

การหาความสัมพันธ์ระหว่างโมดูลัสเฉือนและความเครียดเฉือนโดยเบนเดอร์อีลิเมนต์

นายณรงค์ศักดิ์ บุญยศ

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา ภาควิชาวิศวกรรมโยธา

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2547

ISBN 974-53-1034-4

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

DETERMINATION OF RELATION BETWEEN SHEAR MODULUS AND SHEAR STRAIN  
BY BENDER ELEMENT

Mr. Narongsak BUNYOT

ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Engineering in Civil Engineering

Department of Civil Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 2004

ISBN 974-53-1034-4



ณรงค์ศักดิ์ บุญยศ : การหาความสัมพันธ์ระหว่างโมดูลัสเฉือนกับความเครียดเฉือนโดยเบนเดอริอิลิเมนต์ (DERTERMINATION RELATION BETWEEN SHEAR MODULUS AND SHEAR STRAIN BY BENDER ELEMENT) อ. ที่ปรึกษา : ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ฐิรวัตร บุญญะฐิ, 97 หน้า. ISBN : 974-53-1034-4

งานวิจัยนี้ศึกษาพฤติกรรมการเกิดขึ้นของความเครียดเฉือนของดินเหนียวธรรมชาติในบริเวณถนนบางนาตราด กม.29+800 จากการทดสอบการอัดตัวคายน้ำแบบ 1 มิติ (Consolidation Test) โดยวิธีการแพร่กระจายของคลื่น (Wave Propagation) โดยเบนเดอริอิลิเมนต์ ซึ่งในการใช้วิธีนี้จะต้องพิจารณาคลื่นหลักอยู่ 2 ชนิด คือ P-Wave (compressive Wave) และ S-Wave (Shear Wave) การเคลื่อนที่ของ P-Wave นั้นจะมีผลกระทบเมื่อเกิดการเคลื่อนที่ผ่านน้ำหรือดินเปียกเนื่องจาก น้ำเป็นของเหลวที่สามารถรับแรงอัดได้ (Compressible Fluid) ในขณะที่ S-Wave ไม่มีผลกระทบจากน้ำและได้นำทฤษฎีของ Elastic Wave Medium ประยุกต์ใช้ในการทดสอบด้วย

การหาโมดูลัสโดยการใช้ เบนเดอริอิลิเมนต์ ซึ่งเป็นการแปรสัญญาณจาก electro-mechanics ที่เป็นพลังงานกลเป็นพลังงานไฟฟ้าและในทางกลับกันเปลี่ยนพลังงานไฟฟ้าเป็นพลังงานกล เบนเดอริอิลิเมนต์เป็น piezo-ceramic plate 2 แผ่นมาประกบกัน สามารถใช้ได้เป็นทั้งตัวส่งและตัวรับคลื่น อีกทั้งการใช้วิธีเบนเดอริอิลิเมนต์ยังง่ายและสามารถหาค่าโมดูลัสเฉือนระหว่างการทดสอบแรงเฉือน, อัดตัวด้วยน้ำของตัวอย่างและ การอัดตัวคายน้ำ ขณะที่วิธีอื่นๆทำไม่ได้

จากการทดสอบการด้วยเทคนิคที่นำเสนอนั้นได้ใช้ความถี่ที่ 0 - 500 Hz ในการกำเนิดคลื่นแรงเฉือนพบว่า เมื่อเพิ่มความถี่ของคลื่นแรงเฉือนจะเป็นผลทำให้เวลาในการเคลื่อนที่ของคลื่นลดลง และเนื่องระยะเวลาในการเคลื่อนที่มีค่าคงที่ ดังนั้นค่าความเร็วคลื่นแรงเฉือนที่คำนวณได้จึงมีค่าเพิ่มขึ้นและเป็นสัดส่วนเชิงเส้นกับความถี่ที่ใช้กำเนิดคลื่น ดังนั้นเมื่อความเร็วของคลื่นแรงเฉือนเพิ่มขึ้น ทำให้ค่าโมดูลัสเฉือนที่คำนวณได้ตามทฤษฎีข้างต้นก็จะมีค่าเพิ่มขึ้นตามความถี่ที่เพิ่มขึ้นด้วย

จากการทดสอบการด้วยเทคนิคที่นำเสนอนั้นได้ใช้ความสูงคลื่น 0-120 Volt ในการกำเนิดคลื่นแรงเฉือนพบว่า เมื่อเพิ่มขนาดของคลื่นแรงเฉือนจะไม่ส่งผลกระทบต่อเวลาในการเคลื่อนที่ของคลื่นแรงเฉือน และเนื่องระยะเวลาในการเคลื่อนที่มีค่าคงที่ ดังนั้นค่าความเร็วคลื่นแรงเฉือนที่คำนวณได้จึงมีค่าคงที่ไปตลอดทุกความสูงของคลื่นแรงเฉือนที่ใช้ ดังนั้นเมื่อความเร็วของคลื่นแรงเฉือนคงที่และนำมาค่าโมดูลัสเฉือนที่คำนวณได้ตามทฤษฎีข้างต้นก็จะมีค่าคงที่ทุกความสูงของคลื่นแรงเฉือนที่ใช้ แต่จะส่งผลให้คลื่นแรงเฉือนที่เคลื่อนที่ผ่านมวลดินมีความสูงของลูกคลื่นมากขึ้น ทำให้การเคลื่อนตัวของอนุภาคมวลดินมีค่ามากตามไปด้วย จึงทำให้เกิดความเครียดเฉือนมากขึ้นและเป็นสัดส่วนเชิงเส้นกับความสูงคลื่นของคลื่นแรงเฉือน

ภาควิชา.....วิศวกรรมโยธา.....ลายมือชื่อนิสิต.....  
สาขาวิชา.....วิศวกรรมโยธา.....ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา.....  
ปีการศึกษา.....2547.....

## 4470292921: MAJOR CIVIL ENGINEERING

KEY WORD: CLAYS / SHEAR MODULUS / SHEAR WAVE / SHEAR STRAIN / BENDER ELEMENT

NARONGSAK BUNYOT : DETERMINATION RELATIONSHIP BETWEEN SHEAR MODULUS AND SHEAR STRAIN BY BENDER ELEMENT. THESIS ADVISOR : ASST. PROF. TIRAWAT BOONYATEE, D.Eng., 97 pp. ISBN : 974-53-1034-4

This research has studied on behavior of generating of shear strain in natural clay nearby Bang-na Trad road km:29+800. This test is consolidation test and wave propagation by Bender element. In this method, it has to be considered two main kinds of waves : P-Wave (Compressive Wave) and S-Wave (Shear Wave). The motion of P-Wave receives an influence from water when it moves through water or wet clay. This is because water can get compressible fluid, while S-Wave do not receive impact from water. And Elastic wave medium theory is also applied to this test.

Calculating modulus by Bender element is a signal translation from electro-mechanic that is mechanic energy to electronic energy and vice versa. It is two pieces of piezo-ceramic plate. It can use for wave sender or receiver. Bender element is also available and can find shear modulus, saturation and consolidation, while other methods cannot do.

Based on this test, using frequency of 0-500 Hz. we found that when increasing frequency of shear wave, the time in motion of wave reduced. And because the distant is constant, so the speed of shear wave increase and relate linearly to frequency generating wave. So when the speed of shear wave increases, it make shear modulus calculated from this theory increase as well.

Based on this test, using frequency 0-120 Volt, we found that when increasing shear wave, it did not impact on the time of motion of shear wave. And because the distant is constant, so the speed of shear wave calculated is constant in any height of shear wave. When the speed of shear wave is constant, the shear modulus calculated from this theory will be constant in any height of shear wave. But this will make shear wave moving through clay have more wave height. And that increases motion of particle and causes more shear strain related linearly with the height of shear wave

Department ..... Civil Engineering ..... Student's signature.....  
Field of study ..... Civil Engineering ..... Advisor's signature.....  
Academic year ..... 2004.....

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลงได้ ผู้เขียนขอขอบพระคุณ ผศ.ดร.ฐิรวีตร บุญญะฐิติ ในฐานะ  
อาจารย์ที่ปรึกษาที่ได้ให้คำปรึกษา แนะนำแนวทาง ตรวจสอบ ตลอดจนปรับปรุงแก้ไขวิทยานิพนธ์นี้

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ทุกท่าน ที่กรุณาใช้เวลา และให้คำแนะนำ รวมทั้งให้  
ข้อคิดเห็นที่เป็นประโยชน์ในการจัดทำวิทยานิพนธ์ฉบับนี้

ผู้เขียนขอขอบคุณ อาจารย์ พี่ น้อง และเพื่อนๆ ทุกคนตลอดจนเจ้าหน้าที่วิจัยปฐพีกล  
ศาสตร์ ภาควิชาวิศวกรรมโยธา และภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์  
มหาวิทยาลัย ที่ได้ให้ความร่วมมือ และช่วยเหลือเป็นอย่างดีเสมอมา

คุณวันเพ็ญ หนูเกตุ ที่ช่วยพิมพ์ เรียบเรียง ตลอดจนเป็นกำลังใจที่ดีในยามที่ผู้เขียนท้อ  
เสมอมา

สุดท้ายนี้ ผู้เขียนปรารถนาที่จะแสดงความรำลึกถึงพระคุณของบิดาและมารดา ที่ได้ให้  
ความสนับสนุน และเป็นกำลังใจแก่ผู้เขียนมาโดยตลอด จนสำเร็จการศึกษาในระดับนี้

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## สารบัญ

|  | หน้า |
|--|------|
| บทคัดย่อภาษาไทย .....  | ง    |
| บทคัดย่อภาษาอังกฤษ .....   | จ    |
| กิตติกรรมประกาศ .....  | ฉ    |
| สารบัญ .....   | ช    |
| สารบัญรูป .....  | ญ    |
| สารบัญตาราง .....  | ต    |
| <br>   |      |
| บทที่ 1 บทนำ .....   | 1    |
| 1.1 ความเป็นมาและสภาพปัญหา .....   | 1    |
| 1.2 วัตถุประสงค์ .....   | 2    |
| 1.3 ขอบเขตการศึกษา .....   | 2    |
| 1.4 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ .....  | 3    |
| <br>   |      |
| บทที่ 2 ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง .....                                      | 4    |
| 2.1 ลักษณะทั่วไปของดินกรุงเทพฯและบริเวณใกล้เคียง .....                           | 4    |
| 2.1.1 กำเนิดของชั้นดินกรุงเทพฯ .....   | 4    |
| 2.1.2 กำเนิดของชั้นดินบริเวณใกล้เคียงกรุงเทพฯ .....                              | 5    |
| 2.2 หน่วยแรงรวมและหน่วยแรงระเหยธิผล<br>(Tatal Stress and Effective Stress) ..... | 7    |
| 2.3 การศึกษาเกี่ยวกับพฤติกรรมของโมดูลัสที่ผ่านมา .....                           | 8    |
| 2.4 การทดสอบการหาค่าโมดูลัสเฉือนในห้องปฏิบัติการ .....                           | 8    |
| 2.4.1 การหาค่าโมดูลัสเฉือนในช่วงความเครียดมาก .....                              | 17   |
| 2.4.2 การหาค่าโมดูลัสเฉือนในช่วงความเครียดน้อย .....                             | 17   |
| 2.4.3 การหาค่าโมดูลัสเฉือนในช่วงความเครียดน้อยมาก .....                          | 18   |
| 2.5 การเลือกแบบและการประกอบแผ่น Bender Element .....                             | 22   |
| 2.5.1 ทิศทางการเคลื่อนที่ของประจุ .....  | 22   |

|   |           |
|---|-----------|
| 2.5.2 การเชื่อมต่อ Bender Element .....   | 22        |
| 2.6 การหาค่าโมดูลัสเฉือนในสนาม .....  | 27        |
| 2.6.1 Rayleigh Wave Velocity Survey .....   | 27        |
| 2.6.2 Seismic Refraction Survey .....   | 27        |
| 2.6.3 Cross Hole Test .....   | 28        |
| 2.6.4 Down Hole Method .....  | 28        |
| <b>บทที่ 3 วิธีการทดสอบและวิจัย .....</b>   | <b>38</b> |
| 3.1 สถานที่และการเก็บตัวอย่างดิน .....  | 38        |
| 3.1.1 สถานที่เก็บตัวอย่างดิน .....  | 38        |
| 3.1.2 วิธีการเก็บตัวอย่างดิน .....  | 40        |
| 3.2 การทดสอบและการเก็บข้อมูลในสนาม .....  | 41        |
| 3.2.1 การทดสอบ Field Vane Shear Test .....  | 41        |
| 3.2.1 การวัดระดับน้ำและแรงดันน้ำในสนาม .....  | 42        |
| 3.3 การทดสอบหาคคุณสมบัติพื้นฐาน(Basic Properties Test) .....                                  | 45        |
| 3.4 การทดสอบการอัดตัวคายน้ำแบบ 1 มิติ (1-D Consolidation Test) โดย<br>เครื่องมือมาตรฐาน ..... | 45        |
| 3.4.1 เครื่องมือที่ใช้ในการทดสอบ .....  | 46        |
| 3.4.2 ขั้นตอนในการทดสอบ .....   | 49        |
| 3.4.2.1 การเตรียมตัวอย่าง .....   | 49        |
| 3.4.2.2 การเตรียมเครื่องมือทดสอบ .....  | 49        |
| 3.4.3 วิธีการทดสอบ .....  | 54        |
| 3.5 การทดสอบ Stress Path Test และโปรแกรมการทดสอบ .....  | 56        |
| 3.5.1 เครื่องมือที่ใช้ในการทดสอบ Tri-test .....   | 56        |
| 3.5.2 ขั้นตอนในการทดสอบ .....   | 59        |
| 3.5.2.1 การเตรียมตัวอย่างดิน .....  | 59        |
| 3.5.2.2 การเตรียมเครื่องมือการทดสอบ .....   | 59        |



|  |    |
|--|----|
| 3.5.2.3 การเตรียมเครื่องมือทดสอบและการจัดตัวอย่างใน<br>เครื่องมือทดสอบ Triaxial .....                      | 62 |
| 3.5.2.4 การทำให้ตัวอย่างอิ่มตัว (Saturation State) .....   | 63 |
| 3.5.2.5 การอัดตัวคายนํ้าของตัวอย่างและการส่งคลื่นแรงเฉือน<br>(Consolidation & Shear Wave measurement)..... | 63 |
| 3.6 การคำนวณผลและวิเคราะห์ข้อมูล .....   | 64 |
| <br>   |    |
| บทที่ 4 ผลการทดสอบ .....   | 65 |
| 4.1 บทนำ.....  | 65 |
| 4.2 ผลการทดสอบคุณสมบัติพื้นฐานทางวิศวกรรม .....  | 66 |
| 4.2.1 คุณสมบัติทางวิศวกรรม .....   | 66 |
| 4.2.2 ลักษณะทางกายภาพ.....   | 66 |
| 4.3 ผลการทดสอบค่าโมดูลัสเฉือนโดย Bender Element .....  | 68 |
| 4.3.1 ผลการทดสอบโดยการเปลี่ยนแปลงความถี่ของคลื่นแรงเฉือน.....  | 68 |
| 4.3.2 ผลการทดสอบโดยการเปลี่ยนแปลงความสูงคลื่นของคลื่นแรง<br>เฉือน.....                                     | 70 |
| 4.3.3 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่, ความสูงคลื่นกับความเครียด.....   | 72 |
| <br>   |    |
| บทที่ 5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ .....  | 76 |
| 5.1 สรุปผลการวิจัย .....   | 76 |
| 5.1.1 อิทธิพลจากตัวแปรต่างๆที่ทำงานทดสอบ .....   | 76 |
| 5.2 ข้อเสนอแนะ .....   | 77 |
| <br>   |    |
| รายการอ้างอิง.....   | 79 |
| <br>   |    |
| ภาคผนวก.....   | 82 |
| <br>   |    |
| ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์ .....   | 97 |

| รูปที่  | หน้า |
|---|------|
| 2.1 รูปตัดแสดงชั้นดินบริเวณใกล้เคียงกรุงเทพจากเหนือไปได้ .....  | 6    |
| 2.2 รูปตัดแสดงชั้นดินบริเวณใกล้เคียงกรุงเทพฯ จากทิศตะวันออกไปทิศตะวันตก .....                               | 6    |
| 2.3 แสดงหน่วยแรงที่เกิดขึ้นในการทดสอบ Triaxial .....  | 7    |
| 2.4 อิทธิพลของ Parameter ต่างๆต่อ Shear Modulus (Shibuya et al,1992) .....                                  | 10   |
| 2.5 Max Shear modulus for Normal Consolidated .....   | 11   |
| 2.6 อิทธิพลของค่า PI และค่า OCR.....  | 11   |
| 2.7 ความสัมพันธ์ระหว่าง $K_s$ และ $n_0$ กับ Plasticity Index .....  | 12   |
| 2.8 การทดสอบแบบ Fixed-Free Resonant Column .....  | 14   |
| 2.9 การรบกวนตัวอย่างโดยการบิด .....   | 14   |
| 2.10 ค่าโมดูลัสเฉือนกับค่าความเครียดเฉือน .....   | 14   |
| 2.11 แสดงค่าของ G ช่วง Strain ต่างๆ.....  | 15   |
| 2.12 การเปรียบเทียบค่า Shear Modulus ของการทดสอบในสนามและในห้องปฏิบัติการ .....                             | 16   |
| 2.13 Hardin & Richart ,(1963) Resonant Column Test (a) Torsion<br>Vibration,(b)Longitudinal Vibration ..... | 20   |
| 2.14 Drnevich Resonant Column Test,(1967) .....   | 20   |
| 2.15 Mini-Air Hammer (Arulnathan,2000).....   | 21   |
| 2.16 แสดงค่าของช่วง Strain ต่างๆที่เหมาะสมการทดสอบ .....  | 21   |
| 2.17 ลักษณะของแรงที่เกิดขึ้นเมื่อมีคลื่น Shear wave และ compressive wave .....                              | 21   |
| 2.18 Same Polarization diagram.....   | 22   |
| 2.19 Opposite Polarization diagram.....   | 22   |
| 2.20 a) 2-Layer Bending Element, Poled for Series Operation (2-wire).....                                   | 23   |
| 2.20 b) การต่อแบบอนุกรม.....  | 23   |
| 2.21 a) 2-Layer Bending Element, Poled for Parallel Operation (3-wire).....                                 | 23   |
| 2.21 b) การต่อแบบขนาน.....  | 23   |
| 2.22 แสดงการต่อแบบส่งคลื่นแรงเฉือน .....  | 24   |
| 2.23 แสดงการต่อแบบส่งคลื่นแรงอัด.....   | 24   |
| 2.24 การเคลือบ Bender Element.....  | 25   |
| 2.25 การติดตั้งกับอุปกรณ์ที่ทำการทดสอบและทิศทางการเคลื่อนที่ของอนุภาคและการเคลื่อนที่                       |      |

| รูปที่   | หน้า |
|--|------|
| ของ Shear Wave .....   | 25   |
| 2.26 การส่งคลื่นแบบสี่เหลี่ยม .....  | 26   |
| 2.27 การส่งคลื่นรูปซายน์.....  | 26   |
| 2.28 แสดงค่า Factor กับค่าของ Shear Strain.....  | 26   |
| 2.29 Seismic Refraction Survey.....  | 28   |
| 2.30 Cross Hole Test .....   | 29   |
| 2.31 แสดงเส้นทางการเดินทางของคลื่นเมื่อชั้นดินด้านล่างมีความแข็งแรงกว่า.....   | 29   |
| 2.32 Down Hole Method .....  | 30   |
| 2.33 รายละเอียดของ Seismic Cone Penetration .....  | 30   |
| 2.34 Large Strain Cross Hole Test.....   | 31   |
| 2.35 การหาความเร็วของอนุภาคดิน.....  | 32   |
| 2.36 การหาความเร็วของ Shear Wave .....   | 32   |
| 2.37 คำจำกัดความของช่วงเวลา (a) ส่งคลื่นแบบ Sine wave (b) ส่งคลื่นแบบ Sine wave ใน<br>เงื่อนไขของการสั่นพ้อง (c) ส่งคลื่นแบบ Square wave ..... | 34   |
| 2.38 แสดงการเปลี่ยนแปลงของช่วงเวลาเมื่อความถี่เพิ่ม (Shibuya,1999).....  | 35   |
| 3.1 แผนที่แสดงตำแหน่งของหลุมเจาะ สำหรับบริเวณ ถ.สายบางนา-บางปะกงกม. 29-800   | 39   |
| 3.2 แสดงขั้นตอนการเก็บตัวอย่างด้วยวิธี Fixed Piston Sampling .....   | 41   |
| 3.3 แสดงแรงดันน้ำในโพรงดินสำหรับบริเวณใจกลางกรุงเทพฯ (พินิจ , 2544).....   | 43   |
| 3.4 แสดงแรงดันน้ำในโพรงดินสำหรับบริเวณ ถ.สายบางนา-บางปะกง กม.30 (พินิจ , 2528)44   | 44   |
| 3.5 อุปกรณ์ทดสอบ Oedometer .....   | 47   |
| 3.6 การติดตั้งอุปกรณ์ส่วนที่เป็นฐาน.....   | 47   |
| 3.7 แสดง section A-A ในการทดสอบที่ติดตั้ง Bender Element .....   | 48   |
| 3.8 Bender Element .....   | 49   |
| 3.9 การเคลือบ Bender Element ด้วยกาว epoxy.....  | 50   |
| 3.10 การติดตั้งอุปกรณ์การ calibration bender element .....   | 51   |
| 3.11 แสดงการติดตั้ง Strain Gauge บน Piezo electric .....   | 52   |
| 3.12 แสดงลักษณะของ Oedometer .....   | 53   |
| 3.13 แสดงการหาค่า $\sigma'_{vo}$ ในการทดสอบ Oedometer .....  | 55   |

| รูปที่  | หน้า |
|---|------|
| 3.14 แผนผังแสดงความสัมพันธ์ระหว่างอุปกรณ์แต่ละชิ้นของเครื่องมือทดสอบ Stress Path Control System ..... | 57   |
| 3.15 การติดตั้งอุปกรณ์เพื่อการทดสอบอุปกรณ์ในส่วนการส่งคลื่นแรงเฉือน (Section A-A) ....                | 58   |
| 3.16 ตัวอย่างภาพตัด Top & Bottom Cap ตามปกติ.....   | 60   |
| 3.17 ตัวอย่างภาพตัด Top & Bottom Cap เมื่อทำการเจาะเพื่อติดตั้ง Bender Element .....                  | 60   |
| 3.18 การเจาะแผ่นหินปูน .....  | 61   |
| 3.19 การเตรียมกระดาษกรอง .....  | 61   |
| 4.1 Soil Boring Log ของตัวอย่างดินจากบริเวณ ถนน บางนา-ตราด กม. 28+600 .....                           | 67   |
| 4.2 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่กับความเร็วคลื่นแรงเฉือน .....  | 69   |
| 4.3 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่กับโมดูลัสเฉือน .....   | 70   |
| 4.4 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่กับความถี่กับความเร็วคลื่นแรงเฉือน.....                                 | 71   |
| 4.5 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่กับความถี่กับโมดูลัสเฉือน.....  | 72   |
| 4.6 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่กับความถี่กับความถี่เฉือน.....  | 73   |
| 4.7 ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่กับความถี่กับความถี่เฉือน .....   | 73   |
| 4.8 ความสัมพันธ์ระหว่างโมดูลัสเฉือนกับความถี่เฉือน(ผลกระทบของความถี่).....                            | 74   |
| 4.9 ความสัมพันธ์ระหว่างโมดูลัสเฉือนกับความถี่เฉือน(ผลกระทบของความถี่).....                            | 74   |

## สารบัญตาราง

| ตาราง   | หน้า |
|---|------|
| ตารางที่ 2.1 คุณสมบัติของดินและวิธีการหาคุณสมบัติที่ระดับความเครียดต่างๆ .....                              | 20   |
| ตารางที่ 4.1 คุณสมบัติพื้นฐานทางวิศวกรรม .....  | 66   |
| ตารางที่ 4.2 ค่าเวลาการเคลื่อนที่, ความถี่, ความเร็วคลื่นแรงเฉือน และค่าโมดูลัสเฉือนที่ได้จากการคำนวณ ..... | 68   |



ศูนย์วิทยพัทธยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย