# บทที่ 2 ทฤษฎีและทบทวนงานในอดีต

# 2.1 <u>ลักษณะของชั้นดินกรุงเทพฯ</u>

ลักษณะของขั้นดินกรุงเทพจะมีลักษณะเป็นขั้นดินเหนียวอ่อนมาก จะทำให้เกิดปัญหา มากมายทั้งงานขุด งานเสาเข็ม เป็นต้น โดยที่ขั้นดินประกอบด้วยขั้นดินเหนียวอ่อน ( Soft Clay ) หนาประมาณ 13.5 เมตร ค่า Undrained Shear Strength อยู่ระหว่าง 1-2 ตัน/ตารางเมตร โดย ค่า Water Contents อยู่ระหว่าง 80% ถึงมากกว่า 100% ถัดจากขั้นดินเหนียวอ่อนจะเป็นขั้นดิน เหนียวแข็งปานกลาง ( Medium Stiff Clay ) หนาประมาณ 1.50 เมตร ค่า Undrained Shear Strength อยู่ประมาณ 4 ดัน/ตารางเมตร ถัดจากนั้นจะพบขั้นดินเหนียวแข็ง ( Stiff Clay ) จนถึง ความลึกประมาณ 22 –25 เมตร จากนั้นจึงจะพบขั้นทรายชั้นที่หนึ่ง ( First Sand Layer ) ส่วนชั้น ทรายชั้นที่สอง ( Second Sand Layer ) จะพบที่ความลึกประมาณ 50 เมตร โดยลักษณะชั้นดิน กรุงเทพฯ ทั่วๆไป ( ดังแสดงในรูปที่ 2.1 )



รูปที่ 2.1 แสดงลักษณะขึ้นดินกรุงเทพฯ ทั่วๆ ไป ( Teparaksa 1999 )

### 2.2 <u>ระบบกำแพงกันดินในงานขดดินลึก</u>

## 2.2.1 ระบบกำแพงแบบยืดหยุ่น ( Flexible Wall )

ระบบกำแพงแบบนี้ได้แก่ ระบบเข็มพืด (Sheet Pile) ซึ่งมีค่าสติฟเนสต่ำ ดังนั้นจึง ทำให้เกิดปริมาณการเคลื่อนตัวของกำแพงค่อนข้างสูง โดยใช้กันมากเนื่องจากการก่อสร้าง ทำได้ง่าย รวดเร็ว ราคาถูก โดยจัดเป็นโครงสร้างชั่วคราว (Temporary Structure) และจะทำการถอนออกเมื่อทำการก่อสร้างเสร็จ แล้วสามารถนำกลับไปใช้ได้อีก

### 2.2.2 ระบบกำแพงแบบแข็ง ( Rigid Wall )

ระบบกำแพงกันดินนี้จะมีความแข็งแรงทนทานเป็นอย่างมาก เป็นผลให้การเคลื่อน ตัวทางด้านข้างของกำแพงมีค่าน้อย ( ไม่เกิน 5 ซม.) ระบบกำแพงกันดินซนิดนี้จะก่อสร้าง เป็นโครงสร้างถาวร ( Permanent Structure ) ค่าใช้จ่ายในการก่อสร้างจะมีราคาสูงกว่า ระบบ Flexible Wall มากหลายเท่าตัว ระบบกำแพงกันดินแบบ Rigid Wall ได้แก่ Diaphragm Wall, Secant Pile Wall, Jet Grouted, Gravity Wall, Burlin Wall เป็นต้น

### 2.3 <u>กำแพงกันดินระบบ Secant Pile Wall</u>

เป็นระบบกำแพงกันดินที่มีลักษณะเป็นเสาเข็มหลายๆ ต้น ก่อสร้างเชื่อมต่อกันไปตลอดแนว ของพื้นที่โครงการ ซึ่งจะประกอบด้วยเสาเข็ม 2 ชนิด คือ Primary Pile และ Secondary Pile โดย มีระยะขบกัน ( Interlocking ) ของเสาเข็มทั้งสองชนิดเข้าด้วยกันตลอดแนว( ดังแสดงในรูปที่ 2.2 ) โดยสามารถแบ่งออกได้เป็น 2 แบบ คือ

#### 2.3.1 แบบ Reinforced Concrete Secant Pile Wall

เป็นกำแพงคอนกรีตเสริมเหล็ก ( ดังแสดงในรูปที่ 2.3 ) ซึ่งจะทำการก่อสร้างแบบ หล่อกับที่และจะมีการเสริมเหล็กใน Secondary Pile เท่านั้น โดยจัดเป็นกำแพงกันดิน คอนกรีตล้วน ( Plain Concrete )

### 2.3.2 แบบ Cement Bentonite Secant Pile Wall

เป็นกำแพง Cement Bentonite Slurry ( ดังแลดงในรูปที่ 2.4 ) จะทำการก่อลร้าง แบบหล่อกับที่และจะทำหน้าที่เสมือนกำแพงทึบน้ำ (Impervious Cut Off Wall)



รูปที่ 2.2 แสดง Interlocking ใน Secant Pile Wall



รูปที่ 2.3 แสดง Reinforced Concrete Secant Pile Wall



รูปที่ 2.4 แสดง Cement Bentonite Secant Pile Wall

### 2.4 รายละเอียดการก่อสร้างกำแพงกันดินระบบ Secant Pile Wall

การก่อสร้างกำแพงกันดินระบบ Secant Pile Wall นี้ มีขั้นตอนการก่อสร้างเช่นเดียวกับ การทำเสาเข็มเจาะทั่วๆไป อันประกอบด้วยระบบเจาะแห้ง (Dry Process) และระบบเจาะเบียก (Wet Process) ซึ่งจะขึ้นกับความลึกของการขุดดินเพื่อทำห้องใต้ดินและฐานราก หากความลึก ของการขุดดินไม่มากนักประมาณ 14-15 เมตร ความยาวเสาเข็มกำแพง Secant Pile ที่ใช้จะลึก ประมาณ 20 เมตร ซึ่งยังไม่ถึงชั้นทราย สามารถใช้การเจาะด้วยระบบแห้งได้ หากความลึกของ การขุดดินมากกว่า 15 เมตร ความลึกของกำแพงจะมากกว่า 21 เมตร ซึ่งโดยทั่วๆ ไป จะถึงชั้น ทรายชั้นที่หนึ่ง (First Silty Sand Layer) จึงจำเป็นต้องใช้ระบบเบียก (Wet Process) ขั้นตอน การก่อสร้างกำแพงกันดินระบบ Secant Pile Wall มีดังต่อไปนี้

### 2.4.1 การทำ Guide Wall

Guide Wall จะทำการก่อสร้างขึ้นเพื่อเป็นตัวกำหนดตำแหน่งการเจาะทำเสาเข็ม โดยที่ Guide Wall จะจัดทำเป็นรูปร่างของกำแพงที่ Interlock กัน ขนาดของ Guide Wall มีความกว้างประมาณ 30 ซม. และความลึกประมาณ 80 ซม. ( ดังแสดงในรูปที่ 2.5 ) การก่อสร้างจะใช้ฐานรากเสาเข็มสั้นเป็นที่รองรับ เพื่อจะป้องกันการทรุดตัวของกำแพง และ Guide Wall จะก่อสร้างให้เป็นวงรอบทั้งโครงการ



รูปที่ 2.5 แสดง Guide Wall สำหรับทำ Secant Pile Wall

# 2.4.2 การดิดตั้ง Temporary Casing

Temporary Casing ของ Secant Pile Wall หรือ (Double Wall Casing) จะมี ความหนาประมาณ 40 มิลลิเมตร. มีความยาวท่อนละ 2-5 เมตร โดยที่ Casing ของเสาเข็ม Primary Pile และเสาเข็ม Secondary Pile จะเป็น Casing ตัวเดียวกัน เนื่องจากจะใช้ใน การตัดผ่านเนื้อคอนกรีตของเสาเข็ม Primary Pile ให้เกิดระยะ Interlock ตามแบบที่กำหนด

#### 2.4.3 การทำ Primary Pile Wall

Primary Pile Wall คือเลาเข็มกำแพงชุดแรกที่ทำการก่อสร้าง เป็นเลาเข็มที่ใช้ คอนกรีตล้วน (Plain Concrete) มีกำลังรับแรงอัดสูงสุดประมาณ 150 กก./ตร.ซม. ไม่มี การเสริมเล็ก โดยมีเส้นผ่าศูนย์กลางเท่ากับ 850 มม. Primary Pile Wall นี้จะเจาะบริเวณที่ กำหนดตำแหน่งไว้ที่ Guide Wall การเจาะในส่วนบนจะใช้ Casing (Single Wall) ความยาวประมาณ 15-16 เมตร (ดังแสดงในรูปที่ 2.6) จากนั้นจะเจาะด้วย Auger จนถึง ระดับความลึกที่ต้องการ หากเป็นขั้นทรายจะเจาะแบบ Wet Process จะต้องใช้ Bentonite Slurry ช่วย Stabilize หลุมเจาะด้วย การเจาะ Primary Pile Wall นี้จะก่อสร้าง โดยเว้นเสาเข็มต้น Secondary Pile Wall ไว้

#### 2.4.4 การทำ Secondary Pile Wall

Secondary Pile Wall คือ เสาเข็มกำแพงชุดที่สองที่ทำการก่อสร้าง โดยจะ Overlap เข้าไปใน Primary Pile เท่ากับ 10 ซม. ( ดังแสดงในรูปที่ 2.7 ) เส้นผ่าศูนย์กลาง ของ Secondary Wall เท่ากับ 900 มม. การก่อสร้างจะใช้ระบบ Double Wall โดยขั้นแรก ขึ้นมาด้วย Augar ซึ่งมีขนาด ทำการ Boring น้ำดินใน Secondary Pile Wall เส้นผ่าศูนย์กลางประมาณ 780 มม. การเจาะนำดินชั้นนี้ เพื่อลดแรงต้านการเจาะผนัง Primary Pile จากนั้นทำการกด Casing ตัวนอก ซึ่งมีเส้นผ่าศูนย์กลาง 900 มม. ลงโดยใช้ Vibro Machine ซึ่งจะลงได้ในส่วนแรกๆ เท่านั้น ลึกลงไปจำเป็นต้องใช้เครื่องปั่นระบบ Oscilator ซึ่งจะปั่นคอนกรีต Primary Pile ให้ขาดและใช้ Auger ปั่นผสมดินนำขึ้นมา ข้างบน Oscilator จะปั้น Concrete ใน Primary Pile Wall เฉพาะในส่วนที่จะออกแบบให้ เกิด Interlocking เท่านั้น ระยะห่างระหว่าง Secondary Pile เท่ากับ 1.55 ม. ซึ่งระดับขุด ลึกที่สุดเท่ากับ 12.50 ม. ความลึกของ Secondary Pile จะ Overlap กับ Primary Pile เฉพาะความลึกถึงระดับ 15 ม. เท่านั้น จากระดับความลึก 15-20 เมตร จะไม่ Interlocking Secondary Pile Wall จะให้เป็นเสาเข็มหลักหรือกำแพงหลักในการรับแรงดันดิน กัน ด้านข้าง ซึ่งจะต้องใช้คอนกรีตที่มีกำลังรับแรงอัดสูงสุดเท่ากับ 240 กก./ตร.ซม. และเสริม รับโมเมนต์ ( Reinforced Concrete ) อันเนื่องจากการขุดดินและการค้ำยัน โดย เหล็ก ปกติในการก่อสร้าง Secondary Pile Wall จะทำการเจาะหลังจากที่หล่อ Primary Pile Wall เสร็จแล้วประมาณ 2 วัน เพราะหากทิ้งไว้นานกว่านี้ การทำ Secondary Pile จะลำบาก มากเพราะคอนกรีตใน Primary Pile แข็งมาก ทำให้ตัดคอนกรีตยาก

#### 2.4.5 การทำ Capping Beam

Capping Beam จะทำหน้าที่ควบคุมแนวกำแพงกันดินระบบ Secant Pile Wall ให้ อยู่ในแนวที่กำหนด และจะช่วยในการถ่ายน้ำหนักจากโครงสร้างที่อยู่ด้านบนลงไปสู่เสาเข็ม Secondary Pile Wall ด้วย



รูปที่ 2.6 แสดงการขุดเจาะทำ Primary Pile Wall



รูปที่ 2.7 แสดงการขุดเจาะทำ Secondary Pile Wall

กำแพงกันดินระบบ Secant Pile Wall จะก่อสร้างได้เร็วกว่าระบบ Diaphragm Wall และปัญหาเรื่องของการควบคุมคุณภาพของกำแหงจะดีกว่าโดยเฉพาะกรณีใช้ระบบDry Process อีกประการคือปริมาณคอนกรีตใช้ในแต่ละเสาเร็นมีบริมาณน้อย สามารถควบคุมปริมาณคอนกรีต ที่ไม่เพียงพอได้และราคาค่าก่อสร้างจะถูกกว่าระบบ Diaphragm Wall อย่างไรก็ตามปัญหา เรื่องการซึมน้ำระหว่าง Primary Pile Wall และ Secondary Pile Wall อาจเกิดขึ้นได้

# 2.5 <u>การคำนวณแรงดันดินด้านข้าง</u> (Lateral Earth Pressure)

## 2.5.1 การวิเคราะห์หน่วยแรงดันด้านข้างแบบสถิต (At Rest Pressure )

ใช้ในกรณีที่กำแพงกันดินมีความแข็งแรงสูง (Rigid Wall) โดยตั้งสมมุติฐานว่า กำแพงกันดินจะไม่มีการเคลื่อนด้วทางด้านข้างเลย เช่น ในระบบ Diaphragm wall และ ระบบ Secant Pile Wall เป็นต้น โดยจะแสดงดังสมการนี้

$$\sigma_{bo} = \kappa_0 \sigma_v \qquad (2.1)$$

$$\sigma_{ho} = \sigma_{ho} + u \qquad (2.2)$$

$$\sigma_{ho} = K_0 \sigma_v + u \qquad (2.3)$$

เมื่อ  $K_0$  = Coefficient of earth pressure at rest

Tavenas et al (1975) กล่าวว่า เป็นการยากที่จะหาค่า K<sub>0</sub> ในสภาพธรรมชาติ ฉะนั้นโดยทั่วไปแทนที่จะหาค่า K<sub>0</sub> จากการทดลองซึ่งต้องใช้เครื่องมือเฉพาะประกอบ การหาค่า K<sub>0</sub> จึงได้มาจากความสัมพันธ์แบบ Empirical ( ดังแสดงในตาราง 2.1 )

ตารางที่ 2.1 สูตรคำนวณเพื่อประมาณค่าสัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างแบบสถิต ( K<sub>0</sub> )

Formula	Remark
$K_0 = 1 - \sin \phi$	For sand
$K_{0} = 0.95 - \sin \phi^{-1}$	For Cohesive soils, based on data obtained
	from remolded specimen
$K_0 = 0.19 + 2.333 \log PI (\%)$	Based on data published by Kenney (1959)
$K_0 = 0.24 + 0.31 \log PI (\%)$	K <sub>0</sub> Determined from In-situ tests
$K_{0}(OC) = K_{0}(NC) OCR^{m1}$	For Overconsolidated clays
m1 = 0.54 exp ( - PI / 281 )	
$K_0 (OC) = K_0 (NC) OCR^{-2}$	
m2 = <b>(</b> ( PI )	

Brooker & Ireland (1965) ได้เสนอความสัมพันธ์ระหว่างค่า K<sub>0</sub>, OCR และ PI ( ดังแสดงในรูปที่ 2.8) และเสนอความสัมพันธ์ระหว่างค่า K<sub>0</sub> กับ  $\phi$ ' ของดินเหนียวประเภท Normally Consolidated Clay (ตามปกติ  $\phi$ ' ของดินเหนียวมีค่าอยู่ระหว่าง 20<sup>o</sup>- 30<sup>o</sup>)

$$K_0 = 0.95 - \sin \phi'$$
 (2.4)

รูปที่ 2.8 กราฟแสดงค่า K₀ เป็นฟังก์ชันกับ OCR และค่า PI (Brooker & Ireland)

Schmidth (1966 ) ได้เสนอความลัมพันธ์ระหว่างค่า K<sub>0</sub> กับ OCR จากการทดสอบ แบบลดน้ำหนัก ( Unloading )

$$K_{o(OC)} = K_{o(NC)} OCR^{m}$$
 (2.5)

โดยที่ค่า m = 0.32 ถึง 0.40 เมื่อ PI มีค่าเท่ากับ 80% ถึง 20% Ladd (1977) เสนอค่า m ในสมการของ Schmidt กับค่า PI (ดังแสดในรูปที่ 2.9)



รูปที่ 2.9 กราฟแลดงความสัมพันธ์ของสัมประสิทธิ์ m เป็น ฟังก์ชัน K. และ OCR กับค่า PL ( Ladd ,1977 )

ในกรณีขึ้นดินเหนียวกรุงเทพฯ จะพบว่าค่า PI จะมีค่าอยู่ระหว่าง 36 - 40% ดังนั้น หากใช้ความสัมพันธ์ของ Brooker & Ireland (1965) จะพบว่าค่า K<sub>0</sub>=0.40 + 0.007 (38) K<sub>0</sub> = 0.67 ซึ่งจะใกล้เคียงกับค่าที่ได้จากรูปที่ 2.8 เนื่องจากดินเหนียวอ่อนกรุงเทพฯ จะมีค่า OCR ประมาณ 1.5-1.6 จะได้ค่า K<sub>0</sub> = 0.70 ซึ่งจากผลการวิจัยดินเหนียวอ่อนกรุงเทพฯ นั้น จะมีค่าประมาณ K<sub>0</sub> = 0.65

### 2.5.2 การคาดคะเนหน่วยแรงด้านข้างโดยหลักการของ Rankine

ทฤษฎีของ Rankine มาจากการวิบัติของดินตามทฤษฎีของ Mohr-Coulomb โดยที่จะพิจารณาว่าระนาบการวิบัติของดินในสภาพ Active และ Passive จะเป็นการวิบัติ แบบ Planar Surface Failure

#### 2.5.2.1 Rankine Active Earth Pressure

การวิบัติแบบ Rankine Active คือ เกิดการเคลื่อนตัวออกของกำแพงกันดิน (ดังแสดงในรูปที่ 2.10a) ทำให้เกิดการลดลงของค่าหน่วยแรงในแนวนอนเนื่องจากการ ขุดดินออกขณะที่แรงในแนวดิ่งคงที่ ตลอดจนกำแพงอยู่ในลักษณะ Tilting



รูปที่ 2.10 แสดง Rankine Active Earth Pressure

พิจารณาเมื่อกำแพงไม่มีแรงเลียดทาน (Frictionless) และกำแพงกันดิน เกิดการเคลื่อนตัวในลักษณะ Tilting หน่วยแรงในแนวนอน  $\sigma_n$  ที่ความลึก z จะมีค่า เท่ากับ K<sub>g</sub> $\sigma_n$  แสดงโดย Mohrleirele จุด a. ( ดังแสดงในรูปที่ 2.10b.) โดยที่จุดพิบัติ ของ Mohrleirele จุด c. จาก geometry ของวงกลม Mohrleirele และเล้นสัมผัล เราสามารถเขียนสมการสัมพันธ์ระหว่าง  $\sigma_n$  และ  $\sigma_n$  ได้ดังนี้

$$\sigma_{a} = \sigma_{v} \tan^{2} (45 - \phi/2) - 2C \tan (45 - \phi/2)$$
 (2.6)

กรณีของ Cohensionless soil C = 0 จะได้

$$\sigma_{a} = \sigma_{v} \tan^{2} (45 - \phi/2)$$
 (2.7)

อัตราส่วน  $\sigma_{\rm s}$ /  $\sigma_{\rm s}$  เรียกว่า Coefficient of Rankine's active earth pressure, K

$$K_{a} = \sigma_{a} / \sigma_{v} = \tan^{2}(45 - \phi/2)$$
 (2.8)

ดังนั้น

$$\sigma_a = \sigma_v \kappa_a - 2C\sqrt{\kappa_a}$$
 (2.9)

$$\vec{n} z = 0 \quad \sigma_v = 0 \quad \sigma_a = -2C\sqrt{K_a}$$
 (2.10)

$$\vec{n}$$
 z = H  $\sigma_v = \gamma H$   $\sigma_a = \gamma H K_a - 2C \sqrt{K_a}$  (2.11)

ในกรณีการเกิด Tension crack

$$\sigma_{a} = 0 = \sigma_{v} \kappa_{a} - 2C\sqrt{\kappa_{a}}$$

$$0 = \gamma Z_{c} \kappa_{a} - 2C\sqrt{\kappa_{a}}$$

$$Z_{c} = \frac{2C}{\gamma\sqrt{\kappa_{a}}}$$
(2.12)

โดยที่ Z<sub>c</sub> คือ ความลึกที่เกิด Tension Crack

### 2.5.2.2 Rankine Passive Earth Pressure

การวิบัติแบบ Rankine Passive คือ เกิดการเคลื่อนตัวเข้าของกำแพงกันดีน (ดังแสดงในรูปที่ 2.11a) ทำให้เกิดการเพิ่มขึ้นของหน่วยแรงในแนวนอน ขณะที่แรงใน แนวดิ่งคงที่



รูปที่ 2.11 แสดง Rankine Passive Earth Pressure

พิจารณาเมื่อกำแพงกันดินไม่มีแรงเสียดทาน (Frictionless) และไม่เกิด การเคลื่อนตัวของกำแพงกันดิน ( $\Delta x = 0$ ) หน่วยแรงในแนวนอน  $\sigma_n$  ที่ความลึก z จะ มีค่าเท่ากับ  $K'_0 \sigma'_v + U_0$  แสดงโดย Mohr' circle จุด a (ดังแสดงในรูปที่ 2.11b.) และ เมื่อกำแพงกันดินเกิดเคลื่อนตัวเข้าหาดินเพิ่มมากขึ้น ( $\Delta x > 0$ ) หน่วยแรงในแนวนอน ( $\sigma_n$ ) จะเพิ่มขึ้น จนในที่สุดดินจะเกิดการพิบัติดัง Mohr'circle จุด c ในกรณีที่คิด แรงต้านทานของดินอยู่ในรูปของหน่วยแรงรวม เราสามารถเขียนสมการดังนี้

$$\sigma_{p} = \sigma_{t} \tan^{2}(45 + \phi/2) + 2C \tan(45 + \phi/2)$$
 (2.13)

กรณีของ Cohensionless soil C = 0 จะได้

$$\sigma_{p} = \sigma_{r} \tan^{2} (45 + \phi/2)$$
 (2.14)

อัตราส่วน  $\sigma_{\rm o}/\sigma_{\rm o}$ เรียกว่า Coefficient of Rankine's Passive earth pressure, K

$$K_{p} = \sigma_{p} / \sigma_{v} = \tan^{2}(45 + \phi/2)$$
 (2.15)

ดังนั้น

$$\sigma_{p} = \sigma_{v} K_{p} + 2C \sqrt{K_{p}}$$
 (2.16)

$$\vec{n} z = 0$$
  $\sigma_{p} = 0$   $\sigma_{p} = -2C\sqrt{K_{p}}$  (2.17)

$$\vec{v}_{p} z = H \quad \sigma = \gamma H \quad \sigma_{p} = \gamma H K_{a} - 2C \sqrt{K_{p}}$$
 (2.18)

ดินเหนียวในสภาพอิ่มดัวด้วยน้ำ ค่า  $\phi$  = 0 และค่า So จะเปลี่ยนไป ตามความลึกจะได้ค่า K<sub>a</sub>= K<sub>a</sub>= 1 จึงเขียนสมการใหม่ ได้สำหรับดินเหนียว คือ

$$\sigma_a = \sigma_v - 2Cu \qquad (2.19)$$

$$\sigma_{p} = \sigma_{v} - 2Cu \qquad (2.20)$$

# 2.5.3 การใช้ไดอะแกรมขอบเขตของหน่วยแรงดันดินปรากฏ

( Apparent Earth Pressure Envelope or Pressure Diagram )

การกำหนดแรงดันดินทางด้านข้างที่กระทำต่อกำแพงกันดินระบบ brace cut นั้น การที่จะคาดคะเนหาค่าที่แท้จริงนั้นทำได้ยากมาก ซึ่งในช่วงแรกนั้นจะใช้วิธีการคิดหา แรงดันดินจาก Rankine Earth Pressure Diagram เพื่อที่จะหาแรงในค้ำยัน (Strut) แต่ จากการทดลองในสนาม พบว่าแรงในค้ำยันจะมีค่าความคลาดเคลื่อนอยู่เป็นอย่างมาก ดังนั้นการคาดคะเนหน่วยแรงดันด้านข้างนี้ส่วนใหญ่นิยมที่จะใช้วิธี Empirical โดยอาศัย ข้อมูลจากการวัดแรงของดัวค้ำยัน (Strut) ในสนาม จากการอ่านค่าจากการติดตั้ง เครื่องมือวัดแรงดันดินในค้ำยัน Pressure Gauge และทำการรวมแรงในค้ำยันทั้งหมดเข้า ด้วยกัน จากนั้นจะเปลี่ยนมาเป็นแรงดันทางด้านข้างของดินเพื่อให้ครอบคลุมในทุกกรณี โดยใช้หลักการจากการใช้ไดอะแกรมขอบเขตของหน่วยแรงดันดินปรากฏ ( Apparent Earth Pressure Envelope or Pressure Diagram) (ดังแสดงในรูปที่ 2.12)



รูปที่ 2.12 วิธีการคิดแรงดันดิน Earth Pressure Diagram

ในการประยุกต์ใช้หลักการของ Apparent Earth Pressure Envelope or Pressure Diagram นี้มีการนำเสนอจากทฤษฎีมากมาย จะขึ้นอยู่กับลักษณะของสภาพขั้น ดินในบริเวณที่พิจารณาโดยมีแนวคิดต่างๆ ดังนี้

2.5.3.1 Pressure Diagram เสนอโดย Terzaghi & Peck (1967)

การหาค่าหน่วยแรงดันดินโดยวิธีนี้จะสามารถแบ่งออกได้เป็น 3 รูปแบบตาม ลักษณะของชั้นดิน ( ดังแสดงในรูปที่ 2.13 ) ซึ่งปริมาณของหน่วยแรงดันดินทาง ด้านข้างที่เกิดขึ้นของชั้นดินเหนียวอ่อนและแข็งปานกลาง (Soft to Medium Clays) สำหรับวิธีนี้จะขึ้นอยู่กับค่า m โดยในชั้นดินกรุงเทพฯ นั้นจะมีความเหมาะสมที่จะใช้ ไดอะแกรมของกรณี Soft to Medium Clays เพื่อนำไปประมาณหาปริมาณของหน่วย แรงดันดินทางด้านข้างโดยอาศัยหลักการของ Terzaghi & Peck (1967)



รูปที่ 2.13 Pressure Diagram เสนอโดย Terzaghi & Peck ( 1967 )

#### 2.5.3.2 Pressure Diagram เสนอโดย Tschebotarioff (1973)

การประมาณหาค่าหน่วยแรงดันดินทางด้านข้างที่เสนอโดย Tschebotarioff (1973) สามารถแบ่งออกได้เป็น 3 รูบ่แบบตามลักษณะของชั้นดินรวมถึงระบบค้ำยันที่ ใช้ติดตั้ง (ดังแสดงในรูปที่ 2.14) โดยจะพบว่าหน่วยแรงดันดินที่ประมาณจากวิธีนี้จะ ให้ค่าที่น้อยกว่าใดอะแกรมของกรณี Terzaghi & Peck (1967) เป็นอย่างมาก



รูปที่ 2.14 Pressure Diagram เสนอโดย Tschebotarioff (1973)

2.5.3.3 Pressure Diagram เสนอโดย Sower (1973)

การประมาณหาค่าหน่วยแรงดันดินทางด้านข้างที่เสนอโดย Sower (1973) สามารถแบ่งออกได้ตามชนิดต่างๆของดิน (ดังแสดงในรูปที่ 2.15) สำหรับค่าหน่วยแรง ที่ได้นั้นจะมีค่ามากน้อยเพียงใดนั้นขึ้นอยู่กับค่าของ P<sub>D</sub> ที่มีค่าเปลี่ยนแปลงตามลักษณะ ชนิดของดินที่พิจารณา โดยในขั้นทรายค่า P<sub>D</sub> จะมีค่าขึ้นอยู่กับหน่วยแรงดันดินที่ได้จาก หน่วยแรงดันดินทางด้านข้างในสภาวะ Active (P'<sub>2</sub>) และในชั้นดินเหนียวค่า P<sub>D</sub> จะ ชื้นอยู่กับหน่วยแรงดันดินทางด้านข้างในสภาวะสถิตย์ (Lateral Earth Pressure at Rest, P<sub>2</sub>) หรือค่าของหน่วยแรงดันดินทางด้านข้างก้านข้างที่อยู่ในสภาวะ Active (P'<sub>2</sub>)



Type of soil	Po
loose sand, loose gravel	1.4 <i>P'</i> *
dense sand, dense gravel	1 3 <i>P'a</i>
soft clay	1 SP's or Po
stiff clay	1 4 <i>P'<sub>4</sub> or Po</i>
unsaturated clay	1.3P's or Po

รูปที่ 2.15 Pressure Diagram เสนอโดย Sower ( 1973 )

# 2.6 <u>พฤติกรรมการเคลื่อนตัวและการทรุดตัวที่ผิวดินของกำแพงกันดิน</u>

ในงานขุดดินลึกโดยใช้กำแพงกันดินเป็นตัวป้องกันแรงดันของดิน ซึ่งจะทำให้กำแพงกันดินมี พฤติกรรมการเคลื่อนตัวในลักษณะต่างๆ Clough and O' Rourke ,( 1990 ) ได้แสดงพฤติกรรม ของการเคลื่อนตัวของกำแพงกันดินเป็นดังนี้ ( ดังแสดงในรูปที่ 2.16 )



รูปที่ 2.16 แสดง Typical Profiles of Movement for Braced Walls from ( Clough and O' Rourke ,1990 )

# 2.6.1 พฤติกรรมการเคลื่อนตัวด้านข้างของกำแพงกันดิน ( $\delta_{\mu}$ )

Mana และ Clough (1981) ได้รวบรวมข้อมูลในสนามของงานขุดแบบใช้ค้ำยันใน ดินเหนียวอ่อนถึงอ่อนปานกลาง (Soft to medium clay) จำนวน 11 แห่ง ซึ่งมีค่า Plasticity Index (PI) อยู่ในช่วงที่ต่ำถึงปานกลางโดยประมาณ 10 - 60 และมีความไวตัว (Sensitivity) อยู่ในช่วง 2 ถึง 8 ได้แสดงความสัมพันธ์ระหว่าง Factor of safety against basal heave (FS. โดยวิธีของ (Terzaghi,1943) กับอัตราส่วนชองการเคลื่อนตัว ด้านข้างสูงสุดของกำแหงกันดินต่อความลึกของการขุด( $\delta_{arg}$  (H)(ดังแสดงในรุปที่ 2.17) จากรูปที่ 2.17 จะพบว่าค่า Factor of safety against basal heave (FS.) และค่า Maximum lateral wall deflections ( $\delta_{Hmax}$ ) มีความสัมพันธ์กันอย่างชัดเจน กล่าวคือ กรณีที่ค่า FS. น้อยกว่า 1.4 ถึง 1.5 ซึ่งจะทำให้ค่าของ  $\delta_{Hmax}$  / H เพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็ว แสดงให้เห็นว่าดินจะมีพ.<sub>เ</sub>ติกรรมอยู่ในสภาพจุดคราก (Yield condition) ในขณะกรณีที่ ค่า FS. มากกว่า 1.5 ขึ้นไป จะทำให้ค่าของ  $\delta_{Hmax}$  / H มีค่าค่อนข้างที่จะคงที่ประมาณ 0.5% แสดงให้เห็นว่าดินจะมีพฤติกรรมอยู่ในช่วงที่ยังไม่เกิดสภาพจุดคราก (Local yield) ซึ่ง อย่างไรก็ตามความสัมพันธ์ดังกล่าว มีความกระจัดกระจาย (Scatter) เนื่องจากผลของ ความแตกต่างกันในเรื่องของระยะเวลาการติดตั้งค้ำยัน, ค่าสติฟเนส, ระยะห่างของค้ำยัน, กำลังรับแรงเฉือนของดินที่แท้จริงและขนาดของบ่อขุด



รูปที่ 2.17 แสดงค่าความสัมพันธ์ระหว่าง Factor of safety against basal heave And Maximum lateral wall deflections (Mana and Clough ,1981)

Goldberg , Jaworski และ Gordon ( 1976 ) พบว่างานรูดแบบใช้คำยันในดิน เหนียวแข็ง ( Stiff Clay ) ที่ค่าอัตราส่วนความปลอดภัย ( FS. ) มีค่าสูงจะทำให้ค่า  $\delta_{...max}$  / H มีค่าค่อนข้างคงที่ประมาณ 0.5% เหมือนกับกรณีเป็นดินเหนียวอ่อน / Soft Clay )

# 2.6.2 พฤติกรรมการทรุดตัวที่ผิวดินหลังกำแพงกันดิน ( $\delta_{\rm v}$ )

Peck (1969) ได้แนะนำ Settlement Envelopes ของบริเวณที่เกิดจากการทรุดตัว ที่ผิวดินหลังกำแพงกันดินอันเนื่องจากงานขุด โดยได้รวบรวมมาจากผลที่วัดได้ในสนาม จำนวน 15 แห่ง จากงานขุดในดิน 3 ซนิด ได้แก่ ดินเหนียว 2 ซนิด และดินทรายอีก 1 ซนิด ( ดังแสดงในรูปที่ 2.18 ) แสดงให้เห็นว่าการทรุดตัวที่ผิวดิน ( Surface Settlement,  $\delta_v$  ) อาจจะเกิดขึ้นมากในบริเวณห่างจากกำแพงกันดิน ( Distance from behind wall, D ) ออกมาเป็นระยะ 2.0 ถึง 2.5 เท่าของความลึกที่ขุด ( H ) และการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดินหลัง กำแพงกันดิน ( Maximum Surface Settlement,  $\delta_{vmax}$  ) จะเกิดขึ้นทันทีในบริเวณที่อยู่ใกล้ กับกำแพงกันดิน ( Maximum Surface Settlement,  $\delta_{vmax}$  ) จะเกิดขึ้นทันทีในบริเวณที่อยู่ใกล้ กับกำแพงกันดิน ( Maximum Surface Settlement,  $\delta_vmax}$  ) จะเกิดขึ้นทันทีในบริเวณที่อยู่ใกล้ ของความลึกที่ขุด ( H ) ทั้งนี้ความลึกที่ขุด ( H ) และระยะ ( D ) จะมีปริมาณมากหรือน้อย ขึ้นอยู่กับคุณภาพของการทำงาน ( Quality of workman ship ) รวมทั้งซนิดและสภาพของ ชั้นดินที่ขุด ( Soil condition )



รูปที่ 2.18 แสดง Settlement Envelopes ที่ผิวดินหลังกำแพงกันดินเนื่องจาก การขุดในขั้นดินเหนียวและดินทราย ( Peck ,1969 )

Mana และ Clough ( 1981 ) พบว่า การขุดในขั้นดินเหนียวอ่อนถึงขั้นดินเหนียว แข็งปานกลางนั้น ( Soft to Medium clay ) การทรุดตัวหลังกำแพงกันดินจะมีพฤติกรรม ( ดังแสดงในรูปที่ 2.19 ) แสดงให้เห็นว่าการทรุดตัวที่ผิวดิน ( Surface Settlement,  $\delta_v$  ) จะเกิดขึ้นในระยะที่ห่างออกมาจากหลังกำแพงกันดิน ( Distance from behind wall, D ) ไม่น้อยกว่า 3.5 เท่าของความลึกที่ขุด ( H ) และการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดินหลังกำแพงกันดิน ( Maximum Surface Settlement,  $\delta_{v_{max}}$  ) ซึ่งจะเกิดขึ้นในระยะห่างจากหลังกำแพงกันดิน ออกมาประมาณ 0.9 ถึง 1.0 เท่าของความลึกที่ขุด ( H ) โดยที่จะขึ้นกับค่า Factor of safety against basal heave ( FS. )



รูปที่ 2.19 แสดง Settlement Envelopes ที่ผิวดินหลังกำแพงกันดินเนื่องจากการขุด ในชั้นดินเหนียวอ่อนถึงแข็งปานกลาง ( Mana และ Clough ( 1981 )

สำหรับการทรุดตัวที่ผิวดิน ( Surface Settlement,  $\delta_{\varphi}$  ) เนื่องจากผลของการเกิด การอัดตัวคายน้ำ ( Consolidation settlement ) ที่เกิดขึ้นบริเวณหลังกำแพงกันดินนั้น ได้มีผู้ศึกษาวิจัยทั้งในงานขุดในชั้นดินเหนียวและชั้นดินทราย ไว้ดังนี้

NGI ( 1962 ) พบว่าการขุดดินในชั้นดินเหนียว เมื่อเกิดการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดิน ( Maximum Surface Settlement,  $\delta_{v_{max}}$ ) ในปริมาณที่สูงแล้ว การทรุดตัวที่ผิวดิน (  $\delta_v$  ) เนื่องจากผลของการอัดตัวคายน้ำมีผลต่อค่าการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดิน (  $\delta_{max}$  ) ไม่มากนัก กล่าวคือ ปริมาณการทรุดตัวที่ผิวดิน (  $\delta_{max}$  เนื่องจากผลของการอัดตัวคายน้ำมีค่าต่ำมาก เมื่อเทียบกับค่าของการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดิน (  $\delta_{max}$  ) ที่วัดได้ในสนาม

# 2.6.3 ความสัมพันธ์ระหว่างการเคลื่อนตัวด้านข้างกับการทรุดตัวที่ผิวดิน

มีผู้ศึกษาวิจัย เพื่อจะหาความสัมพันธ์ระหว่างการเคลื่อนตัวด้านข้างกับการทรุดตัว ที่ผิวดิน ( δ<sub>H</sub> กับ δ<sub>V</sub> ) ที่เกิดขึ้นเนื่องจากงานขุดดินแบบใช้ค้ำยัน ซึ่งโดยส่วนมากมักจะ แสดงระหว่างปริมาณการทรุดตัวสูงสุดที่ผิวดิน ( Maximum Surface Settlement, δ<sub>Vmax</sub> ) กับปริมาณการเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุด ( Maximum lateral wall deflections, δ<sub>Hmax</sub> ) โดยจะเปรียบเทียบปริมาณที่เวลาเดียวกันหรือที่เงื่อนไขต่างๆเดียวกัน แต่ตำแหน่งที่นำมา เปรียบเทียบแตกต่างกัน ดังจะได้กล่าวดังต่อไปนี้

Mana และ Clough ( 1981 ) กล่าวว่า ค่า  $\delta_{v_{max}}$  / $\delta_{H_{max}}$  สำหรับงานขุดในขั้นดิน เหนียวอ่อนถึงขั้นดินเหนียวแข็งปานกลาง แบบใช้ค้ำยันที่ Intermediate และ Final stage of construction มีค่าประมาณ 0.5 ถึง 1.0 ( ดังแสดงในรูปที่ 2.20 )





( Mana and Clough ,1981 )

D' Appolonia ( 1979 ) พบว่าในงานขุดของขั้นดินทุกชนิดค่าของ δ<sub>(--3</sub>, /δ<sub>--3</sub>,

# 2.7 <u>ปัจจัยที่มีผลต่อปริมาณการเคลื่อนตัวและการทรุดตัวที่ของผิวดิน</u>

ความสัมพันธ์ของปริมาณการเคลื่อนตัวด้านช้างและการทรุดตัวของผิวดินหลังกำแพงกันดิน โดยจะขึ้นอยู่กับตัวแปรและปัจจัยต่างๆ ดังนี้

#### 2.7.1 พารามิเตอร์ของดิน

2.7.1.1 กำลังรับแรงเฉือนของดิน ( Undrained Shear Strength, S, )

Bishop และ Skemton ( 1954 ) ได้ให้คำจำกัดความของกำลังรับแรง เฉือนแบบอันเดรน ( S<sub>u</sub> ) โดยใช้การทดสอบแบบอันเดรน ( Undrained Test ) ว่าเป็น ค่ากำลังรับแรงเฉือนสูงสุด ( Maximum Shear Strength ) ที่ดินจะได้รับ

$$S_{u} = (\sigma 1 - \sigma 3)$$
(2.21)

โดยที่กำลังรับแรงเฉือนของดินแบบอันเดรน ( S<sub>0</sub> ) นั้นมีผลอย่างมากต่อการ เคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน ถ้าดินมีค่า S<sub>0</sub> ต่ำจะทำให้ค่า S<sub>Hmax</sub> มีค่าสูง กำลังรับแรงเฉือนของดินจะสามารหาจากความสัมพันธ์ในรูปแบบต่างๆ ดังนี้

# 2.7.1.1.1 ค่าปรับแก้กำลังรับแรงเฉือนที่ได้จากการทดสอบแบบเวนใน สนาม ( Field Vane Shear Test ) ของ Bjerrum

Bjerrum (1972) ได้เลนอค่าปรับแก้กำลังรับแรงเฉือนที่ได้จากการ ทดสอบแบบ Geonor Vane ในสนาม (Field Vane Shear Test) โดยใช้ ค่าปรับแก้ (Correction Factor, L) ซึ่งเป็นพึงก์ชันกับค่า Plasticity (PL) ของดินเหนียว (ดังแสดงรูปที่ 2.21 ค่าปรับแก้นี้ ได้ถูกเสนอขึ้นเนื่องจากเมื่อใช้ กำลังรับแรงเฉือน (S) ที่ได้จากการทดสอบแบบ Geonor Vane ในสนามมาทำ การวิเคราะห์หาค่าเสถียรภาพของสันดินม มักจะได้ค่าอัตราส่วนความปลอดภัย (Factor of safety, FS.) ที่สูงกว่าสวามเป็นจริง เนื่องมาจากผลกระทบดังนี้ 1) Progress failure , 2) Anisotropy , 3) Strain Rate ซึ่งผลกระทบเหล่านี้รวมทั้งผลของ Friction ระหว่างการทดสอบ Geonor Vane จะทำให้ค่ากำลังรับแรงเฉือนของดินที่วัดได้ผิดจากความเป็นจริง ค่าปรับแก้ที่ Bjerrum เสนอขึ้นนี้ ได้รวบรวมผลงานการวิเคราะห์เสถียรภาพของ การใช้ Geonor Vane แล้วการพิบัติเกิดขึ้นที่พิกัดความปลอดภัยมากกว่า 1.0 จากกรณีต่างๆ แล้วนำมาสรุปเป็นค่าปรับแก้ที่เป็นพังก์ชันกับค่า Plasticity Index (PI) ของดิน จึงเป็นผลในลักษณะ Empirical ซึ่งไม่อาจอธิบายพฤติกรรมของ ดินที่เกิดขึ้นจริงได้ ความสัมพันธ์ของค่าปรับแก้ที่เสนอโดย Bjerrum (1972) จะเป็นสมการดังนี้



$$S_{u \text{ Field}} = \mu S_{u (FV)} \qquad (2.22)$$

รูปที่ 2.21 แสดงค่าปรับแก้ของ Bjerrum (1972 ) สำหรับการใช้ Geonor Vane

Track et al (1979) เปรียบเทียบค่ากำลังรับแรงเฉือนแบบอันเดรน โดยวิธี USALS กับค่ากำลังรับแรงเฉือนที่เสนอโดย Mensri (1975) สำหรับ ดินเหนียวอัดแน่นปกติ (Normally Consolidated Clay) และดินเหนียว อัดแน่นเกินตัว (Overconsolidated Clay) ที่มี OCR ต่ำมาก โดยจะมี ความสัมพันธ์กับหน่วยแรงประลิทธิผลสูงสุดในอดีต (σ', ) จะเป็นสมการดังนี้

 $S_{\mu^{\pm}e^{i}\sigma} = \mu S_{\mu^{\pm}e^{i}} = 0.22 \sigma'_{p}$  (2.23)

ซึ่งจะสามารถนำสมการ ( 2.23 ) และผลทดลอบ Oedometer ไปหา ค่ากำลังรับแรงเนือนหรือตรวจสอบคณภาพของตัวอย่างดินได้

)

# 2.7.1.1.2 ความสัมพันธ์ระหว่าง N กับค่า S, ของชั้นดินกรุงเทพฯ

ในดินเหนียวกรุงเทพฯ วีรนันท์ ( 2526 ) ได้เสนอความสัมพันธ์ ระหว่าง N กับ S<sub>0</sub> ของดินเหนียวแข็งชั้นแรก (First stiff clay) ซึ่งความสัมพันธ์นี้ มีความใกล้เคียงกับความสัมพันธ์ซึ่งเสนอโดย Terzaghi , Peck ( 1948 ) และ Sower et al ( 1961 ) สำหรับดินเหนียวชนิด CH และ CL ตามลำดับ ดังแลดง รายละเอียดดังนี้

> สำหรับดินเหนียวมีความเป็นพลาสติกสูง ( CH ) S<sub>o</sub> = 0.685 N t / m<sup>2</sup> ( 2.24 )

> สำหรับดินเหนียวมีความเป็นพลาสติกต่ำถึงปานกลาง ( CL ) S\_ = 0.520 N t / m<sup>2</sup> ( 2.25 )

โดย N คือ ค่าจากการทดสอบการทะลุทะลวงมาตรฐาน ( ครั้ง/ฟุต ) ที่ไม่มีการปรับแก้ ซึ่งได้จากการทดสอบ Standard Penetration Test ( SPT ) อย่างไรก็ตามสิ่งที่ต้องระลึกอยู่เสมอ คือ ความสัมพันธ์ข้างต้นได้จากการศึกษา ชั้นดินเหนียวแข็งชั้นแรก ( First stiff clay ) โดยมีความลึกอยู่ระหว่าง 14-25 เมตร ซึ่งมีค่า N มากกว่า 8 โดยค่า N นี้สามารถที่นำมาแทนค่าโดยไม่ต้องมีการ ปรับแก้

### 2.7.1.2 โมดูลัสของดิน ( Soil modulus, E, )

โมดูลัสของดินเป็นพารามิเตอร์ลำคัญที่มีผลโดยตรงต่อการเคลื่อนตัวของดิน เช่น ในงานขุดแบบใช้ค้ำยันในดินเหนียวปานกลาง( Medium Clay )ถ้าระบบโครงสร้าง ค้ำยันเป็น Linear elastic แล้ว เมื่อค่าโมดูลัสของดินมีการเปลี่ยนแปลงเนื่องจากระดับ ของหน่วยแรงเปลี่ยนแปลงไป จะทำให้ค่าการเคลื่อนตัวของดินเปลี่ยนแปลงอย่างเป็น ลัดส่วนผกผัน ( Inversely proportional change ) อย่างไรก็ตาม สำหรับในกรณีการ ก่อสร้างมี Marginal Stability ซึ่งพฤติกรรมของดินได้เปลี่ยนจากสภาพ Elastic มาเป็น สภาพที่จุดคราก ( Yield condition ) เนื่องจากการขุดดินที่เพิ่มขึ้นนั้น ไม่อาจประเมิน ค่าการเคลื่อนตัวของดินอย่างเป็นลัดส่วนกันกับค่าโมดูลัสของดินที่เปลี่ยนแปลงได้ ในการใช้ Finite Element Analysis (FEA) คาดคะเนค่าการเคลื่อนตัวทาง ด้านข้างของกำแพงกันดิน โดยที่การเคลื่อนตัวของดินจำเป็นต้องใช้ค่าโมดูลัสของดิน ซึ่งอาจหาค่าโมดูลัสของดินอยู่ในเทอมของกำลังรับแรงเฉือนของดินแบบ Empirical ได้ ดังนี้

E = M.S (2.26) เมื่อ E = Undrained modulus ในช่วง Elastic ก่อนถึงสภาพ Plastic Yield S = กำลังรับแรงเฉือนของดิน M =- Modulus multiplier

นอกจากนี้ M ยังขึ้นอยู่กับชนิดของการก่อสร้าง การเคลื่อนตัวทางด้านข้าง เนื่องจากการขุดเอาดินออก ค่า M ควรมีค่าแตกต่างกับในกรณีการทรุดตัว โดยปกติค่า M สำหรับการเคลื่อนตัวทางด้านข้างควรสูงกว่าค่า M ในกรณีการทรุดตัวอยู่ในแนวดิ่ง และค่า M จะลดลงเรื่อยตาม Stress level ที่เกิดขึ้น

ในอดีตที่ผ่านมาได้มีผู้ศึกษาถึงเรื่องการวิเคราะห์กลับเพื่อหาค่าโมดูลัสของ ดิน (Young's Modulus , Eu ) ของดินเหนียวกรุงเทพฯ พบว่า ค่า Young's Modulus ที่ได้จากการวิเคราะห์กลับมีค่าสูงกว่าค่า Young's Modulus ที่ทดสอบได้จากห้อง ทดสอบ (Laboratory Test ) จนได้มีการคิดค้นวิธีการวัด Strain ในตัวอย่างโดยตรง (Local Strain Measurement ) จึงได้พบว่าค่า Young's Modulus ของดินจะไม่คงที่ แต่จะแปรผันกับค่า Strain ของดิน โดยจะพบว่าที่ระดับของ Strain ต่ำๆ โมดูลัสของดิน จะมีค่าสูงมาก และแสดงความลัมพันธ์ที่ไม่เป็นเส้นตรง (Non linear behavior ) โดยความขันของกราฟจะสูงมากที่ Strain ต่ำ แต่ที่ระดับของ Strain สูงๆ ความขันของ กราฟก็จะลดลง (ดังแลดงในรูปที่ 2.22)

จากรูปจะเห็นได้ว่าค่า Young's Modulus จะต่างกันอย่างมากที่ระดับของ Strain ต่ำๆ ในส่วนของงานโครงสร้างใต้ดิน อาทิเช่น อุโมงค์, กำแพงใต้ดิน จะพบว่าค่า Shear Stiffness ( G ) จะแปรเปลี่ยนไปตามค่า Shear Strain ( Es ) โดยในกรณีของ กำแพง Rigid Wai ซึ่ง Strain level จะมีค่าอยู่ในช่วง 0.01% ถึง 0.10 % เท่านั้น ( ดังแลดงในรูปที่ 2.23 ) ซึ่งค่า Shear Modulus ใน Strain ช่วงนี้จะสูงกว่าที่การ ทดลอบแบบธรรมดาในห้องทดสอบ ( Conventional Laboratory Test )





รูปที่ 2.23 แสดง Typical Strain Range

จากทฤษฎีของ Elasticity สามารถหาความสัมพันธ์ระหว่างค่า Eu และ G ของดินเหนียวอ่อนกรุงเทพฯ ( ดังแสดงในรูปที่ 2.24 ) ได้ดังนี้

$$Eu = 2G(1+V)$$
 (2.27)

เมื่อ Eu = Undrained Yong's Modulus G = Shear Modulus

$${f V}$$
 = อัตราส่วนปัวของของดินเหนียว (  ${f V}$  = 0.5 )







รูปที่ 2.24 แสดงผลการทดสอบ Pressure meter test ของดินกรุงเทพฯ ( Teparaksa,1999 )

ในปัจจุบันได้มีผู้ทำการวัดค่า Shear Modulus ที่ระดับ Smail Strain ของขั้น ดินเหนียวอ่อนกรุงเทพฯ ทั้งในห้องทดลองและในลนามโดยค่า Shear Modulus (Gmax) ซึ่งอยู่ระหว่าง 300\*Su ถึง 500\*Su โดยแปลงเป็นค่า Young's Modulus ก็จะมีค่าอยู่ระหว่าง 900\*Su ถึง 1500\*Su (Shibuya et al ,1997) นอกจากนี้ยังมีการ ทดลอบหาค่า Gmax ของดินเหนียวอ่อนกรุงเทพฯ โดยใช้ Bender Element Test พบว่า Gmax มีค่าอยู่ในช่วง 440\* Su ถึง 570\*Su (Teramast N., 1998) 2.7.2 Factor of safety against basal heave (FS.)

ในงานขุดดินแบบค้ำยัน พฤติกรรมการเคลื่อนตัวของดินรอบบริเวณบ่อขุดจะเกิด การเพิ่มมากขึ้นด้วย ซึ่งมีสาเหตุเบื้องต้นมาจากหน่วยแรงเฉือน ( Shear Stress ) ที่กระทำมี ค่ามากขึ้นขณะที่ค่า Factor of safety against basal heave ( FS. ) มีค่าลดลง

Terzaghi ( 1943 ) ได้ใช้หลักการของ Bearing Capacity and Shallow Foundation Concept ในการคำนวณค่า FS. สำหรับงานขุดแบบตื้นและกว้างเมื่อค่าของ H/B น้อยกว่า 1 ( ดังแสดงในรูปที่ 2.25 )



รูปที่ 2.25 แสดงการวิเคราะห์หา FS. against basal heave ( Terzaghi ,1943 )

Bjerrum และ Eide (1955) ได้ให้นิยามในการคำนวณค่า FS. สำหรับงานขุด แบบลึกและแคบเมื่อค่าของ H/B มากกว่า 1 (ดังแสดงในรูปที่ 2.26)



รูปที่ 2.26 แสดงการวิเคราะห์หา FS. against basal heave ( Bjerrum และ Eide (1955 )

### 2.7.3 ระบบโครงสร้างค้ำยัน

### 2.7.3.1 สติฟเนสของกำแพงกันดิน (Walls Siffness, EI)

Mana และ Clough ( 1981 ) ได้ศึกษาถึงผลของสติฟเนสของกำแพงกันดิน แบบใช้ค้ำยันในงานขุดขนาดลึกประมาณ 9-15 เมตร ในดินเหนียวอ่อนโดยวิธี Finite element method จากข้อมูลที่วัดได้สนามจำนวน 11 แห่ง ซึ่งมีค่าสติฟเนสของกำแพง (EI) จำนวน 4 ค่า คือ 5,310, 8,088, 22,200 และ 18,300 ตัน-ตารางเมตร/เมตร ซึ่งได้ แสดงผลในเทอมของนอร์มัลไลซ์ค่าการเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน ( $\delta_{Hmax}/\delta_x$ ( for El/h<sup>4</sup> $\gamma$  = 27 ) กับ นอร์มัลไลซ์ค่าสติฟเนสของกำแพง ( El/h<sup>4</sup> $\gamma$  ) ซึ่งอยู่ ใน Semi-log ( เมื่อ h คือ ระยะห่างในแนวดิ่งของค้ำยัน และ  $\gamma$  คือ หน่วยน้ำหนักรวม ของขั้นดิน ) พบว่าสติฟเนสของกำแพงกันดิน ( El ) และระยะห่างในแนวดิ่งของค้ำยัน (h) มีความสัมพันธ์กับ Factor of safety against basal heave (FS.) การเพิ่มค่า El และลดค่า h ทำให้การเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน (  $\delta_{Hmax}$  ) ลดลงมาก เมื่อมีค่า FS. น้อยกว่า 1 ( ดังแสดงในรูปที่ 2.27 )



รูปที่ 2.27 แสดงนอร์มัลไลซ์การเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน ( $\delta_{ama}$ , / $\delta_{.}$ (for El/n<sup>\*</sup> $\gamma$  = 27) กับ นอร์มัลไลซ์ค่าสติฟเนสของ กำแพงกันดิน (El/n<sup>\*</sup> $\gamma$ ) (Mana และ Clough ,1981)

Wong . Broom และ Goh ( 1990 ) พบว่านอร์มัลโลซ์ค่าการเคลื่อนตัว ด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน กับค่าความลึกของการขุด (  $\delta_{--\frac{1}{2}}$  / H, % ) จะลดลง อย่างรวดเร็ว เมื่อสติฟเนลของกำแพงกันดิน มีค่าตั้งแต่ 2,000 ตัน/ตารางเมตร/เมตร ขึ้นไป Clough, Hansen และ Mana (1979) พบว่า กำแพงกันดินที่ค่าสติฟเนสต่ำ มีผลทำให้กำแพงกันดิน เกิดการเคลื่อนตัวมากโดยเฉพาะอย่างยิ่งเมื่องานขุดนั้นมีค่า FS. ต่ำ แต่ค่าสติฟเนส (EI) ของกำแพงกันดิน แทบจะไม่มีผลต่อการเคลื่อนตัวของ กำแพงกันดิน เมื่องานขุดมีค่า FS. สูง ( คังแสดงในรูปที่ 2.28 )



รูปที่ 2.28 แสดงผลของค่าสติฟเนสของกำแพงกันดินต่อปริมาณการเคลื่อนตัว ด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน ( Clough, Hansen และ Mana ,1979 )

# 2.7.3.2 สติฟเนสของค้ำยัน (Strut Stiffness, S)

Mana and Clough (1981) ได้ศึกษาถึงผลของสติฟเนสของค้ำยันที่มีผลต่อ การเคลื่อนตัวของกำแพงกันดิน โดยได้แสดงในเทอมของนอร์มัลไลซ์ค่าการเคลื่อนตัว ด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน ( $\delta_{Hmax} / \delta_x$  (for S/H $\gamma = 286$ ) กับ นอร์มัลไลซ์ค่า สติฟเนสของค้ำยัน (S / H $\gamma$ ) พบว่าการเพิ่มค่าสติฟเนสของค้ำยัน (S) จะทำให้ค่า  $\delta_{Hmax}$  ลดลงแต่ไม่มีผลเมื่อค่าสติฟเนสของค้ำยันมีค่าสูงมาก(ดังแสดงในรูปที่ 2.29)



รูปที่ 2.29 แสดงนอร์มัลไลซ์การเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน (δ<sub>ค.max</sub>/δ, (for S ⊢γ = 286) กับ นอร์มัลไลซ์ค่าสติพ่เนสของ กำแพงกันดิน (S / ⊢γ) (Mana และ Clough ,1981)

## 2.7.3.3 ระยะห่างในแนวดิ่งของค้ำยัน (Vertical Strut Spacing , h )

ผลของระยะห่างในแนวดิ่งของค้ำยัน ที่มีผลต่อการเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุด (h) ของกำแพงกันดิน ( δ<sub>нmax</sub> ) จะแสดงในเทอมของสติฟเนสของกำแพง ( EI ) และ ค่าสติฟเนสของค้ำยัน ( S ) ( ดังแสดงในรูปที่ 2.27 และ รูปที่ 2.29 ) จะเห็นได้ว่าค่า h เพียงเล็กน้อยจะทำให้ค่า h<sup>4</sup> มีค่ามาก โดยจะมีผลให้ค่า δ<sub>нmax</sub> เปลี่ยนแปลงไปด้วย

สำหรับระยะห่างในแนวดิ่ง (h) ของการติดตั้งค้ำยันในชั้นแรก ซึ่งจะทำให้ กำแพงกันดินเกิดการเสียรูปแบบคานยื่น (Cantilever) นั้น Peck (1969) และ Clough Davidson (1977) ได้แนะนำว่าไม่ควรมีค่าเกิน 2S<sub>0</sub> / γ ( เมื่อ S<sub>0</sub> คือกำลัง รับแรงเฉือนของดินในสภาพไม่ระบายน้ำ และ γ คือหน่วยน้ำหนักรวมของดิน) ซึ่งจะ ทำให้เกิดค่า δ<sub>нmax</sub> เกิดขึ้นมาก โดยเฉพาะหากทำการติดตั้งค้ำยันล่าช้า

# 2.7.3.4 การอัดแรงในค้ำยัน ( Preloading of strut )

วันขัย (2534) พบว่า ระบบการอัดแรงในค้ำยันหรือการ Preload ใน Strut จะช่วยลดปัญหาการเคลื่อนตัวของกำแพงกันดินและสามารถลดการเกิดปัญหาการทรุด ตัวของดินรอบๆ โครงการ อย่างไรก็ตาม การ Preload ใน Strut จำเป็นที่จะต้อง ออกแบบให้เหมาะสมกับสภาพในสนาม อัตราการ Preload ไม่จำเป็นต้องเท่ากันทุก ครั้งไป ควรประยุกต์ให้เหมาะสมกับลักษณะและสภาพของโครงการ

การ Preload นั้นเป็นวิธีเพิ่มประสิทธิภาพของ Strut ทั้งนี้ในขณะที่ Preload ใน Strut นั้น แรงกระทำ 100% จากแรง Preload จะถ่ายเข้าสู่กำแพงกันดิน ในขณะที่ แรงต้าน Resistance หรือ Reaction จะถ่ายเข้าสู่ Strut แรง Reaction ที่ถ่ายเข้าสู่ Strut จะเกิดการสูญเสีย โดยที่แรงกระทำจะลดลงประมาณ 80% ที่ระยะห่างจากจุด Preload ประมาณ 12 เมตร หรือ 2 Bay ของค้ำยัน จากเหตุผลดังกล่าวจึงควรมีการ Preload จำนวน 2 จุดใน Strut หนึ่งเส้น คือ Preload บริเวณที่จุดใกล้กับกำแพงกันดิน มากที่สุดทั้ง 2 ด้าน ( ส่วนใหญ่จะเป็น Bay แกะ ) การ Preload ด้านใดด้านหนึ่งหรือ Preload บริเวณกึ่งกลางของความยาว Strut จะไม่ช่วยอะไรทั้งลิ้น ดังนั้นการ Preload มิใช่คือการอัดแรงเข้าไปใน Strut อย่างเรียว แต่ต้องคำนึงถึงผลลัพธ์ที่จะได้ และ ผลเสียที่จะเกิดขึ้นด้วย

# 2.7.3.5 การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิต่อแรงอัดในค้ำยัน

เนื่องจากค้ำยัน (Strut) เป็นโครงสร้างเหล็กที่สามารถขยายตัวหรือหดตัวได้ เมื่ออุณหภูมิของอากาศเกิดการเปลี่ยนแปลงขึ้น จึงมีความจำเป็นที่ต้องพิจารณาผลของ อุณหภูมิ เนื่องจากงานก่อสร้างในประเทศไทยมีอากาศร้อนอยู่แล้ว ความสัมพันธ์ระหว่าง Stress ที่เกิดขึ้นภายในโครงสร้างค้ำยันกับอุณหภูมิที่เปลี่ยนไปสามารถประมาณได้ดังนี้ (Teparaksa, 1995)

$$\Delta \sigma^{t} = 0.000011 \times E_{s} \times \Delta t \qquad (2.28)$$

เมื่อ

$\Delta\sigma^{i}$	=	Axial Stress
$\Delta t$	ė	อุณหภูมิที่เปลี่ยนแปลงในหน่วย <sup>°</sup> C
Es	=	โมดูลัสของค้ำยันเหล็กในหน่วย ksc

# 2.7.3.6 การเกิด Over Stress ในค้ำยัน

เนื่องจากระบบโครงสร้างของค้ำยันเหล็กในระบบป้องกันดินนั้น เป็นระบบ โครงสร้างค้ำยันชั่วคราว (Temporary Work) ดังนั้นในการออกแบบ จึงยอมให้เกิดค่า Over Stress ในโครงสร้างของค้ำยันเหล็กได้ แต่ไม่ควรเกิน 30% (Teng, 1980) ทั้งนี้ เพื่อให้เกิดความปลอดภัยในตัวของระบบโครงสร้างค้ำยัน โดยจะกำหนดให้คิดค่าของ Over Stress เฉพาะในแรงอัดเท่านั้น ซึ่งไม่รวมถึงค่า Bending Stress จะได้ค่า Acting Axial Stress จะมีค่าลดลงดังนี้

### 2.7.4.1 ความลึกของการขุด ( Depth of Excavation , H )

เมื่อความลึกของการขุด (Η) มีค่าเพิ่มมากขึ้นจะทำให้การเคลื่อนตัวด้านข้าง สูงสุดของกำแพงกันดิน ( δ<sub>нmax</sub> ) มีค่าเพิ่มมากขึ้นด้วย

Wong and Broms (1989) พบว่า ความลึกของการขุด (H) มีผลต่อค่า (δ<sub>Hmax</sub>/H,%) ถ้าการขุดในขั้นดินเหนียวที่มี S<sub>0</sub> คงที่ตลอดความลึกแล้ว ค่าของความ ลึกของการขุด (H) กับค่า (δ<sub>Hmax</sub>/H,%) จะมีความสัมพันธ์เป็นแบบเชิงเส้นตรงกัน โดยที่การขุดในขั้นดินเหนียวที่มี S<sub>0</sub> ต่ำจะทำให้ค่า (δ<sub>Hmax</sub>/H,%) มีค่าสูงกว่าการขุด ในขั้นดินเหนียวที่มี S<sub>0</sub> สูง แต่สำหรับการขุดในชั้นดินเหนียวที่มี S<sub>0</sub> เพิ่มขึ้นตามความลึก ที่ขุดมีแนวโน้มว่าค่า (δ<sub>Hmax</sub>/H,%) อาจลดลง

# 2.7.4.2 ความกว้างของการขุด (Width of excavation, B)

Wong and Broms ( 1989 ) กล่าวว่าถ้าการขุดในขั้นดินเหนียวที่มี S<sub>o</sub> คงที่ ตามความลึก และมีความหนามาก Plastic Yielding จะไม่เกิดขึ้นเนื่องจากการขุดแล้ว ค่า (  $\delta_{Hmax}$  / H, % ) จะเพิ่มขึ้นตามความกว้างของการขุด ( B ) โดยมีความสัมพันธ์แบบ เชิงเส้นตรง ( Linear )

2.7.4.3 ความหนาของชั้นดินจากระดับขุดถึงชั้นดินแข็ง ( Thickness of soil below the bottom of excavation to hard stratum , T )

ชั้นดินเหนียวในส่วนที่อยู่ใต้บ่อขุดลงมาถึงชั้นดินแข็งมีความหนาเป็น T จะมี ผลต่อค่า (  $\delta_{Hmax}$  / H, % ) เนื่องจากดินในส่วนนี้อาจจะเกิดสภาวะหน่วยแรงที่จุดคราก ( Yield )ได้ ซึ่งจะทำให้ดินในส่วนนี้เกิดการเคลื่อนตัวสูง ทั้งนี้เพราะค่า N<sub>e</sub> เปลี่ยนแปลง ไม่มากในกรณีที่ความหนาของชั้นดินเหนียวอ่อนมีไม่มากนัก Wong and Broms ( 1989 ) พบว่า การขุดในชั้นดินเหนียวที่มี S, คงที่ตาม ความลึกซึ่งใช้กำแพงกันดินที่มีปลายล่างไม่ได้หยั่งถึงชั้นดินแข็ง ( Free end support ) จากความสัมพันธ์ระหว่างค่า ( δ<sub>Hmax</sub> / H. % ) กับ T/B โดยที่เมื่อค่า T/B เพิ่มขึ้นจะทำให้ ค่า ( δ<sub>Hmax</sub> / H, % ) มีค่าที่เพิ่มขึ้นตามด้วย และที่ค่า T/B ประมาณ 0.5 ขึ้นไปพบว่าจะ มีผลต่อค่า ( δ<sub>Hmax</sub> / H, % ) ไม่มากนัก ( ดังแสดงในรูปที่ 2.30 )



รูปที่ 2.30 แสดงนอร์มัลไลซ์การเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุดของกำแพงกันดิน กับอัตราส่วน T/B (Wong and Broms ,1989)

### 2.7.5 วิธีการก่อสร้าง (Method of construction)

วิธีการก่อสร้างมีผลทำให้ดินเกิดการทรุดตัวหรือกำแพงกันดินเกิดการเคลื่อนตัวได้ โดยอาจจะเกิดขึ้นก่อนมีการขุดดิน เช่น ผลจากการเตรียมงานในสนาม, การตรวจสอบ ตำแหน่งและสาธารณูปโภคที่อยู่ใต้ดิน, การรื้อฐานรากเดิม, การเจาะดินเพื่อทำฐานราก เสาเข็มเจาะ เป็นต้น

ในระหว่างการทำงานขุดดิน ด้วประกอบที่มีผลต่อการเคลื่อนด้วของกำแพงกันดิน และการทรุดตัวของดิน ได้แก่ ประสิทธิภาพของการทำงาน เช่น ความชำนาญและความ รวดเร็วในการทำงาน, ขั้นตอน-วิธีการขุดดิน เช่น Excavation Step และ Bern Size และ Dewatering นอกจากนี้ปัญหาของระยะเวลาภายหลังการขุดคินแล้วเสร็จก็เป็นตัวประกอบ ที่ทำให้เกิดการทรุดตัวและกำแพงกันดินเกิดการเคลื่อนตัวมากขึ้นอีกด้วย

## 2.7.5.1 ขนาดลำดับขั้นตอนการขุด ( Excavation Step size , $\Delta$ H )

ความลึกของการขุดดินที่เพิ่มขึ้นในแต่ละขั้นตอนของการขุด ( ΔH ) จะทำให้ กำแพงกันดินเกิดการเคลื่อนตัวด้านข้าง ( δ<sub>H</sub> ) ในปริมาณที่เพิ่มขึ้น ซึ่งปริมาณการ เคลื่อนตัวนี้จะขึ้นอยู่กับค่ากำลังรับแรงเฉือนของดิน ( S<sub>J</sub> ) ที่เปลี่ยนไปตามความลึกที่ขุด

Clough, Hansen และ Mana ( 1979 ) ได้แสดงความสัมพันธ์ระหว่าง δ<sub>нmax</sub>/ΔH<sub>c</sub> กับ ΔH/ΔH<sub>c</sub> ( ดังแสดงในรูปที่ 2.31 ) พบว่า เมื่อค่าของ ΔH/ΔH<sub>c</sub> มีค่า มากกว่า 0.80 จะทำให้กำแพงกันดินเกิดการเคลื่อนตัวมากขึ้น

![](_page_31_Figure_3.jpeg)

รูปที่ 2.31 แสดงผลของ  $\Delta$ H ต่อการเคลื่อนตัวด้านข้างสูงสุด (  $\delta_{_{\rm Hmax}}$  ) ของกำแพงกันดิน ( Clough, Hansen และ Mana , 1979 )

### 2.7.5.2 ขนาดของคันดิน (Berm size , W)

Burland (1979) กล่าวว่า ในการขุดดินหากทำการทิ้งคันดิน (Berm) ไว้กว้าง และสามารถที่จะขุดคันดินออกพร้อมกับติดตั้งระบบค้ำยันให้เสร็จสิ้นภายใน เวลาอันรวดเร็วจะช่วยลดค่าการเคลื่อนตัวด้านข้างของกำแพงกันดิน (δ<sub>...</sub>) และการ ทรุดตัวของผิวดิน (δ<sub>...</sub>) ด้านหลังกำแพงกันดินได้

### I22471666

### 2.8 <u>การใช้วิธี Finite Element Method ในการวิเคราะห์ระบบกำแพงกันดิน</u>

วิธี Finite Element เป็นหนึ่งในหลายวิธีที่นิยมนำมาใช้ในการวิเคราะห์ความเค้นในรูปร่าง แบบอีลาสติก ( Elastic bodies ) โดยที่วิธีนี้สามารถจะวิเคราะห์ความเค้นและการการเคลื่อนที่ ( Displacement ) ในสภาพ Non-homogeneous ได้ดีเท่ากับสภาพ Homogenous ประโยชน์ของ วิธีไฟในท์เอลลิเมนต์ ( Finite Element Method ) ถ้าเปรียบกับวิธีเชิงตัวเลข ( Numerical Method ) จะสามารถจะประยุกต์ใช้ได้กับวัสดุที่มีรูปร่างและคุณสมบัติต่างๆ , สามารถกำหนดให้ แต่ละเอลลิเมนต์มีคุณสมบัติต่างกันได้ , สามารถกำหนดเงื่อนไขขอบเขตการเคลื่อนดัว แรงดันน้ำ และความเค้นเบื้องต้นในแต่ละเอลลิเมนต์ได้ , สามารถที่จะกำหนดความแม่นยำในการคำนวณให้ อยู่ในขอบเขตที่ต้องการได้ และสามารถประเมินผลของปัญหาที่วัสดุมีคุณสมบัติเป็นแบบไร้เชิง เส้น ( Non-linear ) , อีลาสติก ( Elastic ) หรือ อีลาสโตพลาสติกได้ ( Elasto- Plastic )

การวิเคราะห์ปัญหาทางปฐพีกลศาสตร์โดยวิธีไฟในท์เอลลิเมนต์ เป็นการประมาณรูปแบบ ของปัญหา โดยทำการแบ่งมวลดินเป็นเอลลิเมนต์ย่อยๆ ที่ต่อเนื่องกัน ในเอลลิเมนต์หนึ่งๆจะมี Stress-Strain law และ Failure Criteria ที่กำหนดให้ จุดต่อของเอลลิเมนต์ที่ต่อกับเอลลิเมนต์ ข้างเคียง ซึ่งเรียกว่า Nodal Point ในด้านของปฐพีกลศาสตร์จะใช้วิธีไฟในท์เอลลิเมนต์เพื่อจะหา ค่าหน่วยแรง, ความเครียดและการเคลื่อนที่ในมวลดิน

ส่วนสำคัญของวิธีไฟไนท์เอลลิเมนต์ คือ ค่าสติฟเนส ( Stiffness ) ของแต่ละเอลลิเมนต์ ซึ่ง จะขึ้นอยู่กับอัตราส่วนปัวซอง ( V ) และโมดูลัสยืดหยุ่นของดิน ( E<sub>u</sub> ) และเนื่องจากมี Nodal Point เป็นจำนวนมาก จึงมีสมการการเคลื่อนที่ของ Nodal Point มากด้วย การแก้สมการเหล่านี้จะต้อง ใช้วิธี Matrix Algebra และ Compatibility ของ Deformation between element

คำตอบของวิธีไฟในท์เอลลิเมนต์ จะอยู่ในรูปของการสมดุล และ Compatibility ของ Nodal Point ซึ่งจะได้สมการต่างๆ รวมอยู่ในรูปแบบของ Matrix คือ

$$\{F\} = [K] \{\delta\}$$
 (2.30)

โดยที	F		Vector of applied nodal force
	К		Stiffness matrix
	δ	=	Unknown nodal displacement vector

สำหรับโปรแกรมวิเคราะห์ Plaxis ที่ใช้ในการคาดคะเนพฤติกรรมต่างๆ โดยในการศึกษาได้ ใช้ Mohr-Coulomb modal ซึ่งมีสมมุติฐานของโปรแกรม Plaxis ดังนี้

- 1. ดินเป็น Non-linear elastic
- 2. ค่าพารามิเตอร์ที่ด้องกำหนด คือ E, และ V
- 3. หลักการวิบัติโดยอาศัยกฎของ Mohr-Coulomb Failure โดยใช้ค่า C และ  $\phi$
- 4. กำแพงกันดินจะใช้เป็น Beam element โดยกำหนดค่าสติฟเนส ( El )
- 5. Yield function ( f ) สำหรับ Mohr-Coulomb modal ( ดังแสดงในรูปที่ 2.32 )

กำหนดให้

f ≡ r-ssin
$$\phi$$
-ccos $\phi$  ≤ 0

เมื่อ

= Radius of Mohr's stress circle

s = Center of Mohr's stress circle

![](_page_33_Figure_11.jpeg)

รูปที่ 2.32 แสดง Yield function (f) สำหรับ Mohr-Coulomb nodal

กรณีที่ f ≤ 0 โปรแกรมจะคิดเป็น Elastic Point ( ดังแสดงในรูปที่ 2.33 ) กรณีที่ f = 0 โปรแกรมจะคิดเป็น Plastic Point ( ดังแสดงในรูปที่ 2.34 ) หรืออยู่ใน Elastic-Plastic Point ( ดังแสดงในรูปที่ 2.35 )

![](_page_33_Figure_14.jpeg)

รูปที่ 2.33 แสดง Elastic Point รูปที่ 2.34 แสดง Plastic Point รูปที่ 2.35 แสดง Elastic-Plastic

การใช้โปรแกรมวิเคราะห์ Finite Element method (Hashash and Whittle, 1966) ในการคาดคะเนพฤติกรรมต่างๆ ของกำแพงกันดิน สำหรับงานขุดดินลึก (Deep Excavation) โดยในการป้อนข้อมูลและพารามิเตอร์ต่างๆ จะมีเงื่อนไขในการป้อนข้อมูลและข้อมูลลำดับของ การขุดดิน (ดังแสดงในรูปที่ 2.36 และ 2.37)

![](_page_34_Figure_1.jpeg)

รูปที่ 2.36 แสดง Initial Conditions and Summary of Geometric Parameters

![](_page_34_Figure_3.jpeg)

รูปที่ 2.37 แสดง Excavation Sequence in Finite Element method