



บทที่ 1

บทนำ

## ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

คณิตศาสตร์ เป็นศาสตร์ที่สำคัญอย่างยิ่งต่อการฝึกทักษะและความรู้พื้นฐานในการดำรงชีวิต และมุ่งให้ผู้เรียนน่าความรู้ไปใช้ในชีวิตประจำวัน โดยเน้นที่กระบวนการทางนักเรียน เกิดความคิด ความเข้าใจ และฝึกให้ผู้เรียนรู้จักคิดพิจารณาอย่างมีเหตุผลตลอดจนสามารถนำไปประยุกต์ใช้เพื่อ แก้ปัญหาต่าง ๆ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ นอกจากนี้คณิตศาสตร์ยังเป็นพื้นฐานการศึกษาต่อในระดับสูง และเป็นเครื่องมือที่เอื้อต่อความเจริญก้าวหน้าทางวิทยาศาสตร์ เทคโนโลยี วิสาหกรรมศาสตร์ ตลอดจนเป็นพื้นฐานสำหรับการวิจัยทุกประเภท (พจน์ สะเพียร อัชย์, 2516 ; บุพิน พิพิธกุล, 2530) ด้วยเหตุผลดังกล่าววิชาคณิตศาสตร์ จึงเป็นวิชาหนึ่งที่ได้รับการบรรจุลงในหลักสูตรที่บังคับให้นักเรียนขั้นประถมศึกษาปีที่ 1 จนถึงประถมศึกษาปีที่ 6 ได้เรียนทุกคน แต่เมื่อได้มีการตรวจสอบคุณภาพของนักเรียนที่จบการศึกษาระดับประถมศึกษา และมัธยมศึกษาในแต่ละระดับ ในช่วงปีการศึกษา 2527-2533 มีข้อสรุปที่น่าสนใจคือ นักเรียนส่วนใหญ่มีความสามารถในการน่าความรู้ ความจำ ไปใช้ในการแก้ปัญหาชีวิตประจำวัน และดัดแปลงความรู้ไปใช้ รวมถึงการคิดต่าง ๆ อยู่ในระดับต่ำ คือ ร้อยละ 20-40 โดยเฉพาะอย่างยิ่งในวิชาวิทยาศาสตร์ คณิตศาสตร์ นักเรียนมีความสามารถเฉลี่ยเมื่อรวมภาคความรู้ความจำแล้วเพียงร้อยละ 40-50 เท่านั้น (โภวิทย์ ประวัลพุกษ์, 2533) ซึ่งสอดคล้องกับผลการวิจัยของกองวิจัยทางการศึกษา กรมวิชาการ (2531) ที่ได้ศึกษาตัวแปรที่มีอิทธิพลต่อความสามารถทางค้านกระบวนการคิดทางคณิตศาสตร์ และพบว่าสาเหตุที่นักเรียนมีผลการเรียนต่ำกว่าเกณฑ์มาตรฐานในกลุ่มวิชาคณิตศาสตร์นั้น ส่วนหนึ่งเกี่ยวข้องโดยตรงกับกระบวนการเรียนการสอน วิธีสอนของครู โครงสร้างทางค้านความรู้ ความสามารถ ทัศนคติ ของนักเรียน และสภาพแวดล้อม สิ่งที่น่าสนใจประการหนึ่งที่พบจากการวิจัยคือ สภาพการผันใน การสอนของครู ซึ่งครูส่วนใหญ่มักสนใจเพียง การสอนและวัดประเมินผล โดยเน้นที่การได้ค่า

ตอบที่ถูกต้องจนมองข้ามความสำคัญของกระบวนการคิดของนักเรียนไป ไม่สังสัยว่าเด็กคิดคำสอนนั้นได้อ่านไร การคิดของเด็กมีขั้นมีตอน หรือมีเหตุผลหรือไม่ หรือเด็กที่ตอบผิดคิดด้วยวิธีใดต่างกับเด็กที่ตอบได้ถูกต้องหรือไม่

กรมวิชาการ(2533) ได้กำหนดกรอบความคิดเกี่ยวกับการพัฒนาเด็กนักเรียนว่า นักเรียนต้องแก้ปัญหาเป็น และเน้นว่าหลักการพัฒนาผู้เรียนคือ การฝึกให้นักเรียนมีนิสัยในการใช้ทักษะกระบวนการ 9 ขั้นได้แก่ " คระหนักในปัญหาและความจำเป็น คิดวิเคราะห์วิจารณ์ สร้างทางเลือก อย่างหลากหลาย ประเมินและเลือกทางเลือก กำหนดและลำดับขั้นตอนปฏิบัติ ปรับปรุงให้เข้าอยู่เสมอ และประเมินผลรวมเพื่อให้เกิดความพอใจ " ซึ่งทักษะกระบวนการทั้ง 9 นี้ นับว่ามีขั้นตอนการแก้ปัญหาเป็นส่วนประกอบที่สำคัญ และหลักสูตรคณิตศาสตร์ ระดับประถมศึกษาพุทธศักราช 2521 (ฉบับปรับปรุง พ.ศ.2533) ยังกล่าวถึงคุณภาพของนักเรียนที่คาดหวังว่า "...สามารถคิดคำนวณและแก้ปัญหาเกี่ยวกับจำนวนตัวเลขที่ใช้อยู่ในชีวิตประจำวัน สามารถแก้ปัญหาได้อ่านเป็นระบบ ทั้งที่เกี่ยวกับงานอาชีพและการพัฒนาสังคม"

นักการศึกษาทั้งในประเทศไทยและต่างประเทศ(สาโรช บัวศรี, และสิบปันนท์ เกตุทัต, 2518; John Dewey, 1933, Howard F. Fehr, 1972; and David Tanner, 1975) ต่างให้ความเห็นร่วมกันว่า ความสามารถทางด้านการแก้ปัญหา ควรจัดเป็นกลุ่มเป้าหมายที่สำคัญของการศึกษา เพราะความสามารถในการแก้ปัญหาอย่างฉลาดและรวดเร็ว เป็นคุณลักษณะที่จะทำให้บุคคลประสบความสำเร็จในการดำรงชีวิตการฝึกทักษะการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ เป็นกิจกรรมการเรียนการสอนที่สำคัญในการที่จะช่วยให้ผู้เรียนได้ฝึกกระบวนการคิดแก้ปัญหา อย่างเป็นระบบและคิดค้นหาวิธีการแก้โจทย์ปัญหาอย่างกว้างขวาง

จากการศึกษางานวิจัยเกี่ยวกับความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ในต่างประเทศ สรุปได้ว่านักเรียนที่ไม่สามารถแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ได้นั้น เป็นเพราะนักเรียนขาดการฝึกฝน ในด้านกระบวนการคิด แต่ได้รับการฝึกทักษะในด้านการคำนวณมากกว่า จึงทำให้เด็กไม่สามารถ แก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ได้(Busswell and Dersh, 1956 ; Clarkson, 1979 ; Forsyth and Ansley, 1982)

สำหรับในประเทศไทยนั้น กรมวิชาการ(2530) ได้ดำเนินการศึกษา และตรวจสอบถึงกระบวนการแก้ไขโจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ ในเด็กนักเรียนชั้นประถมปีที่ 6 ก็พบว่า กระบวนการแก้ไขปัญหาคณิตศาสตร์มีลำดับขั้นตอนที่มีความสัมพันธ์เชื่อมโยงกัน แต่นักเรียนส่วน

ให้ผู้มีรูปแบบกระบวนการคิดทางคณิตศาสตร์ไม่ถูกต้องเท่าที่ควร ต่อมาได้มีการศึกษาถึงกระบวนการแก้ปัญหาโจทย์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 ที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์สูงของบุรุวัฒน์ คล้ายมงคล (2534) พบว่านักเรียนส่วนใหญ่มีกระบวนการคิดแก้ปัญหาไม่ครบขั้นตอน นอกจากนี้ยังพบว่านักเรียนมีวิธีการแก้โจทย์ปัญหาที่ไม่เหมาะสมกับปัญหาซึ่งสอดคล้องกับงานวิจัยของสิริมาศ สิทธิหล่อ(2535) ที่ศึกษาการพัฒนาวิธีการวัดกระบวนการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์โดยใช้วิธีการคิดออกเสียง และผลการวิจัยพบว่าวิธีการคิดออกเสียงมีความตรงเชิงเกณฑ์ รวมทั้งพบว่านักเรียนส่วนใหญ่มีพฤติกรรมการแก้ปัญหาไม่ครบขั้นตอน และมีนักเรียนเพียงส่วนน้อยที่ได้คำตอบแล้วจะตรวจสอบวิธีการและคำตอบของตนเอง

Schoenfeld (1982) ได้ยกตัวอย่างถึงความล้มเหลวในการแก้ปัญหาทางโจทย์คณิตศาสตร์ของเด็กว่า เกิดจากการไม่สามารถจับเป้าหมาย กำกับและตรวจสอบประเมินผลในขณะที่เด็กที่เชี่ยวชาญ(expert) ในการแก้ปัญหาจะมีความสามารถเกี่ยวกับ Metacognition คือ มีการวางแผน การกำกับ ตรวจสอบและประเมินผล เด็กสามารถตอบคำถามได้ว่า เขากำลังทำอะไรอยู่ เหตุผลที่ทำ และผลจะเป็นอย่างไรหลังจากที่ทำการแก้ปัญหาแล้ว สอดคล้องกับแนวคิดของ Flavell(1985) ที่กล่าวว่า คนที่มีความสามารถในการแก้ปัญหาได้ดี จะมีความสามารถในการวางแผน การควบคุมในแต่ละขั้นตอนของปัญหาตลอดจนความสามารถในการประเมินผล ซึ่งความสามารถดังกล่าวได้รับการพิจารณาว่า เป็นขอบเขตความรู้ของ Metacognition และจากการศึกษาในเวลาต่อมาของ Schoenfeld (1985) ถึงการใช้ Metacognitive Questioning เพื่อช่วยให้เด็กได้เรียนรู้ในการกำกับ ตรวจสอบและเตือนตนเองในขณะแก้ปัญหาเขาได้พบว่า เมื่อเด็กหุ่นยนต์คนของในระหว่างการแก้ปัญหาเป็นช่วง ๆ เช่น "ตอนนี้กำลังทำอะไรอยู่" คำถามและคำตอบเหล่านี้จะช่วยให้เด็กเพ่งเล็งที่กระบวนการแก้ปัญหาและมีผลต่อการพัฒนาการแสดงออกของตนเอง

การวิจัยล่าสุดที่น่าสนใจเกี่ยวกับเรื่องนี้ คือ การศึกษาของ King (1989a, 1990) เกี่ยวกับการฝึกให้เด็กใช้คิดเพื่อนำทางให้เด็กนักเรียนได้สร้างและใช้คิดเพื่อพัฒนาระบบทinking และศึกษาตามเนื้อหา ซึ่งผลการวิจัยพบว่า เด็กนักเรียนที่ได้รับการฝึกกลวิธีคิดตามนี้ มีผลสัมฤทธิ์ในการเรียนในระดับสูงกว่าเด็กที่ใช้การอภิปรายภาษาในกลุ่มและเด็กที่ใช้การคิดและตอบโดยปราศจากการใช้คิดนำทาง และต่อมา King (1991) ได้ทำการศึกษา กลวิธีคิดตามนี้ในการแก้ปัญหาในคอมพิวเตอร์ช่วยสอน โดยมีการออกแบบค่า

ตามที่คุ่นนานไปกับกระบวนการแก้ปัญหาและค่าถดມีลักษณะ เป็นธรรมชาติของ Metacognition ผลการศึกษาพบว่า การใช้ค่าถดมานาในขณะดำเนินการแก้ปัญหาจะช่วยให้เด็กได้เพ่งเลึงความสนใจไปที่กระบวนการเรียนรู้ ในขณะเดียวกันก็เตือนความเข้าใจช่วยให้มีการกากับตรวจสอบ และประเมินผล ในขณะดำเนินการแก้ปัญหา

จากข้อมูลดังกล่าวจะเห็นได้ว่ากระบวนการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์มีลำดับขั้นตอนที่ สัมพันธ์เชื่อมโยงกันและจากงานวิจัยส่วนใหญ่พบว่าเด็กนักเรียนมีทักษะกระบวนการ และความสามารถในระดับต่ำ ดังนี้เพื่อเป็นการพัฒนาทักษะกระบวนการในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์อย่างเป็นระบบ ผู้วิจัยจึงสนใจที่จะฝึกกลวิธีค่าถดมานาที่มีต่อความสามารถในการแก้ปัญหาโดยยึดคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 4 โดยค่าถดมานามาตามแนว Metacognition ซึ่งประกอบด้วยการวางแผน การกากับ และการประเมินผล จะช่วยให้เด็กได้ฝึกกากับตนเอง และเพ่งความสนใจไปที่กระบวนการแก้ปัญหา ซึ่งช่วยในการพัฒนากระบวนการเรียนรู้และการแก้ปัญหาอย่างเป็นระบบ และเพื่อเป็นการบูรณาการทักษะกระบวนการผู้วิจัยจึงสนใจที่จะศึกษาเด็กในวัยดังกล่าว ซึ่งมีอายุระหว่าง 9-10 ปี ทั้งนี้เนื่องจากเด็กในวัยนี้พัฒนาการทางความคิดความเข้าใจเกี่ยวกับปัญญาและความสามารถทำลังพัฒนาอย่างมาก (เพียง พีไล ฤทธาคณานันท์, ม.บ.ป.: 96) และนอกจากนี้เด็กในวัยนี้มีความสามารถในการสร้างภาพในใจ คิดเบริญเทียบทหารความสัมพันธ์เชื่อมโยง มีความเข้าใจความหมายของส่วนบุญและส่วนรวมการเรียงลำดับ สามารถที่จะอ้างอิงด้วยเหตุผล คิดย้อนกลับ มีความเข้าใจเกี่ยวกับกิจกรรม และความสัมพันธ์ของตัวเลข(สุรังค์ ไก้วาระกุล, 2533 : 40-41)

### แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

ผู้วิจัยได้ศึกษาแนวคิดทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการฝึกกลวิธีค่าถดมานาเพื่อเป็นแนวทางและสนับสนุนงานวิจัยครั้งนี้ โดยสรุปเสนอเป็นหัวข้อดังต่อไปนี้

#### 1. ทฤษฎีการประมวลผลข้อมูล (Information Processing Theory)

##### 1.1 ความเป็นมาและพัฒนาการรูปแบบการประมวลผลข้อมูล

##### 1.2 กลวิธีค่าถดมานา(Guided Questioning Strategies)

- 1.3 กระบวนการแก้ปัญหาทั่วไป
2. งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง
  - 2.1 งานวิจัยในต่างประเทศ
  - 2.2 งานวิจัยในประเทศไทย

## 1. ทฤษฎีการประมวลผลข้อมูล (Information Processing Theory)

### 1.1 ความเป็นมาและพัฒนาการรูปแบบการประมวลผลข้อมูล

ทฤษฎีการประมวลผลข้อมูล เป็นแนวคิดหนึ่งในกลุ่มทฤษฎีปัญญาณิยมที่ได้ทำการศึกษาวิจัยถึงกระบวนการคิดภายในของมนุษย์ โดยจำลองรูปแบบการศึกษาภายในสมองของมนุษย์ว่ามีลักษณะการทำงานคล้ายเครื่องคอมพิวเตอร์ ซึ่งเรียกว่าปัญญาประดิษฐ์ (artificial intelligence)

Atkinson และ Shiffrin (1968, 1969) เป็นผู้ที่ทำการศึกษาถึงรูปแบบความจำที่ได้รับอิทธิพลมาจากกระบวนการประมวลผลข้อมูล การศึกษาของเขายังเรื่องของความจำชั่วtemporary ที่สามารถอธิบายปรากฏการณ์ได้กว้างขึ้น เขายังได้แบ่งรูปแบบของความจำออกเป็น 3 ส่วนคือ ความจำรับสัมผัส (sensory register) ความจำระยะสั้น (short-term memory) และความจำระยะยาว (long-term memory) ทั้งสามส่วนคือ มีลักษณะการทำงานเช่นเดียวกับฮาร์ดแวร์ (hardware) Atkinson และ Shiffrin เชื่อว่า ทั้งสามส่วนติดตัวมาตั้งแต่กำเนิด

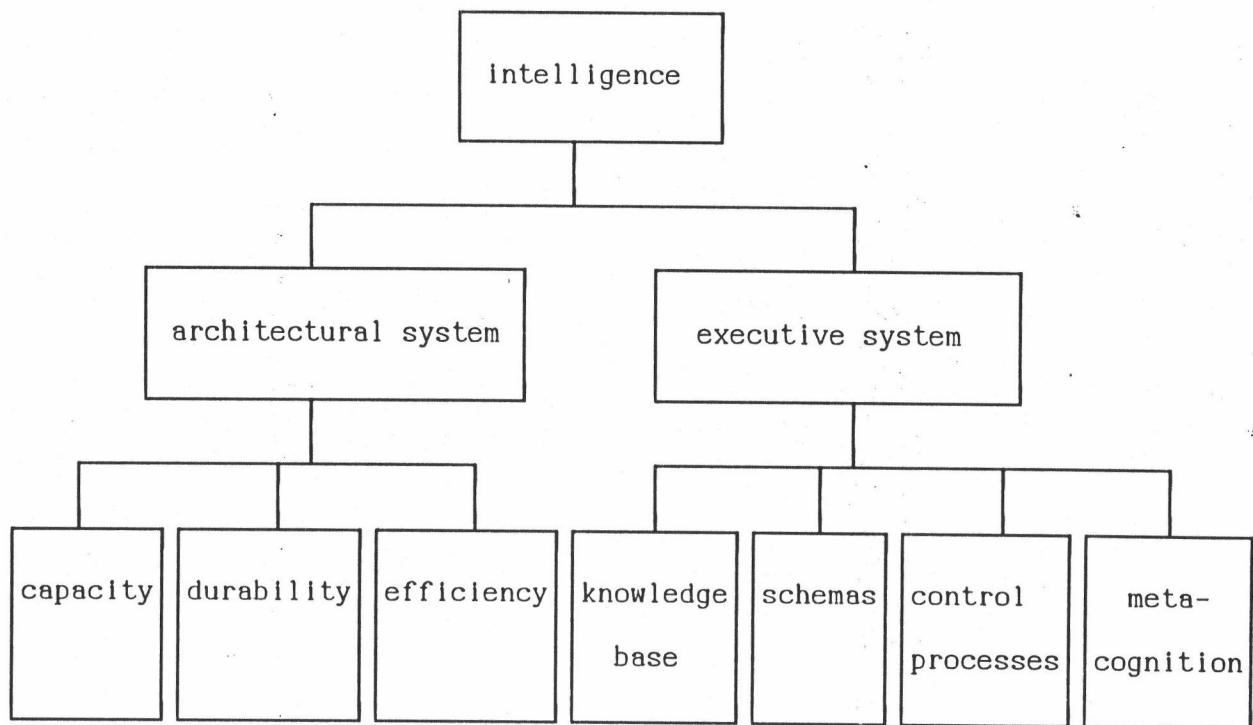
นอกจากนี้เขายังได้เสนอกระบวนการควบคุม (control process) การฝึกหัด การควบคุมข้อมูลเข้าและออกในความจำระยะสั้น กระบวนการควบคุมหรือกลวิธี (strategies) เปรียบเทียบกับการทำงานของซอฟแวร์ (software) ด้วยเทคนิคดังกล่าวจะช่วยให้มนุษย์เพิ่มประสิทธิภาพ และสมรรถภาพในการเก็บจำ ซึ่งกระบวนการควบคุมหรือกลวิธีเป็นสิ่งที่มีรากฐานในภาษาหลัง และแต่ละบุคคลจะมีความแตกต่างกันไป ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับการฝึกและการใช้โดยที่บุคคลสามารถจะเลือกข้อมูลมาใช้ต่อรองให้รอบคอบได้ องค์ประกอบของการควบคุมนี้ทำางานโดยขึ้นอยู่กับธรรมชาติของงานและภาระให้คำแนะนำในขณะนั้น ซึ่งการควบคุมแบบนี้มีลักษณะ

คล้ายกับระบบการทำงานในเครื่องคอมพิวเตอร์ ควบคุมการถ่ายโยงข้อมูลจากที่เก็บที่หนึ่งไปยังที่เก็บอีก ฯ

ทฤษฎีการประมวลผลข้อมูลของ Atkinson และ Shiffrin ได้รับการศึกษาประบุกต์และพัฒนาโดยนักทฤษฎีตลอดเวลา ได้แก่ Campione และ Brown, 1978 ; Gardner, 1983 ; Sternberg, 1986 เป็นต้น

Borkowski(1985) ได้พัฒนารูปแบบการประมวลผลข้อมูลของ Campione และ Brown, 1978 เพิ่มเติมโดยเขาเสนอรูปแบบการประมวลผลข้อมูลทางปัญญา มีส่วนประกอบพื้นฐานที่สำคัญ 2 ประการคือ

1. ระบบโครงสร้างพื้นฐาน(architectural system) ซึ่งแสดงถึงส่วนประกอบของโครงสร้างทั่ว ๆ ภายใน
2. ระบบการบริหาร (executive system) แสดงถึงการควบคุมส่วนประกอบอื่น ๆ



แผนภูมิที่ 1 : รูปแบบการประมวลผลข้อมูลทางปัญญา

(อ้างถึงโดย Satler, 1988, 51)

1. ระบบโครงสร้างพื้นฐาน (architectural system) เกี่ยวกับข้องกับพื้นฐาน การทำงานทางสีระที่จำเป็นในการประมวลผลข้อมูล เช่น ความสามารถในการจำ ความติดต่อ ของร่องรอยความจำของสิ่งเร้าและประสิทธิภาพหรือความเร็วในการเข้ารหัส หรือ ถอดรหัสของข้อมูลทักษะต่าง ๆ เหล่านี้เป็นทักษะการรับรู้ส่วนบุคคล และ เป็นการสังท้อนภาพ การทำงานของระบบประสานรับสัมผัส และระบบประสานกายในทั้งหมดสิ่งแวดล้อมมีผลต่อ การพัฒนาทักษะดังกล่าว และเป็นพื้นฐานการปฏิบัติการทำงานปัญญาที่สำคัญ เช่น การรับรู้ และ ความจำ ดังนั้นระบบโครงสร้างพื้นฐาน จึงเป็นแหล่งความจำที่สำคัญ หรือเป็นระบบการทำงานของชาร์ดแวร์

คุณสมบัติของโครงสร้างพื้นฐานประกอบด้วย สมรรถภาพ(Capacity) หรือจำนวน ความจุในหน่วยความจำ เช่น จำนวนความจุในความจำระยะสั้น และความจำระยะยาว ซึ่ง ความคงทนของข้อมูลและประสิทธิภาพของการทำงาน หรือคุณลักษณะที่เกี่ยวกับการเลือก และเก็บความจำข้อมูล เช่น ความเร็วของการเข้ารหัส เวลาที่ใช้ในการค้นหาข้อมูลความจำ ไวในการให้ความสนใจและช่วงเวลาของความตื่นตัว ระบบโครงสร้างพื้นฐานทำหน้าที่บันทึก ความจำและรับผิดชอบการเข้าทางระบบประสานผัสผสัสด

2. ระบบการบริหาร (executive system) เกี่ยวกับการเรียนรู้การ เรียนรู้จากสิ่งแวดล้อม ที่นำไปสู่การแก้ปัญหา(problem solving) ซึ่งประกอบด้วย

2.1 ฐานความรู้ (knowledge base) เป็นการรื้อฟื้น (retrieve) ข้อมูลจากความจำระยะยาว ความรู้ (knowledge) มีบทบาทสำคัญในการแสดงออกถึงความคิด เพราะ ความรู้ทำให้ทราบ ถึงการรับรู้ และการเตรียมแหล่งสำหรับความจำใหม่ท่ามกลาง แหล่งความจำเก่า และแสดงถึงการทำงานภายในของปัญญาและการใช้กลวิธีเมื่อพบกับปัญหา ที่ยาก จากการศึกษาจำนวนมากพบว่า เด็กที่เชี่ยวชาญในการแก้ปัญหา (expert) จะมีการ สะสมความรู้ การจำ หลักเกณฑ์ และโครงสร้างความรู้ ได้ดีกว่าเด็กที่ไม่ชำนาญ (novice) ทั้งในด้านปริมาณ คุณภาพ ความแม่นยำและความเร็วในการดึงเอาความรู้มาใช้ (Reif, 1980; Feltovic, 1981; Scandura, 1981; Chi, 1982; Lakin, 1985; Gallini, 1989 ; Rohwer, 1989)

2.2 โครงสร้างทางปัญญา (schemas) ตามการศึกษาของกลุ่มแนวคิดแบบ เพียเจต์เทียน schemas หมายถึงโครงสร้างทางปัญญาที่เป็นนามธรรม ซึ่งเกี่ยวกับการ

คุณชื่มเข้าสู่โครงสร้าง(assimilation) และการปรับโครงสร้าง(accommodation) ใน การรับข้อมูลใหม่ของแต่ละบุคคล schemas เป็นการทำงานและการสร้างเครือข่ายความรู้ ของมนุษย์ ในทฤษฎีเพียเจ็ต ขั้นพัฒนาการทางปัญญาทั้ง 4 ขั้นคือ ขั้นประสาทสัมผัส ขั้น ก่อตนปฏิบัติการ ขั้นปฏิบัติการรูปธรรม และขั้นปฏิบัติการนามธรรม แสดงให้เห็นถึงกลุ่มของ Schemas การเปลี่ยนจากขั้นหนึ่งไปยังอีกขั้นหนึ่งเกิดขึ้นเมื่อโครงสร้างทางปัญญาหลักมีการ เปลี่ยนแปลง

2.3 กระบวนการความคุณ (control processes) หมายถึงหลักการและ กลวิธี (strategies) ที่ช่วยในการจำ ความเข้าใจ การแก้ปัญหา และกิจกรรมทางปัญญา อื่น ๆ กลวิธีที่แสดงออก เช่น การตรวจสอบตนเอง การทบทวน และการปฏิบัติการที่เกี่ยว กับการสอนตนเอง อื่น ๆ ซึ่งสามารถที่จะพัฒนาโดยใช้กลวิธีทั่วไป เด็กที่มีกลวิธีทางปัญญา (cognitive strategies) ที่คล่องแคล่ว และมีทักษะในการปฏิบัติจะเป็นเด็กที่มีสมรรถภาพ เป็นนักแก้ปัญหาที่มีประสิทธิภาพ สามารถสร้างกลวิธีใหม่ ๆ เมื่อพบกับสิ่งที่ท้าทายทางปัญญา

2.4 Metacognition หมายถึง ความคิดเกี่ยวกับความคิด (thinking about thinking) หรือการทราบหนักถึงกระบวนการความคิดของตนเอง และกลวิธีแบบ Metacognition จะช่วยในการควบคุมกิจกรรมทางปัญญา และการแสดงออกตามปกติ และ ทางการใช้กลวิธีในการแก้ปัญหาให้มีประสิทธิภาพมากขึ้น Metacognition ช่วยในการวางแผน (planning) การกำกับ(monitoring) การนำไปสู่การเลือกใช้กลวิธี และการประเมิน ผลตนเอง(evaluating) รวมถึงการใช้กลวิธีการทำงานของ Metacognition ประกอบ ด้วย การรู้ในกลวิธีที่เหมาะสมสมกับงานหนึ่ง ๆ และบางครั้งอาจจำเป็นต้องมีการประบุกต์ไปสู่ งานใหม่ การรู้ว่ากลวิธีบางอย่างอย่างเหมาะสมสมกับงานบางอย่าง การรู้ว่าทำอย่างไรถึงจะรื้อฟื้น ข้อมูลจากความจำ และรู้ว่าจะจัดการอย่างไรกับปัญหาที่บุกมาก

นักจิตวิทยาปัญญานิยมเชื่อว่า Metacognition มีบทบาทสำคัญต่อกิจกรรมทางปัญญา หลายอย่าง เช่น การสื่อสาร การจูงใจด้วยวาจา ความเข้าใจ ภาษาพูด ความเข้าใจใน การอ่าน การเขียน การเรียนรู้ภาษา การรับรู้ ความตั้งใจ ความจำ การแก้ปัญหา ความรู้ความเข้าใจในทางสังคม การสอนตนเอง และการควบคุมตนเอง(Flavell, 1985 : 104) และผลการวิจัยจำนวนมากพบว่า การสอนให้เด็กมี Metacognition ชั้งประ

กอบด้วยการวางแผน (planning) การกำกับ (monitoring) และการประเมินผล (evaluating) จะช่วยให้เด็กพัฒนาความสามารถในการเรียนรู้ด้านต่าง ๆ Brown และคณะ (1983) และ Paris และคณะ (1982) ได้ทำการทดลอง สอนทักษะ Metacognition แก่นักเรียนในการอ่านจับใจความ ผลการศึกษาพบว่า ทักษะนี้ทำให้เด็กมีความสามารถในการอ่านจับใจความได้ดีขึ้น ในเรื่องของการคิดเชิงปริมาณที่ เช่นเดียวกัน เรายสามารถสอนใช้ทักษะ Metacognition ในการตรวจทานคำตอบและวิธีคิด (อ้างถึงใน เพียงพีไล ฤทธาคณาณ์ที่, ม.บ.ป. : 90)

Bondy และ Elizabeth(1984) ได้สรุปถึงผลการศึกษาการสอน Metacognition ว่าจะช่วยเกื้อหนุนให้เด็กความคุ้มค่าของตน (self-regulation) การตรวจสอบผลการกระทำของตนเอง และกำกับกิจกรรมของตนเองให้ดำเนินไป การควบคุมกระบวนการเรียนรู้ และการแก้ไขปัญหาอย่างรอบคอบ ทักษะพื้นฐานดังกล่าวชี้ให้เห็นถึงการเตรียมเด็กให้พบกับสิ่งที่ไม่แน่นอนในอนาคต เป็นการเปลี่ยนแปลงทางการศึกษาที่เน้นเนื้อหาไปสู่กระบวนการเรียนรู้และเสนอแนะให้ครูส่งเสริมการตระหนักรู้ (awareness) ของกิจกรรม ส่งเสริมการมีสติເตื่อนตอนของเด็ก ความรอบคอบ วิธีการเรียนรู้ และการแก้ปัญหาอย่างเป็นระบบ นอกจากนี้ Bondy(1984) ยืนยันว่า Metacognition สามารถสอนได้โดยเขาได้เสนอวิธี ที่ครูสามารถนำไปใช้ในการเสริมสร้างพัฒนาการเด็กดังนี้

1. ให้อภิสสารหับการบ้อนข้อมูลย้อนกลับ
2. ให้เด็กทำตารางบันทึกประจำวัน
3. สอนเทคนิคการตั้งค่าตามคุณของ
4. สอนให้เด็กประเมินความสามารถและความเข้าใจตนเอง

Bondy ได้สรุปว่าการสอนกลวิธี Metacognition เป็นผลที่ยืนยันแน่นอนว่าทำให้เด็กได้ใช้ความคิดและความจำเพิ่มมากขึ้น สอดคล้องกับ Costa(1987) ที่ได้เสนอวิธีการสอนให้เด็กพัฒนา Metacognition 13 วิธี และวิธีการหนึ่งที่สำคัญคือ การตั้งค่าตามมาตรฐานกระบวนการเรียนรู้ในขณะดำเนินกิจกรรม เป็นค่าตามน้ำที่ช่วยให้เด็กได้ควบคุมกระบวนการเรียนรู้ของตนเอง

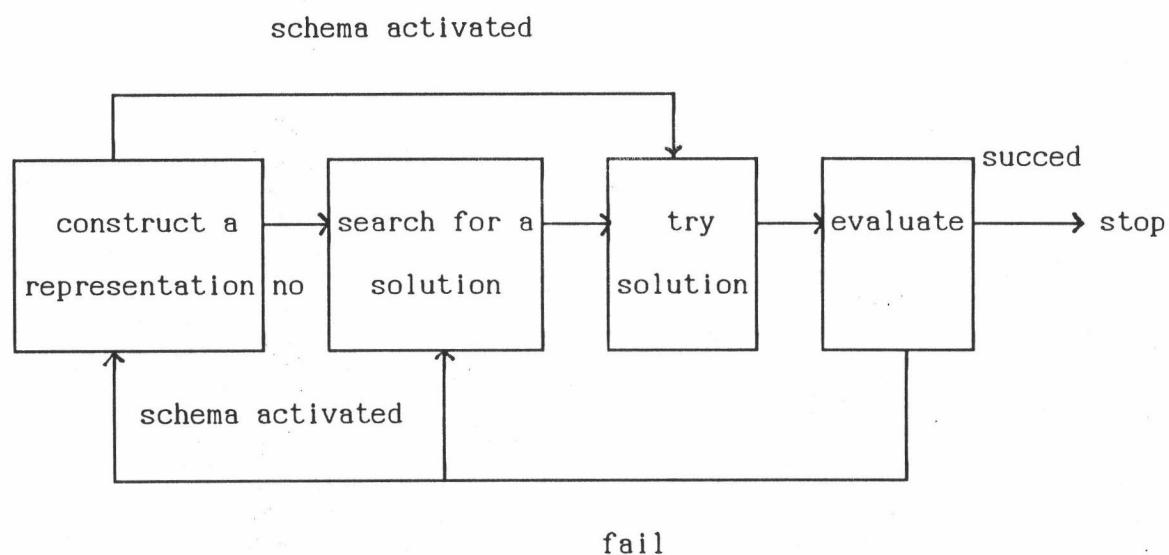
## 1.2 กลวิธีค่าตามน้ำ(Guided Questioning Strategies)

กลวิธีคิดามน่าเป็นกลวิธีหนึ่งที่ได้รับการศึกษาและประยุกต์กับการเรียนการสอน เพื่อพัฒนาทักษะ Metacognition โดยมีจุดเริ่มต้นมาจากการศึกษาของ King (1989a, 1990) ศึกษาถึงกลวิธีคิดามน่าที่มีผลต่อการเรียนการสอน ชี้งเหาพบว่า คิดามน่าจะช่วย เอื้ออำนวยต่อการเรียนรู้ ช่วยให้เด็กได้วิเคราะห์วิจารณ์ในระดับลึก ช่วยเชื่อมโยง ผสมผสาน และดึงเอาความรู้ที่มีอยู่ นอกจากนี้คิดามน่ายังเป็นตัวชี้นำทางในการอธิบายให้รายละเอียด จากการฝึกใช้คิดามน่าของ King(1991) ต่อความสามารถในการแก้ปัญหา พบว่าการฝึกใช้คิดามน่าจะช่วยให้เด็กได้พัฒนาความสามารถในการแก้ปัญหาอย่างมีประสิทธิภาพ คิดามที่สร้างขึ้นมีลักษณะ เป็น Metacognition ทั้ง 3 ลักษณะ คือ การวางแผน การกำกับ และการประเมินผล คิดามจะทำหน้าที่ควบคุมและกำกับตนเองให้ดำเนินไป ตามกระบวนการแก้ปัญหา และช่วยให้เด็กทรงตั้งกระบวนการคิดของตนเอง และจาก การวิจัยของ Swanson(1990) ที่ได้ทำการศึกษาความรู้ด้าน Metacognition ที่มีต่อการแก้ปัญหาของนักเรียนชั้นปฐม ผลการศึกษาพบว่า ความรู้ด้าน Metacognition เป็นตัวทำนายความสามารถในการแก้ปัญหา กล่าวคือ ผู้ที่มีความรู้ด้าน Metacognition สูง จะสามารถแก้ปัญหาได้ดี นอกจากนี้เขายังได้เสนอแนะว่า การฝึกความรู้ด้าน Metacognition สามารถนำไปใช้กับผู้มีความสามารถด้านการเรียนต่อ เพื่อเสริมสร้างให้มีความสามารถในการแก้ปัญหาเพิ่มขึ้นได้



### 1.3 กระบวนการแก้ปัญหาทั่วไป

กระบวนการแก้ปัญหาทั่วไปของ Greeno และ Simon(1981) และ Gick (1986) ซึ่งศึกษาภายใต้กรอบทฤษฎีการประมวลผลข้อมูล มีรูปแบบและกระบวนการดังนี้



แผนภูมิที่ 2 : โครงสร้างของกระบวนการแก้ปัญหาทั่วไป

กระบวนการแก้ปัญหาทั่วไปประกอบด้วยขั้นตอนที่สำคัญ 2 ประการคือ

1. การสร้างตัวแทนของปัญหา (problem representation) ผู้แก้ปัญหาพยายามทำความเข้าใจปัญหา โดยเชื่อมโยงปัญหา กับความรู้เดิมที่มีอยู่ และสร้างเป็นตัวแทนของปัญหาขึ้น

2. กระบวนการแก้ปัญหา (solution process) เป็นการค้นหาแนวทางการแก้ปัญหา ซึ่งเป็นการใช้ความเข้าใจ การวิเคราะห์ความสัมพันธ์ระหว่างสิ่งที่กำหนดมาให้ในปัญหานั้น และการสร้างรูปแบบในการแก้ปัญหา ดำเนินการแก้ปัญหา ประเมินผลกระบวนการ การ และผลลัพธ์

ตามโครงสร้างกระบวนการแก้ปัญหาทั่วไปนี้ อธิบายว่ากระบวนการแก้ปัญหาจะเริ่มจาก การที่ผู้แก้ปัญหารับรู้ปัญหา และนำมาร่างเป็นตัวแทนภายใน (construct representation) ซึ่งเป็นขั้นตอนในการทำความเข้าใจปัญหา ก่อนคืบหน้ามา โครงสร้างและแนวทางในการแก้

ปัญหา ผู้แก้ปัญหาจะต้องวิเคราะห์ จำแนกและเชื่อมโยงกับความรู้หรือประสบการณ์เดิมที่มีอยู่ และค้นหาวิธีการ (search for a solution) เพื่อใช้ในการแก้ปัญหาซึ่งหากเป็นปัญหาที่เคยแก้มา ก่อนก็จะดำเนินการตามประสบการณ์เดิม แต่ถ้าเป็นปัญหาที่ไม่เคยพบมาก่อน ก็จะทำความเข้าใจปัญหา และค้นหาวิธีการแก้ปัญหา หลังจากนั้นก็จะดำเนินการและประเมินผล และเมื่อแก้ปัญหาได้ก็สืบสุกการแก้ปัญหา

ในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ก็มีกระบวนการหรือลำดับขั้นตอน เช่นเดียวกับกระบวนการแก้ปัญหาทั่วไป ดังที่ Fleishner, Nuzum, และ Mazora (1987) กล่าวว่า นอก จากความคิดรวบยอดหรือหลักการต่าง ๆ ทางคณิตศาสตร์ที่ต้องนำมาใช้ในการแก้โจทย์ปัญหา แล้ว ผู้แก้ปัญหาจะต้องรู้ว่า สิ่งใดที่โจทย์ต้องการ และโจทย์ให้ข้อมูลใดมาบ้าง ข้อมูลใดเกี่ยวข้อง ข้อมูลใดไม่เกี่ยวข้องกับการนำมายาไปใช้ในการแก้ปัญหา และต้องเห็นความสัมพันธ์ของทั้งสองส่วนนี้ และสิ่งที่สำคัญคือ ความรู้เกี่ยวกับกระบวนการในการจัดลำดับขั้นตอน ได้แก่ การรู้ถึงคำหรือข้อความสำคัญของปัญหา การวางแผนในการแก้ปัญหา การตั้งและ การทดสอบสมมติฐาน ตลอดจนการประเมินผลลัพธ์

ในการเสนอกระบวนการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ของ Polya (1957) นักคณิตศาสตร์ และอาจารย์มหาวิทยาลัยแสตนฟอร์ด ก็มีลำดับขั้นตอนหรือกระบวนการ เช่นเดียวกับกระบวนการแก้ปัญหาทั่วไปตามแนวคิดการประมวลผลข้อมูล กระบวนการแก้ปัญหาของ Polya มี 4 ขั้นตอน ดังต่อไปนี้

1. การเข้าใจปัญหา ต้องทำความเข้าใจว่า สิ่งที่เราต้องค้นหา สิ่งใดคือข้อมูล สิ่งใดคือเงื่อนไข และเงื่อนไขนั้นจะเป็นตัวนำไปสู่สิ่งที่เราค้นหาหรือไม่ หากนั้นเป็นการวางแผนผังเพื่อแสดงให้เห็นถึงจุดที่สำคัญได้ และแยกเงื่อนไขออกเป็นตอน ๆ

2. การคิดวางแผนในการแก้ปัญหา เป็นการหาความสัมพันธ์ระหว่างข้อมูล กับสิ่งที่ต้องการค้นหา แต่หากไม่สามารถหาพบได้ในทันทีทันใด ต้องรู้จักพิจารณาปัญหาข้างเคียง ประกอบการวางแผน ใน การคิดวางแผนนี้ต้องพิจารณาว่า เคยเห็นปัญหานี้มาก่อนหรือไม่ ทราบข้อมูลที่เกี่ยวข้องหรือทฤษฎีที่จะเป็นประโยชน์ต่อการแก้ปัญหาหรือไม่ ถ้าไม่สามารถแก้ปัญหาทั้งหมดได้ ก็พยายามแก้ปัญหางานส่วนก่อน และพิจารณาว่าปัญหานี้ เป็นปัญหาทั่ว ๆ ไป หรือเป็นปัญหาที่เฉพาะเจาะจง

3. การดำเนินการตามแผน ในการลงมือแก้ปัญหานั้น ต้องมีการทบทวนขั้นตอน

แต่ละขั้นตอนคุ่าว่าเป็นขั้นตอนที่ถูกต้องหรือไม่ สามารถทดสอบได้หรือไม่ว่าถูกต้อง

4. การตรวจสอบการคำนีนิการ เป็นการบททวนผลลัพธ์ จากการคำนีนิการแก้ปัญหา และพิจารณาว่าสามารถใช้วิธีการนี้กับปัญหาได้หรือไม่

จากแนวคิดดังกล่าวจะเห็นได้ว่า นอกจากความรู้พื้นฐานและความคิดรวบยอดทางคณิตศาสตร์ที่เด็กต้องมีแล้ว องค์ประกอบที่สำคัญในการสอนการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ คือความสามารถในการวิเคราะห์จำแนกและเชื่อมโยงกับความรู้หรือประสบการณ์เดิมที่มีอยู่หรือเชื่อมโยงหากความล้มเหลวที่มีอยู่กับกระบวนการเรียนรู้การทำงานอย่างเป็นระบบ ในขณะเดียวกันการสอนที่เน้นให้เด็กได้ควบคุมตนเอง และการตระหนักรู้ในขณะแก้ปัญหาที่เป็นสิ่งสำคัญที่ช่วยส่งเสริมการเรียนรู้ของเด็ก จะเห็นได้ว่าค่าตามน้ำที่มีลักษณะเป็น Metacognition ซึ่งประกอบด้วยการวางแผน ก้าว-by-step และตรวจสอบประเมินผลในการเรียนรู้กิจกรรมจะช่วยส่งเสริมให้เด็กได้พัฒนาการเรียนรู้อย่างเป็นระบบ และด้วยกระบวนการดังกล่าวจะช่วยให้เด็กได้พัฒนาตนเองให้เป็นนักแก้ปัญหาอย่างมีระบบ

จากการพิจารณากระบวนการแก้ปัญหาทั่วไปภายใต้กรอบทฤษฎีการประมวลผลข้อมูล และกระบวนการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ตามการศึกษาของ Polya แล้วจะเห็นได้ว่า มีขั้นตอนหรือกระบวนการสอนคล้องกัน กล่าวคือ ผู้แก้ปัญหาจะเริ่มต้นจากการอ่านและทำความเข้าใจปัญหา ทำการวิเคราะห์จำแนกและค้นหาวิธีการ หรือวางแผน จากนั้นดำเนินตามแผนหรือวิธีการที่วางแผนไว้ และประเมินผล ดังนั้นในการวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยจึงได้ศึกษาระบวนการแก้ปัญหาตามกรอบทฤษฎีการประมวลผลข้อมูล และกระบวนการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ตามแนวคิดของ Polya

## 2. งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

### 2.1 งานวิจัยค่างประเทศ

Swanson (1990) ได้ศึกษาผลของการวิจัย Metacognition และความต้นทางการเรียน ที่มีต่อการแก้ปัญหาของนักเรียนชั้นประถมที่มีความถนัดทางการเรียนสูง

กับนักเรียนที่มีความคิดทางการเรียนต่า และมีความสามารถด้าน Metacognition สูงและต่า โดยการใช้แบบสอบถามปลายเปิด เพื่อวัดเกี่ยวกับความรู้ใน Metacognition ด้านบุคคล งานและกลวิธี การตอบใช้วิธี think aloud คำถ้ามแต่ละข้อมีการให้คะแนน 5 ระดับ ผู้ที่ทำคะแนนได้สูงถือว่ามีความรู้ทาง Metacognition สูง และใช้ Cognitive Ability test (CAT) ในการวัดความคิดในการเรียน และมีปัญหาให้นักเรียนแก้ 5 ปัญหา ผลการศึกษาพบว่า ความรู้ด้าน Metacognition เป็นตัวกำหนดความสามารถในการแก้ปัญหาได้ดีกว่าความคิดด้านการเรียน ผู้ที่มีความรู้ด้าน Metacognition สูงแต่มีความคิดด้านการเรียนต่า สามารถแก้ปัญหาได้ดีกว่าผู้ที่มีความคิดด้านการเรียนสูงแต่มีความรู้ด้าน Metacognition ต่า Swanson เสนอแนะว่าการฝึกความรู้ด้าน Metacognition สามารถนำไปใช้กับผู้มีความสามารถด้านการเรียนต่าเพื่อสร้างเสริมให้มีความสามารถในการแก้ปัญหาเพิ่มขึ้นได้

King (1989) ศึกษากลวิธีการถ่านหันน์ที่มีลักษณะเป็น Metacognition เพื่อเพิ่มประสิทธิภาพในการพัฒนารายการรับการทดลองเป็นเด็กระดับ 9 จำนวน 59 คน แบ่งเป็นสองไซด์การศึกษาออกเป็น 4 เส้นทางคือ

กลุ่มที่ 1 ได้รับการฝึกการตั้งค่าถานสำหรับตนเอง ในระหว่างการพัฒนารายการ แหล่งจากการพัฒนารายการให้เด็กใช้ค่าถานของตนเองในการถ่านและตอบค่าถานซึ่งกันและกันภายใต้กลุ่ม

กลุ่มที่ 2 ใช้การถ่านหันน์เอง ในระหว่างการพัฒนารายการและตอบค่าถานหันน์เอง

กลุ่มที่ 3 อภิปรายข้อมูลการบรรยายในกลุ่มบ่อย

กลุ่มที่ 4 ทบทวนข้อมูลการบรรยายอย่างเป็นอิสระ

ทั้ง 4 เส้นทางมีการควบคุมสภาพการณ์ก่อนการทดลอง ผลการศึกษาพบว่ากลุ่มที่ 1 และ กลุ่มที่ 2 แสดงให้เห็นถึงความเข้าใจในการพัฒนารายการมากกว่ากลุ่มที่ 3 และกลุ่มที่ 4 นอกจากนี้ King ได้สรุปว่ากลวิธีการถ่านหันน์สามารถพัฒนาความเข้าใจในการพัฒนารายการของเด็กนักเรียนสามารถใช้กลวิธีเมื่อมีการเปลี่ยนแปลงเกิดขึ้น กลวิธีการถ่านหันน์เองสามารถที่จะนำไปใช้ในการสอนและสามารถใช้กับสภาพการณ์ภายในห้องเรียน

ต่อมาในปี 1990 King ได้ทำการศึกษาการมีปฏิสัมพันธ์ในกลุ่ม และการเรียนรู้ใน

ห้องเรียน ในขณะที่มีการใช้ค่าถ่านซึ่งกันและกัน (reciprocal questioning) โดยเขาได้แบ่งการศึกษาทดลองออกเป็น 2 การทดลอง

การทดลองที่ 1 วัดคุณประสัสดิ์เพื่อต้องการวัดผลของการใช้ค่าถ่านนาในกลุ่มซึ่งกันและกัน ที่มีต่อการสื่อสารปฏิสัมพันธ์ และเบริญเทียบถึงผลสัมฤทธิ์ในงานของนักเรียนที่ใช้ชุดค่าถ่านซึ่งกันและกันในกลุ่ม (reciprocal peer-questioning) กับกลุ่มนักเรียนที่ใช้การอภิปราย (discussion) กลุ่มตัวอย่างเป็นนักศึกษาระดับวิทยาลัย จำนวน 26 คน โดยแบ่งเป็น 2 กลุ่ม ๆ ละ 13 คน กลุ่มที่อยู่ในเวื่องในการทดลองแบบใช้ค่าถ่านซึ่งกันและกัน จะได้รับการฝึกการใช้ค่าถ่านเพาะความคิด (generic question) และให้ฝึกค่าถ่าน และการตอบซึ่งกันและกันในกลุ่มหลังจากการฝึกแล้วให้เด็กนักเรียนเข้าพัฟการบรรยายพร้อมกับใช้กลวิธีที่ฝึก หลังจากนั้นทดสอบความเข้าใจในเนื้อหาการบรรยาย กลุ่มที่อยู่ในเวื่องในการอภิปรายได้รับการพัฟการบรรยาย และทดสอบหลังการพัฟการบรรยาย เช่นกัน การสื่อสารปฏิสัมพันธ์ได้รับการบันทึกเทป ผลการทดลองพบว่า กลุ่มที่ได้รับการฝึกกลวิธีการใช้ค่าถ่านซึ่งกันและกัน มีการแสดงออกถึงความคิดเห็นซึ่งกันและกันในการทำความเข้าใจในเนื้อหาการบรรยายอย่างเด่นชัด และมีการอภิปรายค่าตอบมากกว่าอีกกลุ่ม และจากการวิเคราะห์ทั่วไปของค่าถ่าน แสดงให้เห็นว่าผู้ที่ใช้ชุดค่าถ่านจะถูกค่าถ่านที่ต้องใช้การคิดวิเคราะห์วิจารณ์ (critical thinking) มากกว่ากลุ่มที่ใช้การอภิปรายธรรมดากาการฝึกกลวิธีการใช้ชุดค่าถ่านแสดงให้เห็นถึงการใช้ค่าถ่านภายในของเด็ก ที่ได้มีการประบูรณ์กลวิธีนำเสนอใช้

เนื่องจากการทดลองที่ 1 ยังไม่สามารถชี้ชัดให้เห็นถึงความสำคัญของการใช้ค่าถ่านส่วนบุคคล และค่าถ่านเฉพาะเจาะจง และเพื่อให้ทราบถึงบทบาทของโครงสร้างค่าถ่านที่ชัดเจนขึ้น King จึงได้ทำ การทดลองที่ 2 โดยเบริญเทียบระหว่างกลุ่มที่ได้รับการฝึกชุดค่าถ่านนาซึ่งกันและกัน (guided reciprocal peer-questioning) กับกลุ่มที่ไม่ได้ใช้ค่าถ่านนา (unguided reciprocal peer-questioning) ซึ่งตั้งข้อสมมติฐานว่าการใช้ค่าถ่านที่เฉพาะเจาะจงจะควบคุมระดับและประสิทธิภาพในรายละเอียดในระดับการเรียนรู้ของเด็กการทดลองนี้คล้ายกับการทดลองที่ 1 กลุ่มตัวอย่างเป็นนักศึกษาระดับวิทยาลัยจำนวน 39 คน กลุ่มตัวอย่างได้รับการสุ่มเข้ากลุ่มอย่างง่าย โดยแบ่งเป็นกลุ่มที่ได้รับการฝึกค่าถ่านนา 21 คน และกลุ่มที่ไม่ได้รับค่าถ่านนา 18 คน

เด็กทั้งสองกลุ่มได้รับคำแนะนำเกี่ยวกับค่าถ่านคล้ายการทดลองที่ 1 กล่าวคือ

เด็กนักเรียนในกลุ่มคำถานนาชั่งกันและกัน จะได้รับการฝึกให้ใช้คำถานเพาะความคิดชั่งเป็นชุดคำถานชุดเดียวกับการทดลองที่ 1 ส่วนกลุ่มที่ไม่ได้รับเงื่อนไขคำถานน่าจะได้รับการฝึกกระบวนการในการถาน และการให้ข้อมูลบ่อนกลับ แต่ไม่มีชุดคำถานนาให้ เด็กนักเรียนทั้งสองกลุ่มฝึกภาษาในกลุ่มย่อยชั่งกันและกันในห้องพัฒนาระบาย เช่นเดียวกับการทดลองที่ 1 กลุ่มคำถานนาได้รับการยื้อเตือนให้เป็นทั้งผู้ถานและผู้อธิบาย กลุ่มที่ไม่ได้คำถานน่าจะได้รับการสอนให้ถานและตอบชั่งกันและกันอย่างเต็มที่

ผลการทดลองพบว่า ในด้านของผลสัมฤทธิ์จากการพัฒนาระบาย กลุ่มที่ได้รับคำถานน่าแสดงให้เห็นถึงความเข้าใจในการพัฒนาระบายอย่างเด่นชัดกว่ากลุ่มที่ไม่ได้รับคำถานนา ในด้านการสื่อสารปฏิสัมพันธ์พบว่า กลุ่มคำถานนามีการอธิบาย และมีการแสดงมากกว่ากลุ่มที่ไม่ได้รับคำถานนา และจากการสังเกตการสอนตอบของกลุ่มนี้ไม่ได้รับคำถานนา พนวณมีการอธิบายไม่ตรงกับคำถานที่ถาน และไม่ให้ความใส่ใจต่อการสรุปในแต่ละส่วนของการบรรยายหรือมีการแสดงถึงความสัมพันธ์เชื่อมโยงของข้อมูลน้อยมาก และจะใช้ปรับเปลี่ยนการสอนส่วนบุคคลโดยทั่วไปมากกว่า จากการค้นพบนี้เป็นข้อสนับสนุนที่แสดงให้เห็นถึงความสำคัญของชุดคำถาน ในกลวิธีคำถานนาชั่งกันและกัน และจากการตรวจสอบคุณภาพของค่า O ตามพนวณว่า

1. กลุ่มคำถานนามีการใช้คำถานวิเคราะห์วิจารณ์ความคิดมากกว่าและมีการใช้คำถานระลึก (recall questions) น้อยกว่ากลุ่มที่ไม่ได้รับคำถานนา

2. กลุ่มคำถานน่าใช้คำถานที่ได้รับการฝึก ซึ่งจะช่วยกระตุ้นให้ผู้เรียนต้องดึงเอาความรู้เดิม และชี้นำแนวทางในการให้คำอธิบาย ซึ่งจะช่วยผสมผสานข้อมูลใหม่เข้ากับโครงสร้างความรู้เดิมที่มีอยู่ ในขณะที่กลุ่มที่ไม่ได้รับคำถานนา จะถานคำถานที่เน้นในเรื่องที่พัฒนาระบายสรุปถึงความคิดหลัก และความสัมพันธ์ระหว่างความคิดทราบบด็อกที่แสดง เน้นที่การเชื่อมความสัมพันธ์ภายในเนื้อหาการบรรยาย เน้นคำถานแบบระลึกมากกว่า

และการวิจัย King ในปี 1991 ที่ได้ทำการศึกษาถึงผลการฝึกกลวิธีการใช้คำถานในการแก้ปัญหาในคอมพิวเตอร์ช่วงสอน (computer assisted) เขาได้ทำการศึกษาทั้งหมด 5 จำนวน 46 คน และแบ่งกลุ่มออกเป็น 3 กลุ่ม แต่ละกลุ่มได้รับเงื่อนไขดังนี้

กลุ่มที่ 1 เป็นกลุ่มทดลอง ใช้กลวิธีการตั้งคำถามนาความคิด (guided questioning) ในขณะที่ทำการแก้ปัญหาที่อยู่ในหน้าจอ

กลุ่มที่ 2 ไม่ได้รับการฝึกให้ใช้คำถานนา (unguided questioning)  
แต่ได้รับการกระตุน ให้ถานกับเพื่อนที่ทำด้วยกันในระหว่าง  
การแก้ปัญหา

กลุ่มที่ 3 กลุ่มควบคุม ไม่ได้รับการฝึกหรือสอนการใช้คำถาน  
การ์ดคำถานนาที่ใช้ในการทดลองของ King

### **Planning**

1. What is the problem?.

What are we trying to do here?.

2. What do we know about the problem so far?.

What information is given to us?.

How can this help us?.

3. What is our plan?.

4. Is there another way to do this?.

What would happen if.....?.

5. What should we do next?..

### **Monitoring**

1. Are we using our plan or strategy?.

Do we need a new plan?.

Do we need a different strategy?.

2. Has our goal changed?.

What is our goal now?.

3. Are we on the right track?.

Are we getting closer to our goal?.

### **Evaluating**

1. What worked?.

2. What didn't work?.

3. What would we do differently next time?.

ผลการทดลองปรากฏว่าให้เห็นว่า เด็กที่ได้รับการฝึกการใช้กลวิธีคิดตามน้ำ (guided questioning strategies) เพื่อใช้ในการแก้ปัญหา สามารถแก้ปัญหาได้ง่ายขึ้น และแก้ปัญหาได้ เด็กระดับ 5 ที่ได้รับการฝึกดังกล่าว จะประสบความสำเร็จในการแก้ปัญหาที่พบใหม่มากกว่ากลุ่มที่ไม่ได้รับคิดตามน้ำ และกลุ่มควบคุม และที่พบในการทดลองครั้งนี้คือ เด็กกลุ่มที่ใช้คิดตามน้ำช่วยอธิบายขยายความให้ชัดกันและกันในการแก้ปัญหาร่องใหม่มากกว่ากลุ่มอื่นมีหลักฐานพบว่า การอธิบายขยายความเป็นผลมาจากการฝึกการใช้กลวิธีคิดตามน้ำซึ่งเป็นตัวช่วยชี้แนะ และเสริมสร้างให้ประสบความสำเร็จในการแก้ปัญหา

นอกจากนี้ คิดตามประเภท Metacognition ช่วยให้เด็กเตือนการแก้ปัญหาของตนเอง ผลก็คือทำให้เด็กเป็นนักแก้ปัญหาอย่างมีกลวิธี

การใช้คิดตามน้ำเป็นตัวชี้นำแนวทางการแก้ปัญหา จะทำให้เด็กมีทักษะการแก้ปัญหาอย่างมีระบบ เด็กบางคนอาจไม่สามารถเชื่อมโยงความคิด และแก้ปัญหาอย่างมีประสิทธิภาพ การใช้กลวิธีคิดตามน้ำช่วยให้เด็กได้คิดสูงขึ้นไปกว่าความคิดธรรมชาติ ผลการทดลองพบว่ากลุ่มที่ 2 และ 3 ไม่สามารถแก้ปัญหาที่ประสบใหม่ได้เลข ในขณะที่เด็กกลุ่มที่ 1 สามารถแก้ปัญหาได้ ผลการศึกษานี้ชี้ให้เห็นว่า กลวิธีการใช้คิดตามน้ำสามารถนำมาใช้อย่างได้ผลกับภาวะการเรียนการสอนปัจจุบัน

จากข้อมูลงานวิจัยในต่างประเทศดังกล่าวแสดงให้เห็นว่าการใช้คิดตามน้ำทางจะช่วยให้เด็กมีการตรองหนักรู้ในขณะทำงาน คิดตามจะช่วยเอื้อต่อการรับข้อมูล การนาความรู้ที่มีอยู่มาใช้ ช่วยในการจัดข้อมูลที่ไม่เกี่ยวข้อง และช่วยในการกำหนดความสนใจตลอดกระบวนการเรียนรู้ ดังนั้นจะเห็นได้ว่าการสอนการใช้คิดตามน้ำจะช่วยพัฒนาความสามารถในหลาย ๆ ด้าน โดยเฉพาะอย่างยิ่ง ความสามารถในด้านการเรียนการเขียน การอ่าน และในการแก้ปัญหา เป็นต้น

## 2.1 งานวิจัยในประเทศไทย

เนื่องจากงานวิจัยในประเทศไทยยังไม่มีการทำวิจัยเกี่ยวกับคิดตามน้ำตามแนว Metacognition โดยตรง แต่มีงานวิจัยที่ศึกษาถึงความสำคัญในการสอนทักษะการแก้ปัญหาร่วมทั้งการศึกษาถึงกระบวนการในการแก้ปัญหาว่ามีความสัมพันธ์กัน และเป็นสิ่งจำเป็นที่จะ

ต้องมีการสอน และฝึกให้เด็กได้ทราบหน้าที่กระบวนการแก้ปัญหา เพื่อพัฒนาทักษะการแก้ปัญหา อย่างเป็นระบบ ตัวอย่างงานวิจัยในประเทศไทยมีดังนี้ เฉลิมพล คันสกุล(2521) ได้ศึกษาพบว่า เด็กที่มีความแตกต่างกันทางด้านฐานะ เศรษฐกิจของครอบครัว ระดับการศึกษาของพ่อแม่ อาชีพของพ่อแม่ และวิธีการอบรมเลี้ยงดู จะมีความสามารถในการแก้ปัญหาเฉพาะหน้าต่าง กัน แต่เมื่อแยกตามเพศจะไม่พบความแตกต่าง และนอกเหนือนี้ยังพบว่า สติปัญญา มีความสัม พันธ์กับความสามารถในการแก้ปัญหาเฉพาะหน้าในทางบวก และจากการศึกษาของอรุณ (2526) ศึกษาการเปรียบเทียบความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้น ประถมศึกษาปีที่ 3 ที่มีองค์ประกอบคัดสรรที่เกี่ยวข้องกับตัวนักเรียนต่างกัน ผลการศึกษาพบว่า นักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 3 ที่มีองค์ประกอบแตกต่างกันในเรื่องอายุ ความสนใจ ทางคณิตศาสตร์ สถิติการมาเรียน อาชีพของผู้ปกครอง ระดับการศึกษาของผู้ปกครอง และ การใช้สื่อมวลชนของครอบครัว มีความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์แตกต่างกัน อย่างมีนัยสำคัญที่ระดับ .05

พรทิพย์ พรมสาขา ณ ศกลนคร (2527) ได้ศึกษาผลของการสอนที่มีต่อ ความสามารถ ในการแก้ปัญหาและความวิตกกังวลในวิชาคณิตศาสตร์ ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยแบ่งกลุ่มทดลองสามกลุ่ม

กลุ่มควบคุม สอนแก้ปัญหาตามคู่มือครุ

กลุ่มทดลอง 1 สอนเน้นทักษะการแปลความหมายโจทย์และสอนการแก้ปัญหา  
โจทย์โดยตารางวิเคราะห์

กลุ่มทดลอง 2 สอนเน้นทักษะการแปลความหมายโจทย์และสอนการแก้ปัญหา  
โจทย์โดยอิสระ

ผลการทดลองพบว่า กลุ่มทดลอง 1 ที่ได้รับการสอนเน้นทักษะการแปลความ หมายโจทย์และสอนการแก้ปัญหาโจทย์โดยตารางวิเคราะห์ กลุ่มทดลอง 2 สอนเน้นทักษะการ แปลความหมายโจทย์ และสอนการแก้ปัญหาโจทย์โดยอิสระ มีความสามารถในการแก้ปัญหา สูงกว่า กลุ่มควบคุมที่ได้รับการสอนแก้ปัญหาโจทย์ตามคู่มือครุ อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 และ พบร่วมกับความสามารถในการแก้ปัญหาของนักเรียนใน กลุ่มทดลองที่ 1 และกลุ่ม ทดลองที่ 2 มีความสามารถในการแก้ปัญหานามেแตกต่างกัน

วินัย คำสุวรรณ(2529) ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่าง ความคิดสร้างสรรค์ทาง

วิทยาศาสตร์ กับความสามารถในการแก้ปัญหาของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 ผลการศึกษาพบว่า ความคิดสร้างสรรค์มีความสัมพันธ์ทางบวกกับความสามารถในการแก้ปัญหา

วิจิตร ภารกุล (2532) ได้ทำการวิจัยเรื่อง กระบวนการคิดและความรู้สึก โครงการพัฒนารูปแบบการเรียนการสอน ทางด้านความรู้ ความคิด ได้ศึกษารูปแบบการคิดตัวแปรที่มีอิทธิพลต่อความสามารถในการแก้ปัญหานักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 เสนอรูปแบบของการเรียนการสอนที่เอื้อต่อการวินิจฉัยกระบวนการและพัฒนากระบวนการคิด ของเด็กกลุ่มตัวอย่างที่ใช้เป็นนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6

ผลการศึกษาพบว่ากระบวนการคิดทั่วไปแต่ละขั้นตอนมีความสัมพันธ์ซึ่งกันและกัน ยกเว้นความคิดรวบยอดที่มีลักษณะ เป็นอิสระ และควรได้รับการพัฒนา ก่อน เพราะ เป็นส่วนของ ความรู้พื้นฐาน การพัฒนากระบวนการคิดจะต้องกระทำให้ต่อเนื่องทั้งในด้านการแปลงสถานการณ์ วางแผนบุคลิกศาสตร์ การปฏิบัติตาม การตรวจสอบและความคิดที่เป็นระบบ ส่วน กระบวนการคิดในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์นั้น มีขั้นตอนที่สำคัญดังนี้ คือ 1. อ่านโจทย์ เข้าใจ 2. แปลงภาษาโจทย์เป็นสัญลักษณ์ 3. บอกวิธีทำได้ 4. เขียนประโยคสัญลักษณ์ 5. คิดคำนวณ และ 6. หากคำตอบได้ ชี้ในแต่ละขั้นตอนมีความสัมพันธ์ เชื่อมโยงชึ้นกันและกัน มีความสัมพันธ์กับกระบวนการคิดทั่วไปด้วย และได้พบว่า นักเรียนส่วนใหญ่มีกระบวนการคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับปานกลาง คุณลักษณะที่จะต้องพัฒนาคือ การแปลงสถานการณ์ การปฏิบัติตามเป็นระบบ การแปลงภาษาโจทย์เป็นสัญลักษณ์ การคิดคำนวณและการหาคำตอบ

บุรุวัฒน์ คล้ายมงคล (2534) ได้ทำการวิจัยเรื่อง การศึกษากระบวนการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 ที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์สูง ในโรงเรียนสังกัดสำนักงานคณะกรรมการประถมศึกษากรุงเทพมหานคร โดยใช้กลุ่มตัวอย่างจำนวน 102 คน ผลการวิจัยพบว่า นักเรียนส่วนใหญ่มีกระบวนการคิดแก้ปัญหา เพียง 3 ขั้นตอน คือ การท่าความเข้าใจโจทย์ปัญหา การวางแผนแก้ปัญหา และการดำเนินการตามแผนแก้ปัญหา มีส่วนน้อยที่ทำครบ 4 ขั้นตอน คือ มีการทำทวนคิดตอบและแผนการแก้ปัญหา

สิริมาศ สิทธิหล่อ (2535) ทำการวิจัยเรื่อง การพัฒนาวิธีการวัดกระบวนการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ โดยใช้วิธีการคิดออกเสียง กลุ่มตัวอย่างเป็นนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ในโรงเรียนมัธยมศึกษา สังกัดกรมสามัญศึกษา เขตกรุงเทพมหานคร จำนวน 72 คน ผลการวิจัยพบว่าวิธีการวัดกระบวนการคิดแก้ปัญหา โดยวิธีการคิดออกเสียงมีความตรงเชิงเกณฑ์

และพบว่าพฤติกรรมการแก้ปัญหาของนักเรียนกลุ่มเก่งจะแสดงพฤติกรรมการแก้ปัญหาเกือบทุกขั้นตอน ในขณะที่กลุ่มปานกลาง และอ่อนแสดงพฤติกรรมไม่ครบขั้นตอน และกลุ่มเก่งแสดงพฤติกรรมคิดออกเสียงที่ให้ข้อมูลมากกว่าคนจากนี้ ผู้วิจัยได้ให้ข้อเสนอแนะว่าครูควรสอนให้นักเรียนฝึกทักษะในแต่ละขั้นตอนเพื่อให้นักเรียนเกิดทักษะการแก้โจทย์ปัญหาอย่างมีกระบวนการ

จากตัวอย่างงานวิจัยในประเทศไทยพบว่าปัจจัยที่ทำเด็กมีความสามารถในการแก้ปัญหาต่างกันนั้นมีมาก many และสิ่งที่สำคัญประการหนึ่งคือ กระบวนการคิดในการแก้ปัญหา โจทย์คณิตศาสตร์ เป็นสิ่งสำคัญ และจำเป็นอย่างยิ่งที่จะต้องฝึกให้เด็กได้ฝึกแก้ปัญหา อย่างเป็นระบบ จากการศึกษาของวิจิตรฯ การกลาง (2532) ที่ศึกษาตัวแบบปริมีอิทธิพลต่อความสามารถในการแก้ปัญหาของนักเรียน พบว่าการแก้ปัญหาอย่างเป็นระบบ เป็นตัวแบบที่มีอิทธิพลต่อกระบวนการคิดทางคณิตศาสตร์สูงสุด งานวิจัยของสิริมาศ สิทธิหล่อ (2535) และบุรุวัฒน์ คล้ายมงคล (2534) แสดงให้เห็นถึงกระบวนการคิดในการแก้โจทย์ปัญหาของเด็กว่ามีขั้นตอน และความลับพันธ์เชื่อมโยงซึ่งกันและกัน แต่งานวิจัยพบว่า เด็กยังมีกระบวนการคิดไม่ครบขั้นตอน นักวิจัยทั้งสองได้ให้ข้อเสนอแนะถึงความสามารถสำคัญของการสอนกระบวนการคิดแก้ปัญหาอย่างเป็นระบบให้กับเด็ก และจากการวิจัยในต่างประเทศที่ศึกษาถึงการฝึกให้เด็กมีกลวิธีคิดน้ำใจช่วยให้เด็กได้ก้าวกระนาบการเรียนรู้อย่างมีขั้นตอน โดยเฉพาะอย่างยิ่งคิดตามในแนว Metacognition จะช่วยให้เด็กมีการควบคุม กำกับ และตระหนักรู้ในการทำงาน ซึ่งจากการวิจัยในต่างประเทศแสดงให้เห็นว่าคิดตามน้ำใจสามารถนำมาใช้ในการฝึกหรือสอนเด็กให้เรียนรู้คุณนาไปกับการเรียนการสอน การเขียน และการแก้ปัญหา เป็นต้น อย่างไรก็ตามผู้วิจัยยังไม่พูดงานวิจัยใดที่นักวิธีคิดน้ำใจเพิ่มความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ ดังนั้นผู้วิจัยจึงสนใจที่จะนำกลวิธีคิดน้ำใจมาใช้กับเด็กไทยเพื่อศึกษาว่า "การใช้กลวิธีคิดน้ำใจช่วยให้เด็กมีความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ ของนักเรียนในระดับชั้นประถมศึกษาหรือไม่"

### ปัญหาในการวิจัย

การฝึกกลวิธีคิดน้ำใจมีผลต่อความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 4 หรือไม่



## ตัวแปรในการวิจัย

ตัวแปรอิสระ ได้แก่ การฝึกกลวิธีการใช้คำตามนา

ตัวแปรตาม ได้แก่ ความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์

## วัตถุประสงค์ในการวิจัย

เพื่อศึกษาผลการฝึกกลวิธีคำตามนา ที่มีต่อความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 4

## สมมติฐานในการวิจัย

1. คะแนนความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ของนักเรียนกลุ่มทดลอง จะสูงกว่านักเรียนกลุ่มควบคุมหลังการทดลองอย่างมีนัยสำคัญ
2. คะแนนความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์หลังการทดลอง ของนักเรียนกลุ่มทดลอง จะสูงกว่าคะแนนความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ก่อนการทดลองอย่างมีนัยสำคัญ

## ค่าจำกัดความใน การวิจัย

1. กลวิธีคำตามนา หมายถึง ความสามารถในการใช้คำตามนาในการแก้กับตนเองให้คำเนินไปคลอดการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์
2. กระบวนการแก้ปัญหา หมายถึง กระบวนการแก้ปัญหาที่ประกอบด้วยการวิเคราะห์ จำแนก และค้นหาวิธีการ คำเนินการ และการประเมินผล
3. โจทย์ปัญหา หมายถึง โจทย์ปัญหาทางคณิตศาสตร์ที่ใช้เป็นโจทย์ภาษาที่ใช้ในการคำนีนการ(operation) อันได้แก่ การบวก ลบ คูณและหารในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์

4. ความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์ หมายถึง คะแผนความถูกต้องในการแสดงวิธีการทำและค้นหาคำตอบภายในเวลาที่กำหนดให้จากการทำแบบทดสอบ วัดความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ก่อนการทำลองและภายหลังการทำลอง

### **ข้อมูลของการวิจัย**

1. กลุ่มตัวอย่างเป็นนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 4 โรงเรียนวัดจันทร์ตะวันออก อ.ไกรเดอเมือง จังหวัดพิษณุโลก จำนวน 2 ห้องเรียน ห้องเรียนละ 32 คน รวมเป็น 64 คน
2. ตัวแปรที่ศึกษาคือ การฝึกกลวิธีคิดามนา
3. เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยคือ
  - 3.1 แบบทดสอบความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์
  - 3.2 ค่าตามนาในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ และแบบฝึกหัดโจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์
  - 3.3 แบบรายงานกระบวนการแก้ปัญหา

### **ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับจากการวิจัย**

1. เพื่อเป็นการตรวจสอบผลของการใช้กลวิธีคิดามนาตามแนว Metacognition ในการพัฒนาความสามารถในการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์ของเด็กไทย
2. เพื่อระดูให้เกิดความสนใจในการพัฒนาความสามารถในการแก้ปัญหาของเด็กทั้งในระบบการศึกษาและในการดำเนินชีวิตประจำวัน
3. เพื่อเป็นแนวทางในการศึกษาการสอนกลวิธีคิดามนา กับเรื่องอื่น ๆ เช่น การอ่านจับใจความ การเขียนเรียงความ หรือการแก้ปัญหาในรูปแบบต่าง ๆ