

อุตสาหกรรม และตลอดจนสถานที่ราชการต่าง ๆ โดยแบ่งพื้นที่ที่ออกแบบออกเป็นพื้นที่ย่อย ๆ เพื่อสะดวกในการรวบรวมปริมาณความต้องการน้ำทั้งหมดในพื้นที่ย่อย ๆ นี้ เมื่อทราบปริมาณความต้องการน้ำทั้งหมดในแต่ละพื้นที่ย่อย ๆ แล้ว ก็สามารถกำหนดจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ ให้อยู่ในแต่ละพื้นที่ที่รับผิดชอบนั้นได้ ซึ่งจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ เหล่านี้เมื่อเขียนเป็นรูปโครงข่ายจะแสดงออกมาเป็นจุดเชื่อม (Node)

5.1.4 กำหนดเส้นทางและระยะการวางท่อไปตามจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ การวางท่อน้ำส่วนใหญ่มักจะวางขนานกับถนนหรือทางเท้า การเลือกรูปแบบการวางท่อจะต้องขึ้นอยู่กับรูปแบบของถนน ลักษณะภูมิประเทศ การพัฒนาในพื้นที่ที่ผู้ใช้น้ำและตำแหน่งที่ตั้งของสถานีสูบน้ำ

5.1.5 เมื่อทราบปริมาณความต้องการตามจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ และเส้นทางวางท่อก็กำหนดปริมาณน้ำไหลและทิศทางการไหลของน้ำไปตามเส้นทางเหล่านี้ พร้อมทั้งกำหนดอัตราการใช้น้ำที่จ่ายออกนอกระบบ เพื่อจ่ายให้แก่ผู้ใช้น้ำตามจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ โดยใช้หลักเกณฑ์ของการอนุรักษ์การไหลของน้ำ คือ อัตราการไหลของน้ำเข้าที่จุดหนึ่ง ๆ จะต้องเท่ากับอัตราการไหลของน้ำออกที่จุด ๆ นั้น

5.1.6 กำหนดขนาดท่อน้ำให้กับเส้นทางวางท่อต่าง ๆ ให้สอดคล้องกับความเร็วการไหลของน้ำ (v) โดยใช้สูตร $D = 2 \sqrt{\frac{Q}{TV}}$ ซึ่งในระบบท่อประปาความเร็วในการไหลของน้ำจะมีค่าระหว่าง 0.5 - 2.0 เมตรต่อวินาที ขนาดของท่อน้ำที่หาได้มาในแต่ละเส้นทางด้วยสูตรนี้จะมีหลายขนาด ซึ่งท่อแต่ละขนาดจะเป็นท่อที่ส่งปริมาณน้ำไปตามจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ มาถึงขั้นตอนนี้จะได้รูปแบบโครงข่ายการไหลของน้ำไปตามจุดจ่ายน้ำต่าง ๆ

5.1.7 ขั้นตอนนี้เป็นการหาขนาดท่อน้ำและความยาวของท่อน้ำรวมทั้งความคันท่อน้ำที่สถานีสูบน้ำ ใหม้ค่าใช้จ่ายในการก่อสร้างโครงข่ายการประปาต่ำที่สุด โดยให้สอดคล้องกับหลักเกณฑ์ทางชลศาสตร์ คือ ค่าการสูญเสียความคันท่อน้ำ ซึ่งหลักเกณฑ์นี้จะทำให้ระบบท่อดีประสิทธิภาพในการไหลของน้ำได้ดี การหาขนาดและความยาวของท่อน้ำรวมทั้งความคันท่อน้ำที่สถานีสูบน้ำ จะใช้วิธีการโปรแกรมเชิงเส้นตรงในการแก้ปัญหา ตัวแปรจะอยู่ในรูปของความยาวของท่อแต่ละขนาด และขนาดของความคันท่อน้ำที่สถานีสูบน้ำ มีสมการเป้าหมายต้องการหาค่าใช้จ่ายในการก่อสร้างโครงข่ายการประปาให้ต่ำที่สุด

5.2 รูปแบบปัญหาการโปรแกรมเชิงเส้นตรงสำหรับปัญหาโครงข่ายการประปา

รูปแบบปัญหาการโปรแกรมเชิงเส้นตรงสำหรับปัญหานี้ ประกอบด้วย สมการเป้าหมาย แสดงถึงค่าใช้จ่ายในการวางท่อและค่าใช้จ่ายของสถานีสูบน้ำจ่ายน้ำ ภายใต้เงื่อนไขขอบข่ายของ ความเร็วของการไหล ขนาดและความยาวของท่อ และความคั้นหัวน้ำที่สถานีสูบน้ำจ่ายน้ำ รูปแบบ ปัญหาการโปรแกรมเชิงเส้นตรงสร้างได้ดังนี้

5.2.1 สมการเป้าหมาย สมการเป้าหมายต่ำที่สุด คือ

$$\text{Min. } Z = \sum_i \sum_j C_{ij} l_{ij} + \sum_K C_K P_K \quad (5.1)$$

โดย C_{ij} = ค่าใช้จ่ายในการวางท่อที่มีขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง j ในเส้นท่อ i
 l_{ij} = ความยาวของเส้นท่อขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง j ในเส้นท่อ i
 C_K = ค่าใช้จ่ายของสถานีสูบน้ำจ่ายน้ำ สำหรับสถานี K
 P_K = ค่าความคั้นหัวน้ำที่สถานีสูบน้ำจ่าย K

ในที่นี้ ค่าตัวแปรสำหรับขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของท่อจะมีถึง $1, 2, \dots, j$ ขนาดส่วนเส้นท่อมี่ทั้งหมด $1, 2, \dots, i$ เส้น และสถานีสูบน้ำจ่ายน้ำมีทั้งหมด $1, 2, \dots, K$ สถานี

5.2.2 สมการขอบข่าย

(ก) ขอบข่ายความเร็วของการไหลของน้ำ

เงื่อนไขขอบเขตความเร็วการไหลของน้ำเป็นเงื่อนไขที่จำกัดไว้สำหรับการกำหนดขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของท่อที่จะใช้ ฉะนั้น เงื่อนไขนี้ถูกใช้ไปก่อนการนำมาพิจารณา ในรูปแบบของปัญหา ผลที่ได้ คือ ลดขนาดของปัญหาโปรแกรมเชิงเส้นตรงลงได้

(ข) ขอบข่ายความคั้นหัวน้ำที่จุดจ่ายน้ำออกนอกระบบท่อเพียงอย่างเดียว

ค่าความคั้นหัวน้ำที่จุดเหล่านี้ คัดได้จากความคั้นหัวน้ำที่สถานีสูบน้ำจ่ายน้ำ ลดด้วยค่าการสูญเสียความคั้นหัวน้ำที่เสียไประหว่างเส้นทางจากสถานีสูบน้ำจ่ายน้ำถึงจุดจ่ายน้ำ ซึ่งผลรวมของการสูญเสียความคั้นหัวน้ำระหว่างสถานีสูบน้ำจ่ายน้ำนั้น ต้องมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ ค่าการสูญเสียความคั้นหัวน้ำมากที่สุดที่ยอมรับได้ โดยที่จุดจ่ายน้ำเหล่านี้จะต้องมีค่าความคั้นหัวน้ำ

มากกว่าหรือเท่ากับความดันหัวน้ำต่ำสุด (P_{min}) ที่กำหนดให้

$$\sum_{i \in I_t} \sum_{j \in I_i} (S_{ij} \cdot l_{ij}) - \sum_{K \in k_t} P_K \leq - P_{min} \quad (5.2)$$

- โดยที่
- I_t = ชุดของเส้นท่อที่วางต่อกันจากสถานีสูบน้ำไปยังจุดจ่ายน้ำ t
 - I_i = ชุดของขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางที่เลือกในเส้นท่อ i
 - S_{ij} = ค่าความเสียดในท่อที่มีขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง j ในเส้นท่อ i
 - k_t = จำนวนสถานีสูบน้ำจนถึงจุดจ่ายน้ำ t
 - P_{min} = ค่าความดันหัวน้ำต่ำสุดที่ยอมรับได้

การคำนวณค่าความเสียดของท่อ (s_{ij}) คำนวณได้จากสูตรของ Hazen-Williams ซึ่งสูตรนี้นิยมใช้กันมาก คือ

$$S = \frac{10.7 \cdot Q^{1.852}}{C^{1.852} \cdot D^{4.87}}$$

- โดยที่
- Q = อัตราการไหลของน้ำภายในท่อ, เป็นลูกบาศก์เมตรต่อวินาที
 - C = สัมประสิทธิ์ของท่อน้ำ (Hazen-Williams Coefficient) = 130
 - D = ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของท่อน้ำ เป็นเมตร
 - S = ค่าความเสียดของท่อน้ำมีหน่วยเป็น เมตรต่อเมตร

(ก) ขอบข่ายการสูญเสียความดันหัวน้ำรอบเส้นท่อที่มีการวางท่อแบบวงรอบ

ค่าความดันหัวน้ำที่จุดจ่ายน้ำใด ๆ จะมีค่าเท่ากับความดันหัวน้ำที่จุดส่งน้ำลบด้วยค่าการสูญเสียความดันหัวน้ำระหว่างทาง เมื่อคิดเป็นผลรวมการสูญเสียความดันหัวน้ำรอบเส้นท่อที่มีการวางท่อแบบวงรอบ จึงมีค่าเท่ากับศูนย์

$$\sum_{i \in I_r} \sum_{j \in I_i} (S_{ij} \cdot l_{ij}) = 0 \quad (5.3)$$

- โดยที่
- I_r = ชุดของเส้นท่อที่วางต่อกันเป็นวงรอบ r

(ง) ขอบข่ายความยาวของท่อขนาดต่าง ๆ

สำหรับเส้นท่อที่วางแต่ละเส้น ผลรวมของความยาวของท่อขนาดต่าง ๆ

ในเส้นท่อนั้น ๆ มีค่าเท่ากับความยาวของเส้นท่อนั้น

$$\sum_j l_{ij} = L_i$$

โดย L_i = ความยาวของเส้นท่อนั้น

(จ) ขอบข่ายความคั่นหัวน้ำ ณ.สถานีสูบน้ำ

โดยปกติ ค่าความคั่นหัวน้ำที่สถานีสูบน้ำจะมีค่าอยู่ระหว่าง ค่าความคั่นหัวน้ำระดับต่ำสุดที่ยอมได้ถึงค่าความคั่นหัวน้ำระดับสูงที่ยอมได้ ณ.สถานีสูบน้ำนั้น

$$P_K \leq P_H$$

$$P_K \geq P_L$$

โดย P_H = ค่าความคั่นหัวน้ำระดับสูง ณ.สถานีสูบน้ำ

P_L = ค่าความคั่นหัวน้ำระดับต่ำ ณ.สถานีสูบน้ำ

(ฉ) ค่าตัวแปรทุกตัวต้องมีค่าเป็นบวกทั้งหมด

$$l_{ij} \geq 0$$

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย