



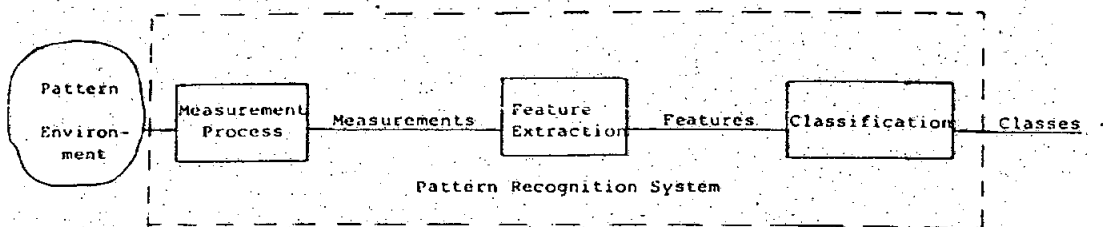
บทที่ 2

ทฤษฎีของระบบจดจำ

### 2.1 ทฤษฎีเบื้องต้น

วิชาเรื่องการจดจำรูปแบบ (pattern recognition) เป็นวิชาที่มีมานาน เป็นเรื่องเกี่ยวกับการทำให้เครื่องมืมีความฉลาดขึ้น โดยสามารถเรียนรู้และจำแนกความแตกต่างของรูปแบบอินพุตต่าง ๆ เช่น รูปร่าง ขนาด สี เสียง ฯลฯ การประยุกต์ใช้งานมีอย่างกว้างขวาง เช่น การสร้างเครื่องมือ (คอมพิวเตอร์) จำแนกข้อมูลรูปถ่ายดาวเทียม หรือการสร้างเครื่องอ่านตัวอักษร (OCR) ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จะกล่าวทฤษฎีการจดจำรูปแบบโดยเน้นวิธีการสำหรับระบบจำแนกตัวอักษร

ระบบจดจำรูปแบบทั่ว ๆ ไป มีบล็อกการทำงานดังรูปที่ 2.1



รูปที่ 2.1 แสดงบล็อกของระบบจดจำรูปแบบ

เราสามารถแบ่งการทำงานได้เป็น 3 ส่วน ดังนี้

1. จากข้อมูลรูปแบบในธรรมชาติจะถูกนำมาผ่านขบวนการวัด (measurement

process) เพื่อวัดข้อมูลอินพุทเพื่อใช้เป็นตัวแสดงคุณสมบัติของวัตถุที่ถูกวัด ซึ่งในขบวนการนี้ต้องอาศัยตัวรับสัญญาณ (sensor) เป็นอุปกรณ์วัดข้อมูล

2. ข้อมูลที่ได้จากขบวนการในข้อ 1. จะถูกผ่านขบวนการแยกลักษณะสำคัญ (feature extraction) เพื่อเลือกเอาเฉพาะข้อมูลที่บ่งถึงลักษณะเด่นของวัตถุนั้น เพื่อใช้เป็นตัวบอกความแตกต่าง ความเหมือนของข้อมูลในกลุ่มเดียวกัน ข้อมูลที่ได้จะเรียกเป็นลักษณะสำคัญ (feature)

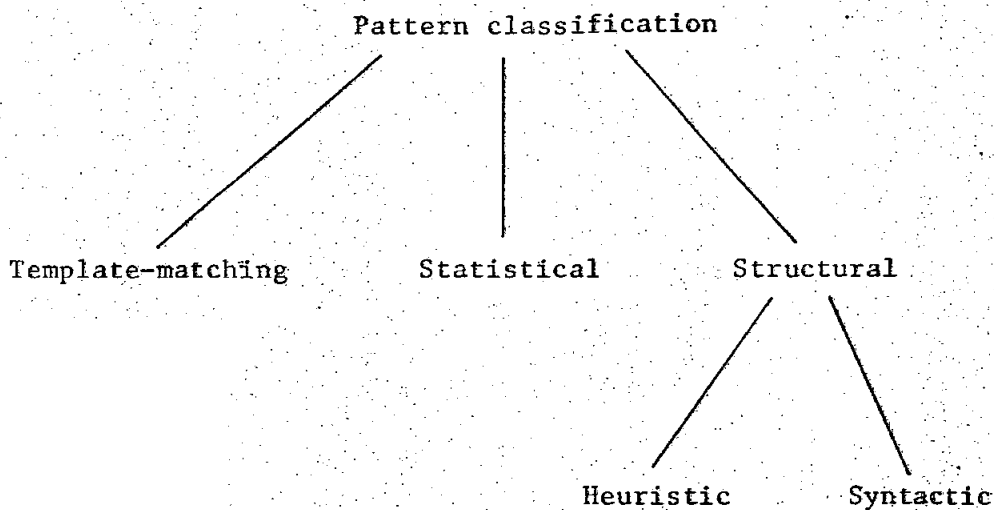
3. ข้อมูลลักษณะสำคัญจะถูกขบวนการจำแนกข้อมูลเป็นตัวตัดสินว่า วัตถุที่เราได้ทำการวัดนั้น อยู่ในกลุ่มใด

จากที่ได้กล่าวมาแล้วจะเห็นได้ว่าการสร้างระบบจดจำข้อมูลมีปัญหาที่เราต้องขบคิดอยู่ 3 ประการ คือ

- ✓ 1. จะใช้อะไรเป็นตัววัดข้อมูลจากรูปแบบ (วัตถุ)
- ✓ 2. จะเลือกลักษณะสำคัญอะไรดี
- ✓ 3. การจำแนกข้อมูล จะใช้อะไรเป็นตัวตัดสิน

สำหรับทางเลือกในการแก้ปัญหาทั้งสามนั้น จะได้กล่าวต่อไป

ในระบบจดจำข้อมูลสามารถแบ่งวิธีในการจำแนกข้อมูลได้ 3 วิธี ดังแสดงในแผนภูมิในรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 แสดงแผนภูมิแสดงวิธีในการจำแนกข้อมูล

## 2.2 การตัดสินใจเลือกวิธีจำแนกข้อมูล

ก่อนอื่นขอให้พิจารณาวิธีการในแต่ละวิธีเสียก่อน

1. Template-matching ในวิธีการนี้เซตของข้อมูลต้นแบบ (templates หรือ prototypes) จะถูกเก็บไว้ รูปแบบที่ไม่ทราบ (unknown pattern) จะถูกนำไปเทียบ (match) กับข้อมูลต้นแบบ การตัดสินใจว่า แบบที่ไม่ทราบจะอยู่ในกลุ่มข้อมูลต้นแบบใด ขึ้นกับ กฎเกณฑ์ความเหมือน (similarity criterion) <sup>(12)</sup> โดยปรกติถ้าสร้างบนระบบง่าย ข้อมูลต้นแบบจะเก็บในลักษณะ เป็นข้อมูลดิบ (raw data) วิธีนี้ใช้กันมากในการจดจำตัวอักษรตัวพิมพ์ (13, 15, 16) ข้อดีของวิธีการนี้ คือ เป็นวิธีที่ง่าย มีลำดับขั้นตอน ประมวลข้อมูลน้อย การทำงานมีอัตราเร็วมาก ข้อเสีย คือ ถ้ารูปแบบตัวอักษรมีการแปรปรวนมาก การเลือกข้อมูลต้นแบบที่ดีจะยากมาก

2. Statistical (decision-theoretic) เป็นวิธีที่ใช้ความรู้ทางสถิติมาช่วยในการวิเคราะห์ข้อมูล โดยเซตของการวัดจะถูกเรียกว่า พิเชอะ ซึ่งได้มาจากการแยกคุณสมบัติที่สำคัญจากข้อมูลดิบ ส่วนของพิเชอะนี้จะต้องมีการแปรเปลี่ยนน้อยกับการแปรปรวนของรูปแบบ กฎเกณฑ์ในการตัดสินใจใช้วิธีการดังต่อไปนี้ discriminant function, minimum - distance, maximum-likelihood เป็นต้น (12, 13, 17, 18, 19, 20, 21)

(3) Structural มีที่มาจากขงปัญหาที่ว่าข้อมูลทางโครงสร้างเป็นส่วนสำคัญในการบอกความแตกต่างของรูปแบบ การบรรยายรูปร่างจะอยู่เทอมของ subpattern หรือเรียกอีกอย่างว่า pattern primitives ซึ่งเป็นคุณสมบัติทางโครงสร้าง โดยมีตัว primitive extractor เป็นตัวกำเนิด pattern primitives ซึ่งจะถูกรวบรวมเป็น string ในวิธีการนี้แบ่งเป็นวิธีการย่อยได้ 2 วิธี ดังแสดงในรูปที่ 2.2 โดยวิธี Heuristic กฎเกณฑ์การตัดสินใจได้มาจากประสบการณ์และการทดลอง วิธีการนี้มีการใช้อย่างมากมายในเรื่องการจดจำตัวอักษร เนื่องจากเป็นวิธีที่เน้นการประยุกต์ใช้งานอย่างแท้จริง ส่วนวิธี syntactic (หรือ linguistic) อาศัยทฤษฎีทาง formal language สร้างตัว parser มาจัดการกับ string (12, 14)

จากที่กล่าวมาแล้วจะเห็นได้ว่า วิธีที่ 1. ไม่เหมาะที่จะนำมาใช้กับการจดจำตัวเลขลายมือเขียน เนื่องจากตัวเลขลายมือเขียนมีความแปรปรวนมาก

ส่วนวิธีที่ 2. มีข้อเสียเนื่องจากต้องใช้ข้อมูลในการคำนวณมาก ซึ่งไม่เหมาะกับการใช้งาน เนื่องจากระบบ OCR ที่เราจะสร้างจะใช้ไมโครคอมพิวเตอร์ในการโปรเซสข้อมูล ซึ่งตัวไมโครคอมพิวเตอร์จะมีข้อจำกัดในเรื่องความเร็ว ขนาดหน่วยความจำ วิธีการซึ่งมีการใช้ข้อมูลขนาดใหญ่ และมีการคำนวณมากจึงไม่เหมาะสมในการนำมาประยุกต์ใช้ ส่วนวิธี Structural นั้น มีข้อดีคือ มีการคำนวณน้อย ใช้โครงสร้างรูปแบบในการตัดสินใจซึ่งเหมาะสมกับการวิจัยมาก และในทางปฏิบัติจริง ๆ ระบบ OCR ส่วนใหญ่จะเลือกใช้วิธีการนี้

ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จะเลือกวิธี Heuristic เนื่องจากวิธี Syntactic การบรรยายลักษณะต้องอาศัย การสร้าง grammar ซึ่งทำให้ขบวนการจำแนกทำได้ช้าขึ้น แต่อย่างไรก็ตามถ้ามีคอมพิวเตอร์ขนาดใหญ่ขึ้น ความเร็วสูงขึ้น วิธีการนี้จะเหมาะสมในการใช้เนื่องจากเปอร์เซ็นต์ความถูกต้องสูงกว่าวิธี Heuristic (4)

### 2.3 วิธี Heuristic

วิธี Heuristic เป็นวิธีที่ได้มาจากประสบการณ์ที่ได้จากการทดลอง ดังนั้นทฤษฎีตายตัวจึงไม่มี แต่จากการศึกษาเฉพาะส่วนที่ใช้กับการจำแนกตัวอักษรพอจะยกตัวอย่างแสดงได้ในรูปที่ 2.3

#### Heuristic for character Recognition

1. Boolean functions
2. Zone features
3. Sequentially detected strip features
4. Polygonal approximation

รูปที่ 2.3 แสดงตัวอย่างวิธีการจำแนกตัวอักษร  
ของวิธี Heuristic

2.3.1 Boolean functions (13) การตัดสินใจทำโดยใช้คณิตศาสตร์ตรรกะ (boolean) มาสร้าง boolean discriminant function โดยถ้าพิจารณาอินพุตเป็น

ข้อมูลซึ่งเรียงตามลำดับโดยมีตัวชี้ คือ  $j = 1, \dots, m$  เราจะกำหนดตัวแปร Boolean  $x_j$  ( 0 หรือ 1 ) เป็นค่าข้อมูลเลขฐานสองที่ตำแหน่ง  $j$  จากนั้นจะสร้าง  $f_r(x)$  - Boolean discriminant โดยตัว  $f_r(x)$  จะอยู่ในเทอมความสัมพันธ์ของตัวแปร Boolean  $x_j$  โดย  $j = 1, \dots, m$  การตัดสินใจขึ้นกับค่า  $f_r(x)$  ของ class ที่  $r$  ใดเป็นจริง (โลจิก 1) เครื่องอ่านตัวอักษรที่สร้างขึ้นโดยใช้วิธีการนี้ได้แก่ IBM 1418, IBM 1275, IBM 1975 ในที่นี้จะไดยกตัวอย่างที่ใช้ในเครื่อง IBM 1418

เครื่อง IBM 1418 จะทำการอ่านตัวอักษรหลังจากนั้นตัวอักษรจะถูกแปลงเป็นข้อมูลเลขฐานสอง เข้าไปยังตัวชิพรีจิสเตอร์  $17 \times 10$  บิต ซึ่งภายในตัวชิพรีจิสเตอร์มีตัวชี้ตั้งแต่ตำแหน่ง 1 ถึง 170 ดังแสดงในตำแหน่งในรูปที่ 2.4



ELEMENTS OF SHIFT REGISTER OF IBM 1418

1	18	35	52	69	86	103	120	137	154
2	19								155
3		37							
4			55	72					
5		39				107			
6	23	40			91	108	125		
7	24	41	58	75	92	109			
8	25	42	59	76	93	110	127		
9					94	111			
10			61	79					
11			62						
12									
13									
14									
15									168
16									169
17								153	170

รูปที่ 2.4 แสดงตำแหน่งของชิฟตรีจิสเตอร์ของ IBM 1418

ในที่นี้  $j = 1, \dots, 170$  ตัวอย่าง Boolean discriminant function สำหรับจำแนกกลุ่มของเลข '4' ได้แก่

$$f_4(x) = \bar{x}_{62} \cdot \bar{x}_{79} \cdot (\bar{x}_5 \vee \bar{x}_{107}) \cdot (x_{92} \vee x_{109} \vee x_{127}) \cdot [ (x_{107} \vee x_{125}) \vee (x_{91} \cdot x_{92}) ] \cdot (x_{92} \vee x_{93}) \cdot (x_{93} \vee x_{110}) \cdot (x_{58} \vee x_{59}) \cdot (x_{55} \vee x_{72}) \cdot (x_{75} \vee x_{76}) \cdot (x_{41} \vee x_{42}) \cdot (x_{24} \vee x_{25}) \cdot (x_{23} \vee x_{40}) \cdot (\bar{x}_{37} \vee x_7) \cdot [x_{92} \vee x_{93} \vee z_{14} \cdot z_{15}] \cdot \bar{z}_3 \cdot \bar{z}_{16} \cdot \bar{z}_{34} \cdot \bar{z}_{51}$$

$z_i$  คือ Boolean function ซึ่งเป็นเทอมที่มีใช้ร่วมในกลุ่มอื่น ๆ โดยใน IBM1418 ใช้  $z_i$  ถึง 50 เทอม ในการอ่านตัวอักษรเพียงแบบเดียว (single font) และตัวอักษรพิเศษบางตัว

2.3.2 Zone features<sup>(13)</sup> วิธีการนี้บริษัท NEC ของญี่ปุ่นเป็นผู้คิดค้นโดยการใช้ชิพตรรกศาสตร์ตั้งที่กล่าวใน 2.3.1 แต่แบ่งออกเป็น 9 โซน มีการเรียงลำดับดังข้างล่าง

1	2	3
4	5	6
7	8	9

จะมีการสร้างหน้าต่างขนาด 3 X 3 โดยภายใน มีการอ้างอิงตำแหน่งดังข้างล่าง

$x_1$	$x_4$	$x_7$
$x_2$	$x_5$	$x_8$
$x_3$	$x_6$	$x_9$

ค่า  $x_i$  ( $i = 1$  ถึง  $9$ ) จะเป็นเลขฐานสอง

จากนั้นจะมีการสร้าง boolean functions

$$\begin{aligned} V &= x_4 \cdot x_5 \cdot x_6 \cdot (\bar{x}_2 V \bar{x}_8) & I &= x_3 \cdot x_5 \cdot x_7 \cdot (\bar{x}_1 V \bar{x}_9) \\ H &= x_2 \cdot x_5 \cdot x_8 \cdot (\bar{x}_4 V \bar{x}_6) & D &= x_1 \cdot x_5 \cdot x_9 \cdot (\bar{x}_7 V \bar{x}_3) \end{aligned}$$

NEC ออกแบบให้ชิพตรีจิสเตอร์มีขนาด 15 X 15 บิต เมื่อถูกแบ่งออกเป็น 9 โซน ในแต่ละโซนจะมีขนาด 5 x 5 บิต ภายในแต่ละโซนจะกำหนดให้มีเทอมตัวแปรสี่ตัวคือ  $T_{iV}$ ,  $T_{iH}$ ,  $T_{iI}$ ,  $T_{iD}$  โดยที่  $T_{iV}$  จะเป็นจริงก็ต่อเมื่อภายในโซน  $i$  เมื่อสแกนด้วยหน้าต่างขนาด 3 X 3 บิต มีเทอม  $V$  ดังที่กล่าวในข้างบนเป็นจริงอย่างน้อย 4 ตำแหน่ง เทอม  $T_{iH}$ ,  $T_{iI}$ ,  $T_{iD}$  ก็คิดเช่นเดียวกันดังที่กล่าวมา ข้อมูล 15 X 15 บิต จะถูกเปลี่ยนเป็นรูปแบบฐานสอง 36 รูปแบบ ( 9 โซนในแต่ละโซนมี 4 T's ) หลังจากนั้นจะมีการสร้าง boolean discriminant function คล้ายกับในหัวข้อที่ 2.3.1 ตัวอย่างสำหรับเลข '3' ดังนี้

$$\begin{aligned} f_3(x) &= \bar{T}_{1D} \cdot \bar{T}_{1V} \cdot \bar{T}_{1I} \cdot T_{1H} \cdot T_{2H} \cdot T_{3H} \cdot \bar{T}_{4D} \cdot \bar{T}_{4V} \cdot \bar{T}_{4I} \cdot \bar{T}_{4H} \\ &\quad \cdot \bar{T}_{5D} \cdot \bar{T}_{5V} \cdot \bar{T}_{5I} \cdot T_{5H} \cdot (T_{6D}^V T_{6V}^V T_{6I}^V T_{6H}^V) \\ &\quad \cdot \bar{T}_{7D} \cdot \bar{T}_{7V} \cdot \bar{T}_{7H} \cdot \bar{T}_{8D} \cdot \bar{T}_{8V} \cdot T_{8H} \cdot \bar{T}_{9D} \cdot \bar{T}_{9H} \end{aligned}$$

ถ้าข้อมูลอินพุตมีค่า  $f_3(x) = \text{True}$  มันจะถูกจำแนกว่าเป็นข้อมูลตัวเลข '3'

### 2.3.3 Sequentially detected strip features <sup>(1)</sup> ถูกพัฒนาเพื่อใช้จำ

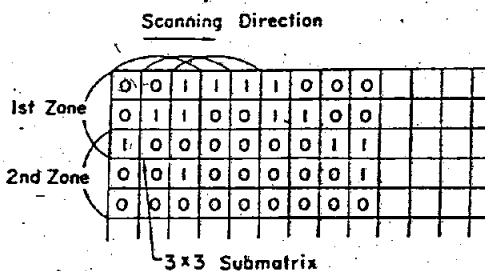
แนกตัวเลขอารบิกให้แก่งานไปรษณีย์ของญี่ปุ่น โดยบริษัท Toshiba วิธีการคล้ายคลึงกับหัวข้อ 2.3.2 โดยการพิจารณาข้อมูลเป็นตาราง  $n \times m$  จากนั้นสแกนข้อมูลด้วยหน้าต่างขนาด 3 X 3 กำเนิดรหัสซึ่งเรียกว่า "stroke segment direction" ซึ่งมี 7 แบบดังแสดงในรูป 2.5 ซึ่งได้แก่ ช่องว่าง (blank) แนวตั้ง (vertical) แนวเอียงขึ้น (incrementally slanted) แนวเอียงลง (decrementally slanted) แนวนอนสูง (high horizontal) แนวนอนต่ำ (low horizontal) ไม่แน่ใจ (undecided) การสแกนสร้างรหัสนี้จะสแกนเลื่อนไปทางขวาทีละบิตและเมื่อหยุดเส้นจะสแกนลงทีละ 2 บิต ดังในรูป 2.6 ในแต่ละแนวที่สแกนจะได้อหัส stroke segment direction



1 ชุด ซึ่งเราจะนำมาารวมสร้างเป็นรหัสขึ้นใหม่แทนลักษณะทางแนวนอน (horizontal features) ซึ่งมีได้ 16 แบบ ดังแสดงในรูปที่ 2.7 เมื่อสแกนครบทุกตำแหน่งเราจะได้รับรหัสทางแนวนอนเป็นลำดับ (sequence) จากบนลงล่าง ดังแสดงตัวอย่างการสแกนตัวเลขในรูปที่ 2.8 การตัดสินใจทำได้โดยสร้างแผนภูมิตransition (transition diagram) สำหรับตัวเลขแต่ละตัว (0 - 9) ขึ้นเพื่อทดสอบรูปแบบของรหัสซีเควนทางแนวนอน ตัวอย่าง transition diagram สำหรับเลข '8' แสดงในรูปที่ 2.9



รูปที่ 2.5 แสดงรูปแบบของ stroke segment direction

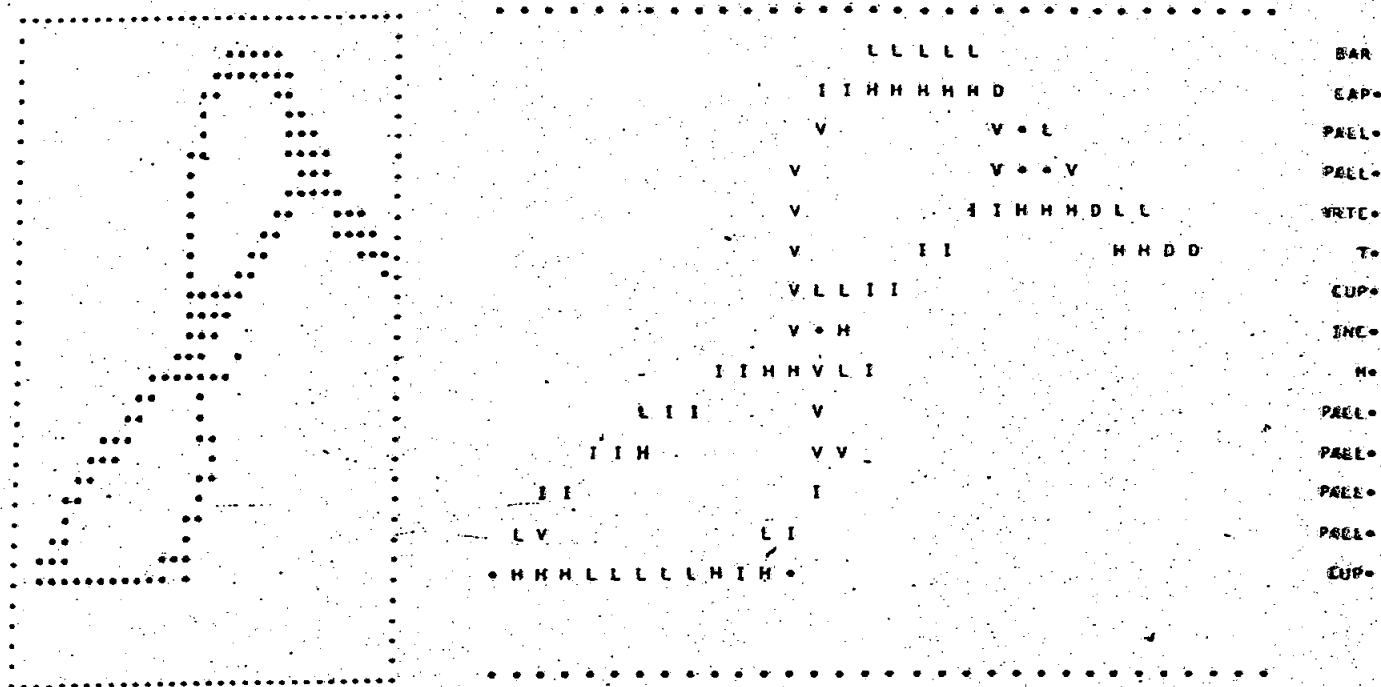


รูปที่ 2.6 แสดงการสแกนของหน้าตาต่าง 3 X 3

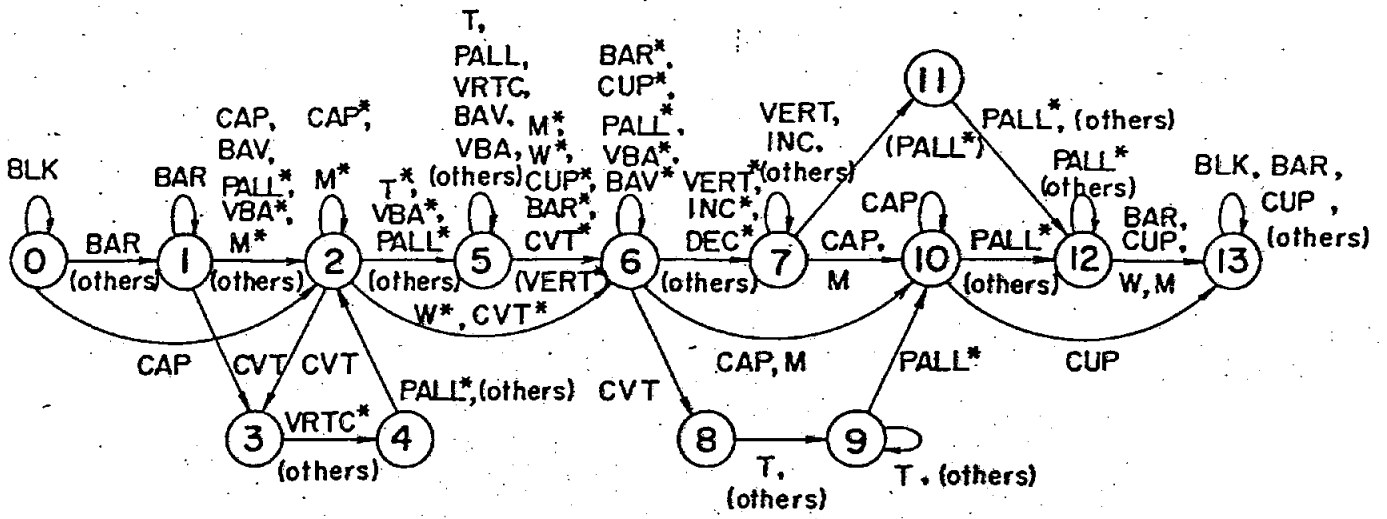
- |   |  |      |    |  |     |
|---|--|------|----|--|-----|
| 1 |  | BLK  | 9  |  | M   |
| 2 |  | VERT | 10 |  | W   |
| 3 |  | INC  | 11 |  | T   |
| 4 |  | DEC  | 12 |  | VTC |
| 5 |  | BAR  | 13 |  | CVT |
| 6 |  | CAP  | 14 |  | VBA |
| 7 |  | CUP  | 15 |  | BAV |
| 8 |  | PALL | 16 |  | D   |



รูปที่ 2.7 แสดงรหัสแทนลักษณะทางแนวนอน



รูปที่ 2.8 แสดงตัวอย่างรหัสที่ได้จากการสแกนตัวเลข '8'



รูปที่ 2.9 แสดงตัวอย่าง แผนภูมิตรานซึ้นสำหรับ เลข 8

### 2.3.4 Polygonal approximation (3) วิธีนี้แบ่งได้เป็น 2 ขั้นตอน

1. ใช้วิธี shape analysis หาจุดกรอบนอกของตัวเลขโดยขบวนการกวาด ระหว่างการกวาดจะหาตำแหน่งรู (hole) ภายในตัวเลข เพื่อใช้เป็น ลักษณะสำคัญในการตัดสินใจด้วยหลังจากนั้นจะใช้ piecewise linear approximation ทำการประมาณ กรอบนอกตัวเลขให้เป็นรูปหลายเหลี่ยม (polygon)

2. ทำการกวาดกรอบนอกอีกครั้งหนึ่ง เพื่อหาตำแหน่งส่วนโค้งส่วนเว้า เพื่อใช้เป็นลักษณะสำคัญ ตัวอย่างลักษณะสำคัญที่ใช้ เช่น

$U_1$  - จำนวนรู (หาในขั้นตอนที่ 1)

$U_2$  - ตำแหน่งของรู โดยที่

$U_2 = 1$  ถ้าเป็นรูที่อยู่ด้านล่าง

$U_2 = 2$  ถ้าเป็นรูที่อยู่ด้านบน

$U_2 = 0$  เป็นรูที่อยู่ตรงกลาง

หลังจากที่ได้ลักษณะสำคัญแล้วจะทำการตัดสินใจโดยใช้ decision tree ที่สร้างขึ้นจากการศึกษาความเป็นไปได้ของตัวเลขแต่ละตัวกับรูปแบบลักษณะสำคัญที่เกิดขึ้น โดยที่ปลายของ tree จะบอกได้ว่าตัวเลขอะไร

วิธีการทั้ง 4 ชนิดที่กล่าวมา สามารถสรุป เปรียบเทียบข้อดีข้อเสียได้ดังตารางที่ 2.1

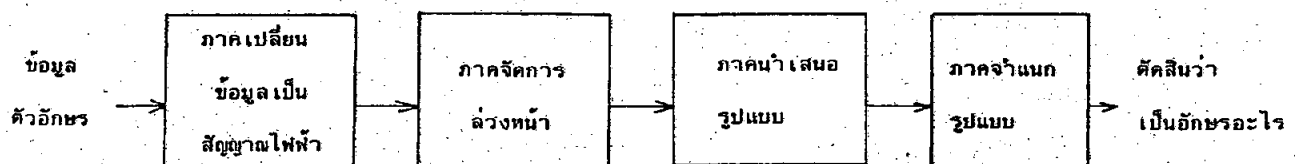
ตารางที่ 2.1 เปรียบเทียบข้อดีข้อเสียวิธีต่าง ๆ ในกลุ่ม Heuristic approach

	วิธีที่ 1	วิธีที่ 2	วิธีที่ 3	วิธีที่ 4
1. ผลกระทบจากความแปรปรวนของตัวเลข	มาก	ปานกลาง	น้อย	น้อย
2. ขั้นตอนในการหาลักษณะสำคัญ	น้อย	ปานกลาง	มาก	ปานกลาง
3. รูปแบบฟังก์ชันในการตัดสินใจ	ง่าย	ง่าย	ยาก	ง่าย
4. จำนวนลักษณะสำคัญ	มาก	มาก	ปานกลาง	น้อย
5. การเลือกลักษณะสำคัญ	ยาก	ยาก	ยาก	ง่าย

จากข้อเปรียบเทียบในตารางข้างบนจะเห็นว่าเราควรเลือกใช้วิธี polygonal approximation ในการสร้างระบบจดจำตัวอักษรเนื่องจากการเลือกลักษณะสำคัญทำได้ง่าย รูปแบบการตัดสินใจซึ่งใช้ tree decision ก็สร้างได้ง่าย

#### 2.4 โครงสร้างของระบบจดจำตัวอักษร

ระบบจดจำตัวอักษรแบ่งแยกเป็น 4 ส่วนใหญ่ดังแสดงในรูปที่ 2.10



รูปที่ 2.10 แสดงโครงสร้างระบบจดจำตัวอักษร

ได้แก่

1. ภาคเปลี่ยนข้อมูล เป็นสัญญาณไฟฟ้า (data conversion)
2. ภาคจัดการล่วงหน้า (preprocessing)
3. ภาคนำเสนอรูปแบบ (pattern representation)
4. ภาคจำแนกรูปแบบ (classifier)

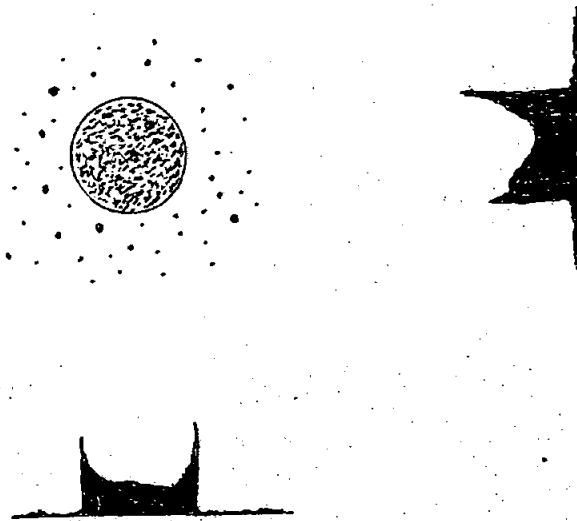
#### 2.4.1 ภาคเปลี่ยนข้อมูล เป็นสัญญาณไฟฟ้า

เป็นขบวนการเปลี่ยนข้อมูลตัวอักษรซึ่งเขียนหรือพิมพ์ในกระดาษให้เป็นสัญญาณไฟฟ้า เพื่อส่งไปประมวลในขบวนการต่อไปโดยอาศัยตัว sensor , scanner , digitizer เป็นต้น รายละเอียดในส่วนนี้จะได้กล่าวในบทที่ 3

#### 2.4.2 ภาคจัดการล่วงหน้า

เป็นขบวนการเตรียมข้อมูลให้พร้อมก่อนที่จะส่งต่อไปยังภาคถัดไป ซึ่งรวมขบวนการหาขอบเขต (boundary decision) การกำจัดสัญญาณรบกวน (filtering) การหาขอบตัวอักษร (edge detection) การทำให้บาง (thining)

ก. การหาขอบเขต เป็นการแยกตัวอักษรออกจากพื้นภาพ (background) โดยมีวิธีง่าย ๆ คือ การสแกนทั้งแนวนอนและแนวตั้ง เมื่อพบข้อมูลที่ตำแหน่งแถว,คอลัมน์ใดเราก็จะรู้ขอบเขตของตัวอักษรที่จะนำไปประมวลต่อไป แต่วิธีนี้จะใช้ได้ดีเฉพาะพื้นภาพกับกับตัวอักษรมีระดับสัญญาณต่างกัน ( 0 กับ 1 ) ในกรณีพื้นภาพมีสัญญาณรบกวน (noise) เราจะทำกรไปรเจคค่าระดับสีเทา (gray level) ลงบนแกน x และ y <sup>(12)</sup>



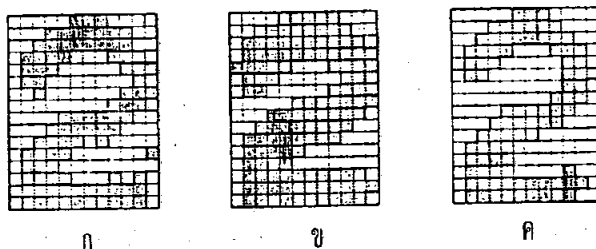
รูปที่ 2.11 แสดงการโปรเจกต์ลงบนแกน  $x$  และ  $y$

ถ้ากำหนดให้  $f(x, y)$  เป็นระดับสีเทาที่จุด  $x, y$  ซึ่งจะทำให้การโปรเจกต์ในขอบเขต  $R$  การโปรเจกต์ของ  $f$  บนแกน  $x$  และ  $y$  จะได้เป็น  $\int_R f(x, y) dx$  และ  $\int_R f(x, y) dy$  ซึ่งจะเห็นจากรูปที่ 2.11 ว่าตรงตำแหน่งวัดสูงจะมีระดับสีเทาสีสูงกว่าพื้นภาพ ทำให้เราสามารถหาขอบเขตจากตำแหน่งซึ่งมีระดับสีเทาสูงได้ การวิจัยนี้จะใช้ทั้งสองวิธีร่วมกัน

ข. การกำจัดสัญญาณรบกวน เป็นขบวนการกำจัดข้อมูลแปลกปลอมต่าง ๆ ที่ปะปนมากับตัวเลขที่อ่าน เช่น รอยเบื่อนของหมึกหรือรอยด่างดำบนกระดาษ สัญญาณรบกวนที่เกิดจากตัว sensor ต่าง ๆ ในที่นี้จะได้นำ 2 วิธี คือ

1. วิธี Dineen (13) โดยการสร้างหน้าต่างขนาด  $n \times n$  วิ่งไปทุก ๆ ตำแหน่งของข้อมูลไบนารี ซึ่งในแต่ละตำแหน่งจุดค่าภายในหน้าต่างจะถูกนับและจะมีการสร้างข้อมูลไบนารีชุดใหม่ ซึ่งมีตำแหน่งสัมพันธ์กับข้อมูลชุดเก่า โดยมีเงื่อนไขว่าข้อมูลชุดใหม่จะถูกกำหนดเป็นจุดค่าถ้าจำนวนจุดค่าในหน้าต่างมากกว่าหรือเท่ากับค่า  $\theta$  ที่กำหนดค่าหนึ่ง

ตัวอย่าง เช่น ถ้า  $n = \theta = 3$  จากข้อมูลชุดเก่าในรูปที่ 2.12 (ก) จะได้ข้อมูลชุดใหม่ 2.12 (ข) และ (ค)



รูปที่ 2.12 แสดงผลการลดสัญญาณรบกวนโดยวิธี Dineen (ก) รูปต้นแบบ (ข) และ (ค) เป็นผลเมื่อ  $\theta = 3$  และ 5 ตามลำดับ

2. วิธีขยายและหด (expansion and shrinking)<sup>(14)</sup> ซึ่งเป็นวิธีที่แพร่หลาย อีกวิธีหนึ่ง

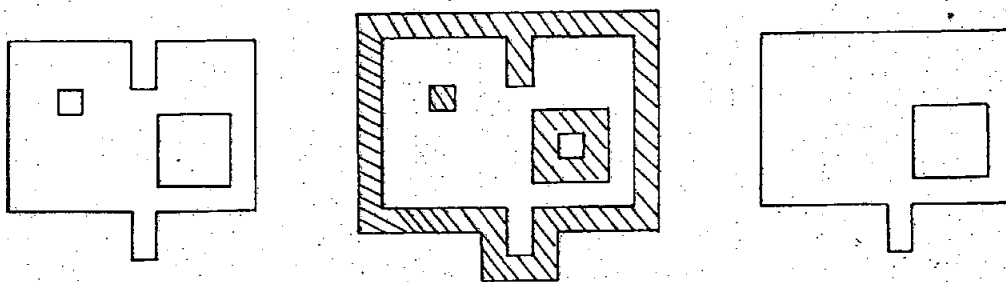
ถ้ากำหนดให้  $OB(R)$  - จุดภายนอกของภาพ  $R$

$IB(R)$  - จุดภายในของภาพ  $R$

เราจะนิยามได้ว่า

การขยาย  $E(R) = R \cup OB(R)$  ( $\cup$  = Union)

การหด  $S(R) = R - IB(R)$  ( $-$  = set subtraction)



รูปที่ 2.13 แสดงผลจากขบวนการขยายและหด



รูปที่ 2.13 แสดงผลของการลดสัญญาณรบกวนด้วยขบวนการขยายและหด โดยในรูป (ก) แสดงข้อมูลต้นแบบ รูป (ข) แสดงผลหลังจากขบวนการขยาย และในรูป (ค) แสดงผลหลังจากขบวนการหดในรูป (ข) โดยพื้นที่แรเงาในรูป (ข) แสดงเซตของ  $OB(R)$  จะเห็นได้ว่ารูปร่างส่วนจะถูกกำจัดไปพร้อมกับส่วนเว้าบางส่วน

ในวิทยานิพนธ์นี้จะเลือกการกำจัดสัญญาณรบกวนแบบที่ 1. เนื่องจากขบวนการของ Dineen สามารถกำจัดสัญญาณรบกวนที่เป็นจุดดำบนพื้น และยังสามารถกำจัดจุดขาวที่เกิดขึ้นในเนื้อตัวเลขได้ในขบวนการเดียวกัน ส่วนวิธีหดและขยายจะสามารถกำจัดจุดขาวในเนื้อตัวเลขได้ แต่จะไม่สามารถกำจัดจุดดำบนพื้นผิวได้ ซึ่งถ้าพื้นผิวมีจุดดำเกิดขึ้นจะทำให้ขบวนการไปรเซสในขั้นตอนต่อไป เกิดข้อผิดพลาดได้

ค. การหาขอบตัวอักษร เป็นขบวนการหาขอบรูปร่างของตัวอักษร เพื่อใช้เป็นข้อมูลบอกความแตกต่างระหว่างตัวอักษรต่างแบบกัน ขบวนการนี้จะถูกใช้คือ เมื่อเราเลือกวิธีจดจำแบบ structural ซึ่งได้กล่าวมาแล้วในหัวข้อ 2.2 การหาขอบตัวอักษรมีที่นิยมใช้อยู่ 2 วิธี

1. ค่าเกรเดียนต์โดยการใช้ค่าเกรเดียนต์เป็นตัวบอกว่าตำแหน่งใดในภาพมีขอบ  
ถ้าให้  $g(x,y)$  เป็น ค่าเกรเดียนต์ที่ตำแหน่ง  $x, y$

จะได้ว่า

$$g(x,y) = |f(x,y) - f(x-1,y)| + |f(x,y) - f(x,y-1)|$$

และถ้ากำหนดให้ BEP เป็น ขอบของภาพข้อมูลเลขฐานสอง (binary edge picture)

จะได้ว่า

$$BEP(x,y) = \begin{cases} 1 & \text{ถ้า } g(x,y) > \text{threshold} \\ 0 & \text{กรณีอื่น ๆ} \end{cases}$$

หรืออาจเลือกใช้สูตรเกรเดียนต์ที่ซับซ้อนขึ้นแต่สามารถบรรยายขอบได้ชัดเจน เช่น Sobel's gradient โดยการพิจารณาหน้าต่างขนาด  $3 \times 3$  ดังแสดงในรูปที่ 2.14

a	b	c
d	e	f
g	h	i

รูปที่ 2.14 แสดงสัญลักษณ์ของจุดข้างเคียงที่ใช้ใน Sobel's gradient

จะได้ว่า

$$g(e) = \left| [f(a) + 2f(b) + f(c)] - [f(g) + 2f(h) + f(i)] \right| + \left| [f(a) + 2f(d) + f(g)] - [f(c) + 2f(f) + f(i)] \right|$$

โดย  $g(e)$  เป็นค่าเกรเดียนต์ที่ตำแหน่ง  $e$  สำหรับข้อมูลเลขฐานสองค่าเกรเดียนต์เท่ากับ 6 จะเป็นตำแหน่งมุม (corner) หรือขอบในแนวทะแยง (diagonal edge) สำหรับขอบแนวนอนและแนวตั้งจะมีค่าเป็น 4

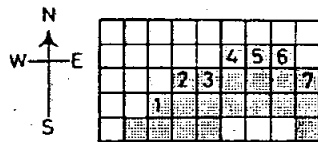
## 2. การกวาดคอนทัวร์<sup>(13)</sup> (contour tracing) เป็นการหาขอบตัวอักษร

โดยการกวาด ตามขอบของตัวอักษรซึ่งข้อมูลได้ถูกแปลงเป็น เลขฐานสองแล้ว การทำงาน เริ่มจากตำแหน่งบนสุดของตัวอักษร โดยจะทำการ กวาด หาทิศทางซึ่งพบข้อมูลขาวและคำติดกันตามลำดับ

ตรงตำแหน่งนั้นจะเป็นจุดขอบ หลังจากนั้นจุดเริ่ม กวาด ถัดไปจะเริ่มจากจุดขอบซึ่งหาได้จาก

กรรมวิธีที่ผ่านมามีทิศทาง การ กวาด อยู่ในรูปแบบคล้าย chain code<sup>(25)</sup> ดูตัวอย่างการกวาดคอนทัวร์

ในรูปที่ 2.15



รูปที่ 2.15 แสดงการหาขอบโดยวิธีคอนทัวร์

จะเห็นว่าการทำงานจะเริ่มจากตำแหน่งที่ 4 กวาดตามเข็มนาฬิกาจะเจอจุดขาวอยู่ในทิศทาง 0 และพบจุดดำอยู่ในทิศทาง 1 เราก็จะกำหนดให้จุดตำแหน่ง 5 เป็นจุดขอบเนื่องจากมีทิศทางข้อมูลขาวติดกับดำ ตำแหน่งใหม่การกวาดจะไปสู่ตำแหน่งที่ 5 หลังจากนั้น จะทำการกวาดต่อไปเลยจนวนกลับมาครบจุดเดิม คือ ตำแหน่ง 4 เป็นอันเสร็จวิธีการ

ในวิทยานิพนธ์นี้จะเลือกใช้ร่วมกันทั้ง 2 วิธี เนื่องจากวิธีแรก สามารถแสดงตำแหน่งรูปของตัวเลขได้ แต่ไม่ได้บอกความสัมพันธ์ของแต่ละจุดของขอบที่ต่อกัน ส่วนวิธีหลังสามารถเก็บข้อมูลขอบเป็นสตริงได้ ซึ่งใช้ในการบรรยายโครงสร้างของตัวเลข แต่วิธีกวาดคอนทัวร์ไม่สามารถบอกได้ว่าตัวเลขมีรู ซึ่งในการจำแนกตัวเลขนั้น รูเป็นสิ่งที่ช่วยบอกความแตกต่างของตัวเลขได้ด้วย

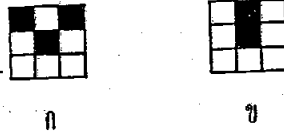
ง. การทำให้บาง ในบางครั้งมีความต้องการที่จะให้ตัวเลขหรือตัวอักษรมีขนาดข้อมูลลดลง แต่ยังมีโครงสร้างเหมือนเดิม เป็นการหาโครงสร้างหลักคล้าย

มักจะใช้ในการนำเสนอรูปแบบเป็นเส้นหรือสโตรก<sup>(1)</sup> (stroke) วิธีที่ใช้โดยทั่ว ๆ ไป มี 2 วิธี

1. ใช้ขบวนการหด โดยการทำให้ ๆ จนกว่าขนาดของตัวอักษรมีความหนา 1 ถึง 2 จุด
2. วิธี sherman โดยอาศัยหลักการของวิธีกวาดคอนทัวร์เพียงแต่จุดกึ่งกลางที่ทำการกวาดจะถูก เปลี่ยนจากจุดดำเป็นขาว ยกเว้นแต่จะเกิดสภาวะดังนี้ขึ้น

- จุดกึ่งกลางเชื่อมต่อกับจุดดำข้างเคียง 2 จุด ซึ่งไม่ต่อกันเลยดังแสดงในรูปที่ 2.16 (ก)

- จุดกึ่งกลางมีจุดดำข้างเคียงเพียงจุดเดียวดังแสดงรูปที่ 2.16 (ข)



รูปที่ 2.16 แสดงจุดข้างเคียงที่ได้รับการยกเว้นในวิธีของ Sherman

ในวิทยานิพนธ์นี้ วิธีทำให้บางไม่มีความจำเป็นต้องใช้เนื่องจากขบวนการจำแนกด้วยวิธี polygonal approximation ที่ได้เลือกแล้วนั้น ไม่ได้ใช้สโตก หรือเส้น เป็นคุณสมบัติในการบรรยายตัวเลข แต่จะใช้ตำแหน่งรูและส่วนเว้าเป็นคุณสมบัติสำคัญในการตัดสินใจ

#### 2.4.3 ภาคนำเสนอรูแบบ

มีหน้าที่แยกส่วนลักษณะที่สำคัญออกจากข้อมูลดิบ เพื่อส่งไปยังภาคจำแนกต่อไป เนื่องจากในวิทยานิพนธ์นี้เลือกวิธี polygonal approximation ดังนั้น การนำเสนอรูแบบในเทอมของพีเซอะ ซึ่งจะเป็นการทำงานในภาคนี้แบ่งออกเป็น 2 ขั้นตอน คือ

ก. เกลาเส้นโค้ง (curve fitting) จุดประสงค์เพื่อลดสัญญาณรบกวนบริเวณขอบของตัวเลข โดยใช้วิธี split and merge<sup>(25)</sup> ซึ่งจะใช้สมการเส้นตรงในการเกลาขอบตัวเลขให้ได้เป็นรูปหลายเหลี่ยม

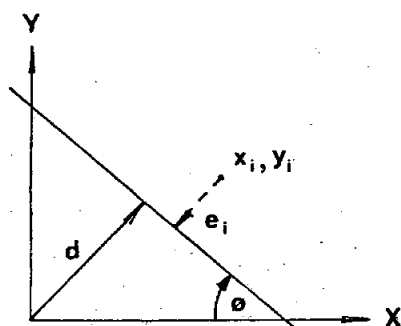
$$\text{ถ้าให้สมการตรง } x \sin \theta + y \cos \theta = d \quad (1)$$

และ  $(x_i, y_i)$  เป็น จุดที่ต้องการประมาณค่า

เราจะสามารถหาค่าผิดพลาด (error) ที่จุด  $(x_i, y_i)$  ในการแทนด้วยเส้นตรงในสมการ (1) ได้ดังนี้

$$e_i = |x_i \sin \theta + y_i \cos \theta - d| \quad (2)$$

ซึ่งระยะ  $e_i$  แสดงให้เห็นได้ในรูปที่ 2.17



รูปที่ 2.17 แสดงพารามิเตอร์ที่ใช้ในสมการ (2)

ให้  $E_2$  เป็น ผลรวมกำลังสองของค่าผิดพลาด (integral square error) จะได้ว่า

$$E_2 = \sum_{i=1}^N e_i^2 \quad \text{โดย } N \text{ เป็นจำนวนจุดที่ใช้ในการประมาณ} \quad (3)$$

การประมาณด้วยเส้นตรงจะใช้กฎเกณฑ์ผลรวมกำลังสองน้อยที่สุดเมื่อเลือก  $\theta$  และ  $d$  เป็นตัวแปรจะได้ว่า

ผลรวมค่าผิดพลาดจะน้อยที่สุดถ้าเลือก  $\theta$  และ  $d$  ตามสมการข้างล่างนี้ (14)

$$\sin 2\theta (V_{xx} - V_{yy}) + 2 \cos 2\theta V_{xy} = 0 \quad (4)$$

$$d = \sin \theta V_x + \cos \theta V_y \quad (5)$$

โดย

$$V_x = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \quad (6)$$

$$V_y = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N y_i \quad (7)$$

$$V_{xx} = \sum_{i=1}^N (x_i - V_x)^2 \quad (8)$$

$$V_{yy} = \sum_{i=1}^N (y_i - V_y)^2 \quad (9)$$

$$V_{xy} = \sum_{i=1}^N (x_i - V_x)(y_i - V_y) \quad (10)$$

$$E_2 = \sin^2 \theta \cdot V_{xx} + \cos^2 \theta \cdot V_{yy} + \sin 2\theta \cdot V_{xy} \quad (11)$$

ขั้นตอนการทำ Split and merge มีดังนี้

กำหนด  $i = 1, 2, \dots, N$  เป็นจำนวน เซกเมนต์ เริ่มต้นของขอมติวเลข

$E_{\max}$  เป็นค่าผิดพลาดสูงสุดที่ยอมรับได้

ขั้นที่ 1 ทำการ split เซกเมนต์ที่มี  $E_i > E_{\max}$  โดยการแบ่งครึ่ง เซกเมนต์  
ที่  $i$  ออกเป็นสอง เซกเมนต์ใหม่ ในขั้นตอนนี้ จำนวน เซกเมนต์ จะเพิ่มขึ้น

ขั้นที่ 2 จะทำการ merge เซกเมนต์  $i$  กับ  $i+1$  ถ้า เซกเมนต์  $i_n$   
ใหม่ที่เกิดจากการต่อ เซกเมนต์  $i$  กับ  $i+1$  มี  $E_{i_n}$  น้อยที่สุด เมื่อเทียบ  
กับการ merge ของ เซกเมนต์อื่น ๆ และ  $E_{i_n}$  ที่ได้จะต้องน้อยกว่าหรือเท่า  
กับ  $E_{\max}$  การ merge จะดำเนินต่อไปจนไม่สามารถกำเนิด เซกเมนต์ใหม่  
ที่มี  $E_{i_n} \leq E_{\max}$  ได้

ข. การสร้างลักษณะสำคัญ (feature generation) จะทำการกวาดตามขอม  
ติวเลข เพื่อหาส่วนเว้า โดยถ้ามุมระหว่าง เซกเมนต์น้อยกว่า 180 องศา จะถือว่าตรงตำแหน่ง  
มุมนั้นเป็นมุมเว้า นำคุณสมบัติอันนี้มากำเนิด ลักษณะสำคัญซึ่งรายละเอียดจะกล่าวในบทที่ 4

2.4.4 ภาคจำแนกรูปแบบ (classifier) จะเอาลักษณะสำคัญพื้นฐานที่รู้แล้ว  
(priori) ในการบรรยายติวเลข มาสร้าง decision tree ซึ่งใช้เป็นติวจำแนกรูปแบบ  
ของติวเลข รายละเอียดจะกล่าวในบทที่ 4