



วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อต้องการเปรียบเทียบวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์เพื่อการพยากรณ์ในสมการถดถอยเชิงเส้นแบบพหุ ใน 3 วิธีคือ วิธีกำลังสองน้อยที่สุด วิธีการแปลงของเพรสและวินส์เทน และวิธีของอีลเดรธและลู เมื่อความคลาดเคลื่อนมีอัตราสัมพันธ์ โดยศึกษาเปรียบเทียบค่ารากที่สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยจากการพยากรณ์ ซึ่งได้ทำการพยากรณ์ล่วงหน้าไป 12 คาบเวลา และสำหรับการเปรียบเทียบ จะกระทำภายใต้สถานการณ์ดังนี้คือ ศึกษาค่าสหสัมพันธ์ ( $\rho$ ) ณ ระดับ 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 0.95 และ 0.99 ขนาดตัวอย่างที่ใช้มี 4 ขนาดคือ 15, 30, 45 และ 60

การวิจัยครั้งนี้ใช้เทคนิคการจำลองแบบมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation Technique) สร้างสถานการณ์ต่างๆ ดังนั้นจะขอกล่าวถึงวิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โล แล้วจึงแสดงรายละเอียดของขั้นตอนการวิจัยและโปรแกรมที่ใช้ในการวิจัยตามลำดับ

### 3.1 วิธีการจำลอง โดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โล

เทคนิคที่ใช้แก้ปัญหาในการคำนวณทางคณิตศาสตร์นั้นมีอยู่หลายวิธี วิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โลเป็นวิธีหนึ่งที่นิยมนำมาใช้แก้ปัญหากันอย่างแพร่หลายในปัจจุบันซึ่งหลักการของการจำลอง โดยใช้เทคนิคดังกล่าวจะอาศัยตัวเลขสุ่ม (Random Numbers) มาช่วยในการหาคำตอบของปัญหาที่ต้องการศึกษา

ขั้นตอนของวิธีการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลที่ใช้กันในปัจจุบัน แบ่งได้เป็น 3 ขั้นตอนดังนี้

3.1.1 การสร้างตัวเลขสุ่ม การใช้ตัวเลขสุ่มเป็นสิ่งที่สำคัญมากในเทคนิคนี้ เพราะว่าหลักการของการจำลองแบบมอนติคาร์โลนั้น ได้ใช้ตัวเลขสุ่มมาช่วยในการค้นหาคำตอบของปัญหา โดยลักษณะของตัวเลขสุ่มที่นำมาใช้ จะมีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์มในช่วง (0,1) สำหรับวิธีการสร้างตัวเลขสุ่มมีผู้เสนอไว้หลายวิธี แต่วิธีที่ขึ้นลักษณะของตัวเลขสุ่มจะมีการแจกแจง

แบบยูนิฟอร์มในช่วง  $(0,1)$  และตัวเลขสุ่มแต่ละตัวเป็นอิสระกัน

3.1.2 การนำตัวเลขสุ่มมาประยุกต์ใช้กับปัญหาที่ต้องการศึกษา ขึ้นตอนขึ้นอยู่กับลักษณะของปัญหา บางปัญหาอาจจะไม่ใช่ตัวเลขสุ่มโดยตรง แต่อาจจะมีขั้นตอนอื่นอีกหลายขั้นตอนที่ต้องการใช้ตัวเลขสุ่ม

3.1.3 การทดลองกระทำ เมื่อนำตัวเลขสุ่มมาประยุกต์ให้เข้ากับปัญหาที่ต้องการศึกษาได้แล้ว ขั้นตอนต่อไปคือ การทดลองโดยใช้กระบวนการของการสุ่ม (Random Process) มากกระทำในลักษณะที่ซ้ำๆกันหลายๆครั้ง เพื่อหาคำตอบที่ต้องการ

### 3.2 แผนการทดลอง

การวิจัยครั้งนี้ได้กำหนดสถานการณ์ต่างๆ เพื่อศึกษาเปรียบเทียบวิธีประมาณค่าพารามิเตอร์เพื่อการพยากรณ์ โดยใช้สมการถดถอยเชิงเส้นแบบพหุ เมื่อความคลาดเคลื่อนมีอัตตสัมพันธ์ โดยที่ลักษณะการแจกแจงของค่าความคลาดเคลื่อนที่ต้องการศึกษามีการแจกแจงแบบปกติ

เริ่มจากสร้างค่าความคลาดเคลื่อนที่มีสหสัมพันธ์กันในรูปแบบ  $AR(1)$  และตัวแปรอิสระตามรูปแบบที่กำหนด 3 รูปแบบ ซึ่งมีระดับสหสัมพันธ์ ( $\rho$ ) 10 ระดับ และขนาดตัวอย่าง 4 ขนาด รวมทั้งสิ้น 120 สถานการณ์ ในแต่ละสถานการณ์จะนำค่าความคลาดเคลื่อนและตัวแปรอิสระที่ได้ไปสร้างตัวแปรตาม แล้วจึงทำการประมาณค่าพารามิเตอร์ด้วยวิธีการทั้ง 3 วิธีดังกล่าว

### 3.3 ขั้นตอนในการวิจัย

ขั้นตอนในการวิจัยมีดังนี้คือ

1. การสร้างโปรแกรมย่อย (Subroutines) สำหรับการแจกแจงของความคลาดเคลื่อน
2. การสร้างข้อมูลคือ ตัวแปรตาม ( $Y$ ) และตัวแปรอิสระ ( $X$ ) โดยให้ตัวแปรตามมีความสัมพันธ์เชิงเส้นตรงกับตัวแปรอิสระ
3. การประมาณค่าพารามิเตอร์จากแต่ละวิธีการ
4. การสร้างสมการพยากรณ์ นำค่าพารามิเตอร์ที่ประมาณได้จากขั้นตอนที่ 3 มา

สร้างสมการพยากรณ์ และทำการพยากรณ์ล่วงหน้าไป 12 คาบเวลา

5. การหาค่ารากที่สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยจากการพยากรณ์ของแต่ละวิธี

สำหรับรายละเอียดของแต่ละขั้นตอนเป็นดังนี้

### 3.3.1 การสร้างโปรแกรมย่อย สำหรับการแจกแจงของความคลาดเคลื่อน

การสร้างลักษณะการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนตามที่กำหนดในข้อตกลงเบื้องต้น จะต้องใช้ตัวเลขสุ่ม (Random Numbers) ซึ่งมีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์มในช่วง (0,1) เป็นพื้นฐานในการสร้าง ซึ่งรายละเอียดของการผลิตและโปรแกรมที่ใช้ชื่อว่า RANDOM แสดงไว้ในภาคผนวก ก สำหรับรายละเอียดในการสร้างการแจกแจงแบบปกติเป็นดังนี้

3.3.1.1 การแจกแจงแบบปกติ โปรแกรมย่อยสำหรับสร้างการแจกแจงแบบปกติจะใช้คำสั่ง NORMAL (MEAN, SD, EX) ซึ่งรายละเอียดของโปรแกรมแสดงในภาคผนวก ก

### 3.3.2 การสร้างข้อมูล X และ Y ที่มีความสัมพันธ์เชิงเส้นตรง

มีขั้นตอนต่าง ๆ ดังนี้

3.3.2.1 สร้างค่าความคลาดเคลื่อนตามรูปแบบที่กำหนด ดังนี้

$$\epsilon_t = \rho \epsilon_{t-1} + v_t \quad . \quad t = 1, 2, \dots, n$$

โดย  $v_t$  เป็นค่าความคลาดเคลื่อนสุ่มที่มีการแจกแจงแบบปกติ มีค่าเฉลี่ยเป็น 0 และความแปรปรวนเป็น 5 กำหนดระดับสหสัมพันธ์ ( $\rho$ ) 10 ระดับ คือ 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 0.95 และ 0.99 กำหนดขนาดตัวอย่าง ( $n$ ) ที่ใช้มี 4 ขนาด คือ 15, 30, 45 และ 60 จากนั้นจึงสร้าง  $\epsilon_t$  ให้มีการแจกแจงแบบปกติ มีค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนตามที่กล่าวมาแล้วในบทที่ 2

3.3.2.2 สร้างค่า X ซึ่งเป็นตัวแปรที่กำหนดรูปแบบที่เป็นลักษณะของข้อมูล

อนุกรมเวลา ซึ่งในการวิจัยครั้งนี้ จะศึกษารูปแบบของตัวแปรอิสระ 3 รูปแบบดังนี้

$$3.3.2.2.1 \quad X_{1t} = t \quad , t = 1, 2, \dots, n$$

$$X_{2t} = t + u_t$$

$$3.3.2.2.2 \quad X_{1t} = t \quad , t = 1, 2, \dots, n$$

$$X_{2t} = t + \cos(2\pi t/12)$$

$$3.3.2.2.3 \quad X_{1t} = t + u_t \quad , t = 1, 2, \dots, n$$

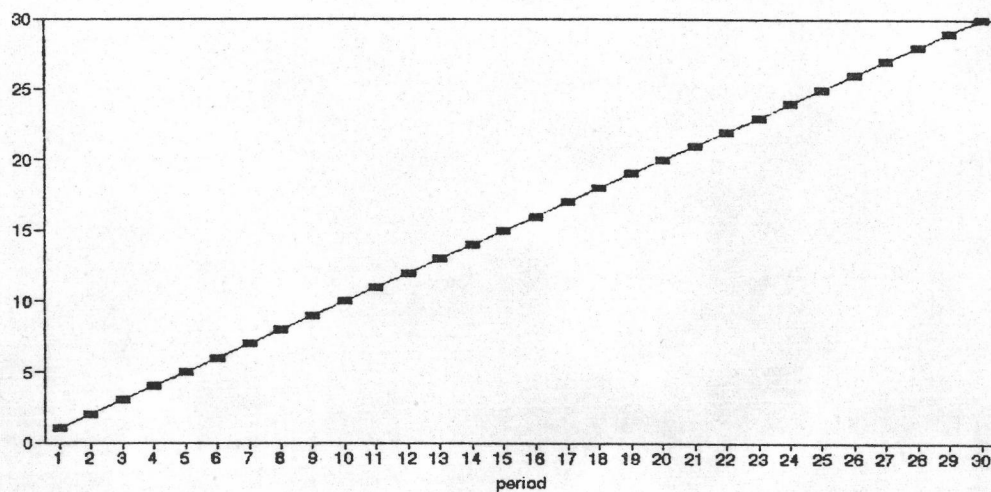
$$X_{2t} = t + \cos(2\pi t/12)$$

$$\text{เมื่อ } u_t \sim N(0, 10)$$

สำหรับรูปแบบของตัวแปรอิสระที่นำมาศึกษาแสดงให้เห็นเป็นตัวอย่างดังรูปที่ 3.1 ถึง 3.3

รูปที่ 3.1 รูปแบบเส้นตรงตามเวลา (Simple Time Trend)

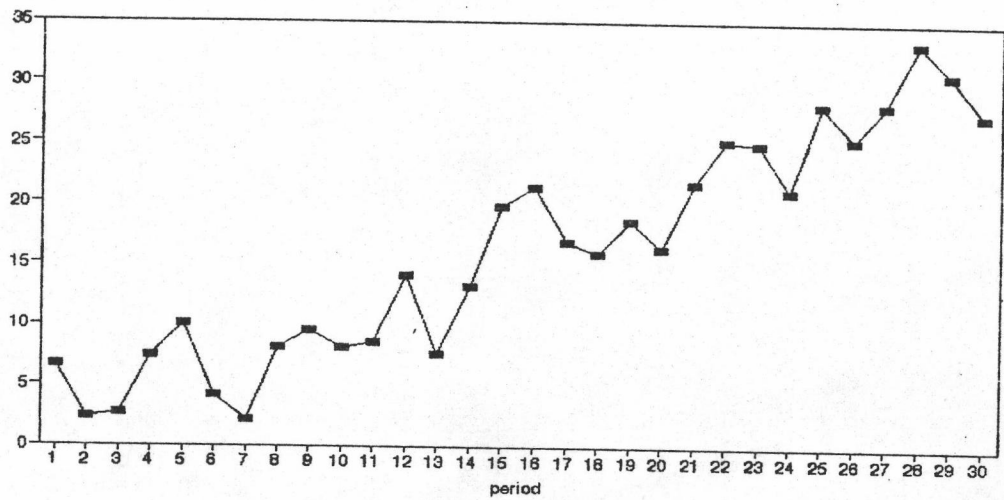
$$X_t = t \quad , t = 1, 2, \dots, n$$





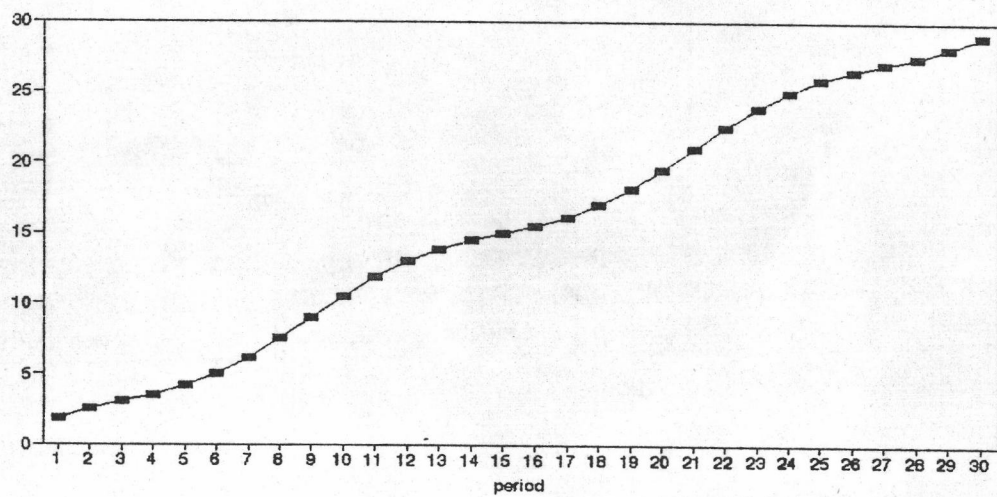
รูปที่ 3.2 รูปแบบแนวโน้มไม่คงที่ (Stochastic Trend)

$$X_t = t + u_t \quad , t = 1, 2, \dots, n$$



รูปที่ 3.3 รูปแบบแนวโน้มตามคาบเวลา (Periodic Trend)

$$X_t = t + \cos(2\pi t/12) \quad , t = 1, 2, \dots, n$$



3.3.2.3 สร้างค่าตัวแปรตาม  $Y$  ซึ่งมีรูปแบบสมการดังนี้

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_{1t} + \beta_2 X_{2t} + \varepsilon_t, \quad t = 1, 2, \dots, n$$

โดยที่  $\beta_0$  และ  $\beta_1$  เป็นค่าพารามิเตอร์ที่ถูกกำหนดขึ้นมา

### 3.3.3 การประมาณค่าพารามิเตอร์จากแต่ละวิธีการ

เมื่อสร้างข้อมูล  $(X, Y)$  ที่มีความสัมพันธ์เชิงเส้นต่อกัน และรูปแบบความคลาดเคลื่อนตามที่กำหนดแล้ว จากนั้นจึงนำข้อมูล  $(X, Y)$  ที่ได้ไปประมาณค่าพารามิเตอร์ โดยในการวิจัยครั้งนี้ได้เสนอวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ไว้ 3 วิธี ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

3.3.3.1 การประมาณค่าพารามิเตอร์ด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด  
สูตรการประมาณค่าพารามิเตอร์  $\beta$  คือ

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}(X'Y)$$

3.3.3.2 การประมาณค่าพารามิเตอร์ด้วยวิธีการแปลงของเพรสและวินส์เทน  
ในขั้นตอนแรกทำการประมาณค่า  $\rho$  ก่อน โดยใช้สูตร

$$\hat{\rho} = \frac{\sum_{t=2}^n e_t e_{t-1}}{\sum_{t=3}^n e_{t-1}^2}$$

เมื่อ  $e_t$  และ  $e_{t-1}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองน้อยที่สุด

(Ordinary Least Squares Residuals)

จากนั้นจึงนำค่าประมาณ  $\rho$  ไปแทนในสมการ

$$Y_t \sqrt{1-\rho^2} = \beta_0 \sqrt{1-\rho^2} + \beta_1 X_{1t} \sqrt{1-\rho^2} + \beta_2 X_{2t} \sqrt{1-\rho^2} + v_t$$

เมื่อ  $t = 1$

$$Y_t - \rho Y_{t-1} = \beta_0(1-\rho) + \beta_1(X_{1t} - \rho X_{1t-1}) + \beta_2(X_{2t} - \rho X_{2t-1}) + v_t$$

เมื่อ  $t = 2, 3, \dots, n$

คำนวณหาค่าประมาณพารามิเตอร์  $\beta$  โดยวิธี OLS จะได้

$$\hat{\beta} = (X^*{}'X^*)^{-1}(X^*{}'Y^*)$$

โดยที่

$$Y^* = \begin{bmatrix} Y_1\sqrt{1-\rho^2} \\ Y_2 - \rho Y_1 \\ Y_3 - \rho Y_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ Y_t - \rho Y_{t-1} \end{bmatrix} \quad X^* = \begin{bmatrix} \sqrt{1-\rho^2} & X_{11}\sqrt{1-\rho^2} & X_{21}\sqrt{1-\rho^2} \\ 1-\rho & X_{12} - \rho X_{11} & X_{22} - \rho X_{21} \\ 1-\rho & X_{13} - \rho X_{12} & X_{23} - \rho X_{22} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 1-\rho & X_{1t} - \rho X_{1t-1} & X_{2t} - \rho X_{2t-1} \end{bmatrix}$$

### 3.3.3.3 การประมาณค่าพารามิเตอร์ด้วยวิธีของฮิลเดธและลู

ในขั้นตอนแรกทำการประมาณค่า  $\rho$  ก่อน โดยหาค่าประมาณ  $\rho$  จากเทคนิคการค้นหาแบบกริด (Grid Search Technique) จากนั้นจึงนำค่าประมาณ  $\rho$  ที่ได้ แทนลงในสมการ

$$Y_t - \rho Y_{t-1} = \beta_0(1-\rho) + \beta_1(X_{1t} - \rho X_{1t-1}) + \beta_2(X_{2t} - \rho X_{2t-1}) + v_t$$

เมื่อ  $t = 2, 3, \dots, n$

คำนวณหาค่าประมาณพารามิเตอร์  $\beta$  โดยวิธี OLS จะได้

$$\hat{\beta} = (X^*{}'X^*)^{-1}(X^*{}'Y^*)$$

โดยที่

$$Y^* = \begin{bmatrix} Y_2 - \rho Y_1 \\ Y_3 - \rho Y_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ Y_t - \rho Y_{t-1} \end{bmatrix} \quad X^* = \begin{bmatrix} 1 - \rho & X_{12} - \rho X_{11} & X_{22} - \rho X_{21} \\ 1 - \rho & X_{13} - \rho X_{12} & X_{23} - \rho X_{22} \\ \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot \\ 1 - \rho & X_{1t} - \rho X_{1t-1} & X_{2t} - \rho X_{2t-1} \end{bmatrix}$$

### 3.3.4 การสร้างสมการพยากรณ์

เมื่อได้ค่าประมาณพารามิเตอร์จากแต่ละวิธีแล้ว จะทำการประมาณซ้ำจนครบ 500 ครั้ง จากนั้นจึงนำค่าประมาณพารามิเตอร์มาหาค่าเฉลี่ย เพื่อนำค่าประมาณที่ได้ไปเข้าสมการพยากรณ์ เพื่อหาค่าพยากรณ์  $Y$  โดยจะทำการพยากรณ์ล่วงหน้าไป 12 คาบเวลา ซึ่งแต่ละวิธีที่ศึกษามีรูปแบบของสมการพยากรณ์ค่า  $Y$  ดังนี้

#### 3.3.4.1 วิธีกำลังสองน้อยที่สุด

สมการพยากรณ์ค่า  $Y_t$  คือ

$$\hat{Y}_t = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X_{1t} + \hat{\beta}_2 X_{2t}$$

#### 3.3.4.2 วิธีการแปลงของเพอร์สและวินส์เทน

สมการพยากรณ์ค่า  $Y_t$  คือ

$$\hat{Y}_t = \hat{\rho} Y_{t-1} + \hat{\beta}_0 (1 - \hat{\rho}) + \hat{\beta}_1 (X_{1t} - \hat{\rho} X_{1t-1}) + \hat{\beta}_2 (X_{2t} - \hat{\rho} X_{2t-1})$$



## 3.3.4.3 วิธีของอีลเดรและลู

สมการพยากรณ์ค่า  $Y_t$  คือ

$$\hat{Y}_t = \hat{\rho}Y_{t-1} + \hat{\beta}_0(1-\hat{\rho}) + \hat{\beta}_1(X_{1t} - \hat{\rho}X_{1t-1}) + \hat{\beta}_2(X_{2t} - \hat{\rho}X_{2t-1})$$

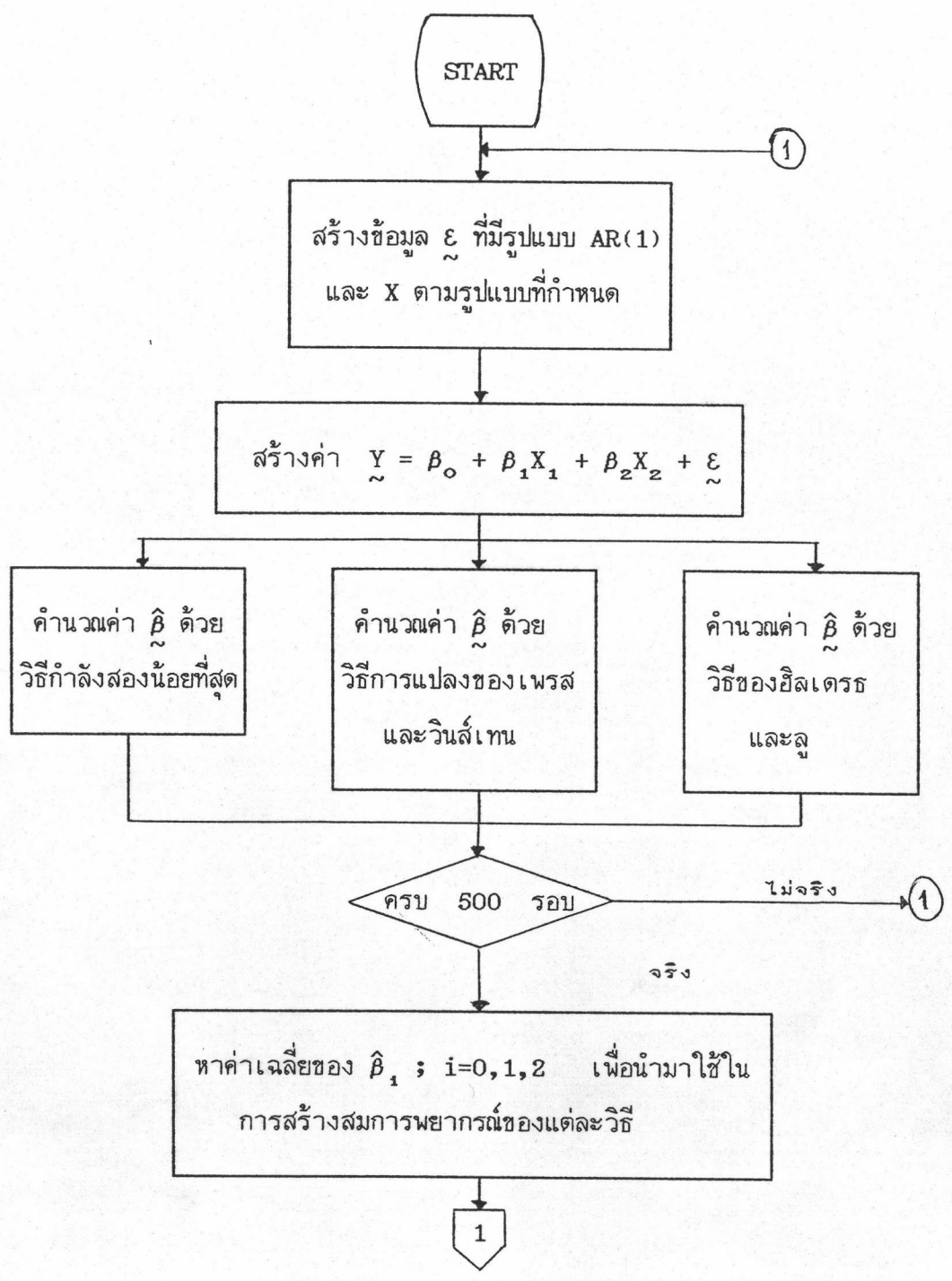
## 3.3.5 การหาค่ารากที่สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยจากการพยากรณ์

การทดลองในสถานการณ์หนึ่งๆ เมื่อได้ค่าพยากรณ์  $Y$  ล่วงหน้า 12 คาบ เวลาในแต่ละวิธีทั้ง 3 แล้ว จะนำค่าพยากรณ์มาหาความแตกต่างกับค่าจริง  $Y$  เพื่อคำนวณหาค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองของแต่ละคาบเวลา และทำซ้ำเช่นเดิมจนครบ 500 ครั้ง แล้วจึงคำนวณหาค่ารากที่สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยในแต่ละคาบเวลา ( $RMSE_t$ ) จากสูตรดังนี้

$$RMSE_t = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{500} (Y_{t,i} - \hat{Y}_{t,i})^2}{500}}, \quad t = 1, 2, \dots, n$$

จากนั้นจะนำค่า  $RMSE_t$  ของวิธีการทั้ง 3 วิธี มาทำการเปรียบเทียบ โดยจะเปรียบเทียบในแต่ละคาบเวลาทั้งหมด 12 คาบเวลา แล้วจึงเปรียบเทียบโดยเฉลี่ยทั้ง 12 คาบเวลาอีกครั้ง และจะทำการทดลองเช่นนี้โดยการเปลี่ยนรูปแบบตัวแปรอิสระ ขนาดตัวอย่าง และระดับสหสัมพันธ์ จนครบทุกรูปแบบที่ต้องการศึกษา

รูปที่ 3.4 แสดงผังงานสำหรับหาค่าราคาที่สองของความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยจากการพยากรณ์



รูปที่ 3.4 (ต่อ)

