

บทที่ 1

บทนำ

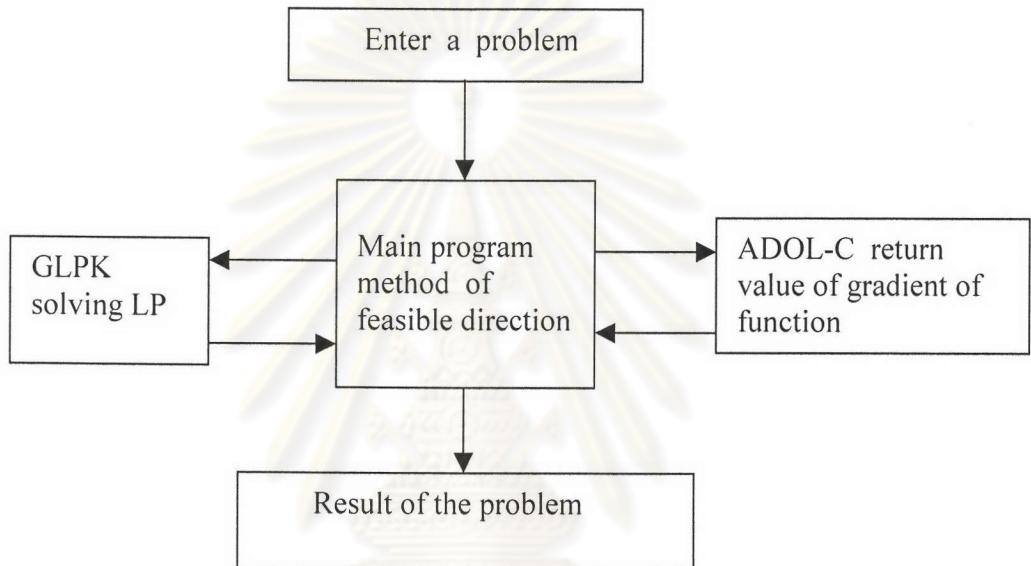
ปัญหาทางคณิตศาสตร์ที่เกี่ยวข้องกับการจัดสรรทรัพยากรที่มีอยู่อย่างจำกัดให้เกิดประโยชน์มากที่สุด เช่น การขนส่ง การแก้ปัญหาทางเศรษฐกิจซึ่งเป็นปัญหาที่เกี่ยวข้องกับปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นที่ฟังก์ชันจุดประสงค์และเงื่อนไขบังคับสามารถเขียนเป็นความสัมพันธ์ทางคณิตศาสตร์ได้ วิธีการหาผลเฉลยของปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นมีหลายวิธีขึ้นอยู่กับรูปแบบของปัญหา วิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้เป็นอีกวิธีหนึ่งที่หาผลเฉลยของปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้นได้ เริ่มต้น Marguerite Frank and Philip Wolfe ได้คิดค้นวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้ ซึ่งได้ตีพิมพ์ในวารสารปี ค.ศ. 1956 [3]. Frank, M. and Wolfe, P., "An Algorithm for Quadratic Programming", Naval Research Logistics Quarterly, Vol. 3, (1956), 95-110. ล่าดับต่อมา Andre F. Perold ได้ศึกษาเพิ่มเติมจากวิธีของ Frank-Wolfe และเขียนบทความดังกล่าวในปีค.ศ. 1980. Perold, A. F., "A Generalization of the Frank-Wolfe Theorem", Mathematic Programming, Vol. 18,(1980), 215-227. และ Zhi-Quan Luo and Shuzhong Zhang ได้ศึกษาเพิ่มเติมวิธีของ Frank-Wolfe และเขียนบทความดังกล่าวในปี ค.ศ. 1999. Luo, Z. and Zhang, S., "On extension of the Frank-Wolfe theorem", Computational Optimization and Applications, Vol. 13,(1999), 87-108. รวมทั้งวิธีการใช้ทิศทางที่ไม่ได้ขึ้นอยู่กับ Frank-Wolfe ได้พัฒนาเป็นวิธีการหาผลเฉลยของปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้นในหนังสือเรียนที่เกี่ยวข้องกับการหาผลเฉลยไม่เชิงเส้น

การหาผลเฉลยของปัญหาทำให้ทราบแผนการดำเนินงานที่เหมาะสมที่สุด เพื่อประโยชน์ต่อการวิเคราะห์งาน วิธีการหาผลเฉลยของปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้นโดยวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้โดยทฤษฎีมีความยุ่งยากและซับซ้อน ทำให้มีแนวคิดที่จะสร้างซอฟต์แวร์คอมพิวเตอร์คำนวณหาผลเฉลยของปัญหาเพื่อความสะดวกและหาผลเฉลยได้เร็วขึ้น

สำหรับวัตถุประสงค์ในงานวิจัยนี้คือสร้างซอฟต์แวร์คอมพิวเตอร์คำนวณหาผลเฉลยของปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้นเพื่อให้เห็นชัดเจนว่าวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้มีรูปแบบการหาผลเฉลยได้จริง รวมทั้งแสดงรายละเอียดผลลัพธ์ของแต่ละขั้นตอนของการหาเฉลย

งานวิจัยนี้ได้สร้างซอฟต์แวร์สำหรับแก้ปัญหางานหนักไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้นโดยวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้ ซึ่งมีรูปแบบการหาผลเฉลยที่สามารถเขียนเป็นข้อความง่ายๆ สำหรับผู้ใช้งาน ซอฟต์แวร์นี้สามารถคำนวณและแสดงผลลัพธ์ของแต่ละขั้นตอนของการหาเฉลย

การแก้ปัญหากำหนดการเชิงเส้น ในขั้นตอนการหาค่าเกรเดียนต์ของฟังก์ชันจุดประสงค์ใช้หลักการของ Automatic differentiation โดยใช้โปรแกรม ADOL-C และในขั้นตอนการแก้ปัญหากำหนดการเชิงเส้น เรียกใช้โปรแกรม GNU Linear Programming Kit (GLPK) ซึ่งเป็นการหาผลเฉลยโดยวิธี revised simplex method ในขั้นตอนการหาระยะการเคลื่อนที่ของจุดที่ให้ค่าฟังก์ชันจุดประสงค์มีค่าเพิ่มขึ้นจะใช้วิธีการค้นตามเส้น (line search) การออกแบบซอฟต์แวร์ที่สร้างขึ้นสามารถเขียนเป็นแผนภาพได้ดังนี้



ผลจากการทำงานวิจัยนี้คือสามารถใช้ซอฟต์แวร์ที่สร้างขึ้นหาผลเฉลยของปัญหากำหนดการ ไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้น โดยวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้ ทำให้ได้ผลลัพธ์ที่ต้องการ

กำหนดสัญลักษณ์ที่เขียนในวิทยานิพนธ์เล่มนี้ดังนี้ เวกเตอร์ใช้สัญลักษณ์ ตัวอักษรภาษาอังกฤษตัวเล็กและหนา เช่น x , y และ z โดยที่ทุกเวกเตอร์เป็นเวกเตอร์หลัก ถ้าเป็นเวกเตอร์แคริบใช้สัญลักษณ์เป็นเวกเตอร์สลับเปลี่ยน(transpose vector) ของเวกเตอร์หลักคือ x^T เมทริกซ์ใช้สัญลักษณ์ตัวอักษรภาษาอังกฤษตัวใหญ่และหนา เช่น A , B และ C ฟังก์ชันค่าจริง (real valued function) ใช้สัญลักษณ์ตัวอักษรภาษาอังกฤษตัวเล็กหรือตัวอักษรภาษากรีกและเป็นตัวอักษร เช่น f , g สำหรับตัวแปรที่เป็นสเกลาร์ (scalar) ใช้สัญลักษณ์ตัวอักษรภาษาอังกฤษตัวเล็กหรือตัวอักษรภาษากรีกและเป็นตัวอักษร เช่น k , λ และ α

ในบทที่ 2 จะกล่าวถึงนิยามคณิตศาสตร์พื้นฐานที่เกี่ยวข้องกับงานวิจัยและวิธีการค้นตามเส้น ซึ่งเป็นขั้นตอนหนึ่งของซอฟต์แวร์ที่สร้างขึ้นใช้ในการหาผลเฉลย พร้อมทั้งรายละเอียดวิธีการหาผลเฉลยของปัญหากำหนดการไม่เชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขบังคับเชิงเส้น โดยวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้ของ Frank-Wolfe บทที่ 3 กล่าวถึงการสร้างซอฟต์แวร์พร้อมทั้งกล่าวถึงซอฟต์แวร์คำนวนหาค่าเกรเดียนต์คือ ADOL-C และโปรแกรมหาผลเฉลยกำหนดการเชิงเส้น GNU Linear Programming Kit ซึ่งเป็นโปรแกรมที่เป็นเครื่องมือของซอฟต์แวร์ที่สร้างขึ้น จากนั้นจะทำการทดสอบซอฟต์แวร์ที่ได้กับปัญหาพร้อมทั้งเปรียบเทียบผลลัพธ์การคำนวนโดยซอฟต์แวร์ที่สร้างขึ้นกับผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรม GAMS เพื่อตรวจสอบประสิทธิภาพของการหาผลเฉลย และสรุปผลงานวิจัยในบทที่ 4 ในภาคผนวก ก จะแสดงผลลัพธ์ของตัวอย่างปัญหากำหนดการไม่เชิงเส้นที่ใช้ซอฟต์แวร์ที่สร้างหาผลเฉลย ในภาคผนวก ข เป็นตัวอย่างของการค้นตามเส้น และ ภาคผนวก ค เป็นรายละเอียดตัวอย่างการหาผลเฉลยของวิธีการใช้ทิศทางที่เป็นไปได้ของ Frank-Wolfe ดังจะกล่าวรายละเอียดในแต่ละบทต่อไป

ศูนย์วิทยทรัพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย