

## บทที่ 2

### ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ในบทนี้จะได้กล่าวถึงทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องในงานวิจัยนี้ โดยทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง มีเนื้อหาเกี่ยวกับทฤษฎีที่ใช้ในงานวิจัย ซึ่งประกอบด้วย การเรียนรู้ของเครื่อง การโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย และแบ็กพรอพาคชันนิวรอลเน็ตเวิร์ก ส่วนงานวิจัยที่เกี่ยวข้องประกอบด้วยงานวิจัยในด้านการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทย งานวิจัยด้านการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย งานวิจัยที่เกี่ยวกับแบ็กพรอพาคชันนิวรอลเน็ตเวิร์ก

#### 2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

ทฤษฎีที่เกี่ยวข้องในงานวิจัยนี้ประกอบด้วย การเรียนรู้ของเครื่อง (Machine Learning) การโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย (Inductive Logic Programming) วิธีการสร้างกฎโดยระบบโปรกอล (Progol) และวิธีการแบ็กพรอพาคชันนิวรอลเน็ตเวิร์ก (Backpropagation Neural Network)

##### 2.1.1 การเรียนรู้ของเครื่อง (Machine Learning)

การเรียนรู้ของเครื่องตั้งอยู่บนพื้นฐานของการพยายามทำให้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ทำการพัฒนาความสามารถของตัวเองโดยอัตโนมัติ โดยใช้ประสบการณ์ที่ได้รับจากภายนอกหรือจากผู้สอน ตัวอย่าง เช่น การเรียนรู้จากข้อมูลทางการแพทย์ซึ่งได้รับการเก็บไว้ เพื่อทำการรักษาโรคใหม่ๆ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ หรือการสร้างซอฟต์แวร์เพื่อช่วยรับข่าวที่น่าสนใจจากระบบข่าวออนไลน์ โดยเรียนรู้จากความต้องการของผู้ใช้แต่ละคน

แม้ว่ามีการศึกษาถึงเรื่องการเรียนรู้ของเครื่องอย่างแพร่หลาย แต่ในปัจจุบันการเรียนรู้ของเครื่องยังไม่สามารถทำได้ดีเท่ากับการเรียนรู้ของมนุษย์ อย่างไรก็ตามได้มีการคิดค้นและศึกษาเพื่อหาขั้นตอนวิธีใหม่ๆ เพื่อให้สามารถใช้งานกับการเรียนรู้หลายๆ แบบได้อย่างมีประสิทธิภาพ ในด้านการประยุกต์ใช้โปรแกรมหลายโปรแกรมใช้ประโยชน์จากการพัฒนาให้ใช้การเรียนรู้ได้เป็นอย่างดี เช่น มีการพัฒนาโปรแกรมประยุกต์ทางด้านธุรกิจโดยใช้การเรียนรู้ขึ้น หรือการใช้ขั้นตอนวิธีที่มีพื้นฐานจากการเรียนรู้ของเครื่องทำงานในด้านการรู้จำเสียงพูด การทำนายอัตราการทำเงินของผู้ป่วยโรคปอดอักเสบ การสืบค้นกรณีชำระเงินไม่ตรงเวลาของเจ้าของบัตรเครดิต หรือการสร้างกลยุทธ์ต่างๆ ในการเล่นเกม ในทางทฤษฎีก็เช่นกัน ได้มีการศึกษาทางด้านวิธีการเรียนรู้ของเครื่อง เช่น การหาความสัมพันธ์พื้นฐานของตัวอย่างที่ป้อนให้เพื่อทำการเรียนรู้ การหาจำนวนที่เหมาะสมของสมมติฐานที่ควรนำมาพิจารณา การคาดหมายความผิดพลาดของสมมติฐานต่างๆ สำหรับในด้านการศึกษาแขนงใหม่ ได้มีการศึกษาถึงวิธีการเรียนรู้ของเครื่องในด้านต่างๆ มากขึ้น วิธีการดาต้าไมนิ่ง (Data Mining) เป็นวิธีการหนึ่งซึ่งพัฒนาขึ้นจากการเรียนรู้ของเครื่อง ทำการค้นหาคำความรู้ที่ซ่อนอยู่ภายในระบบฐานข้อมูลที่มีขนาดใหญ่ จะเห็นได้ว่าวิธีการเรียนรู้ของเครื่องได้กลายเป็นปัจจัยสำคัญอย่างยิ่งในการพัฒนาของโปรแกรมคอมพิวเตอร์ในปัจจุบัน

ตัวอย่างของการนำวิธีการเรียนรู้ของเครื่องไปใช้งานได้อย่างมีประสิทธิภาพ

- การเรียนรู้เพื่อทำการรู้จำเสียงพูด  
ระบบที่ทำการรู้จำเสียงพูดที่ประสบความสำเร็จส่วนใหญ่ได้นำวิธีการเรียนรู้ของเครื่องไปใช้ในรูปแบบต่างๆ เช่น ระบบ SPHINX [15] ได้ทำการเรียนรู้เพื่อทำการรู้จำองค์ประกอบพื้นฐานของเสียงพูด (phonemes) และคำศัพท์ (words) จากสัญญาณเสียงที่ได้ทำการเรียนรู้ไว้ก่อน ใช้วิธีการเบย์เซียน [24] และแบบจำลองฮิดเดนมาร์คอฟ (Hidden Markov Model) [15] เพื่อทำการรู้จำเสียงของผู้พูดแต่ละคน
- การเรียนรู้เพื่อนับคัมพาทนะโดยอัตโนมัติ  
ใช้การเรียนรู้ของเครื่องเพื่อทำการสอนรถยนต์ที่ควบคุมด้วยเครื่องคอมพิวเตอร์ ให้ควบคุมได้อย่างถูกต้องเมื่อขับเคลื่อนอยู่บนถนนหลายแบบ ดังตัวอย่างเช่น ระบบ ALVINN [20] สามารถทำการขับเคลื่อนรถยนต์ด้วยความเร็ว 70 ไมล์ต่อชั่วโมง เป็นระยะทาง 90 ไมล์ บนทางหลวง ในขณะที่มีรถยนต์คันอื่นเคลื่อนอยู่ด้วย
- การเรียนรู้เพื่อทำการจำแนกโครงสร้างใหม่ทางดาราศาสตร์  
มีการนำวิธีการเรียนรู้ของเครื่องไปประยุกต์ใช้เพื่อทำการค้นหาลักษณะพื้นฐานในระบบฐานข้อมูลขนาดใหญ่ เช่น องค์การอวกาศแห่งชาติสหรัฐอเมริกา หรือ NASA ได้ใช้ขั้นตอนวิธีการเรียนรู้ต้นไม้การตัดสินใจ (decision tree learning algorithm) ทำการเรียนรู้เพื่อจำแนกวัตถุที่อยู่บนท้องฟ้าจากภาพที่มีขนาดใหญ่มาก [14]

### 2.1.2 การโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย (Inductive Logic Programming)

เป็นวิธีการเรียนรู้ของเครื่องที่ใช้ร่วมกับวิธีการโปรแกรมเชิงตรรกะ (Logic Programming) โดยใช้วิธีการโปรแกรมเชิงตรรกะเพื่ออธิบายตัวอย่างที่ป้อนให้กับระบบเพื่อทำการเรียนรู้ ระบบจะทำการเรียนรู้เพื่อสร้างแนวความคิดในรูปแบบของโปรแกรมเชิงตรรกะจากตัวอย่างและความรู้ภูมิหลัง (Background Knowledge) ที่ผู้สอนป้อนให้ ซึ่งแนวความคิดที่ได้จากระบบนี้สามารถนำไปใช้เพื่อทำนายตัวอย่างที่ยังไม่เคยพบได้

เนื่องจากการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยเป็นวิธีการเรียนรู้แบบหนึ่งของเครื่อง ดังนั้นจุดมุ่งหมายของการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย จึงคล้ายกับจุดมุ่งหมายของการเรียนรู้ของเครื่อง นั่นคือ การพัฒนาเครื่องมือและวิธีการเพื่อทำการสร้างสมมติฐานจากการสังเกตหรือจากตัวอย่าง และเพื่อสังเคราะห์ความรู้ใหม่จากประสบการณ์ที่ได้รับ แต่การใช้โปรแกรมเชิงตรรกะเป็นเครื่องมือในการอธิบายสมมติฐานและตัวอย่าง ทำให้การโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยมีจุดเด่นเหนือวิธีการเรียนรู้ของเครื่องแบบอื่น ดังนี้

1. การใช้โปรแกรมตรรกะเป็นรูปแบบในการอธิบายความรู้ (knowledge) เนื่องจากความรู้ส่วนใหญ่ของมนุษย์มักได้รับการอธิบายในรูปของตรรกะอันดับหนึ่ง (first order logic) หรือเป็นตัวแปรของตรรกะอันดับหนึ่ง (variant of first order logic) แต่ในวิธีการเรียนรู้ของเครื่องส่วนใหญ่ มักจะอธิบายความรู้เหล่านี้โดยการใช้ตรรกศาสตร์ประพจน์ (propositional logic) และข้อได้เปรียบสำคัญอีกประการหนึ่งของการใช้โปรแกรมเชิงตรรกะ คือ การใช้โปรแกรมตรรกะอธิบายแนวความคิดที่สังเคราะห์ได้จากตัวอย่าง

- สามารถอธิบายแนวความคิดได้ซับซ้อนมากยิ่งขึ้น ซึ่งการอธิบายด้วยตรรกศาสตร์  
 ประพจน์แต่เพียงอย่างเดียว จะไม่สามารถครอบคลุมแนวคิดได้ทั้งหมด
2. สามารถใช้ความรู้ภูมิหลังในกระบวนการเรียนรู้ได้ยากกว่าการเรียนรู้ของเครื่องแบบอื่น  
 ที่ไม่ใช้การโปรแกรมเชิงตรรกะ

ตัวอย่างต่อไปนี้แสดงให้เห็นถึงข้อได้เปรียบของโปรแกรมตรรกะ ซึ่งสามารถใช้ตัวแทน  
 ตรรกะอันดับหนึ่ง (first order representation) เมื่อเทียบกับตัวแทนแบบพรอพอซิชันนอล (propositional  
 representation)

ในการเรียนรู้ของเครื่องเพื่อให้อธิบายแนวคิด Daughter(x,y) ซึ่งเป็นแนวความคิดที่ใช้  
 อธิบายความสัมพันธ์ของบุคคล 2 คน คือ x และ y ค่าของ Daughter(x,y) จะเป็นจริง เมื่อ x เป็นบุตรสาวของ  
 y นอกเหนือจากนี้จะให้ค่าเป็นเท็จ สมมติให้ข้อมูลของแต่ละคนประกอบด้วย Name, Mother, Father, Male,  
 Female ดังนั้นในขั้นตอนการเรียนรู้เพื่อสร้างแนวคิด Daughter(x,y) จะประกอบด้วยข้อมูลของบุคคล  
 2 คน และค่าของแนวคิดเป้าหมาย Daughter ดังตัวอย่างบางต่อไปนี้ ซึ่งเป็นความสัมพันธ์ระหว่าง Sharon กับ  
 Bob โดย Sharon เป็นลูกสาวของ Bob

(Name <sub>1</sub> = Sharon,	Mother <sub>1</sub> = Louise,	Father <sub>1</sub> = Bob,
Male <sub>1</sub> = False,	Female <sub>1</sub> = True,	
Name <sub>2</sub> = Bob,	Mother <sub>2</sub> = Nora,	Father <sub>2</sub> = Victor,
Male <sub>2</sub> = True,	Female <sub>2</sub> = False,	Daughter <sub>1,2</sub> = True)

เมื่อตัวเลขแต่ละตัวแสดงว่าองค์ประกอบนั้นเป็นองค์ประกอบของคนใด หลังจากทำ  
 การป้อนตัวอย่างบางจำนวนหนึ่งให้กับระบบเพื่อทำการเรียนรู้ ในกระบวนการเรียนรู้ของตัวเรียนรู้แบบ  
 พรอพอซิชันนอล (propositional learner) เช่น CN2 หรือ C4.5 ผลที่ได้อาจเป็นกฎที่มีขีดจำกัดมากเกินไปเช่น

IF (Father<sub>1</sub> = Bob) ∧ (Name<sub>2</sub> = Bob) ∧ (Female<sub>1</sub> = True)  
 THEN Daughter<sub>1,2</sub> = True

แม้ว่ากฎนี้จะถูกต้องและสามารถนำไปใช้ได้ แต่กฎนี้เป็นกฎที่มีขีดจำกัดมากเกินไป ซึ่งไม่  
 สามารถใช้จำแนกความสัมพันธ์ของคนสองคนอื่น ๆ ได้ดี ต่างจากการใช้การแทนอันดับหนึ่ง ที่สามารถทำ  
 การเรียนรู้และสร้างแนวคิดหรือกฎได้ดังนี้

IF Father(y,x) ∧ Female(y), THEN Daughter(x,y)

เมื่อ x และ y เป็นตัวแปรซึ่งสามารถแทนคนใดคนหนึ่งก็ได้

จะเห็นว่ากฎที่ได้เมื่อมีการใช้การแทนอันดับหนึ่ง จะสามารถนำไปใช้จำแนกความสัมพันธ์  
 ของคนอื่น ๆ ในอนาคตได้ดีกว่ากฎที่ไม่มีใช้การแทนอันดับหนึ่ง

หลักการสำคัญของการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย คือ การสร้างแนวคิด หรือกฎ หรือ  
 สมมติฐาน (h) ที่สามารถอธิบายตัวอย่าง (E) ได้ โดยประกอบกับความรู้ภูมิหลัง (B) ดังความสัมพันธ์

$$B \wedge h \vdash E$$

ซึ่งจุดมุ่งหมายสำคัญของวิธีการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยคือ การสร้างสมมติฐานที่สามารถ  
 อิมพลาย (imply) ตัวอย่างได้ จากกลุ่มตัวอย่างและความรู้ภูมิหลังที่ป้อนให้ ซึ่งมีทฤษฎีที่เกี่ยวข้องในการสร้าง  
 สมมติฐานหลายวิธี เช่น วิธีการอนุมานโดยอุปนัย (Inductive Inference) โออาร์ (Inverse Resolution, IR)  
 อาร์แอลจีจี (Relative Least General Generalization, RLGG) ไออี (Inverse Entailment, IE) ฯลฯ ในที่นี้ได้  
 นำเสนอข้อกำหนดของการสร้างสมมติฐาน คือ วิธีการอนุมานโดยอุปนัย และวิธีการสร้างสมมติฐาน คือ วิธีการ  
 โออาร์

### 2.1.2.1 วิธีการอนุมานโดยอุปนัย (Inductive Inference) [16]

ในการสร้างสมมติฐานขึ้นจากตัวอย่างและความรู้ภูมิหลัง จำเป็นต้องสร้างข้อกำหนดขึ้น  
 ดังนี้ “กำหนดให้  $D$  เป็นเซตของตัวอย่างที่ใช้สอนเพื่อทำการเรียนรู้ซึ่งมีรูปแบบ  $\langle x_i, f(x_i) \rangle$  โดย  $x_i$  คือ ตัวอย่าง  
 ที่  $i$  และ  $f(x_i)$  เป็นค่าที่ต้องการ (target value) และ  $B$  คือความรู้ภูมิหลัง คำนิยามของการเรียนรู้คือการสร้าง  
 สมมติฐาน  $h$  ซึ่งค่า  $f(x_i)$  ของแต่ตัวอย่าง  $x_i$  แต่ละตัวสามารถอิมพลายได้ด้วยสมมติฐาน  $h$  ลักษณะของ  $x_i$  และ  
 ความรู้ภูมิหลัง  $B$ ”

$$(\forall \langle x_i, f(x_i) \rangle \in D) (B \wedge h \wedge x_i) \vdash f(x_i) \quad (2.1)$$

นิพจน์  $X \vdash Y$  หมายความว่า “ $Y$  สามารถอิมพลายได้โดยใช้  $X$ ” ซึ่งในนิพจน์ (2.1)  
 หมายความว่า สำหรับทุกตัวอย่าง  $x_i$  ค่าของ  $f(x_i)$  สามารถอิมพลายได้โดยใช้ความรู้ภูมิหลัง  $B$  สมมติฐาน  $h$   
 และตัวอย่าง  $x_i$

ตัวอย่างเช่น ในการสร้างแนวความคิดของความสัมพันธ์ระหว่างคนสองคน  $\langle u, v \rangle$  เมื่อ  
 $u$  เป็นบุตรของ  $v$  แทนด้วยเพรดิเคต  $Child(u, v)$  สมมติให้มีตัวอย่างบวกเพียงตัวอย่างเดียวคือ  $Child$   
 $(Bob, Sharon)$  โดยมีเพรดิเคตที่ใช้อธิบายตัวอย่างนี้คือ  $Male(Bob)$ ,  $Female(Sharon)$  และ  $Father$   
 $(Sharon, Bob)$  และมีความรู้ภูมิหลังเป็น  $Parent(u, v) \leftarrow Father(u, v)$  จะสามารถอธิบายโดยใช้นิพจน์ (2.1)  
 ได้ดังนี้

$$\begin{array}{ll} x_i : & Male(Bob), Female(Sharon), Father(Sharon, Bob) \\ F(x_i) : & Child(Bob, Sharon) \\ B : & Parent(u, v) \leftarrow Father(u, v) \end{array}$$

ในกรณีนี้สามารถสร้างสมมติฐานได้หลายแบบซึ่งสามารถครอบคลุมตัวอย่างได้ ตาม  
 คำนิยามในนิพจน์ (2.1)  $(B \wedge h \wedge x_i) \vdash f(x_i)$  ซึ่งในที่นี้จะยกตัวอย่างสมมติฐาน 2 ข้อ ดังนี้

$$\begin{array}{ll} h_1 : & Child(u, v) \leftarrow Father(u, v) \\ h_2 : & Child(u, v) \leftarrow Parent(u, v) \end{array}$$

จะเห็นว่าเพรดิเคตเป้าหมาย  $Child(Bob, Sharon)$  อยู่ภายใต้เงื่อนไขของ  $h_1 \wedge x_1$  โดยไม่ต้องใช้ความรู้ภูมิหลัง  $B$  สำหรับในกรณีของสมมติฐาน  $h_1$  อยู่ภายใต้เงื่อนไข  $B \wedge h_2 \wedge x_1$  แต่ไม่อยู่ภายใต้เงื่อนไข  $h_2 \wedge x_1$  ตัวอย่างนี้แสดงให้เห็นถึงบทบาทสำคัญของความรู้ภูมิหลังในการขยายเซตของสมมติฐานจากตัวอย่าง ดังเช่นในสมมติฐาน  $h_1$  ซึ่งเพรดิเคตในสมมติฐานไม่ได้อยู่ในตัวอย่าง  $x_1$  หรือเพรดิเคตที่ใช้อธิบายตัวอย่างนั้น แต่อยู่ในความรู้ภูมิหลัง

ในการค้นหาสมมติฐานตามความสัมพันธ์  $(\forall \langle x, f(x) \rangle \in D) (B \wedge h \wedge x) \vdash f(x)$  มีลักษณะที่น่าสนใจหลายประการ เช่น

- ความสัมพันธ์นี้สนับสนุนคำนิยามพื้นฐานของการเรียนรู้ คือ การค้นหาแนวความคิดทั่วไปซึ่งสามารถใช้อธิบายเซตของตัวอย่างที่ในการสอนได้
- เมื่อใช้ความรู้ภูมิหลังประกอบ สามารถสร้างสมมติฐานที่ครอบคลุมตัวอย่างได้มากขึ้น
- โดยการใช้ความรู้ภูมิหลัง สามารถช่วยให้กระบวนการเรียนรู้สามารถค้นหาสมมติฐานได้ง่ายขึ้น

#### 2.1.2.2 วิธีการไอราร์ (Inverse Resolution, IR) [18]

กฎริโซลูชัน (resolution rule) เป็นวิธีการหนึ่งที่ได้รับคามนิยมในการนำมาใช้พิจารณาตรรกะอันดับหนึ่ง (first order logic) ดังนั้นจึงสามารถนำกฎริโซลูชันมาใช้ในการสร้างตัวดำเนินการโออี (Inverse Entailment Operator) โดยระบบ CIOL [18] ซึ่งเป็นระบบที่ใช้ในการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยวิธีหนึ่งได้น่าวิธีการนี้มาใช้

กำหนดให้  $L$  เป็นเพรดิเคตแบบพหุพหุขัณนอล  $P$  และ  $R$  เป็นอนุประโยคแบบพหุพหุขัณนอล จะได้กฎริโซลูชัน คือ

$$\frac{\begin{array}{ccc} P & \vee & L \\ \neg L & \vee & R \end{array}}{P \vee R}$$

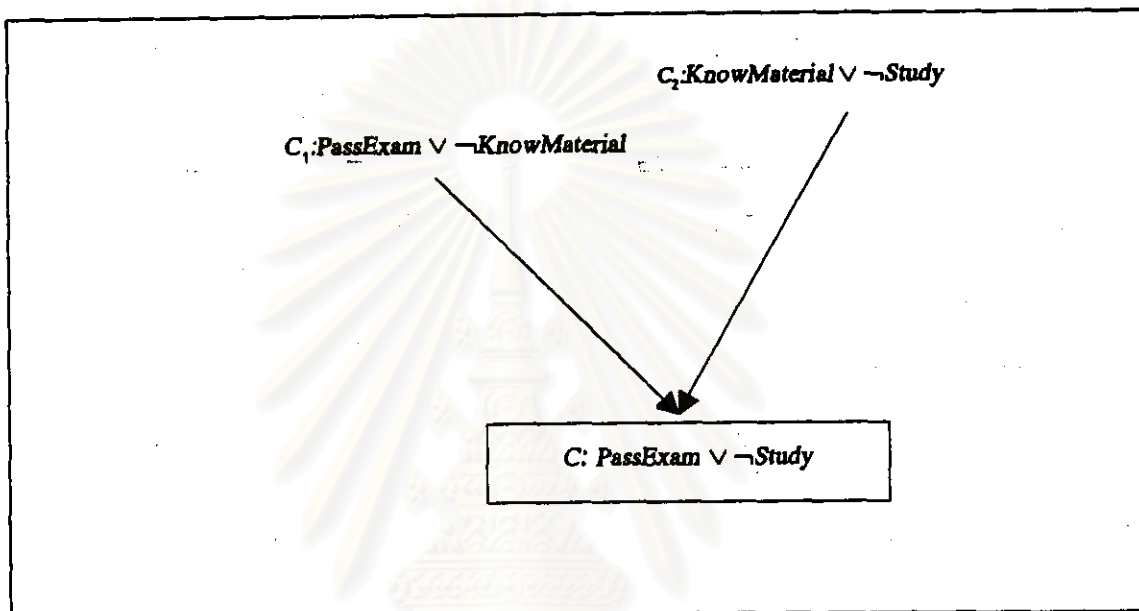
หมายความว่า สามารถสรุปอนุประโยค  $P \vee R$  ได้จากอนุประโยค  $P \vee L$  และอนุประโยค  $\neg L \vee R$  ซึ่งสามารถนำไปใช้ในการสร้างสมมติฐานที่ครอบคลุมตัวอย่างได้ ดังนี้

1. กำหนดอนุประโยค  $C_1$  และ  $C_2$  ให้หาสัญลักษณ์  $L$  จากอนุประโยค  $C_1$  ซึ่งมีสัญลักษณ์  $\neg L$  ปรากฏอยู่ในอนุประโยค  $C_2$
2. สร้างอนุประโยคสรุป  $C$  โดยรวมทุกสัญลักษณ์จาก  $C_1$  และ  $C_2$  ยกเว้นสัญลักษณ์  $L$  และ  $\neg L$  ดังสมการ

$$C = (C_1 - (L)) \cup (C_2 - (\neg L))$$



การใช้กฎริโซลูชันในการสรุปสมมติฐานจากตัวอย่าง โดยการใช้อนุประโยคที่มีอยู่  $C_1$  และ  $C_2$  ให้กำหนดสัจพจน์  $L$  ซึ่งเป็นสัจพจน์แบบบวก (positive literal) ในอนุประโยคหนึ่ง และเป็นสัจพจน์แบบลบ (negative literal) ในอนุประโยคที่เหลือ จะสามารถสร้างอนุประโยคสรุป  $C$  ได้ ดังรูปที่ 2.1 กำหนดให้มือนุประโยค  $C_1$  และ  $C_2$  ในขั้นแรกต้องกำหนดสัจพจน์  $L = \neg \text{KnowMaterial}$  ซึ่งปรากฏอยู่ในอนุประโยค  $C_1$  และสัจพจน์ที่ตรงข้ามคือ  $\neg(\neg \text{KnowMaterial}) = \text{KnowMaterial}$  ซึ่งปรากฏอยู่ในอนุประโยค  $C_2$  ดังนั้นผลสรุปของสองอนุประโยคนี้ คือ การรวมกันของสัจพจน์  $C_1 - (L) = \text{PassExam}$  และ  $C_2 - (\neg L) = \neg \text{Study}$



รูปที่ 2.1 แสดงตัวอย่างของการใช้กฎริโซลูชันในการหาข้อสรุปจากอนุประโยค 2 อนุประโยค

เมื่อสามารถนำกฎริโซลูชันมาใช้เพื่อหาข้อสรุปจากอนุประโยคได้ ก็เป็นการง่ายที่จะสร้างตัวดำเนินการโออี (inverse entailment operator)  $O(C, C_1)$  ซึ่งสามารถทำการอนุมานโดยอุปนัยได้ โดยการสร้างอนุประโยคเริ่มแรก  $C_2$  จากข้อสรุป  $C$  และอนุประโยคเริ่มแรกอีกประโยคหนึ่งคือ  $C_1$  ตัวอย่างเช่น มีข้อสรุป  $C = A \vee B$  และอนุประโยคเริ่มต้น  $C_1 = B \vee D$  จุดมุ่งหมายคือ การพยายามสร้างอนุประโยค  $C_2$  ซึ่ง  $C_1 \wedge C_2 \vdash C$

วิธีการ ขั้นแรก จากนิยามของกฎริโซลูชัน สัจพจน์ใดๆ ที่ปรากฏในอนุประโยค  $C$  แต่ไม่ปรากฏในอนุประโยค  $C_1$  จะต้องปรากฏใน  $C_2$  ในตัวอย่างก่อนหน้านี้ ในอนุประโยค  $C_1$  จะต้องมีอนุประโยค  $A$  ขั้นที่สอง สัจพจน์ที่ปรากฏใน  $C_1$  แต่ไม่ปรากฏใน  $C$  จะต้องเป็นสัจพจน์ที่ถูกดึงออกโดยกฎริโซลูชัน ดังนั้นนิเสธของสัจพจน์นี้จะต้องปรากฏใน  $C_2$  จากตัวอย่างเดิม อนุประโยค  $C_1$  จึงต้องมีสัจพจน์  $\neg D$  ปรากฏอยู่ด้วย สุดท้ายจะได้สัจพจน์  $C_2 = A \vee \neg D$  ซึ่งสามารถสรุปการดำเนินการโออีได้ดังนี้

1. กำหนดอนุประโยค  $C_1$  และ  $C$  ให้หาสัจพจน์  $L$  จากอนุประโยค  $C_1$  แต่ไม่ปรากฏอยู่ในอนุประโยค  $C$

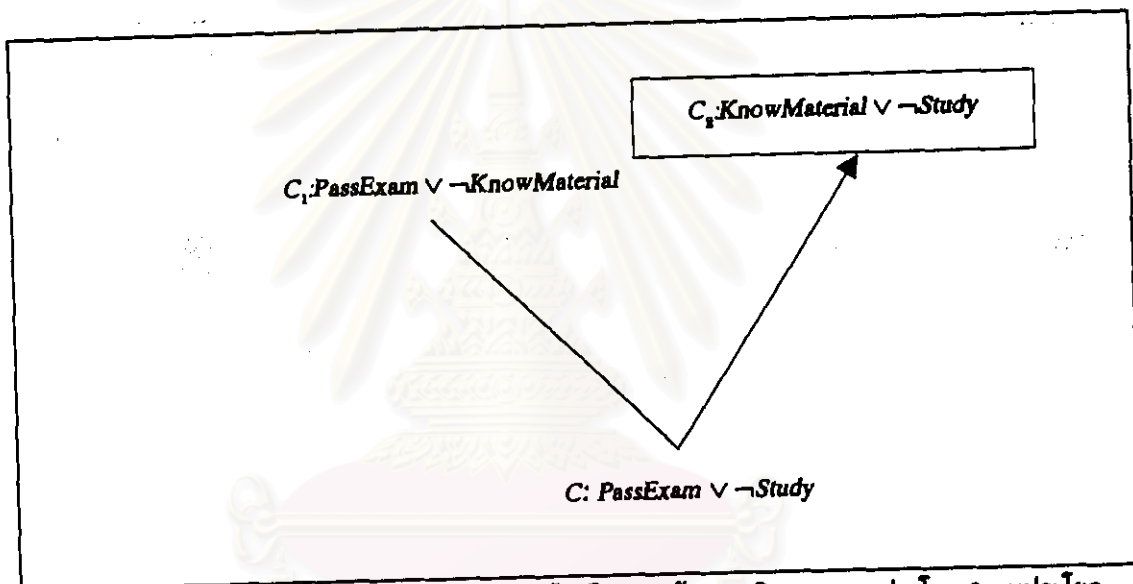
2. สร้างอนุประโยค  $C_2$  ดังสมการ

$$C_2 = (C - (C_1 - (L))) \cup (\neg L)$$

ตัวอย่างในรูป 2.2 แสดงการใช้ตัวดำเนินการไอในการสร้างสมมติฐาน  
 $C_2 = \text{KnowMaterial} \vee \neg \text{Study}$  จากอนุประโยค  $C = \text{PassExam} \vee \neg \text{Study}$  และอนุประโยค  
 $C_1 = \text{PassExam} \vee \neg \text{KnowMaterial}$

2.1.2.2 การรีโซลูชันอันดับหนึ่ง (First-Order Resolution) [16]

ในหัวข้อที่แล้วได้นำเสนอการกระจายในกรณีของพอร์พอซิชันอล ทำการหา  
 อนุประโยคที่สามจากอนุประโยคสองอนุประโยคที่กำหนดให้ เมื่อนำมาประยุกต์ใช้กับตัวแปร เพื่อสร้าง  
 การรีโซลูชันอันดับหนึ่ง จะใช้พื้นฐานของตัวแทนรวม (unifying substitution)



รูปที่ 2.2 แสดงตัวอย่างของการใช้ตัวดำเนินการไอในการสร้างสมมติฐานจากอนุประโยค 2 อนุประโยค

กำหนดตัวแทน  $\theta = (x/\text{Bob}, y/z)$  หมายความว่า ใช้คำ Bob แทนตัวแปร x และใช้  
 ตัวแปร z แทนตัวแปร y และใช้เครื่องหมาย  $W\theta$  แทนผลการแทนโดยตัวแทน  $\theta$  ในนิพจน์ W ตัวอย่างเช่น ถ้า  
 L เป็นสัจพจน์  $\text{Father}(x, \text{Bill})$  และ  $\theta = (x/\text{Bob}, y/z)$  จะได้  $W\theta = \text{Father}(\text{Bob}, \text{Bill})$

ตัวแทนรวม  $\theta$  สำหรับสัจพจน์สองสัจพจน์ คือ  $L_1$  และ  $L_2$  ตัวอย่างเช่น ถ้า  
 $L_1 = \text{Father}(x, y)$ ,  $L_2 = \text{Father}(\text{Bill}, z)$ , และ  $\theta = (x/\text{Bill}, z/y)$ , แล้ว  $\theta$  เป็นตัวแทนรวมสำหรับ  $L_1$  และ  $L_2$   
 เพราะ  $L_1\theta = L_2\theta = \text{Father}(\text{Bill}, y)$  ซึ่งกฎรีโซลูชันอันดับหนึ่งจะสร้างอนุประโยคสรุป C ด้วยวิธีการดังนี้

1. หาสัจพจน์  $L_1$  จากอนุประโยค  $C_1$  สัจพจน์  $L_2$  จากอนุประโยค  $C_2$  และตัวแทน  $\theta$   
 ซึ่งทำให้  $L_1\theta = L_2\theta$
2. สร้างอนุประโยคสรุปโดยรวมทุกสัจพจน์จาก  $C_1\theta = C_2\theta$  ยกเว้นสัจพจน์  $L_1\theta$   
 และ  $\neg L_2\theta$  ดังสมการ

$$C = (C_1 - (L_1))\theta \cup (C_2 - (L_2))\theta$$

### 2.1.2.3 วิธีการไอราร์ ไนกรณีอันดับหนึ่ง (Inverting Resolution: First-Order Case)

[16]

จากหัวข้อที่แล้วในการรีโซลูชันอันดับหนึ่งจะได้

$$C = (C_1 - (L_1))\theta_1 \cup (C_2 - (L_2))\theta_2$$

กำหนดให้ในอนุประโยค  $C_2$  ไม่มีสัญลักษณ์ที่เหมือนกับสัญลักษณ์ในอนุประโยค  $C_1$  เราสามารถเปลี่ยนสมการข้างต้นเป็น

$$C - (C_1 - (L_1))\theta_1 = (C_2 - (L_2))\theta_2$$

สุดท้ายเราใช้นิยามของกฎการรีโซลูชัน  $L_2 = \neg L_1\theta_1\theta_2^{-1}$  เราจะสามารถสรุปอนุประโยค  $C_2$  เป็นกฎไอราร์ได้ดังนี้

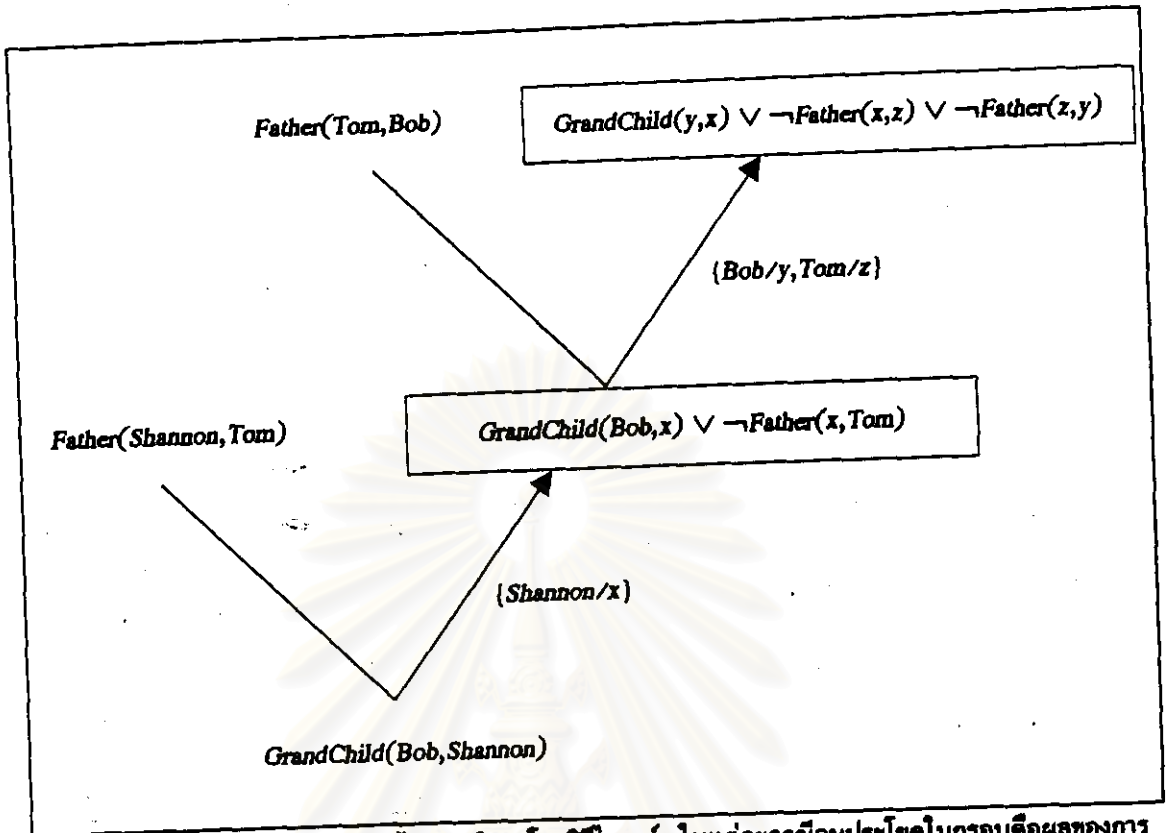
$$C_2 = (C - (C_1 - (L_1))\theta_1)\theta_2^{-1} \cup \{\neg L_1\theta_1\theta_2^{-1}\}$$

ตัวอย่างในรูปที่ 2.3 ต้องการเรียนรู้กฎสำหรับเพรดิเคตเป้าหมาย  $GrandChild(y,x)$  โดยกำหนดข้อมูลที่ใช้ทำการเรียนรู้  $D = GrandChild(Bob,Shannon)$  และข้อมูลซึ่งเป็นความรู้ภูมิหลัง  $B = \{Father(Shannon,Tom), Father(Tom,Bob)\}$  พิจารณาสองส่วนที่แสดงของรูปที่ 2.3 ในที่นี้ให้ข้อสรุป  $C$  เป็นตัวอย่างที่ใช้ในการเรียนรู้  $GrandChild(Bob,Shannon)$  และเลือกอนุประโยค  $C_1 = Father(Shannon,Tom)$  จากกลุ่มความรู้ภูมิหลังในการใช้ตัวดำเนินการไอราร์สำหรับสัญลักษณ์  $L_1$  คือ  $Father(Shannon,Tom)$  เลือกตัวแทนย้อนกลับ  $\theta_1^{-1} = \{\}$  และ  $\theta_2^{-1} = \{Shannon/x\}$  ในกรณีนี้เราสามารถสร้างอนุประโยค  $C_2$  เป็นการรวมกันของอนุประโยค  $(C - (C_1 - (L_1))\theta_1)\theta_2^{-1} = (C_1\theta_1)\theta_2^{-1} = GrandChild(Bob,x)$  และอนุประโยค  $\{\neg L_1\theta_1\theta_2^{-1}\} = \neg Father(x,Tom)$  ดังนั้นผลลัพธ์ คือ อนุประโยค  $(GrandChild(Bob,x) \vee \neg Father(x,Tom))$  ซึ่งมีค่าเท่ากับอนุประโยค  $(GrandChild(Bob,x) \leftarrow Father(x,Tom))$  ด้วยวิธีเดียวกันนี้ เราสามารถสร้างอนุประโยคสุดท้าย  $GrandChild(y,x) \leftarrow Father(x,z) \wedge Father(z,y)$  ได้

### 2.1.3 การสร้างกฎโดยระบบโปรกอล

โปรกอลเป็นระบบที่ใช้วิธีการไออีร่วมกับการค้นหาแบบเจเนเนอรัลไปสเปซิฟิค (general-to-specific search) ในการสร้างค่าจำกัดความของกฎ โปรกอลใช้วิธีการไออีสร้างอนุประโยคที่เฉพาะมากที่สุด (most-specific clause) จากนั้นนำอนุประโยคที่ได้มาทำการเจเนเนอรัลไรซ์ (generalization) ใช้การค้นหาแบบ  $A^*$  ( $A^*$ -like search) โดยใช้ฮิวริสติก (heuristic) เป็นค่าการบีบอัด (compression) เพื่อให้สามารถครอบคลุมตัวอย่างได้มากขึ้น สุดท้ายกฎที่ได้จะเป็นกฎที่มีการบีบอัดสูงสุด ซึ่งสามารถสรุปขั้นตอนที่ระบบโปรกอลใช้ในการสร้างกฎได้ดังนี้





รูปที่ 2.3

แสดงตัวอย่างสร้างสมมติฐานโดยวิธีเออาร์ ในแต่ละกรณีอนุประโยคในกรอบคือผลของการสรุปในแต่ละขั้น  $C$  คืออนุประโยคด้านล่าง  $C_1$  คืออนุประโยคด้านซ้าย และ  $C_2$  คืออนุประโยคที่อยู่ในกรอบ โดยในแต่ละขั้น  $\theta_1 = \{\}$  และ  $\theta_2^{-1}$  คือตัวแทนที่อยู่บนลูกศรทวนขวา ผลสรุปสุดท้าย คือ  $GrandChild(y,x) \leftarrow Father(x,z) \wedge Father(z,y)$

- ขั้นตอนที่ 1 เลือกอนุประโยคจากตัวอย่างบวกตัวอย่างแรก
- ขั้นตอนที่ 2 สร้างอนุประโยคที่เฉพาะมากที่สุดจากอนุประโยคในขั้นตอนที่ 1 โดยใช้วิธีการเออาร์แอลจี [17]
- ขั้นตอนที่ 3 ทำการเจเนอเรตไรโซอนุประโยคในขั้นตอนที่ 2 ใช้การค้นหาแบบ  $A^*$  โดยใช้ฮิวริสติก (heuristic) เป็นค่าการบีบอัด เพื่อหาอนุประโยคที่มีค่าการบีบอัดสูงสุด
- ขั้นตอนที่ 4 สบตัวอย่างทั้งหมดที่สอดคล้องกับอนุประโยคในขั้นตอนที่ 3
- ขั้นตอนที่ 5 ทำซ้ำตั้งแต่ขั้นตอนที่ 1 ถึง 4 จนกว่าไม่เหลือตัวอย่างอีก

การวัดค่าการบีบอัดในการหาเจเนอเรตไรโซใช้การคำนวณดังสมการ 2.2

$$f = p - (n + c + h) \quad (2.2)$$

- เมื่อ
- $f$  - ค่าการบีบอัด
  - $p$  - จำนวนตัวอย่างบวกที่อนุประโยคนั้นครอบคลุม
  - $n$  - จำนวนตัวอย่างลบที่อนุประโยคนั้นครอบคลุม

- c - จำนวนสัญญาณที่ปรากฏอยู่ในส่วนเนื้อความ (body) ของอนุประโยค
- h - จำนวนสัญญาณที่จำเป็นของความสัมพันธ์ระหว่างอินพุตและเฮดท์พุดในส่วนหัว (head) ของอนุประโยค

โดยตัวอย่างแสดงการสร้างกฎโดยระบบโปรแกรมแสดงในภาคผนวก ข

#### 2.1.4 แบบ็กพรอพากาชันนิวรอลเน็ตเวิร์ก (Backpropagation Neural Network)

แบ็กพรอพากาชันนิวรอลเน็ตเวิร์กแบบหลายชั้น (multilayer backpropagation neural network) เป็นขั้นตอนวิธีแบบหนึ่งของนิวรอลเน็ตเวิร์ก ซึ่งมีความสามารถในการสร้างดิซิชันเซอร์เฟสแบบไม่เป็นเชิงเส้น (nonlinear decision surface) ตัวอย่างเช่น ในรูปที่ 2.4 เป็นการรู้จำเสียงพูด โดยทำการจำแนกเสียงสระ 10 เสียง โดยทั้งหมดอยู่ในรูปแบบของคำศัพท์ "h\_d" (เช่น "mid", "had", "head", "hood", ฯลฯ) โดยมีสัญญาณอินพุตเป็นตัวเลขพารามิเตอร์ 2 ตัว จากการวิเคราะห์สเปกตรอล (spectral analysis) ของเสียง ทำให้สามารถสร้างดิซิชันเซอร์เฟสได้ใน 2 มิติ ซึ่งสามารถทำการแบ่งแยกตัวอย่างได้ดีกว่าดิซิชันเซอร์เฟสแบบเชิงเส้น (linear decision surface)

แบ็กพรอพากาชันนิวรอลเน็ตเวิร์กต่างจากเพอร์เซปตรอน (perceptron) ที่องค์ประกอบย่อยของเน็ตเวิร์ก ซึ่งเป็นองค์ประกอบที่สามารถทำงานกับฟังก์ชันแบบไม่เชิงเส้น (nonlinear function) โดยใช้ องค์ประกอบซิกมอยด์ (sigmoid unit) ดังรูปที่ 2.5

องค์ประกอบซิกมอยด์จะทำงานเหมือนกับเพอร์เซปตรอนในส่วนที่หาผลคูณของอินพุต จากนั้นนำผลที่ได้ผ่านตัวกรอง (threshold) แต่ในกรณีขององค์ประกอบซิกมอยด์ เฮดท์พุดจะเป็นฟังก์ชันต่อเนื่อง (continuous function) ของอินพุต ดังนี้

$$o = \sigma(\vec{w} \cdot \vec{x})$$

โดย

$$\sigma(y) = \frac{1}{1 + e^{-y}}$$

เมื่อ

- $o$  - เฮดท์พุด
- $\vec{x}$  - อินพุต
- $\vec{w}$  - ค่าน้ำหนักของอินพุตนั้น ๆ
- $\sigma$  - ฟังก์ชันซิกมอยด์ (sigmoid function) ซึ่งให้ค่าเฮดท์พุดระหว่าง 0 และ 1

ขั้นตอนวิธีแบ็กพรอพากาชันนิวรอลเน็ตเวิร์ก (The BACKPROPAGATION Algorithm) [16]

ขั้นตอนวิธีแบ็กพรอพากาชันนิวรอลเน็ตเวิร์กจะทำการเรียนรู้เพื่อปรับค่าน้ำหนักสำหรับนิวรอลเน็ตเวิร์กแบบหลายชั้น โดยใช้วิธีการเกรเดียนต์เดสเซนต์ (gradient descent) เพื่อทำการลดกำลังสองของ

ค่าผิดพลาด (squared error) ระหว่างเอาต์พุตที่ได้จากเน็ตเวิร์กและค่าเป้าหมายของอินพุตเหล่านี้ให้น้อยที่สุด โดยมีขั้นตอนวิธีสำหรับการปรับค่าน้ำหนักในแบบแบ็กพรอพาคชันดังนี้

กำหนดให้ตัวอย่างที่ใช้ในการเรียนรู้แต่ละตัวอย่างอยู่ในรูป  $(\bar{x}, \bar{t})$  เมื่อ  $\bar{x}$  เป็นเวกเตอร์ของอินพุตของเน็ตเวิร์ก และ  $\bar{t}$  เป็นเวกเตอร์ของเป้าหมายของเอาต์พุตของเน็ตเวิร์ก  $\eta$  เป็นค่าอัตราการเรียนรู้ (learning rate)

อินพุตขององค์ประกอบ  $j$  ซึ่งมาจากองค์ประกอบ  $i$  แทนด้วย  $x_{ji}$  และค่าน้ำหนักขององค์ประกอบ  $j$  ซึ่งมาจากองค์ประกอบ  $i$  แทนด้วย  $w_{ji}$

1. สร้างนิเวศเน็ตเวิร์กตามโครงสร้างที่ต้องการ กำหนดจำนวนนิเวศของแต่ละชั้น
2. กำหนดค่าน้ำหนักเริ่มต้นแบบสุ่มให้มีค่าน้อย ๆ (เช่น ระหว่าง -0.05 ถึง 0.05)
3. ทำการปรับค่าน้ำหนักด้วยขั้นตอนวิธีดังนี้

- For each  $(\bar{x}, \bar{t})$  in *training\_examples*, Do

*Propagate the input forward through the network:*

1. Input the instance  $x$  to the network and compute the output  $o_u$  of every unit  $u$  in the network.

*Propagate the errors backward through the network:*

2. For each network output unit  $k$ , calculate its error term  $\delta_k$

$$\delta_k \leftarrow o_k(1 - o_k)(t_k - o_k)$$

3. For each hidden unit  $h$ , calculate its error term  $\delta_h$

$$\delta_h \leftarrow o_h(1 - o_h) \sum_{k \in \text{Output}} w_{hk} \delta_k$$

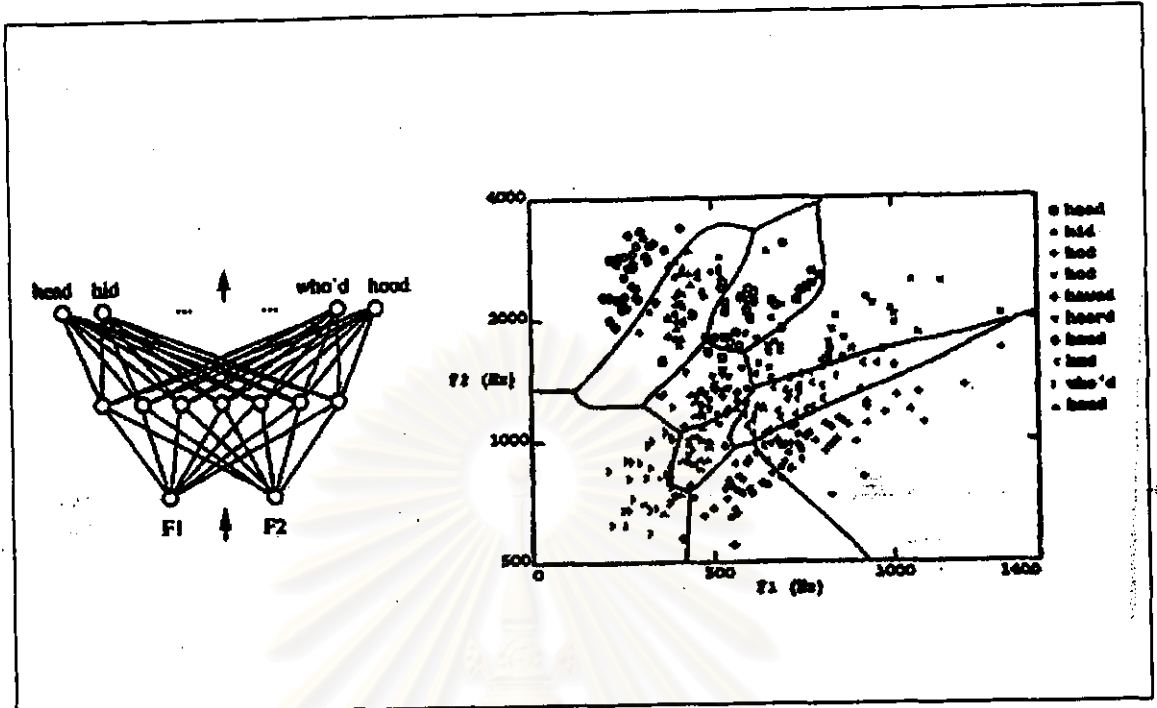
4. Update each network weight  $w_{ji}$

$$w_{ji} \leftarrow w_{ji} + \Delta w_{ji}$$

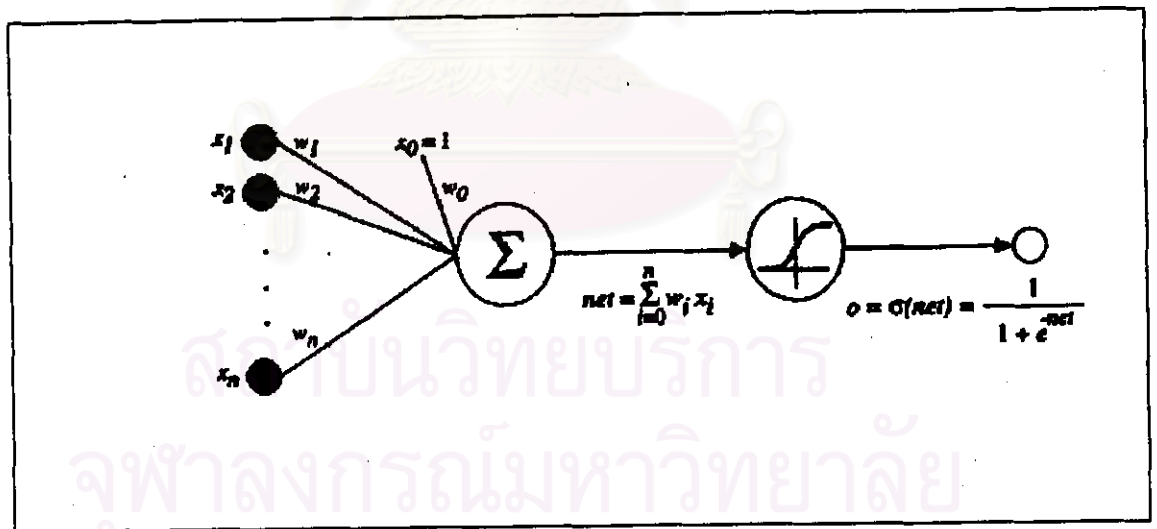
where

$$\Delta w_{ji} = \eta \delta_j x_{ji}$$

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 2.4 แสดงตัวอย่างการนำนิเวศเน็ตเวิร์กแบบหลายชั้นไปประยุกต์ใช้งานกับการรู้จำเสียงพูด โดยทำการจำแนกเสียงพูดจากคำศัพท์ที่มีเสียงสระต่างกัน 10 เสียง และอยู่ในรูปของคำศัพท์ "h\_d" (เช่น "had", "hid" ฯลฯ) [16]



รูปที่ 2.5 องค์ประกอบซิกมอยด์ (sigmoid unit)

## 2.2 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

### 2.2.1 งานวิจัยทางการรู้จำตัวพิมพ์และตัวเขียนอักษรไทย

#### 2.2.1.1 พิพัฒน์ หิรัญย์วิฑูรย์ (2525 และ 2527) [5]

พ.ศ. 2525 เสนอวิธีการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยการวิเคราะห์เส้นแสดงขอบของอักษร และให้รหัสเพื่อแสดงทิศทางที่เปลี่ยนไปตามลักษณะความโค้งเว้าของเส้นแสดงขอบของอักษร โดยนำหลักพื้นฐานทางคณิตศาสตร์มาใช้เพื่อกำจัดสัญญาณรบกวน แล้วตัดส่วนความโค้งเว้าของเส้นแสดงขอบของอักษร ออกเป็นส่วนย่อย จากนั้นจึงนำลักษณะทางเรขาคณิตของส่วนโค้งที่ตัดได้ ได้แก่ ความยาวของเส้นโค้ง ระยะห่างระหว่างจุดเริ่มต้นกับจุดสิ้นสุดของส่วนโค้ง ระยะห่างระหว่างจุดเริ่มต้นกับจุดศูนย์กลาง (centroid) ของส่วนโค้ง ระยะห่างระหว่างจุดสิ้นสุดกับจุดศูนย์กลางของส่วนโค้ง และมุมที่เกิดจากการทำมุมกันของเส้นที่ลากจากจุดศูนย์กลางไปยังจุดเริ่มต้นกับเส้นที่ลากจากจุดศูนย์กลางไปยังจุดสิ้นสุดของส่วนโค้ง ลักษณะทางเรขาคณิตเหล่านี้ จะนำมาใช้ในการคำนวณค่าความคล้าย (similarity) ระหว่างส่วนโค้งของอักษรที่รับเข้ามา กับส่วนโค้งของอักษรดั้งแบบ เมื่อได้ค่าความคล้ายระหว่างแต่ละคู่ส่วนโค้งของอักษรแล้ว ก็จะนำไปใช้ในการคำนวณค่าความคล้ายระหว่างอักษร ผลการวิจัยกับตัวพิมพ์อักษรไทย 670 ตัว ซึ่งประกอบด้วยรูปแบบการหมุน 5 แบบ และ 2 ขนาด มีความถูกต้อง 99.7 เปอร์เซ็นต์ สำหรับตัวอักษร 256x256 จุด และมีความถูกต้อง 98.2 เปอร์เซ็นต์ สำหรับตัวอักษร 128x128 จุด

พ.ศ. 2527 เสนอวิธีการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยการวิเคราะห์เส้นแสดงขอบของอักษร และนำรหัสแบบลูกโซ่ของฟรีแมนกับความแตกต่างของทิศทางของเส้นแสดงขอบของอักษรมาใช้เพื่อกำจัดสัญญาณรบกวน และตัดส่วนความโค้งเว้าของอักษร โดยใช้จุดที่เส้นแสดงขอบของอักษรมีการเปลี่ยนทิศทาง ทำให้ได้ส่วนโค้งย่อยออกมา จากนั้นจะดึงลักษณะทางเรขาคณิตของส่วนโค้งเหล่านั้นออกมา ได้แก่ ความยาวของแต่ละส่วนโค้งย่อย ลักษณะทางเรขาคณิตที่ดึงออกมาจะนำมาใช้ในการคำนวณค่าความคล้ายระหว่างส่วนโค้งของอักษรที่รับเข้ามา กับส่วนโค้งของอักษรดั้งแบบ เมื่อได้ค่าความคล้ายระหว่างแต่ละคู่ส่วนโค้งของอักษรแล้ว ก็จะนำไปใช้ในการคำนวณค่าความคล้ายระหว่างอักษร ผลการวิจัยกับตัวพิมพ์อักษรไทย 345 ตัว ซึ่งมีรูปแบบการหมุน 5 แบบ มีความถูกต้องในการรู้จำ 99.4 เปอร์เซ็นต์

#### 2.2.1.2 ชม กิ่งปาน (2526, 2530 และ 2532) [6]

พ.ศ. 2526 นำวิธีการทับซ้อน (matching method) มาใช้รู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยแบ่งเป็น 2 ขั้นตอน ในขั้นตอนของการแบ่งกลุ่มอักษร รูปร่างปลีกย่อยที่ไม่จำเป็นและสัญญาณรบกวนจะถูกกำจัด โดยวิธีการทำอักษรให้มัว (blurring method) วิธีการทำอักษรให้มัวนั้นทำโดยการค้นหาข้อมูลที่มีค่าเป็น 1 ในเมทริกซ์ของอักษรที่ละแถว โดยเริ่มจากแถวแรกไปจนถึงแถวสุดท้าย ถ้าพบข้อมูลที่มีค่าเป็น 1 ก็จะเปลี่ยนข้อมูลที่อยู่รอบๆ ตำแหน่งนั้นให้มีค่าเป็น 1 ด้วย อักษรที่มัวแล้ว (blurred characters) จะถูกแบ่งเป็นกลุ่มๆ โดยใช้วิธีวัดค่าสัมประสิทธิ์ความเหมือนของแต่ละรูปแบบ และใช้การกระจายแบบคาร์ยูเนนโลบหารูปแบบมาตรฐานเพื่อเป็นตัวแทนของแต่ละกลุ่ม ในขั้นตอนของการแยกอักษรจากกลุ่มโดยใช้วิธีทับซ้อนเป็นส่วนๆ (subpattern matching) เพื่อแยกอักษรออกจากกัน ผลที่ได้จากการวิจัยมีความถูกต้อง 98.2 เปอร์เซ็นต์



พ.ศ. 2530 เสนอการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทย โดยใช้การกระจายแบบคาร์ยูเนนโลบ แบ่งเป็น 2 ขั้นตอน ขั้นตอนแรกเป็นการแบ่งกลุ่มตัวอักษร ไอเกนเวกเตอร์ที่มีค่าไอเกนสูงสุดในการกระจายแบบคาร์ยูเนนโลบถูกนำมาใช้เป็นรูปแบบมาตรฐานของแต่ละกลุ่มอักษร ขั้นตอนที่สองเป็นการแยกอักษรออกจากกลุ่ม ไอเกนเวกเตอร์ที่ไม่ได้ใช้ในขั้นแรกจะถูกนำมาใช้โดยหาฟังก์ชันการตัดสินใจแบบเชิงเส้นบนระนาบไอเกนเวกเตอร์ที่ได้จากการกระจายแบบคาร์ยูเนนโลบ เพื่อแยกอักษรออกจากกลุ่ม ผลที่ได้จากการวิจัยมีความถูกต้อง 98 เปอร์เซ็นต์

พ.ศ. 2532 เสนอการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยใช้วิธีค้นหาจุดเด่นของอักษร (feature concentrated method) ในการเตรียมข้อมูลของอักษร จากนั้นจะเป็นการหาลักษณะเด่นของอักษร โดยการหาคอนเซ็นเทรทเวิร์ด (concentrated word) ณ จุดศูนย์กลาง ผลที่ได้จากการวิจัยมีความถูกต้อง 90 เปอร์เซ็นต์

### 2.2.1.3 ทฤษฎี พรพนมชัย (2529) [1]

เสนอวิธีการตรวจรู้อักษรภาษาไทย แบ่งเป็นขั้นตอนดังนี้ ขั้นแรก คือ ขั้นตอนการเปลี่ยนภาพพิตเมทริกซ์ตัวอักษรให้เป็นโครงร่างของอักษร (skeletal form) ขั้นตอนนี้อาจเรียกว่า เป็นขั้นตอนการลดความหนา (thinning process) ของภาพพิตเมทริกซ์ตัวอักษรที่เตรียมไว้ก่อนการนำเข้ามาใช้ในการตรวจรู้อักษร ขั้นตอนที่สอง คือ ขั้นตอนการเปลี่ยนโครงร่างของอักษรให้อยู่ในรูปของรหัส ซึ่งรหัสเหล่านี้จะหมายถึงลักษณะของตัวอักษรตามแนวแถวและแนวสดมภ์ ขั้นตอนที่สาม คือ ขั้นตอนการสร้างความสัมพันธ์ระหว่างรหัสในขั้นที่สองกับอักษรต้นแบบที่สร้างไว้เพื่อการตรวจรู้ โดยความสัมพันธ์จะมีโครงการเป็นรูปต้นไม้ที่เรียกว่า "recognize tree" ผลที่ได้จากการตรวจรู้อักษรภาษาไทยจำนวน 5 แบบพิมพ์ ซึ่งถูกจัดเตรียมไว้ในรูปของภาพพิตเมทริกซ์ตัวอักษร โดยปราศจากสัญญาณรบกวน (noise free) มีความถูกต้อง 70 เปอร์เซ็นต์

### 2.2.1.4 มนลดา บุญสุวรรณ (2535) [8]

เสนอระบบออนไลน์สำหรับการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยหลายรูปแบบ โดยใช้เทคนิคการวิเคราะห์เส้นแสดงขอบของอักษร โดยจะนำรหัสทิศทางแบบลูกโซ่ของพริแมนกับความแตกต่างของทิศทางของเส้นแสดงขอบของอักษรมาใช้ในการตัดแบ่งเส้นแสดงขอบของอักษรออกเป็น ส่วนโค้งเว้าและส่วนโค้งนูน จากนั้นลักษณะสำคัญ ได้แก่ ความยาวระหว่างจุดบ่งความนูนหรือจุดบ่งความเว้าที่อยู่ติดกัน 2 จุด ภายในส่วนโค้งหนึ่ง ๆ ก็จะถูกนำมาใช้ในขั้นตอนของการเปรียบเทียบแบบการโปรแกรมไดนามิก (dynamic programming) เพื่อหาค่าความแตกต่างระหว่างแต่ละคู่ส่วนโค้งของอักษรที่ต้องการรู้จำกับอักษรต้นแบบ จากนั้นคู่ส่วนโค้งที่มีความคล้ายกันมากที่สุดระหว่างอักษรทั้งสองก็จะถูกตรวจพบได้ และนำมาใช้เป็นคู่ส่วนโค้งเริ่มต้นสำหรับการเปรียบเทียบของคู่ส่วนโค้งอื่นๆ ที่อยู่ถัดไป จากการใช้วิธีการเปรียบเทียบแบบการโปรแกรมไดนามิก ทำให้สามารถหาค่าความแตกต่างระหว่างแต่ละส่วนของอักษร และความแตกต่างระหว่างอักษร สำหรับนำมาใช้ในการแยกประเภทของอักษรได้ ผลจากการวิจัยโดยใช้รูปแบบของตัวพิมพ์อักษรไทยจำนวน 3 รูปแบบ จำนวนอักษร 1,030 ตัว พบว่ามีความถูกต้อง 94.7 เปอร์เซ็นต์

### 2.2.1.5 นิธิพัฒน์ ชัชวาลพาณิชย์ (2537) [3]

เสนอระบบออนไลน์สำหรับการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยและตัวพิมพ์อักษรอังกฤษ โดยแบ่งเป็น 4 ขั้นตอน ดังนี้ ขั้นตอนแรก คือ การวิเคราะห์เส้นแสดงขอบของตัวอักษร โดยใช้การวิเคราะห์จาก

การเปลี่ยนแปลงมุมมองระหว่างจุดในตัวอักษร ชั้นตอนที่สอง คือ การหาลักษณะสำคัญของตัวอักษร เช่น จำนวนหัวของตัวอักษร จำนวนส่วนโค้ง ความกว้างและความสูงของตัวอักษร ตำแหน่งหัวของตัวอักษร เป็นต้น ชั้นตอนที่สาม คือ การเปรียบเทียบตัวอักษรที่ทำการรู้จำกับตัวอักษรต้นแบบ โดยใช้วิธีการโปรแกรมไดนามิก และใช้ฟังก์ชันการหาค่าผลรวมความแตกต่างสมบูรณ์ ซึ่งเป็นการเปรียบเทียบเพื่อหาค่าความแตกต่างที่น้อยที่สุด ส่วนในชั้นตอนที่สี่ เป็นการนำรหัสของตัวอักษรต้นแบบที่ได้มาเก็บไว้ในแฟ้มข้อมูลตัวอักษร ผลที่ได้จากการทดสอบกับตัวอักษร 8 รูปแบบ มีความถูกต้อง 90.99 เปอร์เซ็นต์

#### 2.2.1.6 สนธยา เมรินทร์(2537) [7]

เสนอการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยวิธีซินแทกติก วิธีการที่ใช้แบ่งออกเป็น 2 ชั้นตอน คือ การวิเคราะห์โครงร่างของต้นไม้ และการวิเคราะห์ทงพีเจอร์ (feature) หลังจากที่มีข้อมูลภาพถูกทำให้เป็นเวกเตอร์เรียบร้อยแล้ว จะถูกนำไปทำการรู้จำ ชั้นตอนแรกเป็นการจับแนกขั้นต้น ประกอบด้วยการแปลงเวกเตอร์ให้เป็นต้นไม้ของหน่วยสร้างพื้นฐาน (primitive) การวัดค่าระยะระหว่างต้นไม้ของตัวอักษรที่ต้องการรู้จำกับตัวอักษรต้นแบบ โดยเลือกเปรียบเทียบเฉพาะตัวอักษรต้นแบบที่มีหัวของตัวอักษรอยู่ในบริเวณเดียวกับหัวของตัวอักษรที่ต้องการรู้จำเท่านั้น ส่วนขั้นตอนหลังเป็นการจำแนกโดยละเอียด โดยนำเอกลักษณ์เด่นของตัวอักษรมาวิเคราะห์ เพื่อเพิ่มความถูกต้องของการรู้จำให้มากขึ้น หากผลการรู้จำไม่อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ เวกเตอร์ของตัวอักษรจะถูกนำไปปรับปรุงเพื่อตัดส่วนเกินออก หรือต่อส่วนขาดของตัวอักษรเข้าด้วยกัน จากนั้นจึงถูกนำไปรู้จำโดยวิธีเดิมอีกจนกว่าผลการรู้จำจะอยู่ในเกณฑ์ที่น่าพอใจ หรือจนกว่าไม่สามารถปรับปรุงเวกเตอร์ได้อีก จากการทดสอบกับตัวอักษร 966 ตัว ซึ่งมีรูปแบบตัวอักษร 2 แบบ และ 6 ขนาด ผลที่ได้มีความถูกต้อง 97 เปอร์เซ็นต์

#### 2.2.1.7 อภิรักษ์ จิรายุสกุล (2538) [4]

เสนอการนำซีพีเอ็น (Counterpropagation Neural Network, CPN) มาประยุกต์ใช้ในงานตัวอักษรภาษาไทย โดยเปลี่ยนแปลงโครงสร้างหลัก 2 ส่วน ส่วนแรก คือ วิธีการเรียนรู้โดยใช้วิธีการแยกสอนตัวอย่างข้อมูลนำเข้าที่ละกลุ่ม ส่วนที่สองคือ โครงสร้างใน "competitive layer" ของซีพีเอ็น สามารถเพิ่มจำนวนโหนดในขั้นตอนการเรียนรู้ ซึ่งช่วยลดเวลาการเรียนรู้และความผิดพลาดในการจดจำตัวอักษร งานวิจัยนี้ได้แสดงให้เห็นถึงปัญหา และวิธีแก้ไขโครงสร้างของซีพีเอ็นเพื่อช่วยในการจดจำตัวอักษรภาษาไทย ผลการทดสอบการจดจำตัวอักษรภาษาไทย 75 ตัว ซึ่งใช้ข้อมูลอย่างละ 15,000 ตัว ที่พิมพ์จากเครื่องเลเซอร์ และจากกระดาษถ่ายเอกสาร ได้ผลความถูกต้องประมาณ 99 เปอร์เซ็นต์ โดยข้อมูลตัวอย่างที่นำมาสอนจำนวน 1,500 ตัว

#### 2.2.1.8 เตชา รัตนถาวร (2538) [2]

เสนอการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยใช้เทคนิคพีซีโลจิก และวิธีซินแทกติก ซึ่งเป็นงานวิจัยที่พัฒนาต่อเนื่องจากงานวิจัยของสนธยา เมรินทร์ (2537) ขบวนการแบ่งออกเป็น 3 ส่วนหลัก คือ ส่วนแรก เป็นการปรับปรุงคุณภาพของข้อมูล โดยการกำจัดสัญญาณรบกวน และการทำตัวอักษรให้บาง โดยใช้เทคนิคเอสพีทีเอ (Save Point Thinning Algorithm, SPTA) ส่วนที่สอง เป็นการแทนค่ารูปแบบ (Pattern Representation) โดยการเข้ารหัสจุดภาพของตัวอักษร แปลงให้เป็นเวกเตอร์ แล้วเปลี่ยนเวกเตอร์ให้เป็นต้นไม้ของหน่วยสร้างพื้นฐาน (primitive) ส่วนที่สาม เป็นขั้นตอนการเปรียบเทียบโดยวิธีซินแทกติก ประกอบด้วย

การวิเคราะห์ทางโครงสร้าง และทางรูปทรง ผลที่ได้ คือ ค่าระยะและค่าความต่าง เพื่อใช้ในการเลือกตัวอักษร ต้นแบบที่คล้ายตัวอักษรที่ต้องการรู้จำมากที่สุด ถ้าผลไม่ถึงเกณฑ์ที่ยอมรับได้ จะมีการปรับปรุงเวกเตอร์ และใช้เทคนิคพีชคณิตเข้ามาช่วยแก้ปัญหา โดยการวัดค่าความเหมือนระหว่างส่วนต่างๆ เพื่อใช้ในการตัดสินใจผลการรู้จำ จากการทดสอบกับตัวอักษร 2 รูปแบบ แบบละ 6 ขนาด รวม 1,106 ตัวอักษร พบว่ามีอัตราการรู้จำ 99.64 เปอร์เซ็นต์

#### 2.2.1.9 อภิญา สุพรรณวรรษา (2540) [8]

ใช้การรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทยโดยวิธีการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย (Inductive Logic Programming) ได้ทำการวิจัยเพื่อเปรียบเทียบผลการทดลองกับวิธีการพีชคณิต และวิธีซินแทคติก ที่ เตชา รัตนานาธ ได้ทดลองไว้ โดยใช้วิธีการปรับปรุงคุณภาพข้อมูลแบบเดียวกัน คือ การกำจัดสัญญาณรบกวน และการทำตัวอักษรให้บาง โดยเทคนิคเอชพีทีเอ และใช้การแทนค่ารูปแบบโดยการเข้ารหัสจุดภาพตัวอักษร แปลงให้เป็นเวกเตอร์ แล้วเปลี่ยนเวกเตอร์ให้เป็นต้นไม้ของหน่วยสัณฐานพื้นฐาน จากนั้นนำเวกเตอร์พื้นฐานที่ได้ มาเป็นตัวอย่างในกระบวนการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย ผลการทดลองที่ได้มีอัตราการรู้จำ 87 เปอร์เซ็นต์ จากงานวิจัยนี้พบว่า ปัญหาของการใช้โปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยทำการรู้จำตัวพิมพ์อักษรไทย คือ กรณีที่ไม่สามารถเลือกกฎที่ตรงพอดีในตัวอย่างที่มีสัญญาณรบกวน หรือตัวอย่างใหม่ ซึ่งการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยไม่สามารถทำการประมาณเพื่อเลือกกฎที่ใกล้เคียงได้

#### 2.2.1.10 Pisit Phokharatkul และ Chom Kimpan (2541) [19]

ใช้การรู้จำตัวเขียนอักษรไทยโดยการใช้ลักษณะของช่องว่างในตัวอักษรร่วมกับนิวอลเน็ตเวิร์ก โดยแบ่งลักษณะช่องว่างในตัวอักษรออกเป็นแบบต่างๆ แล้วแทนภาพตัวอักษรด้วยลักษณะช่องว่างเหล่านี้ จากนั้นจึงทำการเรียนรู้ด้วยนิวอลเน็ตเวิร์ก นอกจากนี้ยังมีการใช้เทคนิคพิเศษ เพื่อทำการจำแนกตัวอักษรที่มีลักษณะใกล้เคียงกัน เช่น การพิจารณาลักษณะของส่วนหัวของตัวอักษร ในกรณีของภาพตัวอักษรเป็นภาพอักษร 'ด' หรือ 'ค' ฯลฯ ผลการทดลองที่ได้มีอัตราการรู้จำ 98.3 เปอร์เซ็นต์ เมื่อทำการทดสอบกับภาพตัวอักษร 3,200 ตัว จากผู้เขียนทั้งหมด 40 คน

#### 2.2.1.11 Pitak Thumwarin และ Suphamit Chittayasothon (2541) [23]

ใช้การเข้ารหัสแบบค่าคอนเซนเทรตโคด (concentrated code values) หรือ คิวโคด (Q-codes) เพื่อแทนภาพตัวอักษร จากนั้นใช้ต้นไม้การตัดสินใจ (decision tree) เพื่อทำการจำแนกตัวอักษร และพัฒนาระบบการรู้จำตัวอักษรไทยนี้โดยการใช้การโปรแกรมเชิงวัตถุ (object-oriented programming)

#### 2.2.1.12 Apichart Sajjapong, Wiwat Yatanawood และ Nongluk Covavisaruch (2541) [22]

เป็นงานด้านการรู้จำตัวเขียนอักษรไทยแบบออนไลน์ ทำการรู้จำตัวอักษรซึ่งมีต้นตอมาจาก digitizing tablet และ pen-like stylus โดยใช้แท็บเล็ตปากกาดิจิทัลนิวอลเน็ตเวิร์ก ทำการเรียนรู้ลักษณะของจังหวะการเขียนตัวอักษรของผู้ใช้ โดยลักษณะสำคัญที่ใช้เป็นอินพุตเวกเตอร์ของนิวอลเน็ตเวิร์กประกอบด้วย อัตราส่วนระหว่างความกว้างและความสูงของตัวอักษร รหัสแสดงทิศทางซึ่งใช้เป็นรหัสลูกโซ่ของฟรีแมน รหัสแสดงว่าเป็นจุดเริ่มของตัวอักษรหรือไม่ บริเวณเริ่มต้นขององค์ประกอบพื้นฐาน บริเวณสิ้นสุดขององค์ประกอบ

พื้นฐาน โดยในการทดลองใช้ตัวอย่างสำหรับการเรียนรู้เป็นจำนวนทั้งสิ้น 2,880 ตัวอักษร และใช้ตัวอย่างที่ใช้ทำการทดสอบจำนวน 1,340 ตัวอักษร ผลการทดลองได้เปอร์เซ็นต์ความถูกต้อง 83.43 เปอร์เซ็นต์ ทำการรู้จำผิด 2.16 เปอร์เซ็นต์ และไม่สามารถทำการรู้จำได้ 14.41 เปอร์เซ็นต์

## 2.2.2 งานวิจัยทางด้านการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย

### 2.2.2.1 Ivan Bratko และ Stephen H. Muggleton (2538) [9]

กล่าวถึงวิธีการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย ความสำคัญของความรู้ภูมิหลัง และการนำไปประยุกต์ใช้ในงานด้านต่างๆ เช่น การวิเคราะห์โครงสร้างของเมช (mesh) การทำนายค่า การจำแนกทงชีววิทยาของคุณภาพน้ำในแม่น้ำ การสร้างแบบจำลองของโมเลกุลทางชีวภาพ (Biomolecular modelling) การปรับปรุงคุณภาพของข้อมูลในการออกแบบโปรแกรม ฯลฯ เป็นต้น

### 2.2.2.2 William W. Cohen (2538) [11,12]

ทำการทดลองโดยใช้กระบบการเรียนรู้ในลำดับที่หนึ่ง (first order learning system) ชื่อ FOIL ในงานด้านการจำแนกประเภทข้อความ (Text Categorization) เพื่อเปรียบเทียบวิธีการแบบรีเลชันนอล (relational) และ พรอพอซิชันนอล (propositional) ในการทดลองมีการใช้ความรู้ภูมิหลังเกี่ยวกับตำแหน่งและความสัมพันธ์ของตำแหน่งของคำศัพท์ ผลการทดลองพบว่า ในการจำแนกข้อความจำนวน 51,991 ข้อความ เป็น 10 หมวดหมู่ การเรียนรู้แบบรีเลชันนอลให้ผลถูกต้องกว่าแบบพรอพอซิชันนอล 2 หมวดหมู่ และ ทั้งสองแบบให้ผลการทดลองใกล้เคียงกัน 8 หมวดหมู่

### 2.2.2.3 Mary E. Califf และ Raymond I. Mooney (2540) [10]

นำวิธีการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยมาประยุกต์ใช้กับงานด้านการดึงข้อมูลสำคัญจากข้อความภาษาธรรมชาติ (Natural language information extraction) ในการทดลองได้ใช้ตัวอย่างในขั้นตอนการเรียนรู้เป็นประกาศรับสมัครงานคู่กับข้อมูลสำคัญที่มีอยู่ในประกาศนั้น เช่น ลักษณะงาน เงินเดือน สถานที่ บริษัทนายจ้าง ฯลฯ เป็นต้น ซึ่งผู้สอนเป็นผู้ป้อนข้อมูลเหล่านี้ให้ จากนั้นจึงทำการทดสอบโดยให้ระบบทำการดึงลักษณะต่างๆ เหล่านี้จากข้อความในประกาศ ผลการทดลองปรากฏว่า ได้ค่าพรีซิชั่น (precision) เฉลี่ย 83.7 เปอร์เซ็นต์ และค่ารีคอล (recall) เฉลี่ย 53.1 เปอร์เซ็นต์

### 2.2.2.4 Sašo Džeroski, Nico Jacobs, Martin Molina, Carlos Moure, Stephen Muggleton และ Wim Van Laer (2541) [13]

ทำการเรียนรู้เพื่อหาลักษณะของทางแยกซึ่งทำให้เกิดอุบัติเหตุทางรถยนต์ โดยใช้ข้อมูลจากเครื่องตรวจจับสัญญาณซึ่งติดตั้งในบริเวณทางแยกต่างๆ โดยตัวอย่างที่ใช้ในการเรียนรู้ประกอบด้วยความเร็วของรถยนต์ ความหนาแน่นของรถยนต์ ลักษณะของถนน ทำการทดลองโดยเปรียบเทียบผลระหว่างวิธีการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัย 3 วิธี กับวิธีการเรียนรู้แบบพรอพอซิชันนอล ผลการทดลองปรากฏว่า วิธีการโปรแกรมตรรกะเชิงอุปนัยทั้งสามวิธีให้เปอร์เซ็นต์ความถูกต้องสูงกว่าวิธีการเรียนรู้แบบพรอพอซิชันนอล

2.2.2.5 Sam Roberts, Wimi Van Laer, Nico Jacobs, Stephen Muggleton และ Jeremy Broughton (2541) [21]

ทำการทดลองเปรียบเทียบเมื่อใช้วิธีการโปรแกรมตรกะเชิงอุปนัย และวิธีการเรียนรู้แบบพรอพอซิชันนอล เรียนรู้ข้อมูลตัวอย่างอุบัติเหตุทางรถยนต์ของวัยรุ่นชายที่อยู่ในรูปแบบพรอพอซิชันนอล จากข้อมูลอุบัติเหตุทางรถยนต์ที่เกิดขึ้นทั้งหมด ผลการทดลองปรากฏว่า เปอร์เซ็นต์ความถูกต้องของทุกวิธีการต่ำกว่าเปอร์เซ็นต์ความถูกต้องของวิธีการเลือกโดยคลาสที่มีตัวอย่างมากกว่า (majority class) เพราะว่า จำนวนตัวอย่างบวกมีน้อยกว่าจำนวนตัวอย่างลบมาก จึงได้ทำการทดลองโดยปรับจำนวนตัวอย่างที่ใช้ในการเรียนรู้ให้จำนวนตัวอย่างบวกเท่ากับตัวอย่างลบ ทำให้เปอร์เซ็นต์ความถูกต้องของทุกวิธีสูงกว่าเปอร์เซ็นต์ความถูกต้องของวิธีการเลือกโดยคลาสที่มีตัวอย่างมากกว่า และเปอร์เซ็นต์ความถูกต้องของวิธีการโปรแกรมตรกะเชิงอุปนัย และวิธีการเรียนรู้แบบพรอพอซิชันนอลมีค่าใกล้เคียงกัน



สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย