



โหลดไฟลว์

2.1 บทนำ

โหลดไฟลว์ (load flow) หรือเพาเวอร์ไฟลว์ (power flow) เป็นการวิเคราะห์ที่สำคัญและเป็นพื้นฐานของการศึกษาเรื่องต่างๆ ในระบบไฟฟ้ากำลัง การวิเคราะห์โหลดไฟลว์ จะทำให้ทราบว่าที่สภาวะโหลดหนึ่งๆ ระบบไฟฟ้ากำลังจะมีค่าตัวแปรต่างๆ เป็นเท่าใด ตัวแปรเหล่านั้นคือ ขนาดและมุมของแรงดัน กำลังไฟฟ้าที่ผลิตและกำลังรีแอกทีฟที่ผลิตของเครื่องกำเนิดไฟฟ้า กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ไหลในสายส่ง ฯลฯ

การศึกษาระบบไฟฟ้ากำลังที่ใช้โหลดไฟลว์เป็นพื้นฐาน ได้แก่

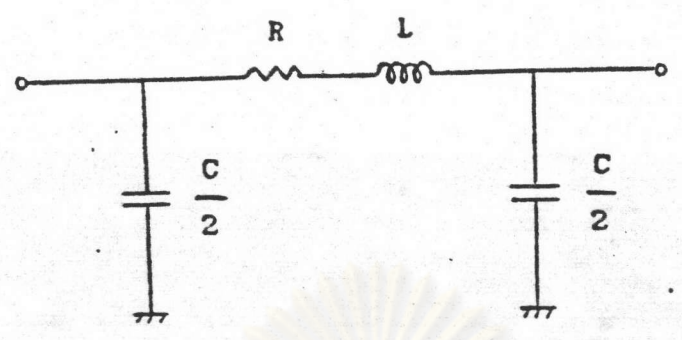
- 1 การวิเคราะห์ความผิดปกติ (fault analysis)
- 2 การวิเคราะห์เสถียรภาพ (stability analysis)
- 3 การวางแผนระบบไฟฟ้ากำลัง (power system planning)
- 4 การจ่ายโหลดอย่างประหยัด (economic load dispatch)

ในบทนี้จะกล่าวถึง การวิเคราะห์โหลดไฟลว์ที่ได้รับความนิยม คือ การวิเคราะห์โหลดไฟลว์โดยใช้วิธีของนิวตัน-ราฟสัน (Newton-Raphson load flow) และ ฟาสต์ดีคัปเปิลโหลดไฟลว์ (fast decouple load flow)

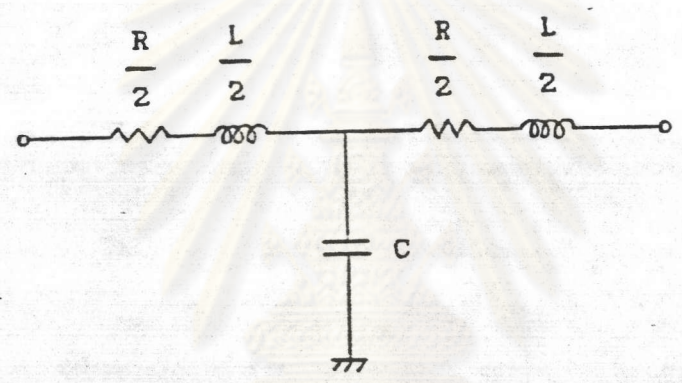
2.2 วงจรมุมขององค์ประกอบในระบบไฟฟ้ากำลัง

2.2.1 สายส่ง [7,8]

สายส่งในระบบไฟฟ้ากำลังส่วนใหญ่จะแทนด้วยวงจรมุมของสายส่งขนาดกลางซึ่งมีสองแบบคือแบบพายน์ (π) และแบบที (T) ดังแสดงในรูปที่ 2.1ก และ 2.1ข



ก)



ข)

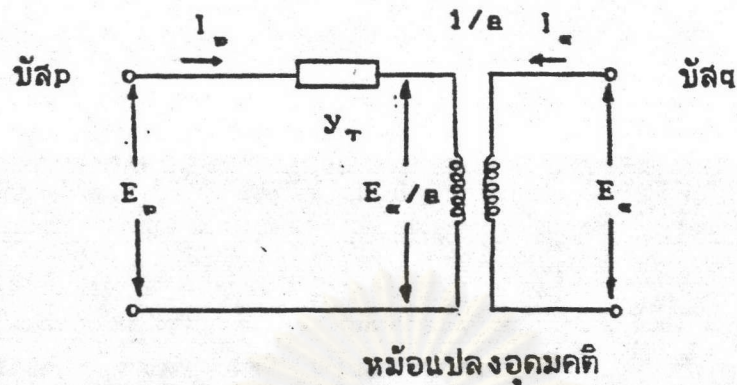
รูปที่ 2-1 ก) วงจรสมมูลของสายส่งขนาดกลางแบบพายน์ (π)
 ข) วงจรสมมูลของสายส่งขนาดกลางแบบที (T)

2.2.2 หม้อแปลง [7,8]

หม้อแปลงในระบบไฟฟ้ากำลังจะถูกแทนด้วยหม้อแปลงอุดมคติและแอดมิตแตนซ์หรืออิมพีแดนซ์ ดังรูปที่ 2.2

เนื่องจากหม้อแปลงในรูปที่ 2.2 เป็นหม้อแปลงอุดมคติ ดังนั้นจะได้ว่ากำลังแอมเพียร์เรนต์ (apparent power) เข้าและออกจะต้องเท่ากันหรือ

$$S_p' = S_p \quad (2.1)$$



E_p , E_q เป็นแรงดันที่บัส p และ q ตามลำดับ
 a เป็นอัตราส่วนการแปลง (transformation ratio)
 y_T เป็นแอดมิตแตนซ์ของหม้อแปลง

รูปที่ 2-2 วงจรสมมูลของหม้อแปลง

โดยที่ S_p' คือกำลังแอมเพียร์เรนต์เข้าหม้อแปลงอุดมคติทางบัส p หรือ

$$S_p' = \frac{E_q}{a} I_p \quad (2.2)$$

และ S_q คือกำลังแอมเพียร์เรนต์ออกจากหม้อแปลงอุดมคติทางบัส q หรือ

$$S_q = -E_q I_q \quad (2.3)$$

จากสมการที่ 2.1 จะได้ว่า

$$\frac{E_q}{a} I_p = -E_q I_q \quad (2.4)$$

ดังนั้น จะได้ว่า

$$I_p = -a I_q \quad (2.5)$$

กระแส I_p สามารถเขียนเป็นสมการได้ดังนี้

$$I_p = \left(E_p - \frac{E_a}{a}\right)y_T \quad (2.6)$$

หรือ

$$I_p = E_p y_T - E_a \frac{y_T}{a} \quad (2.7)$$

ส่วนกระแส I_a สามารถเขียนเป็นสมการได้ คือ

$$I_a = -\frac{1}{a^*} \left(E_p - \frac{E_a}{a}\right)y_T \quad (2.8)$$

ค่า $aa^* = |a|^2$ ดังนั้น สมการที่ 2.8 จะกลายเป็น

$$I_a = -E_p \frac{y_T}{a^*} + E_a \frac{y_T}{|a|^2} \quad (2.9)$$

จากสมการที่ 2.8 และสมการที่ 2.9 สามารถเขียนเป็นบัลแอตมิตแตนซ์เมทริกซ์ (bus admittance matrix) ได้ดังนี้

$$[Y_{bus}] = \begin{bmatrix} y_T & -\frac{y_T}{a} \\ -\frac{y_T}{a^*} & \frac{y_T}{|a|^2} \end{bmatrix} \quad (2.10)$$

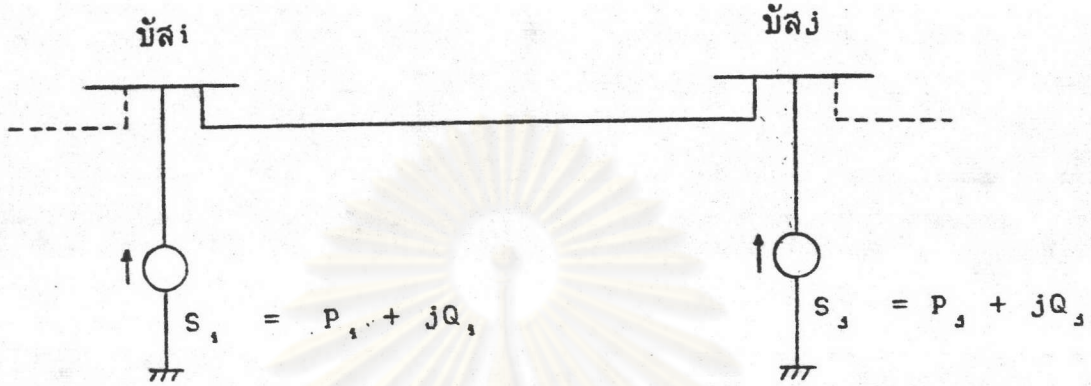
2.2.3 เครื่องกำเนิดไฟฟ้าและโหลด [3]

เครื่องกำเนิดไฟฟ้าและโหลดจะแทนด้วย bus power source ตามรูป

ที่ 2.3 โดยที่

$$P_1 = P_{G1} - P_{D1} \quad (2.11)$$

$$Q_1 = Q_{G1} - Q_{D1} \quad (2.12)$$



รูปที่ 2.3 วงจรสมมูลของเครื่องกำเนิดไฟฟ้าและโหลด

เมื่อ P_{G_i} และ Q_{G_i} เป็นกำลังไฟฟ้าที่ผลิตและกำลังรีแอกทีฟที่ผลิตที่บัส i ตามลำดับ
 P_{D_i} และ Q_{D_i} เป็นโหลดจริงและโหลดรีแอกทีฟที่บัส i ตามลำดับ
 P_i และ Q_i เป็น bus real power source และ bus reactive power source ที่บัส i ตามลำดับ

2.3 กระแสบัสแรงดันบัสและบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ [9]

2.3.1 ความสัมพันธ์ระหว่างกระแสบัสและแรงดันบัส

ความสัมพันธ์ระหว่างกระแสบัส (bus current) และแรงดันบัส (bus voltage) เป็นไปตามสมการ

$$[I] = [Y_{bus}][E] \tag{2.18}$$

เมื่อ $[I]$ เป็นเวกเตอร์ของกระแสบัส

$[E]$ เป็นเวกเตอร์ของแรงดันบัส

$[Y_{bus}]$ เป็นบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ (bus admittance matrix)

การหาบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์สามารถทำได้โดยมีหลักการดังนี้

1. Y_{ii} หรือสมาชิกในแนวทแยงคือผลรวมของแอดมิตแตนซ์ที่ต่ออยู่กับบัส i ทั้งหมด
2. Y_{ij} หรือสมาชิกนอกแนวทแยงคือค่าลบของแอดมิตแตนซ์ที่ต่ออยู่ระหว่างบัส i และบัส j

2.3.2 การหาบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์โดยวิธีอิลิเมนต์สแตมป์ (Element Stamp Method) [8]

การหาบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์โดยใช้วิธีอิลิเมนต์สแตมป์ เป็นวิธีการหาบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์โดยการใส่องค์ประกอบ (element) ของระบบไฟฟ้ากำลังเข้าไปที่ละตัวจนครบทุกตัว บัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์สุดท้ายที่ได้หลังจากใส่องค์ประกอบตัวสุดท้ายจะเป็นบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ของระบบไฟฟ้ากำลัง

สำหรับสายส่ง ถ้าใส่สายส่ง ij (สายส่งที่ต่อระหว่างบัส i และบัส j) บัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ใหม่จะเป็นดังสมการ

$$Y_{ii}^{new} = Y_{ii}^{old} + y_{SERij} + \frac{y_{SHTij}}{2} \quad (2.14)$$

$$Y_{jj}^{new} = Y_{jj}^{old} + y_{SERij} + \frac{y_{SHTij}}{2} \quad (2.15)$$

$$Y_{ij}^{new} = Y_{ij}^{old} - y_{SERij} \quad (2.16)$$

$$Y_{ji}^{new} = Y_{ji}^{old} - y_{SERij} \quad (2.17)$$

- เมื่อ Y_{ij}^{old} เป็นสมาชิกของบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์แถวที่ i หลักที่ j ก่อนใส่สายส่ง ij
 Y_{ij}^{new} เป็นสมาชิกของบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์แถวที่ i หลักที่ j หลังใส่สายส่ง ij
 y_{SERij} เป็นแอดมิตแตนซ์อนุกรมของสายส่ง ij
 y_{SHTij} เป็นแอดมิตแตนซ์ของไลน์ชาร์จิง (line charging) ของสายส่ง ij

สำหรับหม้อแปลง ถ้าใส่หม้อแปลง ij (หม้อแปลงที่ต่อระหว่างบัส i และบัส j) บัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ใหม่จะเป็นดังสมการ

$$Y_{11}^{new} = Y_{11}^{old} + y_{T1j} \quad (2.18)$$

$$Y_{jj}^{new} = Y_{jj}^{old} + \frac{y_{T1j}}{|a|^2} \quad (2.19)$$

$$Y_{1j}^{new} = Y_{1j}^{old} - \frac{y_{T1j}}{a} \quad (2.20)$$

$$Y_{j1}^{new} = Y_{j1}^{old} - \frac{y_{T1j}}{a^*} \quad (2.21)$$

เมื่อ y_{T1j} เป็นแอดมิตแตนซ์ของหม้อแปลง i,j

a เป็นอัตราส่วนการแปลงของหม้อแปลง i,j

ส่วนตัวเก็บประจุหรือตัวเหนี่ยวนำ ถ้าใส่ตัวเก็บประจุหรือตัวเหนี่ยวนำที่ต่อกับบัส i บัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ใหม่จะเป็นดังสมการ

$$Y_{11}^{new} = Y_{11}^{old} + y_1 \quad (2.22)$$

เมื่อ y_1 เป็นแอดมิตแตนซ์ของตัวเก็บประจุหรือตัวเหนี่ยวนำที่ต่อกับบัส i

2.4 สมการไหลดไฟฟ้ [9]

จากกำลังแอมเพียร์เรนต์เท่ากับแรงดันคูณด้วยกระแสคอนจูเกตหรือ

$$S = P + jQ = EI^* \quad (2.23)$$

เขียนในรูปของเมทริกซ์

$$[S] = [E][I^*]^T \quad (2.24)$$

จากความสัมพันธ์ระหว่างกระแสบัสและแรงดันบัสตามสมการที่ 2.13 ดังนั้น

$$[S] = [E][Y_{bus}][I^*]^T \quad (2.25)$$

หรือเขียนในรูปของสมาชิกของเมทริกซ์

$$P_1 + jQ_1 = E_1 \sum_{j=1}^N Y_{1j} E_j^* \quad (2.26)$$

ถ้าให้แรงดันที่บัส i (E_i) มีขนาดเป็น V_i และมีมุมเป็น θ_i และให้ G_{ij} และ B_{ij} เป็นส่วนจริงและส่วนจินตภาพของ Y_{ij} ตามลำดับ สมการที่ 2.26 สามารถเขียนแยกออกเป็นสองส่วนได้ดังนี้

$$P_1 = V_1 \sum_{j=1}^N V_j (G_{1j} \cos \theta_{1j} + B_{1j} \sin \theta_{1j}) \quad (2.27)$$

$$Q_1 = V_1 \sum_{j=1}^N V_j (G_{1j} \sin \theta_{1j} - B_{1j} \cos \theta_{1j}) \quad (2.28)$$

โดยที่ $\theta_{1j} = \theta_1 - \theta_j \quad (2.29)$

2.5 ตัวแปรและชนิดของบัส [3,9]

ที่บัสแต่ละบัสจะมีตัวแปรดังต่อไปนี้

1. กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟ (P_1 และ Q_1)
2. ขนาดและมุมของแรงดัน (V_1 และ θ_1)

จะเห็นได้ว่า แต่ละบัสจะมีตัวแปรอยู่ 4 ตัว และแต่ละบัสมีสมการอยู่ 2 สมการคือสมการที่ 2.27 และ 2.28 ดังนั้นในระบบไฟฟ้ากำลังที่มี N บัส จะมีสมการอยู่ $2N$ สมการและมีตัวแปรอยู่ $4N$ ตัว ทำให้คำตอบของระบบไฟฟ้ากำลังไม่ได้มีเพียงคำตอบเดียว ดังนั้นจะต้องกำหนดตัวแปรที่แต่ละบัสเสีย 2 ตัว แล้วคำนวณหาตัวแปรที่เหลืออีก 2 ตัว

ในทางปฏิบัติ บัสที่มีแต่โหลดต่ออยู่จะทราบค่า P_1 และ Q_1 แต่จะไม่ทราบค่า V_1 และ θ_1 ส่วนบัสที่มีเครื่องกำเนิดไฟฟ้าต่ออยู่จะกำหนดค่า P_1 และ V_1 แต่เนื่องจากไม่ทราบค่ากำลังสูญเสียในระบบไฟฟ้ากำลัง ดังนั้นจะต้องปล่อยให้ค่า P_1 ของบัสที่มีเครื่องกำเนิดไฟฟ้าต่ออยู่ลอยตัวอยู่บัสหนึ่ง และจะให้บัสนั้นเป็นบัสอ้างอิงคือมี θ_1 เท่ากับ 0 และจะเรียกบัสนี้ว่า สวิงบัส (swing bus) หรือบัสอ้างอิง (reference bus)

ชนิดของบัสสามารถแยกได้เป็น 3 ชนิดดังนี้ คือ

1. โหลดบัส (load bus หรือ PQ bus) เป็นบัสที่กำหนดค่า P_i และ Q_i และต้องการหาค่า V_i และ θ_i
2. บัสควบคุมแรงดัน (voltage controlled bus หรือ PV bus) เป็นบัสที่กำหนดค่า P_i และ V_i และต้องการหาค่า Q_i และ θ_i
3. บัสอ้างอิง (reference bus) หรือสวิงบัส (swing bus) เป็นบัสที่กำหนดค่า V_i และ θ_i และต้องการหาค่า P_i และ Q_i

2.6 วิธีของนิวตัน-ราฟสัน (Newton-Raphson Method) [5,8,9,10]

เนื่องจากสมการโหลดโพลาร์หรือสมการ P,Q ตามสมการที่ 2.27 และ 2.28 เป็นสมการที่ไม่เป็นเชิงเส้น (non-linear equation) การแก้สมการโหลดโพลาร์จึงควรใช้วิธี numerical วิธี numerical ที่นิยมใช้คือวิธีของนิวตัน-ราฟสัน

สมมติว่ามีฟังก์ชันหนึ่งคือ $f(x)$ และต้องการหาค่าของฟังก์ชันนี้ หรือคือต้องการหาค่า x ที่ทำให้ค่าของฟังก์ชัน $f(x)$ เท่ากับ 0 ตามวิธีของนิวตัน-ราฟสัน จะสมมติค่าของ x ขึ้นและให้เท่ากับ x^0 และให้ Δx^0 เป็นค่าผิดพลาด (error) ซึ่งคือค่าแตกต่างระหว่างค่า x กับค่า x ที่ทำให้ฟังก์ชัน $f(x)$ มีค่าเป็น 0 ดังนั้นเราจะได้ว่า

$$f(x^0 + \Delta x^0) = 0 \quad (2.30)$$

ใช้อนุกรมเทย์เลอร์กระจายรอบจุด x^0 จะได้ว่า

$$f(x^0) + (\Delta x^0) \left(\frac{\partial f(x^0)}{\partial x} \right) + \frac{1}{2} (\Delta x^0)^2 \left(\frac{\partial^2 f(x^0)}{\partial x^2} \right) + \dots = 0 \quad (2.31)$$

ถ้าตัดพจน์ที่มีอันดับสูงกว่าหนึ่งออกจะได้

$$f(x^0) + (\Delta x^0) \left(\frac{\partial f(x^0)}{\partial x} \right) = 0 \quad (2.32)$$

หรือ

$$\Delta x^0 = - \frac{f(x^0)}{\partial f(x^0)/\partial x} \quad (2.33)$$

เมื่อกำหนดค่า Δx^0 จากสมการที่ 2.33 ได้แล้ว จะนำไปปรับค่าสมมติของ x ใหม่ตามสมการ

$$\begin{aligned} x^1 &= x^0 + \Delta x^0 \\ &= x^0 - \frac{f(x^0)}{\partial f(x^0)/\partial x} \end{aligned} \quad (2.34)$$

นำเอาค่า x^1 ไปทดลองแทนในฟังก์ชัน $f(x)$ และทำเช่นนี้ไปเรื่อยๆ จนได้ค่า x ที่ถูกต้อง ดังนั้นสมการที่ 2.34 สามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$\begin{aligned} x^{k+1} &= x^k + \Delta x^k \\ &= x^k - \frac{f(x^k)}{\partial f(x^k)/\partial x} \end{aligned} \quad (2.35)$$

เมื่อ k เป็นหมายเลขประจำอิเทอเรชัน (iteration)

ในระบบไฟฟ้ากำลัง ตัวแปรที่ต้องการหา (x) จะอยู่ในรูปของเวกเตอร์ $[x]$ ซึ่งสามารถเขียนแยกได้เป็น 2 ส่วน คือ

$$[x] = \begin{bmatrix} \theta_1 \\ \vdots \\ v_1 \end{bmatrix} \quad (2.36)$$

เนื่องจากทราบค่ามุมของแรงดันที่บัสอ้างอิง ดังนั้น $[\theta_1]$ จึงมีมิติ $(N-1) \times 1$ โดยที่ N เป็นจำนวนบัสทั้งหมดในระบบ ส่วน $[v_1]$ มีมิติ $N_L \times 1$ โดยที่ N_L เป็นจำนวนโหนดบัสในระบบ การที่ $[v_1]$ มีมิติ $N_L \times 1$ เป็นเพราะว่า ทราบค่าของขนาดของแรงดันที่บัสอ้างอิงและบัสควบคุมแรงดัน มิติรวมของ $[x]$ จึงเท่ากับ $(N+N_L-1) \times 1$

ในทำนองเดียวกัน ค่าผิดพลาด (Δx) จะอยู่ในรูปของเวกเตอร์ $[\Delta x]$ ซึ่งสามารถเขียนแยกเป็น 2 ส่วน คือ

$$[\Delta x] = \begin{bmatrix} \Delta \theta_1 \\ \hline \Delta V_1 \end{bmatrix} \quad (2.37)$$

มิติของ $[\Delta x]$ เท่ากับมิติของ $[x]$

ส่วนฟังก์ชัน $f(x)$ จะอยู่ในรูปของเวกเตอร์ $[f(x)]$ และสามารถเขียนแยกออกได้เป็น 2 ส่วน คือ

$$[f(x)] = \begin{bmatrix} \Delta P_1 \\ \hline \Delta Q_1 \end{bmatrix} \quad (2.38)$$

โดยที่

$$\begin{bmatrix} \Delta P_1 \\ \hline \Delta Q_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} P_1 - (P_{G1} - P_{D1}) \\ \hline Q_1 - (Q_{G1} - Q_{D1}) \end{bmatrix} \quad (2.39)$$

เมื่อ P_{G1} และ Q_{G1} คือกำลังไฟฟ้าที่ผลิตและกำลังรีแอกทีฟที่ผลิตที่บัส i ซึ่งเป็นค่าที่กำหนด
 P_{D1} และ Q_{D1} คือโหลดจริงและโหลดรีแอกทีฟที่บัส i ซึ่งเป็นค่าที่กำหนด
 P_1 และ Q_1 คือกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่บัส i ซึ่งเป็นค่าที่คำนวณตามสมการที่
 2.27 และ 2.28

มิติของ $[\Delta P_1]$ เท่ากับมิติของ $[\theta_1]$ และมิติของ $[\Delta Q_1]$ เท่ากับมิติของ $[V_1]$ สมการที่ 2.39 เรียกว่า สมการความผิดพลาดของกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่บัส (bus real and reactive power mismatch equations) ค่าของสมการนี้เท่ากับผลต่างของค่าของกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่กำหนดให้ $(P_{G1}, P_{D1}, Q_{G1}, Q_{D1})$ กับค่ากำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ได้จากการคำนวณโดยใช้ตัวแปร (θ_1, V_1) ที่สมมติขึ้น ถ้าตัวแปรที่สมมติขึ้นนี้มีค่าถูกต้อง ค่าของสมการที่ 2.39 (P_1, Q_1 หรือ $f(x)$) จะมีค่าเป็น 0

เช่นเดียวกัน ค่า $\partial f / \partial x$ จะอยู่ในรูปของเมทริกซ์ $[\partial f / \partial x]$ ซึ่งเป็นไปตามสมการ

$$\begin{aligned}
 \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \end{bmatrix} &= \begin{bmatrix} \frac{\partial \Delta P_1}{\partial \theta_j} & \frac{\partial \Delta P_1}{\partial V_j} \\ \frac{\partial \Delta Q_1}{\partial \theta_j} & \frac{\partial \Delta Q_1}{\partial V_j} \end{bmatrix} \\
 &= \begin{bmatrix} \frac{\partial P_1}{\partial \theta_j} & \frac{\partial P_1}{\partial V_j} \\ \frac{\partial Q_1}{\partial \theta_j} & \frac{\partial Q_1}{\partial V_j} \end{bmatrix} \quad (2.40)
 \end{aligned}$$

เมทริกซ์ $[\frac{\partial f}{\partial x}]$ เรียกว่าจาโคเบียนเมทริกซ์ และมีสัญลักษณ์เป็น $[J]$ แต่ละส่วนของ $[J]$ ซึ่งมี 4 ส่วนจะมีสัญลักษณ์เป็น $[J_1]$, $[J_2]$, $[J_3]$ และ $[J_4]$ ตามลำดับ หรือ

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \end{bmatrix} = [J] = \begin{bmatrix} J_1 & J_2 \\ J_3 & J_4 \end{bmatrix} \quad (2.41)$$

$[J_1]$ มีมิติ $(N-1) \times (N-1)$, $[J_2]$ มีมิติ $(N-1) \times NL$, $[J_3]$ มีมิติ $NL \times (N-1)$ และ $[J_4]$ มีมิติ $NL \times NL$ ดังนั้นจาโคเบียนเมทริกซ์ $[J]$ มีมิติ $(N+NL-1) \times (N+NL-1)$

สมาชิกของจาโคเบียนเมทริกซ์หาได้ดังนี้

- สมาชิกของ $[J_1]$

$$\begin{aligned}
 J_{1,ij} &= \frac{\partial P_1}{\partial \theta_j} = V_1 V_j (G_{1j} \sin \theta_{1j} - B_{1j} \cos \theta_{1j}) \quad i \neq j \\
 J_{1,ii} &= \frac{\partial P_1}{\partial \theta_i} = -Q_i - B_{1i} V_i^2 \quad (2.42)
 \end{aligned}$$

- สมาชิกของ $[J_2]$

$$J_{2ij} = \frac{\partial P_1}{\partial V_j} = V_i (G_{1j} \cos \theta_{1j} + B_{1j} \sin \theta_{1j}) \quad i \neq j$$

$$J_{211} = \frac{\partial P_1}{\partial V_1} = \frac{P_1}{V_1} + G_{11} V_1 \quad (2.43)$$

- สมาชิกของ $[J_3]$

$$J_{3ij} = \frac{\partial Q_1}{\partial \theta_j} = -V_i V_j (G_{1j} \cos \theta_{1j} + B_{1j} \sin \theta_{1j}) \quad i \neq j$$

$$J_{311} = \frac{\partial Q_1}{\partial \theta_1} = P_1 - G_{11} V_1^2 \quad (2.44)$$

- สมาชิกของ $[J_4]$

$$J_{4ij} = \frac{\partial Q_1}{\partial V_j} = V_i (G_{1j} \sin \theta_{1j} - B_{1j} \cos \theta_{1j}) \quad i \neq j$$

$$J_{411} = \frac{\partial Q_1}{\partial V_1} = \frac{Q_1}{V_1} - B_{11} V_1 \quad (2.45)$$

การคำนวณหาค่า $[\Delta x]$ จะคำนวณได้จากสมการ

$$\begin{bmatrix} \Delta P_1 \\ \Delta Q_1 \end{bmatrix} = [J] \begin{bmatrix} \Delta \theta_1 \\ \Delta V_1 \end{bmatrix} \quad (2.46)$$

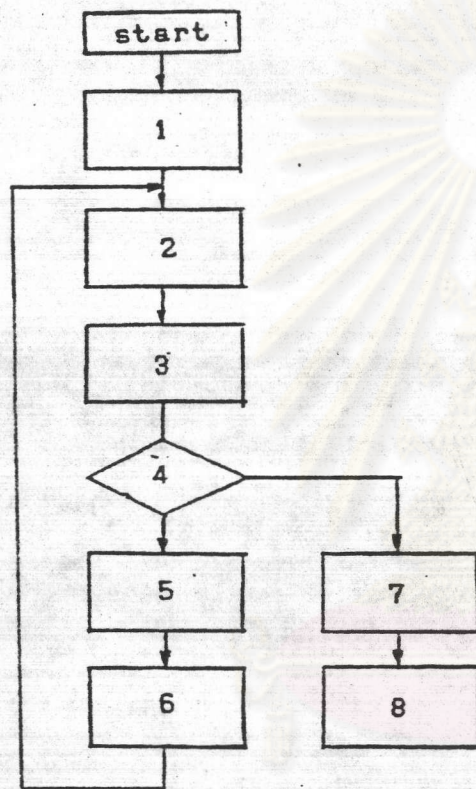
การหาค่า θ_1 และ V_1 ใหม่ จะหาได้จากสมการ

$$\theta_1^{\text{new}} = \theta_1^{\text{old}} - \Delta \theta_1$$

$$V_1^{\text{new}} = V_1^{\text{old}} - \Delta V_1 \quad (2.47)$$

2.7 อัลกอริทึมของไหลคโพลว์โดยวิธีของนิวตัน-ราฟสัน

จากหัวข้อ 2.6 สามารถสรุปการทำไหลคโพลว์โดยวิธีของนิวตัน-ราฟสันเป็นอัลกอริทึมดังแสดงในรูปที่ 2.4



- 1) กำหนดค่าเริ่มต้นของ θ_1 และ V_1
- 2) คำนวณค่า P_1 และ Q_1 โดยใช้สมการที่ 2.27 และ 2.28
- 3) คำนวณค่า $[\Delta P_1]$ และ $[\Delta Q_1]$ โดยใช้สมการที่ 2.39
- 4) หาค่าผิดพลาด (ขนาดของ ΔP_1 หรือ ΔQ_1) ที่มากที่สุด แล้วเปรียบเทียบว่ามากหรือน้อยกว่าค่าผิดพลาดที่ยอมรับได้ ถ้าน้อยกว่าแสดงว่าได้คำตอบแล้ว ($f(x) \approx 0$) ให้ข้ามไปทำขั้นที่ 7 ถ้ามากกว่า ให้ทำขั้นที่ 5 ต่อไป
- 5) คำนวณ $[J]$ ตามสมการที่ 2.42-2.45 และแก้สมการ 2.46 เพื่อหาค่า $[\Delta \theta_1]$ และ $[\Delta V_1]$
- 6) ปรับค่า θ_1 และ V_1 โดยใช้สมการที่ 2.47 แล้วย้อนไปทำ
- 7) คำนวณค่าอื่นที่ต้องการ เช่น line flow หรือนิมฟ์ผล
- 8) หยุดหรือกลับสู่โปรแกรมหลัก

รูปที่ 2.4 อัลกอริทึมของไหลคโพลว์โดยวิธีของนิวตัน-ราฟสัน

2.8 การปรับปรุงวิธีของนิวตัน-ราฟสัน

2.8.1 การปรับปรุงการหาค่าจาโคเบียนเมทริกซ์ [8.10]

ในการทำไหลคโพลว์โดยวิธีของนิวตัน-ราฟสัน ขั้นตอนที่ใช้เวลาในการคำนวณมากที่สุดคือการคำนวณ $[J]$ และการแก้สมการที่ 2.46 ดังนั้นจึงมีความพยายามที่จะปรับปรุงขั้นตอนดังกล่าว เพื่อให้การคำนวณรวดเร็วขึ้นและใช้หน่วยความจำน้อยลง

พิจารณาสมาชิกของ $[J]$ ในสมการที่ 2.42 - 2.45 จะเห็นได้ว่าทุกสมาชิกมี V_1 คูณอยู่ ถ้าหารตลอดด้วย V_1 ที่สมนัยกับสมาชิกของ $[J]$ แล้ว จะทำให้ขั้นตอนการคำนวณลดลง ดังนั้นสมการที่ 2.46 จะกลายเป็น

$$\begin{bmatrix} \Delta P_1 / V_1 \\ \Delta Q_1 / V_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} J_1 & J_2 \\ J_3 & J_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_1 \\ \Delta V_1 \end{bmatrix} \quad (2.48)$$

จาโคเบียนเมทริกซ์ในสมการที่ 2.48 จะมีค่าไม่เท่ากับจาโคเบียนเมทริกซ์ในสมการที่ 2.46 สมาชิกของจาโคเบียนเมทริกซ์ในสมการที่ 2.48 จะหาได้ดังต่อไปนี้

- สมาชิกของ $[J_1]$

$$\begin{aligned} J_{1ij} &= \frac{1}{V_1} \frac{\partial P_1}{\partial \theta_j} = V_j (G_{1j} \sin \theta_{1j} - B_{1j} \cos \theta_{1j}) \quad i \neq j \\ J_{111} &= \frac{1}{V_1} \frac{\partial P_1}{\partial \theta_1} = -\frac{Q_1}{V_1} - B_{11} V_1 \end{aligned} \quad (2.49)$$

- สมาชิกของ $[J_2]$

$$\begin{aligned} J_{2ij} &= \frac{1}{V_1} \frac{\partial P_1}{\partial V_j} = (G_{1j} \cos \theta_{1j} + B_{1j} \sin \theta_{1j}) \quad i \neq j \\ J_{211} &= \frac{1}{V_1} \frac{\partial P_1}{\partial V_1} = \frac{P_1}{V_1^2} + G_{11} \end{aligned} \quad (2.50)$$

- สมาชิกของ $[J_3]$

$$\begin{aligned} J_{3ij} &= \frac{1}{V_1} \frac{\partial Q_1}{\partial \theta_j} = -V_j (G_{1j} \cos \theta_{1j} + B_{1j} \sin \theta_{1j}) \quad i \neq j \\ J_{311} &= \frac{1}{V_1} \frac{\partial Q_1}{\partial \theta_1} = \frac{P_1}{V_1} - G_{11} V_1 \end{aligned} \quad (2.51)$$

- สมาชิกของ $[J_4]$

$$J_{4ij} = \frac{1}{V_1} \frac{\partial Q_1}{\partial V_j} = (G_{1j} \sin \theta_{1j} - B_{1j} \cos \theta_{1j}) \quad i \neq j$$

$$J_{411} = \frac{1}{V_1} \frac{\partial Q_1}{\partial V_1} = \frac{Q_1}{V_1^2} - B_{11} \quad (2.52)$$

2.8.2 วิธีตัดปีกเบิลโหลดไฟลว์ (Decouple Load Flow Method) [8,10]

คุณสมบัติที่น่าสนใจของระบบไฟฟ้ากำลังประการหนึ่งคือ การเปลี่ยนแปลงมุมของแรงดันมีผลต่อการเปลี่ยนแปลงกำลังรีแอกทีฟน้อยมาก และการเปลี่ยนแปลงขนาดของแรงดันมีผลต่อการเปลี่ยนแปลงกำลังจริงน้อยมาก คุณสมบัตินี้เรียกว่าการตัดปีกเบิลระหว่างกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟ จากคุณสมบัติดังกล่าวทำให้สามารถประมาณได้ว่า $[J_2]$ และ $[J_3]$ มีค่าเป็น 0 ดังนั้นสมการที่ 2.48 จึงกลายเป็น

$$\begin{bmatrix} \Delta P_1 / V_1 \\ \Delta Q_1 / V_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} J_1 & 0 \\ 0 & J_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_1 \\ \Delta V_1 \end{bmatrix} \quad (2.53)$$

หรือ

$$[\Delta P_1 / V_1] = [J_1] [\Delta \theta_1] \quad (2.54)$$

$$[\Delta Q_1 / V_1] = [J_4] [\Delta V_1] \quad (2.55)$$

โดยที่สมาชิกของ $[J_1]$ และ $[J_4]$ เป็นไปตามสมการที่ 2.49 และ 2.52

การทำโหลดไฟลว์โดยใช้สมการที่ 2.54 และ 2.55 เรียกว่าตัดปีกเบิลโหลดไฟลว์ จะเห็นได้ว่าวิธีตัดปีกเบิลโหลดไฟลว์ใช้เวลาในการสร้างจาโคเบียนเมทริกซ์น้อยลง คือสร้างเพียง $[J_1]$ และ $[J_4]$ เท่านั้น และเช่นเดียวกันหน่วยความจำที่ใช้ก็จะลดลงประมาณครึ่งหนึ่ง

2.8.3 วิธีฟาสต์ตัดปีกเบิลโหลดไฟลว์ (Fast Decouple Load Flow) [8,10]

ในระบบไฟฟ้ากำลัง โดยทั่วไปจะพยายามรักษาให้ขนาดของแรงดันมีค่าเท่ากับ 1.0 pu. โดยประมาณ และโดยทั่วไปมุมของแรงดันที่บัสต่างๆมีค่าแตกต่างกันไม่มาก ถ้าเราใช้ข้อสมมติดังต่อไปนี้



1. $V_1 = 1.0 \text{ pu.}$
2. $\theta_1 - \theta_2 = 0.0 \text{ Rad.}$
3. $Q_1 \ll B_1$

สมาชิกของ $[J_1]$ และ $[J_2]$ ตามสมการที่ 2.49 และ 2.52 จะกลายเป็น

-สมาชิกของ $[J_1]$

$$\begin{aligned} J_{111} &= -B_{12} \\ J_{111} &= -B_{11} \end{aligned} \quad (2.56)$$

-สมาชิกของ $[J_2]$

$$\begin{aligned} J_{211} &= -B_{12} \\ J_{211} &= -B_{11} \end{aligned} \quad (2.57)$$

หรือ

$$[J_1] = -[B] \quad (2.58)$$

$$[J_2] = -[B] \quad (2.59)$$

เมื่อ $[B]$ เป็นส่วนจินตภาพของบัสแอดมิตแตนซ์เมทริกซ์ $[Y_{bus}]$

ดังนั้นสมการที่ 2.54 และ 2.55 จึงกลายเป็น

$$[\Delta P_1 / V_1] = -[B] [\Delta \theta_1] \quad (2.60)$$

$$[\Delta Q_1 / V_1] = -[B] [\Delta V_1] \quad (2.61)$$

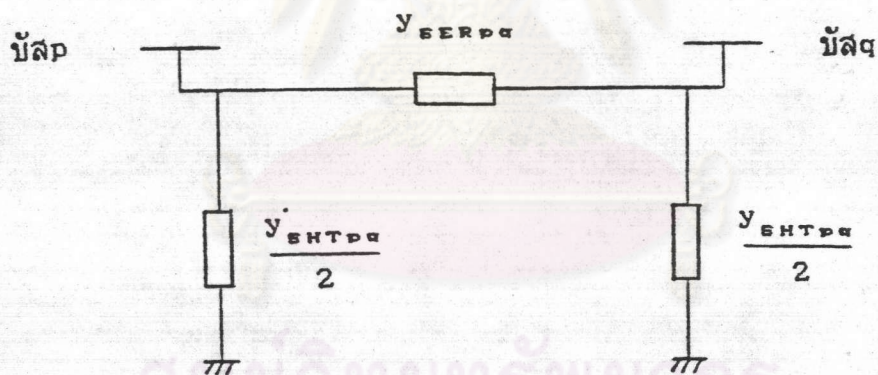
การทำโหนดโพลาร์โดยใช้สมการที่ 2.60 และ 2.61 เรียกว่า วิธี ฟาสต์ดีคัปเปิลโหนดโพลาร์ ในวิธีการนี้หาโคเบียนเมทริกซ์มีค่าคงที่ทุกอิตเทอร์เรชัน และเป็นค่าที่ได้จาก $[Y_{bus}]$ ดังนั้นจึงไม่ต้องคำนวณหาหาโคเบียนเมทริกซ์ การทำ triangularize เพื่อแก้สมการที่ 2.60 และ 2.61 จะกระทำเพียงครั้งเดียว ทำให้การทำโหนดโพลาร์ด้วยวิธีการนี้รวดเร็วมาก

2.9 กำลังที่ไหลในสายส่งและหม้อแปลง [9]

เมื่อคำนวณมุมและขนาดของแรงดันได้แล้ว จะทำการคำนวณหา กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ไหลในสายส่งและหม้อแปลงต่อไป

2.9.1 กำลังที่ไหลในสายส่ง

พิจารณาวงจรสมมูลของสายส่งที่เชื่อมต่อระหว่างบัส p และบัส q ดังรูปที่ 2.5



รูปที่ 2.5 วงจรสมมูลของสายส่งที่เชื่อมต่อระหว่างบัส p และบัส q

กระแสที่ไหลจากบัส p ไปยังบัส q (I_{pq}) หาได้จาก

$$I_{pq} = (E_p - E_q)y_{SERpq} + \frac{E_p y_{SHTpq}}{2} \quad (2.62)$$

ดังนั้นกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ไหลจากบัส p ไปยังบัส q (P_{pq} และ Q_{pq}) หาได้จาก

$$P_{pq} - jQ_{pq} = E_p^* I_{pq}$$

$$= E_p^*(E_p - E_q)y_{SERpq} + \frac{E_p^2 y_{SHTpq}}{2} \quad (2.63)$$

ในทำนองเดียวกัน กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ไหลจากบัส q ไปยังบัส p (P_{qp} และ Q_{qp}) หาได้จาก

$$\begin{aligned} P_{qp} - jQ_{qp} &= E_q^* I_{qp} \\ &= E_q^*(E_q - E_p)y_{SERpq} + \frac{E_q^2 y_{SHTpq}}{2} \end{aligned} \quad (2.64)$$

กำลังสูญเสียในสายส่ง pq (P_{Lpq}) หาได้จาก

$$P_{Lpq} = P_{pq} + P_{qp} \quad (2.65)$$

2.9.2 กำลังไหลในหม้อแปลง

พิจารณาวงจรสมมูลของหม้อแปลงในรูปที่ 2.2 กระแสที่ไหลจากบัส p ไปยังบัส q (I_{pq}) ซึ่งก็คือ I_p ในรูปที่ 2.2 หาได้จาก

$$I_{pq} = (E_p - \frac{E_q}{a})y_T \quad (2.66)$$

จากสมการที่ 2.5 กระแสที่ไหลจากบัส q ไปยังบัส p (I_{qp}) ซึ่งก็คือ I_q ในรูปที่ 2.2 หาได้จาก

$$\begin{aligned} I_{qp} &= -\frac{I_{pq}}{a} \\ &= \frac{1}{a}(\frac{E_q}{a} - E_p)y_T \end{aligned} \quad (2.67)$$

ดังนั้นกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ไหลจากบัส p ไปยังบัส q (P_{pq} และ Q_{pq}) หาได้จาก

$$P_{pq} - jQ_{pq} = E_p^*(E_p - \frac{E_q}{a})y_T \quad (2.68)$$

ในทำนองเดียวกัน กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่ไหลจากบัส q ไปยังบัส p (P_{qp} และ Q_{qp}) หาได้จาก

$$P_{ap} - jQ_{ap} = \frac{E_a}{s} \left(\frac{E_a}{s} - E_p \right) y_T \quad (2.69)$$

กำลังสูญเสียในหม้อแปลง pa หาได้จากสมการที่ 2.65 เช่นเดียวกับสายส่ง

ศูนย์วิทยุทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย