

การควบคุมความหลากหลายของประชากรในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมโดยการจับคู่แบบโอบนเอียง



นาย ชัยวัฒน์ เจษฎาปกรณ์

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรดุษฎีบัณฑิต

สาขาวิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2547

ISBN 974-53-1907-4

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

DIVERSITY CONTROL IN GENETIC ALGORITHMS BY PREFERENCE MATING



Mr. Chaiwat Jassadapakorn

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

A Dissertation Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Doctor of Philosophy in Computer Engineering

Department of Computer Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic year 2004

ISBN 974-53-1907-4

ชัยวัฒน์ เจริญภาพกรณ์ : การควบคุมความหลากหลายของประชากรในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมโดย
การจับคู่แบบโอนเอียง. (DIVERSITY CONTROL IN GENETIC ALGORITHMS BY
PREFERENCE MATING) อ. ที่ปรึกษา : รศ. ดร. ประภาส จงสฤษดิ์วัฒนา, 132 หน้า.
ISBN 974-53-1907-4.

ปัญหาที่สำคัญประการหนึ่งของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมคือการคู่เข้าก่อนกำหนดในระหว่างการพัฒนาการ ขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมปกติไม่มีส่วนของการควบคุมความหลากหลายของประชากรซึ่งส่งผลให้กระบวนการหาคำตอบไม่ประสบความสำเร็จเมื่อความหลากหลายของประชากรมีไม่เพียงพอ

งานวิจัยจำนวนมากได้เสนอวิธีการรักษาความหลากหลายของประชากร แต่วิธีเหล่านั้นจำเป็นต้องกำหนดพารามิเตอร์ก่อนการทดลองซึ่งจำเป็นต้องมีความรู้ก่อนหน้าว่า ในการแก้ปัญหาต้องอาศัยความหลากหลายเท่าไรจึงจะสามารถกำหนดพารามิเตอร์ต่างๆได้อย่างเหมาะสม

วัตถุประสงค์ของงานวิจัยนี้คือการคิดค้นระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรที่มีความสามารถปรับตัวให้เหมาะสมกับปัญหาได้ ระบบควบคุมความหลากหลายที่นำเสนอมีพื้นฐานมาจากการคัดเลือกแบบโอนเอียงซึ่งเป็นวิธีที่เพิ่มขยายมาจากการจับคู่แบบมีข้อกำหนด วิธีที่นำเสนอได้ถูกทดสอบกับปัญหาที่นิยมใช้ในการทดสอบอ้างอิงของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรม ซึ่งพบว่าระบบที่นำเสนอมีการปรับตัวเข้ากับปัญหาส่งผลให้มีประสิทธิภาพในการแก้ปัญหาที่ดี

ศูนย์วิทยทรัพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา วิศวกรรมคอมพิวเตอร์ลายมือชื่อนิสิต ชัยวัฒน์ เจริญภาพกรณ์
สาขาวิชา วิศวกรรมคอมพิวเตอร์ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ประภาส จงสฤษดิ์วัฒนา
ปีการศึกษา 2547.....

4371806621 : MAJOR COMPUTER ENGINEERING

KEY WORD: GENETIC ALGORITHMS / POPULATION DIVERSITY / DIVERSITY CONTROL / ADAPTIVE SYSTEM

CHAIWAT JASSADAPAKORN : DIVERSITY CONTROL IN GENETIC ALGORITHMS BY PREFERENCE MATING. THESIS ADVISOR : ASSOC. PROF. PRABHAS CHONGSTITVATANA, 132 pp. ISBN 974-53-1907-4.

An important problem in genetic algorithms is a premature convergence during the evolutionary process. A normal genetic algorithm does not contain a control of diversity in the population. This fact usually leads to a failure to find solutions when there is not enough diversity in the population.

Many researches had proposed methods to retain diversity in the population but to use those methods the control parameters must be properly set. The setting of these parameters requires a priori knowledge about the diversity in the population to successfully solve the problem.

The objective of this research is to invent a diversity control system that is adaptive to problems. The proposed diversity control system is based on the preference mating which is an extension of a restricted mating. The proposed system has been tested with the popular reference tests, which are widely used in genetic algorithms literature. The results show that the proposed system can adapt the diversity in the population to suit problems well. This leads to a good efficiency in solving the problem.

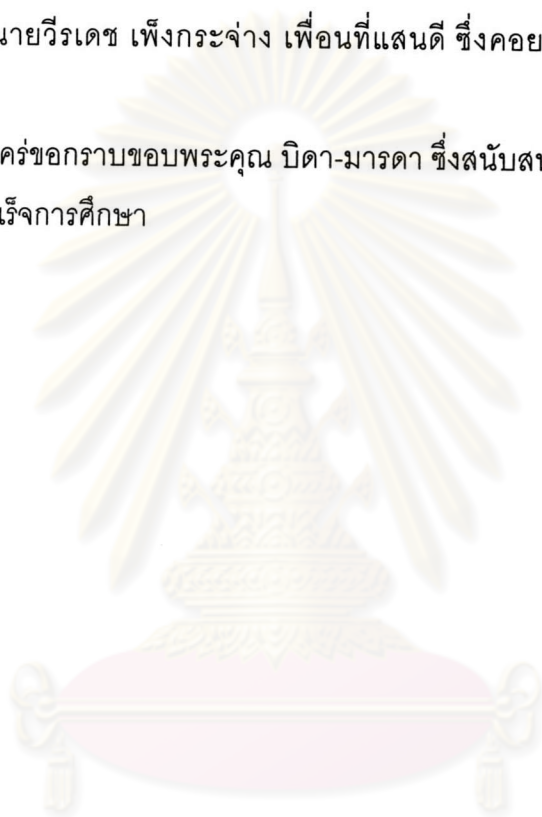
Department Computer Engineering Student's signature ชัยวัฒน์ จัสอาดปกรณ์
 Field of study Computer Engineering ... Advisor's signature P. Chongstitvatana
 Academic year 2004.....

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงไปได้ด้วยความช่วยเหลืออย่างยิ่งของ รองศาสตราจารย์ ดร. ประภาส จงสคติย์วัฒนา อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งท่านได้ให้การดูแล แนะนำ สั่งสอน และให้ข้อคิดเห็นต่างๆในการวิจัยตลอดมา

ขอขอบคุณ นายวีระเดช เพ็งกระจ่าง เพื่อนที่แสนดี ซึ่งคอยให้ความช่วยเหลือและให้กำลังใจมาโดยตลอด

ท้ายนี้ ผู้วิจัยใคร่ขอกราบขอบพระคุณ บิดา-มารดา ซึ่งสนับสนุนด้านการเงิน และคอยให้กำลังใจเสมอมาจนสำเร็จการศึกษา



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	จ
กิตติกรรมประกาศ	ฉ
สารบัญ	ช
สารบัญตาราง	ญ
สารบัญภาพ	ฎ
บทที่	
1 บทนำ	1
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา	1
1.2 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง	2
1.2.1 ขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรม	2
1.2.2 ความหลากหลายของประชากร	6
1.2.3 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณ	7
1.3 วัตถุประสงค์ของการวิจัย	10
1.4 ขอบเขตของการวิจัย	10
1.5 งานที่นำเสนอในการวิจัย	11
2 บริบทศนัวรรณกรรม	12
2.1 วิธีกลุ่มเฉพาะ	12
2.2 แรงค์ส์เปซ	14
2.3 การจับคู่แบบมีข้อกำหนด	16
2.4 DCGA	17
2.5 CSGA	20
2.6 ขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบ multiploid	22
2.7 งานวิจัยอื่นๆ	24

	หน้า
2.8 สรุป	26
3 การออกแบบระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรในขั้นตอนวิธี	
เชิงพันธุกรรมโดยการจับคู่แบบอินเอียง	28
3.1 การจับคู่แบบอินเอียง	28
3.2 ระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรโดยใช้บิตต่อ	31
3.3 การทดลองระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรโดยใช้บิตต่อ	32
3.3.1 ปัญหาที่ใช้ในการทดลอง	32
3.3.2 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	35
3.3.3 ผลการทดลอง	36
3.4 ระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรแบบหลายกลุ่ม	
ประชากรย่อย	40
3.5 การทดลองระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรแบบ	
หลายกลุ่มประชากรย่อย	41
3.5.1 ปัญหาที่ใช้ในการทดลอง	41
3.5.2 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	41
3.5.3 ผลการทดลอง	42
3.6 ระบบแบ่งส่วนความหลากหลายของประชากรแบบเท่ากัน	48
3.7 การทดลองระบบแบ่งส่วนความหลากหลายของประชากรแบบเท่ากัน	49
3.7.1 ปัญหาที่ใช้ในการทดลอง	49
3.7.2 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	49
3.7.3 ผลการทดลอง	50
3.8 การสร้างประโยชน์	57
3.9 ระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรโดยใช้การสร้างประโยชน์	58
4 การทดลอง	60
4.1 สหสัมพันธ์ความเหมาะสมและระยะทาง	60

	หน้า
4.2 ปัญหาที่ใช้ในการทดลอง	68
4.2.1 ปัญหา one-max	68
4.2.2 ปัญหาฟังก์ชัน deceptive	69
4.2.3 ปัญหาฟังก์ชัน multimodal	69
4.3 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	70
4.4 ผลการทดลอง	71
4.4.1 ผลการทดลองเปรียบเทียบประสิทธิภาพการแก้ปัญหา	71
4.4.2 ผลการทดลองพฤติกรรมในการปรับตัว	73
4.5 การทดลองเพิ่มเติมกับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	77
4.6 การทดลองเพิ่มเติมกับปัญหา royal road	80
4.7 การเปรียบเทียบประสิทธิภาพกับงานวิจัยอื่น	83
4.7.1 การเปรียบเทียบประสิทธิภาพกับการแบ่ง	85
4.7.2 การเปรียบเทียบประสิทธิภาพกับการจับคู่แบบมีข้อกำหนด	93
5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ	104
5.1 สรุปผลการวิจัย	104
5.2 ปัญหาและอุปสรรค	105
5.3 ข้อเสนอแนะ	107
รายการอ้างอิง	110
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์	115

สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
1.1 ค่าของตัวแปรต่างๆในการหาค่าความเพียรพยายามเชิงค่านิยมของ ตัวอย่างปัญหา	9
3.1 สตริงของเลขฐาน 2 และค่าความเหมาะสมของปัญหาฟังก์ชัน deceptive	34
3.2 พารามิเตอร์ทั่วไป	35
3.3 พารามิเตอร์เพิ่มเติมเฉพาะระบบควบคุมความหลากหลายของ ประชากรโดยใช้บิตต่อ	36
3.4 เปอร์เซ็นต์ของความสำเร็จ	37
3.5 จำนวนรุ่นเฉลี่ยที่ใช้ในการหาคำตอบ	37
3.6 ความเพียรพยายามเชิงค่านิยม	37
3.7 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	41
3.8 ความเพียรพยายามเชิงค่านิยมของแต่ละกลุ่มประชากรย่อย	43
3.9 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	50
3.10 เปอร์เซ็นต์ของความสำเร็จ	50
3.11 จำนวนรุ่นเฉลี่ยที่ใช้ในการหาคำตอบ	51
3.12 ความเพียรพยายามเชิงค่านิยม	51
4.1 สหสัมพันธ์ความเหมาะสมและระยะทางของปัญหาที่ใช้ในการทดลอง	62
4.2 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง	71
4.3 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหา one-max	72
4.4 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	72
4.5 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	73
4.6 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน 3bit-deceptive	78

ตารางที่	หน้า
4.7 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน 5bit-deceptive	78
4.8 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน 9bit-deceptive	79
4.9 ตารางคำนวณค่าความเหมาะสมสำหรับปัญหา royal road	81
4.10 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหา royal road R1	82
4.11 ประสิทธิภาพการแก้ปัญหาของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหา royal road R2	82
4.12 หน่วยชีวิตตัวอย่างสำหรับการคัดเลือกแบบ sus	84
4.13 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหา one-max	86
4.14 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	87
4.15 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	87
4.16 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหา one-max	94
4.17 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	95
4.18 ความเพียรพยายามเชิงคำนวณของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมระบบต่างๆ สำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	95

สารบัญภาพ

รูปที่	หน้า
1.1 ตัวอย่างหน่วยชีวิตในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรม	3
1.2 ตัวอย่างการไขว้เปลี่ยนระหว่างหน่วยชีวิตรุ่นเดิม 2 หน่วย (n) ซึ่งได้ผลลัพธ์เป็นหน่วยชีวิตใหม่ 2 หน่วย (x)	3
1.3 ตัวอย่างการกลายจากหน่วยชีวิตเริ่มต้น (n) และได้ผลลัพธ์เป็นหน่วยชีวิตใหม่ (x)	4
1.4 ผังงานของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรม	5
1.5 เส้นโค้งสมรรถนะของตัวอย่างปัญหา	9
2.1 ขั้นตอนการทำงานของ DCGA	18
2.2 ตัวอย่างหน่วยชีวิตของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบ multiploid	23
2.3 ตัวอย่างหน่วยชีวิตของขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบ multiploid ซึ่งความยาวของ mask น้อยกว่าความยาวโครโมโซม	23
3.1 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความแตกต่าง d และค่าจากฟังก์ชันความแตกต่าง D	30
3.2 ขั้นตอนการทำงานของกรับคู่แบบอินเอียง	31
3.3 ตัวอย่างโครโมโซมของหน่วยชีวิตที่ใช้ปิดต่อ	31
3.4 ขั้นตอนการทำงานของระบบควบคุมความหลากหลายของประชากรโดยใช้ปิดต่อ	32
3.5 กราฟแสดงลักษณะของฟังก์ชัน multimodal	34
3.6 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความแตกต่าง d และค่าจากฟังก์ชันความแตกต่าง D	36
3.7 การวิวัฒนาการของระดับอินเอียงของปัญหา one-max	38
3.8 การวิวัฒนาการของระดับอินเอียงของปัญหาฟังก์ชัน multimodal	38
3.9 การวิวัฒนาการของระดับอินเอียงของปัญหาฟังก์ชัน deceptive	39
3.10 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความแตกต่าง d และค่าจากฟังก์ชันความแตกต่าง D	42
3.11 กราฟแสดงการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของค่าความเหมาะสมสำหรับปัญหา one-max	43
3.12 กราฟแสดงการเปรียบเทียบค่าที่ดีที่สุดของค่าความเหมาะสมสำหรับปัญหา one-max	44

รูปที่	หน้า
3.13 กราฟแสดงการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของค่าความเหมาะสมสำหรับ ปัญหาฟังก์ชัน multimodal	44
3.14 กราฟแสดงการเปรียบเทียบค่าที่ดีที่สุดของค่าความเหมาะสมสำหรับ ปัญหาฟังก์ชัน multimodal	45
3.15 กราฟแสดงการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของค่าความเหมาะสมสำหรับ ปัญหาฟังก์ชัน deceptive	45
3.16 กราฟแสดงการเปรียบเทียบค่าที่ดีที่สุดของค่าความเหมาะสมสำหรับ ปัญหาฟังก์ชัน deceptive	46
3.17 การวิวัฒนาการของระดับโหนดของปัญหา one-max	52
3.18 การวิวัฒนาการของระดับโหนดของปัญหาฟังก์ชัน multimodal	52
3.19 การวิวัฒนาการของระดับโหนดของปัญหาฟังก์ชัน deceptive	53
3.20 การวิวัฒนาการของจำนวนครั้งของการไขว้เปลี่ยนที่ประสบความสำเร็จ ของปัญหา one-max	54
3.21 การวิวัฒนาการของอัตราของการไขว้เปลี่ยนที่ประสบความสำเร็จ ของปัญหา one-max	54
3.22 การวิวัฒนาการของจำนวนครั้งของการไขว้เปลี่ยนที่ประสบความสำเร็จ ของปัญหาฟังก์ชัน multimodal	55
3.23 การวิวัฒนาการของอัตราของการไขว้เปลี่ยนที่ประสบความสำเร็จ ของปัญหาฟังก์ชัน multimodal	55
3.24 การวิวัฒนาการของจำนวนครั้งของการไขว้เปลี่ยนที่ประสบความสำเร็จ ของปัญหาฟังก์ชัน deceptive	56
3.25 การวิวัฒนาการของอัตราของการไขว้เปลี่ยนที่ประสบความสำเร็จ ของปัญหาฟังก์ชัน deceptive	56
3.26 ขั้นตอนการทำงานของระบบควบคุมความหลากหลายของประชากร โดยใช้การสร้างประโยชน์	59

รูปที่	หน้า
4.1 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหา one-max	64
4.2 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	65
4.3 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	65
4.4 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหาฟังก์ชัน 3bit-deceptive	66
4.5 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหาฟังก์ชัน 5bit-deceptive	66
4.6 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหาฟังก์ชัน 9bit-deceptive	67
4.7 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหา royal road R1	67
4.8 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเหมาะสมและระยะทางจากจุดที่ดีที่สุด สำหรับปัญหา royal road R2	68
4.9 กราฟแสดงลักษณะของฟังก์ชัน multimodal	70
4.10 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับอินเอียงสำหรับปัญหา one-max	71
4.11 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับอินเอียงสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	71
4.12 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับอินเอียงสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	72
4.13 ความหลากหลายของประชากรระหว่างขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบไม่ปรับตัว และระบบที่ออกแบบสำหรับปัญหา one-max	72
4.14 ความหลากหลายของประชากรระหว่างขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบไม่ปรับตัว และระบบที่ออกแบบสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	73

รูปที่	หน้า
4.15 ความหลากหลายของประชากรระหว่างขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบไม่ปรับตัว และระบบที่ออกแบบสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	73
4.16 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับโหนดเชิงสำหรับปัญหาฟังก์ชัน 3bit-deceptive	79
4.17 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับโหนดเชิงสำหรับปัญหาฟังก์ชัน 5bit-deceptive	80
4.18 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับโหนดเชิงสำหรับปัญหาฟังก์ชัน 9bit-deceptive	80
4.19 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับโหนดเชิงสำหรับปัญหา royal road R1	83
4.20 จำนวนครั้งที่ถูกเลือกของแต่ละระดับโหนดเชิงสำหรับปัญหา royal road R2	83
4.21 ขนาดของส่วนของเส้นตรงของแต่ละหน่วยชีวิต	85
4.22 ตัวอย่างการคัดเลือกหน่วยชีวิตโดยใช้การคัดเลือกแบบ sus	85
4.23 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบสัดส่วนในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหา one-max.....	88
4.24 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบสัดส่วนในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	88
4.25 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบสัดส่วนในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	89
4.26 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบ sus ในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหา one-max	89
4.27 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบ sus ในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	90
4.28 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบ sus ในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	90
4.29 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบทัวร์นาเมนต์ในขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหา one-max	91

รูปที่	หน้า
4.30 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบทัวร์นาเมนต์ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	91
4.31 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบทัวร์นาเมนต์ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การแบ่งสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	92
4.32 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบสัดส่วนในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหา one-max	96
4.33 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบสัดส่วนในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	96
4.34 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบสัดส่วนในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	97
4.35 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบ sus ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหา one-max	97
4.36 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบ sus ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	98
4.37 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบ sus ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	98
4.38 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบทัวร์นาเมนต์ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหา one-max	99
4.39 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบทัวร์นาเมนต์ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	99
4.40 ความหลากหลายของประชากรของการใช้การคัดเลือกแบบทัวร์นาเมนต์ในขั้นตอน วิธีเชิงพันธุกรรมซึ่งใช้การจับคู่แบบมีข้อกำหนดสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	100
4.41 แสดงการเปรียบเทียบประสิทธิภาพของระบบที่ออกแบบกับขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรม แบบไม่ปรับตัวระบบอื่นสำหรับปัญหา one-max	102
4.42 แสดงการเปรียบเทียบประสิทธิภาพของระบบที่ออกแบบกับขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรม แบบไม่ปรับตัวระบบอื่นสำหรับปัญหาฟังก์ชัน deceptive	102

รูปที่	หน้า
4.43 แสดงการเปรียบเทียบประสิทธิภาพของระบบที่ออกแบบกับขั้นตอนวิธีเชิงพันธุกรรมแบบไม่ปรับตัวระบบอื่นสำหรับปัญหาฟังก์ชัน multimodal	103
5.1 ความสัมพันธ์ระหว่างค่าความแตกต่าง d และค่าจากฟังก์ชันความแตกต่าง D ของฟังก์ชันเชิงกำลัง	107



คุรุณย์วิทยทรพยากร
จุพาลงกรณัฒหาวิทยาฬัย