

การลดการแก่งงของระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยนโครงสร้างของตัวควบคุมได้



นาย มนเทียร เศกayan

## ศูนย์วิทยบรพยากร

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต  
ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2537

ISBN 974-584-999-5

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

工 16998820

**A REDUCTION IN CHATTERING OF DISCRETE-TIME  
VARIABLE STRUCTURE CONTROL SYSTEMS**

**Mr. Montien Saubhayana**

**A Thesis Submitted in Partial fulfilment of the Requirements for**

**the Degree of Master of Engineering**

**Department of Electrical Engineering**

**Graduate School**

**Chulalongkorn University**

**1994**

**ISBN 974-584-999-5**

หัวข้อวิทยานิพนธ์ การลดการแก่งของระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลา  
โดย แบบปรับเปลี่ยนโครงสร้างของตัวควบคุมได้  
ภาควิชา นาย มนเทียร เศกภาน  
อาจารย์ที่ปรึกษา วิศวกรรมไฟฟ้า  
อาจารย์ ดร. บุญมี อ讶งchara



บันทึกวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็น<sup>1</sup>  
ส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

*นาย บุญมี* ..... คณบดีบันทึกวิทยาลัย

( รองศาสตราจารย์ ดร. สันติ ถุงสุวรรณ )

กรรมการสอบวิทยานิพนธ์

*ศาสตราจารย์ ดร. ทีวนะ พัฒนาวงศ์* ..... ประธานกรรมการ

( รองศาสตราจารย์ ดร. เทียนชัย ประดิษฐายัน )

*อาจารย์ ดร. บุญมี อ讶งchara* ..... อาจารย์ที่ปรึกษา

( อาจารย์ ดร. บุญมี อ讶งchara )

*วัชรพงษ์ ใจวิทูรเกต* ..... กรรมการ

( อาจารย์ ดร. วัชรพงษ์ ใจวิทูรเกต )



พิมพ์ต้นฉบับทัศน์อวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสีเขียวนี้เพียงแผ่นเดียว

มนตรี เศกayan : การลดการแก่วงของระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยนโครงสร้างของตัวควบคุมได้ (A REDUCTION IN CHATTERING OF DISCRETE-TIME VARIABLE STRUCTURE CONTROL SYSTEMS) อ. ที่ปรึกษา : อ. ดร. บุญมี อย่างชา拉, 140 หน้า. ISBN 974-584-999-5

ปรากฏการณ์การแก่วงของสเตตรอนฯพื้นผิวสวิตซ์เป็นปรากฏการณ์ที่เป็นข้อเสียเบริ่บที่สำคัญของระบบควบคุมแบบปรับเปลี่ยนโครงสร้างของตัวควบคุมได้ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยนโครงสร้างของตัวควบคุมได้ ทั้งนี้เนื่องมาจากการสร้างของสัญญาณควบคุมไม่สามารถเปลี่ยนแปลงได้ในทันทีที่ต้องการ ต้องรอจนถึงเวลาที่ลงมือสั่นตัวอย่าง การแก่วงดังกล่าวนอกจากจะทำให้ระบบควบคุมเข้าสู่ภาวะอยู่ตัวช้าแล้ว ยังอาจทำให้ระบบควบคุมทำงานไม่ได้ผลตามที่ต้องการ งานวิจัยนี้เสนอวิธีใหม่สำหรับลดการแก่วงของระบบเชิงเส้น ไม่ต่อเนื่องเชิงเวลา ซึ่งไม่แปรเปลี่ยนตามเวลา มีสัญญาณป้อนเข้าสัญญาณเดียวและสัญญาณออกเพียงสัญญาณเดียว ด้วยการเปลี่ยนค่าของความเวลาซักตัวอย่าง นอกจากนี้ยังแสดงความสัมพันธ์ระหว่างขีดจำกัดของการแก่วงและความเวลาซักตัวอย่างอีกด้วย ผลการจำลองการทำงานด้วยคอมพิวเตอร์แสดงให้เห็นว่าวิธีที่เสนอทำงานได้ดีตามที่คาดหมาย ไว้ทุกประการ

## ศูนย์วิทยบรหพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา ..... วิศวกรรมไฟฟ้า  
สาขาวิชา ..... ระบบควบคุม  
ปีการศึกษา .... 2537

ลายมือชื่อนิสิต .....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา .....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม .....



# # : MAJOR  
KEY WORD:

# # C415465 : MAJOR ELECTRICAL ENGINEERING

KEY WORD : CHATTERING / DISCRETE-TIME / VARIABLE STRUCTURE / CONTROL

MONTIEN SAUBHAYANA : A REDUCTION IN CHATTERING OF DISCRETE-

TIME VARIABLE STRUCTURE CONTROL SYSTEMS. THESIS ADVISOR :

BOONMEE YANGTHARA, Ph.D. 140 pp. ISBN 974-584-999-5

Chattering phenomenon is a major disadvantage in variable structure control systems, especially in a discrete-time variable structure control system in which the control structure cannot change instantly at a required instant that is not a sampling instant. The chattering not only can cause the system a delay in reaching the steady-state conditions, but also can result in unsatisfactory system performances. This research proposes a novel approach to reduce the chattering in a single-input, single-output, linear time-invariant, discrete-time control system by reducing the sampling period. In addition, the relationship between the sampling period and the bound on the chattering is derived. Digital simulation reveals that both the proposed approach and the desired relationship work well to expectations.

# ศูนย์วิทยบรพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา.....วิศวกรรมไฟฟ้า.....  
สาขาวิชา.....ระบบควบคุม.....  
ปีการศึกษา.....2537.....

ลายมือชื่อนิสิต.....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา.....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม.....



## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงไปได้ด้วยความอนุเคราะห์ของบุคคลต่างๆดังต่อไปนี้  
คือ ดร. บุญมี อย่างธารา อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งได้ให้คำแนะนำและข้อคิดเห็น  
ต่างๆเกี่ยวกับงานวิจัยมาด้วยดีตลอด รศ. ดร. เทียนชัย ประดิษฐายน ประธานกรรมการ  
สอบวิทยานิพนธ์ และดร. วัชรพงษ์ โภวิตรกิจ กรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ที่ได้ให้  
คำแนะนำและข้อคิดเห็นที่เป็นประโยชน์ ดร. สมบูรณ์ แสงวงศ์วานิชย์ ที่ได้ให้เอกสาร  
ที่เป็นประโยชน์ในงานวิจัย คุณชวลิต ศรีสถาพรพัฒน์ เจ้าหน้าที่จัดการระบบของ  
ศูนย์คอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ที่ได้ให้คำแนะนำ  
เกี่ยวกับคอมพิวเตอร์ที่ศูนย์คอมพิวเตอร์ของคณะวิศวกรรมศาสตร์ คณาจารย์ทุกท่าน  
รุ่นพี่ เพื่อน และรุ่นน้อง ที่ได้ให้คำแนะนำที่เป็นประโยชน์ในการทำวิจัย

สุดท้ายนี้ผู้วิจัยขอรับรองขอบพระคุณบุคคลและมารดา ซึ่งเป็นผู้สนับสนุน  
และเป็นกำลังใจแก่ผู้วิจัยเสมอมาจนสำเร็จการศึกษา

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



## สารบัญ

หน้า

บทคัดย่อภาษาไทย.....	๔
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๕
กิตติกรรมประกาศ.....	๖
สารบัญรูปภาพ.....	๗
บทที่.....	
1. บทนำ.....	1
ความเป็นมาและความสำคัญของปัจจุบัน.....	1
วัตถุประสงค์และขอบเขตของวิทยานิพนธ์.....	2
โครงสร้างของวิทยานิพนธ์.....	3
2. ระบบควบคุมต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยน โครงสร้างของตัวควบคุมได้ ๕	5
ความรู้ทั่วไป.....	5
ลักษณะของปัจจุบันและวิธีการออกแบบตัวควบคุมแบบที่ใช้ใน วิทยานิพนธ์.....	12
3. ระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยน โครงสร้าง ของตัวควบคุมได้.....	19
งานวิจัยที่แล้วมาและงานวิจัยที่จะทำ.....	19
การแก่งงของระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยน โครงสร้างของตัวควบคุมได้.....	22
4. วิธีทดสอบและการทดสอบทฤษฎี.....	25
วิธีการจำลองแบบระบบด้วยคอมพิวเตอร์และ โครงสร้างของ โปรแกรมที่ใช้ในการจำลองแบบ.....	26

## หน้า

ปัญหาตัวอย่างในการออกแบบระบบควบคุมต่อเนื่องเชิงเวลาแบบปรับเปลี่ยนโครงสร้างของตัวควบคุมได้.....	26
เมตริกซ์ที่จำเป็นต่อการหาค่าข้อมูลการแก่วง.....	30
ผลการจำลองแบบระบบด้วยคอมพิวเตอร์.....	33
5. แนวทางการประยุกต์และผลการประยุกต์ทฤษฎีที่เกี่ยวกับการแก่วง.....	60
6. บทสรุปและข้อเสนอแนะ.....	73
บทสรุป.....	73
ข้อเสนอแนะ.....	73
รายการอ้างอิง.....	75
ภาคผนวก ก ทฤษฎีพื้นฐานของระบบควบคุมไม่ต่อเนื่องเชิงเวลา.....	77
ภาคผนวก ข สมการพลวัตของสวิตชิ่งฟังก์ชัน.....	79
ภาคผนวก ค โปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่ใช้จำลองแบบระบบ.....	82
ภาคผนวก ง ตัวอย่างของเมตริกซ์เริ่มต้นที่ใช้ในโปรแกรมจำลองแบบระบบ.....	124
ภาคผนวก จ โปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่ใช้แสดงผลลัพธ์ทางหน้าจอคอมพิวเตอร์....	127
ประวัติผู้เขียน.....	140

**ศูนย์วิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย**

## สารบัญรูปภาพ

หน้า

รูปที่ 4-1 กราฟระหว่างสเกต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1).....	34
รูปที่ 4-2 กราฟระหว่างสเกต $x_2$ และ $x_3$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1).....	35
รูปที่ 4-3 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1).....	36
รูปที่ 4-4 กราฟระหว่างสเกต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01.....	37
รูปที่ 4-5 กราฟระหว่างสเกต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.005.....	38
รูปที่ 4-6 กราฟระหว่างสเกต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.001.....	39
รูปที่ 4-7 กราฟระหว่างสเกต $x_2$ และ $x_3$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01.....	40
รูปที่ 4-8 กราฟระหว่างสเกต $x_2$ และ $x_3$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.005.....	41
รูปที่ 4-9 กราฟระหว่างสเกต $x_2$ และ $x_3$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.001.....	42
รูปที่ 4-10 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) และค่าของเบตการแกร่ง กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01.....	43
รูปที่ 4-11 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) และค่าของเบตการแกร่ง กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.005.....	44
รูปที่ 4-12 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1) และค่าของเบตการแกร่ง กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.001.....	45

## หน้า

รูปที่ 4-13 กราฟระหว่างค่าของเบตการแก่งกับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01 0.005 และ 0.001.....	46
รูปที่ 4-14 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2).....	47
รูปที่ 4-15 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ $x_3$ และ $x_4$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2).....	48
รูปที่ 4-16 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ่งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2).....	49
รูปที่ 4-17 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.05.....	50
รูปที่ 4-18 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01.....	51
รูปที่ 4-19 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.005.....	52
รูปที่ 4-20 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ $x_3$ และ $x_4$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.05.....	53
รูปที่ 4-21 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ $x_3$ และ $x_4$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01.....	54
รูปที่ 4-22 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ $x_3$ และ $x_4$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.005.....	55
รูปที่ 4-23 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ่งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
และค่าของเบตการแก่ง กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.05.....	56
รูปที่ 4-24 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ่งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
และค่าของเบตการแก่ง กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.01.....	57
รูปที่ 4-25 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ่งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
และค่าของเบตการแก่ง กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.005.....	58
รูปที่ 4-26 กราฟระหว่างค่าของเบตการแก่งกับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เวลาซักตัวอย่างเท่ากับ 0.05 0.01 และ 0.005.....	59
รูปที่ 5-1 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาซักตัวอย่างเป็น 0.005.....	61

## หน้า

รูปที่ 5-2 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.001.....	62
รูปที่ 5-3 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ และ $x_3$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.005.....	63
รูปที่ 5-4 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ และ $x_3$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.001.....	64
รูปที่ 5-5 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.005.....	65
รูปที่ 5-6 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 1)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.001.....	66
รูปที่ 5-7 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.01.....	67
รูปที่ 5-8 กราฟระหว่างสเก็ต $x_1$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.005.....	68
รูปที่ 5-9 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ , $x_3$ , และ $x_4$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.01.....	69
รูปที่ 5-10 กราฟระหว่างสเก็ต $x_2$ , $x_3$ , และ $x_4$ กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.005.....	70
รูปที่ 5-11 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.01.....	71
รูปที่ 5-12 กราฟระหว่างค่าสวิตชิ้งฟังก์ชัน ( $s$ ) กับเวลา (ตัวอย่างที่ 2)	
กรณีที่เปลี่ยนเวลาชักตัวอย่างเป็น 0.005.....	72
รูปที่ ข-1 แสดงปริญมิว่างและเวกเตอร์เจาะจงของระบบที่มีมิติเท่ากับสาม.....	79