

การเปรียบเทียบวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์เพื่อการพยากรณ์ในสมการ  
ลดด้อยเรืองเส้นอุ่นจ่างจาย เมื่อความคลาดเคลื่อนมีอัตราสหสัมพันธ์

นายณ เทพวัฒนา



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาลัจฉิทธิศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาสติ

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2535

ISBN 974-581-432-6

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

018561

๑๔๗๒๐๙๔๒๐

A COMPARISON OF PARAMETERS ESTIMATION METHODS FOR FORECASTING  
IN SIMPLE LINEAR REGRESSION WITH AUTOCORRELATAED  
DISTURBANCE TERMS

Mr. Fon Tapwattna

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Science

Department of Statistics

Graduate School

Chulalongkorn University

1992

ISBN 974-581-432-6

หัวข้อวิทยานิพนธ์ การเปรียบเทียบวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์เพื่อการพยากรณ์ในสมการ  
ถดถอยเชิงเส้นอย่างง่าย เมื่อความคลาดเคลื่อนมีอัตราสหลัมพันธ์

โดย นายณ แทนวนะ

ภาควิชา สังคม

อาจารย์ที่ปรึกษา ผู้ช่วยศาสตราจารย์ร้อยเอก มาก พ. วรากัด

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์นับนี้เป็นล่วงหนึ่งของ  
การศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

*ณ วันที่*

..... คณะกรรมการ  
(ศาสตราจารย์ ดร. ภาวุ วัชราภิญ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

..... *ณ วันที่* ประธานกรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ พก.วต. ศิริรังษี)

..... *ณ วันที่* อาจารย์ที่ปรึกษา  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร.อ. มาก พ. วรากัด)

..... *ณ วันที่* กรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ ดร. สรชัย พิศาลบุตร)

..... *ณ วันที่* กรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ นพรัตน์ รุ่งอุทัยศิริ)



พิมพ์ด้นฉบับบทด้วยอวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสีเขียวนี้เพียงแผ่นเดียว

ผน เทพวัฒน : การเปรียบเทียบวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์เพื่อการพยากรณ์  
ในลักษณะของการต่อไป เชิงเส้นอย่างง่าย เมื่อความคลาดเคลื่อนมีอัตโนมัติ

(A COMPARISON OF PARAMETERS ESTIMATION METHODS FOR  
FORECASTING IN SIMPLE LINEAR REGRESSION WITH AUTOCORRELATED  
DISTURBANCE TERMS) : อ.ที่ปรึกษา พศ.ร.อ.มานพ วรากาสตี, 174 หน้า.

ISBN 974-581-432-6

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อเปรียบเทียบวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์เพื่อการพยากรณ์ เมื่อความคลาดเคลื่อนมีอัตโนมัติของวิธีการประมาณ 3 วิธีคือ วิธีกำลังสองทั่วสุ แบบสามัญ วิธีกำลังสองทั่วสุแบบหัวไป และวิธีการแปลงของคoccแครนและอัรคต โดยเปรียบเทียบความคลาดเคลื่อนจากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณหัวไป 3 วิธี ภายใต้เงื่อนไขของค่าอัตโนมัติ ขนาดตัวอย่าง และรูปแบบของตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ

ข้อมูลที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ได้จากการทดลองด้วยเทคนิค蒙ติคาร์โล โดยจำลองการทดลองจำนวน 1000 รอบในแต่ละสถานการณ์ที่กำหนด เพื่อคำนวณค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อน กำลังสองจากการพยากรณ์

#### ผลการวิจัยสรุปได้ดังนี้

##### 1. กรณีอัตโนมัติ ระดับต่ำ (0.3 และ 0.4)

กรณีขนาดตัวอย่างเป็นขนาดเล็กถึงขนาดปานกลาง (10, 15, 30 และ 50) วิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์หัวไป 3 วิธี มีค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสองใกล้เคียงกันในทุกรูปแบบของตัวแปรอิสระ กรณีขนาดตัวอย่างเป็นขนาดใหญ่ (70) วิธีกำลังสองทั่วสุแบบหัวไป มีค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสองทั่วสุ ขณะที่วิธีการแปลงของคoccแครนและอัรคต และวิธีกำลังสองทั่วสุแบบสามัญมีค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสองใกล้เคียงกัน ในทุกรูปแบบของตัวแปรอิสระ

##### 2. กรณีอัตโนมัติ ระดับกลางถึงระดับสูง (0.5, 0.6, 0.7, 0.8 และ 0.9)

วิธีการแปลงของคoccแครนและอัรคต มีค่าเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนกำลังสอง ทั่วสุ รองลงมาคือวิธีกำลังสองแบบหัวไปและวิธีกำลังสองทั่วสุแบบสามัญตามลำดับ ในทุกขนาดตัวอย่างและทุกรูปแบบของตัวแปรอิสระ

ภาควิชา ..... สกิด  
สาขาวิชา ... สกิด  
ปีการศึกษา 2534

ลายมือชื่อนักศึกษา .....   
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ๒ 位 .....   
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม .....

พิมพ์ด้วยบันทึกโดยวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสีเขียวที่พิมพ์บนแผ่นเดียว

## C223105 : MAJOR STATISTICS

KEY WORD : AUTOCORRELATED DISTURBANCE TERMS

FON TAPWATTNA : A COMPARISON OF PARAMETERS ESTIMATION METHOD FOR FORECASTING IN SIMPLE LINEAR REGRESSION WITH AUTOCORRELATED DISTURBANCE TERMS. THESIS ADVISOR : ASSR.CAPT. MANOP VARAPHAKDI. 174 PP. ISBN 974-581-432-6

The objective of this study is to compare parameters estimation methods for forecasting in simple linear regression having autocorrelated disturbance terms by comparing the mean square errors of the methods. The methods are Ordinary Least Squares Method, Generalized Least Squares Method, and Cochrane-Orcutt Transformation Method. The comparison was done under conditions of severity of autocorrelation, sample sizes, and four forms of independent variable.

The data for this experiment were generated through the Monte Carlo Simulation technique. The experiment was repeated 1000 times under each condition.

Results of the study are as follow :

1. In the case of low autocorrelations (0.3 and 0.4).

In the case of small sample sizes and middle sample sizes (10, 15, 30 and 50), all of parameters estimation methods have equivalent mean square error for every form of independent variable. In the case of large sample size (70), Generalized Least Squares Method has minimum mean square error, and Cochrane-Orcutt Transformation Method and Ordinary Least Squares Method have equivalent mean square error in every form of independent variable.

2. In the case of middle and high autocorrelations (0.5, 0.6, 0.7, 0.8 and 0.9).

Cochrane-Orcutt Transformation Method has minimum mean square error. Of the two lower levels, they are Generalized Least Squares Method and Ordinary Least Squares Method chronologically in every sample size and every form of independent variable.

ภาควิชา ..... สังกัด  
สาขาวิชา ..... สังกัด  
ปีการศึกษา ..... 2534

ลายมือชื่อนิสิต .....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ๑.๐. ๒๐๘๘  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม .....

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยความกรุณาของ พศ.ร.อ. นานพ วรากัดี ที่ได้ให้คำแนะนำ ปรึกษา ตลอดจนควบคุมคุณแล แก้ไขข้อบกพร่องต่าง ๆ เป็นอย่างดีมาโดยตลอด ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูงไว้ ณ โอกาสนี้

ขอกราบขอบพระคุณ รศ.ดร. สรชัย พิศาลบทร รศ. ผกาวดี ศิริรังษี และ รศ. นพรัตน์ รุ่งอุทัยศิริ ที่ได้อบรมลั่งสอนให้ความรู้แก่ผู้วิจัย ตลอดจนกรุณาตรวจสอบแก้ไขวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ให้มีความสมบูรณ์ยิ่งขึ้น และขอบพระคุณ ที่ ฯ เพื่อน ๆ ทุกท่านที่ช่วยเหลือให้คำแนะนำ ปรึกษา และคอยเป็นกำลังใจแก่ผู้วิจัยมาโดยตลอด

ขอกราบขอบพระคุณ คุณเพื่อ คุณแม่ ที่ช่วยล้างเสริมและสนับสนุนการเรียนของผู้วิจัย ตลอดมา และขอกราบขอบพระคุณอาจารย์ทุกท่านที่ได้ลั่งสอนอบรมให้ความรู้แก่ผู้วิจัยจนสำเร็จ การศึกษา

ผน แทนวัฒนา

ศูนย์วิทยบรหพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย .....	๕
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ .....	๖
กิจกรรมประการ .....	๗
สารบัญตาราง .....	๘
สารบัญรูป .....	๙
<b>บทที่ ๑ บทนำ</b>	
1.1 ที่มาและความสำคัญของนักษา .....	๑
1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย .....	๓
1.3 สมมติฐานของการวิจัย .....	๓
1.4 ข้อตกลงเบื้องต้น .....	๓
1.5 ขอบเขตของการวิจัย .....	๔
1.6 คำจำกัดความ .....	๕
1.7 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ .....	๖
<b>บทที่ ๒ ข้อมูลและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง</b>	
2.1 คุณสมบัติของความคลาดเคลื่อน .....	๗
2.1.1 ค่าคาดหมายของความคลาดเคลื่อน .....	๘
2.1.2 ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อน .....	๙
2.2 วิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	๙
2.2.1 วิธีกำลังสองตัวสุ่มแบบสามัญ .....	๑๐
2.2.2 วิธีกำลังสองตัวสุ่มแบบทว่าไป .....	๑๒
2.2.3 วิธีการแปลงของคอกแครนและออร์คิต .....	๑๔

## สารบัญ(ต่อ)

หน้า

### บทที่ ๓ การดำเนินการวิจัย

3.1 วิธีการจำลองมองติคาร์โล .....	17
3.2 การวางแผนการทดลอง .....	18
3.3 วิธีการทดลอง .....	18
3.4 ผังงานที่ใช้ในการวิจัย .....	24

### บทที่ ๔ ผลการวิเคราะห์

4.1 การเปรียบเทียบความคลาดเคลื่อนในการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	28
4.1.1 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.3 .....	28
4.1.2 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.4 .....	49
4.1.3 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.5 .....	70
4.1.4 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.6 .....	86
4.1.5 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.7 .....	102
4.1.6 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.8 .....	118
4.1.7 เมื่อ率ตัวสหล้มพันธ์เป็น 0.9 .....	134

### บทที่ ๕ สรุปผลการวิเคราะห์

5.1 สรุปผลการวิเคราะห์ .....	151
5.2 ข้อเสนอแนะ .....	154
บรรณานุกรม .....	156
ภาคผนวก ก .....	159
ภาคผนวก ข .....	161
ประวัติผู้เขียน .....	174

## สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
4.1 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.3 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	29
4.2 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.3 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	33
4.3 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.3 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	37
4.4 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.3 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	41
4.5 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.3 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	45
4.6 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.4 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	50
4.7 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 ค่าเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ระดับสหล้มพันธ์ 0.4 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	54

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่		หน้า
4.8 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.4 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	58	
4.9 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.4 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	62	
4.10 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.4 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	66	
4.11 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.5 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	71	
4.12 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.5 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	74	
4.13 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.5 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	77	
4.14 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่ระดับสหลัมพันธ์ 0.5 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	80	

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่		หน้า
4.15 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.5 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	83	
4.16 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.6 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	87	
4.17 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.6 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	90	
4.18 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.6 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	93	
4.19 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.6 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	96	
4.20 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.6 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	99	
4.21 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทึ้ง 3 วิธีที่รายดับสหลัมพันธ์ 0.7 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ	103	

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่

หน้า

4.22	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.7 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	106
4.23	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.7 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	109
4.24	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.7 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	112
4.25	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.7 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	115
4.26	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.8 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	119
4.27	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.8 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	122
4.28	ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คาบเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่ร่ายด้น สหลัมพันธ์ 0.8 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปร อิสระ 4 รูปแบบ .....	125

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.29 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.8 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	128
4.30 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.8 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	131
4.31 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.9 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 10$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	135
4.32 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.9 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 15$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	138
4.33 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.9 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 30$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	141
4.34 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.9 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 50$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	144
4.35 ค่า MSE จากการพยากรณ์ 12 คานเวลาของวิธีการประมาณทั้ง 3 วิธีที่รายดับสหล้มพันธ์ 0.9 สำหรับขนาดตัวอย่าง $N = 70$ จำแนกตามรูปแบบตัวแปรอิสระ 4 รูปแบบ .....	147
5.1 แสดงวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ที่เหมาะสมจำแนกตามขนาดตัวอย่างและรายดับสหล้มพันธ์ .....	153

## สารบัญรูป

รูปที่		หน้า
3.1	แสดงผังงานสำหรับหาค่าเฉลี่ยความคลาดเคลื่อนกำลังสองจากการพยากรณ์..	24
4.1	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.3 ขนาดตัวอย่างเป็น 10 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	30
4.2	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.3 ขนาดตัวอย่างเป็น 15 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	34
4.3	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.3 ขนาดตัวอย่างเป็น 30 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	38
4.4	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.3 ขนาดตัวอย่างเป็น 50 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	42
4.5	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.3 ขนาดตัวอย่างเป็น 70 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	46
4.6	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.4 ขนาดตัวอย่างเป็น 10 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	51
4.7	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.4 ขนาดตัวอย่างเป็น 15 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	55
4.8	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.4 ขนาดตัวอย่างเป็น 30 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	59
4.9	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.5 ขนาดตัวอย่างเป็น 50 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	63
4.10	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.5 ขนาดตัวอย่างเป็น 70 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	67
4.11	แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ ระดับสหล้มพันธ์เป็น 0.6 ขนาดตัวอย่างเป็น 10 ตัวແປรອิສະ 4 รูปแบบ...	72

## สารบัญรูป (ต่อ)

สารบัญรูป (ต่อ)

สารบัญรูป(ต่อ)

รูปที่

หน้า

- 4.34 แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ  
    รายตัวลหุ่มพันธ์เป็น 0.9 ขนาดตัวอย่างเป็น 50 ตัวและอัตรา 4 รูปแบบ... 145
- 4.35 แสดงค่า MSE จากการพยากรณ์ของวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ 3 วิธี เมื่อ  
    รายตัวลหุ่มพันธ์เป็น 0.9 ขนาดตัวอย่างเป็น 70 ตัวและอัตรา 4 รูปแบบ... 147

ศูนย์วิทยาศาสตร์  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย