ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมสำหรับการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์ของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ที่พิจารณา ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2563 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย Fictitious Flux Observer for Sensorless Control of Synchronous Reluctance Motors Considering Magnetic Cross-Coupling Effects



A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Engineering in Electrical Engineering Department of Electrical Engineering FACULTY OF ENGINEERING Chulalongkorn University Academic Year 2020 Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์	ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมสำหรับการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์
	ของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ที่พิจารณาผลของการ
	เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
โดย	นายศฤงคาร พิตรพิบูลย์วงศ์
สาขาวิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก	ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สมบูรณ์ แสงวงค์วาณิชย์

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่ง ของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

	คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์
(ศาสตราจารย์ ดร.สุพจน์ เตชวรสินสกุล)	
คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์	
	ประธานกรรมการ
(รองศาสตราจารย์ ดร.สุรพงศ์ สุวรรณกวิน)	
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สมบูรณ์ แสงวงค์วาณิชย์)	. ค.เง.เวยมเกิมเล.เวิ่มค.เวิ่มค.เนิพนอหลุก
วุหาลงกรณ์แหาวิทยาลัง	กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย
(ศาสตราจารย์ ดร.นิสัย เฟื่องเวโรจน์สกุล)	ITY

ศฤงคาร พิตรพิบูลย์วงศ์ : ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมสำหรับการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์ของ มอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ที่พิจารณาผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก. (Fictitious Flux Observer for Sensorless Control of Synchronous Reluctance Motors Considering Magnetic Cross-Coupling Effects) อ.ที่ปรึกษาหลัก : ผศ. ดร. สมบูรณ์ แสงวงค์วาณิชย์

การประมาณตำแหน่งและความเร็วของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ด้วยแบบจำลองและตัว ้สังเกต มีข้อดีคือไม่มีการฉีดสัญญาณรบกวนการทำงานของมอเตอร์ และใช้งานได้ดีในทุกย่านการทำงาน แต่แบบจำลองที่ดีเพื่อให้การประมาณแม่นยำ จะต้องพิจารณาผลการอิ่มตัวของแกนเหล็กด้วย เนื่องจาก การอิ่มตัวของแกนเหล็กเกิดขึ้นจากมอเตอร์ทำงานที่กระแสสูง ทำให้เกิดผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็กระหว่างแกน d และ q ของมอเตอร์ ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กทำให้แรงบิดและ พฤติกรรมอื่นๆ เปลี่ยนไป งานวิจัยในอดีตที่นำเสนอการใช้ตัวสังเกตในการประมาณตำแหน่งและความเร็ว โรเตอร์ มีจำนวนไม่มากที่พิจารณาผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก รวมทั้งยังขาดการยืนยัน เสถียรภาพในวงกว้างของตัวสังเกตที่นำเสนอ ดังนั้นงานวิทยานิพนธ์นี้จึงมีเป้าหมายคือ สร้างตัวสังเกตที่ คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่สามารถพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างได้ โดยใช้แบบจำลอง ของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ฟลักซ์ เทียมที่นำเสนอมีลักษณะที่เด่นหลายประการ คือ ทราบขนาดได้จากข้อมูลกระแสสเตเตอร์และมีข้อมูล ตำแหน่งโรเตอร์รวมอยู่ในมุมเฟสด้วย ตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์จึงสามารถหาได้จากตำแหน่ง ของฟลักซ์เทียมประมาณที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กโดยใช้เทคนิคเฟสล็อกลูปเชิง เวกเตอร์ แนวคิดและทฤษฎีที่นำเสนอทั้งหมดถูกทดสอบด้วยการจำลองผ่านโปรแกรม Matlab/Simulink และการทดลองกับระบบจริงเพื่อประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ในระบบควบคุมเวกเตอร์ที่ไร้ เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง ผลการจำลองและผลการทดลองกับระบบจริงยืนยันความถูกต้องของแนวคิด และทฤษฎีที่ได้นำเสนอในงานวิทยานิพนธ์ฉบับนี้

สาขาวิชา วิศวกรรมไฟฟ้า ปีการศึกษา 2563

ลายมือชื่อนิสิต	
ลายมือชื่อ อ.ที่ปรึกษาหลัก	

6070422321 : MAJOR ELECTRICAL ENGINEERING

KEYWORD:

magnetic cross-coupling, global stability, fictitious flux, vector phaselocked-loop, synchronous reluctance motors

Salingkan Pitphibunwong : Fictitious Flux Observer for Sensorless Control of Synchronous Reluctance Motors Considering Magnetic Cross-Coupling Effects. Advisor: Asst. Prof. SOMBOON SANGWONGWANICH, D.Eng.

Position and speed estimation for synchronous reluctance motors based on a mathematical model and an observer has several advantages. It does not inject any signals to disturb the motors and can be used over a wide range of operation. To assure accurate estimation a good model is needed. Such a model must consider the iron core saturation which occurs at the high current operations. The magnetic core saturation causes magnetic cross-coupling between the direct and quadrature axes that changes the machine behaviors and the generated torque. There are some literatures in the past which take into consideration the magnetic cross-coupling effects in the position and speed estimation, but none of them can guarantee the global stability of the estimation. The main objective of this thesis is therefore to propose a globally stable position and speed estimation for synchronous reluctance motors based on a new concept of fictitious flux which includes the magnetic cross-coupling in its definition. The distinctive features of the fictitious flux are that its magnitude can be calculated from the stator current magnitude and its phase contains the rotor position information. Position and speed can thus be obtained from the fictitious flux estimated by an observer which is built on the model with magnetic cross-coupling and by a vector phase-locked-loop. Theoretical results are verified by simulation using Matlab/Simulink and by experiment on a real system. Stability and performances of the sensorless drive under various operating conditions are tested. The correctness of the concept and theory proposed in this thesis is confirmed by simulation and experimental results. Field of Study: Electrical Engineering Student's Signature Academic Year: 2020 Advisor's Signature

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยดี ต้องขอขอบพระคุณผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สมบูรณ์ แสงวงค์วาณิชย์ อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งสละเวลาอันมีค่าของท่านกรุณาให้คำแนะนำ ข้อชี้แนะ และองค์ความรู้ที่เป็นประโยชน์ต่อการทำวิทยานิพนธ์ ตลอดจนให้คำแนะนำทักษะที่สำคัญในการเป็น วิศวกรที่ดีอีกด้วย ขอขอบคุณรองศาสตราจารย์ ดร.สุรพงศ์ สุวรรณกวิน อาจารย์ผู้ที่ให้คำแนะนำที่เป็น ประโยชน์ต่อการทำวิทยานิพนธ์ รวมทั้งอาจารย์ทุกท่านในอดีตที่ได้ให้ความรู้แก่ข้าพเจ้า ขอบคุณนาย ธันวา ภิญโญภาวศุทธิ ถึงแม้จะสำเร็จการศึกษาไปแล้วแต่ก็ยังคอยเป็นที่ปรึกษาและให้คำแนะนำอยู่ เสมอ รวมถึงพี่มนต์ชัย อริยพฤกษ์ และทุกๆ คน ในห้องปฏิบัติการวิจัยอิเล็กทรอนิกส์กำลังที่คอยรับฟัง และเสนอมุมมองที่เป็นประโยชน์ต่อการทำวิทยานิพนธ์ สุดท้ายนี้ขอขอบคุณพระบิดา มารดาและ ครอบครัวที่เป็นกำลังใจที่สำคัญและให้การสนับสนุนทั้งในเรื่องการศึกษาและการทำวิทยานิพนธ์มาโดย ตลอดจนสำเร็จการศึกษาระดับมหาบัณฑิต ข้าพเจ้าจึงขอขอบพระคุณทุกๆ ท่านอย่างสูงไว้ ณ ที่นี้ด้วย



ศฤงคาร พิตรพิบูลย์วงศ์

สารบัญ

หน้า
บทคัดย่อภาษาไทยค
บทคัดย่อภาษาอังกฤษง
กิตติกรรมประกาศจ
สารบัญฉ
สารบัญตารางฐ
สารบัญรูปภาพฑ
บทที่ 1 บทนำ
1.1 ที่มาและความสำคัญ
1.2 การประมาณตำแหน่งโดยอาศัยแบบจำลอง (Model-based position estimation)
1.2.1 แบบจำลองของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์
1.2.1.1 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์
1.2.1.2 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ (x-y axes)
1.2.1.2.1 แบบจำลองดั้งเดิมบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ (Conventional model) 5
1.2.1.2.2 แบบจำบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์บนฐานแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยาย
(Extended EMF)5
1.2.1.2.3 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ของฟลักซ์แอกทีฟ (Active flux) 7
1.2.1.2.4 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์บนฐานฟลักซ์เทียมที่ไม่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
1.2.1.3 วิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ของงานวิจัยในอดีต
1.2.1.3.1 การประมาณแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายด้วยตัวสังเกต
1.2.1.3.2 การประมาณฟลักซ์สเตเตอร์ด้วยวิธีอินทิเกรต
1.2.1.3.3 การประมาณฟลักซ์แอกทีฟและฟลักซ์เทียมในอดีต

1.3 ปัญหาและข้อจำกัดของงานวิจัยในอดีต 1	14
1.4 วัตถุประสงค์ของงานวิจัย1	15
1.5 ขอบเขตวิทยานิพนธ์	15
1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ1	16
1.7 ขั้นตอนและวิธีดำเนินงานวิจัย1	16
บทที่ 2 ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและการสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ ซิงโครนัสรีลักแตนซ์	17
 2.1 พฤติกรรมของฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดขึ้นบนมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักซ์แตนซ์และสมการฟลักซ์แม่เหล็ บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์1 	้ำก 17
2.2 คุณสมบัติที่พึงมีในการสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์	21
2.3 การสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์	22
2.3.1 การสร้างสมการความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก	22
2.3.2 การสร้างสมการความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน d และแกน q	23
2.3.3 การหาค่าสัมประสิทธิ์ในสมการฟลักซ์แม่เหล็กที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก 	25
บทที่ 3 แบบจำลองมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก	27
3.1 การนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก	27
 3.2 แบบจำลองของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก	29
3.3 คุณสมบัติที่ดีของฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและแบบจำลอง ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมดังกล่าว	30
บทที่ 4 การประมาณตำแหน่งและความเร็วของมอเตอร์ด้วยตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่มีเสถียรภาพในวงกว้าง	34
4.1 ตัวสังเกตฟลักซ์แม่เหล็กถาวรและฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11] ที่มีเสถียรภาพในวงกว้าง3	34
4.2 ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก	35

4.3 การวิเคราะห์ผลของออฟเซตของกระแสและแนวทางในการออกแบบอัตราการขยายป้อนกลับ
ของตัวสังเกต
4.4 การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์จากฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง
แม่เหล็กด้วยวิธีเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์
4.4.1 การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์จากตัวสังเกตฟลักซ์เทียมด้วยวิธีเฟสล็อกลูปเชิง
เวกเตอร
4.4.2 การออกแบบตัวควบคุมพี่ไอของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์
บทที่ 5 ระบบควบคุมแบบเวกเตอร์สำหรับมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์
5.1 การออกแบบวงรอบควบคุมกระแส
5.1.1 การออกแบบตัวควบคุมพีไอสำหรับวงรอบควบคุมกระแสแกน d
5.1.2 การออกแบบระบบควบคุมสำหรับวงรอบควบคุมกระแสแกน q 51
5.2 การออกแบบระบบควบคุมสำหรับวงรอบควบคุมความเร็ว
5.2.1 การสร้างคำสั่งกระแสด้วยวิธีแรงบิดต่อกระแสสูงสุด
5.2.2 การออกแบบตัวควบคุมพีไอของวงรอบควบคุมความเร็ว53
บทที่ 6 การทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ช
6.1 ทฤษฎีการทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์ด้วยวิธีล็อกโรเตอร์
6.2 ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณ 3 เฟสกับปริมาณแกน d และแกน q ขณะทดสอบการหา ฟลักซ์
แม่เหล็กบนแกน d และแกน q56
6.3 การทดสอบหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d ด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส
6.4 การทดสอบหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q ด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส
บทที่ 7 ผลการจำลองการทำงานของระบบ
7.1 การจำลองการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก65
7.1.1 การจำลองสภาวะอยู่ตัวขณะที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm
7.1.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวขณะที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm
7.2 ผลการจำลองในสภาวะอยู่ตัว (Steady-state Response)74

7.2.1 ผลการจำลองการทำงานของระบบในสภาวะไร้โหลด	75
7.2.1.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 1500 rpm	75
7.2.1.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 750 rpm	77
7.2.1.3 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 30 rpm	79
7.2.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด	81
7.2.2.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm	81
7.2.2.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm	83
7.3 ผลการจำลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient Response)	85
7.3.1 ผลการจำลองการเริ่มต้นด้วยค่าความผิดพลาดเริ่มต้นของตัวสังเกต	86
7.3.2 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบและช่วงกว้าง	87
7.3.2.1 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบในสภาวะไร้โหลด	87
7.3.2.2 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงกว้างในสภาวะไร้โหลด	89
7.3.3 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุน	91
7.3.3.1 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง	91
7.3.3.2 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง	93
7.3.3.3 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ	95
7.3.4 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น	97
7.3.4.1 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 1500 rpm	97
7.3.4.2 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 750 rpm	99
บทที่ 8 ผลการทดลองกับระบบจริง1	01
8.1 ผลการทดลองในสภาวะอยู่ตัว (Steady-state Response)1	02
8.1.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 1500 rpm1	03
8.1.1.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะมี	
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง1	03

8.1.1.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะไม่มี
เขนเขยวตรรงงบท แแทนจ
8.1.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 750 rpm
8.1.2.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบขณะมี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง107
8.1.2.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบขณะไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง109
8.1.3 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 30 rpm
8 1 3 1 แลการทดลองสกาาะอยู่ใบสกาาะไร้โหลดที่ความเร็ว 30 rom · ทดสอบขณะบี
เซนเซอรตรวจจบตาแหนง111
8.1.3.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 30 rpm : ทดสอบขณะไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง113
8.1.4 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด115
8.1.4.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบ
ขณะมีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
8.1.4.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบ
ขณะไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง117
8.1.4.3 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบ
ขกเขาบีเซาบซอร์ตราจจับเต้าแหน่ง 110
8.1.4.4 ผลการทดลองสมาารอยู่ตามนสมาาระเทลตทาพกด ทศรามธรว 750 rpm : ทดสอบ
ขณะไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง121
8.2 ผลการทดลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient Response)123
8.2.1 ผลการทดลองการเริ่มทำงานด้วยค่าความผิดพลาดเริ่มต้นของตัวสังเกต
8.2.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบและช่วงกว้าง
8.2.2.1 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ

8.2.2.1.1 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ : ทดสอบขณะมี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว
8.2.2.1.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ : ทดสอบขณะไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว
8.2.2.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง
8.2.2.2.1 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง : ทดสอบขณะมี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว
8.2.2.2.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง : ทดสอบขณะไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว
8.2.3 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุน133
8.2.3.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง
8.2.3.1.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์
ตรวจจับตำแหน่ง
8.2.3.1.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง : ทดสอบขณะไม่มีเซนเซอร่
ตรวจจับตำแหน่ง135
8.2.3.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง
8.2.3.2.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง : ทดสอบขณะมี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง137
8.2.3.2.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง : ทดสอบขณะไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง139
8.2.3.3 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ
8.2.3.3.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์
ตรวจจับตำแหน่ง141
8.2.3.3.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ : ทดสอบขณะไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง143
8.2.4 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น

8.2.4.1 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดล	<i>เ</i> อบขณะที่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว	145
8.2.4.2 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดล	<i>เ</i> อบขณะที่ไม่
มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว	147
8.2.4.3 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอ	บขณะที่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว	149
8.2.4.4 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอ	บขณะที่ไม่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว	151
บทที่ 9 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ	153
9.1 สรุปผลการวิจัย	153
9.2 ข้อเสนอแนะ	154
ภาคผนวก ก การพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของกา	ร เชื่อมโยง
ข้ามทางแม่เหล็ก	155
ภาคผนวก ข การพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างของวงรอบเฟสล็อคลูป [18]	158
ภาคผนวก ค การพิสูจน์เงื่อนไขจุดทำงานของวิธีแรงบิดต่อกระแสสูงสุดที่คำนึงผลของกา	รเชื่อมโยง
ข้ามทางแม่เหล็ก	
บรรณานุกรมจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย	161
ประวัติผู้เขียน	164

สารบัญตาราง

·	หน้า
ตารางที่ 1.1 ปัญหาและข้อจำกัดของแบบจำลองจากงานวิจัยในอดีต 1	14
ตารางที่ 7.1 ค่าพารามิเตอร์ต่างๆ ของมอเตอร์และค่าอื่นๆ ที่ใช้ในงานวิจัยนี้	54
ตารางที่ 7.2 เงื่อนไขการจำลองผลการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผล ของการเชื่อมโยง	
ข้ามทางแม่เหล็ก	55
ตารางที่ 7.3 เงื่อนไขการจำลองการทำงานของระบบในสภาวะอยู่ตัว	74
ตารางที่ 7.4 เงื่อนไขการจำลองการทำงานของระบบในสภาวะชั่วครู่	35
ตารางที่ 8.1 เงื่อนไขการทดลองการทำงานของระบบในสภาวะอยู่ตัว)2
ตารางที่ 8.2 เงื่อนไขการทดลองการทำงานของระบบในสภาวะชั่วครู่	23



สารบัญรูปภาพ

	หน้า
รูปที่ 1.1 แผนผังแสดงระบบควบคุมมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์	2
รูปที่ 1.2 ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์และกรอบอ้างอิงโรเตอร์	4
รูปที่ 1.3 แผนภาพแสดงการประมาณตัวสังเกตในงานวิจัย [8]	9
รูปที่ 1.4 แผนภาพแสดงความสัมพันธ์ฟลักซ์ประมาณจากแบบจำลองแรงดัน	. 11
รูปที่ 1.5 ภาพรวมระบบประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ในงานวิจัย [12, 13]	. 12
รูปที่ 1.6 ระบบที่ใช้ประมาณตำแหน่งและความเร็วในงานวิจัย [9]	. 13
รูปที่ 2.1 ฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดจากการป้อนกระแสแต่ละแกน	. 18
รูปที่ 2.2 ฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดจากการป้อนกระแสทั้งสองแกน	. 18
รูปที่ 2.3 ขดลวด 3 เฟส และขดลวดเสมือนสำหรับแกน d และแกน q	. 18
รูปที่ 2.4 ความสัมพันธ์ระหว่างฟลักซ์กับกระแส และนิยามพลังงานสะสมและพลังงานสะสมร่วม	. 20
รูปที่ 3.1 ปริภูมิเวกเตอร์ของฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก และฟลักซ์	0.0
เทยมเนงานวจย [11]	. 29
รูปที่ 3.2 ปริภูมิเวกเตอร์ของฟลักซ์สเตเตอร์ ฟลักซ์แอกทีฟ ฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11] และฟลัก	าซ์
เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก	. 30
รูปที่ 3.3 ลักษณะความเป็นขั้วยื่นของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์	. 32
รูปที่ 3.4 ลักษณะของโรเตอร์ที่หมุนครบ 1 รอบทางไฟฟ้า	. 32
รูปที่ 3.5 ค่าความเหนี่ยวนำตัวเองเมื่อเทียบกับมุมทางไฟฟ้า	. 33
รูปที่ 4.1 นิยามค่าอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกต	. 38
รูปที่ 4.2 เส้นทางเดินของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมขณะที่ไม่พิจารณาผลของออฟเซฟของกระแส	. 39
รูปที่ 4.3 บริเวณ (สีส้ม) ที่ไม่สอดคล้องกับสมการที่ (4.24)	. 40
รูปที่ 4.4 เส้นทางเดินและขอบเขตของการลู่เข้าของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม	. 40

รูปที่ 4.5 ผลการจำลองการเปรียบเทียบการคำนวณตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่ค่าอัตราการขยาย	4.1
บอนกลบทแตกตางกน	41
รูปที่ 4.6 ขอบเขตของฟลักซ์จริงและตัวสังเกตฟลักซ์เทียม	42
รูปที่ 4.7 อัตราการขยายของตัวสังเกตป้อนกลับของตัวสังเกต	43
รูปที่ 4.8 พฤติกรรมการทำงานของเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์	44
รูปที่ 4.9 วงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ของระบบประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์	45
รูปที่ 4.10 บล็อกไดอะแกรมของวงรอบเฟสล็อกลูป	46
รูปที่ 4.11 บล็อกไดอะแกรมที่ประมาณเป็นเชิงเส้นของวงรอบเฟสล็อกลูป	46
รูปที่ 5.1 ระบบควบคุมแบบเวกเตอร์ที่ใช้ในงานวิจัยนี้	49
รูปที่ 5.2 วงรอบของระบบควบคุมกระแสแกน d	50
รูปที่ 5.3 วงรอบควบคุมกระแสแกน d ที่สมมูล	50
รูปที่ 5.4 วงรอบของระบบควบคุมกระแสแกน q	51
รูปที่ 5.5 วงรอบควบคุมกระแสแกน q ที่สมมูล	52
รูปที่ 5.6 การสร้างคำสั่งกระแสแกน d และแกน q ด้วยวิธี MTPA	52
รูปที่ 5.7 วงรอบควบคุมความเร็วมอเตอร์	53
รูปที่ 6.1 ความสัมพันธ์ระหว่างกระแสที่ป้อนให้ขดลวดสเตเตอร์กับปริมาณแกนหมุน	55
รูปที่ 6.2 วงจรที่ใช้ในการทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d	57
รูปที่ 6.3 ช่วงที่ใช้ในการคำนวณฟลักซ์แม่เหล็กด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส	58
รูปที่ 6.4 ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d ที่ค่ากระแสแกน q ต่างๆ	59
รูปที่ 6.5 วงจรที่ใช้ในการทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q	60
รูปที่ 6.6 ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q ที่ค่ากระแสแกน d ต่างๆ ด้วยวิธีเสื่อมกระแส	60
รูปที่ 6.7 ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d ที่ค่ากระแสแกน q ต่างๆ หลังจากชดเชยจากข้อมูลวงรอบ	
ควบคุมกระแส	62
รูปที่ 6.8 ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q ที่ค่ากระแสแกน d ต่างๆ หลังจากชดเชยจากข้อมูลวงรอบ	
ควบคุมกระแส	62

รูปที่ 7.1 บล็อกไดอะแกรมของระบบควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งที่ใช้ใน การจำลองใน งานวิจัยนี้
รูปที่ 7.2 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ใน สภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm
รูปที่ 7.3 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบควบคุมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ใน สภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm67
รูปที่ 7.4 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm
รูปที่ 7.5 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบควบคุมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ใน สภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm
รูปที่ 7.6 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ใน สภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm70
รูปที่ 7.7 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบควบคุมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ใน สภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm71
รูปที่ 7.8 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm72
รูปที่ 7.9 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบควบคุมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ใน สภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm
รูปที่ 7.10 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะ ไร้โหลด
รูปที่ 7.11 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้ โหลด
รูปที่ 7.12 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะ ไร้โหลด
รูปที่ 7.13 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้ โหลด

รูปที่ 7.14 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้ โหลด
รูปที่ 7.15 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้ โหลด
รูปที่ 7.16 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะ โหลดที่พิกัด
รูปที่ 7.17 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะ โหลดที่พิกัด
รูปที่ 7.18 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะ โหลดที่พิกัด
รูปที่ 7.19 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะ โหลดที่พิกัด
รูปที่ 7.20 ผลการจำลองการทำงานของตัวสังเกตเมื่อมีค่าความผิดพลาดเริ่มต้น
รูปที่ 7.21 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ87
รูปที่ 7.22 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ88
รูปที่ 7.23 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง 89
รูปที่ 7.24 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง 90
รูปที่ 7.25 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง
รูปที่ 7.26 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง
รูปที่ 7.27 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง93
รูปที่ 7.28 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง .94
รูปที่ 7.29 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ95
รูปที่ 7.30 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ96
รูปที่ 7.31 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณขณะที่โหลดแบบขั้น ขนาด 1.75 N.m ที่
ความเร็ว 1500 rpm

รูปที่ 7.32 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุมขณะที่โหลดแบบขั้น ขนาด 1.75 N.m ที่ ความเร็ว 1500 rpm
รูปที่ 7.33 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณขณะที่โหลดแบบขั้น ขนาด 1.75 N.m ที่ ความเร็ว 750 rpm
รูปที่ 7.34 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุมขณะที่โหลดแบบขั้น ขนาด 1.75 N.m ที่ ความเร็ว 750 rpm
รูปที่ 8.1 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.2 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.3 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง105
รูปที่ 8.4 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง106
รูปที่ 8.5 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.6 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
GHULALONGKORN UNIVERSITY รูปที่ 8.7 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.8 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง110
รูปที่ 8.9 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไว้โหลด ทดสอบขณะที่ มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.10 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง112

รูปที่ 8.11 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง113
รูปที่ 8.12 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง114
รูปที่ 8.13 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง115
รูปที่ 8.14 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.15 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.16 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง118
รูปที่ 8.17 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง119
รูปที่ 8.18 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.19 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.20 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.21 ผลการทดลองการทำงานของตัวสังเกตเมื่อมีค่าความผิดพลาดเริ่มต้น
รูปที่ 8.22 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.23 การทำงานของระบบควบคุมขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.24 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.25 การทำงานของระบบควบคุมขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.26 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.27 การทำงานของระบบควบคุมขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.28 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.29 การทำงานของระบบควบคุมขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.30 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.31 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.32 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.33 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
GHULALONGKORN UNIVERSITY รูปที่ 8.34 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.35 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.36 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะที่ ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.37 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะ ที่ไม่ มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.38 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ ทดสอบขณะที่มี
เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.39 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์
ตรวจจับตำแหน่ง142
รูปที่ 8.40 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ ทดสอบขณะที่ไม่มี
เข้นเขอรตรวังงับต่าแหน่ง
รูปที่ 8.41 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ ทดสอบขณะที่ไม่มี
เซนเซอรตรวจจบตาแหนง144
รูปที่ 8.42 การทำงานของระบบประมาณขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500
rpm ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง145
รูปที่ 8.43 การทำงานของระบบควบคุมขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500
rpm ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง146
รูปที่ 8.44 การทำงานของระบบประมาณขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500
rpm ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง147
รูปที่ 8.45 การทำงานของระบบควบคุมขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500
rpm ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง
รูปที่ 8.46 การทำงานของระบบประมาณขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750
rpm ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง149
รูปที่ 8.47 การทำงานของระบบควบคุมขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750 rpm
ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง150
รูปที่ 8.48 การทำงานของระบบประมาณขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750
rpm ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง151
รูปที่ 8.49 การทำงานของระบบควบคุมขณะที่โหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750 rpm
ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง152

นิยามสัญลักษณ์

\vec{v}_s, \vec{i}_s	:	แรงดันและกระแสสเตเตอร์
$ heta, \omega$:	ตำแหน่งของโรเตอร์ (หรือตำแหน่งแกน d) และความเร็วทางไฟฟ้าของโรเตอร์
δ	:	มุมระหว่างกระแสสเตเตอร์กับกรอบอ้างอิงโรเตอร์
$\vec{\Psi}_s$:	ฟลักซ์สเตเตอร์
$\vec{\Lambda}$:	แรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยาย
$ec{\Psi}^a_s$:	ฟลักซ์แอกทีฟ
$ec{\lambda}$:	ฟลักซ์เทียมจากงานวิจัยในอดีต
$ec{\phi}$:	ฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
R	:	ค่าความต้านทานของขดลวดสเตเตอร์
L_d, L_q	:	ค่าความเหนี่ยวนำตัวเองบนแกน d และแกน q
L_{dq}	:	ค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
р	:	จำนวนคู่ขั้วของมอเตอร์
T _{rated}	:	แรงบิดพิกัด
J	:	$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$
Q	:	เมทริกซ์สะท้อน $\left(egin{bmatrix} 1 & 0 \ 0 & -1 \end{bmatrix} ight)$
Ι	:	$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

ตัวห้อย x, y : องค์ประกอบในแกน x, y บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์

ตัวห้อย d, q : องค์ประกอบในแกน d, q บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์

ตัวห้อย u, v, w : ปริมาณเฟส u, v, w



- "[^]": ค่าประมาณ
 - ": ค่าคำสั่ง

"



Chulalongkorn University

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ที่มาและความสำคัญ

ในอนาคตอันใกล้ อุตสาหกรรมที่เกี่ยวข้องกับการขับเคลื่อนด้วยมอเตอร์ต้องการ ประสิทธิภาพสูง แรงบิดในการทำงานสูง และราคาถูก ซึ่งมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ (Synchronous Reluctance Motor : SynRM) เป็นมอเตอร์ที่ให้แรงบิดได้สูงเมื่อเทียบกับขนาดของ มอเตอร์ [1] โครงสร้างพื้นฐานของ SynRM มีลักษณะที่เป็นขั้วยื่น (salient pole) แต่ไม่มีแม่เหล็ก ถาวรเหมือนกับมอเตอร์ซิงโครนัสชนิดแม่เหล็กถาวร (Permanent Magnet Synchronous Motor : PMSM) ทำให้มีข้อดีคือ น้ำหนักเบา ประสิทธิภาพสูง กำลังสูญเสียต่ำ [2] สำหรับ SynRM ที่ผลิตใน ปัจจุบันมีประสิทธิภาพสูง จัดอยู่ใน IE4 หรือ "Super-premium" ซึ่งเป็นเกณฑ์ที่ระบุไว้ใน IEC 600034-30 เมื่อเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ SynRM กับ มอเตอร์เหนี่ยวนำ (Induction motor : IM) พบว่า SynRM มีกำลังสูญเสียน้อยกว่า IM เนื่องจาก IM มีกำลังสูญเสียที่ขดลวดโรเตอร์ แต่ SynRM ไม่มีกำลังสูญเสียที่ขดลวดโรเตอร์ จึงทำให้ SynRM มีประสิทธิภาพสูงกว่า IM ประมาณ 2-4 % [3]

โครงสร้างของ SynRM มีการออกแบบให้อัตราส่วนขั้วยื่น (saliency ratio) มีค่าสูง โดย นิยามจากอัตราส่วนระหว่างค่าความเหนี่ยวนำของขดลวดสเตเตอร์ในแกน d (L_d) และค่าความ เหนี่ยวนำของขดลวดสเตเตอร์ในแกน q (L_q) เพื่อทำให้มอเตอร์มีการสร้างแรงบิดได้มาก และมีตัว ประกอบกำลังที่ดี [3] ดังนั้นในการออกแบบมอเตอร์ต้องคำนึงถึงค่าอัตราส่วนขั้วยื่นเป็นอันดับแรก เพื่อให้มอเตอร์มีประสิทธิภาพสูง

ในงานอุตสาหกรรม นอกจากคำนึงถึงประสิทธิภาพของมอเตอร์แล้ว ยังคำนึงถึงการควบคุม การขับเคลื่อนมอเตอร์ให้มีสมรรถนะสูง การควบคุมขับเคลื่อนมอเตอร์ต้องอาศัยข้อมูลตำแหน่งของ โรเตอร์จากการติดตั้งเซนเซอร์วัดตำแหน่ง แต่ข้อเสียของการติดเซนเซอร์คือ ค่าใช้จ่ายในการควบคุม มอเตอร์สูงขึ้น และข้อจำกัดด้านสิ่งแวดล้อม รวมทั้งความผิดพลาดจากการอ่านค่าจากเซนเซอร์ ด้วย เหตุนี้จึงมีการพัฒนาการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งเพื่อแก้ไขปัญหาดังกล่าว จากรูปที่ 1.1 แสดงการเปรียบเทียบระบบควบคุมเวกเตอร์แบบมีเซนเซอร์และไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่ง ซึ่งวิธีการ ประมาณตำแหน่งที่นิยมใช้คือ การประมาณโดยอาศัยแบบจำลอง (Model-based estimation) หาก ต้องการให้การประมาณตำแหน่งโดยอาศัยแบบจำลองให้มีประสิทธิภาพสูง จำเป็นต้องสร้าง แบบจำลองที่มีคุณภาพ โดยมีคุณสมบัติดังนี้ 1) แบบจำลองต้องมีข้อมูลของตำแหน่ง, 2) มีการ พิจารณาผลการอิ่มตัวของแกนเหล็ก และ 3) มีเสถียรภาพในการประมาณตำแหน่ง การอิ่มตัวของแกนเหล็กเกิดขึ้นจากมอเตอร์ทำงานที่กระแสสูง ส่งผลกระทบต่อค่าความ เหนี่ยวนำ 2 ประเด็นหลักๆ คือ 1) ค่าความเหนี่ยวนำเปลี่ยนแปลงตามกระแสสเตเตอร์ และ 2) เกิด การเหนี่ยวนำระหว่างแกน d และแกน q เหตุการณ์จะเรียกว่าผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก (cross coupling effect) ซึ่งผลส่งทำให้แรงบิดมีค่าเปลี่ยนไป [4, 5] ดังนั้นสมการทางพลวัติของ SynRM บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์จำเป็นต้องคำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กด้วย [6] เพื่อให้ การวิเคราะห์และการควบคุมมอเตอร์มีประสิทธิภาพดีขึ้น



รูปที่ 1.1 แผนผังแสดงระบบควบคุมมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

ความท้าทายของการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งคือการออกแบบวิธีการประมาณ ตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ที่มีเสถียรภาพ สมการทางพลวัติที่ใช้ในการประมาณตำแหน่งต้องมี คุณภาพ ดังนั้นในงานวิจัยนี้จึงนำเสนอวิธีการประมาณโดยอาศัยแบบจำลองที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและออกแบบวิธีการประมาณที่มีเสถียรภาพแบบวงกว้าง

1.2 การประมาณตำแหน่งโดยอาศัยแบบจำลอง (Model-based position estimation)

การประมาณตำแหน่งสามารถจำแนกหลักๆ ได้ 2 วิธี คือ การฉีดสัญญาณความถี่สูง และการ ใช้แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ สำหรับการฉีดสัญญาณ ความถี่สูงเหมาะกับการประมาณในย่านความเร็วต่ำ แต่ข้อเสียของวิธีนี้เป็นการรบกวนการทำงานของ มอเตอร์ [7] ส่วนวิธีการใช้แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ ซึ่ง วิธีนี้เป็นที่นิยมมาก เนื่องจากไม่มีการรบกวนการทำงานของมอเตอร์ วิธีประมาณโดยใช้แบบจำลอง ประกอบด้วย 2 องค์ประกอบหลัก ได้แก่ แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของ SynRM และวิธีการ ประมาณ สำหรับหัวข้อนี้จะกล่าวถึงแบบจำลองของ SynRM ในรูปแบบต่างๆ จากนั้นจะกล่าวถึง วิธีการประมาณในงานวิจัยในอดีต

1.2.1 แบบจำลองของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

แบบจำลองของมอเตอร์ SynRM มี 2 รูปแบบที่นิยมใช้ คือ แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงโร เตอร์ (d-q axes) และแบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ (x-y axes) โดยมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

1.2.1.1 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์

แบบจำลองของ SynRM บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ เป็นแบบจำลองที่แสดงให้เห็นถึงความเป็น ขั้วยื่นได้โดยง่ายและชัดเจน แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็กประกอบด้วยสมการแรงดันดังสมการที่ (1.1) และสมการฟลักซ์สเตเตอร์ดังสมการที่ (1.2)

$$\mathbf{CHU}\begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix} = R\begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix} + \frac{d}{dt}\begin{bmatrix} \psi_d \\ \psi_q \end{bmatrix} + \omega\begin{bmatrix} -\psi_q \\ \psi_d \end{bmatrix}$$
(1.1)

$$\begin{bmatrix} \Psi_{d} \\ \Psi_{q} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_{d} \left(i_{d}, i_{q} \right) & L_{dq} \left(i_{d}, i_{q} \right) \\ L_{qd} \left(i_{d}, i_{q} \right) & L_{d} \left(i_{d}, i_{q} \right) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{d} \\ i_{q} \end{bmatrix}$$
(1.2)

จากความสัมพันธ์ของตำแหน่งของกรอบอ้างอิงดังแสดงในรูปที่ 1.2 การย้ายกรอบอ้างอิงโร-เตอร์เป็นกรอบอ้างอิงสเตเตอร์สามารถทำได้โดยใช้สมการที่ (1.3) และ (1.4)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix}$$
(1.3)

$$\begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix}$$
(1.4)

$$\vec{v}_{xy} = \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix}, \ \vec{i}_{xy} = \begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix}$$
(1.5)

โดยที่ $\vec{v}_{xy}, \vec{i}_{xy}$ คือ แรงดันและกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ซึ่งมีองค์ประกอบในแกน x และแกน y ตามสมการที่ (1.5) สำหรับ v_d, v_q, i_d, i_q แทนแรงดันและกระแสสเตแตอร์บนกรอบ อ้างอิงโรเตอร์ โดยหาได้จากการแปลงแรงดันและกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ ดังสมการ ที่ (1.3)-(1.4), θ คือ ตำแหน่งของโรเตอร์ (แกน d), ω คือ ความเร็วทางไฟฟ้าของโรเตอร์, R คือ ค่าความต้านทานของขดลวดสเตเตอร์, $L_d(i_d, i_q), L_q(i_d, i_q)$ คือ ค่าความเหนี่ยวนำตัวเองซึ่งเป็น ฟังก์ชันของกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ และ $L_{dq}(i_d, i_q), L_{qd}(i_d, i_q)$ คือ ค่าความ เหนี่ยวนำร่วมที่เกิดจากผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กซึ่งเป็นฟังก์ชันของกระแสสเตเตอร์บน กรอบอ้างอิงโรเตอร์



รูปที่ 1.2 ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์และกรอบอ้างอิงโรเตอร์

แบบจำลองของ SynRM บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ไม่สามารถใช้งานกับการควบคุมแบบไร้ เซนเซอร์วัดตำแหน่งได้ เพราะว่าไม่ทราบข้อมูลตำแหน่งของแกนโรเตอร์ (d-q axes) ดังนั้นในการ ควบคุม SynRM ที่ไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งจึงต้องอาศัยแบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ **1.2.1.2 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ (x-y axes)**

ปริมาณแรงดันและกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์เป็นข้อมูลที่วัดได้โดยตรงไม่ จำเป็นต้องทราบข้อมูลตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ ดังนั้นแบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ เหมาะสมที่จะนำไปใช้ในระบบควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่ง แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเต-เตอร์สามารถแสดงได้หลากหลายรูปแบบขึ้นอยู่กับวิธีการประมาณตำแหน่ง ซึ่งสามารถจำแนกได้ดังนี้

1.2.1.2.1 แบบจำลองดั้งเดิมบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ (Conventional model)

แบบจำลองที่ใช้ในการวิจัยโดยทั่วไปของมอเตอร์บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ที่ไม่คำนึงผลของ การเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ แสดงได้ดังสมการที่ (1.6)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix} = \left(R + \frac{d}{dt} L_{\Sigma} \right) \begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix} + L_{\Delta} \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \cos 2\theta & \sin 2\theta \\ \sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix}$$
(1.6)

โดยที่

$$L_{\Sigma} = \frac{L_d + L_q}{2}, \ L_{\Delta} = \frac{L_d - L_q}{2}$$

เนื่องจากแบบจำลองจากสมการที่ (1.6) มีความซับซ้อนและไม่เป็นเซิงเส้นสูง กล่าวคือเทอม ขวามือของสมการที่ (1.6) อยู่ในรูปของเมทริกซ์ของฟังก์ชันตรีโกณของตำแหน่งเชิงมุม ทำให้การ ประมาณตำแหน่งจากข้อมูลแรงดันและกระแสสเตเตอร์ทำได้ยากและซับซ้อน อีกทั้งยังไม่คำนึงผล ของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กด้วย

1.2.1.2.2 แบบจำบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์บนฐานแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยาย (Extended EMF)

จากงานวิจัย [8] มีการพิจารณาค่าความเหนี่ยวนำที่เปลี่ยนแปลงตามจุดทำงานในเทอม L'_d และ L'_q ซึ่งแสดงแบบจำลองของมอเตอร์บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์บนฐานค่าความเหนี่ยวนำที่ เปลี่ยนแปลงตามจุดทำงานดังสมการที่ (1.7) จากนั้นนิยามค่าความเหนี่ยวนำไว้ในสมการที่ (1.8) และ นำเสนอการนิยามตัวแปรใหม่ทางด้านขวามือของสมการที่ (1.9) คือ แรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายที่ คำนึงค่าความเหนี่ยวนำตามจุดทำงาน

$$\begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R + L'_d \frac{d}{dt} & -\omega L_q \\ \omega L_d & R + L'_q \frac{d}{dt} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix}$$
(1.7)

$$L'_{d} = i_{d} \frac{dL_{d}}{di_{d}} + L_{d} , L'_{q} = i_{q} \frac{dL_{q}}{di_{q}} + L_{q}$$
(1.8)

โดยที่ L_d, L_q คือ ค่าความเหนี่ยวนำสถิต (static inductance) ที่อยู่ในแกน d และ q ตามลำดับ และ L'_d, L'_q คือ ค่าความเหนี่ยวนำพลวัต (dynamic inductance) ที่อยู่ในแกน d และ q ตามลำดับ

$$\begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R + L'_d \frac{d}{dt} & -\omega L_q \\ \omega L_q & R + L'_d \frac{d}{dt} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix} + \left\{ \left(L_d - L_q \right) \omega i_d - \left(L'_d - L'_q \right) \frac{di_q}{dt} \right\} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$
(1.9)

นิยามแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยาย (Extended electromotive force) ที่คำนึงการ เปลี่ยนแปลงค่าความเหนี่ยวนำตามจุดทำงานบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ดังสมการที่ (1.10) จากสมการที่ (1.9) เขียนใหม่ได้ดังสมการที่ (1.11)

$$\begin{bmatrix} \Lambda_d \\ \Lambda_q \end{bmatrix} \triangleq \left\{ \left(L_d - L_q \right) \omega i_d - \left(L'_d - L'_q \right) \frac{di_q}{dt} \right\} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$
(1.10)

$$\begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R + L'_d \frac{d}{dt} & -\omega L_q \\ \omega L_q & R + L'_d \frac{d}{dt} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \Lambda_d \\ \Lambda_q \end{bmatrix}$$
(1.11)

เมื่อนำสมการที่ (1.9)-(1.11) แปลงให้อยู่บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์และคำนวณหาสมการ พลวัตของแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยาย เพื่อใช้ในการประมาณแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายจะได้ดังสมการ (1.12)-(1.14)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R + L'_d \frac{d}{dt} & \omega \left(L'_d - L_q \right) \\ -\omega \left(L'_d - L_q \right) & R + L'_q \frac{d}{dt} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \Lambda_x \\ \Lambda_y \end{bmatrix}$$
(1.12)

$$\begin{bmatrix} \Lambda_x \\ \Lambda_y \end{bmatrix} = \left\{ \left(L_d - L_q \right) \omega i_d - \left(L_d' - L_q' \right) \frac{di_q}{dt} \right\} \begin{bmatrix} -\sin\theta \\ \cos\theta \end{bmatrix}$$
(1.13)

เมื่อนำสมการที่ (1.13) มาหาอนุพันธ์เพื่อเขียนเป็นสมการพลวัต จะได้สมการพลวัตของแรง เคลื่อนเหนี่ยวนำแบบขยายดังสมการที่ (1.14)

$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \Lambda_x \\ \Lambda_y \end{bmatrix} = \boldsymbol{J}\boldsymbol{\omega} \begin{bmatrix} \Lambda_x \\ \Lambda_y \end{bmatrix} + \left\{ \left(L_d - L_q \right) \boldsymbol{\omega} \frac{di_d}{dt} - \left(L'_d - L'_q \right) \frac{d^2 i_q}{dt^2} \right\} \begin{bmatrix} -\sin\theta \\ \cos\theta \end{bmatrix}$$
(1.14)

เมื่อพิจารณาแบบจำลองที่ได้จากสมการที่ (1.12)-(1.14) พบว่าสามารถประมาณตำแหน่ง โรเตอร์ (θ) ได้ เนื่องจากข้อมูลตำแหน่งของโรเตอร์อยู่ในสมการแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายบนกรอบ อ้างอิงสเตเตอร์ $(\vec{\Lambda})$ ตามที่แสดงในสมการที่ (1.13) สำหรับพลวัตของแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำแบบ ขยายไม่สามารถคำนวณได้หากไม่ทราบข้อมูลกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ i_d , i_q ตามที่ แสดงในสมการที่ (1.14) ดังนั้นในการประมาณค่าแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายโดยใช้สมการ (1.12)

และ (1.14) ทำโดยประมาณเทอมอนุพันธ์ของกระแส
$$\left(rac{di_d}{dt},rac{d^2i_q}{dt^2}
ight)$$
 เป็นศูนย์

1.2.1.2.3 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ของฟลักซ์แอกทีฟ (Active flux)

จากแบบจำลองดั้งเดิมบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์มีความ ซับซ้อนมาก แต่เราสามารถลดความซับซ้อนของแบบจำลองได้ โดยการจัดรูปให้สมการแบบจำลองมี ลักษณะคล้ายคลึงกับแบบจำลองของ PMSM งานวิจัย [9, 10] ได้นำเสนอนิยามฟลักซ์แอกทีฟ ($\vec{\Psi}_s^a$) (Active flux) โดยนิยามจากปฏิกิริยาอาร์เมเจอร์บนแกน d ตามสมการที่ (1.15)

$$\vec{\Psi}_{s}^{a} = \left(L_{d} - L_{q}\right)e^{J\theta} \begin{bmatrix} i_{d} \\ 0 \end{bmatrix}$$
(1.15)

จะเห็นได้ว่าฟลักซ์แอกทีฟมีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ (heta) อยู่ด้วย เมื่อนำสมการที่ (1.15) มา ประยุกต์กับแบบจำลองแบบดั้งเดิมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก (1.6) สามารถ เขียนใหม่ได้ดังสมการที่ (1.16)-(1.17)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix} = \left(R + \frac{d}{dt} L_q \right) \begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix} + \frac{d\vec{\Psi}_s^a}{dt}$$
(1.16)

$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \Psi_x^a \\ \Psi_y^a \end{bmatrix} = J\omega \begin{bmatrix} \Psi_x^a \\ \Psi_y^a \end{bmatrix} + 2L_{\Delta} \frac{di_d}{dt} \begin{bmatrix} \cos \theta \\ \sin \theta \end{bmatrix}$$
(1.17)

สมการที่ (1.16)-(1.17) มีตัวแปรสถานะเป็นกระแสสเตเตอร์และฟลักซ์แอกทีฟ หาก กำหนดให้กระแสสเตเตอร์บนแกน d (i_d) มีค่าคงที่ แบบจำลองดังกล่าวจะมีลักษณะคล้าย แบบจำลองของ PMSM แต่ในทางปฏิบัติเงื่อนไขนี้อาจจะไม่สามารถเป็นจริง เช่น กรณีที่ใช้การ ควบคุมแบบแรงบิดต่อกระแสสูงสุด (Maximum torque per ampere : MTPA) นอกจากนี้ฟลักซ์ แอกทีฟจะไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

1.2.1.2.4 แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์บนฐานฟลักซ์เทียมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยง ข้ามทางแม่เหล็ก

จากงานวิจัยที่ [11] มีแนวคิดคล้ายคลึงกับงานวิจัยที่ [9, 10] โดยการจัดรูปให้สมการ แบบจำลองมีลักษณะคล้ายคลึงกับแบบจำลองของ PMSM และได้นำเสนอนิยามฟลักซ์เทียม $\left(ar{\lambda}
ight)$ (Fictitious flux) ที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ตามสมการที่ (1.18)

$$\vec{\lambda} = L_{\Delta} e^{J2\theta} \mathbf{Q} \vec{i}_s \tag{1.18}$$

จะเห็นได้ว่าฟลักซ์เทียมมีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ (heta) อยู่ด้วย เมื่อนำสมการที่ (1.18) มา ประยุกต์กับแบบจำลองแบบดั้งเดิมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก (1.6) สามารถ เขียนใหม่ได้ดังสมการที่ (1.19)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix} = \left(R + \frac{d}{dt} L_{\Sigma} \right) \begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix} + L_{\Delta} \frac{d\vec{\lambda}}{dt}$$
(1.19)

แบบจำลองบนฐานฟลักซ์เทียมดังกล่าว มีการพิสูจน์เสถียรภาพแบบวงกว้างไว้อย่างชัดเจน และมีการทำเสนอการควบคุมแบบแรงบิดต่อกระแส แต่อย่างไรก็ตามงานวิจัยนี้ไม่มีการอธิบายผล ของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ที่กล่าวมาในข้างต้น มีข้อจำกัดหลายประการ เช่น แบบจำลองดั้งเดิม มีข้อจำกัดคือมีความไม่เป็นเชิงเส้นสูง ส่งผลให้การประมาณตำแหน่งและความเร็ว ของโรเตอร์ทำได้ยาก และไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก แบบจำลองบนฐานแรง เคลื่อนเหนี่ยวนำขยายที่คำนึงถึงค่าความเหนี่ยวนำที่เปลี่ยนแปลงไปตามจุดทำงาน มีข้อจำกัดคือต้อง ทราบข้อมูลกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์จึงจะคำนวณแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายได้ อย่างไร ก็ตามแบบจำลองนี้ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและแบบจำลองบนฐานฟลักซ์แอก ทีฟและฟลักซ์เทียม มีข้อจำกัดคือไม่คำนึงผลการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

ในส่วนถัดไปจะกล่าวถึงวิธีการประมาณค่าตัวแปรต่างๆ ในแบบจำลองของ SynRM ที่ได้ กล่าวแล้วข้างต้น และอธิบายถึงวิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์บนฐานแบบจำลอง แต่ละแบบ

1.2.1.3 วิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ของงานวิจัยในอดีต

งานวิจัยในอดีตจะใช้แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์มาประมาณค่าตัวแปรสถานะที่อยู่ ในแบบจำลองดังที่กล่าวไว้ก่อนหน้านี้ จากนั้นจะนำค่าประมาณของตัวแปรสถานะมาใช้ในการ ประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ต่อไป วิธีการประมาณตัวแปรสถานะมีหลากหลายวิธีซึ่ง สามารถสรุปได้ดังนี้

1.2.1.3.1 การประมาณแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายด้วยตัวสังเกต

งานวิจัย [8] ใช้แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ดังสมการ (1.12)-(1.14) มาสร้างตัว สังเกตแบบลดอันดับ (minimal-order state observer) เพื่อประมาณค่าแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยาย บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ $\left(\widehat{ec{\Lambda}}
ight)$ ดังสมการที่ (1.20)-(1.21)

$$\frac{d\vec{i}_{s}}{dt} = A_{11}\vec{i}_{s} + A_{12}\hat{\vec{\Lambda}} + B_{1}\vec{v}_{s}$$
(1.20)

$$\frac{d\hat{\vec{\Lambda}}}{dt} = A_{11}G\vec{i}_s + (A_{22} + A_{12}G)\hat{\vec{\Lambda}} + B_1G\vec{v}_s - G\frac{d\vec{i}_s}{dt} \\
\frac{d\hat{\vec{\Lambda}}}{dt} = A_{22}\hat{\vec{\Lambda}} + G\left(\frac{d\hat{\vec{i}}_s}{dt} - \frac{d\vec{i}_s}{dt}\right)$$
(1.21)

ໂທຍທີ່
$$A_{11} = \left(-\frac{R}{L'_d}\right) \boldsymbol{I} + \left\{\frac{\hat{\omega}\left(L'_d - L_q\right)}{L'_d}\right\} \boldsymbol{J}, \ A_{12} = \left(-\frac{1}{L'_d}\right) \boldsymbol{I}, \ A_{22} = \hat{\omega} \boldsymbol{J}, \ B_1 = \left(\frac{1}{L'_d}\right) \boldsymbol{I}$$

 $G = aL_d I + (\hat{\omega} - b)L_d J$, $H(s) = \frac{a}{(s+a)^2 + b^2} \{(s+a)I + bJ\}$ และ G คืออัตราการขยาย

ป้อนกลับของตัวสังเกต โดยที่ a คือส่วนจริงของขั้วของตัวสังเกต และ b คือส่วนจินตภาพของขั้วของ ตัวสังเกต



เมื่อประมาณแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายได้แล้ว จึงนำไปสู่การประมาณตำแหน่งโรเตอร์ดัง สมการที่ (1.22)

$$\hat{\theta} = \arctan\left(\frac{-\hat{\Lambda}_x}{\hat{\Lambda}_y}\right) \tag{1.22}$$

สำหรับสมการทางพลวัตของแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายขนาด 1 หน่วยดังสมการที่ (1.23) ตัว สังเกตแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำขยายขนาด 1 หน่วยดังสมการที่ (1.24) และสมการในการประมาณ ความเร็วโรเตอร์ดังสมการ (1.25)

$$\frac{d\vec{\Lambda}_n}{dt} = \omega \boldsymbol{J}\vec{\Lambda}_n \tag{1.23}$$

$$\frac{d\hat{\vec{\Lambda}}_n}{dt} = \hat{\omega} \boldsymbol{J} \hat{\vec{\Lambda}}_n + G' \left(\hat{\vec{\Lambda}}_n - \vec{\Lambda}_n \right)$$
(1.24)

$$\hat{\omega} = \left(K_p + \frac{K_i}{s}\right) \left(\vec{\Lambda}_n^{\prime T} J \hat{\vec{\Lambda}}_n\right)$$
(1.25)

โดยที่
$$\vec{\Lambda}_n = \frac{\vec{\Lambda}}{\left\|\vec{\Lambda}\right\|}, \ G' = gI$$
 และ $\vec{\Lambda}'_n = \hat{\vec{\Lambda}}_n - \vec{\Lambda}$

จากที่กล่าวมาจะเห็นได้ว่าแบบจำลองและสมการที่ใช้ในการประมาณตำแหน่งและความเร็ว โรเตอร์มีความยุ่งยากและซับซ้อน รวมทั้งยังไม่มีการพิสูจน์เสถียรภาพของตัวสังเกตแรงเคลื่อน เหนี่ยวนำแบบขยายอย่างชัดเจน

1.2.1.3.2 การประมาณฟลักซ์สเตเตอร์ด้วยวิธีอินทิเกรต

งานวิจัย [12] นำเสนอวิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์จากฟลักซ์สเตเตอร์ด้วย วิธีการอินทิเกรตโดยตรง ซึ่งใช้สมการแรงดันบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ (1.26) และคำนวณฟลักซ์ สเตเตอร์ได้ดังสมการที่ (1.27)

$$\vec{v}_s = R\vec{i}_s + \frac{d\vec{\Psi}_s}{dt}$$
(1.26)

$$\vec{\Psi}_{s} = \int \left(\vec{v}_{s} - R\vec{i}_{s}\right) dt = \Psi_{s} \angle \rho$$
(1.27)

เมื่อกำหนด ho แทนมุมของฟลักซ์สเตเตอร์เทียบกับกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ สำหรับความเร็วโรเตอร์ สามารถหาได้จากอนุพันธ์ของมุม $\left(rac{d
ho}{dt}
ight)$ ซึ่งเป็นความถี่เชิงมุมของมุม ho โดยพิจารณาว่าในสภาวะ คงตัวความเร็วโรเตอร์จะเท่ากับความถี่เชิงมุมของ ho

GHULALONGKORN UNIVERSITY ขณะที่ประมาณฟลักซ์สเตเตอร์ได้แล้ว งานวิจัย [12] ได้นำเสนอวิธีการประมาณโดยใช้ฟลักซ์ สเตเตอร์ที่คำนวณจากแบบจำลองที่แบ่งออกเป็น 2 แบบจำลอง ได้แก่

 แบบจำลองเชิงแรงดัน แบบจำลองนี้ใช้ในการคำนวณฟลักซ์สเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงสเต-เตอร์ (Ŷ,) ด้วยวิธีการอินทิเกรตดังสมการที่ (1.28) โดยมีสัญญาณป้อนกลับด้วยค่าความผิดพลาด ของฟลักซ์สเตเตอร์ที่คำนวณจาก 2 แบบจำลอง

$$\hat{\vec{\Psi}}_{s} = \int \left[\left(\vec{v}_{s} - R\vec{i}_{s} \right) - g \left(\hat{\vec{\Psi}}_{s} - \tilde{\vec{\Psi}}_{s} \right) \right] dt$$
(1.28)

เมื่อ g คือค่าอัตราการขยายของเทอมชดเชยป้อนกลับ

แบบจำลองเชิงกระแส แบบจำลองนี้ใช้คำนวณฟลักซ์สเตเตอร์ (\$\vec{\Psi}_{s}\$) ดังสมการที่ (1.29)
 ซึ่งแบบจำลองนี้จะรวมผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กด้วย

$$\tilde{\vec{\Psi}}_{s} = e^{J\hat{\theta}} \boldsymbol{L} e^{-J\hat{\theta}} \vec{i}_{s}$$
(1.29)

และ $L = \begin{bmatrix} l_d & l_{dq} \\ l_{qd} & l_q \end{bmatrix}$ คือเมทริกซ์ค่าความเหนี่ยวนำอนุพันธ์ซึ่งรวมผลการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก q-axis q-axis $e^{-J\hat{ heta}}\tilde{\Psi}_s$ d-axis θ

รูปที่ 1.4 แผนภาพแสดงความสัมพันธ์ฟลักซ์ประมาณจากแบบจำลองแรงดัน และแบบจำลองกระแส

รูปที่ 1.4 แสดงถึงฟลักซ์ประมาณจากแบบจำลองแรงดันและแบบจำลองกระแสอยู่บนกรอบ อ้างอิงที่ต่างกัน พิจารณาผลต่างของมุมระหว่างฟลักซ์ประมาณที่ได้จากแบบจำลองแรงดันบนกรอบ อ้างอิงสเตเตอร์กับฟลักซ์ประมาณที่ได้จากแบบจำลองกระแสบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ มีค่าเท่ากับ ตำแหน่งแกน d ซึ่งสะท้อนมุมตำแหน่งโรเตอร์ (*θ*)

สำหรับงานวิจัย [12] แสดงให้เห็นความสำคัญของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กยังไม่เด่นซัด ซึ่งงานวิจัย [13] (เป็นงานวิจัยสืบเนื่องจากงานวิจัย [12]) แสดงให้เห็นผลกระทบของการเชื่อมโยง ข้ามทางแม่เหล็ก แต่แนวคิดในการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ยังคงคล้ายคลึงกับงานวิจัย [12] โดยแสดงการทำงานไว้ดังรูปที่ 1.5

ข้อเสียของการประมาณด้วยวิธีนี้มีหลายประการ ได้แก่ การคำนวณฟลักซ์สเตเตอร์ดังสมการ ที่ (1.27) ยังมีปัญหาเรื่องเสถียรภาพหากมีสัญญาณรบกวนความถี่ต่ำหรือสัญญาณไฟตรงเนื่องจากใช้ วิธีวิธีการอินทิเกรต และการพิสูจน์เสถียรภาพของวิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ ซึ่งคำนึงผลของค่าความเหนี่ยวนำเปลี่ยนแปลงในงานวิจัย [12, 13] ทำได้ยาก



รูปที่ 1.5 ภาพรวมระบบประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ในงานวิจัย [12, 13]

1.2.1.3.3 การประมาณฟลักซ์แอกทีฟและฟลักซ์เทียมในอดีต

งานวิจัย [9] ใช้ตัวสังเกตฟลักซ์สเตเตอร์ โดยอาศัยการคำนวณฟลักซ์สเตเตอร์จาก 2 ส่วน คือ การคำนวณฟลักซ์สเตเตอร์จากสมการเชิงกระแส $\left(ilde{\Psi}_{s}
ight)$ ดังสมการที่ (1.30) และการคำนวณ ฟลักซ์สเตเตอร์จากการอินทิเกรตสมการแรงดัน $\left(\hat{\Psi}_{s}
ight)$ ดังสมการที่ (1.31)
$$\hat{\vec{\Psi}}_{s} = e^{J\hat{\theta}} \begin{bmatrix} L_{d} & 0\\ 0 & L_{q} \end{bmatrix} e^{-J\hat{\theta}} \vec{i}_{s}$$
(1.30)

$$\tilde{\vec{\Psi}}_{s} = \int \left(\vec{v}_{s} - R\vec{i}_{s} + \vec{V}_{comp} \right) dt$$
(1.31)

$$\vec{V}_{comp} = \left(K_p + \frac{K_i}{s}\right) \left(\hat{\vec{\Psi}}_s - \tilde{\vec{\Psi}}_s\right)$$
(1.32)

สมการที่ (1.31) มีการป้อนกลับด้วยแรงดันชดเชย $\left(\vec{V}_{comp}
ight)$ ในสมการคำนวณฟลักซ์ สเตเตอร์จากการอินทิเกรตสมการแรงดัน โดยที่แรงดันชดเชยคำนวณจากสมการ (1.32) ด้วยตัว ควบคุมพีไอ ข้อมูลฟลักซ์สเตเตอร์จากการประมาณจะนำมาใช้ประมาณฟลักซ์แอกทีฟ $\left(\tilde{\Psi}_{s}^{a}
ight)$ ได้ดัง สมการที่ (1.33) ซึ่งฟลักซ์แอกทีฟมีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ดังสมการที่ (1.15) จึงสามารถประมาณ ตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ด้วยเฟสล็อกลูป ดังรูปที่ 1.6

$$\tilde{\vec{\Psi}}^a_s = \tilde{\vec{\Psi}}_s - L_q \vec{i}_s \tag{1.33}$$

สำหรับตัวสังเกตในงานวิจัย [9] ไม่ได้พิจารณาผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก และไม่มี ความชัดเจนในเรื่องคุณสมบัติเสถียรภาพแบบวงกว้างของระบบประมาณ เช่นเดียวกับงานวิจัยอื่นๆ



รูปที่ 1.6 ระบบที่ใช้ประมาณตำแหน่งและความเร็วในงานวิจัย [9]

1.3 ปัญหาและข้อจำกัดของงานวิจัยในอดีต

- แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ ที่ใช้ในการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโร เตอร์มีความยุ่งยากและซับซ้อน ซึ่งสรุปไว้ใน ตารางที่ 1.1
- แบบจำลองที่ใช้ในการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ส่วนใหญ่ ยังไม่คำนึง ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
- การประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ในอดีต ยังไม่มีการยืนยันเสถียรภาพในวง กว้าง (Global stability) ได้

แบบจำลอง	ปัญหาและข้อจำกัด
1. แบบจำลองแบบดั้งเดิมบน	1. ข้อมูลตำแหน่ง $(heta)$ อยู่ในรูปของฟังก์ชันตรีโกณซึ่งมี
กรอบอ้างอิงสเตเตอร์	ความไม่เป็นเชิงเส้นสูง ทำให้การประมาณตำแหน่งและ
(สมการที่ 1.6)	ความเร็วจากข้อมูลแรงดันและกระแสสเตเตอร์มีความ
	ซับซ้อน ซึ่งยากต่อการพิสูจน์เสถียรภาพ
	2. แบบจำลองนี้ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง
	แม่เหล็ก ทำให้การประมาณคลาดเคลื่อนได้
2. แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงส	1. สมการทางพลวัตของตัวสังเกตมีความซับซ้อนทำให้การ
เตเตอร์ฐานแรงเคลื่อนเหนี่ยวนำ	วิเคราะห์เสถียรภาพของการประมาณตำแหน่งและความเร็ว
ขยาย	ทำได้ยาก
(สมการที่ 1.9-1.14) อุฬาลง	2. ไม่มีการพิจารณาถึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
3. แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงส	1. การประมาณตำแหน่งและความเร็วจะอาศัยการ
เตเตอร์ฐานฟลักซ์แอกทีฟ	ประมาณฟลักซ์สเตเตอร์ ซึ่งการพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้าง
(สมการที่ 1.15-1.17)	ยังทำไม่ได้
	2. ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก
4.แบบจำลองบนกรอบอ้างอิง	1. สมการฟลักซ์เทียมไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง
สเตเตอร์บนฐานฟลักซ์เทียมที่ไม่	แม่เหล็ก
คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม	
ทางแม่เหล็ก	
(สมการที่ 1.18-1.19)	

ตารางที่ 1.1 ปัญหาและข้อจำกัดของแบบจำลองจากงานวิจัยในอดีต

1.4 วัตถุประสงค์ของงานวิจัย

แบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ที่กล่าวมาข้างต้น มีข้อจำกัดร่วมกันคือ การละเลยผล การเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก และการขาดการวิเคราะห์เสถียรภาพของตัวสังเกต เพื่อแก้ไขปัญหา และข้อจำกัดของงานวิจัยในอดีต งานวิจัยนี้จึงมีเป้าหมาย 3 ประการคือ

- เสนอแนวคิดฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ซึ่งเหมาะสมใน การสร้างแบบจำลองและการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่ง และส่งผลให้การ ประมาณตำแหน่งและความเร็วมีความแม่นยำมากยิ่งขึ้น
- เสนอแนวคิดวิธีการประมาณฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กซึ่ง มีเสถียรภาพแบบวงกว้าง และเสนอวิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วของโรเตอร์ จากฟลักซ์เทียมดังกล่าว
- เสนอแนวคิดในสร้างสมการแบบจำลองฟลักซ์แม่เหล็กที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก รวมไปถึงการหาค่าสัมประสิทธิ์ในสมการฟลักซ์แม่เหล็ก ซึ่งประกอบไปด้วย สมการค่าความเหนี่ยวนำตัวเองและค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก เพื่อใช้ ในการควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งให้มีประสิทธิภาพที่ดีขึ้น

1.5 ขอบเขตวิทยานิพนธ์

- นำเสนอฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและแบบจำลองของ มอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมที่นำเสนอ
- เสนอวิธีประมาณตำแหน่งและความเร็วของมอเตอร์สำหรับมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์
 โดยใช้ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมซึ่งมีเสถียรภาพแบบวงกว้าง
- เก็บผลการวัดพารามิเตอร์ของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์และสร้างแบบจำลอง พารามิเตอร์ดังกล่าว รวมถึงการหาค่าสัมประสิทธิ์ในสมการฟลักซ์แม่เหล็กอีกด้วย
- สร้างระบบควบคุมแบบไร้เซนเซอร์ตรวจวัดตำแหน่งและนำเสนอวิธีการสร้างระบบ ควบคุมดังกล่าว
- ทดสอบแนวคิดในการสร้างระบบด้วยการจำลองผลการทำงาน และทดสอบการทำงาน กับระบบจริง

1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

- ได้วิธีการสร้างระบบควบคุมแบบไร้เซนเซอร์ด้วยการประมาณตำแหน่งจากตัวสังเกต ฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่มีเสถียรภาพในวงกว้างซึ่ง สามารถนำไปใช้ได้จริงในอุตสาหกรรมที่เกี่ยวข้อง
- ได้วิธีการหาพารามิเตอร์ของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์และวิธีการใช้ข้อมูลดิบเพื่อ สมการฟลักซ์แม่เหล็ก และหาค่าสัมประสิทธิ์ในสมการฟลักซ์แม่เหล็ก
- ได้รับความรู้ในการสร้าง และออกแบบระบบควบคุมมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ ทั้ง ด้านซอฟต์แวร์และฮาร์ดแวร์

1.7 ขั้นตอนและวิธีดำเนินงานวิจัย

- ศึกษาและค้นคว้าเกี่ยวกับแบบจำลองทางพลวัติของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์และ
 วิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วของมอเตอร์
- ศึกษางานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่มีต่อมอเตอร์ ซิงโครนัสรีลักแตนซ์ และการสร้างแบบจำลองทางพลวัติที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก
- นิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กเพื่อใช้ในการประมาณ ตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์
- ทดสอบพารามิเตอร์และนำข้อมูลมาสร้างแบบจำลองพารามิเตอร์ของมอเตอร์ซิงโครนัส
 รีลักแตนซ์ รวมถึงการหาค่าสัมประสิทธิ์ในสมการฟลักซ์แม่เหล็กจากข้อมูลการทดสอบ
- พิสูจน์เสถียรภาพแบบวงกว้างของระบบการประมาณโดยพิสูจน์จากแนวคิดของตัว สังเกตฟลักซ์เทียม
 จำลองการทำงานของระบบประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ด้วยโปรแกรม
- จำลองการทำงานของระบบประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ด้วยโปรแกรม Matlab/Simulink เพื่อตรวจสอบและยืนยันความถูกต้องของทฤษฎีที่นำเสนอ
- 7. สร้างฮาร์ดแวร์และซอฟแวร์สำหรับระบบควบคุมแบบไร้เซนเซอร์ที่นำเสนอในงานวิจัยนี้
- เก็บผลการทดสอบการทำงานของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์โดยการเปรียบเทียบการ ขณะที่ควบคุมแบบเวกเตอร์ซึ่งมีเซนเซอร์วัดตำแหน่งเทียบกับการควบคุมแบบเวกเตอร์ แบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่ง
- 9. สรุปผลการทดสอบและเขียนวิทยานิพนธ์

บทที่ 2

ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและการสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของ มอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

ในบทนี้จะกล่าวถึงพฤติกรรมของฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดขึ้นบน SynRM ที่มาและความสำคัญ ของผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก (magnetic cross coupling) แนวคิดในการสร้างค่าความ เหนี่ยวนำของ SynRM และอธิบายถึงคุณสมบัติที่พึงมีในการสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำแม่เหล็กที่ ประกอบไปด้วย ค่าความเหนี่ยวนำตัวเอง (Self-Inductance) และ ค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก (magnetic cross coupling inductance) สุดท้ายจะนำเสนอแนวคิดในการสร้างค่า ความเหนี่ยวนำโดยใช้หลักการการถดถอยกำลังสองน้อยสุด (Least-Square Regression)

2.1 พฤติกรรมของฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดขึ้นบนมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักซ์แตนซ์และสมการฟลักซ์ แม่เหล็กบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์

ฟลักซ์แม่เหล็กบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ $(\psi_a\,,\psi_q)$ ที่เกิดจากการป้อนกระแสบนกรอบอ้างอิง โรเตอร์ในแต่ละแกนดังรูปที่ 2.1 (ก) และรูปที่ 2.1 (ข) จากนั้นฟลักซ์แม่เหล็กบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ ที่เกิดจากการป้อนกระแสพร้อมกันทั้งสองแกน แสดงได้ดังรูปที่ 2.2



(ก) ฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดจากการป้อนกระแสบนแกน d อย่างเดียว



จากรูปที่ 2.1(ก) ฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดจากกระแสแกน d (ψ_d) จะคล้องขดลวดเสมือน แนวแกน d ดังรูปที่ 2.3 ทำให้เกิดค่าความเหนี่ยวนำตัวเองแนวแกน d (self-inductance d axis) เขียนแทนด้วย L_d และรูปที่ 2.1(ข) ฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดจากกระแสแกน q (ψ_q) จะคล้องขดลวด เสมือนแนวแกน q ดังรูปที่ 2.3 ซึ่งทำให้เกิดค่าความเหนี่ยวนำตัวเองแนวแกน q (self-inductance q axis) เขียนแทนด้วย L_a

ขณะที่เพิ่มกระแสแต่ละแกนให้สูงขึ้น พบว่าค่าความเหนี่ยวนำตัวเองมีค่าลดลงและจะมีค่าที่ ลดลงอย่างมากเมื่อแกนเหล็กอิ่มตัว สรุปได้ว่าค่าความเหนี่ยวนำตัวเองทั้งบนแกน d และแกน q ขึ้นอยู่กับกระแส ในขณะเดียวกันฟลักซ์บนแกน d จะได้รับผลจากแกนเหล็กอิ่มตัวมากกว่าฟลักซ์ แม่เหล็กบนแกน q ดังนั้นการลดลงของค่าความเหนี่ยวนำตัวเองบนแกน d สูงกว่าการลดลงของค่า ความเหนี่ยวนำตัวเองบนแกน q

เมื่อพิจารณาฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดจากการป้อนกระแสทั้งแกน d และแกน q พร้อมกันดังรูป ที่ 2.2 พบว่าฟลักซ์แม่เหล็กมีบางส่วนที่หักล้างและบางส่วนที่เสริมกัน ขณะแกนเหล็กยังไม่อิ่มตัวหรือ ช่วงที่ใช้งานย่านกระแสต่ำ พบว่าผลของการหักล้างและเสริมกันของฟลักซ์แม่เหล็กได้ผลใกล้เคียงกัน ขณะที่ใช้งานในย่านกระแสสูงจนทำให้แกนเหล็กอิ่มตัว พบว่าบริเวณที่เสริมกันของฟลักซ์แม่เหล็กจะ ไม่สามารถเสริมกันได้อีกต่อไป แต่บริเวณที่หักล้างกันของฟลักซ์แม่เหล็กก็ยังคงหักล้างกันตามปกติ เหตุการณ์นี้จะทำให้ฟลักซ์แม่เหล็กลัพธ์ในแต่ละแกนมีค่าลดลง ปรากฏการณ์ดังกล่าวเรียกว่าผลของ การเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก (magnetic cross coupling)

ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กส่งผลทำให้ฟลักซ์แม่เหล็กลัพธ์ในแต่ละแกนมีค่าลดลง และผลดังกล่าวขึ้นอยู่กับกระแสที่ใช้งาน อาทิ เมื่อพิจารณาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d และเพิ่ม ค่ากระแสแกน q พบว่าผลการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กสูงขึ้น ส่งผลให้ฟลักซ์แม่เหล็กลัพธ์บนแกน d มีค่าลดลง แต่ถ้ากระแสแกน q มีค่าเป็นศูนย์ ผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กก็ไม่เกิดขึ้นเช่นกัน ในทำนองเดียวกัน เมื่อพิจารณาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q และเพิ่มกระแสแกน d ก็ทำให้ฟลักซ์ แม่เหล็กลัพธ์บนแกน q ลดลง แต่ถ้ากระแสแกน d มีค่าเป็นศูนย์ ผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็กก็ไม่เกิดขึ้นเช่นกัน จึงสรุปได้ว่าผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กทั้งสองแกน

จากพฤติกรรมที่ได้กล่าวข้างต้นสามารถนิยามได้ในเทอมค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก (magnetic cross coupling inductance) เขียนแทนด้วย L_{dq} และ L_{qd} เมื่อนำผลของ การเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กรวมกับฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d และแกน q จึงเขียนเป็นสมการฟลักซ์ แม่เหล็กของ SynRM ได้ดังสมการที่ (2.1)

$$\begin{aligned} \psi_d\left(i_d, i_q\right) &= L_d\left(i_d, i_q\right)i_d + L_{dq}\left(i_d, i_q\right)i_q \\ \psi_q\left(i_d, i_q\right) &= L_{qd}\left(i_d, i_q\right)i_d + L_q\left(i_d, i_q\right)i_q \end{aligned}$$
(2.1)

โดยที่ $L_d\left(i_d,i_q
ight), L_q\left(i_d,i_q
ight)$ คือค่าความเหนี่ยวนำตัวเองบนกรองอ้างอิงโรเตอร์ซึ่งเป็นฟังก์ชันของ กระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ และ $L_{dq}\left(i_d,i_q
ight), L_{qd}\left(i_d,i_q
ight)$ คือค่าความเหนี่ยวนำ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กบนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ซึ่งเป็นฟังก์ชันของกระแสสเตเตอร์บนกรอบอ้างอิง โรเตอร์

งานวิจัย [6] ศึกษาแบบจำลองแม่เหล็กและการอิ่มตัวของแกนเหล็ก โดยใช้ระเบียบวิธีไฟไนต์ อิลิเมนต์ (Finite Element Analysis) ได้ทำการวิเคราะห์พฤติกรรมของฟลักซ์แม่เหล็กพบว่าเมื่อ พิจารณาค่าความเหนี่ยวนำตัวเองที่เปลี่ยนแปลงตามกระแสทั้งแกน d และ q กับพิจารณาค่าความ เหนี่ยวนำตัวเองที่เปลี่ยนแปลงตามกระแสเฉพาะแกนนั้นๆ พฤติกรรมของฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดขึ้นบน มอเตอร์ใกล้เคียงกัน ดังนั้นสมการที่ (2.1) จึงสามารถเขียนใหม่ได้ดังสมการที่ (2.2)

$$\psi_{d}\left(i_{d},i_{q}\right) = L_{d}\left(i_{d}\right)i_{d} + L_{dq}\left(i_{d},i_{q}\right)i_{q} \\
\psi_{q}\left(i_{d},i_{q}\right) = L_{qd}\left(i_{d},i_{q}\right)i_{d} + L_{q}\left(i_{q}\right)i_{q}$$
(2.2)

โดยที่ $L_d\left(i_d
ight)$ คือค่าความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน d ซึ่งเป็นฟังก์ชันของกระแสสเตเตอร์ในแกน d และ $L_q\left(i_q
ight)$ คือค่าความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน q ซึ่งเป็นฟังก์ชันของกระแสสเตเตอร์ในแกน q

หากละเลยผลของการสูญเสียที่เกิดจากฮิสเทอรีซีสและการสูญเสียเนื่องจากกระแสไหลวน (hysteresis and eddy current loss) ทำให้สมบัติการเท่าแบบกลับกัน (reciprocity property) เป็นจริง [14] ซึ่งสามารถพิสูจน์ได้ดังนี้

พิจารณาว่าฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์เป็นไปตามสมการที่ (2.1) และคำนวณพลังงานสะสม (energy) และพลังงานสะสมร่วม (co-energy) ได้ดังสมการที่ (2.3)-(2.4) ซึ่งความสัมพันธ์ระหว่าง พลังงานสะสม (W) กับพลังงานสะสมร่วม (W_{co}) เป็นไปตามรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.4 ความสัมพันธ์ระหว่างฟลักซ์กับกระแส และนิยามพลังงานสะสมและพลังงานสะสมร่วม

$$W = \int i d\psi = \int \left(i_d d\psi_d + i_q d\psi_q \right)$$
(2.3)

$$W_{co} = \int \psi di = \int \left(\psi_d di_d + \psi_q di_q \right)$$
(2.4)

หากละเลยการสูญเสียที่เกิดจากฮิสเทอรีซีสและการสูญเสียเนื่องจากกระแสไหลวน จะได้ว่า สนามแม่เหล็กมีลักษณะที่เป็นสนามอนุรักษ์ (conservative field) จากทฤษฎีบทการอินทิเกรตตาม เส้นเชิงเวกเตอร์ (line integrals in a vector field) กล่าวว่า ขณะที่สนามเป็นสนามอนุรักษ์การ อินทิเกรตตามเส้นจะไม่สนใจเส้นทางเดิน ดังนั้นเงื่อนไขของการอินทิเกรตตามสมการที่ (2.4) มี เงื่อนไขดังสมการที่ (2.5)

$$\frac{\partial \psi_{d}\left(i_{d}, i_{q}\right)}{\partial i_{q}} = \frac{\partial \psi_{q}\left(i_{d}, i_{q}\right)}{\partial i_{d}} \left\{ L_{dq}\left(i_{d}, i_{q}\right) = L_{qd}\left(i_{d}, i_{q}\right) \right\}$$
(2.5)

ซึ่งจะได้สมบัติการเท่าแบบกลับกันดังสมการที่ (2.5) จากนั้นนำสมบัติการเท่าแบบกลับกันมา ใช้กับการสร้างสมการฟลักซ์แม่เหล็กเพื่อลดความซับซ้อนโดยแสดงในสมการที่ (2.6)

$$\begin{aligned} & \psi_d\left(i_d, i_q\right) = L_d\left(i_d\right)i_d + L_{dq}\left(i_d, i_q\right)i_q \\ & \psi_q\left(i_d, i_q\right) = L_{dq}\left(i_d, i_q\right)i_d + L_q\left(i_q\right)i_q \end{aligned}$$
(2.6)

2.2 คุณสมบัติที่พึงมีในการสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

จากสมการที่ (2.6) จะเห็นได้ว่าสมการฟลักซ์แม่เหล็กประกอบด้วยค่าความเหนี่ยวนำตัวเอง ในแกน d และแกน q และค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ซึ่งมีคุณสมบัติที่ใช้ในการ สร้างสมการของค่าความเหนี่ยวนำดังกล่าวอยู่ 4 คุณสมบัติประกอบไปด้วย

คุณสมบัติที่ 1 หากกระแสแกน d หรือกระแสแกน q มีค่าเท่ากับศูนย์ จะทำให้ผลของการเชื่อมโยง ข้ามทางแม่เหล็กเป็นศูนย์ด้วย ซึ่งสรุปได้ดังสมการที่ (2.7)

$$i_d = 0 \text{ or } i_q = 0 \implies L_{dq}\left(i_d, i_q\right) = 0$$
 (2.7)

คุณสมบัติที่ 2 หากกระแสแกน d มีค่าเท่ากับศูนย์ ฟลักซ์แม่เหล็กในแกน d มีค่าเท่ากับศูนย์ด้วย แม้ว่ากระแสในแกน q ไม่เท่ากับศูนย์ก็ตาม ในทำนองเดียวกันหากกระแสแกน q มีค่าเท่ากับศูนย์ ฟลักซ์แม่เหล็กในแกน q มีค่าเท่ากับศูนย์ด้วยแม้ว่ากระแสในแกน d ไม่เท่ากับศูนย์ก็ตาม ซึ่งสรุปได้ ดังสมการที่ (2.8)-(2.9)

$$i_d = 0, i_q \neq 0 \implies \psi_d = 0$$
 (2.8)

$$i_d \neq 0, i_q = 0 \implies \psi_q = 0$$
 (2.9)

คุณสมบัติที่ 3 พิจารณาความชันของเส้นโค้งของความสัมพันธ์ระหว่างฟลักซ์แม่เหล็กกับกระแสซึ่ง แทนด้วยค่าความเหนี่ยวนำตัวเอง จะเห็นได้ว่าช่วงกระแสต่ำค่าความชันมีค่าสูงและค่าความชันจะ ค่อยๆ ลดลงเมื่อกระแสสูงขึ้น อย่างไรก็ตามทุกช่วงการทำงานค่าความชันมีค่าเป็นบวกเสมอ ดังนั้น ฟังก์ชันของค่าความเหนี่ยวนำตัวเองจะมีลักษณะเป็นฟังก์ชันทางเดียวและเป็นฟังก์ชันลด [15] ซึ่ง สรุปได้ดังสมการที่ (2.10)-(2.11)

$$\frac{d}{di_d} \left[L_d\left(i_d\right) \right] < 0 \quad \cap \quad L_d\left(i_d\right) > 0 \tag{2.10}$$

$$\frac{d}{di_q} \left[L_q\left(i_q\right) \right] < 0 \quad \cap \quad L_q\left(i_q\right) > 0 \tag{2.11}$$

คุณสมบัติที่ 4 หากละเลยการสูญเสียที่เกิดจากฮิสเทอรีซีสและการสูญเสียเนื่องจากกระแสไหลวน พบว่าสมการค่าความเหนี่ยวนำตัวเองมีลักษณะที่สมมาตรทั้งกระแสที่เป็นค่าบวกและค่าลบ ดังนั้น การทำงานช่วงที่กระแสเป็นค่าลบจะใช้ค่าเดียวกับช่วงบวก ส่วนผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ส่งผลให้ฟลักซ์แม่เหล็กมีลักษณะสมมาตรทั้งกระแสค่าบวกและค่าลบ

2.3 การสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

จากสมการที่ (2.6) สิ่งที่ต้องคำนวณเพื่อให้ได้สมการฟลักซ์แม่เหล็กประกอบไปด้วยสมการค่า ความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน d $\left(L_d\left(i_d\right)\right)$ สมการค่าความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน q $\left(L_q\left(i_q\right)\right)$ และ ค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก $\left(L_{dq}\left(i_d,i_q\right)\right)$ โดยแบ่งการคำนวณออกเป็น 2 ส่วนดังนี้

2.3.1 การสร้างสมการความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

สมการความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กจะอยู่ในรูปของการคูณกันระหว่างกระแส แกน d และกระแสแกน q เพื่อให้สอดคล้องกับคุณสมบัติที่ 1 และคุณสมบัติที่ 2 ซึ่งเขียนได้ดังสมการ ที่ (2.12)

$$L_{dq}(i_d, i_q) = c \sum_{k=0}^{N} (i_d \cdot i_q)^{2k+1}$$
(2.12)

โดยที่ c แทนค่าคงที่ใด ๆ

เมื่อนำสมการที่ (2.12) มาพิจารณาถึงสมบัติการเท่าแบบกลับกันตามสมการที่ (2.5) พบว่า สมการความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่นำเสนอสอดคล้องกับสมบัติการเท่าแบบกลับกันดัง สมการที่ (2.13)-(2.14)

$$\frac{\partial \Psi_{d}\left(i_{d},i_{q}\right)}{\partial i_{q}} = \frac{\partial}{\partial i_{q}} \left[L_{d}\left(i_{d}\right) \cdot i_{d} + c \sum_{k=0}^{N} \left(i_{d} \cdot i_{q}\right)^{2k+1} \cdot i_{q} \right] \\
= c \frac{\partial}{\partial i_{q}} \left[\sum_{k=0}^{N} \left(i_{d}^{2k+1} \cdot i_{q}^{2k+2}\right) \right] \\
= c \left(2k+2\right) \sum_{k=0}^{N} \left(i_{d}^{2k+1} \cdot i_{q}^{2k+1}\right) \\
\frac{\partial \Psi_{q}\left(i_{d},i_{q}\right)}{\partial i_{d}} = \frac{\partial}{\partial i_{d}} \left[L_{q}\left(i_{q}\right) \cdot i_{q} + c \sum_{k=0}^{N} \left(i_{d} \cdot i_{q}\right)^{2k+1} \cdot i_{d} \right] \\
= c \left(\frac{\partial}{\partial i_{d}} \left[\sum_{k=0}^{N} \left(i_{d}^{2k+2} \cdot i_{q}^{2k+1}\right) \right] \\
= c \left(2k+2\right) \sum_{k=0}^{N} \left(i_{d}^{2k+2} \cdot i_{q}^{2k+1}\right) \\
\frac{\partial \Psi_{d}\left(i_{d},i_{q}\right)}{\partial i_{q}} = \frac{\partial \Psi_{q}\left(i_{d},i_{q}\right)}{\partial i_{d}}$$
(2.13)
(2.14)

จึงสรุปได้ว่า

จากคุณสมบัติที่ 4 กล่าวว่าผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กจะต้องหักล้างกับฟลักซ์ แม่เหล็กที่ทำให้เกิดค่าความเหนี่ยวนำตัวเองจึงสรุปสมการของค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็กได้ดังสมการที่ (2.15)

$$L_{dq}(i_{d}, i_{q}) = c \sum_{k=0}^{N} (i_{d} \cdot i_{q})^{2k+1} ; \ c < 0$$
(2.15)

สำหรับงานวิจัยนี้จะใช้สมการค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กโดยที่ N=0เพื่อไม่ให้เกิดการทำนายข้อมูลที่มากเกินไป (overfitting) จึงสรุปสมการค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยง ข้ามทางแม่เหล็กได้ดังสมการที่ (2.16)

$$L_{dq}(i_{d}, i_{q}) = c i_{d} i_{q} \; ; \; c < 0 \tag{2.16}$$

2.3.2 การสร้างสมการความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน d และแกน q

จากคุณสมบัติที่ 3 สรุปได้ว่าค่าความเหนี่ยวนำตัวเองมีค่าเป็นบวก แต่ต้องเป็นฟังก์ชันลด และเป็นฟังก์ชันทางเดียว ในงานวิจัยนี้จะนำเสนอฟังก์ชันค่าความเหนี่ยวนำตัวเองแบบสมการเอกซ์-โพเนนเชียล (exponential function) ซึ่งแสดงได้ดังสมการที่ (2.17)-(2.18)

$$L_d(i_d) = a_0 \exp\left(\sum_{k=1}^N a_k i_d^k\right) \quad ; \ k \ge 1 \tag{2.17}$$

$$L_q(i_q) = b_0 \exp\left(\sum_{k=1}^N b_k i_q^k\right) \quad ; \ k \ge 1$$
(2.18)

เนื่องจากค่าความเหนี่ยวนำตัวเองจะต้องมีค่าเป็นบวกจึงสรุปได้ดังสมการที่ (2.19)

$$L_{d}(i_{d}) > 0, \ L_{q}(i_{q}) > 0 \Rightarrow a_{0}, b_{0} > 0$$
 (2.19)

พิจารณาเงื่อนไขฟังก์ชันของค่าความเหนี่ยวนำตัวเองเป็นฟังก์ชันลดและเป็นฟังก์ชันทางเดียว ซึ่งแสดงได้ดังสมการที่ (2.20)-(2.21)

$$\frac{d}{di_{d}}L_{d}\left(i_{d}\right) = \frac{d}{di_{d}}\left[a_{0}\exp\left(\sum_{k=1}^{N}a_{k}i_{d}^{k}\right)\right]$$

$$= a_{0}\exp\left(\sum_{k=1}^{N}a_{k}i_{d}^{k}\right) \cdot \sum_{k=1}^{N}ka_{k}i_{d}^{k-1}$$

$$(2.20)$$

$$\therefore \quad \frac{d}{di_{d}}L_{d}\left(i_{d}\right) < 0 \implies a_{k} < 0$$

$$\frac{d}{di_{q}}L_{q}\left(i_{q}\right) = \frac{d}{di_{q}}\left[b_{0}\exp\left(\sum_{k=1}^{N}b_{k}i_{q}^{k}\right)\right]$$

$$= b_{0}\exp\left(\sum_{k=1}^{N}b_{k}i_{q}^{k}\right) \cdot \sum_{k=1}^{N}kb_{k}i_{q}^{k-1}$$

$$(2.21)$$

$$\therefore \quad \frac{d}{di_{q}}L_{q}\left(i_{q}\right) < 0 \implies b_{k} < 0$$

สำหรับงานวิจัยนี้จะใช้สมการค่าความเหนี่ยวนำตัวเองโดยที่ N=2 เพื่อไม่ให้เกิดการทำนายข้อมูล ที่มากเกินไป จึงสรุปสมการค่าความเหนี่ยวนำตัวเองดังสมการที่ (2.22)-(2.23)

$$L_{d}(i_{d}) = a_{0} \exp\left(a_{1}i_{d} + a_{2}i_{d}^{2}\right)$$
(2.22)

$$L_q(i_q) = b_0 \exp(b_1 i_q + b_2 i_q^2)$$
 (2.23)
เมื่อนำสมการที่ (2.16), (2.22), และ (2.23) เขียนในรูปสมการฟลักซ์แม่เหล็กของ SynRM ที่

คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กจะได้ดังสมการที่ (2.24) ในหัวข้อถัดไปจะกล่าวถึงวิธีการ หาค่าพารามิเตอร์ต่างๆ $\left(a_{0}\,,b_{0}\,,a_{1}\,,a_{2}\,,b_{1}\,,b_{2}\,,c\,
ight)$ เพื่อทำให้สมการของฟลักซ์แม่เหล็กสมบูรณ์และ นำไปใช้ในระบบควบคุมต่อไป

$$\psi_{d}\left(i_{d},i_{q}\right) = a_{0}\exp\left(a_{1}i_{d} + a_{2}i_{d}^{2}\right) \cdot i_{d} + \left(ci_{d}i_{q}\right)i_{q}$$

$$\psi_{q}\left(i_{d},i_{q}\right) = \left(ci_{d}i_{q}\right)i_{d} + b_{0}\exp\left(b_{1}i_{q} + b_{2}i_{q}^{2}\right) \cdot i_{q}$$

$$a_{1},b_{2} \ge 0 \quad a_{2},a_{3},b_{4},b_{5} \le 0 \quad 0 \quad c \le 0$$

$$(2.24)$$

โดยที่ $a_0, b_0 > 0 \cap a_1, a_2, b_1, b_2 < 0 \cap c < 0$

จากสมการฟลักซ์แม่เหล็กดังสมการที่ (2.24) พบว่ามีสัมประสิทธิ์อยู่ 7 ตัวแปร ในงานวิจัยนี้ นำเสนอวิธีการหาค่าสัมประสิทธิ์ดังกล่าวด้วยวิธีการถดถอยกำลังสองน้อยสุด (Least-Square Regression) ซึ่งมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

ขั้นแรกสร้างสมการที่ใช้ในการหาสัมประสิทธิ์ของสมการที่ (2.24) ด้วยวิธีการถดถอยกำลัง สองน้อยสุด ซึ่งแสดงได้ดังสมการที่ (2.25) จากนั้นเขียนระบบสมการฟลักซ์แม่เหล็กดังสมการที่ (2.26)

$$\begin{bmatrix} \tilde{\psi}_{d} \left(i_{d}, i_{q} \right) \\ \tilde{\psi}_{q} \left(i_{d}, i_{q} \right) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A(i_{d}) & C(i_{d}, i_{q}) \\ C(i_{d}, i_{q}) & B(i_{q}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{d} \\ i_{q} \end{bmatrix}$$
(2.25)
$$\begin{bmatrix} \psi_{d} \\ \psi_{q} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \tilde{\psi}_{d} \left(i_{d}, i_{q} \right) \\ \tilde{\psi}_{q} \left(i_{d}, i_{q} \right) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} r_{d} \\ r_{q} \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} A(i_{d}) & C(i_{d}, i_{q}) \\ C(i_{d}, i_{q}) & B(i_{q}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{d} \\ i_{q} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} r_{d} \\ r_{q} \end{bmatrix}$$
(2.26)

โดยที่ r_d และ r_q แทนค่าความผิดพลาดในการประมาณฟลักซ์แม่เหล็ก ψ_d, ψ_q, i_d, i_q แทนฟลักซ์แม่เหล็กและกระแสสเตเตอร์ซึ่งทราบได้จากการทดสอบ $\tilde{\psi}_d, \tilde{\psi}_q$ แทนฟลักซ์แม่เหล็กที่ได้จากวิธีการถดุถอยกำลังสองน้อยสุด

จากสมการที่ (2.26) ค่าความผิดพลาดของการประมาณสมการฟลักซ์แม่เหล็กเป็นไปตาม สมการที่ (2.27)

$$\begin{bmatrix}
 r_{d} \\
 r_{q}
\end{bmatrix} =
\begin{bmatrix}
 \psi_{d} \\
 \psi_{q}
\end{bmatrix} -
\begin{bmatrix}
 \tilde{\psi}_{d} (i_{d}, i_{q}) \\
 \tilde{\psi}_{q} (i_{d}, i_{q})
\end{bmatrix}$$

$$=
\begin{bmatrix}
 \psi_{d} \\
 \psi_{q}
\end{bmatrix} -
\begin{bmatrix}
 A(i_{d}) & C(i_{d}, i_{q}) \\
 C(i_{d}, i_{q}) & B(i_{q})
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
 i_{d} \\
 i_{q}
\end{bmatrix}$$

$$=
\begin{bmatrix}
 \psi_{d} - A(i_{d}) \cdot i_{d} - C(i_{d}, i_{q}) \cdot i_{q} \\
 \psi_{q} - C(i_{d}, i_{q}) \cdot i_{d} - B(i_{q}) \cdot i_{q}
\end{bmatrix}$$
(2.27)

การหาค่าสัมประสิทธิ์ในสมการทั่วไปด้วยวิธีถดถอยกำลังสองน้อยสุด ทำได้โดยนำค่าความ ผิดพลาดกำลังสองดังสมการที่ (2.28) ไปหาจุดทำงานที่เหมาะสม (Optimization) เพื่อหา สัมประสิทธิ์ที่ทำให้สมการค่าความผิดพลาดกำลังสองมีค่าต่ำที่สุด แต่สมการที่ (2.27) ไม่เป็น อิสระต่อกัน เพราะฟังก์ชัน $B(i_d, i_q)$ อยู่ร่วมกันทั้งสองสมการ ดังนั้นสมการค่าความผิดพลาดกำลัง สองจำเป็นต้องเขียนในรูปของการรวมกันของสมการค่าความผิดพลาดของแต่ละสมการ ซึ่งเขียนได้ดัง สมการที่ (2.29)

$$\begin{bmatrix} r_d^2 \\ r_q^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (\psi_d - A(i_d) \cdot i_d - C(i_d, i_q) \cdot i_q)^2 \\ (\psi_q - C(i_d, i_q) \cdot i_d - B(i_q) \cdot i_q)^2 \end{bmatrix}$$
(2.28)

$$e = r_{d}^{2} + r_{q}^{2} = \left(\psi_{d} - A(i_{d}) \cdot i_{d} - C(i_{d}, i_{q}) \cdot i_{q}\right)^{2} + \left(\psi_{q} - C(i_{d}, i_{q}) \cdot i_{d} - B(i_{q}) \cdot i_{q}\right)^{2} \right\}$$
(2.29)

จากสมการที่ (2.29) สามารถสร้างสมการวัตถุประสงค์ (Objective Function) ที่ใช้ในการ หาค่าที่เหมาะสมของสมการค่าความผิดพลาดกำลังสองน้อยสุดแสดงได้ดังสมการที่ (2.30)

$$\begin{array}{l} \text{minimize } P = \sum_{k=1}^{N} e_{k} \\ = \sum_{k=1}^{N} \left[\psi_{d,k} - A(i_{d,k}) \cdot i_{d,k} - C(i_{d,k}, i_{q,k}) \cdot i_{q,k} \right]^{2} \\ + \sum_{k=1}^{N} \left[\psi_{q,k} - C(i_{d,k}, i_{q,k}) \cdot i_{d,k} - B(i_{q,k}) \cdot i_{q,k} \right]^{2} \end{array}$$

$$(2.30)$$

$$\begin{array}{l} \left[\Re \forall \vec{N} \quad A(i_{d,k}) = a_{0} \exp\left(a_{1}i_{d,k} + a_{2}i_{d,k}^{2}\right), B(i_{q,k}) = b_{0} \exp\left(b_{1}i_{q,k} + b_{2}i_{q,k}^{2}\right), C(i_{d,k}, i_{q,k}) = ci_{d,k} \cdot i_{q,k} \end{array}$$

สมการเงื่อนไขจำเป็นที่ใช้ในการหาค่าที่เหมาะสมที่สุดของสมการที่ (2.30) แสดงได้ดังสมการ ที่ (2.31)

$$\frac{\partial P}{\partial x} = 0$$
(2.31)

โดยที่ $x = a_0, a_1, a_2, b_0, b_1, b_2, c$

เนื่องจากระบบสมการของสมการเงื่อนไขจำเป็นมีความซับซ้อนและไม่สามารถหาคำตอบที่ แม่นตรงได้ (exact solution) ดังนั้นการหาค่าคำตอบของสมการเงื่อนไขจำเป็นด้วยระเบียบวิธีทำซ้ำ ด้วย Gauss-Newton Method เมื่อนำข้อมูลจากการทดสอบมาใช้ในการหาคำตอบของสมการ เงื่อนไขจำเป็นจึงสรุปสมการค่าความเหนี่ยวนำตัวเองและค่าความเหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ได้ดังสมการที่ (2.32)

$$L_{d}(i_{d}) = 0.3241 \exp\left(-0.0577i_{d} - 0.0129i_{d}^{2}\right)$$

$$L_{q}(i_{q}) = 0.1047 \exp\left(-0.1031i_{q} - 0.0086i_{q}^{2}\right)$$

$$L_{dq}(i_{d}, i_{q}) = -0.0013i_{d} \cdot i_{q}$$
(2.32)

บทที่ 3

แบบจำลองมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

เนื้อหาบทนี้จะกล่าวถึงการนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก และสมการทางพลวัตของ SynRM ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กในรูปของฟลักซ์เทียม ตลอดจนคุณสมบัติที่ดีของฟลักซ์เทียมและแบบจำลองที่นำเสนอในงานวิจัยนี้

3.1 การนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

แบบจำลองของ SynRM ที่อยู่บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์แสดงได้ดังสมการที่ (3.1) และสมการ ฟลักซ์แม่เหล็กที่เกิดขึ้นบน SynRM ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กแสดงได้ดังสมการที่ (3.2)

$$\begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix} = R \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix} + \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \psi_d \\ \psi_q \end{bmatrix} + \omega \begin{bmatrix} -\psi_q \\ \psi_d \end{bmatrix}$$
(3.1)

$$\begin{bmatrix} \Psi_d \\ \Psi_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_d(i_d) & L_{dq}(i_d, i_q) \\ L_{dq}(i_d, i_q) & L_q(i_q) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix}$$
(3.2)

โ

$$\begin{split} L_d\left(i_d\right) &= 0.3241 \exp\left(-0.0577 i_d - 0.0129 i_d^2\right) \\ \text{ดยพี} \quad L_q\left(i_q\right) &= 0.1047 \exp\left(-0.1031 i_q - 0.0086 i_q^2\right) \\ L_{dq}\left(i_d, i_q\right) &= -0.0013 i_d \cdot i_q \end{split}$$

เมื่อเขียนแบบจำลองของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์จากสมการที่ (3.1)-(3.2) ให้อยู่บน กรอบอ้างอิงสเตเตอร์โดยใช้ความสัมพันธ์ตามสมการที่ (3.3) จะได้แบบจำลองของมอเตอร์ SynRM บนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กดังสมการที่ (3.4)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_d \\ v_q \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} i_x \\ i_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix}$$
(3.3)

$$\begin{bmatrix} v_{x} \\ v_{y} \end{bmatrix} = R \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} + \frac{d}{dt} \left\{ L_{\Sigma} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} \right\} + \frac{d}{dt} \left\{ L_{\Delta} \begin{bmatrix} \cos 2\theta & \sin 2\theta \\ \sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} \right\} + \frac{d}{dt} \left\{ L_{dq} \begin{bmatrix} -\sin 2\theta & \cos 2\theta \\ \cos 2\theta & \sin 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} \right\} = R \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} + \frac{d}{dt} \left\{ L_{\Sigma} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} \right\} + \frac{d}{dt} \left\{ L_{\Delta} \begin{bmatrix} \cos 2\theta & -\sin 2\theta \\ \sin 2\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} \right\} + \frac{d}{dt} \left\{ L_{dq} \begin{bmatrix} -\sin 2\theta & \cos 2\theta \\ \cos 2\theta & \sin 2\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \end{bmatrix} \right\}$$
n'nkunlik J = $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ แทนเมทริกซ์ที่เลื่อนมุมเฟสของเวกเตอร์ไป 90 องศา, Q = $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$
แทนเมทริกซ์สะท้อน และ $e^{J2\theta} = \begin{bmatrix} \cos 2\theta & -\sin 2\theta \\ \sin 2\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix}$

จากนั้นเขียนแบบจำลองบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ดังสมการที่ (3.4) ให้อยู่ในรูปปริภูมิ เวกเตอร์ (space vector) ได้ดังสมการที่ (3.5)

$$\vec{v}_s = R\vec{i}_s + \frac{d}{dt} \left(L_{\Sigma}\vec{i}_s \right) + \frac{d}{dt} \left(L_{\Delta} e^{J^{2\theta}} \mathbf{Q} \vec{i}_s + L_{dq} e^{J^{2\theta}} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_s \right)$$
(3.5)

จากสมการปริภูมิเวกเตอร์ดังสมการที่ (3.5) สามารถนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก $(\vec{\phi})$ ดังสมการที่ (3.6) $(\alpha \alpha)$

$$\varphi = L_{\Delta} e^{s z s} \mathbf{Q} \mathbf{i}_s + L_{dq} e^{s z s} \mathbf{J} \mathbf{Q} \mathbf{i}_s \tag{3.6}$$

จากสมการที่ (3.6) จะเห็นได้ว่าฟลักซ์เทียมมีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ในเทอม $e^{J2 heta}$ ดังนั้น สามารถคำนวณตำแหน่งโรเตอร์ผ่านฟลักซ์เทียมได้

เมื่อเปรียบเทียบความสัมพันธ์ระหว่างฟลักซ์เทียมกับฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11] $\left(ec{\lambda}
ight)$ แสดงได้ดังสมการที่ (3.7) และเขียนเวกเตอร์ไดอะแกรมเพื่อแสดงความสัมพันธ์ดังกล่าวได้ดังรูปที่ 3.1

$$\vec{\varphi} \triangleq L_{\Delta} e^{J2\theta} \mathbf{Q} \vec{i}_{s} + L_{dq} e^{J2\theta} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$

$$= \left(L_{\Delta} \mathbf{I} + L_{dq} \mathbf{J} \right) e^{J2\theta} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$

$$= \vec{\lambda} + L_{dq} e^{J2\theta} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$
(3.7)

โดยที่ I แทนเมทริกซ์เอกลักษณ์ที่มีมิติเท่ากับ 2×2



รูปที่ 3.1 ปริภูมิเวกเตอร์ของฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก และฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11]

จากนิยามฟลักซ์เทียมดังสมการที่ (3.6) หากเราต้องการทราบขนาดของฟลักซ์เทียม สามารถ คำนวณจากข้อมูลกระแสสเตเตอร์และค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ดังสมการที่ (3.8)

$$\|\vec{\varphi}\| = \left\| \left(L_{\Delta} \mathbf{I} + L_{dq} \mathbf{J} \right) e^{J^{2\theta}} \mathbf{Q} \vec{i}_{s} \| \right\|$$
$$= \sqrt{L_{\Delta}^{2} + L_{dq}^{2}} \|\vec{i}_{s}\|$$
(3.8)

เนื่องจากฟลักซ์เทียมมีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ทำให้ตำแหน่งโรเตอร์สามารถคำนวณได้หาก ทราบข้อมูลฟลักซ์เทียมตามสมการที่ (3.6) และทราบขนาดของฟลักซ์เทียมได้จากข้อมูลการวัด ซึ่งถือ เป็นข้อได้เปรียบเมื่อเทียบกับฟลักซ์แอกทีฟในงานวิจัย [9, 10] จะเห็นได้ว่าขนาดของฟลักซ์แอกทีฟ จะขึ้นอยู่กับกระแสบนแกน d ถ้าหากเราไม่ทราบตำแหน่งโรเตอร์จะไม่สามารถหาขนาดของฟลักซ์ แอกทีฟได้ ซึ่งขนาดของฟลักซ์แอกทีฟแสดงได้ดังสมการที่ (3.9)

$$\left\|\vec{\Psi}_{s}^{a}\right\| = \left\|\left(L_{d} - L_{q}\right)e^{J\theta}\begin{bmatrix}i_{d}\\0\end{bmatrix}\right\| = \left(L_{d} - L_{q}\right)i_{d}$$

$$(3.9)$$

3.2 แบบจำลองของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยง ข้ามทางแม่เหล็ก

จากหัวข้อที่แล้วได้นิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ถัดมาเป็น การนำเสนอแบบจำลองบนฐานฟลักซ์เทียมดังกล่าว โดยการแทนสมการฟลักซ์เทียมลงในสมการ แบบจำลองมอเตอร์ในสมการที่ (3.5) จะได้แบบจำลองมอเตอร์บนฐานฟลักซ์เทียมตามสมการที่ (3.10)

$$\vec{v}_s = R\vec{i}_s + \frac{d}{dt} \left(L_{\Sigma}\vec{i}_s \right) + \frac{d}{dt} \left(\vec{\varphi} \right)$$
(3.10)

เมื่อพิจารณาแรงเคลื่อนไฟฟ้าที่เกิดจากการเปลี่ยนแปลงเชิงเวลาของฟลักซ์สเตเตอร์ โดยอยู่ ในเทอมอนุพันธ์ของสมการที่ (3.10) ทำให้ทราบความสัมพันธ์ระหว่างฟลักซ์สเตเตอร์ $\left(ec{\Psi}_{s}
ight)$ กับ ฟลักซ์เทียม $\left(ec{
ho}
ight)$ แสดงได้ดังสมการที่ (3.11)

$$\vec{\Psi}_s = L_{\Sigma} \vec{i}_s + \vec{\varphi} \tag{3.11}$$

ความสัมพันธ์เชิงเวกเตอร์ของฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก $(\vec{\varphi})$ ฟลักซ์สเตเตอร์ $(\vec{\Psi}_s)$ ฟลักซ์แอกทีฟในงานวิจัย [9, 10] $(\vec{\Psi}_s^a)$ และฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11] $(\vec{\lambda})$ สามารถแสดงดังรูปที่ 3.2



รูปที่ 3.2 ปริภูมิเวกเตอร์ของฟลักซ์สเตเตอร์ ฟลักซ์แอกทีฟ ฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11] และฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

3.3 คุณสมบัติที่ดีของฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและแบบจำลอง ซิงโครนัสรีลักแตนซ์บนฐานฟลักซ์เทียมดังกล่าว

การนิยามฟลักซ์เทียมแบบใหม่ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและแบบจำลอง ของ SynRM บนฐานฟลักซ์เทียม พบว่าคุณสมบัติที่ดีของฟลักซ์เทียมกับแบบจำลองนี้มีหลายประการ ดังนี้

 แบบจำลองที่นำเสนอในงานวิจัยนี้ มีลักษณะคล้ายกับแบบจำลองของ PMSM ซึ่งเทอม ของฟลักซ์จากแม่เหล็กถาวรเทียบได้กับฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก

- ขนาดของฟลักซ์เทียมสามารถคำนวณได้จากกระแสสเตเตอร์ซึ่งเป็นค่าที่วัดมาจาก เซนเซอร์และค่าความเหนี่ยวนำของมอเตอร์ ตามสมการที่ (3.8) คุณสมบัตินี้มีลักษณะ คล้ายกับฟลักซ์จากแม่เหล็กถาวรของ PMSM
- สมการแรงบิดที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กแสดงได้ดังสมการที่ (3.12) โดยสมการแรงบิดนี้สามารถเขียนในรูปของผลคูณเชิงเวกเตอร์ระหว่างฟลักซ์เทียมกับ กระแสสเตเตอร์ดังสมการที่ (3.13) ซึ่งถือว่าสมการแรงบิดในเทอมของฟลักซ์เทียม สะท้อนพฤติกรรมทางธรรมชาติของสนามแม่เหล็ก ซึ่งมีรายละเอียดสมการดังนี้

$$\begin{aligned} \|\vec{T}\| &= p\left[\left(L_{d} - L_{q}\right)i_{d}i_{q} - L_{dq}\left(i_{d}^{2} - i_{q}^{2}\right)\right] \end{aligned} \tag{3.12} \\ \vec{T} &= p\left(\vec{\varphi} \times \vec{i}_{s}\right) \\ &= p\left[\left(L_{\Delta}\mathbf{I} + L_{dq}\mathbf{J}\right)e^{J2\theta}\mathbf{Q}\vec{i}_{s}\right] \times \vec{i}_{s} \\ &= p\left[\left(L_{\Delta}\mathbf{I} + L_{dq}\mathbf{J}\right)e^{J\theta}\mathbf{Q}e^{-J\theta}\vec{i}_{s}\right] \times \vec{i}_{s} \\ &= p\left[\left(L_{\Delta}\mathbf{I} + L_{dq}\mathbf{J}\right)e^{J(\theta-\delta)}\begin{bmatrix}\|\vec{i}_{s}\|\\0\end{bmatrix} \times e^{J(\theta+\delta)}\begin{bmatrix}\|\vec{i}_{s}\|\\0\end{bmatrix}\right] \end{aligned} \tag{3.13} \\ &= p\left(L_{\Delta}\mathbf{I} + L_{dq}\mathbf{J}\right)e^{J(\theta-\delta)}\begin{bmatrix}\|\vec{i}_{s}\|\\0\end{bmatrix} \times e^{J(\theta+\delta)}\begin{bmatrix}\|\vec{i}_{s}\|\\0\end{bmatrix}\right] \end{aligned}$$

โดยที่ p คือ คู่ขั้วของมอเตอร์, δ คือ มุมของกระแสสเตเตอร์ซึ่งนิยามตามรูปที่ 3.2 และ $i_d = \|\vec{i}_s\|\cos\delta$, $i_q = \|\vec{i}_s\|\sin\delta$

 4. ฟลักซ์เทียมในสมการที่ (3.6) พบว่ามีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ในเทอม 2θ ซึ่งสะท้อน ความเป็นขั้วยื่นของ SynRM ซึ่งมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

GHU ALONGKORN UNIVERSITY ลักษณะความเป็นขั้วยื่นของ SynRM ทำให้ค่าความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน d และแกน q มี ค่าต่างกัน ซึ่งค่าความเหนี่ยวนำตัวเองในแกน d จะนิยามจากเส้นทางเดินฟลักซ์แม่เหล็กในบริเวณที่มี ค่ารีลักแตนซ์ (ค่าความต้านทานแม่เหล็ก) ต่ำ หรือบริเวณที่มีค่าความนำแม่เหล็กสูง ส่วนค่าความ เหนี่ยวนำตัวเองในแกน q จะนิยามจากเส้นทางเดินฟลักซ์แม่เหล็กในบริเวณที่มีค่ารีลักแตนซ์สูง หรือ บริเวณที่มีค่าความนำแม่เหล็กต่ำ ซึ่งแสดงได้ดังรูปที่ 3.3

เมื่อพิจารณา SynRM 4 ขั้วดังรูปที่ 3.3 พบว่ามุมทางไฟฟ้ามีค่าเป็น 2 เท่าของมุมทางกลดัง สมการที่ Error! Reference source not found. และพิจารณาลักษณะการหมุนของโรเตอร์ของ SynRM ได้ดังรูปที่ 3.4

$$\theta_{elec} = \frac{4}{2}\theta_{mech} = 2\theta_{mech} \tag{3.14}$$



จากรูปที่ 3.4 หากพิจารณาค่าความเหนี่ยวนำตัวเองที่จุดอ้างอิง $\left(heta_{elec} = 0^\circ
ight)$ พบว่า ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหนี่ยวนำตัวเองที่จุดอ้างอิงเทียบกับมุมทางไฟฟ้ามีลักษณะเป็นฟังก์ชัน ไซนูซอยด์ซึ่งมีความถี่เป็น 2 เท่าของความถี่ทางไฟฟ้า ซึ่งแสดงได้ดังรูปที่ 3.5



จากรูปที่ 3.5 ได้ข้อสรุปว่าเราไม่สามารถระบุตำแหน่งของแกน d และแกน q ได้แน่ชัด แต่ บอกได้เพียงแนวแกนเท่านั้น เนื่องจากว่าแนวแกน d หรือแกน q เราสามารถวางได้ 2 ตำแหน่งใน หนึ่งคาบทางไฟฟ้า ซึ่งสะท้อนลักษณะความเป็นขั้วยื่นตามธรรมชาติของ SynRM



บทที่ 4

การประมาณตำแหน่งและความเร็วของมอเตอร์ด้วยตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผล ของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่มีเสถียรภาพในวงกว้าง

จากการนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและแบบจำลองของ SynRM บนฐานฟลักซ์เทียมในบทที่ 3 สำหรับบทนี้จะเริ่มต้นด้วยวิธีการประมาณตำแหน่งและ ความเร็วโรเตอร์ด้วยตัวสังเกตฟลักซ์เทียม (fictitious flux observer) โดยนำแนวคิดในการสร้างตัว สังเกตจากงานวิจัย [16] และเปรียบเทียบกับงานวิจัย [11] มาประยุกต์ใช้ จากนั้นจะกล่าวถึงวิธีการ คำนวณตัวสังเกตฟลักซ์เทียมเพื่อนำไปสู่การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ด้วยวิธีเฟสล็อกลูป เชิงเวกเตอร์ (vector phase-locked loop) ส่วนสุดท้ายจะอธิบายขั้นตอนการออกแบบอัตราการ ขยายตัวควบคุมพีไอ (PI Controller) ในวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ตามสมรรถนะที่ต้องการ

4.1 ตัวสังเกตฟลักซ์แม่เหล็กถาวรและฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11] ที่มีเสถียรภาพในวงกว้าง

ความท้าทายของการประมาณความตำแหน่งและความเร็วของมอเตอร์คือยังไม่มีการพิสูจน์ เสถียรภาพในวงกว้างของตัวสังเกตที่ใช้ในการประมาณ จนงานวิจัย [16] ได้มีการยืนยันเสถียรภาพใน วงกว้างด้วยตัวสังเกตฟลักซ์จากแม่เหล็กถาวรของ PMSM และงานวิจัย [11] ได้มีการนำวิธีการ ดังกล่าวมาประยุกต์ใช้ ดังนั้นเนื้อหาส่วนนี้จะกล่าวถึงแนวคิดของงานวิจัย [16] และ [11] พอสังเขป เพื่อนำไปสู่การสร้างตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กเพื่อใช้ในงาน ประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ต่อไป

ขั้นแรกจะกล่าวถึงแบบจำลองของ PMSM ดังสมการที่ (4.1) และนิยามฟลักซ์จากแม่เหล็ก ถาวรดังสมการที่ (4.2)

$$\vec{v}_s = R\vec{i}_s + \frac{d\vec{\psi}_s}{dt} \tag{4.1}$$

$$\vec{\psi}_{s} = L\vec{i}_{s} + \Phi \begin{bmatrix} \cos\theta \\ \sin\theta \end{bmatrix}$$

$$\vec{\psi}_{s} = L\vec{i}_{s} + \vec{\Phi}$$

$$(4.2)$$

เมื่อ $\vec{v_s}$, $\vec{i_s}$ แทนแรงดันและกระแสสเตเตอร์, R แทนค่าความต้านทานขดลวดสเตเตอร์, $\vec{\psi_s}$ แทน ฟลักซ์สเตเตอร์ของ PMSM, L แทนค่าความเหนี่ยวนำของขดลวดสเตเตอร์, และ $\vec{\Phi}$ แทนฟลักซ์ แม่เหล็กถาวร

เนื่องจากฟลักซ์จากแม่เหล็กถาวรมีข้อมูลตำแหน่งโรเตอร์ จึงใช้ในการประมาณตำแหน่งได้ หากทราบค่าฟลักซ์จากแม่เหล็กถาวร ดังนั้นในงานวิจัย [16] ได้มีการสร้างตัวสังเกตฟลักซ์จาก แม่เหล็กถาวรดังสมการที่ (4.3)-(4.5) และยังได้มีการพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างอีกด้วย

$$\frac{d\vec{\psi}_s}{dt} = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - k\left(\hat{\vec{\psi}_s} - L\vec{i}_s\right)$$
(4.3)

$$k = \mu \max\left\{0, \left\|\hat{\vec{\Phi}}\right\|^2 - \left\|\vec{\Phi}\right\|^2\right\}$$
(4.4)

$$\hat{\vec{\Phi}} = \hat{\vec{\psi}}_s - L\vec{i}_s \tag{4.5}$$

โดยที่ k แทนอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกตฟลักซ์แม่เหล็กถาวร

งานวิจัย [11] ได้มีการนำวิธีการสร้างตัวสังเกตฟลักซ์แม่เหล็กถาวรมาประยุกต์ใช้ โดยสร้าง ้ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมเพื่อใช้ในการประมาณต่ำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ สำหรับตัวสังเกตฟลักซ์ เทียมในงานวิจัย [11] แสดงได้ดังสมการที่ (4.6)-(4.8)

$$\frac{d\vec{\Psi}_s}{dt} = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - k\left(\hat{\vec{\lambda}} - L_{\Sigma}\vec{i}_s\right)$$
(4.6)

$$k = \mu \max\left\{0, \left\|\hat{\vec{\lambda}}\right\|^2 - \left\|\vec{\lambda}\right\|^2\right\}$$
(4.7)

$$\hat{\vec{\lambda}} = \hat{\vec{\Psi}}_s - L_{\Sigma} \vec{i}_s \tag{4.8}$$

เมื่อ $ec{v}$, $ec{i}$ แทนแรงดันและกระแสสเตเตอร์, R แทนค่าความต้านทานขดลวดสเตเตอร์, และ $ec{\lambda}$ ตัว สังเกตฟลักซ์เทียมในงานวิจัย [11]

จากการสร้างตัวสังเกตในงานวิจัย [11, 16] พบว่าเมื่อคำนวณตัวสังเกตซึ่งมีข้อมูลตำแหน่งได้ แล้วจึงนำไปประมาณหาตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ได้ด้วยวิธีเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ซึ่งจะกล่าวใน หัวข้อที่ 4.4 ดังนั้นงานในวิจัยนี้จึงได้แนวคิดในการสร้างตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ซึ่งจะกล่าวรายละเอียดต่อไป

4.2 ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

สำหรับตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กนั้นสามารถนำมาใช้ ในการประมาณตำแหน่งได้เนื่องจากมีข้อมูลตำแหน่งในเทอม 2 heta กล่าวคือ ถ้าสามารถคำนวณตัว ้สังเกตฟลักซ์เทียมดังกล่าวได้แล้ว ก็สามารถประมาณหาตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ได้ โดยอาศัย คุณสมบัติที่ดีของฟลักซ์เทียมที่หัวข้อที่ 3.3 สามารถเขียนสมการทางพลวัตของมอเตอร์ SynRM ใน รูปของฟลักซ์สเตเตอร์และฟลักซ์เทียมได้ดังสมการที่ (4.9)

$$\vec{v}_{s} = R\vec{i}_{s} + \frac{d}{dt}(L_{\Sigma}\vec{i}_{s}) + \frac{d}{dt}(L_{\Delta}e^{J2\theta}\mathbf{Q}\vec{i}_{s} + L_{dq}e^{J2\theta}\mathbf{J}\mathbf{Q}\vec{i}_{s})$$

$$= R\vec{i}_{s} + \frac{d}{dt}(L_{\Sigma}\vec{i}_{s} + L_{\Delta}e^{J2\theta}\mathbf{Q}\vec{i}_{s} + L_{dq}e^{J2\theta}\mathbf{J}\mathbf{Q}\vec{i}_{s})$$

$$= R\vec{i}_{s} + \frac{d}{dt}(L_{\Sigma}\vec{i}_{s} + \vec{\varphi}_{s})$$

$$= R\vec{i}_{s} + \frac{d}{dt}(\vec{\Psi}_{s})$$

$$(4.9)$$

จากสมการที่ (4.9) สามารถเขียนสมการแบบจำลองของ SynRM ให้มีลักษณะคล้ายกับ แบบจำลองของ PMSM ที่นำเสนอในวิจัย [16] เมื่อเปรียบเทียบระหว่างแบบจำลองของ SynRM บน ฐานฟลักซ์เทียมในสมการที่ (4.9) กับแบบจำลองของ PMSM แล้วสามารถสรุปความสัมพันธ์ของ สมการแรงดันได้ดังสมการที่ (4.10) และความสัมพันธ์ของฟลักซ์สเตเตอร์แสดงได้ดังสมการที่ (4.11)

$$\vec{v}_{s} = R\vec{i}_{s} + \frac{d\vec{\psi}_{s}}{dt}$$

$$\downarrow$$

$$\vec{v}_{s} = R\vec{i}_{s} + \frac{d}{dt} \left(L_{\Sigma}\vec{i}_{s} + \vec{\varphi}_{s} \right)$$

$$= R\vec{i}_{s} + \frac{d}{dt} \left(\vec{\Psi}_{s} \right)$$

$$\vec{\psi}_{s} = L\vec{i}_{s} + \vec{\Phi}$$

$$\downarrow$$

$$\downarrow$$

$$\vec{\Psi}_{s} = L_{\Sigma}\vec{i}_{s} + \vec{\varphi}_{s}$$

$$(4.10)$$

$$(4.11)$$

จากสมการที่ (4.10)-(4.11) พบว่าแบบจำลองของ SynRM ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็กนั้นมีความคล้ายคลึงกับแบบจำลองของ PMSM และทราบขนาดของฟลักซ์เทียมได้จาก การวัดคำนวณได้ตามสมการที่ (3.8) ซึ่งสอดคล้องกับคุณสมบัติของฟลักซ์จากแม่เหล็กถาวร ดังนั้นใน งานวิจัยนี้จึงได้นำแนวคิดจากงานวิจัย [16] ในการสร้างตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กดังสมการที่ (4.12)-(4.16)

$$\frac{d\hat{\phi}}{dt} = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - \frac{d}{dt} (L_{\Sigma}\vec{i}_s) - k\hat{\phi}$$

$$\frac{d\hat{\phi}}{dt} + \frac{d}{dt} (L_{\Sigma}\vec{i}_s) = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - k\hat{\phi}$$

$$\frac{d}{dt} (\hat{\phi} + L_{\Sigma}\vec{i}_s) = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - k\hat{\phi}$$
(4.12)

$$\frac{d\hat{\Psi}_s}{dt} = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - k\hat{\vec{\varphi}}$$
(4.13)

จะได้ว่า

โดยที่

$$\hat{\vec{\varphi}}_s = \hat{\vec{\Psi}}_s - L_{\Sigma}\vec{i}_s \tag{4.14}$$

$$k = \mu \max\left\{0, \left\|\hat{\vec{\varphi}}\right\|^{2} - \left\|\vec{\varphi}\right\|^{2}\right\}$$
(4.15)

$$\left\|\vec{\varphi}\right\|^2 = \left(L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2\right) \left\|\vec{i}_s\right\|^2 \tag{4.16}$$

เมื่อ $\vec{\phi}$ แทนตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก, k แทนอัตราการ ขยายป้อนกลับของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม, และ μ แทนค่าคงที่ที่มีค่ามากกว่าศูนย์

จากตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่นำเสนอไปนั้น เมื่อทำการพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างด้วยทฤษฎี บทเลียปูนอฟและทฤษฎีบทลาซาล (Lyapunov and Lasalle Theorem) พบว่าตัวสังเกตฟลักซ์ เทียมพิสูจน์ได้ว่าลู่เข้าสู่ค่าจริงได้ทุกช่วงการทำงานและมีเสถียรภาพตลอดการทำงานของมอเตอร์ สำหรับรายละเอียดการพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างจะกล่าวไว้ในภาคผนวก ก

สำหรับการทดลองกับระบบฮาร์ดแวร์จริงพบว่าปัญหาหลักที่ทำให้การคำนวณตัวสังเกต ฟลักซ์เทียมแล้วมีค่าความพลาดเกิดขึ้นคือ ค่าออฟเซตของกระแสที่เกิดจากเซนเซอร์วัดกระแส ด้วย เหตุนี้นำไปสู่การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่าความผิดพลาดเกิดขึ้น งานวิจัยนี้ได้เสนอ แนวคิดในการออกแบบค่าอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม (k) โดยมีรายละเอียด ดังนี้

4.3 การวิเคราะห์ผลของออฟเซตของกระแสและแนวทางในการออกแบบอัตราการขยาย ป้อนกลับของตัวสังเกต

จากการพิสูจน์เสถียรภาพของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมพบว่า ฟลักซ์เทียมประมาณสามารถลู่เข้า สู่ค่าจริง จึงทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วเตอร์ลู่เข้าสู่ค่าจริงด้วย อย่างไรก็ตามระบบ ประมาณถูกรบกวนด้วยค่าออฟเซตของกระแสทำให้การคำนวณตัวสังเกตฟลักซ์เทียมมีค่าความ ผิดพลาด จึงนำไปสู่การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ผิดพลาดได้ ในหัวข้อนี้จะกล่าวถึงการ วิเคราะห์ผลของออฟเซตของกระแสที่มีต่อคำนวณตัวสังเกตฟลักซ์เทียมและแนวทางในการออกแบบ อัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกต ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

สมการทางพลวัตของ SynRM แสดงได้ดังสมการที่ (4.17)

$$\frac{d\vec{\Psi}_{s}}{dt} = \vec{v}_{s} - R\vec{i}_{s}$$

$$\vec{\phi} = \vec{\Psi}_{s} - L_{\Sigma}\vec{i}_{s}$$
(4.17)

สมการทางพลวัตของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมดังสมการ (4.12)-(4.16) หากพิจารณาค่าออฟเซตของ กระแสสามารถเขียนใหม่ได้ดังสมการที่ (4.18) โดยนิยามของอัตราการขยายป้อนกลับสามารถนิยาม ได้จากรูปที่ 4.1

$$\frac{d\hat{\Psi}_{s}}{dt} = \vec{v}_{s} - R(\vec{i}_{s} + \vec{a}) - k\hat{\vec{\varphi}}$$

$$\hat{\vec{\varphi}} = \hat{\vec{\Psi}}_{s} - L_{\Sigma}(\vec{i}_{s} + \vec{a})$$

$$k = \mu \cdot \max\left\{0, \left\|\hat{\vec{\varphi}}\right\|^{2} - \left\|\vec{\varphi}\right\|^{2}\right\}$$
(4.18)

โดยที่ $\vec{a} = \begin{bmatrix} a_x & a_y \end{bmatrix}^T$ คือ เวกเตอร์ของกระแสออฟเซตบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์

จากความสัมพันธ์ระหว่าง (4.17) และ (4.18) สามารถเขียนใหม่ได้ดังสมการ (4.19)

$$\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} = \hat{\vec{\Psi}}_s - \vec{\Psi}_s$$

$$\frac{d}{dt} (\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi}) = \frac{d}{dt} (\hat{\vec{\Psi}}_s - \vec{\Psi}_s) = -k\hat{\vec{\varphi}} - R\vec{a}$$
(4.19)

จากภาคผนวก ก ได้มีการกำหนดฟังก์ชันเลียปูนอฟไว้ ซึ่งแสดงได้ดังสมการที่ (4.20)

$$V = \left(\hat{\vec{\phi}} - \vec{\phi}\right)^T \left(\hat{\vec{\phi}} - \vec{\phi}\right) \ge 0 \tag{4.20}$$

สำหรับอนุพันธ์ของฟังก์ชันเลียปูนอฟแสดงได้ดังสมการ (4.21)

$$\frac{dV}{dt} = 2 \left[\frac{d}{dt} \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right)^T \right] \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right)
= -2 \left(R\vec{a} + k\hat{\vec{\varphi}} \right)^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right)
= -2k\hat{\vec{\varphi}}^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right) - 2R\vec{a}^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right)
\leq -kV - 2R\vec{a}^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right) ; \| \vec{\varphi} \|^2 - \| \vec{\varphi} \|^2 \ge 0$$
(4.21)

จากทฤษฎีบทของลาซาลแสดงได้ดังอสมการที่ (4.22)

$$\frac{dV}{dt} = -kV - 2R\vec{a}^{T} \left(\hat{\vec{\phi}} - \vec{\phi}\right) \le 0$$
(4.22)

พิจารณาขณะที่ไม่คำนึงผลของออฟเซตของกระแส $\left(ec{a}=ec{0}
ight)$ จะได้ว่า

$$\frac{dV}{dt} = -kV \le 0 \tag{4.23}$$

จากทฤษฎีบทเลียปูนอฟและทฤษฎีบทลาซาลเมื่อพิจารณาสมการที่ (4.20) และ (4.23) สรุปได้ว่า ฟลักซ์ประมาณลู่เข้าสู่ค่าจริงได้ โดยแสดงการลู่เข้าได้ดังรูปที่ 4.2



รูปที่ 4.2 เส้นทางเดินของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมขณะที่ไม่พิจารณาผลของออฟเซฟของกระแส

หากพิจารณาผลของออฟเซตของกระแส (*ā* ≠ 0) เมื่อพิจารณาขอบเขตที่ทำให้อสมการที่ (4.22) เป็นจริงแสดงได้ดังสมการ (4.24)

$$\left(\Delta\varphi_{x} - \frac{Ra_{x}}{k}\right)^{2} + \left(\Delta\varphi_{y} - \frac{Ra_{y}}{k}\right)^{2} \ge \left(\frac{R\|\vec{a}\|}{k}\right)^{2}$$

$$(4.24)$$

โดยที่ $\Delta \varphi_x = \varphi_x - \hat{\varphi}_x$, $\Delta \varphi_y = \varphi_y - \hat{\varphi}_y$, $\|\vec{a}\| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$

จากสมการที่ (4.24) เมื่อนำไปวาดเส้นโค้งจะได้ขอบเขตซึ่งเป็นรูปวงกลมดังรูปที่ 4.3 หาก กำหนดให้ $\Delta \varphi_x$ แทนแกน x และ $\Delta \varphi_y$ แทนแกน y และมีรัศมีเท่ากับ $\frac{R\|\vec{a}\|}{k}$ โดยบริเวณสีเหลือง แทนบริเวณที่ไม่สอดคล้องกับ (4.24) นั่นหมายความว่าเมื่อพิจารณาผลของออฟเซตของกระแสทำให้ เกิดขอบเขตของค่าความผิดพลาดของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม ซึ่งจะนำไปใช้ในการคำนวณอัตราการ ขยายป้อนกลับของตัวสังเกตต่อไป



รูปที่ 4.4 เส้นทางเดินและขอบเขตของการลู่เข้าของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม

จากรูปที่ 4.4 จะเห็นได้ว่าบริเวณที่อยู่นอกวงกลมสีฟ้าอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกต มีค่าไม่เป็นศูนย์ซึ่งเป็นบริเวณที่มีค่าความผิดพลาดของขนาดยกกำลังสองของฟลักซ์เทียม $\left(\left\| \vec{\phi} \right\|^2 - \left\| \vec{\phi} \right\|^2
ight)$ ทำให้เทอมป้อนกลับตัวสังเกตจะทำงาน ทำให้ค่าความผิดพลาดของตัวสังเกตลดลง แต่ผลของออฟเซตกระแสทำให้เกิดบริเวณวงกลมสีส้ม ซึ่งเป็นบริเวณที่ไม่การันตีการลดของค่าความ ผิดพลาดของตัวสังเกต แต่ค่าความผิดพลาดของขนาดยกกำลังสองของฟลักซ์เทียมยังคงลดลงจน เส้นทางเดินเข้ามาในบริเวณสีฟ้าซึ่งเป็นบริเวณที่ไม่การันตีทั้งการลดของค่าความผิดพลาดของตัว สังเกตและค่าความผิดพลาดของขนาดยกกำลังสองของฟลักซ์เทียม เมื่อเวลาผ่านไปเวกเตอร์ของตัว สังเกตฟลักซ์เทียมหมุนไปตามระนาบทำให้ค่าความผิดพลาดมีค่าเพิ่มขึ้นและลดลงเป็นฟังก์ชันไซนู-ซอยด์ โดยแสดงผลการจำลองการเปรียบเทียบการคำนวณของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่ค่าอัตราการ ขยายป้อนกลับที่แตกต่างกันดังรูปที่ 4.5



จากพฤติกรรมที่ได้กล่าวมาทั้งหมดนั้นสามารถสรุปได้ดังนี้

- หากค่าอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกตเพิ่มขึ้น จะทำให้รัศมีของวงกลมเล็กลง เป็นผลทำให้บริเวณที่ทำให้อสมการที่ (4.24) มีพื้นที่มากขึ้น ทำให้ขอบเขตของค่าความ ผิดพลาดของตัวสังเกตมีค่าน้อยลง
- ขณะที่ออฟเซตของกระแสมีค่าเพิ่มขึ้น ส่งผลทำให้รัศมีของวงกลมเพิ่มขึ้น ทำให้บริเวณที่ ทำให้อสมการที่ (4.24) เป็นจริงมีพื้นที่น้อยลง ส่งผลทำให้ขอบเขตของค่าความผิดพลาด ของตัวสังเกตมีมากขึ้น

สำหรับแนวทางในการออกแบบอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมจะ พิจารณาจากขอบเขตของค่าความผิดพลาดของตัวสังเกตซึ่งกำหนดให้ขอบเขตของค่าความผิดพลาด ไม่เกิน 5% เมื่อนำไปพิจารณาร่วมกับรัศมีของบริเวณในรูปที่ 4.3 สามารถคำนวณได้ดังนี้



รูปที่ 4.6 ขอบเขตของฟลักซ์จริงและตัวสังเกตฟลักซ์เทียม

ขอบเขตของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมแสดงได้ดังรูปที่ 4.6 (วงกลมสีเขียว) กำหนดให้ค่าความผิดพลาด ไม่เกิน 5 % สามารถคำนวณได้ดังนี้

$$\Delta \varphi_x = \Delta \varphi_y \approx 0.05 \times 0.25 = 0.0125 \, \text{Wb}$$

และขนาดออฟเซตของกระแสมีค่าเท่ากับ

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} a_x & a_y \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} 0.1 & 0.1 \end{bmatrix}^T A$$

 $\|\vec{a}\| = \sqrt{0.1^2 + 0.1^2} = 0.1\sqrt{2} A$

จากรัศมีของวงกลมตามอสมการที่ (4.24) สามารถคำนวณอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกตได้ ดังนี้

รัศมีของวงกลม คือ

$$r = \frac{R \|\vec{a}\|}{k}$$

 $\sqrt{0.0125^2 + 0.0125^2} = \frac{3.2273 \times 0.1\sqrt{2}}{k}$
 $k = 36.512$

เมื่อพิจารณาค่าความผิดพลาดของขนาดยกกำลังสองของฟลักซ์เทียม $\left(\left\| \hat{\vec{\sigma}} \right\|^2 - \left\| \vec{\phi} \right\|^2
ight)$ ขณะที่ค่า ความผิดพลาดของตัวสังเกตไม่เกิน 5 % คำนวณได้ดังนี้

$$\begin{aligned} \left\| \hat{\phi} \right\|^{2} - \left\| \vec{\phi} \right\|^{2} &= \left(\hat{\phi}_{x}^{2} + \hat{\phi}_{y}^{2} \right) - \left(\phi_{x}^{2} + \phi_{y}^{2} \right) \\ &= \left[\left(\phi_{x} + \Delta \phi_{x} \right)^{2} + \left(\phi_{y} + \Delta \phi_{y} \right)^{2} \right] - \left(\phi_{x}^{2} + \phi_{y}^{2} \right) \\ &= \left[\left(0.25 + 0.0125 \right)^{2} + \left(0.25 + 0.0125 \right)^{2} \right] - \left(0.25^{2} + 0.25^{2} \right) \\ &= 0.0128 \text{ Wb}^{2} \end{aligned}$$

จากนั้น สามารถคำนวณค่า μ จะได้ว่า

$$\mu = \frac{k}{\|\hat{\vec{\varphi}}\|^2 - \|\vec{\varphi}\|^2} = 2852.5$$

โดยแสดงเส้นโค้งความสัมพันธ์ของอัตราการขยายป้อนกลับของตัวสังเกตดังรูปที่ 4.7



4.4 การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์จากฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็กด้วยวิธีเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์

จากหัวข้อที่แล้วเราสรุปได้ว่าตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่ลู่เข้าสู่ค่าจริงได้แล้ว ทำให้เราทราบว่า ตำแหน่งโรเตอร์ประมาณเข้าสู่ค่าจริงด้วย $(\hat{ heta} = heta)$ ดังนั้นในงานวิจัยนี้จึงนำเสนอวิธีการหาตำแหน่ง โรเตอร์จากมุมเฟสของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม โดยใช้เทคนิคเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ในการคำนวณ ซึ่ง มีรายละเอียดดังต่อไปนี้

4.4.1 การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์จากตัวสังเกตฟลักซ์เทียมด้วยวิธีเฟสล็อกลูปเชิง เวกเตอร์

การใช้เฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ในการคำนวณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ จะพิจารณา สัญญาณขาเข้าของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์คือตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่มีการพิสูจน์แล้วพบว่า ค่าฟลักซ์เทียมประมาณจะลู่เข้าสู่ฟลักซ์จริง ($\hat{arphi}=ec{arphi}$) จากนั้นจะสร้างสัญญาณฟลักซ์เทียมเสมือน (\tilde{arphi}) ขึ้นจากสัญญาณป้อนกลับของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ดังสมการที่ (4.25)

$$\tilde{\vec{\varphi}} = L_{\Delta} e^{J 2 \tilde{\theta}} \mathbf{Q} \vec{i}_s + L_{dq} e^{J 2 \tilde{\theta}} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_s$$
(4.25)

โดยที่ $ilde{ heta}$ คือ ตำแหน่งประมาณที่มาจากเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์

หลักการทำงานของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์คือขณะที่ป้อนตัวสังเกตฟลักซ์เทียมซึ่ง เป็นสัญญาณอ้างอิงถูกป้อนเข้ามา วงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์จะเร่งหรือลดความเร็วของฟลักซ์ เทียมเสมือน เพื่อให้เฟสของฟลักซ์เทียมเสมือนตรงกับฟลักซ์เทียมประมาณ โดยแสดงความสัมพันธ์ ดังรูปที่ 4.8

การใช้เทคนิคเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ในการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ใน งานวิจัยนี้พบว่ามีข้อดีอยู่หลายประการดังนี้

- ไม่จำเป็นต้องใช้ฟังก์ชันตรีโกณมิติผกผัน (arctan) ในการคำนวณตำแหน่งโรเตอร์ ซึ่ง อาจจะหาค่าไม่ได้บางตำแหน่ง
- ไม่จำเป็นต้องคำนวณความเร็วประมาณของโรเตอร์จากการหาอนุพันธ์ของตำแหน่ง โรเตอร์ประมาณ ซึ่งอาจส่งผลทำให้ขยายสัญญาณรบกวนได้ สำหรับการใช้เวกเตอร์ เฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ ความเร็วโรเตอร์ประมาณจะเป็นตัวแปรสถานะภายในของ วงรอบอยู่แล้ว



หากพิจารณาฟลักซ์เทียมประมาณและฟลักซ์เสมือนตามสมการที่ (4.26) และผลคูณเชิง เวกเตอร์ของฟลักซ์ดังกล่าวที่ถูกทำให้เป็นเวกเตอร์หนึ่งหน่วยจะมีค่าเท่ากับค่าความผิดพลาดของ ตำแหน่งดังสมการที่ (4.27)

$$\hat{\vec{\varphi}} = L_{\Delta} e^{J2\hat{\theta}} \mathbf{Q} \vec{i}_{s} + L_{dq} e^{J2\hat{\theta}} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$

$$\tilde{\vec{\varphi}} = L_{\Delta} e^{J2\hat{\theta}} \mathbf{Q} \vec{i}_{s} + L_{dq} e^{J2\hat{\theta}} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$

$$(4.26)$$

$$\frac{\vec{\tilde{\phi}}}{\left\|\vec{\tilde{\phi}}\right\|} \times \frac{\hat{\vec{\phi}}}{\left\|\vec{\tilde{\phi}}\right\|} = \sin 2\left(\hat{\theta} - \tilde{\theta}\right) \tag{4.27}$$

โดยที่ $\left\| \hat{\vec{\varphi}} \right\| = \left\| \tilde{\vec{\varphi}} \right\| = \sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2} \left\| \vec{i}_s \right\|$

จากสมการที่ (4.26)-(4.27) ผลลัพธ์ที่เกิดขึ้นจะไม่ขึ้นอยู่กับขนาดแต่จะขึ้นอยู่กับมุมต่างเฟส ของฟลักซ์ดังกล่าวเท่านั้น ทำให้ระบบควบคุมของวงรอบเฟสล็อกลูปไม่ซับซ้อน ซึ่งเขียนแผนภาพของ วงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ได้ดังรูปที่ 4.9 ในหัวข้อถัดไปจะเป็นการออกแบบระบบควบคุมของ วงรอบเฟสล็อกลูปเพื่อกำหนดสมรรถนะในการประมาณตำแหน่งและความเร็วต่อไป

4.4.2 การออกแบบตัวควบคุมพี่ไอของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์

การออกแบบตัวควบคุมพีไอของวงรอบเฟสล็อกลูป จะพิจารณาให้ระบบควบคุมทำงานที่ สภาวะเร่งหรือลดความเร็วมอเตอร์ การเร่งหรือลดความเร็วมอเตอร์มีลักษณะเป็นฟังก์ชันแรมป์ (Ramp Function) เหตุที่ต้องพิจารณาการออกแบบตัวควบคุมพีไอที่สภาวะการทำงานนี้ เพราะว่า ช่วงเร่งหรือลดความเร็วมอเตอร์จะทำงานที่แรงบิด ทำให้การทำงานช่วงนี้ค่าความผิดพลาดจากการ ประมาณสูงสุดเมื่อเทียบกับการทำงานในช่วงอื่นๆ จากนั้นการประมาณให้ระบบวงรอบเฟสล็อกลูป เชิงเวกเตอร์ให้มีลักษณะเชิงเส้นโดยการประมาณเทอมค่าความผิดพลาดได้ดังสมการที่ (4.28)

$$\sin 2\left(\hat{\theta} - \tilde{\theta}\right) \approx 2\left(\hat{\theta} - \tilde{\theta}\right) = 2\Delta\theta \tag{4.28}$$

โดยที่ $\Delta heta$ คือค่าความผิดพลาดตำแหน่งที่มีค่าเล็กมากๆ



รูปที่ 4.9 วงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ของระบบประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์

จากรูปที่ 4.9 เราสามารถเขียนวงรอบเฟสล็อกลูปที่สมมูลได้ดังรูปที่ 4.10 จากนั้นเขียน วงรอบเฟสล็อกลูปที่ประมาณเป็นเชิงเส้นได้ดังรูปที่ 4.11 จากนั้นสามารถหาความสัมพันธ์ระหว่าง ค่า ความผิดพลาดตำแหน่ง (Δθ) กับตำแหน่งจริง (θ) ได้ดังสมการที่ (4.29)

$$\frac{\Delta\theta(s)}{\theta(s)} = \frac{\theta(s) - \hat{\theta}(s)}{\theta(s)} = \frac{1}{1 + G(s)}$$
(4.29)

เมื่อ $G(s) = \frac{2}{s} \left(K_P + \frac{K_I}{s} \right)$ แทนฟังก์ชันโอนย้ายป้อนไปหน้า (Feedforward transfer function)

เนื่องจากการออกแบบให้ความเร็วเร่งหรือลดเป็นฟังก์ชันแรมป์ แสดงได้สมการที่ (4.30) จากนั้นฟังก์ชันของตำแหน่งเกิดจากการปฏิยานุพันธ์ของความเร็วซึ่งมีลักษณะเป็นฟังก์ชันพาราโบลิก (Parabolic Function) ดังสมการที่ (4.31) จากนั้นทำการแปลงลาปลาซของฟังก์ชันตำแหน่งได้ดัง สมการที่ (4.32)

$$\omega(t) = At \tag{4.30}$$

$$\theta(t) = \frac{A}{2}t^2 \tag{4.31}$$

$$\theta(s) = \frac{R_{rated}}{s^3} \tag{4.32}$$

โดยที่ R_{rated} คืออัตราเร่งสุงสุดที่แรงบิดพิกัด $\left(R_{rated}=rac{PT_{rated}}{2J}
ight)$, P คือจำนวนขั้วแม่เหล็กของ มอเตอร์, T_{rated} คือแรงบิดพิกัดของมอเตอร์ และ J คือโมเมนต์ความเฉื่อยของมอเตอร์



รูปที่ 4.10 บล็อกไดอะแกรมของวงรอบเฟสล็อกลูป



รูปที่ 4.11 บล็อกไดอะแกรมที่ประมาณเป็นเชิงเส้นของวงรอบเฟสล็อกลูป

พิจารณาค่าความผิดพลาดของตำแหน่งโรเตอร์ในสภาวะอยู่ตัว $\left(e_{ heta ss}
ight)$ ได้จากทฤษฎีบทค่า สุดท้าย (Final Value Theorem) ดังสมการที่ (4.33) ภายใต้เงื่อนไขความเร็วโรเตอร์เป็นฟังก์ชัน แรมป์ ซึ่งนำไปสู่การออกแบบค่าอัตราการขยายการอินทิเกรต $\left(K_{I}
ight)$ ของตัวควบคุมพีไอได้ดังสมการ ที่ (4.34)

$$e_{\theta ss} = \lim_{t \to \infty} \left[\theta(t) - \hat{\theta}(t) \right] = \lim_{s \to 0} s \left[\theta(s) - \hat{\theta}(s) \right]$$
$$= \lim_{s \to 0} \frac{s}{1 + G(s)} \theta(s) = \lim_{s \to 0} \frac{s}{1 + \frac{2(sK_P + K_I)}{s^2}} \cdot \frac{R_{rated}}{s^3} = \frac{R_{rated}}{2K_I} \right\}$$
(4.33)

$$K_I = \frac{R_{rated}}{2e_{\theta ss}} \tag{4.34}$$

เมื่อแรงบิดพิกัดมีค่าเท่ากับ 3.5 N·m, โมเมนต์ความเฉื่อยมีค่า 0.007459 kg·m² และ มอเตอร์ที่ใช้ในการทดลองมี 4 ขั้ว จะได้ค่าอัตราเร่งสูงสุดที่แรงบิดพิกัดคือ 938.464 rad/s² หาก ้กำหนดให้ขณะที่เร่งหรือลดความเร็วมีค่าความผิดพลาดไม่เกิน 5 องศา ซึ่งคิดเป็น 0.08727 radian ดังนั้นสามารถหาค่าอัตราการขยายการอินทิเกรตคำนวณได้จากสมการที่ (4.34) ซึ่งมีค่าเท่ากับ 5377.003

การคำนวณหาค่าอัตราการขยาย K_P คำนวณได้จากการฟังก์ชันโอนย้ายวงรอบปิด (closed-loop transfer function) ของวงรอบเฟสล็อกลูปซึ่งเขียนฟังก์ชันโอนย้ายระหว่าง $\tilde{ heta}(s)$ กับ $\theta(s)$ ดังสมการที่ (4.35)

$$\frac{\tilde{\theta}(s)}{\theta(s)} = \frac{G(s)}{1+G(s)} = \frac{\frac{2}{s^2}(sK_p + K_I)}{1+\frac{2}{s^2}(sK_p + K_I)} = \frac{2(sK_p + K_I)}{1+\frac{2}{s^2}+2K_ps+2K_I}$$
(4.35)

5)

เมื่อพิจารณาพฤติกรรมของระบบจากสมการที่ (4.35) เป็นระบบอันดับสอง ในงานวิจัยนี้ กำหนดให้พฤติกรรมของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์อยู่ในสภาวะความหน่วงน้อย (Underdamped) เพื่อให้ผลตอบสนองของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ไว เมื่อพิจารณาขั้วจาก สมการที่ (4.35) สามารถหาได้ตามสมการที่ (4.36) จากนั้นเทียบกับสมการมาตรฐานอันดับสองจะได้ ดังสมการที่ (4.37)

pole:
$$s^{2} + 2K_{P}s + 2K_{I} = 0$$

 $\therefore \qquad s = -K_{P} \pm \sqrt{K_{P}^{2} - 2K_{I}} = -K_{P} \pm j\sqrt{2K_{I} - K_{P}^{2}}$

$$(4.36)$$

pole:
$$s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2 = 0$$

 $\therefore \qquad s = -\xi\omega_n \pm \sqrt{(\xi\omega_n)^2 - \omega_n^2} = -\xi\omega_n \pm j\omega_n\sqrt{1 - \xi^2}$

$$(4.37)$$

ในงานวิจัยนี้กำหนดอัตราการหน่วง (Damping Ratio) ξ = 0.7 เมื่อพิจารณาจากสมการ (4.36)-(4.37) เราสามารถหาค่าอัตราการขยาย K_P ได้ดังสมการที่ (4.38)-(4.39) สำหรับการพิสูจน์ เงื่อนไขเสถียรภาพในวงกว้างของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์แสดงได้ดังภาคผนวก ข.

$$\begin{aligned} \omega_n^2 &= 2K_I \\ \xi \omega_n &= K_P \end{aligned}$$
 (4.38)

$$K_P = \xi \sqrt{2K_I} = 73.317 \tag{4.39}$$



ดังนั้น
บทที่ 5

ระบบควบคุมแบบเวกเตอร์สำหรับมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

หัวข้อที่แล้วได้กล่าวถึงการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ จากนั้นกล่าวถึงการ ออกแบบสมรรถนะของระบบประมาณ ในบทนี้จะกล่าวถึงวิธีการควบคุมมอเตอร์ด้วยระบบควบคุม แบบเวกเตอร์ (vector control) ซึ่งประกอบไปด้วยวงรอบควบคุมกระแสทั้งกระแสแกน d และแกน q และวงรอบควบคุมความเร็ว จากนั้นจะกล่าวถึงวิธีการออกแบบตัวควบคุมพีไอที่ใช้ในระบบควบคุม กระแสและระบบควบคุมความเร็วที่ใช้ในงานวิจัยนี้

5.1 การออกแบบวงรอบควบคุมกระแส

การควบคุมการทำงานของมอเตอร์จะใช้วิธีการควบคุมแบบเวกเตอร์ โดยปริมาณที่ใช้ในการ ควบคุมจะถูกแปลงให้อยู่บนกรอบอ้างอิงโรเตอร์ (d-q axes) เพราะว่าการควบคุมกระแสบนกรอบ อ้างอิงโรเตอร์ไม่ซับซ้อนเท่ากับการควบคุมผ่านกระแส 3 เฟส ระบบควบคุมแบบเวกเตอร์ ประกอบด้วย วงรอบควบคุมกระแส (current control) และวงรอบควบคุมแยกการเชื่อมร่วม (decoupling control) โดยแสดงแผนภาพการทำงานของระบบควบคุมแบบเวกเตอร์ดังรูปที่ 5.1 จากนั้นจะกล่าวถึงขั้นตอนการออกแบบวงรอบของตัวควบคุมกระแสทั้งแกน d และแกน q ซึ่งมี รายละเอียดดังนี้



รูปที่ 5.1 ระบบควบคุมแบบเวกเตอร์ที่ใช้ในงานวิจัยนี้

5.1.1 การออกแบบตัวควบคุมพีไอสำหรับวงรอบควบคุมกระแสแกน d

วงรอบควบคุมกระแสแกน d และตัวควบคุมพีไอสามารถเขียนเป็นความสัมพันธ์ผ่าน บล็อกไดอะแกรมได้ดังรูปที่ 5.2



รูปที่ 5.2 วงรอบของระบบควบคุมกระแสแกน d

ขั้นแรกการออกแบบตัวควบคุมพีไอที่ใช้กับวงรอบควบคุมกระแสแกน d จะใช้วิธีการกำจัด ขั้ว-ศูนย์ (pole-zero cancellation) คือ กำหนดอัตราการขยายของตัวควบคุมพีไอเพื่อให้ศูนย์ของ ตัวควบคุมพีไอหักล้างกับขั้วของพลานต์ (Plant) ของวงรอบควบคุมกระแส จะได้อัตราการขยายที่ สอดคล้องกับเงื่อนไขดังกล่าวดังสมการที่ (5.1)

$$K_P^d = L_d \omega_{cc}^d$$

$$K_I^d = R \omega_{cc}^d$$
(5.1)

โดยที่ $arrho_{cc}^{d}$ แทนความถี่ตัดศูนย์ของฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิดในรูปที่ 5.3

เมื่อแทนอัตราการขยายในสมการที่ (5.1) พบว่าขั้วและศูนย์ของฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิด หักล้างกันจึงทำให้ระบบควบคุมลดรูปเหลือตามรูปที่ 5.3



จากระบบในรูปที่ 5.3 พบว่าฟังก์ชันโอนย้ายวงรอบปิดระหว่างกระแสแกน d (i_d) กับ กระแสคำสั่งแกน d (i_d^*) เป็นระบบอันดับหนึ่ง โดยแสดงได้ดังสมการที่ (5.2)

$$\frac{i_d(s)}{i_d^*(s)} = \frac{\omega_{cc}^d}{s + \omega_{cc}^d}$$
(5.2)

เมื่อนำฟังก์ชันโอนย้ายในสมการที่ (5.2) ไปเขียนแผนภาพโบดพบว่าความถี่แบนด์วิดท์ (bandwidth frequency) มีค่าเท่ากับความถี่ตัดศูนย์ของฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิด โดยความไวใน การตอบสนองของระบบนั้นจะออกแบบจากระยะเวลาขาขึ้น (Rise Time : T_R) ผ่านค่าความถี่ตัด ศูนย์ โดยมีความสัมพันธ์ตามสมการที่ (5.3)

$$T_R \approx \frac{2.2}{\omega_{cc}^d} \tag{5.3}$$

สำหรับงานวิจัยนี้จะกำหนดระยะเวลาขาขึ้นเท่ากับ 5 ms เมื่อคำนวณความถี่ตัดศูนย์จะได้ ประมาณ 440 rad/s เนื่องจากค่าความเหนี่ยวนำแกน d มีค่าเท่ากับ 0.3241 H และค่าความ ต้านทานมีค่าเท่ากับ 3.7723 Ω ดังนั้นอัตราการขยายของตัวควบคุมพีไอในวงรอบควบคุมกระแส แกน d ดังสมการที่ (5.4)

$$K_{P}^{d} = L_{d}\omega_{cc}^{d} = 142.604$$

$$K_{I}^{d} = R\omega_{cc}^{d} = 1420.012$$
(5.4)

5.1.2 การออกแบบระบบควบคุมสำหรับวงรอบควบคุมกระแสแกน q

วงรอบควบคุมกระแสแกน q และตัวควบคุมพีไอสามารถเขียนเป็นความสัมพันธ์ผ่าน บล็อกไดอะแกรมได้ดังรูปที่ 5.4



รูปที่ 5.4 วงรอบของระบบควบคุมกระแสแกน q

การออกแบบตัวควบคุมพีไอที่ใช้กับวงรอบควบคุมกระแสแกน q จะใช้วิธีการกำจัดขั้ว-ศูนย์ จะได้อัตราการขยายที่สอดคล้องกับเงื่อนไขดังกล่าวดังสมการที่ (5.5)

$$K_P^q = L_q \omega_{cc}^q \tag{5.5}$$

$$K^q = R \omega^q$$

โดยที่ $arnothing_{cc}^q$ แทนความถี่ตัดศูนย์ของฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิดในรูปที่ 5.5

เมื่อแทนอัตราการขยายในสมการที่ (5.5) พบว่าขั้วและศูนย์ของฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิด หักล้างกันจึงทำให้ระบบควบคุมลดรูปเหลือตามรูปที่ 5.5 จากนั้นสามารถเขียนฟังก์ชันโอนย้ายวงรอบ ปิดระหว่างกระแสแกน q (i_q) กับกระแสคำสั่งแกน q (i_q^*) เป็นระบบอันดับหนึ่ง โดยแสดงได้ดัง สมการที่ (5.6)

$$\frac{i_q(s)}{i_q^*(s)} = \frac{\omega_{cc}^q}{s + \omega_{cc}^q}$$
(5.6)



รูปที่ 5.5 วงรอบควบคุมกระแสแกน q ที่สมมูล

เมื่อนำฟังก์ชันโอนย้ายในสมการที่ (5.6) ไปเขียนแผนภาพโบดพบว่าความถี่แบนด์วิดท์มีค่า เท่ากับความถี่ตัดศูนย์ของฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิด โดยความไวในการตอบสนองของระบบนั้นจะ ออกแบบจากระยะเวลาขาขึ้น ผ่านค่าความถี่ตัดศูนย์ โดยมีความสัมพันธ์ตามสมการที่ (5.7)

$$T_R \approx \frac{2.2}{\omega_{cc}^q} \tag{5.7}$$

สำหรับงานวิจัยนี้จะกำหนดระยะเวลาขาขึ้นเท่ากับ 5 ms เมื่อคำนวณความถี่ตัดศูนย์ได้ ประมาณ 440 rad/s และกำหนดค่าความเหนี่ยวนำแกน q เท่ากับ 0.1047 H และค่าความต้านทาน เท่ากับ 3.7723 **Ω** ดังนั้นอัตราการขยายของตัวควบคุมพีไอในวงรอบควบคุมกระแสแกน q ดัง สมการที่ (5.8)

$$K_{P}^{q} = L_{q}\omega_{cc}^{q} = 37.84$$

$$K_{I}^{q} = R\omega_{cc}^{q} = 1420.012$$
(5.8)

5.2 การออกแบบระบบควบคุมสำหรับวงรอบควบคุมความเร็ว

ระบบควบคุมความเร็วประกอบไปด้วย 2 ส่วน คือ ส่วนแรกคือส่วนที่ควบคุมความเร็วด้วยตัว ควบคุมพีไอ ซึ่งตัวควบคุมพีไอจะสร้างแรงบิดคำสั่งเพื่อให้ความเร็วมอเตอร์มีค่าเท่ากับความเร็วคำสั่ง และส่วนที่สองคือการสร้างกระแสคำสั่งจากแรงบิดคำสั่งด้วยวิธีแรงบิดต่อกระแสสูงสุด (Maximum Torque Per Ampere : MTPA) ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

5.2.1 การสร้างคำสั่งกระแสด้วยวิธีแรงบิดต่อกระแสสูงสุด

การสร้างคำสั่งกระแสจากแรงบิดคำสั่งด้วยวิธีแรงบิดต่อกระแสสูงสุด ข้อดีของการใช้วิธีนี้คือ ใช้กระแสที่น้อยที่สุดเพื่อให้แรงบิดได้ตามคำสั่งส่งผลให้ประสิทธิภาพของมอเตอร์สูงขึ้นด้วย โดยระบบ การสร้างคำสั่งกระแสด้วยวิธีนี้แสดงได้ดังรูปที่ 5.6



รูปที่ 5.6 การสร้างคำสั่งกระแสแกน d และแกน q ด้วยวิธี MTPA

การสร้างคำสั่งกระแสด้วยวิธี MTPA จะใช้เงื่อนไขที่ทำให้แรงบิดมีค่าสูงสุด ซึ่งวิธีการพิสูจน์ อยู่ในภาคผนวก ค สมการที่ (5.9) แสดงถึงขนาดของกระแสขณะที่ทำงานที่แรงบิดต่อกระแสสูงสุด และมุมของกระแสที่ทำให้แรงบิดสูงสุดแสดงได้ดังสมการที่ (5.10) สำหรับสมการที่ใช้ในการคำนวณ กระแสคำสั่งแกน d และแกน q จากแรงบิดด้วยวิธี MTPA แสดงได้ดังสมการที่ (5.11)-(5.12)

$$\left\|\vec{i}_{s}\right\| = \sqrt{\frac{\left|T_{e}^{*}\right|}{p\sqrt{L_{\Delta}^{2} + L_{dq}^{2}}}}$$
(5.9)

$$\delta = 45^{\circ} + \frac{x}{2} ; x = \tan^{-1} \left(\frac{L_{dq}}{L_{\Delta}} \right)$$
 (5.10)

$$i_d^* = \|\vec{i}_s\| \cos\left(45^\circ + \frac{x}{2}\right)$$
 (5.11)

$$i_q^* = \operatorname{sign}\left(T_e^*\right) \cdot \left\|\vec{i}_s\right\| \sin\left(45^\circ + \frac{x}{2}\right)$$
(5.12)

พิจารณาช่วงการทำงานของมอเตอร์พบว่าจุดทำงานแรงบิดต่อกระแสสูงสุดที่เป็นไปได้ มุม ของกระแสจะอยู่ในช่วง $43^{\circ} < \delta < 47^{\circ}$ ซึ่งใกล้เคียงกับจุดทำงานขณะที่ละเลยผลของค่าความ เหนี่ยวนำเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กคือ $\delta = 45^{\circ}$ ดังนั้นในงานวิจัยนี้จะใช้จุดทำแรงบิดต่อกระแส สูงสุดคือ $\delta = 45^{\circ}$ เพื่อลดปัญหาการคำนวณไม่ทันของตัวประมวลสัญญาณเชิงดิจิทัล (DSP)

5.2.2 การออกแบบตัวควบคุมพี่ไอของวงรอบควบคุมความเร็ว

การควบคุมความเร็วจะควบคุมผ่านตัวควบคุมพีไอ ซึ่งตัวควบคุมพีไอทำหน้าที่สร้างแรงบิด คำสั่งเพื่อให้ความเร็วจริงมีค่าเท่ากับความเร็วคำสั่ง เมื่อได้แรงบิดคำสั่งก็แปลงเป็นค่ากระแสคำสั่ง ต่อไป ดังนั้นในการออกแบบวงรอบควบคุมความเร็ว จะต้องออกแบบให้ผลตอบสนองที่ช้ากว่าวงรอบ ควบคุมกระแส ขั้นแรกพิจารณาบล็อกไดอะแกรมดังรูปที่ 5.7 เมื่อพิจารณาฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิด สามารถเขียนได้ดังสมการที่ (5.13)

$$G_s^o\left(s\right) = \left(K_P^{sp} + \frac{K_I^{sp}}{s}\right)\left(\frac{1}{sJ}\right)$$
(5.13)



รูปที่ 5.7 วงรอบควบคุมความเร็วมอเตอร์

การออกแบบระบบควบคุมความเร็วต้องพิจารณาความถี่ตัดศูนย์ของวงรอบควบคุมความเร็ว $\left(\omega_{cc}^{sp}
ight)$ ให้มีค่าน้อยว่าความถี่ตัดศูนย์ของวงรอบควบคุมกระแส $\left(\omega_{cc}^{d,q}
ight)$ อย่างน้อย 10 เท่า สำหรับ งานวิจัยนี้ กำหนดให้ความถี่ตัดศูนย์ของวงรอบควบคุมความเร็วมีค่าเท่ากับ $\omega_{cc}^{sp} = 20 \, \mathrm{rad/s}$ เมื่อ พิจารณาจากความถี่หักมุม (corner frequency ω_{Pl}) ของตัวควบคุมพีไอ แสดงได้ดังสมการที่ (5.14)

$$\omega_{PI} = \frac{K_I^{sp}}{K_P^{sp}} \tag{5.14}$$

เมื่อกำหนดให้ความถี่หักมุมของตัวควบคุมพีไอมีค่าน้อยกว่าความถี่ตัดศูนย์ของวงรอบ ควบคุมความเร็วน้อยกว่าอย่างน้อย 5 เท่า เราสามารถประมาณฟังก์ชันถ่ายโอนวงรอบเปิดจาก สมการที่ (5.13) ได้ดังสมการที่ (5.15)

$$G_s^o(s) \approx \frac{K_P^{sp}}{sJ} \tag{5.15}$$

จากสมการที่ (5.15) สามารถคำนวณค่าความถี่ตัดศูนย์ของวงรอบควบคุมความเร็ว โดยประมาณจากสมการที่ (5.16) สำหรับระบบที่ใช้ในงานวิจัยนี้มีค่าความเฉื่อยเท่ากับ 0.007459 kg·m² และกำหนดให้ความถี่หักมุมของตัวควบคุมพีไอมีค่าน้อยกว่าความถี่ตัดศูนย์ของวงรอบควบคุม ความเร็วอยู่ 5 เท่า ซึ่งสรุปการหาค่าอัตราการขยายของตัวควบคุมพีไอดังสมการที่ (5.17)-(5.19)

$$\omega_{cc}^{sp} \approx \frac{K_P^{sp}}{J} \tag{5.16}$$

$$K_{P}^{sp} = \omega_{cc}^{sp} J = 0.1413 \tag{5.17}$$

$$\omega_{PI} = \frac{K_I^{sp}}{K_P^{sp}} = \frac{\omega_{cc}^{sp}}{5}$$
(5.18)

$$K_I^{sp} = \frac{K_P^{sp} \omega_{cc}^{sp}}{5} = 0.5652 \tag{5.19}$$

บทที่ 6

การทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์ซิงโครนัสรีลักแตนซ์

การทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กของ SynRM ซึ่งประกอบไปด้วยฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d (ψ_{q}) และฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q (ψ_{q}) แต่เราไม่สามารถป้อนกระแสและแรงดันบนแกน d และ q ให้กับมอเตอร์โดยตรงเพื่อหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กดังกล่าวได้ ซึ่งงานวิจัย [17] ได้นำเสนอแนวคิดการ ป้อนกระแสและแรงดัน 3 เฟส ให้เสมือนกับการป้อนกระแสและแรงดันให้วงจรแกน d และแกน q โดยการล็อกโรเตอร์ไว้ ซึ่งมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

6.1 ทฤษฎีการทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์ด้วยวิธีล็อกโรเตอร์

ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณ 3 เฟสที่ป้อนให้กับขดลวดสเตเตอร์ กับปริมาณบนแกนหมุน d และ q แสดงได้ดังรูปที่ 6.1



รูปที่ 6.1 ความสัมพันธ์ระหว่างกระแสที่ป้อนให้ขดลวดสเตเตอร์กับปริมาณแกนหมุน

พบว่าขณะที่ป้อนกระแสให้กับขดลวดเฟส u จะได้ฟลักซ์แม่เหล็กเฟส u (ψ_n) ทำมุม 0 องศากับแกนอ้างอิง เมื่อป้อนกระแสให้ไหลออกจากขดลวดเฟส ∨ พบว่า ฟลักซ์แม่เหล็กเฟส ∨ (ψ_n) ทำมุม -60 องศากับแกนอ้างอิงตามรูปที่ 6.1(ซ้าย) ดังนั้นฟลักซ์แม่เหล็กลัพธ์ที่เกิดจากเฟส u และ เฟส ∨ วางในแนว -30 องศา เมื่อป้อนกระแสให้มีลักษณะดังกล่าว โรเตอร์จะวางตัวในแนว -30 องศา ด้วย ดังนั้นวงจรเสมือนแกน d จึงถูกควบคุมด้วยการป้อนกระแสไหลเข้าขดลวด u และออกจาก ขดลวด v ขณะที่ล็อกโรเตอร์ไว้ที่มุม -30 องศา ในทำนองเดียวกัน หากป้อนกระแสให้ไหลออกจากเฟส w ขณะที่ยังมีการล็อกโรเตอร์อยู่ จะ ได้ฟลักซ์แม่เหล็กเฟส w ที่มีทิศเดียวกับแกน q ดังรูปที่ 6.1(ขวา) ดังนั้นขณะที่ล็อกโรเตอร์ไว้ที่ -30 องศา เราสามารถควบคุมวงจรเสมือนแกน q ได้ด้วยการป้อนกระแสให้ไหลออกจากขดลวด w ได้

เมื่อเราได้แนวคิดในการควบคุมวงจรเสมือนบนแกน d และแกน q ผ่านการป้อนกระแสไปที่ ขดลวด 3 เฟส ขั้นตอนถัดไปเป็นจะกล่าวถึงวิธีการทดสอบการหาฟลักซ์แม่เหล็กด้วยวิธีการเสื่อมของ กระแส (Decay Current Test) ตามแนวคิดของงานวิจัย [17] ซึ่งมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

6.2 ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณ 3 เฟสกับปริมาณแกน d และแกน q ขณะทดสอบการหา ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d และแกน q

จากรูปที่ 6.1 ทำให้เราทราบว่าตำแหน่งของโรเตอร์ทำมุม -30 องศา หากเราพิจารณาจาก การแปลงแกนจากปริมาณ 3 เฟส กับปริมาณบนแกน d และแกน q ตามสมการที่ (6.1)-(6.2)

$$\begin{bmatrix} i_{d} \\ i_{q} \\ i_{0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(-30^{\circ}) & \sin(-30^{\circ}) & 0 \\ -\sin(-30^{\circ}) & \cos(-30^{\circ}) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \\ i_{z} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \\ i_{z} \end{bmatrix} = \sqrt{\frac{2}{3}} \begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{u} \\ i_{v} \\ i_{w} \end{bmatrix}$$
(6.1)
(6.2)

ความสัมพันธ์จากการป้อนกระแสไหลเข้าเฟส u และให้ไหลออกเฟส v ตามรูปที่ 6.1 ทำให้ เราทราบว่า $i_v = -i_u$ เมื่อเราแทนความสัมพันธ์ดังกล่าวในสมการที่ (6.2) จะได้ดังสมการที่ (6.3) จากนั้นนำสมการที่ (6.3) แทนลงในสมการที่ (6.1) จะได้ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณ 3 เฟสกับ ปริมาณแกน d และแกน q ดังสมการที่ (6.4)-(6.5)

$$\begin{bmatrix} i_{x} \\ i_{y} \\ i_{z} \end{bmatrix} = \sqrt{\frac{2}{3}} \begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{u} \\ -i_{u} \\ i_{w} \end{bmatrix}$$
(6.3)

$$\begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ i_0 \end{bmatrix} = \sqrt{\frac{2}{3}} \begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -1 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_u \\ -i_u \\ i_w \end{bmatrix} = \sqrt{\frac{2}{3}} \begin{bmatrix} \sqrt{3}i_u \\ -i_w \\ i_w \end{bmatrix}$$
(6.4)

$$i_d = \sqrt{2}i_u$$
 , $i_q = -\sqrt{\frac{2}{3}}i_w$ (6.5)

6.3 การทดสอบหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d ด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส

ขณะที่ล็อกโรเตอร์ไว้ที่มุม -30 องศา เมื่อนำขดลวดเฟส u และเฟส v อนุกรมกัน และป้อน กระแสให้ไหลเข้าเฟส u แล้วออกเฟส v จะสามารถควบคุมวงจรเสมือนแกน d ได้ และเมื่อป้อน กระแสเฟส w ก็สามารถควบคุมวงจรเสมือนแกน q ได้เช่นกัน ดังนั้นในการหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d สามารถต่อชุดทดสอบได้ดังรูปที่ 6.2



รูปที่ 6.2 วงจรที่ใช้ในการทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d

การทดสอบหาค่าฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d โดยป้อนกระแสไฟตรงให้กับมอเตอร์ในส่วนที่ 1 ที่ค่ากระแสพิกัด และป้อนกระแสค่ากระแสในส่วนที่ 2 ให้คงที่ที่ค่าหนึ่งๆ เมื่อทำการปลดวงจรส่วน ที่ 1 ออกจากแหล่งจ่าย กระแสที่ไหลในขดลวดก็ยังคงไหลต่อไปชั่วขณะ จากนั้นกระแสจะไหลผ่าน ไดโอดและค่อยๆ ลดลงจนเป็นศูนย์ สำหรับช่วงกระแสที่ใช้ในการคำนวณหาค่าฟลักซ์แม่เหล็ก และ แรงดันที่ตกคร่อมไดโอดแสดงได้ดังรูปที่ 6.3



ช่วงที่ใช้ในการคำนวณหาค่าฟลักซ์แม่เหล็ก รูปที่ 6.3 ช่วงที่ใช้ในการคำนวณฟลักซ์แม่เหล็กด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส

จากรูปที่ 6.2 สามารถเขียนสมการแรงดันที่ตกคร่อมขดลวดในส่วนที่ 1 ได้ดังสมการที่

$$\frac{d\psi_d}{dt} = v_d - Ri_d \tag{6.6}$$

จากความสัมพันธ์ในสมการที่ (6.5) และรูปที่ 6.2 พบว่าความสัมพันธ์ระหว่างแรงดันบนแกน d กับแรงดันเฟสเป็นไปตามสมการที่ (6.7) และความสัมพันธ์ของแรงดันที่ตกคร่อมไดโอด (v_{di}) แสดงได้ดังสมการที่ (6.8)-(6.9)

$$CHULALONGKOP_{un} = \frac{v_{di}}{2}$$
(6.7)

$$v_d = \sqrt{2}v_{un} \tag{6.8}$$

 $v_d = \frac{v_{di}}{\sqrt{2}} \tag{6.9}$

ดังนั้น

จากรูปที่ 6.2 เมื่อป้อนกระแสส่วนที่ 2 ให้คงที่ที่ค่าหนึ่งๆ ซึ่งแทนการป้อนกระแสแกน q จะได้ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d ที่ค่ากระแสแกน q ค่าหนึ่งๆ เมื่อแทนสมการที่ (6.8)-(6.9) ลงใน สมการที่ (6.6) สามารถคำนวณฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d ได้ดังสมการที่ (6.10)

$$\psi_{d}\left(i_{d},i_{q}\right) = \int \left(v_{d}-Ri_{d}\right)dt = \int \left(\frac{v_{di}}{\sqrt{2}}-\sqrt{2}Ri_{u}\right)dt$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2}}\int \left(v_{di}-2Ri_{u}\right)dt$$
(6.10)



เมื่อทำการทดสอบด้วยวิธีการเสื่อมของกระแสจะได้ค่ากระแสชั่วขณะที่ไหลในวงจรส่วนที่ หนึ่งและแรงดันที่ตกคร่อมไดโอดเมื่อนำไปคำนวณหาค่าฟลักซ์ตามสมการที่ (6.10) จะได้ค่าฟลักซ์ แม่เหล็กแกน d ที่กระแสแกน q ต่างๆ ดังรูปที่ 6.4

6.4 การทดสอบหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q ด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส

การทดสอบหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q คล้ายกับการทดสอบหาฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d โดยย้ายชุดทดสอบมาต่อไว้ที่ขดลวด w ซึ่งเป็นวงจรเสมือนแกน q ดังรูปที่ 6.5 การทดสอบจะป้อน กระแสที่พิกัดในส่วนที่ 2 และป้อนกระแสคงที่ที่ค่าหนึ่งๆ ในส่วนที่ 1 จากสมการสมการแรงดันที่ ตกคร่อมขดลวดในส่วนที่ 2 ได้ดังสมการที่ (6.11)

$$\frac{d\psi_q}{dt} = v_q - Ri_q \tag{6.11}$$

จากความสัมพันธ์ในสมการที่ (6.5) และ พบว่าความสัมพันธ์ระหว่างแรงดันบนแกน q กับ แรงดันเฟสและความสัมพันธ์ของแรงดันที่ตกคร่อมไดโอด (*v_{di}*) แสดงได้ดังสมการที่ (6.12)-(6.14)

$$v_{wn} = v_{di} \tag{6.12}$$

$$v_q = -\sqrt{\frac{2}{3}} v_{wn} \tag{6.13}$$

$$v_q = -\sqrt{\frac{2}{3}} v_{di} \tag{6.14}$$

ดังนั้น



จากรูปที่ 6.5 เมื่อป้อนกระแสส่วนที่ 1 ให้คงที่ที่ค่าหนึ่งๆ ซึ่งแทนการป้อนกระแสแกน d จะได้ฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน q ที่ค่ากระแสแกน d ค่าหนึ่งๆ เมื่อทำการทดสอบด้วยวิธีการเสื่อมของ กระแสจะได้ค่าแรงดันที่ตกคร่อมไดโอดและค่ากะแสเฟส w จึงคำนวณหาค่าฟลักซ์ได้แม่เหล็กแกน q ที่ค่ากระแสแกน d ใดๆ ตามสมการที่ (6.15) เมื่อป้อนกระแสแกน d หลายๆค่า จึงสรุปได้ดังรูปที่ 6.6

$$\psi_q(i_d, i_q) = \int \left(v_q - Ri_q \right) dt = \int \left(-\sqrt{\frac{2}{3}} v_{di} + \sqrt{\frac{2}{3}} Ri_w \right) dt$$

$$= -\sqrt{\frac{2}{3}} \int \left(v_{di} - Ri_w \right) dt$$
(6.15)



้อย่างไรก็ตามการทดสอบด้วยวิธีการเสื่อมของกระแสมีข้อจำกัดคือค่าความต้านทานใน ้สมการมีค่าความผิดพลาดเนื่องจากละเลยผลของการสูญเสียที่เกิดจากฮิสเทอรีซีสและการสูญเสีย เนื่องจากกระแสไหลวนจึงทำให้ค่าฟลักซ์แม่เหล็กมีค่าความผิดพลาดเกิดขึ้น วิธีแก้ไขจะใช้การ พิจารณาการสร้างคำสั่งแรงดันจากวงรอบกระแสและวงรอบควบคุมแยกการเชื่อมร่วม ขณะที่สภาวะ ้อยู่ตัวถ้าหากค่าฟลักซ์แม่เหล็กที่ได้จากการทดสอบตรงกับฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์ส่วนของคำสั่ง ้แรงดันที่มาจากวงรอบควบคุมกระแสมีค่าเป็นศูนย์ แต่ถ้าหากมีค่าไม่เท่ากับศูนย์แสดงว่าฟลักซ์ แม่เหล็กจากการทดสอบมีค่าคลาดเคลื่อนไปจากฟลักซ์แม่เหล็กของมอเตอร์ โดยสรุปความสัมพันธ์ได้ ดังนี้

จากสมการแรงดันคำสั่งบนแกน d และแกน q แสดงได้ดังสมการที่ (6.16)

โดยที่ v_d^{cc} และ v_q^{cc} แทนแรงดันคำสั่งที่มาจากวงรอบควบคุมกระแส

ขณะที่ฟลักซ์แม่เหล็กจากการทดสอบมีค่าความคลาดเคลื่อนจากฟลักซ์แม่เหล็กจากมอเตอร์ ทำให้ค่าแรงดันคำสั่งมีค่าไม่เท่ากับศูนย์ซึ่งสรุปความสัมพันธ์ได้ดังนี้

- 1. ถ้า v_d^{cc} มีค่าเป็นบวก แสดงว่าฟลักซ์บนแกน q จากการทดสอบมีค่าน้อยกว่าฟลักซ์บน แกน q ของมอเตอร์
- ถ้า v_d^{cc} มีค่าเป็นลบ แสดงว่าฟลักซ์บนแกน q จากการทดสอบมีค่ามากกว่าฟลักซ์บน แกน q ของมอเตอร์
- 3. ถ้า v_q^{cc} มีค่าเป็นบวก แสดงว่าฟลักซ์บนแกน d จากการทดสอบมีค่ามากกว่าฟลักซ์บน
- แกน d ของมอเตอร์ 4. ถ้า *v^{cc}* มีค่าเป็นลบ แสดงว่าฟลักซ์บนแกน d จากการทดสอบมีค่าน้อยกว่าฟลักซ์บน แกน d ของมอเตอร์

จากความสัมพันธ์ข้างต้นสามารถคำนวณค่าความคลาดเคลื่อนของฟลักซ์แม่เหล็กอย่างคร่าว ได้ดังสมการที่ (6.17) เมื่อนำข้อมูลที่ได้แก้ไขจากข้อมูลจากการทดสอบด้วยวิธีการเสื่อมของกระแส สามารถแสดงฟลักซ์แม่เหล็กบนแกน d และแกน q ที่ชดเชยจากข้อมูลวงรอบควบคุมกระแสได้ดังรูป ที่ 6.7 และรูปที่ 6.8

$$\Delta \psi = \frac{\Delta v^{cc}}{\omega} \tag{6.17}$$

โดยที่ $\Delta \psi$ แทนค่าความคลาดเคลื่อนของฟลักซ์แม่เหล็ก และ Δv^{cc} แทนค่าแรงดันคำสั่งจาก วงรอบควบคุมกระแส



บทที่ 7

ผลการจำลองการทำงานของระบบ

วิธีการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ที่ใช้ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กที่อธิบายในบทที่ 4 แนวคิดและทฤษฎีสามารถยืนยันด้วยการจำลองการ ทำงานของระบบโดยใช้โปรแกรม MATLAB/Simulink บล็อกไดอะแกรมของระบบควบคุมแบบไร้ เซนเซอร์วัดตำแหน่งโดยใช้วิธีประมาณตามที่ได้เสนอไว้ข้างต้นแสดงได้ดังรูปที่ 7.1 การจำลองจะใช้ ค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการจำลองการทำงานแสดงในดังตารางที่ 7.1 สำหรับการจำลองการทำงานของ ระบบจะแบ่งออกเป็น 2 ส่วนหลักๆ ดังนี้

- การจำลองการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก
- 2. การจำลองสมรรถนะของการประมาณตำแหน่งและความเร็ว



การจำลองในงานวิจัยนี้

	No of polos	1 Pated Targua		2 E N 100		
ers	No. of poles	4	Rated Torque		5.5 11.11	
met	R	3.2273 Ω	Rated Speed		1500 rpm	
Jaraı	L _d	สมการที่ (2.32)	Rated Current		2.75 A	
RM F	L_q	สมการที่ (2.32)	Rated Voltage		220 V	
Syn	L _{dq}	สมการที่ (2.32)	J (ทั้งระบบ)		0.007459 kg∙m²	
Vector Control Parameter	Speed	$K_P^{sp} = 0.1413$ $K_I^{sp} = 0.5652$				
	Control					
	Current Control	D axis		Q axis		
		$K_{P}^{d} = 142.604$		$K_{P}^{q} = 37.84$		
		$K_{I}^{d} = 1420.012$		$K_{I}^{q} = 1420.012$		
Estimator Parameters	Observer	300				
	Gains (µ)					
	Phase-	$K_P^{\text{VPLL}} = 73.317$				
	Locked Loop	$K_I^{\text{VPLL}} = 5377.003$				
	C.					

ตารางที่ 7.1 ค่าพารามิเตอร์ต่างๆ ของมอเตอร์และค่าอื่นๆ ที่ใช้ในงานวิจัยนี้

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย Chulalongkorn University

7.1 การจำลองการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

ผลการจำลองการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก เนื่องจากผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กเกิดขึ้นขณะที่แกนเหล็กอิ่มตัว ซึ่งเป็นย่านการ ทำงานที่กระแสสูง ดังนั้นในการจำลองเพื่อศึกษาผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กจะพิจารณา ขณะที่มอเตอร์มีการใช้งานที่แรงบิดพิกัด รายละเอียดการจำลองแสดงได้ดังตารางที่ 7.2

> ตารางที่ 7.2 เงื่อนไขการจำลองผลการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผล ของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

7.1 ผลการเปรียบเทียบระบบที่คำนึงและไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก 7.1.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวที่โหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm

7.1.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวที่โหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 300 rpm





7.1.1 การจำลองสภาวะอยู่ตัวขณะที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm

รูปที่ 7.2 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm

จากรูปที่ 7.2 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียมมีประสิทธิภาพที่ดีซึ่งทำให้การประมาณตำแหน่งและ ความเร็วโรเตอร์แทบจะไม่มีค่าความผิดพลาดเลย โดยที่ค่าความผิดพลาดของตำแหน่งและความเร็วโร เตอร์มีค่าไม่เกิน 0.05%



จากรูปที่ 7.3 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่า ขณะที่โหลดพิกัดระบบควบคุม สามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 1500 rpm อีกทั้งยังสร้างแรงบิดได้ตรงกับแรงบิดคำสั่ง แสดงให้เห็นว่าสมรรถนะของระบบควบคุมทำงานได้เป็นอย่างดี



รูปที่ 7.4 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 1500 rpm

จากรูปที่ 7.4 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก จะเห็นได้ว่าการประมาณความเร็วโรเตอร์ยังทำงานได้ดี แต่ว่าการประมาณตำแหน่ง โรเตอร์มีค่าความผิดพลาดค่อนข้างสูง ซึ่งมีค่าความผิดพลาดประมาณ 4.9 องศา ส่วนค่าความ ผิดพลาดของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมทีค่าประมาณ 0.08 Wb ซึ่งคิดเป็น 20 %





จากรูปที่ 7.5 แสดงให้เห็นว่าขณะที่ระบบควบคุมไม่คำนึงของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก สามารถควบคุมความเร็วได้ อย่างไรก็ตามค่าความผิดพลาดของตำแหน่งโรเตอร์ยังคงสูงซึ่งระบบ ควบคุมไม่สามารถแก้ไขปัญหานี้ได้



7.1.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวขณะที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm

รูปที่ 7.6 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm

จากรูปที่ 7.6 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียมมีประสิทธิภาพที่ดีซึ่งทำให้การประมาณตำแหน่งและ ความเร็วโรเตอร์แทบจะไม่มีค่าความผิดพลาดเลย



รูปที่ 7.7 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบควบคุมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm

จากรูปที่ 7.7 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่า ขณะที่โหลดพิกัดระบบควบคุม สามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 300 rpm และระบบควบคุมสามารถสร้างแรงบิดคำสั่งได้ ตรงกับแรงบิดโหลดได้ด้วย



รูปที่ 7.8 ผลการจำลองสมรรถนะของระบบประมาณที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ในสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัดที่ความเร็ว 300 rpm

จากรูปที่ 7.8 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่ไม่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก จะเห็นได้ว่าการประมาณความเร็วโรเตอร์ยังทำงานได้ค่อนข้างดี แต่ว่าการประมาณ ตำแหน่งโรเตอร์มีค่าความผิดพลาดค่อนข้างสูง ซึ่งมีค่าความผิดพลาดประมาณ 4.5 องศา ส่วนค่า ความผิดพลาดของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมทีค่าประมาณ 0.01 Wb ซึ่งคิดเป็น 25 %





จากรูปที่ 7.9 แสดงให้เห็นว่าขณะที่ระบบควบคุมที่ไม่คำนึงของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก สามารถควบคุมความเร็วได้แม้ว่าจะทำงานที่โหลดพิกัดและความเร็วต่ำก็ตาม แต่ว่าความ ผิดพลาดของตำแหน่งโรเตอร์ยังคงสูงซึ่งระบบควบคุมไม่สามารถแก้ไขปัญหานี้ได้

7.2 ผลการจำลองในสภาวะอยู่ตัว (Steady-state Response)

ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณและระบบควบคุมของมอเตอร์ขณะสภาวะอยู่ตัว ในภาพรวมพบว่าการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีประสิทธิภาพที่ดี ค่าความผิดพลาดของ การประมาณต่ำ ซึ่งอยู่ในเกณฑ์ที่ได้ออกแบบไว้ในบทที่ 4 ส่วนระบบควบคุมทั้งความเร็วและกระแส สามารถทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ สำหรับรายละเอียดการจำลองผลการทำงานสามารถสรุปได้ดัง ตารางที่ 7.3

ตารางที่ 7.3 เงื่อนไขการจำลองการทำงานของระบบในสภาวะอยู่ตัว

7.2 ผลการจำลองในสภาวะอยู่ตัว (Steady-State Response)				
7.2.1 การจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด				
7.2.1.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 1500 rpm				
7.2.1.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 750 rpm				
7.2.1.3 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 30 rpm				
7.2.2 การจำลองสภาวะอยู่ตัว ที่โหลดพิกัด				
7.2.2.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัว ที่โหลดพิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm				
7.2.2.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัว ที่โหลดพิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm				



7.2.1 ผลการจำลองการทำงานของระบบในสภาวะไร้โหลด

7.2.1.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 1500 rpm



รูปที่ 7.10 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด

จากรูปที่ 7.10 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมมีประสิทธิภาพที่ดีซึ่งทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์แทบจะไม่มีค่าความ ผิดพลาดเลย โดยที่ค่าความผิดพลาดของตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่าไม่เกิน 0.05%



จากรูปที่ 7.11 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะ ไร้โหลดสามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 1500 rpm ได้ สำหรับระบบควบคุมกระแส สามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี



7.2.1.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 750 rpm

รูปที่ 7.12 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด

จากรูปที่ 7.12 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมมีสมรรถนะที่ดี ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์แทบจะไม่มีค่าความผิดพลาด เลย โดยที่ค่าความผิดพลาดของตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่าไม่เกิน 0.05% อีกทั้งค่าความ ผิดพลาดของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมแทบไม่มีค่าความผิดพลาดเลย



จากรูปที่ 7.13 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้ โหลดสามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 750 rpm ได้ สำหรับระบบควบคุมกระแสสามารถ ควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี



7.2.1.3 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 30 rpm

รูปที่ 7.14 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด

จากรูปที่ 7.14 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมมีสมรรถนะที่ดีแม้ว่าทำงานที่ความเร็วต่ำ ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์แทบ จะไม่มีค่าความผิดพลาดเลย โดยที่ค่าความผิดพลาดของตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่า ไม่เกิน 0.1%



ขณะไร้โหลด

จากรูปที่ 7.15 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้ โหลดสามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 30 rpm ได้ สำหรับระบบควบคุมกระแสสามารถ ควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี

7.2.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด

7.2.2.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm



รูปที่ 7.16 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด

จากรูปที่ 7.16 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมมีสมรรถนะที่ดีขณะที่มีการขับโหลดที่พิกัด ซึ่งทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ แทบจะไม่มีค่าความผิดพลาดเลย โดยที่ค่าความผิดพลาดของตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่า ไม่เกิน 0.06%



จากรูปที่ 7.17 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่โหลดที่พิกัด สามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 1500 rpm ได้อย่างดี และระบบควบคุมกระแสสามารถ ควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งเพื่อรองรับโหลดทางกลได้เป็นอย่างดี



7.2.2.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm

ขณะโหลดที่พิกัด

จากรูปที่ 7.18 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมซึ่งทำงานได้ดี ทำให้การประมาณ ตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์แทบจะไม่มีค่าความผิดพลาดเลย โดยที่ค่าความผิดพลาดของตำแหน่ง และความเร็วอยู่ในเกณฑ์ที่ได้ออกแบบไว้



จากรูปที่ 7.19 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่โหลดที่พิกัด สามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 750 rpm ได้ และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้ กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งเพื่อรองรับโหลดทางกลได้ดี
7.3 ผลการจำลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient Response)

ผลการจำลองการทำงานในสภาวะชั่วครู่ของระบบประมาณและระบบควบคุมของมอเตอร์ พบว่าการประมาณตำแหน่งและโรเตอร์มีประสิทธิภาพที่ดี อยู่ในเกณฑ์ที่ได้ออกแบบไว้ตามบทที่ 4 ส่วนระบบควบคุมทั้งความเร็วและกระแสสามารถทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ สำหรับรายละเอียด การจำลองผลการทำงานสามารถสรุปได้ดังตารางที่ 7.4

ข้
7.3 ผลการจำลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient Response)
7.3.1 ผลการจำลองการเริ่มต้นด้วยค่าความผิดพลาดเริ่มต้นของตัวสังเกต
7.3.2 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบและช่วงกว้าง
7.3.2.1 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบในสภาวะไร้โหลด
7.3.2.2 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงกว้างในสภาวะไร้โหลด
7.3.3 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุน
7.3.3.1 ผลการจำลองกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง
7.3.3.2 ผลการจำลองกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง
7.3.3.3 ผลการจำลองกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ
7.3.4 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น
7.3.4.1 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็วสูง
7.3.4.2 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็วปานกลาง

a _ ,	ৰ গ	0	0	ຄ	ຢ່
mn~n 990 7 /	່ງຈວງປຸ່ຄາວງ	າຮວງລວ	ເຈລາຮາກາງາງເຄເ	ວງຮອງທີ່ທີ່ໄປເຊັດໃ	പ്രജ്വത്ര
VII J INVI 1.4	PAG 19.011	1 9 1 10161		างาอบบเหตุเก	190.09619
	01010011	10 0 1010	111101111000		10000110

UHULALONGKORN UNIVERSITY



7.3.1 ผลการจำลองการเริ่มต้นด้วยค่าความผิดพลาดเริ่มต้นของตัวสังเกต

รูปที่ 7.20 ผลการจำลองการทำงานของตัวสังเกตเมื่อมีค่าความผิดพลาดเริ่มต้น

ผลการจำลองการทำงานของตัวสังเกตขณะที่มีค่าความผิดพลาดเริ่มต้นดังรูปที่ 7.20 เป็นการ จำลองการทำงานโดยการขับเคลื่อนมอเตอร์ด้วยระบบควบคุมแบบเวกเตอร์แบบมีเซนเซอร์วัด ตำแหน่ง ให้ความเร็วโรเตอร์ซึ่งมีค่าความเร็วที่พิกัด 1500 rpm ขณะที่มอเตอร์เริ่มหมุนจะมีฟลักซ์ เทียมเกิดขึ้นขณะที่ตัวสังเกตยังไม่ทำงาน เมื่อสั่งให้ตัวสังเกตเริ่มทำงานที่วินาทีที่ 0.5 จึงเปรียบเหมือน การประมาณโดยมีค่าเริ่มต้นผิดพลาด ผลการจำลองแสดงค่าประมาณฟลักซ์เทียมลู่เข้าสู่ค่าจริงได้ อย่างรวดเร็วในเวลาประมาณ 0.2 วินาที

7.3.2 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบและช่วงกว้าง

7.3.2.1 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบในสภาวะไร้โหลด



รูปที่ 7.21 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ

ผลการจำลองการเปลี่ยนความเร็วในช่วงแคบที่สภาวะไร้โหลด จาก 1200 rpm ไปที่ 1260 rpm ดังรูปที่ 7.21 จะเห็นว่าขณะเร่งความเร็วระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ดี ทำให้ การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีประสิทธิภาพที่ดี มีค่าความผิดพลาดของการประมาณ ความเร็วประมาณ 10 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่งประมาณ 1.5 องศาทาง ไฟฟ้าซึ่งมีค่าความผิดพลาดไม่ถึง 2 %



จากรูปที่ 7.22 จะเห็นได้ว่า สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการเปลี่ยนความเร็วช่วง แคบจาก 1200 rpm ยัง 1260 rpm พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วทำงานได้ดี และพฤติกรรม สอดคล้องกับการออกแบบไว้ รวมถึงวงรอบควบคุมกระแสก็ทำงานได้ดีในทุกช่วงการทำงาน



7.3.2.2 ผลการจำลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงกว้างในสภาวะไร้โหลด

รูปที่ 7.23 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง

ผลการจำลองการเปลี่ยนความเร็วในช่วงกว้างที่สภาวะไร้โหลด จาก 300 rpm ไปที่ 1200 rpm ดังรูปที่ 7.23 จะเห็นว่าขณะเร่งความเร็วระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ ซึ่งทำ ให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีสมรรถนะการประมาณที่ดี โดยมีค่าความผิดพลาด ของการประมาณความเร็วประมาณ 20 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่งประมาณ 5 องศาทางไฟฟ้า



จากรูปที่ 7.24 จะเห็นได้ว่าสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการเปลี่ยนความเร็วช่วงกว้าง จาก 300 rpm ยัง 1200 rpm พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ รวมถึง วงรอบควบคุมกระแสก็ทำงานได้ดีในทุกช่วงการทำงาน

7.3.3 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุน

7.3.3.1 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง



รูปที่ 7.25 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง

ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง จาก 1500 rpm ไปที่ -1500 rpm ดังรูปที่ 7.25 จะเห็นว่าขณะกลับทิศการหมุนระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ดี ทำให้การ ประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณได้อย่างมีประสิทธิภาพ ซึ่งมีค่าความผิดพลาดของการ ประมาณความเร็วประมาณ 15 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่งประมาณ 5 องศา ทางไฟฟ้า



รูปที่ 7.26 ผลการจำลองการทำงานของระบบควบคุม ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูงจาก 1500 rpm ไปที่ -1500 rpm ดังรูปที่ 7.26 พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วได้อย่างมีประสิทธิภาพ รวมถึงวงรอบควบคุมกระแสก็ทำงานได้ดีในทุกช่วงการทำงาน



7.3.3.2 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง

รูปที่ 7.27 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง

ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง จาก 750 rpm ไปที่ -750 rpm ดัง รูปที่ 7.27 จะเห็นว่าขณะกลับทิศการหมุนระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ ทำให้การ ประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดต่ำ ซึ่งมีค่าความผิดพลาดของการ ประมาณความเร็วประมาณ 12 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่งประมาณ 5 องศา ทางไฟฟ้า ซึ่งสอดคล้องตามที่ได้ออกแบบไว้





CHULALONGKORN UNIVERSITY

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลางจาก 750 rpm ไปที่ -750 rpm ดังรูปที่ 7.28 พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วได้ดีสามารถควบคุม ให้ใกล้เคียงกับความเร็วคำสั่งได้ รวมถึงวงรอบควบคุมกระแสก็ทำงานได้ดีในทุกช่วงการทำงาน



7.3.3.3 ผลการจำลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ

รูปที่ 7.29 ผลการจำลองการทำงานของระบบประมาณ ขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ

ผลการจำลองการการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ จาก 30 rpm ไปที่ -30 rpm ดังรูปที่ 7.29 จะเห็นว่าขณะกลับทิศการหมุนระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้เป็นอย่างดี ทำให้ การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดอยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ ซึ่งมีค่าความ ผิดพลาดของการประมาณความเร็วประมาณ 8 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่ง ประมาณ 1.5 องศาทางไฟฟ้า





สมรรถนะของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลางจาก 30 rpm ไปที่ -30 rpm ดังรูปที่ 7.30 พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วได้ดี รวมถึงวงรอบ ควบคุมกระแสก็ทำงานได้ดีในทุกช่วงการทำงาน

7.3.4 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น

7.3.4.1 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 1500 rpm



ขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500 rpm

ผลการทดสอบการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่มีค่าแรงบิดเท่ากับ 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500 rpm ดังรูปที่ 7.31 พบว่า ระบบประมาณสามารถติดตามความเร็วและตำแหน่งโรเตอร์ได้เป็น อย่างดี ทำให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณได้อย่างมีประสิทธิภาพ ซึ่งมีค่าความ ผิดพลาดของการประมาณความเร็วประมาณ 28 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่ง ประมาณ 2.6 องศาทางไฟฟ้า



CHULALONGKORN UNIVERSITY สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีโหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ดังรูปที่ 7.32 วงรอบ ควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วได้ดี และการควบคุมของวงรอบกระแสสามารถควบคุมให้ สอดคล้องกับโหลดได้เป็นอย่างดี



7.3.4.2 ผลการจำลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 750 rpm

ผลการทดสอบการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่มีค่าแรงบิดเท่ากับ 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750 rpm ดังรูปที่ 7.33 พบว่า ระบบประมาณสามารถติดตามความเร็วและตำแหน่งโรเตอร์ได้ดี ทำ ให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดไม่สูงมากนัก ซึ่งอยู่ในเกณฑ์ที่ได้ ออกแบบไว้ โดยมีค่าความผิดพลาดของการประมาณความเร็วประมาณ 28 rpm และมีค่าความ ผิดพลาดการประมาณตำแหน่งประมาณ 2.4 องศาทางไฟฟ้า



ขนาด 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750 rpm

CHULALONGKORN UNIVERSITY

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีโหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ดังรูปที่ 7.34 พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้ และการควบคุมของวงรอบ กระแสสามารถควบคุมให้สอดคล้องกับโหลดได้เป็นอย่างดี

บทที่ 8

ผลการทดลองกับระบบจริง

ผลการจำลองการทำงานของระบบที่นำเสนอในบทที่ 7 นั้น สามารถยืนยันความถูกต้องของ แนวคิดที่ใช้ในการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ด้วยการใช้ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผล ของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก จากการสร้างระบบจำลองการทำงานของระบบควบคุมไร้เซนเซอร์ วัดตำแหน่งและความเร็ว สำหรับบทนี้จะเป็นการยืนยันความถูกต้องของแนวคิดด้วยการทดลองการ ควบคุมมอเตอร์กับระบบฮาร์ดแวร์จริง ในส่วนของระบบฮาร์ดแวร์ที่ใช้ในการควบคุมการทำงาน งานวิจัยนี้ได้ใช้ตัวประมวลสัญญาณเชิงดิจิทัล (DSP) เบอร์ TMS320F28335 ของ บริษัท Texas Instrument ในการประมวลผล ประกอบกับการใช้ Embedded Coder ซึ่งเป็นส่วนหนึ่งของ โปรแกรม Matlab/Simulink งานวิจัยนี้ใช้คาบเวลาในการสุ่มสัญญาณ (Sampling time) 100 µs และความถี่การสวิตช์เท่ากับ 10 kHz

ผลการทดลองประกอบไปด้วย 2 ส่วนหลักๆ ได้แก่ การทดลองในช่วงสภาวะอยู่ตัว (Steady state) และผลการทดลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient) ในงานวิจัยนี้จะแสดงผลการทดลอง เปรียบเทียบระหว่างระบบควบคุมที่มีเซนเซอร์และไร้เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว เงื่อนไข ในการทดลองจะสรุปไว้ในตารางที่ 8.1 และ 8.2 และค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลองจะใช้ค่า เดียวกับตารางที่ 7.1

CHULALONGKORN UNIVERSITY

8.1 ผลการทดลองในสภาวะอยู่ตัว (Steady-state Response)

ผลการทดลองการทำงานของระบบประมาณและระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัว พบว่าการ ประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีประสิทธิภาพที่ดี ค่าความผิดพลาดของการประมาณอยู่ใน เกณฑ์ที่ยอมรับได้ และระบบควบคุมเวกเตอร์ทั้งวงรอบควบคุมความเร็วและวงรอบควบคุมกระแส ทำงานได้เป็นอย่างดี สำหรับรายละเอียดการทดลองผลการทำงานซึ่งในงานวิจัยนี้จะนำเสนอผลของ การทดลองขณะที่มีเซนเซอร์และไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งสามารถสรุปได้ดังตารางที่ 8.1

ตารางที่ 8.1 เงื่อนไขการทดลองการทำงานของระบบในสภาวะอยู่ตัว

8.1 ผลการทดลองในสภาวะอยู่ตัว (Steady-State Response)
8.1.1 การทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด
8.1.1.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 1500 rpm
8.1.1.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 750 rpm
8.1.1.3 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะไร้โหลด ที่ความเร็ว 300 rpm
8.1.2 การจำลองสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัด
8.1.2.1 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm
8.1.2.2 ผลการจำลองสภาวะอยู่ตัวที่โหลดพิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm



102

8.1.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 1500 rpm

8.1.1.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะมี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง



รูปที่ 8.1 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.1 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียม มีประสิทธิภาพที่ดี ซึ่งฟลักซ์เทียมประมาณลู่เข้าสู่ฟลักซ์จริงได้ ทำให้การประมาณตำแหน่งและ ความเร็วโรเตอร์ทำงานได้อย่างดี



รูปที่ 8.2 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.2 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้โหลด วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมให้ความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้ และวงรอบควบคุมกระแส สามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี



8.1.1.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.3 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.3 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียม ได้อย่างมีประสิทธิภาพ ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่าความผิดพลาดอยู่ใน เกณฑ์ที่ได้ออกแบบไว้ โดยที่ค่าความผิดพลาดของการประมาณความเร็วมีค่าประมาณ 30 rpm และ ค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่งเฉลี่ยมีค่าประมาณ -2.7 องศาทางไฟฟ้า





Chulalongkorn University

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้โหลดวงรอบควบคุมความเร็ว สามารถควบคุมให้ความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้ดังรูปที่ 8.4 และวงรอบควบคุมกระแสสามารถ ทำงานได้เป็นอย่างดี 8.1.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 750 rpm

8.1.2.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบขณะมี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง



รูปที่ 8.5 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.5 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียม มีประสิทธิภาพที่ดี ทำให้ฟลักซ์เทียมประมาณลู่เข้าสู่ฟลักซ์จริงได้ ทำให้การประมาณตำแหน่งและ ความเร็วโรเตอร์ทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ





จากรูปที่ 8.6 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้โหลด วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมให้ความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้คือความเร็ว 750 rpm และ วงรอบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี





รูปที่ 8.7 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.7 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียม ได้อย่างมีประสิทธิภาพ ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีค่าความผิดพลาดอยู่ใน เกณฑ์ที่ได้ออกแบบไว้ โดยที่ค่าความผิดพลาดของการประมาณความเร็วมีค่าประมาณ 18 rpm และ ค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่งเฉลี่ยมีค่าประมาณ -1.9 องศาทางไฟฟ้า





CHULALONGKORN UNIVERSITY สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้โหลดวงรอบควบคุมความเร็ว สามารถควบคุมให้ความเร็วตามความเร็วคำสั่งที่ความเร็ว 750 rpmได้เป็นอย่างดีดังรูปที่ 8.8 และ วงรอบควบคุมกระแสสามารถทำงานได้เป็นอย่างดี

8.1.3.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 30 rpm : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่ง



รูปที่ 8.9 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบขณะที่ มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.9 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์เทียม อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ทำงานได้ค่อนข้างดี



รูปที่ 8.10 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.10 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้ โหลดวงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมให้ความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้ค่อนข้างดี และวงรอบ ควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี



8.1.3.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ในสภาวะไร้โหลดที่ความเร็ว 30 rpm : ทดสอบขณะไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.11 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.11 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมได้ค่อนข้างดี ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์สามารถทำงานได้ โดยที่ค่าความ ผิดพลาดของการประมาณความเร็วมีค่าประมาณ 5 rpm และค่าความผิดพลาดการประมาณตำแหน่ง เฉลี่ยมีค่าประมาณ -9 องศาทางไฟฟ้า ซึ่งสูงกว่าเกณฑ์การออกแบบเนื่องจากช่วงความเร็วต่ำอาจถูก รบกวนจากสัญญาณอื่นๆ ได้



รูปที่ 8.12 การทำงานของระบบควบคุมในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 30 rpm ขณะไร้โหลด ทดสอบ ขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มอเตอร์ทำงานที่สภาวะไร้โหลดวงรอบควบคุมความเร็ว สามารถควบคุมให้ความเร็วใกล้เคียงกับความเร็วคำสั่งได้ที่ความเร็ว 30 rpm ดังรูปที่ 8.12 และ วงรอบควบคุมกระแสสามารถทำงานได้ดี 8.1.4 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด

8.1.4.1 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะ มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง



รูปที่ 8.13 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.13 แสดงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมมีสมรรถนะที่ดีขณะที่มีการขับโหลดที่พิกัด ซึ่งทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มี ค่าความผิดพลาดไม่สูงมาก ซึ่งอยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้



จากรูปที่ 8.14 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่โหลดที่พิกัด สามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 1500 rpm ได้อย่างดี และระบบควบคุมกระแสสามารถ ควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งเพื่อรองรับโหลดได้ดี



8.1.4.2 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะ ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.15 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 1500 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.15 แสดงถึงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมสามารถลู่เข้าสู่ค่าจริง ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์สามารถทำงานได้ดี โดย ที่ค่าความผิดพลาดของการประมาณความเร็วมีค่าประมาณ 12 rpm และค่าความผิดพลาดการ ประมาณตำแหน่งรอบศูนย์องศา ซึ่งอยู่ในเกณฑ์การออกแบบที่กล่าวไว้ในบทที่ 4



GHULALONGKORN UNIVERSITY

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มอเตอร์ทำงานที่โหลดพิกัดวงรอบควบคุมความเร็ว สามารถควบคุมให้ความเร็วใกล้เคียงกับความเร็วคำสั่งได้ที่ความเร็ว 1500 rpm ดังรูปที่ 8.16 และ วงรอบควบคุมกระแสสามารถทำงานได้ดี



8.1.4.3 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบขณะมี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.17 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.17 แสดงถึงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมประมาณได้อย่างมีประสิทธิภาพขณะขับโหลดที่พิกัด ซึ่งทำให้การประมาณตำแหน่งและ ความเร็วโรเตอร์มีค่าความผิดพลาดไม่สูงมาก ซึ่งอยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้



จากรูปที่ 8.18 แสดงสมรรถนะของระบบควบคุมพบว่าขณะที่มอเตอร์ทำงานที่โหลดที่พิกัด สามารถควบคุมให้ความเร็วคงที่ที่ความเร็ว 750 rpm ได้อย่างดี และระบบควบคุมกระแสสามารถ ควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งเพื่อรองรับโหลดพิกัดได้


8.1.4.4 ผลการทดลองสภาวะอยู่ตัวในสภาวะโหลดที่พิกัด ที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบขณะ ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.19 การทำงานของตัวประมาณในสภาวะอยู่ตัวที่ความเร็ว 750 rpm ขณะโหลดที่พิกัด ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.19 แสดงถึงสมรรถนะของตัวสังเกตฟลักซ์เทียม จะเห็นได้ว่าการประมาณฟลักซ์ เทียมมีประสิทธิภาพในการทำงานที่ดี ทำให้การประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์สามารถทำงาน ได้ดี โดยที่ค่าความผิดพลาดของการประมาณความเร็วมีค่าประมาณ 8 rpm และค่าความผิดพลาด การประมาณตำแหน่งรอบศูนย์องศา ซึ่งอยู่ในเกณฑ์การออกแบบที่กล่าวไว้



สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มอเตอร์ทำงานที่โหลดพิกัดวงรอบควบคุมความเร็ว สามารถควบคุมให้ความเร็วใกล้เคียงกับความเร็วคำสั่งได้ที่ความเร็ว 750 rpm ดังรูปที่ 8.20 และ วงรอบควบคุมกระแสสามารถควบคุมกระแสเพื่อรองรับโหลดทางกลได้เป็นอย่างดี

8.2 ผลการทดลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient Response)

ผลการทดลองการทำงานของระบบประมาณและระบบควบคุมในสภาวะชั่วครู่ พบว่าการ ประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์มีประสิทธิภาพที่ดี ค่าความผิดพลาดของการประมาณอยู่ใน เกณฑ์ตามที่ได้ออกแบบไว้ และวงรอบควบคุมความเร็วและวงรอบควบคุมกระแสสามารถทำงานได้ดี สำหรับรายละเอียดการทดลองผลการทำงานซึ่งในงานวิจัยนี้จะนำเสนอผลของการทดลองขณะที่มี เซนเซอร์และไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งสามารถสรุปได้ดังตารางที่ 8.2

8.2 ผลการทดลองในสภาวะชั่วครู่ (Transient Response)
8.2.1 ผลการทดลองการเริ่มต้นด้วยค่าความผิดพลาดเริ่มต้นของตัวสังเกต
8.2.2 ผลการทดลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบและช่วงกว้าง
8.2.2.1 ผลการทดลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงแคบในสภาวะไร้โหลด
8.2.2.2 ผลการทดลองเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงกว้างในสภาวะไร้โหลด
8.2.3 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุน
8.2.3.1 ผลการทดลองกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง
8.2.3.2 ผลการทดลองกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง
8.2.3.3 ผลการทดลองกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ
8.2.4 ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น
8.2.4.1 ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็วสูง
8.2.4.2 ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็วปานกลาง

ตารางที่ 8.2 เงื่อนไขการทดลองการทำงานของระบบในสภาวะชั่วครู่

GHULALONGKORN UNIVERSITY



8.2.1 ผลการทดลองการเริ่มทำงานด้วยค่าความผิดพลาดเริ่มต้นของตัวสังเกต

ผลการทดลองการทำงานของตัวสังเกตขณะที่มีค่าความผิดพลาดเริ่มต้นดังรูปที่ 8.21 เป็น การทดลองการทำงานของมอเตอร์ขณะที่มีเซนเซอร์วัดตำแหน่ง ซึ่งทำงานที่ความเร็วพิกัด 1500 rpm ขณะที่มอเตอร์เริ่มหมุนจะมีฟลักซ์เทียมเกิดขึ้นขณะที่ตัวสังเกตยังไม่ทำงาน เมื่อสั่งให้ตัวสังเกตเริ่ม ทำงานที่วินาทีที่ 1 จึงเปรียบเหมือนการทดลองให้ตัวสังเกตมีค่าเริ่มต้นผิดพลาด ผลการทดลองแสดง ให้เห็นว่าฟลักซ์เทียมประมาณลู่เข้าสู่ค่าจริงได้อย่างรวดเร็วในเวลาประมาณ 0.3 วินาที 8.2.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบและช่วงกว้าง

8.2.2.1 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ

8.2.2.1.1 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์ตรวจจับ ตำแหน่งและความเร็ว



รูปที่ 8.22 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบที่สภาวะไร้โหลด จาก 1200 rpm ไปที่ 1260 rpm ดังรูปที่ 8.22 จะเห็นว่าขณะเร่งความเร็วระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ ทำให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีประสิทธิภาพที่ดี



จากรูปที่ 8.23 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการเปลี่ยนความเร็วช่วงแคบ สามารถควบคุมความเร็วได้ตามคำสั่งได้ และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรง กับกระแสคำสั่งได้อย่างดี



8.2.2.1.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ : ทดสอบขณะไม่มีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว

รูปที่ 8.24 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.24 จะเห็นได้ว่าระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ดีเมื่อมีการ เปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงแคบ ซึ่งค่าความผิดพลาดของตำแหน่งประมาณ -5 องศาทางไฟฟ้า และ ค่าความผิดพลาดของความเร็วประมาณ 25 rpm ซึ่งสอดคล้องกับการออกแบบที่ได้กล่าวไว้ในบทที่ 4 อย่างไรก็ตามช่วงที่เปลี่ยนความเร็วไปเป็น 1260 rpm หรือ 42 Hz ซึ่งเป็นความถี่ที่หาร 3 ลงตัว ซึ่ง อาจทำให้เกิดการสั่นพ้อง (resonance) ได้



จากรูปที่ 8.25 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการเปลี่ยนความเร็วช่วงแคบ สามารถควบคุมความเร็วได้แม้ว่าความเร็วที่ 1260 rpm อาจจะเกิดการสั่นพ้องก็ตาม ส่วนระบบ ควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้อย่างดี 8.2.2.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง

8.2.2.2.1 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว



รูปที่ 8.26 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้างที่สภาวะไว้โหลด จาก 300 rpm ไปที่ 1200 rpm ดังรูปที่ 8.26 จะเห็นว่าขณะเร่งความเร็วระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ ทำให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีประสิทธิภาพที่ดี





Chulalongkorn University

จากรูปที่ 8.27 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการเปลี่ยนความเร็วช่วงกว้าง สามารถควบคุมความเร็วให้ตรงตามความเร็วคำสั่งได้ดี และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้ กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้เป็นอย่างดี



8.2.2.2.2 ผลการทดลองการเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง : ทดสอบขณะไม่มีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว

รูปที่ 8.28 การทำงานของระบบประมาณขณะเปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.28 จะเห็นได้ว่าระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ดีเมื่อมีการ เปลี่ยนแปลงความเร็วในช่วงกว้าง จากผลการทดลองสรุปได้ว่าค่าความผิดพลาดของตำแหน่ง ประมาณ 5 องศาทางไฟฟ้า และค่าความผิดพลาดของความเร็วประมาณ 49 rpm ซึ่งระบบประมาณ สามารถประมาณตำแหน่งและความเร็วได้ค่อนข้างดี



จากรูปที่ 8.29 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการเปลี่ยนความเร็วช่วงกว้าง สามารถควบคุมความเร็วได้ดี และตอบสนองต่อการเปลี่ยนแปลงความเร็วช่วงกว้างได้ดีสามารถ ตอบสนองภายในเวลา 300 ms ส่วนระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแส คำสั่งได้อย่างดี 8.2.3 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุน

8.2.3.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง

8.2.3.1.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์ตรวจจับ ตำแหน่ง



รูปที่ 8.30 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูงจาก 1500 rpm ไปที่ -1500 rpm ดังรูปที่ 8.30 จะเห็นว่ากลับทิศการหมุนระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ค่อนข้างดี ทำให้การ ประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณสามารถทำงานได้



รูปที่ 8.31 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่มีเซนเซอร์ CHULALONG ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.31 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่กลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง สามารถควบคุมความเร็วให้ตรงตามคำสั่งได้ดี และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริง ตรงกับกระแสคำสั่งได้และตอบสนองต่อช่วงลดความเร็วได้ดี





รูปที่ 8.32 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.32 จะเห็นได้ว่าระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมค่อนข้างดีเมื่อมีการ กลับทิศการหมุนจากความเร็ว 1500 rpm ไปยัง -1500 rpm การประมาณตำแหน่งและความเร็ว ทำงานได้ดี ซึ่งมีค่าความผิดพลาดของตำแหน่งสูงสุด 18 องศาทางไฟฟ้า และค่าความผิดพลาดของ ความเร็วสูงสุด 84 rpm โดยค่าความผิดพลาดสูงสุดจะเกิดช่วงที่ความเร็วเข้าใกล้ศูนย์



รูปที่ 8.33 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.33 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่กลับทิศการหมุนที่ความเร็วสูง สามารถควบคุมความเร็วให้สอดคล้องกับความเร็วคำสั่งได้ และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุม ให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้และตอบสนองต่อช่วงลดความเร็วเพื่อรองรับกับแรงบิดช่วงลด ความเร็วได้ดี 8.2.3.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง

8.2.3.2.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่ง



รูปที่ 8.34 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลางจาก 750 rpm ไปที่ -750 rpm ดัง รูปที่ 8.34 จะเห็นว่ากลับทิศการหมุนระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ดี ซึ่งทำให้การ ประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณสามารถทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ





จากรูปที่ 8.35 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการกลับทิศการหมุนที่ความเร็ว ปานกลาง ซึ่งสามารถควบคุมความเร็วให้ตรงตามคำสั่งได้ดี และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุม ให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้และตอบสนองต่อช่วงลดความเร็วได้ดี



8.2.3.2.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง : ทดสอบขณะไม่มีเซนเซอร์ ตรวจจับตำแหน่ง

รูปที่ 8.36 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะที่ ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.36 จะเห็นได้ว่าระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ค่อนข้างดีเมื่อมี การกลับทิศการหมุนจากความเร็ว 750 rpm ไปยัง -750 rpm การประมาณตำแหน่งและความเร็ว ทำงานได้ดี ซึ่งมีค่าความผิดพลาดของตำแหน่งสูงสุด 16 องศาทางไฟฟ้า และค่าความผิดพลาดของ ความเร็วสูงสุด 77 rpm โดยค่าความผิดพลาดสูงสุดจะเกิดช่วงที่ความเร็วเข้าใกล้ศูนย์



รูปที่ 8.37 การทำงานของระบบควบคุมขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลาง ทดสอบขณะ CHULA ที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.37 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการกลับทิศการหมุนที่ความเร็ว ปานกลาง สามารถควบคุมความเร็วสอดคล้องกับความเร็วคำสั่ง และระบบควบคุมกระแสสามารถ ควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้และตอบสนองต่อช่วงลดความเร็วเพื่อรองรับกับแรงบิด ช่วงลดความเร็วได้ดี 8.2.3.3.1 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ : ทดสอบขณะมีเซนเซอร์ตรวจจับ ตำแหน่ง



รูปที่ 8.38 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วปานกลางจาก 30 rpm ไปที่ -30 rpm ดังรูปที่ 8.38 จะเห็นว่ากลับทิศการหมุนระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ดี ซึ่งทำให้การ ประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณสามารถทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ





จากรูปที่ 8.39 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการกลับทิศการหมุนที่ความเร็ว ต่ำสามารถควบคุมความเร็วให้ตรงตามคำสั่งได้ดี และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแส จริงตรงกับกระแสคำสั่งได้และตอบสนองต่อช่วงลดความเร็วได้ดี



8.2.3.3.2 ผลการทดลองการกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ : ทดสอบขณะไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับ ตำแหน่ง

รูปที่ 8.40 การทำงานของระบบประมาณขณะกลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

จากรูปที่ 8.40 จะเห็นได้ว่าระบบประมาณสามารถประมาณฟลักซ์เทียมได้ค่อนข้างดีเมื่อมี การกลับทิศการหมุนจากความเร็ว 30 rpm ไปยัง -30 rpm การประมาณตำแหน่งและความเร็ว ทำงานได้ค่อนข้างดี ซึ่งมีค่าความผิดพลาดของตำแหน่งสูงสุด 18 องศาทางไฟฟ้า และค่าความ ผิดพลาดของความเร็วสูงสุด 39 rpm โดยค่าความผิดพลาดสูงสุดจะเกิดช่วงที่ความเร็วเข้าใกล้ศูนย์





จากรูปที่ 8.41 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่กลับทิศการหมุนที่ความเร็วต่ำ สามารถควบคุมความเร็วสอดคล้องกับความเร็วคำสั่ง และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้ กระแสจริงตรงกับกระแสคำสั่งได้และตอบสนองต่อช่วงลดความเร็วเพื่อรองรับกับแรงบิดช่วงลด ความเร็วได้ดี 8.2.4.1 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว



ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นซึ่งมีค่าแรงบิดเท่ากับ 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500 rpm ดังรูปที่ 8.42 พบว่า ระบบประมาณสามารถติดตามความเร็วและตำแหน่งโรเตอร์ได้ ทำ ให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดไม่สูงมากนัก ซึ่งอยู่ในเกณฑ์ที่ได้ ออกแบบไว้



จากรูปที่ 8.43 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น สามารถควบคุมความเร็วได้ดี และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแส คำสั่งได้อีกทั้งยังตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นได้ดีด้วย



8.2.4.2 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 1500 rpm : ทดสอบขณะที่ไม่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว

ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นซึ่งมีค่าแรงบิดเท่ากับ 1.75 N.m ที่ความเร็ว 1500 rpm รูปที่ 8.44 พบว่า ระบบประมาณสามารถติดตามความเร็วและตำแหน่งโรเตอร์ได้ดี ทำให้ การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดที่อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ โดยมีค่า ความผิดพลาดของการประมาณความเร็วประมาณ 50 rpm และมีค่าความผิดพลาดการประมาณ ตำแหน่งประมาณ 5 องศาทางไฟฟ้า



ที่ความเร็ว 1500 rpm ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีโหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ดังรูปที่ 8.45 พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้มีการตอบสนองต่อโหลดแบบ ขั้นได้ไว ซึ่งความเร็วลู่เข้าสู่ค่าจริงภายในเวลา 100 ms อีกทั้งการควบคุมของวงรอบกระแสสามารถ ควบคุมให้สอดคล้องกับโหลดได้เป็นอย่างดี

8.2.4.3 การทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นที่ความเร็ว 750 rpm : ทดสอบขณะที่มี เซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่งและความเร็ว



ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นซึ่งมีค่าแรงบิดเท่ากับ 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750 rpm รูปที่ 8.46 พบว่า ระบบประมาณสามารถติดตามความเร็วและตำแหน่งโรเตอร์ค่อนข้างดี ทำให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดอยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้



จากรูปที่ 8.47 แสดงถึงสมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้น ซึ่งสามารถควบคุมความเร็วได้ดี และระบบควบคุมกระแสสามารถควบคุมให้กระแสจริงตรงกับกระแส คำสั่งได้อีกทั้งยังตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นได้ดีด้วย





ที่ความเร็ว 750 rpm ทดสอบขณะที่ไม่มีเซนเซอร์ตรวจจับตำแหน่ง

ผลการทดลองการตอบสนองต่อโหลดแบบขั้นซึ่งมีค่าแรงบิดเท่ากับ 1.75 N.m ที่ความเร็ว 750 rpm ดังรูปที่ 8.48 พบว่า ระบบประมาณสามารถติดตามความเร็วและตำแหน่งโรเตอร์ได้ ค่อนข้างดี ทำให้การประมาณความเร็วและตำแหน่งประมาณมีค่าความผิดพลาดที่อยู่ในเกณฑ์ที่ ยอมรับได้ โดยมีค่าความผิดพลาดของการประมาณความเร็วประมาณ 48 rpm และมีค่าความ ผิดพลาดการประมาณตำแหน่งประมาณ 5 องศาทางไฟฟ้า



สมรรถนะของระบบควบคุมขณะที่มีโหลดแบบขั้นขนาด 1.75 N.m ดังรูปที่ 8.49 พบว่า วงรอบควบคุมความเร็วสามารถควบคุมความเร็วตามความเร็วคำสั่งได้มีการตอบสนองต่อโหลดแบบ ขั้นได้ไวภายในเวลา 100 ms อีกทั้งการควบคุมของวงรอบกระแสสามารถควบคุมให้สอดคล้องกับ โหลดได้เป็นอย่างดี

บทที่ 9

สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ

9.1 สรุปผลการวิจัย

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ได้นำเสนอการนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทาง แม่เหล็ก และการนำเสนอวิธีการสร้างตัวประมาณฟลักซ์เทียมที่มีเสถียรภาพในวงกว้าง เพื่อใช้ในการ ควบคุม SynRM แบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งและความเร็ว ซึ่งผลการวิจัยทั้งหมดสรุปได้ดังนี้

- การนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก สามารถคำนวณ ขนาดของฟลักซ์เทียมได้จากข้อมูลกระแสสเตเตอร์จากเซนเซอร์วัดกระแส
- การสร้างสมการค่าความเหนี่ยวนำของ SynRM จากสมการของฟลักซ์แม่เหล็ก โดยนำ ข้อมูลจากการทดสอบด้วยล็อคโรเตอร์มาใช้ในการคำนวณร่วมกับวิธีการถดถอยกำลัง สองน้อยสุด
- นำเสนอแบบจำลองของ SynRM บนฐานฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้าม ทางแม่เหล็ก โดยมีแนวคิดจากแบบจำลองของ PMSM
- นำเสนอแนวทางการทดสอบเพื่อหาค่าฟลักซ์สเตเตอร์ของ SynRM ด้วยวิธีล็อกโรเตอร์ รวมทั้งแนวคิดในการชดเชยค่าความผิดพลาดของฟลักซ์แม่เหล็กด้วยวิธีพิจารณาจาก คำสั่งแรงดันจากวงรอบควบคุมกระแส
- นำเสนอการสร้างตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ที่มี เสถียรภาพในวงกว้าง และนำเสนอแนวคิดในการพิสูจน์เสถียรภาพของตัวสังเกต
- นำเสนอการประมาณตำแหน่งและความเร็วโรเตอร์ด้วยวิธีเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์ ซึ่ง
 ข้อดีคือไม่มีการใช้อนุพันธ์ในการคำนวณความเร็วโรเตอร์
- ระบบควบคุมแบบไร้เซนเซอร์วัดตำแหน่งและระบบควบคุมแบบเวกเตอร์ที่นำเสนอมี สมรรถนะและประสิทธิภาพที่ดี สามารถยืนยันได้ว่ามีเสถียรภาพในทุกย่านการทำงาน ด้วยการจำลองการทำงานของระบบและการทดลองกับระบบฮาร์ดแวร์จริง

9.2 ข้อเสนอแนะ

เนื่องจากการนำเสอผลการทดลองกับระบบจริง มีเงื่อนไขไม่มากนักเนื่องจากซอร์ฟแวร์ที่ใช้ ในการควบคุมในงานวิจัยนี้ ใช้การสร้างโค้ดจากฟังก์ชันของโปรแกรม Matlab/Simulink คือ Embedded Coder ซึ่งมีข้อจำกัดในการ Debug โปรแกรม และยังมีประเด็นอื่นๆ ที่สามารถพัฒนา ให้งานวิจัยนี้ดีขึ้นได้ ซึ่งมีแนวทางดังนี้

- การใช้ Embedded Coder ข้อดีคือไม่ต้องเขียนโปรแกรมด้วยตนเอง แต่ต้องมีพื้นฐาน และความเข้าใจในการเขียนโปรแกรม และการหา Debug ของโปรแกรม เนื่องจากตัว โปรแกรมเป็นตัวสร้างโค้ดสำเร็จรูป ทำให้ผู้ใช้ไม่สามารถแก้ไขบางจุดได้ จึงทำให้งานวิจัย นี้ทดสอบกับระบบได้ไม่หลากหลายการทำงาน
- ระบบควบคุมและระบบประมาณไวต่อค่าความคลาดเคลื่อนของพารามิเตอร์ ดังนั้น
 วิธีการวัดพารามิเตอร์ต่างๆ ควรใช้วิธีหรือเครื่องมือวัดที่มีความแม่นยำสูง ซึ่งช่วยให้
 ระบบควบคุมและระบบประมาณทำงานได้ดียิ่งขึ้น
- แนวทางการแก้ไขและการออกแบบอัตราการขยายป้อนกลัลของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมให้ มีความคงทนต่อสัญญาณรบกวนต่างๆ
- 4. แนวทางการแก้ปัญหาระลอกของกระแสที่เกิดจากสล็อตของสเตเตอร์



ภาคผนวก ก

การพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างของตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการ เชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก

สมการแรงดันบนกรอบอ้างอิงสเตเตอร์ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กดังสมการที่ (ก.1)

$$\vec{v}_s = R\vec{i}_s + L_{\Sigma}\frac{d\vec{i}_s}{dt} + \frac{d}{dt}\left(L_{\Delta}e^{J2\theta}Q\vec{i}_s + L_{dq}Je^{J2\theta}Q\vec{i}_s\right)$$
(n.1)

จากบทที่ 3 สามารถนิยามฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กได้ดังสมการ (ก.2)

$$\vec{\varphi} \triangleq L_{\Lambda} e^{J2\theta} \mathbf{Q} \vec{i}_{s} + L_{dq} e^{J2\theta} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$

$$= \left(L_{\Lambda} \mathbf{I} + L_{dq} \mathbf{J} \right) e^{J2\theta} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$

$$= \vec{\lambda} + L_{dq} e^{J2\theta} \mathbf{J} \mathbf{Q} \vec{i}_{s}$$
(n.2)

และสมการทางพลวัตของฟลักซ์สเตเตอร์และฟลักซ์เทียมดังกล่าวแสดงได้ดังสมการที่ (ก.3)

$$\frac{d\vec{\Psi}_{s}}{dt} = \vec{v}_{s} - R\vec{i}_{s}$$

$$\vec{\varphi} = \vec{\Psi}_{s} - L_{\Sigma}\vec{i}_{s}$$
(n.3)

ขนาดของฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็ก ซึ่งหาได้จากข้อมูลกระแสจากการวัด โดยแสดงดังสมการที่ (ก.4)

$$\|\vec{\varphi}\| = \sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2} \|\vec{i}_s\|$$
(n.4)

ตัวสังเกตฟลักซ์เทียมที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กและสมการที่ใช้ในการหาตัวสังเกต ฟลักซ์เทียมดังกล่าวแสดงได้ดังสมการที่ (ก.5)-(ก.7)

$$\frac{d\hat{\Psi}_s}{dt} = \vec{v}_s - R\vec{i}_s - k \cdot \hat{\vec{\varphi}} \tag{(n.5)}$$

$$\hat{\vec{\varphi}} = \hat{\vec{\Psi}}_s - L_{\Sigma} \vec{i}_s \tag{n.6}$$

$$k = \mu \cdot \max\left\{0, \left\|\vec{\phi}\right\|^2 - \left\|\vec{\phi}\right\|^2\right\}$$
 (n.7)

จากสมการที่ (ก.3), (ก.5) และ (ก.6) สามารถเขียนเป็นความสัมพันธ์ได้ดังสมการที่ (ก.8)-(ก.9)

$$\hat{\vec{\phi}} - \vec{\phi} = \hat{\vec{\Psi}}_s - \vec{\Psi}_s \tag{n.8}$$

$$\frac{d}{dt}\left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi}\right) = \frac{d}{dt}\left(\hat{\vec{\Psi}}_s - \vec{\Psi}_s\right) = -k \cdot \hat{\vec{\varphi}} \tag{(n.9)}$$

กำหนดฟังก์ชันเลียปูนอฟ (Lyapunov function) ดังสมการ (ก.10)

$$V = \left(\vec{\phi} - \vec{\phi}\right)^T \left(\vec{\phi} - \vec{\phi}\right) \ge 0 \tag{(n.10)}$$

อนุพันธ์ของฟังก์ชันเลียปูนอฟแสดงได้ดังสมการ (ก.11)

$$\frac{dV}{dt} = 2 \left[\frac{d}{dt} \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right)^T \right] \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right) = -2k \hat{\vec{\varphi}}^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right)$$
(n.11)

จาก

จาก
$$2\vec{a}^{T}(\vec{a}-\vec{b}) = 2\vec{a}^{T}\vec{a} - 2\vec{a}^{T}\vec{b}$$

 $(\vec{a}-\vec{b})^{T}(\vec{a}-\vec{b}) = \vec{a}^{T}\vec{a} - \vec{a}^{T}\vec{b} - \vec{b}^{T}\vec{a} + \vec{b}^{T}\vec{b}$
 $= \|\vec{a}\|^{2} + \|\vec{b}\|^{2} - 2\vec{a}^{T}\vec{b}$
 $= 2\|\vec{a}\|^{2} - 2\vec{a}^{T}\vec{b} - (\|\vec{a}\|^{2} - \|\vec{b}\|^{2})$
กำหนดให้ $\|\vec{a}\|^{2} - \|\vec{b}\|^{2} \ge 0$

จะได้ว่า

$$\left(\vec{a} - \vec{b}\right)^{T} \left(\vec{a} - \vec{b}\right) = 2 \|\vec{a}\|^{2} - 2\vec{a}^{T}\vec{b} - \left(\|\vec{a}\|^{2} - \|\vec{b}\|^{2}\right)$$

$$\leq 2\vec{a}^{T} \left(\vec{a} - \vec{b}\right)$$

ดังนั้น
$$0 \le \left(\vec{a} - \vec{b}\right)^T \left(\vec{a} - \vec{b}\right) \le 2\vec{a}^T \left(\vec{a} - \vec{b}\right); \ \left\|\vec{a}\right\|^2 \ge \left\|\vec{b}\right\|^2$$

ด้วยเหตุนี้ จึงเขียนสมการ (ก.11) ใหม่ได้ดังสมการ (ก.12) $\frac{dV}{dt} = -2k\hat{\vec{\varphi}}^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi}\right) \leq -k\left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi}\right)^T \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi}\right) \leq -kV \quad ; \quad \left\|\hat{\vec{\varphi}}\right\|^2 \geq \left\|\vec{\varphi}\right\|^2$ (ก.12)

จากสมการที่ (ก.12) สามารถนิยามค่า 🧜 ได้ดังสมการที่ (ก.13)

$$k = \begin{cases} 0 & , \left\|\hat{\phi}\right\|^2 \le \left\|\vec{\phi}\right\|^2 \\ k' > 0 & , \left\|\hat{\phi}\right\|^2 > \left\|\vec{\phi}\right\|^2 \end{cases}$$
(n.13)

จากทฤษฎีบทลาซาล (Lasalle Theorem) แสดงได้ดังสมการที่ (ก.14)

$$\frac{dV}{dt} \le -kV \le 0 \tag{(n.14)}$$

กำหนดให้ ${f R}$ แทนเซตที่ทำให้ $\dot V = 0$ จะได้ว่า

$$\mathbf{R} = \left\{ \hat{\vec{\varphi}} \middle| k = 0, V \neq 0, \left\| \hat{\vec{\varphi}} \right\| \le \left\| \vec{\varphi} \right\| \right\}$$
(n.15)
จากสมการที่ (ก.9) และ (ก.13) เขียนได้ดังสมการที่ (ก.16)

$$\frac{d}{dt}\left(\hat{\vec{\varphi}}-\vec{\varphi}\right) = -k\hat{\vec{\varphi}} = 0 \tag{(n.16)}$$

กำหนดให้ **M** แทน invariant set ของสมการที่ (ก.9) จะได้ว่า

$$\mathbf{M} = \left\{ \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right) \middle| \frac{d}{dt} \left(\hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} \right) = 0 \right\}$$
(n.17)

จากสมการที่ (ก.15) สามารถหาคำตอบของสมการได้ดังสมการที่ (ก.18)

$$\hat{\vec{\varphi}} = \vec{\varphi} + \vec{c} \tag{n.18}$$

โดยที่ *c*ี แทนเวกเตอร์คงที่ที่เกิดจากการอินทิเกรต

จาก

จาก

$$\left\| \hat{\vec{\varphi}} \right\|^2 = \hat{\vec{\varphi}}^T \hat{\vec{\varphi}} = \left(\vec{\varphi} + \vec{c} \right)^T \left(\vec{\varphi} + \vec{c} \right)$$
$$= \left\| \vec{\varphi} \right\|^2 + \left\| \vec{c} \right\|^2 + 2\vec{\varphi}^T \vec{c}$$

เนื่องจาก $\hat{ec{arphi}}$ มีคุณสมบัติเป็นเวกเตอร์หมุน (rotating vector) และมีขนาดเพิ่มลดตามเวลา ซึ่งเป็น คุณสมบัติสังเกตได้ (observability)

$$\vec{\varphi}^T \vec{c} = \vec{\varphi} \cdot \vec{c} = \|\vec{\varphi}\| \|\vec{c}\| \cos \varepsilon \tag{n.19}$$

ซึ่งมีบางช่วงเวลาที่ทำให้ $\vec{\varphi}^T \vec{c} \ge 0$ กล่าวคือ มุมระหว่าง $\vec{\varphi}$ กับ \vec{c} อยู่ในช่วง $-90^\circ \le \varepsilon \le 90^\circ$ ดังนั้น $\left\| \hat{\vec{\varphi}} \right\|^2 = \left\| \vec{\varphi} \right\|^2 + \left\| \vec{c} \right\|^2 + 2\vec{\varphi}^T \vec{c} > \left\| \vec{\varphi} \right\|^2$ (n.20)

จากสมการที่ (ก.20) เมื่อเทียบกับสมการที่ (ก.15) แล้วพบว่ามีความขัดแย้งกัน จากสมการที่ (ก.17) จึงสรุปได้ว่า Chulalongkorn University

$$\mathbf{M} = \left\{ \hat{\vec{\varphi}} - \vec{\varphi} = 0, V = 0 \right\}$$
(n.21)

$$\frac{dV}{dt} = 0 \Longrightarrow V(t) = 0 \tag{n.22}$$

จะได้ว่า

ดังนั้น

$$\hat{\vec{\varphi}} = \vec{\varphi}$$

 $\hat{\vec{\Psi}}_s = \vec{\Psi}_s$
(ก.23)

จากสมการ (ก.12), (ก.13), (ก.21) และ (ก.22) สามารถสรุปโดยอาศัย Lasalle's invariance Theorem ได้ว่า

$$\begin{array}{c} V(t) \to 0 \\ \hat{\vec{\Psi}}_{s}(t) - \vec{\Psi}_{s}(t) \to 0 \\ \hat{\vec{\phi}}(t) - \vec{\phi}(t) \to 0 \end{array} \right\} , t \to \infty$$

$$(n.24)$$

ภาคผนวก ข

การพิสูจน์เสถียรภาพในวงกว้างของวงรอบเฟสล็อคลูป [18]



รูปที่ ข.1 บล็อกไดอะแกรมแสดงฟังก์ชันถ่ายโอนของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์

 $y = y' + \omega$

จากรูปที่ ข.1 สามารถเขียนความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรสถานะดังสมการที่ (ข.1)

$$\tilde{\theta} = \tilde{\omega} = K_p x + y \tag{9.1}$$

(ข.2)

กำหนดให้

ขณะนี้กำหนดให้ความเร็วมีค่าคงที่ จากสมการที่ (ข.2) จะได้ว่า (ข.3)

$$\dot{y} = \dot{y}' = K_I x \tag{(9.3)}$$

โดยที่

$$x = \sin\left(2\Delta\theta\right) \tag{9.4}$$

ความสัมพันธ์ของตัวแปรสถานะของค่าความผิดพลาดตำแหน่งแสดงได้ดังสมการที่ (ข.5)

$$\Delta \dot{\theta} = \dot{\theta} - \dot{\tilde{\theta}} = \omega - \tilde{\omega} = -K_P x - y' \tag{9.5}$$

กำหนดฟังก์ชันเลียปูนอฟดังสมการที่ (ข.6)

$$V = \int_{0}^{2\Delta\theta} \sin\beta d\beta + zy'^2 , \ z > 0$$
(9.6)

เนื่องจากเทอมอินทิเกรตมีค่าเป็นบวกเสมอบนช่วง $-\pi < 2\Delta\theta < \pi$ จึงทำให้ $V \ge 0$

อนุพันธ์ของฟังก์ชันเลียปูนอฟแสดงได้ดังสมการ (ข.7)

$$\frac{dV}{dt} = 2\Delta\dot{\theta}\sin(2\Delta\theta) + 2zy'\dot{y}'$$

= $2zy'K_I\sin(2\Delta\theta) + 2\sin(2\Delta\theta)\left[-K_P\sin(2\Delta\theta) - y'\right]$ (9.7)
= $2(zK_I - 1)y'\sin(2\Delta\theta) - 2K_P\sin^2(2\Delta\theta)$

เงื่อนไขจำเป็นที่ทำให้ที่ทำให้ $\frac{dV}{dt} \leq 0$ แสดงได้ดังสมการที่ (ข.8)

$$zK_{I} - 1 = 0 \implies K_{I} = \frac{1}{z} > 0$$

$$K_{P} > 0$$
(9.8)

เมื่อแทนเงื่อนไขจากสมการ (ข.8) ลงในสมการ (ข.7) จะได้ดังสมการที่ (ข.9)

$$\frac{dV}{dt} \le -2K_p \sin^2(2\Delta\theta) \le 0 \quad ; \quad -\pi < 2\Delta\theta < \pi$$
(9.9)

กำหนดให้ **M** แทน invariant set ของสมการที่ (ข.9) จะได้ว่า

$$\mathbf{M} = \left\{ V \left| \frac{dV}{dt} = 0 \right\}$$
(9.10)

ซึ่งมีเงื่อนไขเดียวที่สอดคล้องกับสมการที่ (ข.10) ดังนั้น

 $\sin(2\Delta\theta) = 0 \implies \Delta\theta = 0 \tag{(0.11)}$

จากสมการข้างต้นสามารถสรุปโดยอาศัย Lasalle's invariance Theorem ได้ว่า

$$\begin{array}{c}
V(t) \to 0 \\
\Delta \theta \to 0 \\
y'(t) \to 0 \\
\omega - \tilde{\omega} \to 0
\end{array}, t \to \infty$$
(0.12)

จากสมการที่ (ข.18) เป็นเงื่อนไขสำหรับเสถียรภาพในวงกว้างของวงรอบเฟสล็อกลูปเชิงเวกเตอร์

จุฬาลงกรณมหาวทยาลย

CHULALONGKORN UNIVERSITY

ภาคผนวก ค

การพิสูจน์เงื่อนไขจุดทำงานของวิธีแรงบิดต่อกระแสสูงสุดที่คำนึงผลของการเชื่อมโยง ข้ามทางแม่เหล็ก

สมการแรงบิดของมอเตอร์ที่คำนึงผลของการเชื่อมโยงข้ามทางแม่เหล็กเขียนได้ดังสมการที่ (ค.1)

$$T_e = p\left[\left(L_d - L_q\right)i_di_q - L_{dq}\left(i_d^2 - i_q^2\right)\right] \tag{P.1}$$

กำหนดให้ $i_d = \|\vec{i}_s\|\cos\delta$ และ $i_q = \|\vec{i}_s\|\sin\delta$ เมื่อแทนลงในสมการที่ (ค.1) จะได้ว่า $T_e = p \|\vec{i}_s\|^2 \left[L_\Delta \cos 2\delta - L_{dq} \sin 2\delta\right]$ (ค.2)

จัดรูปสมการ (ค.2) ใหม่จะได้ว่า

$$\begin{split} T_e &= p \left\| \vec{i}_s \right\|^2 \sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2} \left[\frac{L_{\Delta}}{\sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2}} \sin 2\delta - \frac{L_{dq}}{\sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2}} \cos 2\delta \right] \\ &= p \left\| \vec{i}_s \right\|^2 \sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2} \left(\cos x \sin 2\delta - \sin x \cos 2\delta \right) \\ &= p \left\| \vec{i}_s \right\|^2 \sqrt{L_{\Delta}^2 + L_{dq}^2} \sin \left(2\delta - x \right) \end{split}$$
(P.3)

$$\end{split}$$
โดยที่ $x = \tan^{-1} \left(\frac{L_{dq}}{L_{\Delta}} \right)$ และ δ คือมุมของกระแสเมื่อวัดเทียบกับแกน d

จากสมการที่ (ค.3) พบว่าแรงบิดสูงสุดจะเกิดขึ้นเมื่อค่าไซน์มีค่าเท่ากับ 1 จึงสรุปได้ดังสมการที่ (ค.4) และ (ค.5)

CHULALON
$$2\delta - x = 90^{\circ}$$

 $\therefore \quad \delta = 45^{\circ} + \frac{x}{2}$
(P.4)

$$\|\vec{i}_{s}\| = \sqrt{\frac{|T_{e}|}{p\sqrt{L_{\Delta}^{2} + L_{dq}^{2}}}}$$
 (9.5)

ดังนั้นกระแสคำสั่งบนแกน d และแกน q ที่สออดคล้องกับเงื่อนไขแรงบิดต่อกระแสสูงสุด แสดงได้ดัง สมการที่ (ค.6)

$$\begin{split} i_d &= \left\| \vec{i}_s \right\| \cos\left(45^\circ + \frac{x}{2} \right) \\ i_q &= \operatorname{sign}\left(T_e \right) \cdot \left\| \vec{i}_s \right\| \sin\left(45^\circ + \frac{x}{2} \right) \end{split} \tag{P.6}$$

บรรณานุกรม

- 1. T.A.LIPO, Synchronous Reluctance Machines a viable alternative for ac drives. 1991. 19: p. 659-671.
- 2. G. Pellegrino, T.M.J., N. Bianchi, W. L. Soong, and F. Cupertino, The Rediscovery of Synchronous Reluctance and Ferrite Permanent Magnet Motors. Springer, 2016: p. 1-26.
- 3. Donaghy-Spargo, C.M., Synchronous reluctance motor technology : opportunities, challenges and future direction., Engineering technology reference. Durham University, 2016: p. 1-15.
- Lazari, P., et al., Accurate \(d\) \({q}\) Axis Modeling of Synchronous Machines
 With Skew Accounting for Saturation. IEEE Transactions on Magnetics, 2014.
 50(11): p. 1-4.
- 5. Stumberger, G., et al., Cross magnetization effect on inductances of linear synchronous reluctance motor under load conditions. IEEE Transactions on Magnetics, 2001. 37(5): p. 3658-3662.
- Bianchi, N. and S. Bolognani. Magnetic models of saturated interior permanent magnet motors based on finite element analysis. in Conference Record of 1998 IEEE Industry Applications Conference. Thirty-Third IAS Annual Meeting (Cat. No.98CH36242). 1998.
- Agarlita, S., I. Boldea, and F. Blaabjerg, High-Frequency-Injection-Assisted "Active-Flux"-Based Sensorless Vector Control of Reluctance Synchronous Motors, With Experiments From Zero Speed. IEEE Transactions on Industry Applications, 2012. 48(6): p. 1931-1939.
- Ichikawa, S., et al., Sensorless Control of Synchronous Reluctance Motors Based on Extended EMF Models Considering Magnetic Saturation With Online Parameter Identification. IEEE Transactions on Industry Applications, 2006. 42(5): p. 1264-1274.
- 9. Boldea, I. and S.C. Agarlita. The active flux concept for motion-sensorless unified AC drives: A review. in International Aegean Conference on Electrical Machines

and Power Electronics and Electromotion, Joint Conference. 2011.

- 10. Koonlaboon, S. and S. Sangwongwanich. Sensorless control of interior permanent-magnet synchronous motors based on a fictitious permanentmagnet flux model. in Fourtieth IAS Annual Meeting. Conference Record of the 2005 Industry Applications Conference, 2005. 2005.
- Pinyopawasutti, T., Fictitious Flux and A Globally Stable Observer for Position Sensorless Control of Synchronous Reluctance Motors, in Electrical Enginerring. 2562, Chulalongkorn University.
- Capecchi, E., et al., Position-sensorless control of the transverse-laminated synchronous reluctance motor. IEEE Transactions on Industry Applications, 2001. 37(6): p. 1768-1776.
- Guglielmi, P., M. Pastorelli, and A. Vagati, Impact of cross-saturation in sensorless control of transverse-laminated synchronous reluctance motors. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2006. 53(2): p. 429-439.
- 14. Melkebeek, J.A. and J.L. Willems, Reciprocity relations for the mutual inductances between orthogonal axis windings in saturated salient-pole machines. IEEE Transactions on Industry Applications, 1990. 26(1): p. 107-114.
- Stumberger, B., et al. Evaluation of saturation and cross-magnetization effects in interior permanent magnet synchronous motor. in Conference Record of the 2 0 0 1 IEEE Industry Applications Conference. 3 6 th IAS Annual Meeting (Cat. No.01CH37248). 2001.
- Malaizé, J., L. Praly, and N. Henwood. Globally convergent nonlinear observer for the sensorless control of surface-mount Permanent Magnet Synchronous machines. in 2012 IEEE 51st IEEE Conference on Decision and Control (CDC). 2012.
- Im, J., et al., Inductance Calculation Method of Synchronous Reluctance Motor Including Iron Loss and Cross Magnetic Saturation. IEEE Transactions on Magnetics, 2009. 45(6): p. 2803-2806.
- 18. Abramovitch, D.Y., Lyapunov redesign of analog phase-lock loops. IEEE Transactions on Communications, 1990. 38(12): p. 2197-2202.



Chulalongkorn University

ประวัติผู้เขียน

ชื่อ-สกุล	นายศฤงคาร พิตรพิบูลย์วงศ์
วัน เดือน ปี เกิด	24 ตุลาคม 2537
สถานที่เกิด	มุกดาหาร
วุฒิการศึกษา	สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีจาก คณะวิศวกรรมศาสตร์ ภาควิชา
	วิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี
ที่อยู่ปัจจุบัน	256 ซ.สนิทวงศ์ ถ.วิวิธสุรการ ตำบลเมืองมุกดาหาร อำเภอเมืองมุกดาหาร
	จังหวัดมุกดาหาร 49000
ผลงานตีพิมพ์	- งานประชุมทางวิชาการ 2019 International Electrical Engineering
	Congress (iEECON)
	- เผยแพร่งานวิจัยในฐานข้อมูล SCOPUS บนเว็บไซต์ IEEE Xplore

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย Chulalongkorn University