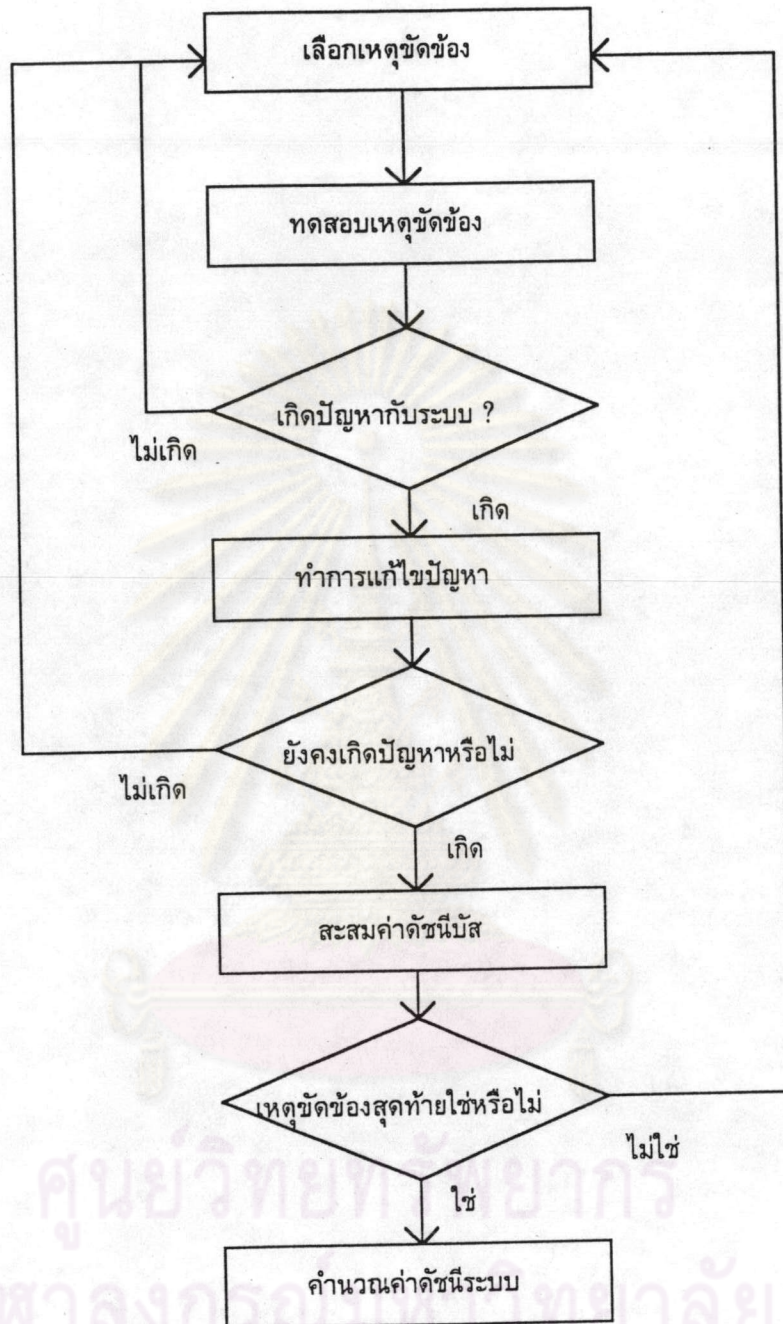


บทที่ 3

การหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม ด้วยวิธีระบุเหตุขัดข้อง

การหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมด้วยวิธีระบุเหตุขัดข้อง จะทำการเลือกเหตุขัดข้องอย่างเป็นระบบ และทำการทดสอบเหตุขัดข้องที่เลือกมาโดยใช้วิธีการวิเคราะห์ไหลดโฟลว์ (Load Flow) เพื่อตรวจสอบว่าจะส่งผลให้เกิดปัญหาต่อระบบไฟฟ้ากำลังหรือไม่ ถ้าเหตุขัดข้องนั้นไม่ทำให้เกิดปัญหาใดๆขึ้นแก่ระบบไฟฟ้ากำลัง ก็จะทำการเลือกเหตุขัดข้องถัดไปเพื่อทำการทดสอบ แต่หากถ้าเกิดปัญหขึ้นกับบางส่วนของระบบหรือทั้งหมดของระบบซึ่งปัญหาที่อาจเกิดขึ้นได้แก่ สายส่งมีไหลดเกิน กำลังผลิตไม่เพียงพอ เป็นต้น ก็จะทำกาแก้ไขปัญหาที่เกิดขึ้นดังกล่าว ถ้าหากวิธีการแก้ไขเหล่านี้ไม่สามารถแก้ไขปัญหาที่เกิดขึ้นได้ ก็จะต้องว่าบางส่วนของระบบหรือว่าทั้งหมดของระบบล้มเหลวแล้วแต่กรณี และจะทำการสะสมค่าดัชนีบัส (Bus Indices) ที่บัสซึ่งเกิดปัญหา จากนั้นก็จะทำการเลือกเหตุขัดข้องถัดไปมาทดสอบจนกว่าจะทดสอบครบทุกเหตุขัดข้อง เมื่อทดสอบเหตุขัดข้องจนครบทุกเหตุขัดข้องแล้วจะทำการคำนวณค่าดัชนีระบบ (System Indices) ต่อไป

รูปที่ 3.1 แสดงขั้นตอนหลักของการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมโดยใช้วิธีระบุเหตุขัดข้อง (Contingency Enumeration)



รูปที่ 3.1 ขั้นตอนหลักของการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้
ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมโดยใช้วิธีระบุเหตุขัดข้อง



ข้อมูลสำหรับการหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม

การหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม ซึ่งรวมระบบผลิตและระบบส่งกำลังไฟฟ้าเข้าด้วยกัน การคำนวณค่อนข้างจะซับซ้อนและใช้ข้อมูลมาก โดยข้อมูลที่ต้องการใช้ในการคำนวณค่าความเชื่อถือได้จะแบ่งออกได้เป็น 2 ชนิด ได้แก่ ข้อมูลดีเทอร์มินิสติก (Deterministic Data) และ ข้อมูลสโตคาสติก (Stochastic Data) [3,6]

1. ข้อมูลดีเทอร์มินิสติก (Deterministic Data)

ข้อมูลดีเทอร์มินิสติกแบ่งออกได้เป็นข้อมูลอุปกรณ์และข้อมูลระบบ โดยข้อมูลอุปกรณ์ได้แก่ค่าอิมพีแดนซ์ (Impedance) และค่าซัสเซพแตนซ์ (Susceptance) ของสายส่ง ค่าพิกัดการนำกระแสของสายส่ง ค่าพารามิเตอร์ต่างๆของเครื่องกำเนิดไฟฟ้า และข้อมูลอื่นๆที่ใช้ในการคำนวณโหลดโพลาร์ โดยปกติสามารถหาค่าข้อมูลต่างๆที่ได้กล่าวมาแล้วนี้ได้ไม่ยากนัก เนื่องจากเป็นข้อมูลต่างๆไปที่ถูกใช้ในการศึกษาเรื่องอื่นๆอยู่แล้ว

สำหรับข้อมูลระบบ จะเป็นข้อมูลที่ใช้อธิบายผลตอบสนองของระบบภายใต้ภาวะเกิดเหตุขัดข้อง ตัวอย่างเช่น มีสายส่ง 2 สายส่งเดินขนานกันไป หากว่าสายส่งเกิดขัดข้อง จะมีวิธีการจัดการกับรับโหลดของสายส่งที่เหลือเป็นอย่างไร โดยอาจจะตัดสายส่งนั้นออกจากระบบไป หรือว่าปล่อยให้ทำงานต่อไปในภาวะโหลดเกินหรือว่ามีวิธีการแก้ไขอื่นๆที่จะจัดการเพื่อรักษาการทำงานของระบบโดยรวมให้สามารถทำงานต่อไปได้ ข้อมูลเหล่านี้มีความสำคัญเป็นอย่างมากสำหรับการศึกษาเรื่องความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม

2. ข้อมูลสโตคาสติก (Stochastic Data)

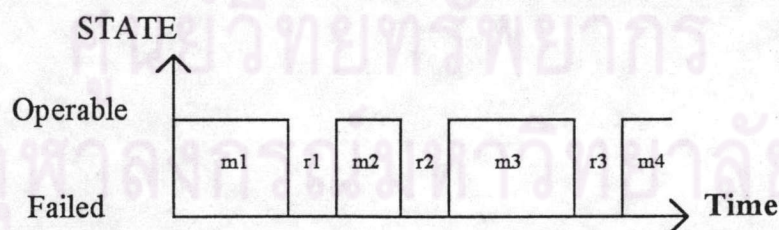
ข้อมูลสโตคาสติก เป็นข้อมูลของตัวแปรสุ่ม (Random Variables) ซึ่งเป็นปริมาณที่มีค่าไม่แน่นอน โดยสามารถแบ่งออกได้เป็นข้อมูลอุปกรณ์และข้อมูลระบบ เช่นเดียวกับข้อมูลดีเทอร์มินิสติก ข้อมูลอุปกรณ์ได้แก่ ค่าพารามิเตอร์ของการขัดข้อง (Failure Parameters) และ

ค่าพารามิเตอร์ของการซ่อมแซม (Repair Parameters) ของแต่ละอุปกรณ์ในระบบ ส่วนข้อมูลระบบได้แก่ การขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน (Common Mode Outages) หรือเป็นผลจากการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้า (Station Originated Outages)

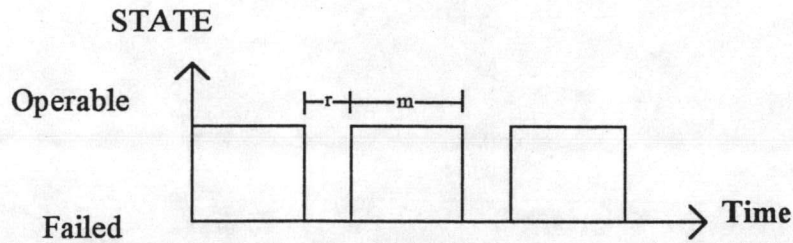
แบบจำลองการทำงานของอุปกรณ์ในระบบ

ในการศึกษาเรื่องความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม อุปกรณ์ที่พิจารณาได้แก่เครื่องกำเนิดไฟฟ้า สายส่ง และหม้อแปลง ซึ่งการทำงานของอุปกรณ์ต่างๆ เหล่านี้จะมีลักษณะเป็นช่วงตามคาบเวลาที่ไม่สม่ำเสมอ โดยจะประกอบไปด้วย 2 สถานะ คือสถานะทำงานปกติสลับกับสถานะขัดข้องไม่สามารถทำงานได้ ดังแสดงในรูปที่ 3.2

ในการสร้างแบบจำลองของอุปกรณ์เพื่อแทนการทำงานของอุปกรณ์ดังกล่าวในระยะยาวสามารถประมาณช่วงระยะเวลาที่อุปกรณ์อยู่ในแต่ละสถานะเป็นค่าเฉลี่ยและมีช่วงการทำงานเป็นคาบเวลาที่สามารถประมาณได้ดังแสดงในรูปที่ 3.3



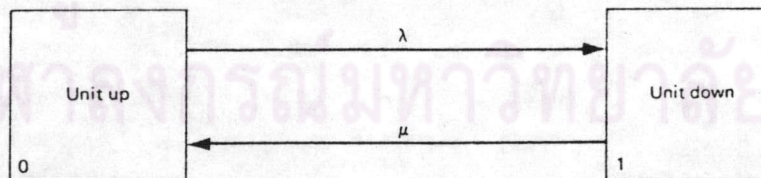
รูปที่ 3.2 การทำงานของอุปกรณ์



รูปที่ 3.3 การทำงานของอุปกรณ์เมื่อประมาณช่วงระยะเวลา
ที่อุปกรณ์อยู่ในแต่ละสถานะเป็นค่าเฉลี่ย

สำหรับวิธีการสร้างแบบจำลองการทำงานของอุปกรณ์ในระบบไฟฟ้ากำลัง มีอยู่หลายวิธีด้วยกัน ส่วนใหญ่จะใช้กระบวนการมาร์คอฟ (Markov Process) [11] ซึ่งสามารถศึกษาได้ทั้งแบบต่อเนื่อง (Continuous) และไม่ต่อเนื่อง (Discrete) โดยที่สถานะต่อไปของอุปกรณ์จะขึ้นอยู่กับสถานะปัจจุบัน และจะไม่เกี่ยวข้องกับสถานะในอดีต และจะมีค่าอัตราการเปลี่ยนสถานะคงที่ไม่ขึ้นกับช่วงเวลาที่พิจารณา

รูปที่ 3.4 แสดงแบบจำลองสถานะการทำงานของอุปกรณ์ โดยจะประกอบไปด้วยสถานะ 2 สถานะ คือสถานะดี (Up state) และสถานะเสีย (Down state)



รูปที่ 3.4 แบบจำลองสถานะการทำงานของอุปกรณ์แบบ 2 สถานะ

จากรูปที่ 3.4 เมื่อใช้ทฤษฎีของกระบวนการมาร์คอฟ [11] จะสามารถหาค่าความน่าจะเป็นสถานะอยู่ตัว (Steady State Probability) ที่อุปกรณ์จะอยู่ในแต่ละสถานะได้จากสมการที่ 3.1 และ 3.2

$$P_0 = \frac{\mu}{\mu + \lambda} \quad (3.1)$$

$$P_1 = \frac{\lambda}{\mu + \lambda} \quad (3.2)$$

โดยที่

P_0 = ความน่าจะเป็นที่อุปกรณ์จะอยู่ในสถานะดี (Up state)

โดยจะเรียกว่า ค่าความพร้อมใช้งาน (Availability, A)

P_1 = ความน่าจะเป็นที่อุปกรณ์จะอยู่ในสถานะเสีย (Down state)

โดยจะเรียกว่า ค่าความไม่พร้อมใช้งาน (Unavailability, U)

หรืออัตราการขัดข้องแบบถูกบังคับ (Forced Outage Rate, FOR)

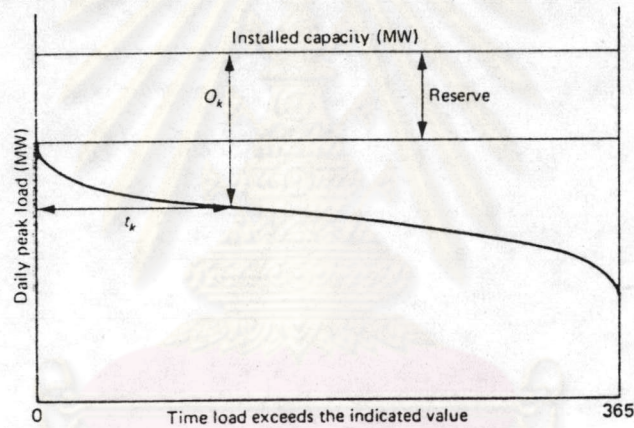
λ = อัตราการขัดข้อง (Failure Rate)

μ = อัตราการซ่อมแซม (Repair Rate)

แบบจำลองความต้องการใช้ไฟฟ้า

ในการหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม นอกจากจะสร้างแบบจำลองการทำงานของอุปกรณ์แล้ว ยังจะต้องสร้างแบบจำลองของความต้องการใช้ไฟฟ้าด้วย โดยที่แบบจำลองความต้องการใช้ไฟฟ้าส่วนใหญ่จะอาศัยข้อมูลค่าความต้องการใช้ไฟฟ้าสูงสุดประจำวัน (Daily Peak Load) ส่วนระยะเวลาที่ทำการศึกษาก็อาจจะเป็นระยะเวลา 1 เดือน หรือ 1 ปี เป็นต้น รูปที่ 3.5 แสดงตัวอย่างของกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความต้องการใช้ไฟฟ้าสูงสุดประจำวันกับระยะเวลา

สำหรับแบบจำลองความต้องการใช้ไฟฟ้าที่จะนำมาใช้ในการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม จะเป็นแบบจำลองความต้องการใช้ไฟฟ้ามีค่าคงที่ระดับเดียวตลอดระยะเวลาที่พิจารณาศึกษา โดยจะใช้ค่าความต้องการใช้ไฟฟ้าสูงสุด (Peak Load) เป็นค่าของความต้องการใช้ไฟฟ้าคงที่ไม่ขึ้นกับค่าระดับแรงดัน ส่วนระยะเวลาศึกษาจะใช้เวลา 1 ปี ดังนั้นค่าดัชนีที่คำนวณได้ จะเรียกว่าค่าดัชนีประจำปี (Annualized Indices)



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

รูปที่ 3.5 ตัวอย่างของกราฟแสดง Load Duration Curve
ของความต้องการใช้ไฟฟ้าสูงสุดประจำวัน

ประเภทของการขัดข้อง

ในการศึกษาหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมจะแบ่งการขัดข้องออกได้เป็น 4 ประเภท ได้แก่

1. การขัดข้องแบบอิสระ (Independent Outages)
2. การขัดข้องแบบไม่อิสระ (Dependent Outages)
3. การขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน (Common Mode Outages)
4. การขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้า (Station Originated Outages)

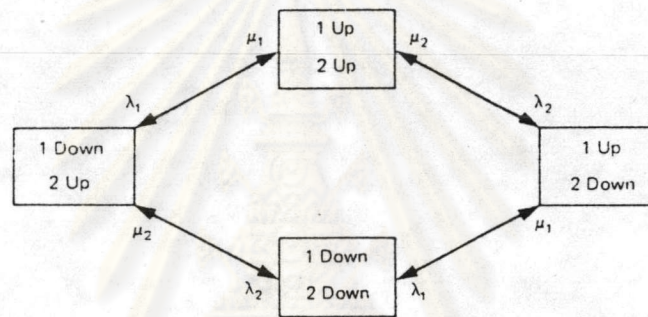
1. การขัดข้องแบบอิสระ (Independent Outages)

การขัดข้องแบบอิสระเป็นการขัดข้องที่เข้าใจง่ายที่สุดในการศึกษา การขัดข้องแบบนี้จะหมายถึงการที่อุปกรณ์ตั้งแต่สองอุปกรณ์ขึ้นไปเกิดขัดข้องพร้อมๆกัน และการขัดข้องของแต่ละอุปกรณ์นี้จะเป็นอิสระต่อกัน ความน่าจะเป็นของการขัดข้องแบบนี้สามารถหาได้จากผลคูณของความน่าจะเป็นในการขัดข้องของแต่ละอุปกรณ์ สำหรับแบบจำลองของอุปกรณ์ที่ใช้ในกรณีนี้ เป็นแบบ 2 สถานะ (Two-state Model) ซึ่งอุปกรณ์จะอยู่ในสถานะดี (Up-state) หรือสถานะเสีย (Down-state) สถานะใดสถานะหนึ่ง

อัตราการออกจากสถานะดีไปสู่สถานะเสียเรียกว่าอัตราการขัดข้อง (Failure Rate) ซึ่งใช้สัญลักษณ์ λ มีหน่วยเป็นครั้งต่อปี ส่วนอัตราการออกจากสถานะเสียกลับไปสู่สถานะดีเรียกว่าอัตราการซ่อมแซม (Repair Rate) ซึ่งใช้สัญลักษณ์ μ มีหน่วยเป็นครั้งต่อปี แต่ในบางครั้งจะแสดงอยู่ในรูปของเวลาเฉลี่ยของการขัดข้อง r มีหน่วยเป็นชั่วโมง สำหรับกระบวนการซ่อมแซมเพื่อให้อุปกรณ์ที่อยู่ในสถานะเสียกลับคืนสู่สถานะดีมีอยู่หลายวิธีด้วยกัน ซึ่งจะทำให้ค่าความน่าจะเป็นที่อุปกรณ์จะอยู่ในสถานะเสีย (Unavailability) มีค่าแตกต่างกัน ตัวอย่างของกระบวนการซ่อมแซมแบบต่างๆ ได้แก่ High Speed Automatically Re-closed ; Slow Speed Automatically Re-closed ; without Repair ; with Repair กระบวนการซ่อมแซม

แบบต่างๆ เหล่านี้ จะมีค่าเวลาการขัดข้องที่ต่างกัน ทำให้ค่าอัตราการซ่อมแซมที่แตกต่างกัน
แบบจำลองการขัดข้องแบบอิสระของอุปกรณ์ 2 อุปกรณ์ มีลักษณะดังรูปที่ 3.6

โดยทั่วไปแล้ว การหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม จะพิจารณา
การขัดข้องแบบอิสระเป็นหลัก



รูปที่ 3.6 แบบจำลองการขัดข้องแบบอิสระของอุปกรณ์ 2 อุปกรณ์

2. การขัดข้องแบบไม่อิสระ (Dependent Outages)

การขัดข้องแบบไม่อิสระเป็นการขัดข้องที่ขึ้นอยู่กับเกิดขึ้นของการขัดข้องอื่นๆ
ตัวอย่างเช่น การขัดข้องของสายส่งสายหนึ่งของวงจรคู่ (Double Circuit) ทำให้ต้องปลดสาย
ส่งอีกสายส่งหนึ่งออกเนื่องจากมีโหลดเกิน โดยปกติแล้วในการหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบ
ไฟฟ้ากำลังแบบผสม จะไม่นำการขัดข้องแบบนี้มาพิจารณา [3,6]

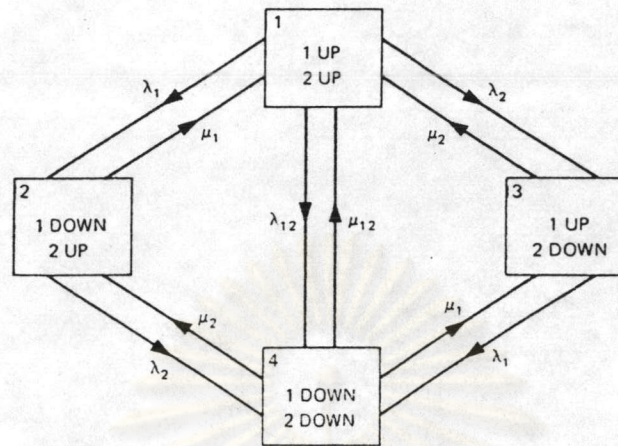


3. การขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน (Common Mode Outages)

การขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน (Common Mode Outages) เป็นการขัดข้องที่มีสาเหตุมาจากภายนอก แล้วส่งผลให้เกิดการขัดข้องของอุปกรณ์ขึ้นหลายส่วนพร้อมกัน โดยที่การขัดข้องของอุปกรณ์แต่ละส่วนนั้น ไม่ได้มีสาเหตุมาจากการขัดข้องของกันและกัน ตัวอย่างของการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกันที่พบมากที่สุดได้แก่ การเกิดปัญหาขึ้นที่เสาส่งที่ได้ติดตั้งวงจรสายส่ง 2 วงจร ทำให้สายส่งทั้ง 2 วงจรเกิดการขัดข้อง ซึ่งการขัดข้องของสายส่งทั้ง 2 วงจรนี้ ไม่ได้มีสาเหตุมาจากการขัดข้องของกันและกัน แต่มีสาเหตุมาจากเสาส่งซึ่งเป็นสาเหตุภายนอก ในกรณีนี้สามารถนำไปเปรียบเทียบได้กับการขัดข้องแบบอิสระของวงจร 2 วงจร ซึ่งติดตั้งสายส่งอยู่บนเสาส่งที่แยกจากกัน

ดังที่ได้กล่าวมาแล้วข้างต้นว่า ความน่าจะเป็นของการขัดข้องแบบอิสระจะมีค่าเท่ากับผลคูณของความน่าจะเป็นของการขัดข้องของแต่ละอุปกรณ์ ถ้าหากว่าความน่าจะเป็นของการขัดข้องของแต่ละอุปกรณ์มีค่าต่ำ จะทำให้ผลคูณที่ได้มีค่าต่ำมากเมื่อเปรียบเทียบกับความน่าจะเป็นของการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน ในการขัดข้องที่คล้ายกัน ดังนั้นการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน จึงมีผลต่อการคำนวณค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม

คณะกรรมการของ IEEE (The Task Force on Common Mode Outages of Bulk Power Supply Facilities in the IEEE Subcommittee on the Application of Probability Methods) [12] ได้ทำการศึกษาและเสนอแบบจำลองของการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกันสำหรับสายส่ง 2 สายส่ง ที่อยู่ในแนวเสาส่ง (Right of Way) เดียวกัน หรืออยู่บนเสาส่งเดียวกัน ดังแสดงในรูปที่ 3.7



รูปที่ 3.7 แบบจำลองของการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกันสำหรับสายส่ง 2 สายส่ง
ที่อยู่ในแนวเสาส่ง (Right of Way) เดียวกัน หรืออยู่บนเสาส่งเดียวกัน

แบบจำลองในรูปที่ 3.7 จะมีสถานะขัดข้องสถานะเดียว (Single Down State) ถ้าหากว่ากระบวนการซ่อมแซมของอุปกรณ์ทั้งสองแยกอิสระจากกันและกลับคืนสู่สถานะทำงานปกติเป็นอิสระต่อกัน จะได้ว่าค่า μ_{12} มีค่าเป็นศูนย์ นั่นคือค่า μ_{12} ไม่ได้เป็นส่วนกลับของเวลาซ่อมแซม แต่จะแสดงถึงสัดส่วนการซ่อมแซมซึ่งเกี่ยวข้องกับการกลับคืนสู่สถานะการทำงานพร้อมกันของอุปกรณ์ทั้งสอง

จากแบบจำลองแสดงในรูปที่ 3.7 จะสามารถคำนวณหาค่าอัตราการขัดข้อง (Failure Rate) λ_{pp} และเวลาขัดข้อง (Outage Time) r_{pp} ได้จากสมการที่ 3.3 และ 3.4 ตามลำดับ

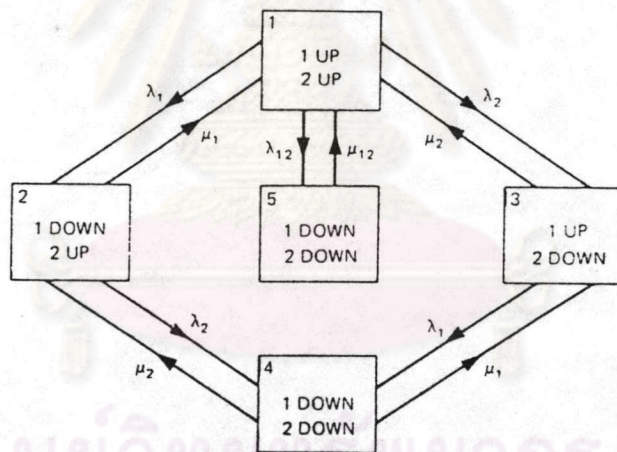
$$\lambda_{pp} = \lambda_1 \lambda_2 (r_1 + r_2) + \lambda_{12} \quad (3.3)$$

$$r_{pp} = \frac{r_1 r_2 r_{12}}{r_1 r_2 + r_2 r_{12} + r_{12} r_1} \quad (3.4A)$$

ในกรณีที่ค่า $\mu_{12} = 0$ จะได้ว่า

$$r_{pp} = \frac{r_1 r_2}{r_1 + r_2} \quad (3.4B)$$

สำหรับในกรณีที่มีสถานะการขัดข้องแยกจากกัน (Separate Down State) จะเขียนแบบจำลองได้ดังรูปที่ 3.8 โดยจะแยกสถานะขัดข้องที่เกิดจากสาเหตุร่วมกันออกจากการขัดข้องแบบอิสระดังรูป



รูปที่ 3.8 แบบจำลองของการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน
เมื่อสถานะขัดข้องแยกออกจากกัน

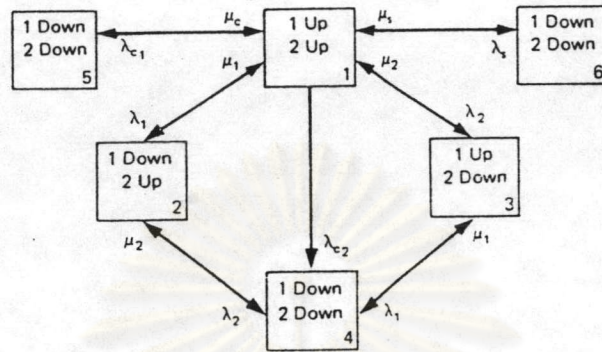
4. การขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้า (Station Originated Outages)

การขัดข้องของสายส่งหรือเครื่องกำเนิดไฟฟ้า อาจจะมีสาเหตุเนื่องมาจากการขัดข้องเกิดขึ้นที่สถานีไฟฟ้า การขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้าสามารถเกิดขึ้นได้จากสาเหตุต่างๆ ได้แก่ การเกิดข้อผิดพลาด (Fault) ลงดินที่เซอร์กิตเบรกเกอร์ การเกิดข้อผิดพลาดที่บัส เป็นต้น การขัดข้องต่างๆ ที่เกิดขึ้นที่สถานีไฟฟ้าอาจจะส่งผลให้อุปกรณ์บางอุปกรณ์ไม่สามารถทำงานต่อไปได้

โดยปกติแล้วการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้าจะถูกนับรวมเข้าไว้ในค่าอัตราการขัดข้องของสายส่งและเครื่องกำเนิดไฟฟ้า โดยจะรวมอัตราการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้าเหล่านี้เข้ากับอัตราการขัดข้องแบบอิสระ อย่างไรก็ตามการรวมค่าอัตราการขัดข้องแบบนี้จะทำให้ไม่สามารถจำแนกได้ว่าการขัดข้องของอุปกรณ์หลายอุปกรณ์พร้อมๆ กันนั้นมีสาเหตุมาจากสถานีไฟฟ้าหรือไม่ ดังนั้นจึงอาจจะแยกการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้าออกมาพิจารณาต่างหาก ซึ่งการขัดข้องแบบนี้จะมีผลต่อค่าดัชนีความเชื่อถือได้เช่นเดียวกัน

รูปที่ 3.9 แสดงแบบจำลองซึ่งรวมทั้งการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกันและการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้า

สำหรับในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ จะพิจารณาเฉพาะการขัดข้องแบบอิสระและการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน เท่านั้น ส่วนการขัดข้องแบบไม่อิสระและการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้า จะไม่นำมาพิจารณาในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้



รูปที่ 3.9 แบบจำลองซึ่งรวมทั้งการขัดข้องที่มีสาเหตุร่วมกัน
และการขัดข้องที่มีสาเหตุจากสถานีไฟฟ้า

การเลือกเหตุขัดข้อง

ในการศึกษาเรื่องความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม จะใช้แบบจำลองของอุปกรณ์ต่างๆในระบบเป็น 2 สถานะ (2-State Model) คืออุปกรณ์จะอยู่ในสถานะดี (Up State) หรือสถานะเสีย (Down State) สถานะใดสถานะหนึ่ง โดยทั่วไปการขัดข้องของอุปกรณ์ในระบบจะเป็นอิสระจากอุปกรณ์อื่น เป็นการขัดข้องแบบอิสระ (Independent Outage) ซึ่งแต่ละอุปกรณ์อาจจะเกิดการขัดข้องขึ้นพร้อมๆกันได้ โดยไม่ได้มีความเกี่ยวข้องกันเลย เช่น มีเครื่องกำเนิดไฟฟ้าเสีย 1 เครื่อง ในขณะที่มีสายส่งหลุดออกจากระบบไป 1 สายส่งพร้อมๆกัน เป็นต้น

พิจารณาระบบไฟฟ้ากำลังที่ประกอบไปด้วยอุปกรณ์ต่างๆ ได้แก่ เครื่องกำเนิดไฟฟ้าและสายส่ง รวมเป็นจำนวน n โดยที่แบบจำลองของอุปกรณ์ต่างๆเหล่านี้เป็นแบบ 2 สถานะ

ดังที่ได้กล่าวมาแล้วข้างต้น จะได้ว่ามีเหตุขัดข้องที่จะต้องพิจารณาเป็นจำนวน $2^n - 1$ สถานะ โดยที่เหตุขัดข้องแต่ละสถานะจะมีค่าความน่าจะเป็นของการเกิดและความถี่ที่จะเกิดดังสมการที่ 3.5 และ 3.6 ตามลำดับ

$$P_s = \prod_{i=1}^k A_i \prod_{j=1}^l U_j \quad (3.5)$$

$$F_s = P_s \left(\sum_{i=1}^k \lambda_i + \sum_{j=1}^l \mu_j \right) \quad (3.6)$$

โดยที่	P_s	= ความน่าจะเป็นของการอยู่ในสถานะ s
	F_s	= ความถี่ของการอยู่ในสถานะ s
	A_i	= ค่าความพร้อมใช้งานของอุปกรณ์ i
	U_j	= ค่าความไม่พร้อมใช้งานของอุปกรณ์ j
	k	= จำนวนอุปกรณ์ที่อยู่ในสถานะทำงาน
	l	= จำนวนอุปกรณ์ที่อยู่ในสถานะขัดข้อง
	λ_i	= อัตราการขัดข้องของอุปกรณ์ i
	μ_j	= อัตราการซ่อมแซมของอุปกรณ์ j

ถ้าหากว่าระบบไฟฟ้ากำลังที่จะทำการศึกษามีขนาดใหญ่ ประกอบไปด้วยเครื่องกำเนิดไฟฟ้าและสายส่งจำนวนมาก ก็จะทำให้มีจำนวนเหตุขัดข้องที่ต้องพิจารณาเป็นจำนวนมาก การคำนวณหาค่าความเชื่อถือได้ต้องใช้เวลาในการคำนวณนานมาก และเนื่องจากบางเหตุขัดข้องเป็นการขัดข้องของอุปกรณ์ต่างๆในระบบพร้อมกันเป็นจำนวนมาก ซึ่งเหตุขัดข้องเหล่านี้มีโอกาสเกิดขึ้นน้อยมากจึงจำเป็นที่จะต้องลดจำนวนเหตุขัดข้องที่จะพิจารณาลง โดยเลือกเพียงบางเหตุขัดข้องเท่านั้นมาพิจารณา โดยการกำหนดอันดับของเหตุขัดข้อง (Contingency Level) [3,6,9,10] ออกเป็นอันดับต่างๆได้แก่ เหตุขัดข้องอันดับหนึ่ง, เหตุขัด

ข้ออันดับสอง,... โดยที่เหตุขัดข้องอันดับหนึ่งหมายถึงเหตุขัดข้องที่มีการขัดข้องของอุปกรณ์เพียงอุปกรณ์เดียวในเวลาที่พิจารณา เหตุขัดข้องอันดับสองหมายถึงเหตุขัดข้องที่มีการขัดข้องของอุปกรณ์สองอุปกรณ์พร้อม ๆ กันในเวลาที่พิจารณา ส่วนเหตุขัดข้องอันดับสูง ๆ ก็นิยามได้ทำนองเดียวกัน เนื่องจากเหตุขัดข้องอันดับสูง ๆ ซึ่งประกอบไปด้วยการขัดข้องของอุปกรณ์ต่าง ๆ เป็นจำนวนมากนั้น จะมีความน่าจะเป็นในการเกิดขึ้นต่ำมาก จึงสามารถตัดทิ้งได้ เพื่อเป็นการลดจำนวนเหตุขัดข้องที่จะต้องพิจารณาลง ทำให้สามารถลดเวลาในการคำนวณลงได้มากโดยในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จะใช้เกณฑ์ในการเลือกเหตุขัดข้องที่จะนำมาพิจารณาดังนี้ [6,7]

- การขัดข้องของเครื่องกำเนิดไฟฟ้า จะคิดจนถึงอันดับสาม
- การขัดข้องของสายส่ง จะคิดจนถึงอันดับสอง
- การขัดข้องของเครื่องกำเนิดไฟฟ้ารวมกับสายส่ง จะคิดจนถึงอันดับสาม โดยที่ในแต่ละเหตุขัดข้องที่พิจารณานั้น จะมีการขัดข้องของสายส่งได้ไม่เกิน 2 สายส่ง

ส่วนเหตุขัดข้องที่มีอันดับสูงกว่านี้จะถูกตัดออกไป ไม่นำมาพิจารณาเนื่องจากจะมีความน่าจะเป็นและความถี่ของการขัดข้องต่ำมาก นอกจากจะตัดเหตุขัดข้องที่มีอันดับสูงออกไปแล้ว ยังสามารถลดจำนวนเหตุขัดข้องที่ต้องพิจารณาได้อีก โดยใช้กฎเกณฑ์การตัดออก (Cut off Criteria) เพื่อตัดเหตุขัดข้องที่มีความน่าจะเป็นหรือมีความถี่ต่ำกว่าค่าที่กำหนดออกไป ทำให้สามารถที่จะลดจำนวนเหตุขัดข้องที่จะต้องพิจารณาลงและจะช่วยลดเวลาในการคำนวณลงได้อีก โดยในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จะใช้เกณฑ์การตัดออกเพื่อตัดเหตุขัดข้องที่มีความน่าจะเป็นต่ำกว่า 10^{-8} หรือเหตุขัดข้องที่มีความถี่ต่ำกว่า 10^{-6} ออกไป

นอกจากนี้ยังมีวิธีการที่จะคัดเลือกเหตุขัดข้องที่จะนำมาทดสอบ โดยการจัดเรียงลำดับของเหตุขัดข้องตามความรุนแรงของการเกิดโหลดเกิน โดยจะกำหนดเป็นค่าดัชนี (Performance Index) PI [6,9] ซึ่งสามารถหาค่า PI ได้จากสมการที่ 3.7



$$PI = \sum_{i: \text{all circuit}} \left(\frac{P_i}{P_{li}} \right)^2$$

โดยที่

P_i - กำลังไฟฟ้าที่ไหลในสายส่ง i

P_{li} - ค่าพิกัดกำลังไฟฟ้าของสายส่ง i

ในการทดสอบเหตุขัดข้องจะเลือกเหตุขัดข้องที่มีค่า PI สูงสุด มาทำการทดสอบก่อน จากนั้นจะเลือกเหตุขัดข้องที่มีค่า PI ถัดไปมาทดสอบ จนกระทั่งเหตุขัดข้องที่เลือกมาทดสอบ ไม่ทำให้ระบบเกิดปัญหา ก็จะสรุปว่าเหตุขัดข้องถัดไปซึ่งมีค่า PI ต่ำกว่า จะไม่ทำให้ให้ระบบเกิดปัญหา จึงสามารถหยุดการทดสอบได้

การทดสอบเหตุขัดข้อง

หลังจากที่ได้เลือกเหตุขัดข้องเพื่อพิจารณาแล้ว ขั้นตอนต่อไปจะเป็นการทดสอบเหตุขัดข้องที่เลือกมาโดยการวิเคราะห์โหลดฟลว์ (Load Flow) เพื่อตรวจสอบว่าเหตุขัดข้องนั้นจะส่งผลให้เกิดปัญหาต่อระบบหรือไม่ ปัจจุบันได้มีการพัฒนาวิธีการวิเคราะห์โหลดฟลว์ขึ้นมาหลายวิธีด้วยกัน ซึ่งแต่ละวิธีก็จะมีข้อดีข้อเสียแตกต่างกันออกไป เนื่องจากว่าเวลาส่วนใหญ่ในการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมจะถูกใช้ไปในขั้นตอนของการวิเคราะห์โหลดฟลว์ ซึ่งการวิเคราะห์โหลดฟลว์จะทดสอบว่าแรงดันบัลที่แต่ละบัลมีค่าอยู่ในช่วงที่กำหนดไว้หรือไม่ สายส่งมีโหลดเกินหรือไม่ เป็นต้น ดังนั้นความแม่นยำสูงของคำตอบในการวิเคราะห์โหลดฟลว์จึงไม่ใช่สิ่งที่จำเป็นมากนักในที่นี้ แต่ว่าความเร็วของการคำนวณจะมีความสำคัญมากกว่า เนื่องจากมีเหตุขัดข้องที่จะต้องทำการทดสอบด้วยการวิเคราะห์โหลดฟลว์เป็นจำนวนมาก จึงควรใช้วิธีการวิเคราะห์โหลดฟลว์แบบประมาณซึ่งใช้เวลาในการหาคำตอบน้อยลง เพื่อเป็นการลดเวลาในการคำนวณค่าดัชนีลง

สำหรับวิธีการวิเคราะห์โหลดโพลว์แบบประมาณซึ่งมีความรวดเร็วและได้รับความนิยมได้แก่การวิเคราะห์โหลดโพลว์แบบดี.ซี. (D.C. Load Flow) และเน็ตเวิร์คโพลว์ (Network Flow) ซึ่งทั้งสองวิธีดังกล่าวนี้จะทำการพิจารณาเฉพาะการไหลของกำลังจริง (Real Power) เท่านั้นและจะไม่พิจารณาถึงกำลังรีแอกทีฟ (Reactive Power) ทำให้ใช้เวลาในการคำนวณน้อยกว่าการวิเคราะห์โหลดโพลว์แบบเอ.ซี. (A.C. Load Flow) และให้ผลการคำนวณที่อยู่ในเกณฑ์ที่สามารถยอมรับได้ จึงมีความเหมาะสมที่จะนำมาใช้สำหรับการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม

แต่เนื่องจากการวิเคราะห์โหลดโพลว์แบบดี.ซี. และเน็ตเวิร์คโพลว์ ไม่ได้คำนึงถึงค่าแรงดันที่บัสต่างๆ ทำให้ไม่สามารถที่จะตรวจสอบได้ว่าแรงดันบัสที่บัสต่างๆ มีค่าอยู่ในช่วงที่กำหนดหรือไม่ ในกรณีที่ไม่สนใจปัญหาเรื่องระดับแรงดันบัสที่บัสต่างๆ แต่สนใจพิจารณาเพียงปัญหาสายส่งมีโหลดเกินก็สามารถใช้วิธีดังกล่าวในการทดสอบเหตุขัดข้องได้ แต่ถ้าต้องการที่จะทดสอบด้วยว่าแรงดันบัสมีค่าอยู่ในช่วงที่กำหนดหรือไม่ ก็จะต้องใช้การวิเคราะห์โหลดโพลว์แบบเอ.ซี. ซึ่งมีวิธีการวิเคราะห์ที่อยู่หลายวิธีด้วยกันได้แก่ วิธีเกาส์ (Gauss Method) วิธีเกาส์-ไซเดล (Gauss-Seidel Method) วิธีนิวตัน-ราฟสัน (Newton-Raphson Method) [13,14] โดยที่วิธีนิวตัน-ราฟสัน เป็นวิธีที่ได้รับความนิยมมาก เนื่องจากสามารถหาคำตอบได้อย่างถูกต้องและรวดเร็ว

อย่างไรก็ตามเนื่องจากการหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมจะต้องทดสอบเหตุขัดข้องเป็นจำนวนมาก การวิเคราะห์โหลดโพลว์แบบเอ.ซี. โดยใช้วิธีนิวตัน-ราฟสันจึงยังไม่เหมาะสม เนื่องจากว่าการคำนวณยังรวดเร็วไม่เพียงพอ จึงต้องมีการปรับปรุงวิธีนิวตัน-ราฟสันเพื่อให้สามารถหาคำตอบได้รวดเร็วขึ้น โดยอาศัยลักษณะบางประการของระบบไฟฟ้ากำลัง เพื่อลดการคำนวณลง ทำให้สามารถลดเวลาในการคำนวณลงได้มาก โดยให้ผลการคำนวณที่อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้

การวิเคราะห์โหลดฟลว์แบบฟาสต์ดีคัปเปิล (Fast Decoupled Load Flow) [15]

ในการวิเคราะห์โหลดฟลว์ จะแบ่งบัสต่างๆในระบบไฟฟ้ากำลังออกเป็น 3 ประเภท ดังนี้

1. บัสอ้างอิง (Reference Bus) หรือ บัสสวิง (Swing Bus) ที่บัสนี้จะกำหนดขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส ส่วนกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟจะได้จากการวิเคราะห์โหลดฟลว์
2. บัสควบคุมแรงดัน (Voltage Controlled Bus) ที่บัสนี้จะกำหนดขนาดของแรงดันบัส และกำลังจริง ส่วนมุมเฟสของแรงดันบัสและกำลังรีแอกทีฟจะได้จากการวิเคราะห์โหลดฟลว์
3. บัสโหลด (Load Bus) ที่บัสนี้จะกำหนดขนาดของกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟ ส่วนขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัสจะได้จากการวิเคราะห์โหลดฟลว์

กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่จ่ายเข้าไปยังบัส p ของระบบไฟฟ้ากำลังที่ประกอบไปด้วยบัสจำนวน n บัส สามารถเขียนได้ดังสมการที่ 3.8 และ 3.9

$$P_p = \sum_{q=1}^n |V_p V_q Y_{pq}| \cos(\delta_p - \delta_q - \theta_{pq}) \quad (3.8)$$

$$Q_p = \sum_{q=1}^n |V_p V_q Y_{pq}| \sin(\delta_p - \delta_q - \theta_{pq}) \quad (3.9)$$

โดยที่

- P_p, Q_p = กำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟที่จ่ายเข้าบัส P
 $|V_p|, \delta_p$ = ขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัสที่บัส P
 $|V_q|, \delta_q$ = ขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัสที่บัส Q
 $|Y_{pq}|, \theta_{pq}$ = สมาชิกตำแหน่ง (p, q) ของเมตริกซ์แอดมิตแตนซ์ของระบบ

สมการที่ 3.8 และ 3.9 เรียกว่าสมการโหลดโฟลว์ (Load Flow Equation) ซึ่งเป็นสมการไม่เชิงเส้น การวิเคราะห์โหลดโฟลว์โดยการใช้วิธีนิวตัน-ราฟสัน จะเปลี่ยนสมการโหลดโฟลว์ให้อยู่ในรูปสมการเชิงเส้นโดยการใช้การกระจายของอนุกรมเทเลอร์ (Taylor Series Expansion) กระจายฟังก์ชันของ P และ Q รอบจุดประมาณเริ่มต้นและไม่คิดเทอมอันดับสองขึ้นไป โดยจะเขียนให้อยู่ในรูปของสมการความคลาดเคลื่อนของกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟเป็นเมตริกซ์ ดังสมการที่ 3.10

$$\begin{bmatrix} \Delta P \\ \hline \Delta Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} J_1 & J_2 \\ \hline J_3 & J_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \hline \Delta V/V \end{bmatrix} \quad (3.10)$$

โดยที่

$\Delta P, \Delta Q$ = ค่าความคลาดเคลื่อนของกำลังจริงและกำลังรีแอกทีฟ

$\Delta \delta, \Delta V$ = ค่าเพิ่มขึ้นของมุมเฟสและขนาดของแรงดันบัส

J = เมตริกซ์จาโคเบียน (Jacobian Matrix)

ลักษณะที่สำคัญประการหนึ่งของระบบไฟฟ้ากำลังในสถานะอยู่ตัว (Steady State) คือ การเปลี่ยนแปลงมุมเฟสของแรงดันบัสจะมีผลต่อการเปลี่ยนแปลงกำลังรีแอกทีฟที่ฟ้าน้อยมาก เมื่อเปรียบเทียบกับ การเปลี่ยนแปลงของกำลังจริง ส่วนการเปลี่ยนแปลงขนาดของแรงดันบัส จะมีผลต่อการเปลี่ยนแปลงกำลังจริงน้อยมากเมื่อเปรียบเทียบกับ การเปลี่ยนแปลงของกำลังรีแอกทีฟ [15] จากคุณสมบัติดังกล่าว ทำให้ประมาณได้ว่าค่าสมาชิกของเมตริกซ์จาโคเบียน $[J_2]$ และ $[J_3]$ ในสมการที่ 3.10 มีค่าเป็น 0 ดังนั้นจึงสามารถเขียนสมการที่ 3.10 ได้ใหม่ โดยเขียนแยกออกเป็น 2 สมการ คือสมการที่ 3.11 และ 3.12

$$[\Delta P] = [J_1][\Delta \delta] \quad (3.11)$$

$$[\Delta Q] = [J_4][\Delta V/V] \quad (3.12)$$

โดยที่ค่าสมาชิกของเมตริกซ์จาโคเบียน $[J_1]$ และ $[J_4]$ จะสามารถหาค่าได้จากสมการที่ 3.13 ถึง 3.15

$$\text{เมื่อ } p \neq q \quad J_{1pq} = J_{4pq} = V_p V_q (G_{pq} \sin \delta_{pq} - B_{pq} \cos \delta_{pq}) \quad (3.13)$$

$$\text{เมื่อ } p = q \quad J_{1pp} = -B_{pp} V_p^2 - Q_{pp} \quad (3.14)$$

$$\text{เมื่อ } p = q \quad J_{4pp} = -B_{pp} V_p^2 + Q_{pp} \quad (3.15)$$

$$\text{โดยที่ } Q_{pp} = V_p \sum_{q=1, q \neq p}^n V_q (G_{pq} \sin \delta_{pq} - B_{pq} \cos \delta_{pq})$$

สำหรับขั้นตอนการคำนวณ สามารถคำนวณสมการทั้งสองแยกกันได้ เมตริกซ์จาโคเบียนจะมีขนาดเล็กลงมาก สามารถคำนวณได้รวดเร็วขึ้น และจะเรียกการวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบนี้ว่าการวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบดีคัปเปิล (Decoupled Load Flow)

นอกจากนี้ยังสามารถทำให้สมการโหลดโฟลว์อยู่ในรูปง่ายลงได้อีก โดยการใช้สมมติฐานต่อไปนี้

- ค่ามุมเฟสของแรงดันแต่ละบัสจะมีค่าใกล้เคียงกัน ทำให้ค่า $\text{Cos}\delta_{pq}$ ในสมการที่ 3.13 มีค่าใกล้เคียง 1 และค่า $\text{Sin}\delta_{pq}$ มีค่าใกล้เคียง 0

$$\text{ดังนั้น } \text{Cos}\delta_{pq} \approx 1$$

- ค่าความนำไฟฟ้า (Conductance) G_{pq} ของสายส่ง จะมีค่าน้อยกว่าค่าซัสเซพแตนซ์ (Susceptance) B_{pq} ของสายส่งมาก ประกอบกับค่า $\text{Sin}\delta_{pq}$ มีค่าใกล้เคียง 0

$$\text{ดังนั้น } G_{pq}\text{Sin}\delta_{pq} \ll B_{pq}$$

- ค่ากำลังรีแอกทีฟ Q_p มีค่าน้อยกว่าค่า $B_{pp}V_p^2$ มาก

$$\text{ดังนั้น } Q_p \ll B_{pp}V_p^2$$

ทำให้สามารถเขียนสมการโหลดโฟลว์ได้ใหม่ดังสมการที่ 3.16 และ 3.17

$$[\Delta P/V] = [B'] [\Delta \delta] \quad (3.16)$$

$$[\Delta Q/V] = [B''] [\Delta V] \quad (3.17)$$

ค่าสมาชิกของเมตริกซ์ $[B']$ และ $[B'']$ จะเป็นเลขจำนวนจริง ซึ่งประกอบไปด้วยค่าซัสเซพแตนซ์ (Susceptances) ของระบบเท่านั้น จึงมีค่าคงที่ตลอดการคำนวณ ดังนั้นจะค้นหาเมตริกซ์ $[B']$ และ $[B'']$ เพียงครั้งเดียวตอนเริ่มต้นเท่านั้น ทำให้การวิเคราะห์โหลดโฟลว์ใช้เวลาลดลงมาก เนื่องจากไม่ต้องเสียเวลาในการสร้างเมตริกซ์จาโคเบียน การวิเคราะห์โหลดโฟลว์โดยใช้สมการที่ 3.16 และสมการที่ 3.17 เรียกว่าการวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบฟาสต์ดีคัปเปิล (Fast Decoupled Load Flow) ซึ่งสามารถหาคำตอบได้อย่างรวดเร็วและให้ผลการคำนวณอยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ จึงความเหมาะสมที่จะนำมาใช้ในการทดสอบเหตุขัดข้องในการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จึงเลือกใช้การวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบฟาสต์ดีคัปเปิลในการทดสอบเหตุขัดข้องต่างๆ

อย่างไรก็ตาม บางเหตุขัดข้องเมื่อใช้การวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบฟาสต์ดีคัปเปิล จะไม่สามารถหาคำตอบได้ (Divergence) ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จะเปลี่ยนมาใช้ในการวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบดี.ซี. เพื่อตรวจสอบการเกิดโหลดเกินของสายส่งแทน [9]

การวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบดี.ซี. (D.C. Load Flow) [16]

การวิเคราะห์โหลดโฟลว์แบบดี.ซี. (D.C. Load Flow) เป็นการหาคำตอบของระบบไฟฟ้ากำลังโดยประมาณ ซึ่งสามารถคำนวณได้รวดเร็ว เนื่องจากในการคำนวณไม่ต้องมีการทำการคำนวณซ้ำ (Non-iteration) โดยจะใช้หลักการดังนี้

- พิจารณาเฉพาะกำลังจริงเท่านั้น ส่วนกำลังรีแอกทีฟจะไม่มาพิจารณา
- กำหนดให้ขนาดของแรงดันบัสมีค่าคงที่ตลอดการคำนวณ
- ระบบไฟฟ้ากำลังโดยทั่วไป จะมีค่ารีแอกแตนซ์ของสายส่งสูงกว่าค่าความต้านทานมาก $X_{ij} \gg R_{ij}$
- ค่ามุมเฟสของแรงดันบัสที่แต่ละบัสมีค่าใกล้เคียงกัน

จากสมมติฐานเหล่านี้ ทำให้สามารถเขียนสมการของกำลังไฟฟ้าที่ไหลในสายส่ง จากบัส i ไปยังบัส j ได้ง่ายลงเป็นสมการที่ 3.18

$$P_{ij} = \frac{\theta_i - \theta_j}{X_{ij}} \quad (3.18)$$

โดยที่

θ_i = มุมเฟสของแรงดันที่บัส i

θ_j = มุมเฟสของแรงดันที่บัส j

X_{ij} = ค่ารีแอกแตนซ์ของสายส่งระหว่างบัส i และบัส j

P_{ij} = ค่ากำลังไฟฟ้าที่ไหลจากบัส i ไปยังบัส j

ส่วนค่ากำลังไฟฟ้าทั้งหมดที่ไหลเข้าสู่บัส จะหาได้จากผลรวมของกำลังไฟฟ้าที่ไหล ในทุกๆสายส่งที่ต่อกับบัสนั้น ดังสมการที่ 3.19 และเขียนให้อยู่ในรูปเมตริกซ์ได้ดังสมการที่ 3.20

$$P_i = \sum_{j \neq i}^n P_{ij} = \sum_{j \neq i}^n \frac{\theta_i - \theta_j}{X_{ij}} \quad (3.19)$$

$$[P] = [B][\theta] \quad (3.20)$$

โดยที่

$[B]$ = เมตริกซ์ซัสเซพแตนซ์

สมการที่ 3.20 เป็นสมการเชิงเส้น ค่าสมาชิกในเมตริกซ์ [B] ส่วนใหญ่มีค่าเป็นศูนย์ เนื่องจากมีสายส่งเพียงจำนวนหนึ่งเท่านั้นที่ต่ออยู่กับแต่ละบัส สำหรับการคำนวณหาค่าตอบของสมการ สามารถหาได้โดยตรงโดยไม่ต้องมีการคำนวณซ้ำเป็นรอบเหมือนในกรณีการวิเคราะห์โหลดโพลาร์แบบเอ.ซี. ทำให้สามารถคำนวณหาค่ามุมเฟสของแต่ละบัสได้อย่างรวดเร็ว เมื่อทราบค่ามุมเฟสของแต่ละบัสแล้วก็จะคำนวณหาค่ากำลังไฟฟ้าที่ไหลในแต่ละสายส่งได้โดยใช้สมการที่ 3.18 ทำให้สามารถตรวจสอบการเกิดโหลดเกินของสายส่งได้อย่างรวดเร็ว แต่เนื่องจากการวิเคราะห์โหลดโพลาร์แบบดี.ซี.จะไม่คำนึงถึงเรื่องแรงดันบัส ดังนั้นจึงไม่สามารถตรวจสอบปัญหาทางด้านแรงดันได้

ปัญหาสายส่งมีโหลดเกินและวิธีการแก้ไข

ปัญหาหนึ่งที่สำคัญซึ่งเกิดขึ้นในการหาความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม คือการที่สายส่งมีโหลดเกิน โดยอาจจะเกิดจากการที่สายส่งสายหนึ่งหลุดออกไปจากระบบ ทำให้กำลังไฟฟ้าไหลผ่านสายส่งที่เหลือแทน จึงอาจทำให้สายส่งที่รับกำลังไฟฟ้าแทนนั้นเกิดโหลดเกินได้ ในทางปฏิบัติจะทำการแก้ไขได้โดยยอมให้สายส่งที่มีโหลดเกินนั้นทำงานต่อไปในภาวะโหลดเกินได้ จะทำให้ระบบมีความเชื่อถือได้ที่ดีกว่าความเป็นจริง ซึ่งจะทำให้ค่าดัชนีความเชื่อถือได้ที่คำนวณได้มีค่าต่ำกว่าความเป็นจริง (Optimistic Indices) โดยเฉพาะกรณีที่โหลดเกินมากและเกินอยู่เป็นเวลานาน แต่ถ้าหากให้ทำการปลดสายส่งที่มีโหลดเกินนั้นออกไปจากระบบ แล้วจึงทำการวิเคราะห์ระบบที่เหลือจนกว่าจะไม่มีอุปกรณ์ใดมีโหลดเกินหรือจนกว่าระบบล้มเหลว จะทำให้ระบบมีความเชื่อถือได้ที่แย่กว่าความเป็นจริง ซึ่งจะทำให้ค่าดัชนีความเชื่อถือได้ที่คำนวณได้มีค่าสูงกว่าความเป็นจริง (Pessimistic Indices) อาจจะทำให้ต้องตัดสินใจที่จะปรับปรุงระบบให้มีความเชื่อถือได้สูงขึ้น โดยเพิ่มค่าใช้จ่ายในการลงทุนให้มากขึ้น ทำให้ไม่เหมาะสมที่จะนำวิธีการดังกล่าวมาใช้สำหรับการหาค่าความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม

สำหรับวิธีการแก้ไขปัญหาลายส่งมีโหลดเกิน ที่เหมาะสมที่จะนำมาใช้สำหรับการหาความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม ได้แก่ การจัดสรรกำลังผลิตใหม่ และ/หรือ การตัดโหลด

วิธีการกำหนดรูปแบบของการจัดสรรกำลังผลิตใหม่เพื่อแก้ไขปัญหาลายส่งมีโหลดเกินมีอยู่หลายวิธีด้วยกัน ซึ่งวิธีการเหล่านี้ส่วนใหญ่จะใช้ซอฟต์แวร์อัลกอริทึม (Optimization Algorithms) [17] เพื่อจะทำให้ต้นทุนการปฏิบัติการ (Operating Cost) มีค่าต่ำที่สุด ในขณะที่ลดค่ากำลังไฟฟ้าที่ไหลในสายส่งที่มีโหลดเกินลง ซึ่งวิธีการเหล่านี้ไม่เหมาะสมที่จะนำมาใช้ในการหาความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมเนื่องจากเหตุผลหลายประการ ได้แก่

1. ในการคำนวณหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ โดยการจำลองการขัดข้องของอุปกรณ์ต่าง ๆ นั้น จะพิจารณาถึงระดับแรงดันที่บัสต่างๆ กระแสไฟฟ้าที่ไหลในสายส่ง และอื่นๆ แต่ไม่ได้คำนึงถึงต้นทุนการปฏิบัติการ การใช้ ซอฟต์แวร์อัลกอริทึม จึงไม่มีความเหมาะสมและไม่มีความจำเป็น เนื่องจากต้องใช้เวลาในการคำนวณมากเกินไป

2. ในบางกรณีไม่สามารถที่จะแก้ไขปัญหาลายส่งเกินในสายส่งได้โดยการจัดสรรกำลังผลิตใหม่เพียงอย่างเดียว แต่จะต้องใช้ร่วมกับวิธีการตัดโหลดอย่างเหมาะสม จึงจะสามารถแก้ไขปัญหาลายส่งมีโหลดเกินนี้ได้

สำหรับรูปแบบการตัดโหลดในทางปฏิบัติมันจะขึ้นอยู่กับสัญญาติยาน, ประสบการณ์ และความคุ้นเคยที่มีต่อระบบของผู้ปฏิบัติงานเป็นสำคัญซึ่งวิธีการเหล่านี้ไม่ได้มีการใช้พื้นฐานการคำนวณทางด้านคณิตศาสตร์ ซึ่งอาจจะทำให้เกิดการตัดโหลดจำนวนมากโดยไม่จำเป็นได้ เมื่อนำมาใช้ในการหาค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม จะทำให้ได้ค่าดัชนีความเชื่อถือได้ที่สูงกว่าความเป็นจริง (Pessimistic Indices)

สำหรับวิธีการหารูปแบบการจัดสรรกำลังผลิตใหม่และการตัดโหลด เพื่อแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกินที่จะนำมาใช้ในที่นี้ จะใช้ร่วมกับการวิเคราะห์โหลดโพลาร์ด้วยวิธีนิวตัน-ราฟสันแบบฟาสต์ดีคัปเปล (Fast Decoupled Newton-Raphson Load Flow) โดยจะใช้หลักการที่ว่า การเปลี่ยนแปลงของกำลังไฟฟ้าที่ไหลในสายส่งจะเป็นผลมาจากการเปลี่ยนแปลงของขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส ส่วนการที่จะเปลี่ยนแปลงขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส ก็สามารถทำได้โดยเปลี่ยนแปลงค่ากำลังผลิตและโหลดที่บัสนั้น ดังนั้นการเปลี่ยนแปลงกำลังผลิตและโหลดที่บัสอย่างเหมาะสม ก็จะทำให้สามารถเปลี่ยนแปลงกำลังไฟฟ้าที่ไหลในสายส่งได้

สำหรับขั้นตอนของวิธีการจัดสรรกำลังผลิตใหม่และการตัดโหลดเพื่อระงับปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน จะสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ขึ้น 2 ชุด [17,18] ได้แก่

1. ความสัมพันธ์เชิงเส้นระหว่างกระแสเกินในสายส่งกับการเพิ่มของขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส

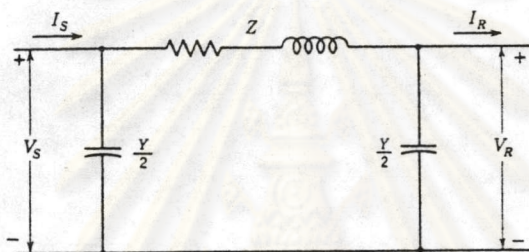
2. ความสัมพันธ์เชิงเส้นระหว่างการเพิ่มของกำลังผลิตและโหลดกับการเพิ่มของขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส

โดยในการวิเคราะห์จะกำหนดให้ขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัสเป็นตัวแปรสถานะ (State Variables)

1. ความสัมพันธ์เชิงเส้นระหว่างกระแสในสายส่งกับตัวแปรสถานะ

โดยทั่วไป การวิเคราะห์ระบบไฟฟ้ากำลัง จะแทนสายส่งด้วยค่าพารามิเตอร์ 4 ค่า ได้แก่ค่าความต้านทานไฟฟ้า (Resistance) ค่าความเหนี่ยวนำไฟฟ้า (Inductance) ค่าความจุไฟฟ้า (Capacitance) และค่าความนำไฟฟ้า (Conductance) โดยที่ค่าความต้านทานไฟฟ้าและค่าความเหนี่ยวนำไฟฟ้าจะรวมกันเป็นค่าอิมพีแดนซ์อนุกรม (Series Impedance) ของสาย

ส่งส่วนค่าความจุไฟฟ้าและค่าความนำไฟฟ้า ก็จะรวมกันเป็นค่าแอดมิตแตนซ์ขนาน (Shunt Admittance) ของสายส่งไปยังนิวทรัล โดยปกติค่าความนำไฟฟ้าของสายส่งจะมีค่าน้อย จึงไม่นำมาคิดเมื่อคำนวณหากระแสและแรงดัน และจะแทนสายส่งด้วยวงจรสมมูลย์แบบพาย (π) ดังแสดงในรูปที่ 3.10



รูปที่ 3.10 วงจรสมมูลย์แบบพาย (π)

กระแสที่ไหลในสายส่งจากบัส p ไปยังบัส q จะเป็นฟังก์ชันของขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส ที่บัส p และบัส q ดังสมการที่ 3.21

$$\begin{aligned}
 I_{pq} &= [(V_p \cos \delta_p - V_q \cos \delta_q) G_{pq} - (V_p \sin \delta_p - V_q \sin \delta_q) B_{pq} - B_c V_p \sin \delta_p] \\
 &\quad + j[(V_p \sin \delta_p - V_q \sin \delta_q) G_{pq} + (V_p \cos \delta_p - V_q \cos \delta_q) B_{pq} + B_c V_p \cos \delta_p] \\
 &= I_r + jI_j
 \end{aligned}
 \tag{3.21}$$

โดยที่

I_{pq} = กระแสที่ไหลในสายส่ง จากบัส p ไปยังบัส q

$G_{pq} + jB_{pq}$ = ค่าแอดมิตแตนซ์อนุกรม (Series Admittance) ของสายส่งที่ต่อ
ระหว่างบัส p กับบัส q

B_c = ครึ่งหนึ่งของไลน์ชาร์จิงแอดมิตแตนซ์ (Half Line Charging
Admittance)

$I_r I_j$ = ส่วนจริงและส่วนจินตภาพของ I_{pq}

ให้กระแสที่ไหลในสายส่งจากบัส p ไปยังบัส q มีค่าเป็น I'_{pq} ซึ่งมีตัวแปรสถานะเป็น $\delta'_p, \delta'_q, V'_p$ และ V'_q กำหนดให้ค่าพิกัดกระแสของสายส่งคือ I_{pqmax} สมมติว่า I'_{pq} มีค่ามากกว่า I_{pqmax} ดังนั้นจะต้องหาค่าตัวแปรสถานะใหม่เป็น δ_p, δ_q, V_p และ V_q เพื่อลดค่ากระแสที่ไหลในสายส่งลงจาก I'_{pq} เป็น I_{pqmax} เมื่อใช้การกระจายอนุกรมเทเลอร์ (Taylor Series Expansion) เพื่อกระจายฟังก์ชัน I_{pq} รอบๆ $(\delta'_p, \delta'_q, V'_p, V'_q)$ และไม่คิดเทอมอันดับสองขึ้นไป และกำหนดให้ $\Delta I_{pq} = I_{pqmax} - I'_{pq}$ เป็นกระแสเกิน จะได้ว่า ΔI_{pq} มีค่าดังสมการที่ 3.22

$$\begin{aligned} \Delta I_{pq} &= \left(\frac{\partial I_{pq}}{\partial \delta_p}\right) \Delta \delta_p + \left(\frac{\partial I_{pq}}{\partial \delta_q}\right) \Delta \delta_q \\ &+ \left(\frac{\partial I_{pq}}{\partial V_p}\right) \Delta V_p + \left(\frac{\partial I_{pq}}{\partial V_q}\right) \Delta V_q \end{aligned} \quad (3.22)$$

จาก $I_{pq} = \sqrt{I_r^2 + I_j^2}$ ดังนั้นจึงสามารถหา Partial Derivative ของ I_{pq} ได้
จากสมการที่ 3.23 ถึง 3.26

$$\begin{aligned} \frac{\partial I_{pq}}{\partial \delta_p} &= \frac{I_r}{I'_{pq}} (-G_{pq} V'_p \sin \delta'_p - B_{pq} V'_p \cos \delta'_p - B_c V'_p \cos \delta'_p) \\ &+ \frac{I_j}{I'_{pq}} (G_{pq} V'_p \cos \delta'_p - B_{pq} V'_p \sin \delta'_p - B_c V'_p \sin \delta'_p) \end{aligned} \quad (3.23)$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial I_{pq}}{\partial \delta_q} &= \frac{I_r}{I'_{pq}} (G_{pq} V'_q \sin \delta'_q + B_{pq} V'_q \cos \delta'_q) \\ &+ \frac{I_j}{I'_{pq}} (-G_{pq} V'_q \cos \delta'_q + B_{pq} V'_q \sin \delta'_q) \end{aligned} \quad (3.24)$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial I_{pq}}{\partial V_p} &= \frac{I_r}{I'_{pq}} (G_{pq} \cos \delta'_p - B_{pq} \sin \delta'_p - B_c \sin \delta'_p) \\ &+ \frac{I_j}{I'_{pq}} (G_{pq} \sin \delta'_p + B_{pq} \cos \delta'_p + B_c \cos \delta'_p) \end{aligned} \quad (3.25)$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial I_{pq}}{\partial V_q} &= \frac{I_r}{I'_{pq}} (-G_{pq} \cos \delta'_q + B_{pq} \sin \delta'_q) \\ &+ \frac{I_j}{I'_{pq}} (-G_{pq} \sin \delta'_q - B_{pq} \cos \delta'_q) \end{aligned} \quad (3.26)$$

พิจารณาระบบไฟฟ้ากำลัง ซึ่งประกอบไปด้วยบัสจำนวน n บัส สายส่งจำนวน l สายส่ง โดยมีสายส่งที่มีโหลดเกินเป็นจำนวน j สายส่ง เมื่อเขียนสมการสำหรับสายส่งที่มีโหลดเกินทุกสายส่งทำนองเดียวกับสมการที่ 3.22 จะได้ชุดของสมการซึ่งเขียนอยู่ในรูปเมตริกซ์ดังสมการที่ 3.27

$$\begin{bmatrix} \Delta I_1 \\ \Delta I_2 \\ \vdots \\ \Delta I_j \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \text{---} \\ \Delta V \end{bmatrix} \quad (3.27)$$



เมตริกซ์ A จะมีจำนวนแถวเท่ากับจำนวนสายส่งที่มีไหลดเกิน ส่วนจำนวนหลัก (Column) ของเมตริกซ์ A คือ $2n-1$ ค่าส่วนใหญ่ในเมตริกซ์ A จะเป็นศูนย์ โดยที่ในแต่ละแถวจะมีพจน์ที่มีค่าไม่เป็นศูนย์อยู่ไม่เกิน 4 พจน์ สำหรับเวกเตอร์ $[\Delta\delta, \Delta V]^T$ จะหมายถึงเวกเตอร์ของตัวแปรสถานะ เนื่องจากในการศึกษาระบบไฟฟ้ากำลัง จะให้บัสสวิง (Swing Bus) เป็นบัสอ้างอิง (Reference Bus) ดังนั้นจะไม่นำค่าเพิ่มขึ้นของมุมเฟสของบัสสวิงมารวมไว้ในเวกเตอร์ของตัวแปรสถานะ ส่วนค่าที่เพิ่มขึ้นของขนาดแรงดันของทุกบัสจะถูกรวมอยู่ในเวกเตอร์ของตัวแปรสถานะในสมการที่ 3.27 ด้วย ดังนั้นเวกเตอร์ของตัวแปรสถานะจึงมีขนาดเท่ากับ $2n-1$ เขียนสมการที่ 3.27 ใหม่ เพื่อใช้หาค่าเพิ่มขึ้นของตัวแปรสถานะได้ดังสมการที่ 3.28

$$\begin{bmatrix} \Delta\delta \\ \vdots \\ \Delta V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & I \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \\ \\ \Delta I \end{bmatrix} \quad (3.28)$$

เนื่องจากเมตริกซ์ A ไม่ได้เป็นเมตริกซ์จัตุรัส (Square Matrix) แต่จะเป็นเมตริกซ์สี่เหลี่ยมผืนผ้า (Rectangular Matrix) โดยจะมีจำนวนแถวเท่ากับจำนวนสายส่งที่มีไหลดเกิน และจำนวนหลักเท่ากับ $2n-1$ จึงไม่สามารถหาอินเวอร์สของเมตริกซ์ A ได้โดยตรง ทั้งนี้เนื่องจากเมตริกซ์ที่สามารถหาอินเวอร์สได้จะต้องเป็นเมตริกซ์จัตุรัสเท่านั้น ดังนั้นจึงต้องใช้แนวคิดของอินเวอร์สเทียม (Pseudoinverse) [19] มาใช้ในการหาอินเวอร์สของเมตริกซ์ A โดยสามารถหาอินเวอร์สเทียมของเมตริกซ์ A ได้จากสมการที่ 3.29

$$A^+ = A^T (AA^T)^{-1} \quad (3.29)$$

โดยที่ A^+ = อินเวอร์สเทียมของเมตริกซ์ A

2. ความสัมพันธ์เชิงเส้นระหว่างการเพิ่มของกำลังผลิตและโหลดกับการเพิ่มของขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส

กำลังไฟฟ้าที่ถูกจ่ายเข้าสู่บัส จะเป็นฟังก์ชันของขนาดและมุมเฟสของแรงดันบัส สมมติว่ามุมเฟสและขนาดของแรงดันบัส $[\delta, V]^T$ สอดคล้องกับสมการโหลดโพลาร์เมื่อกำลังไฟฟ้าที่ถูกจ่ายเข้าสู่บัส j มีค่า P_j และ Q_j โดยใช้การกระจายอนุกรมเทเลอร์ กระจายฟังก์ชัน P_j และ Q_j รอบๆ $[\delta, V]^T$ และไม่คิดเทอมอันดับสองขึ้นไป จะได้ดังสมการที่ 3.30 และสมการที่ 3.31 ตามลำดับ

$$\Delta P_j = \frac{\partial P_j}{\partial \delta_1} \Delta \delta_1 + \dots + \frac{\partial P_j}{\partial V_1} \Delta V_1 + \dots \quad (3.30)$$

$$\Delta Q_j = \frac{\partial Q_j}{\partial \delta_1} \Delta \delta_1 + \dots + \frac{\partial Q_j}{\partial V_1} \Delta V_1 + \dots \quad (3.31)$$

โดยที่

ΔP_j = ค่าเพิ่มขึ้นของกำลังจริงที่จ่ายเข้าบัส j ที่ต้องการ

ΔQ_j = ค่าเพิ่มขึ้นของกำลังรีแอกทีฟที่จ่ายเข้าบัส j ที่ต้องการ

เมื่อเขียนสมการแบบเดียวกับสมการที่ 3.30 และสมการที่ 3.31 สำหรับทุกบัสยกเว้นบัสสวิง โดยแสดงให้อยู่ในรูปเมตริกซ์ จะได้ดังสมการที่ 3.32 และสมการที่ 3.33 โดยในสมการที่ 3.33 จะใช้ $\Delta V/V$ แทน V ในเวกเตอร์ตัวแปรสถานะ

$$\begin{bmatrix} \Delta P \\ \vdots \\ \Delta Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial P/\partial \delta} & \frac{\partial P/\partial V} \\ \vdots & \vdots \\ \frac{\partial Q/\partial \delta} & \frac{\partial Q/\partial V} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \vdots \\ \Delta V \end{bmatrix} \quad (3.32)$$

$$\begin{bmatrix} \Delta P \\ \text{---} \\ \Delta Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} J \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \text{---} \\ \Delta V/V \end{bmatrix} \quad (3.33)$$

จากสมการที่ 3.33 เมื่อใช้หลักการของการวิเคราะห์โพลาร์แบบฟาสต์คัปเปิล ดังที่ได้กล่าวมาแล้วข้างต้น ทำให้สามารถแยกสมการที่ 3.33 ออกได้เป็นสมการ 2 ชุด คือ สมการที่ 3.34 และสมการที่ 3.35

$$[\Delta P/V] = [B''][\Delta \delta] \quad (3.34)$$

$$[\Delta Q/V] = [B'''][\Delta V] \quad (3.35)$$

โดยสมการที่ 3.34 จะมีลักษณะเหมือนกับสมการที่ 3.16 ส่วนสมการที่ 3.35 จะคล้ายกับสมการที่ 3.17 แต่จะมีการเพิ่มเติมสมการเข้าไปในส่วนของบัสควบคุมแรงดัน (Voltage Controlled Bus) ทำให้เมตริกซ์ $[B''']$ มีจำนวนสมาชิกมากกว่าเมตริกซ์ $[B'']$ สำหรับ ΔP และ ΔQ ที่ใช้ในสมการที่ 3.34 และ 3.35 จะหมายถึงค่าเพิ่มขึ้นของกำลังไฟฟ้าที่จะจ่ายเข้าบัสที่ต้องการ เพื่อแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน ไม่ได้หมายถึงค่าคลาดเคลื่อนของกำลังไฟฟ้า (Power Mismatch)

กำลังไฟฟ้าที่จ่ายเข้าสู่บัสใดๆ จะหมายถึงค่าแตกต่างระหว่างกำลังไฟฟ้าที่ผลิตที่บัสนั้นกับโหลดที่ต่ออยู่กับบัสนั้น ค่าเพิ่มขึ้นของกำลังจริงที่จ่ายเข้าสู่บัส P_j ที่บัส j สามารถเขียนได้ดังสมการที่ 3.36

$$\begin{aligned}\Delta P_j &= \Delta P_{Gj} + \Delta P_{Lj} \\ &= (P'_{Gj} - P''_{Gj}) - (P'_{Lj} - P''_{Lj})\end{aligned}\quad (3.36)$$

เมื่อ $0 \leq |\Delta P_{Gj}| \leq |\Delta P_j|$ และ $0 \leq |\Delta P_{Lj}| \leq |\Delta P_j|$

โดยที่

P''_{Gj} - กำลังผลิตตามที่กำหนด (Scheduled Generation) ที่บัส j ก่อน
จะแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน

P''_{Lj} - โหลดที่ต่ออยู่กับบัส j ก่อนจะแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน

P'_{Gj} - กำลังผลิตที่ต้องการที่บัส j เพื่อจะแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน

P'_{Lj} - กำลังจริงซึ่งสามารถจ่ายให้แก่บัส j ได้ หลังจากที่ได้แก้ไขปัญหา
สายส่งมีโหลดเกินแล้ว

ΔP_{Gj} - ค่าเปลี่ยนแปลงของกำลังผลิตที่บัส j ที่ต้องการ เพื่อแก้ไขปัญหา
สายส่งมี โหลดเกิน

ΔP_{Lj} - ค่าเปลี่ยนแปลงของโหลดที่บัส j ที่ต้องการ เพื่อจะแก้ไขปัญหา
สายส่งมีโหลดเกิน

สามารถแยกสมการที่ 3.36 ออกได้เป็นสมการที่ 3.37 และสมการที่ 3.38

$$P'_{Gj} = P''_{Gj} + \Delta P_{Gj} \quad (3.37)$$

$$P'_{Lj} = P''_{Lj} - \Delta P_{Lj} \quad (3.38)$$

ที่บัสที่มีเครื่องกำเนิดไฟฟ้าต่ออยู่ จะเพิ่มกำลังผลิตขึ้นโดยใช้สมการที่ 3.37 ทั้งนี้ กำลังผลิตจะเพิ่มขึ้นได้ไม่เกินค่ากำลังผลิตสำรองเดินเครื่อง (Spinning Reserve) สูงสุด จากนั้นจึงพิจารณาการตัดโหลดโดยใช้สมการที่ 3.38 ส่วนที่บัสโหลด ΔP_{Lj} จะมีค่าเท่ากับ ΔP_j และจะใช้สมการที่ 3.37 ในการคำนวณค่าโหลดที่จะถูกตัด ส่วนสมการที่ 3.38 จะไม่ถูกนำมาใช้ที่บัสโหลด

สำหรับกรณีของกำลังรีแอกทีฟ สามารถเขียนสมการได้ดังสมการที่ 3.39 และสมการที่ 3.40

$$Q'_{Gj} = Q''_{Gj} + \Delta Q_{Gj} \quad (3.39)$$

$$Q'_{Lj} = Q''_{Lj} - \Delta Q_{Lj} \quad (3.40)$$

เนื่องจากการผลิตกำลังรีแอกทีฟนั้น อาจจะไม่มีการผลิตที่บัสนั้นหรือหากผลิตได้ก็ไม่สามารถที่จะกำหนดกำลังผลิตได้ ดังนั้น ΔQ_{Gj} ที่ทุกบัส จึงมีค่าเป็นศูนย์ ทำให้สมการที่ 3.39 ไม่มีความจำเป็นในที่นี้ ส่วนสมการที่ 3.40 จะใช้ในการหาโหลดรีแอกทีฟที่จะต้องถูกตัด โดยให้ ΔQ_{Lj} เท่ากับ ΔQ_j

3.9.3 ขั้นตอนการคำนวณเพื่อแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน

การแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกินด้วยวิธีการจัดสรรกำลังการผลิตใหม่และการตัดโหลด จะใช้สมการหลัก คือ สมการที่ 3.16, 3.17, 3.28, 3.34 และ 3.35 ซึ่งจะนำมาเขียนรวมกันใหม่ในที่นี้ เป็นสมการที่ 3.41 ถึงสมการที่ 3.45 ตามลำดับ

$$[\Delta P/V] = [B'][\Delta \delta] \quad (3.41)$$

$$[\Delta Q/V] = [B''][\Delta V] \quad (3.42)$$

$$\begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \text{---} \\ \Delta V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \Delta I \end{bmatrix} \quad (3.43)$$

$$[\Delta P/V] = [B'][\Delta \delta] \quad (3.44)$$

$$[\Delta Q/V] = [B'''][\Delta V] \quad (3.45)$$

สำหรับขั้นตอนการแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกินโดยใช้วิธีการจัดสรรกำลังผลิตใหม่และการตัดโหลด จะมีขั้นตอนการคำนวณดังต่อไปนี้

1. คำนวณโหลดโพลาร์เริ่มต้น โดยใช้สมการที่ 3.41 และสมการที่ 3.42
2. คำนวณหากระแสในสายส่ง ถ้าไม่มีสายส่งใดมีโหลดเกิน ให้ข้ามไปยังขั้นที่ 10 ถ้าจำนวนรอบในการคำนวณเกินกว่าค่าที่ได้กำหนดไว้ ให้ข้ามไปยังขั้นที่ 9 ส่วนกรณีอื่นให้ทำในขั้นที่ 3
3. สร้างเมตริกซ์ A , เมตริกซ์ A^+ จากสมการที่ 3.29 และเวกเตอร์กระแสเกิน $[I]$
4. คำนวณหาค่าเพิ่มขึ้นของมุมเฟสและขนาดของแรงดันบัส โดยใช้สมการที่ 3.43

5. คำนวณหา $[\Delta P/V]$ และ $[\Delta Q/V]$ โดยใช้สมการที่ 3.44 และ 3.45
6. คำนวณหาการจัดสรรกำลังผลิตและโหลดใหม่
7. คำนวณหาค่าของตัวแปรสถานะใหม่ โดยใช้ค่าเพิ่มขึ้นของมุมเฟสและขนาดของแรงดันบัลที่ได้จากขั้นที่ 4
8. คำนวณโหลดโพลาร์ โดยใช้ค่าแรงดันบัล, กำลังผลิตและโหลดค่าล่าสุด แล้วกลับไปยังขั้นที่ 2
9. ตัดโหลดที่บัลที่ต่ออยู่กับสายส่งที่มีโหลดเกินซึ่งกำลังไฟฟ้าไหลเข้าสู่บัลนั้น เป็นจำนวนเท่ากับ MVA ที่เกิน และลดกำลังผลิตที่บัลที่ต่อกับสายส่งนั้นซึ่งจ่ายกำลังไฟฟ้าเข้าสายส่งเป็น จำนวน MVA ที่เกิน
10. คำนวณหากำลังผลิตที่บัลสวิง ถ้าไม่เกินค่าพิกัดจะจบการคำนวณ แต่ถ้าเกินค่าพิกัด ให้ตัดโหลดที่บัลสวิง และ/หรือ บัลที่กำลังไฟฟ้าไหลไปจากบัลสวิง

การคำนวณจากขั้นที่ 2 ถึงขั้นที่ 8 จะถือว่าเป็นรอบของการแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกิน ซึ่งในการคำนวณจะกำหนดจำนวนรอบสูงสุดเอาไว้ค่าหนึ่ง เพื่อเป็นการจำกัดเวลาในการคำนวณ สำหรับการคำนวณหาการจัดสรรกำลังผลิตและโหลดใหม่ในขั้นที่ 6 นั้นสามารถคำนวณได้โดยใช้สมการที่ 3.46 ถึง 3.49

- ที่บัสที่มีเครื่องกำเนิดไฟฟ้าต่ออยู่ i (ยกเว้นบัสสวิง)

$$P_{Ginew} = P_{Giold} + P_i \quad (3.46)$$

$$P_{Linew} = P_{Liold} - [P_i - (P_{Ginew} - P_{Gimax})] \quad (3.47)$$

เมื่อ $P_{Ginew} > P_{Gimax}$

โดยที่ $0 < P_{Ginew} < P_{Gimax}$ และ $0 < P_{Linew} < P_{Limax}$

- ที่บัสโหลด i

$$P_{Linew} = P_{Liold} - P_i \quad (3.48)$$

โดยที่ $0 < P_{Linew} < P_{Limax}$

- ที่บัสใดๆ (ยกเว้นบัสสวิง)

$$Q_{Linew} = Q_{Liold} - Q_i \quad (3.49)$$

โดยที่ $0 < Q_{Linew} < Q_{Limax}$ เมื่อโหลดกำหนดเริ่มต้นเป็นแบบอินดักทีฟ

$Q_{Limin} < P_{Linew} < 0$ เมื่อโหลดกำหนดเริ่มต้นเป็นแบบกะปาซิทีฟ

กำหนดให้ P_{Gimax} คือผลรวมของกำลังผลิตและกำลังผลิตสำรองเดินเครื่อง ที่บัส i

P_{Limax} คือโหลดกำลังจริงที่กำหนดเริ่มต้น ที่บัส i

การคำนวณค่าดัชนีความเชื่อถือได้

ค่าดัชนีความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสมแบ่งออกเป็น 2 ชุด ได้แก่ ค่าดัชนีบัส (Bus Indices) และ ค่าดัชนีระบบ (System Indices) ซึ่งค่าดัชนีทั้ง 2 ชุดจะถูกนำมาใช้ร่วมกันเพื่อแสดงถึงความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม โดยค่าดัชนีบัสจะแสดงถึงความเพียงพอของกำลังไฟฟ้าและพลังงานไฟฟ้าที่ถูกรวบรวมให้กับบัสแต่ละบัส จะแสดงให้เห็นบัสที่เป็นจุดอ่อนของระบบไฟฟ้ากำลัง เพื่อเป็นประโยชน์ในการออกแบบหรือปรับปรุงระบบต่อไป ส่วนค่าดัชนีระบบจะแสดงถึงความสามารถของระบบที่จะจ่ายกำลังไฟฟ้าและพลังงานไฟฟ้าผ่านระบบส่งไปยังบัสต่างๆทั้งหมดของระบบ

ระบบไฟฟ้ากำลังโดยทั่วไปจะประกอบไปด้วยบัสรับกำลังไฟฟ้าเป็นจำนวนมาก ซึ่งแต่ละบัสเหล่านี้จะมีชุดของค่าดัชนีความเชื่อถือได้ที่แตกต่างกันออกไป สำหรับค่าดัชนีพื้นฐาน ได้แก่ ความน่าจะเป็นของการขัดข้อง (Probability of Failure) และ ความถี่ของการขัดข้อง (Frequency of Failure) ซึ่งจากค่าพื้นฐานนี้ จะสามารถสร้างค่าดัชนีค่าอื่นๆเพิ่มเติมได้อีกหลายค่า โดยเรียกชุดของค่าดัชนีเหล่านี้ว่าค่าดัชนีบัส แต่ละบัสก็จะมีค่าดัชนีบัสที่ต่างกัน เมื่อนำค่าดัชนีบัสของแต่ละบัสมาประกอบเข้าด้วยกันก็จะได้ชุดของค่าดัชนีอีกชุดหนึ่ง เรียกว่าค่าดัชนีระบบ ซึ่งจะแสดงถึงความเชื่อถือได้ของระบบโดยรวมทั้งหมด ค่าดัชนีบัสและค่าดัชนีระบบไม่สามารถนำมาใช้แทนกันได้ แต่จะใช้ประกอบกันเป็นค่าดัชนีที่สมบูรณ์ของระบบไฟฟ้ากำลังแบบผสม โดยที่ค่าดัชนีบัสจะถูกนำมาใช้ในการออกแบบระบบไฟฟ้ากำลัง และใช้ในการเปรียบเทียบรูปแบบของระบบไฟฟ้ากำลังที่ต่างกันและการขยายระบบไฟฟ้าเพิ่มเติม นอกจากนี้ยังใช้เป็นค่าดัชนีด้านเข้า (Input Indices) ในการศึกษาเกี่ยวกับความเชื่อถือได้ของระบบจำหน่ายไฟฟ้า (Distribution System) อีกด้วย ส่วนค่าดัชนีระบบจะถูกนำมาใช้ในการจัดการและวางแผนระบบไฟฟ้ากำลัง โดยจะเป็นค่าที่แสดงถึงความสามารถของระบบที่จะจ่ายโหลดได้ตามความต้องการ

1. ค่าดัชนีบัส (Bus Indices)

- Probability of Failure (Q_K)

$$Q_K = \sum P_j P_{Kj} \quad (3.50)$$

- Expected Frequency of Failure (F_K)

$$F_K = \sum P_j P_{Kj} \quad (3.51)$$

โดยที่

j - การเกิดเหตุขัดข้องในระบบ

P_j - ความน่าจะเป็นของการเกิดเหตุขัดข้องที่ j

F_j - ความถี่ของการเกิดเหตุขัดข้องที่ j

P_{Kj} - ความน่าจะเป็นที่โหลดที่บัส K จะมีค่าเกินกว่าค่าโหลดสูงสุด
ซึ่งสามารถจ่ายให้แก่บัสนั้น ในขณะที่เกิดเหตุขัดข้อง j

- Expected Number of Voltage Violation ($ENVV$)

$$ENVV = \sum_{j \in V} F_j \quad (3.52)$$

- Expected Number of Load Curtailments ($ENLC$)

$$ENLC = \sum_{j \in L} F_j \quad (3.53)$$

- Expected Load Curtailed (*ELC*)

$$ELC = \sum_{j \in x, y} L_{Kj} F_j \text{ MW} \quad (3.54)$$

- Expected Energy not Supplied (*EENS*)

$$EENS = \sum_{j \in x, y} L_{Kj} D_{Kj} F_j \text{ MWh} \quad (3.55)$$

- Expected Duration of Load Curtailment (*EDLC*)

$$\begin{aligned} EDLC &= \sum_{j \in x, y} D_{Kj} F_j \text{ hours} \\ &= \sum_{j \in x, y} P_j \times 8760 \text{ hours} \end{aligned} \quad (3.56)$$

โดยที่ $j \in V$ หมายถึง ทุกเหตุขัดข้องที่ทำให้แรงดันบัสที่บัส K ไม่อยู่ในช่วงที่กำหนดไว้

$j \in x$ หมายถึง ทุกเหตุขัดข้องที่ทำให้สายส่งมีโหลดเกิน ซึ่งจะถูกแก้ไขโดยการตัดโหลดที่บัส K

$j \in y$ หมายถึง ทุกเหตุขัดข้องที่ทำให้บัส K แยกออกจากระบบ

L_{Kj} หมายถึง โหลดที่ถูกตัดออกจากบัส K เพื่อแก้ไขปัญหาสายส่งมีโหลดเกินเนื่องจากการเกิดเหตุขัดข้อง j ; หรือโหลดที่ไม่ได้รับการจ่ายที่บัส K ซึ่งแยกออกจากระบบ เนื่องจากการเกิดเหตุขัดข้อง j

D_{Kj} หมายถึง ระยะเวลาเป็นชั่วโมงของการตัดโหลดที่บัส K เนื่องจากการเกิดเหตุขัดข้อง j ; หรือ ระยะเวลาเป็นชั่วโมงของการตัดโหลดที่บัส K ซึ่งแยกออกจากระบบ เนื่องจากการเกิดเหตุขัดข้อง j

- Maximum Load Curtailed (*MLC*)

$$MLC = \text{Max}\{L_{K1}, L_{K2}, \dots, L_{Kj}, \dots\} \quad (3.57)$$

- Maximum Energy Curtailed (*MEC*)

$$MEC = \text{Max}\{L_{K1}D_{K1}, L_{K2}D_{K2}, \dots, L_{Kj}D_{Kj}, \dots\} \quad (3.58)$$

- Maximum Duration of Load Curtailment (*MDLC*)

$$MDLC = \text{Max}\{D_{K1}, D_{K2}, \dots, D_{Kj}, \dots\} \quad (3.59)$$

- Average Load Curtailed (*ALC*)

$$ALC = \frac{\sum_{j \in x,y} L_{Kj} F_j}{\sum_{j \in x,y} F_j} \text{ MW / curtailment} \quad (3.60)$$

- Average Energy not Supplied (*AENS*)

$$AENS = \frac{\sum_{j \in x,y} L_{Kj} D_{Kj} F_j}{\sum_{j \in x,y} F_j} \text{ MWh / curtailment} \quad (3.61)$$

- Average Duration of Load Curtailment (*ADLC*)

$$ADLC = \frac{\sum_{j \in x,y} D_{Kj} F_j}{\sum_{j \in x,y} F_j} \text{ hours / curtailment} \quad (3.62)$$

2. ค่าดัชนีระบบ (System Indices)

- Bulk Power Interruption Index

$$BPPI = \frac{\sum_K \sum_{j \in x,y} L_{kj} F_j}{L_s} \quad (3.63)$$

โดยที่ L_s หมายถึง โหลดรวมของระบบ

- Bulk Power Supply Average MW Curtailment/Disturbance

$$BPAC = \frac{\sum_K \sum_{j \in x,y} L_{kj} F_j}{\sum_{j \in x,y} F_j} \quad (3.64)$$

- Bulk Power Energy Curtailment Index

$$BPECI = \frac{\sum_K \sum_{j \in x,y} L_{kj} D_{kj} F_j}{L_s} \quad (3.65)$$

- Modified Bulk Power Energy Curtailment Index

$$MPECI = \frac{\sum_K \sum_{j \in x,y} L_{kj} D_{kj} F_j}{8760 L_s} \quad (3.66)$$

- Severity Index

$$SI = \frac{\sum_K \sum_{j \in x,y} 60 L_{kj} D_{kj} F_j}{L_s} \quad (3.67)$$