#### การสร้างแบบจำลองคณิตศาสตร์ สำหรับการหมักเอทานอลจากกากน้ำตาล

โดย Saccharomyces cerevisiae M30



นาย ณัฐพันธ์ ศรีรัตน์

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมเคมี ภาควิชาวิศวกรรมเคมี คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2546 ISBN 974-17-4516-8 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

# MATHEMATICAL MODELING FOR ETHANOL FERMENTATION FORM MOLASSES BY Saccharomyces cerevisiae M30

Mr. Nuttapan Srirattana

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Engineering in Chemical Engineering

Department of Chemical Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 2003

ISBN 974-17-4516-8

Thesis Title	MATHEMATICAL MODELING FOR ETHANOL PERMENTATION
	FROM MOLASSES BY Saccharomyces cerevisiae M30
Ву	Mr. Nuttapan Srirattana
Field of study	Chemical Engineering
Thesis Advisor	Muenduen Phisalaphong, Ph.D.
Accep	ted by the Faculty of Engineering, Chulalongkorn University in Partial Fulfillment
of the Requirements for	or the Master's Degree
	Dean of Faculty of Engineering
	(Professor Direk Lavansiri, Ph.D.)
THESIS COMMITTEE	
	Wint linkapunichikon Chairman
	(Professor Wiwut Tanthapanichakoon, Ph.D.)
	Much Thesis Advisor
	(Muenduen Phisalaphong, Ph.D.)
	Member Member
	(Assistant Professor Seeroong Prechanont, Ph.D.)
	(Assistant Professor Wirat Vanichsriratana, Ph.D.)

ณัฐพันธ์ ศรีรัตน์ : การสร้างแบบจำลองคณิตศาสตร์ สำหรับการหมักเอทานอลจาก กากน้ำตาล โดย Saccharomyces cerevisiae M30. (MATHEMATICAL MODELING FOR ETHANOL FERMENTATION FROM MOLASSES BY SACCHAROMYCES CEREVISAIE M30) อ. ที่ปรึกษา: คร. เหมือนเคือน พิศาลพงศ์, 74 หน้า. ISBN 974-17-4516-8.

แบบจำลองทางคณิศศาสตร์ถูกสร้างขึ้นเพื่อใช้อธิบายจลนพลศาสตร์ของการหมักเอทานอลจาก กากน้ำตาล (Molasses) โดยใช้ยีสต์ Saccharomyces cerevisiae สายพันธุ์ M30 ซึ่งมีความสามารถ ในการตกตะกอนเร็ว กากน้ำตาลซึ่งเป็นวัตถุดิบตั้งต้นหลักในการหมักเอทานอลของประเทศไทย ถูกใช้เป็น สารตั้งต้นในการทดลอง การทดลองที่ทำเป็นชนิดครั้งคราว (Batch) ในขวดเขย่า ในขั้นแรกการหมักถกทำ ขึ้นในขวดเขย่าที่ควบคมอณหภมิไว้ 33 องศาเซลติเกรคโดยปรับเปลี่ยนค่าน้ำตาลเริ่มต้นระหว่าง 3 ถึง 25 เปอร์เซ็นต์มวลต่อปริมาตร จากการทคลองพบว่าความเข้มข้นเริ่มต้นของน้ำตาลที่เหมาะสมคือ เปอร์เซ็นต์บวลต่อปริมาตร จากนั้นจึงทำการหมักโดยใช้ความเข้มข้นน้ำตาลเริ่มต้นที่ 22 เปอร์เซ็นต์บวลต่อ ปริมาตรที่อุณหภูมิต่างๆ ในช่วง 30 ถึง 42 องศาเซลติเกรด แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่สร้างขึ้นนี้พัฒนา จากแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของโมนอด โดยมีปัจจัยหลักสามส่วนคือ ปัจจัยของความเข้มข้นน้ำตาล ปัจจัยของความเข้มข้นของน้ำตาลและเอทานอล และปัจจัยของอุณหภูมิในการหมัก นอกจากนั้นยังเพิ่มพจน์ของอัตราการตายและการบำรุงรักษาเซลล์ในสมการสมคุลมวลของเซลล์ โดย สมการชนิคโพลิโนเมียลถูกใช้ในการสร้างความสัมพันธ์ระหว่างค่าน้ำตาลเริ่มต้นกับค่าพารามิเตอร์ทาง หลังจากนั้นสมการเอกซ์โปเนนเชียลถูกใช้เพื่ออธิบายความสัมพันธ์ระหว่างอุณหภูมิกับ ค่าพารามิเตอร์ทางจลนพลศาสตร์ต่างๆ อาทิเช่น การเจริญเติบโตจำเพาะและการผลิตเอทานอลจำเพาะ และความเข้มข้นสงสุดของเซลล์ ค่าพารามิเตอร์ที่เหมาะสมถกคำนวณจากการวนรอบของชุด โปรแกรมคำนวณทางคณิตศาสตร์ที่เขียนขึ้นโดยใช้ระเบียบวิธีกำลังสองน้อยที่สุด การจำลองการหมักด้วย แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่สร้างขึ้นให้ผลในทางเดียวกันกับการทคลองของการหมักเอทานอล ค่าความ เข้มข้นน้ำตาลที่เหมาะสมทั้งในค้านการเจริญเติบโตของยีสต์และความเข้มข้นของเอทานอลมีค่าเป็น 22% มวลต่อปริมาตร ที่อุณหภูมิการหมัก 33 องศาเซลติเกรค ผลที่ได้สามารถนำไปปรับปรุงและพัฒนา ความสามารถของระบบการหมักเกทานกลในลำดับต่อไป

ภาควิชา วิศวกรรมเคมี สาขาวิชา วิศวกรรมเคมี ปีการศึกษา 2546 ลายมือชื่อนิสิต รัฐรัฐร

##4570314121 : MAJOR CHEMICAL ENGINEERING

KEY WORD: ETHANOL FERMENTATION / SACCHAROMYCES CEREVISIAE / MATHEMATICAL MODEL / MOLASSES / SIMULATION

NUTTAPAN SRIRATTANA: MATHEMATICAL MODELING FOR ETHANOL FERMENTATION FROM MOLASSES BY SACCHAROMYCES CEREVISIAE M30 THESIS ADVISOR: MUENDUEN PHISALAPHONG, Ph.D., 74 pp. ISBN 974-17-4516-8.

A mathematical model is developed to explain the process dynamics of ethanol production by flocculating yeast, Saccharomyces cerevisiae M30. Molasses, the main feedstock for ethanol production in Thailand, is used as the substrate source for all experiments. Firstly, the experiments are carried out by the batch fermentation in shaking flasks with the initial sugar concentration ranging from 3 to 25%w/v and incubate at 33°C. Subsequently, the optimal initial sugar concentration growth and production is found to be 22%w/v. At the optimal initial sugar concentration (22%w/v), the fermentation are performed with operating temperature ranging from 30 to 42°C. The mathematical model is developed from Monod kinetic model. It consists of three main factors; initial substrate concentration, substrate and ethanol concentration, and operating temperature, and counts with death rate and cell maintenance for biomass equation. Polynomial equation is used to describe the relationship between initial substrate concentration and kinetic parameters. Then, exponential relationships between operating temperature and kinetic parameters such as both maximum specific growth rate and production rate and maximum production concentrations are determined. The parameters of model are converged by using least-square method. The results reveal a good agreement between the simulation and the experiment data. The optimum conditions of ethanol batch fermentation by using molasses as substrate are at 22%w/v initial reducing sugar and 33°C of operating temperature. The results can be further used to improve the ethanol fermentation process performance.

Department Chemical Engineering Student's signature Subtrym.

Field of study Chemical Engineering Advisor's signature Advisor's signature Academic year 2003.

#### **ACKNOWLEDGEMENTS**

This thesis will never have been completed without the help and support of many people and organizers who are gratefully acknowledged here. Firstly, I would like to express my sincere gratitude to Dr. Muenduen Phisalaphong, my advisor, for her suggestions, guidance, warm encouragement and generous supervision throughout my master program. In addition, would like to gratefully thank Associate Professors Dr. Paisan Kittisupakorn for his valuable suggestions and knowledge during the research. I would also like to thank all of my thesis committees for their guidance and proof-read this manuscript.

Moreover, my work could not have been carried out without the help of all members in atmospheric biochemical laboratory Ms. Ratchat Chantawongvuti, Mr. Jeerun Kingkaew, Ms. Wanwisa Sangrungsri, and Ms. Thasanaprapha Lertsremongkol. I would like to express my deep appreciation to them and also to my friend in computer engineering laboratory, Mr. Piriya Prathuangwong who encouraged me during my Master's degree time. I can not forget to express my thankfulness to my lovely friends, Mr. Narawoot Thongmarongsri and Ms. Parichat Baramichai. Moreover, special thanks should be made for all members in the Biochemical and Environmental Engineering Laboratories for their pleasantness and encouragement Mr. Kunawut Boonyanopakun, Ms. Siriwan Silapakul, Mr. Krit Lilitkarntakul, Ms. Lerdluk Kaewvimol, Mr. Rawit Cheasagul, and Ms. Phungjai Boonyeun.

Of course, I would like to express my sincere indebtedness to my family for their worthy supports throughout my Master course.

## **CONTENTS**

PAG	ЭE
ABSTRACT (IN THAI)iv	,
ABSTRACT (IN ENGLISH)v	
ACKNOWLEDGMENTSvi	j
TABLE OF CONTENTSvi	i
LIST OF TABLESix	
LIST OF FIGURESx	
NOMENCLATURExi	i
Chapter 1 INTRODUCTION	
1.1 Background1	
1.2 Objective2	
1.3 Expected Benefits2	
1.4 Working Scopes2	
Chapter 2 BACKGROUNDS AND LITERATURE REVIEWS	
2.1 Backgrounds: Pathway of ethanol generation3	
2.1.1 Glycolysis – Embden-Meyerhoff-Pamas pathway (EMP)3	
2.1.2 End product Fermentation5	
2.2 Batch fermentation6	
2.3 Mathematical modeling11	
2.4 Microbial growth kinetics12	
2.5 Factors affect unstructured model17	,
2.5.1 Substance limiting effect17	,
2.5.2 Substance inhibition effect	
2.5.3 Operating temperature effect20	)
2.5.4 pH level effect21	ĺ
2.5.5 Power consumption effect22	•
2.6 Literature reviews23	}

## **CONTENTS (Continued)**

Chapter 3 MATERIALS AND METHODS	
3.1 Microorganism	26
3.2 Apparatus	26
3.3 Chemicals	26
3.4 Experimental Methods	27
3.4.1 Inoculums	27
3.4.2 Shake flask fermentation	27
3.5 Analytical methods	29
3.5.1 Cell concentration	29
3.5.2 Ethanol concentration	29
3.5.3 Reducing sugar concentration	29
3.6 Mathematical methods	30
CHAPTER 4 RESULTS AND DISCUSSION	
4.1 Fermentation	34
4.2 Mathematical model	40
CHAPTER 5 CONCLUSIONS AND RECOMMENDATIONS	
5.1 Conclusions	47
5.2 Contributions	47
5.3 Recommendations	48
REFERENCES	49
APPENDICES	
DIOCDADUV	74

## **LIST OF TABLES**

TABLE	PAGE
2.1 Maintenance parameter for cell alive	9
2.2 Summarized of cell growth and substrate utilization yield in aerobic	
organisms by different carbon source	10
2.3 Growth Kinetics for a Single Substrate	16
2.4 Inhibition Kinetics for a Single Inhibitor	19
4.1 Kinetic parameters of initial sugar concentration's experiment	40
4.2 Kinetic parameters in term of ratio between their temperature value a	nd
reference temperature value	43

## **LIST OF FIGURES**

FIGURE PAGE	:
2.1 Activation of glucose by phosphorylation with ATP3	
2.2 Splitting of Fructose by aldolase4	
2.3 Extraction of Energy (half of pathway)5	
2.4 Oxidation of NADH5	
2.5 Principal time course of cell mass, substrate and product concentration	
for different types of fermentation7	
2.6 Effects of Mg2+ concentration on lag phase of E. aerogenes8	
2.7 Relationship of $\mu$ and C <sub>S</sub> in Monod kinetic13	
2.8 Batch fermentation14	
2.9 Normalized $\mu(C_S)$ characteristics of substrate uptake kinetics $\tau$ versus	
substrate concentration $C_S$ , normalized to the half-saturation constant17	
2.10 Dependency of the maximum specific growth rate of	
Klebsiella pneumoniae on the temperature21	
2.11 Effect of pH on lactose batch fermentation under anaerobic conditions22	
2.12 Photographs of cells grown under different culture conditions after	
120 hours cultivation23	
3.1 Saccharomyces cerevisiae M30 on Potato dextrose agar slant28	
3.2 Saccharomyces cerevisiae M30 in 500 mL Erlenmeyer flasks	
containing 250 mL of the prepared fermentation media28	
3.3 Shaking incubator with water cooling29	
3.4 Block flow diagram of mathematical model procedure33	
4.1 Experimental results and simulation of cell, substrate and product	
concentrations at different initial substrate concentrations36	
4.2 Experimental results and simulation of cell, substrate and product	
concentrations at different operating temperatures39	

# LIST OF FIGURES (Continued)

FIGURE
4.3 The relationships between: (a) the initial sugar concentration ( $C_{S0}$ )
and the maximum specific growth rate ( $\mu_{\text{m}}$ ); (b) the initial sugar
concentration ( $C_{S0}$ ) and the maximum production rate ( $v_m$ )42
4.4 Ratio of each parameter on its reference temperature parameter (33°C)44
4.5 Dependency of initial specific growth rate at 22%w/v initial sugar
concentration of Saccharomyces cerevisiae M30 on the temperature46

#### **NOMENCLATURE**

- K<sub>CM</sub> Maintenance constant [h<sup>-1</sup>]
- K<sub>d</sub> Specific cell death rate [h<sup>-1</sup>]
- K<sub>S</sub> Saturation growth constant [g/L]
- K<sub>SP</sub> Saturation production constant [g/L]
- K<sub>SS</sub> Substrate growth inhibition term [g/L]
- K<sub>SSP</sub> Substrate production inhibition term [g/L]
- $P_m$  Ethanol inhibition term [g/L]
- $C_X$  Cell concentration [g/L]
- C<sub>P</sub> Ethanol concentration [g/L]
- C<sub>S</sub> Substrate concentration [g/L]
- $C_{X0}$  Initial cell concentration [g/L]
- C<sub>P0</sub> Initial ethanol concentration [g/L]
- C<sub>S0</sub> Initial substrate concentration [g/L]
- Y<sub>P/S</sub> Yield coefficient for product on substrate
- $Y_{X/S}$  Yield coefficient for cells on substrate

#### Greek Symbols

- $\mu$  Specific growth rate [h<sup>-1</sup>]
- $\mu_m$  Maximum specific growth rate [h<sup>-1</sup>]
- $\mu'$  Initial specific growth rate [h<sup>-1</sup>]
- ν Specific production rate [h<sup>-1</sup>]
- $v_m$  Maximum specific production rate [h<sup>-1</sup>]
- γ Ratio between its temperature parameter and reference temperature parameter [-]
- τ Normalized specific growth rate [-]

## **NOMENCLATURE (Continued)**

#### Derivatives

d  $C_X/dt$  Cell growth rate [g/(L.h)]

d  $C_S/dt$  Rate of change in substrate [g/(L.h)]

d  $C_P/dt$  Ethanol production rate [g/(L.h)]