{u0} =3 ภายใต้เงื่อนไข (σ _s - σ _t)/s _{u0} =0	188
6.128	กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ C/D	
	โดยแปรผันระหว่าง N กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	
	$\gamma D/s_{u0}$ =5ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} =0	188
6.129	กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0}	
	โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t})/s_{ m u0}$ กับ FS	
	สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ (a) C/D=1, (b) C/D=2	189
6.130	กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0}	
	โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_{ m s}-\sigma_{ m t}$)/ $s_{ m u0}$ กับ FS	
	สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ (a) C/D=3, (b) C/D=4	190
6.131	กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s _{u0}	
	โดยแปรผันระหว่าง ($\sigma_{_{ m s}}-\sigma_{_{ m t}}$)/ $s_{_{ m u0}}$ กับ FS	
	สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ C/D=5	190
6.132	ความสัมพันธ์ระหว่างแรงดันด้านหน้าอุโมงค์กับการทรุดตัวสูงสุด	
	บนผิวดินในเงื่อนไขชั้นดินต่าง ๆ จากฐานข้อมูล (พิชากร ศรีจันทร์ทอง, 2551) <u>.</u>	191

6.133	ความสัมพันธ์ระหว่างแรงคันด้านหน้าอุโมงก์กับการทรุดตัวสูงสุดบนผิวคิน	
	ในเงื่อนไขชั้นดินต่าง ๆ (พิชากร ศรีจันทร์ทอง, 2551)	192
6.134	ความสัมพันธ์ระหว่างการเกลื่อนตัวของกำแพงกันดินต่อความลึก	
	กับอัตราส่วนความปลอคภัยต่อการอูคขึ้นของคิน (Mana & Clough, 1981)	194
6.135	ความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{ ext{max}}/ ext{D}$ (%) กับ FS ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์	
	ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	195
6.136	ความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{ ext{max}}$ /D (%) กับ FS ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์	
	ในสภาพเงื่อนชั้นคินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว	195
6.137	ความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{ ext{max}}$ /D (%) กับ FS ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์	
	ในสภาพเงื่อนชั้นคินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	196
6.138	รูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{\scriptscriptstyle\!\mathrm{max}}$ /D (%) กับ FS	
	ต่อเสถียรภาพค้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร	
	สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง	197
6.139	รูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{\!_{ m max}}\!/{ m D}$ (%) กับ FS	
	ต่อเสถียรภาพค้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อนชั้นคินกรุงเทพมหานคร	
	สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว	197
6.140	รูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{\scriptscriptstyle max}$ /D (%) กับ FS	
	ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร	
	สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ	198
6.141	ลักษณะของการคำนวณตามตัวอย่างที่ 1	
	โดยใช้สเปรคชิต ใน MICROSOFT EXCEL	200
6.141	ลักษณะของการคำนวณตามตัวอย่างที่ 2	
	โดยใช้สเปรคชิต ใน MICROSOFT EXCEL	200

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

การวิเคราะห์เสถียรภาพ (stability analysis) มีความสำคัญอย่างมากต่อการก่อสร้างในงาน วิศวกรรมธรณีเทคนิค เพื่อที่จะตรวจสอบว่าโครงสร้างทางวิศวกรรมธรณีเทคนิค ที่ได้รับการ ออกแบบมีความปลอดภัยเพียงพอหรือไม่กล่าวคือ ได้รับการออกแบบให้มีค่าสัดส่วนความ ปลอดภัยที่เพียงพอตามมาตรฐานการออกแบบตามลักษณะของโครงสร้าง ซึ่งในความปลอดภัยใน งานก่อสร้างอุโมงค์ในดินเหนียวด้วยระบบหัวเจาะแบบแรงดันดินสมดุล โดยทั่วไปจะพิจารณาอยู่ 2 ปัญหาคือ

- เสถียรภาพบริเวณด้านหน้าอุโมงก์ (tunnel face stability) ซึ่งเป็นสิ่งจำเป็นในการประเมินก่า ความปลอดภัยในงานก่อสร้าง
- การเคลื่อนตัวของผิวดิน (ground deformation) เนื่องจากการก่อสร้างอุโมงค์ ซึ่งจำเป็นต้อง พิจารณาเพื่อป้องกันความเสียหายของผิวดินเดิม หรือ โครงสร้างใต้ดินที่จะเกิดขึ้น

งานวิจัยนี้ได้มุ่งเน้นศึกษาไปที่ปัญหาในข้อแรก ซึ่งจะเกี่ยวข้องกับการพิจารณาหาก่าความ ดันด้านหน้าหัวเจาะ (face pressure) มีความจำเป็นอย่างยิ่งในการรักษาเสถียรภาพบริเวณด้านหน้า อุโมงค์ เนื่องจากถ้าให้ความดันด้านหน้าหัวเจาะต่ำเกินไปจะเกิดการทรุดตัวที่บริเวณผิวดิน (soil collapse) แต่ถ้าให้มากเกินไปก็จะเกิดการบวมตัวที่ผิวดิน (blow out) ดั้งนั้นความดันด้านหน้าหัว เจาะจึงถือว่าเป็นปัจจัยที่มีความสำคัญมากในการขุดเจาะอุโมงค์ในระบบหัวเจาะแบบแรงดันดิน สมดุล

การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ เพื่อหาคำตอบแท้จริง (exact solution) โดยใช้วิธีเชิง วิเคราะห์ (analytical method) เป็นเรื่องที่ยุ่งยากหรือในบางกรณีที่สมการเชิงอนุพันธ์มีความ ซับซ้อนสูงอาจทำให้หาคำตอบแท้จริงไม่ได้ ปัญหาการวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ จัดเป็น ปัญหาที่มีความสลับซับซ้อนสูงเช่นกัน การหาคำตอบแท้จริงไม่อาจทำได้โดยง่าย ซึ่งวิธีการ วิเคราะห์การเคลื่อนตัวที่ได้รับการขอมรับอย่างกว้างขวางว่าสามารถให้ผลเฉลยทั่วทั้งมวลคิน ภายในขอบเขตของปัญหาได้ มีความแม่นยำสูง และสามารถทำการวิเคราะห์ปัญหาที่มีความ ซับซ้อนทั้งทางเรขาคณิตและน้ำหนักบรรทุกได้คือ การวิเคราะห์การเคลื่อนตัวด้วยวิธีไฟไนต์เอลิ เมนต์ (finite element method) เนื่องจากวิธีไฟในต์เอลิเมนต์ใช้วิธีเชิงตัวเลข (numerical method) ใน การหากำตอบ เมื่อเปรียบเทียบกับการหากำตอบแท้จริงโดยวิธีเชิงวิเคราะห์ ทำให้การวิเคราะห์ ปัญหาอยู่ในรูปแบบที่ง่ายขึ้น เพียงแต่วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ให้ผลการวิเคราะห์ในรูปของกำตอบเชิง ประมาณ (approximate solution) ประกอบกับความก้าวหน้าของเทคโนโลยีคอมพิวเตอร์ในปัจจุบัน ทำให้วิธีนี้มีความเหมาะสมที่สุดที่จะนำมาใช้เป็นพื้นฐานของงานวิจัยนี้

1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย

- เพื่อทำการศึกษาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำของปัญหา 2 มิติ และ 3 มิติ โดยใช้การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์
- 2) นำเสนอกราฟช่วยออกแบบ (design chart) ของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำ

1.3 ขอบเขตของการวิจัย

- 1) พิจารณาเฉพาะเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำเท่านั้น
- การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์จะใช้ซอฟต์แวร์ PLAXIS 2D และ PLAXIS 3D TUNNEL เท่านั้น
- 3) ใช้ผลเฉลย จากวิธีวิเคราะห์ลิมิต (limit analysis) ในอดีตเพื่อทำการเปรียบเทียบ
- 4) พิจารณาลักษณะของดินแบบ
 - 4.1) กำลังรับแรงเฉือนคงที่
 - 4.2) กำลังรับแรงเฉือนเพิ่มตามความลึกแบบเชิงเส้น
 - 4.3) ชั้นดินกรุงเทพมหานคร
- 5) พัฒนากราฟช่วยออกแบบในรูปแบบไร้มิติ (dimensionless)

1.4 วิธีและขั้นตอนการดำเนินงาน

- ก้นกว้า และทำการศึกษาเนื้อหาที่เกี่ยวข้องกับงานวิจัย เช่น เสถียรภาพค้านหน้าอุโมงก์ในหัว เจาะแบบแรงคันดินสมคุล, ทฤษฎีขอบบน-ล่าง (upper-lower bound) และการวิเคราะห์ไฟ ในต์อิลิเมนต์ ทั้งแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ เป็นต้น
- กำหนดโครงร่างของเนื้อหา อันได้แก่ กำหนดวัตถุประสงค์ ขอบเขตของการศึกษา และ ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับจากงานวิจัย
- จัดทำข้อเสนอโครงร่างวิทยานิพนธ์
- 4) ทำการวิเคราะห์ปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำ ด้วยซอฟต์แวร์ไฟไนต์อิ ลิเมนต์ ทั้งแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ
- นำผลลัพธ์ที่ได้จากการวิเคราะห์ไปเปรียบเทียบกับงานวิจัยอื่นที่เกี่ยวข้อง

- 5) วิเคราะห์ข้อมูลและนำเสนอกราฟช่วยออกแบบของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ ระบายน้ำ จากผลลัพธ์ที่ได้จากการวิเคราะห์ทั้งแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ
- 7) สรุปผลที่ได้จากการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ และนำเสนอกราฟช่วยออกแบบ

1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

- ทำให้ทราบถึงรูปแบบการวิบัติ (failure mechanism) ทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ ของปัญหา เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียว
- สามารถนำเสนอวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ มาเป็นทางเลือกเพิ่มเติม สำหรับการวิเคราะห์ลิมิตเชิง ตัวเลข (numerical limit analysis) ได้
- สามารถนำเสนอกราฟช่วยออกแบบในรูปแบบไร้มิติ ในเงื่อนไขแบบไม่ระบายน้ำในดิน เหนียวได้
- 4) เป็นการพัฒนางานวิจัยทางด้านอุโมงค์ต่อไป

บทที่ 2 ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.1 ทฤษฎีพลาสติกซิตี

สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายไว้ว่า "ทฤษฎีพลาสติกซิติที่ในปฐพีกลศาสตร์ เริ่มต้นจากสมมุติฐานที่ว่า ความเครียดรวมสามารถแบ่งออกเป็น 2 ส่วนประกอบคือ ความเครียด อิลาสติก (elastic strain, ε_{ij}^{e}) และความเครียดเฉือนพลาสติก (plastic strain, ε_{ij}^{p})" ดังสมการที่ 2.1

$$\varepsilon_{ij} = \varepsilon^e_{ij} + \varepsilon^p_{ij} \tag{2.1}$$

และสามารถอธิบายถึงความเครียดอิลาสติซิตีด้วยทฤษฎีอิลาสติก เช่น กฎของฮุก ดังสมการที่ 2.2 และ 2.3 ซึ่งการเปลี่ยนแปลงของความเครียดอิลาสติก (elastic strain increment, $d\varepsilon_{ij}^e$) สามารถเขียน ให้อยู่ในรูปของเมทริกซ์คอมพลิเอนของการเปลี่ยนความเก้น (stress increment, $d\sigma_{ij}$) ได้

$$\begin{cases} d\epsilon_{xx} \\ d\epsilon_{yy} \\ d\epsilon_{zz} \\ d\gamma_{xy} \\ d\gamma_{xz} \\ d\gamma_{yz} \\ d\gamma_{yz} \end{cases} = \frac{1}{E} \begin{bmatrix} 1 & -\nu & -\nu & 0 & 0 & 0 \\ & 1 & -\nu & 0 & 0 & 0 \\ & & 1 & 0 & 0 & 0 \\ & & & 2(1+\nu) & 0 & 0 \\ & & & & 2(1+\nu) & 0 \\ & & & & & 2(1+\nu) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} d\sigma_{xx} \\ d\sigma_{yy} \\ d\sigma_{zz} \\ d\tau_{xy} \\ d\tau_{xz} \\ d\tau_{yz} \\ d\tau_{yz} \end{pmatrix}$$
(2.2)

$$\begin{pmatrix} d\sigma_{xx} \\ d\sigma_{yy} \\ d\sigma_{zz} \\ d\tau_{xy} \\ d\tau_{xz} \\ d\tau_{yz} \end{pmatrix} = \frac{E}{(1+\nu)(1-\nu)} \begin{bmatrix} (1-\nu) & \nu & \nu & 0 & 0 & 0 \\ & (1-\nu) & \nu & 0 & 0 & 0 \\ & & (1-\nu) & 0 & 0 & 0 \\ & & & \frac{(1-\nu)}{2} & 0 & 0 \\ & & & & \frac{(1-\nu)}{2} & 0 \\ & & & & & \frac{(1-\nu)}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} d\epsilon_{xx} \\ d\epsilon_{yy} \\ d\epsilon_{zz} \\ d\gamma_{xy} \\ d\gamma_{xz} \\ d\gamma_{yz} \end{bmatrix}$$
(2.3)

ดังแสดงในในสมการที่ 2.4

$$d\varepsilon^{e} = C^{e} \cdot d\sigma^{e}_{ij} \, \text{หรือ} \, d\varepsilon^{e}_{ij} = C^{e}_{ijkl}{}^{-1} d\sigma_{kl} \tag{2.4}$$

C^e_{ijkl} คือเมทริกซ์คอมพลิเอนอิลาสติก (elastic compliance matrix) และกรณีที่ทำการผกผัน เมทริกซ์คอมพลิเอนอิลาสติกจะทำให้ได้เมทริกซ์สติฟเนสอิลาสติก (elastic stiffness matrix, D^e_{ijkl}) ตามสมการที่ 2.5

$$C^{e^{-1}} = D^{e} \, \text{hfo} \, C^{e^{-1}}_{ijkl} = D^{e}_{ijkl} \tag{2.5}$$

2.1.1 การคราก (Yielding)

สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายไว้ว่า "การกราก (yielding) หมายถึง พฤติกรรม ของวัสดุภายหลังสภาพอิลาสติก (inelastic behaviour) กล่าวกือ เมื่อวัสดุถูกแรงกระทำให้เกิดการ เปลี่ยนแปลงสถานะความเก้นจนกระทั้งสถานะความเก้นถึงจุดกราก (yield point) เป็นผลให้วัสดุ แสดงพฤติกรรมแบบอิลาสโตพลาสติก (elasto-plastic behaviour) หรือมีการเปลี่ยนแปลงรูปร่าง อย่างถาวร สำหรับพฤติกรรมความสัมพันธ์ความเก้นและความเกรียดของวัสดุจะต้องอาศัยเกณฑ์ การวิบัติ (failure criterion) กล่าวกือสถานะความเก้นภายใต้เกณฑ์การวิบัติ วัสดุจะมีพฤติกรรม แบบอิลาสติกแต่เมื่อสถานะความเก้นละเมิดเกณฑ์การวิบัติ วัสดุจะเกิดการกรากและวัสดุจะมี พฤติกรรมเป็นแบบอิลาสโตพลาสติก" จากภาพที่ 2.1(a) "โดยกำลังกราก (yield strength, σ_y) เป็น เกณฑ์ในการแบ่งสถานะของวัสดุว่าอยู่ในสภาพอิลาสติกหรืออิลาสโตพลาสติก โดยที่สถานะกำลัง กรณีที่กำลังกรากมีก่าดงที่จะเรียกว่า พฤติกรรมพลาสติกแบบสมบูรณ์ (perfect plastic) ส่วนในกรณี ที่กำลังวัสดุสูงขึ้นเมื่อพฤติกรรมพลาสติกเกิดขึ้นจะเรียกว่า เป็นพฤติกรรมการเพิ่มความแข็งด้วย กวามเกรียด (strain hardening) ในทางตรงกันข้าม ถ้ากำลังของวัสดุแสดงกุณสมบัติแบบการอ่อน ตัวด้วยความเกรียด (strain softening)"



ภาพที่ 2.1 การนิยามเกณฑ์การวิบัติ (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง, 2553)

สำหรับเกณฑ์การวิบัติพื้นผิวกราก (yield surface) ดังแสดงในภาพที่ 2.1(b) โดยการสร้าง กวามสัมพันธ์บนระนาบกวามเก้น (stress space) โดยนิยามว่าเป็นพึงก์ชันของกวามเก้นซึ่งเรียกว่า พึงก์ชันกราก (yield function, *f*) คือ

นิยามบนความเค้นทั่วไป (generalized stress): $f(\sigma_{ij}) - k = 0$ นิยามบนความเค้นหลัก (principal stress): $f(\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3) - k = 0$ (2.6) นิยามด้วยความเค้นไม่แปรเปลี่ยน (stress invariants): $f(I_1, I_2, I_3) - k = 0$ โดยที่ค่า k คือค่าพารามิเตอร์ควบคุมพื้นผิวคราก มีค่าแปรผันกับงานความแข็งหรือเป็นค่าคงที่ ใน กรณีที่ค่า k คงที่พื้นผิวครากจะอยู่กับที่ไม่มีการเคลื่อนตัว และทำให้กำลังครากของวัสคุมีค่าคงที่ ด้วยเช่นกัน หรือกล่าวได้ว่ามีพฤติกรรมแบบพลาสติกสมบูรณ์นั่นเอง

เมื่อฟังก์ชันกรากมีค่าน้อยกว่าศูนย์ *f*(σ_{ij}) <2 วัสดุจะเกิดพฤติกรรมอิลาสติก กล่าวคือเมื่อ สถานะความเก้นอยู่ภายในพื้นผิวกราก ประกอบกับฟังก์ชันกรากมีก่าเท่ากับศูนย์ *f*(σ_{ij}) =0 วัสดุจะ เกิดการกรากและทำให้เกิดการแสดงพฤติกรรมแบบอิลาสโตพลาสติก แสดงให้เห็นว่าสถานะกวาม เก้นที่เกิดขึ้นจะอยู่บนพื้นผิวกราก

2.1.2 กฎการใหล (Flow Rule)

สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายถึงกฎการไหลโดยกล่าวว่า "ความเครียดพลาสติก จะต้องสัมพันธ์กับความเก้นกับสถานะความเก้น ณ ตำแหน่งนั้น โดยที่การเพิ่มขึ้นของความเครียด พลาสติกจะเป็นสัดส่วนกับอัตราการเปลี่ยนแปลงฟังก์ชันกรากเทียบกับสถานะความเก้น คือ

$$d\varepsilon_{ij}^p \infty \frac{d\sigma_{ij}^e}{\partial\sigma_{ij}}$$
หรือ $d\varepsilon_{ij}^p = d\lambda \frac{\partial f(\sigma_{ij})}{\partial\sigma_{ij}}$ (2.7)

เมื่อ dλ คือค่าคงที่การแปรผันพลาสติก (plastic multiplier) เป็นตัวแปรไม่ทราบค่า โดยมี ความหมายทางกายภาพตามกฎการไหลคือ ทิศทางการเพิ่มขึ้นของความเครียดพลาสติกจะอยู่ใน ทิศทางตั้งฉากกับเส้นสัมผัสฟังก์ชันคราก ณ ตำแหน่งที่เกิดการคราก" ดังแสดงในภาพที่ 2.2 "และ ในบางกรณีอาจเรียกกฎการไหลได้ว่า การตั้งฉาก (normality) เพราะเวกเตอร์การเพิ่มขึ้นของ ความเครียดพลาสติกจะต้องตั้งฉากกับฟังก์ชันครากที่จุดคราก"



ภาพที่ 2.2 การตั้งฉาก (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง, 2553)

2.1.3 การใหลแบบไม่สอดคล้อง (Nonassociated Flow Rule)

สุเชษฐ์ ถิงิตเลอสรวง (2553) ได้กล่าวไว้ว่า "สำหรับในบางกรณี วัสดุบางชนิด เช่น ดิน ทรายแน่น หรือดินเหนียวสภาพอัดแน่นกว่าปกติที่แสดงพฤติกรรมไดเลชัน ซึ่งทิศทางของการ เปลี่ยนแปลงความเกรียดพลาสติกไม่สอดกล้องกับเวกเตอร์ตั้งฉากหนึ่งหน่วยของฟังก์ชันคราก หรือไม่ได้อยู่ในทิศทางตั้งฉากกับพื้นผิวคราก เพราะฉะนั้นจึงมีความจำเป็นต้องนิยามฟังก์ชันใหม่ ขึ้นมาใช้งานซึ่งเรียกว่าฟังก์ชันศักย์พลาสติก (plastic potential function, g(σ_{ij})) และคำนวณการ เปลี่ยนแปลงจากฟังก์ชันศักย์พลาสติกนี้ คือ กฎการไหลแบบไม่สอคคล้อง" ดังแสดงในสมการที่ 2.8

$$d\varepsilon_{ij}^{p} = d\lambda \frac{\partial g(\sigma_{ij})}{\partial \sigma_{ij}}$$
(2.8)

เมื่อ dλ คือค่าคงที่ผกผันพลาสติก และในกรณีที่พึงก์ชันศักย์พลาสติกเท่ากับพึงก์ชันคราก กล่าวคือ f ≡ g ซึ่งจะทำให้สมการที่ 2.8 กลายเป็นสมการที่ 2.7 ในกรณีดังกล่าวจะเรียกว่า กฎการใหลแบบ สอดคล้อง โดยสามารถอธิบายลักษณะของการเปลี่ยนแปลงความเครียดพลาสติกเนื่องจากกฎการ ใหลแบบไม่สอดกล้องได้ดังภาพที่ 2.3



ภาพที่ 2.3 การใหลไม่สอคคล้อง (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง, 2553)

2.1.4 สภาพพลาสติกแบบสมบูรณ์ (Perfect plasticity)

สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายถึงพฤติกรรมพลาสติกแบบสมบูรณ์ ไว้ว่า "การ พิจารณาสภาพด้วยทฤษฎีพลาสติกซิตี จะเป็นสภาพที่สถานะความเค้นอยู่บนพื้นผิวครากโดยไม่มี การเคลื่อนตัว จึงทำให้เกิดความเกรียดพลาสติกอย่างต่อเนื่อง โดยไม่มีการเพิ่มขึ้นหรือลดลงของ กำลังคราก อาจแสดงด้วยภาพจำลองปัญหาการให้แรงแบบหนึ่งมิติ (one-dimensional loadingproblem)"โดยแสดงดังภาพที่ 2.4





2.2 การวิเคราะห์เชิงตัวเลขและวิชีวิเคราะห์ลิมิต

2.2.1 วิชีวิเคราะห์เชิงตัวเลข

สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง (2553) ได้กล่าวไว้ว่า "การวิเคราะห์ที่ได้ให้ผลเฉลยที่ได้ผลเฉลย ใกล้เคียงกับความเป็นจริงมากที่สุด จะต้องพยายามครอบคลุมข้อกำหนดเชิงทฤษฎีทั้งหมด ไม่ว่าจะ เป็นเงื่อน ใขสมดุล" ดังสมการที่ 2.9 "เงื่อน ใขคอมแพตติบิลิดี" ดังสมการที่ 2.10 "โดย ใช้ แบบจำลองที่สามารถอธิบายความสัมพันธ์ความเค้นและความเครียดได้อย่างถูกต้องและครบถ้วน ตลอดจนใช้เงื่อน ใขขอบที่สะท้อนความเป็นจริงสูงสุดของสภาพปัญหาจริง โดยจะเห็น ได้ว่าวิธีที่ กรอบคลุมข้อกำหนดที่ซับซ้อนข้างต้นนี้ทั้งหมด แทบจะเป็นไปไม่ได้เลยถ้าใช้การวิเคราะห์แบบ ดั้งเดิม โดยปราศจากการคำนวณโดยใช้คอมพิวเตอร์ วิธีที่น่าจะเป็นไปไม่ได้เลยถ้าใช้การวิเคราะห์แบบ ดั้งเดิม โดยปราศจากการคำนวณโดยใช้คอมพิวเตอร์ วิธีที่น่าจะเป็นไปได้มากที่สุดและใช้กันอย่าง แพร่หลายคือวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์ (FEM) ความถูกต้องของวิธีไฟในต์อิลิเมนต์นั้น ขึ้นอยู่กับหลาย ปัจจัยด้วยกัน เช่น แบบจำลองความสัมพันธ์ระหว่างกวามเก้นกับความเครียดที่ใช้ จะต้องอธิบาย พฤติกรรมของคิน ได้อย่างถูกต้องกรบถ้วน เช่น ความ ไม่เชิงเส้น (non-linearity) คุณสมบัติไม่ เท่ากันในทุกทิศทาง (anisotropy) หรือพฤติกรรมดินที่ขึ้นกับเวลา (time-dependence) เงื่อนไขงอบ
ต้องสะท้อนปัญหาจริงทางด้านวิศวกรรมธรณีเทคนิคได้ เช่น ปัญหาระนาบความเครียด (plan strain) ปัญหาสมมาตรรอบแกน (axi-Symmetry) แม้กระทั้งปัญหาแบบ 3 มิติ (three-dimensional problem)"

$$\frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xz}}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial \tau_{yx}}{\partial x} + \frac{\partial \sigma_{yy}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{yz}}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial \tau_{zx}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{zy}}{\partial y} + \frac{\partial \sigma_{zz}}{\partial z} + \gamma = 0$$
(2.9)

เมื่อ $\sigma_{xx}, \sigma_{yy}, \sigma_{zz}$ คือ ความเค้นตั้งฉากที่กระทำอยู่ในทิศทาง x, y และ z ตามลำดับและ $\tau_{xy}, \tau_{xz}, \tau_{yz}$ คือ ความเค้นเฉือนบนระนาบ xy, xz และ yz ตามลำดับ และ γ คือหน่วยน้ำหนักที่ กระทำในทิศทาง z

$$\varepsilon_{xx} = \frac{\partial u}{\partial x}, \\ \varepsilon_{yy} = \frac{\partial v}{\partial y}, \\ \varepsilon_{zz} = \frac{\partial w}{\partial z}$$

$$\gamma_{xy} = -\left(\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial x}\right), \\ \gamma_{xz} = -\left(\frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial x}\right), \\ \gamma_{yz} = -\left(\frac{\partial v}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial y}\right)$$
(2.10)

เมื่อ $\varepsilon_{xx}, \varepsilon_{yy}, \varepsilon_{zz}$ คือ ความเครียดตั้งฉากที่ในทิศทาง x, y และ z ตามลำดับและ $\gamma_{xy}, \gamma_{xz}, \gamma_{yz}$ คือ ความเก้นเฉือนบนระนาบ xy, xz และ yz ตามลำดับ

2.2.2 วิชีวิเคราะห์ลิมิต

วิธีวิเคราะห์ลิมิต (limit Analysis) หรือ วิธีขอบ (bound methods) ถูกพัฒนามาใช้วิเคราะห์ ปัญหาเสถียรภาพด้านวิศวกรรมธรณีเทคนิคเป็นครั้งแรกโดย Drucker and Prager (1952) และมี การศึกษาอย่างละเอียดโดย Chen (1975) โดยมีพื้นฐานมากจากทฤษฎีการพังทลายพลาสติก (theorems of plastic collapse) และ ได้นำเสนอวิธีการหาคำตอบแบบการวิเคราะห์ขอบ กล่าวคือ ถ้า สามารถจำกัดขอบเขตของคำตอบที่น่าจะเป็นไปได้อยู่ในช่วงที่แน่นอน ดังแสดงในภาพที่ 2.5 แล้ว ปรับปรุงวิธีการหาจนกระทั้งช่วงคำตอบนั้นแคบที่สุดเท่าที่เป็นไปได้ ก็จะสามารถได้กำตอบที่ ใกล้เกียงกับความเป็นจริงมากที่สุดโดย Chen (1975) ใด้สรุปสมมติฐานของการวิเคราะห์ลิมิตไว้ ดังนี้

- คินจะแสดงพฤติกรรมพลาสติกแบบสมบูรณ์ คือไม่แสดงพฤติกรรมการแข็งตัวหรืออ่อน ตัวด้วยความเครียด ซึ่งมีพื้นผิวครากเดียว (single yield surface) นั่นเอง
- การคำนวณความเครียดพลาสติกได้จากกฎการไหลแบบสอดคล้อง (associated flow rule) และตั้งฉากกับพื้นผิวคราก (normality condition)
- การเปลี่ยนแปลงรูปร่างของมวลดินขณะเกิดการวิบัติจะมีค่าน้อยมาก ทำให้ใช้หลักการงาน เสมือน (principal of virtual work) ได้

โดยสมมติฐานข้างต้นสามารถพิสูจน์ได้ถึงการมีอยู่ของเงื่อนไขวิบัติสำหรับแต่ละปัญหาและ สามารถประมาณก่าแรงวิบัติ (collapse load) ได้จากการวิเกราะห์ลิมิต ซึ่งสามารถแบ่งออกเป็น 2 ขอบ คือ ขอบบน (upper bound) และ ขอบล่าง (lower bound) โดยรายละเอียด สมมติฐาน และ ข้อจำกัดของแต่ละวิธีได้รวบรวมและสรุปไว้ดังตารางที่ 2.1



ภาพที่ 2.5 วิธีวิเคราะห์ลิมิตแบบขอบบนและขอบ (สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง, 2553)

1) ทฤษฎีขอบบน

สุเซษฐ์ ลิงิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายไว้ว่า "เป็นผลเฉลยไม่ปลอดภัย (unsafe solution) ของค่าแรงวิบัติได้จากการเลือกรูปแบบการวิบัติจลน์ (kinematically failure mechanism) ที่ เหมาะสม และวิเคราะห์ด้วยหลักงานและพลังงานโดยไม่คำนึงถึงเงื่อนไขสมดุล จากการที่เพิกเฉย ต่อเงื่อนไขสมดุลจึงทำให้สามารถหาเฉลยได้มากมายตามรูปแบบการวิบัติที่สมมติขึ้น ซึ่งผลเฉลย ของค่าแรงวิบัตินี้จะมีค่ามากกว่าหรือเท่ากับผลเฉลยจริง (true solution) เสมอ และความถูกต้องของ ผลเฉลยขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของรูปแบบการวิบัติที่สมมติขึ้น ดังนั้น ทฤษฎีขอบบนนี้อาจถูก เรียกว่าทฤษฎีไม่ปลอดภัย (unsafe theorem)"

2) ทฤษฎีขอบล่าง

สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายไว้ว่า "เป็นผลเฉลยปลอดภัย (safe solution) ของ ก่าแรงวิบัติที่ได้จากการพิจารณาเงื่อนไขสมดุลด้วยวิธีสนามความเค้น (stress field method) พิจารณาเงื่อนไขความเค้นภายในมวลดินอยู่ในสภาพสมดุลกับแรงกระทำภายนอกและหน่วย น้ำหนัก โดยต้องไม่ละเมิดเงื่อนไขคราก จากการที่ไม่พิจารณาเงื่อนไขคอมแพตติบิลิตีจึงทำให้ไม่ สามารถหาผลเฉลยได้มากมายตามเงื่อนไขสนามความเค้นที่สมมติขึ้น โดยผลเฉลยของก่าแรงวิบัติ นี้จะมีก่าน้อยกว่าหรือเท่ากับผลเฉลยจริงเสมอ และความถูกต้องของผลเฉลยขึ้นกับความเหมาะสม ของรูปแบบเงื่อนไขสนามความเก้นที่สมมติขึ้น ดังนั้น ทฤษฎีขอบล่างนี้อาจถูกเรียกว่าทฤษฎี ปลอดภัย (safe theorem)"

ตารางที่ 2.1 รายละเอียคสมมติฐานและข้อจำกัดของวิธีการวิเคราะห์แบบต่าง ๆ (สุเชษฐ์ ลิขิตเลอ-สรวง, 2553)

		ข้อกำหนดเชิงทฤษฎี						
วิธีการวิเกราะห์		การสมคุล	คอมแพตติบิลิตี	ความสัมพันธ์	เงื่อนไขขอบ			
				ระหว่างความเค้น		แบบการ		
				กับความเครียด	ווחחווזע	เคลื่อนตัว		
วิเคราะห์ ถิมิต	ขอบ	ຳລູ	ไม่ใช่	พลาสติอแมม	ใช่	ใ นใส่		
	ล่าง	8 D		พถาถตาแบบ สามารณ์โอยใช้ออ		891 8.D		
	ขอบ	ไปเป็น	ใช่	ถมบูงแห่งเขามู อารใหล	บ ะ!ๆ ะ/	า๙		
	บน	191 I.D		1119 81161	191 f.D	8 U		
วิธีเชิงตัวเลข		ใช่	ใช่	ใช่	ใช่	ใช่		

ในงานวิจัยนี้จะนำเสนอหลักการพื้นฐานของวิธีวิเคราะห์ลิมิตเท่านั้น ซึ่งการพิสูจน์ทฤษฎีของขอบ บนและขอบล่างและรายละเอียดการคำนวณนั้นสามารถสามารถศึกษาเพิ่มเติมได้จาก Chen (1975)

2.3 การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ในดินเหนียว

เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์เป็นหนึ่งของตัวแปรพื้นฐานที่สำคัญในการขุดอุโมงค์ในชั้นดิน เหนียว โดยการหาค่าแรงดันที่รองรับด้านหน้าเป็นองก์ประกอบที่สำคัญทั้งในเรื่องของการ ออกแบบและกระบวนการขั้นตอนการก่อสร้าง ในปัจจุบันยังไม่มีแนวทางหรือคำแนะนำที่ เฉพาะเจาะจง และมาตรฐานทางเทคนิคโดยทั่วไปสำหรับในการออกแบบแรงดันที่รองรับด้านหน้า อุโมงก์ และหลักการปฏิบัติ มีวิธีการแตกต่างออกไป เช่น การควบควบคุมและรักษาเสถียรภาพ ด้านหน้าอุโมงค์ประกอบด้วยหลายปัจจัยโดยไม่ให้เกิดการเคลื่อนตัวของผิวดิน แต่ทั้งนี้ยังขึ้นกับ กวามเชี่ยวชาญและประสบการณ์ของผู้ควบคุมหัวเจาะอุโมงค์เป็นสำคัญซึ่งนำเสนอโดย ชินวุฒิ -ชาญฉายาการ (2543)

โดย Guglielmetti, Grasso, Mahtab and Xu (2007) ได้แนะนำวิธีการที่เป็นไปได้สำหรับ การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าดังนี้

- วิธีวิเคราะห์ที่อยู่บนหลักพื้นฐานของวิธีสมดุลลิมิต และทฤษฏีแรงดันดิน
- วิธีเชิงตัวเลข คือวิเคราะห์ในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ

โดยเปรียบเทียบคุณสมบัติของวิธีวิเคราะห์และวิธีเชิงตัวเลขได้อธิบายไว้ในตารางที่ 2.2

ตารางที่ 2.2 เปรียบเทียบความแตกต่างของวิธีการในการวิเคราะห์ (Guglielmetti et al., 2007)

Analysis	Construction Process simulation	Face stability	Yielding band development	Settlement analysis	Face- stabilization pressure	"Global equilibrium pressure"
Numerical 3D	Yes	Yes**	Yes	Yes	Yes	Yes
Numerical 2D T*	No	No	Yes	No***	No	No
L*	(Yes)	Yes**	Yes	(Yes)	Yes	(Yes)
Limit Equilibrium methods	No	Yes	No	No	Yes	No
Earth pressure theory	No	No	No	No	Yes	(Yes)

* T, L= transversal section, longitudinal section; ** Face stability is confirmed by measurement of settlements; *** "No" because it is not possible to simulate in this case the effect of the applied face-support pressure on settlement; "Yes" or "No" express the capability of each method to provide results in the categories indicated in top row; "(Yes)" means approximate evaluation only.

จากข้อมลการสังเกตการณ์จากตารางที่ 2.2 ในเทอมของสมคลแรงคันหลัก (globalequilibrium pressure) โดยอ้างถึงความเป็นไปได้ที่จะตรวจสอบผลกระทบของการประมาณ เสถียรภาพของแรงคันค้านหน้าและการทรุคตัวบนพื้นผิว จากการพิจารณาความซับซ้อนของ ความสัมพันธ์ระหว่างการขุดกับดิน เฉพาะการวิเคราะห์เชิงตัวเลขแบบ 3 มิติ ในทางทฤษฎี อยู่ใน ้สถานะที่เชื่อถือได้และได้ผลลัพธ์ที่สมบูรณ์ของผลกระทบของการขุด ดังนั้นจึงพอสรุปได้ว่า ้ จำเป็นต้องมีแรงคันที่มีเสถียรภาพ สำหรับในการวิเคราะห์เชิงตัวเลขแบบ 2 มิติ ในกรณีให้มมมองที่ แตกต่างกัน คือใช้หน้าตัดตามขวาง (transversal section) และตามยาว (longitudinal section) ้โดยเฉพาะในกรณีของหน้าตัดตามยาวนั้นเป็นไปได้ที่จะสร้างแบบจำลอง (ด้วยการประมาณที่ ้เหมาะสม) พฤติกรรมความเครียดที่ด้านหน้าและการหาค่าผลกระทบต่อการให้แรงคัน วิธีสมดูล ้ลิมิต จะเป็นประโยชน์ในสถานการณ์ที่มีความไม่แน่นอนในทางวิศวกรรมธรณีเทคนิคและง่ายต่อ การใช้งานและความเป็นไปได้ที่จะดำเนินการในจดที่มีความอ่อนไหวง่ายหรือการวิเคราะห์ความ ้น่าจะเป็น อย่างไรก็ตามวิธีนี้ก็ไม่ได้ให้ปริมาณของการทรดตัวที่พื้นผิว ไม่ว่าจะเป็น วิธีสมคลลิมิต หรือทฤษฎีแรงคันคิน จะใช้ได้กับเฉพาะการให้นิยามของทฤษฎีแรงคันในแนวราบสำหรับการ ้รักษามวลดินไว้ภายในขอบเขตของการเปลี่ยนแปลงรูปร่าง (ที่เริ่มมีลักษณะหรือสถานะแบบ active หรือ passive) ในกรณีการวิเคราะห์เชิงตัวเลขแบบ 3 มิติ ทำขึ้นเพื่อให้มีศักยภาพสูงสุดสำหรับการ ้สร้างแบบจำลองที่ต้องการ อย่างไรก็ตามมักสร้างแบบจำลองง่าย ๆ เพื่อใช้ในทางปฏิบัติ โดยเฉพาะ ้อย่างยิ่งขั้นตอนของการเริ่มต้นออกแบบและขณะทำการก่อสร้าง เพื่อให้สามารถสร้างการจำลอง พร้อมทั้งเงื่อนไขของงานขุดให้เป็นไปได้อย่างรวคเร็ว โดยทั่วไปแนวทางที่เหมาะสมจะทำให้ใช้ ้วิธีการต่าง ๆ มาประกอบกัน โดยความสำคัญในแต่ละวิธีมีน้ำหนักความสำคัญไม่เท่ากันตามแต่การ ออกแบบในแต่ละของขั้นตอนซึ่งมีความซับซ้อนเป็นอย่างยิ่ง

2.3.1 วิธีทดลองเชิงประสบการณ์

งานวิจัยในลักษณะของการทคลองเชิงประสบการณ์ที่เกี่ยวข้องกับเสถียรภาพค้านหน้าอุโมงก์แบบ ไม่ระบายน้ำในดินเหนียว มีดังนี้



ภาพที่ 2.6 วิธีการที่สามารถคำนวณเสถียรภาพของคินที่มีความเชื่อมแน่นบริเวณด้านหลังของช่อง เปิดในแนวคิ่ง (Broms and Bennermark, 1967)



ภาพที่ 2.7 แบบจำลองใช้ในการคำนวณเสถียรภาพค้านหน้า (Broms and Bennermark, 1967)

แบบจำลองแรกได้ถูกนำเสนอโดย Broms and Bennermark (1967) โดยได้อธิบายถึง ความสัมพันธ์ของเสถียรภาพของงานขุดแบบช่องเปิดในแนวดิ่งแบบไม่มีโครงสร้างรองรับ ใน แบบจำลองวัสดุที่มีความเชื่อมแน่นแบบไม่ระบายน้ำ ดังแสดงในภาพที่ 2.6-2.7 โดยได้ให้นิยาม อัตราส่วนของความมีเสถียรภาพ N (stability ratio) จะเท่ากับความแตกต่างระหว่างแรงดันจาก น้ำหนักดินด้ำนบนรวม (total overburden stress) และแรงดันที่รองรับ หารด้วยกำลังรับแรงเฉือน แบบไม่ระบายน้ำ (undrained shear strength) ดังแสดงในสมการที่ 2.11

$$N = \frac{\sigma_s - \sigma_t + \gamma(C + D/2)}{s_{u0}} \tag{2.11}$$

เมื่อ σ_s คือน้ำหนักบนพื้นผิว (Surface load) σ_t คือแรงคันที่รองรับภายในอุโมงค์ (facepressure) C คือระยะจากผิวคินถึงคาคอุโมงค์ (depth of cover) D คือเส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงค์ (diameter of tunnel) γ คือหน่วยน้ำหนักของคิน (unit weight of soil) s_w คือกำลังรับแรงเฉือนแบบ ไม่ระบาย จากการสังเกตการณ์ของวิบัติ ทั้งในการก่อสร้างอุโมงค์ของจริงและจากการทคสอบใน ห้องปฏิบัติการ โคยพบว่าสำหรับการ จุดในเงื่อนไขมีช่องเปิดในแนวคิ่งจะทำให้สูญเสียเสถียรภาพ ถ้า N > 6

Mair (1979) ใต้ใช้เครื่องเหวี่ยง (Centrifuge) ในการสังเกตมุมมองการวิบัติแบบไม่ระบาย น้ำของอุโมงก์บนหน้าตัดตามขวางและตามยาวแบบ 2 มิติ จากการจำลองแบบ 3 มิติ ในดินกาโอลิน (kaolin) โดยมีกำลังรับแรงเลือนแบบไม่ระบายน้ำแบบคงที่และสม่ำเสมอเท่ากันหมด และพยายาม ก้นหาผลกระทบของรูปทรงเรขาคณิตด้านหน้า พบว่าก่าของ P/D มีอิทชิพลต่อเสถียรภาพด้านหน้า ของหน้าตัดตามยาวและในแบบ 3 มิติ เมื่อก่า P คือระยะของตำแหน่งที่ไม่มีดาดอุโมงก์มารองรับ ตลอดจนได้กำนวณหาขอบบนที่แม่นยำในเงื่อนไขของก่าแรงวิบัติแบบไม่ระบายน้ำในหน้าตัดตาม ขวางบนระนาบความเครียด โดยใช้ความแตกต่างกันของลักษณะรูปแบบบลีอกแข็งเกร็ง (rigidblock mechanisms) และนำเสนอลักษณะรูปแบบการวิบัติแบบ 3 มิติ (3D mechanisms) และใช้ แบบจำลองแคมเคลย์แบบคัดแปร (modified cam-clay) ในการวิเคราะห์การเคลื่อนตัว แบบไฟไนต์ อิลิเมนต์ ควบกู่กับการอัดตัวกายน้ำ (consolidation) การกำนวณของแรงดันน้ำ (pore pressure) และ การเคลื่อนตัว มีแนวโน้มของการวิบัติ ณ ตำแหน่งของแรงดันที่รองรับอุโมงก์ ซึ่งต่ำกว่าการที่ได้ สังเกตจากการทดลอง และขนาดของกรทรุดตัวบนพื้นผิวมีงนาดใหญ่เกินไป เหตุผลหนึ่งที่เป็นไป ได้สำหรับความคลาดเคลื่อนนี้คือพฤติกรรมไม่เชิงเส้นในสภาพลาสติก (nonlinear elasticbehaviour) ของดินซึ่งไม่ได้เป็นคุณลักษณะที่ดีของแบบจำลองแคมเคลย์แบบคัดแปร

Schofield (1980) ได้สรุปข้อมูลของการทดลองเชิงประสบการณ์ที่ได้จากการทดลองของ Mair (1979) ในการบรรยายแรนกินครั้งที่ 20 (20th Rankine Lecture) ดังแสดงในภาพที่ 2.8-2.12



ภาพที่ 2.8 ผลเฉลยที่ได้จากการทดสอบเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ (Schofield, 1980)



ภาพที่ 2.9 มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทคสอบแบบ 3 มิติ ในกรณี P/D=0 (Schofield, 1980)



ภาพที่ 2.10 มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทดสอบแบบ 3 มิติ ในกรณี P/D=1/2 (Schofield, 1980)



ภาพที่ 2.11 มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทดสอบแบบ 3 มิติ ในกรณี P/D=1 (Schofield, 1980)



ภาพที่ 2.12 มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังทดสอบแบบ 3 มิติ ในกรณี P/D=2 (Schofield, 1980)

Kimura and Mair (1981) ได้ใช้เครื่องเหวี่ยง ในการสังเกตการวิบัติแบบไม่ระบายน้ำ ของ อุโมงค์บนหน้าตัดตามขวางและตามยาวแบบ 2 มิติ จากการจำลองแบบ 3 มิติ ในดินคาโอลินโดยให้ ค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ ซึ่งผลจากการทดสอบในมุมมองแบบหน้าตัดตามขวาง แบบ 2 มิติ ดังแสดงในภาพที่ 2.13 นั้นพบว่ารูปแบบการวิบัติที่ได้จากแบบจำลองนั้นสอดคล้องกับ ผลเฉลยที่ได้จากทฤษฎีของพลาสติกซิตี ในส่วนของผลจากการทดสอบแบบ 3 มิติ ในมุมมองหน้า ตัดตามยาว ดังแสดงในภาพที่ 2.14-2.15 นั้นพบว่า เสถียรภาพของอุโมงค์จะดีมากน้อยเพียงใดนั้น ขึ้นอยู่กับคุณลักษณะรูปเรขาคณิตของด้านหน้าอุโมงค์เป็นสำคัญดังสรุปไว้ในภาพที่ 2.16-2.17



ภาพที่ 2.13 มุมมองแบบหน้าตัดตามขวาง หลังจากเกิดการวิบัติ กรณี C/D=1.8 (Kimura and Mair, 1981)



ภาพที่ 2.14 มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังจากเกิดการวิบัติ กรณี C/D=1.5 และ P/D=0 (Kimura and Mair, 1981)



ภาพที่ 2.15 มุมมองแบบหน้าตัดตามยาวหลังจากเกิดการวิบัติ กรณี C/D=1.5 และ P/D=2 (Kimura and Mair, 1981)



ภาพที่ 2.16 อิทธิพลของระยะที่ไม่มีคาคอุโมงค์รองรับด้านหน้าต่ออัตราของความมีเสถียรภาพขณะ เกิดการวิบัติ (Kimura and Mair, 1981)



ภาพที่ 2.17 ผลเฉลยของอิทธิพลของรูปทรงเรขาคณิตด้านหน้าอุโมงก์ขณะเกิดการวิบัติ (Kimura and Mair, 1981)

2.3.2 วิชีวิเคราะห์

1) วิชีวิเคราะห์ลิมิต

Davis, Gunn, Mair and Seneviratne (1980) นำเสนอช่วงของผลเฉลขของขอบบนและขอบ ล่างซึ่งอยู่บนหลักการพื้นฐานของวิธีวิเคราะห์ลิมิตของปัญหาด้านหน้าของอุโมงค์แบบหน้าตัดตาม ขวางและตามขาว บนเงื่อนไขของระนาบความเครียด และในแบบ 3 มิติ โดยนิยามแบบจำลองดัง แสดงในภาพที่ 2.18 โดยทำการศึกษาใน 3 กรณี คือกรณีที่ 1 และ 2 ดังแสดงในภาพที่ 2.18 (a) และ (b) ซึ่งปัญหาทั้งสองอยู่บนระนาบความเครียด โดยกรณีที่ 1 คือเสถียรภาพด้านหน้าของหน้าตัดตาม ขวางได้แสดงในภาพที่ 2.18 (a) เมื่ออัตราส่วน P/D มาก ส่วนในกรณีที่ 2 ดังแสดงในภาพที่ 2.18 (b) คือเสถียรภาพด้านหน้าของหน้าตัดตามยาวบนระนาบความเครียด และในกรณีที่ 3 จะพิจารณาและ ใช้รูปเรขาคณิตของ Broms and Bennermark (1967) ในแบบ 3 มิติ โดยให้ P/D=0 ดังแสดงในภาพที่ 2.19 และอธิบายในรูปของพารามิเตอร์ (σ₁ – σ₁) ผลเฉลยของขอบล่างจะเท่ากับสมการที่ 2.12 สำหรับกรณีที่ γD/s₁₀ >0 โดยผลเฉลยของขอบล่างในกรณีนี้ค่าของ γD/s₁₀ มีค่าอยู่ในระหว่าง 1 ถึง 4 ดังแสดงในภาพที่ 2.20

$$(\sigma_{s} - \sigma_{t})/s_{u0} = 2ln(2C/D + 1)$$
 สำหรับกรณี $\gamma D/s_{u0} > 0$ (2.12)



ภาพที่ 2.18 แบบจำลองในอุคมคติที่ใช้วิเคราะห์ (วาคใหม่ Davis et al., 1980)



ภาพที่ 2.19 มุมมองอุโมงก์ตามแนวยาว กรณี P/D=0 ที่ใช้วิเกราะห์แบบ 3 มิติ (วาคใหม่ Davis et al., 1980)



ภาพที่ 2.20 ผลเฉลยขอบล่างของหน้าตัดอุโมงก์ตามแนวขวาง (Davis et al., 1980)



ภาพที่ 2.21 รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามขวางที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (วาดใหม่ Davis et al., 1980)

สำหรับการวิเคราะห์ขอบบน รูปแบบการวิบัติที่ใช้วิเคราะห์แสดงดังภาพที่ 2.21 โดยได้ ก้นพบรูปแบบการวิบัติที่เหมาะสมที่สุดในการวิเคราะห์เชิงตัวเลขในลักษณะรูปแบบวิบัติแบบ วิกฤติ (critical mechanism) คือแบบ c และ d สำหรับสาเหตุที่ปรากฏ σ_{s} และ σ_{t} ที่อยู่ในเทอมของ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$) ในการคำนวณขอบบน คือยอมให้มีรูปแบบการวิบัติแบบไคเนมาติก (kinematic failuremechanism) ของวัสดุที่มีความเชื่อมแน่นเข้ามาเกี่ยวข้องโดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงปริมาตร เช่น พื้นที่ ที่เคลื่อนตัวเข้ามาภายในอุโมงค์ต้องเท่ากับ พื้นที่การทรุดตัวบนพื้นผิว ด้วยเหตุนี้ งาน (workdone) ที่เกิดขึ้นโดยแรงคันในการคำนวณจะเท่ากับ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$) คูณกับพื้นที่นั้น ๆ นั่นเอง



ภาพที่ 2.22 รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามยาวที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (วาดใหม่ Davis et al., 1980)

กรณีที่ 2 ใด้ผลเฉลยขอบล่างดังสมการที่ 2.13 สำหรับขอบบนรูปแบบการวิบัติได้แสดงดังภาพที่ 2.22 ซึ่งได้พิจารณารูปแบบการวิบัติที่เหมาะสมที่สุดตามสมการที่ 2.14 โดยผลเฉลยระหว่างขอบ บนและขอบเขตล่างได้แสดงดังแสดงในภาพที่ 2.23

$$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0} = 2 + 2ln(C/D + 1)$$
(2.13)

$$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0} = 4\sqrt{(C/D + 1/4)}$$
 (2.14)

เมื่อ tan $\alpha = tan \beta = 2\sqrt{(C/D + 1/4)}$ และ $\delta = \pi/2$



ภาพที่ 2.23 ผลเฉลยขอบบนและขอบล่างสำหรับหน้าตัดอุโมงก์ตามแนวยาว (Davis et al., 1980)



ภาพที่ 2.24 ผลเฉลยขอบบนและขอบล่างสำหรับอุโมงก์แบบ 3 มิติ (Davis et al., 1980)

กรณีที่ 3 ผลเฉลยขอบล่างได้เสนอดังสมการที่ 2.15 และผลเฉลยขอบบนได้แสดงตามภาพที่ 2.24

$$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0} = 4ln(2C/D + 1)$$
(2.15)

และได้นำเสนอว่ารูปแบการวิบัติแบบดินอูดขึ้น (blow out) จะเกิดขึ้นเฉพาะอุโมงก์แบบตื้น (shallow tunnel) กล้าย ๆ กับรูปแบบการวิบัติแบบ a ดังแสดงในภาพที่ 2.21 (a)



ภาพที่ 2.25 ลักษณะกำลังรับแรงเฉือนเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้นที่ใช้วิเคราะห์ขอบบน (วาค ใหม่ Sloan and Assadi, 1993)

Sloan and Assadi (1993) ใด้นำเสนอวิธีวิเคราะห์เชิงตัวเลขในการทาผลเฉลยของขอบบน และขอบล่างของเสถียรภาพค้านหน้าอุโมงค์ในหน้าตัดตามขวางแบบไม่ระบายน้ำบนเงื่อนไขของ ระนาบความเครียคซึ่งแสดงคังภาพที่ 2.25 ในเงื่อนไขของสภาพดินมีความเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่าง เดียว (purely cohesive soil) ใช้เทคนิคไฟในต์อิลิเมนต์ร่วมกับวิธีวิเคราะห์ลิมิตของพลาสติกซิตี แบบดั้งเดิมโดยสมมติให้พฤติกรรมของดินเป็นพลาสติกแบบสมบูรณ์พร้อมด้วยการใช้เกณฑ์การ วิบัติเทรสกา (tresca failure criterion) โดยค่ากำลังรับแรงเลือนแบบไม่ระบายน้ำของคินเพิ่มขึ้นตาม ความลึกเชิงเส้น





ภาพที่ 2.26 รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามขวางที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบนเสนอโดย Sloan and Assadi (1993)

ผลเฉลขของขอบบนได้จากรูปแบบวิบัติแบบบล็อกแข็งเกร็ง ได้เสนอรูปแบบการวิบัติแบบ 3 และ 4 ตัวแปร ดังแสดงในภาพที่ 2.26(a-b) อีกทั้งยังพิจารณาว่ารูปแบบการวิบัติของ Davis et al.-(1980) ให้ค่าผลเฉลขของขอบบนที่ดีสำหรับอุโมงก์ในดินเหนียวที่มีค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ ระบายน้ำแบบคงที่เท่านั้น และเสนอรูปแบบการวิบัติแบบ 7 ตัวแปร ดังแสดงในภาพที่ 2.26(c) ผล เฉลยบ่งชี้ว่าให้ขอบบนที่ดีกว่าอย่างมีนัยสำคัญสำหรับกรณีที่กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ เพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น และสำหรับกรณีที่เป็นอุโมงค์ทีมีความลึกได้เสนอรูปแบบการ วิบัติแบบเฉพาะที่ (local collapse) ดังแสดงในภาพที่ 2.26(d) และทำการเปรียบเทียบผลเฉลขของ ขอบบนในรูปแบบการวิบัติต่าง ๆ ดังแสดงในภาพที่ 2.27(a) และผลเฉลยเสถียรภาพที่ได้จากทฤษฎี พลาสติกซิตีมีความสอดคล้องกับงานวิจัยของ Mair (1979) ดังแสดงในภาพที่ 2.27(b) พร้อมทั้ง เสนอกราฟช่วยออกแบบ ในรูปแบบไร้มิติเพื่อให้ง่ายต่อการนำไปใช้จริง ดังแสดงในภาพที่ 2.28



ภาพที่ 2.27 (a) เปรียบเทียบรูปแบบการวิบัติต่าง ๆ ที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (b) เปรียบเทียบ ระหว่างทฤษฎีและการทคลองเชิงประสบการณ์ (Sloan and Assadi, 1993)



ภาพที่ 2.28 ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=5 เสนอโดย Sloan and Assadi (1993)



ภาพที่ 2.29 ลักษณะกำลังรับแรงเฉือนเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้นที่ใช้วิเคราะห์ขอบบน (Augarde et al., 2003)



ภาพที่ 2.30 รูปแบบการวิบัติของหน้าตัดตามยาวที่ใช้วิเคราะห์หาขอบบน (วาดใหม่ Augarde et al., 2003)



ภาพที่ 2.31 ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี (a) ρD/s_{u0}=0 และ (b) ρD/s_{u0}=1 เสนอโดย Augarde et al. (2003)

Augarde, Lyamin and Sloan (2003) ได้นำเสนอผลการวิจัยต่อเนื่องจาก Sloan and Assadi -(1994) กล่าวคือ ได้วิเคราะห์หาผลเฉลยของขอบบนและขอบล่างของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ แบบหน้าตัดตามยาวและ ได้เพิ่มการศึกษาในกรณีที่ก่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดิน เพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น ดังแสดงในภาพที่ 2.29 ในเงื่อนไขสภาพดินที่มีความเชื่อมแน่นแต่ เพียงอย่างเดียว โดยสมมติให้พฤติกรรมของดินเป็นพลาสติกแบบสมบูรณ์พร้อมด้วยการใช้เกณฑ์ การวิบัติเทรสกา ใช้เทคนิคไฟไนต์อิลิเมนต์ร่วมกับวิธีวิเคราะห์ลิมิตของพลาสติกซิตีแบบดั้งเดิมใน การหาผลเฉลยของขอบบนและขอบล่าง ได้ปรับปรุงอัลกอริทึม (algorithm) เพื่อให้ผลต่างผลเฉลย ของขอบบนและขอบล่างเข้าใกล้กันยิ่งขึ้น ได้เสนอรูปแบบการวิบัติดังภาพที่ 2.30 และได้นำเสนอ ในรูปแบบของกราฟช่วยออกแบบในรูปแบบไร้มิติเพื่อให้ง่ายต่อการนำไปใช้จริง ด้วยเช่นกัน ดัง แสดงในภาพที่ 2.31



ภาพที่ 2.32 รูปแบบการวิบัติที่ได้พัฒนาขึ้น โดยใช้เทคนิคการแบ่งช่วงปริภูมิ สำหรับกรณี s_{u0} =20 kPa และ φ = 0 (Mollon et al., 2011)

Mollon, Dias and Soubra (2011) ได้นำเสนอวิธีวิเคราะห์เชิงตัวเลขในการหาผลเฉลยของ ขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ แบบไม่ระบายน้ำ ภายใต้เงื่อนไขของสภาพดินมี กวามเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่างเดียว โดยใช้เทคนิคการแบ่งช่วงปริภูมิ (spatial discretization) ร่วมกับ วิธีวิเคราะห์ลิมิตของพลาสติกซิตีโดยสมมติให้พฤติกรรมของดินเป็นพลาสติกแบบสมบูรณ์พร้อม ด้วยการใช้เกณฑ์การวิบัติเทรสกา โดยค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดินคงที่ ได้ นำเสนอรูปแบบการวิบัติหลายบล็อกแบบ 3 มิติ (3D multiblock failure mechanism) ดังแสดงใน ภาพที่ 2.32 โดยผลเฉลยของขอบบน มีค่าน้อยกว่า (ดีกว่า) ที่ได้จากงานวิจัยอื่นที่ผ่านมา แต่สำหรับ ในกรณีค่า C/D มากว่า 2.5 ได้แสดงให้เห็นอย่างชัดเจนว่าผลเฉลยที่ได้นั้นมีแนวโน้มที่มากกว่า งานวิจัยอื่นที่ผ่านมา พร้อมทั้งแนะนำว่าในกรณีที่สภาพดินที่มีความเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่างเดียว จำเป็นต้องมีการวิจัยเพิ่มขึ้นอีกในอนาคต ดังแสดงในภาพที่ 2.33



ภาพที่ 2.33 เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ กับงานวิจัยอื่นที่ ผ่านมา (วาดใหม่ Mollon et al., 2011)

Wilson, Abbo, Sloan and Lyamin (2011) ได้นำเสนอผลการวิจัยต่อเนื่องจาก Sloan and -Assadi (1993) กล่าวคือได้วิเคราะห์หาผลเฉลยของขอบบนและขอบล่างของเสถียรภาพด้านหน้า อุโมงค์แบบหน้าตัดตามขวาง ในกรณีที่ค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดินเพิ่มขึ้นตาม กวามลึกแบบเชิง ภายใต้เงื่อนไขสภาพดินที่มีความเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่างเดียว โดยสมมติให้ พฤติกรรมของดินเป็นพลาสติกแบบสมบูรณ์พร้อมด้วยการใช้เกณฑ์การวิบัติเทรสกา ใช้เทคนิคไฟ-ในต์อิลิเมนต์ร่วมกับวิชีวิเคราะห์ลิมิตของพลาสติกซิตีแบบดั้งเดิมในการหาผลเฉลยของขอบบน และขอบล่าง และได้พัฒนาเพิ่มเติมในส่วนของอัลกอริทึมในการคำนวณให้แม่นยำยิ่งขึ้น ทำให้ช่วง ของผลเฉลยของขอบบนและขอบล่างนั้นแคบลง และได้นำเสนอในรูปแบบของกราฟช่วยออกแบบ ในรูปแบบไร้มิติเพื่อให้ง่ายต่อการนำไปใช้จริงด้วยเช่นกัน ดังแสดงในภาพที่ 2.34



ภาพที่ 2.34 ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี C/D=1 และ C/D=2 เสนอ โดย Willson et al. (2011)

2) ວີชีอื่นๆ



ภาพที่ 2.35 ตัวอย่างกราฟช่วยออกแบบสำหรับกรณี (a) γD/s_{u0} =0 และ (b) γD/s_{u0} =3 เสนอโดย Osman et al. (2006)

Osman, Mair, and Bolton (2006) ได้นำเสนอวิธีวิเคราะห์แบบอื่นนอกเหนือไปจากวิธี วิเคราะห์ลิมิตในการทาผลเฉลยของขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ โดยได้ศึกษาอุโมงก์ หน้าตัดตามขวางแบบไม่ระบายน้ำบนระนาบความเครียด ซึ่งแสดงดังภาพที่ 2.25 โดยใช้ความ ต่อเนื่องของสนามความเร็ว (velocity field) ที่ได้มาจากทฤษฎีอิลาสติกซิตี (elasticity) ซึ่งให้ผล เฉลยพลาสติกไกเนมาติก (kinematic plastic solution) หรือเป็นผลเฉลยของขอบบน สำหรับการหา การเคลื่อนตัวของผิวดินรอบ ๆ อุโมงค์ โดยที่ไม่มีดาดอุโมงก์รองรับ (unlined) ในสภาวะแบบไม่ ระบายน้ำในชั้นดินเหนียว โดยตั้งสมมติฐานว่าภายในขอบเขตของการเสียรูป มวลดินมีการเคลื่อน ตัวประกอบกับแรงเฉือนต้องมีความต่อเนื่องและความต่อเนื่องนั้นไม่ได้มีความสัมพันธ์การการลื่น ใถล (sliding) ที่ขอบ โดยสมมติให้แบบจำลองของดินเป็นแบบพลาสติกแบบสมบูรณ์ ในเงื่อนไข สภาพดินมีความเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่างเดียว พร้อมด้วยการใช้เกณฑ์การวิบัติเทรสกา โดยก่ากำลัง รับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้นและเสนอกราฟช่วยออกแบบ ในรูปแบบไร้มิติดังแสดงในภาพที่ 2.35 และได้ทำการเปรียบเทียบผลเฉลยของขอบบนกับงานวิจัย ของ Sloan and Assadi (1993) พบว่ามีความสอดกล้องกันดังแสดงในรูปที่ 2.36



ภาพที่ 2.36 เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนจากงานวิจัยอื่น (วาคใหม่ Osman et al., 2006)



ภาพที่ 2.37 รูปแบบการวิบัติที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบ 3 มิติ กรณี C/D=2 (Klar et al., 2007)

Klar, Osman and Bolton (2007) ได้นำเสนอผลการวิจัยต่อเนื่องจาก Osman et al. (2006) กล่าวคือได้นำเสนอวิชีวิเคราะห์แบบอื่นนอกเหนือไปจากวิชีวิเคราะห์ลิมิตในการหาผลเฉลยของ ขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ โดยได้ศึกษาอุโมงค์หน้าตัดตามขวางแบบไม่ระบายน้ำบน ระนาบความเครียด และแบบ 3 มิติ โดยใช้ความต่อเนื่องของสนามความเร็วที่ได้มาจากทฤษฎีอิลา สดิกซิตี ในการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ และหลักการซ้อนทับกัน (superposition) ของ ซิงค์ และซอร์ส (sink and source) ในการวิเคราะห์แบบ 3 มิติ ดังแสดงในภาพที่ 2.37 โดยสมมติให้พฤติกรรมของ ดินเป็นพลาสติกแบบสมบูรณ์พร้อมด้วยการใช้เกณฑ์การวิบัติเทรสกา และค่ากำลังรับแรงเฉือน แบบไม่ระบายน้ำของดินคงที่ และทำการเปรียบเทียบผลเฉลยของขอบบน ทั้งแบบ 2 มิติ และ แบบ 3 มิติ กับงานวิจัยของ Davis et al. (1980) พบว่าได้ผลเฉลยของขอบบนที่ดีกว่าทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ ดังแสดงในภาพที่ 2.38-2.39 ตามลำดับ



ภาพที่ 2.38 เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบหน้าตัดตามขวาง 2 มิติ กับงานวิจัยอื่นที่ผ่านมา (วาดใหม่ Klar et al., 2007)



ภาพที่ 2.39 เปรียบเทียบผลเฉลยขอบบนของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 3 มิติ กับงานวิจัยอื่นที่ ผ่านมา (วาดใหม่ Klar et al., 2007)

2.4 วิธีไฟในต์อิลิเมนต์ในการวิเคราะห์เสถียรภาพ

เนื่องจาก Guglielmetti et al. (2007) ได้แนะนำว่าวิธีเชิงตัวเลขสามารถวิเคราะห์เสถียรภาพ ด้านหน้าอุโมงค์ได้เป็นอย่างดี อีกทั้งยังสอดคล้องกับวิธีวิเคราะห์ลิมิตตามการแนะนำของ Chen-(1975) ผู้วิจัยจึงเห็นว่ากวรใช้วิธีเชิงตัวเลข แบบวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ในการวิจัยเสถียรภาพด้านหน้า อุโมงค์

2.4.1 หลักการพื้นฐานของวิธีไฟในต์อิลิเมนต์

สุเชษฐ์ ลิขิตเลอสรวง (2550) ได้แบ่งหลักการไฟไนต์อิลิเมนต์ออกเป็นขั้นตอนใหญ่ๆ ทั้งหมด 6 ขั้นตอนดังต่อไปนี้

"ขั้นตอนที่ 1 การแบ่งชิ้นส่วน (element discretization) การแบ่งขอบและรูปร่างของปัญหาที่ ต้องการจะหาผลลัพธ์ออกเป็นชิ้นส่วน (elements) ย่อยๆ โดยแต่ละชิ้นส่วนจะถูกกำหนดขอบด้วย จุดต่อ

ขั้นตอนที่ 2 การเลือกฟังก์ชันของตัวแปรหลัก (primary variable function selection) การเลือก ฟังก์ชันตัวแปรหลัก เช่น ฟังก์ชันการเคลื่อนที่ หรือฟังก์ชันความเค้น เป็นต้น และฟังก์ชันนี้จะต้อง สามารถเชื่อมโยงกันระหว่างจุดต่อ

ขั้นตอนที่ 3 การสร้างสมการของแต่ละชิ้นส่วน (element equation) ขั้นตอนการสร้างความสัมพันธ์ ระหว่างแรงกับการเคลื่อนที่ของแต่ละชิ้นส่วน คังสมการที่ 2.16

$$\{\Delta FE\} = [KE]\{\Delta dE\}$$
(2.16)

โดยที่ [KE] คือ เมทริกซ์สติฟเนสของชิ้นส่วนย่อย (element stiffness matrix), { Δ FE} คือ เวกเตอร์ การเพิ่มของแรง ณ ตำแหน่งจุดเชื่อมต่อ (vector of incremental element nodal forces), { Δ dE} คือ เวกเตอร์การเพิ่มของการเคลื่อนที่ ณ ตำแหน่งจุดเชื่อมต่อ (vector of incremental element nodaldisplacements) **ขั้นตอนที่ 4** การสร้างสมการหลัก (global equation) ขั้นตอนการรวมสมการย่อยของแต่ละชิ้นส่วน เป็นสมการหลัก ความสัมพันธ์ของสมการหลักคังสมการที่ 2.17

$$\{\Delta FG\} = [KG]\{\Delta dG\}$$
(2.17)

โดยที่ [KG] คือ เมทริกซ์สติฟเนสรวม (global stiffness matrix), { Δ FG} คือ เวกเตอร์การเพิ่มของ แรงรวม (vector of all incremental nodal forces), { Δ dG} คือ เวกเตอร์การเพิ่มของการเคลื่อนที่ ณ ตำแหน่งจุดเชื่อมรวม (vector of all incremental nodal displacements)

ขั้นตอนที่ 5 เงื่อนไขขอบ (boundary conditions) กำหนดเงื่อนไขขอบให้สอดคล้องกับปัญหาจริง เช่น เงื่อนไขของแรง (loading conditions) ซึ่งจะถูกบรรจุอยู่ใน { Δ FG} เงื่อนไขการเคลื่อนตัว (displacement conditions) ซึ่งจะถูกบรรจุอยู่ใน { Δ dG}

ขั้นตอนที่ 6 การแก้สมการหลัก (solve the global equation) เนื่องจากสมการหลักมีขนาดใหญ่มาก และประกอบไปด้วยตัวแปรหลายตัว ส่งผลทำให้ต้องนำเทคนิคในการแก้ระบบสมการเชิงเส้นแบบ ต่างๆ มาใช้ เพื่อเพิ่มความเร็วและความแม่นยำในการหาผลเฉลย"

2.4.2 พฤติกรรมและแบบจำลองของดิน

1) พฤติกรรมกำลังรับแรงเฉือนภายใต้เงื่อนใขแบบไม่ระบายน้ำ

สุเชษฐ์ ถิงิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายไว้ว่า "พฤติกรรมตอบสนองของดินเหนียวนั้น โดยทั่วไปจะให้แรงในระยะสั้น โดยสามารถประมาณในทางทางทฤษฎีได้ว่าเป็นพฤติกรรมแบบ แบบไม่ระบายน้ำของดิน ซึ่งขณะที่ดินถูกเฉือน น้ำในมวลดินยังไม่คงไม่ระบายออก โดยกล่าวได้ว่า สามารถใช้ความเด้นรวมในการวิเคราะห์ (total stress analysis, TSA) กำลังรับแรงเฉือนได้ ซึ่ง สามารถเรียกได้ว่าเป็น กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ (s_)"

กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ สามารถพิจารณาจากวงกลมมอร์ (Mohr's circle) จาก ความเก้นหลักและความเก้นรองที่ระนาบวิบัติ (major and minor principle stresses) ดังแสดงใน ภาพที่ 2.39 ซึ่งคือ รัศมีของวงกลมมอร์และสามารถเขียนได้ดังสมการที่ 2.18

$$s_u = \frac{\sigma_{f1} - \sigma_{f3}}{2} = \frac{\sigma_{f1}^{'} - \sigma_{f3}^{'}}{2}$$
(2.18)

ในบางกรณีเมื่อพิจารณาตามภาพที่ 2.40 จะเห็นได้ว่าเกิดเงื่อนไข φ = 0 เนื่องจากแทนค่า φ = 0 ใน เกณฑ์การวิบัติมอร์-กูลอมบ์ ทำให้พบว่าแรงเฉือนวิบัติมอร์-กูลอมบ์ มีค่าเท่ากับกำลังรับแรงเฉือน แบบไม่ระบายน้ำทำให้ τ_f = c = s_u นั่นเอง



ภาพที่ 2.40 วงกลมมอร์แสดงค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ

ก) แบบคงที่ตลอดตามความลึก

โดยนิยามกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำพบว่าก่า s_uจะไม่ขึ้นกับสถานะความเก้น หรือมี ก่ากงที่ ตามภาพที่ 2.41 แต่ในกวามเป็นจริงกำลังรับแรงเฉือนของดินกวรจะขึ้นกับสถานะกวามเก้น (stress level)



ภาพที่ 2.41 ลักษณะของกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดตามความลึก

າ) ແบบเพิ่มเป็นแบบเชิงเส้นตามความลึก

ใด้มีผู้เสนอสูตรที่ได้จากการทดลองเชิงประสบการณ์ สำหรับดินเหนียวที่มีสภาพอัดแน่น ปกติ (normally consolidated clay) หลายงานวิจัย เช่น Skempton (1957) หรือแม้กระทั้งเขียนไว้ใน หนังสือที่ได้รับความนิยมกันอย่างแพร่หลาย เช่น Atkinson and Bransby (1978) และ Lambe and-Whitman (1979)โดยค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเชิงเส้น ตาม งานวิจัยของ Skempton (1957) ได้แนะนำสำหรับดินเหนียวที่มีสภาพอัดแน่นปกติ ตาม ความสัมพันธ์ตามสมการที่ 2.19

$$\frac{s_u}{\sigma_{\nu 0}} = 0.11 + 0.0037 I_p \tag{2.19}$$

เมื่อ σ'_{v0} คือค่าเริ่มต้นของหน่วยแรงกดทับประสิทธิผล (initial effective overburden stress) และ I_p (plasticity index) คือค่าผลต่างของขีดจำกัดเหลวกับขีดจำกัดพลาสติกโดยทำการแทนค่า I_p และค่า หน่วยน้ำหนักของดินเหนียวที่จมอยู่ใต้น้ำ สมการของ Skempton (1957) แนะนำสำหรับค่าอัตรา การเพิ่มขึ้นของกำลังรับแรงเฉือน (ρ) อาจแตกต่างกันทุก ๆ ที่ระหว่าง 0.5 kN/m³ และ 5 kN/m³ ค่า การทำนายเหล่านี้เป็นที่ยอมรับกันอย่างกว้างขวาง และ Lambe and Whitman (1979) ได้แนะนำให้ ค่ามาตรฐานสำหรับดินเหนียวที่มีสภาพอัดแน่นปกติเท่ากับ 1-2 kN/m³ ในงานวิจัยของ Sloan andAssadi (1993) นำเสนอความสัมพันธ์ของอัตราส่วนของการเพิ่มขึ้นของกำลังรับแรงเฉือนเพิ่มขึ้น ตามความลึกแบบเชิงเส้น ตามสมการที่ 2.20 และดังแสดงในภาพที่ 2.42 โดยนำเสนอช่วงค่าของ ρD/s_{u0} โดยให้ก่าแตกต่างกันจาก 0 ถึง 1 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25

$$s_u(\mathbf{z}) = s_{u0} + \rho \mathbf{z} \tag{2.20}$$



Depth, z

ภาพที่ 2.42 ลักษณะของกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำแปรผันตามตามความลึกแบบเชิงเส้น

2) แบบจำลองเทรสกาและแบบจำลองมอรั่-ดูลอมบั่

สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง (2553) ได้อธิบายไว้ว่า "แบบจำลองที่นิยมนำมาใช้อธิบายพฤติกรรม ของดินที่มีแต่กวามเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่างเดียวและวัสดุที่มีพฤติกรรมแบบพลาสติกแบบสมบูรณ์ กือ แบบจำลองเทรสกา โดยเริ่มแรกนั้นได้ถูกพัฒนาขึ้นมาเพื่อใช้กับโลหะ ดังนั้นการกำนวณกวาม เก้นและกวามเกรียดในแบบจำลองจึงเป็นแบบการวิเกราะห์กวามเก้นรวม"

"โดยกำลังครากเกิดขึ้นเมื่อความเค้นเฉือนสูงสุดมีค่าเท่ากับค่าวิกฤต จากนิยามความเค้น เฉือนสูงสุด โดยวงกลมมอร์ สามารถสรุปได้ว่าความเค้นเฉือนสูงสุดมีค่าเท่ากับครึ่งของผลต่าง ระหว่างความเค้นหลัก σ₁ และความเค้นรอง σ₃ หรือ τ_{max} = (σ₁ – σ₃)/2" ดังนั้นเกณฑ์การวิบัติเทรส กากำหนดไว้ตามสมการที่ 2.21

$$\frac{(\sigma_1 - \sigma_3)}{2} \le k \tag{2.21}$$

"เมื่อค่า *k* คือค่าความเก้นวิกฤต โดยปกติจะเท่ากับกำลังครากเฉือนของวัสดุ เนื่องจาก เกณฑ์การวิบัติเทรสกาไม่ได้นำค่าความเค้นกึ่งกลาง (σ₂) มาร่วมในการคำนวณ สำหรับดินเหนียว ในการวิเคราะห์แบบไม่ระบายน้ำนั้น ค่าวิกฤตมีค่าเท่ากับกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำหรือ *k* = *s*_u" ดังแสดงตามภาพที่ 2.40 โดยที่ฟังก์ชันครากเทสกาสำหรับดินเหนียวแบบไม่ระบายน้ำ สามารถเขียนให้อยู่ในสมการที่ 2.22

$$f = \sigma_1 - \sigma_3 - s_u = 0 \tag{2.22}$$

"เนื่องจากแบบจำลองเทรสกาจะใช้ในการวิเคราะห์แบบความเก้นรวม จึงไม่อาจสามารถ จำลองพฤติกรรมกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำที่ขึ้นกับความเก้นประสิทธิผลเฉลี่ย ซึ่งการ จำลองพฤติกรรมดังกล่าวนี้ต้องอาศัยการวิเคราะห์แบบความเก้นประสิทธิผล กล่าวคือเป็นการ วิเคราะห์ความเก้นในขณะที่น้ำในมวลดินระบายออกหมดแล้ว ซึ่งกำลังรับแรงเฉือนของดินจะอ้าง ถึงแบบจำลองสำหรับวัสดุเสียดทาน ที่จำลองพฤติกรรมการรับแรงด้วยกฎแรงเสียดทานของดู ลอมบ์ ซึ่งกำลังรับแรงเฉือน (τ_f) จะเป็นสัดส่วนกับความเก้นตั้งฉาก" ซึ่งมีเกณฑ์การวิบัติดังสมการ ที่ 2.23

$$\tau_f = c' + \sigma'_{nf} tan\phi' \tag{2.23}$$

เมื่อ *τ*_f คือความเค้นเฉือน, *σ*_{nf} คือความเก้นตั้งฉาก, *c* ์ คือความเชื่อมเน้นตัดแกน และ *φ* ์ คือมุม เสียดทานภายใน โดยความความสัมพันธ์ดังกล่าวสามารถเขียนแทนด้วยวงกลมมอร์ดังแสดงใน ภาพที่ 2.43



ภาพที่ 2.43 เกณฑ์การวิบัติมอร์-กูลอมบ์บนระนาบความเก้นเฉือนและความเก้นตั้งฉาก (สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง, 2553)

2.4.3 วิธีลดทอนกำลัง

Brinkgreve and Bakker (1991) ได้นำเสนอวิธีการถดทอนกำลัง ซึ่งเป็นเครื่องมือที่ใช้ วิเคราะห์อยู่ในซอฟแวร์ไฟไนต์อิลิเมนต์ PLAXIS โดยเรียกว่า วิธี Phi-c reduction ซึ่งในด้าน วิศวกรรมโครงสร้างโดยปกติค่าอัตราส่วนความปลอดภัย (FS) จะถูกนิยามให้เท่ากับน้ำหนักวิบัติ จริงด่อน้ำหนักใช้งาน ซึ่งหลักการนี้ได้มีการนำมาประยุกต์ใช้ทางด้านวิศวกรรมธรณีเทคนิค เช่น ในงานฐานรากตื้น และฐานรากเสาเข็ม เป็นต้น โดยการเพิ่มน้ำหนักไปจนกระทั้งถึงน้ำหนักสูงสุดที่ ทำให้โครงสร้างเกิดการวิบัติแล้วนำมาเปรียบเทียบกับน้ำหนักใช้งาน ซึ่งจะมีความคล้ายคลึงกับ นิยามของการวิเคราะห์ปัญหาเสถียรภาพของลาดดินแบบดั้งเดิม ตามภาพที่ 2.44 อีกทั้งยังมีลักษณะ ของปัญหาที่ซับซ้อน เช่น ด้านหน้าอุโมงค์ จะมีลักษณะที่แตกต่างกันออกไปเนื่องจากปัญหาชนิดนี้ จะมีน้ำหนักดินและน้ำหนักที่กระทำจากภายนอกมีค่าดงที่ จึงไม่เหมาะสมที่จะวิเคราะห์หาค่า อัตราส่วนความปลอดภัยโดยการเพิ่มน้ำหนักจนโครงสร้างด้านหน้าอุโมงค์เกิดการวิบัติ ซอฟแวร์ที่ ใช้วิจัยในครั้งนี้ ได้ใช้หลักการดังกล่าว หาค่าอัตราส่วนความปลอดภัยของด้านหน้าอุโมงค์ หลักการนี้จะใช้วิธีการลดค่ากำลังของดินลง จนกระทั่งเกิดการวิบัติของระบบ วิธีการนี้เป็นวิธีการ กำนวณที่ ค่อนข้างสลับซับซ้อนไม่สามารถวิเคราะห์ตามแบบปกติทั่วไปได้ และต้องใช้ คอมพิวเตอร์ช่วยในการวิเคราะห์



ภาพที่ 2.44 หลักการของวิธีลดทอนกำลังที่ใช้ในซอฟแวร์ไฟในต์อิลิเมนต์ PLAXIS (วาดใหม่ Boonchai Ukritchon, 2011)

วิธีลดทอนกำลังได้กำหนดให้ค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการอธิบายกุณสมบัติความเก้น-กวามเกรียด ของกำลังของดินทั้งหมด 2 พารามิเตอร์กือ กวามเชื่อมแน่น (cohesion, c) และมุมเสียดทานของดิน (friction Angle, φ) จะถูกลดก่าลงจนกระทั่งเกิดการวิบัติ ซึ่งสมการที่ใช้หาก่าอัตราส่วนกวาม ปลอดภัยสามารถแสดงตามสมการที่ 2.24

$$FS = \frac{tan\phi_{input}}{tan\phi_{reduced}} = \frac{c_{input}}{c_{reduced}} = \frac{s_{uinput}}{s_{ureduced}}$$
(2.24)

เมื่อ s_{uinput} และ tano_{input} คือค่ากำลังรับแรงเฉือนและมุมเสียดทานของดินที่ได้จากการทดสอบ ทางวิศวกรรมธรณีเทคนิค หลักการดังกล่าวได้บรรจุอยู่ในซอฟแวร์ไฟไนต์อิลิเมนต์ ในงานวิจัยได้ ใช้หลักการนี้มาช่วยในการวิเคราะห์หาค่าอัตราส่วนความปลอดภัย โดยอยู่ภายใต้เงื่อนไขของกำลัง รับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียว ($\phi = 0, c = s_u$) กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ แบบ mobilized ได้จากลดกำลังเดิมด้วยค่าอัตราส่วนความปลอดภัย จนกระทั้งเกิดการวิบัติของ ระบบ ซอฟแวร์รายงานผลออกมาในรูปแบบของค่าอัตราส่วนความปลอดภัยสุดท้าย สำหรับการ
ี้ คำนวณเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำนั้น กำลังรับเฉือนแบบไม่ระบายน้ำแบบ mobilized (s_{um}) หา ได้จากสมการที่ 2.25

$$s_{um} = \frac{s_u}{\text{FS}} \tag{2.25}$$

เมื่อ FS คือผลลัพธ์ของอัตราส่วนความปลอคภัยจากวิธีลคทอนกำลัง

เนื่องจากผลลัพธ์ของการวิเคราะห์ลิมิตของขอบบนและขอบล่างจะต้องสอดคล้องกับ สถานะของการวิบัติ กล่าวคืออัตราส่วนความปลอดภัยจะต้องเท่ากับหนึ่ง (FS=1) โดยที่ Boonchai-Ukritchon (2011) ได้เสนอพารามิเตอร์ในเทอมไร้มิติที่เกี่ยวข้องกับพารามิเตอร์กำลัง ซึ่งต้องเป็น แบบไร้มิติโดยกำลังรับเฉือนแบบไม่ระบายน้ำแบบ mobilized กล่าวคือให้อยู่ในรูปของ γD/s_{um} และ (σ_s – σ_t)/s_{um} เพราะฉะนั้นอัตราส่วนของความมีเสถียรภาพของปัญหานี้จะถูกรวมกับอัตราส่วน ความปลอดภัยที่ได้จากการแทนก่าในสมการที่ 2.25 แล้วจะได้ตามสมการที่ 2.26

$$FS\frac{\gamma D}{s_u} = f\left(\frac{C}{D}, FS\frac{(\sigma_s - \sigma_t)}{s_u}\right)$$
(2.26)

2.4.4 ซอฟแวร์ไฟในต์อิลิเมนต์

Brinkgreve, Engin and Swolfs (2012a) ได้พัฒนาซอฟแวร์ไฟในต์อิลิเมนต์ PLAXIS 2D อย่างต่อเนื่องเพื่อใช้ในการวิเคราะห์แบบจำลองทางธรณีเทคนิค ซึ่งสามารถวิเคราะห์ปัญหาได้ทั้ง แบบเงื่อนไขแบบไม่ระบายน้ำ และการวิเคราะห์การทรุดตัว ทั้งบนระนาบความเครียด และ สมมาตรรอบแกน รวมไปถึง Brinkgreve and Broere (2004) ได้นำเสนอซอฟแวร์ไฟในต์อิลิเมนต์ PLAXIS TUNNEL 3D เพื่อวิเคราะห์อุโมงค์แบบ 3 มิติโดยเฉพาะ และ Brinkgreve, Engin and-Swolfs (2012b) ได้พัฒนาให้อยู่ในรูปแบบ 3 มิติ อย่างสมบูรณ์ใน PLAXIS 3D ซึ่งสามารถกำหนด ขอบเขตของการเคลื่อนตัว ความดันน้ำส่วนเกิน และสามารถจำลองขั้นตอนของการก่อสร้าง (construction stage) ได้ โดยทั่วไปแล้ว PLAXIS ประกอบด้วยกลุ่มงาน 3 กลุ่มหลักและมีความต่อเนื่องกัน โดยสามารถ อธิบายได้ดังนี้

- Input เป็นกลุ่มงานที่ใช้ในการกำหนดลักษณะ ขอบเขตของแบบจำลองของชั้นดินและ กุณสมบัติของรูปร่างเรขาคณิตของแบบจำลองที่ใช้ในการวิเคราะห์ซึ่งในการทำงานมีลักษณะ ที่สำคัญดังต่อไปนี้
 - a. ในการกำหนดขอบเขตชั้นดินโครงสร้างประกอบ ขั้นตอนการก่อสร้าง และเงื่อนไขขอบ ของแบบจำลองได้โดยใช้วิธีการทางกราฟิก
 - รูปแบบของอิลิเมนต์ (element) สามารถกำหนดเป็น plates, geogrids, beams, embeddedpiles, anchors, interface element และ tunnels
 - c. ชนิดของเอลิเมนต์ที่สามารถกำหนดใน PLAXIS ประกอบด้วย 6-node triangular element และ 15- node triangular element สำหรับการวิเคราะห์ปัญหาใน 2 มิติ ส่วนใน การวิเคราะห์ปัญหาใน 3 มิติ ถ้าชั้นดินไม่เป็นแนวราบ บางครั้งอาจใช้ 15-node wedge element หรืออาจลดลงเหลือแก่ 13-node pyramid หรือ อาจเป็น 10-node tetrahedral ดัง แสดงในภาพที่ 2.45



ภาพที่ 2.45 การเปรียบเทียบอิลิเมนต์ระหว่างแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ

- แบบจำลองของชั้นดิน (Soil model) ที่สามารถกำหนดได้ใน PLAXIS มีทั้งหมด 12 แบบ
 คือ Linear elastic, Mohr-Coulomb, Hardening soil, HS small, Soft-soil, Soft-soil creep,
 Jointed rock, Modified Cam-Clay, NGI-ADP, Hoek-Brow, Sekiguchi-Ohta และ User defined model
- 2) Calculation เป็นกลุ่มงานที่ใช้ในการคำนวณใน PLAXIS มีขั้นตอนการคำนวณที่แยกจากกัน ชัดเจนระหว่าง plastic calculation, consolidation analysis และ update mesh analysis ดังนั้น ในการวิเคราะห์แต่ละโครงการจะมีขั้นตอนในการคำนวณมากกว่าหนึ่งขั้นตอน ลักษณะเฉพาะของการคำนวณที่มีใน PLAXIS มีดังต่อไปนี้
 - a. Automatic load stepping ใน PLAXIS สามารถกำหนคลำดับและเวลาของขั้นตอนการ เพิ่มของน้ำหนักกระทำได้โดยอัตโนมัติ
 - b. Arc-Length control ในการคำนวณหาค่าน้ำหนักกระทำ ที่ทำ ให้โครงสร้างเกิดการวิบัติ และรูปแบบการการวิบัติ ใน PLAXIS จะใช้หลักการ arc-length control ซึ่งเป็นหลักการ ทางวิศวกรรมเครื่องกลเข้ามาใช้ในการควบคุมและตรวจสอบความถูกต้องของการ วิเคราะห์
 - c. Stage Construction ใน PLAXIS สามารถที่จะจำลองลำดับขั้นตอนของการก่อสร้างเช่น สามารถจำลองลำดับของงานขุดเจาะอุโมงก์และแรงดันด้านหน้าอุโมงก์ได้ใกล้เคียงกับ ลำดับขั้นตอนของการก่อสร้างจริงที่เกิดขึ้นในสนาม
 - d. Safety Factor ใน PLAXIS มีหลักการที่เรียกว่า Phi-c reduction สามารถใช้ในการ วิเคราะห์เสถียรภาพของการก่อสร้างได้โดยตรงจากวิธีไฟในต์อิลิเมนต์
- Output เป็นกลุ่มงานที่ใช้สรุปผลการวิเคราะห์ที่ได้จากการป้อนข้อมูลใน Input และผลการ คำนวณจาก Calculation รูปแบบการแสดงผลของ PLAXIS มีดังนี้
 - a. รูปแบบกราฟิก โดยสามารถแสดงผลในรูปของ velocity vectors plot, incremental shear strain, total incremental displacements-shadings, stresses-effective stresses, stresses-plastic points, iso-areas นอกจากนี้ยังมีฟังก์ชั่นพิเศษที่สามารถแสดงเส้นทางเดินของหน่วย แรง (stress path) เพื่อใช้ในการติดตามและตรวจสอบพฤติกรรมของชั้นดินที่เกิดจาก ก่อสร้างในแต่ละขั้นตอนได้
 - ๖. รูปแบบตาราง ผลการคำนวณที่ได้สามารถแสดงก่าในรูปแบบของตารางและสามารถนำ ก่าในตารางที่ได้จากโปรแกรมนี้เชื่อมโยงเข้ากับโปรแกรมอื่น เช่น Microsoft Words และ Microsoft Excel ได้

2.5 ลักษณะทั่วไปของชั้นดินกรุงเทพมหานคร

ลักษณะทั่วไปของชั้นดินกรุงเทพมหานคร จากการเจาะสำรวจเพื่อการก่อสร้างของ โครงการรถไฟฟ้ามหานคร (MRTA) พบว่าชั้นดินมีลักษณะการจัดเรียงตัวที่แตกต่างกันตามแต่ละ พื้นที่ ดังแสดงในภาพที่ 2.46-2.47



ภาพที่ 2.46 สภาพชั้นดินจากสถานีศูนย์วัฒนธรรมไปจนถึงสถานีบางซื่อ



ภาพที่ 2.47 สภาพชั้นดินจากสถานีหัวลำโพงไปจนถึงสถานีศูนย์วัฒนธรรม

กล่าวคือบริเวณด้านบนจะเป็นชั้นดินถม (made ground) มีความหนาประมาณ 0-0.25 เมตร ถัดมา เป็นชั้นดินเหนียวอ่อน (soft clay) หนา 13-16 เมตร ค่าความชื้นของดินอยู่ในช่วง 40-85 % มีความ ใวตัว (sensitivity) สูงมาก มีพฤติกรรมแบบ แอนไอโซทรอปิกหรือไม่เท่ากันทุกทิศทาง (anisotropic) และมีโอกาสเกิดการคืบ (creep) ได้ ซึ่งดินชั้นนี้ก่อให้เกิดปัญหาอย่างมากในการ ้ก่อสร้างงานใต้ดินต่าง ๆ รวมถึงงานก่อสร้างรถไฟฟ้ามหานคร ถัดจากชั้นดินเหนียวอ่อนลงไปจะ เป็นชั้นดินเหนียวแข็งปานกลาง (medium stiff clay) ซึ่งจะพบอยู่ใต้ชั้นดินเหนียวอ่อน มีความหนา เฉลี่ยประมาณ 2 เมตร ถัดไปเป็นชั้นดินเหนียวแข็ง (stiff clay) ซึ่งมีความไวตัวต่ำ และทนทานต่อ การรับแรงมากกว่าชั้นดินเหนียวอ่อน อยู่ที่ระดับกวามลึก 15-25 เมตร ความหนาเฉลี่ยประมาณ 10-15 เมตร การเปลี่ยนแปลงความหนาของชั้นดินเหนียวจากที่หนึ่งไปยังอีกที่หนึ่งยังไม่มีรูปแบบที่ แน่นอนและบางพื้นที่จะมีคินเหนียวปนทรายแทรกอยู่ ซึ่งการเจาะอุโมงค์โครงการรถไฟฟ้ามหา ้นคร ก็วางตัวอุโมงก์อยู่ในชั้นดินเหนียวแข็งนี้ ถัดลงมาเป็นชั้นทรายชั้นแรก (first sand) อยู่ในสภาพ ้อิ่มตัวด้วยน้ำ อยู่ที่ระดับความลึก 21-28 เมตร ซึ่งความหนาของชั้นนี้ไม่แน่นอน ซึ่งในบางพื้นที่จะ ้ไม่พบ ในขณะ โคยทั่วไปจะพบว่าชั้นทรายนี้หนาประมาณ 3 เมตรแต่มีบางพื้นที่ที่ชั้นทรายนี้หนา กว่า 10 เมตร ถัดมาจากชั้นทรายชั้นแรก จะพบชั้นดินเหนียวแข็งมาก (hard clay) มีความหนา ้ประมาณ 2-12 เมตร ความหนามักเปลี่ยนแปลงไปตามแต่ละพื้นที่ ในบางพื้นที่อาจไม่พบ ชั้นดินนี้ มักวางตัวอยู่ใต้ชั้นทรายชั้นแรกซึ่งมีความแขึงมาก และในบางพื้นที่อาจพบว่าแทรกอยู่ในชั้นดิน เหนียวแข็งชั้นแรก และถัดมาพบชั้นทรายชั้นที่สอง (second sand) ที่ความลึกประมาณ 40-45 เมตร ดังรูปที่ 2.48



ภาพที่ 2.48 ลักษณะชั้นดินทั่วไปของกรุงเทพมหานคร

ในส่วนระดับน้ำใต้ดินที่แท้จริง (piezometric level) จากการสำรวจข้อมูลจากผลการ ตรวจวัดจากเครื่องวัดระดับความดันน้ำใต้ดิน (piezometer) โครงการรถไฟฟ้ามหานครโดย Wanchai Teparaksa (1999) พบว่าน้ำใต้ดินเป็นแบบแรงคันน้ำแบบสถิต (hydrostatic) จะลดลงที่ ระดับความลึก 8-10 เมตร จากผิวดินจนเข้าใกล้ศูนย์ที่ระยะความลึกประมาณ 24 เมตร จากผิวดิน ซึ่งจะขึ้นกับสภาพพื้นที่และความหนาของชั้นทราย และสภาพการระบายน้ำของชั้นทรายชั้นแรก และชั้นที่สอง หลังจากนั้นแรงดันน้ำจะเพิ่ม แบบแรงดันน้ำแบบสถิต อีกครั้งดังแสดงในภาพ 2.49



ภาพที่ 2.49 ลักษณะแรงคันน้ำใต้คินของกรุงเทพมหานคร

2.6 การวิเคราะห์ความถดถอยและสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ

การวิเคราะห์กวามถดถอย (regression analysis) เป็นเทกนิกทางสถิติ โดยเป็นการวิเคราะห์ หากวามสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระและตัวแปรตาม โดยหลักแล้วจะศึกษาพฤติกรรมระหว่างตัว แปรอิสระกับตัวแปรตามว่ามีกวามสัมพันธ์กันหรือไม่ และทำการสร้างฟังก์ชันกวามสัมพันธ์ หรือ สร้างสมการทำนาย หรือ การประมาณก่าของตัวแปรตาม ซึ่งองก์ประกอบสำคัญของการวิเคราะห์ ความถดถอย คือ มีตัวแบบความถดถอยที่แสดงรูปแบบความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระซึ่ง เป็น ตัวแปรที่กำหนดค่าได้แน่นอน หรือสามารถวัดค่าได้โดยไม่มีความคลาดเคลื่อน ในขณะที่ตัวแปร ตามเป็นตัวแปรที่เกิดขึ้นโดยสุ่ม และไม่สามารถสังเกตได้ โดยความคลาดเคลื่อนสุ่มจะมีคุณสมบัติ การเป็นอิสระจากกัน มีลักษณะของความเป็นเชิงเส้น การมีความแปรปรวนคงที่ และการมีการแจก แจงแบบปกติ เนื่องจากคุณสมบัติเหล่านี้ จะทำให้สามารถนำข้อมูลค่าสังเกตที่เก็บรวบรวมได้ของ ตัวแปรอิสระกับตัวแปรตามมาทำการวิเคราะห์และสามารถทำให้การคาดการณ์เกี่ยวกับพารามิเตอร์ ได้อย่างถูกต้องและดีที่สุดยิ่งขึ้นอีกด้วย โดยการวิเคราะห์ความถดถอยจะแบ่งเป็น 2 ประเภท คือ

 การวิเคราะห์ความถุดถอยอย่างง่าย (simple regression analysis) เป็นการศึกษาอิทธิพล ของตัวแปรอิสระเพียง ตัวเดียวที่มีต่อตัวแปรตาม

2) การวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุ (multiple regression analysis) เป็นการศึกษาอิทธิพล ของตัวแปรอิสระตั้งแต่ สองตัวขึ้นไปที่มีต่อตัวแปรตาม

โดยลักษณะความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระกับตัวแปรตามของข้อมูลที่นำมาวิเคราะห์ ถดถอยสามารถแบ่งออกได้เป็น 2 ประเภทดังนี้

1) การถดถอยแบบเชิงเส้น (linear regression) ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระกับตัว แปรตามมีลักษณะเชิงเส้น

 การถดถอยแบบไม่เชิงเส้น (nonlinear regression) ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ กับตัวแปร ตามมีลักษณะไม่เป็นเชิงเส้น

การถดถอยแบบไม่เชิงเส้น ต่างจาก การถดถอยแบบเชิงเส้น ตรงวิธีหาค่าพารามิเตอร์ กล่าวคือ สมการเชิงเส้นโดยทั่วไป เช่น y = mx + b อาจหาผลเฉลยได้ทั้งวิธีการถดถอยแบบเชิง เส้นและการถดถอยแบบไม่เชิงเส้น ซึ่งถ้าหาผลเฉลยจากวิธีการถดถอยแบบเชิงเส้น ด้องใช้วิธีแก้ สมการสองชั้น กล่าวคือชั้นแรกทำการหาสมการเชิงอนุพันธ์ย่อยของผลรวมความคาดเคลื่อนหรือ กวามผิดพลาดไปจากค่า y ที่แท้จริงยกกำลังสอง เทียบ b ให้มีก่าเท่ากับสูนย์ และชั้นที่สองหา สมการเชิงอนุพันธ์ย่อยของผลรวมความกาดเคลื่อนหรือความผิดพลาดไปจากก่า y ที่แท้จริงยก กำลังสอง เทียบ m ให้มีก่าเท่ากับสูนย์ ซึ่งทำให้สามารถพิสูจน์ และแก้สมการสองชั้น หาก่า b และ m ได้ ซึ่งอาจกล่าวได้ว่า สามารถแก้สมการหาก่าพารามิเตอร์ตรง ๆ ได้ ก็จะเป็นการถดถอยแบบเชิง เส้น และเนื่องจากในงานวิจัยในครั้งนี้ กำหนดรูปแบบสมการที่ได้จากวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (leastsquare method) โดยมีลักษณะเป็นสมการแบบโพลิโนเมียล ซึ่งมีตัวยกกำลังคงที่ แต่การถดถอย แบบไม่เชิงเส้นนั้น จะหาผลเฉลยด้วยการวิธีก้นหา ซึ่งในปัจจุบันก็มีหลากหลายเทกนิดด้วยเช่นกัน เช่น เทคนิคของการหาค่าที่เหมาะสมที่สุด ซึ่งเป็นเครื่องมือที่มีอยู่แล้วในโปรแกรมต่าง ๆ เช่น MAPLE, MATLAB, ISML FORTRAN, KNITRO รวมไปถึง MICROSOFT EXCEL เพื่อใช้ใน การหาผลเฉลยที่ต้องการ และในงานวิจัยในครั้งนี้เลือกใช้เครื่องมือ Generalized Reduced Gradient-(GRG) nonlinear ที่มีอยู่โดยทั่วไปใน MICROSOFT EXCEL

จากที่กล่าวมาในข้างต้นจะเลือกใช้การศึกษาอิทธิพลของตัวแปรอิสระตั้งแต่ สองตัวขึ้นไป ที่มีต่อตัวแปรตามและมีความสัมพันธ์เป็นแบบเชิงเส้นโดยใช้เทคนิคถดถอยแบบไม่เชิงเส้นในการ หาผลเฉลย เรียกว่า การวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้น (multiple nonlinearregression analysis)

โดยทั่วไปเมื่อได้สมการถดถอยเชิงพหุ โดยวิธีกำลังสองน้อยที่สุดแล้ว สามารถพิจารณาได้ ว่าสมการดังกล่าวนั้นมีความเหมาะสมหรือไม่ โดยใช้สัมประสิทธิ์การตัดสินใจ (coefficient of determination) กล่าวคือ การเปลี่ยนแปลงของตัวแปรตามเป็นผลมาจากอิทธิพลของตัวแปรอิสระ มากน้อยเพียงใด สมการถดถอยที่ได้จะสามารถพยากรณ์การเปลี่ยนแปลงของตัวแปรตามได้ดี หรือไม่ ย่อมขึ้นอยู่กับค่า สัมประสิทธิ์การตัดสินใจใช้ตัวย่อว่า R² สัมประสิทธิ์การตัดสินใจ มีค่าเข้า ใกล้ 1 มากเท่าใด แสดงว่าสามารถอธิบายค่าของตัวแปรตามได้ดี เนื่องจากตัวแปรอิสระกับตัวแปร ตามมีความสัมพันธ์กันมาก แต่ถ้าเข้าใกล้ 0 แสดงว่าสมการถดถอยไม่สามารถอธิบายค่าของตัวแปร ตามได้ดีนัก อาจกล่าวได้ว่า ตัวแปรอิสระและตัวแปรตามมีความสัมพันธ์กันน้อย

้สัมประสิทธิ์การตัดสินใจสามารถกำนวณได้ดังนี้

ข้อมูลจากค่าสังเกตกำหนดให้มีค่า y และค่าประมาณของ y ซึ่งเกิดจากสมการถดถอย ($\widehat{y_l}$) \overline{y} หมายถึงข้อมูลที่ได้จากการสังเกต ตามสมการที่ 2.27

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i$$
 (2.27)

เมื่อ n คือจำนวนทั้งหมดของค่าสังเกต

ความแปรปรวนของชุดข้อมูล กล่าวคือค่าเฉลี่ยของกำลังสองของผลต่างระหว่างค่าของข้อมูลแต่ละ ค่ากับค่าเฉลี่ย (y_i – ȳ) เรียก SUM OF SQUARES และ ความแปรปรวนทั้งหมดของชุดข้อมูล เรียก TOTAL SUM OF SQUARES โดยเป็นสัดส่วนกับความแปรปรวนของกลุ่มตัวอย่างตาม สมการที่ 2.28

$$SS_{tot} = \sum_{i} (y_i - \bar{y})^2$$
 (2.28)

ความผันแปรที่สามารถอธิบายได้หรือผลบวกกำลังสองเนื่องจากการถคถอย เรียก REGRESSION SUM OF SQUARES ตามสมการที่ 2.29

$$SS_{reg} = \sum_{i} (\hat{y}_i - \bar{y})^2$$
 (2.29)

ผลรวมกำลังสองของกวามกลาดเกลื่อน เรียก RESIDUAL SUM OF SQUARES ตามสมการที่ 2.30

$$SS_{reg} = \sum_{i} (\hat{y}_i - y_i)^2$$
(2.30)

โดยส่วนใหญ่นิยามก่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจตามสมการที่ 2.31

$$R^2 \equiv 1 - \frac{SS_{reg}}{SS_{tot}} \tag{2.31}$$

บทที่ 3 การวิเคราะห์หารูปเรขาคณิตและโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุด

3.1 บทนำ

ผู้วิจัยได้ศึกษาเบื้องต้น เพื่อให้ได้ค่าที่ดีและเหมาะสมที่สุดของทรัพยากรและเครื่องมือที่ใช้ ในการศึกษา รูปเรขาคณิตและ โครงข่ายที่ใช้ในการศึกษาในครั้งนี้ กำหนดให้อุโมงค์มีลักษณะเป็น วงกลมให้อยู่ในชั้นดินที่เป็นแบบเอกพันธ์ ตลอดจนแรงที่มากระทำก็มีขนาดเท่ากันสม่ำเสมอ ดังนั้นจึงถือได้ว่าปัญหานี้มีความสมมาตร และใช้การวิเคราะห์ปัญหาเพียงครึ่งเดียว เพื่อลดเวลาใน การคำนวณ โดยใช้ Intel® Processor 3.50 GHz. ในระบบปฏิบัติการของ Windows 64 bit ในการ ประมวลผล และนี้เป็นเพียงแนวทางเบื้องด้นเท่านั้น และถ้าต้องการผลเฉลยที่ดียิ่งขึ้นกว่านี้ต้องมี การศึกษาเพิ่มต่อไปในอนาคต



3.2 หน้าตัดตามขวาง

ภาพที่ 3.1 รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามขวางในกรณี C/D=1

เนื่องจากรูปเรขาคณิตมีลักษณะเป็นอุโมงค์แบบวงกลมโดยอยู่บนเงื่อนไขของระนาบ ความเกรียดและได้ทำการวิเกราะห์ปัญหาเพียงกรึ่งเดียว เพื่อลดเวลาในการคำนวณ ดังแสดงในภาพ ที่ 3.1 โดยกำหนดให้ก่าเส้นผ่านสูนย์กลางของอุโมงก์ (D) ระยะจากผิวดินถึงดาดอุโมงก์ (C) พร้อม กับหน่วยน้ำหนักดินแบบคงที่ (γ)โดยที่ไม่มีดาดอุโมงค์รองรับ ดินเหนียวรอบ ๆ อุโมงค์ถูกจำลอง ให้มีพฤติกรรมแบบอิลาสติก-พลาสติกแบบสมบูรณ์ โดยใช้เกณฑ์การวิบัติมอร์-คูลอมบ์ กำลังรับ แรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ (s_u)ให้คงที่ตลอดความลึก โดยที่น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำ อยู่บนผิวดิน (σ_i) และ แรงดันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ (σ_i) มีค่า เท่ากันคือเท่ากับศูนย์ และให้ระยะความกว้างจากกึ่งกลางของอุโมงก์ไปจนถึงระยะใด ๆ ใน แนวราบ (wide) กับ ระยะจากด้านล่างด้านสุดของอุโมงก์ไปจนถึงระยะใด ๆ (bottom) ในแนวดิ่ง โดยทั้งหมดนี้ มีค่าเป็นตัวแปรที่ใช้คำนวณหารูปเรขาคณิตที่ดีที่สุด โดยได้ทำการศึกษาในกรณี C/D=1 ถึง C/D=5 จะเห็นได้ว่าผลลัพธ์ของตัวแปรต่าง ๆ ของรูปเรขาคณิตที่ได้ศึกษา มีค่าไม่คงที่ และขึ้นอยู่กับค่า C/D ซึ่งจำเป็นต้องมีการศึกษาในอนาคตต่อไป ในส่วนหน้าตัดตามขวางได้สรุป ค่าพารามิเตอร์ W/D และ B/D ที่ใช้วิเคราะห์ไว้ดังตารางที่ 3.1

ตารางที่ 3.1 สัดส่วนทางเรขากณิตที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์หน้าตัดตามขวาง

W/D	B/D
3.50	1.00
4.50	1.00
6.00	1.50
7.00	2.00
8.00	2.00
	W/D 3.50 4.50 6.00 7.00 8.00

เนื่องจากโครงข่ายในลักษณะต่าง ๆ นั้นมีผลกระทบโดยตรงกับความแม่นยำต่อการ วิเคราะห์และเมื่อได้เปรียบเทียบกับผลเฉลยของขอบบน-ล่าง ตามงานวิจัยของ Wilson et al. (2011) ดังนั้นจึงต้องหาลักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุด ซึ่งส่งผลต่อการเวลาในการคำนวณ โดยสรุป ลักษณะโครงข่ายต่าง ๆ ในการศึกษาหน้าตัดตามขวางไว้ในภาพที่ 3.2 และตารางที่ 3.2







C/D	Mesh type	Mesh remark	Number of elements	Number of nodes	Average element size (10 ⁻³ m)
1	Very fine all cluster	Local refinement	2,719	22,443	310.71
2	Very fine all cluster	size factor 0.25 at	2,918	24,085	392.70
3	Very fine all cluster	tunnel crown &	3,036	25,037	521.29
4	Very fine all cluster	ground surface	2,783	23,019	663.45
5	Very fine all cluster	None	1,351	10,987	1,090.00

ตารางที่ 3.2 สรุปถักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์หน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณี C/D=1-5

3.3 หน้าตัดตามยาว

ลักษณะของปัญหานี้ พิจารณารูปดัดตามยาวของแนวอุโมงค์ อยู่บนเงื่อนไขของระนาบ กวามเครียด วิเคราะห์ปัญหาเพียงครึ่งเดียวในการคำนวณ ดังแสดงในภาพที่ 3.3 โดยกำหนดให้ค่า เส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงค์ (D) ระยะจากผิวดินถึงดาดอุโมงค์ (C) พร้อมกับหน่วยน้ำหนักดิน แบบคงที่ (γ) โดยที่ไม่มีดาดอุโมงค์รองรับ ดินเหนียวรอบ ๆ อุโมงค์ถูกจำลองให้มีพฤติกรรมแบบ อิลาสติก-พลาสติกแบบสมบูรณ์ โดยใช้เกณฑ์การวิบัติมอร์-ถูลอมบ์ กำลังรับแรงเลือนแบบไม่ ระบายน้ำ (s_u)ให้คงที่ตลอดความลึก โดยที่น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดิน (σ,) และแรงคันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอ (σ,) มีค่าเท่ากันคือเท่ากับ ศูนย์ และให้ระยะด้านหน้าของอุโมงค์ไปจนถึงระยะใด ๆ ในแนวราบ (back of tunnel face, BTF) กวามยาวของอุโมงค์ (length of tunnel, LT) ในแนวราบ และระยะจากด้านล่างด้านสุดของอุโมงค์ ไปจนถึงระยะใด ๆ (bottom) ในแนวดิ่งโดยทั้งหมดนี้ มีค่าเป็นตัวแปรที่ใช้คำนวณหารูปเรขาคณิตที่ ดีที่สุด



(a)

(b)



ภาพที่ 3.3 รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามยาวในกรณี C/D=1

ในกรณีหน้าตัดตามยาวได้ทำการศึกษาในกรณี C/D=1 ถึง C/D=5 พบว่าผลเฉลยของตัว แปรต่าง ๆ ของรูปเรขาคณิตที่ได้ศึกษา มีค่าไม่คงที่และขึ้นอยู่กับค่า C/D ซึ่งจำเป็นต้องมีการศึกษา ต่อในอนาคตไป และหน้าตัดตามขวางได้สรุปค่าพารามิเตอร์ BTF/D LT/D และ B/D ที่ใช้วิเคราะห์ ไว้ในตารางที่ 3.3

C/D	BTF/D	LT/D	B/D
1	3.00	1.00	0.50
2	4.50	1.00	0.50
3	6.50	2.00	1.00
4	7.00	3.50	1.00
5	8.50	5.00	1.50

ตารางที่ 3.3 สัคส่วนทางเรขาคณิตที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์หน้าตัดตามยาว

เนื่องจากลักษณะ โครงข่ายมีผลกระทบ โดยตรงกับความแม่นยำของการวิเคราะห์อย่างมี นัยสำคัญ รวมถึงมีผลต่อเวลาในการคำนวณ จึงต้องหาลักษณะของ โครงข่ายที่เหมาะสมที่สุดของ หน้าตัดตามยาว กรณี C/D=1 ได้แสดงลักษณะของ โครงข่ายในลักษณะต่าง ๆ ไว้ในภาพที่ 3.4-3.5



ภาพที่ 3.4 ลักษณะของ Cap ที่ใช้ในการคำนวณ FEM แบบ 2DL เพื่อหาลักษณะของโครงข่ายที่ เหมาะสมที่สุดสำหรับกรณี C/D=1





ภาพที่ 3.5 การวิเคราะห์ลักษณะของโครงข่ายต่าง ๆ เพื่อหาลักษณะที่เหมาะสมที่สุดสำหรับกรณี หน้าตัดตามยาว

โครงข่ายในลักษณะต่าง ๆ นั้นมีผลกระทบโดยตรงกับความแม่นยำของการวิเคราะห์และ เมื่อได้เปรียบเทียบกับผลเฉลยของขอบเขตบน-ล่างตามงานวิจัยของ Augarde at el. (2003) ดังนั้นจึง ต้องหาลักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุด ซึ่งส่งผลต่อการใช้เวลาในการกำนวณ โดยสรุป ลักษณะโครงข่ายต่าง ๆ ในการศึกษาหน้าตัดตามยาวไว้ในตารางที่ 3.4

C/D	Mesh type	Mesh remark	Number of elements	Number of nodes	Average element size (10 ⁻³ m)
1	Very fine all cluster		2,937	23,691	291.75
2	Very fine all cluster	Follow picture	2,866	23,117	409.78
3	Very fine all cluster		2,516	20,317	649.84
4	Very fine all cluster		2,287	18,479	829.86
5	Very fine all cluster		2,378	19,213	1,030.00

ตารางที่ 3.4 สรุปลักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์หน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณี C/D=1-5

3.4 แบบ 3 มิติ

เพื่อความสมบูรณ์ในการวิเคราะห์ในปัญหานี้ ผู้วิจัยต้องวิเคราะห์ในลักษณะแบบ 3 มิติ ซึ่ง มีความจำเป็นอย่างยิ่งในการหารูปทรงเรขาคณิตและ โครงข่ายที่เหมาะสม มีหลายงานวิจัยได้ แนะนำไว้ เช่น Möller (2006) และ Ruse (2004) แต่เนื่องจากรูปทรงเรขาคณิตที่และ โครงข่ายมีผล ต่อความถูกต้องของผลเฉลยรวมถึงเวลาที่ใช้ในการคำนวณ ผู้วิจัยต้องปรับปรุงให้เหมาะสมกับ เครื่องมือและทรัพยากร รวมถึงความถูกต้องแม่นยำที่ต้องการ พิจารณารูปตัดตามขวางร่วมกับหน้า ตัดตามยาวของแนวอุโมงค์ ให้อยู่ในระบบ 3 มิติ ปัญหาดังกล่าวถือว่ามีความสมมาตร เนื่องจาก ปัญหามีความสมมาตรทั้งรูปร่างและหน่วยแรงกระทำ จึงใช้การวิเคราะห์ปัญหาเพียงครึ่งเดียว ให้ ดาดอุโมงก์เป็นแบบแข็งเกร็ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบขรุขระสมบูรณ์ตลอดทั้งแนวความยาว ของอุโมงก์ ดังแสดงในภาพที่ 3.6 กำหนดให้ก่าเส้นผ่านสูนย์กลางของอุโมงก์ (D) ระขะจากผิวดิน ถึงดาดอุโมงก์ (C) พร้อมกับหน่วยน้ำหนักดินแบบคงที่ (γ) ดินเหนียวรอบ ๆ อุโมงก์ถูกจำลองให้มี พฤติกรรมแบบอิลาสติก-พลาสติกแบบสมบูรณ์ โดยใช้เกณฑ์การวิบัติมอร์-ดูลอมบ์ กำลังรับแรง เฉือนแบบไม่ระบายน้ำ (s_{แต})ให้คงที่ตลอดความลึก โดยที่น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่ บนผิวดิน (σ,) และ แรงดันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ เท่ากันคือเท่ากับศูนย์ ให้ระยะความกว้างจากกึ่งกลางของอุโมงค์ไปจนถึงระยะใด ๆ ในแนวแกน x (wide) ระยะจากด้านล่างด้านสุดของอุโมงค์ไปจนถึงระยะใด ๆ (bottom) ในแนวแกน y ระยะ ด้านหน้าของอุโมงค์ไปจนถึงระยะใด ๆ ในแนวแกน z (back of tunnel face, BTF) และให้ความยาว ของอุโมงค์ (length of tunnel, LT) ในแนวแกน z โดยทั้งหมดนี้ มีค่าเป็นตัวแปรที่ใช้คำนวณหา รูปทรงเรขาคณิตที่ดีที่สุด สำหรับในกรณี C/D=1 แสดงไว้ในภาพที่ 3.6





(b)



(c)



ภาพที่ 3.6 รูปทรงเรงาคณิตแบบ 3 มิติ ในกรณี C/D=1

สำหรับแบบ 3 มิติ ได้ศึกษาในกรณี C/D=1 ถึง C/D=5 พบว่าผลเฉลยของตัวแปรต่าง ๆ ของรูปเรขาคณิตที่ได้ศึกษามีค่าไม่คงที่และขึ้นอยู่กับค่า C/D ซึ่งต้องมีการศึกษาต่อในอนาคตและ ได้สรุปค่าพารามิเตอร์ W/D, B/D, BTF/D และ LT/D ที่ใช้วิเคราะห์หารูปทรงเรขาคณิตที่เหมาะสม ที่สุดไว้ดังตารางที่ 3.5

ตารางที่ 3.5 สัคส่วนทางเรขาคณิตที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบ 3 มิติ

C/D	W/D	B/D	BTF/D	LT/D
1	2.0	0.5	3.0	2.0
2	3.0	0.5	4.0	2.0
3	4.0	0.5	5.0	2.0
4	5.0	1.0	7.0	4.0
5	6.0	1.0	9.0	5.0

สำหรับปัญญาแบบ 3 มิติ ลักษณะและขนาดของโครงข่ายมีผลกระทบโดยตรงกับความ แม่นยำของการวิเคราะห์ปัญหานี้อย่างมีนัยสำคัญรวมถึงผลต่อการใช้เวลาในการคำนวณ พิจารณา ปรับความละเอียดของโครงข่ายบริเวณใกล้กับด้านหน้าของอุโมงค์ เพราะเน้นไปที่การศึกษา เสถียรภาพบริเวณ ด้านหน้าของอุโมงค์ เพื่อไม่ทำให้เกิดเวลาในการคำนวณในการวิเคราะห์มาก จนเกินไป จำเป็นต้องหาลักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุดดังภาพที่ 3.7











ภาพที่ 3.7 การวิเคราะห์ลักษณะของโครงข่ายต่าง ๆ เพื่อหาลักษณะที่เหมาะสมที่สุดสำหรับกรณี แบบ 3 มิติ

พบว่าขนาดของโครงข่ายในลักษณะต่าง ๆ นั้นมีผลกระทบโดยตรงกับความแม่นยำของ การวิเคราะห์และส่งผลต่อเวลาในการคำนวณเป็นอย่างยิ่ง โดยเฉพาะเมื่อมีการปรับระดับความ ละเอียดของโครงข่ายบริเวณด้านหน้าอุโมงค์ เมื่อได้เปรียบเทียบผลเฉลยของอัตราส่วนของความมี เสถียรภาพ (N) กับงานวิจัยในอดีตที่ใช้วิธีวิเคราะห์ พบว่ามีความสอดคล้องกันเป็นอย่างดีและมี แนวโน้มที่ดีกว่าไว้ในงานวิจัยของ Kongkit Yingchaloenkitkhajorn and Boonchai- Ukritchon (2012) ได้สรุปลักษณะโครงข่ายต่าง ๆ ที่ใช้ในการศึกษาแบบ 3 มิติ ไว้ในตารางที่ 3.6

ตารางที่ 3.6 สรุปลักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบ 3 มิต สำหรับกรณี C/D=1-5

C/D	Mesh type	Mesh remark	Number of elements	Number of nodes	Average element size (10^{-3} m)	CPU Times (Hour)
1	Coarse all cluster		18,522	53,517	82.15	4
2	Coarse all cluster		18,459	50,776	119.25	4
3	Coarse all cluster	Follow picture	16,021	43,762	169.86	4
4	Coarse all cluster	5.7	15,141	42,071	222.56	4
5	Coarse all cluster		17,613	48,831	244.16	4

C/D	Plane A	Sub plane	Sub plane Sub plane Mesh me	Mesh method	Front plane
	(m)	(character)	(B to Last)	increase	(m)
1	15	B-AO	14.75-5.0	0.25 All increase	25
2	20	B-BE	19.75-6.0	0.25 All increase	30
3	25	B-AF	24.50-9.5	0.50 All increase	35
4	35	B-AF	24.50-9.5	0.50 All increase	55
5	45	B-AU	44.50-22.0	0.50 All increase	70

ตารางที่ 3.6 (ต่อ) สรุปลักษณะของโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุดที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบ 3 มิต สำหรับกรณี C/D=1-5

(1	b)
``	

บทที่ 4 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 2 มิติ

4.1 บทนำ

การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำ พิจารณาใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์ ในการศึกษา บนเงื่อนไขของระนาบความเครียด ผู้วิจัยได้เลือกใช้ PLAXIS 2D เป็นซอฟแวร์ไฟ-ในต์อิลิเมนต์ที่ถูกพัฒนาขึ้นเพื่อวิเคราะห์ในงานวิศวกรรมธรณีเทคนิค และยังเป็นที่นิยมใช้กันมาก ในงานวิศวกรรมธรณีเทคนิค

1) Input

รูปเรขาคณิตของแบบจำลองแบบ 2 มิติ

การสร้างรูปเรขาคณิตของแบบจำลองแบบ 2 มิติ ได้พิจารณาศึกษาเบื้องต้นและเพื่อให้ได้ขนาดที่ เหมาะสมกับเครื่องมือและเวลาที่ใช้ในการกำนวณ โดยสร้างใน 2 รูปแบบด้วยกันคือ 1) แบบรูปตัด ตามขวาง 2) แบบรูปตัดตามยาว โดยการป้อนก่าเป็นจุด (point) และเป็นเส้น (line) สำหรับรูปร่าง เรขากณิตของแบบจำลองของดิน

แบบจำลองดินแบบไม่ระบายน้ำ

บุญชัย อุกฤษฎชน (2550) ได้แนะนำ "แบบจำลองดินมอร์-คูลอมบ์ ที่ใช้ในซอฟแวร์ไฟ-ในต์อิลิเมนต์ PLAXIS 2D มีพารามิเตอร์ที่ใช้ในการอธิบายคุณสมบัติความเก้น–ความเกรียด ของ กำลังของดินทั้งหมด 5 พารามิเตอร์กือ

E : ยังโมดูลัส (Young's Modulus)

v: อัตราส่วนปัวส์ซอง (Poisson's Ratio)

φ: มุมเสียดทานของดิน (Friction Angle)

c : ความเชื่อมแน่น (Cohesion)

ψ: มุมขยายตัวเชิงปริมาตร (Dilatancy Angle)

พารามิเตอร์ E และ v อธิบายถึงความแข็งของคินและการเปลี่ยนแปลงปริมาตรของคินในสภาพ ยืดหยุ่น พารามิเตอร์ c และ φ อธิบายถึงกำลังเฉือนของคินในสภาพวิบัติ และพารามิเตอร์ ψ อธิบาย ถึงการเปลี่ยนแปลงปริมาตรของคินในสภาพพลาสติก

ในปัญหานี้จะพิจารณาการวิเคราะห์แบบระยะเวลาสั้น (short term analysis) การวิเคราะห์ดิน เหนียวนั้น จะเป็นแบบไม่ระบายน้ำ เนื่องจากความดันน้ำส่วนเกินในช่องว่างของดินเหนียวที่ เกิดขึ้นจากแรงกระทำภายนอกไม่สามารถระบายออกจากช่องว่างของดินภายในเวลาสั้นที่พิจารณา ดังนั้นการวิเคราะห์ดินเหนียวในลักษณะเช่นนี้จึงเป็นแบบไม่ระบายน้ำ PLAXIS 2D มีแบบจำลอง ดินมอร์-กูลอมบ์แบบไม่ระบายน้ำ 3 แบบคือ

- 1) แบบไม่ระบายน้ำ-หน่วยแรงประสิทธิผล (undrained-effective stress, UE)
- 2) แบบไม่ระบายน้ำ-หน่วยแรงทั้งหมด (undrained-total stress, UT)
- แบบไม่ระบายน้ำ-หน่วยแรงทั้งหมด-ไม่มีช่องว่าง (undrained-total stress -non porous, UTNP)

โดยผู้วิจัยเลือกใช้แบบจำลองดินมอร์-กูลอมบ์แบบไม่ระบายน้ำ-หน่วยแรงทั้งหมด ในการ วิเคราะห์ในเงื่อนไขของสภาพดินที่เป็นดินเหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ ส่วน เงื่อนไขที่มีสภาพชั้นดินเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร กรณีที่สภาพชั้นดินนั้น ๆ มีดินประเภทที่ไม่มี แรงยึดเหนียว (cohesionless soil) เช่นดินทราย พิจารณาวิเคราะห์เป็นแบบระบายน้ำ-หน่วยแรง ประสิทธิผล (drained-effective stress, DE)"

บุญชัย อุกฤษฏชน (2550) ได้แนะนำ "การวิเคราะห์ไม่ระบายน้ำแบบ UT ความดันน้ำใน สภาพคงที่และความดันน้ำส่วนเกินในช่องว่างที่เกิดจากแรงภายนอกถูกนำมาพิจารณาในการ คำนวณของไฟไนต์อิลิเมนต์กล่าวคือ PLAXIS 2D นำค่าโมดูลัสเชิงปริมาตรของน้ำ (water bulk modulus) บวกเพิ่มเข้าไปกับโมดูลัสเชิงปริมาตรของดิน (soil bulk modulus) โดยอัตโนมัติ เพื่อ นำไปคำนวณความดันน้ำส่วนเกินในช่องว่าง เนื่องจาก PLAXIS 2D ใช้ค่าโมดูลัสเชิงปริมาตรของ น้ำไม่สูงมาก อัตราส่วนปัวส์ซองแบบระบายน้ำ (drained effective poisson, v') ด้องใช้ค่าไม่เกิน 0.35 มิฉะนั้นทำให้เกิดปัญหาเชิงตัวเลขในการแก้สมการเชิงเส้นของไฟไนต์อิลิเมนต์

"สำหรับมอร์-กูลอมบ์แบบ UT พารามิเตอร์ E, ν ต้องอยู่ในรูปของหน่วยแรงประสิทธิผล และพารามิเตอร์ φ, c, ψ ต้องอยู่ในรูปของหน่วยแรงทั้งหมด ดังนั้น พารามิเตอร์ทั้ง 5 ตัวของมอร์-กู ลอมบ์แบบ UT คือ E', v', φ_u, c_u, ψ_uโดยที่เครื่องหมาย โดยที่ ตัวห้อย u หมายถึง พารามิเตอร์แบบ ไม่ระบายน้ำ (undrained total parameter)"

เนื่องจากปัญหานี้ถูกกำหนดให้อยู่ในเงื่อนไขของสภาพดินมีความเชื่อมแน่นแต่เพียงอย่าง เดียว (Purely Cohesive Soil) เพราะฉะนั้นพารามิเตอร์กำลังเฉือนของดินแบบไม่ระบายน้ำซึ่งใช้กับ แบบจำลอง UT จึงอยู่บนหลักการของ φ_u =0 และ c= c_u = s_u = ค่ากำลังรับเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ (undrained shear strength)"

ผู้วิจัยต้องการให้ผลเฉลยที่ได้นั้นมีความสอดคล้องกับคำตอบของวิธีวิเคราะห์ลิมิต กล่าวคือ การคำนวนความเครียดพลาสติกได้จากกฎการไหลแบบสอดคล้อง (associated flow rule) และตั้งฉากกับพื้นผิวคราก (normality condition) และการเปลี่ยนแปลงรูปร่างของมวลดินขณะเกิด การวิบัติจะมีค่าน้อยมาก ทำให้ใช้หลักการงานเสมือน (principal of virtual work) ได้ ดังนั้น ปริมาตรของดินเหนียวจะต้องไม่เปลี่ยนแปลงในการวิเคราะห์แบบไม่ระบายน้ำ พารามิเตอร์ ψ'= ψ_u = ψ = 0

พารามิเตอร์ E' สามารถคำนวณกลับจากพารามิเตอร์ E ู โดยใช้กวามสัมพันธ์ในสมการที่ 4.1 ดังนี้

$$E' = \frac{2(1+\nu')}{3}E_u \tag{4.1}$$

เงื่อนไขขอบเขตและน้ำหนัก

เครื่องมือแบบ standard fixity ถูกใช้ในการจำถองในการสร้างขอบเขต ซึ่งเงื่อนไขขอบเขต ทั้งหลายได้ถูกสร้างไว้ดังนี้

- รูปร่างทางเรขาคณิตแบบเส้นในแนวดิ่ง ในแนวแกน x จะเท่ากับค่าต่ำสุด หรือ สูงสุด ใน แนวแกน x ในแบบจำลองได้จากการยึดแนวราบให้อยู่กับที่ u_x = 0
- 2) รูปร่างทางเรขาคณิตแบบเส้นในแนวราบ ในแนวแกน y จะเท่ากับค่าในแนวแกน y ใน แบบจำลองซึ่งได้จากการยึดติดแน่นทั้งหมดอยู่กับที่ $u_x = u_y = 0$

สำหรับน้ำหนักที่กระทำอยู่บนพื้นผิวของแบบจำลองให้เป็นแบบตั้งฉากกับพื้นผิวแบบ สม่ำเสมอตลอดแนวของขอบเขตของแบบจำลอง และแรงคันด้านหน้าที่กระทำอยู่ภายในอุโมงก์ให้ ตั้งฉากกับดาดอุโมงก์และด้านหน้าของอุโมงก์ทั้งในกรณีหน้าตัดตามขวางและหน้าตัดตามยาว

การสร้างโครงข่าย

การกำนวณทางไฟในต์อิลิเมนต์โดยรูปเรขาคณิตกระจายอยู่ในชิ้นส่วนของอิลิเมนต์ โดย ส่วนประกอบของไฟในต์อิลิเมนต์นี้ ผู้วิจัยเรียกว่า ไฟในต์อิลิเมนต์เมช (finite element mesh) เมื่อ ให้การนิยามรูปแบบทั้งหมดทั้งหน้าตัดตามขวางหรือหน้าตัดตามยาว โดยการบันทึกก่าคุณลักษณะ ของวัสดุไว้ใน cluster, structure และ object ใช้การสร้างอิลิเมนต์ แบบ 15-node wedge elements โดยหลักพื้นฐานซอฟแวร์จะสร้างโครงข่ายรูปสามเหลี่ยมแบบหยาบก่อน ซึ่งสามารถปรับความ ละเอียดโครงข่ายได้ การสร้างโครงข่ายมีผลต่อความแม่นยำต่อผลเฉลยที่ได้จากวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ อย่างมีนัยสำคัญ

เงื่อนไขของน้ำ

ซอฟแวร์ PLAXIS 2D โดยทั่วไปแล้ว เมื่อพิจารณาวิเคราะห์การเสียรูป ซึ่งต้องหาค่าความ ถูกต้องของแรงประสิทธิพล และเป็นสิ่งสำคัญ เส้นของระคับน้ำใต้คิน (phreatic line) จะถูกใช้ใน การคำนวณแรงคันน้ำในแบบจำลอง ในการวิจัยนี้กำหนดให้ระคับน้ำใต้คินอยู่ต่ำมาก ทั้งในกรณี เงื่อนไขสภาพของชั้นคินเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ โคยจะไม่ให้แรงคันน้ำ (pore water pressure) มีผลต่อแบบจำลอง สำหรับการพิจารณาสภาพชั้นคินกรุงเทพมหานครจะพิจารณาระคับน้ำตามจริง

การกำหนดค่าเริ่มต้นของรูปร่างทางเรขาคณิตและสนามความเค้นประสิทธิพล

ซอฟแวร์ PLAXIS 2D คำเนินการให้แบบอัตโนมัติโดยการยกเลิกการใช้งานทั้งหมดของ load, structure object ในการกำหนดค่าเริ่มต้นของรูปเรขาคณิตเพราะว่า โดยทั่วไปแล้ว object เหล่านี้จะถูกเปิดใช้งานในขั้นตอนต่อไป และยังไม่แสดงในตอนเหตุการณ์เริ่มต้น การกำหนดรูป เรขาคณิตเบื้องต้นจะถูกเปิดใช้งานเพื่อยกเลิกชิ้นส่วนของรูปเรขาคณิตที่ไม่ต้องการให้มีผลในตอน เหตุการณ์เริ่มต้น นอกจากนี้ยังสามารถสร้างค่าสัมประสิทธิ์แรงดันด้านข้างแบบสถิต (K₀) แบบ อัตโนมัติเข้าไปในแบบจำลองได้อีกด้วย ขั้นตอนการสร้างค่า K₀ สำหรับความเค้นเริ่มต้นนั้นจะ ไม่ได้ใช้น้ำหนักภายนอกและน้ำหนักของชิ้นส่วนที่มีอยู่มากระทำ PLAXIS 2D ความเค้นเริ่มต้น สามารถสร้างได้ทั้ง 2 แบบคือ ค่าสัมประสิทธิ์แรงดันด้านข้างแบบสถิต (K₀) โดยเฉพาะและใช้ น้ำหนักจากแรงโน้มถ่วงของโลก (gravity loading)

2) Calculation

กระบวนการคำนวณแบบพลาสติก (plastic) ได้ถูกเลือกใช้ในการคำนวณแบบ 2 มิติ เพื่อใช้ ในการวิเคราะห์หาการเสียรูปแบบอิลาสติก-พลาสติกของแบบจำลอง ขั้นตอนที่น้ำหนักค่อยๆ เพิ่มขึ้นจนถึงระดับสูงสุดและจะทำการยุติการคำนวณเมื่อน้ำหนักวิบัติ ได้ไปถึงจุดวิบัติแล้ว

กระบวนการคำนวณเพื่อหาอัตราส่วนความปลอคภัย (FS) หรือ safety factor ใน PLAXIS 2D มีหลักการที่เรียกว่า หลักการลดทอนกำลังถูกนำเสนอโดย Brinkgreve and Bakker (1991) เป็น เครื่องมือที่อยู่ใน PLAXIS สามารถใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพของการก่อสร้างได้โดยตรงจากวิธี ไฟไนต์อิลิเมนต์

3) Out Put

ผลลัพธ์ที่ต้องการจากการซอฟแวร์ PLAXIS 2D คือค่าอัตราส่วนความปลอดภัย เพื่อที่จะนำค่านี้ ไปพัฒนากราฟช่วยออกแบบต่อไป และรูปแบบการวิบัติเพื่อนำมาประกอบการพิจารณาค่าความ ถูกต้องของอัตราส่วนความปลอดภัยที่เกอดขึ้น เช่น การเสียรูปของมวลดิน, ทิศทางการเคลื่อนตัว ทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์, ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี และ ความเกรียดเฉือนทั้งหมดที่เพิ่มขึ้น เป็นต้น

4.2 หน้าตัดตามขวาง

พิจารณาเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำของอุโมงก์ในหน้าตัดตามขวางบนเงื่อนไขของ ระนาบความเครียด พิจารณาสภาพดินให้อยู่ใน 3 เงื่อนไขประกอบด้วย 1) ในเงื่อนไขของสภาพดิน ที่เป็นดินเหนียวมีลักษณะเป็นเอกพันธ์โดยที่กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดทั้งความ ลึก 2) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์โดยค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำงดิน เพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น 3) ในเงื่อนไขของสภาพเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร

โดยทั้งหมดนี้ กำหนดให้เส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงค์ (D) ระยะจากผิวดินถึงดาดอุโมงค์ (C) หน่วยน้ำหนักดินแบบคงที่ (γ)โดยที่น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดิน (σ_,) และ แรงดันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอ (σ_,) ทำการศึกษาตั้งแต่กรณี C/D=1 ถึง C/D=5

4.2.1 กรณีชั้นดินเหนียวเป็นแบบเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์



ภาพที่ 4.1 รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามขวางและกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอด ความลึก พิจารณาวิเคราะห์เสเถียรภาพค้านหน้าของอุโมงค์แบบหน้าตัดตามขวางไม่มีคาคอุโมงค์มารองรับ ทั้งเงื่อนไขสภาพคินเหนียวที่เป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ คังแสคงในภาพที่ 4.1-4.2 ตามลำคับ และนำผลเฉลยที่ได้ไปเปรียบเทียบกับงานวิจัยอื่น ๆ ในการตรวจสอบความถูกต้องต่อไป



Depth, z

ภาพที่ 4.2 รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามขวางและกำลังรับแรงเถือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตาม ความลึกแบบเชิงเส้น

สำหรับเงือนไขขอบและการให้นำหนักจะพิจารณาคังนี้ 1) เงื่อนไขขอบพิจารณาตามภาพที่ 4.3



ภาพที่ 4.3 เงื่อนไขขอบที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง

 เงื่อนไขการให้แรงพิจารณาตามภาพที่ 4.4 โดยภาพที่ 4.4(a) แสดงถึงเงื่อนไขของการให้แรงที่ เกิดทั้งหมดที่จากปัญหานี้ ภาพที่ 4.4(b) แสดงถึงลักษณะของแรงดันบริเวณด้านหน้าที่กระทำ กับอุโมงก์แบบสม่ำเสมอในลักษณะของหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 4.4 เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง

พิจารณาใช้แบบจำลองดินมอร์-กูลอมบ์ในการวิเคราะห์ กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำให้คงที่ ตลอดกวามลึก และได้ทำการสรุปค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเคราะห์ในเงื่อนไขสภาพชั้นดิน เอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ไว้ดังตารางที่ 4.1-4.2 ตามลำดับ

ตารางที่ 4.1 ก่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเกราะห์เสถียรภาพในกรณีชั้นดินเหนียวแบบเป็นเอก พันธ์

Parameter	Name	Value	Unit
Material model	Mohr-Coulomb	-	-
Material type	Undrained-Effective	-	-
Unit weight	γ	16	kN/m ³
Young's modulus	E _u	300s _u	kPa
Poisson's ratio	ν	0.35	-
Cohesion	c=s _{u0}	100	kPa
Friction angle	φ	0	deg.
Dilation angle	Ψ	0	deg.
Initial stress	K ₀ -condition	1	-

ตารางที่ 4.2 ค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพในกรณีชั้นดินเหนียวแบบไม่เป็น เอกพันธ์

Parameter	Name	Value	Unit
Material model	Mohr-Coulomb	-	-
Material type	Undrained-Effective	-	-
Unit weight	γ	16	kN/m ³
Young's modulus	E _u	300s _u	kPa
Poisson's ratio	ν	0.35	-
Cohesion	c=s _{0u}	100	kPa
C _{increment}	$c = \rho_i$	5-20	kPa
E _{increment}	$E_{inc} = 300(\rho)_{i}$	1,500-6,000	kPa
Friction angle	ф	0	deg.
Dilation angle	Ψ	0	deg.
Initial stress	K ₀ -condition	1	-

ในการวิเคราะห์ปัญหาเสถียรด้านหน้าของอุโมงก์ในหน้าตัดตามขวาง โดยใช้ PLAXIS 2D ได้ พิจารณาจำลองลำดับขั้นตอนของการก่อสร้างซึ่งเป็นเครื่องมือที่มีอยู่ใน ซอฟแวร์อยู่แล้ว โดยได้ แบ่งขั้นตอนของการกำนวณดังนี้

สำหรับกรณีที่

น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดินเท่ากับศูนย์และแรงคันภายในที่กระทำบริเวณ ด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอนั้นเพิ่มขึ้น (σ,=0, σ,=increase)

ขั้นตอนที่1: สถานะที่เกิดความสมคุลทั้งระบบ (equilibrium staged) โดยยังไม่มีการขุดเจาะอุโมงก์ ขั้นตอนที่2: ทำการเจาะอุโมงก์ โดยการเอาดินในอุโมงก์ออกเท่ากับขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของ อุโมงก์

ขั้นตอนที่3: จำลองพฤติกรรมของแรงคันภายในอุโมงค์โคยให้กระทำอยู่บริเวณค้านของอุโมงค์ แบบสม่ำเสมอ

ขั้นตอนที่4:ใช้กระบวนการกำนวณเพื่อหาอัตราส่วนกวามปลอดภัยใน PLAXIS

สำหรับกรณีที่

น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดินนั้นเพิ่มขึ้นและแรงดันภายในที่กระทำบริเวณ ด้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอเท่ากับศูนย์ (σ_s= increase, σ_t=0) ขั้นตอนที่1: สถานะที่เกิดความสมดุลทั้งระบบโดยยังไม่มีการขุดเจาะอุโมงค์ ขั้นตอนที่2: จำลองพฤติกรรมของน้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดิน ขั้นตอนที่3: ทำการเจาะอุโมงค์ โดยการเอาดินในอุโมงค์ออกเท่ากับขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของ อุโมงค์ ขั้นตอนที่4:ใช้กระบวนการคำนวณเพื่อหาอัตราส่วนความปลอดภัยใน PLAXIS

ขนดอนท4: เชกระบวนการกานวณเพอหาอตราสวนความบลอดภย เน PLAXIS โดยจะทำการวิเคราะห์หาอัตราส่วนปลอดภัยไปจนกระทั้งถึง FS(γD/s_{u0})=0-5 ในทุกกรณี กล่าวคือ ตั้งแต่ C/D=1 ถึง C/D=5 และสำหรับกรณีที่เงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์จะทำการ วิเคราะห์ ρD/s_{u0}=0.25 ถึง ρD/s_{u0}=1.00 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25

4.3 หน้าตัดตามยาว

พิจารณาเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำของอุโมงค์ในหน้าตัดตามยาว บนเงื่อนไขของระนาบ กวามเกรียด พิจารณาสภาพดินให้อยู่ใน 3 เงื่อนไขประกอบด้วย 1) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่เป็น ดินเหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ์โดยที่กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดทั้งความลึก 2) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์โดยค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดินเพิ่มขึ้น ตามความลึกแบบเชิงเส้น 3) ในเงื่อนไขของสภาพเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร และใช้พารามิเตอร์ ต่าง ๆ เช่นเดียวกับหน้าตัดตามขวาง ทำการศึกษาตั้งแต่กรณี C/D=1 ถึง C/D=5



4.3.1 กรณีชั้นดินเหนียวเป็นแบบเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์

ภาพที่ 4.5 รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามยาวและกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอด ความลึก

เช่นเดียวกับการวิเคราะห์เสเถียรภาพด้านหน้าของอุโมงก์แบบหน้าตัดตามขวางจะไม่พิจารณาให้มี ดาดอุโมงก์มารองรับ ทั้งเงื่อนไขสภาพดินเหนียวที่เป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ ดังแสดงใน ภาพที่ 4.5-4.6 ตามลำดับ นำผลเฉลยที่ได้ไปเปรียบเทียบกับงานวิจัยอื่น ๆ ในการตรวจสอบความ ถูกต้องต่อไป



ภาพที่ 4.6 รูปเรขาคณิตแบบหน้าตัดตามยาวและกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตาม ความลึกแบบเชิงเส้น

สำหรับเงือนไขขอบและการให้นำหนักจะพิจารณาดังนี้

3) เงื่อนใบบอบพิจารณาตามภาพที่ 4.7



ภาพที่ 4.7 เงื่อนไขขอบที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว
4) เงื่อนใงการให้แรงพิจารณาตามภาพที่ 4.8 โดยภาพที่ 4.8(a) แสดงถึงเงื่อนใขของการให้แรงที่ เกิดทั้งหมดที่จากปัญหานี้ ภาพที่ 4.8(b) แสดงถึงลักษณะของแรงดันบริเวณด้านหน้าที่กระทำ กับอุโมงค์แบบสม่ำเสมอในลักษณะของหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 4.8 เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว

พิจารณาใช้แบบจำลองดินมอร์-คูลอมบ์ในการวิเคราะห์ และค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ เหมือนกับที่ใช้ในการวิเคราะห์ในเงื่อนไขสภาพชั้นดินเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ดังตารางที่ 4.1-4.2 ตามลำคับ

การวิเคราะห์ปัญหาเสถียรด้านหน้าของอุโมงก์ในหน้าตัดตามยาว โดยใช้ PLAXIS 2D ได้ พิจารณาจำลองลำดับขั้นตอนของการก่อสร้างซึ่งเหมือนกับหน้าตัดตามขวาง

พิจารณาวิเคราะห์หาอัตราส่วนปลอดภัยไปจนกระทั้งถึง FS(γD/s_{u0})=0-5 ในทุกกรณี กล่าวคือตั้งแต่ C/D=1 ถึง C/D=5 และสำหรับกรณีที่เงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์จะทำ การวิเคราะห์ ρD/s_{u0}=0.25 ถึง ρD/s_{u0}=1.00 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25 ซึ่งหลักการวิเคราะห์หา อัตราส่วนปลอดภัยนี้มีเหมือนกับหน้าตัดตามขวางทุกประการ

4.3 กรณีเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร

การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าของอุโมงค์ของหน้าตัดตามขวางและตามยาว พิจารณาให้ อยู่ในเงื่อนไขของสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร ของโครงการรถไฟฟ้ามหานคร (MRTA) ตาม งานวิจัยของ Chanaton Surarak (2010) โดยได้ศึกษาทั้งหมด 4 เงื่อนไขของสภาพชั้นดินต่าง ๆ ตาม แสดงดังภาพที่ 4.9-4.12 ซึ่งมีลักษณะเป็นอุโมงค์กู่ขนาน โดยมีเส้นผ่านศูนย์กลางถึงดาดอุโมงค์ ภายนอกเท่า 6.3 เมตร ผู้วิจัยมีความประสงค์ต้องการวิเคราะห์เสถียรภาพในอุโมงค์เดี่ยวเพื่อให้ สอดกล้องกับงานวิจัยทั้งกรณีเงื่อนไขของสภาพดินเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ตามลำคับ และ สำหรับน้ำหนักบรรทุกบนผิวดินรวมกับน้ำหนักจราจร (surcharge load +traffic load) กำหนดให้ คงที่ตลอดทุกหน้าตัดเท่ากับ 23 kPa ตามงานวิจัยของ ชลธิชา บุญส่ง (2544)



ภาพที่ 4.9 หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด 26-001 (รัชดา ถึง ลาดพร้าว)



ภาพที่ 4.10 หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด 23-001 (เตรียมร่วมมิตร ถึงประชา ราษฎร์บำเพ็ญ)



ภาพที่ 4.11 หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด CS-8 (เพชรบุรี ถึงพระราม 9)



ภาพที่ 4.12 หน้าตัดของดินสำหรับหน้าตัด 7C (สุขมวิท ถึงเพชรบุรี)

พิจารณาใช้แบบจำลองคินมอร์-คูลอมบ์ ในการวิเคราะห์เพื่อให้สอดคล้องกับงานวิจัยทั้ง กรณีที่มีเงื่อนไขของสภาพคินเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ตามลำคับและเป็นของโครงการ รถไฟฟ้ามหานคร (MRTA) ตามงานวิจัยของ Chanaton Surarak (2010) โดยสรุปค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีชั้นคินกรุงเทพมหานครไว้คังตารางที่ 4.3-4.4

Soil φ′ \mathbf{c}' E_u $\mathbf{E'}$ analysis γ S_u v E_u/s_u (kN/m^3) degrees (kPa) (kPa) (kPa) (kPa) type type MG 18 25 10,800 0.30 1 --D -BSC 16.5 500 15,000 13,333 0.35 UD _ -30 MC 17.5 _ 500 27,500 24,444 0.35 UD -55 FSC 19.5 80 500 40,000 35,556 0.35 UD --SSC 20 -120 600 72,000 64,000 0.35 UD _ HC 20 170 600 102,000 90,667 0.35 UD _ _ DS 20 _ 110,000 0.30 D 27 1 _ _

ตารางที่ 4.3 ค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในแบบจำลองคินมอร์-คูลอมบ์ในการวิเคราะห์เสถียรภาพใน กรณีชั้นดินกรุงเทพมหานคร

*Remark:MG=made ground, BSC=bangkok soft clay, MC=medium clay, FSC=first stiff clay, SSC=second stiff clay, HC=hard caly, DS=dense sand, D=drained effective stress analysis, UD= Udrained total stress analysis

ตารางที่ 4.4 ค่าพารามิเตอร์แรงต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพในกรณีชั้นคิน กรุงเทพมหานคร

S. (Face pressure	surcharge load +traffic load		
Section	(σ_t) kPa	(σ_s) kPa		
26-001	130-180			
23-001	40-80	22		
CS-8	150-200	23		
7C	50-150			

พิจารณาพฤติกรรมของสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร ให้อยู่ในเงื่อนไขของสภาพดินที่เป็น ดินเหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ์โดยกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบ เชิงเส้น เพื่อให้สอดกล้องกับผลเฉลยเชิงตัวเลข โดยมีตัวอย่างการกำนวณดังนี้

 ${\rm s_{u_{aver}}} = \frac{(4.2 \times 1) + (30 \times 14) + (80 \times 9) + (220.88 \times 1.8)}{1 + 14 + 9 + 1.8} \cong 59.76 \ \rm kPa$

$$\gamma_{\text{aver}} = \frac{(1.8 \times 1) + (16.5 \times 14) + (19.5 \times 9) + (10 \times 1.8)}{1 + 14 + 9 + 1.8} \cong 17.15 \text{ kN/m}^3$$

$$E' = \frac{(10,800 \times 1) + (13,333 \times 14) + (35,556 \times 9) + (110,000 \times 1.8)}{1 + 14 + 9 + 1.8} \cong 27,731 \text{ kPa}$$

ตารางที่ 4.5 การปรับค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพในกรณีชั้นคิน กรุงเทพมหานครเพื่อให้อยู่ในในเงื่อนไขของสภาพคินที่เป็นคินเหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ์

Section	s _{u aver} (kPa)	$\gamma_{\rm aver}$ $({ m kN/m}^3)$	E′ _{aver} (kPa)	s _{u0} (kPa)	ρ (kN/m ³)
23-001	59.76	17.15	27,731	10.00	6.86
26-001	41.87	17.36	19,033	10.00	3.59
CS-8	40.50	17.37	18,684	1.13	3.91
7C	62.25	17.96	29,970	10.00	5.46

*Remark: For case sand layer $S_{u_{mid \, layer}} = \sigma'_{vo}(tan\phi')$



ภาพที่ 4.13 การเปลี่ยนแปลงค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น สำหรับหน้าตัด 23-001 และหน้าตัด 26-001 ตามลำดับ



ภาพที่ 4.14 การเปลี่ยนแปลงค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น สำหรับหน้าตัด CS-8 และหน้าตัด 7C ตามลำดับ

สำหรับเงื่อนไขของกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้นไม่ สามารถกำหนดค่าให้หาค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขได้ จึงต้องมีการปรับให้เหมาะสม กล่าวคือ หน้าตัด 26-001 (รัชดา ถึง ลาดพร้าว) 2) หน้าตัด 23-001 (เตรียมร่วมมิตร ถึงประชาราษฎร์บำเพ็ญ) 4) และ หน้าตัด 7C (สุขมวิท ถึงเพชรบุรี) มีค่า s_{u0}=0 ไม่สามารถหาค่าได้เมื่อให้อยู่ในรูปของ ρD/s_{u0} ต้อง ปรับให้ก่า s_{u0} ตัดกันที่แกน x ที่ 10 เพื่อให้ได้ก่า ρD/s_{u0} นำไปใช้ในการกำนวณ สำหรับหน้าตัด CS-8 (เพชรบุรี ถึงพระราม 9) มีค่า ρD/s_{u0} เท่ากับ 21.83 สามารถนำไปวิเคราะห์หาผลเฉลยเชิงตัวเลขได้ ดังแสดงตามภาพที่ 4.13-4.14 พิจารณาจำลองลำคับขั้นตอนของการก่อสร้างของเงื่อนไขชั้นดินกรุงเทพมหานคร จะมีขั้นตอนที่ แตกต่างกันเล็กน้อยคังนี้

ขั้นตอนที่1: สถานะที่เกิดความสมดุลทั้งระบบโดยยังไม่มีการขุดเจาะอุโมงค์ ขั้นตอนที่2: จำลองพฤติกรรมของน้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดิน ขั้นตอนที่3: ทำการเจาะอุโมงค์ โดยการเอาดินในอุโมงค์ออกเท่ากับขนาดเส้นผ่าสูนย์กลางของ อุโมงค์ ขั้นตอนที่4: จำลองพฤติกรรมของแรงดันภายในอุโมงค์โดยให้กระทำอยู่บริเวณด้านของอุโมงค์ แบบสม่ำเสมอ ขั้นตอนที่5:ใช้กระบวนการคำนวณเพื่อหาอัตราส่วนความปลอดภัยใน PLAXIS

วิเคราะห์หาอัตราส่วนปลอดภัยไป ทั้ง 4 หน้าตัด กล่าวคือ 1) หน้าตัด 26-001 (รัชดา ถึง ลาดพร้าว) 2) หน้าตัด 23-001 (เตรียมร่วมมิตร ถึงประชาราษฎร์บำเพ็ญ) 3) หน้าตัด CS-8 (เพชรบุรี ถึงพระราม 9) และ 4) หน้าตัด 7C (สุขมวิท ถึงเพชรบุรี)

บทที่ 5 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 3 มิติ

5.1 บทนำ

เพื่อให้ทราบถึงพฤติกรรมที่แท้จริงของเสถียรภาพค้านหน้าอุโมงค์ จึงมีความจำเป็นอย่างยิ่ง ที่ค้องมีการศึกษาเพิ่มเติม การวิเคราะห์ที่ถูกต้องสมบูรณ์ต้องใช้กระบวนการวิเคราะห์ในระบบ 3 มิติ เนื่องจากวิธีการคังกล่าวใช้เวลาในการคำนวณค่อนข้างมาก ประกอบกับมีขั้นตอนยุ่งยาก สลับซับซ้อนเป็นอย่างยิ่ง มีงานวิจัยน้อยมาก ๆ ที่ให้คำตอบเชิงตัวเลขแบบ 3มิติ สำหรับเสถียรภาพ ค้านหน้าอุโมงค์ เช่น Davis et al. (1980), Klar et al. (2006) และ Sloan (2013) รูปแบบการวิบัติ แบบ 3 มิติ ซึ่งมีความสำคัญอย่างมากในการวิเคราะห์เพื่อหากำตอบของก่าขอบบนถูกนำเสนอโดย Mollon et al. (2011) และเนื่องจากจากการวิธีการคังกล่าว ใช้เวลานาน มีขั้นตอนยุ่งยาก สลับซับซ้อน เป็นอย่างยิ่ง จึงทำให้ส่วนใหญ่ มักจะใช้การวิเคราะห์ เพียงแบบ 2 มิติ เท่านั้น ผู้วิจัยใช้ วิธีไฟในต์อิลิเมนต์ในการศึกษา โดยวิเคราะห์ในปัญหาบนระบบ 3 มิติ เลือกใช้ PLAXIS 3D TUNNEL เป็นซอฟต์แวร์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 3 มิติ ถูกพัฒนาขึ้นเพื่อวิเคราะห์อุโมงก์โดยเฉพาะ และเป็นซอฟต์แวร์ไฟในต์อิลิเมนต์ที่นิยมใช้มากในงานวิศวกรรมธรณีเทคนิค สำหรับการวิเคราะห์ ในเงื่อนไขสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานกรใช้ PLAXIS 3D

1) Input

รูปเรขาคณิตของแบบจำลองแบบ 3 มิติ

เนื่องจากการสร้างแบบจำลองแบบ 3 มิติ นั้นก่อนข้างจะมีขั้นตอนยุ่งยาก โดยเริ่มจากการ สร้างในรูปแบบ 3 มิติ โดยการป้อนก่าเป็นจุดและเป็นเส้นสำหรับดาดอุโมงก์ในแบบจำลอง 3 มิติ ใช้เครื่องมือที่มีอยู่สร้างขึ้นมา ส่วนรูปร่างเรขาคณิตของแบบจำลองของดินใช้การเขียนเส้นเป็น หลัก

แบบจำลองดินแบบไม่ระบายน้ำ

การวิเคราะห์ในแบบ 3 มิติ พิจารณาใช้ตามแนวทางการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ ตามคำแนะนำ ของบุญชัย อุกฤษฎชน (2550)

สำหรับก่ากุณสมบัติของวัสคุของคาดอุโมงก์จะเป็นแบบ beam โดยประกอบด้วย ก่ากวาม แข็งของวัสคุ (EA) และกวามแข็งแรงของวัสคุต่อแรงคัค (EI) โดยให้ก่าอัตราส่วนปัวส์ซอง เท่ากับ 0.15 จากก่าพารามิเตอร์ของ EA และ EI สามารถหากวามหนา (d_{eq}) ของคาคอุโมงก์ ได้จากสมการ ที่ 5.1

$$d_{eq} = \sqrt{12\frac{EI}{EA}}$$
(5.1)

เงื่อนไขขอบเขตและน้ำหนัก

เครื่องมือแบบ standard fixity ถูกใช้ในการจำลองในการสร้างขอบเขต ซึ่งสามรถสงผลไปยัง แกน 3 มิติ ได้ กล่าวคือ สามารถกำหนดการเคลื่อนที่ให้อยู่ในระนาบ 3 มิติ ได้ ซึ่งเงื่อนไขขอบเขต ทั้งหลายได้ถูกสร้างไว้ดังนี้

- 1) รูปร่างทางเรขาคณิตแบบเส้นในแนวดิ่ง ในแนวแกน x จะเท่ากับค่าต่ำสุด หรือ สูงสุด ใน แนวแกน x ในแบบจำลองได้จากการยึดแนวราบให้อยู่กับที่ $u_x = 0$
- 2) รูปร่างทางเรขาคณิตแบบเส้นในแนวราบ ในแนวแกน y จะเท่ากับค่าในแนวแกน y ใน แบบจำลองซึ่งได้จากการยึดติดแน่นทั้งหมดอยู่กับที่ในระบบ 2 มิติ $u_x = u_y = 0$
- 3) รูปร่างทางเรขาคณิตแบบเส้นในแนวแกน 3 มิติ ในแนวแกน z จะเท่ากับค่าในแนวแกน z ในแบบจำลองซึ่งได้จากการยึดติดแน่นทั้งหมดอยู่กับที่ในระบบ 3 มิติ $u_x = u_y = u_z = 0$
- 4) ดาดอุโม^{*}งก์ที่มีก่ากุณสมบัติแบบ beam ที่ต่อกับขอบเขตของแบบจำลองนั้นได้จากการยึด ทิศทางในการหมุน (rotation) ให้อยู่กับที่บนจุด ที่อยู่บนขอบเขต $\phi_z = 0$

สำหรับน้ำหนักที่กระทำอยู่บนพื้นผิวของแบบจำลองจะเหมือนกับการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ แต่ จะเน้นขยายขอบเขตไปยังแนวแกนของ 3 มิติ

การสร้างโครงข่าย

ไฟในต์อิลิเมนต์เมช เมื่อได้ให้การนิยามของรูปแบบทั้งหมดในระบบ 2 มิติ พิจารณาสร้าง แบบจำลองหน้าตามขวางก่อน หลังจากนั้นก็จะเริ่มสร้างโครงข่ายแบบ 3 มิติ (3D mesh) โดยการต่อ ขยายออกไปตรงส่วนมุมที่ในของชิ้นส่วน ของรูปสามเหลี่ยมแบบ 2 มิติ ซึ่งจะตรงกับจุดที่ขยาย ออกไปในแนวระนาบแกน z โครงข่ายแบบ 3 มิติ (3D mesh) ใช้การสร้างชิ้นส่วน แบบ 15-node wedge elements และ 10-node tetrahedral สำหรับ PLAXIS 3D TUNNEL และ PLAXIS 3D ตามลำดับ

เงื่อนใขของน้ำ

ซอฟแวร์ PLAXIS 3D TUNNEL เมื่อพิจารณาการวิเคราะห์การเสียรูป ซึ่งต้องการหาค่า กวามถูกต้องของแรงประสิทธิพล และเป็นสิ่งที่สำคัญ เส้นของระดับน้ำใต้ดิน จะถูกใช้ในการ กำนวณแรงดันน้ำในแบบจำลอง ในการวิจัยครั้งนี้กำหนดให้ระดับน้ำใต้ดินอยู่ต่ำมาก พร้อมทั้งทำ การนิยามให้อิลิเมนต์ภายในดาดอุโมงก์มีสภาวะแห้ง ทั้งในกรณีเงื่อนไขสภาพของชั้นดินเอกพันธ์ และไม่เป็นเอกพันธ์ โดยไม่ให้แรงดันน้ำมีผลต่อแบบจำลอง สำหรับการพิจารณาสภาพชั้นดิน กรุงเทพมหานครจะพิจารณาระดับน้ำตามจริงแต่ยังคงให้อิลิเมนต์ภายในดาดอุโมงก์มีสภาวะแห้ง อยู่เช่นเดิม

การกำหนดค่าเริ่มต้นของรูปร่างทางเรขาคณิตและสนามความเค้นประสิทธิพล

ซอฟแวร์ PLAXIS 3D TUNNEL จะคำเนินการให้แบบอัตโนมัติ เช่นเดียวกับ PLAXIS 2D โดยที่ ความเค้นเริ่มต้นสามารถสร้างได้ทั้ง 2 แบบคือ ค่าสัมประสิทธิ์แรงคันด้านข้างแบบสถิต โดยเฉพาะและใช้น้ำหนักจากแรงโน้มถ่วงของโลก

2) Calculation

กระบวนการคำนวณแบบพลาสติกได้ถูกเลือกใช้ในการคำนวณแบบ 3 มิติ ด้วยเช่นกัน ซึ่ง มีความคล้ายกับระบบคำนวณใน PLAXIS 2D กล่าวคือ PLAXIS 3D TUNNEL ใช้หลักการลดทอน กำลัง ซึ่งถูกนำเสนอโดย Brinkgreve and Bakker (1991) เป็นเครื่องมือที่อยู่ใน PLAXIS 3D TUNNEL สามารถใช้ในการวิเคราะห์เสถียรภาพของการก่อสร้างได้โดยตรงจากวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์

3) Out Put

ผลลัพธ์ที่ต้องการจากการซอฟแวร์ PLAXIS 3D TUNNEL คือค่าอัตราส่วนความปลอดภัย เช่นเดียวกับการคำนวณใน 2 มิติ เพื่อที่จะนำค่านี้ไปพัฒนากราฟช่วยออกแบบต่อไป และรูปแบบ การวิบัติเพื่อนำมาประกอบการพิจารณาค่าความถูกต้องของอัตราส่วนความปลอดภัยที่เกอดขึ้น เช่น การเสียรูปของมวลดิน, ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์, ทิศทางการเคลื่อนตัว ทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี และความเครียดเฉือนทั้งหมดที่เพิ่มขึ้น เป็นต้น

5.2 แบบ 3 มิติ

พิจารณาเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำของอุโมงค์ในหน้าตัดแบบ 3 มิติ และเนื่องจากปัญหา มีความสมมาตรทั้งรูปร่างและหน่วยแรงกระทำ จึงใช้การวิเคราะห์ปัญหาเพียงครึ่งเดียว โดย พิจารณาสภาพดินให้อยู่ใน 2 เงื่อนไขประกอบด้วย 1) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่เป็นดินเหนียว มี ลักษณะเป็นเอกพันธ์โดยที่กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดทั้งความลึก 2) ในเงื่อนไข ของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์โดยก่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดทั้งความลึก 2) ในเงื่อนไข เช่นเดียวกับการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ ทำการศึกษาตั้งแต่กรณี C/D=1 ถึง C/D=5

5.1.1 กรณีชั้นดินเหนียวเป็นแบบเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์



ภาพที่ 5.1 รูปเรขาคณิตแบบ 3 มิติและกำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดความลึก

พิจารณาการวิเคราะห์เสเถียรภาพค้านหน้าของอุโมงค์แบบ 3 มิติ ให้คาคอุโมงค์เป็นแบบ แข็งเกร็ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบขรุขระสมบูรณ์ตลอดทั้งแนวความยาวของอุโมงค์ สำหรับ คุณสมบัติของผิวสัมผัสระหว่างโครงสร้างกับดิน (R_{interface}) ในงานวิจัยนี้พบว่ามีผลต่อเสถียรภาพ โดยรวมน้อยและไม่มีนัยสำคัญมากนัก อันเนื่องมาจากอิลิเมนต์ภายนอกที่ส่งผ่านเข้ามาภายในคาค- อุโมงค์อันเนื่องจากแรงกระทำมาสัมผัสกับโครงสร้างของอุโมงค์น้อย จึงต้องมีการศึกษาให้ละเอียด ต่อไปในอนาคต พิจารณาทั้งเงื่อนไขสภาพดินเหนียวที่เป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ ดังแสดง ในภาพที่ 5.1-5.2 ตามลำคับ เพื่อนำผลลัพธ์ที่ได้ไปเปรียบเทียบกับงานวิจัยอื่น ๆ ในการตรวจสอบ ความถูกต้องต่อไป



ภาพที่ 5.2 รูปเรขาคณิตแบบ 3 มิติและกำลังรับแรงเลือนแบบไม่ระบายน้ำเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบ เชิงเส้น

สำหรับเงือนไขขอบและการให้นำหนักจะพิจารณาคังนี้

1) เงื่อนใขขอบพิจารณาตามภาพที่ 5.3



ภาพที่ 5.3 เงื่อนไขขอบที่ใช้วิเคราะห์สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ

2) เงื่อนไขการให้แรงพิจารณาตามภาพที่ 5.4 โดยภาพที่ 5.4(a) แสดงถึง เงื่อนไขของการให้แรง โดยปราศจากแรงคันบริเวณด้านหน้าภายในอุโมงค์ และมีเพียงน้ำหนักบรรทุกที่กระทำบนผิว ดินแบบสม่ำเสมอ เพื่อให้เกิดความชัดเจนของน้ำหนักบรรทุกที่กระทำบนผิวดินจึงขยายออกให้ เห็นดังภาพที่ 5.4(b) และภาพที่ 5.5 แสดงถึงลักษณะของแรงคันบริเวณด้านหน้าที่กระทำกับ อุโมงค์แบบสม่ำเสมอโดยปราศจากน้ำหนักบรรทุกที่กระทำบนผิวดิน เพื่อให้เกิดความชัดเจน ของลักษณะแรงคันบริเวณด้านหน้าที่กระทำกับอุโมงค์จึงขยายออกให้เห็นดังภาพที่ 5.5(b)



ภาพที่ 5.4 เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์ แบบ 3 มิติ สำหรับกรณีแรงที่กระทำบนผิวดินแต่เพียง อย่างเดียว



ภาพที่ 5.5 เงื่อนไขการให้แรงที่ใช้วิเคราะห์ แบบ 3 มิติ สำหรับกรณีแรงคันบริเวณด้านหน้าที่กระทำ กับอุโมงค์ที่แต่เพียงอย่างเดียว

พิจารณาใช้แบบจำลองคินมอร์-คูลอมบ์ ในการวิเคราะห์ และค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ เหมือนกับการ วิเคราะห์แบบ 2 มิติ ทั้งในเงื่อนใขสภาพชั้นคินเอกพันธ์และไม่เป็นเอกพันธ์ดังตารางที่ 4.1-4.2 ตามลำดับ

การวิเคราะห์ปัญหาเสถียรค้านหน้าของอุโมงก์แบบ 3 มิติ โดยใช้ PLAXIS 3D TUNNEL สามารถพิจารณาจำลองลำคับขั้นตอนของการก่อสร้างโดยได้แบ่งขั้นตอนของการกำนวณคังนี้

สำหรับกรณีที่

น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดินเท่ากับศูนย์และแรงดันภายในที่กระทำบริเวณ ด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอนั้นเพิ่มขึ้น (σ_s=0, σ_t=increase)

ขั้นตอนที่1: สถานะที่เกิดความสมคุลทั้งระบบโดยยังไม่มีการขุดเจาะอุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.6(a)

ขั้นตอนที่2: ทำการเจาะอุโมงค์ โดยการเอาดินในอุโมงค์ออกเท่ากับขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของ อุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.6(b)

ขั้นตอนที่3: ทำการติดตั้งคาดอุโมงก์แบบแบบแข็งแกร่ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบขรุขระ สมบูรณ์ตลอดทั้งแนวกวามยาวของอุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.6(c)

ขั้นตอนที่4: จำลองพฤติกรรมของแรงคันภายในอุโมงค์โคยให้กระทำอยู่บริเวณค้านของอุโมงค์ แบบสม่ำเสมอ คังแสคงตามภาพที่ 5.6(d)

ขั้นตอนที่5:ใช้กระบวนการคำนวณเพื่อหาอัตราส่วนความปลอคภัยใน PLAXIS





ภาพที่ 5.6 ลักษณะของการจำลองการก่อสร้างสำหรับกรณี (σ_{s} =0, σ_{t} =increase)

สำหรับกรณีที่

น้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดินนั้นเพิ่มขึ้นและแรงดันภายในที่กระทำบริเวณ ด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอเท่ากับศูนย์ (σ_s= increase, σ_t=0)

ขั้นตอนที่1: สถานะที่เกิดความสมคุลทั้งระบบโดยยังไม่มีการขุดเจาะอุโมงค์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.7(a)

ขั้นตอนที่2: จำลองพฤติกรรมของน้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวคิน ดังแสดงตาม ภาพที่ 5.7(b)

ขั้นตอนที่3: ทำการเจาะอุโมงค์ โดยการเอาดินในอุโมงค์ออกเท่ากับขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของ อุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.7(c)

ขั้นตอนที่4: ทำการติดตั้งดาดอุโมงก์แบบแบบแข็งแกร่ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบขรุขระ สมบูรณ์ตลอดทั้งแนวกวามยาวของอุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.7(d)

ขั้นตอนที่5:ใช้กระบวนการคำนวณเพื่อหาอัตราส่วนความปลอดภัยใน PLAXIS โดยจะทำการวิเคราะห์หาอัตราส่วนปลอดภัยไปจนกระทั้งถึง FS(γD/s_{u0})=0-5 ในทุกกรณี กล่าวคือ ตั้งแต่ C/D=1 ถึง C/D=5 และสำหรับกรณีที่เงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์จะทำการ วิเคราะห์ ρD/s_{u0}=0.25 ถึง ρD/s_{u0}=1.00 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25 ซึ่งหลักการวิเคราะห์หาอัตราส่วน ปลอดภัยนี้มีเหมือนกับในการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ ทุกประการ





ภาพที่ 5.7 ลักษณะของการจำลองการก่อสร้างสำหรับกรณี ($\sigma_{\rm s}$ = increase, $\sigma_{\rm t}$ =0)

5.2 กรณีเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร

เพื่อให้ทราบถึงพฤติกรรมที่แท้จริงของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ ของโครงการรถไฟฟ้า มหานคร (MRTA) ในขณะที่ทำการขุดเจาะอุโมงค์ และพิจารณาให้อยู่ในเงื่อนไขของสภาพชั้นดิน กรุงเทพมหานคร ของโครงการรถไฟฟ้ามหานคร ตามงานวิจัยของ Chanaton Surarak (2010) ซึ่งมี ความสอดคล้องกับการวิเคราะห์ในแบบ 2 มิติ ได้ศึกษาทั้งหมด 4 เงื่อนไขของสภาพชั้นดินต่าง ๆ ตามการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ พิจารณาจำลองลำคับขั้นตอนของการก่อสร้างของเงื่อนไขชั้นดินกรุงเทพมหานคร จะมี ขั้นตอนที่แตกต่างกันเล็กน้อยคังนี้

- ขั้นตอนที่1: สถานะที่เกิดความสมดุลทั้งระบบโดยยังไม่มีการขุดเจาะอุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.8(a)
- ขั้นตอนที่2: จำลองพฤติกรรมของน้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดิน ดังแสดงตาม ภาพที่ 5.8(b)
- ขั้นตอนที่3: ทำการเจาะอุโมงค์ โดยการเอาดินในอุโมงค์ออกเท่ากับขนาดเส้นผ่าสูนย์กลางของ อุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.8(c)
- ขั้นตอนที่4: ทำการติดตั้งดาดอุโมงก์แบบแบบแข็งแกร่ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบขรุขระ สมบูรณ์ตลอดทั้งแนวกวามยาวของอุโมงก์ ดังแสดงตามภาพที่ 5.8(d)
- ขั้นตอนที่5: จำลองพฤติกรรมของแรงคันภายในอุโมงก์โคยให้กระทำอยู่บริเวณค้านของอุโมงก์ แบบสม่ำเสมอ คังแสดงตามภาพที่ 5.8(e)

ขั้นตอนที่6:ใช้กระบวนการคำนวณเพื่อหาอัตราส่วนความปลอดภัยใน PLAXIS







ภาพที่ 5.8 ลักษณะของการจำลองการก่อสร้างสำหรับกรณีเงื่อนไขชั้นดินกรุงเทพมหานคร

วิเคราะห์หาอัตราส่วนปลอดภัยไป ทั้ง 4 หน้าตัด กล่าวคือ 1) หน้าตัด 26-001 (รัชดา ถึง ลาดพร้าว) 2) หน้าตัด 23-001 (เตรียมร่วมมิตร ถึงประชาราษฎร์บำเพ็ญ) 3) หน้าตัด CS-8 (เพชรบุรี ถึงพระราม 9) และ 4) หน้าตัด 7C (สุขมวิท ถึงเพชรบุรี) ดังแสดงตามภาพที่ 5.9(a) ถึง ภาพที่ 5.8(d) ตามลำดับในแต่ละหน้าตัด





ภาพที่ 5.9 ลักษณะของการจำลองชั้นดินแบบ 3 มิติ สำหรับกรณีเงื่อนไขชั้นดินกรุงเทพมหานคร

บทที่ 6

ผลและการวิเคราะห์ผลการวิจัย

6.1 ผลเฉลยเชิงตัวเลขและรูปแบบการวิบัติ

หลังจากที่ซอฟแวร์ได้ทำการวิเคราะห์เสถียรภาพไปจนกระทั้งเกิดการวิบัติแล้วโดยใช้ หลักการลดทอนกำลัง ซอฟแวร์รายงานผลออกมาในรูปแบบของค่าอัตราส่วนความปลอดภัย การ วิเคราะห์ดำเนินการในกรณี C/D=1 ถึง C/D=5 โดยการวิเคราะห์พารามิเตอร์แบบไร้มิติคือ พารามิเตอร์ของหน่วยแรงกระทำสุทธิ (σ_s – σ_t)/s_{uo} พารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน γD/s_{uo} และ พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ ρD/s_{uo}

สำหรับผลเฉลยต่าง ๆ ในงานวิจัยนี้ พิจารณาเฉพาะผลเฉลยที่ได้จากการวิเคราะห์เป็นการ วิบัติแบบ active เท่านั้น หมายถึงเกิดการวิบัติจากผลของแรงโน้มถ่วงของโลกและน้ำหนักบรรทุก บนผิวดินรวมทั้งกำลังรับแรงเฉือนของดิน และแรงต้านทานภายในอุโมงค์ และกรณีการวิบัติแบบ blow-out หมายถึงเกิดการวิบัติโดยแรงต้านทานภายในอุโมงค์ซึ่งต้านทานโดยแรงโน้มถ่วงของโลก และน้ำหนักบรรทุกบนผิวดินรวมทั้งกำลังรับแรงเฉือนของดิน กรณี blow-out ไม่ถูกนำมาพิจารณา ในงานวิจัยนี้

ผลเฉลยทั้งหมดที่นำเสนอในงานวิจัยนี้ได้จากการใช้ Intel® Processor, 3.50 GHz, Windows 64 bit และเวลาที่ใช้ในการคำนวณ ไฟไนต์อิลิเมนต์เมช ที่มีความสลับซับซ้อนนี้ ได้ให้ เวลาที่ก่อนข้างมากพอสมควร จึงควรมีการพัฒนาเทคนิกในการหาผลเฉลยต่อไปในอนาคต

6.1.1 หน้าตัดตามขวาง

เสถียรภาพด้านหน้าของอุโมงก์แบบหน้าตัดตามขวาง นำเสนอในเทอมแบบไร้มิติของ กวามลึกของอุโมงก์โดยมีค่าระหว่าง C/D=1 ถึง C/D=5 ได้สรุปไว้ในตารางที่ 6.1 และนำเสนอใน รูปแบบชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ ดังแสดงตามภาพที่ 6.1-6.3 ซึ่งพารามิเตอร์แบบไร้ มิติเหล่านี้อันได้แก่ C/D, $\gamma D/s_{u0}$ และ $\rho D/s_{u0}$ ทำให้ช่วยลดจำนวนของตัวแปรในการศึกษาอิง-พารามิเตอร์ โดยตัวแปรหลักที่สนใจคือ พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ ($\rho D/s_{u0}$) อัตราส่วนความลึกของอุโมงก์ (C/D) และ พารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน ($\gamma D/s_{u0}$) พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบไม่ระบายน้ำแปรเปลี่ยนจาก $\rho D/s_{u0}=0$ (กำลังของดิน แบบกงที่) ถึง $\rho D/s_{u0}=1$ ซึ่งจะเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25 โดยที่ C/D มีค่าอยู่ระหว่าง 1 ถึง 5 พารามิเตอร์ แรงกระทำจากน้ำหนักดิน มีค่าอยู่ในระหว่าง $\gamma D/s_{u0}=0$ (ไร้น้ำหนัก) ถึง $\gamma D/s_{u0}=5$ ชาร์ตเหล่านี้พลีอต เทอมระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_s)/s_{u0}$ แปรศันกับ $\gamma D/s_{u0}$ ของกรณี $\rho D/s_{u0}=0$ ซึ่งนิยามของเครื่องหมายติดลบ (-) ของ (σ_s – σ_t)/s_{uo} หมายความว่า ความเค้นอัดปกติต้องกระทำอยู่บริเวณด้านหน้าอุโมงก์เพื่อรองรับ น้ำหนักบรรทุกบนผิวดิน ส่วนในกรณีที่ค่าเป็นบวก (+) หมายความว่า ในบางกรณีที่บริเวณ ด้านหน้าอุโมงก์ไม่ต้องการความคันด้านหน้าอุโมงก์

		$(\sigma_s^{}-\sigma_t^{})/s_{u0}^{}$					
C/D	$\rho D/s_{_{u0}}$	$\gamma D/s_{u0} = 0$	$\gamma D/s_{u0} = 1$	$\gamma D/s_{u0}=2$	$\gamma D/s_{u0} = 3$	$\gamma D/s_{u0} = 4$	$\gamma D/s_{u0} = 5$
	0.00	2.44	1.25	0.02	-1.29	-2.71	-4.22
	0.25	2.94	1.79	0.62	-0.58	-1.84	-3.15
1	0.50	3.42	2.29	1.14	-0.02	-1.21	-2.45
	0.75	3.89	2.77	1.64	0.49	-0.67	-1.86
	1.00	4.35	3.24	2.12	0.98	-0.15	-1.32
	0.00	3.46	1.19	-1.16	-3.59	-6.10	-8.68
	0.25	4.86	2.65	0.41	-1.86	-4.18	-6.54
2	0.50	6.21	4.02	1.82	-0.40	-2.65	-4.92
	0.75	7.53	5.36	3.17	0.98	-1.23	-3.47
	1.00	8.85	6.68	4.51	2.33	0.13	-2.07
	0.00	4.13	0.81	-2.60	-6.08	-9.62	-13.23
	0.25	6.63	3.39	0.12	-3.19	-6.53	-9.92
3	0.50	9.05	5.84	2.62	-0.64	-3.91	-7.20
	0.75	11.44	8.24	5.03	1.80	-1.43	-4.68
	1.00	13.82	10.63	7.46	4.21	0.99	-2.23
4	0.00	4.64	0.27	-4.16	-8.67	-13.25	-17.87
	0.25	8.38	4.12	-0.17	-4.49	-8.84	-13.21
	0.50	12.02	7.77	3.52	-0.74	-5.03	-9.36
	0.75	15.62	11.40	7.14	2.91	-1.34	-5.62
	1.00	19.21	14.99	10.77	6.53	2.28	-1.96

ตารางที่ 6.1 เสถียรภาพสำหรับอุโมงก์แบบหน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณี γD/s_{u0}=0-5

		$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$					
C/D	$ ho D/s_{u0}$	$\gamma D/s_{u0}=0$	$\gamma D/s_{u0} = 1$	γD/s _{u0} =2	$\gamma D/s_{u0}=3$	$\gamma D/s_{u0} = 4$	$\gamma D/s_{u0} = 5$
5	0.00	5.04	-0.34	-5.80	-11.34	-16.93	-22.58
	0.25	10.13	4.85	-0.44	-5.77	-11.13	-16.51
	0.50	15.09	9.83	4.56	-0.70	-6.00	-11.33
	0.75	20.02	14.77	9.52	4.25	-0.99	-6.27
	1.00	24.94	19.69	14.47	9.19	3.93	-1.31

ตารางที่ 6.1 (ต่อ) เสถียรภาพสำหรับอุโมงก์แบบหน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณี γD/s_{u0}=0-5

จุดต่าง ๆ ในชาร์ตเสถียรภาพที่ลากข้ามผ่านในแนวแกนราบจะให้นิยามว่า เป็นการ กำหนดค่าแรงคันด้านหน้าอุโมงค์เพื่อให้ตรงกับน้ำหนักบรรทุกแบบสม่ำเสมอที่กระทำอยู่บนผิวดิน เพื่อป้องกันการพังทลายเข้ามาบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์



ภาพที่ 6.1 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=2



ภาพที่ 6.2 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี (a) C/D=3 และ (b) C/D=4



ภาพที่ 6.3 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี C/D=5

ตัวอย่างลักษณะรูปแบบการวิบัติที่เกิดขึ้นในกรณีเงื่อนไขดินเหนียวเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอก พันธ์ สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง แสดงดังภาพที่ 6.4-6.15







ภาพที่ 6.5 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.6 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.7 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.8 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.9 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.10 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.11 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเลือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=3, และ γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.12 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.13 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.14 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.15 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=1

กรณีดินเหนียวที่เป็นเอกพันธ์ (ρD/s_{u0}=0) รูปแบบของการวิบัติขึ้นอยู่กับความลึกของ อุโมงค์และพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน ภาพที่ 6.4 แสดงรูปแบบการวิบัติของกรณี C/D=1 คือทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี และภาพที่ 6.5 คือลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น ของกรณี γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0 ภาพที่ 6.6-6.7 แสดงให้เห็นถึงกรณีเดียวกัน ยกเว้น กำลังของดินที่เพิ่มขึ้น อย่างมากตามความลึก โดยที่ ρD/s_{u0}=1 รูปแบบการวิบัติมีความคล้ายกับที่แสดงในภาพที่ 6.4-6.5 และสอดกล้องกับงานวิจัยของ Wilson et al. (2011)

สำหรับอุโมงก์ที่มีความลึกปานกลางในกรณีที่คินเป็นเอกพันธ์ พร้อมกับมีหน่วยน้ำหนัก ดินปานกลาง แสดงในภาพที่ 6.8-6.9 ของกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=3 และ ρD/s_{u0}=0

เมื่อกำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึก การวิบัติแบบเฉพาะที่เกิดขึ้นมากกว่า เมื่อเปรียบเทียบ กับรูปแบบการวิบัติในกรณีที่กำลังของดินเป็นแบบคงที่ ภาพที่ 6.10 และ 6.11 เปรียบเทียบการวิบัติ ของกรณีที่ C/D=3, γD/s_{u0}=3 และ ρD/s_{u0}=1

การเปรียบเทียบของ 2 ภาพนี้ มีความคล้ายกับพฤติกรรมที่ได้กล่าวมาข้างต้น สำหรับใน กรณีที่อุโมงค์ลึก (deep tunnel) คือ C/D=5 แสดงในภาพที่ 6.12-6.15 เป็นผลของกระทบจาก ρD/s_u จะเห็นได้ชัดว่า เมื่อมีก่าที่มากขึ้นทำให้เกิดการวิบัติที่แกบมาก และตื้น โดยที่ไม่มีการเกลื่อนตัวของ มวลดินบริเวณด้านล่างของอุโมงก์

6.1.2 หน้าตัดตามยาว

เสถียรภาพด้านหน้าของอุโมงก์แบบหน้าตัดตามยาวนำเสนอในเทอมแบบไร้มิติของความ ลึกของอุโมงก์โดยมีก่าระหว่าง C/D=1 ถึง C/D=5 ได้สรุปไว้ในตารางที่ 6.2 และนำเสนอในรูปแบบ ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ ดังแสดงตามภาพที่ 6.16-6.18 ซึ่งพารามิเตอร์แบบไร้มิติ เหล่านี้อันได้แก่ C/D, γD/s_{u0} และ ρD/s_{u0} โดยนิยามเช่นเดียวกับผลเฉลยของหน้าตัดตามขวาง

		$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$					
C/D	$\rho D/s_{_{u0}}$	$\gamma D/s_{u0} = 0$	$\gamma D/s_{u0} = 1$	$\gamma D/s_{u0}=2$	$\gamma D/s_{u0} = 3$	$\gamma D/s_{u0} = 4$	$\gamma D/s_{u0} = 5$
	0.00	4.29	2.77	1.22	-0.36	-1.96	-3.58
	0.25	5.50	3.99	2.47	0.92	-0.65	-2.23
1	0.50	6.68	5.18	3.67	2.15	0.59	-0.98
	0.75	7.85	6.36	4.86	3.34	1.80	0.26
	1.00	9.00	7.52	6.03	4.52	3.00	1.46
	0.00	5.44	2.93	0.38	-2.20	-4.81	-7.44
	0.25	8.04	5.55	3.03	0.49	-2.06	-4.63
2	0.50	10.58	8.09	5.59	3.08	0.54	-2.01
	0.75	13.09	10.61	8.11	5.61	3.09	0.55
	1.00	15.60	13.11	10.63	8.13	5.62	3.11
3	0.00	6.21	2.70	-0.85	-4.42	-8.03	-11.66
	0.25	10.45	6.97	3.45	-0.08	-3.63	-7.19
	0.50	14.60	11.12	7.62	4.11	0.58	-2.96
	0.75	18.72	15.24	11.75	8.25	4.75	1.21
	1.00	22.82	19.33	15.86	12.36	8.86	5.35

ตารางที่ 6.2 เสถียรภาพสำหรับอุโมงค์แบบหน้าตัดตามยาว สำหรับกรณี γD/s_{u0}=0-5

		$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$					
C/D	$\rho D/s_{u0}$	$\gamma D/s_{u0} = 0$	$\gamma D/s_{u0}=1$	γD/s _{u0} =2	$\gamma D/s_{u0}=3$	$\gamma D/s_{u0} = 4$	$\gamma D/s_{u0} = 5$
	0.00	6.77	2.26	-2.38	-6.87	-11.46	-16.09
	0.25	12.79	8.30	3.79	-0.74	-5.31	-9.84
4	0.50	18.69	14.20	9.73	5.19	0.67	-3.85
	0.75	24.56	20.07	15.59	11.08	6.57	2.03
	1.00	30.42	25.93	21.46	16.94	12.44	7.93
5	0.00	7.23	1.72	-3.82	-9.37	-14.99	-20.63
	0.25	15.17	9.67	4.17	-1.35	-6.89	-12.45
	0.50	22.97	17.49	11.99	6.48	0.96	-4.56
	0.75	30.74	25.25	19.78	14.26	8.76	3.26
	1.00	38.49	33.01	27.52	22.03	16.51	11.03

ตารางที่ 6.2 (ต่อ) เสถียรภาพสำหรับอุโมงก์แบบหน้าตัดตามยาว สำหรับกรณี γD/s_{u0}=0-5

จุดต่าง ๆ ในชาร์ตเสถียรภาพที่ลากข้ามผ่านในแนวแกนจะให้การนิยามเหมือนกับชาร์ต เสถียรภาพของหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.16 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=2



ภาพที่ 6.17 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี (a) C/D=3 และ (b) C/D=4



ภาพที่ 6.18 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี C/D=5

ตัวอย่างลักษณะรูปแบบการวิบัติที่เกิดขึ้นในกรณีเงื่อนไขดินเหนียวเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอก พันธ์ สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว แสดงดังภาพที่ 6.19-6.30



ภาพที่ 6.19 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.20 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0


ภาพที่ 6.21 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเกลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ

 $\rho D/s_{u0} = 1$



ภาพที่ 6.22 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.23 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเกลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ

 $\rho D/s_{u0} = 0$



ภาพที่ 6.24 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.25 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ

 $\rho D/s_{u0} {=} 1$



ภาพที่ 6.26 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.27 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเกลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ

 $\rho D/s_{u0} = 0$



ภาพที่ 6.28 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.29 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.30 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=1

กรณีดินเหนียวที่เป็นเอกพันธ์ (ρD/s_{u0}=0) รูปแบบของการวิบัติขึ้นอยู่กับความลึกของ อุโมงค์และพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน ภาพที่ 6.19 แสดงรูปแบบการวิบัติของกรณี C/D=1 คือทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี และภาพที่ 6.20 คือลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น ของกรณี γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0 ภาพที่ 6.21-6.22 แสดงให้เห็นถึงกรณีเดียวกัน ยกเว้น กำลังของดินที่ เพิ่มขึ้นอย่างมากตามความลึก โดยที่ ρD/s_{u0}=1 โดยการเคลื่อนตัวของมวลดินมากบริเวณด้านหน้า ส่วนบนของอุโมงค์และกรณีดินเป็นแบบเอกพันธ์มีการเคลื่อนตัวของมวลดินบริเวณด้านหน้า อุโมงค์แบบสม่ำเสมอ แสดงในภาพที่ 6.21 (b) และ 6.19 (b) ตามลำดับและสอดคล้องกับงานวิจัย ของ Augarde et al. (2003)

สำหรับอุโมงค์ที่มีความลึกปานกลางในกรณีที่ดินเป็นเอกพันธ์ พร้อมกับมีหน่วยน้ำหนัก ดินปานกลาง แสดงในภาพที่ 6.23-6.24 ของกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=3 และ ρD/s_{u0}=0 โดยที่มีการ เคลื่อนตัวของมวลดินมากบริเวณด้านหน้าส่วนล่างของอุโมงค์

เมื่อกำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึก การวิบัติแบบเฉพาะที่เกิดขึ้นมากกว่า เมื่อเปรียบเทียบ กับรูปแบบการวิบัติในกรณีที่กำลังของดินเป็นแบบคงที่ ภาพที่ 6.25 และ 6.26 เปรียบเทียบการวิบัติ ของกรณีที่ C/D=3, γD/s_{u0}=3 และ ρD/s_{u0}=0

การเปรียบเทียบของ 2 ภาพนี้ มีความคล้ายกับพฤติกรรมที่ได้กล่าวมาข้างต้น สำหรับใน กรณีที่อุโมงค์ลึกคือ C/D=5 แสดงในภาพที่ 6.27-6.30 เป็นผลของกระทบจาก pD/s_u จะเห็นได้ชัด ว่า เมื่อมีก่าที่มากขึ้นทำให้เกิดการวิบัติที่แคบมาก และตื้น โดยที่ไม่มีการเกลื่อนตัวของมวลดิน บริเวณด้านล่างของอุโมงก์

6.1.3 แบบ 3 มิติ

เสถียรภาพด้านหน้าของอุโมงค์ 3 มิติ นำเสนอในเทอมแบบไร้มิติของความลึกของอุโมงค์ โดยมีค่าระหว่าง C/D=1 ถึง C/D=5 ได้สรุปไว้ในตารางที่ 6.3 และนำเสนอในรูปแบบชาร์ต เสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ ดังแสดงตามภาพที่ 6.31-6.33 ซึ่งพารามิเตอร์แบบไร้มิติเหล่านี้อัน ได้แก่ C/D, γD/s_{uo} และ ρD/s_{uo}โดยนิยามเช่นเดียวกับผลเฉลยของหน้าตัดตามขวางและหน้าตัด ตามยาว

				$(\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$			
C/D	$\rho D/s_{_{u0}}$	$\gamma D/s_{u0}=0$	$\gamma D/s_{u0} = 1$	$\gamma D/s_{u0}=2$	$\gamma D/s_{u0} = 3$	$\gamma D/s_{u0} = 4$	$\gamma D/s_{u0} = 5$
1	0.00	7.76	6.27	4.76	3.23	1.68	0.10
	0.25	9.75	8.28	6.79	5.29	3.77	2.24
	0.50	11.69	10.23	8.77	7.28	5.78	4.27
	0.75	13.61	12.16	10.70	9.22	7.74	6.24
	1.00	15.5	14.13	12.74	11.28	9.77	8.23

ตารางที่ 6.3 เสถียรภาพสำหรับอุโมงค์แบบ 3 มิติ สำหรับกรณี $\gamma D/s_{u0} = 0.5$

		$(\sigma_s^{}-\sigma_t^{})/s_{u0}^{}$						
C/D	$\rho D/s_{_{u0}}$	γD/s _{u0} =0	$\gamma D/s_{u0} = 1$	$\gamma D/s_{u0} = 2$	$\gamma D/s_{u0} = 3$	$\gamma D/s_{u0} = 4$	γD/s _{u0} =5	
2	0.00	10.00	7.51	5.00	2.46	-0.10	-2.68	
	0.25	14.58	12.10	9.62	7.12	4.61	2.08	
	0.50	19.04	16.56	14.08	11.60	9.12	6.63	
	0.75	23.46	20.99	18.52	16.04	13.56	11.08	
	1.00	27.82	25.36	22.91	20.44	17.97	15.49	
	0.00	11.41	7.92	4.41	0.87	-2.69	-6.28	
	0.25	19.01	15.54	12.04	8.54	5.01	1.47	
3	0.50	26.42	22.96	19.47	15.98	12.47	8.96	
	0.75	33.77	30.31	26.83	23.34	19.85	16.34	
	1.00	41.11	37.63	34.16	30.68	27.19	23.70	
	0.00	12.53	8.05	3.54	-1.00	-5.56	-10.15	
	0.25	23.45	19.01	14.54	10.03	5.51	0.96	
4	0.50	34.17	29.74	25.27	20.79	16.28	11.75	
	0.75	44.82	40.39	35.92	31.44	26.95	22.45	
	1.00	55.45	51.01	46.54	42.07	37.59	33.10	
5	0.00	13.32	7.85	2.33	-3.20	-8.76	-14.34	
	0.25	27.5	22.30	16.82	11.32	5.82	0.29	
	0.50	41.94	36.50	31.02	25.52	20.02	14.50	
	0.75	56.05	50.60	45.12	39.63	34.13	28.63	
	1.00	70.13	64.71	59.23	53.74	48.24	42.72	

ตารางที่ 6.3 (ต่อ) เสถียรภาพสำหรับอุโมงก์แบบ 3 มิติ สำหรับกรณี $\gamma D/s_{u0} = 0.5$

จุดต่าง ๆ ในชาร์ตเสถียรภาพที่ลากข้ามผ่านในแนวแกนจะให้การนิยามเหมือนกับชาร์ต เสถียรภาพของหน้าตัดตามขวางและหน้าตัดตามยาว



ภาพที่ 6.31 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี (a) C/D=1 และ (b) C/D=2



ภาพที่ 6.32 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี (a) C/D=3 และ (b) C/D=4



ภาพที่ 6.33 ชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ สำหรับกรณี C/D=5

ตัวอย่างลักษณะรูปแบบการวิบัติที่เกิดขึ้นในกรณีเงื่อนไขคินเหนียวเป็นเอกพันธ์และไม่เป็นเอก พันธ์ สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ แสดงคังภาพที่ 6.34-6.45



ภาพที่ 6.34 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมคที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.35 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.36 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.37 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=1, γD/s_{u0}=0 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.38 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.39 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.40 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.41 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=3, γD/s_{u0}=2 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.42 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.43 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.44 รูปแบบการวิบัติ (a) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ และ (b) ทิศ ทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบลำดับชั้นของสี สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.45 รูปแบบการวิบัติของลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น สำหรับกรณี C/D=5, γD/s_{u0}=5 และ ρD/s_{u0}=1

กรณีดินเหนียวที่เป็นเอกพันธ์ (ρ D/s_{u0}=0) รูปแบบของการวิบัติขึ้นอยู่กับความลึกของ อุโมงค์และพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน ภาพที่ 6.34 แสดงรูปแบบการวิบัติของกรณี C/D=1 คือทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบลำคับชั้นของสี และภาพที่ 6.35 คือลักษณะความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น ของกรณี γ D/s_{u0}=0 และ ρ D/s_{u0}=0 ภาพที่ 6.36-6.37 แสดงให้เห็นถึงกรณีเดียวกัน ยกเว้น กำลังของดินที่ เพิ่มขึ้นอย่างมากตามความลึกโดยที่ ρ D/s_{u0}=1 โดยการเคลื่อนตัวของมวลดินบริเวณด้านหน้าของ อุโมงค์น้อยกว่ากรณีดินเป็นแบบเอกพันธ์มีการเคลื่อนตัวของมวลดินบริเวณด้านหน้าส่วนบน อุโมงค์ แสดงในภาพที่ 6.36 (b) และ 6.34 (b) ตามลำดับ

สำหรับอุโมงค์ที่มีความลึกปานกลางในกรณีที่ดินเป็นเอกพันธ์ พร้อมกับมีหน่วยน้ำหนัก ดินปานกลาง แสดงในภาพที่ 6.38-6.39 ของกรณี C/D=3,γD/s_{u0}=3 และ ρD/s_{u0}=0 โดยที่มีการ เคลื่อนตัวของมวลดินมากบริเวณด้านหน้าส่วนล่างของอุโมงค์

เมื่อกำลังของคินเพิ่มขึ้นตามความลึก มีการเคลื่อนตัวของมวลคินมากบริเวณค้านหน้า ส่วนบนของอุโมงค์ เมื่อเปรียบเทียบกับรูปแบบการวิบัติในกรณีที่กำลังของคินเป็นแบบคงที่ ภาพที่ 6.40 และ 6.41 เปรียบเทียบการวิบัติของกรณีที่ C/D=3, γD/s_u=3 และ ρD/s_u=1

การเปรียบเทียบของ 2 ภาพนี้ มีความคล้ายกับพฤติกรรมที่ได้กล่าวมาข้างต้น สำหรับใน กรณีที่อุโมงค์ลึกคือ C/D=5 แสดงในภาพที่ 6.44-6.45 เป็นผลของกระทบจาก ρD/s_u จะเห็นได้ชัด ว่า เมื่อมีก่าที่มากขึ้นทำให้เกิดการวิบัติที่แคบมาก และตื้น โดยที่ไม่มีการเกลื่อนตัวของมวลดิน บริเวณด้านล่างของอุโมงก์

กรณีเงื่อนไขสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร

การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์สำหรับเงื่อนไขนี้ พิจารณาใช้ PLAXIS 3D ในการศึกษา แบบ 3 มิติ และ PLAXIS 2D ในแบบ 2 มิติ โดยวิเคราะห์หาอัตราส่วนความปลอดภัยจากการขุด เจาะอุโมงค์ในโครงการรถไฟฟ้ามหานคร (MRTA) ในระหว่างที่ได้มีการควบคุมแรงดันบริเวณ ด้านหน้าอุโมงค์ ซึ่งพิจารณาจากแรงดันเฉลี่ยน้อยที่สุด ปานกลาง และมากที่สุดในขณะนั้น ตาม งานวิจัยของ Chanaton Surarak (2010) ได้ทำการสรุปผลการวิเคราะห์ไว้ในตารางที่ 6.4 -6.5

ตารางที่ 6.4 เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบ 3 มิติ สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้นดิน กรุงเทพมหานคร

section	Face pressure (σ _t) kPa	Factor of safety (FS)	Number of elements	Number of nodes	Average element size (10 ⁻³ m)	
	130	2.642		79,183	689.30	
26-001	155	3.010	54,141			
	180	3.510				
	40	2.111				
23-001	60	2.230	65,049	93,672	766.50	
	80	2.325				
	150	2.955				
CS-8	175	3.460	57,361	83,953	649.40	
	200	4.163				
	50	2.722	54,136	78,879	923.80	
7C	100	3.164				
	150	3.772				

section	Face pressure (σ _t) kPa	Factor of safety (FS)					
		3D	2DT	2DL	3D/2DT	3D/2DL	
	130	2.642	0.926	1.405	2.853	1.880	
26-001	155	3.010	1.106	1.603	2.722	1.878	
	180	3.510	1.366	1.867	2.570	1.880	
	40	2.111	0.697	1.058	3.029	1.995	
23-001	60	2.230	0.743	1.131	3.001	1.972	
	80	2.325	0.792	1.216	2.936	1.912	
	150	2.955	1.067	1.578	2.769	1.873	
CS-8	175	3.460	1.320	1.833	2.621	1.888	
	200	4.163	1.708	2.192	2.437	1.899	
	50	2.722	0.899	1.411	3.028	1.929	
7C	100	3.164	1.073	1.642	2.949	1.927	
	150	3.772	1.327	1.963	2.843	1.922	

ตารางที่ 6.5 เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้นดิน กรุงเทพมหานคร

ตัวอย่างลักษณะรูปแบบการวิบัติที่เกิดขึ้นในกรณีสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ แสดงดังภาพที่ 6.46-6.69



ภาพที่ 6.46 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 26-001, σ_t =130 kPa



ภาพที่ 6.47 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลคินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 26-001, σ_ι=130 kPa



ภาพที่ 6.48 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 26-001, σ_i =155 kPa



ภาพที่ 6.49 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเกรียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 26-001, σ_ι=155 kPa



ภาพที่ 6.50 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 26-001, σ_i =180 kPa



ภาพที่ 6.51 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเกรียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 26-001, σ_ι=180 kPa



ภาพที่ 6.52 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 23-001, σ_t =40 kPa



ภาพที่ 6.53 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 23-001, σ_ι=40 kPa



ภาพที่ 6.54 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 23-001, σ_t =60 kPa



ภาพที่ 6.55 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเกรียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 23-001, σ_t=60 kPa



ภาพที่ 6.56 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 23-001, σ_t =80 kPa



ภาพที่ 6.57 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเกรียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 23-001, σ_t=80 kPa



ภาพที่ 6.58 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด CS-8, σ_ι=150 kPa



ภาพที่ 6.59 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเกรียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด CS-8, σ_ι=150 kPa



ภาพที่ 6.60 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด CS-8, σ_ι=175 kPa



ภาพที่ 6.61 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลคินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด CS-8, σ_ι=175 kPa



ภาพที่ 6.62 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด CS-8, σ_i=200 kPa



ภาพที่ 6.63 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเกรียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเกลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด CS-8, σ_t=200 kPa



ภาพที่ 6.64 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 7C, σ_t=50 kPa



ภาพที่ 6.65 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 7C, σ_ι=50 kPa



ภาพที่ 6.66 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 7C, σ_เ=100 kPa



ภาพที่ 6.67 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลคินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 7C, σ_ι=100 kPa



ภาพที่ 6.68 รูปแบบการวิบัติ (a) การเสียรูปของมวลดินและ (b) ทิศทางการเคลื่อนตัวทั้งหมดที่ เพิ่มขึ้นแบบเวกเตอร์ สำหรับหน้าตัด 7C, σ_ι=150 kPa



ภาพที่ 6.69 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น (b) การเคลื่อนตัวของมวลดินแบบ พื้นผิวไอโซเมตริก สำหรับหน้าตัด 7C, σ_ι=150 kPa

6.1.4 การเปรียบเทียบความสัมพันธ์กับงานวิจัยในอดีต

เสถียรภาพด้านหน้าของอุโมงก์แบบหน้าตัดตามขวาง, หน้าตัดตามยาว และแบบ 3 มิติโดย ทั้งหมดจะนำเสนอในเทอมแบบไร้มิติของความลึกของอุโมงก์โดยมีก่าระหว่าง C/D=1 ถึง C/D=5 ซึ่งได้นำเสนอในรูปแบบชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ อันได้แก่ C/D, (σ_s – σ_t)/s_{uo}, γD/s_{uo}และ ρD/s_{uo} และได้เปรียบเทียบดังนี้

สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวางจะทำการเปรียบเทียบกับงานวิจัยของ Wilson et al. (2011) ซึ่งใช้วิธีการวิเคราะห์ไฟไนต์อิลิเมนต์ลิมิต (Finite Element Limit Analysis) พบว่ามีความ สอดคล้องในลักษณะเชิงเส้นและอยู่ระหว่างผลเฉลยของขอบบนกับขอบล่างในทุกกรณีและได้ผล เฉลยดังแสดงตามภาพที่ 6.70-6.72



ภาพที่ 6.70 เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามขวาง ในกรณี C/D=1 และ C/D=2 ตามลำคับ



ภาพที่ 6.71 เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามขวาง ในกรณี C/D=3 และ C/D=4 ตามลำคับ



ภาพที่ 6.72 เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามขวาง ในกรณี C/D=5

สำหรับกรณีหน้าตัดตามขาวทำการเปรียบเทียบกับงานวิจัยของ Augarde et al. (2003) ซึ่ง ใช้วิธีการวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์ลิมิต แต่เนื่องจากมีข้อมูล γD/s_{u0} ให้เปรียบเทียบอยู่ระหว่าง 0 ถึง 3 ซึ่งพบว่ามีความสอดคล้องในลักษณะเชิงเส้นและอยู่ระหว่างผลเฉลยของขอบบนกับขอบล่างใน ทุกกรณีและมีแนวโน้มไปในทิศทางเดียวกับกับการศึกษาในกรณีนี้ซึ่งผลเฉลยดังแสดงตามภาพที่ 6.73-6.75



ภาพที่ 6.73 เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามยาว ในกรณี C/D=1 และ C/D=2 ตามลำคับ



ภาพที่ 6.74 เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามยาว ในกรณี C/D=3 และ C/D=4 ตามลำดับ



ภาพที่ 6.75 เปรียบเทียบผลเฉลยหน้าตัดตามยาว ในกรณี C/D=5

สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ ทำการเปรียบเทียบกับงานวิจัยของ Sloan (2013) ซึ่งใช้วิธีการ วิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์ลิมิต แบบ 3 มิติ แต่เนื่องจากมีข้อมูลจำกัดในการเปรียบเทียบ โดยกำหนด C/D=3, σ_s=0 kPa, γD/s_{u0}=3.60 และ ρD/s_{u0}=0

พบว่าผลเฉลยที่ได้นั้นดีกว่าขอบบนและก่อนไปในทิศทางของขอบล่าง โดยแสดงใน ลักษณะเชิงเส้นซึ่งอยู่ระหว่างผลเฉลยของขอบบนกับขอบล่างและได้ผลเฉลยดังแสดงตามภาพที่ 6.76 ทั้งยังแสดงรูปแบบของการวิบัติที่เกิดขึ้น ตามภาพที่ 6.77



ภาพที่ 6.76 เปรียบเทียบผลเฉลยแบบ 3 มิติ ในกรณี C/D=3, σ_s =0 kPa, γ D/s_{u0}=3.60 และ ρ D/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.77 รูปแบบการวิบัติ (a) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น และ (b) ความเครียดเฉือนที่เพิ่มขึ้น แบบพื้นผิวไอโซเมตริก C/D=3, σ_s=0 kPa, γD/s_{u0}=3.60 และ ρD/s_{u0}=0

6.1.5 สมการเซมิ-เอมพิริคัล จากการปรับเส้นโค้ง

การวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียวนั้นถือว่ามี กวามสำคัญและจำเป็นอย่างมากในงานก่อสร้างอุโมงก์ในดินเหนียวด้วยระบบหัวเจาะแบบแรงคัน ดินสมดุล ซึ่งขั้นตอนของการออกแบบเพื่อให้มีการทุดตัวที่น้อยที่สุดของพื้นผิวดินด้านบนเหนือ อุโมงก์ซึ่งการวิเกราะห์ และเพื่อให้สมบูรณ์จริงๆ นั้น จำเป็นด้องวิเกราะห์ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ ในแบบ 3 มิติ เพื่อให้ทราบถึงพฤติกรรมที่แท้จริงของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ เนื่องจากวิธีการ ดังกล่าว ใช้ประมวลผลก่อนข้างมาก ทั้งยังมีขั้นตอนยุ่งยากสลับซับซ้อน เป็นอย่างยิ่ง ซึ่งในหลัก ปฏิบัติโดยส่วนใหญ่นั้น มักทราบหน่วยน้ำหนักของดินและกำลังรับแรงเจือนของดิน และสิ่งที่มี ความจำเป็นอย่างยิ่งกือการหาก่าของแรงดันด้านหน้าภายในอุโมงก์ น้ำหนักบรรทุกที่อยู่บนผิวดิน เพื่อรักษาความมีเสถียรภาพของอุโมงก์ไว้ รวมไปถึงอัตราส่วนปลอดภัยที่เกิดขึ้นในขณะนั้น อย่างไรก็ดี ผู้วิจัยได้นำเสนอชาร์ตเสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ เพื่อช่วยในการวิเคราะห์หาก่า ดังกล่าว ทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ ไว้แล้วนั้นก็ตาม แต่ในทางปฏิบัติ วิสวกรเหล่านั้นต้องทำการ กำนวณแบบวนซ้ำหรือลองผิดลองถูกเพื่อหาค่าพักรามิเตอร์ต่าง ๆ ในการวิเคราะห์ เช่น กำลังรับ แรงเลือนของดิน เป็นต้น จากปัญหาข้างด้นผู้วิจัยจึงเสนอวิธีการที่สามารถหาได้โดยตรงโดย ปราศจากการใช้ชารต์เสถียรภาพของพารามิเตอร์ไร้มิติ ซึ่งมีความถูกต้องแม่นยำกับข้อมูลจากผล เฉลยเชิงตัวเลขที่ได้จากการวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ

จากที่กล่าวไปแล้วในปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียวทั้งในการ วิเคราะห์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ ซึ่งมีพารามิเตอร์แบบมีมิติ ที่เกี่ยวข้องกันจำนวน 7 พารามิเตอร์ได้แก่ σ_s, σ_t, C, D, s_{uo}, γ, ρ โดยสามารถจัดกลุ่มให้อยู่ในรูปแบบของการวิเคราะห์พารามิเตอร์แบบไร้มิติ ได้ โดย Butterfield (1999) ได้นำเสนอไว้ ซึ่งมีประโยชน์มากในการช่วยลดจำนวนของตัวแปรใน การศึกษาอิงพารามิเตอร์ พิจารณาจัดกลุ่มให้อยู่ในรูปของพารามิเตอร์ไร้มิติพร้อมให้มี ความสัมพันธ์กันในรูปแบบของฟังก์ชันตามสมการที่ 2.25 ซึ่งเสนอโดย กงกิจ ยิ่งเจริญกิจขจร และ บุญชัย อุกฤษฎชน (2556)

$$FS\frac{(\sigma_s - \sigma_t)}{s_{u0}} = f\left(\frac{C}{D}, FS\left(\frac{\gamma D}{s_{u0}}\right), FS\left(\frac{\rho D}{s_{u0}}\right)\right)$$
(6.1)

โดยอาศัยสมการทางคณิตศาสตร์หลาย ๆ แบบในการลองผิดลองถูก เพื่อให้ได้ความเหมาะสมกับ ความสัมพันธ์และข้อมูลผลเฉลยเชิงตัวเลขที่มีอยู่ ซึ่งก็ได้มีงานวิจัยที่ได้เสนอสมการสำหรับปัญหา เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ เช่น Abbo et al. (2013), Wilson et al. (2011), (2013) และ Yamamotoet al. (2011 (a), (b)) โดยได้ทำการวิเคราะห์และสังเกตความสัมพันธ์ของกลุ่มชุดข้อมูลของ พารามิเตอร์ไร้มิติในรูปแบบที่ต่าง ๆ กัน ดังนี้

ในความสัมพันธ์ของพารามิเตอร์ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ C/D พบว่ามี ความสัมพันธ์กันในลักษณะแบบไม่เชิงเส้น ตัวอย่างแสดงคังภาพที่ 6.78 ในกรณีหน้าตัดตามขวาง ภาพที่ 6.79 หน้าตัดตามยาว และภาพที่ 6.80 แบบ 3 มิติ โดยทั้งหมดอยู่ในเงื่อนไขของ ρD/s_{u0}=0.25


ภาพที่ 6.78 ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ C/D ภายใต้ เงื่อนไขของ ρD/s_{u0}=0.25 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.79 ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ C/D ภายใต้้ เงื่อนไขของ ρD/s_{u0}=0.25 สำหรับกรณีหน้าตัดตายาว



ภาพที่ 6.80 ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ C/D ภายใต้้ เงื่อนไขของ ρD/s_{u0}=0.25 สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ

ในกวามสัมพันธ์ของพารามิเตอร์ ρD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ γD/s_{u0} พบว่า มีกวามสัมพันธ์กันในลักษณะเชิงเส้น ตัวอย่างแสดงดังภาพที่ 6.81 ในกรณีหน้าตัดตามขวาง ภาพที่ 6.80 หน้าตัดตามยาว และภาพที่ 6.81 แบบ 3 มิติ โดยทั้งหมดอยู่ในเงื่อน C/D=1



ภาพที่ 6.81 ลักษณะความสัมพันธ์ของ ρD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ γD/s_{u0} ภายใต้ เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.82 ลักษณะความสัมพันธ์ของ ρD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ γD/s_{u0} ภายใต้ เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.83 ลักษณะความสัมพันธ์ของ ρD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ γD/s_{u0} ภายใต้้ เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ

ในกวามสัมพันธ์ของพารามิเตอร์ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ ρD/s_{u0} พบว่า มีกวามสัมพันธ์กันในลักษณะเชิงเส้น ตัวอย่างแสดงดังภาพที่ 6.84 ในกรณีหน้าตัดตามขวาง ภาพที่ 6.85 หน้าตัดตามยาว และภาพที่ 6.86 แบบ 3 มิติ โดยทั้งหมดอยู่ในเงื่อน C/D=1



ภาพที่ 6.84 ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ ρD/s_{u0} ภายใต้ เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.85 ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ ρD/s_{u0} ภายใต้ เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว



ภาพที่ 6.86 ลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ ρD/s_{u0} ภายใต้ เงื่อนไขของ C/D=1 สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ

จากการสังเกตอาจกล่าวได้ว่าชุดข้อมูลของพารามิเตอร์ไร้มิตินั้น มีความสัมพันธ์กันใน ลักษณะเชิงเส้น ประกอบกับผู้วิจัยได้ลองผิดลองถูกจากข้อมูลผลเฉลยเชิงตัวเลขจำนวนมาก เพื่อให้ ได้สมการที่เหมาะสมที่สุด โดยได้นำเสนอรูปแบบสมการที่ได้จากวิธีกำลังสองน้อยที่สุดโดยมี ลักษณะเป็นสมการแบบโพลิโนเมียล ซึ่งมีตัวยกกำลังคงที่ดังแสดงในสมการที่ 6.2 อย่างไรก็ตาม สมการที่ดีจะต้องมีเงื่อนไขที่ 1) มีรูปแบบความสัมพันธ์ที่ง่าย 2) จะต้องไม่ใช้สมการโพลิโนเมียลที่ มีกำลังสูง 3) จำนวนของค่าคงที่จะต้องน้อยที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้ สำหรับการนำเสนอสมการนั้น จะมีตัวแปรอิสระอยู่ทั้งหมด 3 ตัวแปรดังสมการที่ 6.3 และตัวแปรตามหนึ่งตัวแปร ดังสมการที่ 6.4 ซึ่งสมการที่ได้นำเสนอนี้ต้องการค่าสัมประสิทธิ์ทั้งหมด 5 ตัวกือ ล₁-ล₅

$$y = a_1 \left(x_1^{a_2} + x_3 x_1^{a_5} \right) + a_3 x_1^{a_4} x_2 \tag{6.2}$$

$$x_1 = \frac{C}{D}, x_2 = \frac{\gamma D}{s_{u0}}, x_3 = \frac{\rho D}{s_{u0}}$$
(6.3)

$$y = \frac{(\sigma_s - \sigma_t)}{s_{u0}} \tag{6.4}$$

ซึ่งผลเฉลยที่เหมาะสมที่สุดของก่าสัมประสิทธิ์ทั้ง 5 ก่า ได้มาจากวิธีทางสถิตของการ ปรับเส้นโค้ง โดยใช้เทคนิคการวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้น โดยได้แสดงผลการ วิเคราะห์เปรียบเทียบของผลเฉลยเชิงตัวเลขกับสมการปรับเส้นโค้งที่ได้นำเสนอ ตามภาพที่ 6.87-6.89 และผลเฉลยที่เหมาะสมที่สุดของก่าสัมประสิทธิ์ทั้ง 5 ก่าแสดงดังตารางที่ 6.6-6.8



Finite element solution

ภาพที่ 6.87 การเปรียบเทียบของผลเฉลยเชิงตัวเลขกับสมการปรับเส้นโค้งที่ได้นำเสนอ สำหรับ กรณีหน้าตัดตามขวาง



Finite element solution

ภาพที่ 6.88 การเปรียบเทียบของผลเฉลยเชิงตัวเลขกับสมการปรับเส้นโค้งที่ได้นำเสนอ สำหรับ กรณีหน้าตัดตามยาว



Finite element solution

ภาพที่ 6.89 การเปรียบเทียบของผลเฉลยเชิงตัวเลขกับสมการปรับเส้นโค้งที่ได้นำเสนอ สำหรับ กรณีแบบ 3 มิติ ตารางที่ 6.6 ผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถคถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้น สำหรับหน้าตัดตามขวาง

a ₁	a ₂	a ₃	a ₄	a ₅
2.3259	0.4746	-1.1781	0.9381	1.3468
2				

Remark: $R^2 = 99.92\%$

ตารางที่ 6.7 ผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถคลอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้น สำหรับหน้าตัดตามยาว

a ₁	a ₂	a ₃	a ₄	a ₅
4.4228	0.3140	-1.4457	0.8276	1.2140

Remark: $R^2 = 99.97\%$

ตารางที่ 6.8 ผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้น สำหรับแบบ 3 มิติ

a ₁	a ₂	a ₃	a ₄	a ₅
7.8109	0.3477	-1.4731	0.8117	1.2294

Remark: $R^2 = 99.98\%$

หลังจากได้วิเคราะห์ถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้นแล้ว มีความจำเป็นอย่างยิ่งที่ต้องพิจารณาได้ว่า สมการดังกล่าวนั้นมีความเหมาะสมหรือไม่ โดยใช้สัมประสิทธิ์การตัดสินใจ ซึ่งใช้ตัวย่อว่า R² กล่าวคือค่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ มีค่าเข้าใกล้ 1 มากเท่าใด แสดงว่าสามารถอธิบายค่าของตัว แปรตามได้ดี เนื่องจากตัวแปรอิสระกับตัวแปรตามมีความสัมพันธ์กันมาก แต่ถ้าเข้าใกล้ 0 แสดงว่า สมการถดถอยไม่สามารถอธิบายค่าของตัวแปรตามได้ดีนัก อาจกล่าวได้ว่า ตัวแปรอิสระและตัว แปรตามมีความสัมพันธ์กันน้อย และ โดยทุกรณีไม่ว่าจะเป็นหน้าตัดแบบขวาง หน้าตัดตามยาว หรือ แบบ 3 มิติ ล้วนมีค่าสัมประสิทธิ์การตัดสินใจ ไม่ต่ำกว่า 99% จึงอาจกล่าวได้ว่าสมการพร้อมกับผล เฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้นที่ได้มีความถูกต้อง แม่นย่ำเป็นอย่างมาก

6.2 ผลกระทบ 3 มิติของเสลียรภาพแบบไม่ระบายน้ำ

เป็นที่ทราบโดยทั่วไปว่าการวิเคราะห์แบบ 3 มิติ นั้นจะให้ก่าที่สูงกว่าการวิเคราะห์แบบ 2 มิติ โดย ผู้วิจัยต้องการเปรียบเทียบผลกระทบ 3 มิติ ต่อปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ โดยการทำการ เปรียบเทียบพารามิเตอร์ไร้มิติที่เท่ากัน ซึ่งได้นำเสนอรูปแบบในการเปรียบเทียบผลกระทบ 3 มิติ ดังนี้

6.2.1 หน้าตัดตามขวางต่อแบบ 3 มิติ

ผลกระทบ 3 มิติของเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำค้านหน้าอุโมงก์ สำหรับหน้าตัดตามขวาง ต่อแบบ 3 มิติ ในความสัมพันธ์ของพารามิเตอร์ γD/s_u โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_u กับ C/D ซึ่ง อยู่ในเงื่อนไขของพารามิเตอร์ ρD/s_u มีค่าระหว่าง ρD/s_u=0 ถึง ρD/s_u=1 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25 ได้สรุปไว้ในภาพที่ 6.90-6.92



ภาพที่ 6.90 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} ในกรณี (a) $\rho D/s_{u0}$ =0, (b) $\rho D/s_{u0}$ =0.25



ภาพที่ 6.91 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} ในกรณี (a) $\rho D/s_{u0}$ =0.50, (b) $\rho D/s_{u0}$ =0.75



ภาพที่ 6.92 ผลกระทบ 3 มิติ ค่อ 2DT ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00

ผลกระทบเสนอในรูปของพารามิเตอร์ (σ_s – σ_t)/s_{u0} ของกรณี 3 มิติ หารด้วยหน้าตัดตาม ขวางในกรณี 2 มิติ เมื่อ C/D และ γD/s_{u0} เหมือนกันทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ โดยที่ค่า γD/s_{u0} มีค่า ตั้งแต่ 0 ถึง 5 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1

ผลกระทบ 3 มิติ ของกรณีแบบเอกพันธ์พบว่า ผล 3D/2DT ของกรณีมีหน่วยน้ำหนักดิน น้อยถึงปานกลาง (γD/s_{u0}=1-2) โดยสำหรับกรณี γD/s_{u0}=1 มีความคงที่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบ ตื้น (C/D=1-3) และมีแนวโน้มแปรปรวนแบบไม่คงที่ เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก (C/D=4-5) และกรณี γD/s_{u0}=2 มีการเปลี่ยนแปลงอย่างมากที่ C/D =1 และมีแนวโน้มเริ่มคงที่ตั้งแต่ C/D=2-5มี ดังแสดงตามภาพที่ 6.90(a)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=0.25 หน่วยน้ำหนักดิน ปานกลาง (γD/s_{u0}=2) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมากที่ C/D=3-4 และความ แปรปรวนมีแนวโน้มลดลง แบบไม่คงที่ดังแสดงตามภาพที่ 6.90(b)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=0.50 หน่วยน้ำหนักดิน มาก (γD/s_{u0}=3) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมากที่ C/D=1 และมีความ แปรปรวนมีแนวโน้มลดลงแต่ไม่คงที่ ที่ C/D=2-5 ดังแสดงตามภาพที่ 6.91(a)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=0.75 หน่วยน้ำหนักดิน มาก (γD/s_{u0}=3-4) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} โดยสำหรับกรณี γD/s_{u0}=3 มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมาก เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบตื้น (C/D=1-3) และมีแนวโน้มลดลงและเริ่มคงที่ เมื่ออยู่ใน เงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก (C/D=4-5) และ γD/s_{u0}=4 มีแนวโน้มคงที่ เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์ แบบตื้น และมีแนวโน้มเปลี่ยนแปลงอย่างมากอีกครั้ง เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก เป็นต้น ไป ดังแสดงตามภาพที่ 6.91(b)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=1.00 หน่วยน้ำหนักดิน มากถึงมากที่สุด (γD/s_{u0}=4-5) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} เมื่อ γD/s_{u0}=4 มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมาก เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบตื้น (C/D=1-3) และมีแนวโน้มลดลงและเริ่มคงที่ เมื่ออยู่ใน เงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก (C/D=4-5) สำหรับกรณีหน่วยน้ำหนักดินมากที่สุด (γD/s_{u0}=5) เมื่อ γD/s_{u0}=5 มีแนวโน้มคงที่ เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบตื้น และมีแนวโน้มเปลี่ยนแปลงอย่าง มากอีกครั้ง เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก เป็นต้นไป ดังแสดงตามภาพที่ 6.92

ผลกระทบ 3 มิติของเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำด้านหน้าอุโมงค์ สำหรับหน้าตัดตาม ขวางต่อแบบ 3 มิติ ในความสัมพันธ์ของพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน (γD/s_u) โดยแปร ผันระหว่าง อัตราส่วนความปลอดภัย (FS) กับอัตราส่วนความลึกของอุโมงค์ (C/D) ซึ่งอยู่ใน เงื่อนไขของ พารามิเตอร์ $\rho D/s_{u0}$ ซึ่งมีค่าระหว่าง $\rho D/s_{u0}=0$ ถึง $\rho D/s_{u0}=1.00$ โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 0.25 และอยู่ในเงื่อนไขของ ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$ ซึ่งมีค่าระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}=-2$ ถึง ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}=2$ โดยเพิ่มขึ้น ครั้งละ 1 ได้สรุปไว้ในภาพที่ 6.93-6.107



ภาพที่ 6.93 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0, (b) pD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}= -2



ภาพที่ 6.94 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข ($\sigma_{s}-\sigma_{t}$)/s_{u0}= -2



ภาพที่ 6.95 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี $ho D/s_{u0}=1.00$ ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_{s}-\sigma_{l}$)/ $s_{u0}=-2$



ภาพที่ 6.96 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0, (b) pD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s – σ_t)/s_{u0}= -1



ภาพที่ 6.97 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข ($\sigma_{\rm s}-\sigma_{\rm t}$)/s_{u0}= -1



ภาพที่ 6.98 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$ = -1



ภาพที่ 6.99 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) ρD/s_{u0}=0, (b) ρD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.100 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.101 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} =0



ภาพที่ 6.102 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0, (b) pD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s – σ_t)/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.103 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=1



ภาพที่ 6.104 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}=1.00$ ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}=1$



ภาพที่ 6.105 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0, (b) pD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=2



ภาพที่ 6.106 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=2



ภาพที่ 6.107 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DT ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} =2

ผลกระทบเสนอในรูปอัตราส่วนความปลอดภัย ของกรณี 3 มิติ หารด้วยหน้ำตัดตาม ขวางในกรณี 2 มิติ เมื่ออัตราส่วนความลึกของอุโมงค์ (C/D) และพารามิเตอร์แรงกระทำจาก น้ำหนักดิน (γD/s_{u0}) เหมือนกันทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ โดยที่ค่า γD/s_{u0} มีค่าตั้งแต่ 1 ถึง 5 โดย เพิ่มขึ้นครั้งละ 1 และอยู่ในเงื่อนไขของพารามิเตอร์ ($\sigma_s - \sigma_t$)/s_{u0} ซึ่งมีค่าระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t$)/s_{u0}= -2 ถึง ($\sigma_s - \sigma_t$)/s_{u0}=2 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1 ผลกระทบ 3 มิติ ของกรณีแบบเอกพันธ์และไม่เป็นแบบเอก พันธ์ พบว่า ผลเฉลย (FS 3D)/(FS 2DT) ของพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดินซึ่งอยู่ในเงื่อนไข ของ พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบไม่ระบายน้ำในทุกรณี มีค่าอยู่ประมาณ 2.5-3.0 ดังแสดงตามภาพที่ 6.93-6.107

6.2.2 หน้าตัดตามยาวต่อแบบ 3 มิติ

ผลกระทบ 3 มิติของเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำด้านหน้าอุโมงค์ สำหรับหน้าตัด ตามยาวต่อแบบ 3 มิติ พิจารณาเปรียบเทียบความสัมพันธ์เช่นเดียวกับหน้าตัดตามขวางใน พารามิเตอร์ไร้มิติที่เท่ากันและสรุปไว้ในภาพที่ 6.108-6.110



ภาพที่ 6.108 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} ในกรณี (a) $\rho D/s_{u0}$ =0, (b) $\rho D/s_{u0}$ =0.25



ภาพที่ 6.109 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} ในกรณี (a) $\rho D/s_{u0}$ =0.50, (b) $\rho D/s_{u0}$ =0.75



ภาพที่ 6.110 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/ s_{u0} ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00

ผลกระทบเสนอในรูปของพารามิเตอร์ (σ_s – σ_t)/s_{u0} ของกรณี 3 มิติ หารด้วยหน้าตัด ตามยาวในกรณี 2 มิติ เมื่อ C/D และ γD/s_{u0} เหมือนกันทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ โดยที่ค่า γD/s_{u0} มีก่าตั้งแต่ 0 ถึง 5 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1

ผลกระทบ 3 มิติ ของกรณีแบบเอกพันธ์พบว่า ผล 3D/2DL ของกรณีมีหน่วยน้ำหนักดิน ปานกลางถึงมาก γD/s_{u0}=1-3 โดยสำหรับกรณี γD/s_{u0}=1 มีความคงที่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบตื้น (C/D=1-3) และมีแนวโน้มเพิ่มขึ้น เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก (C/D=4-5) กรณี γD/s_{u0}=2 มีการเปลี่ยนแปลงอย่างมากและไม่คงที่ เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบตื้น และมีแนวโน้มเริ่ม คงที่ เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของอุโมงค์แบบลึก และสำหรับกรณี γD/s_{u0}=3 มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลัน อย่างมากในช่วง C/D=1 และมีแนวโน้มคงที่ เมื่ออุโมงค์มีความลึกขึ้น ดังแสดงตามภาพที่ 6.108(a)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=0.25 หน่วยน้ำหนักดิน ปานกลาง (γD/s_{u0}=1) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมากที่ C/D=3 และมีความ แปรปรวนแบบไม่คงที่ดังแสดงตามภาพที่ 6.108(b)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=0.50 หน่วยน้ำหนักดิน มาก (γD/s_{u0}=4) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมากที่ C/D=4 และความ แปรปรวนมีแนวโน้มเพิ่มขึ้นอย่างต่อเนื่องและเริ่มลดลงที่ C/D=5 ดังแสดงตามภาพที่ 6.109(a)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=0.75 หน่วยน้ำหนักดิน มากที่สุด (γD/s_{u0}=5) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} เมื่อ γD/s_{u0}=5 มีการเปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมากที่ C/D=1 และความแปรปรวนมีแนวโน้มลดลงอย่างต่อเนื่อง เมื่ออุโมงก์มีความลึกเพิ่มขึ้น ดังแสดงตามภาพที่ 6.109(b)

สำหรับกรณีที่กำลังของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกเท่ากับ ρD/s_{u0}=1.00 หน่วยน้ำหนักดิน มากถึงมากที่สุด (γD/s_{u0}=4-5) โดย (σ_s – σ_t)/s_{u0} เมื่อ γD/s_{u0}=4 มีการเปลี่ยนแปลงอย่างมาก เมื่ออยู่ใน เงื่อนไขของอุโมงก์แบบตื้น (C/D=1-3) และมีแนวโน้มลดลงและเริ่มคงที่ เมื่ออยู่ในเงื่อนไขของ อุโมงก์แบบลึก (C/D=4-5) สำหรับกรณีหน่วยน้ำหนักดินมากที่สุด (γD/s_{u0}=5) เมื่อ γD/s_{u0}=5 มีการ เปลี่ยนแปลงฉับพลันอย่างมากที่ C/D=1 และความแปรปรวนมีแนวโน้มลดลงอย่างต่อเนื่อง เมื่อ อุโมงก์มีความลึกเพิ่มขึ้น ดังแสดงตามภาพที่ 6.110 ผลกระทบ 3 มิติของเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำด้านหน้าอุโมงก์ สำหรับหน้าตัด ตามยาวต่อแบบ 3 มิติ ในกวามสัมพันธ์ของพารามิเตอร์ $\gamma D/s_{u0}$ โดยแปรผันระหว่าง อัตราส่วนกวาม ปลอดภัย (FS) กับอัตราส่วนกวามลึกของอุโมงก์ (C/D) ซึ่งอยู่ในเงื่อนไขของพารามิเตอร์ $\rho D/s_{u0}$ ซึ่ง มีก่าระหว่าง $\rho D/s_{u0}=0$ ถึง $\rho D/s_{u0}=1.00$ โดยเพิ่มขึ้นกรั้งละ 0.25 และอยู่ในเงื่อนไขของพารามิเตอร์ ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$ ซึ่งมีก่าระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}= -2$ ถึง ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}=2$ โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1 ได้สรุปไว้ใน ภาพที่ 6.111-6.125



ภาพที่ 6.111 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) $\rho D/s_{u0}=0$, (b) $\rho D/s_{u0}=0.25$ ภายใต้้ เงื่อน ใบ ($\sigma_s - \sigma_t$)/ $s_{u0}=-2$



ภาพที่ 6.112 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข ($\sigma_{\rm s}-\sigma_{\rm t}$)/s_{u0}= -2



ภาพที่ 6.113 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} = -2







ภาพที่ 6.115 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s_{u0}= -1



ภาพที่ 6.116 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t)/s_{u0}$ = -1



ภาพที่ 6.117 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0, (b) pD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.118 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.119 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} =0







ภาพที่ 6.121 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=1







ภาพที่ 6.123 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0, (b) pD/s_{u0}=0.25 ภายใต้ เงื่อนไข ($\sigma_{s} - \sigma_{t}$)/s_{u0}=2



ภาพที่ 6.124 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี (a) pD/s_{u0}=0.50, (b) pD/s_{u0}=0.75 ภายใต้ เงื่อนไข (σ_s - σ_t)/s_{u0}=2



ภาพที่ 6.125 ผลกระทบ 3 มิติ ต่อ 2DL ของ FS ในกรณี $\rho D/s_{u0}$ =1.00 ภายใต้เงื่อนไข ($\sigma_s - \sigma_t$)/ s_{u0} =2

ผลกระทบเสนอในรูปอัตราส่วนความปลอดภัย ของกรณี 3 มิติ หารด้วยหน้าตัดตามยาว ในกรณี 2 มิติ เมื่ออัตราส่วนความลึกของอุโมงค์ (C/D) และ พารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน (γ D/s_{u0}) เหมือนกันทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ โดยที่ค่า γ D/s_{u0} มีค่าตั้งแต่ 1 ถึง 5 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1 และอยู่ในเงื่อนไขของพารามิเตอร์ ($\sigma_s - \sigma_t$)/s_{u0} ซึ่งมีค่าระหว่าง ($\sigma_s - \sigma_t$)/s_{u0}= -2 ถึง ($\sigma_s - \sigma_t$)/s_{u0}=2 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1 ผลกระทบ 3 มิติ ของกรณีแบบเอกพันธ์และไม่เป็นแบบเอกพันธ์ พบว่า ผล เฉลย (FS 3D)/(FS 2DL) ของพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดินซึ่งอยู่ในเงื่อนไขของ พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบไม่ระบายน้ำในทุกรณี มีค่าอยู่ประมาณ 1.8-2.0 ดัง แสดงตามภาพที่ 6.111-6.125

6.3 การประยุกต์ใช้งาน

สำหรับการออกแบบในทางปฏิบัตินั้น ผู้ออกแบบต้องการหาค่าอัตราส่วนความปลอดภัย และแรงคันภายในที่กระทำบริเวณค้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ ซึ่งผู้วิจัยได้ทำการนำเสนอ ผลเฉลยเชิงตัวเลขที่ได้จากชาร์ตเสถียรภาพ และเพื่อให้สะควกและง่ายต่อการนำไปใช้ผู้วิจัยได้ นำเสนอผลเฉลยเชิงตัวเลขที่ได้จากสมการเซมิ-เอมพิริกัล จากการปรับเส้นโก้งคังแสดงตามสมการ ที่ 6.2 พร้อมผลเฉลยของก่าสัมประสิทธิ์จากการวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้นตาม ตารางที่ 6.8-6.9 ทั้งแบบหน้าตัดตามขวาง หน้าตัดตามยาว และแบบ 3 มิติ ตามลำคับ เนื่องจาก สมการคังกล่าวได้นำเสนอในรูปแบบของสมการในลักษณะเป็นสมการแบบโพลิโนเมียล ซึ่ง ในทางปฏิบัติอาจจะไม่สะควกในการนำไปใช้ออกแบบ คังนั้นผู้วิจัยจึงนำเสนอในรูปแบบทั่วไป แบบไร้มิติซึ่งง่ายต่อการนำไปใช้คังสมการที่ 6.5 สำหรับวิเกราะห์หาแรงคันภายในที่กระทำบริเวณ ค้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ และสมการที่ 6.6 สำหรับวิเกราะห์หาอัตราส่วนความปลอคภัย ของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์

$$\frac{\sigma_t}{s_{u0}} = -\frac{a_1\left(\left(\frac{C}{D}\right)^{a_5}\left(\frac{\rho D}{s_{u0}}\right) + \left(\frac{C}{D}\right)^{a_2}\right)}{FS} - a_3\left(\frac{C}{D}\right)^{a_4}\left(\frac{\gamma D}{s_{u0}}\right) + \frac{\sigma_s}{s_{u0}}$$
(6.5)

$$FS = \frac{a_1\left(\left(\frac{C}{D}\right)^{a_5}\left(\frac{\rho D}{S_{u0}}\right) + \left(\frac{C}{D}\right)^{a_2}\right)}{\left(\frac{\sigma_s - \sigma_t}{S_{u0}}\right) - a_3\left(\frac{C}{D}\right)^{a_4}\left(\frac{\gamma D}{S_{u0}}\right)}$$
(6.6)

สำหรับตัวอย่างในการใช้งาน

พิจารณาปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียวตามหน้าตัดตาม ขวาง ของชั้นดินกรุงเทพมหานครตามหน้าตัด CS-8 โดยพิจารณาค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ป้อนลงใน สมการดังนี้ เส้นผ่านสูนย์กลางของอุโมงก์ (D) เท่ากับ 6.3 เมตร ระยะจากผิวดินถึงดาดอุโมงก์ (C) เท่ากับ 14.364 เมตร หน่วยน้ำหนักดินเฉลี่ยแบบคงที่ (γ) เท่ากับ 17.37 kN/m³ กำลังรับแรงเฉือน แบบไม่ระบายน้ำ (s_u) เท่ากับ 1.13 kPa อัตราการเพิ่มขึ้นของกำลังรับแรงเฉือน (ρ) ตามความลึก แบบเชิงเส้น เท่ากับ 3.91 kN/m³ น้ำหนักบรรทุกบนผิวดินรวมกับน้ำหนักจราจรแบบสม่ำเสมอ เท่ากับ (σ_s) 23 kPa

ตัวอย่างที่ 1

วิศวกรผู้ออกแบบต้องการหาแรงดันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ (σ_t) โดยออกแบบอัตราส่วนความปลอดภัย (FS) ไว้เท่ากับ 2.5 ทำการแทนค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ลงใน สมการที่ 6.5 พร้อมกับค่าผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์ (a₁-a₅) ก็จะได้ค่าแรงดันภายในที่กระทำ บริเวณด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ ที่ต้องการ เท่ากับ 231.23 kPa

ตัวอย่างที่ 2

วิศวกรผู้ออกแบบต้องการหาแรงคันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์ (σ_{(min}) ณ สถานะ วิบัติ (FS=1) ทำการแทนก่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ลงในสมการที่ 6.5 พร้อมกับก่าผลเฉลยของก่า สัมประสิทธิ์ (a₁-a₅) ก็จะได้ก่าแรงคันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอที่ น้อยที่สุดที่ต้องการ ณ สถานะวิบัติ เท่ากับ 124.59 kPa

ตัวอย่างที่ 3

ผู้ควบคุมหัวเจาะอุโมงค์ให้แรงคันด้านหน้าอุโมงค์ (σ_t) เท่ากับ 175 kPa วิศวกรผู้ออกแบบต้องการ ทราบอัตราส่วนความปลอดภัยในขณะนั้น ทำการแทนค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ลงในสมการที่ 6.6 พร้อมกับก่าผลเฉลยของก่าสัมประสิทธิ์ (a₁-a₅) ก็จะได้อัตราส่วนความปลอดภัยในขณะที่ใช้แรงดัน ด้านหน้าอุโมงก์ ในขณะนั้น เท่ากับ 1.396

นอกจากนั้นอัตราส่วนความปลอคภัยอาจสามารถนิยามให้เท่ากับอัตราส่วนระหว่างแรงคัน ภายในที่กระทำบริเวณค้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอที่ใช้ กับแรงคันภายในที่กระทำบริเวณ ค้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอที่น้อยที่สุคที่ต้องการ ณ สถานะวิบัติ (FS=1) อย่างไรก็ตามการ วิเคราะห์เช่นนี้อาจนำไปสู่การประมาณค่าที่ได้มากกว่า ค่าจริงโดยเล็กน้อย เช่น FS=175 kPa/124.59 kPa = 1.405 เมื่อค่าจริงที่ได้มีค่าเท่ากับ FS=1.396

โดยผลเฉลยที่ได้ มาจากค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ในการป้อนลงในสมการต่าง ๆ เหล่านี้ และเพื่อให้ใช้ งานได้ง่ายยิ่งขึ้นสามารถนำสมการดังกล่าวไปเขียนเป็นโปรแกรมขนาดเล็ก หรืออย่างอื่นที่ เกี่ยวข้องได้ เช่น นำไปเขียนเป็น สเปรดชีต (spreadsheet) ใน MICROSOFT EXCEL หรือนำไป เขียนในรูปแบบของภาษาเบสิกในเครื่องคิดเลขที่สามารถเขียนโปรแกรมได้

ผู้วิจัยพิจารณานำเสนอกราฟช่วยออกแบบในลักษณะคั้งเดิม โดยพิจารณาความสัมพันธ์ ของอัตราส่วนความลึกของอุโมงค์ (C/D) แปรผันระหว่าง อัตราส่วนของความมีเสถียรภาพ (N) กับ อัตราส่วนความปลอคภัย (FS) ซึ่งอยู่ในเงื่อนไขของดินที่เป็นเอกพันธ์ และอยู่ในเงื่อนไขของ พารามิเตอร์ γD/s_{u0} มีค่าระหว่าง γD/s_{u0}=0 ถึง γD/s_{u0}=5 สรุปไว้ในภาพที่ 6.126-6.128



ภาพที่ 6.126 กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ C/D โดยแปรผันระหว่าง N กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ (a) γD/s_{u0}=1, (b) γD/s_{u0}=2 ภายใต้เงื่อนไข (σ_s – σ_t)/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.127 กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ C/D โดยแปรผันระหว่าง N กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ (a) γD/s_{u0}=2, (b) γD/s_{u0}=3 ภายใต้เงื่อนไข (σ_s – σ_t)/s_{u0}=0



ภาพที่ 6.128 กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ C/D โดยแปรผันระหว่าง N กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ γD/s_{u0}=5ภายใต้เงื่อนไข (σ_s – σ_t)/s_{u0}=0

ผู้วิจัยพิจารณานำเสนอกราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของพารามิเตอร์ γD/s_{u0} แปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับอัตราส่วนความปลอดภัย (FS) ซึ่งอยู่ในเงื่อนไขของดินที่ เป็นเอกพันธ์ และอยู่ในเงื่อนไขอัตราส่วนความลึกของอุโมงก์ (C/D) มีค่าระหว่าง C/D=1 ถึง C/D=5 สรุปไว้ในภาพที่ 6.129-6.131



ภาพที่ 6.129 กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ (a) C/D=1, (b) C/D=2


ภาพที่ 6.130 กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ (a) C/D=3, (b) C/D=4



ภาพที่ 6.131 กราฟช่วยออกแบบในลักษณะความสัมพันธ์ของ γD/s_{u0} โดยแปรผันระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0} กับ FS สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ C/D=5

6.3.1 ความสัมพันธ์ระหว่างการทรุดตัวสูงสุดบนพื้นผิวดินกับอัตราส่วนความปลอดภัย

เนื่องจากผู้วิจัยเห็นว่านอกจากแรงคันภายในที่กระทำบริเวณค้านหน้าของอุโมงค์แบบ สม่ำเสมอและอัตราส่วนความปลอดภัย ของเสถียรภาพค้านหน้าของอุโมงค์แล้ว นอกจากนั้นการ ทรุคตัวสูงสุคบนพื้นผิวคินก็มีความสำคัญเช่นเดียวกัน โดยความสัมพันธ์ระหว่างการทรุคตัวสูงสุด บนผิวคินกับแรงคันค้านหน้าอุโมงค์จะพิจารณาตามงานวิจัยของ พิชากร ศรีจันทร์ทอง (2551) ซึ่ง ความสัมพันธ์คังกล่าวนี้จะพิจารณาลักษณะของชั้นคินในการวางตัวของอุโมงค์ คังแสดงตามภาพที่ 6.132-6.133 และได้สรุปไว้ในตารางที่ 6.9



ภาพที่ 6.132 ความสัมพันธ์ระหว่างแรงคันค้านหน้าอุโมงก์กับการทรุคตัวสูงสุคบนผิวคินใน เงื่อนไขชั้นคินต่าง ๆ จากฐานข้อมูล (พิชากร ศรีจันทร์ทอง, 2551)



ภาพที่ 6.133 ความสัมพันธ์ระหว่างแรงคันค้านหน้าอุโมงก์กับการทรุคตัวสูงสุดบนผิวคินใน เงื่อนไขชั้นคินต่าง ๆ (พิชากร ศรีจันทร์ทอง, 2551)

ตารางที่ 6.9 เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้นดิน กรุงเทพมหานครพร้อมทั้งพารามิเตอร์การทรุดตัวสูงสุดแบบไร้มิติ

section	Face pressure	Factor of safety (FS)					Settlement Δ/D
	(kPa)	3D	2DT	2DL	3D/2DT	3D/2DL	(%)
26-001	130	2.642	0.926	1.405	2.853	1.880	0.35
	155	3.01	1.106	1.603	2.722	1.878	0.30
	180	3.51	1.366	1.867	2.570	1.880	0.27
23-001	40	2.111	0.697	1.058	3.029	1.995	0.39
	60	2.23	0.743	1.131	3.001	1.972	0.38
	80	2.325	0.792	1.216	2.936	1.912	0.36

section	Face pressure	Factor of safety (FS)					Settlement Δ/D
	(kPa)	3D	2DT	2DL	3D/2DT	3D/2DL	(%)
CS-8	150	2.955	1.067	1.578	2.769	1.873	0.31
	175	3.46	1.32	1.833	2.621	1.888	0.27
	200	4.163	1.708	2.192	2.437	1.899	0.24
7C	50	2.722	0.899	1.411	3.028	1.929	0.40
	100	3.164	1.073	1.642	2.949	1.927	0.30
	150	3.772	1.327	1.963	2.843	1.922	0.21

ตารางที่ 6.9 (ต่อ) เสถียรภาพค้านหน้าอุโมงค์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ สำหรับกรณีเงื่อนไขสภาพชั้น ดินกรุงเทพมหานครพร้อมทั้งพารามิเตอร์การทรุดตัวสูงสุดแบบไร้มิติ

ผู้วิจัยได้ใช้รูปแบบของการนำเสนอความสัมพันธ์ระหว่างการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดินต่อ ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงค์กับอัตราส่วนความปลอดภัยต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ โดย สร้างขึ้นบนพื้นฐานของรูปแบบของทิศทางของแนวโน้ม (trend line) ที่เกิดขึ้นจากผลเฉลยเชิงตัว เลขที่ได้จากการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ โดยการพล็อตใน รูปแบบของพารามิเตอร์ไร้มิติ ซึ่งใช้หลักการเดียวกับงานวิจัยของ Mana and Clough (1981) ดัง แสดงตามภาพที่ 6.134 ซึ่งในการศึกษาในครั้งนี้ ได้มีการพัฒนาขึ้นเพื่อคาดคะเนการทรุดตัวสูงสุดที่ ผิวดินซึ่งเป็นฟังก์ชันของอัตราส่วนความปลอดภัยของเสถียรภาพด้านหน้าของอุโมงค์



ภาพที่ 6.134 ความสัมพันธ์ระหว่างการเคลื่อนตัวของกำแพงกันดินต่อความลึกกับอัตราส่วนความ ปลอดภัยต่อการอูดขึ้นของดิน (Mana & Clough, 1981)

ซึ่งข้อมูลผลเฉลยเชิงตัวเลขที่ได้จากการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ นั้นจะได้มาจากการวิเคราะห์ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร ทั้ง 4 หน้าตัด กล่าวคือ 1) หน้าตัด 26-001 (รัชดา ถึง ลาดพร้าว) 2) หน้าตัด 23-001 (เตรียมร่วมมิตร ถึง ประชาราษฎร์บำเพ็ญ) 3) หน้าตัด CS-8 (เพชรบุรี ถึงพระราม 9) และ 4) หน้าตัด 7C (สุขมวิท ถึง เพชรบุรี) และได้สรุปไว้ในภาพที่ 6.135-6.137 สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณีหน้าตัด ตามยาว และสำหรับกรณีแบบ 3 มิติ ตามลำดับ



ภาพที่ 6.135 ความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{
m max}/{
m D}$ (%) กับ FS ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อน ชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.136 ความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{\scriptscriptstyle max}$ /D (%) กับ FS ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อน ชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว



ภาพที่ 6.137 ความสัมพันธ์ระหว่าง Δ_{\max}/D (%) กับ FS ต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อน ชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ

และนำเสนอรูปแบบของทิศทางของแนวโน้มที่เกิดขึ้นจากผลเฉลยเชิงตัวเลขที่ได้จากการวิเคราะห์ ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ โดยการพล็อตในรูปแบบของพารามิเตอร์ไร้มิติ ซึ่งใช้หลักการเดียวกับงานวิจัยของ Mana and Clough (1981) ดังแสดงตามภาพที่ 6.138-6.140 สำหรับ กรณีหน้าตัดตามขวาง สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว และสำหรับกรณีแบบ 3 มิติ ตามลำดับ



ภาพที่ 6.138 รูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่าง $\Delta_{\scriptscriptstyle max}$ /D (%) กับ FS ต่อ เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง



ภาพที่ 6.139 รูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่าง Δ_{\max}/D (%) กับ FS ต่อ เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว



ภาพที่ 6.140 รูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่าง Δ_{\max}/D (%) กับ FS ต่อ เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ในสภาพเงื่อนชั้นดินกรุงเทพมหานคร สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ

จะเห็นได้ว่ารูปแบบของทิศทางของแนวโน้มของความสัมพันธ์ระหว่างการทรุดตัวสูงสุดที่ ผิวดินต่อขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงค์กับอัตราส่วนความปลอดภัยต่อเสถียรภาพด้านหน้า อุโมงค์นั้นจะมีลักษณะแบบไม่เชิงเส้น ผู้วิจัยจึงนำเสนอในรูปแบบสมการกำลังตามสมการที่ 6.7-6.9 โดยทุกรณีไม่ว่าจะเป็นหน้าตัดแบบขวาง หน้าตัดตามยาว หรือแบบ 3 มิติ ล้วนมีก่าสัมประสิทธิ์ การตัดสินใจ ประมาณ 81%, 81% และ 83% ตามลำดับ จึงอาจกล่าวได้ว่าสมการที่ได้นั้นจำเป็นต้อง มีการพัฒนาสมการให้มีความสอดกล้องกับข้อมูลให้มากยิ่งขึ้น

$$\frac{\Delta_{max}}{D}(\%) = 0.3196FS^{-0.664} \tag{6.7}$$

$$\frac{\Delta_{max}}{D}(\%) = 0.438FS^{-0.804} \tag{6.8}$$

$$\frac{\Delta_{max}}{D}(\%) = 0.7825FS^{-0.859} \tag{6.9}$$

สำหรับตัวอย่างในการใช้งาน

พิจารณาปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียวแบบ 3 มิติ ของ ชั้นดินกรุงเทพมหานครตามหน้าตัด CS-8 โดยพิจารณาค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ป้อนลงในสมการ ดังนี้ เส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงก์ (D) เท่ากับ 6.3 เมตร ระยะจากผิวดินถึงดาดอุโมงก์ (C) เท่ากับ 14.364 เมตร หน่วยน้ำหนักดินเฉลี่ยแบบคงที่ (γ) เท่ากับ 17.37 kN/m³ กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ ระบายน้ำ (s_u) เท่ากับ 1.13 kPa อัตราการเพิ่มขึ้นของกำลังรับแรงเฉือน (ρ) ตามความลึกแบบเชิง เส้น เท่ากับ 3.91 kN/m³ น้ำหนักบรรทุกบนผิวดินรวมกับน้ำหนักจราจรแบบสม่ำเสมอเท่ากับ (σ_s) 23 kPa

ตัวอย่างที่ 1

ผู้กวบกุมหัวเจาะอุโมงก์ให้แรงดันด้านหน้าอุโมงก์ (σ_i) เท่ากับ 200 kPa วิศวกรผู้ออกแบบต้องการ ทราบอัตราส่วนกวามปลอดภัยในขณะนั้น ทำการแทนก่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ลงในสมการที่ 6.6 พร้อมกับก่าผลเฉลยของก่าสัมประสิทธิ์ (a₁-a₅) ก็จะได้อัตราส่วนกวามปลอดภัยในขณะที่ใช้แรงคัน ด้านหน้าอุโมงก์ ในขณะนั้น เท่ากับ 3.934 และนำอัตราส่วนปลอดภัยนี้ไปหาก่าการทรุดตัวสูงสุดที่ ผิวดินจากสมการที่ 6.9 จะได้ก่าก่าการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดินเท่ากับ 15.20 mm ซึ่งกวามเป็นจริงผล เฉลยเชิงตัวเลขสำหรับเงื่อน ไขสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานกรแบบ ไม่เป็นเอกพันธ์จะได้ก่า อัตราส่วนกวามปลอดภัยเท่ากับ 4.163 พร้อมกับก่าการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดินเท่ากับ 14.93 mm ตาม ตารางที่ 6.9 โดยสมารถใช้สเปรดชีต ใน MICROSOFT EXCEL ในการกำนวณอย่างง่าย ๆ ตาม ภาพที่ 6.141

ตัวอย่างที่ 2

วิสวกรผู้ออกแบบต้องการหาแรงดันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอ (σ_i) โดยออกแบบให้เกิดการทรุดตัวบนผิวดินสูงสุดเท่ากับ 17.01 mm จากจากสมการที่ 6.9 จะได้ก่า อัตราส่วนความปลอดภัย (FS) เท่ากับ 3.451 แล้วนำค่า FS ที่ได้ไปหาแรงดันด้านหน้าอุโมงค์โดยทำ การแทนค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ลงในสมการที่ 6.5 พร้อมกับค่าผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์ (a₁-a₅) ก็ จะได้ค่าแรงดันภายในที่กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงค์แบบสม่ำเสมอ ที่ต้องการ เท่ากับ 180.74 kPa ซึ่งความเป็นจริงผลเฉลยเชิงตัวเลขสำหรับเงื่อนไขสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานครแบบไม่เป็น เอกพันธ์จะได้ก่าอัตราส่วนความปลอดภัยเท่ากับ 3.46 และแรงดันด้านหน้าอุโมงค์เท่ากับ 175 kPa โดยสมารถใช้สเปรดชีต ใน MICROSOFT EXCEL ในการคำนวณอย่างง่าย ๆ ตามภาพที่ 6.142

	А	В	С
1	Parameter	Unit	Value
2	soil cover depth, C	m	14.364
3	diameter of tunnel, D	m	6.3
4	soil unit weight, γ	kN/m ³	17.37
5	undrained shear strength, s_u	kPa	1.13
6	rate of strength increse with depth, ρ	kN/m ³	3.91
7	uniform surcharge load on ground surface, σ_s	kPa	23
8	uniform face pressure, σ_t	kPa	200
9	applied net stress parameter, $(\sigma_s - \sigma_t)/s_u$	-	-156.64
10	normalized loading parameter from soil self-weight, $\gamma D/s_u$	-	96.84
11	undrained strength gradient parameter, $\rho D/s_u$	-	21.80
12	maximum surface settlement/tunnel diameter, Δ_{max}/D	%	0.24
13	factor of safety	FS	3.934
14	maximum surface settlement, Δ_{max}	mm	15.20

ภาพที่ 6.141 ลักษณะของการคำนวณตามตัวอย่างที่ 1 โดยใช้สเปรคชีต ใน MICROSOFT EXCEL

	A	В	С
2	soil cover depth, C	m	14.364
3	diameter of tunnel, D	m	6.3
4	soil unit weight, γ	kN/m ³	17.37
5	undrained shear strength, S_u	kPa	1.13
6	rate of strength increse with depth, ρ	kN/m ³	3.91
7	uniform surcharge load on ground surface, σ_s	kPa	23
8	uniform face pressure, σ_t	kPa	180.74
9	applied net stress parameter, $(\sigma_s - \sigma_t)/s_u$	-	-139.59
10	normalized loading parameter from soil self-weight, $\gamma D/s_u$	-	96.84
11	undrained strength gradient parameter, $\rho D/s_u$	-	21.80
12	maximum surface settlement/tunnel diameter, Δ_{max} /D	%	0.27
13	factor of safety	FS	3.451
14	maximum surface settlement, Δ_{max}	mm	17.01

ภาพที่ 6.142 ลักษณะของการคำนวณตามตัวอย่างที่ 2 โคยใช้สเปรคชีต ใน MICROSOFT EXCEL

จากตัวอย่างการวิเคราะห์จะเห็นได้ว่ารูปแบบความสัมพันธ์ระหว่างการทรุดตัวสูงสุดที่ผิว ดินต่อขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงก์กับอัตราส่วนความปลอดภัยต่อเสถียรภาพด้านหน้า อุโมงก์ ที่ได้นำเสนอมานี้ สามารถกาดกะเนได้ดี ทั้งยังสอดกล้องกับผลเฉลยเชิงตัวเลขสำหรับ เงื่อนใขสภาพชั้นคินกรุงเทพมหานครแบบไม่เป็นเอกพันธ์ได้เป็นอย่างคี ทำให้ในทางปฏิบัติ วิศวกรผู้ออกแบบสามารถกำหนดการทรุดตัวและอัตราส่วนความปลอคภัย ในการให้แรงคัน ด้านหน้าอุโมงก์ได้อย่างเหมาะสม

สรุปผลการวิจัย อภิปรายผล และข้อเสนอแนะ

7.1 บทนำ

้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ได้ทำการศึกษาปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำในดินเหนียว ้โดยการประยุกต์ใช้วิธีไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 2 มิติ และ 3 มิติ สำหรับการวิเคราะห์แบบ 2 มิติถูก ้ประยุกต์ใช้กับหน้าตัดตามขวางและหน้าตัดตามยาว ในขณะที่การวิเคราะห์แบบ 3 มิติได้ถูก ประยุกต์ใช้กับรูปทรงเรขาคณิตแบบ 3 มิติ สถานะของการวิบัติหรือการพังทลายในการวิเคราะห์ไฟ ในต์อิลิเมนต์ ได้โดยการประมาณจากการใช้หลักการลดทอนกำลังในการหาอัตราส่วนความ ้ปลอดภัยของเสถียรภาพแบบไม่ระบายน้ำ โดยได้เปรียบเทียบผลเฉลยเชิงตัวเลขกับวิธีวิเคราะห์ ้ลิมิตกับงานวิจัยในอดีตที่ผ่านมา ซึ่งงานวิจัยในอดีตที่ผ่านมามักเลือกใช้ค่า N ในการประมาณ เสถียรภาพโดยจะอยู่ในเทอมของอัตราส่วนของความมีเสถียรภาพ (stability ratio) ปกติมักแทนด้วย N ซึ่ง Broms and Bennermark (1967) ได้แนะนำไว้สำหรับดินเหนียวที่เป็นแบบเอกพันธ์ โดยที่ Boonchai Ukritchon (2011) และ Augarde et al. (2003) ใด้กล่าวว่าพารามิเตอร์ของหน่วยแรง กระทำสุทธิ ((o ุ – o,)/s ู นั้นไม่สามรถยุบรวมให้อยู่ในเทอมเดียวกันได้ เนื่องจากเป็นฟังก์ชั่นของ อัตราส่วนความลึกของอุโมงค์ (C/D) พารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักคิน (γD/s,,) และ พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ (ρD/s_{u0}) สำรับผลเฉลยที่ได้จากการ ้วิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์นี้ ผลเฉลยได้ควรจะต้องน้อยกว่าหรือเท่ากับ ขอบบน ตามหลักการ พื้นฐานของทฤษฎีพลาสติกลิมิตแบบคั้งเดิมที่เสนอไว้โดย Drucker and Prager (1952) และ Drucker Greenberg and Prager (1952) เป็นไปตามเงื่อนไขต่าง ๆ ดังนี้ คือ 1). ต้องเป็นไปตาม เงื่อนไขสมการคอมแพตติบิลิตี้ 2). ต้องเป็นไปตามเงื่อนไขขอบ โดยกำหนดการเคลื่อนที่ให้อยู่ใน ระนาบ 2 มิติ และ 3 มิติ กล่าวคือ น_x, น_y, น_z คือการเคลื่อนที่ในแนวระนาบ x, y, z ตามลำดับ 3). ต้อง ้เป็นไปตามเงื่อนไขความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นกับความเครียด โดยใช้กฎการไหลแบบ ้สอคกล้องร่วมด้วย โดยเงื่อนไขแรกและสอง จะเป็นไปตามเงื่อนไขโดยอัตโนมัติ เนื่องจากวิธีไฟ ้ในต์อิลิเมนต์ใช้สูตรที่อยู่บนหลักการพื้นฐานของการเกลื่อนที่อยู่แล้ว และข้อสุดท้ายก็เป็นไปตาม ้เงื่อนไขด้วยเช่นกัน เนื่องจากการวิเคราะห์ในครั้งนี้ใช้เกณฑ์การวิบัติมอร์-ดูลอมบ์ ซึ่งมีกฎการไหล แบบสอดกล้องอยู่ในเกณฑ์การวิบัติอยู่แล้ว อย่างไรก็ตามผลเฉลยที่ได้จะไม่พิจารณาให้เป็นขอบ ้ถ่างของวิธีวิเคราะห์ลิมิต กล่าวคือ 1) สนามความเครียดต้องเป็นไปตามสมการสมดุล 2) สนาม ความเครียดต้องเป็นไปตามเงื่อนไขขอบ 3) สนามความเครียดต้องเป็นไม่ละเมิดเกณฑ์การวิบัติ เนื่องจากสามารถทราบ สนามความเครียคจากการเคลื่อนตัวบนหลักการจากผลเฉลยของวิธีไฟไนต์ อิลิเมนต์อย่างถูกต้อง ณ จุดเกาส์ แต่จุดเกาส์ของอิลิเมนต์เหล่านั้นอาจจะไม่เกลื่อนที่ต่อเนื่องติดกัน และอาจจะไม่เป็นไปตามเงื่อนไขขอบ นอกจากนั้นความสมดุลของวิธีไฟไนต์อิลิเมต์ คือการ ประสบผลสำเร็จในการปรับสมการหลัก ผ่านหลักการของวิธีงานเสมือน ซึ่งไม่รับประกันเสมอไป ว่า ความเก้นข้างในอิลิเมนต์จะเป็นไปตามเงื่อนไขของสมการสมดุลโดยอัตโนมัติ สถานะความเก้น ณ จุดเกาส์ อาจจะเป็นไปตามเงื่อนไขของเกณฑ์การวิบัติขณะเกิดการอินทิเกรต ระหว่าง ความสัมพันธ์ของความเก้นกับความเครียด แต่อาจจะไม่เป็นไปตลอดทั่วทั้งหมด ทุกส่วนของอิลิ เมนต์ เพราะฉะนั้นผลเฉลยของไฟไนต์อิลิเมนต์จะต้องไม่ใช่ผลเฉลยของขอบล่างเนื่องจากไม่ เป็นไปตามเงื่อนไขทั้งหมดที่ต้องการ

7.2 การวิเคราะห์หารูปเรขาคณิตและโครงข่ายที่เหมาะสมที่สุด

จากการศึกษาเบื้องต้นพบว่ารูปเรขาคณิตและ โครงข่ายที่ใช้ในการวิเคราะห์ไฟในต์อิลิ-เมนต์แบบ 2 มิติ และแบบ 3 มิติ ซึ่งมีผลกระทบโดยตรงกับความแม่นยำของการวิเคราะห์อย่างมี นัยสำคัญอีกทั้งยังมีผลต่อการใช้เวลาในการคำนวณ จึงจำเป็นต้องหาลักษณะของรูปเรขาคณิตและ โครงข่ายที่เหมาะสมที่สุด และเหมาะสมกับทรัพยากรและเครื่องมือที่ใช้ในการศึกษาในครั้งนี้ พร้อมทั้งได้มีการแนะนำลักษณะของรูปเรขาคณิตและ โครงข่ายที่ใช้ในการศึกษา ในรูปแบบที่ ต่างกัน กล่าวคือ หน้าตัดตามขวาง หน้าตัดตามยาว และแบบ 3 มิติ

7.3 การวิเคราะห์ไฟในต่อลิเมนต์แบบ 2 มิติ

สำหรับการวิเคราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบไม่ระบายน้ำ พิจารณาเสถียรภาพแบบ ไม่ระบายน้ำของอุโมงค์ในหน้าตัดตามขวางและหน้าตัดตามยาว บนระนาบความเครียด ดินเหนียว รอบ ๆ อุโมงก์ถูกจำลองให้มีพฤติกรรมแบบ อิลาสติก-พลาสติกแบบสมบูรณ์ มีเกณฑ์การวิบัติมอร์-กูลอมบ์ โดยใช้กฎการไหลแบบสอดคล้องร่วมด้วย พร้อมกับไม่พิจารณาดาดอุโมงค์ในแบบจำลอง ซึ่งจะพิจารณาสภาพดินให้อยู่ใน 3 เงื่อนไขประกอบด้วย 1) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่เป็นดิน เหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ์โดยที่กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดทั้งความลึก 2) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอกพันธ์โดยก่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำจงดินเพิ่มขึ้น ตามความลึกแบบเชิงเส้น 3) ในเงื่อนไขของสภาพเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร ผู้วิจัยได้เลือกใช้ PLAXIS 2D ในการวิเคราะห์ โดยผลเฉลยเชิงตัวเลขและรูปแบบการวิบัติมีความสอดคล้องกับ งานวิจัยที่ผ่านมาของ Wilson et al. (2003) และ Augarde et al. (2003) สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง และหน้าตัดตามยาวตามลำดับ

7.4 การวิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์แบบ 3 มิติ

สำหรับการวิเกราะห์เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์แบบไม่ระบายน้ำ พิจารณาเสถียรภาพแบบ ไม่ระบายน้ำของอุโมงก์แบบ 3 มิติ ดินเหนียวรอบ ๆ อุโมงก์ถูกจำลองให้มีพฤติกรรมแบบ อิลา-สติก-พลาสติกแบบสมบูรณ์ มีเกณฑ์การวิบัติมอร์-กูลอมบ์ โดยใช้กฎการไหลแบบสอดคล้องร่วม ด้วย พร้อมกับพิจารณาดาดอุโมงก์เป็นแบบแข็งเกริ่ง พร้อมกับมีพื้นผิวสัมผัสแบบขรุขระโดย สมบูรณ์ตลอดทั้งแนวความยาวของอุโมงก์ในแบบจำลอง ซึ่งจะพิจารณาสภาพดินให้อยู่ใน 3 เงื่อนไขประกอบด้วย 1) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่เป็นดินเหนียว มีลักษณะเป็นเอกพันธ์โดยที่ กำลังรับแรงเลือนแบบไม่ระบายน้ำคงที่ตลอดทั้งความลึก 2) ในเงื่อนไขของสภาพดินที่ไม่เป็นเอก พันธ์โดยค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของดินเพิ่มขึ้นตามความลึกแบบเชิงเส้น 3) ใน เงื่อนไขของสภาพเป็นชั้นดินกรุงเทพมหานคร ผู้วิจัยได้เลือกใช้ PLAXIS 3D TUNNEL และ PLAXIS 3D ในการวิเคราะห์ โดยผลเฉลยเชิงตัวเลขและรูปแบบการวิบัติมีความสอดกล้องกับ งานวิจัยเชิงวิเกราะห์ที่ผ่านมาของ Davis et al. (1980), Klar et al. (2007), Mollon et al. (2011) และ Sloan (2013)

7.5 ผลกระทบ 3 มิติของเสลียรภาพแบบไม่ระบายน้ำ

ผลกระทบเสนอในรูปของพารามิเตอร์ของหน่วยแรงกระทำสุทธิ ((σ_s – σ_t)/s_{u0}) ของ กรณี 3 มิติ หารด้วยหน้าตัดตามขวางและตามยาว ในกรณี 2 มิติ เมื่ออัตราส่วนความลึกของอุโมงก์ (C/D) และ พารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดิน (γD/s_{u0}) เหมือนกันทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ โดย ที่ค่า γD/s_{u0} มีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 5 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1 พบว่าค่อนข้างแปรปรวน ประกอบกับบางกรณี ไม่คงที่และขึ้นอยู่กับค่า C/D และ ρD/s_{u0}

ผลกระทบเสนอในรูปอัตราส่วนความปลอดภัย ของกรณี 3 มิติ หารด้วยหน้าตัดตามขวางและ ตามยาว ในกรณี 2 มิติ เมื่ออัตราส่วนความลึกของอุโมงก์ (C/D) และ พารามิเตอร์แรงกระทำจาก น้ำหนักดิน (γD/s_{u0}) เหมือนกันทั้งกรณี 2 มิติ และ 3 มิติ โดยที่ก่า γD/s_{u0} มีก่าตั้งแต่ 1 ถึง 5 โดย เพิ่มขึ้นครั้งละ 1 และอยู่ในเงื่อนไขของพารามิเตอร์ของหน่วยแรงกระทำสุทธิ ((σ_s – σ_t)/s_{u0}) ซึ่งมีก่า ระหว่าง (σ_s – σ_t)/s_{u0}= -2 ถึง (σ_s – σ_t)/s_{u0}=2 โดยเพิ่มขึ้นครั้งละ 1 พบว่าผลเฉลยของกรณีแบบเอก- พันธ์และ ไม่เป็นแบบเอกพันธ์ของ ของพารามิเตอร์แรงกระทำจากน้ำหนักดินซึ่งอยู่ในเงื่อนไขของ พารามิเตอร์ของอัตราการเพิ่มกำลังเฉือนแบบ ไม่ระบายน้ำในทุกรณี มีค่าอยู่ประมาณ 2.5-3.0 สำหรับกรณีแบบ 3 มิติต่อหน้าตัดตามขวาง (FS 3D/FS 2DT) และมีค่าอยู่ประมาณ 1.8-2.0 สำหรับ กรณีแบบ 3 มิติต่อหน้าตัดตามยาว (FS 3D/FS 2DL)

7.6 การประยุกต์ใช้งาน

ผู้วิจัยได้นำเสนอสมการเซมิ-เอมพิริคัล จากการปรับเส้นโค้งมีลักษณะเป็นสมการแบบโพลิ โนเมียล ซึ่งมีตัวยกกำลังคงที่พร้อมทั้งค่าสัมประสิทธิ์ 5 ค่า ได้มาจากวิธีทางสถิตของการปรับเส้น โค้ง โดยใช้เทคนิคการวิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้น โดยสมการดังกล่าวมีตัวแปร อิสระอยู่ทั้งหมด 3 ตัวแปรและตัวแปรตามหนึ่งตัวแปร

$$y = a_1 \left(x_1^{a_2} + x_3 x_1^{a_5} \right) + a_3 x_1^{a_4} x_2$$

$$x_1 = \frac{C}{D}, x_2 = \frac{\gamma D}{s_{u0}}, x_3 = \frac{\rho D}{s_{u0}}$$

$$y = \frac{(\sigma_s - \sigma_t)}{s_{u0}}$$

โดยทุกรณีไม่ว่าจะเป็นหน้าตัดแบบขวาง หน้าตัดตามยาว หรือแบบ 3 มิติ ล้วนมีค่าสัมประสิทธิ์การ ตัดสินใจไม่ต่ำกว่า 99% จึงอาจกล่าวได้ว่าสมการพร้อมกับผลเฉลยของค่าสัมประสิทธิ์จากการ วิเคราะห์ความถดถอยแบบพหุแบบไม่เชิงเส้นที่ได้มีความถูกต้องแม่นย่ำเป็นอย่างมาก

Section	a ₁	a ₂	a ₃	a ₄	a ₅	$R^{2}(\%)$
2DT	2.3259	0.4746	-1.1781	0.9381	1.3468	99.92
2DL	4.4228	0.3140	-1.4457	0.8276	1.2140	99.97
3D	7.8109	0.3477	-1.4731	0.8117	1.2294	99.98

เนื่องจากสมการดังกล่าวได้นำเสนอในรูปแบบของสมการในลักษณะเป็นสมการแบบโพลิ โนเมียล ซึ่งในทางปฏิบัติอาจจะไม่สะควกในการนำไปใช้ออกแบบ ดังนั้นผู้วิจัยจึงนำเสนอใน รูปแบบทั่วไปแบบไร้มิติซึ่งง่ายต่อการนำไปใช้ดังสมการที่ 6.5 สำหรับวิเคราะห์หาแรงดันภายในที่ กระทำบริเวณด้านหน้าของอุโมงก์แบบสม่ำเสมอ และสมการที่ 6.6 สำหรับวิเคราะห์หาอัตราส่วน ความปลอดภัยของเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์

$$\frac{\sigma_t}{s_{u0}} = -\frac{a_1 \left(\left(\frac{C}{D}\right)^{a_5} \left(\frac{\rho D}{s_{u0}}\right) + \left(\frac{C}{D}\right)^{a_2} \right)}{FS} - a_3 \left(\frac{C}{D}\right)^{a_4} \left(\frac{\gamma D}{s_{u0}}\right) + \frac{\sigma_s}{s_{u0}}$$
$$FS = \frac{a_1 \left(\left(\frac{C}{D}\right)^{a_5} \left(\frac{\rho D}{s_{u0}}\right) + \left(\frac{C}{D}\right)^{a_2} \right)}{\frac{(\sigma_s - \sigma_t)}{s_{u0}} - a_3 \left(\frac{C}{D}\right)^{a_4} \left(\frac{\gamma D}{s_{u0}}\right)}$$

ผู้วิจัยได้ใช้ข้อมูลเงื่อนไขของสภาพชั้นดินกรุงเทพมหานคร มานำเสนอรูปแบบ กวามสัมพันธ์ระหว่างการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดินต่อขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของอุโมงก์กับ อัตราส่วนความปลอดภัยต่อเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงก์ โดยสร้างขึ้นบนพื้นฐานของรูปแบบของ ทิศทางของแนวโน้ม (trend line) ที่เกิดขึ้นจากผลเฉลยเชิงตัวเลขที่ได้จากการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟ-ในต์อิลิเมนต์ทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ โดยการพลีอตในรูปแบบของพารามิเตอร์ไร้มิติ ซึ่งใช้ หลักการเดียวกับงานวิจัยของ Mana and Clough (1981) ในรูปแบบของสมการกำลังตามสมการที่ 6.7-6.9 โดยทุกรณีไม่ว่าจะเป็นหน้าตัดแบบขวาง หน้าตัดตามยาว หรือแบบ 3 มิติ ล้วนมีก่า สัมประสิทธิ์การตัดสินใจ ประมาณ 81% ดังนี้

สำหรับกรณีหน้าตัดตามขวาง
$$\frac{\Delta_{max}}{D}(\%) = 0.3196FS^{-0.664}$$
 R²=81%

สำหรับกรณีหน้าตัดตามยาว
$$\frac{\Delta_{max}}{D}(\%) = 0.438FS^{-0.804}$$
 $R^2=81\%$

สำหรับกรณีแบบ 3 มิติ
$$rac{\Delta_{max}}{D}(\%) = 0.7825 FS^{-0.859}$$
 $R^2 = 83\%$

สามารถกาดกะเนได้ดี ทั้งยังสอดกล้องกับผลเฉลยเชิงตัวเลขสำหรับเงื่อนไขสภาพชั้นดิน กรุงเทพมหานกรแบบไม่เป็นเอกพันธ์ได้เป็นอย่างดี ทำให้ในทางปฏิบัติ วิศวกรผู้ออกแบบสามารถ กำหนดการทรุดตัวและอัตราส่วนกวามปลอดภัย และการให้แรงดันด้านหน้าอุโมงก์ได้อย่าง เหมาะสม

7.7 ข้อเสนอแนะในการศึกษาเพิ่มเติม

- งานวิจัยในอนาคตควรมีการศึกษาเพิ่มในปัญหาเสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์ที่อยู่ภายใต้ เงื่อนไขของ ดินประเภทที่มีแรงยึดเหนี่ยว-แรงเสียดทาน (cohesive-frictional soils), พฤติกรรมในการรับแรงของดินแบบไม่เท่ากันทุกทิศทาง (anisotropic strength) และมีการ ใหลผ่านของน้ำ (seepage)
- งานวิจัยในอนากตกวรมีการศึกษาเพิ่มเกี่ยวกับการวิเกราะห์หารูปเรขากณิตและ โกรงข่ายที่ เหมาะสมที่สุดในการวิเกราะห์ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ ทั้งในแบบ 2 มิติ และ 3 มิติ
- งานวิจัยในอนาคตควรมีการศึกษาเพิ่มเกี่ยวกับการวิเคราะห์ลิมิตแบบ 3 มิติ ไม่ว่าจะเป็น การวิธีวิเคราะห์ลิมิตแบบคั้งเดิม หรือวิธีวิเคราะห์ลิมิตไฟไนต์อิลิเมนต์ เพื่อให้ได้ผลเฉลย เชิงตัวเลขของปัญหาเสถียรภาพที่ดียิ่งขึ้น

รายการอ้างอิง

ภาษาไทย

- กงกิจ ยิ่งเจริญกิจขจร และ บุญชัย อุกฤษฎชน. เสถียรภาพด้านหน้าอุโมงค์แบบ 3 มิติ ในดินเหนียว ซึ่งกำลังเฉือนเพิ่มเป็นเส้นตรงตามความลึก. <u>การประชุมวิชาการวิศวกรรมโยธาแห่งชาติ</u> <u>ครั้งที่ 18,</u> โรงแรมดิเอ็มเพลส เชียงใหม่, GTE(1):43-50, 2556.
- ชินวุฒิ ชาญฉายาการ. <u>การวิเคราะห์การเคลื่อนตัวของชั้นดินกรุงเทพฯ เนื่องจากการก่อสร้างอุโมงค์</u> <u>รถไฟฟ้าใต้ดินโดยวิธีจำลองทางคณิตศาสตร์</u>. วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต, สาขาวิชา วิศวกรรมโยธา ภาควิชาวิศวกรรมโยธา คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2543.
- ชลธิชา บุญส่ง. <u>การเสียรูปและเคลื่อนตัวของอุโมงค์ที่ก่อสร้างด้วยวิธีแรงดันดินสมดุลในดิน</u> <u>กรุงเทพ</u>. วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต, สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา ภาควิชาวิศวกรรม โยธา คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2544.
- บุญชัย อุกฤษฎชน. การประเมินความถูกต้องของแบบจำลองแบบไม่ระบายน้ำ-หน่วยแรง ประสิทธิผลของโปรแกรม PLAXIS. <u>การประชุมวิชาการวิศวกรรมโยธาแห่งชาติกรั้งที่ 12,</u> มหาวิทยาลัยนเรศวร. GTE(3):338-343, 2550.
- พิชากร ศรีจันทร์ทอง. <u>การศึกษาปัจจัยการควบคุมหัวเจาะอุโมงก์ต่อการทรุดตัวของดินด้วย</u> <u>โครงข่ายประสาทเทียม</u>. วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต, สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา ภาควิชาวิศวกรรมโยธา คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าคุณทหาร ลาดกระบัง, 2551.
- สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง. <u>วิธีไฟในต์อิลิเมนต์ในงานวิศวกรรมธรณีเทคนิค</u>. พิมพ์ครั้งที่ 1. กรุงเทพมหานคร: สำนักพิมพ์แห่งจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2550.
- สุเชษฐ์ ลิงิตเลอสรวง. <u>ปฐพึกลศาสตร์ : พลาสติกซิตีและทฤษฎีสถานะวิกฤต</u>. พิมพ์ครั้ง ที่ 1. กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์แห่งจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2553.

ภาษาอังกฤษ

- Abbo, A.J., Wilson, D.W., Sloan, S.W., and Lyamin A.V. Undrained stability of wide rectangular tunnels. <u>Computers and Geotechnics</u>, 53:46-59, 2013.
- Atkinson, J.H., and Bransby, P.L. <u>The mechanics of soils: an introduction critical state soil</u> <u>mechanics</u>, London, McGraw-Hill, 1978.

- Augarde, C.E., Lyamin, A.V., and Sloan, S.W. Stability of an undrained plane strain heading revisited. <u>Computers and Geotechnics</u>, 30(5):419–430, 2003.
- Broms, B.B., and Bennermark, H. Stability of clay at vertical openings. American Society of Civil Engineers, <u>Journal of Soil Mechanics and Foundation Division</u>, ASCE, 93(1):71-94, 1967.
- Brinkgreve, R.B.J., and Bakker, H.L. Non-linear finite element analysis of safety factors, <u>Proceedings of the 7th International Conference on Computational Methods and Advances</u> <u>in Geomechanics</u>, 1117–1122, 1991.
- Brinkgreve, R.B.J., and Broere, W. <u>Plaxis finite element code for soil and rock analyses,</u> <u>TUNNEL 3D version 2</u>, 2004.
- Brinkgreve, R.B.J., Engin, E., and Swolfs, W.M. <u>Plaxis finite element code for soil and rock</u> <u>analyses</u>. 2D version 2012, 2012a.
- Brinkgreve, R.B.J., Engin, E., and Swolfs, W.M. <u>Plaxis finite element code for soil and rock</u> <u>analyses</u>. 3D version 2012, 2012b.
- Butterfield, R. Dimensional analysis for geotechnical engineers. <u>Géotechnique</u>, 49(3):357–366, 1999.
- Surarak, C. <u>Geotechnical aspects of the bangkok mrt blue line project</u>. PhD Thesis, Griffith University, 2010.
- Chen, W.F. Limit analysis and soil plasticity, Amsterdam: Elsevier, 1975.
- Davis, E.H., Gunn, M.J., Mair, R.J., and Seneviratne, H.N. The stability of shallow tunnels and underground openings in cohesive material. <u>Géotechnique</u>, 30(4), 397–416, 1980.
- Drucker, D.C., Greenberg, H.J., and Prager, W. Extended limit design theorems for continuous media. <u>Quart. Appl. Math</u>, 9, 381-389, 1952.
- Drucker, D.C., and Prager, W. Soil mechanics and plastic analysis for limit design. <u>Quart. Appl.</u> <u>Math.</u> 10, 157-165, 1952.
- Guglielmetti, V., Grasso, P., Mahtab, A., and Xu, S. <u>Mechanized tunnelling in urban areas:</u> <u>Design Methodology and Construction Control</u>, Taylor & Francis:Balkema, 2007.
- Kimura, T., and Mair, R.J. Centrifugal testing of model tunnels in soft clay. <u>Proceedings of The</u> <u>10th International Conference on Soil Mechanics and Foundation Engineering</u>, 15-19 Jun, Sweden, 1981.

- Klar, A., Osman, A.S., and Bolton, M. 2D and 3D upper bound solutions for tunnel excavation using 'elastic' flow fields. <u>International Journal for Numerical and Analytical Methods in</u> <u>Geomechanics</u>, 31(12):1367–1374, 2007.
- Lambe, T.W., and Whitman, R.V. Soil Mechanics-SI version, Wiley, New York, 1979.
- Mair, R.J. <u>Centrifugal modeling of tunnel construction in soft clay</u>. PhD Thesis, University of Cambridge, 1979.
- Mana, A. I., and Clough, G. W. Prediction of Movements for Braced Cuts in Clay. <u>Journal of the</u> <u>Geotechnical Engineering Division</u>, ASCE, 107(6):759-777, 1981.
- Möller S.C., <u>Tunnel induced settlements and structural forces in linings</u>. PhD Thesis, University of Stuttgart, 2006.
- Mollon, G., Dias, D., and Soubra, A-H. Rotational failure mechanisms for the face stability analysis of tunnels driven by a pressurized shield. <u>International Journal for Numerical</u> <u>and Analytical Methods in Geomechanics</u>, 35(12):1363–1388, 2011.
- Osman, A.S., Mair, R.J., and Bolton, M.D. On the kinematics of 2D tunnel collapse in undrained clay. <u>Géotechnique</u>, 56(9):585–595, 2006.
- Ruse, N.M. <u>Räumliche Betrachtung der Standsicherheit der Ortsbrust beim Tunnelvortrieb</u>. PhD Thesis, University of Stuttgart, 2004.
- Schofield, A.N. Cambridge geotechnical centrifuge operations. <u>Géotechnique</u>, 30(3):227–268, 1980.
- Sloan, S.W., and Assadi, A. Stability of shallow tunnels in soft ground. <u>Proceedings of the Wroth</u> <u>Memorial Symposium</u>, 27-29 July, UK, 644–663, 1993.
- Sloan, S. W. Geotechnical stability analysis. Géotechnique, 63(7):531-572, 2013.
- Skempton, A.W. The planning and design of the new Hong Kong airport discussion. <u>Proceedings</u> of International Civil Engineering, London, 7:305-307, 1957.
- Teparaksa, W. Principle and application of instrumentation for first MRTA subway project in Bangkok. <u>Proceeding of 5th International symposium on field Measurements in Geomechanics</u>, 1999.
- Ukritchon, B. Finite element analysis of undrained face stability of tunnel in clay <u>Proceeding of</u> <u>the 24th KKCNN Symposium on Civil Engineering</u>, Japan, 14-16 December, 499-503, 2011.

- Wilson, D.W., Abbo, A.J., Sloan, S.W., and Lyamin A.V. Undrained stability of a circular tunnel where the shear strength increases linearly with depth. <u>Canadian Geotechnical Journal</u>, 48(9):1328-1342, 2011.
- Wilson, D.W., Abbo, A.J., Sloan, S.W., and Lyamin A.V. Undrained stability of a square tunnel where the shear strength increases linearly with depth. <u>Computers and Geotechnics</u>, 49:314-325, 2013.
- Yamamoto, K., Lyamin, A.V., Wilson, D.W., Sloan, S.W., and Abbo, A.J. Stability of a single tunnel in cohesive-frictional soil subjected to surcharge loading. <u>Canadian Geotechnical</u> <u>Journal</u>, 48(12):1841-1854, 2011a.
- Yamamoto, K., Lyamin, A.V., Wilson, D.W., Sloan, S.W., and Abbo, A.J. Stability of a circular tunnel in cohesive-frictional soil subjected to surcharge loading. <u>Computers and Geotechnics</u>, 38(4):504-514, 2011b.
- Yingchaloenkitkhajorn, K. and Ukritchon, B. Three-Dimensional Undrained Tunnel Face Stability in Clay. <u>Proceeding of the 25th KKCNN Symposium on Civil Engineering</u>, Korea, October 22-24, 290-293, 2012.

ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นายกงกิจ ยิ่งเจริญกิจขจร เกิดวันที่ 3 สิงหาคม พ.ศ. 2528 ที่จังหวัดขอนแก่น สำเร็จ การศึกษาระดับปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิศวกรรมโยธาและเทคโนโลยี ภาควิชา เทคโนโลยีวิศวกรรมโยธาและสิ่งแวดล้อม วิทยาลัยเทคโนโลยีอุตสาหกรรม มหาวิทยาลัย เทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ ปีการศึกษา 2550 และเข้าศึกษาต่อระดับปริญญาวิศวกรรม ศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิศวกรรมธรณีเทคนิค คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อ ปีการศึกษา 2552

ใด้รับรางวัลบทความยอดเยี่ยมในการประชุมวิชาการวิศวกรรมโยธาแห่งชาติ ครั้งที่ 18 จากมูลนิธิ ศาสตราจารย์ คร.ชัย มุกตพันธุ์

ใด้รับรางวัลชมเชยอันดับหนึ่ง ประเภทจากการลงคะแนนเสียงของผู้ทรงคุณวุฒิจาก สำนักงานกองทุนสนับสนุนการวิจัย (สกว.) ในงานแสดงผลงานพัฒนาเทคโนโลยีทุนปริญญาตรี สกว. ครั้งที่ 6