รายการอ้างอิง

- ASTM E561-94, Standard Practice for R-Curve Determination. ASTM Standard 3.01. <u>American Society for Testing and Materials</u>, 1996.
- ASTM E647, Standard test method of measurement of fatigue crack growth rates. ASTM Standard 3.01. <u>American Society for Testing and Materials</u>, 1996.
- 3. F. Alten, JR. Grandt. Fundamentals of structural integrity : John Wiley & Sons, 2004.
- 4. T. L. Anderson. Fracture mechanics: fundamentals and application. Second Edition , 1995
- W. F. Deans and C. E. Richards. A simple and sensitive method of monitoring crack and load in compact fracture mechanics specimens using strain gages. <u>Journal of Testing</u> <u>and Evaluation</u> 7, 3, (1979): 147-154.
- K. -H. Schwalbe and Dieter Hellmann. Application of the electrical potential method to crack length measurements using Johnson's formula. <u>Journal of Testing and</u> <u>Evaluation</u> 9, 3, (May 1981): 218-221.
- D. W. J. Pulle. Crack length measurement : Analysis of the electropotential method using a finite element method. <u>Journal of strain analysis</u> 21, 3, (1986) : 127-134.
- W. K. Wilson. On the electrical potential analysis of a cracked fracture mechanics test specimen using the finite element method. <u>Engineering fracture mechanics</u> 18, (1983) : 349-358.
- G. H. Aronson and R. O. Ritchie. Optimization of the electrical potential technique for crack growth monitoring in compact test piece using finite element analysis. <u>Journal of</u> <u>Testing and Evaluation</u> 7, 4, (1979) : 208-215.
- R. O. Ritchie and K. J. Bathe. On the calibration of the electrical potential technique for monitoring crack growth using finite element methods. <u>International Journal of</u> <u>Fracture 15, 1, (1979): 47-55.</u>
- K. -H Schwalbe, W. Setz. R Curve and Fracture Toughness of thin sheet materials. Journal of Testing and Evaluation 9, 4, (1981).
- C. G. Chipperfield. Detection and Toughness characterisation of ductile crack initiation in 316 stainless steels. <u>International Journal of Fracture</u> 12, 6, (December 1976) : 873-886.

- R. Brazil, G. W. Simmons and R. P. Wei. Fatigue Crack Growth in 2¹/₄ Cr-1Mo Steel Exposed to Hydrogen containing gases. <u>Journal of Engineering Materials and</u> <u>Technology</u> 101, (July 1979) : 199-204.
- R. P. Wei and R. L. Brazill. An Assessment of A-C and D-C potential systems for monitoring fatigue crack growth. <u>American Society for Testing and Materials</u>, (1981) : 103-119.
- 15. Wen-Hwa Chen, Jen-Shiung Chen, Huei-Lu Fang. A theoretical procedure for detection of simulated cracks in a pipe by the direct current-potential drop technique. <u>Nuclear</u> <u>Engineering and design</u> 216, (2002) : 203-211.
- R. H. Vanstone and T. L. Richardson. Potential-drop monitoringof cracks in surface-flawed specimens. <u>American Society for Testing and Materials</u>, (1985) : 148-166.
- M. Enmark, G. Lucas and G. R. Odette. An electric potential drop technique for characterizing part-through surface cracks. <u>Journal of nuclear materials</u> 191-194, (1992): 1038-1041.
- R. Ghajarieh, M. Saka, T. Sugawara, H. Abe, I. Komura and H. Sakamoto. NDE of multiple cracks on the surface of materials by means of the potential drop technique. <u>NDT & E</u> <u>International.</u> (1994) : 143-150.
- J. Liu and P. Bowen. DC potential drop calibration in matrix-cladded Ti MMC specimens with a corner notch. <u>International Journal of Fatigue</u> 25, (2003): 671-676.
- 20. L. Gandossi, S. A. Summers, N. G. Taylor, R. C. Hurst, B. J. Hulm and J. D. Parker. The potential drop method for monitoring crack growth in real components subjected to combined fatigue and creep conditions: application of FE techniques for deriving calibration curves. <u>International Journal of Pressure Vessels and Piping</u> 78, (2001) : 881-891.
- David Halliday, Robert Resnick, Jearl Walker. <u>Fundamentals of physics</u>. Fifth Edition : John Wiley & Sons, 1997.
- 22. ภาควิชาฟิสิกส์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย. <u>ฟิสิกส์ 2</u>. พิมพ์ครั้งที่ 10 กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2541.
- ก่องกัญจน์ ภัทรากาญจน์, ธนกาญจน์ ภัทรากาญจน์. <u>ฟิสิกส์มหาวิทยาลัย 2</u> กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ, 2530.
- 24. Metal Handbook, Mechanical testing 8. American Society for metals. 1985

- 25. Robert D. Cook, David S. Malkus, Michael E. Plesha. <u>Concepts and application of finite</u> <u>element analysis</u>. John Wiley & Sons, 1989.
- ปราโมทย์ เดชะอำไพ. <u>ไฟในต์เอลิเมนต์ในงานวิศวกรรม</u>. พิมพ์ครั้งที่ 2 กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2542.
- 27. Toshihisa Nishioka, Hiroyuki Tokudome, Masahiro Kinoshita. Dynamic fracture-path prediction in impact fracture phenomena using moving finite element method based on Delaunay automatic mesh generation. <u>International Journal of Solids and Structures</u> 38, (2001): 5273-5301.
- 28. D. P. Rooke and D. J. Cartwright. Conpendium of Stress intensity factors.H.M.S.O, 1976.
- The Society of Materials Science. <u>Stress intensity factors handbook</u>. First Edition :Pergamon Press, December 1986.
- 30. API Recommend practice 579. Fitness-for-service. First edition : January 2000.
- 31. ปราโมทย์ เดชะอำไพ, สุทธิศักดิ์ พงศ์ธนาพาณิช. <u>ไฟไนต์เอลิเมนต์อย่างง่าย</u>. พิมพ์ครั้งที่ 1 กรุงเทพมหานคร : สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2548.

ภาคผนวก

.

ภาคผนว<mark>ก ก</mark>

ความต่างศักย์อ้างอิง

ความต่างศักย์อ้างอิง (คำนวณจากสมการที่ (3.21)) แบ่งได้สองกรณี คือ ความต่างศักย์ตาม แนวแกน y และความต่างศักย์ตามแนวแกน x โดยแต่ละตารางประกอบด้วยความต่างศักย์ที่ ระยะห่างระหว่างจุดวัดความต่างศักย์ใด ๆ ตามแนวแกนที่ป้อนกระแสไฟฟ้า บนชิ้นทดสอบที่ไม่มี รอยร้าว โดยตารางที่ ก.1 แสดงก่าความต่างศักย์ตามแนวแกน y เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y ตาราง ที่ ก.2 แสดงก่าความต่างศักย์ตามแนวแกน x เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน x

ความต่างศักย์อ้างอิงจะถูกใช้เป็นผลเฉลยแม่นตรงในกรณีชิ้นทคสอบไม่มีรอยร้าวในบทที่ 3 และใช้เป็นความต่างศักย์อ้างอิง (V,) เพื่อหารค่าความต่างศักย์ (Normalize) ที่ได้จากวิธีไฟไนต์เอ ลิเมนต์ กรณีชิ้นทคสอบมีรอยร้าว เพื่อสร้างเส้นโค้งสอบเทียบ (Calibration curve)

| ระยะห่างระหว่างจุดวัดกวามต่างศักย์ (mm) | ความต่างศักข์ Exact solutions (μV) |
|---|---|
| 10 | 21 978 |
| 20 | 43 956 |
| 30 | 65 934 |
| 40 | 87 912 |
| 50 | 100.800 |
| 60 | 131 868 |
| 70 | 153.846 |
| 80 | 175.824 |
| | 175.024 |

ตารางที่ ก.1 ความต่างศักย์ระหว่างจุดวัดสองจุดบนแกน y เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

ตารางที่ ก.2 ความต่างศักย์ระหว่างจุดวัดสองจุดบนแกน x เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน x

| ระยะห่างระหว่างจุดวัดกวามต่างศักย์ (mm) | ความต่างศักข์ Exact solutions (μV) |
|---|---|
| 10 | 5.495 |
| 20 | 10.989 |

ภาคผนวก ข

ลักษณะไฟล์นำเข้าและไฟล์ผลลัพธ์ของโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์

เนื้อหาส่วนนี้แสดงรายละเอียดของไฟล์สำหรับโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์ ประกอบด้วย รายละเอียดไฟล์สองไฟล์ คือ ไฟล์นำเข้าและไฟล์ผลลัพธ์

ข.1 ลักษณะของไฟล์นำเข้า

เนื่องจากขั้นตอนการสร้าง โมเคลชิ้นทคสอบและการสร้างเอลิเมนต์นั้นใช้ โปรแกรม สำเร็จรูป Easy FEM [31] ซึ่งให้ก่าตำแหน่งพิกัคที่จุดต่อ (Nodal Coordinates) ,โหลคภาระ (Load) และเงื่อนไขขอบเขต (Boundary conditions) ซึ่งอยู่ในรูปแบบไฟล์นามสกุล .dat คังรูปที่ ข.1

FILEID=FEMESH SCRIPT COMMAND DATA_FILE_VERSION= TITLE= SUBTITLE= DATE= DATA DIR= PROG DIR= OUTPUT FILE= SOL= PROBLEM ID= SOLVER ID= **REMESH HMIN=** REMESH HMAX= ERROR MIN= ERROR MAX= ERROR_CUTOFF= ERROR_INDICATOR_VARS_ID=

ERROR_INDICATOR_TYPE_ID=

AUTO_DISPLAY=

BANDWIDTH=

TEMPORAL_DISCRETIZATION=

SHOW_ITERS=

NUMBER_OF_STEP=

TIME_STEP=

ITER_NUMS=

SAVE_ITERS=

OUT_ITERS=

NODE_NUMS=

ELEMENT_NUMS=

NODAL_LOADS=

ELEMENTAL_LOADS=

SIDAL_LOADS=

MAX_PROPERTY_NUMS=

PROPERTY_NUMS=

END=

BEGIN BULK

| NODE | NODI | E(BW) | | |
|------|---------|-------|------|-------------------|
| 1 | 2 | | | |
| 2 | 1 | | | |
| 3 | 3 | | | |
| 4 | 4 | | | |
| NODE | Х | Y | H [N | ODE=4] |
| 1 | -0.0125 | 0.05 | 0.0 | |
| 2 | -0.0125 | -0.05 | 0.0 | |
| 3 | 0.0125 | -0.05 | 0.0 | |
| 4 | 0.0125 | 0.05 | 0.0 | |
| ELEM | Ι | J | К | PROP [TRIANGLE=2] |
| 1 | 1 | 3 | 4 | 1 |
| 2 | 1 | 2 | 3 | 1 |

| NODE | L-ID | Т | Qs | | | | | | |
|----------|------|-------|------|------------|------|-------|------|-------|-----|
| 4 | 1 | 0.0 | 0.0 | | | | | | |
| 1 | 1 | 0.0 | 0.0 | | | | | | |
| ELEM | L-ID | Q | QS | Ti | Н | | | | |
| ELEM | N1 | N2 | L-ID | Qs1 | Qs2 | 2 | Til | Ti2 | Н |
| 2 | 2 | 3 | 1 | 80000.0 | 80 | 000.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| PROPID | TYPE | DENSI | TY | CONDUCTI | VITY | SPEC | HEAT | THICK | |
| 1 | 1013 | 0.0 | | 36400000.0 | | 0.0 | | 0.005 | |
| END BULI | K | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |

รูปที่ ข.1 ไฟล์นำเข้านามสกุล .dat ของโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์สำหรับปัญหาศักย์ไฟฟ้า ซึ่งได้จากโปรแกรม Easy FEM [31]

ส่วนที่ 1 เป็นส่วนหัวของไฟล์ ประกอบไฟด้วยข้อมูลที่จำเป็นในการวิเคราะห์ปัญหาด้วย ระเบียบวิธีทางไฟไนต์เอลิเมนต์ ส่วนที่จำเป็นสำหรับการอ่านก่าของโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์ สำหรับปัญหาการกระจายศักย์ไฟฟ้านั้นประกอบไปด้วย

| NODE_NUMS | บอกจำนวนจุดต่อ |
|-------------|---------------------------------|
| ELEM_NUMS | บอกจำนวนเอลิเมนต์ |
| NODAL_LOADS | บอกจำนวนภาระ โหลดบนจุดต่อ |
| SIDAL_LOADS | บอกจำนวนภาระ โหลคบนขอบเอลิเมนต์ |

ส่วนที่ 2 เป็นส่วนข้อมูลที่กำหนคหมายเลขของจุดต่อและตำแหน่งพิกัดของจุดต่อ

| ตัวอย่างเช่น : | NODE | Х | Y |
|----------------|------|---------|-------|
| | 1 | -0.0125 | 0.05 |
| | 2 | -0.0125 | -0.05 |
| | 3 | 0.0125 | -0.05 |
| | 4 | 0.0125 | 0.05 |
| | | | |

ส่วนที่ 3 เป็นส่วนข้อมูลที่กำหนดหมายเลขของเอลิเมนต์ ซึ่งประกอบไฟด้วยหมายเลขของ จุดต่อที่รวมกันเป็นเอลิเมนต์นั้น ๆ

| ตัวอย่างเช่น : | ELEM | Ι | J | K |
|----------------|------|---|---|---|
| | 1 | 1 | 3 | 4 |

2 1 2 3

ส่วนที่ 4 เป็นส่วนที่บอกว่าจุดต่อใดบ้างที่ได้รับโหลดภาระ ซึ่งประกอบไปด้วยหมายเลขจุด ต่อ, หมายเลขระบุประเภทของโหลดภาระ ถ้าเป็นหมายเลข 1 คือ โหลดภาระศักย์ไฟฟ้า (V) ที่จุด ต่อนั้น ถ้าเป็นหมายเลข 2 คือ โหลดภาระความหนาแน่นกระแสไฟฟ้า (J) และค่าโหลดภาระที่จุด ต่อ

| ตัวอย่างเช่น : | NODE | L-ID | Т | Qs |
|----------------|------|------|-----|-----|
| | 4 | 1 | 0.0 | 0.0 |
| | 1 | 1 | 0.0 | 0.0 |

ส่วนที่ 5 เป็นส่วนที่บอกว่าเอลิเมนต์ใดบ้างที่ได้รับโหลดภาระด้านขอบบ้าง ซึ่งประกอบ ไปด้วยหมายเลขเอลิเมนต์, หมายเลขจุดต่อของขอบที่ได้รับโหลดภาระ, หมายเลขระบุประเภท ภาระจุดต่อ หมายเลข 1 คือ ภาระโหลดความหนาแน่นกระแสไฟฟ้า (J) และค่าโหลดภาระต่างๆ บนขอบเอลิเมนต์

| ตัวอย่างเช่น : | ELEM | N1 | N2 | L-ID | Qsl | Qs2 | |
|----------------|------|----|----|------|------|--------|------|
| | 2 | 2 | 3 | 1 | 8000 | 0. 800 |)00. |

ส่วนที่ 6 เป็นส่วนข้อมูลคุณสมบัติของวัสคุ ซึ่งส่วนที่จำเป็นในการอ่านค่าของโปรแกรม ไฟในต์เอลิเมนต์สำหรับปัญหาการกระจายศักย์ไฟฟ้า คือ

| CONDUCTIVITY | บอกค่าสภาพการนำไฟฟ้า |
|--------------|--------------------------------|
| THICK | บอกค่าความหนาของโมเคลชิ้นทคสอบ |

ข.2 ลักษณะของไฟล์ผลลัพธ์

ผลเฉลยศักย์ไฟฟ้าจะถูกพิมพ์ลงในไฟล์ชื่อที่กำหนดไว้ ซึ่งจะมีด้วยกัน 2 ไฟล์ คือ ไฟล์ ผลลัพธ์ที่ระบุก่าศักย์ไฟฟ้าที่จุดต่อและไฟล์สำหรับแสดงผลกราฟฟิกที่ระบุทั้งก่าจำนวนจุดต่อ, จำนวนเอลิเมนต์, ดำแหน่งพิกัดจุดต่อ, ก่าศักย์ไฟฟ้าที่จุดต่อ, หมายเลขจุดต่อที่รวมกันเป็นเอลิเมนต์

<u>ไฟล์ผลลัพธ์</u>

NODAL VOLTAGE SOLUTIONS

| NODE | VOLTAGE |
|------|-------------|
| 1 | .000000E+00 |
| 2 | .219780E-03 |
| 3 | .219780E-03 |
| 4 | .000000E+00 |
| | |

<u>ไฟล์แสดงผลกราฟฟิก</u>

| NPOIN | NELEM | NVAR | |
|-------|-------|------|--|
| 4 | 2 | 1 | |

NODAL COORDINATES & SOLUTIONS

| 1 | -0.0125 | 0.05 | .000000E+00 |
|---|---------|-------|-------------|
| 2 | -0.0125 | -0.05 | .219780E-03 |
| 3 | 0.0125 | -0.05 | .219780E-03 |
| 4 | 0.0125 | 0.05 | .000000E+00 |

ELEMENT NODAL CONNECTIONS

| 2 | 1 | 2 | 3 | |
|------|---|---|---|---|
| | | | | _ |

ภาคผนวก ค

โปรแกรมคอมพิวเตอร์

ภาคผนวกนี้ประกอบไปด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ ภาษาฟอร์แทรน 2 โปรแกรม คือ โปรแกรมไฟในต์เอลิเมนต์สำหรับปัญหาศักย์ไฟฟ้า และโปรแกรมการประมาณค่าภายในสำหรับเอ ลิเมนต์สามหลี่ยม 3 จุดต่อ โดยแต่ละโปรแกรมมีรูปแบบไฟล์นำเข้าดังภาคผนวก ข

ค.1 โปรแกรมไฟในต์เอลิเมนต์สำหรับปัญหาศักย์ไฟฟ้า

เงื่อนไขการใช้งานโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์เอลิเมนต์สำหรับปัญหาศักย์ไฟฟ้า

- (1) ปัญหาสภาวะคงตัว (Steady state) แบบ 2 มิติ
- (2) วัสคุมีคุณสมบัติทางไฟฟ้าเหมือนกันทุกทิศทาง (Isotropic materials)
- (3) เอลิเมนต์แบบสามเหลี่ยม 3 จุดต่อ
- (4) ฟลักซ์กระแสไฟฟ้าหรือความหนาแน่นกระแสไฟฟ้า ป้อนเฉพาะที่ผิวค้านข้างของเอลิ เมนต์
- (5) รูปแบบไฟล์นำเข้า ดังภาคผนวก ข.1

| С | program compute potential voltage for MT specimen |
|---|---|
| С | |
| С | |
| С | analysis program for two-dimensional steady-state current |
| С | flux without internal current flux generation |
| С | |
| С | |
| С | MXPOI = maximum number of nodes in the model |
| С | MXELE = maximum number of elements in the model |
| С | MXHBW = maximum number of half-bandwidth |
| С | |

```
PARAMETER (MXPOI=2416, MXELE=4564, MXHBW=5000)
С
     IMPLICIT REAL*8(A-H,O-Z)
     DIMENSION COORD(MXPOI,2), TEMP(MXPOI)
     DIMENSION SYSK(MXPOI,MXHBW), SYSQ(MXPOI)
     CHARACTER*20 NAME1, NAME2, NAME3
     CHARACTER*50 TEXT
С
     INTEGER INTMAT(MXELE,3), IBC(MXPOI), LTYPE(MXELE)
С
 6000 WRITE(6,6010)
 6010 FORMAT(/,'ENTER THE INPUT FILE NAME:')
     READ(5,'(A)', ERR=6000) NAME1
     OPEN(UNIT=7, FILE=NAME1, STATUS='OLD', ERR=6000)
C-----
С
С
     read title of computation:
С
C.....read input data:
С
      READ(7,*)
                TEXT !FIELD=FEMESH SCRIPT COMMAND
      READ(7,*)
                TEXT !DATA_FILE_VERSION=1
      READ(7,*)
                TEXT !TITLE=
      READ(7,*)
                TEXT !SUBTITLE=
      READ(7,*)
                TEXT !DATE=
      READ(7,*)
                TEXT !DATA_DIR
      READ(7,*)
                TEXT !PROG DIR
                TEXT !OUTPUT FILE
      READ(7,*)
                TEXT !SOL=
      READ(7,*)
                TEXT !PROBLEM ID
      READ(7,*)
      READ(7,*)
                TEXT !SOLVER ID
      READ(7,*)
                TEXT !REMESH HMIN
```

| | READ(7,*) | TEXT !REMESH_HMAX |
|------|------------|---|
| | READ(7,*) | TEXT !ERROR_MIN |
| | READ(7,*) | TEXT !ERROR_MAX |
| | READ(7,*) | TEXT !ERROR_CUTOFF |
| | READ(7,*) | TEXT !ERROR_INDICATOR_VARS_ID |
| | READ(7,*) | TEXT !ERROR_INDICATOR_TYPE_ID |
| | READ(7,*) | TEXT !AUTO DISPLAY |
| | READ(7,*) | TEXT !BANDWIDTH |
| | READ(7,*) | TEXT !TEMPORAL_DISCRETIZATION |
| | READ(7,*) | TEXT !SHOW_ITERS |
| | READ(7,*) | TEXT !NUMBER_OF_STEP |
| | READ(7,*) | TEXT !TIME_STEP |
| | READ(7,*) | TEXT !ITER_NUMS |
| | READ(7,*) | TEXT !SAVE_ITERS |
| | READ(7,*) | TEXT !OUT_ITERS |
| С | | |
| С | | |
| | READ(7,600 | 1) NPOIN !NODE_NUMS |
| 6001 | FORMAT(10 |)X,I8) |
| | IF(NPOIN.G | T.MXPOI) WRITE(6,6002) NPOIN |
| 6002 | FORMAT(/, | INCREASE THE PARAMETER MXPOI TO ', 15) |
| | IF(NPOIN.G | T.MXPOI) STOP |
| С | | |
| С | | |
| | READ(7,600 | 3) NELEM !ELEMENT_NUMS |
| 6003 | FORMAT(13 | 3X,18) |
| | IF(NELEM.C | GT.MXELE) WRITE(6,6004) NELEM |
| 6004 | FORMAT(/, | 'INCREASE THE PARAMETER MXELE TO ', I5) |
| | IF(NELEM.C | GT.MXELE) STOP |
| С | | |
| С | | |
| С | NL = NUM | BER OF POINT LOAD (VOLTAGE LOAD) |

```
С
      NSL = NUMBER OF ELEMENT LOAD (CURRENT FLUX LOAD)
С
С
      READ(7,6005) NL !NODAL LOADS
 6005 FORMAT(12X,I8)
С
      READ(7,*) TEXT !ELEMENT_LOADS
С
      READ(7,6007) NSL !SIDAL_LOADS
 6007 FORMAT(12X,I8)
С
      READ(7,*) TEXT !MAX_PROPERTY NUMS
      READ(7,*) TEXT !PROPERTY NUMS
      READ(7,*) TEXT !END=CMD
      READ(7,*) TEXT !BEGIN BULK
      READ(7,*) TEXT !NODE NODE(BW)
С
      DO 6020 I=1, NPOIN
      READ(7,*) TEXT
 6020 CONTINUE
С
      READ(7,*) TEXT !NODE X Y H
С
      DO 6030 IP=1, NPOIN
      READ(7,*) I, COORD(I,1), COORD(I,2)
      IF(I.NE.IP) WRITE(6,6008)
 6008 FORMAT(/, 'NODE NO.', I8, 'IN DATA FILE IS MISSING')
      IF(I.NE.IP) STOP
 6030 CONTINUE
С
      READ(7,*) TEXT !ELEM I J K PROP
С
```

89

```
DO 6040 IE=1, NELEM
      READ(7,*) I, INTMAT(I,1), INTMAT(I,2), INTMAT(I,3)
      IF(I.NE.IE) WRITE(6,6009)
6009 FORMAT(/, 'ELEM NO.', I8, 'IN DATA FILE IS MISSING')
      IF(I.NE.IE) STOP
6040 CONTINUE
С
С
      IBC(IP) = 1; SPECIFIED TEMPERATURE AT THIS POINT
С
      IBC(IP) = 0; NOT SPECIFIED TEMPERATURE AT THIS POINT
С
      READ(7,*) TEXT !NODE L-ID T QS
С
      DO 6050 IP=1, NPOIN
      IBC(IP) = 0
      TEMP(IP) = 0.
 6050 CONTINUE
С
      DO 6060 I=1, NL
      READ(7,*) IP, LID, TEMP(IP)
      IBC(IP) = 1
 6060 CONTINUE
С
      READ(7,*) TEXT !UNUSED LINE
      READ(7,*) TEXT !ELEM N1 N2 L-ID QS1 QS2
С
С
      LTYPE(IE) = 1 ; SPECIFIED HEAT-FLUX AT THIS ELEMENT
С
      LTYPE(IE) = 0 ; NOT SPECIFIED HEAT-FLUX AT THIS ELEMENT
С
      DO 6070 IE=1, NELEM
      LTYPE(IE) = 0
 6070 CONTINUE
С
```

```
DO 6080 I=1, NSL
     READ(7,*) IE, N1, N2, LID, QS
     LTYPE(IE) = 1
     IF(LTYPE(IE).EQ.1) LT1=1
6080 CONTINUE
С
     READ(7,*) TEXT !PROP TYPE DENSITY CONDUCTIVITY
    *
                     !SPEC_HEAT THICK
С
     READ(7,*) PROP, TYP, DENSITY, TK, Q, THICK
С
     READ(7,*) TEXT !END BULK
С
C-----
С
     WRITE(6,160)
 160 FORMAT(/,' THE F.E. MODEL INCLUDES THE FOLLOWING',
    *
             ' CURRENT TRANSFER MODE(S):',
    *
             /,' -- ELECTRIC CONDUCTIVITY
                                                   ')
     IF(LT1.EQ.1) WRITE(6,170)
 170 FORMAT( ' -- SPECIFIED SURFACE CURRENT FLUX ')
С
     NEQ = NPOIN
      DO 300 I=1,NEQ
      SYSQ(I) = 0.
 300 CONTINUE
С
С
      compute half-bandwidth:
С
      NHBW = 0
      DO 400 IE=1,NELEM
      MIN = 100000
```

MAX = 0

DO 410 IN=1,3

II = INTMAT(IE,IN)

IF(II.GT.MAX) MAX = II

IF(II.LT.MIN) MIN = II

410 CONTINUE

NDIF = MAX - MIN + 1

IF(NDIF.GT.NHBW) NHBW = NDIF

400 CONTINUE

С

IF(NHBW.GT.MXHBW) WRITE(6,420) NHBW

420 FORMAT(/,'INCREASE THE PARAMETER MXHBW TO ',15) IF(NHBW.GT.MXHBW) STOP

С

DO 430 I=1,NEQ

DO 430 J=1,NHBW

SYSK(I,J) = 0.

430 CONTINUE

WRITE(6,435) NPOIN, NELEM

435 FORMAT(/,'*** THE FINITE ELEMENT MODEL CONSISTS OF', 15,

```
'NODES AND', I5,'ELEMENTS ***')
```

С

*

- C establish all element matrics associated with the
- C specified current transfer modes and assemble them for
- C system matrices in the form needed for minimum memory
- C requirement:

С

WRITE(6,440)

440 FORMAT(/,' *** ESTABLISHING ELEMENT MATRICS AND',

- * 'ASSEMBLING ELEMENT EQUATIONS ***') CALL TRI(NELEM, INTMAT, COORD, TK,
- * OS THICK I TYDE SYSK SY
 - QS, THICK, LTYPE, SYSK, SYSQ,

```
С
      WRITE(6,450)
  450 FORMAT(/,' *** APPLYING BOUNDARY CONDITIONS OF NODAL',
                'VOLTAGES ***'
      CALL APPLYBC( NHBW, NPOIN, IBC, TEMP, SYSK, SYSQ,
                     MXPOI, MXHBW
                                                         )
С
      WRITE(6,460)
  460 FORMAT(/,' *** SOLVING A SET OF SIMULTANEOUS EQUATIONS',
     *
                'FOR VOLTAGE SOLUTIONS ***'
       WRITE(6,465) NEQ, NHBW
  465 FORMAT(5X,'(TOTAL OF', I5,
     *
                   ' EQUATIONS WITH HALF-BANDWIDTH OF', I4,')')
       CALL SOLVE(NEQ, NHBW, SYSK, SYSQ, MXPOI, MXHBW)
С
С
       output file for nodal voltage solutions:
С
  470 WRITE(6,480)
  480 FORMAT(/,'ENTER FILE NAME FOR VOLTAGE'
                'SOLUTIONS:'
                                               )
       READ(5,'(A)', ERR=470) NAME2
       OPEN(UNIT=8, FILE=NAME2, STATUS='NEW', ERR=470)
       WRITE(8,490) NPOIN
  490 FORMAT(' NODAL VOLTAGE SOLUTIONS [', 15,']:',
     * //, 2X, 'NODE', 3X, 'VOLTAGE', /
                                                   )
       DO 500 IP=1,NPOIN
       WRITE(8,510) IP, SYSQ(IP)
  510 FORMAT(I6, E14.6)
  500 CONTINUE
С
С
       output file for graphic display and interpolation program
```

MXPOI, MXELE, MXHBW

93

)

)

)

С

550 WRITE(6,560)

| 560 | FORMAT(/,'ENTER FILE NAME FOR GRAPHIC DISPLAY:') |
|-----|--|
| | READ(5,'(A)', ERR=550) NAME3 |
| | OPEN(UNIT=9, FILE=NAME3, STATUS='NEW', ERR=550) |
| | NVAR = 1 |

- 600 WRITE(9,610) NPOIN, NELEM, NVAR
- 610 FORMAT(' NPOIN, NELEM, NVAR',/,318) WRITE(9,620) NPOIN
- 620 FORMAT('NODAL COORDINATES & SOLUTIONS [',15,']:') DO 630 I=1,NPOIN WRITE(9,640) I, (COORD(I,J), J=1,2), SYSQ(I)
- 640 FORMAT(I8,3E14.6)
- 630 CONTINUE WRITE(9,650) NELEM
- 650 FORMAT('ELEMENT NODAL CONNECTIONS [', 15, ']:') DO 660 IE=1,NELEM WRITE(9,670) IE, (INTMAT(IE,J), J=1,3)
- 670 FORMAT(4I8)
- 660 CONTINUE
- С

С

С

С

STOP END

- C-----

SUBROUTINE APPLYBC(NHBW, NPOIN, IBC, TEMP, SYSK, SYSQ,

MXPOI, MXHBW

-)

- С apply voltage boundary conditions with condiiton codes
- С of:

*

С 0 = free to change (to be computed)

100 CONTINUE

С

SYSK(IEQ,1) = 1.

SYSQ(IEQ) = TEMP(IEQ)

С

500 CONTINUE

400 CONTINUE

SYSQ(IL) = SYSQ(IL) - SYSK(IEQ,ICOL)*TEMP(IEQ) SYSK(IEQ,ICOL) = 0.

IL = IEQ + ICOL - 1

IF(IL.GT.NPOIN) GO TO 500

DO 400 ICOL=2,NHBW

С

300 CONTINUE

200 CONTINUE

SYSK(IROW,ICOL) = 0.

SYSQ(IROW) = SYSQ(IROW) - SYSK(IROW,ICOL)*TEMP(IEQ)

IF(ICOL.GT.NHBW) GO TO 300

ICOL = N + 1

IROW = IEQ - N

DO 200 N=1,IEQ-1

IF(IEQ.EQ.1) GO TO 300

С

DO 100 IEQ=1,NPOIN IF(IBC(IEQ).EQ.0) GO TO 100

С

INTEGER IBC(MXPOI)

С

IMPLICIT REAL*8 (A-H,O-Z) DIMENSION SYSK(MXPOI,MXHBW), SYSQ(MXPOI), TEMP(MXPOI)

С

С

1 = fixed as specified

С RETURN **END** С C--_____ С SUBROUTINE ASSEMBLE(IE, INTMAT, AKE, QE, SYSK, SYSQ, * MXPOI, MXELE, MXHBW) С С assemble element equations into system equations С IMPLICIT REAL*8 (A-H,O-Z) DIMENSION AKE(3,3), QE(3) DIMENSION SYSK(MXPOI,MXHBW), SYSQ(MXPOI) С INTEGER INTMAT(MXELE,3) С NNODE = 3NDF = 1С DO 100 NR=1,NNODE NODR = INTMAT(IE,NR) DO 100 MR=1,NDF С С denote: NSR = row position in the system eqs. С NER = row position in the element eqs. С NSR = (NODR-1)*NDF + MRNER = (NR - 1)*NDF + MRSYSQ(NSR) = SYSQ(NSR) + QE(NER)С DO 200 NC=1,NNODE

```
NODC = INTMAT(IE,NC)
      DO 200 MC=1,NDF
С
С
      denote: NSC = column position in the system eqs.
С
            (after rotation - ready for banded solver)
С
             NEC = column position in the element eqs.
С
      NSC = (NODC-1)*NDF + MC - NSR + 1
      NEC = (NC - 1)*NDF + MC
      IF(NSC.GT.0)
    & SYSK(NSR,NSC) = SYSK(NSR,NSC) + AKE(NER,NEC)
 200
      CONTINUE
С
 100
      CONTINUE
С
      RETURN
      END
С
C-----
С
      SUBROUTINE SOLVE(NROW, NHBW, GSTIF, XL, MXPOI, MXHBW)
С
С
      solve a set of simultaneous equations using gauss
С
       elimination. This solver routine can be described
С
      by using an example of a set of four simultaneous
С
       equations (after applying boundary conditions) as
С
       shown below:
С
С
      [A11 A12 A13 0 ] [X1]
                                            [F1]
С
      [
                          ] [ ]
                                            [ ]
С
      [A12 A22 A23 A24 ] [X2]
                                            [F2]
С
      [
                          ] [ ] =
                                            [ ]
```

[F3] С [A13 A23 A33 A34] [X3] С][] [[] С A24 A34 A44] [X4] [0 [F4] С С where the variable XL is the load vector on RHS of the С eqations. The global stiffness matrix above is stored С in the variable GSTIF in the format shown below: С (here NROW = 4 and NHBW = 3) С [A11 A12 A13] С [] С [A22 A23 A24] С [GSTIF] ſ 1 = С [A33 A34 0] С [] С [A44 0 0] С С and the output solutions will be restored in the С variable XL. С IMPLICIT REAL*8(A-H,O-Z) С DIMENSION GSTIF(MXPOI,MXHBW), XL(MXPOI) С NR = NROWNC = NHBWС С diagonalization the matrix: С DO 10 I=1,NR PIVOT1=GSTIF(I,1) IF(ABS(PIVOT1).LT.9.E-10) THEN WRITE(6,1025) I, PIVOT1

1025 FORMAT(' EQ. NO.', I5, ' HAS NEARLY ZERO PIVOT OF', E14.6,

- * ' ** STOP **', //,
- * '*** CHECK NODE AND ELEMENT NUMBERING IN F.E. MODEL ***')
 STOP

ENDIF

С

XL(I)=XL(I)/PIVOT1

DO 20 J=1,NC

20 GSTIF(I,J)=GSTIF(I,J)/PIVOT1

MM=0

DO 30 II=I+1,NR

MM=MM+1

IF(MM+1.GT.NC) GOTO 30

PIVOT2=GSTIF(I,MM+1)*PIVOT1

XL(II)=XL(II)-XL(I)*PIVOT2

DO 40 JJ=1,NC

JJJ=JJ+MM

IF(JJJ.LE.NC)

& GSTIF(II,JJ)=GSTIF(II,JJ)-GSTIF(I,JJJ)*PIVOT2

- 40 CONTINUE
- 30 CONTINUE
- 10 CONTINUE

С

- C back substitution:
- С

```
DO 70 I=NR-1,1,-1
```

[]=]

DO 80 J=I+1,NR

II = II + 1

IF(II.LE.NHBW) XL(I)=XL(I)-GSTIF(I,II)*XL(J)

- 80 CONTINUE
- 70 CONTINUE

С RETURN END С С-----С SUBROUTINE TRI(NELEM, INTMAT, COORD, TK, QS, * THICK, LTYPE, SYSK, SYSQ, MXPOI, * MXELE, MXHBW) С С establish element matrices according to the specified current С transfers modes and assemble them for system eqations С IMPLICIT REAL*8 (A-H,O-Z) DIMENSION COORD(MXPOI,2), SYSK(MXPOI,MXHBW), SYSQ(MXPOI) DIMENSION AKC(3,3), QSS(3) DIMENSION AKE(3,3), QE(3), B(2,3), BT(3,2) С INTEGER INTMAT(MXELE,3), LTYPE(MXPOI) С С loop over the number of elements: С DO 5000 IE=1,NELEM С С find element local coordinates: С II = INTMAT(IE,1) JJ = INTMAT(IE,2) KK = INTMAT(IE,3) С XG1 = COORD(II,1)XG2 = COORD(JJ,1)

- XG3 = COORD(KK,1)
- YG1 = COORD(II,2)
- YG2 = COORD(JJ,2)
- YG3 = COORD(KK,2)

AREA = 0.5*(XG2*(YG3-YG1) + XG1*(YG2-YG3) + XG3*(YG1-YG2))

IF(AREA.LE.0.) WRITE(6,5) IE

5 FORMAT(/,' !!! ERROR !!! ELEMENT NO.', I5,

- * 'HAS NEGATIVE OR ZERO AREA', /,
- * '--- CHECK F.E. MODEL FOR NODAL COORINATES',
- * 'AND ELEMENT NODAL CONNECTIONS ---')

IF(AREA.LE.0.) STOP

С

B1 = YG2 - YG3B2 = YG3 - YG1B3 = YG1 - YG2C1 = XG3 - XG2C2 = XG1 - XG3C3 = XG2 - XG1

С

| DO | 0 | I=1, | 2 |
|-------|-----|------|---|
| DO 1 | 10 | J=1, | 3 |
| B(I,J |) = | 0. | |

10 CONTINUE

С

$$B(1,1) = B1$$

$$B(1,2) = B2$$

$$B(1,3) = B3$$

$$B(2,1) = C1$$

$$B(2,2) = C2$$

$$B(2,3) = C3$$

С

DO 20 I=1,2

```
DO 30 J=1,3
```

B(I,J) = B(I,J)/(2.*AREA)

BT(J,I) = B(I,J)

30 CONTINUE

С

C zero all coefficients of the final element matrices:

С

```
DO 50 I=1,3
QE(I) = 0.
DO 50 J=1,3
AKE(I,J) = 0.
```

50 CONTINUE

С

C element conductivity matrix:

С

| DO 100 I =1,3 |
|--------------------------------------|
| DO 100 J=1,3 |
| $AKC(\mathbf{I},\mathbf{J}) = 0.$ |
| DO 110 K =1,2 |
| AKC(I,J) = AKC(I,J) + BT(I,K)*B(K,J) |
| |

110 CONTINUE

```
AKC(I,J) = TK*AREA*THICK*AKC(I,J)
```

- 100 CONTINUE
 - DO 120 I=1,3 DO 120 J=1,3

AKE(I,J) = AKE(I,J) + AKC(I,J)

С

- C element current vector due to specified surface current flux:
- С

EL = 0.

IF(LTYPE(IE).NE.1) GO TO 500

| IF(YG1.EQ.YG3) | EL | = ABS(XG1-XG3) |
|----------------|----|----------------|
| IF(YG1.EQ.YG2) | EL | = ABS(XG1-XG2) |
| IF(YG2.EQ.YG3) | EL | = ABS(XG2-XG3) |

С

IF(XG1.EQ.XG3) EL = ABS(YG1-YG3)IF(XG1.EQ.XG2) EL = ABS(YG1-YG2)IF(XG2.EQ.XG3) EL = ABS(YG2-YG3)

С

FAC = QS*THICK*EL/2.

DO 410 I=1,3

QSS(I) = FAC

410 CONTINUE

| IF(YG1.EQ.YG3) | QSS(2)=0. |
|----------------|-------------|
| IF(YG1.EQ.YG2) | QSS(3) = 0. |
| IF(YG2.EQ.YG3) | QSS(1) = 0. |

С

 $IF(XG1.EQ.XG3) \quad QSS(2) = 0.$ $IF(XG1.EQ.XG2) \quad QSS(3) = 0.$ $IF(XG2.EQ.XG3) \quad QSS(1) = 0.$

С

```
DO 420 I=1,3
```

```
QE(I) = QE(I) + QSS(I)
```

420 CONTINUE

500 CONTINUE

С

```
C assemble these element matrices to form system eqations:
C C CALL ASSEMBLE( IE, INTMAT, AKE, QE, SYSK, SYSQ,
* MXPOI, MXELE, MXHBW )
```

С

5000 CONTINUE

RETURN END

ค.2 โปรแกรมประมาณค่าภายในสำหรับเอลิเมนต์สามเหลี่ยม 3 จุดต่อ

โปรแกรมการประมาณค่าภายในสำหรับเอลิเมนต์สามเหลี่ยม 3 จุคต่อ จะมีขั้นตอนการ ทำงานโดยหลังจากผู้ใช้ระบุตำแหน่งพิกัคสองจุคที่ต้องการหาค่าความต่างศักย์ โปรแกรมจะทำการ ตรวจสอบว่าค่าตำแหน่งพิกัคนั้น ๆ อยู่ภายในเอลิเมนต์สามเหลี่ยมซึ่งล้อมรอบด้วยจุคต่อ (Node) อะไรบ้าง ดังในหัวข้อที่ 2.6 จากนั้นก็จะทำการประมาณค่าภายใน (สมการที่ 2.30) เพื่อหาศักย์ไฟฟ้า และความต่างศักย์

รูปแบบไฟล์นำเข้า (Input file) ที่ใช้สำหรับโปรแกรมการประมาณค่าภายในนี้ จะใช้ไฟล์ ผลลัพธ์สำหรับแสดงผลกราฟฟิกที่ได้จากโปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์ ดังแสดงในภาคผนวก ข.2 ซึ่ง ประกอบไปด้วยจำนวนจุดต่อ, จำนวนเอลิเมนต์, ตำแหน่งพิกัดจุดต่อ, ค่าศักย์ไฟฟ้าที่จุดต่อ, หมายเลขจุดต่อที่รวมกันเป็นเอลิเมนต์

```
PROGRAM INTERPOLATION
C
C------
C.......PROGRAM INTERPOLATATION FOR THREE NODES
C.......TRIANGULAR ELEMENT
C------C
C
PARAMETER (MXPOI=20000, MXELE=20000)
INTEGER NPOIN, NELEM, NVAR
C
DIMENSION COORD(MXPOI,2), INTMAT(MXELE,3)
DIMENSION VOLT(MXPOI), ANSWER(2)
C
```

REAL X(3), Y(3), N(3) REAL V(3), A(3), B(3), C(3) С CHARACTER*20 FILENAME CHARACTER*50 TEXT С C.....READ NAME OF DATA FILES С 2 WRITE(6,5)5 FORMAT(/, 'ENTER OF DATA FILE FOR INTERPOLATION') READ(5, '(A)', ERR=2) FILENAME OPEN(UNIT=7, FILE=FILENAME, STATUS='OLD', ERR=2) С С READ NODE-NUMBER, COORDINATES, AND VALUE AT THAT NODE С READ(7,*) TEXT !NPOIN, NELEM, NVAR READ(7,*) NPOIN, NELEM, NVAR READ(7,*) TEXT !NODAL COORDINATE & SOLUTIONS DO 10 IP=1,NPOIN READ(7,*) I, (COORD(I,K), K=1,2), VOLT(I) IF(I.NE.IP) WRITE(*,100) IP 100 FORMAT(/,'NODE NO.', 18, 'DATA FILE IS MISSING') IF(I.NE.IP) STOP 10 CONTINUE С С READ ELEMENT-NUMBER, NODE-CONNECTON С READ(7,*) TEXT !ELEMENT NODAL CONNECTIONS DO 20 IE=1,NELEM READ(7,*) I, (INTMAT(I,J), J=1,3) IF(I.NE.IE) WRITE(*,200) IE

IF(I.NE.IE) STOP

20 CONTINUE

С

```
C.....INPUT COORDINATE OF POINT TO EVALUATE
С
    DO 9000 M=1,8
    DO 5000 L=1,2
    WRITE(6,300)
300 FORMAT(3X, 'ENTER (-/+)XX COORDINATE')
    READ(5,*) XX
    WRITE(6,400)
400 FORMAT(3X, 'ENTER (-/+)YY COORDINATE')
     READ(5,*) YY
С
C-----
C.....INPUT NODE NUMBER OF TRIANGULAR ELEMENT TO INTERPOLATE
C-----
С
     DO 30 IE=1,NELEM
С
C.....INPUT NODE NUMBER OF FIRST POINT
С
     X(1) = COORD(INTMAT(IE,1),1)
     Y(1) = COORD(INTMAT(IE,1),2)
     V(1) = VOLT(INTMAT(IE,1))
С
C.....INPUT NODE NUMBER OF SECOND POINT
С
     X(2) = COORD(INTMAT(IE,2),1)
     Y(2) = COORD(INTMAT(IE,2),2)
     V(2) = VOLT(INTMAT(IE,2))
С
```

```
C.....INPUT NODE NUMBER OF THIRD POINT
С
    X(3) = COORD(INTMAT(IE,3),1)
    Y(3) = COORD(INTMAT(IE,3),2)
    V(3) = VOLT(INTMAT(IE,3))
С
C-----
C.....CHECK ELEMENT WHETHER POINT INSIDE
C-----
С
    AREA = 0.5*(X(2)*(Y(3)-Y(1)) +
         X(1)^{*}(Y(2)-Y(3)) + X(3)^{*}(Y(1)-Y(2)))
С
    AREA1 = 0.5*(X(2)*Y(3) - X(3)*Y(2) +
   *
           (Y(2)-Y(3))*XX + (X(3)-X(2))*YY)
    IF(AREA1.LT.0.) GO TO 30
С
    AREA2 = 0.5*(X(3)*Y(1) - X(1)*Y(3) +
           (Y(3)-Y(1))*XX + (X(1)-X(3))*YY)
    IF(AREA2.LT.0.) GO TO 30
С
    AREA3 = 0.5*(X(1)*Y(2) - X(2)*Y(1) +
   *
           (Y(1)-Y(2))*XX + (X(2)-X(1))*YY)
    IF(AREA3.LT.0.) GO TO 30
С
     AREAT = AREA1 + AREA2 + AREA3
С
C-----
C.....PART OF COMPUTATION
C-----
С
```

```
AREA = 0.5*(X(2)*(Y(3)-Y(1)) +
```

$$A(1) = X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2)$$

- A(2) = X(3)*Y(1)-X(1)*Y(3)
- A(3) = X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1)
- B(1) = Y(2)-Y(3)

*

- B(2) = Y(3)-Y(1)
- B(3) = Y(1)-Y(2)
- C(1) = X(3)-X(2)
- C(2) = X(1)-X(3)
- C(3) = X(2)-X(1)
- DO 3 I=1,3
- N(I) = 0.
- N(I) = (A(I)+(B(I)*XX)+(C(I)*YY))/(2.*AREA)
- 3 CONTINUE

ANSWER(L) = V(1)*N(1)+V(2)*N(2)+V(3)*N(3)

```
WRITE(*,14) (INTMAT(IE,J), J=1,3)
```

- 14 FORMAT(/, 3X, 'POINT1 = ', I8
 - * /, 3X, 'POINT2 = ', I8
 - * /, 3X, 'POINT3 = ', I8)
- 30 CONTINUE
- 5000 CONTINUE
 - DVOLT = 0.
 - DVOLT = ANSWER(1)-ANSWER(2)
 - WRITE(*,15) ANSWER(1), ANSWER(2), DVOLT

- 15 FORMAT(/, 3X, 'ANSWER1= ', E14.6
 - * /, 3X, 'ANSWER2= ', E14.6
 - * /, 3X, 'DVOLT = ', E14.6)
- 9000 CONTINUE
 - STOP
 - END

ภาคผนวก ง

ความต่างศักย์และความต่างศักย์ใร้หน่วย ที่ตำแหน่ง วัดความต่างศักย์เป็นระยะต่าง ๆ

ภาคผนวกนี้แสดงความต่างศักย์ไร้หน่วย (V/V,) ที่จุดวัดความต่างศักย์บนและล่าง กึ่งกลางรอยร้าวเป็นระยะต่าง ๆ โดยแบ่งเป็นสามกรณี คือความต่างศักย์ไร้หน่วยสำหรับกรณีป้อน กระแสไฟฟ้าแกน y วัดความต่างศักย์แกน y $(I_y - V_y)$ จำนวนแปดตาราง ดังตารางที่ ง.1 ถึง ตาราง ที่ ง.8 ความต่างศักย์สำหรับกรณีป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y วัดความต่างศักย์แกน x $(I_y - V_x)$ และ ความต่างศักย์ไร้หน่วยสำหรับกรณีป้อนกระแสไฟฟ้าแกน x วัดความต่างศักย์แกน x $(I_x - V_x)$ กรณีละสองตาราง ดังตารางที่ ง.9 ถึง ตารางที่ ง.10 และดังตารางที่ ง.11 ถึง ตารางที่ ง.12 ตามลำดับ

ง.1 ความต่างศักย์ไร้หน่วยสำหรับกรณีป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y วัดความต่างศักย์แกน y

| 5 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y | | | | | | | | | |
|--------------------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--|--|
| มุมเอียงรอยร้าว, | | a/w | | | | | | | |
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 | | |
| 10 | 1.030 | 1.125 | 1.278 | 1.487 | 1.754 | 2.091 | 2.529 | | |
| 20 | 1.027 | 1.113 | 1.259 | 1.458 | 1.708 | 2.024 | 2.425 | | |
| 30 | 1.024 | 1.098 | 1.229 | 1.408 | 1.638 | 1.924 | 2.270 | | |
| 40 | 1.019 | 1.080 | 1.189 | 1.349 | 1.549 | 1.789 | 2.078 | | |
| 50 | 1.014 | 1.059 | 1.146 | 1.277 | 1.446 | 1.652 | 1.884 | | |
| 60 | 1.009 | 1.039 | 1.100 | 1.200 | 1.339 | 1.503 | 1.683 | | |
| 70 | 1.005 | 1.021 | 1.055 | 1.125 | 1.229 | 1.349 | 1.476 | | |
| 80 | 1.003 | 1.008 | 1.020 | 1.055 | 1.125 | 1.193 | 1.258 | | |

ตารางที่ ง.1 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 5 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

 $V_r = 21.978 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

| มุมเอียงรอยร้าว, | a/w | | | | | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 | |
| 10 | 1.010 | 1.042 | 1.098 | 1.179 | 1.291 | 1.441 | 1.644 | |
| 20 | 1.009 | 1.038 | 1.090 | 1.165 | 1.266 | 1.404 | 1.587 | |
| 30 | 1.008 | 1.032 | 1.077 | 1.141 | 1.229 | 1.348 | 1.500 | |
| 40 | 1.006 | 1.026 | 1.060 | 1.113 | 1.184 | 1.276 | 1.397 | |
| 50 | 1.005 | 1.019 | 1.044 | 1.081 | 1.134 | 1.205 | 1.296 | |
| 60 | 1.003 | 1.012 | 1.028 | 1.051 | 1.085 | 1.134 | 1.198 | |
| 70 | 1.002 | 1.006 | 1.014 | 1.026 | 1.043 | 1.070 | 1.108 | |
| 80 | 1.001 | 1.003 | 1.005 | 1.009 | 1.014 | 1.022 | 1.037 | |

ตารางที่ ง.2 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 10 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

 $V_r = 43.956 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

ตารางที่ ง.3 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน _y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 15 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน _y

| มุมเอียงรอยร้าว, | a/w | | | | | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 | |
| 10 | 1.006 | 1.025 | 1.059 | 1.109 | 1.178 | 1.274 | 1.405 | |
| 20 | 1.005 | 1.023 | 1.054 | 1.099 | 1.162 | 1.248 | 1.365 | |
| 30 | 1.005 | 1.019 | 1.046 | 1.084 | 1.137 | 1.210 | 1.305 | |
| 40 | 1.004 | 1.015 | 1.036 | 1.066 | 1.107 | 1.162 | 1.234 | |
| 50 | 1.003 | 1.011 | 1.025 | 1.047 | 1.076 | 1.115 | 1.165 | |
| 60 | 1.002 | 1.007 | 1.016 | 1.029 | 1.047 | 1.071 | 1.101 | |
| 70 | 1.001 | 1.004 | 1.008 | 1.014 | 1.023 | 1.034 | 1.049 | |
| 80 | 1.001 | 1.001 | 1.003 | 1.005 | 1.007 | 1.011 | 1.015 | |

 $V_r = 65.934 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.004 | 1.018 | 1.043 | 1.080 | 1.131 | 1.201 | 1.299 |
| 20 | 1.004 | 1.016 | 1.039 | 1.072 | 1.118 | 1.182 | 1.268 |
| 30 | 1.003 | 1.014 | 1.033 | 1.061 | 1.100 | 1.153 | 1.222 |
| 40 | 1.003 | 1.011 | 1.026 | 1.048 | 1.078 | 1.117 | 1.168 |
| 50 | 1.002 | 1.008 | 1.018 | 1.034 | 1.054 | 1.082 | 1.117 |
| 60 | 1.001 | 1.005 | 1.012 | 1.021 | 1.033 | 1.050 | 1.071 |
| 70 | 1.001 | 1.003 | 1.006 | 1.010 | 1.016 | 1.024 | 1.034 |
| 80 | 1.000 | 1.001 | 1.002 | 1.003 | 1.005 | 1.007 | 1.010 |

ตารางที่ ง.4 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน _y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 20 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน _y

 $V_r = 87.912 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

ตารางที่ ง.5 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 25 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.003 | 1.015 | 1.034 | 1.063 | 1.104 | 1.16 | 1.238 |
| 20 | 1.003 | 1.013 | 1.031 | 1.057 | 1.094 | 1.144 | 1.213 |
| 30 | 1.003 | 1.011 | 1.026 | 1.048 | 1.079 | 1.121 | 1.176 |
| 40 | 1.002 | 1.009 | 1.020 | 1.038 | 1.061 | 1.092 | 1.133 |
| 50 | 1.002 | 1.006 | 1.015 | 1.027 | 1.043 | 1.065 | 1.092 |
| 60 | 1.001 | 1.004 | 1.009 | 1.016 | 1.026 | 1.039 | 1.055 |
| 70 | 1.001 | 1.002 | 1.005 | 1.008 | 1.013 | 1.019 | 1.026 |
| 80 | 1.000 | 1.001 | 1.002 | 1.003 | 1.004 | 1.006 | 1.008 |

V, = 109.890 µV (ตารางที่ ก.1)

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.003 | 1.012 | 1.028 | 1.052 | 1.086 | 1.133 | 1.198 |
| 20 | 1.003 | 1.011 | 1.026 | 1.048 | 1.078 | 1.120 | 1.177 |
| 30 | 1.002 | 1.009 | 1.022 | 1.04 | 1.066 | 1.101 | 1.146 |
| 40 | 1.002 | 1.007 | 1.017 | 1.032 | 1.051 | 1.077 | 1.111 |
| 50 | 1.001 | 1.005 | 1.012 | 1.022 | 1.036 | 1.054 | 1.076 |
| 60 | 1.001 | 1.003 | 1.008 | 1.014 | 1.022 | 1.032 | 1.046 |
| 70 | 1.001 | 1.002 | 1.004 | 1.007 | 1.011 | 1.015 | 1.022 |
| 80 | 1.000 | 1.001 | 1.001 | 1.002 | 1.003 | 1.005 | 1.006 |

ตารางที่ ง.6 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน _y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 30 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน _y

 $V_r = 131.868 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

ตารางที่ ง.7 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน _y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 35 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน _y

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.002 | 1.01 | 1.024 | 1.045 | 1.074 | 1.114 | 1.169 |
| 20 | 1.002 | 1.009 | 1.022 | 1.041 | 1.067 | 1.103 | 1.152 |
| 30 | 1.002 | 1.008 | 1.019 | 1.034 | 1.056 | 1.086 | 1.125 |
| 40 | 1.001 | 1.006 | 1.015 | 1.027 | 1.044 | 1.066 | 1.095 |
| 50 | 1.001 | 1.004 | 1.010 | 1.019 | 1.030 | 1.046 | 1.065 |
| 60 | 1.001 | 1.003 | 1.006 | 1.012 | 1.019 | 1.028 | 1.039 |
| 70 | 1.000 | 1.002 | 1.003 | 1.006 | 1.009 | 1.013 | 1.019 |
| 80 | 1.000 | 1.001 | 1.001 | 1.002 | 1.003 | 1.004 | 1.005 |

 $V_r = 153.846 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.002 | 1.009 | 1.021 | 1.039 | 1.065 | 1.100 | 1.148 |
| 20 | 1.002 | 1.008 | 1.019 | 1.036 | 1.059 | 1.090 | 1.133 |
| 30 | 1.002 | 1.007 | 1.016 | 1.030 | 1.049 | 1.075 | 1.110 |
| 40 | 1.001 | 1.005 | 1.013 | 1.024 | 1.038 | 1.057 | 1.083 |
| 50 | 1.001 | 1.004 | 1.009 | 1.017 | 1.027 | 1.040 | 1.057 |
| 60 | 1.001 | 1.002 | 1.006 | 1.010 | 1.016 | 1.024 | 1.034 |
| 70 | 1.000 | 1.001 | 1.003 | 1.005 | 1.008 | 1.012 | 1.016 |
| 80 | 1.000 | 1.001 | 1.001 | 1.002 | 1.003 | 1.004 | 1.005 |

ตารางที่ ง.8 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน y ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 40 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

 $V_r = 175.824 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

ง.2 ความต่างศักย์สำหรับกรณีป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y วัดความต่างศักย์แกน x

ตารางที่ ง.9 ความต่างศักย์ (µV) บนแกน x ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว ซ้ายและขวา 5 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

| มุมเอียงรอยร้าว, | | _ | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 0.106 | 0.557 | 1.788 | 5.967 | 15.112 | 25.046 | 36.147 |
| 20 | 0.202 | 0.979 | 2.927 | 7.201 | 13.917 | 22.150 | 31.799 |
| 30 | 0.270 | 1.267 | 3.464 | 7.297 | 12.718 | 19.478 | 27.375 |
| 40 | 0.294 | 1.380 | 3.501 | 6.853 | 11.238 | 16.459 | 22.725 |
| 50 | 0.300 | 1.325 | 3.222 | 5.921 | 9.351 | 13.519 | 18.244 |
| 60 | 0.262 | 1.141 | 2.667 | 4.717 | 7.254 | 10.306 | 13.765 |
| 70 | 0.198 | 1.141 | 1.872 | 3.271 | 4.955 | 6.917 | 9.164 |
| 80 | 0.105 | 0.438 | 0.976 | 1.683 | 2.529 | 3.496 | 4.582 |

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 0.064 | 0.302 | 0.738 | 1.509 | 2.825 | 5.289 | 9.887 |
| 20 | 0.123 | 0.544 | 1.361 | 2.754 | 4.995 | 8.564 | 14.547 |
| 30 | 0.163 | 0.725 | 1.813 | 3.531 | 6.220 | 10.206 | 15.950 |
| 40 | 0.182 | 0.813 | 1.990 | 3.826 | 6.489 | 10.044 | 14.987 |
| 50 | 0.185 | 0.802 | 1.940 | 3.616 | 5.929 | 9.055 | 12.987 |
| 60 | 0.162 | 0.707 | 1.679 | 3.081 | 4.937 | 7.353 | 10.247 |
| 70 | 0.123 | 0.529 | 1.222 | 2.219 | 3.493 | 5.107 | 7.053 |
| 80 | 0.065 | 0.278 | 0.650 | 1.170 | 1.823 | 2.631 | 3.583 |

ตารางที่ ง.10 ความต่างศักย์ (μV) บนแกน x ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว ซ้ายและขวา 10 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

ง.3 ความต่างศักย์ไร้หน่วยสำหรับกรณีป้อนกระแสไฟฟ้าแกน x วัดความต่างศักย์แกน x

ตารางที่ ง.11 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน x ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 5 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน x

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.003 | 1.008 | 1.019 | 1.051 | 1.115 | 1.174 | 1.226 |
| 20 | 1.005 | 1.019 | 1.050 | 1.115 | 1.208 | 1.308 | 1.405 |
| 30 | 1.008 | 1.035 | 1.089 | 1.180 | 1.298 | 1.430 | 1.562 |
| 40 | 1.012 | 1.053 | 1.129 | 1.243 | 1.383 | 1.535 | 1.697 |
| 50 | 1.017 | 1.071 | 1.167 | 1.298 | 1.456 | 1.634 | 1.818 |
| 60 | 1.021 | 1.088 | 1.200 | 1.346 | 1.518 | 1.714 | 1.921 |
| 70 | 1.025 | 1.101 | 1.223 | 1.381 | 1.565 | 1.771 | 1.995 |
| 80 | 1.027 | 1.110 | 1.239 | 1.406 | 1.598 | 1.811 | 2.042 |

 $V_r = 5.495 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.2)

| มุมเอียงรอยร้าว, | | - | | a / w | - | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.001 | 1.002 | 1.004 | 1.006 | 1.011 | 1.017 | 1.029 |
| 20 | 1.001 | 1.005 | 1.010 | 1.019 | 1.032 | 1.051 | 1.080 |
| 30 | 1.002 | 1.008 | 1.020 | 1.037 | 1.062 | 1.096 | 1.139 |
| 40 | 1.003 | 1.013 | 1.031 | 1.058 | 1.094 | 1.139 | 1.195 |
| 50 | 1.005 | 1.018 | 1.043 | 1.078 | 1.123 | 1.182 | 1.25 |
| 60 | 1.006 | 1.023 | 1.054 | 1.097 | 1.151 | 1.219 | 1.296 |
| 70 | 1.007 | 1.028 | 1.062 | 1.111 | 1.171 | 1.246 | 1.332 |
| 80 | 1.007 | 1.030 | 1.068 | 1.121 | 1.186 | 1.264 | 1.354 |

ตารางที่ ง.12 ความต่างศักย์ไร้หน่วยบนแกน x ที่ห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 10 มม. เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน x

 $V_{,} = 10.989 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.2)

ภาคผนวก จ

ทดสอบการใช้เส้นโค้งสอบเทียบสำหรับสัดส่วนความยาวต่อความกว้างขึ้น ทดสอบเท่ากับ 4 กับชิ้นทดสอบที่มีสัดส่วน ความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 2

ชิ้นทคสอบที่มีรอยร้าวแบบซับซ้อน โคยมีสัคส่วนความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 2 [] ดัง รูปที่ ง.1 ถูกสร้างขึ้นเพื่อทคสอบการระบุลักษณะรอยร้าวค้วยวิธี $I_y - V_y$, $I_x - V_x$ (หัวข้อที่ 4.5) แต่วิทยานิพนธ์นี้กำหนคสัคส่วนความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 4 จึงต้องทคสอบความแม่นยำของ การใช้เส้นกราฟสอบเทียบที่ได้จากชิ้นทคสอบที่มีสัคส่วนความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 4 กับชิ้น ทคสอบที่มีสัคส่วนความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 2 ดังตัวอย่างต่อไปนี้



รูปที่ จ.1 รูปร่างชิ้นทคสอบที่มีสัคส่วนความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 2

<u>ตัวอย่างที่ 1</u> สร้างรอยร้าวที่มีค่า a/w = 0.15 และมีมุมเอียง $\theta = 25$ องศา ในแบบจำลองไฟไนด์ เอลิเมนต์ จากนั้นคำนวณความต่างศักย์ระหว่างจุดที่อยู่ห่างจากรอยร้าว 5 มม. ผลการคำนวณความ ต่างศักย์ไร้หน่วยที่ตกคร่อมจุดที่อยู่บนแกน y, V_y/V_r และแกน x, V_x/V_r , คือ 1.060 และ 1.015 ตามลำดับ ก่า a/w ที่มุมต่าง ๆ ที่ได้จากเส้นโค้งสอบเทียบ $I_y - V_y$ และ $I_x - V_x$ แสดงอยู่ใน ตารางที่ จ.1 เมื่อพล๊อตจุด $(a/w, \theta)$ แล้ววิเคราะห์การถดถอยกำลังสองน้อยสุดจะได้สมการ ต่อไปนี้ (เมื่อนำไปเขียนกราฟจะได้ผลลัพธ์ดังแสดงในรูปที่ จ.2)

กรณี
$$I_y - V_y$$

$$\frac{a}{w} = 1.00 \times 10^{-8} \theta^4 - 8.07 \times 10^{-7} \theta^3 + 4.41 \times 10^{-5} \theta^2 - 1.73 \times 10^{-4} \theta + 1.38 \times 10^{-1}$$
(1.1)
กรณี $I_x - V_x$

$$\frac{a}{w} = 2.13 \times 10^{-8} \theta^4 - 4.96 \times 10^{-6} \theta^3 + 4.46 \times 10^{-4} \theta^2 - 1.93 \times 10^{-2} \theta + 4.32 \times 10^{-1}$$
(1.2)

แก้สมการ (จ.1) และ (จ.2) คือ θ = 26.037 องศา และ a/w = 0.154 ดังนั้นความผิดพลาดในการ ระบุมุมเอียงและความยาว (ไร้หน่วย) คือ 4.148 เปอร์เซ็นต์ และ 2.667 เปอร์เซ็นต์ ตามลำดับ

ตารางที่ จ.1 ค่า a/w ที่มุมเอียงต่าง ๆ ที่ได้จากเส้นโค้งสอบเทียบ $I_y - V_y$ และ $I_x - V_x$ (ลักษณะรอยร้าวที่กำหนด คือ a/w = 0.15 และ $\theta = 25$ องศา)

| มุมเอียงรอยร้าว | a/w | | | |
|-----------------|-------------|-------------|--|--|
| heta (องศา) | $I_v - V_v$ | $I_x - V_x$ | | |
| 10 | 0.140 | 0.279 | | |
| 20 | 0.148 | 0.188 | | |
| 30 | 0.158 | 0.138 | | |
| 40 | 0.177 | 0.111 | | |
| 50 | 0.201 | 0.093 | | |
| 60 | 0.241 | 0.084 | | |
| 70 | 0.307 | 0.074 | | |
| 80 | 0.404 | 0.072 | | |



รูปที่ จ.2 ความสัมพันธ์ระหว่าง a/w กับ θ ที่ได้จากเส้นโค้งสอบเทียบ $I_v - V_v$, $I_v - V_v$ (ลักษณะรอยร้าวที่กำหนด คือ a/w = 0.15 และ $\theta = 25$ องศา)

<u>ตัวอย่างที่ 2</u> สร้างรอยร้าวที่มีก่า a/w = 0.65 และมีมุมเอียง $\theta = 65$ องศา ในแบบจำลองไฟไนต์ เอลิเมนต์ จากนั้นกำนวณกวามต่างศักย์ระหว่างจุดที่อยู่ห่างจากรอยร้าว 5 มม. ผลการกำนวณกวาม ต่างศักย์ไร้หน่วยที่ตกกร่อมจุดที่อยู่บนแกน y, V_y/V_r , และแกน x, V_x/V_r , คือ 1.504 และ 1.893 ตามลำดับ ก่า a/w ที่มุมต่าง ๆ ที่ได้จากเส้นโก้งสอบเทียบ $I_y - V_y$ และ $I_x - V_x$ แสดงอยู่ใน ตารางที่ จ.2 เมื่อพล๊อตจุด $(a/w, \theta)$ แล้ววิเกราะห์การถดถอยกำลังสองน้อยสุดจะได้สมการ ต่อไปนี้ (เมื่อนำไปเขียนกราฟจะได้ผลลัพธ์ดังแสดงในรูปที่ จ.3)

$$\begin{aligned} & ns \vec{\mathfrak{u}} \quad I_y - V_y \\ & \frac{a}{w} = 4.02 \times 10^{-8} \,\theta^4 - 4.94 \times 10^{-6} \,\theta^3 + 2.67 \times 10^{-4} \,\theta^2 - 3.95 \times 10^{-3} \,\theta + 4.25 \times 10^{-1} \end{aligned} \tag{9.3} \\ & ns \vec{\mathfrak{u}} \quad I_x - V_x \\ & \frac{a}{w} = 1.75 \times 10^{-8} \,\theta^4 - 5.97 \times 10^{-6} \,\theta^3 + 8.11 \times 10^{-4} \,\theta^2 - 5.21 \times 10^{-2} \,\theta + 1.95 \end{aligned}$$

แก้สมการ (จ.3) และ (จ.4) คือ θ = 65.857 องศา และ a/w = 0.666 ดังนั้นความผิดพลาดในการ ระบุมุมเอียงและความยาว (ไร้หน่วย) คือ 1.32 เปอร์เซ็นต์ และ 2.46 เปอร์เซ็นต์ ตามลำดับ

ตารางที่ จ.2 ค่า a/w ที่มุมเอียงต่าง ๆ ที่ได้จากเส้นโค้งสอบเทียบ $I_y - V_y$ และ $I_x - V_x$ (ลักษณะรอยร้าวที่กำหนด คือ a/w = 0.65 และ $\theta = 65$ องศา)

| มุมเอียงรอยร้าว | a/w | | | | |
|-----------------|-----------------|-------------|--|--|--|
| heta (องศา) | $I_{v} - V_{v}$ | $I_x - V_x$ | | | |
| 10 | 0.407 | - | | | |
| 20 | 0.420 | - | | | |
| 30 | 0.445 | - | | | |
| 40 | 0.480 | 0.831 | | | |
| 50 | 0.530 | 0.741 | | | |
| 60 | 0.600 | 0.687 | | | |
| 70 | 0.726 | 0.656 | | | |
| 80 | _ | 0.637 | | | |



รูปที่ จ.3 ความสัมพันธ์ระหว่าง a/w กับ θ ที่ได้จากเส้นโด้งสอบเทียบ $I_y - V_y, I_y - V_x$ (ลักษณะรอยร้าวที่กำหนด คือ a/w = 0.65 และ $\theta = 65$ องศา)

จากการทดสอบเห็นได้ว่าสามารถใช้กราฟสอบเทียบที่ได้จากชิ้นทดสอบที่มีสัดส่วนความ ยาวต่อความกว้างเท่ากับ 4 กับชิ้นทดสอบที่มีสัดส่วนความยาวต่อความกว้างเท่ากับ 2 ถึงแม้มี แนวโน้มความคลาดเคลื่อนของผลเฉลยที่สูงขึ้น

ภาคผนวก ฉ

เปรียบเทียบความต่างศักย์ในช่วง 10, 20,..., 80 องศา กับความต่างศักย์ในช่วง 100, 110,..., 170 องศา

ภาคผนวกนี้แสดงการเปรียบเทียบความต่างศักย์ไร้หน่วย (V / V,) ตามแนวแกน y ของมุม เอียงรอยร้าว (θ) ในช่วง 10, 20,..., 80 องศา กับความต่างศักย์ไร้หน่วยของมุมเอียงรอยร้าวในช่วง 100, 110,..., 170 องศา เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y โดยแสดงเฉพาะความต่างศักย์ไร้หน่วยสำหรับ จุดวัดความต่างศักย์ที่ระยะห่างจากศูนย์กลางรอยร้าว บนและล่าง 5 มม. เท่านั้น

| มุมเอียงรอยร้าว, | | | | a/w | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1.030 | 1.125 | 1.278 | 1.487 | 1.754 | 2.091 | 2.529 |
| 20 | 1.027 | 1.113 | 1.259 | 1.458 | 1.708 | 2.024 | 2.425 |
| 30 | 1.024 | 1.098 | 1.229 | 1.408 | 1.638 | 1.924 | 2.270 |
| 40 | 1.019 | 1.080 | 1.189 | 1.349 | 1.549 | 1.789 | 2.078 |
| 50 | 1.014 | 1.059 | 1.146 | 1.277 | 1.446 | 1.652 | 1.884 |
| 60 | 1.009 | 1.039 | 1.100 | 1.200 | 1.339 | 1.503 | 1.683 |
| 70 | 1.005 | 1.021 | 1.055 | 1.125 | 1.229 | 1.349 | 1.476 |
| 80 | 1.003 | 1.008 | 1.020 | 1.055 | 1.125 | 1.193 | 1.258 |

ตารางที่ ฉ.1 ความต่างศักย์ไร้หน่วย (V / V,) บนแกน y ของมุมเอียงรอยร้าว (heta) ในช่วง 10, 20, ..., 80 องศา เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

 $V_r = 21.978 \ \mu V$ (ตารางที่ ก.1)

| มุมเอียงรอยร้าว, | a / w | | | | | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 | |
| 170 | 1.030 | 1.124 | 1.276 | 1.486 | 1.752 | 2.090 | 2.527 | |
| 160 | 1.027 | 1.113 | 1.258 | 1.459 | 1.709 | 2.023 | 2.423 | |
| 150 | 1.024 | 1.099 | 1.229 | 1.408 | 1.639 | 1.923 | 2.271 | |
| 140 | 1.019 | 1.079 | 1.189 | 1.349 | 1.547 | 1.789 | 2.081 | |
| 130 | 1.014 | 1.060 | 1.145 | 1.278 | 1.446 | 1.653 | 1.885 | |
| 120 | 1.010 | 1.039 | 1.100 | 1.200 | 1.337 | 1.501 | 1.683 | |
| 110 | 1.006 | 1.021 | 1.056 | 1.126 | 1.229 | 1.349 | 1.476 | |
| 100 | 1.003 | 1.008 | 1.020 | 1.055 | 1.125 | 1.193 | 1.259 | |

ตารางที่ ฉ.2 ความต่างศักย์ไร้หน่วย (V / V,) บนแกน y ของมุมเอียงรอยร้าว (θ) ในช่วง 100, 110, ..., 170 องศา เมื่อป้อนกระแสไฟฟ้าแกน y

V_r = 21.978 µV (ตารางที่ ก.1)

ภาคผนวก ช

จำนวนจุดต่อและจำนวนเอลิเมนต์ของแบบจำลอง ไฟในต์เอลิเมนต์สำหรับกราฟสอบเทียบ

ภาคผนวกนี้แสดงจำนวนจุดต่อ (บรรทัดบน) และจำนวนเอลิเมนต์ (บรรทัดล่าง) ที่ใช้ กำนวณกวามต่างศักย์สำหรับเส้นโค้งสอบเทียบ (Calibration curve) $I_y - V_y$ (รูปที่ 4.7), $I_y - V_x$ (รูปที่ 4.8) และ $I_x - V_x$ (รูปที่ 4.9) โดยก่าที่แสดง เลือกจากจำนวนจุดต่อหรือจำนวนเอลิเมนต์ที่ทำ ให้กวามต่างศักย์ที่กำนวณได้ลู่เข้า (กำหนดไว้ไม่เกิน 0.5 เปอร์เซ็นต์, 0.5 > $\left| \frac{V_{NEW} - V_{OLD}}{V_{NEW}} \right| \times 100$)

| มุมเอียงรอยร้าว, | a/w | | | | | | |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| heta (องศา) | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.4 | 0.5 | 0.6 | 0.7 |
| 10 | 1,077 | 1,151 | 1,282 | 1,372 | 1,480 | 2,124 | 3,563 |
| | 2,048 | 2,188 | 2,430 | 2,590 | 2,786 | 3,980 | 6,658 |
| 20 | 1,084 | 1,098 | 1,262 | 1,419 | 1,515 | 2,202 | 3,742 |
| | 2,062 | 2,082 | 2,390 | 2,684 | 2,856 | 4,134 | 7,010 |
| 30 | 1,073 | 1,101 | 1,251 | 1,393 | 1,522 | 2,339 | 3,881 |
| | 2,040 | 2,088 | 2,368 | 2,632 | 2,870 | 4,408 | 7,278 |
| 40 | 1,065 | 1,080 | 1,247 | 1,437 | 1,592 | 2,407 | 4,183 |
| | 2,024 | 2,046 | 2,360 | 2,720 | 3,010 | 4,548 | 7,848 |
| 50 | 1,064 | 1,084 | 1,252 | 1,441 | 1,576 | 2,404 | 4,224 |
| | 2,022 | 2,054 | 2,370 | 2,728 | 2,978 | 4,542 | 7,970 |
| 50 | 1,038 | 1,052 | 1,268 | 1,404 | 1,573 | 2,416 | 4,362 |
| | 1,970 | 1,990 | 2,402 | 2,654 | 2,972 | 4,564 | 8,206 |
| 70 | 1,067 | 1,049 | 1,239 | 1,413 | 1,593 | 2,385 | 4,432 |
| | 2,028 | 1,984 | 2,344 | 2,672 | 3,012 | 4,506 | 8,346 |
| 80 | 1,032 | 1,061 | 1,276 | 1,404 | 1,607 | 2,394 | 4,427 |
| | 1,958 | 2,008 | 2,418 | 2,654 | 3,040 | 4,522 | 8,336 |

ตารางที่ ช.1 จำนวนจุดต่อและจำนวนเอลิเมนต์ของแบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์

ภาคผนวก ซ

ตารางและกราฟคำนวณ Stress intensity factor

ภาคผนวกนี้แสดงกราฟและตารางคำนวณตัวประกอบความเข้มของความเค้น (Stress intensity factor) สำหรับชิ้นทคสอบที่มีรอยร้าวเอียงอย่างง่าย รอยร้าวแบบซับซ้อน และวิธีคำนวณ ของ API-579

ซ.1 ตารางคำนวณ Stress intensity factor สำหรับรอยร้าวเอียงอย่างง่าย

ตารางคำนวณ Stress intensity factor (K_I) สำหรับชิ้นทคสอบสัคส่วน H/W เท่ากับ 2 ที่มี รอยร้าวเอียงอย่างง่าย โคย a/w และ θ หาจากวิธีการระบุลักษณะรอยร้าว $I_y - V_y$, $I_x - V_x$

| | | | | | 0 | | | |
|----------|----|-----|--------|--------|--------|--------|--------|--|
| - | | a/W | 15° | 30° | 45° | 60° | 75° | |
| | | 0.1 | 0.9391 | 0.7557 | 0.5046 | 0.2527 | 0.0678 | |
| 23 . | | 0.2 | 0.9577 | 0.7730 | 0.5181 | 0.2605 | 0.0701 | |
| ¥ Y P Z | | 0.3 | 0.9904 | 0.8025 | 0.5406 | 0.2730 | 0.0736 | |
| | | 0.4 | 1.0402 | 0.8456 | 0.5719 | 0.2896 | 0.0783 | |
| | FL | 0.5 | 1.1128 | 0.9046 | 0.6119 | 0.3099 | 0.0837 | |
| 28 | | 0.6 | 1.2183 | 0.984 | 0.6611 | 0.3332 | 0.0896 | |
| 1 | | 0.7 | 1.378 | 1.091 | 0.721 | 0.359 | 0.0957 | |
| <u> </u> | | 0.8 | 1.653 | 1.245 | 0.795 | 0.388 | 0.102 | |

รูปที่ ซ.1 ตารางคำนวณ Stress intensity factor สำหรับรอยร้าวเอียง โคย H/W เท่ากับ 2 [29]

$$K_{I} = \frac{F_{I} P \sqrt{\pi a}}{2wt}$$
(Y.1)

โดยที่ P คือ แรงคึง (1 นิวตัน)

เ คือ ความหนาชิ้นทดสอบ

ซ.2 กราฟกำนวณ Stress intensity factor สำหรับรอยร้าวแบบซับซ้อน

กราฟคำนวณ Stress intensity factor ประกอบไปด้วยค่าที่ปลาย A และปลาย B โดยใช้ค่า Stress intensity factor ที่มากสุดในการเปรียบเทียบกับ Stress intensity factor ของวิธีการอื่น ๆ



รูปที่ ซ.2 กราฟคำนวณ Stress intensity factor สำหรับรอยร้าวที่ซับซ้อน [28]

$$K_{I} = \left(\frac{K_{I}}{K_{o}}\right) \cdot \frac{P\sqrt{\pi a}}{2wt}$$
(9.2)

โดยที่ P คือ แรงคึง (1 นิวตัน)

เ กือ กวามหนาชิ้นทคสอบ

ซ.3 วิธีคำนวณขนาดรอยร้าวของ API-579

วิธีการนี้จะเปลี่ยนลักษณะรอยร้าวแบบซับซ้อนให้อยู่ในรูปอย่างง่าย เพื่อให้สามารถ คำนวณ Stress intensity factor ได้จาก Handbook ทั่วไป



รูปที่ ซ.3 การเปลี่ยนรอยร้าวเอียงเป็นรอยร้าวแบบไม่เอียง [30]

$$\frac{c}{c_o} = \cos^2 \alpha + \frac{(1-B)\sin\alpha\cos\alpha}{2} + B^2\sin^2\alpha \qquad (\text{W.3})$$

โดยที่
$$B = \frac{\sigma_2}{\sigma_1}$$
 เมื่อ $\sigma_1 > \sigma_2$ และ $0 \le B \le 1$



รูปที่ ซ.4 การหาความขาวรอยร้าวรวมของรอยร้าวสองรอยที่อยู่ใกล้กัน [30]

$$K_{I} = \frac{P}{t} \sqrt{\frac{\pi a}{4w^{2}} \sec \frac{\pi a}{2w}}$$
(9.4)

โดยสมการข้างต้นใช้ได้เฉพาะกรณี a/w < 0.95

ซ.4 ตัวอย่างการคำนวณ Stress intensity factor ของรอยร้าวที่ได้จากวิธีวัดความต่างศักย์ตกคร่อม

<u>ตัวอย่าง</u> รอยร้าวแบบซับซ้อนที่มีก่า a/w = 0.3 และ a/b = 1 และมีมุม $\alpha = 10$ องศา

ขั้นตอนที่ 1 ประยุกต์เส้นโค้งสอบเทียบของวิธี $I_y - V_y; I_x - V_x$ กับชิ้นทคสอบที่มีรอย ร้าวแบบซับซ้อน (แสคงคังตัวอย่างที่ 1 ในหัวข้อที่ 4.5.3) ผลเฉลย (ลักษณะรอยร้าว) ที่ไค้จะอยู่ใน รูปรอยร้าวเอียงเพียงรอยเดียวคังรูปที่ 4.1 โคยรอยร้าวมีลักษณะคังนี้

 $\theta = 14.19$ องศาและ a / w = 0.46

ขั้นตอนที่ 2 คำนวณค่า F, (รูปที่ ซ.1) โดยการประมาณค่าภายในแบบเชิงเส้น (Linear interpolation) โดย F, ที่คำนวณได้เท่ากับ 1.08

ขั้นตอนที่ 3 คำนวณ Stress intensity factor ของรอยร้าวด้วยสมการที่ ซ.1

$$K_{I} = \frac{1.08 \times \sqrt{\pi (0.46 \times 12.5 \times 10^{-3})}}{2 \times (12.5 \times 10^{-3}) \times (5 \times 10^{-3})}$$

$$K_1 = 1,165 \ Pa \cdot \sqrt{m}$$

ซ.5 ตัวอย่างการคำนวณ Stress intensity factor สำหรับรอยร้าวแบบซับซ้อน

<u>ตัวอย่าง</u>รอยร้ำวแบบซับซ้อนที่มีค่า *a / w* = 0.3 และ *a / b* = 1 และมีมุม *a* = 10 องศา ขั้นตอนที่ 1 หาค่า *K₁ / K_o* จากรูปที่ ซ.2 พบว่าปลาย A เท่ากับ 1.475 และปลาย B เท่ากับ

1.15

ขึ้นตอนที่ 2 คำนวณ Stress intensity factor ที่ปลาย A และ ปลาย B ด้วยสมการที่ ซ.2 ปลาย A $K_{I} = \frac{1.475 \times \sqrt{\pi \times 3.75 \times 10^{-3}}}{2 \times (12.5 \times 10^{-3}) \times (5 \times 10^{-3})}$ $K_{I} = 1,280 \ Pa \cdot \sqrt{m}$ ปลาย B $K_{I} = \frac{1.15 \times \sqrt{\pi \times 3.75 \times 10^{-3}}}{2 \times (12.5 \times 10^{-3}) \times (5 \times 10^{-3})}$ $K_{I} = 999 \ Pa \cdot \sqrt{m}$ ซ.6 ตัวอย่างการคำนวณ Stress intensity factor ของรอยร้าวที่ได้จากการประยุกต์วิธีมาตรฐาน API 579

<u>ตัวอย่าง</u> รอยร้าวแบบซับซ้อนที่มีค่า a/w = 0.3 และ a/b = 1 และมีมุม $\alpha = 10$ องศา

งั้นตอนที่ 1 รอยร้าวเอียงจะถูกเปลี่ยนเป็นรอยร้าวแบบไม่เอียงคังรูปที่ ซ.3

$$\frac{c}{c_{s}} = \cos^{2} \alpha + \frac{(1-B)\sin \alpha \cdot \cos \alpha}{2} + B^{2} \sin^{2} \alpha$$

$$c = 3.75 \cdot \left[\cos^{2} 10 + \frac{\sin 10 \cdot \cos 10}{2}\right]$$

$$c = 3.958 \text{ µu}.$$

เนื่องจากปัญหารอขร้าวแบบซับซ้อนที่ศึกษา (รูปที่ 4.17) ประกอบค้วยรอยร้าว 2 รอย ตาม มาตรฐาน API 579 หากปลายรอยร้าวทั้งสองที่อยู่ใกล้กัน ซ้อนทับกันหรืออยู่ใกล้กัน สอคคล้องกับ เงื่อนไขคังรูปที่ ซ.4 จะรวมรอยร้าวทั้งสองเป็นรอยร้าวเคียว

ขั้นตอนที่ 2 พิจารณาระยะห่างระหว่างปลายรอยร้าวทั้งสองที่อยู่ใกล้กัน

ปัญหารอยร้าวแบบซับซ้อนที่ศึกษา กำหนคระยะจากกึ่งกลางชิ้นทคสอบไปยังกึ่งกลางรอย ร้าวแต่ละรอย *b* = 3.75 มม. เมื่อเปรียบเทียบครึ่งหนึ่งของขนาครอยร้าวแต่ละรอย *c* = 3.958 มม. พบว่าเกิคการทับซ้อน (Overlap) ของปลายรอยร้าวทั้งสอง สอคคล้องกับเงื่อนไขรูปที่ ซ.4 กรณีรอย ร้าวทับซ้อนกัน ดังนั้น

 $2c = 3.958 + (3.75 \times 2) + 3.958$

2*c* = 15.416 ມມ.

ขั้นตอนที่ 3 คำนวณ Stress intensity factor ของรอยร้าวค้วยสมการที่ ซ.4

$$K_{I} = \frac{1}{5 \times 10^{-3}} \sqrt{\frac{7.708 \times 10^{-3} \pi}{4 \times (12.5 \times 10^{-3})^{2}}} \sec \frac{7.708 \times 10^{-3} \pi}{2 \times (12.5 \times 10^{-3})}$$

$$K_1 = 1,654 Pa \cdot \sqrt{m}$$

ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นาย ธนวัฒน์ กรจำรัสกุล เกิดเมื่อวันที่ 25 พฤศจิกายน 2523 ที่จังหวัดกรุงเทพมหานคร สำเร็จ การศึกษาปริญญาวิศวกรรมบัณฑิต สาขาวิศวกรรมเครื่องกล จากมหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์ เมื่อปี การศึกษา 2544 และเข้าศึกษาต่อในหลักสูตรวิศวกรรมมหาบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อปีการศึกษา 2545

