

เอกสารอ้างอิง



ภาษาไทย

1. เกษมสันต์ สุวรรณรัตน์, " วิจารณ์การของการบำบัดน้ำเสีย, " การบำบัดน้ำเสียและการนำมาใช้ประโยชน์, หน้า 4.1-4.11 สมาคมส่งเสริมเทคโนโลยี (ไทย-ญี่ปุ่น), 2529
2. ชีวรัตน์ สมศิริกาญจนคุณ, " การศึกษาปัญหาและอุปสรรคของอุตสาหกรรมสิ่งทอในประเทศไทย, " วิทยานิพนธ์ปริญญาโท, ภาควิชาวิศวกรรมอุตสาหกรรม วิทยาลัยเทคโนโลยี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย , 2531
3. นวลละออ เข็มมสวัสดิ์, " การกำจัดสารอินทรีย์และสีพร้อมกัน โดยใช้ระบบ PAC Activated Sludge, " วิทยานิพนธ์ปริญญาโท, ภาควิชาวิศวกรรมสุขาภิบาล วิทยาลัยเทคโนโลยี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2526
4. บุญยง ไฉ่ห้วงศรีวัฒน์, " ผลกระทบและกฎหมายควบคุมสิ่งแวดล้อมโรงงาน, " การบำบัดน้ำเสียและการนำมาใช้ประโยชน์, หน้า 1.1-1.3 สมาคมส่งเสริมเทคโนโลยี (ไทย-ญี่ปุ่น), 2529
5. มิ่งเงิน ดันทุลาเวณี, " เทคนิคในการบำบัดน้ำเสีย, " การบำบัดน้ำเสียและการนำมาใช้ประโยชน์, หน้า 3.2-3.9 สมาคมส่งเสริมเทคโนโลยี (ไทย-ญี่ปุ่น), 2529

6. สมชัย สุชาติเจริญยิ่ง, ผลงานปี 2529-2530 งานแม่ น้ำเจ้าพระยา, หน้า 8-69
ฝ่ายอนุรักษ์ลำน้ำและชายฝั่ง กองสิ่งแวดล้อมโรงงาน กรมโรงงานอุตสาหกรรม
กระทรวงอุตสาหกรรม, 2531
7. สุภาพ แสงสุท, " การกำจัดน้ำทิ้งจากโรงงานผลิตเครื่องดื่มด้วยระบบบ่อเติม
อากาศ, " วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบริหาร, ภาควิชาวิศวกรรมสุขาภิบาล
บัณฑิตวิทยาลัยจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2520
8. เสริมผล รัตสุข และ ไชยยุทธ กลิ่นสุคนธ์, การกำจัดน้ำทิ้งจากโรงงานอุตสาหกรรม
และแหล่งชุมชน, กรุงเทพฯ : สถาบันวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีแห่ง
ประเทศไทย, 2524
9. อติสร เมาวรรณท์, ผลงานปี 2529-2530 งานแม่ น้ำท่าจีน, หน้า 19-77
ฝ่ายอนุรักษ์ลำน้ำและชายฝั่ง กองสิ่งแวดล้อมโรงงาน กรมโรงงานอุตสาหกรรม
กระทรวงอุตสาหกรรม, 2531

ภาษาอังกฤษ

1. APHA AWWA and WPOF . Standard Methods for the examination of
water and wastewater. 14th Edition. Washington, D.C.
: American Public Health Association, American Water
Works Association, and Water Pollution Control
Federation, 1975
2. CHAMBERS, B., and TOMLINSON, E.J. Bulking of Activated Sludge :
Preventive and Remedial Method. 1st Edition.

Chichester : Ellis Horwood Limited, 1982

3. DONALD W. SUNDBROM and HERBERT E. KLEI, " Biological design parameters " Wastewater Treatment & Prentice - Hall, Inc, 1979



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ก.

มาตรฐานคุณภาพน้ำ



(สำเนา)

ประกาศกระทรวงอุตสาหกรรม

ฉบับที่ 12 (พ.ศ. 2525)

ออกตามความในพระราชบัญญัติโรงงาน พ.ศ. 2512

เรื่อง หน้าที่ของผู้รับใบอนุญาตประกอบกิจการโรงงาน

อาศัยอำนาจตามความในมาตรา 39(6) แห่งพระราชบัญญัติโรงงาน พ.ศ. 2512 รัฐมนตรีว่าการกระทรวงอุตสาหกรรม ออกประกาศกำหนดหลักเกณฑ์และวิธีการที่ผู้รับใบอนุญาตประกอบกิจการโรงงานทุกประเภทหรือชนิดที่มีหน้าที่กระทำการเกี่ยวกับการระบายน้ำทั้งดังต่อไปนี้

ให้ยกเลิกความในข้อ 22 แห่งประกาศกระทรวงอุตสาหกรรม ฉบับที่ 2 (พ.ศ. 2513) ลงวันที่ 24 กรกฎาคม 2513 และให้ใช้ความต่อไปนี้แทน

"ข้อ 22 ห้ามมิให้ระบายน้ำที่ออกจากโรงงาน เว้นแต่ได้ทำการอย่างใดอย่างหนึ่งหรือหลายอย่าง แต่ต้องไม่ใช่วิธีทำให้เจือจาง (Dilution) โดยให้น้ำทิ้งมีลักษณะดังต่อไปนี้

- (1) ค่าของความเป็นกรดต่าง (pH value) ระหว่าง 5 ถึง 9

(2) ค่าของเปอร์มังกาเนต (Permanganate value) ไม่มากกว่า 60 มิลลิกรัมต่อลิตร

(3) สารที่ละลายได้ (Dissolved Solids) ต้องมีค่าดังนี้

3.1 สารที่ละลายได้ (Dissolved Solids) ต้องไม่มากกว่า 2,000 มิลลิกรัมต่อลิตร หรืออาจแตกต่างกันที่กำหนดไว้ได้ แล้วแต่ภูมิภาคหรือลักษณะการระบาย ตามที่พนักงานเจ้าหน้าที่เห็นสมควร แต่ต้องไม่มากกว่า 5,000 มิลลิกรัมต่อลิตร

3.2 น้ำทิ้งที่จะระบายออกจากโรงงานลงสู่แหล่งน้ำกร่อยที่มีค่าความเค็ม (Salinity) เกิน 2,000 มิลลิกรัมต่อลิตร หรือลงสู่ทะเล ค่าสารที่ละลายได้ในน้ำทิ้งจะมีค่ามากกว่าค่าสารที่ละลายได้ที่มีอยู่ในแหล่งน้ำกร่อยหรือทะเลได้ไม่เกิน 5,000 มิลลิกรัมต่อลิตร

(4) ซัลไฟด์ (Sulphide) คิดเทียบเป็นไฮโดรเจนซัลไฟด์ (H_2S) ไม่มากกว่า 1 มิลลิกรัมต่อลิตร

(5) ไซยาไนด์ (Cyanide) คิดเทียบเป็นไฮโดรเจนไซยาไนด์ (HCN) ไม่มากกว่า 0.2 มิลลิกรัมต่อลิตร

(6) โลหะหนักมีค่าดังนี้

6.1 สังกะสี (Zinc) ไม่มากกว่า 5 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.2 โครเมียม (Chromium) ไม่มากกว่า 0.5 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.3 อาร์เซนิก (Arsenic) ไม่มากกว่า 0.25 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.4 ทองแดง (Copper) ไม่มากกว่า 1 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.5 ปรอท (Mercury) ไม่มากกว่า 0.005 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.6 แคดเมียม (Cadmium) ไม่มากกว่า 0.03 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.7 บาเรียม (Barium) ไม่มากกว่า 1 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.8 เซเลเนียม (Selenium) ไม่มากกว่า 0.02 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.9 ตะกั่ว (Lead) ไม่มากกว่า 0.2 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.10 นิกเกิล (Nickel) ไม่มากกว่า 0.2 มิลลิกรัมต่อลิตร

6.11 แมงกานีส (Manganese) ไม่มากกว่า 5 มิลลิกรัมต่อลิตร

(7) น้ำมันทาร์ (Tar) ไม่มีเลข

(8) น้ำมันและไขมัน (Oil & Grease) ไม่มากกว่า 5 มิลลิกรัมต่อลิตร ยกเว้นโรงงานกลั่นน้ำมัน และโรงงานประกอบกิจการผสมน้ำมันหล่อลื่น จาระบี ตามประเภท หรือชนิดโรงงานลำดับที่ 49, 50(4) แห่งกฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ใช้น้ำมัน ไม่มากกว่า 15 มิลลิกรัมต่อลิตร

(9) ฟอรัลดีไฮด์ (Formaldehyde) ไม่มากกว่า 1 มิลลิกรัมต่อลิตร

(10) ฟีนอลและหรือครีโซลส์ (Phenols & Cresols) ไม่มากกว่า 1 มิลลิกรัมต่อลิตร

(11) คลอรีนอิสระ (Free Chlorine) ไม่มากกว่า 1 มิลลิกรัมต่อลิตร

(12) ยาฆ่าแมลง (Insecticide) สารกัมมันตรังสี ไม่มีเลข

(13) ถ้าอัตราส่วนผสมระหว่างน้ำทั้งกับน้ำในน้ำสาธารณะอยู่ระหว่าง 1 ต่อ 8 ถึง 1 ต่อ 150 สารที่ละลายเจือปนอยู่ต้องไม่น้อยกว่า 30 ส่วนใน 1,000,000 ส่วน ถ้าอัตราส่วนผสมระหว่างน้ำทั้งกับน้ำในน้ำสาธารณะอยู่ระหว่าง 1 ต่อ 151 ถึง 1 ต่อ 300 สารที่ละลายเจือปนอยู่ต้องไม่มากกว่า 60 ส่วนใน 1,000,000 ส่วน ถ้าอัตราส่วนผสมระหว่างน้ำทั้งกับน้ำในน้ำสาธารณะอยู่ระหว่าง 1 ต่อ 301 ถึง 1 ต่อ 500 สารที่ละลายเจือปนอยู่ต้องไม่มากกว่า 150 ส่วน ใน 1,000,000 ส่วน

(14) ค่าของ บี.โอ.ดี (B.O.D.) (5 วันที่อุณหภูมิ 20 องศาเซลเซียส) ไม่มากกว่า 20 มิลลิกรัมต่อลิตร หรืออาจแตกต่างจากที่กำหนดไว้ได้ แล้วแต่ภูมิประเทศ หรือลักษณะการระบายตามที่พนักงานเจ้าหน้าที่เห็นสมควร แต่ต้องไม่มากกว่า 60 มิลลิกรัมต่อลิตร (บี.โอ.ดี. หรือ B.O.D. ย่อมาจาก Biochemical Oxygen Demand ยกเว้นเฉพาะ โรงงานประเภทหรือชนิดดังต่อไปนี้

14.1 โรงงานประกอบกิจการทำอาหารจากสัตว์น้ำ และบรรจุในภาชนะที่ผนึกและอากาศเข้าไม่ได้ ตามประเภทหรือชนิดโรงงานลำดับที่ 7(1) แห่งกฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 200 มิลลิกรัมต่อลิตร และนับตั้งแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า

100 มิลลิกรัมต่อลิตร

14.2 โรงงานผลิตแปงมันสำปะหลัง ตามประเภทหรือชนิดโรงงานลำดับที่ 9(3) แห่งกฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ซึ่งมีการแก้ไขผลิตดังนี้

14.2.1 เหยือกแยกแป้งแล้วทำให้แห้งด้วยลมร้อน ต้องมีค่า บี.โอ.ดี (B.O.D.) ไม่มากกว่า 100 มิลลิกรัมต่อลิตร และนับแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 20 มิลลิกรัมต่อลิตร หรืออาจแตกต่างกันที่กำหนดไว้แล้วแต่ภูมิภาคหรือลักษณะการระบายตามที่พนักงานเจ้าหน้าที่เห็นสมควร แต่ต้องไม่มากกว่า 60 มิลลิกรัมต่อลิตร

14.2.2 แยกแป้งด้วยการตกตะกอนแล้วทำให้แห้งบนพื้นแข็งไฟ ต้องมีค่า บี.โอ.ดี (B.O.D.) ไม่มากกว่า 200 มิลลิกรัมต่อลิตร และตั้งแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 100 มิลลิกรัมต่อลิตร

14.3 โรงงานประกอบกิจการเกี่ยวกับทำผลิตภัณฑ์อาหารจากแป้ง เป็นเส้นหรือสั้นตามประเภทหรือชนิดโรงงาน ลำดับที่ 10(3) แห่งกฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ชนิดทำ ก๋วยเตี๋ยว ขนมจีน และเส้นชนิดที่ใช้ข้าวเป็นวัตถุดิบไม่เกิน 500 กิโลกรัมต่อวัน ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 150 มิลลิกรัมต่อลิตร และนับตั้งแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 100 มิลลิกรัมต่อลิตร

14.4 โรงงานหมัก ฟอก หนังสัตว์ ตามประเภทหรือชนิดโรงงาน ลำดับที่ 29 แห่งกฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ที่ใช้หนังสัตว์สดเป็นวัตถุดิบต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 200 มิลลิกรัมต่อลิตร และนับตั้งแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี (B.O.D.) ไม่มากกว่า 100 มิลลิกรัมต่อลิตร

14.5 โรงงานผลิตเชื้อกระดาษจากไม้ ชานอ้อย หญ้า เศษผ้า ฯลฯ ตามประเภทหรือชนิดโรงงาน ลำดับที่ 38(1) แห่งกฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 150 มิลลิกรัมต่อลิตร และตั้งแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 100 มิลลิกรัมต่อลิตร

14.6 โรงงานห้องเย็น ตามประเภทหรือชนิดโรงงาน ลำดับที่ 92 แห่ง

กฎกระทรวง ฉบับที่ 1 (พ.ศ.2512) ชนิดที่มีการแกะแล้วแช่แข็งสัตว์น้ำ ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 200 มิลลิกรัมต่อลิตร และนับตั้งแต่วันที่ 1 มกราคม 2526 เป็นต้นไป ต้องมีค่า บี.โอ.ดี. (B.O.D.) ไม่มากกว่า 100 มิลลิกรัมต่อลิตร

(15) อุณหภูมิของน้ำทิ้งที่จะระบายลงสู่ลำน้ำสาธารณะ ไม่มากกว่า 40 องศาเซลเซียส

(16) สีหรือกลิ่นของน้ำทิ้ง เมื่อระบายลงสู่ลำน้ำสาธารณะแล้ว ไม่เป็นที่พึงรังเกียจ

ประกาศ ณ วันที่ 18 กุมภาพันธ์ 2525

พลตรี ชำติช่าย ชูตะพาน

(ชำติช่าย ชูตะพาน)

รัฐมนตรีว่าการกระทรวงอุตสาหกรรม

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ข

การคำนวณหาความสัมพันธ์ระหว่างค่าใช้จ่ายต่างๆกับปริมาณ BOD



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

1. หาดความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณการใช้ที่ดิน กับ ปริมาณ BOD

1.1 ระบบกักน้ำ (Pond)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ได้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน) y = ปริมาณการใช้ที่ดิน (เมตร²)สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$ H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$ เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่ x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
3.00	600,600	2	1200	720,000	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 1,440,000$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$Exp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 1,440,000 - 720,000 = 720,000$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 25 \quad \sum xy = 11,343,936.8$$

$$\sum x = 896.39 \quad \sum y = 74,402$$

$$\sum x^2 = 165,618.65 \quad \sum y^2 = 957,780,292$$

$$\bar{x} = 35.86 \quad \bar{y} = 2,976.08$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 165,618.65 - (896.39)^2 / 25 \\ = 133,478.05$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 11,343,936.8 - (896.39)(74,402) / 25 \\ = 8,676,208.44$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 957,780,292 - (74,402)^2 / 25 \\ = 736,353,987.8$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 8,676,208.44 / 133,478.05 = 65.00$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 2,976.08 - (65)(35.86) = 645.14$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 957,780,292 - 5,535,657,604 / 25 \\ = 736,353,987.8$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (65)(8,676,208.44) = 563,953,548.6$$

$$SS_u = SS_t - SS_r = 736,353,987.8 - 563,953,548.6 \\ = 172,400,439.2$$

$$SS_p = 720,000$$

$$SS_f = SS_u - SS_p = 172,400,439.2 - 720,000 = 171,681,439.2$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	563,953,548.6	563,953,548.6	
error	23	172,400,439.2	7,495,671.27	
lack of fit	22	171,680,439.2	7,803,656.33	10.84
pure error	1	720,000	720,000	
total	24	736,353,987.8		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

จาก ANOVA $V = 22, 1$ $F = 10.84$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n\sum xy - \sum x \sum y}{n\sum x^2 - (\sum x)^2}$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

ได้ $y = 645.14 + 65 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ปริมาณการใช้ที่ดิน (เมตร²)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 8,676,208.44$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{133,478.05}$$

$$= 365.35$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{736,353,987.8} = 27,135.84$$

$$r_{xy} = 8,676,208.44 / (365.35)(27,135.84)$$

$$= 0.875$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

1.2 ระบบบำบัดน้ำ (Aerated Lagoon)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ปริมาณการใช้ที่ดิน (เมตร²)

สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$

H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
60.00	1200, 1500	2	2700	3,645,000	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 7,290,000$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 7,290,000 - 3,645,000 = 3,645,000$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 31 \quad \sum xy = 11,977,457.8$$

$$\sum x = 3,086.4 \quad \sum y = 70,613$$

$$\sum x^2 = 548,411.6 \quad \sum y^2 = 280,444,937$$

$$\bar{x} = 99.56 \quad \bar{y} = 2,277.8$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 548,411.6 - (3,086.4)^2 / 31 = 241,125.63$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 11,977,457.8 - (3,086.4)(70,613) / 31 = 4,947,136.40$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 280,444,937 - (70,613)^2 / 31 \\ = 119,599,912.2$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 4,947,136.40 / 241,125.63 = 20.52$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 2277.8 - (20.52)(99.56) = 235.14$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 119,599,912.2$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (20.52)(4,947,136.40) = 101,515,238.9$$

$$SS_u = SS_t - SS_r = 119,599,912.2 - 101,515,238.9 \\ = 18,084,673.28$$

$$SS_p = 3,645,000$$

$$SS_e = SS_u - SS_p = 18,084,673.28 - 3,645,000 = 14,439,673.28$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	101,515,238.9	101,515,238.9	
error	29	18,084,673.28	623,609.42	0.14
lack of fit	28	14,439,673.28	515,702.61	
pure error	1	3,645,000	3,645,000	
Total	30	119,599,912.2		

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$

$\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 28, 1 \quad F = 0.14$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

พหุสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n\sum xy - \sum x \sum y}{n\sum x^2 - (\sum x)^2}$

ได้ $y = 235.18 + 20.52 x$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)
 Y = ปริมาณการไหลที่คืน (เมตร^๓)

$$r_{1,2} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 4,947,136.40$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{241,125.63}$$

$$= 491.04$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{119,599,912.2} = 10,936.17$$

$$r_{1,2} = 4,947,136.40 / (491.04)(10,936.17)$$

$$= 0.92$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

1.3 ระบบบำบัดน้ำเสียตะกอน (Activated Sludge)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ปริมาณน้ำที่ใช้ที่ดิน (เมตร²)

สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$

H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
3.00	96,150	2	246	30,258	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 60,516$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 60,516 - 30,258 = 30,258$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 17 \quad \sum xy = 484,825.42$$

$$\sum x = 772.5 \quad \sum y = 6,438.2$$

$$\sum x^2 = 76,478.83 \quad \sum y^2 = 4,055,565.84$$

$$\bar{x} = 45.44 \quad \bar{y} = 380.30$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 76,478.83 - (772.5)^2 / 17 = 41,375.52$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 484,825.42 - (772.5)(6,438.2) / 17 = 192,266.03$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 4,055,565.84 - (6,438.2)^2 / 17 \\ = 1,617,305.88$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 192,266.03 / 41,375.52 = 4.65$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 380.30 - (4.65)(45.44) = 169.14$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 1,617,305.88$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (4.65)(192,266.03) = 894,037.04$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 1,617,305.88 - 894,037.04 \\ = 723,268.84$$

$$SS_p = 30,258$$

$$SS_c = SS_e - SS_p = 723,268.84 - 30,258 = 693,010.84$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	894,037.04	894,037.04	
error	15	723,268.84	48,217.92	
lack of fit	14	693,010.84	49,500.77	1.63
pure error	1	30,258	30,258	
total	16	1,617,305.88		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

จาก ANOVA $V = 14, 1$ $F = 1.63$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์

$$y = a + bx, \quad b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

ได้

$$y = 167.57 + 4.65 x$$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)
 y = ปริมาณการใช้ที่ดิน (เมตร²)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 192,266.03$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{41,375.52}$$

$$= 203.41$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{1,617,305.88} = 1,271.73$$

$$r_{xy} = 192,266.03 / (203.41)(1271.73)$$

$$= 0.743$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

2. หาดความสัมพันธ์ระหว่างค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ กับ ปริมาณ BOD

2.1 ระบบก่อดังน้ำ (Pond)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน) y = ค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ (บาท)สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1 x_1$ H_1 : $y \neq B_0 + B_1 x_1$ เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
3.00	21480, 13040	2	34,520	595,815,200	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 1,191,630,400$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 1,191,630,400 - 595,815,200 = 595,815,200$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 25 \quad \sum xy = 621,669,012.4$$

$$\sum x = 896.39 \quad \sum y = 3,393,900$$

$$\sum x^2 = 165,618.65 \quad \sum y^2 = 4.248 \times 10^{12}$$

$$\bar{x} = 35.86 \quad \bar{y} = 135,756$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 165,618.65 - (896.39)^2 / 25 = 133,478.05$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 621,669,012.4 - (896.39)(3,393,900) / 25 = 499,978,691.60$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 4.248 \times 10^{12} - 4.607 \times 10^{11} \\ = 3.78 \times 10^{12}$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 499,978,691.6 / 133,478.05 = 3,745.77$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 135,756 - (3,745.77)(35.86) = 1,432.52$$

$$SS_{\text{total}} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 3.78 \times 10^{12}$$

$$SS_{\text{reg}} = b_1 S_{xy} = (3,745.77)(499,978,691.6) = 1.87 \times 10^{12}$$

$$SS_{\text{error}} = SS_{\text{total}} - SS_{\text{reg}} = 3.78 \times 10^{12} - 1.87 \times 10^{12}$$

$$SS_{\text{total}} = 6,514,799,800$$

$$SS_{\text{error}} = SS_{\text{total}} - SS_{\text{reg}} = 1.9 \times 10^{12}$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	1.87×10^{12}	1.87×10^{12}	
error	23	1.907×10^{12}	8.29×10^{10}	
lack of fit	22	1.9×10^{12}	9.5×10^{10}	43.74
pure error	1	6,514,799,800	2,171,599,933	
total	24	3.78×10^{12}		

$$\text{สมมติฐาน} \quad H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\text{จาก ANOVA} \quad V = 22, 1$$

ได้ p-value > 0.01 ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

$$\text{หาสมการของความสัมพันธ์} \quad y = a + bx, \quad b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$a = \bar{y} - b \bar{x}$$

$$\text{ได้} \quad y = 1,432.52 + 3,745.77 x$$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ (บาท)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 499,978,691.60$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{133,478.05}$$

$$= 19.11$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{3.78 \times 10^{12}} = 1,944,222.21$$

$$r_{xy} = 499,978,691.60 / (19.11)(1,944,222.21)$$

$$= 0.07$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

2.2 ระบบบำบัดน้ำ (Aerated Lagoon)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ (บาท)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ที่ต่างกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
60.00	1338075,1199487	2	2,537,562	3.22×10^{12}	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 9.88 \times 10^{12}$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 6.44 \times 10^{12} - 3.22 \times 10^{12} \\ = 3.22 \times 10^{12}$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 31 \quad \sum xy = 7,190,249,134$$

$$\sum x = 3,086.4 \quad \sum y = 49,601,439.5$$

$$\sum x^2 = 548,411.6 \quad \sum y^2 = 1.132 \times 10^{14}$$

$$\bar{x} = 99.56 \quad \bar{y} = 1,643,014.18$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 548,411.6 - (3,086.4)^2 / 31 \\ = 241,125.63$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 7,190,249,134 - \\ (3,086.4)(49,601,439.5) / 31 \\ = 2,251,865,816$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 1.132 \times 10^{14} - (49,601,439.5)^2 / 31 \\ = 3.38 \times 10^{13}$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 2,251,865,816 / 241,125.63 = 9,338.97$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 1,643,014.8 - (9338.97)(99.56) = 713,226$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 3.38 \times 10^{13}$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (9,338.97)(2,251,865,816) = 2.1 \times 10^{13}$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 3.38 \times 10^{13} - 2.1 \times 10^{13} \\ = 1.27 \times 10^{13}$$

$$SS_p = 3.22 \times 10^{12}$$

$$SS_c = SS_u - SS_p = 9.48 \times 10^{12}$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1		2.1×10^{13}	
error	30	1.27×10^{13}	4.22×10^{11}	0.14
lack of fit	29	9.48×10^{12}	3.22×10^{11}	
pure error	1	3.22×10^{12}	3.22×10^{12}	
total	30	3.38×10^{13}		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\text{จาก ANOVA } V = 29, 1 \quad F = 3.1 \times 10^{-13}$$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์

$$y = a + bx, \quad b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

ได้

$$y = 670,258.27 + 9,338.97 x$$

การตรวจสอบความสัมพันธ์ที่สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)
 Y = ค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ (บาท)

$$r_{12} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 2,251,865,816$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{241,125.63}$$

$$= 491.04$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{3.38 \times 10^{13}} = 5,813,776.74$$

$$r_{12} = 2,251,865,816 / (491.04)(5,813,776.74)$$

$$= 0.788$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

2.3 ระบายน้ำเสียตะกอน (Activated Sludge)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ (บาท)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
-------	-------	-------	------------------	-----------	----------------

3.00	435126,449790	2	884,916	3.91×10^{11}	1
------	---------------	---	---------	-----------------------	---

			4,784,666	7.99×10^{12}	2
--	--	--	-----------	-----------------------	---

$a = \sum df_1 = 1$ $\sum y_1^2 = 1.59 \times 10^{13}$

$g_1 = \sum y_1$

$n_1 =$ จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1

$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 7.8 \times 10^{11} - 3.91 \times 10^{11}$
 $= 3.9 \times 10^{11}$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$n = 17$ $\sum xy = 1,992,665,931$

$\sum x = 772.5$ $\sum y = 28,380,179.5$

$\sum x^2 = 76,478.83$ $\sum y^2 = 6.33 \times 10^{13}$

$\bar{x} = 45.44$ $\bar{y} = 1,669,422.32$

$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 76,478.83 - (772.5)^2 / 17$
 $= 41,375.52$

$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 484,825.42 -$
 $(772.5)(28,380,179.5) / 17$
 $= 703,037,186.2$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 6.33 \times 10^{13} - 8.05 \times 10^{14} / 17 \\ = 1.59 \times 10^{13}$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 703,037,186.2 / 41,375.52 = 16,991.62$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 1,669,422.32 - (16,991.62)(45.44) \\ = 897,323.02$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 1.59 \times 10^{13}$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (16,991.62)(703,037,186.2) = 1.19 \times 10^{13}$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 1.59 \times 10^{13} - 1.19 \times 10^{13} \\ = 3.95 \times 10^{12}$$

$$SS_p = 3.9 \times 10^{11}$$

$$SS_f = SS_u - SS_p = 3.5 \times 10^{12}$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	1.19×10^{13}	1.19×10^{13}	
error	15	3.95×10^{12}	2.6×10^{11}	
lack of fit	14	3.5×10^{12}	2.5×10^{11}	0.64
pure error	1	3.9×10^{11}	3.9×10^{11}	
total	16	1.59×10^{13}		

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$
 $H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$
 $\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 14, 1$ $F = 0.64$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$
 $a = \bar{y} - b \bar{x}$

ได้ $y = 897,323.05 + 16,991.62 X$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าก่อสร้างและค่าอุปกรณ์ (บาท)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 703,037,186.2$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{41,375.52}$$

$$= 203.41$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{1.59 \times 10^{13}} = 3,987,480.40$$

$$r_{xy} = 703,037,186.2 / (203.41)(3,987,480.40)$$

$$= 0.86$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3. หาดความสัมพันธ์ระหว่างค่าใช้จ่ายในการดำเนินการ กับ ปริมาณ BOD

3.1 ค่าแรงพนักงาน

3.1.1 ระบบกักน้ำ (Pond)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ค่าแรงพนักงาน (บาท/เดือน)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n_1	$df = n_1 - 1$	
3.00	312.50	2000	2	2,312.50	2,673,828.1	1
a	$= \sum df_1$	$= 1$		$\sum y_1^2$	$= 5,347,656.25$	
g_1	$= \sum y_1$					
n_1	$=$ จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1					
SSp	$= \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1$	$= 5,347,656.25 - 2,673,828.1$				$= 2,673,828.1$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$n = 25 \quad \sum xy = 2,459,002$

$\sum x = 896.39 \quad \sum y = 24,844.5$

$\sum x^2 = 165,618.65 \quad \sum y^2 = 47,543,167.75$

$\bar{x} = 35.86 \quad \bar{y} = 993.78$

$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 165,618.65 - (896.39)^2 / 25 = 133,478.05$

$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 2,459,002 - (896.39)(24,844.5) / 25 = 1,568,87.54$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 47,543,167.75 - (617,249,180.3 / 25) \\ = 22,853,200.54$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 1,568,187.54 / 133,478.05 = 11.74$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 993.78 - (11.74)(35.86) = 572.47$$

$$SS_c = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 22,853,200.54$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (11.74)(1,568,187.54) = 18,410,521.72$$

$$SS_u = SS_c - SS_r = 22,853,200.54 - 18,410,521.72 \\ = 4,442,678.82$$

$$SS_p = 2,673,828.1$$

$$SS_f = SS_u - SS_p = 4,442,678.82 - 2,673,828.1 = 1,768,850.72$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	18,410,521.72	18,410,521.72	
error	23	4,442,678.82	193,159.94	
lack of fit	22	1,768,850.72	80,402.30	0.03
pure error	1	2,673,828.1	2,673,828.1	
total	24	22,853,200.54		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

จาก ANOVA $V = 22, 1$ $F = 0.03$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

พหุสมการของหาค่าสัมพันธ์

$$y = a + bx, \quad b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$a = \bar{y} - b \bar{x}$$

ได้

$$y = 572.47 + 11.75 x$$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าแรงพนักงาน (บาท/เดือน)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 1,568,187.54$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{133,478.05}$$

$$= 365.346$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{22,853,200.54} = 4,780.50$$

$$r_{xy} = 1,568,187.54 / (365.34)(4,780.50)$$

$$= 0.89$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.1.2 ระบบบ่อกวนน้ำ (Aerated Lagoon)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ค่าแรงปัมป์งาน (บาท/เดือน)

สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$

H_1 : $y = B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_i ที่มี

x_i ซ้ำกันออก

x_i	y_i	n_i	$g_i = \sum y_i$	g_i^2/n	$df = n_i - 1$
3.00	2100	2	4,881.25	11,913,300.78	1

$$a = \sum df_i = 1 \quad \sum y_i^2 = 23,826,601.56$$

$$g_i = \sum y_i$$

$$n_i = \text{จำนวน } y_i \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_i$$

$$SSp = \sum y_i^2 - \sum g_i^2 / n_i = 11,913,300.78$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 17 \quad \sum xy = 3,201,762.5$$

$$\sum x = 772.5 \quad \sum y = 61,181.25$$

$$\sum x^2 = 76,478.83 \quad \sum y^2 = 237,239,101.6$$

$$\bar{x} = 45.44 \quad \bar{y} = 3,598.9$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 76,478.83 - (772.5)^2 / 17 = 41,375.52$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 3,201,762.5 - (772.5)(61,181.25) / 17 = 421,614.52$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 237,239,101.6 - (61,1811.25)^2 / 17 \\ = 17,054,080.93$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 421,614.52 / 41,375.52 = 10.19$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 3,598.9 - (10.19)(45.44) = 3,135.87$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 17,054,080.93$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (10.19)(421,614.52) = 4,296,251.96$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 12,757,828.97$$

$$SS_p = 11,913,300.78$$

$$SS_r = SS_e - SS_p = 844,528.19$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	4,296,251.96	4,296,251.96	
error	15	12,757,828.97	850,521.93	
lack of fit	14	844,528.19	60,323.44	0.005
pure error	1	11,913,300.78	11,913,300.78	
Total	16	17,054,080.93		

$$\text{สมมติฐาน } H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\text{จาก ANOVA } V = 14, 1 \quad F = 0.005$$

ได้ p-value > 0.05 ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

$$\text{หาสมการของความสัมพันธ์ } y = a + bx, \quad b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$a = \bar{y} - b \bar{x}$$

$$\text{ได้ } y = 3,135.87 + 10.19 x$$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าแรงพนักงาน (บาท/เดือน)

$$r_{1,2} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 421,614.52$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{41,375.52}$$

$$= 203.41$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{17,054,080.93} = 4,129.65$$

$$r_{1,2} = 421,614.52 / (203.41)(4,129.65)$$

$$= 0.50$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.1.3 ระบบย่อยเลี้ยงตะกอน (Activated Sludge)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ค่าแรงพนักงาน (บาท/เดือน)

สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$

H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$\sum y_1$	$\sum y_1^2 / n_1$	$df = n_1 - 1$
60.00	2700,2937.5	2	5,637.5	15,890,703.13	1

$$n = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 31,781,406.25$$

$$\sum y_1 = 5,637.5$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum \sum y_1^2 / n_1 = 15,890,703.13$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 31 \quad \sum xy = 12,591,003.25$$

$$\sum x = 3,086.4 \quad \sum y = 107,575.2$$

$$\sum x^2 = 548,411.6 \quad \sum y^2 = 408,290,812.8$$

$$\bar{x} = 99.56 \quad \bar{y} = 3,470.17$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 548,411.6 - (3,086.4)^2 / 31 = 241,125.63$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 12,591,003.25 - (3,086.4)(107,575.2) / 31 = 1,880,677.53$$



$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 408,290,812.8 - (107,575.2)^2 / 31 \\ = 34,986,823.93$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 1,880,677.53 / 241,125.63 = 7.79$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 3,470.17 - (7.79)(99.56) = 2,694.59$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 34,986,823.93$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = (7.79)(1,880,677.53) = 14,650,477.96$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 34,986,823.93 - 14,650,477.96 \\ = 20,336,345.97$$

$$SS_f = SS_u - SS_p = 20,336,345.97 - 15,890,703.13 = 4,445,642.85$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	14,650,477.96		
error	29	20,336,345.97		
lack of fit	28	4,445,642.85	158,772.95	0.009
pure error	1	15,890,703.13	15,890,703.13	
total	30	34,986,823.93		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

จาก ANOVA $V = 28, 1$ $F = 0.009$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$

$$a = \bar{y} - b \bar{x}$$

ได้ $y = 2,693.64 + 7.8 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าแรงพนักงาน (บาท/เดือน)

$$r_{1,1} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 1,880,677.53$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{241,125.63}$$

$$= 491.04$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{34,986,823.93} = 5914.96$$

$$r_{1,1} = 1,880,677.53 / (491.04)(5914.96)$$

$$= 0.647$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางบวกเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



3.2 จำนวนชั่วโมงที่ระบอบทำงานใน 1 วัน

3.2.1 ระบบบำบัดน้ำ (Aerated Lagoon)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x - ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = จำนวนชั่วโมงที่เครื่องเติมอากาศทำงาน (ช.ม.)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
60.00	7,5	2	12	72	1

$a = \sum df_1 = 1$ $\sum y_1^2 = 144$

$g_1 = \sum y_1$

n_1 = จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1

$SSD = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 144 - 72 = 72$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$n = 31$ $\sum xy = 52,732.3$

$\sum x = 3,086.1$ $\sum y = 461$

$\sum x^2 = 548,393.33$ $\sum y^2 = 7,071$

$\bar{x} = 99.55$ $\bar{y} = 14.87$

$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 548,393.33 - (3,086.1)^2 / 31 = 241,167.09$

$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 52,732.3 - (3,086.1)(461) / 31 = 6,839$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 7,071 - 212,521 / 31 = 215.48$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 0.028$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 14.87 - (0.02)(99.55) = 12.04$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 215.48$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 136.78$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 78.7$$

$$SS_p = 72$$

$$SS_r = SS_u - SS_p = 6.7$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	136.78	136.78	
error	29	78.7	2.71	
lack of fit	28	6.7	0.2	0.002
pure error	1	72	72	
total	30	136.78		

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$

$\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $v = 28, 1 \quad F = 0.002$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n\sum xy - \sum x \sum y}{n\sum x^2 - (\sum x)^2}$

$a = \bar{y} - b\bar{x}$

ได้ $y = 12.04 + 0.03 x$

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

การตรวจสอบความสัมพันธ์ที่สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = จำนวนชั่วโมงที่เครื่องเติมอากาศทำงานใน 1 วัน (ช.ม.)

$$r_{11} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 6839$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{241,167.09}$$

$$= 491.08$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{215.48} = 14.68$$

$$r_{11} = 6839 / (491.08)(14.68)$$

$$= 0.95$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.2.2 ระบบบำบัดเสียตะกอน (Activated Sludge)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = จำนวนชั่วโมงที่เครื่องเติมอากาศทำงาน (ช.ม.)

สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$

H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n_1	$df = n_1 - 1$
3.00	16, 16	2	32	512	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 1,024$$

$$g_1 = \sum y_1$$

n_1 = จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 1,024 - 512 = 512$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 17 \quad \sum xy = 15,313.7$$

$$\sum x = 772.5 \quad \sum y = 287$$

$$\sum x^2 = 76,478.83 \quad \sum y^2 = 5,430$$

$$\bar{x} = 45.44 \quad \bar{y} = 17.76$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 76,478.83 - (772.5)^2 / 17$$

$$= 41,375.52$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 15,313.7 - (772.5)(287) / 17$$

$$= 2,272.08$$

$$\begin{aligned}
 S_{yy} &= \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 5,430 - (287)^2 / 17 = 584.76 \\
 b_1 &= S_{xy} / S_{xx} = 0.05 \\
 b_0 &= \bar{y} - b_1 \bar{x} = 17.76 - (0.05)(45.44) = 15.26 \\
 SS_t &= \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 584.76 \\
 SS_r &= b_1 S_{xy} = 113.60 \\
 SS_e &= SS_t - SS_r = 4,126.91 \\
 SS_p &= 512 \\
 SS_r &= SS_e - SS_p = 40,749.91
 \end{aligned}$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	113.60	113.60	
error	15	41,261.91	2,750.79	
lack of fit	14	40,749.911	2,910.70	5.68
pure error	1	512	512	
total	16	41,375.52	2,585.97	

สมมติฐาน

$$\begin{aligned}
 H_0 &: y = B_0 + B_1 x \\
 H_1 &: y \neq B_0 + B_1 x \\
 \alpha &= 0.05
 \end{aligned}$$

จาก ANOVA $V = 14, 1$ $F = 5.68$

ได้ p-value > 0.05 ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

ได้ $y = 14.15 + 0.06 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = จำนวนชั่วโมงที่เครื่องเติมอากาศทำงานใน 1 วัน (ช.ม.)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 2272.08$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{41,375.52}$$

$$= 203.41$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{584.76} = 24.18$$

$$r_{xy} = 2272.08 / (203.41)(24.18)$$

$$= 0.46$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.3 ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน

3.3.1 ระบบบ่อฝึ่งน้ำ (Pond)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ขนาดของบ่อบำบัดน้ำทิ้ง (เมตร²)

y = ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน (บาท / เดือน)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ที่ต่างกัน

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
800	100,208.3	2	308.3	47,524.44	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 53,388.89$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 53,388.89 - 47,524.44 = 512$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 10 \quad \sum xy = 2,988,862.8$$

$$\sum x = 11,500 \quad \sum y = 2,366.55$$

$$\sum x^2 = 14,977,168 \quad \sum y^2 = 669,244.47$$

$$\bar{x} = 1,150 \quad \bar{y} = 236.66$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 14,977,168 - (11500)^2 / 10 = 1,752,168$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 2,988,862.8 - (11500)(2366.55) / 10 = 267,330.3$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 669,244.47 - (2366.55)^2 / 10 \\ = 109,188.57$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 0.152$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 236.66 - (0.152)(1150) = 61.86$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 109,188.57$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 40,634.20$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 68,554.36$$

$$SS_p = 5,864.45$$

$$SS_s = SS_u - SS_p = 62,689.91$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	40,634.20	40,634.20	
error	8	68,554.36	8,569.29	
lack of fit	7	62,689.91	8,955.70	1.52
pure error	1	5,864.45	5,864.45	
total	9	109,188.57	12,132.06	

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$
 $H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$
 $\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 7, 1$ $F = 1.52$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$
 $a = \bar{y} - b\bar{x}$
 ได้ $y = 61.20 + 0.152 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์เชิงเส้นที่สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ขนาดของบ่อน้ำบาดาลน้ำทิ้ง (เมตร²)

Y = ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน (บาท/เดือน)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 267,330.3$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{1,752,168}$$

$$= 1,323.69$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{109,188.57} = 330.43$$

$$r_{xy} = 267,330.3 / (1323.69)(330.43)$$

$$= 0.61$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.3.2 ระบบบ่อกวนน้ำ (Aerated Lagoon)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ขนาดของบ่อบำบัดน้ำทิ้ง (เมตร²)
 y = ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน (บาท / เดือน)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1x_1$
 $H_1 : y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
720	333.3, 333.3	2	666.6	222,177.78	1

$a = \sum df_1 = 1$ $\sum y_1^2 = 222,177.78$
 $g_1 = \sum y_1$
 $n_1 =$ จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1
 $SSP = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 222,177.78 - 222,177.70 = 0$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$n = 15$ $\sum xy = 13,173,850.56$
 $\sum x = 33,468$ $\sum y = 5,416.11$
 $\sum x^2 = 115,816,848$ $\sum y^2 = 2,075,188.87$
 $\bar{x} = 2231.2$ $\bar{y} = 361.07$
 $SSX = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 115,816,848 - (33,468)^2 / 15$
 $= 41,143,046.40$
 $SSY = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 2,075,188.87 - (5,416.11)^2 / 15$
 $= 1,089,425.93$

$$SS_y = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 2,075,188.87 - (5416.11)^2 / 15 = 119,572.36$$

$$b_1 = SS_{xy} / SS_{xx} = 0.026$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 361.07 - (0.026)(2231.2) = 301.99$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 119,572.36$$

$$SS_r = b_1 SS_{xy} = 28,325.07$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 91,247.28$$

$$SS_p = 0$$

$$SS_r = SS_u - SS_p = 91,247.28 - 0 = 91,247.28$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	28,325.07	28,325.07	
error	13	91,247.28	7,019.02	
lack of fit	12	91,247.28	7,603.94	0
pure error	1	0	0	
total	14	119,572.36		

$$\text{สมมติฐาน } H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\text{จาก ANOVA } V = 12, 1 \quad F = 0$$

ได้ p-value > 0.05 ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

$$\text{หาสมการของความสัมพันธ์ } y = a + bx, \quad b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

$$\text{ได้ } y = 338.58 + 0.01 x$$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ขนาดของบ่อบำบัดน้ำทิ้ง (เมตร²)

Y = ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน (บาท/เดือน)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 1,089,425.93$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{41,143,046.4}$$

$$= 6,414.28$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{119,572.36} = 345.79$$

$$r_{xy} = 1,089,425.93 / (6414.28)(345.79)$$

$$= 0.49$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.3.3 ระบบก่อกำเนิดตะกอน (Activated Sludge)

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ขนาดของบ่อบำบัดน้ำทิ้ง (เมตร²)

y = ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน (บาท / เดือน)

สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$

H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
125	375, 125	2	500	125,000	1

$$a = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 156,250$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 156,250 - 125,000 = 31,250$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 12 \quad \sum xy = 1,421,079.44$$

$$\sum x = 4,092 \quad \sum y = 3,601.9$$

$$\sum x^2 = 2,399,389.04 \quad \sum y^2 = 1,263,115.45$$

$$\bar{x} = 341 \quad \bar{y} = 300.16$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 2,399,389.04 - (4092)^2 / 12 = 1,004,017.04$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 1,421,079.44 - (4092)(3601.9) / 12 = 192,831.54$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 1,263,115.45 - (3601.9)^2 / 12 \\ = 181,975.14$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 0.19$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 300.16 - (0.19)(341) = 235.37$$

$$SS_e = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 181,975.14$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 36,637.99$$

$$SS_u = SS_e - SS_r = 145,337.15$$

$$SS_p = 31,250$$

$$SS_f = SS_u - SS_p = 145,337.15 - 31,250 = 114,087.15$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	36,637.99	36,637.99	
error	10	145,337.15	14,533.71	
lack of fit	9	114,087.15	12,676.35	0.40
pure error	1	31,250.00	31,250.00	
total	11	181,975.14		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

จาก ANOVA $V = 9, 1$ $F = 0.40$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n\sum xy - \sum x \sum y}{n\sum x^2 - (\sum x)^2}$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

ได้ $y = 234.66 + 0.19 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ขนาดของบ่อน้ำบาดน้ำทิ้ง (เมตร²)

Y = ค่าใช้จ่ายในการลอกตะกอน (บาท/เดือน)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 192,831.54$$

$$S_{xx} = \frac{\sum x^2 - (\sum x)^2}{n};$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{1,004,017.04}$$

$$= 1,002$$

$$S_{yy} = \frac{\sum y^2 - (\sum y)^2}{n};$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{181,975.14} = 426.58$$

$$r_{xy} = 192,831.54 / (1002)(426.58)$$

$$= 0.45$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.4 ค่าน้ำยาเคมี

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure Error

ให้ x = ปริมาณน้ำทิ้ง (เมตร³/วัน)

y = ค่าใช้จ่ายในด้านน้ำยาเคมี (บาท)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
400	504, 384	2	888	394,272	1

$$n = \sum df_1 = 1 \quad \sum y_1^2 = 401,472$$

$$g_1 = \sum y_1$$

$$n_1 = \text{จำนวน } y_1 \text{ ที่ซ้ำกันในระดับ } x_1$$

$$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 401,472 - 394,272 = 7,200$$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 8 \quad \sum xy = 3,611,520$$

$$\sum x = 3,645 \quad \sum y = 4,080$$

$$\sum x^2 = 3,490,725 \quad \sum y^2 = 3,758,976$$

$$\bar{x} = 455.62 \quad \bar{y} = 510$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 3,490,725 - (3645)^2 / 8 = 1,829,971.87$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 3,611,520 - (3645)(4080) / 8 = 1,752,570$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 3,758,976 - (4080)^2 / 8$$

$$= 1,678,176$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 0.95$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 510 - (0.95)(455.62)$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 1,678,176$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 1,664,941.5$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 13,234.5$$

$$SS_p = 7,200$$

$$SS_r = SS_e - SS_p = 13,234.5 - 7,200 = 6,034.5$$



Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	1,664,941.5	1,664,941.50	
error	6	13,234.5	2,205.75	
lack of fit	5	6,034.5	1,206.90	0.167
pure error	1	7,200.0	7,200.00	
total	7	1,678,176.0	239,739.42	

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$

$\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 5, 1 \quad F = 0.167$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n\sum xy - \sum x \sum y}{n\sum x^2 - (\sum x)^2}$

$a = \bar{y} - b\bar{x}$

ได้

$y = 72.60 + 0.96 x$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณน้ำทิ้ง (เมตร³ / วัน)

Y = ค่าใช้จ่ายในด้านน้ำยาเคมี (บาท)

$$r_{12} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 1,752,570$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{1,829,971.87}$$

$$= 1352.76$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{1,678,176} = 1295.44$$

$$r_{12} = 1,752,570 / (1352.76)(1295.44)$$

$$= 1.0$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.5 ค่าซ่อมบำรุง

3.5.1 หาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณ BOD กับค่าซ่อมบำรุงของระบบ

ข้อมูล

3.5.1.1 ซ่อมบำรุงเครื่องเติมอากาศ

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure

Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน) y = ค่าซ่อมเครื่องเติมอากาศ (บาท/ปี)สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$ H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$ เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_i ที่มี x_i ซ้ำกันออก

x_i	y_i	n_i	$g_i = \sum y_i$	g_i^2/n	$df = n_i - 1$
60	10000, 12500	2	12,500	128,125,000	1
a	= $\sum df_i = 1$			$\sum y_i^2 = 256,250,000$	
g_i	= $\sum y_i$				
n_i	= จำนวน y_i ที่ซ้ำกันในระดับ x_i				
SSp	= $\sum y_i^2 - \sum g_i^2 / n_i = 256,250,000 - 128,125,000$				
				= 128,125,000	

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

 $n = 26$ $\sum xy = 56,038,700$ $\sum x = 2997.7$ $\sum y = 336,500$ $\sum x^2 = 657,443.57$ $\sum y^2 = 7,293,230,000$ $\bar{x} = 115.29$ $\bar{y} = 12,942.31$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 657,443.57 - (2997.7)^2 / 26$$

$$= 311,820.28$$

$$S_{xy} = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 56,038,700 - (2997.7)(336,500) / 26$$

$$= 17,241,544.23$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 7,293,230,000 - (336,500)^2 / 26 \\ = 2,938,143,462$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 55.29$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 6567.55$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 2,938,143,462$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 953,284,980.5$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 1,984,858,482$$

$$SS_p = 128,125,000$$

$$SS_f = SS_e - SS_p = 1,984,858,482 - 128,125,000 \\ = 1,856,733,482$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	953,284,980.5	953,284,980.50	
error	24	1,984,858,482.0	82,702,436.75	
lack of fit	23	1,856,733,482.0	80,727,542.70	0.63
pure error	1	128,125,000.0	128,125,000.00	
total	25	2,938,143,462.0		

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$

$\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 23, 1 \quad F = 0.63$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความ

สัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$

$a = \bar{y} - b\bar{x}$

ได้ $y = 6567.55 + 55.29 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์ประสิทธิสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าซ่อมเครื่องเติมอากาศ (บาท/ปี)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \sum xy - \sum x \sum y / n = 17,241,544.23$$

$$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{311,820.28}$$

$$= 558.40$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{2,938,143,462} = 54,204.64$$

$$r_{xy} = 17,241,544.23 / (558.4)(54,204.64)$$

$$= 0.56$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.5.1.2 ข้อมูลบำรุงไม้

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure

Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน) y = ค่าข้อมูลบำรุงไม้ (บาท/ปี)สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$ H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$ เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
60	4000, 1000	2	5000	12,500,000	1
a	$= \sum df_1$	$= 1$		$\sum y_1^2 = 17,000,000$	
g_1	$= \sum y_1$				
n_1	$=$ จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1				
SSp	$= \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1$	$= 17,000,000 - 12,500,000$			$= 4,500,000$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$$n = 18 \quad \sum xy = 3,648,350$$

$$\sum x = 1974.8 \quad \sum y = 29,600$$

$$\sum x^2 = 421,490.88 \quad \sum y^2 = 88,885,000$$

$$\bar{x} = 109.71 \quad \bar{y} = 1644.44$$

$$Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 421,490.88 - (1974.8)^2 / 18 = 204,833.37$$

$$Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 3,648,350 - (1974.8)(29,600) / 18 = 400,901.11$$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 88,885,000 - (29,600)^2 / 18 \\ = 40,209,444.45$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 1.95$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 1430.50$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 40,209,444.45$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 781,757.16$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 39,427,687.29$$

$$SS_p = 4,500,000$$

$$SS_f = SS_e - SS_p = 39,427,687.29 - 4,500,000 \\ = 34,927,687.29$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	781,757.16	781,757.16	
error	16	39,427,687.29	2,464,230.45	
lack of fit	15	34,927,687.29	2,328,512.48	0.51
pure error	1	4,500,000	4,500,000	
total	17	40,209,444.45		

สมมติฐาน

$$H_0 : y = B_0 + B_1 x$$

$$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$$

$$\alpha = 0.05$$

จาก ANOVA $V = 15, 1$ $F = 0.51$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

ได้ $y = 1429.71 + 1.95 x$

การตรวจสอบความสัมพันธ์สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าซ่อมบำรุงบ่อบำบัดน้ำ (บาท/ปี)

$$r_{xy} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 400,901.11$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{204,833.37}$$

$$= 452.58$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{40,209,444.25} = 6341.09$$

$$r_{xy} = 400,901.11 / (452.58)(6341.09)$$

$$= 0.14$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



3.5.2 หาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณ BOD กับค่าซ่อมบำรุงของระบบบำบัด

เลือกตะกอน

3.5.2.1 ซ่อมบำรุงเครื่องเติมอากาศ

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure

Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

y = ค่าซ่อมบำรุงเครื่องเติมอากาศ (บาท/ปี)

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1x_1$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1x_1$

เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี

x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n	$df = n_1 - 1$
3.0	4500, 3000	2	7500	28,125,000	1

$a = \sum df_1 = 1$ $\sum y_1^2 = 29,250,000$

$g_1 = \sum y_1$

$n_1 =$ จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1

$SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 29,250,000 - 28,125,000 = 1,125,000$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

$n = 12$ $\sum xy = 3,060,400$

$\sum x = 343.5$ $\sum y = 94,000$

$\sum x^2 = 24,521.83$ $\sum y^2 = 990,500,000$

$\bar{x} = 28.62$ $\bar{y} = 7833.33$

$S_{xx} = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 24,521.83 - (343.5)^2 / 12 = 14,689.14$

$S_{xy} = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 3,060,400 - (343.5)(94,000) / 12 = 369,650$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 990,500,000 - (94,000)^2 / 12 \\ = 254,166,666.7$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 25.16$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 7113.11$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 254,166,666.7$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 9,300,394$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 244,866,272.7$$

$$SS_p = 1,125,000$$

$$SS_f = SS_e - SS_p = 244,866,272.7$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	9,300,394	9,300,394	
error	10	244,866,272.7	24,486,627.2	
lack of fit	9	243,741,272.7	27,082,363.6	24.07
pure error	1	1,125,000	1,125,000	
total	11	254,166,666.7	23,106,060.61	

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$

$\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 9, 1 \quad F = 24.07$

ได้ p-value > 0.05 ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$

$a = \bar{y} - b \bar{x}$ $n \sum x^2 - (\sum x)^2$

ได้ $y = 7113.11 + 25.16 x$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าซ่อมบำรุงเครื่องเติมอากาศ (บาท/ปี)

$$r_{1,2} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 369,650$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{14,689.14}$$

$$= 121.19$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{254,166,666.7} = 15,942.6$$

$$r_{1,2} = 369,650 / (121.19)(15,942.6)$$

$$= 0.19$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3.5.2.2 ข้อมูลบำรุงน้ำ

การตรวจสอบคุณสมบัติ Linearity โดยหา Pure

Error

ให้ x = ปริมาณ BOD (กก./วัน) y = ค่าซ่อมบำรุงน้ำ (บาท/ปี)สมมติฐาน H_0 : $y = B_0 + B_1x_1$ H_1 : $y \neq B_0 + B_1x_1$ เตรียมตารางข้อมูลเพื่อการวิเคราะห์ Linearity โดยแยกเอา y_1 ที่มี x_1 ซ้ำกันออก

x_1	y_1	n_1	$g_1 = \sum y_1$	g_1^2/n_1	$df = n_1 - 1$
3.0	750, 500	2	1250	781,250	1

$a = \sum df_1 = 1$	$\sum y_1^2 = 812,500$
---------------------	------------------------

 $g_1 = \sum y_1$ $n_1 =$ จำนวน y_1 ที่ซ้ำกันในระดับ x_1 $SSp = \sum y_1^2 - \sum g_1^2 / n_1 = 812,500 - 781,250$ $= 31,250$

การคำนวณจากข้อมูลทั้งหมด

 $n = 11$ $\sum xy = 1,186,400$ $\sum x = 380.7$ $\sum y = 19,450$ $\sum x^2 = 27,872.49$ $\sum y^2 = 59,612,500$ $\bar{x} = 34.61$ $\bar{y} = 1768.18$ $Sxx = \sum x^2 - (\sum x)^2 / n = 27,872.49 - (380.7)^2 / 11$ $= 14,696.80$ $Sxy = \sum xy - (\sum x \sum y) / n = 1,186,400 - (380.7)(19,450) / 11$ $= 513,253.18$

$$S_{yy} = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 59,612,500 - (19,450)^2 / 11 \\ = 25,221,363.64$$

$$b_1 = S_{xy} / S_{xx} = 34.92$$

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x} = 559.50$$

$$SS_t = \sum y^2 - (\sum y)^2 / n = 25,221,363.64$$

$$SS_r = b_1 S_{xy} = 17,922,801.05$$

$$SS_e = SS_t - SS_r = 7,298,562.59$$

$$SS_p = 31,250$$

$$SS_f = SS_e - SS_p = 7,298,562.59 - 31,250 \\ = 7,267,312.59$$

Source of Errors	df	SS	MS = SS/df	F
regression	1	17,922,801.05	17,922,801.05	
error	9	7,298,562.59	810,951.39	
lack of fit	8	7,267,312.59	908,414.07	29.06
pure error	1	31,250.00	31,250.00	
total	10	25,221,363.64	2,522,136.36	

สมมติฐาน $H_0 : y = B_0 + B_1 x$

$H_1 : y \neq B_0 + B_1 x$

$\alpha = 0.05$

จาก ANOVA $V = 8, 1$ $F = 29.06$

ได้ $p\text{-value} > 0.05$ ดังนั้นจึงยอมรับ H_0 แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์เชิงเส้น (linear relation) อย่างมีนัยสำคัญระดับ 0.05

หาสมการของความสัมพันธ์ $y = a + bx$, $b = \frac{n\sum xy - \sum x \sum y}{n\sum x^2 - (\sum x)^2}$

$a = \bar{y} - b\bar{x}$ $n\sum x^2 - (\sum x)^2$

ได้ $y = 559.50 + 34.92 x$

การตรวจสอบคุณสมบัติสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation Coefficient)

ให้ X = ปริมาณ BOD (กก./วัน)

Y = ค่าซ่อมบำรุงไม้เท้า (บาท/ปี)

$$r_{1,2} = S_{xy} / S_x S_y$$

$$S_{xy} = \Sigma xy - \Sigma x \Sigma y / n = 513,253.18$$

$$S_{xx} = \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2 / n ;$$

$$S_x = \sqrt{S_{xx}} = \sqrt{14,696.8}$$

$$= 121.23$$

$$S_{yy} = \Sigma y^2 - (\Sigma y)^2 / n ;$$

$$S_y = \sqrt{S_{yy}} = \sqrt{25,221,363.64} = 5,022.08$$

$$r_{1,2} = 513,253.18 / (121.23)(5022.08)$$

$$= 0.84$$

แสดงว่า x และ y มีความสัมพันธ์กันในทางแนวเดียวกัน



ศูนย์วิจัยสุขภาพ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ค

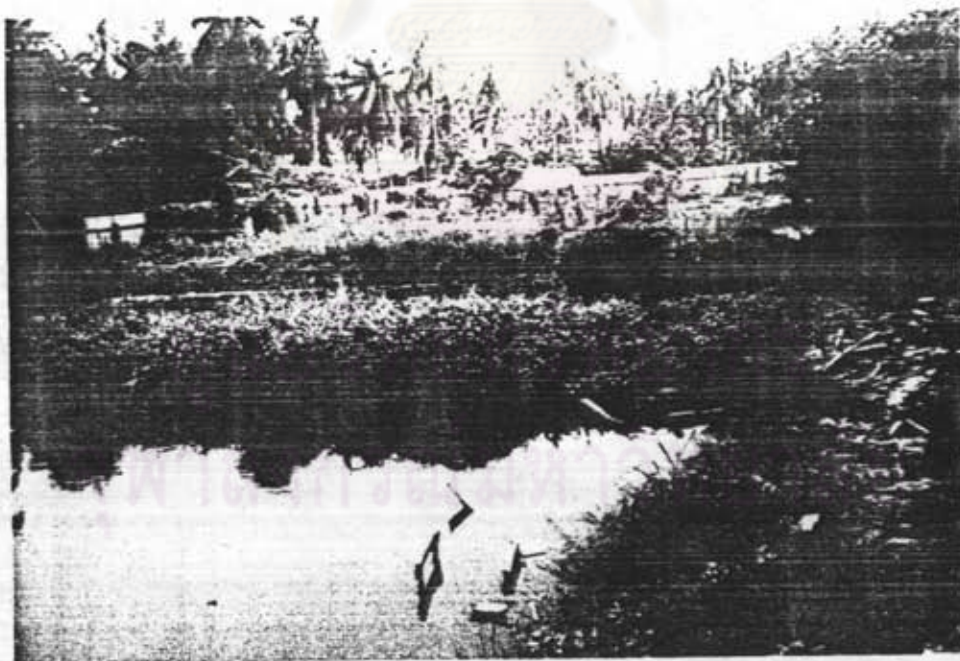
ภาพแสดงระบบบำบัดน้ำเสีย



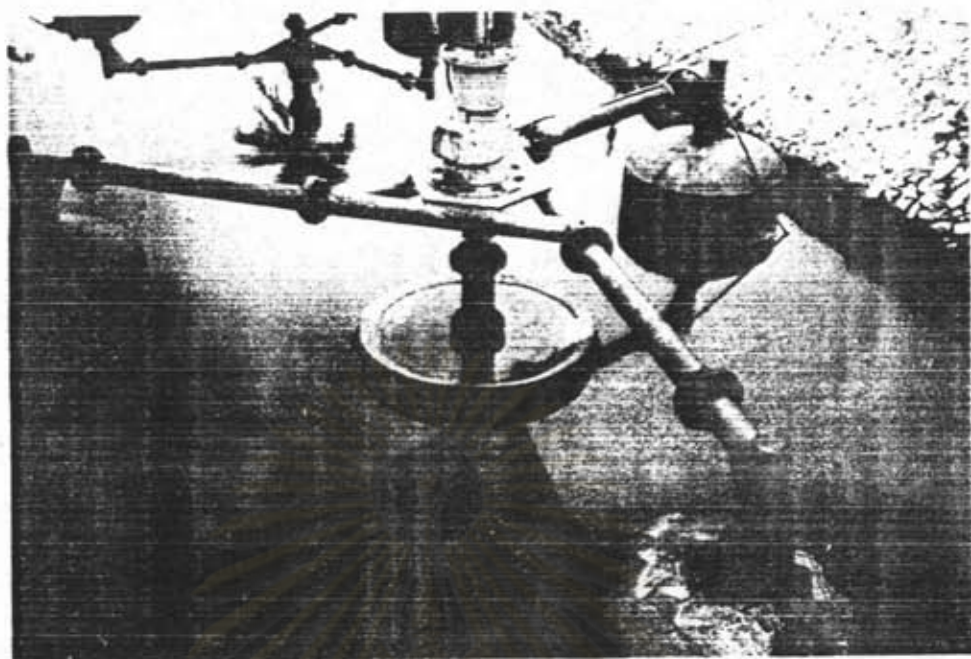
ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



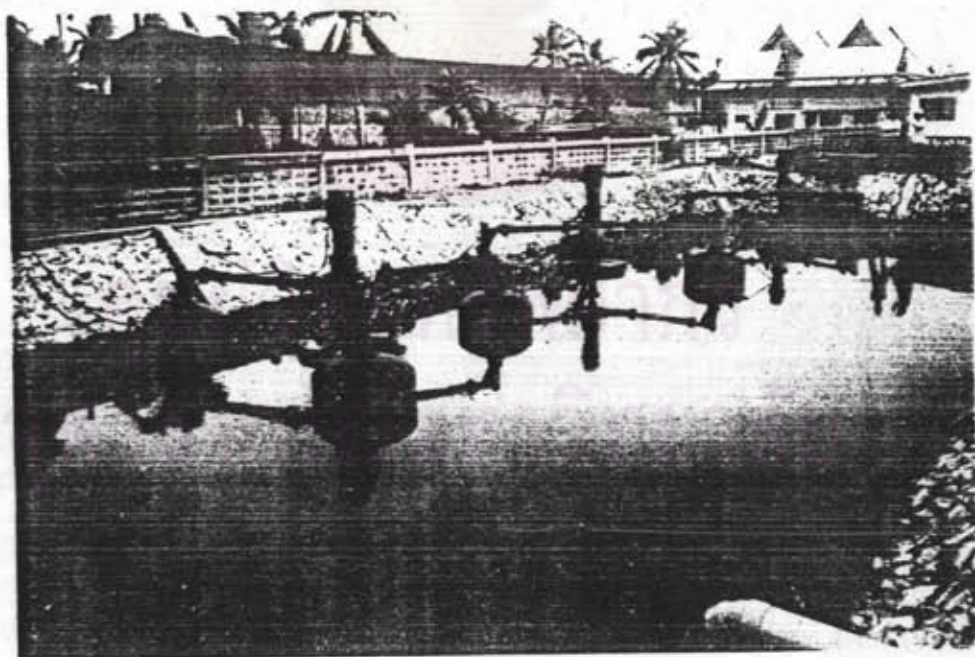
ภาพที่ 1 แสดงบ่อน้ำกักน้ำเสียแบบบ่อผึ่งน้ำ (Pond) ขนาดใหญ่



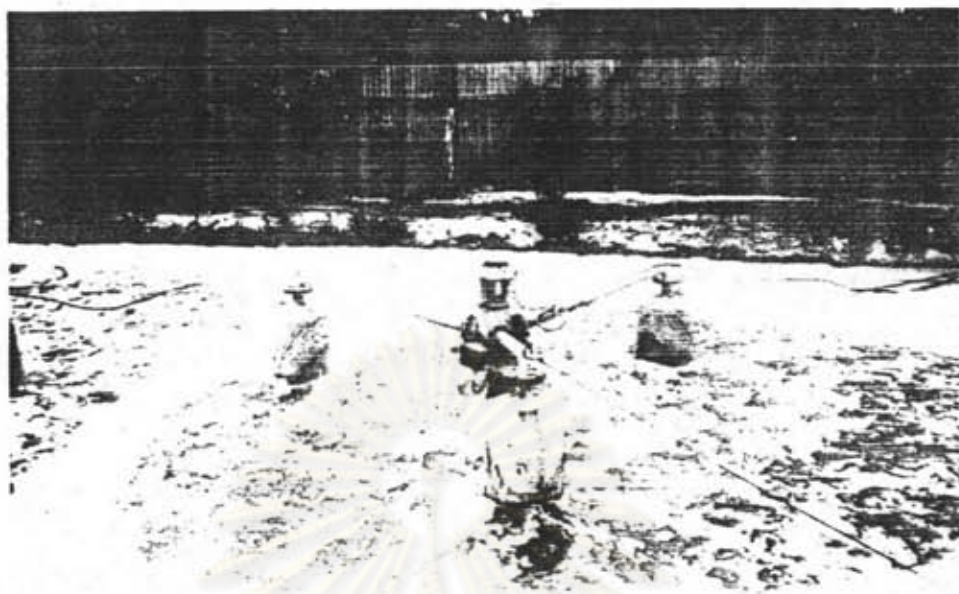
ภาพที่ 2 แสดงบ่อน้ำกักน้ำเสียแบบบ่อผึ่งน้ำ (Pond) ขนาดเล็ก



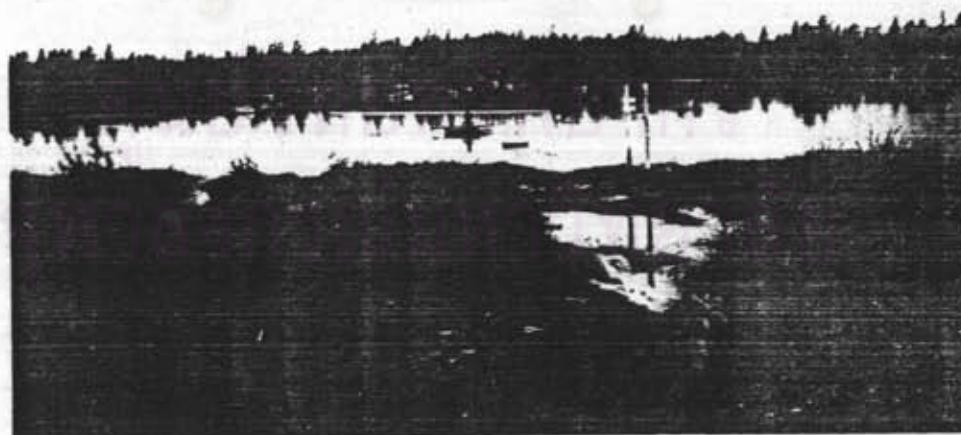
ภาพที่ 3 แสดงลักษณะของเครื่องเติมอากาศ (Aerator) ชนิดทุ่นลอยขนาดใหญ่



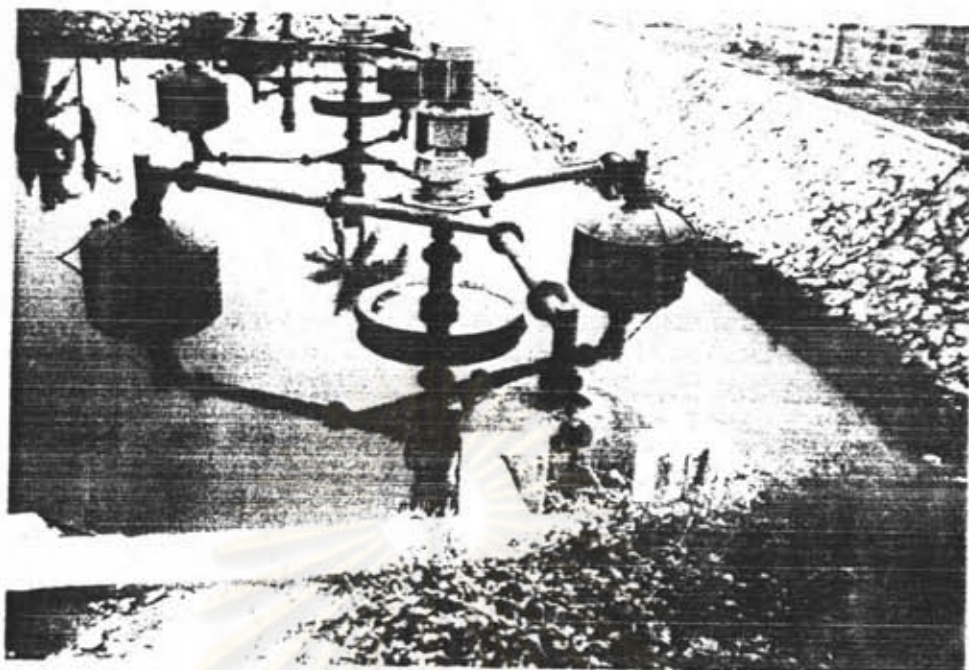
ภาพที่ 4 แสดงลักษณะการวางเครื่องเติมอากาศในบ่อน้ำตื้นน้ำเสีย



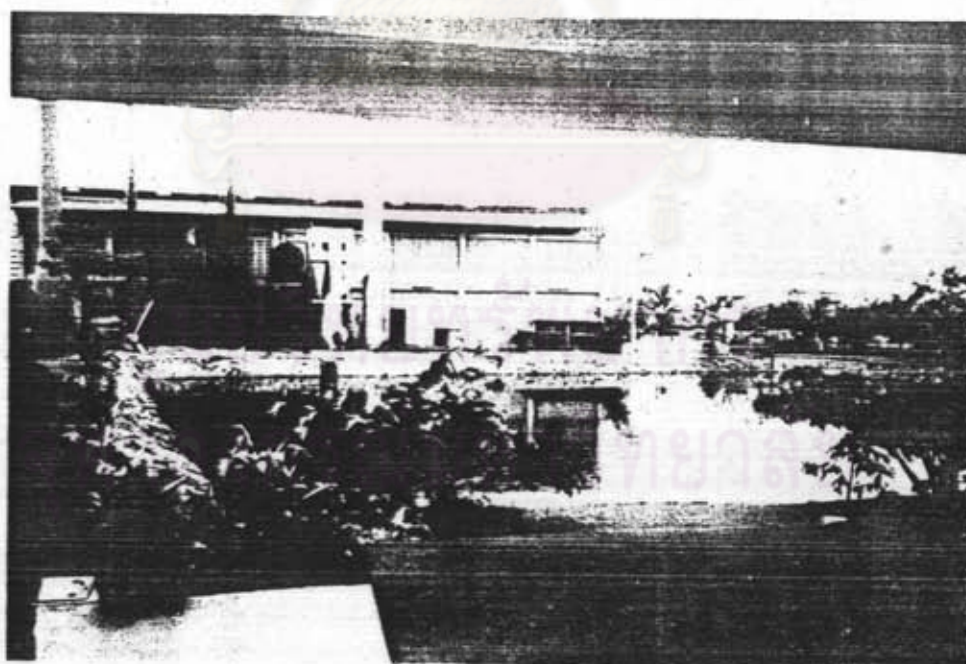
ภาพที่ 5 แสดงลักษณะเครื่องเติมอากาศ (Aerator) แบบกวนลงน้ำขนาดเล็ก



ภาพที่ 6 แสดงลักษณะการวางเครื่องเติมอากาศจำนวนมากในบ่อบำบัดน้ำเสียขนาดใหญ่



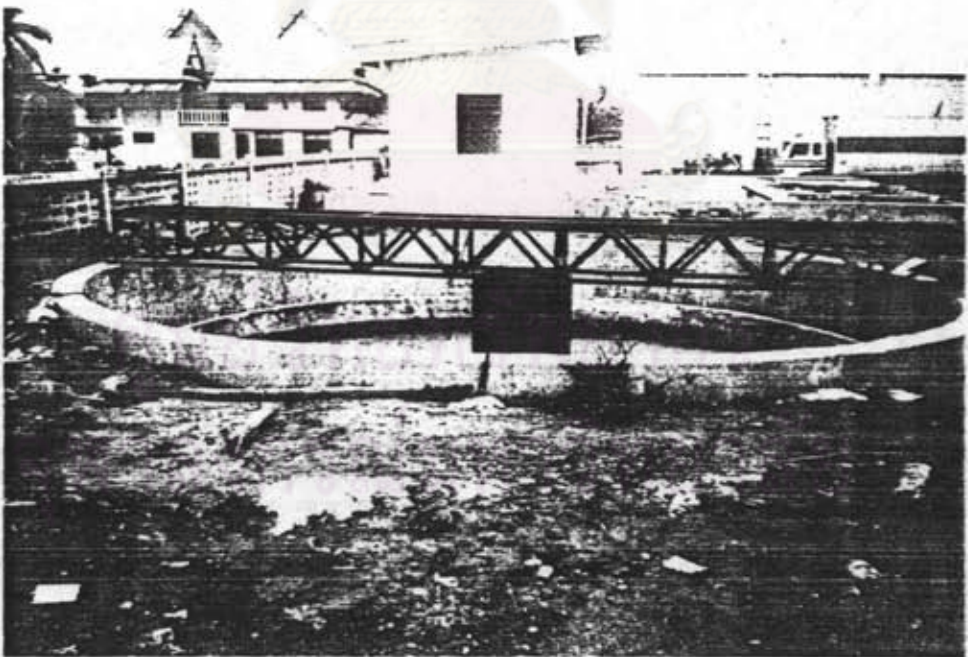
ภาพที่ 7 แสดงลักษณะเครื่องของบ่อน้ำบาดาลเสียม



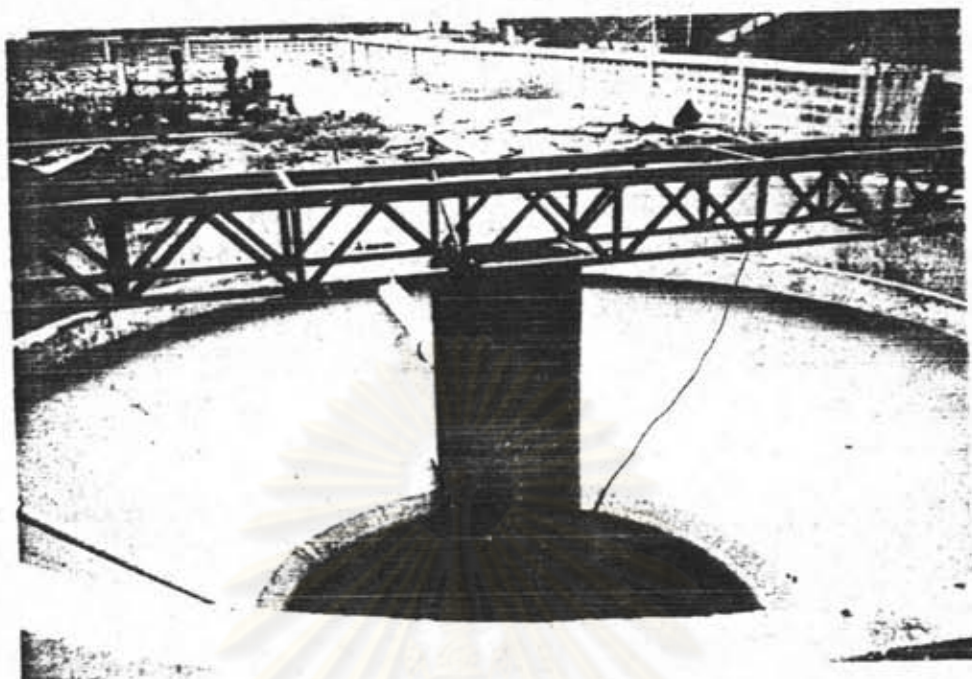
ภาพที่ 8 แสดงลักษณะของบ่อน้ำที่อำเภอปลวกแดงสุพรรณบุรี



ภาพที่ 9 แสดงลักษณะของน้ำที่ไหลสู่อำเภอจากโรงงานของศูนย์บำบัดน้ำเสีย



ภาพที่ 10 แสดงลักษณะของบ่อดักตะกอน



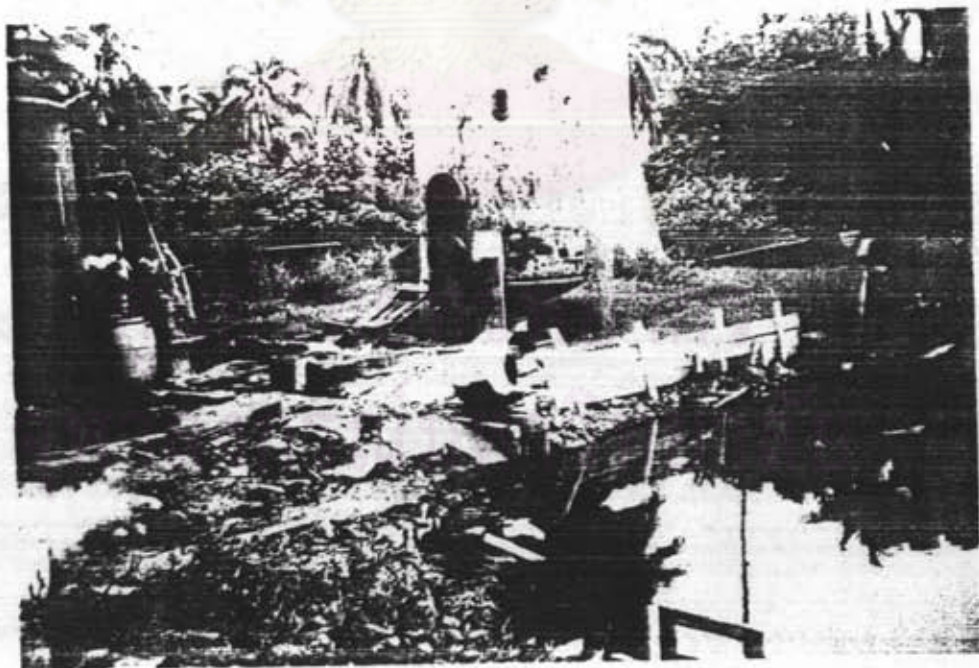
ภาพที่ 11 แสดงลักษณะภายในของบ่อตกตะกอน



ภาพที่ 12 แสดงลักษณะของบ่อบำบัดน้ำเสียที่ใช้สำหรับสูบน้ำก่อนจากบ่อตกตะกอนลงสู่อ่างน้ำเสีย



ภาพที่ 13. แสดงการแนะนำของเจ้าหน้าที่กองสิ่งแวดล้อมโรงงาน ในเรื่องของการ
บำบัดน้ำเสีย



ภาพที่ 14 แสดงการเกิดตัวอย่างน้ำเสียจากโรงงานมาตรวจสอบคุณสมบัติ

ประวัติผู้เขียน

นายรัชรัตน์ เกตุเงิน เกิดวันที่ 13 สิงหาคม พ.ศ. 2504 สำเร็จการศึกษา
 ชั้นปริญญาตรีวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล จากมหาวิทยาลัย
 เกษตรศาสตร์ เมื่อปีการศึกษา 2526 เข้ารับการศึกษาในระดับปริญญาโท หลักสูตร
 วิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิศวกรรมอุตสาหกรรม บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์
 มหาวิทยาลัย เมื่อปีการศึกษา 2527



ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย