# การคาดคะเนการทรุดตัวของกลุ่มเสาเซ็มโดยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์



นายรัศพงษ์ ทวีแสงสกุลไทย

วิทยานิพนธ์นี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรม โยชา

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2533

ISBN 974-577-158-9

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

016441 110307990

Prediction of Pile-group Settlement by the Finite Element Method

Mr. Rutsapong Tweesaengsakulthai

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Engineering

Department of Engineering

Graduate School

Chulalongkorn University

1990

ISBN 974-577-158-9



Thesis Title Prediction of Pile-group Settlement by the Finite Element Mehtod Mr. Rutsapong Tweesaengsakulthai Ву Department Civil Engineering Associate Professor Karoon Chandrangsu, Ph.D. Thesis Advisor Thesis Co-advisor Assistant Professor Surachat Samphandharaksa, Sc.D. Accepted by the Graduate School, Chulalongkorn University in Partial Fulfillment of the Requirements for the Master's Degree. Thanon Vojiastasa ...... Dean of Graduate School (Professor Thavorn Vajrabhaya, Ph.D.) Thesis Committee (Professor Ekasit Limsuwan, Ph.D.) (Associate Professor Karoon Chandrangsu, Ph.D.) (Assistant Professor Surachat Samphandharaksa, Sc.D.)

(Professor Thaksin Thepchatri, Ph.D.)



RUTSAPONG TWEESAENGSAKULTHAI: PREDICTION OF PILE-GROUP SETTLEMENT BY THE FINITE ELEMENT METHOD. THESIS ADVISOR: ASSOC. PROF.KAROON CHANDRANGSU, Ph.D., ASSIST. PROF.SURACHAT SAMPHANDHARAKSA, SC.D. 85 pp. ISBN 974-577-158-9

In this research, a nonlinear three dimensional finite element program has been developed. The formulation for hexahedral element matrices were derived by using the isoparametric finite element discretization technique based on the work of Monkar (10). The method for predicting pile-group settlements with three dimensional idealization associated with the developed finite element program has been presented. Focus was put on the case of axially loaded driven pile groups situated in a soft soil stratum with the pile tips embedded in an underlying stiffer soil stratum and different soil layers underlying the pile tips were also included in the analysis. Applications of the proposed method to practical problems have been investigated and discussed extensively. Finally, the pile-group settlements predicted by the proposed method were compared to those obtained by Poulos's method and field measurements and their results were in good agreement.

ภาควิชาวิสวกรรมโนธว	arena dan and walk
สาขาวิชา วิศวกรรมโยชา	1
ปีการศึกษา25.32	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

รัศพงษ์ ทวีแสงสกุลไทย : การคาดคะเนการทรุดตัวของกลุ่มเสาเข็มโดยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ PREDICTION OF PILE-GROUP SETTLEMENT BY THE FINITE ELEMENT METHOD) อ.ที่ปรึกษา : รศ.ดร.การุญ จันทรางศุ และผศ.ดร.สุรฉัตร สัมพันธารักษ์, 85 หน้า.

ISBN 974-577-158-9

งานวิจัยนี้ได้พัฒนาโปรแกรมไฟในท์อิลิเมนท์สำหรับการวิเคราะห์ปัญหาสามมิติแบบไร้เชิงเส้น
การสร้างเมตริกซ์แสดงคุณสมบัติของอิลิเมนท์ชนิดลูกบาศก์ใช้หลักการแยกเป็นส่วนย่อยของไฟในท์อิลิเมนท์โดย
อาศัยพื้นฐานจากงานของมอนคาร์ (10) งานวิจัยนี้ได้เสนอวิธีการคาดคะเนการทรุดตัวของกลุ่มเสาเข็มโดย
ใช้แบบจำลองสามมิติประกอบกับโปรแกรมไฟในท์อิลิเมนท์ที่ได้พัฒนาขึ้น การศึกษาได้เน้นเฉพาะกรณีของกลุ่ม
เสาเข็มตอกรับน้ำหนักในแนวแกนคิ่งที่ฝังตัวอยู่ในชั้นดินอ่อน และปลายเสาเข็มฝังตัวอยู่ในชั้นดินที่แข็งกว่า
โดยมีการคำนึงถึงชั้นดินชนิดต่างๆที่อยู่ใต้ปลายเสาเข็มด้วย งานวิจัยนี้ได้นำไปประยุกต์ใช้กับปัญหาจริงโดยทำ
การวิเคราะห์และตรวจสอบค่าการทรุดตัวของกลุ่มเสาเข็มสำหรับอาคารสูง และได้เปรียบเทียบผลที่ได้กับค่า
ที่หาโดยวิธีของพาวลอดส์และค่าที่วัดได้ในสนามซึ่งพบว่าให้ค่าใกล้เคียงกัน

ภาควิชา	วิศวกรรมโยชา	# # as Aut want
	วิศวกรรมโยธา	7
ปีการศึกษา	2532	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
		ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรีกษาร่วม



#### **ACKNOWLEDGEMENTS**

The author wishes to express his sincere appreciation to his advisor, Dr. Karoon Chandrangsu, for his helpful supervision and invaluable assistance throughout this study. The author is grateful to his co-advisor, Dr. Surachat Samphandharaksa for his interest and guidance in the compilation and completion of this research. Sincere thanks are also extended to the reading committee Dr. Ekasit Limsuwan and Dr. Thaksin Thepchatri.

Finally, The author wishes to thank his parents for their encouragement throughout the study.



### TABLE OF CONTENTS

	Page
Title Page in Thai	i
Title Page in English	ii
Thesis Approval	iii
Abstract in English	iv
Abstract in Thai	v
Acknowledgements	vi
Table of Contents	vii
List of Tables	x
List of Figures	xi
List of Symbols	xiii
CHAPTER	
I. INTRODUCTION	1
Introduction	1
Objectives and Scope of Research	2
Assumptions	2
Literature Review	3
II. THEORETICAL BACKGROUND	6
Introduction	6
An Incremental Nonlinear Formulation of Equations	
of Motion for Finite Deformation	6
1. Introduction to the Concept of the Incremental	
Nonlinear Formulation of the Equations of Motion	6
2. Kinematic Relations	10
3. Equilibrium Equations	10

Page

	4.	Cons	titutiv	e Relations	14
	5.	Incr	emental	Nonlinear Equations of Motion with	
		Equi	librium	Corrections	14
	Fin	ite E	lement 1	Formulation of Equations of Motion	
	for	Fini	te Defo	rmation	16
	1.	Intr	oduction	n	16
	2.	Disc	retizat	ion of Equations of Motion by	
		Fini	te Eleme	ent Method	17
	3.	Thre	e Dimens	sional Isoparametric Finite Element	
		Matr	ices		20
		3.1	Linear	Isoparametric Hexahedral Element	20
			3.1.1	Components of Stresses and Strains	20
			3.1.2	Interpolation Functions	21
			3.1.3	Strain-displacement Transformation	22
			3.1.4	Jacobian Transformation	26
		3.2	Evaluat	tion of Element Matrices	29
			3.2.1	Linear Element Stiffness Matrix	29
			3.2.2	Geometric Stiffness Matrix	29
			3.2.3	Equivalent Nodal Load Vector 1R	
				for Equilibrium Correction	33
			3.2.4	Consistent Nodal Load Vector <sup>2</sup> P	34
III.	NUM	ERICA	L SCHEMI	E	36
	Int	roduc	tion		36
	Num	erica	l Method	ds for the Solutions of Nonlinear	
	Equa	ations	S		36
	Com	putat	ional P	rocedure	<b>3</b> 8
	Com	puter	Program	n Development	40

		1	Page
	IV.	APPLICATION OF THE FINITE ELEMENT METHOD TO THE PROBLEM	
		OF PILE-GROUP SETTLEMENT	41
		Introduction	41
		Determination of Parameters	41
		1. Introduction	41
		2. Pile Parameters	42
		3. Soil Parameters	43
		3.1 Laboratory Tests	43
		3.2 Pile-loading Tests	45
		3.3 Empirical Correlation	46
		3.3.1 Piles in Clay	46
		3.3.2 Piles in Sand	46
		Behavior of Square-configuration Pile Group	47
		1. Introduction	47
		2. Method of Analysis	47
		3. Pile and Soil Parameters	48
		4. Comparisons with Poulos's Method	49
		Illustrative Application	51
		1. Introduction	51
		2. Method of Analysis	51
		3. Pile and Soil Parameters	53
		4. Comparisons with Field Measurements and	
		Poulos's Method	53
	٧.	CONCLUSIONS AND RECOMMENDATIONS	54
LIST	OF R	EFERENCES	56
VITA	• • • •		85

### LIST OF TABLES

Table	Title	Page
4.1	Suggested ranges of values of Poisson's ratio of soil	59
4.2	Suggested ranges of average values of soil modulus for	
	driven pile in sand	59
4.3	Summary of parameters for the analysis of the settlements	
	of pile groups	60
	(a) Pile	60
	(b) Soil	60
4.4	Summary of average settlements of pile groups	61
4.5	Immediate settlement and equivalent width $\mathbf{B}_{\mathbf{e}}$ of smaller	
	pile groups	62
4.6	Summary of parameters for the analysis of the settlements	
	of Tower C Building	62
	(a) Pile	. 62
	(b) Soil	63
4.7	Comparisons of the settlements of Tower C Building	64

#### LIST OF FIGURES

Figure	Title	Page
2.1	Deformation path of a body	65
2.2	Three dimensional isoparametric hexahedral element	66
3.1	Flow chart for the computational procedure of the nonlinear	23
	elastic static finite element analysis	67
3.2	Elastic cantiliver beam under uniformly distributed load	68
3.3	The relation between load and tip displacement	69
3.4	Cross-section model of uniform soil mass under strip	
	loading	70
3.5	The settlement profile of soil surface	71
4.1	Plan and elevation of 2x2 pile group	72
	(a) Plan	72
	(b) Elevation	72
4.2	Plan of 3x3 pile group	73
4.3	Plan of 4x4 pile group	73
4.4	Finite element model for 2x2 pile group	74
4.5	Finite element model for 3x3 pile group	75
4.6	Finite element model for 4x4 pile group	76
4.7	Finite element model for single pile	77
4.8	Relation between settlement ratio $\mathbf{R}_{_{\mathbf{s}}}$ and pile spacing $\mathbf{s}/\mathbf{d}$ .	<b>7</b> 8
4.9	The floor plan of Tower C Building with observed points	79
4.10	The plan of pile arrangement	80
4.11	The plan of the smaller pile groups	81
4.12	The plan of the equivalent pile groups	82

Figure	Title	Page
4.13	The relation between the settlement and the equivalent	
	width B of pile groups	. 83
4.14	The settlement values predicted by the proposed method	. 84

## LIST OF SYMBOLS

<sup>1</sup> A, <sup>2</sup> A	the part of the area in the current, a second deformed
	configurations
В	linear strain-displacement transformation matrix
В	equivalent width of the pile group
$C_0$ , $C_1$ , $C_2$	the undeformed, the current deformed, a second deformed
	configurations
C <sub>i jmin</sub>	component of constitutive matrix
C <sub>u</sub>	undrained cohesion of the clay
D	width of the pile group
d	width or diameter of the pile
$^{2}E_{IJ}$ , $^{1}E_{IJ}$	component of strain at a second, the current deformed
	configurations
EIJ	component of incremental strain between the current and
	a second deformed configurations
$\mathbf{E}_{\mathbf{p}}, \mathbf{E}_{\mathbf{s}}$	modulus of elasticity of pile, soil
E <sub>u</sub> , E <sub>s</sub> ,	modulus of elasticity of soil in undrained, drained
	condition
$E_{b}/E_{s}$	ratio of soil modulus between base layer and founding
	layer
e <sup>11</sup>	linear part of incremental strain
<sup>2</sup> f <sub>1</sub> , <sup>1</sup> f <sub>1</sub>	component of body force at a second, the current
	deformed configurations
K	nonlinear stiffness matrix
$K_{\mathbf{G}}$	geometric stiffness matrix

K <sub>L</sub>	linear stiffness matrix
L	length of pile
P	axial compression
P	the generalized force vector
<sup>2</sup> P	generalized nodal load vector due to the body forces
	and the conservative surface tractions
$q_{mK}$	component of incremental displacement at node m
¹R	consistent nodal load vector in equilibrium with the
(V)	state of stress in the current deformed configuration
$R_{_{\mathbf{s}}}$	settlement ratio of pile group
(r,s,t)	natural coordinates
$^{2}S_{IJ}$ , $^{1}S_{IJ}$	component of stress at a second, the current deformed
	configurations
S <sub>IJ</sub>	component of incremental stress between the current and
	a second deformed configurations
s	spacing of pile (center to center)
<sup>2</sup> t <sub>1</sub> , <sup>1</sup> t <sub>1</sub>	component of surface traction at a second, the current
	deformed configurations
<sup>2</sup> U <sub>1</sub> , <sup>1</sup> U <sub>1</sub>	component of displacement at a second, the current
	deformed configurations
U	component of incremental displacement between the
	current and a second deformed configurations
°v, ¹v, ²v	volume of the body in the undeformed, the current
	deformed, a second deformed configurations
W <sub>ext</sub> , W <sub>int</sub>	virtual work of external forces, internal forces
X <sub>mK</sub>	component of nodal coordinate
$^{\circ}\Omega$ , $^{n}\Omega$ , $^{f}\Omega$	initial, current, final equilibrium stages
$\eta_{_{\mathbf{I}\mathbf{J}}}$	nonlinear part of incremental strain

$\phi^{m}(\mathbf{X})$	interpolation function at node m
$\gamma_{p}, \gamma_{s}$	unit weight of pile, total unit weight of soil
v <sub>p</sub> , v <sub>s</sub>	Poisson's ratio of pile, soil
υ <sub>u</sub> , υ,	Poisson's ratio of soil in undrained, drained condition
ρ	immediate settlement of pile foundation
ρ	final settlement of pile foundation